

## Disciplina de Sinais e Sistemas 2

– Lista de exercícios extras –

Prof. Alan Petrônio Pinheiro Faculdade de Engenharia Elétrica Versão 1.0 – 2018

## Observações:

- a) Você pode (e deve, se necessitar) tirar dúvidas sobre a resolução de problemas desta lista durante o horário de atendimento
- b) Esta lista tem que ser entregue digitalizada por email (alan\_petronio@yahoo.com.br) até a data estipulada. Não serão recebidos trabalhos entregues posteriormente. Sua caixa "enviados" será seu comprovante de entrega.
- c) A maior parte das questões (senão todas) pode ser resolvida computacionalmente. Empregue o software que desejar. Um dos propósitos da lista é incentivar o(a) estudante a aprender (extraclasse) ferramentas que podem auxilia-lo na aprendizagem a na resolução de problemas de forma intuitiva e profissional.
- d) Onde não for claramente explicitado, o estudante pode escolher em resolver a questão de forma puramente computacional e/ou algébrica
- e) Junto a este documento, seguem outros arquivos necessários para fazer algumas das questões (sinais registrados, coeficientes, etc). O pacote completo pode ser baixado no site www.alan.eng.br
- f) Se você desejar fazer alguns cálculos no papel, fique a vontade. Depois de feitos, escanei eles (digitalize-os) e insira no arquivo digital que você deve enviar. Não precisa ficar digitando equações em editores de texto (perde-se muito tempo por tão pouco).
- 1¹) (10%) Considere que um dado sistema é constituído por uma ligação em cascata (série) de dois sistemas contínuos no tempo com resposta em frequência  $H_1(jw)$  e  $H_2(jw)$ , respectivamente. Considere que o sistema como um todo tem resposta  $H_{total}(jw)$  e que a função transferência destes dois sistema são das pelas equações abaixo.

$$H_1(jw) = \frac{640(jw+1)}{(jw+8)(jw+40)}$$
  $H_2(jw) = \frac{0.01(jw+40)}{(jw+1)(jw+8)}$ 

Com base nisto, pede-se:

a) Qual equação de H<sub>total</sub>(jw)?

**b)** Esboce o gráfico de Bode de  $H_1(jw)$ ,  $H_2(jw)$  e  $H_{total}(jw)$ . Compute também os gráficos (em escala log) destas três equações e compare a diferença entre o esboço assintótico de Bode com o gráfico

Questão baseada no exercício 6.12 do livro texto

precisamente calculado por computador. Mostre os gráficos e o código empregado para gerar os gráficos.

- c) Passe os gráficos anteriores para escala linear (apenas mostres os gráficos; não precisa mostrar códigos aqui).
- d) se injetarmos uma frequência de 1Hz e 60Hz, de quanto será o ganho/atenuação para estas duas frequências? Mostre como você chegou a este valor.
- 2) (20%) Um sistema discreto é regido pela seguinte equação de diferenças:

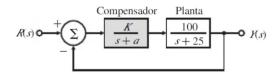
$$y[n] - y[n-1] + \frac{1}{4}y[n-2] = x[n] + \frac{1}{4}x[n-1] - \frac{1}{8}x[n-2]$$

- a) encontre a euqação de sua resposta em frequência e plote seu gráfico.
- b) Este sistema é estável? Justifique
- c) Se aplicarmos um degrau u[n] à entrada deste sistema, qual sua saída (mostre o gráfico de y[n])?
- 3²) (10%) Considere os sinais "sinal\_questao3a.wav" e "sinal\_questao3b.wav" que acompanham esta lista. Usando um programa de computador de cálculo número qualquer, mostre o espectro de magnitude das frequências deste ambos os sinais. A partir destes gráficos, faça:
  - a) Mostre o espectro de ambos os sinais
  - b) Comente sobre o formato dos espectros e o que interpretações você dá a eles
  - c) No caso do sinal "sinal\_questao3b.wav", avalie em separado os trechos entre amostras  $2000 \le n \le 2800$  e  $3.600 \le n \le 4.400$ .
- 4) (20%) Você está recebendo um arquivo de audio "sinal\_questao4.wav" que contém uma famosa música. Foi inserido nela um ruído (entre as frequências de 2200 a 2210Hz). Para suprimir este ruído, foi projetado um sistema discreto realimentado cujos coeficientes 'a' e 'b' estão disponíveis no arquivo questao4.m. Com base nisto, faça:
  - a) Plote o espectro do sinal para conferir se a região próxima de 2200Hz de fato tem "sujeira" espectral.
  - b) Pegue o sinal ruidoso e passe pelo sistema cujos coeficientes 'a' e 'b' foram dados. Grave o áudio da saída e ouça o que aconteceu. Plote o espectro do sinal de saída e compare o espectro de entrada descrevendo o que você ouviu de diferença.
  - c) Qual a resposta em frequência (magnitude) do sistema cujos coeficientes foram fornecidos?

Observação: observe que os códigos de abrir e salvar sinais de áudio estão dentro do arquivo .m desta questão; o código para aplicar a equação de diferença de um sistema a um sinal no Matlab chama 'filter'. Consulte esta função no help do Matlab para ver como usá-la. Se preferir, aplique a equação de diferenças por programação usando laço 'for'.

Observe que esta questão já vem com um arquivo em Matlab para exibir espectros de sinais. O Matlab tem versões gratuitas para estudantes. Se preferir, use outro programa gratuito com mesma finalidade.

 $5^3$ ) (20%) Para o dado sistema abaixo com realimentação unitária, especifique o ganho e a localização dos polos do compensador tal que a resposta ao degrau do sistema em malha fechada tenha um sobressinal não maior que 25% e um tempo de acomodação (1%) igual ou inferior a 0,1s.

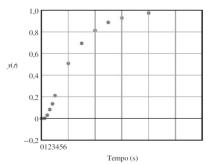


Com base nisto, faça:

- a) Mostre graficamente como o sistema ao todo se comporta quando aplicamos a ele um degrau;
- b) Mostre graficamente onde estão os polos e zeros do sistema. Como você fez matematicamente para achar o valor de 'a' e 'K' na figura para que eles atendessem ao enunciado?

64) (20%) Encontre a função de transferência que gera os dados apresentados na tabela abaixo os quais também são apresentados no gráfico. Estes dados foram coletados de um determinado Sistema em laboratório.

t	y(t)	t	y(t)
0,1 0,1	0,000 0,005	1,0 1,5	0,510 0,700
0,2	0,034	2,0	0,817
0,3	0,085	2,5	0,890
0,4	0,140	3,0	0,932
0,5	0,215	4,0	0,975
		$\infty$	1,000



Com base nisto, responda:

- a) Qual a função transferência (comportamento matemático) deste sistema?
- b) Mostre graficamente o comportamento em frequência (ou Bode) deste sistema.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Adaptação da questão 3.25 da sexta edição do livro "Sistemas de Controle para Engenharia" dos autores Gene Franklin e co-

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Adaptação do exemplo 3.35 da sexta edição do livro "Sistemas de Controle para Engenharia" dos autores Gene Franklin e co-