

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра информационной безопасности**

**ОТЧЕТ**  
**по практической работе №3**  
**по дисциплине «Криптографические методы защиты информации»**  
**Тема: «Изучение Хеш-функций»**

Студент гр. 9361

\_\_\_\_\_

Кисляков Н.

Преподаватель

\_\_\_\_\_

Племянников А.К.

Санкт-Петербург

2023

## **Цель работы**

Исследование хеш-функций MD5, SHA-256, SHA-512, SHA-3, кода аутентификации HMAC для контроля целостности и анализ атак дополнительной коллизии на хеш-функцию. Получить практические навыки работы с хеш-функциями и алгоритмом атаки дополнительной коллизии, в том числе с использованием приложения CrypTool 1 и 2.

### **1. Исследование лавинного эффекта MD5, SHA-1, SHA-256, SHA-512**

#### **1.1 Задание**

1. Открыть текст не менее 1000 знаков. Добавить ваши ФИО последней строкой. Перейти к утилите Indiv. Procedures -> Hash -> Hash Demonstration.
2. Задать хеш-функцию, подлежащую исследованию: MD5, SHA-1, SHA-256, SHA-512.
3. Для каждой хеш-функции повторить следующие действия:
  - а) изменить (добавлением, заменой, удалением символа) исходный файл;
  - б) зафиксировать количество измененных битов в дайджесте модифицированного сообщения;
  - с) вернуть сообщение в исходное состояние.
4. Выполнить процедуру 3 раза (добавлением, заменой, удалением символа) и подсчитать среднее количество измененных бит дайджеста. Зафиксировать результаты в таблице.

#### **1.2 Основные параметры и обобщенная схема хеш-функций MD5, SHA-1**

Хэш-функции MD5:

На рисунке 1 представлена обобщённая схема хэш-функции MD5. К основным параметрам хэш-функции MD5 относится:

- Длина сообщения кратна 512 битам, в последний блок добавляются недостающие биты (в виде 1000...000) и 64-битное представление длины исходного сообщения  $L_0 = L_0 \bmod (2_{64})$ ;

- Длина хэша – 128 бит;
- Число этапов – 4, в каждом этапе 16 раундов, то есть общее число итераций – 64;
- MD-буфер – 4 регистра (A, B, C, D) по 32 бит (в сумме 128 бит)

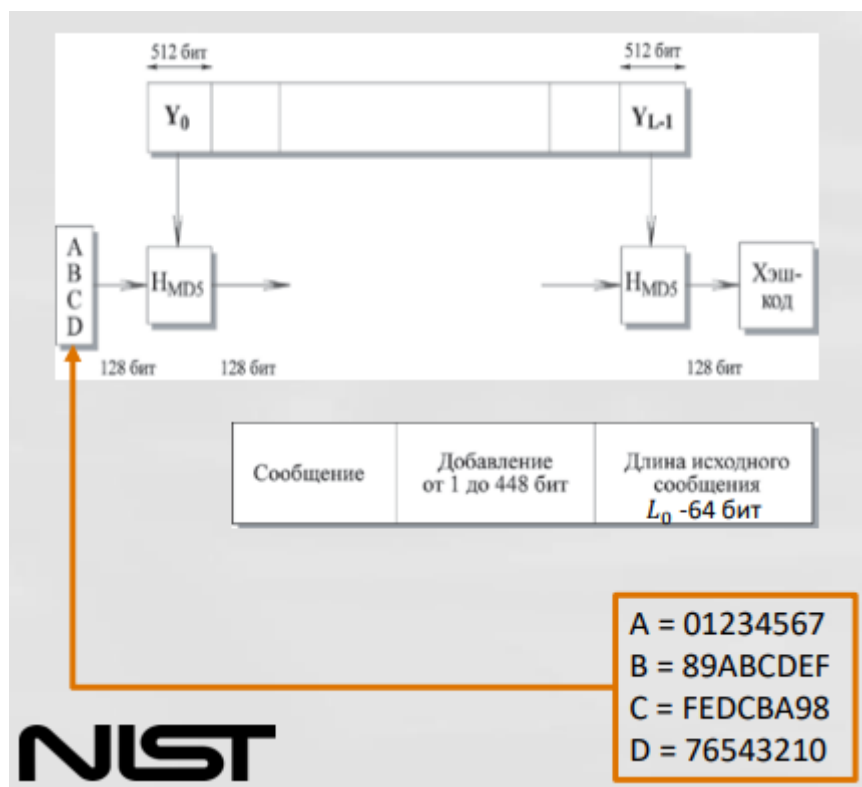


Рисунок 1 – Схема хэш-функции MD5

Функция сжатия  $H_{MD5}$ :

На рисунке 2 представлена обобщённая схема функции сжатия  $H_{MD5}$ . К основным параметрам функции сжатия  $H_{MD5}$  относится:

- Каждый цикл переопределяет значение MD-буфера (A, B, C, D);
- $T$  – массив вычисляемых величин (по 32 бита):

$T_i = \text{int}\left(2^{32} \cdot \text{abc}(\sin(i))\right), i = \overline{1, 64}$ , где  $\text{int}()$  – целая часть числа,  $\text{abc}()$  – абсолютное значение;  $\sin()$  – синус.

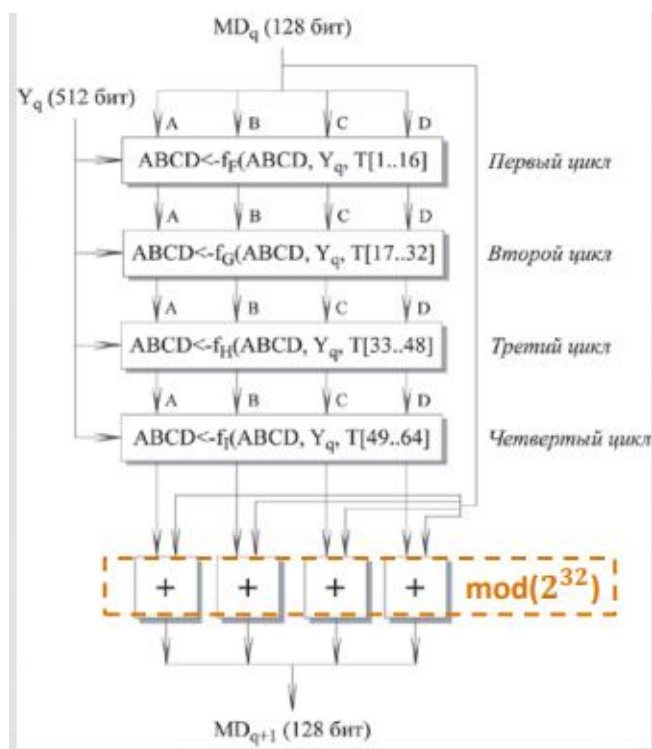


Рисунок 2 – Схема функции сжатия  $H_{MD5}$

Цикл сжатия  $H_{MD5}$ :

На рисунке 3 представлена обобщённая схема цикла сжатия  $H_{MD5}$ . К основным параметрам цикла сжатия  $H_{MD5}$  относятся:

Каждый цикл состоит из 6 шагов;

- $f$  – одна из элементарных функций:
  - a)  $f_F = (B \wedge C) \vee (\text{not } B \wedge D)$ ;
  - b)  $f_G = (B \wedge d) \vee (C \wedge \text{not } D)$ ;
  - c)  $f_H = B \oplus C \oplus D$ ;
  - d)  $f_I = C \oplus (B \wedge \text{not } D)$ ;
- Сложение выполняется по модулю  $2^{32}$ ;
- $CLS_5$  циклический сдвиг влево на 5 разрядов.

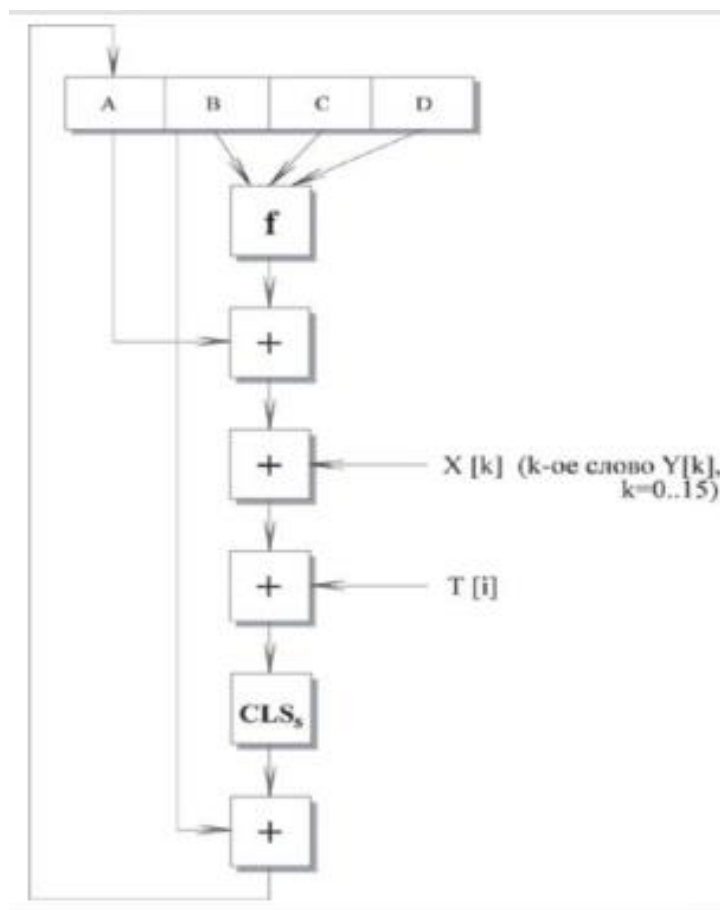


Рисунок 3 – Схема цикла сжатия  $H_{MD5}$

Хэш-функции SHA-1:

На рисунке 4 представлена обобщённая схема хэш-функции SHA-1. К основным параметрам хэш-функции SHA-1 относится:

- Длина сообщения кратна 512 битам, в последний блок добавляются недостающие биты (в виде 1000...000) и 64-битное длина исходного сообщения  $L_0$ ;
- Длина хэша – 160 бит;
- Число итераций – 80;
- MD-буфер – 5 регистров (A, B, C, D, E) по 32 бит (в сумме 160 бит).

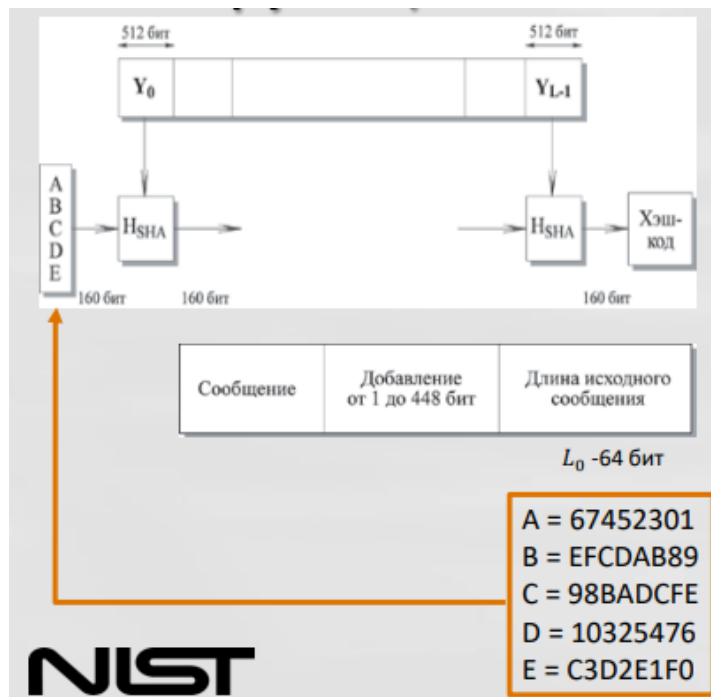


Рисунок 4 – Схема хеш-функции SHA-1

Функция сжатия  $H_{SHA-1}$ :

На рисунке 6 представлена обобщённая схема функции сжатия  $H_{SHA-1}$ .

К основным параметрам функции сжатия  $H_{SHA-1}$  относится:

- Состоит из 80 циклов обработок;
- Все 80 циклов обработок имеют одинаковую структуру;
- Каждый цикл переопределяет 160-битное значение MD-буфера;
- В каждом цикле используется дополнительная константа  $K_t$ , принимающая 4 различных значения;
- Сложение выполняется по модулю  $2^{32}$ .

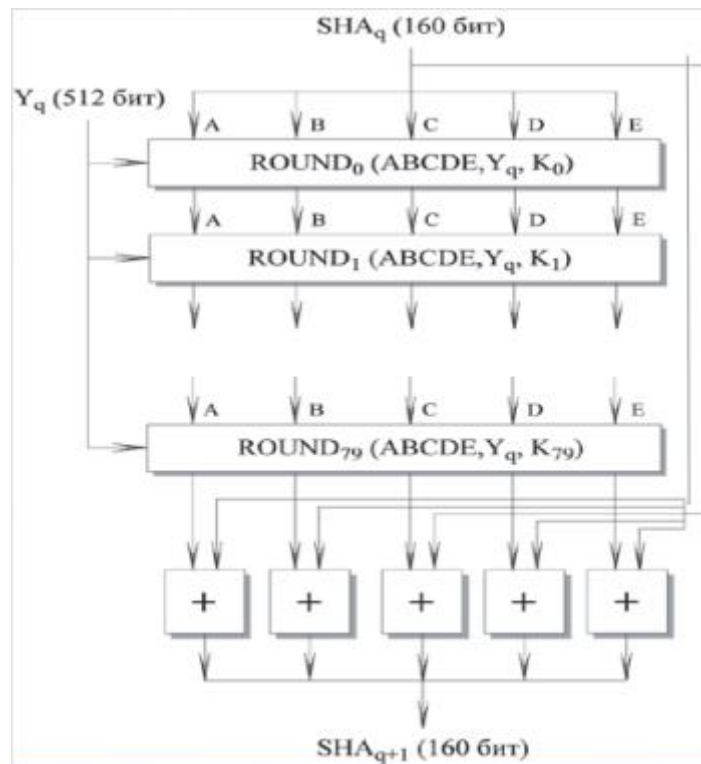


Рисунок 5 – Функция сжатия  $H_{SHA-1}$

Цикл сжатия  $H_{SHA-1}$ :

На рисунке 6 представлена обобщённая схема цикла сжатия  $H_{SHA-1}$ .

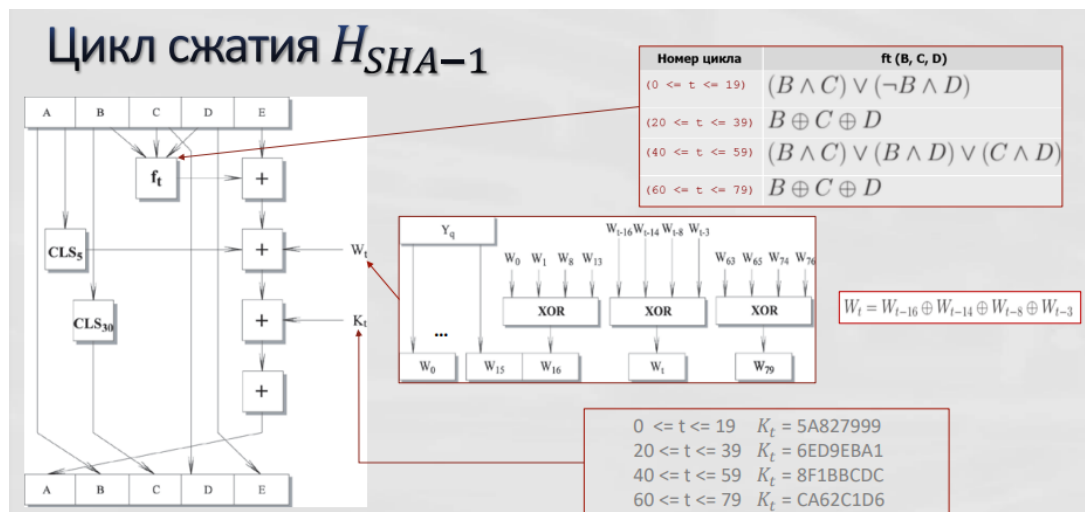


Рисунок 6 – Цикл сжатия  $H_{SHA-1}$

### 1.3 Таблица с фактическими и усредненными параметрами лавинного эффекта для исследованных хеш-функций

Заранее был подготовлен текст, который состоит из не менее 1000 символов и в конце дописаны ФИО на рисунке 7.

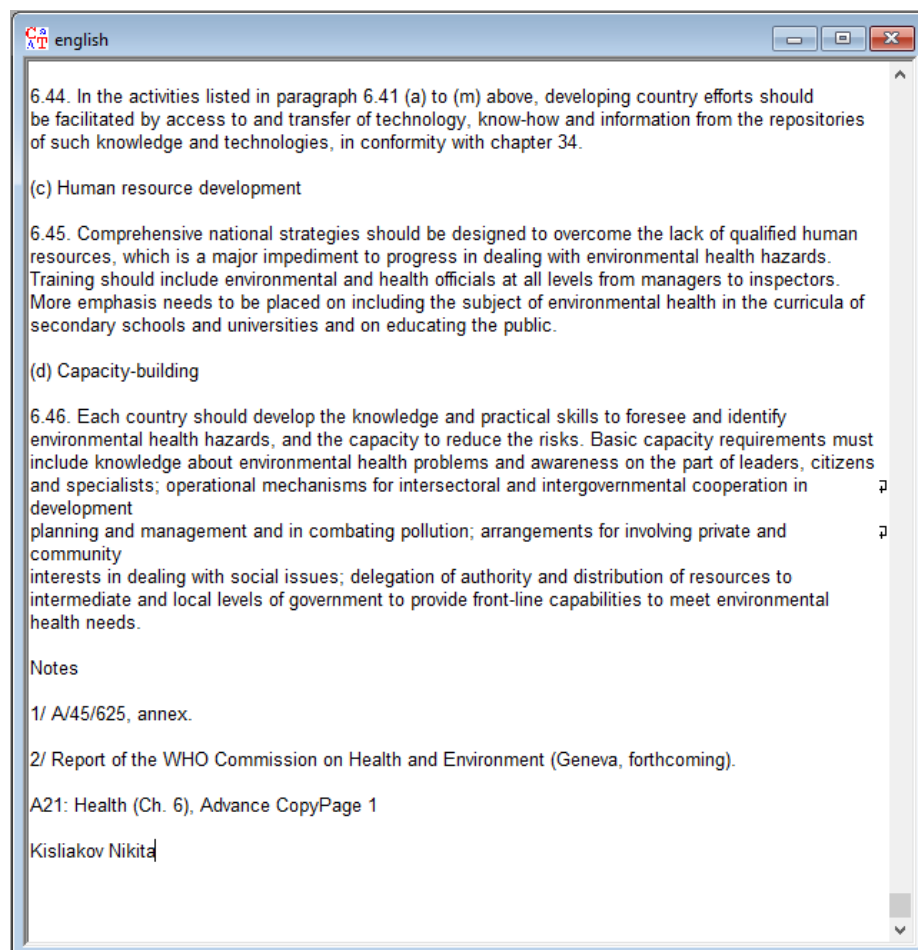


Рисунок 7 – Подготовленный текст

В CrypTool 1, с помощью утилиты Hash Demonstration на выбранном тексте выбирались хэш-функции MD5, SHA-1, SHA-256, SHA-512.

Для каждой хеш-функции применяли добавление, изменение и удаления символа, также фиксировались количество измененных бит хэша и была вычислена среднее количество измененных бит.

Как видно из таблицы 1, при добавлении, изменении или удалении одного символа открытого текста среднее количество измененных бит хэша составляет 51% от общего количества бит хэша.



Таблица 1

Хэш-функция	Изменение	Количество измененных бит хэша	Среднее количество измененных бит
MD5	Добавление	49.22% (63 из 128)	49.22% (63 из 128)
	Изменение	53.91% (69 из 128)	
	Удаление	49.22% (63 из 128)	
SHA-1	Добавление	53.75% (86 из 160)	51.25% (82 из 160)
	Изменение	51.25% (82 из 160)	
	Удаление	47.50% (76 из 160)	
SHA-256	Добавление	51.95% (133 из 256)	50.78% (130 из 256)
	Изменение	50.78% (130 из 256)	
	Удаление	50.39% (129 из 256)	
SHA-512	Добавление	51.76% (265 из 512)	47.85% (245 из 512)
	Изменение	47.46% (243 из 512)	
	Удаление	47.85% (245 из 512)	

## 2. Хеш-функция SHA-3

### 2.1 Задание

1. Открыть шаблон Кескак Hash (SHA-3) в CrypTool 2.
2. В модуле Кескак сделать следующие настройки:
  - а) Adjust manually=ON;
  - б) Кескак version= SHA3-512.
3. Загрузить файл из предыдущего задания
4. Запустить проигрывание шаблона в режиме ручного управления:
  - а) сохранить скриншоты преобразований первого раунда;
  - б) сохранить скриншот заключительной фазы;
  - в) сохранить значение дайджеста.
5. Вычислить значения дайджеста для модифицированных текстов из предыдущего задания.
6. Подсчитать лавинный эффект с помощью самостоятельно разработанной автоматизированной процедуры.

## 2.2 Основные параметры, обобщенная схема и перестановки хэш-функции Кессак (SHA-3), на основе изученной презентации

Хэш-функция Кессак:

- В основе Кессак лежит конструкция под названием Sponge (губка);
- Алгоритм состоит из двух этапов:
  - a) Absorbing (впитывание). На каждом шаге очередной блок сообщения  $p_i$  длиной  $r$  подмешивается к части внутреннего состояния  $S$ , которая затем целиком модифицируется функцией  $f$  – многораундовой бесключевой псевдослучайной перестановкой.
  - b) Squeezing (отжатие). Чтобы получить хэш, функция  $f$  многократно применяется к состоянию, и на каждом шаге извлекается и сохраняется кусок размера  $r$  до тех пор, пока не получим выход  $Z$  необходимой длины (путем конкатенации).

Обобщенная схема хэш-функции Кессак продемонстрирована на рисунке 8/

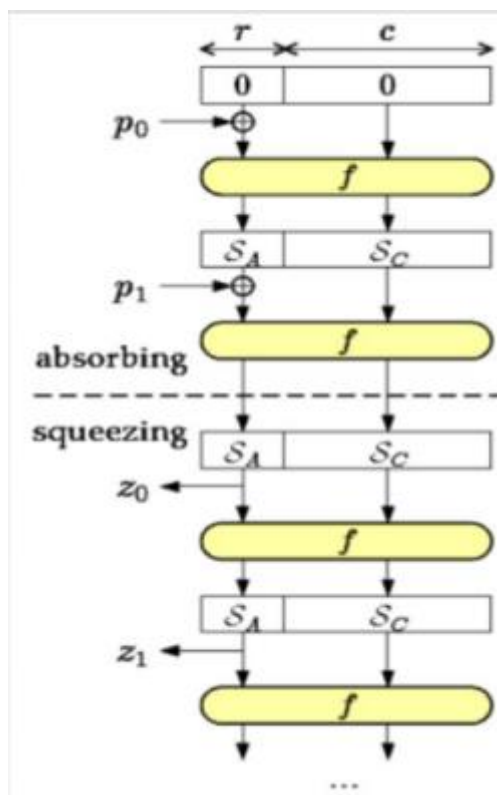


Рисунок 8 – Обобщенная схема хэш-функции Кессак

Внутреннее состояние хэш-функции Кессак:

- Текущее внутренне состояние представлено в виде набора битов, сгруппированных в виде виртуального объекта в трехмерном пространстве (трехмерного массива);
- Объект можно разбить на плоскости или точнее слои вдоль трех осей координат, а элементы каждого слоя – на фрагменты в виде столбцов или строк;
- Трехмерное представление текущего внутреннего состояния помогает применить набор простейших логических операций (XOR, AND, NOT) оптимальным образом для реализации псевдослучайных перестановок.

Внутреннее состояние хэш-функции Кессак показано на рисунке 9.

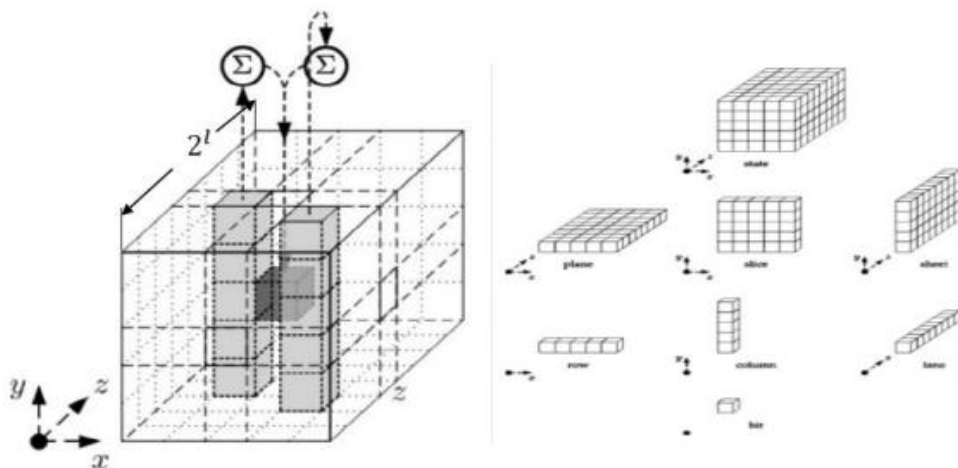


Рисунок 9 – Внутреннее состояние хэш-функции Кессак

Бесключевая псевдослучайная перестановка  $f$  хэш-функции Кессак:

- Раундовые функции выполняют 5-ти шаговую обработку внутреннего состояния;
- Количество раундов  $12 + 2 * l$  для состояния размера  $25 \times 2^l$  бит ( $0 \leq l \leq 6$ ).

Бесключевая псевдослучайная перестановка  $f$  хэш-функции Кессак представлена на рисунке 10.

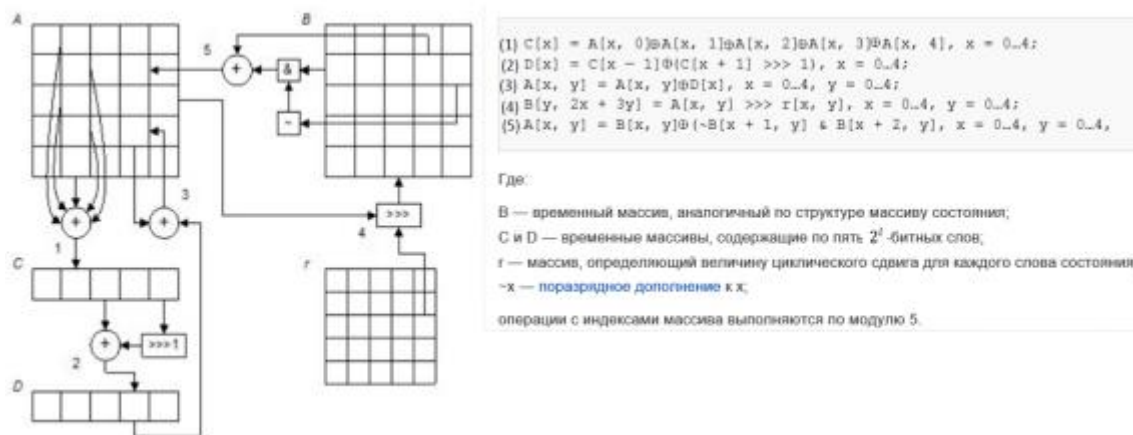


Рисунок 10 – Бесключевая псевдослучайная перестановка f

Оценка криптостойкости:

- Авторы Кессак доказали, что стойкость такой конструкции неотличима от стойкости идеальной хэш-функции (random oracle model) с размером дайджеста, равным  $s/2$  (все состояние имеет размер  $s + r$ ) при условии, что f — идеальная функция перестановки (без повторений внутреннего состояния);
- Сложность проведения атак гарантируется только до необходимой величины. После увеличения длины выхода хэш-функции за пределы расчетного, стойкость функции перестает зависеть от размера выхода.

Масштабируемость:

- Хэш-функция Кессак реализована таким образом, что функцию перестановки f пользователь может выбирать самостоятельно из набора предопределенных функций  $\{f - 25, f - 50, f - 100, f - 200, f - 400, f - 800, f - 1600\}$ ;
- Каждая функция из набора обрабатывает внутренне состояние определенного размера  $|S| = 25 \times 2^l$ ,  $0 \leq l \leq 6$ ;
- Для того, чтобы в реализации использовалась функция f обрабатывающая состояния размера  $|S|$ , необходимо, чтобы  $r + c = |S|$ ;
- Количество раундов nn применения функции f вычисляется как  $n = 12 + 2 * l$ ,  $l = \log_2 |S/25|$ .

### 2.3 Описание средства оценивания лавинного эффекта

Сначала откроем шаблон Кескак Hash (SHA-3) в CrypTool 2 с настройками Adjust manually=ON и Кескак version=SHA-512. В качестве исходного текста возьмем текст из пункта 1.3. Запустим проигрывание шаблона в режиме ручного управления. Скриншоты преобразований первого раунда продемонстрированы на рисунках 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17. На рисунке 18 представлена заключительная фаза.

[illegible]

Рисунок 11 – Фаза впитывания

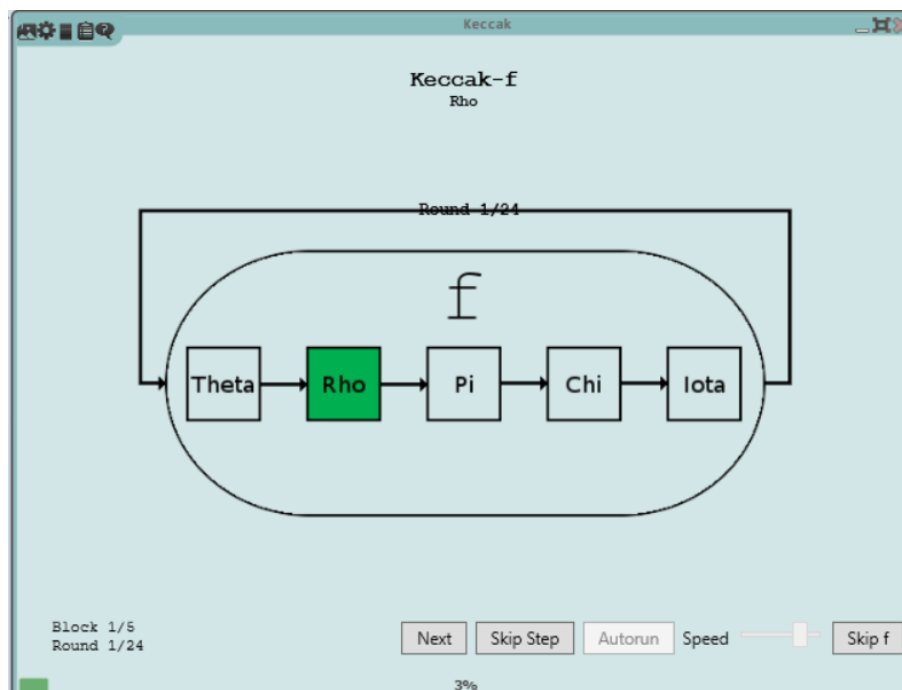


Рисунок 12 – Функция перестановки f

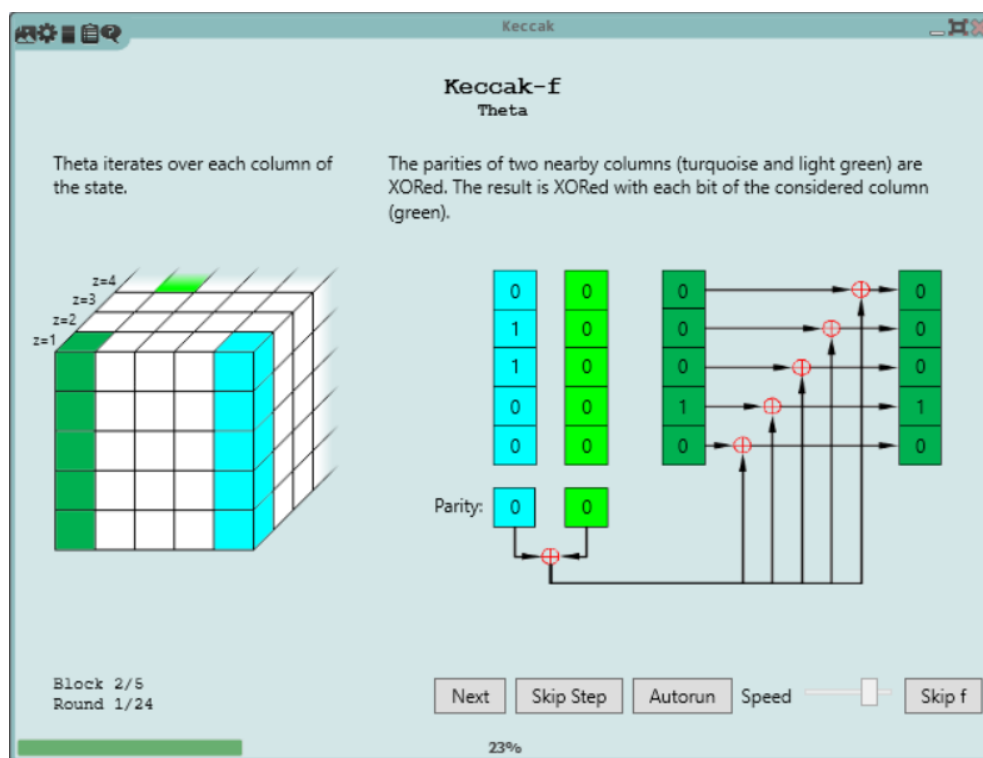


Рисунок 13 – Шаг «Theta» первого раунда функции перестановки

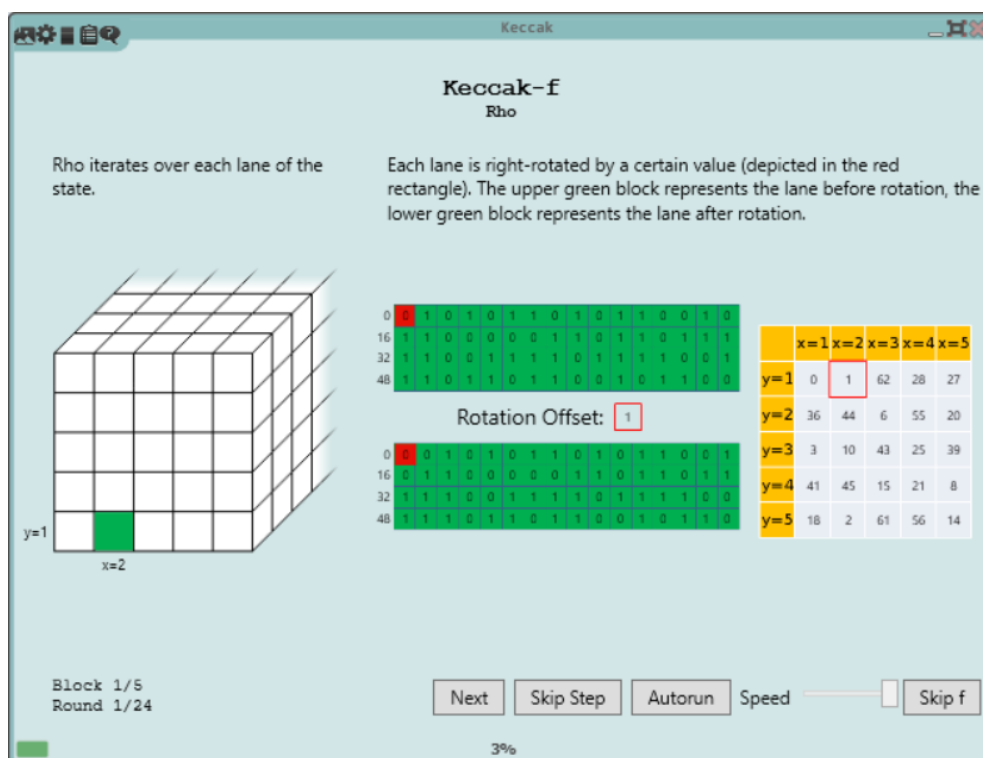


Рисунок 14 – Шаг «Rho» первого раунда функции перестановки

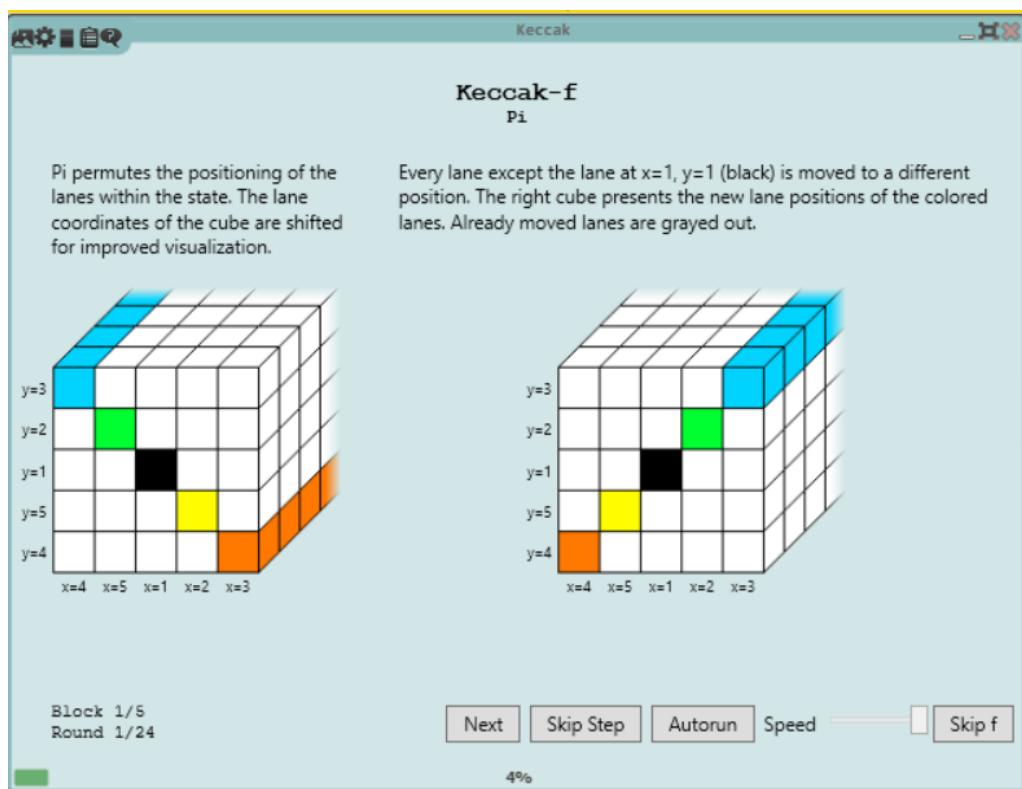


Рисунок 15 – Шаг «Pi» первого раунда функции перестановки

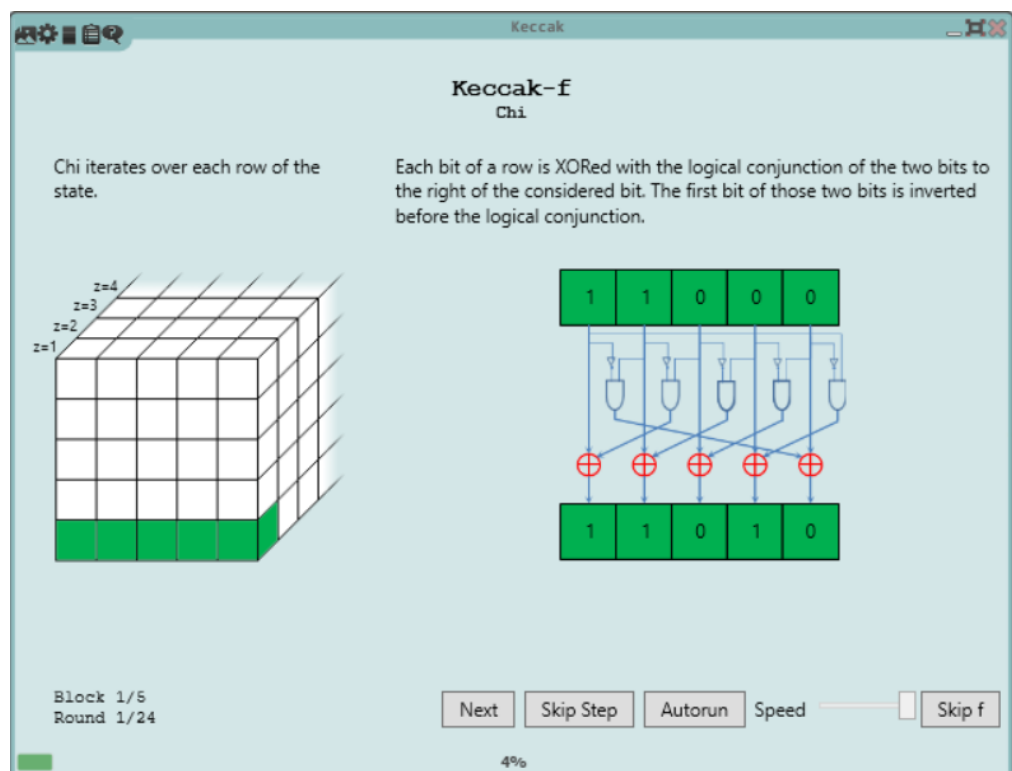


Рисунок 16 – Шаг «Chi» первого раунда функции перестановки

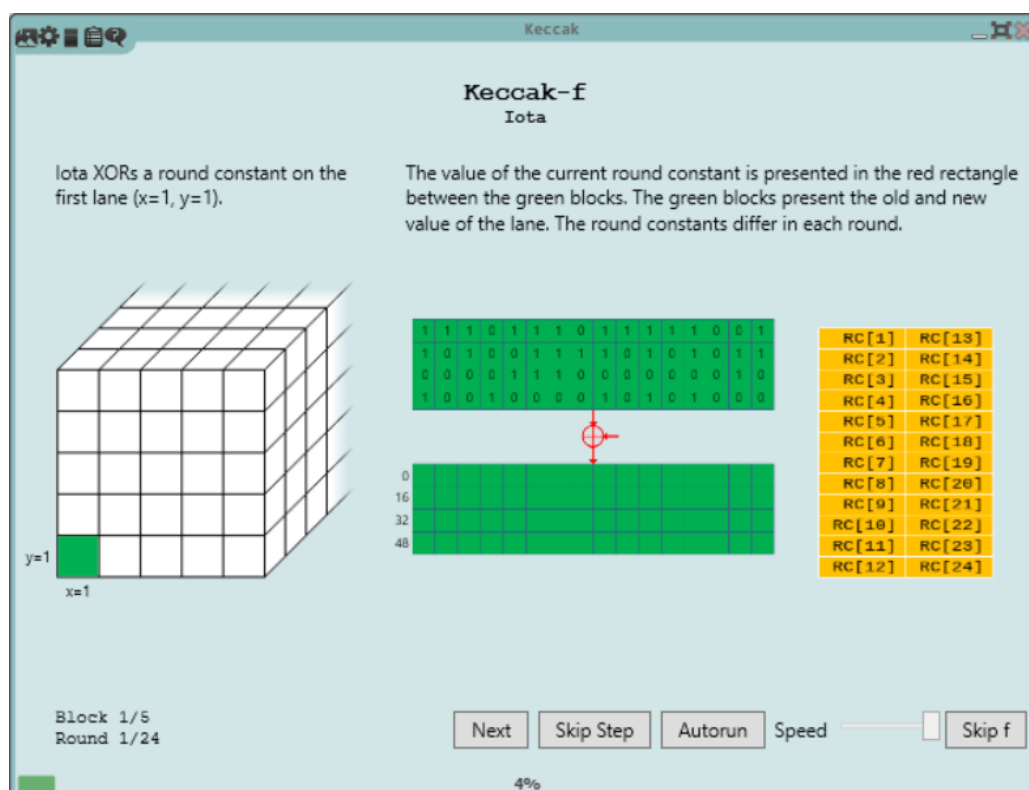


Рисунок 17 – Шаг «Iota» первого раунда функции перестановки

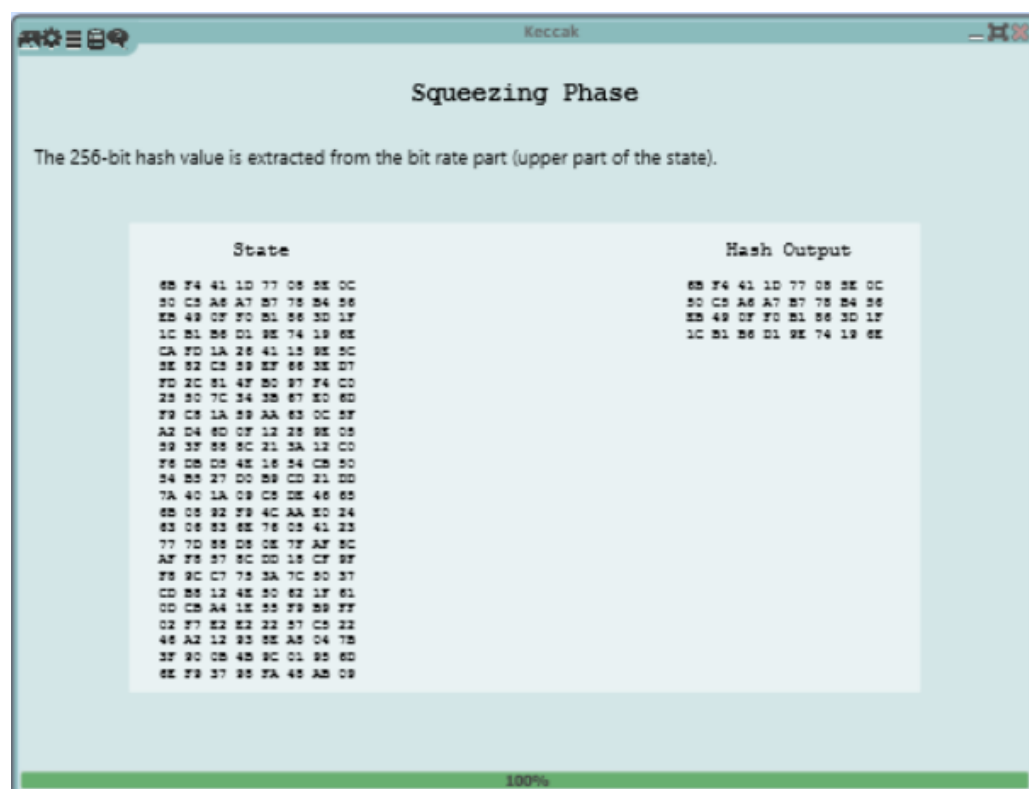


Рисунок 18 – Фаза «отжатия»

Полученное значение хэша: « 6B F4 41 1D 77 08 5E 0C 50 C5 A6 A7 B7 78 B4 56 EB 49 0F F0 B1 86 3D 1F 1C B1 B6 D1 9E 74 19 6E».



## 2.4 Таблица с фактическими параметрами лавинного эффекта

После для исходного текста были выполнены те же модификации, которые использовались в пункте 1.3 для исследования лавинного эффекта 17 хэш-функций MD5, SHA-1, SHA-256, SHA-512. Для модифицированных текстов были найдены дайджесты. Результаты исследований хэш-функции SHA-3 были записаны в таблицу 2.

Таблица 2

Модификация	Дайджест
Без изменения	6B F4 41 1D 77 08 5E 0C 50 C5 A6 A7 B7 78 B4 56 EB 49 0F F0 B1 86 3D 1F 1C B1 B6 D1 9E 74 19 6E
Добавление	43 F1 C0 F2 3E CF AC 65 16 22 31 F5 6D 4F 12 19 2E 6E 1C 8A 7F 17 72 A5 9E BD 6F D8 75 DD 4A 31
Изменение	C5 12 A0 F2 16 E1 4B D1 D8 E5 D1 1E EA B4 3A 2D C7 28 0C 8B AC C5 63 6B 36 01 DC D1 17 22 69 D6
Удаление	F6 4E A9 F9 46 39 6C 8C 1E DE B6 53 58 16 88 F5 37 B0 73 AD 32 69 C7 1E 70 1B 96 04 72 99 26 90

Теперь найдем количество измененных бит в дайджестах при добавлении, изменении и удалении одного символа исходного текста, а также вычислим среднее количество измененных бит хэша при помощи шаблона «Avalanche (Hash Functions)». Найденное количество измененных бит представлено на рисунках 19, 20, 21.

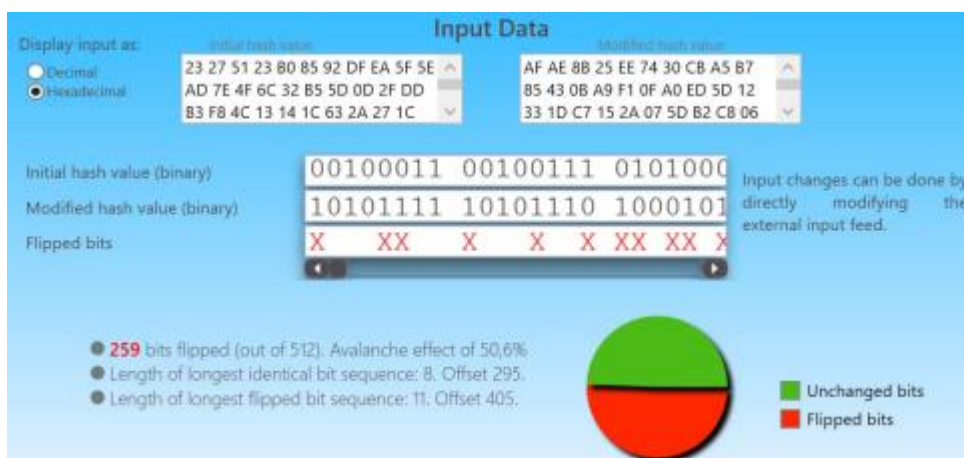


Рисунок 19 – Добавление

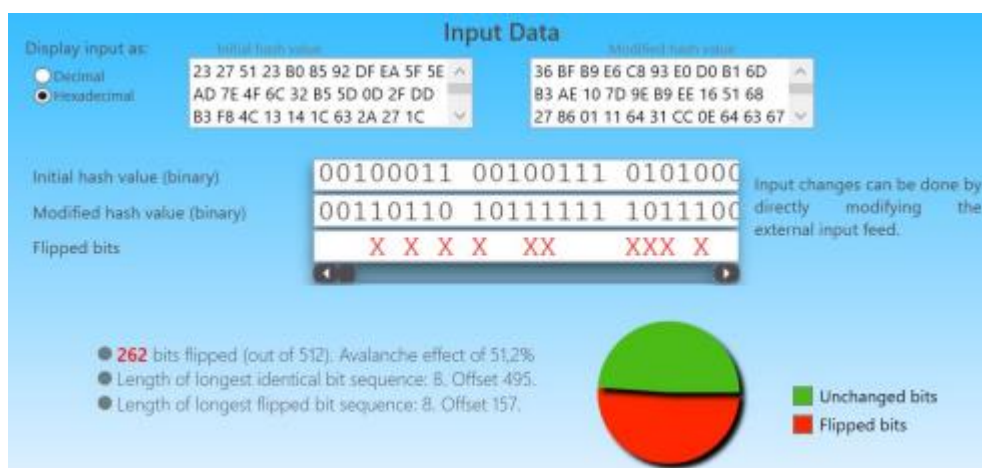


Рисунок 20 – Изменение

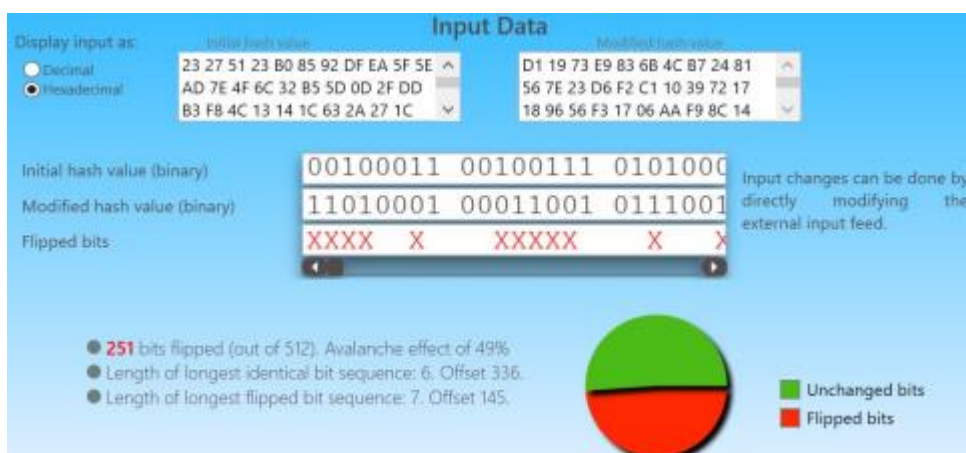


Рисунок 21 – Удаление

Результаты исследования количества измененных бит в дайджестах при добавлении, изменении и удалении одного символа исходного текста занесем в таблицу 3.

Таблица 3

Хэш-функция	Изменение	Количество измененных бит хэша	Среднее количество измененных бит
SHA-3	Добавление	50.6% (259 из 512)	50.2% (257 из 512)
	Изменение	51.2% (262 из 512)	
	Удаление	49% (251 из 512)	

Как видно из результатов, при добавлении, изменении и удалении одного символа исходного текста среднее количество измененных бит составляет около 50% от общего количества бит дайджеста.

### 3. Контроль целостности по коду НМАС

### 3.1 Задание

1. Выбрать текст на английском языке (не менее 1000 знаков), добавить ваши ФИО и сохранить в файле формата .txt.

2. Придумать пароль и сгенерировать секретный ключ утилитой Indiv.Procedures → Hash → Key Generation из CrypTool 1. Сохранить ключ в файле формата .txt. Прочитать Help к этой утилите.

3. Сгенерировать HMAC для имеющегося текста и ключа с помощью утилиты Indiv.Procedures → Hash → Generation of HMACs. Сохранить HMAC в файле формата .txt. Прочитать Help к этой утилите.

4. Передать пароль, HMAC (и его характеристики), исходный и модифицированный тексты коллеге, не раскрывая, какой текст корректен. Попросить коллегу определить это самостоятельно.

### 3.2 Выбранная схема генерации ключа и ее параметры

На рисунке 22 приставлен текст, размер, которого составляет не менее 1000 символов и в конце добавили ФИО.

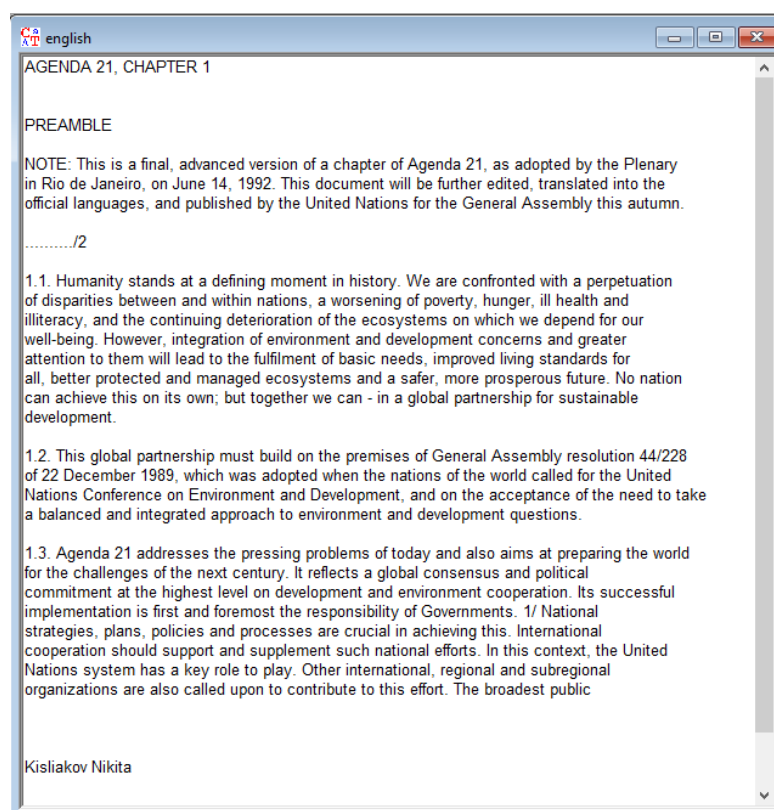


Рисунок 22 – Исходный текст

В CrypTool 1, с помощью утилиты Key Generation, сгенерируем секретный ключ по паролю «ab12cd34ef56gh78ig» на рисунке 23.

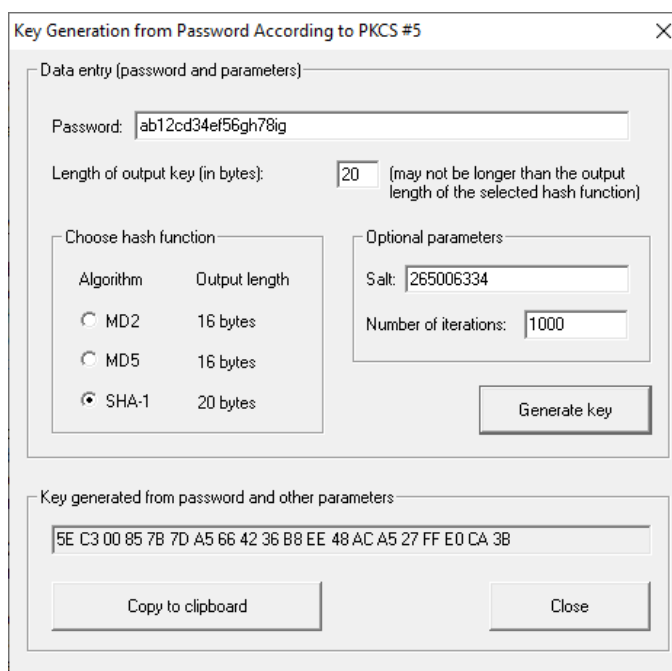


Рисунок 23 – Генерация секретного ключа

В итоге получили селящий сгенерированный секретный ключ: «5E C3 00 85 7B 7D A5 66 42 36 B8 EE 48 AC A5 27 FF E0 CA 3B».

### 3.3 Выбранная схема создания HMAC

Воспользуемся утилитой Generation of HMACs сгенерируем HMAC для исходного текста и секретного ключа на рисунке 24.

**Keyed-Hash Message Authentication Code (HMAC)**

**Description**  
 By means of a HMAC the recipient of a message is able to verify its integrity and the authenticity of its sender. Therefore both parties use a shared secret (symmetric key).  
 To create a HMAC, a cryptographic hash function is applied to a combination of the message m and the secret key k. According to the variation chosen below, two different keys k and k' can be used.

**Message**  
 AGENDA 21, CHAPTER 1  
 PREAMBLE  
 NOTE: This is a final, advanced version of a chapter of Agenda 21, as adopted by the Plenary in Rio de Janeiro, on June 14, 1992. This document will be further edited, translated into the official languages, and published by the United Nations for the General Assembly this autumn.  
 ...../2  
 1.1. Humanity stands at a defining moment in history. We are confronted with a perpetuation of disparities between and within nations, a worsening of poverty, hunger, ill health and illiteracy, and the continuing deterioration of the ecosystems on which we depend for our

**HMAC parameter and key**  
 Hash function:  HMAC variant:   
 Enter your key (k):   
 Enter second key (k'):

**Inner hash value:**

**Input for outer hash function (depends on the HMAC variant chosen above)**

**HMAC generated from message and key**

Рисунок 24 – Генерация HMAC

Сгенерированный HMAC: «79 BD 38 50 0A 0E 3A 87 46 38 62 C2 DC CA DB 4E 65 41 AD BB 33 5F 1A 66 CB 61 93 E3 09 58 41 C4 0A 3F 76 5F 59 B8 09 21 8D D3 D4 48 DF C9 03 E8 23 9E FB 27 44 2B 04 90 9F 94 93 9B A6 C6 3B 5A».

### 3.4 Описание действий передающей стороны на примере выполненного задания

На рисунке 25 продемонстрирована генерация секретного ключа. К исходным данным относится пароль «123456nikita». С помощью пароля генерируется секретный ключ со следующими параметрами (Salt: 1682723281, количество итераций: 1000, хеш-функция: SHA-1). В итоге мы получили секретный ключ «C5 AE 95 DB AA 76 A1 71 19 6D 0C 6F 1E 66 3A 9D 61 26 DE 87».

**Key Generation from Password According to PKCS #5**

Data entry (password and parameters)

Password: 123456nikita

Length of output key (in bytes): 20 (may not be longer than the output length of the selected hash function)

Choose hash function

Algorithm	Output length
<input type="radio"/> MD2	16 bytes
<input type="radio"/> MD5	16 bytes
<input checked="" type="radio"/> SHA-1	20 bytes

Optional parameters

Salt: 1682723281

Number of iterations: 1000

Generate key

Key generated from password and other parameters

C5 AE 95 DB AA 76 A1 71 19 6D 0C 6F 1E 66 3A 9D 61 26 DE 87

Copy to clipboard Close

Рисунок 25 – Генерация секретного ключа

Затем генерируем HMAC секретным ключом и с заданными параметрами (хеш-функция: SHA-512, тип: H (k, m)), как показано на рисунке 26.

**Keyed-Hash Message Authentication Code (HMAC)**

Description

By means of a HMAC the recipient of a message is able to verify its integrity and the authenticity of its sender. Therefore both parties use a shared secret (symmetric key). To create a HMAC, a cryptographic hash function is applied to a combination of the message m and the secret key k. According to the variation chosen below, two different keys k and k' can be used.

Message

AGENDA 21, CHAPTER 1

PREAMBLE

NOTE: This is a final, advanced version of a chapter of Agenda 21, as adopted by the Plenary in Rio de Janeiro, on June 14, 1992. This document will be further edited, translated into the official languages, and published by the United Nations for the General Assembly this autumn.

...../2

1.1. Humanity stands at a defining moment in history. We are confronted with a perpetuation of disparities between and within nations, a worsening of poverty, hunger, ill health and illiteracy, and the continuing deterioration of the ecosystems on which we depend for our

HMAC parameter and key

Hash function: SHA-512 (512 bits) HMAC variant: H(k, m) key in front of message

Enter your key (k): C5 AE 95 DB AA 76 A1 71 19 6D 0C 6F 1E 66 3A 9D 61 26 DE 87

Enter second key (k'):

Inner hash value:

Input for outer hash function (depends on the HMAC variant chosen above)

C5 AE 95 DB AA 76 A1 71 19 6D 0C 6F 1E 66 3A 9D 61 26 DE 87AGENDA 21, CHAPTER 1

PREAMBLE

HMAC generated from message and key

29 89 74 C2 01 5D D9 DF 44 22 D9 E2 C0 EC 72 5F C8 F1 B8 87 F0 7C 89 FC 8B B6 CA C2 D7 67 E3 70 C

Close

Рисунок 26 – Генерация HMAC с заданным секретным ключом и параметрами

Теперь отправляем принимающей стороне придуманный пароль; параметры секретного ключа; HMAC; параметры HMAC; два текста (первый – модифицированный, второй – исходный).

### 3.5 Описание действий принимающей стороны на примере выполненного задания

От передающей стороны была получена следующая информация: пароль («123456nikita»); параметры генерации ключа (Salt: 1682723281, количество итераций: 1000, хеш-функция: SHA-1); HMAC («29 89 74 C2 01 5D D9 DF 44 22 D9 E2 C0 EC 72 5F C8 F1 B8 87 F0 7C 89 FC 8B B6 CA C2 D7 67 E3 70 C4 4C 4C 55 CE A2 3A E5 1A A7 60 6D 2B A1 20 D0 80 DE F0 14 54 CA 21 C1 80 CA 4A 37 B3 09 AB 1A»); параметры HMAC (хеш-функция: SHA-512, тип: H(k, m)); два текста (неизвестно который из них модифицированный). Для обоих текстов по паролю и характеристикам HMAC вычислим HMAC. Результаты вычислений представлены на рисунках 27, 28.

Keyed-Hash Message Authentication Code (HMAC)

Description

By means of a HMAC the recipient of a message is able to verify its integrity and the authenticity of its sender. Therefore both parties use a shared secret (symmetric key).  
To create a HMAC, a cryptographic hash function is applied to a combination of the message m and the secret key k. According to the variation chosen below, two different keys k and k' can be used.

Message

AGENDA 21, CHAPTER 1

PREAMBLE

NOTE: This is a final, advanced version of a chapter of Agenda 21, as adopted by the Plenary in Rio de Janeiro, on June 14, 1992. This document will be further edited, translated into the official languages, and published by the United Nations for the General Assembly this autumn.

...../2

1.1. Humanity stands at a defining moment in history. We are confronted with a perpetuation of disparities between and within nations, a worsening of poverty, hunger, ill health and illiteracy, and the continuing deterioration of the ecosystems on which we depend for our

HMAC parameter and key

Hash function: SHA-512 (512 bits) HMAC variant: H(k, m): key in front of message

Enter your key (k): C5 AE 95 DB AA 76 A1 71 19 6D 0C 6F 1E 66 3A 9D 61 26 DE 87

Enter second key (k'):

Inner hash value:

Input for outer hash function (depends on the HMAC variant chosen above)

C5 AE 95 DB AA 76 A1 71 19 6D 0C 6F 1E 66 3A 9D 61 26 DE 87AGENDA 21, CHAPTER 1

PREAMBLE

HMAC generated from message and key

0B F8 87 E7 E8 61 40 D3 81 8D 25 BE 84 E5 CB 3B FD 8D 76 41 8B D5 17 A1 30 3D 91 25 CB 27 7A B2 1

Close

Рисунок 27 –HMAC первого текста

**Description**

By means of a HMAC the recipient of a message is able to verify its integrity and the authenticity of its sender. Therefore both parties use a shared secret (symmetric key). To create a HMAC, a cryptographic hash function is applied to a combination of the message m and the secret key k. According to the variation chosen below, two different keys k and k' can be used.

**Message**

AGENDA 21, CHAPTER 1

PREAMBLE

NOTE: This is a final, advanced version of a chapter of Agenda 21, as adopted by the Plenary in Rio de Janeiro, on June 14, 1992. This document will be further edited, translated into the official languages, and published by the United Nations for the General Assembly this autumn.

...../2

1.1. Humanity stands at a defining moment in history. We are confronted with a perpetuation of disparities between and within nations, a worsening of poverty, hunger, ill health and illiteracy, and the continuing deterioration of the ecosystems on which we depend for our

**HMAC parameter and key**

Hash function: SHA-512 (512 bits)      HMAC variant: H[k, m]: key in front of message

Enter your key (k): C5 AE 95 DB AA 76 A1 71 19 6D 0C 6F 1E 66 3A 9D 61 26 DE 87

Enter second key (k'):

**Inner hash value:**

Input for outer hash function (depends on the HMAC variant chosen above)

C5 AE 95 DB AA 76 A1 71 19 6D 0C 6F 1E 66 3A 9D 61 26 DE 87AGENDA 21, CHAPTER 1

PREAMBLE

**HMAC generated from message and key**

29 89 74 C2 01 5D D9 DF 44 22 D9 E2 C0 EC 72 5F C8 F1 B8 87 F0 7C 89 FC 8B B6 CA C2 D7 67 E3 70 C

Close

Рисунок 28 – HMAC второго текста

HMAC первого текста: «EF 8E F9 61 E0 2F 2B 26 17 A2 5F 99 BA 00 5A 04 65 9A 66 C0 C5 E8 3A BB 8E 2E AF 22 83 4B AE 04 1E 01 02 09 A1 11 D1 18 D9 DE 54 B7 EB D4 CD ED A6 A1 06 F6 08 33 C3 35 1B 44 86 B2 36 61 AB A7». Как видно, он не совпадает с полученным от передающей стороны, следовательно это модифицированный текст.

HMAC второго текста: «29 89 74 C2 01 5D D9 DF 44 22 D9 E2 C0 EC 72 5F C8 F1 B8 87 F0 7C 89 FC 8B B6 CA C2 D7 67 E3 70 C4 4C 4C 55 CE A2 3A E5 1A A7 60 6D 2B A1 20 D0 80 DE F0 14 54 CA 21 C1 80 CA 4A 37 B3 09 AB 1A». Видно, что он совпадает с полученным от передающей стороны, следовательно это исходный текст.

#### 4. Атака дополнительной коллизии на хеш-функцию

##### 4.1 Задание



1. Сформировать два текста на английском языке – истинный и фальсифицированный. Сохранить тексты в файлах формата .txt.
2. Утилитой Analysis → Attack on the hash value... модифицировать сообщения для получения одинакового дайджеста. В качестве метода модификации выбрать Attach characters → Printable characters.
3. Проверить, что дайджесты сообщений действительно совпадают с заданной точностью.
4. Сохранить исходные тексты, итоговые тексты и статистику атаки для отчета.
5. Зафиксировать временную сложность атаки для 8, 16, 32, 40, 48, ... бит совпадающих частей дайджестов.

#### **4.2 Описание атаки в терминах парадокса «дней рождения»**

Модель атаки коллизии на хеш-функцию основана на одном из парадоксов дней рождений. Оказывается, что в группе, состоящей всего из 23 или более человек, вероятность совпадения дней рождения (по числу и месяцу) хотя бы у двоих из группы превышает 50 %. Применительно к хеш-функции это означает, что сложность атаки, цель которой состоит в поиске двух сообщений с одинаковыми значением хеш-функции, пропорциональна  $\sqrt{2^N}$ , где  $N$  – длина хеш-кода.

#### **4.3 Представление результатов атаки: исходные и модифицированные тексты, статистика, дайджесты исходных и модифицированных сообщений**

Подготовим два текста, один истинный, второй фальсифицированный. Данные текста представлены на рисунке 29,30.

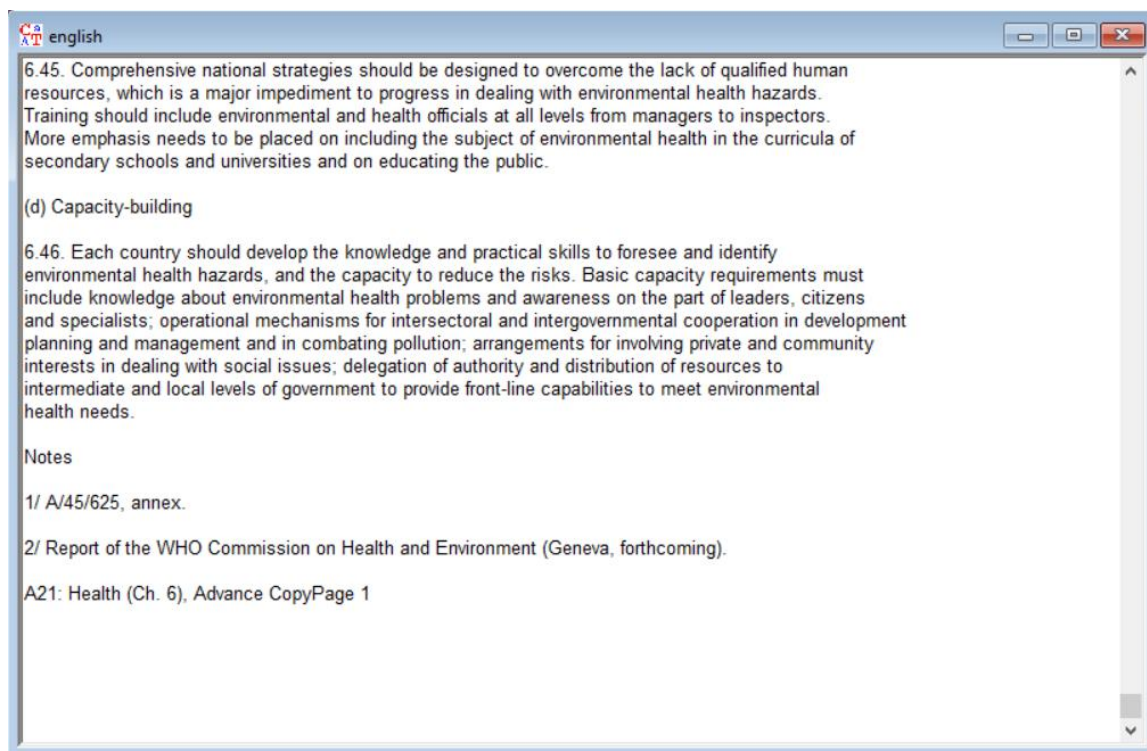


Рисунок 29 – Истинный текст

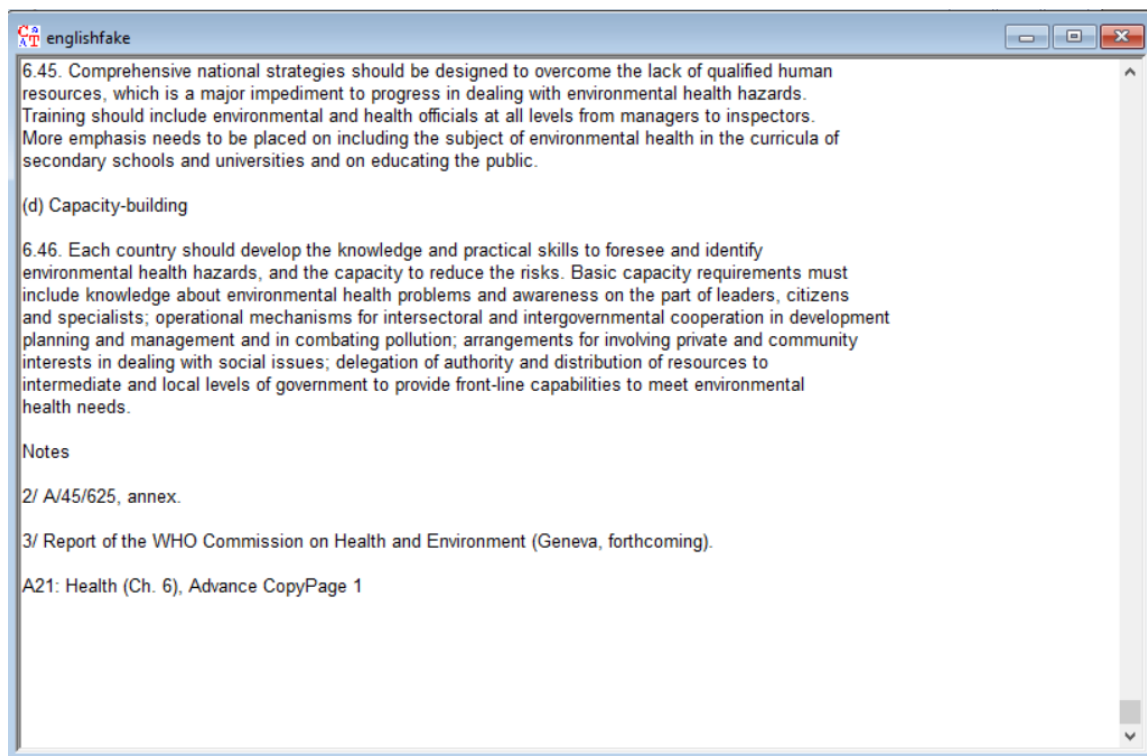


Рисунок 30 – Фальсифицированный текст

Хэш истинного текста: «92 5C 8C C7 87 B6 1D 7B 0E 00 A3 80 1E 5B 88 6B A6 33 BE 58».

Хэш истинного текста: «5D B7 24 C8 D5 AE CF C7 29 07 4E F9 68 5A F4 0C 67 8D A1 23».

Воспользуемся утилитой CrypTool1 1 Attack on the hash value... модифицируем сообщения для получения одинакового дайджеста. В качестве метода модификации выбрать Attach characters -> Printable characters. Статистика атаки показана на рисунке 31.

**Statistics of the Attack**

Assumed efforts

Calculation time: 0 year(s), 0 day(s), 0 hour(s), 0 minute(s) und 0.00 second(s)

Steps required: 640

Efforts made to find a pair of messages

Calculation time: 0 year(s), 0 day(s), 0 hour(s), 0 minute(s) und 0.91 second(s)

Steps required: 1,711

Hash operations performed: 4,403

Steps required sorted by run

Run ...	Steps until collision	Collision check	Total steps
1	73	63	136
2	69	46	115
3	194	98	292
4	216	207	423
5	285	193	478
6	144	123	267

Additional bytes

10 bytes were added to the harmless message.

10 bytes were added to the dangerous message.

Print statistics Cancel

Рисунок 31 – Статистика атаки

Полученные тексты представлены на рисунках 32 и 33.

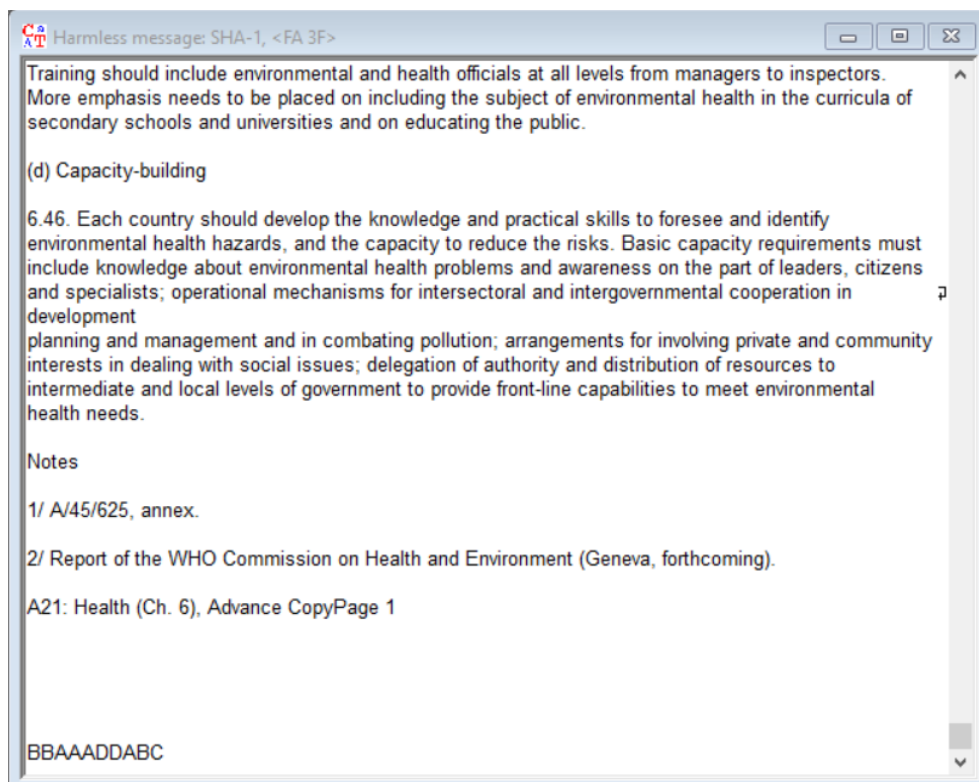


Рисунок 32 – Истинный текст

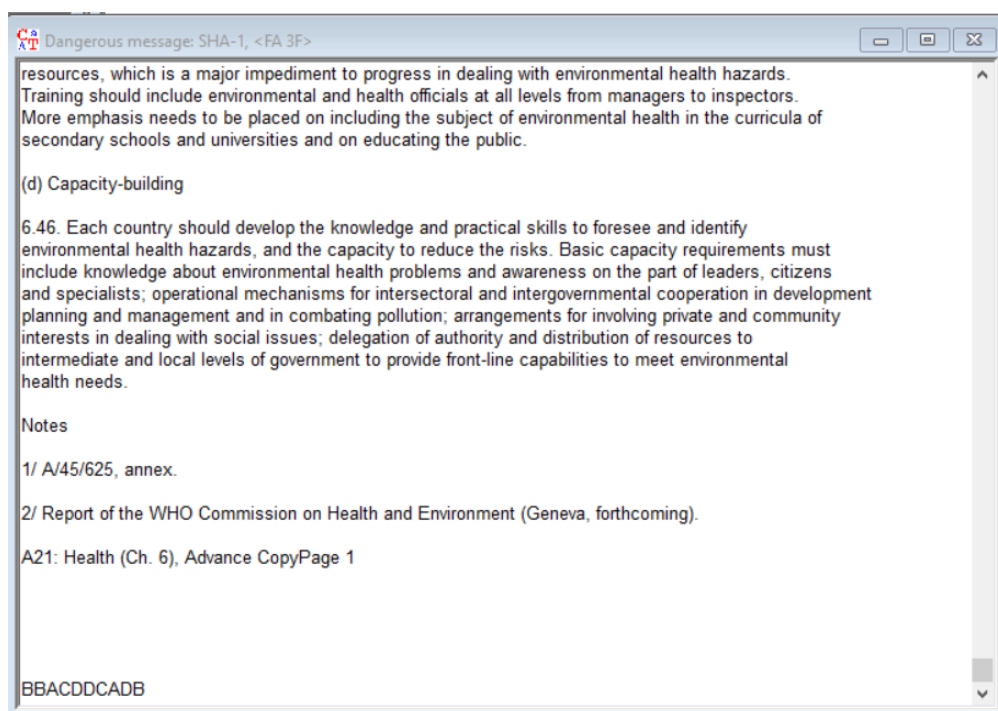


Рисунок 33 – Фальсифицированный текст

Хэш истинного текста после атаки: «FA 3F 16 1B 2C CB 40 68 14 B5 1B A1 4E 59 65 EE B0 B0 31 CF» (хэш-функция SHA-1).

Хэш фальсифицированного текста: «FA 3F 55 AE 94 F2 44 67 19 1B 40 62 9F 39 2B 51 A1 70 0B CE» (хэш-функция SHA-1).

Следовательно, атака прошла успешно, так как первые байты (16 бит) хэша совпадают с заданной точностью (16 бит).

#### 4.4 Таблица с оценками временной сложности атаки

Теперь зафиксируем временную сложность атаки при различном количестве совпадающих частей хэша. Результаты запишем в таблицу 4.

*Таблица 4*

Количество совпадающих бит	Время атаки
8 бит	0 секунд
16 бит	0 секунд
24 бит	0,1 секунда
32 бит	1,72 секунды
40 бит	27,56 секунд
48 бит	7 минут 21,09
56 бит	~ 1 час 6 минут
64 бит	~ 16 часов
72 бит	~ 11 дней
80 бит	~ 180 дней
88 бит	~ 8 лет
96 бит	~ 1 век 30 лет
104 бит	~ 2 тысячелетия 3 века
112 бит	~ 35 тысячелетий
120 бит	~ 510 тысячелетий

## Выводы

В данной лабораторной работе были изучены хэш-функции (MD5, SHA-1, SHA-256, SHA-512, SHA-3), код аутентификации HMAC, а также атака дополнительной коллизии на хэш-функцию. Также были получены практические навыки работы с рассматриваемыми хэш-функциями с использованием приложения CrypTool 1 и CrypTool 2.

### 1. Исследование лавинного эффекта MD5, SHA-1, SHA-256, SHA-512:

В результате применения инструментария CrypTool 1 был исследован лавинный эффект для хэш-функций MD5, SHA-1 и Sha-256, а также SHA-512.

Был установлен факт того, что добавление, изменение или удаление одного символа в исходном тексте может изменить около 51% битов дайджеста для этих хэш-функций.

Отсюда следует, что рассмотренные хэш-функции обладают лавинным эффектом.

### 2. Хэш-функция SHA-3:

При помощи демонстрационного примера была изучена работа хэш-функции SHA-3. При этом было установлено, что в основе SHA — 3 лежит конструкция «Губка». На этапе «впитывания» очередные блоки сообщения подмешиваются к части внутреннего состояния, а на этапе «отжатия» извлекаются очередные части дайджеста. На каждой итерации применяется многораундовая бесключевая псевдослучайная перестановка, которая может выбираться пользователем из набора предопределенных функций. В рассматриваемом SHA-3 используется функция f-1600, размер дайджеста составляет 512 бит, размер блока сообщения составляет 576 бит, размер внутреннего состояния составляет 1600 бит, а количество раундов равно 24.

При помощи инструментария CrypTool 2 был изучен лавинный эффект для хэш функции SHA-3. Было определено, что добавление, изменение или удаление одного символа в исходном тексте приводит к изменению в среднем

50% битов дайджеста для этой хэш-функций. Отсюда следует, что рассмотренная хэш-функция обладает лавинным эффектом.

### 3. Контроль целостности по коду HMAC:

В данной главе был изыуен HMAC, это механизм целостности информации. С помощью него, позволяет генерировать то, что данные, передаваемые или хранящиеся в надежной среде, не были посторонними лицами.

При помощи известной информации о пароле, HMAC и методе генерации ключа и HMAC, была осуществлена проверка целостности двух сообщений, полученных от коллеги. В результате было выявлено, что одно из сообщений было модифицировано.

### 4. Атака дополнительной коллизии на хеш-функцию.

Была изучена ата дополнительная коллизии на SHA-1. Дайджест состоял 160 бит. В зависиомти от размера дайджеста зависит время. Если дайджест будет не более 48 бит. То будет занимать не более 10 мину, если больше 48 бит . то потребуется гораздо больше времени.