



НАПРАВЛЕНИЕ ПОДГОТОВКИ «09.03.04 Программная инженерия»

Москва, 2025 г.

Задание

Используя хвостовую рекурсию, разработать (комментируя назначение аргументов) эффективную программу, позволяющую:

1. Найти длину списка (по верхнему уровню);
2. Найти сумму элементов числового списка;
3. Найти сумму элементов числового списка, стоящих на нечетных позициях исходного списка (нумерация от 0);
4. Сформировать список из элементов числового списка, больших заданного значения;
5. Удалить заданный элемент из списка (один или все вхождения).
6. Объединить два списка.

Для каждого задания:

- Проверить корректность результатов.
- Построить таблицу, отражающую порядок работы системы.

Результаты работы:

1. Найти длину списка (по верхнему уровню)

Ниже идут листинги программы с несколькими вариантами вопросов с ответами:

```
domains
    list = integer*.

predicates
    % аргументы: разбираемый список, аккумулятор, результат
    lenHelp(list, integer, integer).
    % аргументы: список, результат
    len(list, integer).

clauses
    lenHelp([], R, R) :- !.
    lenHelp([_|T], AccLen, R) :-
        NewAccLen = AccLen + 1,
        lenHelp(T, NewAccLen, R).

    len(Arr, R) :- lenHelp(Arr, 0, R).

goal
```

len([1, 2, 3], Res).	Res=3 1 Solution
len([], Res).	Res=0 1 Solution

Таблица для цели len([1, 2, 3], Res).

№ шага	Состояние резольвенты	Унификация: T1 = T2 (результат и подстановка)	Действия (прямой ход / откат)
1	len([1, 2, 3], Res)	T1 = len([1, 2, 3], Res) T2 = len(Arr, R) ⇒ Arr=[1,2,3], R=Res	Переход к lenHelp([1, 2, 3], 0, Res)
2	lenHelp([1,2,3], 0, Res)	T1 = lenHelp([1 2, 3], 0, Res) T2 = lenHelp([_ T], AccLen, R) ⇒ T=[2,3], AccLen = 0, R=Res	Переход к lenHelp([2, 3], 1, Res)
3	lenHelp([2,3], 1, Res)	T1 = lenHelp([2, 3], 1, Res) T2 = lenHelp([_ T], AccLen, R) ⇒ T=[3], AccLen = 1, R=Res	Переход к lenHelp([3], 2, Res)
4	lenHelp([3], 2, Res)	T1 = lenHelp([3], 2, Res) T2 = lenHelp([_ T], AccLen, R) ⇒ T=[], AccLen = 2, R=Res	Переход к lenHelp([], 3, Res)
5	lenHelp([], 3, Res)	T1 = lenHelp([], 3, Res) T2 = lenHelp([], R, R) ⇒ R=3, Res=3	Успех, отсечение !

Вывод: Res = 3.

2. Найти сумму элементов числового списка

Ниже идут листинги программы с несколькими вариантами вопросов с ответами:

```
domains
    list = integer*.

predicates
    % аргументы: разбираемый список, аккумулятор, результат
    sumElemsHelp(list, integer, integer).
    % аргументы: список, результат
    sumElems(list, integer).

clauses
    sumElemsHelp([], R, R) :- !.
    sumElemsHelp([H|T], AccSumElems, R) :-
        NewAccSumElems = AccSumElems + H,
        sumElemsHelp(T, NewAccSumElems, R).

    sumElems(Arr, R) :- sumElemsHelp(Arr, 0, R).

goal
```

sumElems([1, 2, 3], Res).	Res=6 1 Solution
sumElems([], Res).	Res=0 1 Solution

Таблица для цели sumElems([1, 2, 3], Res).

№ шага	Состояние резольвенты	Унификация: T1 = T2 (результат и подстановка)	Действия (прямой ход / откат)
1	sumElems([1, 2, 3], Res)	T1 = sumElems([1, 2, 3], Res) T2 = sumElems(Arr, R) ⇒ Arr=[1,2,3], R=Res	Переход к sumElemsHelp([1, 2, 3], 0, Res)

2	sumElemsHelp ([1,2,3], 0, Res)	T1 = sumElemsHelp ([1 2, 3], 0, Res) T2 = sumElemsHelp ([H T], AccSumElems, R) ⇒ H=1, T=[2,3], AccSumElems = 0, R=Res	Переход к sumElemsHelp ([2,3], 1, Res)
3	sumElemsHelp ([2,3], 1, Res)	T1 = sumElemsHelp ([2, 3], 1, Res) T2 = sumElemsHelp ([H T], AccSumElems, R) ⇒ H=2, T=[3], AccSumElems = 1, R=Res	Переход к sumElemsHelp ([3], 3, Res)
4	sumElemsHelp ([3], 3, Res)	T1 = sumElemsHelp ([3], 3, Res) T2 = sumElemsHelp ([H T], AccSumElems, R) ⇒ H=3, T=[], AccSumElems = 3, R=Res	Переход к sumElemsHelp ([], 6, Res)
5	sumElemsHelp ([], 6, Res)	T1 = sumElemsHelp ([], 6, Res) T2 = sumElemsHelp ([], R, R) ⇒ R=6, Res=6	Успех, отсечение !

Вывод: Res = 6.

3. Найти сумму элементов числового списка, стоящих на нечетных позициях исходного списка (нумерация от 0)

Ниже идут листинги программы с несколькими вариантами вопросов с ответами:

```
domains
    list = integer*.
```

```
predicates
    % аргументы: разбираемый список, аккумулятор, четность индекса, результат
    sumOddElemsHelp(list, integer, integer, integer).
    % аргументы: список, результат
    sumOddElems(list, integer).
```

```
clauses
    sumOddElemsHelp([], R, _, R) :- !.
    sumOddElemsHelp([_|T], AccSumElems, 0, R) :- sumOddElemsHelp(T,
AccSumElems, 1, R).
    sumOddElemsHelp([H|T], AccSumElems, 1, R) :-
        NewAccSumElems = AccSumElems + H,
        sumOddElemsHelp(T, NewAccSumElems, 0, R).

    sumOddElems(Arr, R) :- sumOddElemsHelp(Arr, 0, 0, R).
```

```
goal
```

sumOddElems([1, 2, 3, 4, 5], Res).	Res=6 1 Solution
sumOddElems([], Res).	Res=0 1 Solution

Таблица для цели sumOddElems([1, 2, 3], Res).

№ шага	Состояние резольвенты	Унификация: T1 = T2 (результат и подстановка)	Действия (прямой ход / откат)
1	sumOddElems([1,2,3], Res)	T1 = sumOddElems([1,2,3], Res) T2 = sumOddElems(Arr, R) ⇒ Arr=[1,2,3], R=Res	Переход к sumOddElemsHelp([1,2,3], 0, 0, Res)
2	sumOddElemsHelp([1,2,3], 0, 0, Res)	T1=sumOddElemsHelp([1,2,3], 0, 0, Res) T2=sumOddElemsHelp([_ T], AccSumElems, 0, R) ⇒ T=[2,3], AccSumElems=0, R=Res	Переход к sumOddElemsHelp([2,3], 0, 1, Res)
3	sumOddElemsHelp([2,3], 0, 1, Res)	T1=sumOddElemsHelp([2,3], 0, 1, Res) T2=sumOddElemsHelp([H T], AccSumElems, 1, R) ⇒ H=2, T=[3], AccSumElems=0, R=Res	Переход к sumOddElemsHelp([3], 2, 0, Res)
4	sumOddElemsHelp([3], 2, 0, Res)	T1=sumOddElemsHelp([3], 2, 0, Res) T2=sumOddElemsHelp([_ T], AccSumElems, 0, R) ⇒ T=[], AccSumElems=2, R=Res	Переход к sumOddElemsHelp([], 2, 1, Res)
5	sumOddElemsHelp([], 2, 1, Res)	T1=sumOddElemsHelp([], 2, 1, Res) T2= sumOddElemsHelp([], R, _, R) ⇒ R=2, Res=2	Успех, отсечение !

Вывод: Res = 2.

4. Сформировать список из элементов числового списка, больших заданного значения

Ниже идут листинги программы с несколькими вариантами вопросов с ответами:

```
domains
    list = integer*.

predicates
    % аргументы: разбираемый список, аккумулятор, граничный элемент, результат
    sumMoreElemsHelp(list, integer, integer, integer).
    % аргументы: список, граничный элемент, результат
    sumMoreElems(list, integer, integer).

clauses
    sumMoreElemsHelp([], R, _, R) :- !.
    sumMoreElemsHelp([H|T], AccSumElems, BordElem, R) :-
        H > BordElem,
        NewAccSumElems = AccSumElems + H,
        sumMoreElemsHelp(T, NewAccSumElems, BordElem, R),
        !.
    sumMoreElemsHelp([_|T], AccSumElems, BordElem, R) :- sumMoreElemsHelp(T,
        AccSumElems, BordElem, R).

    sumMoreElems(Arr, BordElem, R) :- sumMoreElemsHelp(Arr, 0, BordElem, R).
```

goal

sumMoreElems([1, 2, 3, 4, 5], 3, Res).	Res=9 1 Solution
sumMoreElems([], 3, Res).	Res=0 1 Solution

Таблица для цели sumMoreElems([1, 2, 3], 2, Res).

№ шага	Состояние резольвенты	Унификация: T1 = T2 (результат и подстановка)	Действия (прямой ход / откат)
1	sumMoreElems([1, 2, 3], 2, Res)	T1=sumMoreElems([1,2,3], 2, Res) T2=sumMoreElems(Arr, BordElem, R) ⇒ Arr=[1,2,3], BordElem=2, R=Res	Переход к sumMoreElemsHelp([1, 2, 3], 0, 2, Res)
2	sumMoreElemsHelp([1,2,3], 0, 2, Res)	T1=sumMoreElemsHelp([1,2,3], 0, 2, Res) T2=sumMoreElemsHelp([H T], AccSumElems, BordElem, R) ⇒ H=1, T=[2,3], AccSumElems=0, BordElem=2, R=Res	H > BordElem не выполняется откат
3	sumMoreElemsHelp([1,2,3], 0, 2, Res)	T1=sumMoreElemsHelp([1,2,3], 0, 2, Res) T2=sumMoreElemsHelp([_ T], AccSumElems, BordElem, R) ⇒ T=[2,3], AccSumElems=0, BordElem=2, R=Res	Переход к sumMoreElemsHelp([2, 3], 0, 2, Res)
4	sumMoreElemsHelp([2,3], 0, 2, Res)	T1=sumMoreElemsHelp([2,3], 0, 2, Res) T2=sumMoreElemsHelp([H T], AccSumElems, BordElem, R) ⇒ H=2, T=[3], AccSumElems=0, BordElem=2, R=Res	H > BordElem не выполняется откат
5	sumMoreElemsHelp([2,3], 0, 2, Res)	T1=sumMoreElemsHelp([2,3], 0, 2, Res) T2=sumMoreElemsHelp([_ T], AccSumElems, BordElem, R) ⇒ T=[3], AccSumElems=0, BordElem=2, R=Res	Переход к sumMoreElemsHelp([3], 0, 2, Res)
6	sumMoreElemsHelp([3], 0, 2, Res)	T1=sumMoreElemsHelp([3], 0, 2, Res) T2=sumMoreElemsHelp([H T], AccSumElems, BordElem, R) ⇒ H=3, T=[], AccSumElems=0, BordElem=2, R=Res	Переход к sumMoreElemsHelp([], 3, 2, Res)
7	sumMoreElemsHelp([], 3, 2, Res)	T1=sumMoreElemsHelp([], 3, 2, Res)	Успех, отсечение !

	Res)	Res) T2= sumMoreElmsHelp([], R, _, R) ⇒ R=3, Res=3	
--	------	---	--

Вывод: Res = 3.

5. Удалить заданный элемент из списка (один или все вхождения)

Ниже идут листинги программы с несколькими вариантами вопросов с ответами:

```
domains
    list = integer*.

predicates
    % аргументы: стартовый список, удаляемый элемент, результат
    delElemArr(list, integer, list).

clauses
    delElemArr([], _, []) :- !.
    delElemArr([DelElem|T], DelElem, R) :- delElemArr(T, DelElem, R), !.
    delElemArr([H|T], DelElem, [H|R]) :- delElemArr(T, DelElem, R).

goal
```

delElemArr([1, 2, 3, 4, 5], 3, Res).	Res= [1, 2, 4, 5] , 1 Solution
delElemArr([], 3, Res).	Res= [] 1 Solution

Таблица для цели delElemArr([1, 2], 2, Res).

№ шага	Состояние резольвенты	Унификация: T1 = T2 (результат и подстановка)	Действия (прямой ход / откат)
1	delElemArr([1, 2], 2, Res)	T1= delElemArr([1, 2], 2, Res) T2= delElemArr([H T], DelElem, [H R]) ⇒ H=1, T=[2], DelElem=2, [1 R] = Res	Переход к delElemArr([2], 2, R)
2	delElemArr([2], 2, R)	T1= delElemArr([2], 2, R) T2= delElemArr([DelElem T], DelElem, [R]) ⇒ H=2, T=[], DelElem=2, R=R	Переход к delElemArr([], 2, R)
3	delElemArr([], 2, R)	T1= delElemArr([], 2, R) T2= delElemArr([], _, []) ⇒ R=[]	Успех, отсечение !

Вывод: Res = [1].

6. Объединить два списка

Ниже идут листинги программы с несколькими вариантами вопросов с ответами:

```
domains
    list = integer*.

predicates
    % аргументы: стартовый список 1, стартовый список 2, объединённый список
    unionArr(list, list, list).
```

clauses

```

unionArr([], Arr2, Arr2) :- !.
unionArr(Arr1, [], Arr1) :- !.
unionArr([H|T], Arr2, [H|R]) :- unionArr(T, Arr2, R).

```

goal

unionArr([1, 2, 3, 4, 5], [6, 7, 8], Res).	Res = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8] 1 Solution
unionArr([1, 2, 3], [], Res2).	Res2 = [1, 2, 3] 1 Solution
unionArr([], [1, 2, 3], Res3).	Res3 = [1, 2, 3] 1 Solution
unionArr([], [], Res4).	Res4 = [] 1 Solution

Таблица для цели unionArr([1, 2], [3], Res).

№ шага	Состояние резольвенты	Унификация: T1 = T2 (результат и подстановка)	Действия (прямой ход / откат)
1	unionArr([1, 2], [3], Res)	T1= unionArr([1, 2], [3], Res) T2= unionArr([H T], Arr2, [H R]) ⇒ H=1, T=[2], Arr2=[3], [1 R] = Res	Переход к unionArr([2], [3], R)
2	unionArr([2], [3], R)	T1= unionArr([2], [3], R) T2= unionArr([H T], Arr2, [H R]) ⇒ H=2, T=[], Arr2=[3], [2 R] = R	Переход к unionArr([], [3], R)
3	unionArr([], [3], R)	T1= unionArr([], [3], R) T2= unionArr([], Arr2, Arr2) ⇒ Arr2=[3], R=[3]	Успех, отсечение !

Вывод: Res = [1, 2, 3].