

# Universidade Federal de Uberlândia

Faculdade de Engenharia Elétrica FEELT

### CIRCUITOS ACOPLADOS MAGNETICAMENTE

Relatório da Disciplina de Circuitos Elétricos II por

Lesly Viviane Montúfar Berrios 11811ETE001

Prof. Wellington Maycon Santos Bernardes Uberlândia, Agosto / 2019

# Sumário

1	Objetivos	2	
2	Introdução teórica		
	2.1 Indutância Mútua	2	
3	Preparação	2	
	3.1 Materiais e ferramentas	2	
	3.2 Montagem	3	
4	Análise sobre segurança	6	
5	Cálculos, análise dos resultados e questões		
6	Simulação computacional	7	
7	Conclusões	7	

## 1 Objetivos

Verificar experimentalmente os conceitos teóricos sobre acoplamentos magnéticos, obtenção dos valores das auto-indutâncias e da indutância mútua, e comparar os resultados com os valores obtidos utilizando uma análise teórica.

## 2 Introdução teórica

Nos circuitos em que a condução de energia elétrica ocorre por meios físicos, diz-se que são circuitos condutivos. Entretanto, ainda é possível que dois circuitos com ou sem contato se afetem por meio do campo magnético gerado por um deles, esses são chamados circuitos magneticamente acoplados [1].

O *transformador* é baseado nesse princípio. Possui quatro terminais e consiste em dois indutores que são colocados com certa proximidade um do outro, logo comparttilham o mesmo fluxo magnético e, portanto, as bobinas indutoras estão acopladas magneticamente.

Sua aplicabilidade é vasta, por exemplo, em sistemas de comunicação, são usados para casamento de impedâncias entre fontes e cargas ou linhas de transmissão. Em sistemas de potências, transformadores são usados para atenuar ou amplificar os sinais de tensão. De fato, transformadores são utilizados em eliminadores de pilha e recarregadores de baterias, que podem ser ligados diretamente em tomadas residenciais [2].

### 2.1 Indutância Mútua

O **coeficiente de acoplamento** (*k*) entre os dois enrolamentos é dado por:

$$k = \frac{\phi_m}{\phi_p}$$

A indutância mútua entre dois enrolamentos é proporcional à taxa de variação de fluxo de um dos enrolamentos em fun;cão da taxa de variação da corrente no outro enrolamento [3].

## 3 Preparação

### 3.1 Materiais e ferramentas

#### 1 - Fonte

Alimentará todo o circuito.

### 2 - Conjunto de bobinas

Cada bobina possui uma resistência, sendo  $R_1$  para a Bobina 1 e  $R_2$  para a Bobina 2. Considere  $R_1 < R_2$ .

### 3 - Conectores

Foram utilizadas pontas de provas para a verificação das grandezas nos multímetros. Para as conexões no circuito foi utilizado majoritariamente cabos banana-banana.

#### 4 - Multímetro

Utilizado para medir as tensões elétricas entre os pontos das bobinas especificados no experimento.

### 5 - Miliamperímetro

A escala mais precisa permite melhor regulagem da corrente desejada.

#### 6 - Varivolt

O equipamento permitirá obter o valor desejado de corrente a partir da regulagem correta da tensão fornecida pela fonte.

### 3.2 Montagem

#### 1) Resistências das bobinas

Para o conjunto de bobinas fornecido, foi medido a resistência da bobina 1 (600 esp.) e a resistência da bobina 2 (1200 esp.) e obteve-se:

$$R_1 = 2,6\Omega$$

$$R_2 = 7,4\Omega$$

### 2) Determinando a polaridade das bobinas

Efetue a montagem da Figura 1, aplicando uma corrente de 50 mA no miliamperímetro, anote a tensão  $V_1$  e marque a polaridade da Bobina 1, indicando-a por um ponto ".", no terminal em que a fem1 (terminal ligado ao positivo da fonte CA) é positiva. Na bobina 2 marque a polaridade (o ponto) no terminal ligado ao voltímetro se a tensão V' < V1, e marque o ponto no terminal debaixo se  $V' > V_1$  (terminal em que a fem induzida é positiva).

Da análise experimental, obteve-se V' = 8,33V e  $V_1 = 10,27V$ . Logo, o ponto é indicado como na Figura 1, ponto no terminal superior da bobina 2, pois V' < V1.

### 3) Ligação série aditiva

Como na Figura 2, a montagem faz a ligação em série aditiva das bobinas 1 e 2 (os fluxos são aditivos). Aplique a tensão necessária de modo a obter o valor de corrente

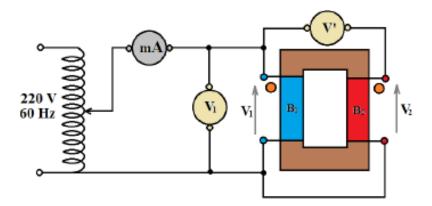


Figura 1: Marcação de polaridade.

indicado na Tabela 1, completando as demais colunas com os valores das tensões V (tensão total aplicada as bobinas). Os valores de  $Z_{ad}$  são obtidos fazendo V/I.

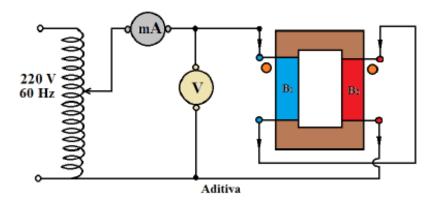


Figura 2: Ligação série aditiva das bobinas 1 e 2

Tabela 1: Tabela de tensões para cada valor de corrente  $I_ad$  setado.

$I_{ad}$ (mA)	V (V)	$Z_{ad}(\Omega)$
16,7	32,66	1955,68
33,3	61,55	1848,34
50,0	94,60	1892,00

### 4) Ligação série subtrativa

Como na Figura 3, a montagem faz a ligação em série subtrativa entre as bobinas 1 e 2 (fluxos subtrativos ou contrários). Aplique a tensão necessária de modo a obter as correntes indicadas na Tabela 2, completando as demais colunas com os valores das tensões V (tensão total aplicada as bobinas). Os valores de  $Z_{sub}$  são obtidos fazendo V/I.

### 5) Transformador a vazio

Efetue a montagem do circuito da Figura 4 abaixo, considerando agora as bobinas 1 e 2 isoladas (como num transformador a vazio). Aplique uma tensão na bobina 1 de

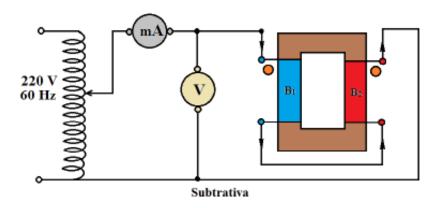


Figura 3: Ligação série subtrativa das bobinas 1 e 2.

Tabela 2: Tabela de tensões para cada valor de corrente  $I_{sub}$  setado.

$I_{sub}$ (mA)	V (V)	$Z_{sub}(\Omega)$
50,0	15,20	304,00
100,0	31,11	311,10
150,0	46,09	307,27

modo a obter a corrente indicada na Tabela 3. Meça a tensão na bobina 1  $(V_1)$  e a tensão que é induzida na bobina 2 devido a corrente na bobina 1  $(V_2)$ . Os valores de  $Z_1$  são obtidos fazendo V/I.

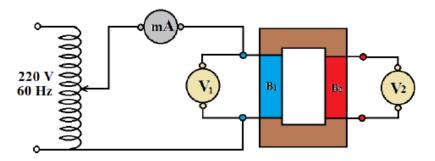


Figura 4: Transformador com bobina 1 no primário e bobina 2 no secundário.

### 6) Transformador a vazio com bobinas invertidas

Efetue a montagem do circuito da Figura 5 abaixo, considerando agora as bobinas 1 e 2 isoladas (como num transformador a vazio). Aplique uma tensão na bobina 2 de modo a obter a corrente indicada na Tabela 4. Meça a tensão na bobina 1  $(V_1)$  e a tensão que é induzida na bobina 2 devido a corrente na bobina 1  $(V_2)$ . Os valores de  $Z_1$  são obtidos fazendo V/I.

Tabela 3: Tabela de tensões para cada valor de corrente  $I_1$  setado

$I_1$ (mA)	$V_1$ (V)	$Z_1(\Omega)$	<i>V</i> <sub>2</sub> (V)
50,0	10,30	206,00	18,61
100,0	21,14	211,40	38,44
150,0	32,14	214,27	59,01

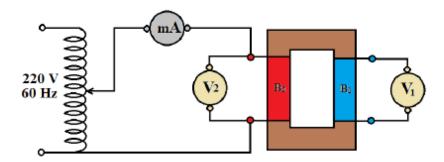


Figura 5: Transformador com bobina 2 no primário e bobina 1 no secundário

## 4 Análise sobre segurança

Os óculos de segurança são Equipamentos de Proteção Individual (EPIs) e são utilizados para a proteção da área ao redor dos olhos contra qualquer tipo de detrito estranho, que possa causar irritação ou ferimentos. Também protegem contra faíscas, respingos de produtos químicos, detritos, poeira, radiação e etc [4]. É importante a utilização desse equipamento durante os experimentos a fim de evitar qualquer dano, além de preparar o profissional para o manejo correto e seguro de qualquer equipamento.

# 5 Cálculos, análise dos resultados e questões

1 - A partir dos valores obtidos na tabela 1, encontre o valor médio da impedância  $Z_{ad}$ . O valor médio da impedância  $Z_{ad}$  será:

$$Z_{ad} = 1898,67\Omega$$

2 - A partir dos valores obtidos na tabela 2, encontre o valor médio da impedância Z<sub>sub</sub>.
Com os valores médios das impedâncias aditiva e subtrativa e os valores das resistências das bobinas (R<sub>1</sub> e R<sub>2</sub>), encontre o valor da impedância mútua M.
O valor médio da impedância Z<sub>sub</sub> será:

$$Z_{sub} = 307,42\Omega$$

3 - A partir dos valores obtidos na tabela 3, encontre o valor médio da impedância Z<sub>1</sub>.

Tabela 4: Tabela de tensões para cada valor de corrente  $I_1$  setado

$I_2$ (mA)	<i>V</i> <sub>2</sub> (V)	$Z_2(\Omega)$	$V_1$ (V)
25,0	20,97	838,80	9,81
50,0	43,53	870,60	19,14
75,0	66,30	884,00	29,43

- 4 A partir dos valores obtidos na tabela 4, encontre o valor médio da impedância  $Z_2$ . Com os valores médios das impedâncias das bobinas ( $Z_1$  e  $Z_2$ ) e os valores das resistências das bobinas ( $R_1$  e  $R_2$ ), encontre os valores das reatâncias próprias e das auto indutâncias  $L_1$  e  $L_2$ .
- 5 Com os valores obtidos para  $L_1$ ,  $L_2$  e M encontre o valor do coeficiente de acoplamento entre as bobinas 1 e 2.
- 6 Para uma corrente de 1,0A na bobina 1 (Figura 4), encontre o valor do fluxo  $\phi_1$ ,  $\phi_{L1}$ .
- 7 Para uma corrente de 1,0A na bobina 1 (Figura 5), encontre o valor do fluxo  $\phi_2$ ,  $\phi_{L2}$ .
- 8 O que deve acontecer com as leituras dos instrumentos do primário, em qualquer das montagens efetuadas, se a barra superior do núcleo de ferro for removida (o núcleo for aberto)?
- 9 O que deve acontecer com as leituras dos instrumentos do secundário, em qualquer das montagens efetuadas, se o núcleo de ferro for retirado do circuito sem desligamento do mesmo?

# 6 Simulação computacional

### 7 Conclusões

## Referências

- [1] P. H. Rezende, "Circuitos Magneticamente Acoplados", UFU, 2018. Disponível em: https://www.moodle.ufu.br/pluginfile.php/702496/mod\_resource/content/3/Cap.%20I\_Acoplamento.pdf. Acesso em: ago. 2019.
- [2] J. D. Irwin, "Análise de Circuitos Em Engenharia", Pearson, 4<sup>a</sup> Ed., 2000.
- [3] R. L. Boylestad, "Intrdução À Análise de Circuitos", Pearson, 10<sup>a</sup> Ed., 2004.
- [4] SafetyTrabi, "Óculos de segurança: Saiba quando utilizar este EPI", SafetyTrab, 2019. Disponível em: https://www.safetytrab.com.br/blog/oculos-de-seguranca/. Acesso em: ago. 2019.