Introdução ao R Commander

Notas de Aula

Felipe Rafael Ribeiro Melo Departamento de Métodos Quantitativos - UNIRIO

> Rio de Janeiro, Brasil Fevereiro de 2019

Sumário

1	Intr	rodução	4			
	1.1	Download e instalação do $software$ R	4			
	1.2	Instalando o pacote Rcmdr	5			
	1.3	Carregando o pacote Rcmdr	6			
2	Cor	njuntos de dados	7			
	2.1	Criando um conjunto de dados	8			
	2.2	Importando conjunto de dados com formatos $.xls$ ou $.xlsx$	11			
	2.3	Importando conjunto de dados com formato $.txt$ ou $.csv$	12			
	2.4	Exportando um conjunto de dados do R Commander	13			
	2.5	Conjuntos de dados nativos do R Commander	14			
3	O n	nenu Dados	15			
	3.1	Salvando conjuntos de dados	15			
	3.2	Carregando conjuntos de dados (no formato $.RData$)	15			
	3.3	Agrupar dois conjuntos de dados	16			
	3.4	Nomes das variáveis no conjunto de dados ativo	16			
	3.5	Definir nomes dos casos	17			
	3.6	Subconjunto do conjunto de dados ativo	17			
	3.7	Ordenar linhas do conjunto de dados				
	3.8	Modificação de variáveis no conjunto de dados	21			
		3.8.1 Converter variável numérica para variável qualitativa	21			
		3.8.2 Reordenar níveis dos fatores	22			
		3.8.3 Agrupar em classes uma variável numérica	23			
		3.8.4 Computar nova variável	24			
		3.8.5 Renomear e apagar variáveis	24			
		3.8.6 Recodificar variáveis	25			
4	O n	nenu <i>Gráficos</i>	27			
	4.1	Gradiente de cores	28			
	4.2	Gráfico de setores (gráfico de pizza)				
	43	Gráfico de barras	30			

	4.4	Gráfico de barras múltiplas	32		
	4.5	Gráfico de pontos	36		
	4.6	Gráfico de hastes (<i>Plot discrete numeric variable</i>)	37		
	4.7	Histograma	39		
	4.8	Boxplot	41		
	4.9	Diagrama de dispersão	43		
	4.10	Salvando gráficos	46		
5	5 O menu <i>Estatísticas</i>				
	5.1	Resumos numéricos de todas as variáveis	47		
	5.2	Resumo numérico de uma variável (quantitativa)	47		
	5.3	Contando dados faltantes	48		
	5.4	Distribuições de frequências	49		
	5.5	Matriz de correlação	50		
	5.6	Tabela de contingência	51		
		Tabela de confingencia			

1 Introdução

Neste curso, usaremos o software estatístico R. Inicialmente, tal software apresenta uma interface sob a qual é necessário escrever linhas de comando para a geração ou importação de dados, bem como para a aplicação de qualquer ferramenta estatística. Todavia, o R possui uma grande quantidade de **pacotes**, os quais fornecem funcionalidades específicas. Usaremos neste curso um pacote chamado Rcmdr (uma abreviação de <u>R Commander</u>), que fornece ao usuário do R uma interface mais "amigável", com menus que propiciam várias funcionalidades do R sem a necessidade de escrever linhas de comando, tais como:

- digitação de conjuntos de dados;
- importação de conjuntos de dados construídos em outros *softwares* (Excel, Bloco de notas, *etc.*);
- análises de dados por meio de gráficos;
- análises de dados por meio de tabelas.

A seguir, uma breve explicação de como baixar e instalar o *software* R, e como instalar e carregar o pacote Rcmdr.¹

$1.1 \quad Download$ e instalação do software R

O software R é gratuito e pode ser obtido em http://www.r-project.org. Acesse essa página no seu navegador de preferência e siga os passos abaixo:

- 1. Clique em **CRAN** (lado esquerdo da tela do seu navegador);
- 2. Opte por um dos *mirrors* disponíveis (aconselhável optar um *mirror* de instituição brasileira);
- 3. Escolha o seu sistema operacional (Linux, Mac OS X ou Windows) no campo Download and Install R (os passos seguintes derivam da escolha do sistema operacional Windows);
- 4. Clique em **base**;

¹Este material foi escrito utilizando o *software* R versão 3.5.2 e pacote Rcmdr versão 2.5-1.

5. Por fim, clique no *link* destacado (algo do tipo *Download R 3.5.2 for Windows*) para baixar o programa.

Uma vez realizado o download, o processo de instalação do programa é simples, bastando apenas dar um duplo clique no arquivo executável baixado e clicar sempre em Avançar. Agora, o R está instalado e pronto para ser utilizado.

Observação 1 Por padrão, as versões mais recentes do R instalam simultaneamente uma versão 32 bits (R i386) e uma versão 64 bits (R x64) em computadores com arquitetura de 64 bits. Neste material, utilizaremos a versão 32 bits (R i386), de forma a não excluir usuários de computadores com arquitetura de 32 bits.

1.2 Instalando o pacote Rcmdr

Ao abrirmos o R, visualizamos uma janela grande (chamada R Gui) contendo uma janela chamada R Console. Nesta última, vemos uma série de créditos na cor azul e, em seguida, o sinal > na cor vermelha. Este símbolo é chamado prompt de comando, e significa que o R está apto a receber um comando nesta linha. Ou seja, na interface apresentada, é necessário escrever linhas de comando para a realização de qualquer operação. Entretanto, o R possui uma grande quantidade de comando os quais fornecem funcionalidades específicas.

Usaremos neste curso um pacote chamado Rcmdr (uma forma abreviada de R Commander), que fornece ao usuário do R uma interface mais "amigável", com menus que propiciam várias funcionalidades do R sem a necessidade de escrever linhas de comando.

Para a instalação do pacote Rcmdr, vá na barra de ferramentas (parte superior da janela R Gui), selecione Packages (ou Pacotes) e, em seguida, Install packages (ou Instalar pacotes). Uma janela chamada CRAN Mirror abrirá, e nela, selecione o local de preferência (sugestões: 0-Cloud[https] ou Brazil(RJ)). Dê OK e uma lista com todos os pacotes disponíveis para instalação será aberta.

Os pacotes estão listados em ordem alfabética. Procure o pacote Rcmdr e clique nele² ($\underline{n}\underline{\tilde{a}o}$ dê OK ainda). Para instalar junto a ele todos os seus plugins, mantenha a tecla \overline{Shift} apertada e, com a seta $\overline{\hspace{-1em}}$ do seu teclado, marque todos os pacotes que começam com a expressão "Rcmdr". Agora sim, com todos estes pacotes (Rcmdr até RcmdrPlugin.UCA) já marcados com fundo azul, clique em OK para instalá-los. Após isto, caso sejam abertas duas pequenas janelas uma após a outra com opções Sim e $N\tilde{a}o$, selecione Sim em ambas. A conclusão do processo de instalação se dá quando o prompt de comando (sinal > na cor vermelha) surgir novamente no canto esquerdo inferior da janela R Console.

Observação 2 É necessária conexão com a internet para a instalação de pacotes do R.

1.3 Carregando o pacote Rcmdr

Uma vez **instalado** o pacote Rcmdr no seu computador, <u>não</u> será mais necessário repetir o processo descrito na Subseção 1.2. Quando quisermos trabalhar com o R Commander, será necessário apenas **carregá-lo**. Para isto, digite no R (janela *R Console*) o comando

e aperte [Enter] (note que apenas uma das letras no comando acima é maiúscula e, alternativamente, poderíamos usar [library(Rcmdr)] em vez do comando acima, produzindo o mesmo efeito). Feito isto, uma nova janela será aberta: a janela R Commander (Figura 1), na qual vamos trabalhar.

Observação 3 Na primeira vez que o R Commander for carregado, pode surgir uma pequena janela com opções Sim e Não. Clique em Sim e, na janela seguinte, em OK.

Observação 4 Carregar o R Commander em uma janela R Console na qual ele já foi anteriormente carregado não surtirá efeito. Portanto, caso você feche acidentalmente a janela R Commander e queira abri-la novamente, será necessário fechar o R (janela R Gui) e abri-lo novamente.

 $^{^2}$ Caso o pacote Rcmdr não esteja nesta lista, clique em Cancel, escolha outro $CRAN\ Mirror$ no menu $Packages \rightarrow Set\ CRAN\ mirror$ e acesse novamente o menu $Packages \rightarrow Install\ Packages$.

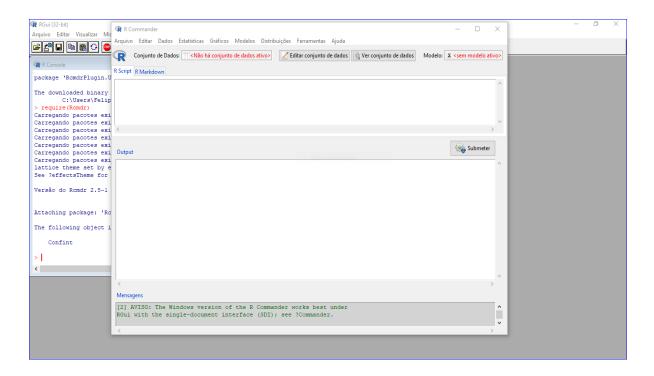


Figura 1: Apresentando o R Commander.

Note que a janela *R Commander* exibe três janelas: *R Script*, *Output* e *Mensagens*. Mais a frente, entenderemos melhor o que cada uma destas janelas significa. Neste material, serão detalhadas e explicadas apenas algumas das muitas funcionalidades possíveis de implementar com o R Commander.

2 Conjuntos de dados

Já temos um software capaz de fazer análises estatísticas, bem como um pacote que torna viável executar tais análises para quem desconhece as linhas de comando do R. Interessa-nos agora aplicar as análises desejadas a um **conjunto de dados** de interesse.

Em geral, conjuntos de dados <u>não</u> estão em formatos que o R reconhece imediatamente. É comum, por exemplo, um conjunto de dados ser escrito numa planilha Excel (formato .xls ou .xlsx), ou até mesmo no Bloco de Notas (formato .txt). Para que o R e, consequentemente, o R Commander consigam "entender" um conjunto de dados criado fora deles, é necessário *importar* este arquivo (com o conjunto de dados) com o R Commander. Aqui, trataremos apenas da importação de conjuntos de dados em arquivos

nos formatos: .xls, .xlsx, .txt e .csv. Mas, primeiramente, vamos ver como criar um conjunto de dados diretamente no R Commander via digitação.

2.1 Criando um conjunto de dados

A título de ilustração, vamos escrever este pequeno conjunto de dados abaixo, o qual chamaremos de *Turma_1*.

Aluno	Sexo	Nota	Faltas
André	M	8.5	0
Carla	F	7.0	3
Fernando	M	4.5	4
Larissa	F	9.0	2

Na barra de ferramentas da janela R Commander, vá em $Dados \rightarrow Novo \ conjunto \ de \ dados$. Defina um nome para o conjunto de dados que será criado, sem utilizar espaço (no nosso exemplo, vamos usar o nome $Turma_1$). Ao dar OK, uma pequena janela chamada $Editor \ de \ dados$ (ou $Data \ Editor$) será aberta por cima da janela $R \ Commander$.

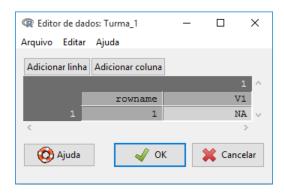


Figura 2: Planilha para criação de conjunto de dados no R Commander.

A cada clique no botão Adicionar linha, uma linha será adicionada, e a cada clique no botão Adicionar coluna, uma coluna será adicionada. Lembrando que o conjunto de dados que iremos digitar possui quatro colunas (Aluno, Sexo, Nota e Faltas) e quatro observações (alunos). Ignore a coluna rowname e faça o seguinte:

- clique no botão Adicionar coluna três vezes para a planilha ficar com quatro colunas (nomeadas genericamente V1, V2, V3 e V4);
- clique no botão Adicionar linha três vezes para a planilha ficar com quatro linhas;
- clique na célula onde está escrito V1 e escreva Aluno;
- clique na célula onde está escrito V2 e escreva Sexo;
- clique na célula onde está escrito V3 e escreva Nota;
- clique na célula onde está escrito V4 e escreva Faltas.

Agora preencha a planilha com nome, sexo, nota e faltas de cada aluno nas células das respectivas colunas (não se preocupe em apagar os NA's; basta "escrever por cima").

Não use Enter para mudar de célula! Use o mouse ou as setas do teclado. Ainda, ao digitar as notas, use ponto ao invés de vírgula como separador de casa decimal (o R e seus pacotes sempre trabalham com ponto como separador de casa decimal). Ao terminar, clique em OK.

Observação 5 Para apagar linhas adicionadas acidentalmente: clique com o botão esquerdo do mouse em qualquer célula dessa linha; clique com o botão direito do mouse; e escolha a opção Delete current row (ou Apagar linha corrente). Procedimento análogo para apagar colunas adicionadas acidentalmente, porém clicando em Delete current column (ou Apagar coluna corrente).

Observe a Figura 3. Note que, no canto superior esquerdo, está escrito *Turma_1* na cor azul (ao lado de "Conjunto de dados:"), que é o conjunto de dados que acabamos de criar no R Commander. Isto quer dizer que este é, atualmente, o **conjunto de dados** ativo, ou seja, o conjunto de dados selecionado para a análise de dados. Ao lado direito do nome do conjunto de dados ativo, temos dois botões úteis:

• *Editar conjunto de dados*: Uma janela com o conjunto de dados ativo é aberta para a realização de modificações em qualquer célula desejada. Feitas as modificações (caso necessário), não se esqueça de clicar em OK.

• Ver conjunto de dados. Uma janela com o conjunto de dados ativo é aberta, porém apenas para a visualização (ao fechá-la, o conjunto de dados não será perdido). Observe a Figura 4. A coluna rowname (que ignoramos na digitação) é, na verdade, a coluna com fundo cinza à esquerda do conjunto de dados, com os números inteiros de 1 até 4 indicando 1ª linha, 2ª linha, 3ª linha e 4ª linha.

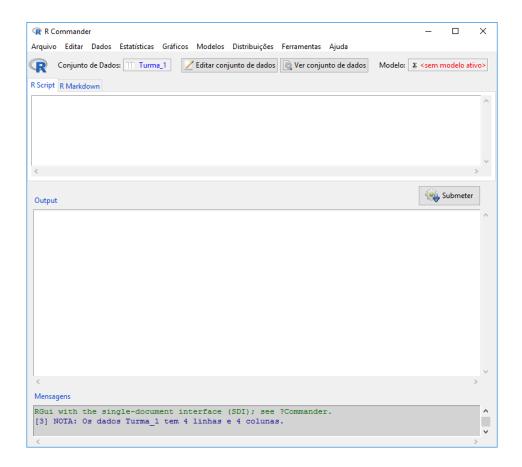


Figura 3: Apresentando as janelas R Script, Output e Mensagens.

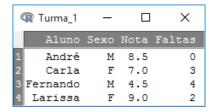


Figura 4: Visualizando conjunto de dados no R Commander.

Ainda visualizando a Figura 3, estamos em posição de discutir as janelas R Script, Output e Mensagens da janela R Commander.

- R Script: Nesta janela são impressas as linhas de comando que foram executadas. Isso mesmo, linhas de comando! Quase tudo que é feito por meio de menus no R Commander (como, por exemplo, importação ou edição de um conjunto de dados) gera na janela R Script a respectiva linha de comando que é utilizada no R para obter a mesma saída. A última linha de comando nesta janela se refere ao último comando executado, a penúltima linha de comando se refere ao penúltimo comando executado, e assim sucessivamente.
- Output: Esta é a janela de saída, na qual são exibidos os resultados de alguns comandos executados.
- Mensagens: Informações que o sistema julga relevante compartilhar com o usuário, incluindo alertas.

Observação 6 Uma linha de comando na janela R Script sempre começa colada à margem esquerda. Quando uma linha na janela R Script não começa colada à margem esquerda, isto significa que ela é continuação da linha imediatamente acima, e não uma nova linha de comando. Ainda, é possível executar qualquer linha de comando exibida na janela R Script: basta selecionar toda a linha de comando desejada com o mouse e clicar em Submeter (ou utilizar o atalho do teclado Ctrl + R).

2.2 Importando conjunto de dados com formatos .xls ou .xlsx

É comum trabalharmos com conjuntos de dados digitados em uma planilha Excel (formato .xls ou .xlsx). Para que o R consiga "entender" este conjunto de dados, é necessário importá-lo com o R Commander. Para tal, façamos o seguinte:

- 1. Na barra de ferramentas da janela R Commander, vá em $Dados \rightarrow Importar arquivos de <math>dados \rightarrow do \ arquivo \ Excel$.
- 2. Dê um nome para o seu conjunto de dados (sem utilizar espaço). No campo Simbolo p/dados faltantes, é aconselhável substituir $< casela \ vazia > \ por \ NA$. Dê OK.

- 3. Procure o arquivo e dê duplo clique nele.
- 4. Selecione o nome da planilha na qual está o conjunto de dados. Dê OK.

Exercício 1 Importe o conjunto de dados do arquivo *Turma2.xls* (planilha "Plan1"), dando a ele o nome *Turma_2*.

Observação 7 Feito o Exercício 1, note que temos dois conjuntos de dados carregados: Turma_1 e Turma_2, este último tomando a posição de conjunto de dados ativo. Para alternar entre conjuntos de dados já carregados, basta clicar em cima do nome do conjunto de dados em azul (logo abaixo da barra de ferramentas) e escolher o conjunto de dados com o qual se deseja trabalhar (ou seja, qual desejamos tornar o conjunto de dados ativo).

Observação 8 A edição de dados também pode ser feita em conjuntos de dados importados (e não apenas com conjuntos criados diretamente no R Commander), bem como a sua visualização.

2.3 Importando conjunto de dados com formato .txt ou .csv

Não é raro encontrarmos conjuntos de dados salvos no formato .txt ou no formato .csv. Apesar de programas como o MS Excel terem suporte para abrir arquivos com estas extensões, a forma de importação para o R é diferente daquela explicada na Subseção 2.2. Segue o passo a passo.

- Na barra de ferramentas da janela R Commander, vá em Dados → Importar arquivos de dados → de arquivo texto, clipboard ou URL. Uma janela tal qual a Figura 5 será aberta.
- 2. Dê um nome para o seu conjunto de dados (não utilize espaço).
- 3. Nome das variáveis no arquivo: deixe marcado (recomendado).
- 4. Símbolo para dados faltantes: mantenha NA (recomendado).
- 5. Localização do Arquivo de dados: mantenha em Sistema de Arquivos Local.

- 6. Para preencher corretamente os campos Separador de campos e Separador de decimais, abra o arquivo que contém o conjunto de dados com o Bloco de Notas e verifique qual o símbolo utilizado para separar os campos e qual símbolo utilizado para separador de casa decimal. Após a verificação, feche-o.
- 7. Dê OK e procure o arquivo para concluir a importação.

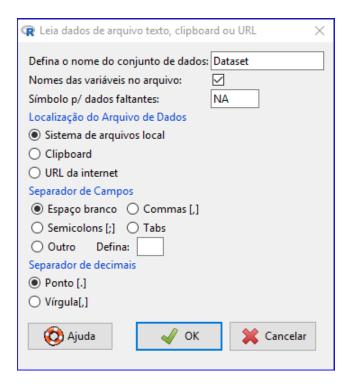


Figura 5: Importação de conjunto de dados em formato .txt ou .csv.

Exercício 2 Importe o conjunto de dados *Turma3.txt*, dando a ele o nome *Turma_3*. Neste arquivo em particular, é utilizado ponto e vírgula (*Semicolons*) como separador de campos e vírgula como separador de casas decimais.

2.4 Exportando um conjunto de dados do R Commander

Assim como a importação de conjuntos de dados, o R Commander também possibilita a exportação de um conjunto de dados (para o formato .txt). O caminho é $Dados \rightarrow Conjuntos de dados ativo <math>\rightarrow Exportar conjunto de dados ativo$. Feito isto, uma janela

tal qual a Figura 6 será aberta. A primeira caixinha refere-se à inclusão do nome das variáveis (colunas) no arquivo exportado, e a segunda caixinha refere-se à inclusão do nome das linhas (coluna cinza à esquerda do conjunto de dados) no arquivo exportado. A terceira caixinha menciona a inclusão de aspas em torno dos atributos das variáveis qualitativas (o que pode ser útil ou não, a depender dos nossos propósitos).



Figura 6: Exportando conjunto de dados.

Exercício 3 Selecione o conjunto de dados *Turma_1* como conjunto de dados ativo e exporte-o, deixando marcada apenas a caixinha referente à inclusão do nome das variáveis. Sugestão: em *Separador de Campos*, selecione *Semicolons*.

2.5 Conjuntos de dados nativos do R Commander

Existem alguns conjuntos de dados que são disponibilizados ao carregarmos o pacote Rcmdr. Para acessá-los, vá em $Dados \rightarrow Conjuntos de dados em pacotes \rightarrow Ler dados de pacote "attachado". Como exercício, acesse este menu, dê um duplo clique no pacote <math>carData$ e depois um duplo clique no conjunto de dados Davis. Após carregá-lo (clicando em OK)³, visualize este conjunto de dados clicando em Ver conjunto de dados.

³Antes de clicar em OK, pode ser interessante clicar na caixa *Ajuda no conjunto de dados selecionado*, pois dessa forma será aberta (no navegador de internet) uma breve explicação do conjunto de dados selecionado, incluindo o significado de suas variáveis, as quais são comumente escritas de forma abreviada.

3 O menu Dados

Todos os procedimentos expostos na Seção 2 (digitação, importação e exportação de conjuntos de dados, bem como o carregamento de conjuntos de dados nativos do R Commander) se deram por meio do menu **Dados**. Em particular, há mais duas funcionalidades abordadas na Seção 2 que também poderiam ser obtidas pelo por este menu:

- $Dados \to Conjunto\ de\ dados\ ativo \to View\ Data$: alternativa ao clique no botão "Ver conjunto de dados".
- Dados → Conjunto de dados ativo → Selecionar conjunto de dados ativo: alternativa
 à troca do atual conjunto de dados ativo por um outro já digitado, importado ou
 carregado.

Nesta seção, veremos outros comandos interessantes do menu *Dados*.

3.1 Salvando conjuntos de dados

Para evitar a necessidade de digitar ou importar novamente um conjunto de dados, podemos salvá-lo no formato que o R reconhece (.RData). Primeiramente, clique no nome do conjunto de dados em azul (abaixo da barra de ferramentas) e escolha como conjunto de dados ativo aquele que se deseja salvar. Feito isto, basta acessar $Dados \rightarrow Conjunto$ de dados ativo $\rightarrow Salvar$ conjunto de dados ativo e salvá-lo com o nome de preferência para o arquivo (é recomendável manter o mesmo nome do conjunto de dados).

3.2 Carregando conjuntos de dados (no formato .RData)

Para carregar um conjunto de dados salvo no formato .RData, o caminho é $Dados \rightarrow Carregar conjunto de dados ativo.$

Observação 9 Caso não estejamos com o R aberto e o conjunto de dados salvo (no formato .RData) estiver iconizado por uma letra R, é possível carregá-lo dando um duplo clique neste arquivo salvo. Dessa forma, o R se abrirá, e basta carregar o R Commander (digitando require(Rcmdr) e apertando Enter logo após). O R Commander expressará,

na cor vermelha, que "Não há conjunto de dados ativo", porém basta clicar sobre esta expressão em vermelho para selecionar o conjunto de dados carregado como conjunto de dados ativo. Entretanto, cabe destacar que, ao carregarmos conjuntos de dados desta forma alternativa, o R e o R Commander abertos serão da versão de 64-bits (R x64 3.5.2), e não a versão que estamos usando neste material, de 32-bits (R i386 3.5.2), salvo em casos nos quais apenas a versão de 32-bits do R tenha sido instalada.

3.3 Agrupar dois conjuntos de dados

O R Commander possibilita que agrupemos dois conjuntos de dados por meio do menu Dados → Merge de conjunto de dados. Esse agrupamento pode ser por linhas (Merge de linhas) ou por colunas (Merge de colunas). O agrupamento por linhas é indicado quando temos dois conjuntos de dados com as mesmas variáveis e dispostas na mesma ordem, tal como nos conjuntos de dados Turma_1, Turma_2 e Turma_3. Já o agrupamento por colunas é indicado quando as observações são as mesmas e dispostas na mesma ordem em dois conjuntos de dados, porém em cada um deles são avaliadas variáveis diferentes.

Exercício 4 Agrupe o conjunto de dados *Turma_2* com o conjunto de dados *Turma_3* (sugestão de nome: *Turmas_2_e_3*). Logo após, clique em *Ver conjunto de dados* para visualizar o conjunto de dados gerado por este procedimento.

3.4 Nomes das variáveis no conjunto de dados ativo

Note que ao criarmos, importarmos ou carregarmos um conjunto de dados, a janela Mensagens (localizada no rodapé da janela R Commander) relata o número de linhas e de colunas deste conjunto de dados. No formato "padrão" de conjunto de dados, cada coluna representa uma variável⁴. Para verificar o nome dessas variáveis (ou seja, o nome atribuído a cada coluna), vá em $Dados \rightarrow Conjunto de dados ativo \rightarrow Variáveis no conjunto de dados ativo.$ Os nomes das variáveis aparecerão na janela Output do R Commander, na cor azul.

⁴A primeira coluna de um conjunto de dados pode estar associada simplesmente à identificação de cada observação, não se tratando portanto de uma variável propriamente dita.

3.5 Definir nomes dos casos

Note que, nos conjuntos de dados que dispomos ($Turma_1$, $Turma_2$, $Turma_3$ e $Turma_2 = 2 - 2 - 3$), a primeira coluna não representa uma variável, mas sim uma identificação das observações (os alunos, identificados pelo primeiro nome) em cada linha. Todavia, o R Commander entende que toda coluna é uma variável (o que, a rigor, não chega a ser um grande problema). Uma forma da coluna Aluno (em qualquer um destes conjuntos de dados) ser de fato compreendida pelo R Commander como identificação das observações em cada linha é acessar o menu $Dados \rightarrow Conjunto de dados ativo \rightarrow Definir nomes dos casos$. Feito isto (por exemplo, com $Turma_1$ como conjunto de dados ativo), escolha Aluno e dê OK. Clique agora no botão Ver conjunto de dados para verificar a diferença: os nomes dos alunos foram movidos para a coluna com fundo cinza à esquerda do conjunto de dados, e agora é vista apenas como identificadora de cada linha, ou seja, de cada aluno (compare as Figuras 4 e 7).

Exercício 5 Repita o procedimento acima com os outros três conjuntos de dados.

Turma_1	_	ð	×
	Sexo	Nota	Faltas
André	M	8.5	0
Carla	F	7.0	3
Fernando	M	4.5	4
Larissa	F	9.0	2

Figura 7: Definindo a coluna Aluno como nomes dos casos no conjunto de dados Turma_1.

3.6 Subconjunto do conjunto de dados ativo

Quando queremos gerar um novo conjunto de dados apenas com as linhas que obedeçam certa(s) condição(ões) em determinado conjunto de dados (por exemplo, no conjunto de dados $Turmas_2_e_3$, considerar apenas indivíduos do sexo feminino), devemos acessar o menu $Dados \rightarrow Conjunto de dados ativo \rightarrow Definir sub-conjunto de dados ativo. Com <math>Turmas_2_e_3$ selecionado como conjunto de dados ativo, acesse tal menu e, no campo Expressão (subset expression), escreva Sexo=="F". No campo $Nome\ para$

o novo conjunto de dados, substitua a expressão padrão por um novo nome (sugestão: Turmas_2_e_3_fem) e clique em OK. O novo conjunto de dados gerado é um subconjunto de Turmas_2_e_3 contendo apenas as informações das meninas das Turmas 2 e 3.

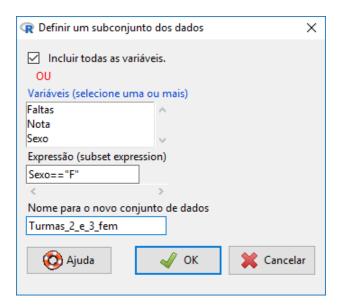


Figura 8: Definindo subconjunto do conjunto de dados *Turmas_2_e_3* apenas com as meninas.

Exercício 6 Considere que um prêmio será oferecido para cada aluno(a) do conjunto de dados $Turmas_2_e_3$ que tenha conseguido nota maior ou igual a 9,0 e tenham faltado a, no máximo, 2 aulas. Defina um subconjunto de $Turmas_2_e_3$ que contenha apenas as informações dos alunos premiados, ou seja, repita o procedimento acima, usando a expressão Nota >= 9 & Faltas <= 2 em vez de Sexo=="F" e defina um novo nome para o conjunto de dados que será criado (sugestão: $Turmas_2_e_3_premiados$). Após clicar em OK, clique em Ver conjunto de dados para visualizar quais foram os alunos premiados.

Observação 10 Para qualquer subconjunto de dados obtido pelo menu Dados → Conjunto de dados ativo → Definir sub-conjunto de dados ativo, é recomendável acessar o menu Dados → Modificação de variáveis no conjunto de dados → Abandonar fatores não usados (com o subconjunto em questão selecionado como conjunto de dados ativo), marcar a caixinha "todos os fatores" e dar OK. Para o conjunto de dados Turmas_2_e_3_fem, por

exemplo, <u>não</u> executar este procedimento fará com que o sexo masculino esteja presente no gráfico de barras e na distribuição de frequências da variável Sexo, explicitando uma desnecessária frequência igual a zero.

3.7 Ordenar linhas do conjunto de dados

Em alguns conjuntos de dados, pode ser interessante organizar as linhas em ordem crescente ou decrescente de acordo com uma coluna (variável) de referência. Por exemplo, podemos ordenar as linhas de qualquer um dos conjuntos de dados que dispomos conforme a nota do(a) aluno(a) (da maior nota para a menor nota, ou vice-versa). Para isto, primeiramente defina o conjunto de dados de interesse como conjunto de dados ativo (a título de ilustração, escolha o conjunto de dados Turma_1) e, logo após, acesse o menu $Dados \rightarrow Conjunto de dados ativo \rightarrow Sort active dataset$. Uma janela tal qual a Figura 9 será aberta. Clique em Nota e marque a opção Decreasing para que as linhas sejam organizadas por ordem decrescente de nota. Ainda, no campo Nome para o novo conjunto de dados, é possível digitar outro nome para este "novo" conjunto de dados com a ordenação desejada, de forma que a ordem original do conjunto de dados Turma 1 não seja alterada. Por comodidade, **não** altere este campo e clique em OK. Uma nova janela surgirá, perguntando se desejamos sobrescrever o conjunto de dados original (clique em Sim). Logo após, clique no botão Ver conjunto de dados e note que as linhas de Turma 1 estão organizadas por ordem decrescente de notas, e não mais na ordem alfabética dos nomes dos alunos, conforme digitamos na Subseção 2.1.

No caso de duas notas semelhantes (o que não ocorre no conjunto de dados Turma_1, mas ocorre no conjunto de dados Turmas_2_e_3), poderíamos estar interessados em usar o número de faltas como um "critério de desempate" para a ordenação. Isto também é possível por meio do mesmo menu acima: note que, na janela exibida na Figura 9, é possível escolher uma ou mais variáveis. No caso da escolha de pelo menos duas variáveis, uma nova janela será exibida após clicarmos em OK, para definir qual será o primeiro critério de ordenação (indicado pelo número 1), qual será o segundo critério de ordenação (indicado pelo número 2), e assim sucessivamente.

Para ilustrar a situação acima, selecione o conjunto de dados $Turmas_2_e_3$ como conjunto de dados ativo e acesse o menu $Dados \rightarrow Conjunto de dados ativo \rightarrow Sort$ active dataset. Marque as variáveis Nota e Faltas, bem como a opção Decreasing e dê

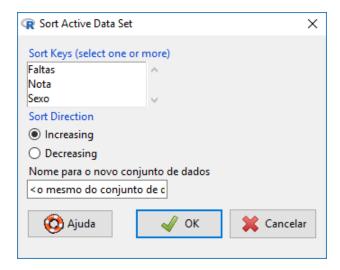


Figura 9: Ordenando linhas do Conjunto de dados *Turma_1* pela nota dos alunos (da maior par a menor).

OK (novamente clique em Sim na janela com o aviso de sobrescrever conjunto de dados). Na janela seguinte, digite 1 para Nota e 2 para Faltas, como mostra a Figura 10, e dê OK. Clicando em Ver conjunto de dados, note que há dois alunos com nota 6,5, porém primeiramente é listado(a) o(a) aluno(a) com maior número de faltas (lembre que foi marcada a opção Decreasing, ou seja, ordem decrescente).



Figura 10: Ordenando linhas do conjunto de dados *Turmas_2_e_3* pela nota dos alunos e, em seguida, pelo número de faltas dos alunos, ambos em ordem decrescente.

Observação 11 O ponto negativo deste menu é o fato de que todos os critérios são ordenados na mesma direção (todos crescentes ou todos decrescentes). Há uma forma de contornar isto por meio de edição da linha de comando gerada por esta ordenação: por

exemplo, para que o segundo critério de desempate (Faltas) obedeça ordem crescente, substitua decreasing=TRUE por decreasing=c(TRUE,FALSE) na janela R Script. Marque toda esta linha de comando e clique em Submeter.

3.8 Modificação de variáveis no conjunto de dados

Esta subseção é dedicada às principais funcionalidades das muitas fornecidas pelo menu $Dados \rightarrow Modificação de variáveis no conjunto de dados.$ Primeiramente, vamos importar o conjunto de dados no arquivo Bussab.xlsx tal como ensinado na Seção 2.2. Este conjunto de dados traz 36 observações (indivíduos) e registra, para cada um destes indivíduos: seu grau de instrução; sua renda; se é ou não casado; idade em anos completos; região de procedência (capital, interior ou outro); e o número de filhos (dos indivíduos casados).

3.8.1 Converter variável numérica para variável qualitativa

No conjunto de dados *Bussab*, note que as variáveis *Casado* e *Instr* estão representadas por rótulos em forma de números, apesar da natureza qualitativa de ambas. Para que estas variáveis sejam vistas pelo R Commander como variáveis qualitativas, é necessário converter estes números em **categorias** (atributos), ou seja, transformar uma variável (vista pelo R como) quantitativa em qualitativa.

Acesse o menu $Dados \rightarrow Modificação de variáveis no conjunto de dados \rightarrow Converter variável numérica para fator. Selecione a variável de interesse (por exemplo, a variável <math>Casado$ do conjunto de dados Bussab). Em Niveis dos fatores, selecione Defina nome dos niveis, e dê um nome para esta nova variável (sugestão: $Casado_fator$, ver Figura 11). Ao clicar em OK, uma janela se abrirá para que seja escrito o nome do atributo para cada rótulo numérico. Neste caso, escreva: Não ao lado de 0; e Sim ao lado de 1.

Após concluir esta conversão, clique em *Ver conjunto de dados* para visualizar a nova variável criada na última coluna do conjunto de dados.

Observação 12 É possível manter os rótulos como números (optando por Use números em vez de Defina nome dos níveis no campo Níveis dos fatores). A princípio, podemos pensar que isto não fará diferença. Mas, a rigor, a variável convertida passa a se comportar como variável qualitativa (e não mais como quantitativa), apesar dos rótulos numéricos.

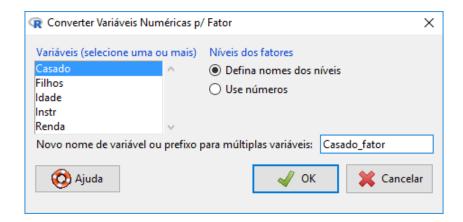


Figura 11: Convertendo a variável de rótulos numéricos *Casado* para a variável qualitativa *Casado_fator*.

Observação 13 Neste processo de conversão, podemos manter o nome da variável convertida como o mesmo da variável original. Entretanto, a "nova" variável criada irá sobrescrever a variável original, e desta forma não conseguiremos recuperar a variável na sua forma original (a não ser que o conjunto de dados seja novamente digitado, importado ou carregado).

Exercício 7 Crie uma nova variável no conjunto de dados *Bussab* chamada *Instrução* que converta os rótulos numéricos 0, 1 e 2 da variável *Instr* em seus respectivos significados (Fundamental, Médio e Superior).

3.8.2 Reordenar níveis dos fatores

Quando o R lida com variáveis qualitativas, a ordenação dos atributos é feita em ordem alfabética. Por exemplo, um gráfico de barras da variável *Casado_fator* terá a barra associada à frequência da resposta "Não" à esquerda da barra associada à frequência da resposta "Sim". Porém, do ponto de vista estético, é mais interessante que este gráfico trace a barra da resposta "Sim" à esquerda e a a barra da resposta "Não" à direita.

No caso da variável *Instrução* do Exercício 7, temos um exemplo de variável qualitativa ordinal, cujos atributos (níveis), em ordem crescente, são: Fundamental, Médio e Superior. Coincidentemente, essa ordenação segue a ordem alfabética. Mas poderia não ser assim (por exemplo, se tivéssemos o nível "Pós-graduação").

Para fazer a reordenação dos níveis de uma variável qualitativa (nominal ou ordinal), acesse o menu Dados → Modificação de variáveis no conjunto de dados → Reordenar níveis dos fatores. Faça esta reordenação com a variável Casado_fator, selecionando-a e clicando em OK. Como o campo Nome do fator não foi alterado, a "nova" coluna com a ordenação desejada sobrescreverá a coluna com a ordenação original (em ordem alfabética), portanto clique em Sim ao ser alertado quanto a isto. Em seguida, digite 1 para "Sim" e 2 para "Não" no campo Nova ordem. Aparentemente, nada mudou, porém, a partir dessa modificação, a ordem dos atributos de Casado_fator está configurada como "Sim" para primeiro atributo e "Não" para segundo atributo em qualquer análise que for feita para esta variável.

3.8.3 Agrupar em classes uma variável numérica

Quando lidamos com uma variável quantitativa contínua (ou uma variável quantitativa discreta com muitos valores distintos), pode ser de interesse resumir este conjunto de valores em classes. Para fazer isto pelo do R Commander, vá em $Dados \rightarrow Modificação$ $de variáveis no conjunto de dados <math>\rightarrow Agrupar$ em classes uma variável numérica (para criar fator). Uma janela conforme exibida na Figura 12 será aberta (lembrando que estamos utilizando Bussab como conjunto de dados ativo).

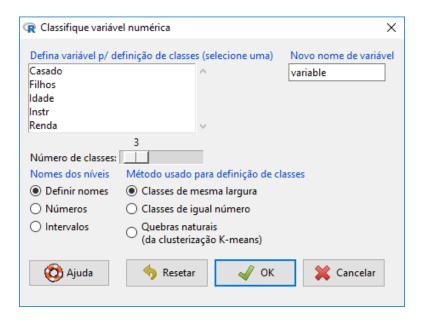


Figura 12: Agrupando uma variável numérica em classes.

A título de ilustração, acesse o menu acima destacado e escolha a variável Renda. Dê um nome para a "variável agrupada" que será criada no campo Novo nome de variável (sugestão: Renda_classes). Defina o número de classes (sugestão: 4 classes) e opte pela forma com a qual cada classe será rotulada em Nome dos níveis. Esses rótulos podem ser nomes, números ou o próprio intervalo (sugestão inicial: marcar Intervalos). No campo Método usado para definição de classes, mantenha em Classes de mesma largura. Concluído este agrupamento por classes, clique em Ver conjunto de dados para visualizar esta nova variável criada. Note que, apesar de termos optado por classes de mesma largura, as classes geradas possuem amplitudes ligeiramente diferentes.

Exercício 8 Repita o agrupamento da variável *Renda* feito acima, porém selecionando *Definir nomes* no campo *Nomes dos níveis* (pode sobrescrever a variável criada acima, isto é, continuar usando o nome *Renda_classes*). Sugestões de nomes para as classes: *Baixa*, *Média*, *Alta* e *Muito alta*.

3.8.4 Computar nova variável

No conjunto de dados *Bussab*, note que a variável *Renda* está expressa em salários mínimos. Uma vez que se conheça o valor de um salário mínimo (digamos, R\$998), também pode ser interessante avaliar a renda em reais, isto é,

Renda em reais = Renda em salários mínimos \times 998.

O R Commander possibilita fazer funções de variáveis, tal como acima, por meio do menu $Dados \rightarrow Modificação de variáveis no conjunto de dados \rightarrow Computar nova variável.$ Preencha a janela Compute Nova Variável conforme a Figura 13 (duplo clique no nome da variável faz surgir seu nome no campo $Expressão \ p/\ computar$). Use asterisco para sinal de multiplicação. Após dar OK, clique em $Ver\ conjunto\ de\ dados\ para\ visualizar\ as$ rendas em reais (parece que a sugestão de nomes para as classes no Exercício 8 não está muito realista).

3.8.5 Renomear e apagar variáveis

Para **renomear** uma variável do conjunto de dados ativo, vá em $Dados \to Modificação$ de variáveis no conjunto de dados \to Renomear variáveis. É possível selecionar mais de

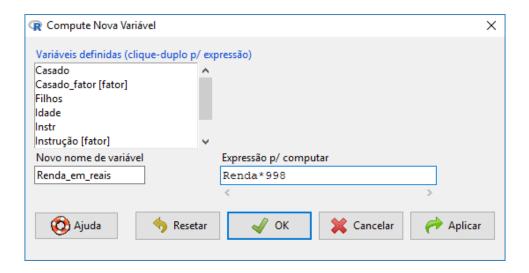


Figura 13: Computando nova variável: Renda (em R\$).

uma variável de uma só vez (basta segurar a tecla Ctrl e clicar nas variáveis desejadas).

Para **apagar** uma variável (ou seja, eliminar uma coluna) do conjunto de dados ativo, vá em $Dados \rightarrow Modificação de variáveis no conjunto de dados <math>\rightarrow Apagar variáveis de um conjunto de dados. É possível selecionar mais de uma variável de uma só vez (basta segurar a tecla <math>Ctrl$ e clicar nas variáveis desejadas).

Exercício 9 Apague a variável "equivocada" Renda_classes do conjunto de dados Bussab.

3.8.6 Recodificar variáveis

A recodificação de uma variável consiste na criação de outra variável (outra coluna) no conjunto de dados, que é feita baseada nos resultados da variável a ser recodificada. Nas Subseções 3.8.1 até 3.8.4, foram realizados casos particulares de recodificação de variáveis. Entretanto, o menu

$Dados \rightarrow Modificação de variáveis no conjunto de dados \rightarrow Recodificar variáveis$

permite uma forma geral de recodificação. Suponha que queiramos incluir, no conjunto de dados Bussab, uma variável (qualitativa) chamada $Superior_completo$, com atributos Sim (se o indivíduo tem ensino superior) e Não (se o indivíduo não tem ensino superior).

Para inserir esta variável, acesse o menu de recodificação de variáveis, preencha a janela que será aberta conforme a Figura 14 e dê OK. As aspas em volta de cada nome faz com que o R de fato entenda-os como rótulos (atributos). Clique em *Ver conjunto de dados* para visualizar a nova variável criada.

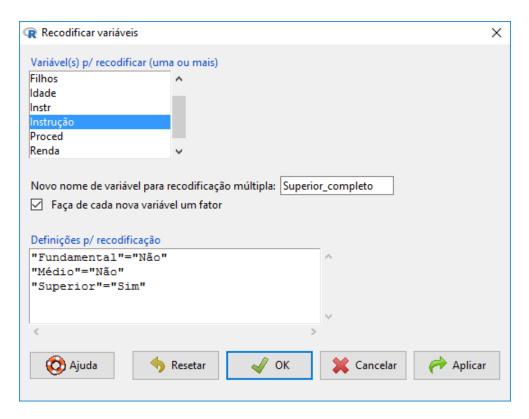


Figura 14: Criando a variável *Superior_completo* no conjunto de dados *Bussab* por meio de recodificação da variável *Instrução*.

O menu de recodificação de variáveis não se restringe apenas a variáveis qualitativas. Também podemos recodificar variáveis quantitativas, bem como ter uma variável quantitativa como resultado de recodificação. A título de ilustração: selecione o conjunto de dados $Turmas_2_e_3$ como conjunto de dados ativo, acesse o menu de recodificação de variáveis e preencha a janela que será aberta conforme a Figura 15. Os termos lo e hi significam low (inferior, abaixo de) e high (superior, acima de). Após clicar em OK, clique na caixa Ver conjunto de dados para visualizar a nova variável criada.

Observação 14 Quando o resultado da recodificação for de natureza quantitativa (ou seja, quando no campo "Definições p/ recodificação" são postos números ao invés de

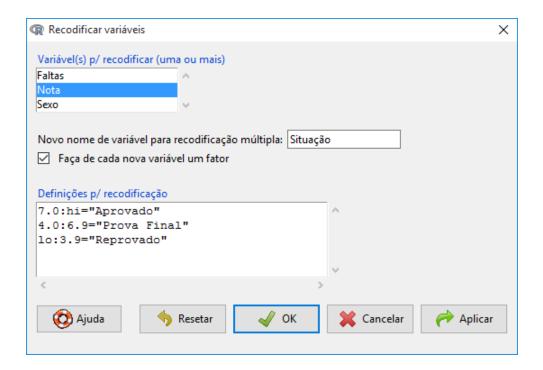


Figura 15: Criando a variável *Situação* no conjunto de dados *Turmas_2_e_3* por meio de recodificação da variável *Notas*.

palavras à direita dos sinais de igual), **é imprescindível desmarcar a caixinha** "Faça de cada nova variável um fator". Além disso, tanto entradas numéricas como saídas numéricas <u>mão</u> devem ser postas entre aspas, diferentemente do que ocorre com atributos de variáveis qualitativas.

4 O menu *Gráficos*

Nesta seção, veremos como gerar gráficos de variáveis do conjunto de dados ativo. De posse desses gráficos, é possível fazer (ou começar a fazer) uma análise estatística de variáveis de interesse. Outros tipos de resultados (como tabelas de distribuição de frequências, tabelas de contingência e medidas resumo) serão abordados na Seção 5.

Falaremos aqui apenas dos gráficos mais interessantes para este curso, e adotaremos o conjunto de dados *Bussab* como conjunto de dados ativo no decorrer de toda esta seção. É importante ressaltar que os gráficos feitos pelo R Commander surgirão na janela *R Gui* (ao lado da janela *R Console*, em uma janela

chamada *R Graphics*). Além disto, gráficos gerados em sequência sobrescrevem os anteriores. Ou seja, caso executemos dois gráficos em sequência, o segundo apagará o primeiro. Portanto, é importante *salvar* gráficos para não perdê-los. Tal procedimento é simples e será detalhado na Subseção 4.10.

4.1 Gradiente de cores

Mas para o que isto serve?

Antes de tratarmos dos gráficos propriamente ditos, vamos começar explorando o menu $Gráficos \rightarrow Gradiente de cores (color palette)$. Ao clicar sobre qualquer um dos retângulos coloridos da janela oriunda deste menu (Figura 16), é possível configurar um nova cor para tal retângulo, alterando assim a paleta de cores original ao clicar em OK.

Em alguns gráficos apresentados nesta subseção, é possível optar que os mesmos sejam coloridos segundo esta paleta de cores (a primeira cor da paleta, originalmente preta, não será considerada). Ou seja, em gráficos com apenas uma cor (como gráficos de barras simples), ele será colorido conforme a cor definida para o segundo retângulo. Já em gráficos com duas cores (como em gráficos de pizza para uma variável com apenas dois atributos), serão usadas a segunda e a terceira cor da paleta, e assim sucessivamente.



Figura 16: Gradiente de cores original do R Commander.

4.2 Gráfico de setores (gráfico de pizza)

Uma representação gráfica frequentemente utilizada para variáveis qualitativas (sobretudo qualitativas nominais) é o gráfico de setores, popularmente conhecido como gráfico de pizza. Para gerá-lo no R Commander, o caminho é $Gráficos \rightarrow Gráfico de Pizza$.

Com o conjunto de dados Bussab selecionado como conjunto de dados ativo,

acesse o menu acima. A janela de construção do gráfico de pizza é simples: além da escolha da variável, é possível editar o rótulo do eixo-x, o rótulo do eixo-y e o título do gráfico. Também é possível optar pela paleta de cores debatida na Subseção 4.1 selecionando From color palette no campo Color selection. Para gráficos de pizza, em particular, os rótulos dos eixos devem ficar em branco (isto ocorre mantendo a expressão < auto> em ambos). O gráfico na Figura 17 (da variável $Casado_fator$) foi obtido digitando

Indivíduos casados\nConjunto de dados Bussab

no lugar de $\langle auto \rangle$ no campo de *Título do gráfico* (a expressão n implica quebra de linha), e mantendo o campo *Color selection* em *Default* (o R Commander usa, por padrão, uma paleta de cores especial para gráficos de pizza, oriunda do pacote *colorspace*).

Indivíduos casados Conjunto de dados Bussab

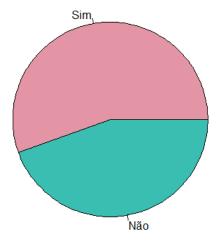


Figura 17: Gráfico de setores da variável Casado fator.

Observação 15 Ao repetir a geração do gráfico acima, porém optando por From color palette no campo Color selection, a cor associada ao "Sim" é definida como a cor do segundo retângulo da paleta de cores do R Commander, e a cor associada ao "Não" é definida como a cor do terceiro retângulo desta paleta. Lembrando que, nesta variável, Sim vem "antes" de Não em virtude da reordenação realizada na Subseção 3.8.2.

4.3 Gráfico de barras

O gráfico de barras é útil para variáveis qualitativas e também pode ser interessante para variáveis quantitativas discretas, desde que tenhamos poucos valores distintos desta variável no conjunto de dados em questão. O caminho para fazer este tipo de gráfico é $Gráficos \rightarrow Gráfico de Barras$. A janela de construção possui duas abas: Dados e Opções. Na aba Dados, selecione a variável Proced (região de procedência). Na aba Opções, apenas os campos $Escala\ do\ eixo$, $Color\ selection\ e\ Legendas\ são\ de\ interesse\ para\ gráficos\ de\ barras\ simples$. Preenchendo esta aba conforme a Figura 18 e clicando em OK, o gráfico de barras gerado segue na Figura 19. Ainda, note que o campo $rótulo\ do\ eixo-x$ na Figura 18 está propositalmente em branco, pois caso contrário teríamos uma repetição desnecessária de informação (o título do gráfico já informa que a variável em questão é a região de procedência).

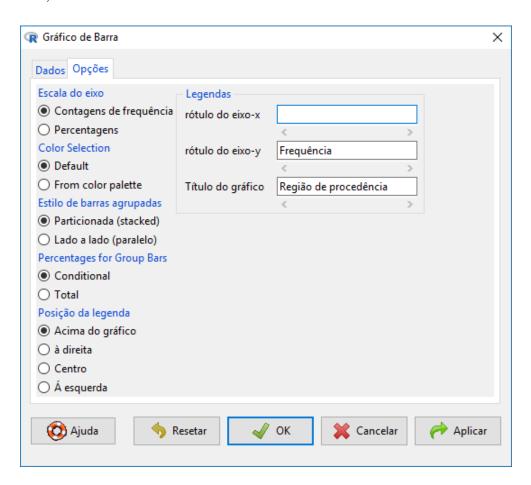


Figura 18: Construindo gráfico de barras para a variável *Proced*.

Região de procedência

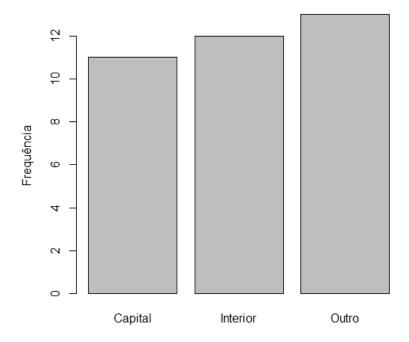


Figura 19: Gráfico de barras da variável *Proced*.

Observação 16 Caso optássemos por From color palette no campo Color selection, todas as barras seriam coloridas na cor do segundo retângulo da paleta de cores do R Commander (por padrão, vermelho). Já o campo Escala do eixo permite gerar gráficos de barras com porcentagens no lugar das contagens de frequência, e caso seja feita esta alteração, não faz sentido digitarmos Frequência para o rótulo do eixo-y; devemos usar, no seu lugar, termos como Porcentagem, Percentual, etc.

Note que o R Commander permite o traçado de gráfico de barras apenas para variáveis qualitativas. Se tivermos, no conjunto de dados de interesse, uma variável quantitativa discreta com poucos valores distintos e desejarmos fazer um gráfico de barras para ela, é necessário converter seus valores numéricos para atributos, tal como mostrado na Subseção 3.8.1 (mais precisamente, na Observação 12). Por exemplo, para gerarmos um gráfico de barras do número de filhos, é necessário criar uma nova variável no conjunto de dados Bussab por meio do menu $Dados \rightarrow Modificação de variáveis no conjunto de dados <math>\rightarrow$ Converter variável numérica para fator, optando pela variável Filhos e, por comodidade, em Use numéros no campo Níveis dos fatores (sugestão de nome para a nova variável:

Filhos_fator). O gráfico em questão segue na Figura 20. Entretanto, em alguns casos, esta representação pode ser "visualmente traiçoeira", pois os números são tratados como meros rótulos. Perceba que, neste conjunto de dados em particular, nenhum indivíduo possui exatamente 4 filhos, porém a distância entre as barras de 3 filhos e de 5 filhos não difere da distância entre os outros pares de barras vizinhas.

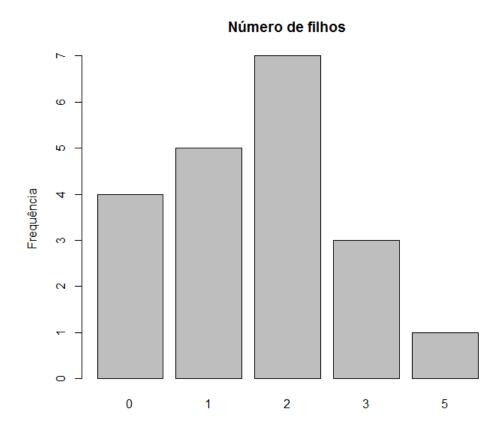


Figura 20: Gráfico de barras da variável *Filhos_fator*.

Alternativas mais adequadas – e menos trabalhosas – ao gráfico de barras para variáveis quantitativas discretas são o **gráfico de pontos** e o **gráfico de hastes**, que serão discutidos nas Subseções 4.5 e 4.6.

4.4 Gráfico de barras múltiplas

Além de gráficos de barras simples, também é possível gerar gráficos de barras múltiplas no menu $Gráficos \rightarrow Gráfico de Barras$. Por exemplo, para "quebrarmos" cada barra do gráfico da Figura 19 (correspondentes a cada região de procedência) conforme o nível de

instrução, retorne ao menu de construção de gráficos de barras, escolha a variável *Proced* e, logo abaixo, clique em *Gráfico por grupos*. Escolha a variável *Instrução* como variável de grupo e dê OK. Por fim, preencha a aba *Opções* da janela de construção do gráfico conforme a Figura 21 e dê OK para gerar o gráfico de barras múltiplas exibido na Figura 22. Note que a legenda está à esquerda, conforme definido no campo *Posição da legenda* na janela de construção do gráfico. Porém, para não correr o risco da legenda sobrepor algumas barras de um gráfico de barras múltiplas, é recomendável selecionar a opção *Acima do gráfico* no campo *Posição da legenda*.

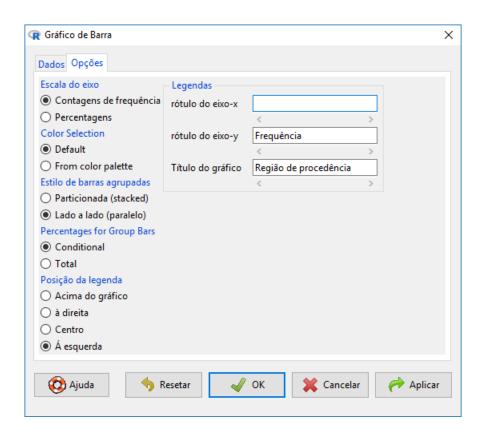


Figura 21: Construindo gráfico de barras múltiplas com as variáveis *Proced* e *Instrução*.

Observação 17 O R Commander trata o gráfico que fizemos acima como um gráfico de barras (múltiplas) da variável Proced, com a variável Instrução escolhida como variável de grupo. Entretanto, pode ser mais fácil entender o gráfico de barras múltiplas na Figura 22 como três gráficos de barras (simples) da variável Instrução: o primeiro (à esquerda) considera apenas os indivíduos cuja região de procedência é Capital; o segundo (no centro)

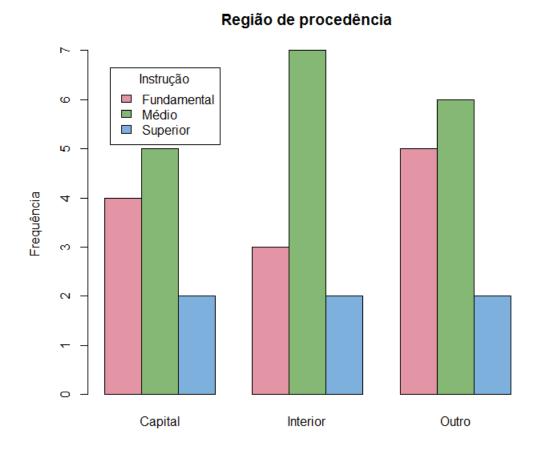


Figura 22: Gráfico de barras múltiplas com as variáveis *Proced* e *Instrução*.

considera apenas os indivíduos cuja região de procedência é Interior; e o terceiro (à direita) considera apenas os indivíduos cuja região de procedência é Outro. Tal raciocínio pode ser estendido para qualquer gráfico de barras múltiplas.

Um gráfico de barras múltiplas permite visualizar graficamente a distribuição de frequências de uma variável qualitativa em diferentes grupos (fornecidos por outra variável qualitativa). No gráfico da Figura 22, é possível visualizar graficamente a distribuição de frequências do nível de instrução dos indivíduos, separadamente em cada região de procedência destes indivíduos. Entretanto, o número de indivíduos procedentes de cada região (Capital, Interior e Outro) é diferente, e assim torna-se razoável tomar o perfil percentual do nível de instrução em cada região de procedência quando o objetivo é comparar como se distribui o nível de instrução nas diferentes regiões de procedência dentro do conjunto de dados Bussab. Para realizar tal gráfico com porcentagens no lugar das frequências, tomando por base novamente a Figura 21, basta selecionar Percentagens

no campo Escala do eixo (e para que o gráfico faça sentido, digite Porcentagem no lugar de Frequência no campo rótulo do eixo-y). O gráfico exibido na Figura 23 surge como fruto das alterações acima e também das alterações nos campos Color selection e Posição da legenda (de À esquerda para Acima do gráfico). Ainda, é importante mencionar que o campo Percentages for Group Bars não deve ser alterado quando desejamos verificar o perfil percentual da variável de grupo em cada atributo da outra variável escolhida, pois caso contrário, a altura de cada barra seria o percentual total do respectivo cruzamento de nível de instrução com região de procedência.

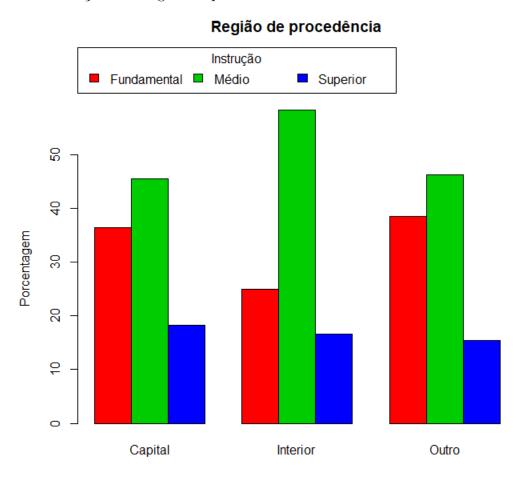


Figura 23: Gráfico de barras múltiplas com o perfil percentual do nível de instrução em cada região de procedência.

Observação 18 Para gerar um gráfico de barras simples após gerar gráficos de barras múltiplas, é necessário clicar no botão Resetar (ou Reset) na janela de construção de gráficos de barras.

4.5 Gráfico de pontos

Conforme comentado na Subseção 4.3, o gráfico de pontos é uma alternativa ao gráfico de barras para variáveis quantitativas discretas, e está disponível no menu $Gráficos \rightarrow Gráfico de pontos$. A variável de interesse deve ser selecionada na aba Dados da janela de construção deste gráfico (ignore por enquanto a caixa Gráfico por grupos). Já na aba Opções, é possível editar o rótulo do eixo-x (nome desejado para a variável no gráfico). A Figura 24 exibe o gráfico de pontos para a variável Filhos do conjunto de dados Bussab (no campo rótulo do eixo-x, foi escrito Número de filhos). Diferentemente da representação gráfica na Figura 20, a natureza numérica da variável foi respeitada.

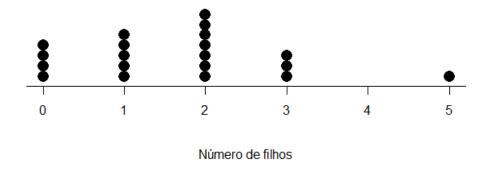
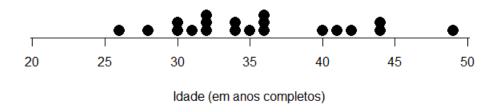


Figura 24: Gráfico de pontos da variável Filhos.

É possível gerar gráficos de pontos (de uma mesma variável quantitativa) de diferentes grupos do conjunto de dados de acordo com alguma variável qualitativa deste mesmo conjunto de dados. Isto é interessante para compararmos o comportamento de uma mesma variável (quantitativa) em diferentes grupos dentro do conjunto de dados sob análise. Por exemplo, podemos gerar um gráfico de pontos das idades dos indivíduos casados e um gráfico de pontos das idades dos indivíduos que não são casados. Para tal, acesse o menu de construção do gráfico de pontos, escolha a variável *Idade* e clique na caixa *Gráfico por grupos*. No campo *Variável de grupo*, selecione *Casado_fator* e dê OK nesta janela e na janela de construção do gráfico de pontos. O gráfico gerado segue na Figura 25 (no campo *rótulo do eixo-x*, foi escrito *Idade (em anos completos)*).

Observação 19 Para gerar um gráfico de pontos sem divisão por grupos após gerar gráficos de pontos por grupos, é necessário clicar no botão Resetar (ou Reset) na janela de construção deste gráfico.

Casado fator = Sim



Casado_fator = Não

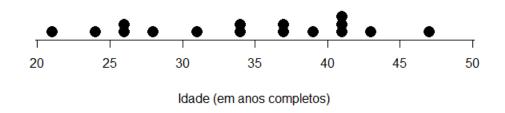


Figura 25: Gráficos de pontos da variável *Idade* para os casados e para os não casados.

4.6 Gráfico de hastes (Plot discrete numeric variable)

Alternativa mais elegante ao gráfico de pontos, o gráfico de hastes assemelha-se ao gráfico de barras, porém com hastes no lugar das barras. No R Commander, é possível gerar este tipo de gráfico no menu $Gráficos \rightarrow Plot \ discrete \ numeric \ variable$. A variável de interesse deve ser selecionada na aba Dados da janela de construção deste gráfico (ignore por enquanto a caixa $Gráfico\ por\ grupos$). Já na aba Opções, é possível editar o rótulo do eixo-x, o rótulo do eixo-y e o título do gráfico, além do campo $Escala\ do\ eixo$, com opções de frequência ou de porcentagem para a altura das hastes. Assim como no gráfico de pontos, a natureza numérica da variável quantitativa no gráfico de hastes também é respeitada.

Ainda seguindo analogia ao gráfico de pontos, é possível gerar gráficos de hastes (de

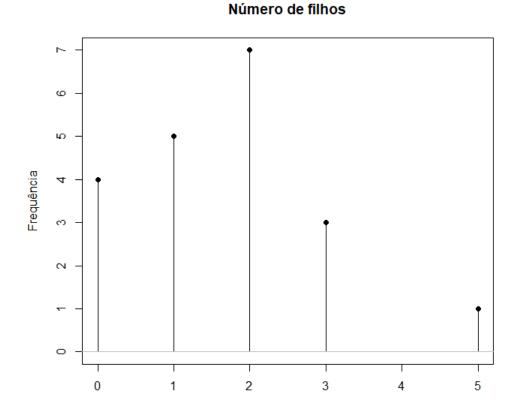
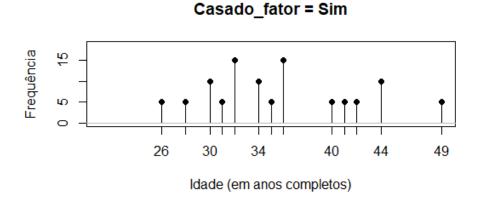


Figura 26: Gráfico de hastes da variável *Filhos*.

uma mesma variável quantitativa) de diferentes grupos do conjunto de dados de acordo com alguma variável qualitativa do mesmo conjunto de dados. Como este tipo de gráfico permite trabalhar com escala percentual, ilustremos aqui a geração de um gráfico de hastes das idades dos indivíduos que não são casados, ambos na escala percentual. Para tal, acesse o menu de construção do gráfico de hastes, escolha a variável *Idade* e clique na caixa *Gráfico por grupos*. No campo *Variável de grupo*, selecione *Casado_fator* e dê OK nesta janela. Já na aba *Opções*, selecione *Percentagens* no campo *Escala do eixo* e atente ao rótulo do eixo-y, caso tenha editado-o anteriormente. O gráfico gerado segue na Figura 27: em *rótulo do eixo-y*, foi escrito *Porcentagem*, e no rótulo do eixo-x, *Idade (em anos completos)*.

Observação 20 Para gerar um gráfico de hastes sem divisão por grupos após gerar gráficos de hastes por grupos, é necessário clicar no botão Resetar (ou Reset) na janela de construção deste gráfico.



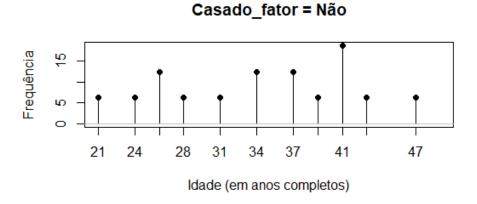


Figura 27: Gráficos de hastes da variável *Idade* para os casados e para os não casados.

4.7 Histograma

O histograma é um dos gráficos mais utilizados para verificar o comportamento de variáveis quantitativas (sobretudo quantitativas contínuas). Ao acessarmos o menu $Gráficos \rightarrow Histograma$, somos direcionados a uma janela com duas abas (Dados e Opções), tal qual as janelas de construção de gráficos de barras, pontos e hastes.

Na aba Dados, escolha a variável cujo comportamento queremos verificar por meio de um histograma (ignore por enquanto a caixa $Gráfico\ por\ grupos$). Na aba Opções, podemos editar: o rótulo do eixo-x, o rótulo do eixo-y e o título do gráfico; o número de classes; e a escala de altura das barras ($Contagens\ de\ frequência$, $Percentagens\ ou\ Densidades$). Como exercício, reproduza o histograma da Figura 28. Mantenha o número de classes em < auto>, e relembre que a expressão n implica quebra de linha.

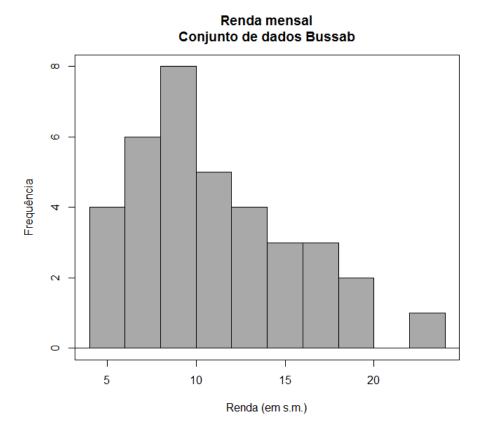


Figura 28: Histograma da variável Renda.

Observação 21 Na Subseção 5.2 será abordada uma forma de verificar precisamente em quais valores começa e termina cada classe no histograma, bem como suas respectivas frequências.

Na construção de histogramas pelo R Commander, é possível gerar histogramas de uma variável (quantitativa) de diferentes grupos do conjunto de dados de acordo com alguma variável qualitativa deste mesmo conjunto de dados, o que nos permite comparar o comportamento de uma mesma variável quantitativa em diferentes grupos dentro do conjunto de dados sob análise. Por exemplo, podemos gerar um histograma da renda dos indivíduos casados e um histograma da renda dos indivíduos que não são casados, preferencialmente em escala percentual, pois a frequência de indivíduos que são casados e a frequência de indivíduos que não são

aba *Opções*, selecione *Percentagens* no campo *Escala do eixo* e atente ao rótulo do eixo-y, caso tenha editado-o anteriormente. Clique em OK para obter o gráfico exibido na Figura 29 (o título foi deixado em branco em virtude do espaço reduzido na janela *R Graphics*).

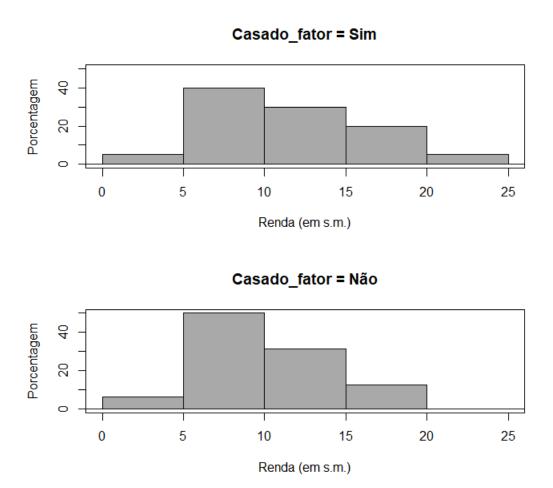


Figura 29: Histogramas da variável *Renda* para os casados e para os não casados.

Observação 22 Para fazer um histograma sem divisão por grupos (como o exibido na Figura 28) após fazer histogramas por grupos (como os exibidos na Figura 29), é necessário clicar no botão Resetar (ou Reset) na janela de construção de histogramas.

4.8 Boxplot

Além do histograma, outro gráfico bastante utilizado para analisar graficamente uma variável quantitativa é o boxplot. Para obtê-lo, acesse o menu $Gráficos \rightarrow Boxplot$.

A janela de construção de boxplots se assemelha bastante à janela de construção de histogramas. A diferença é que, no lugar do número de classes e da escala de altura das barras, temos o campo *Identificar "outliers"*, que remete à identificação de cada observação que é considerada valor discrepante na variável em análise. Todavia, tal identificação pode deixar o gráfico visualmente poluído, pois os números (ou nomes) de identificação das observações podem ficar "um por cima do outro" quando ocorrem valores discrepantes muito próximos. Para um gráfico mais "limpo", marque a opção *Não* em *Identificar "outliers"*, ou a opção *Com o mouse*. Neste último caso, os valores discrepantes são identificados quando clicamos sobre eles no gráfico (clicar com o botão direito sobre a janela *R Graphics* abre a opção de encerramento da marcação dos valores discrepantes).

Idade (em anos completos) - conjunto de dados Bussab

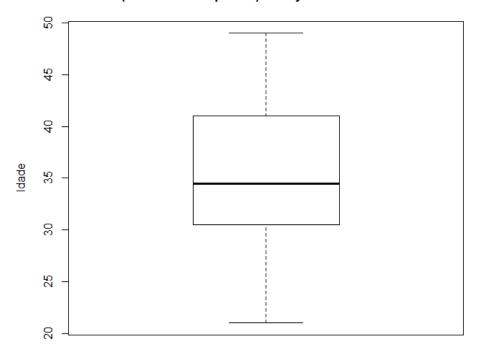


Figura 30: Boxplot da variável *Idade*.

Podemos fazer boxplots por grupos no R Commander, tal como fora feito para histogramas, gráficos de pontos e gráficos de hastes. O procedimento é análogo aos apresentados anteriormente: clique na caixa *Gráfico por grupos* no menu de construção do gráfico, selecione a variável de grupo e clique em OK. Na Figura 31, seguem boxplots da

variável *Renda* do conjunto de dados *Bussab*, agrupados pelo nível de instrução (variável *Instrução* escolhida como variável de grupo).

Renda (em s.m.)

Renda por nível de instrução

Figura 31: Boxplots da variável *Renda* agrupados pelo nível de instrução.

Médio

Superior

Observação 23 Para gerar um boxplot simples (sem divisão por grupos) após ter feito boxplots por grupos, clique em Resetar (ou Reset) na janela de construção de boxplots.

4.9 Diagrama de dispersão

40

Fundamental

O diagrama de dispersão é um gráfico que permite visualizar associação (ou falta de associação) entre duas variáveis quantitativas em um conjunto de dados e pode ser gerado por meio do menu $Gráficos \rightarrow Diagrama \ de \ dispersão$. Por exemplo, para visualizarmos como estão associadas as idades e as rendas dos indivíduos do conjunto de dados Bussab, acesse este menu e, na aba Dados, escolha Idade para variável-x e Renda para variável-y. Para evitar excesso de informações em um gráfico que veremos pela primeira vez, preencha a aba Opções tal qual mostra a Figura 32 e dê OK. A Figura 33 mostra o diagrama de

dispersão obtido, onde a linha azul representa a reta de regressão (referenciada no menu como *Linha de quadrados mínimos*).

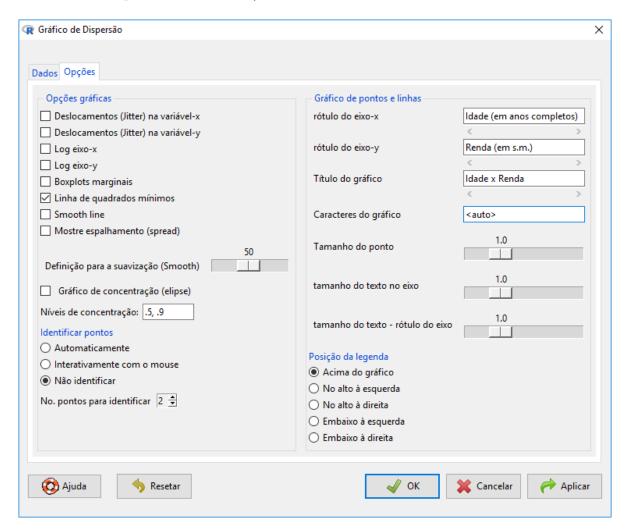


Figura 32: Construindo diagrama de dispersão.

Após obter este gráfico, acesse novamente a janela de construção de diagramas de dispersão, mas agora clique na caixa *Gráfico por grupos*, selecione *Casado_fator* como variável de grupo e dê OK⁵. Isto gera dois diagramas de dispersão sobrepostos (Figura 34): um diagrama de dispersão das variáveis *Idade* e *Renda* dos indivíduos casados, e um diagrama de dispersão entre as mesmas variáveis, porém apenas entre os indivíduos que não são casados, ambos com sua respectiva reta de regressão.

⁵Se a caixinha *Gráfico de linhas por grupo* (na janela de escolha da variável de grupo) for desmarcada, o gráfico exibirá a reta de regressão de todas as observações ao invés das retas de regressão de cada grupo.

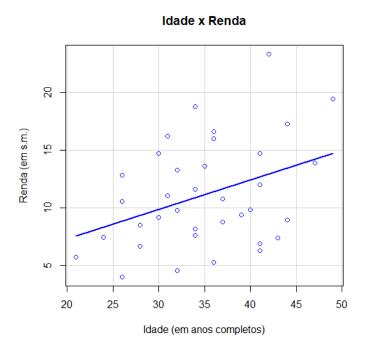


Figura 33: Diagrama de dispersão entre as variáveis *Idade* e *Renda*.

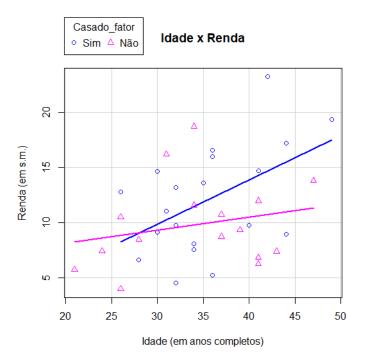


Figura 34: Diagramas de dispersão entre as variáveis *Idade* e *Renda* dos indivíduos casados (na cor azul) e dos indivíduos que não são casados (na cor magenta).

Observação 24 Para construir um diagrama de dispersão sem divisão por grupos (como o exibido na Figura 33) após executar diagramas de dispersão por grupos (conforme exposto na Figura 34), é necessário clicar no botão Resetar (ou Reset) na janela de construção de diagramas de dispersão.

Observação 25 Na construção de diagramas de dispersão (Figura 32), podemos escrever um número inteiro de 1 até 25 no lugar de <auto> no campo Caracteres do gráfico. Cada número retorna um símbolo diferente para os pontos do diagrama de dispersão. O número 19, por exemplo, resulta em círculos preenchidos, e o número 17 em triângulos preenchidos. No caso de diagramas de dispersão por grupos, é necessário escrever um número para cada atributo da variável de grupo, separados por vírgulas.

4.10 Salvando gráficos

Para salvar um gráfico pela janela R Gui, clique na janela do gráfico (R Graphics), dimensione-a na forma que desejar e vá em $Arquivo \rightarrow Salvar \ como$ (ou $File \rightarrow Save \ as$). Escolha o formato do arquivo de imagem (sugestão: Png).

Para salvar um gráfico pelo R Commander, existem dois caminhos: salvar como figura (formato PNG ou JPEG) por meio do menu $Gráficos \rightarrow Salvar gráfico em arquivo \rightarrow como Bitmap$, ou salvar como PDF, postscript ou EPS, pelo menu $Gráficos \rightarrow Salvar gráfico em arquivo \rightarrow como PDF/Postscript/EPS$.

A desvantagem de salvar figuras pelo R Commander é que não conseguimos visualizar de antemão a dimensão da figura que estamos salvando. Já pelo R Gui, podemos visualizar como ficará o gráfico antes de salvá-lo, ao manusear diretamente a janela R Graphics.

5 O menu Estatísticas

Em geral, a análise de gráficos consiste apenas de parte de uma análise estatística. Nesta seção, veremos alguns comandos do menu *Estatísticas*, que tornarão nossas análises mais completas. Os resultados destes comandos serão exibidos na janela *Output* do R Commander, na cor azul.

Apresentaremos aqui apenas os principais comandos dos dois primeiros submenus do menu *Estatísticas: Resumos* e *Tabelas de Contingência*.

5.1 Resumos numéricos de todas as variáveis

Este comando gera um resumo numérico de cada variável do conjunto de dados ativo. Para variáveis qualitativas, é gerada a distribuição de frequências dos seus atributos. E para variáveis quantitativas, é feito, de fato, um resumo numérico (isto é, um conjunto de medidas descritivas) contendo: menor valor, 1° quartil, mediana, média, 3° quartil e maior valor. Também são computados os dados faltantes (NA's) em cada variável, caso existam. O caminho para gerar estes resumos é $Estatísticas \rightarrow Resumos \rightarrow Conjunto de dados ativo$.

5.2 Resumo numérico de uma variável (quantitativa)

Para gerar um resumo numérico de uma variável quantitativa em particular, vá em $Estatísticas \rightarrow Resumos \rightarrow Resumos numéricos$. Na aba Dados, escolha a(s) variável(is) de interesse. Na aba Estatísticas, é possível escolher quais medidas descritivas serão geradas pelo comando, entre elas: média, mediana, 1º quartil, 3º quartil, desvio padrão, distância interquartil e coeficiente de variação.

Deixando a aba *Estatísticas* na sua forma original, o resumo numérico da variável *Renda* (do conjunto de dados *Bussab*) segue na Figura 35, no qual temos: média (*mean*), desvio padrão (*sd*, de *standard deviation*), distância interquartil (*IQR*), menor valor (0%), 1º quartil (25%), mediana (50%), 3º quartil (75%), maior valor (100%) e total de observações (*n*). Quando a variável apresenta dados faltantes, também é exibido no resumo numérico quantos deles temos, isto é, o total de NA's para a variável em questão no conjunto de dados ativo.

```
mean sd IQR 0% 25% 50% 75% 100% n
11.12222 4.587458 6.5075 4 7.5525 10.165 14.06 23.3 36
```

Figura 35: Resumo numérico da variável Renda do conjunto de dados Bussab.

Note que é possível fazer resumos numéricos por grupos ao clicar na caixa Resuma por grupos (na aba Dados do menu $Estatísticas \rightarrow Resumos \rightarrow Resumos numéricos)$, de forma análoga a feita com gráficos de pontos, gráficos de hastes, histogramas, boxplots e diagramas de dispersão ao clicar na caixa Gráfico por grupos. Na Figura 36, segue o

resumo numérico da variável *Renda*, com a variável *Instrução* escolhida como variável de grupo, o que gera três resumos numéricos de rendas (em salários mínimos) dispostos em três linhas. A primeira linha corresponde ao resumo numérico das rendas dos indivíduos do conjunto de dados *Bussab* cujo grau de instrução é ensino fundamental. Analogamente, a segunda e a terceira linha correspondem ao resumo numérico das rendas dos indivíduos com ensino médio e com ensino superior como nível de instrução, respectivamente.

```
        mean
        sd
        IQR
        0%
        25%
        50%
        75%
        100%
        Renda:n

        Fundamental
        7.815833
        2.910765
        3.1550
        4.00
        6.0075
        7.125
        9.1625
        13.6
        12

        Médio
        11.542222
        3.723802
        5.6425
        5.73
        8.8375
        10.910
        14.4800
        19.4
        18

        Superior
        16.475000
        4.502438
        4.7300
        10.53
        13.6475
        16.740
        18.3775
        23.3
        6
```

Figura 36: Resumos numéricos por nível de instrução da variável *Renda* do conjunto de dados *Bussab*.

Observação 26 Para gerar um resumo numérico simples (sem divisão por grupos) após ter sido feito um resumo numérico por grupos, clique em Resetar (ou Reset) ao acessar o menu de geração de resumos numéricos.

No menu de geração de resumos numéricos, perceba que, na aba *Estatísticas*, há uma caixinha (por padrão, desmarcada) chamada *Binned Frequency Counts*. Marcando esta caixinha, o resumo numérico gerado vem acompanhado de uma distribuição de frequências por classes da variável escolhida, o que pode ser muito útil para verificar precisamente as alturas das barras do histograma desta mesma variável, uma vez que o procedimento padrão utilizado para geração de classes é o mesmo.

Exercício 10 Refaça o resumo numérico da variável Renda sem divisão por grupos (ou seja, clique em Resetar assim que acessar o menu), porém marque a caixinha Binned Frequency Counts. Compare a frequência de cada classe com a altura da respectiva barra do histograma na Figura 28.

5.3 Contando dados faltantes

Apesar dos resumos numéricos debatidos na subseções anteriores computarem dados faltantes (comumente representados por NA), há um menu no R Commander específico

Binned distribution of Renda				
C	ount	Percent		
(4, 6]	4	11.11		
(6, 8]	6	16.67		
(8, 10]	8	22.22		
(10, 12]	5	13.89		
(12, 14]	4	11.11		
(14, 16]	3	8.33		
(16, 18]	3	8.33		
(18, 20]	2	5.56		
(20, 22]	0	0.00		
(22, 24]	1	2.78		
Total	36	100.00		

Figura 37: Distribuição de frequências por classes da variável *Renda* do conjunto de dados *Bussab*, obtida no Exercício 10.

para isto: $Estatísticas \rightarrow Resumos \rightarrow Contar observações faltantes$. Ao acessar este menu, o R Commander exibe (na janela Output) o total de dados faltantes de todas as variáveis do conjunto de dados ativo. Em particular, no conjunto de dados Bussab, originalmente apenas a variável Filhos apresenta NA's, pois na coleta de dados que gerou este conjunto de dados, a informação do número de filhos foi restrita aos indivíduos casados.

Observação 27 Há situações nas quais pode ser interessante remover linha(s) do conjunto de dados na(s) qual(is) uma ou mais variáveis apresentem dados faltantes. Isto pode ser feito rapidamente no R Commander por meio do menu Dados \rightarrow Conjunto de dados ativo \rightarrow Remover observações com dados faltantes. Por segurança, é possível dar um outro nome para o conjunto de dados sem as "linhas indesejáveis", de forma a preservar o conjunto de dados com todas as observações.

5.4 Distribuições de frequências

Para obtermos a distribuição de frequências de uma variável no R Commander, basta acessarmos o menu $Estatísticas \rightarrow Resumos \rightarrow Distribuições de frequência,$ escolhermos a(s) variável(is) de interesse e clicarmos em OK. Este comando produz duas tabelas de distribuição de frequências para cada variável escolhida: uma com contagens (frequências absolutas) e outra com percentuais (frequências relativas \times 100).

counts: Instrução		
Fundamental	Médio	Superior
12	18	6
percentages:		
Instrução		
Fundamental	Médio	Superior
33.33	50.00	16.67

Figura 38: Distribuição de frequências da variável *Instrução* do conjunto de dados *Bussab*.

Note que as variáveis disponíveis para escolha são apenas as variáveis qualitativas⁶ do conjunto de dados ativo. Porém, quando temos uma variável quantitativa discreta com poucos valores distintos, também é interessante obter sua distribuição de frequências. Isto pode ser contornado convertendo esta variável quantitativa em rótulos numéricos (ver Seção 3.8.1), criando assim uma nova coluna no conjunto de dados, a qual será interpretada pelo R Commander como uma variável qualitativa e, portanto, passível da aplicação de distribuição de frequências.

5.5 Matriz de correlação

Na Seção 4.9, mostramos como obter um diagrama de dispersão (com a reta de regressão sobreposta ao gráfico). Quando fazemos esta representação gráfica, é importante também relatar o coeficiente de correlação entre as variáveis analisadas. Por meio da matriz de correlação, podemos verificar o(s) coeficiente(s) de correlação de um ou mais pares de variáveis quantitativas do conjunto de dados ativo. Tal matriz é obtida no R Commander no menu Estatísticas \rightarrow Resumos \rightarrow Matriz de Correlação. Uma vez acessado este menu, escolha duas ou mais variáveis (segurando a tecla Ctrl enquanto as seleciona) e clique em OK. Podemos verificar na Figura 39 que o coeficiente de correlação (de Pearson) entre as variáveis Idade e Renda do conjunto de dados Bussab é aproximadamente 0,375, que configura uma correlação positiva moderada (quase fraca).

⁶A rigor, variáveis que o R Commander "enxerga" como qualitativas, isto é, variáveis não-numéricas.

```
Idade Renda
Idade 1.0000000 0.3753518
Renda 0.3753518 1.0000000
```

Figura 39: Matriz de correlação com as variáveis Idade e Renda do conjunto de dados Bussab.

5.6 Tabela de contingência

Para um conjunto de dados com pelo menos duas variáveis qualitativas, é possível construir tabelas de contingência (tabelas de dupla entrada). Para tal, o caminho é $Estatísticas \rightarrow Tabelas de Contingência \rightarrow Tabela de dupla entrada.$

Na janela de construção da tabela de contingência, selecione as duas variáveis de interesse na aba Dados (a ordem de escolha não é relevante). Na aba Estatísticas, temos as opções de fazer testes de hipóteses baseados na tabela de contingência (o único que já está marcado por padrão é o teste de independência de qui-quadrado). Deixando esta aba do jeito que está e escolhendo as variáveis Casado_fator e Instrução (do conjunto de dados Bussab) para comporem a tabela de contingência, obtemos uma saída conforme expressa na Figura 40: acima da expressão "Pearson Chi-squared test", encontra-se de fato a tabela de contingência solicitada, e abaixo dela é listado o resultado do teste de independência de qui-quadrado (p-value expressa o p-valor do teste).

Figura 40: Tabela de contingência com as variáveis *Casado_fator* e *Instrução* do conjunto de dados *Bussab*, seguida do teste qui-quadrado de Pearson (teste de independência de qui-quadrado) entre estas variáveis.

Além do campo Testes de hipóteses, a aba Estatísticas do menu de construção de tabelas de dupla entrada apresenta o campo Computar Percentagens. A opção padrão Sem percentual expressa apenas a tabela de dupla entrada exibida na Figura 40. As outras três opções deste campo (Percentual nas linhas, Percentual nas colunas e Percentagens do total) exibem, além da tabela de dupla entrada com frequências absolutas, uma tabela com a mesma estrutura, cujas entradas são todas na escala percentual (exceto na linha ou coluna Count), conforme as descrições abaixo.

• Percentual nas linhas: Apresenta o perfil percentual da variável escolhida como variável coluna em cada linha, como ilustra a Figura 41. As entradas na coluna Count consistem do total de observações que satisfazem o atributo da respectiva linha.

Figura 41: Perfil percentual da variável *Instrução* (escolhida como variável coluna) em cada atributo da variável *Casado_fator* (escolhida como variável linha).

• Percentual nas colunas: Apresenta o perfil percentual da variável escolhida como variável linha em cada coluna, como ilustra a Figura 42. As entradas na linha *Count* consistem do total de observações que satisfazem o atributo da respectiva coluna.

Figura 42: Perfil percentual da variável *Casado_fator* (escolhida como variável linha) em cada atributo da variável *Instrução* (escolhida como variável coluna).

 Percentagens do total: Apresenta o percentual de cada cruzamento de atributos das duas variáveis em relação ao total de observações.

```
Total percentages:
    Fundamental Médio Superior Total
Sim 16.7 30.6 8.3 55.6
Não 16.7 19.4 8.3 44.4
Total 33.3 50.0 16.7 100.0
```

Figura 43: Percentual de cada cruzamento dos atributos das variáveis *Casado_fator* e *Instrução* em relação ao total de observações.

Observação 28 A coluna Total da tabela de percentuais nas linhas e a linha Total da tabela de percentuais nas colunas representam as somas das percentagens na respectiva linha ou coluna. Matematicamente, estas somas sempre resultam em 100%. Todavia, alguns dos percentuais vistos nas três figuras acima estão aproximados por apenas uma casa decimal, e isto pode gerar uma soma equivocada. Por exemplo, na Figura 41, a entrada na coluna Total (linha Não) retorna 100,1%. Este percentual é, na verdade, uma soma de percentuais que passaram por aproximação de apenas uma casa decimal: as entradas 43,8% e 18,8% são aproximações de, respectivamente, 7/16 = 43,75% e 3/16 = 18,75%. De fato, temos 37,5% + 43,75% + 18,75% = 100%.

Referências bibliográficas

- 1. Bussab, W. & Morettin, P. (2010). Estatística Básica. 6ª ed. São Paulo: Saraiva.
- 2. Fox, J. & Bouchet-Valat, M. (2017). Getting started with the R Commander Version 2.5-0. Disponível em: https://cran.r-project.org/web/packages/Rcmdr/vignettes/Getting-Started-with-the-Rcmdr.pdf
- 3. Fox, J. (2005). The R Commander: A Basic-Statistics Graphical User Interface to R. Disponível em: https://www.jstatsoft.org/article/view/v014i09
- 4. Mignozzetti, U.G. (2009). *Introdução ao R Commander*. Disponível em: https://docplayer.com.br/6764466-Introducao-ao-r-commander.html