



**Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского**

Факультет Вычислительной математики и кибернетики

Кафедра Математического обеспечения ЭВМ

# **Множества. Битовые поля.**

Пирова А.Ю.

Нижний Новгород, 2013 г.

# Битовые операции в С

---

- Сдвиг вправо (деление на степень двойки):

$$1100101_2 \gg 2 =$$

# Битовые операции в С

- Сдвиг вправо (деление на степень двойки):

$$1100101_2 \gg 2 = 11001_2$$

- Сдвиг влево (умножение на степень двойки):

$$1100101_2 \ll 1 =$$



# Битовые операции в С

- Сдвиг вправо (деление на степень двойки):

$$1100101_2 \gg 2 = 11001_2$$

- Сдвиг влево (умножение на степень двойки):

$$1100101_2 \ll 1 = 1100101_2$$

- Побитовое отрицание, ~:

$$\sim 1100101_2 =$$

# Битовые операции в С

- ❑ Сдвиг вправо (деление на степень двойки):

$$1100101_2 \gg 2 = 11001_2$$

- ❑ Сдвиг влево (умножение на степень двойки):

$$1100101_2 \ll 1 = 1100101_2$$

- ❑ Побитовое отрицание, ~:

$$\sim 1100101_2 = 11010_2$$

- ❑ Побитовое “и”, &:

$$1100101_2 \& 10010111_2 =$$

# Битовые операции в С

- Сдвиг вправо (деление на степень двойки):

$$1100101_2 \gg 2 = 11001_2$$

- Сдвиг влево (умножение на степень двойки):

$$1100101_2 \ll 1 = 1100101_2$$

- Побитовое отрицание, ~:

$$\sim 1100101_2 = 11010_2$$

- Побитовое “и”, &:

$$1100101_2 \& 10010111_2 = 101_2$$

- Побитовое “или”, |:

$$1100101_2 | 10010111_2 =$$

# Битовые операции в С

- ❑ Сдвиг вправо (деление на степень двойки):

$$1100101_2 \gg 2 = 11001_2$$

- ❑ Сдвиг влево (умножение на степень двойки):

$$1100101_2 \ll 1 = 1100101_2$$

- ❑ Побитовое отрицание, ~:

$$\sim 1100101_2 = 11010_2$$

- ❑ Побитовое “и”, &:

$$1100101_2 \& 10010111_2 = 101_2$$

- ❑ Побитовое “или”, |:

$$1100101_2 | 10010111_2 = 11110111_2$$



# Битовые поля

---

- Пример: на приборе  $N$  лампочек. Каждая лампочка либо горит, либо не горит. Нужно судить о состоянии прибора по лампочкам.
  - Как хранить?



# Битовые поля

- ❑ Пример: на приборе N лампочек. Каждая лампочка либо горит, либо не горит. Нужно судить о состоянии прибора по лампочкам.
  - Как хранить?
- ❑ Представим информацию о состоянии прибора в битах:  
i-й бит – i-я лампочка

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	1	1	1	0	1	0	1	0	1	0	0

# Битовые поля

- ❑ Пример: на приборе N лампочек. Каждая лампочка либо горит, либо не горит. Нужно судить о состоянии прибора по лампочкам.

– Как хранить?

- ❑ Представим информацию о состоянии прибора в битах:  
i-й бит – i-я лампочка

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	1	1	1	0	1	0	1	0	1	0	0

unsigned short state = 36692

- ❑ Такой способ хранения – хранение в *битовых полях*

# Битовые поля

- ❑ Пример: на приборе N лампочек. Каждая лампочка либо горит, либо не горит. Нужно судить о состоянии прибора по лампочкам.

– Как хранить?

- ❑ Представим информацию о состоянии прибора в битах:  
i-й бит – i-я лампочка

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	1	1	1	0	1	0	1	0	1	0	0

unsigned short state = 36692

- ❑ Такой способ хранения – хранение в *битовых полях*
- ❑ *Битовая маска* бита i:

15	14	13	12					i						2	1	0
0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0

$1 \ll i$



# Операции с битовыми полями

□ Все лампочки выключены:

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

# Операции с битовыми полями

□ Все лампочки выключены:

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

state = 0

# Операции с битовыми полями

- ❑ Все лампочки выключены:

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

state = 0

- ❑ Все лампочки включены:

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

# Операции с битовыми полями

- ❑ Все лампочки выключены:

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

state = 0

- ❑ Все лампочки включены:

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

state =  $2^{16} - 1$

# Операции с битовыми полями

□ Текущее состояние:

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	1	1	1	0	1	0	1	0	1	0	0

state = 36692

□ Включим 7-ю лампочку (7-й бит):

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	1	1	1	0	1	0	1	0	1	0	0



# Операции с битовыми полями

□ Текущее состояние:

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	1	1	1	0	1	0	1	0	1	0	0

state = 36692

□ Включим 7-ю лампочку (7-й бит):

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	1	1	1	0	1	0	1	0	1	0	0

state

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0

$1 \ll 7$

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	0	1	0	0

state | ( $1 \ll 7$ )

# Операции с битовыми полями

□ Выключим 10-ю лампочку (10-й бит):

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	0	1	0	0

# Операции с битовыми полями

□ Выключим 10-ю лампочку (10-й бит):

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	
1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	0	1	0	0	state
&																
15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	
1	1	1	1	1	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	$\sim(1 \ll 10)$
15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	
1	0	0	0	1	0	1	1	1	1	0	1	0	1	0	0	state & $(\sim(1 \ll 10))$

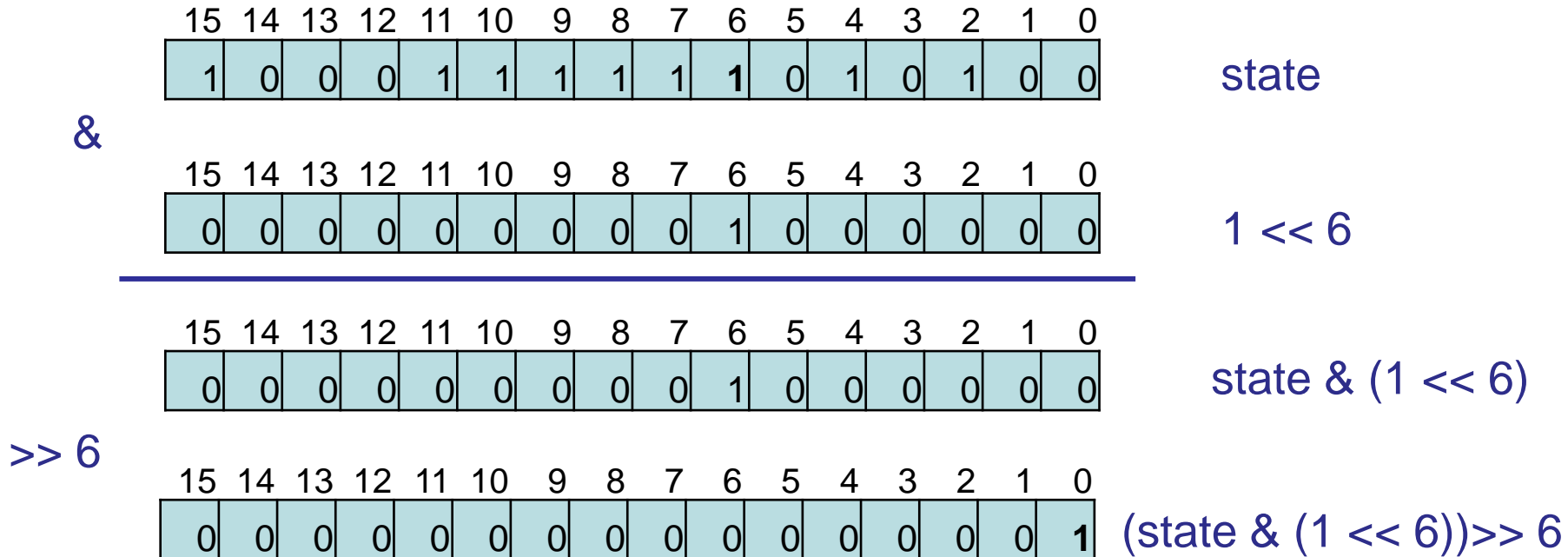
# Операции с битовыми полями

□ Состояние 6-й лампочки?

	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	
	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	0	1	0	0	state
&	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	$1 \ll 6$
	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	state & ( $1 \ll 6$ )

# Операции с битовыми полями

## □ Состояние 6-й лампочки?



# Длинное битовое поле

- Что делать, если лампочек больше 16? Больше 32?
  - Массив битовых полей `unsigned short state[2]`

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	0	0	1	0	1	1	1	0	1	0	1
31	30	29	28	27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16

`state[1]`

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	0	1	0	0

`state[0]`

# Длинное битовое поле

- Что делать, если лампочек больше 16? Больше 32?
  - Массив битовых полей `unsigned short state[2]`

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	0	0	1	0	1	1	1	0	1	0	1
31	30	29	28	27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16

`state[1]`

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	0	1	0	0

`state[0]`

- Битовая маска для лампочки 25:

# Длинное битовое поле

- Что делать, если лампочек больше 16? Больше 32?
  - Массив битовых полей `unsigned short state[2]`

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	0	0	1	0	1	1	1	0	1	0	1
31	30	29	28	27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16

`state[1]`

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	0	1	0	0

`state[0]`

- Битовая маска для лампочки 25:

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
31	30	29	28	27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16

$$1 \ll (25 \% 16) = 1 \ll (25 \& 15)$$



# Длинное битовое поле

□ Включим бит (лампочку) 25:

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	0	0	1	0	1	1	1	0	1	0	1
31	30	29	28	27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16

state[1]

# Длинное битовое поле

□ Включим бит (лампочку) 25:

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	0	0	1	0	1	1	1	0	1	0	1

state[1]

31 30 29 28 27 26 25 24 23 22 21 20 19 18 17 16

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0

$1 \ll (25 \% 16)$

31 30 29 28 27 26 25 24 23 22 21 20 19 18 17 16

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	0	1	1	0	1	1	1	0	1	0	1

31 30 29 28 27 26 25 24 23 22 21 20 19 18 17 16

# Длинное битовое поле

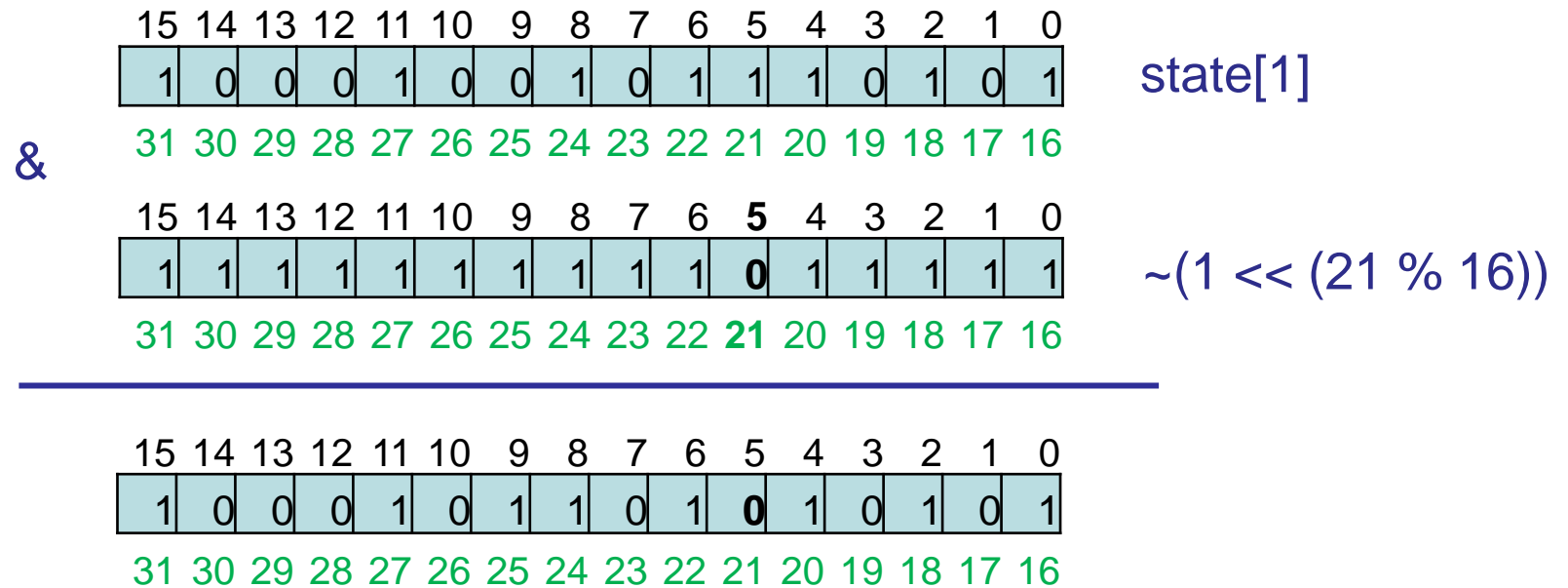
□ Выключим бит (лампочку) 21:

15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	0	1	0	1	1	0	1	1	1	0	1	0	1
31	30	29	28	27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16

state[1]

# Длинное битовое поле

□ Выключим бит (лампочку) 21:



# Программная реализация

---

- ❑ Класс «Битовое поле»
- ❑ Поля:
  - Максимальное количество битов
  - Память для представления поля (массив-хранилище)
  - Число элементов в массиве-хранилище
- ❑ Методы:
  - Конструкторы
  - Деструктор
  - Установить, очистить бит
  - Узнать значение бита

# Программная реализация

---

## □ Перегрузка операторов:

- =, ==, |, &, ~
- Ввод-вывод

# Применение

---

- ❑ Множество – занумерованные элементы
- ❑ Реализуем операции над множествами с использованием битовых полей

# Программная реализация

---

- ❑ Класс «Множество»
- ❑ Поля:
  - Максимальное число элементов множества
  - Память для представления множества – битовое поле
- ❑ Методы:
  - Конструкторы
  - Деструктор
  - Вставить / удалить элемент из множества
  - Объединение, пересечение, дополнение множества (через перегрузку)