## Лабораторная работа 4: «Создание и верификация цифровой подписи» [до 12 мая]

## 1. О деталях реализации и средствах разработки

• Генерация закрытого/секретного ключа в виде текста в кодировке Base-64 (в формате PEM) для применения шифра RSA и перевод его в двоичный вид (в формате DER) соответственно:

```
openssl genpkey -algorithm RSA -out privatekey.pem -pkeyopt \,\hookrightarrow\, rsa_keygen_bits:1024
```

```
openssl x509 -outform der -in privatekey.pem -out privatekey.der
```

По умолчанию ключ содержит 4096 битов, произвольный размер устанавливается через pkeyopt.

• Формирование открытого/публичного ключа по закрытому ключу (но не наоборот):

```
openssl rsa -pubout -in privatekey.pem -out publickey.pem
```

Сгенерированный ключ можно просмотреть в любом plain-редакторе.

• Вывод информации о структуре сгенерированного закрытого ключа (модуль, простые числа, экспоненты) и отдельно модуля:

```
openssl rsa -text -in privatekey.pem

openssl rsa -in privatekey.pem -noout -modulus
```

• Шифрование файла:

```
openssl rsautl -encrypt -inkey publickey.pem -pubin -in message.txt \ \hookrightarrow \ \ \text{-out message.enc}
```

• Дешифрование файла:

```
openssl rsautl -decrypt -inkey privatekey.pem -in message.enc -out \ \hookrightarrow \  message.dec
```

• Вычисление цифровой подписи файла:

```
openss1 dgst -sha256 -sign privatekey.pem -out signature.bin \ \hookrightarrow \ \text{message.txt}
```

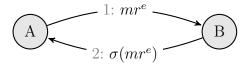
Зашифровывается хешкод файла (команды можно разделить).

• Верификация цифровой подписи файла:

```
openssl dgst -sha256 -verify publickey.pem -signature signature.bin \ensuremath{\ensuremath{\hookrightarrow}} message.txt
```

В случае неудачной верификации: «Verification Failure».

• Принципиальная схема слепой подписи $^1$  (все вычисления производятся в кольце вычетов по модулю n):



Здесь: m — документ участника  $A, r \in \mathbb{Z}_n \setminus \{0\}$  — известное только участнику A случайное число (маскирующий/затемняющий множитель), (e, n) — открытый ключ участника B. Участник B подписывает/заверяет документ  $mr^e$ :

$$\sigma(m \cdot r^e) = (m \cdot r^e)^d = m^d \cdot r^{ed} = m^d \cdot r = \sigma(m) \cdot r,$$

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Свойства слепой подписи: 1) нулевое разглашение – пользователь получает подпись на сообщении, не раскрывая самого сообщения подписывающей стороне; 2) непрослеживаемость – подписывающая сторона не может отследить пару подписьсообщение после того, как пользователь обнародовал подпись на своем сообщении; 3) неподложность – только подписывающая сторона может сгенерировать действительную подпись. Ассоциация: если подписать конверт, в котором находится копировальный лист и документ под ним, то при вскрытии конверта документ также окажется подписанным.

где (d,n) – закрытый ключ участника B. Чтобы получить подпись участника B документа m, участник A должен умножить  $\sigma(mr^e)$  на число, обратное r.

• Реализация алгоритма быстрого возведения в степень в кольце вычетов  $(a^b \mod n)$ :

```
long binpow(int a, int b, int n){
  long res = 1;

while(b > 0){
    if((b&1) == 1)
        res = (res*a)%n;

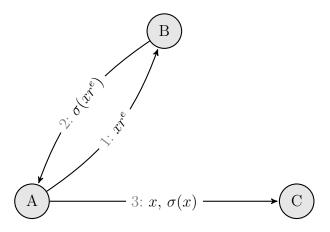
    a = (a*a)%n;
    b >>= 1;
}

return res;
}
```

• Для вычисления обратного элемента в кольце классов вычетов используют расширенный алгоритм Евклида. Если r и n взаимно просты, то HOД(r,n) = 1:  $rx + ny = 1 \Rightarrow rx \equiv 1 \pmod{n}$ .

## 2. Постановка задачи

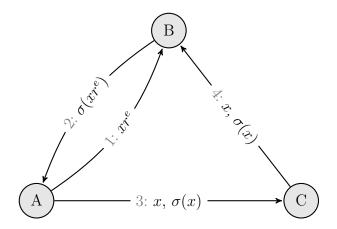
Реализуйте простое клиент-серверное приложение, позволяющее аккумулировать короткие анонимные сообщения (систему электронного голосования) согласно следующей схеме:



Здесь: A – пользователь (избиратель), B – регистратор, C – счетчик, x – сообщение (голос), r – известное только участнику A случайное число, (e,n) – открытый ключ банка. Пренебрегите реализацией правильных механизмов распределения, хранения и сертификации ключей.

## 3. Задания для подготовки к экзамену

- 1. Распишите (на примере) процедуру применения шифра RSA для шифрования и расшифрования одного сообщения. Входные данные:  $p=11,\ q=7,\ e=37,$  открытое сообщение 15. Повторите процедуру, самостоятельно подобрав значение экспоненте e.
- 2. Реализуйте простое клиент-серверное приложение, позволяющее реализовывать (тратить) бонусные/рейтинговые баллы (электронные деньги) согласно следующей схеме [обеспечение неотслеживаемости покупателя]:



Здесь: A — компания (банк), B — клиент, C — продавец, x — баллы (купюра: номинал и номер), e — открытый ключ банка.

**Шаг 1:** Покупатель производит купюру (генерирует серийный номер купюры x, включающий ее номинал) и затемнив отправляет ее банку; в общем случае сообщение клиента имеет вид

(withdrawal, 
$$\operatorname{an}_a, xr^e$$
) <sup>$d_a$</sup> ,

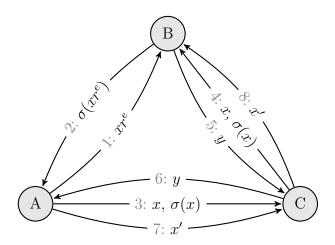
где withdrawal – операция снятия денег со счета, an<sub>a</sub> – номер счета клиента,  $d_a$  – закрытый ключ клиента. **Шаг 2:** Банк заверяет купюру, возвращает клиенту и снимает со счета клиента указанную сумму денег. **Шаг 3:** Клиент снимает затемняющий множитель,

проверяет  $(x^d)^e = x$  и отправляет купюру продавцу. **Шаг 4:** Продавец отправляет анонимную купюру банку, банк переводит деньги на счет продавца и изымает купюру из обращения (запоминает номер); в общем случае сообщение продавца имеет вид

(deposit, 
$$an_b, x^d$$
) $^{d_b}$ ,

где deposit — операция перевода денег на счет,  $an_b$  — номер счета продавца, d — закрытый ключ банка,  $d_b$  — закрытый ключ продавца; банк может отправить расписку продавцу вида (deposit,  $an_b$ ,  $x^d$ ) $^d$ .

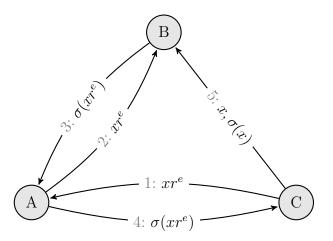
3. Реализуйте простое клиент-серверное приложение, позволяющее реализовывать электронные деньги согласно следующей схеме [усиление защиты через подтверждение аутентичности купюры]:



Здесь: A – банк, B – клиент, C – продавец, x = h(x') – купюра, e – открытый ключ банка, r – известное только клиенту случайное число, y – подтверждение нахождения купюры в обращении.

**Шаг 5:** Банк отправляет продавцу зашифрованное на своем закрытом ключе заверение в законности сделки, если после проверки не обнаруживает номер купюры в списке выведенных из обращения. **Шаг 6:** продавец пересылает заверение банка клиенту. **Шаг 7:** Клиент проверяет заверение на аутентичность и отправляет продавцу прекурсор x'. **Шаг 8:** Продавец проверяет прекурсор и отправляет его банку, который также проверяет, получена ли купюра x из x'. В случае окончательного подтверждения сделки банк записывает купюру как депонированную, сохраняет копию прекурсора и переводит деньги на счет продавца.

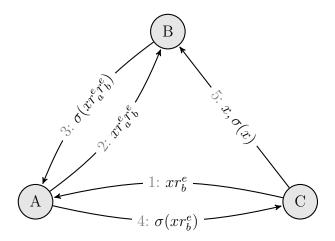
4. Реализуйте простое клиент-серверное приложение, позволяющее реализовывать электронные деньги согласно следующей схеме [обеспечение неотслеживаемости продавца]:



Здесь: A – банк, B – клиент, C – продавец, x – купюра, r – известное только продавцу случайное число, e – открытый ключ банка.

Шаг 1: Продавец производит цифровую купюру, затемняет и отправляет клиенту. Шаг 2: Клиент отправляет кюпуру банку. Шаг 3: Банк подписывает купюру, отправляет клиенту и снимает со счета клиента деньги. Шаг 4: Клиент пересылает подписанный «полуфабрикат» купюры продавцу. Шаг 5: Продавец с помощью открытого ключа банка проверяет, получена ли купюра из отправленной в банк, и после снятия своего затемняющего множителя отправляет купюру в банк (банк переводит деньги на счет продавца).

5. Реализуйте простое клиент-серверное приложение, позволяющее реализовывать электронные деньги согласно следующей схеме [неотслеживаемость клиента и продавца]:



Здесь: A – банк, B – клиент, C – продавец, x – купюра,  $r_b$  – известное только продавцу случайное число,  $r_a$  – известное только клиенту случайное число, e – открытый ключ банка.

Шаг 1: Продавец производит цифровую купюру, затемняет и отправляет клиенту. Шаг 2: Клиент дополнительно затемняет купюру и отправляет в банк. Шаг 3: Банк подписывает дважды затемненную купюру и отправляет клиенту. Шаг 4: Клиент снимает с подписанной купюры свой затемняющий множитель и отправляет продавцу. Шаг 5: Продавец снимает с подписанной купюры свой затемняющий множитель и отправляет банку.