



MA-0294 CÁLCULO PARA COMPUTACIÓN II SEGUNDO CICLO DE 2018 PRÁCTICA SOBRE INTEGRALES IMPROPIAS

1) Calcule las siguientes integrales impropias:

(a)
$$\int_0^{+\infty} x^3 e^{-2x} dx$$

(d)
$$\int_1^2 \frac{1}{x\sqrt{x-1}} \ dx$$

(b)
$$\int_e^{+\infty} \frac{\ln x}{x^2} dx$$

(e)
$$\int_2^5 \frac{x}{\sqrt{5-x}} \ dx$$

(c)
$$\int_{-\infty}^{0} \frac{e^x}{1+e^{2x}} dx$$

$$(f) \qquad \int_1^2 \, \frac{x}{\sqrt{4-x^2}} \, dx$$

2) Analice las siguientes integrales impropias y determine si convergen o divergen, justifique su respuesta con el uso de criterios de convergencia:

(a)
$$\int_0^{+\infty} \left(\sqrt[3]{x^3 + x} - x \right) dx$$

(d)
$$\int_1^{+\infty} \left(\sqrt{x^2 + x} - \sqrt{x^2 - x} \right) dx$$

(b)
$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{1-\cos x}{x^{5/2}+x^3} dx$$

(e)
$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos x}{\sqrt{x} + x} \ dx$$

(c)
$$\int_2^{+\infty} \frac{\sqrt[3]{x}}{\sqrt{x^4 - 8x}} \ dx$$

(f)
$$\int_1^{+\infty} \frac{\sqrt{x+2}}{x\sqrt{x^2-1}} dx$$