

ЛЕКЦИЯ 9. СТРУКТУРНЫЙ АНАЛИЗ. КОНТРАСТИРОВАНИЕ ИЗОБРАЖЕНИЙ

Обработка аудиовизуальной информации Бакалавры, 6 семестр. Магистры, 9 семестр

План лекции

- □ Структурный анализ
 - □ Язык PDL
- □ Контрастирование
 - □ Глобальное контрастирование
 - □ Адаптивное контрастирование
- □ Улучшение резкости
 - APEX-метод

Структурный анализ

Picture Description Language

Структурные методы анализа

- Структурные методы анализа текстурных областей изображений основаны на том, что текстура состоит из регулярно или почти регулярно повторяющейся совокупности хорошо разделяемых примитивов (микротекстуры), которые расположены согласно некоторому правилу размещения и иерархически объединяются в пространственные упорядоченные структуры (макротекстуры).
- Под структурным описанием понимают текстуру как множество примитивных текстелов, расположенных в некотором регулярном или повторяющемся порядке.
- Для описания текстуры структурными методами необходимо определить примитивы и правила их объединения. Структурные методы хорошо подходят для анализа регулярных текстур, состоящих из простых регулярных примитивов.

Структурные методы анализа(2)

- Как только элементы текстуры идентифицированы, возможно применение двух основных подходов к анализу текстуры.
 - □ При первом подходе вычисляют статистические признаки извлеченных элементов текстуры и используют их как элементарные текстурные признаки.
 - При втором подходе необходимо выделить принцип расположения примитивов, который описывает текстуру. Последний подход может включать в себя геометрический или синтаксические методы анализа текстуры, например анализ диаграмм полигонов Вороного.

Picture Description Language

 Основная идея: строго специфицировать алгебру описания произвольных графических изображений на основе конечного множества графических примитивов и грамматики, порождающей (распознающей) все нужные изображения и только их.

Примитивы

- □ **Примитивы** терминальные символы грамматики описания изображений выбираются в зависимости от предметной области.
- Любой терминал определяется как объект с двумя выделенными точками точкой начала (tail) и точкой конца (head).
- Любое изображение может быть представлено графом его примитивов, каждый из которых задается своим списком атрибутов:

PRIMITIVECLASS = (<NAME>, <спецификация tail>, <спецификация head>, <атрибут-1>, <атрибут-2>, ...<атрибут-N>)

- Допускается использование «пустых» (невидимых) примитивов, которые могут использоваться для связи отдельных фрагментов изображения или спецификации геометрических отношений между ними.
- Примитив λ (null point): хвост (tail) и голова (head) совпадают. Этот примитив представляет в графе помеченный узел (node).

Синтаксис языка PDL

- □ Правила грамматики:
 - $\square S \rightarrow p \mid (S \Theta S) \mid (\sim S) \mid (\neg S) \mid T(\omega) S \mid S\iota$
 - □ Θ → + | × | | * | ~
 - □ р − примитивы
 - □ {+, ×, -, *} бинарные операторы конкатенации
 - $□ {\sim, \neg, T(ω)}$ унарные операторы
 - □ ι пометки в графе.

Операторы PDL

- Все бинарные операторы конкатенации определяются следующим образом:
 - □ Tail ((S1 θ S2)) = Tail (S1)
 - Head ((S1 θ S2)) = Head (S2)
 - □ Где θ ∈ {+, ×, *, ~}
- □ Унарные операторы:
 - Т(ω) используется для аффинных преобразований примитивов и/или классов примитивов;
 - «ι» для присваивания меток объектам в графе изображения.

Семантика PDL

№	Оператор	Семантика оператора
1.	$(S_1 + S_2)$	$t - t$ s_1 t
2.	(S ₁ ×S ₂)	t t t t t t t t t t
3.	(S ₁ - S ₂)	th th (s_1 - s_2)
4.	(S ₁ * S ₂)	$t - \frac{h}{s_1}$ $t - \frac{h}{s_2}$ $(s_1 * s_2)$
5.	$(S_1 \sim S_2)$	\equiv (S ₁ + (~S ₂)) для бинарного оператора «~»
6.	(~ S ₂)	Tail ((~ S)) = Head (S)
		$\mathbf{Head}\ ((\sim S)) = \mathbf{Tail}\ (S)$
7.	(¬S)	Head (¬S) = Head (S)
		$Tail(\neg S) = Tail(S)$

Эквивалентность структур в PDL

- □ Эквивалентность структур S1 и S2 определяется следующим образом:
 - S1 слабо эквивалентен S2 (S1 ≡w S2), если существует изоморфизм между графами S1 и S2 такой, что их соответствующие дуги имеют одинаковые имена.
 - $\,$ S1 эквивалентен S2 (S1 \equiv S2), если
 - $S1 \equiv w S2$ и дополнительно
 - Tail(S1) = Tail (S2) и
 - Head(S1) = Head (S2).

Алгебраические свойства операторов в PDL

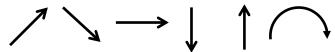
- Ассоциативность бинарных операторов
 - \square ((S1 + S2) + S3) \equiv (S1 + (S2 + S3))
 - $((S1 \times S2) \times S3) \equiv (S1 \times (S2 \times S3))$
 - $((S1 S2) S3) \equiv (S1 (S2 S3))$
 - $((S1 * S2) * S3) \equiv (S1 * (S2 * S3))$
- □ Коммутативность оператора *
 - $(S1 * S2) \equiv (S2 *S1)$
- □ Слабая коммутативность операторов × и
 - \square (S1×S2) \equiv w (S2×S1)
 - \square (S1 S2) \equiv w (S2 Sl)

Алгебраические свойства операторов в PDL (2)

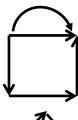
- Стандартные правила булевой алгебры для оператора ~
 - $(\sim (S1 + S2)) \equiv ((\sim S2) + (\sim S1))$
 - $(\sim (S1 * S2)) \equiv ((-S2) * (\sim S1))$
- □ Правило де Моргана для оператора ~ по отношению к операторам × и
 - $(\sim (S1 \times S2)) \equiv ((\sim S2) (\sim S1))$
 - $(\sim (S1 S2)) \equiv ((-S2) \times (\sim S1))$
- Правила преобразования «пустых» примитивов
 - \Box (S θ λ) \equiv (λ θ S), $\theta \in \{+, \times, -, *\}$
 - \square (S φ λ) \equiv S, $\varphi \in \{+, \times, -\}$
 - \square (\sim λ) $\equiv \lambda$
 - \square $(\lambda \Theta \lambda) = \lambda$

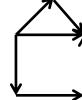
Примеры описаний на PDL

- Определим 6 терминальных символов (примитивов)
 - **p**1, p2, p3, p4, p5, p6:



- □ «Дом с круглой крышей»:
 - $\blacksquare H \rightarrow ((p6 * p3) * ((p4 + p3) + p5))$
- □ «Дом с треугольной крышей»:
 - $\blacksquare H \rightarrow (((p1 + p2) * p3) * ((p4 + p3) + p5)))$
- □ Класс «дом»:
 - \blacksquare H \rightarrow (R * B)
 - \blacksquare R \rightarrow R1 | R2
 - $R1 \rightarrow ((p_1 + p_2) * p_3)$
 - $\blacksquare R2 \rightarrow (p_6 * p_3)$
 - $\blacksquare B \rightarrow ((p_4 + p_3) + p_5)$





Общая схема распознавания изображений, описанных на PDL



- □ Блок формирования терминальных PDL-цепочек обеспечивает символьное представление изображений. В зависимости от типа грамматики распознавания изображений этот блок реализуется конечным автоматом, МП-автоматом или распознавателем расширенных сетей переходов Вудса.
- □ В случае успешного распознавания формируется дерево грамматического разбора входной PDL-строки.

Контрастирование

Линейное преобразование функции яркости Степенное преобразование функции яркости Логарифмическое преобразование функции яркости

Слабый контраст

- □ Предположим, что минимальная и максимальная яркости исходного изображения равны *f*_{min} *u f*_{max} соответственно.
- Если эти параметры или один из них существенно отличаются от граничных значений яркостного диапазона, то визуализированная картина выглядит либо как темная, либо как ненасыщенная, неудобная, утомляющая при наблюдении.

 При линейном контрастировании используется линейное поэлементное преобразование вида:

$$g(n,m) = a \cdot f(n,m) + b$$

□ Параметры преобразования *а* и *b* определяются желаемыми значениями минимальной *gmin* и максимальной *gmax* выходной яркости.

$$a = \frac{g_{\text{max}} - g_{\text{min}}}{f_{\text{max}} - f_{\text{min}}} \quad b = \frac{g_{\text{min}} f_{\text{max}} - g_{\text{max}} f_{\text{min}}}{f_{\text{max}} - f_{\text{min}}}$$
$$g = \frac{f - f_{\text{min}}}{f_{\text{max}} - f_{\text{min}}} (g_{\text{max}} - g_{\text{min}}) + g_{\text{min}}$$

□ Если нужно получить диапазон [0..255], то:

$$g = \frac{f - f_{\min}}{f_{\max} - f_{\min}} * 255$$









при ото тронцко введенской цркви э ва при ото тронцко в ва день э напразанента по плоти обреданія гда бга и спеа напразанента по плоти обреданія гда бга и спеа напразанента вамала великаго архідпкпа кесарін каппадоклива вамала великаго зархідпкпа кесарін каппадоклива ва бі день э на памать стых мученика агапта тимона й ромила з й йже ся инми з ся винта западоклива в бі день з на памать стых мученика агапта тимона й ромила з й йже ся инми з ся винта западоклівня в бід день з на памать стых мученика агапта тимона й ромила з й йже ся инми з ся винта западоклівня в пападоклівня в пападок

при ото тронцко введенской цркви э вх тупоград бриновитри в в лите по плоти бга слова зашуд, индикт бовершенаже бысть э того же лите нашего в по плоти обриталній гда бга и спра нашего в бриновитри в в а день э напразднество в кантальной в в а день э напразднество в бриновитри обритальной в в а день э напразднество в бриновитри обритальной в в а день э напразднество в бриновитри обритальной в в а день э на прад нашего в бриновитри обритальной в при в прав нашего в бриновитри обритальной в при в

Степенные преобразования

 Одним из наиболее часто применяемых в обработке изображений является преобразование, называемое гаммакоррекцией:

$$g(n,m) = c(f(n,m) + f_0)^{\gamma}$$

- \Box где *c, fo* , γ неотрицательные константы.
- □ При этом функция яркости должна быть нормирована: значения должны лежать в интервале [0; 1].
- □ После преобразования можно снова свести к [0..255]

Степенные преобразования





$$c = 1$$
, $f_0 = 0$, $\gamma = 0.5$

Степенные преобразования

при сто тронцко введенской цркви > вх тупограф Единовиври вк э ка ливито ш сотвореним мира 4313 ш ржтва же по плоти бга слова 4аши д.) індикт. ві э мца генваря вх а день э на празднество вя по плоти обривзаним гда бга и спса нашеги іс касилім великаги э архівпікпа кесарін каппадокінскім во втых оца нашеги василім великаги зархівпікпа кесарін каппадокінскім вх ві день э на память стых моченики агапім тимона и ромила э и иже сх ними • сх кингі ири сто тронцко вкеденскон цркви з вх тупограф вх бі день з на памать стыхх мученикх агапіх бі з на празднество бу бі день з на памать нже во стыхх оца нашего бі з мід генвара вх а день з на празднество бу бі з мід кенкаго архібикпа кесарін каппадокінскім бі з мід женкаго з архібикпа кесарін каппадокінскім бі з мід марта вх бі день з на памать нже во стыхх оца нашего бі з мід марта вх бі день з на памать стыхх мученикх агапіх тімона н ромила з н нже сх ними в сх кингі

$$c = 1$$
, $f_0 = 0$, $\gamma = 0.75$

Логарифмические преобразования

□ Вычисляются

- математическое ожидание (среднее) mean,
- минимальное значение яркости f_{min},
- максимальное значения яркости f_{max}.
- □ Вычисляются два коэффициента преобразования:

$$PositiveAlpha = \frac{2^{L-1}}{\ln(\max(2, f_{\max} - mean))}$$

$$NegativeAlpha = \frac{2^{L-1}}{\ln(\max(2, mean - f_{\min}))}$$

Логарифмические преобразования

 Для всех отсчётов (пикселей) изображения вычисляется разность яркости и среднего значения сигнала:

$$f' = f(n,m) - mean$$

□ На основании этого значения формируется выходное изображение:

$$g(n,m) = \begin{cases} mean + \lceil PositiveAlpha \cdot \ln(f') \rceil & f' \ge 1 \\ mean - \lceil NegativeAlpha \cdot \ln(|f'|) \rceil & f' \le -1 \\ mean & otherwise \end{cases}$$

Пример логарифмического преобразования

при сто тронцко введенскон цркви > вх тупограф блинов фривк > вх л фто ш сотворенім міра + 3 ў 3 ш ржтва же по плоти бга слова + ашч Д, э індикт, ві э миа генваря вх а день э на празднество вя по плоти обр Занім гда бга и спса нашеги іс касилім великаги э архівпкпа кесарін каппадокінскім во втых оща нашеги василім великаги э архівпкпа кесарін каппадокінскім василім великаги э архівпкпа кесарін каппадокінскім василім великаги зархівпкпа кесарін каппадокінскім тимона и ромила э и йже єх ними • сх кинп при ето тронцко введенекон цркви з ва при ето тронцко введенекон цркви з ва при сотворения по плоти обревания гда бга и епеа нашеги ка и памата нже во етых обра нашеги каппадовния ва бі дена з напразалить ва бі дена з пото же лета з міда марта ва бі дена з на памата етых моченика агані тимона и ромила з и нже ся инми з са кимона з са кимона

Эквализация гистограммы

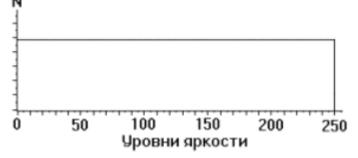
Эквализация гистограммы

- □ Эквализация процедура выравнивания гистограммы изображения путем изменения яркости отдельных пикселей.
- Гистограмма произвольного изображения представляет собой график, отображающий в виде пиков количество пикселей в изображении с определенной яркостью
- Как правило, для некоторого изображения гистограмма представляет собой множество пиков, неравномерно распределенных по графику.

Эквализация гистограммы

□ Главной задачей эквализации гистограмм, является преобразование, в котором все уровни яркости приобретут примерно одинаковую частоту, а гистограмма яркостей будет близка к равномерному закону

распределения:

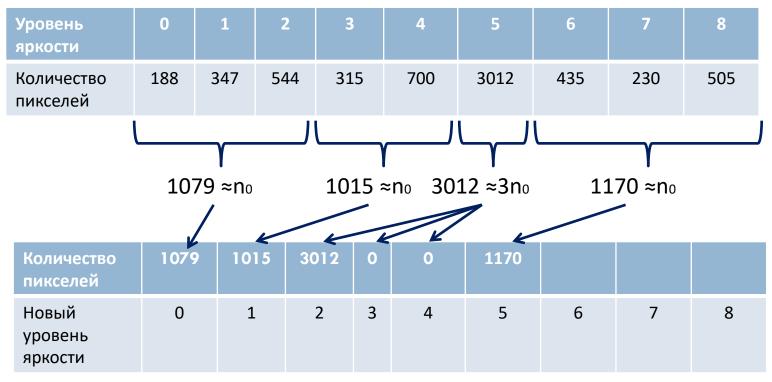


Средний уровень яркости, к которому следует стремиться:

$$n_0 = \frac{N \cdot M}{2^L} = \frac{N \cdot M}{256}$$

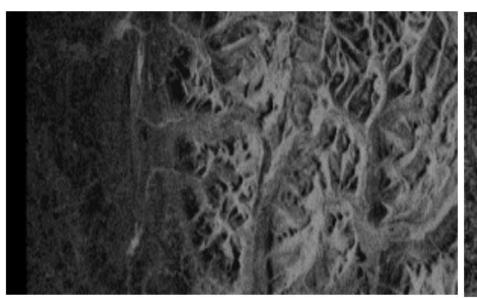
Эквализация гистограммы (2)

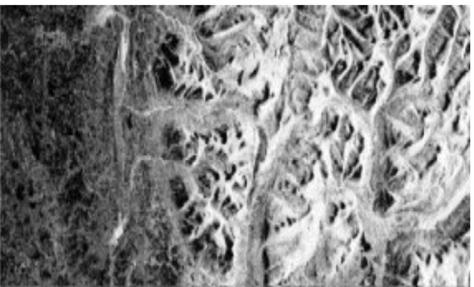
- Расстояние Δg_i между уровнями g_i и g_{i+1} различно, но в среднем число пикселов на каждом уровне одинаковое и равно n_0 .
- Допустим N=M=512, тогда J=256 и n₀=1024. Например,

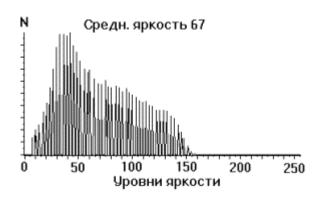


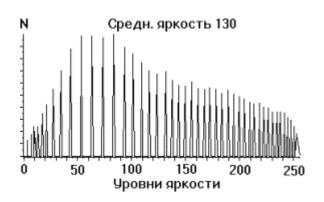
Рассмотренные процедуры выполняются для всех уровней яркости.

Пример эквализации









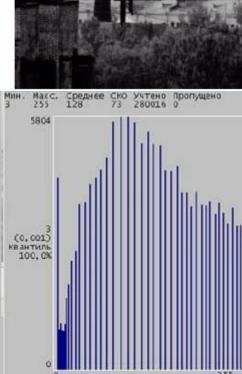
Пример эквализации

при ето тронцко введенекон цркви > вх тупограф Единовироцевх > вх лито ш сотвореним міра з 3у 3 ш ржтва же по плоти бга слова зашуд, э індикт, ві э мца генвара вх а день э на празднество Ен по плоти обрикзанім гда бга и спса нашеги іс касилім великаги э архівпіспа кесарін каппадокінскім вовершенаже бысть э того же лита э мца марта вх Еі день э на памать стых моченики агапім тимона и ромила э и иже сх ними • сх кингі тимона и ромила э и иже ех ними ва ки кини ва ва бі дене з на памата на пата на на пата на пата

Пример эквализации

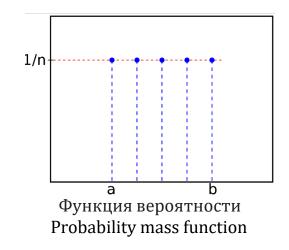
(0,001) Квантиль 100,0%





Функция вероятности и функция распределения вероятности

- Цель эквализации приблизить распределение интенсивностей к равномерному.
- РМF вероятность (частота) каждого числа в наборе данных.
- □ CDF функция, которая вычисляет совокупную сумму всех значений, рассчитанных в PMF.



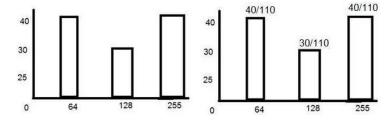


Функция распределения Cumulative distribution function

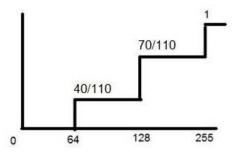
Дискретное равномерное распределение

Вычисление PMF и CDF

 РМГ можно получить из гистограммы, которая в нашем случае показывает частоту значений уровня серого для изображения с 8 битами на пиксель. Чтобы это сделать, мы просто делим частоту каждого вхождения на суммарное число пикселей (нормализуем в диапазон [0, 1]).



- Для получения CDF мы просто последовательно складываем значения PMF.
- □ Таким образом, получаем монотонно возрастающую функцию, что является необходимым условием выравнивания гистограммы.



Эквализация гистограммы (II)

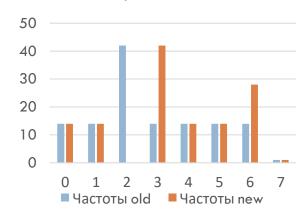
□ Предположим, что изображение, имеет 8 уровней интенсивности. Тогда, построив гистограмму, пусть наша функция распределения (CDF) приняла следующий вид (L — число градаций интенсивности):

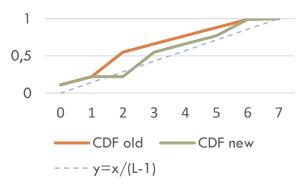
Частоты	14	14	42	14	14	14	14	1
Значение уровня интенсивности	0	1	2	3	4	5	6	7
CDF	0,11	0,22	0,55	0,66	0,77	0,88	0,99	1
CDF * (L-1)	0	1	3	4	5	6	6	7

 Пропущена интенсивность 2, а интенсивности 5 и 6 переходят в одну и ту же — в 6. На графике CDF приблизилась к прямой линии.

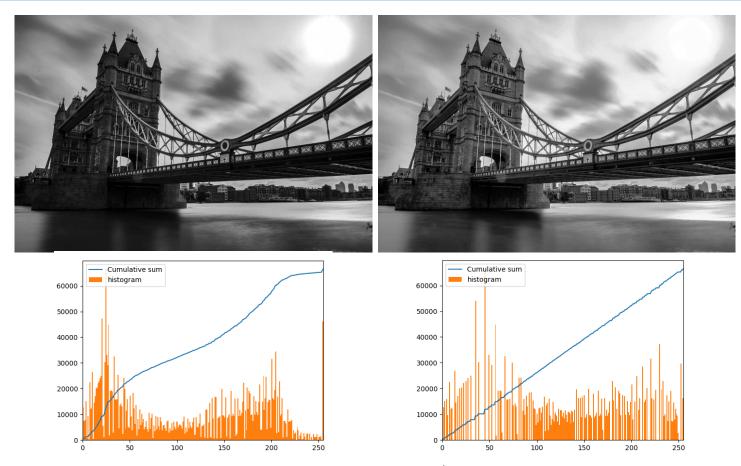
Частоты	14	14	0	42	14	14	28	1
Значение уровня интенсивности	0	1	2	3	4	5	6	7
CDF	0,11	0,22	0,22	0,55	0,66	0,77	0,99	1

□ Для преобразования изображения интенсивность исходного пикселя используется как индекс для массива, содержащего новые уровни интенсивности (т.е. значения, записанные в строке CDF*(L-1))





Мост

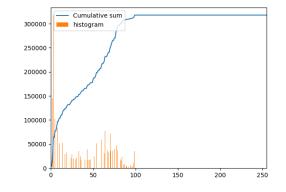


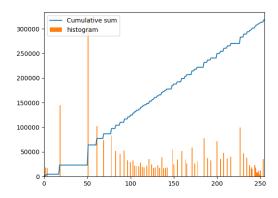
- Гистограммы после эквализации имеют своеобразные заметные разрывы.
- Это связано с тем, что динамический диапазон выходного изображения шире диапазона исходного.

Мост (тёмное изображение)





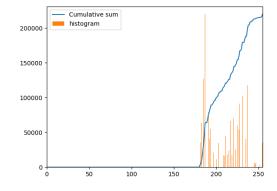


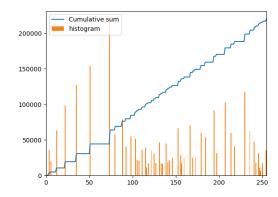


Мост (светлое изображение)





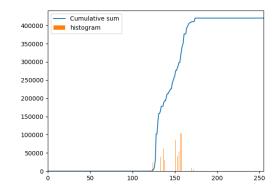


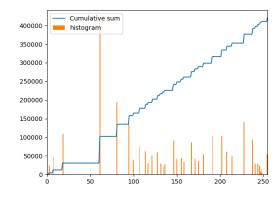


Мост (низкоконтрастное изображение)





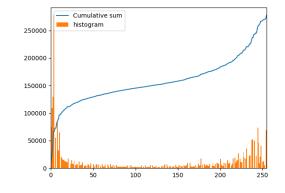


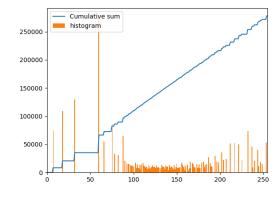


Мост (высококонтрастное изображение)



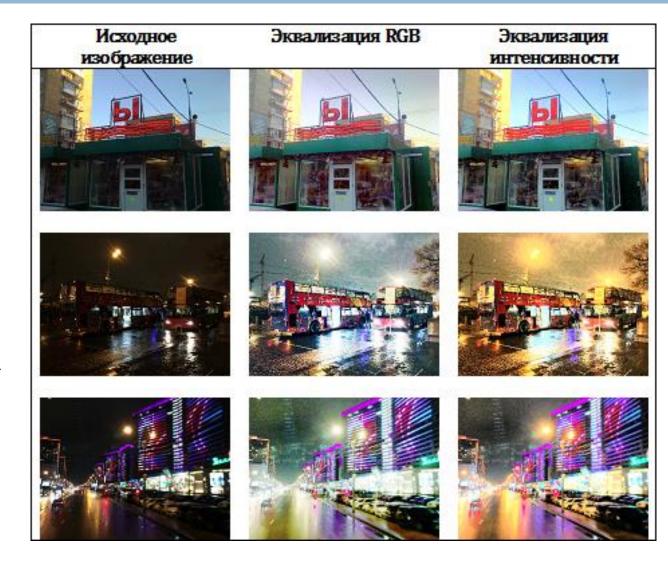






Эквализация гистограммы для цветных изображений

- Не применяйте эквализацию к каналам RGB. В некоторых редких случаях это позволяет добиться успеха, но в большинстве случаев цвета получаются неестественными и холодными.
- В цветовом пространстве HSI есть отдельный канал интенсивности. Именно к этому каналу и стоит применять эквализацию.



Адаптивное контрастирование

Локальный контраст Локальная статистика Нелинейное усиление локального контраста Определение нового значения яркости

Локальный контраст в окрестности

- □ Пусть
 - W окрестность размером [n*m] с центром в точке (i, j)
 - □ L(i, j) интенсивность изображения в точке (i, j)
 - H(L(i, j)) нормированное значение гистограммы яркости в рамках W
- □ Момент 2-го порядка L(i, j) относительно среднего значения L в окрестности W (дисперсия):

$$\sigma^{2}\left(L\right) = \mu_{2}\left(L\right) = \sum_{(i,j) \in W} \left(L(i,j) - \overline{L}\right)^{2} H\left(L(i,j)\right)$$

Нормированная мера локального контраста:

$$C(i,j) = 1 - \frac{1}{1 + k \cdot \sigma^2(L)}$$

- □ Где k=0.8 коэффициент нормирования, причём
- □ C(i, j) = 0 при равномерной яркости в окрестности W
- □ С(i, j)→1 при высокой дисперсии

Локальная статистика окрестности

- □ ε энтропия,
- σ среднеквадратичное отклонение,
- □ H_s характеристика локальной скользящей окрестности
 - □ Например, функция протяженности гистограммы:

$$H_{s}\left(W\left(i,j\right)\right) = \frac{L_{\max}\left(W\left(i,j\right)\right) - L_{\min}\left(W\left(i,j\right)\right)}{H_{\max}\left(W\left(i,j\right)\right)}$$

 Где L_{\max} , L_{\min} — максимальное и минимальное значения яркостей элементов

- □ Где L_{max} , L_{min} максимальное и минимальное значения яркостей элементов скользящей окрестности W;
- \blacksquare H_{max} максимальное значение гистограммы уровней яркости элементов окрестности W.

Нелинейное преобразование локального контраста

- □ Преобразование локального контраста нелинейной монотонной функцией *F*(*C*(*i*, *j*)) с учётом характеристики окрестности *W*:
- Γ де $C^*(i,j) = F(C(i,j)) = C(i,j)^{\alpha}$
 - $[a_{min}, a_{max}]$ заданная область значений показателя степенной функции

$$\alpha = \alpha_{\min} + (\alpha_{\max} - \alpha_{\min}) \frac{H_s(W(i,j)) - H_{s\min}(W(i,j))}{H_{s\max}(W(i,j)) - H_{s\min}(W(i,j))}$$

Определение нового значения яркости

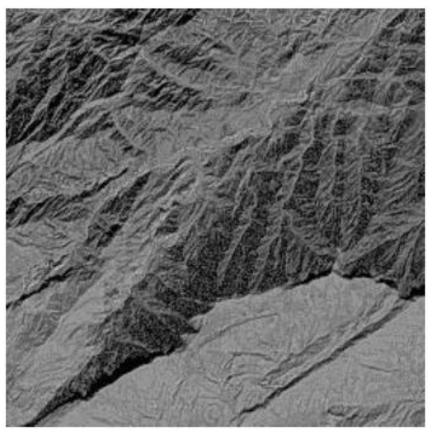
□ Определение нового значения яркости $L^*(i, j)$ на основе нового локального контраста $C^*(i, j)$:

$$L^{*}(i,j) = \overline{L}(i,j) + \sqrt{\frac{C^{*}(i,j) \cdot n \cdot m}{1 - C^{*}(i,j)} - \sum_{(i,j) \in W_{2} - W_{1}} \left(L(i,j) - \overline{L}(i,j)\right)^{2} H\left(L(i,j)\right)}$$

- □ Ограничения метода:
 - Изображения не должны содержать большого числа импульсных выбросов. Иначе это приводит к неправильному вычислению функции протяженности гистограммы.
 - Изображения не должны содержать темные или светлые области большой площади.
 Иначе это приведёт к неэффективному увеличению контраста.
 - Если изображение не отвечает выше перечисленным требованиям, то нужно провести его фильтрацию или градационную коррекцию.

Пример адаптивного контрастирования

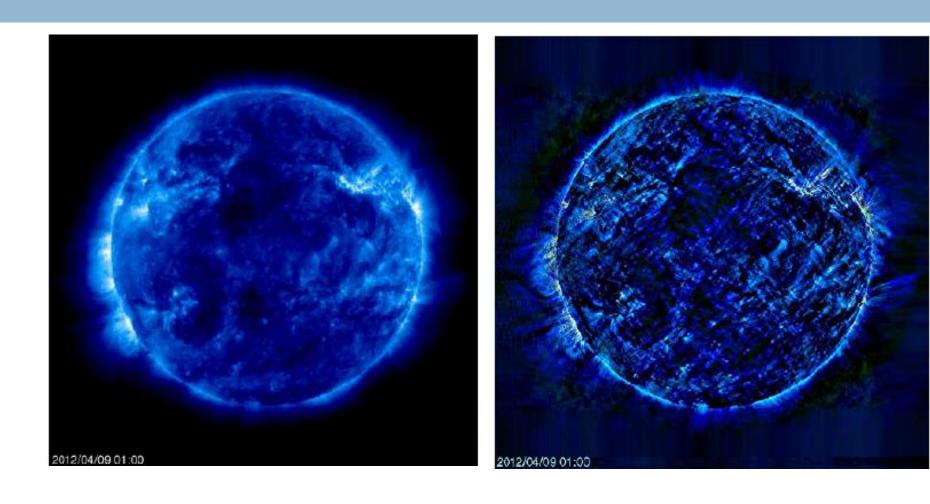




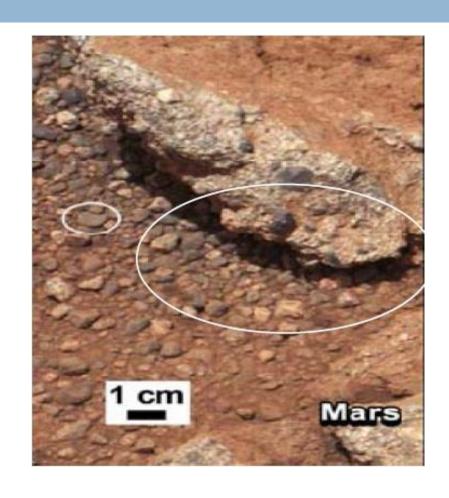
SVD-контрастирование

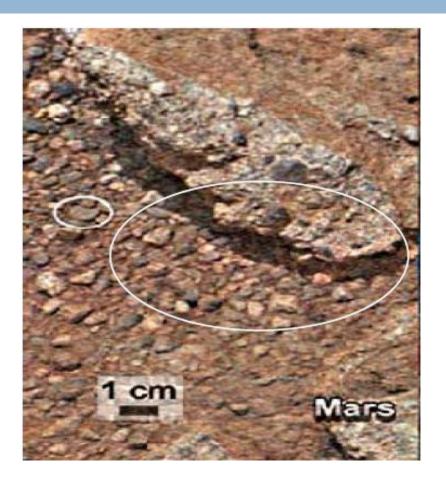
- Факторизация Singular Value Decomposition
- Восстановление слабоконтрастных изображений на основе сингулярного разложения матрицы исходных данных, использующего логарифмическое преобразование сингулярных чисел совместно с процедурой фильтрации аддитивных помех

Пример SVD-контрастирования



Пример SVD-контрастирования





Улучшение резкости

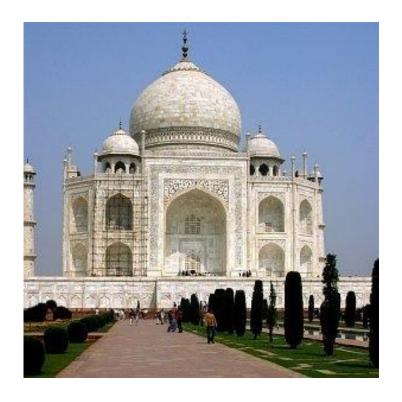
АРЕХ-метод

Улучшение резкости изображений

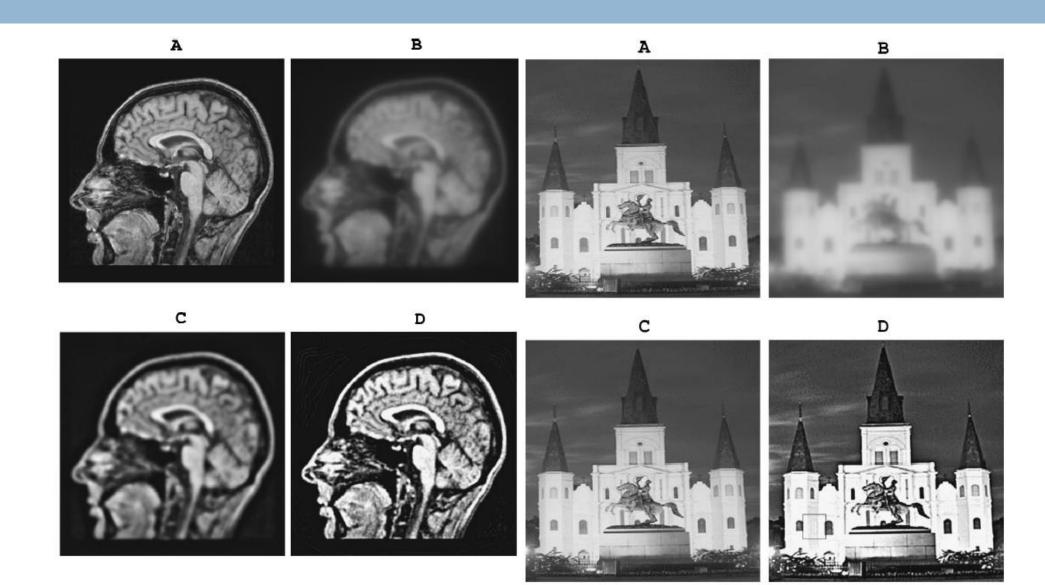
 Carasso A.S. et al. — APEX method and real-time blind deconvolution of scanning electron microscope imagery







АРЕХ-метод



Что почитать

- □ Shaw A. A Formal Picture Description Scheme as a Basis // Information and control 14, 9–52 (1969)
- □ Хорошевский В. Ф. Об одном методе семантической интерпретации паттернов данных на основе структурного подхода: препринт WP7/2012/08 [Текст] / В. Ф. Хорошевский; НИУ «Высшая школа экономики». М.: Изд. дом Высшей школы экономики, 2012.
- Фисенко В.Т., Фисенко Т.Ю. Компьютерная обработка и распознавание изображений: учеб. пособие.
 СПб: СПбГУ ИТМО, 2008. 192 с.
- Рубис, Визильтер et al. Морфологическая фильтрация изображений на основе взаимного контрастирования '2016.
- Kumar et al. Image Contrast Enhancement using DWT-SVD based Masking Technique '2017.
- Дмитриев, Бауков. Разработка алгоритма улучшения контраста видеоизображений '2023
- □ Борисова И. Цифровые методы обработки информации. ISBN: 978-5-7782-2448-3
- □ Гонсалес Р., Вудс Р. Цифровая обработка изображений. Издание 3-е, исправленное и дополненное. Москва: Техносфера, 2012. 1104 с.
- □ Журавель И.М. Краткий курс теории обработки изображений, 1999 [Электронный ресурс] http://matlab.exponenta.ru/imageprocess/book2/index.php