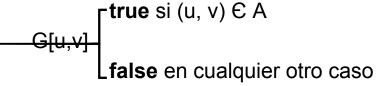
- Representaciones: matriz de adyacencia y lista de adyacencia
- Implementaciones en JAVA:
 - Las interfaces: Grafo, Vertice y Arista
 - Implementaciones de la interface Grafo
 - Con lista de adyacencia
 - Con matriz de adyacencia
- Recorrido de grafo:
 - Recorrido en profundidad: DFS (Depth First Search)
 - Recorrido en amplitud: BFS (Breadth First Search)

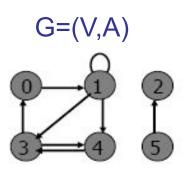
GrafosRepresentaciones

(1) Matriz de adyacencia

Un grafo G=(V,A) se representa como una matriz de booleanos de $|V| \times |V|$ donde:



		000		3		5
0	false	true	false	false	false	false
						false
2	false	false	false	false	false	false
3	true	false	false	false	true	false
4	false	false	false	true	false	false
5	false	false	true	false	false	false

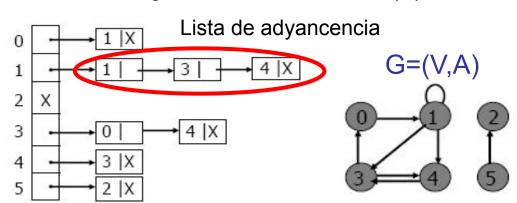


(2) Lista de adyacencia

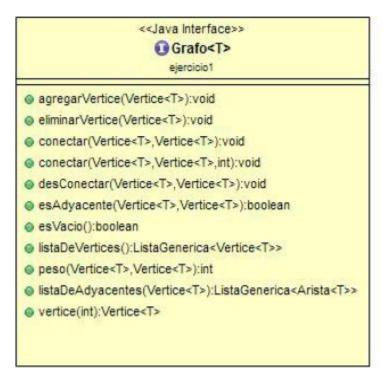
Un grafo G=(V,A) se representa como un arreglo o una lista de tamaño |V| de vértices.

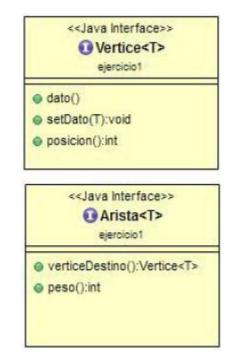
Posición i → puntero a una lista enlazada de elementos, lista de adyacencia.

Los elementos de la lista son los vértices adyacentes a **i**.



La interfaces Grafo, Vertice y Arista





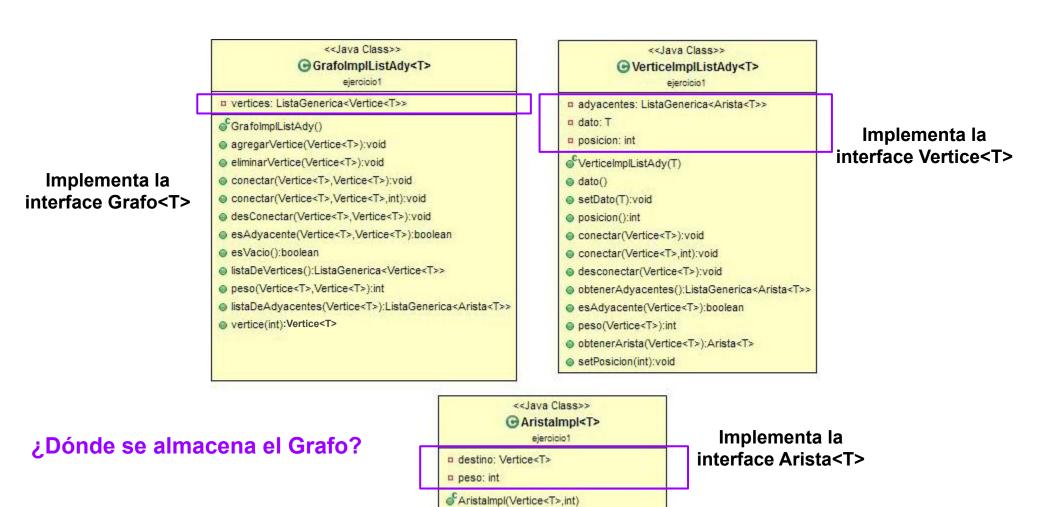
Interfaces secundarias

En las interfaces definimos el comportamiento del Grafo o sus operaciones: ¿qué puede hacer un Grafo?

Las interfaces genéricas nos independiza de las implementaciones concretas.

En las implementaciones concretas definimos ¿cómo se implementan cada una de las operaciones del grafo y cómo se representará?. Podríamos definir una implementación basada en matriz de adyacencia y otra en listas de adyacencia.

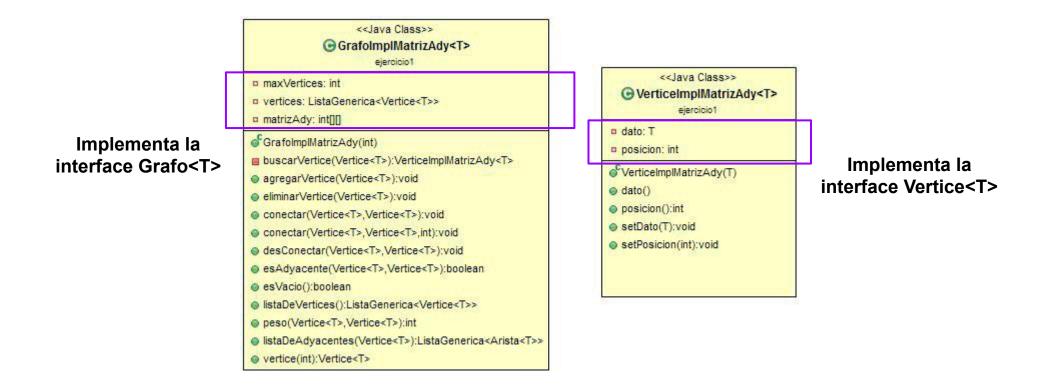
Implementación con Listas de Adyacencia



verticeDestino():Vertice<T>

o peso():int

Grafos Implementación con matriz de adyacencia

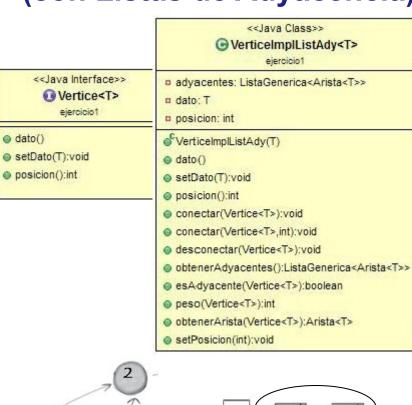


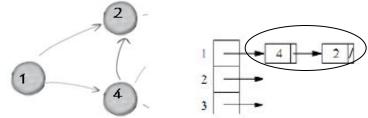
¿Dónde se almacena el Grafo?

La clase que implementa la interface Vertice

```
package ejercicio1;
public class VerticeImplListAdy<T> implements Vertice<T> {
private T dato;
private int posicion;
private ListaGenerica<Arista<T>> advacentes;
public VerticeImplListAdy(T d) {
  dato = d:
  advacentes = new ListaEnlazadaGenerica<Arista<T>>();
public int posicion() {
  return posicion;
public void conectar(Vertice<T> v) {
  conectar(v, 1);
public void conectar(Vertice<T> v, int peso) {
  Arista a = new AristaImpl(v, peso);
  if (!adyacentes.incluye(a))
       advacentes.agregarFinal(a);
```

(con Listas de Adyacencia)

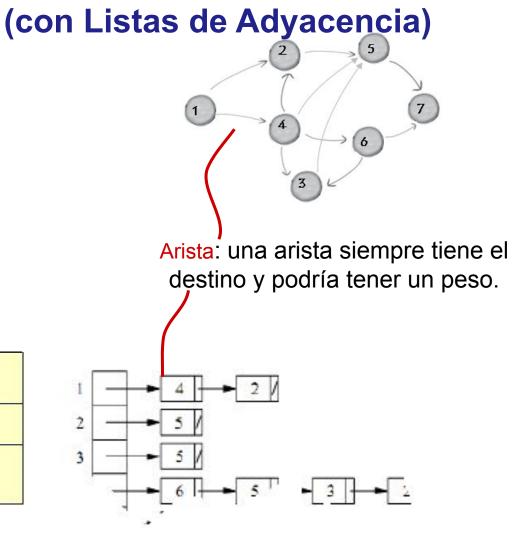




Vértice: tiene un dato y una lista de adyacentes. En realidad se tiene una lista de aristas, donde cada nodo contiene el vértice destino.

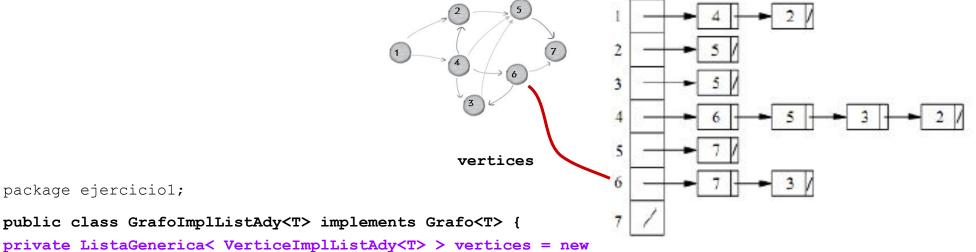
La clase que implementa a la interface Arista

```
package ejercicio1;
public class AristaImpl<T> implements Arista<T> {
 private Vertice<T> destino;
 private int peso;
 public AristaImpl(Vertice<T> dest, int p) {
   destino = dest;
   peso = p;
 public Vertice<T> verticeDestino() {
   return destino;
                                           <<Java Class>>
 public int peso() {
                                          ⊕ Aristalmpl<T>
   return peso;
                                             ejercicio1
                                   destino: Vertice<T>
                                   peso: int
                                   verticeDestino():Vertice<T>
                                   peso():int
```



Podría llamarse AristaImplListaAdy porque que sólo se usa para Lista de Adyacencias.

La clase que implementa a la interface Grafo (con Listas de Adyacencia)



```
private ListaGenerica< VerticeImplListAdy<T> > vertices = new
                         ListaEnlazadaGenerica<VerticeImplListAdy<T>>();
public void agregarVertice(Vertice<T> v) {
   if (!vertices.incluye(v)){
       v.setPosicion(vertices.tamanio());
       vertices.agregarFinal(v);
 public void conectar(Vertice<T> origen, Vertice<T> destino) {
   origen.conectar(destino);
 public void conectar(Vertice<T> origen, Vertice<T> destino, int peso) {
   origen.conectar(destino,peso);
```

<<Java Class>> GrafolmplListAdy<T> ejercicio1 vertices: ListaGenerica<Vertice<T>> GrafolmplListAdy() agregarVertice(Vertice<T>):void eliminarVertice(Vertice<T>):void conectar(Vertice<T>, Vertice<T>):void conectar(Vertice<T>, Vertice<T>, int):void desConectar(Vertice<T>, Vertice<T>):void esAdyacente(Vertice<T>, Vertice<T>):boolean esVacio():boolean istaDeVertices():ListaGenerica<Vertice<T>> peso(Vertice<T>, Vertice<T>):int listaDeAdyacentes(Vertice<T>):ListaGenerica<Arista<T>> vertice(int)

package ejercicio1;

Recorrido en profundidad de Grafos Depth First Search (DFS)

El DFS es equivalente al recorrido preorden de un árbol.

El **DFS** explora las aristas del grafo de manera que **se visitan los vértices adyacentes al recién visitado**, con lo que se consigue **profundizar** en las ramas del grafo.

Es un recorrido recursivo.

Dado G = (V, A)

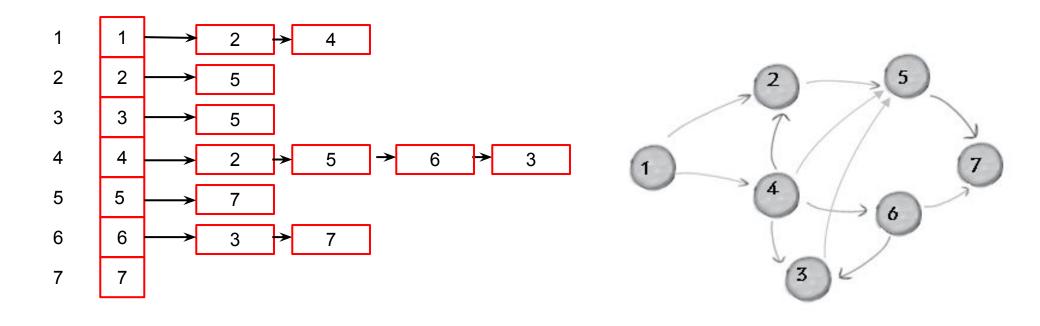
- 1. Marcar todos los vértices como no visitados.
- 2. Elegir vértice u (no visitado) como punto de partida.
- 3. Marcar **u** como visitado.
- 4. Para todo \mathbf{v} adyacente a \mathbf{u} , (u,v) \in A, si v no ha sido visitado, repetir recursivamente (3) y (4) para \mathbf{v} .

¿Cuándo finaliza el recorrido?

Finaliza cuando se visitaron todos los nodos alcanzables desde u.

Si desde u no fueran alcanzables todos los nodos del grafo: volver a (2), elegir un nuevo vértice de partida u no visitado, y repetir el proceso hasta que se hayan recorrido todos los vértices.

Recorrido en profundidad de Grafos Depth First Search (DFS)



Es necesario registrar los nodos visitados para evitar recorrerlos varias veces.

El recorrido no es único: depende del vértice inicial y del orden de visita de los vértices adyacentes.

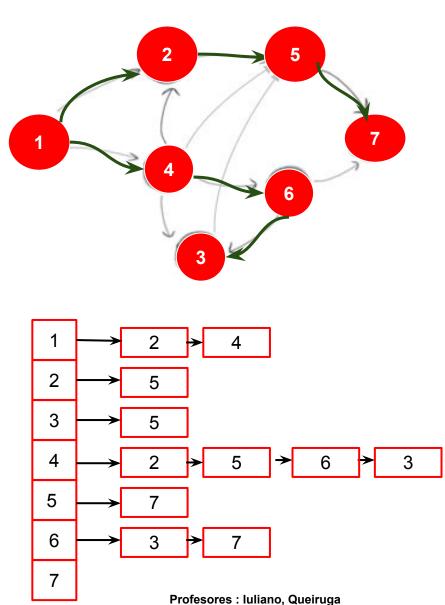
```
public class Recorridos<T> {
public void dfs(Grafo<T> grafo) {
  boolean[] marca = new boolean[grafo.listaDeVertices().tamanio()];
   for(int i=0; i<grafo.listaDeVertices().tamanio();i++){</pre>
      if (!marca[i]) // si no está marcado
        this.dfs(i, grafo, marca);
private void dfs(int i,Grafo<T> grafo, boolean[] marca) {
    marca[i] = true;
    Arista <T> arista=null;
    int j=0;
    Vertice<T> v = grafo.listaDeVertices().elemento(i);
    System.out.println(v);
    ListaGenerica<Arista<T>> ady = grafo.listaDeAdyacentes(v);
    ady.comenzar();
    while(!ady.fin()){
       arista=ady.proximo();
       j = arista.getVerticeDestino().getPosicion();
       if(!marca[j])
           this.dfs(j, grafo, marca);
```

Veamos cómo funciona el DFS en el ejemplo

Vértice de partida:1

Vértice - Lista de Adyacentes	Marca						
	1	2	3	4	5	6	7
	F	F	F	F	F	F	F
2 X 1	Т	F	F	F	F	F	F
5	Т	Т	F	F	F	F	F
5	Т	Т	F	F	Т	F	F
A	T	Т	F	F	Т	F	Т
A 2 5 8 3	Т	Т	F	Т	Т	F	Т
6 37	Т	Т	F	Т	Т	Т	Т
3 5	T	Т	Т	Т	Т	T	Т

Recorrido DFS: 1 2 5 7 4 6 3

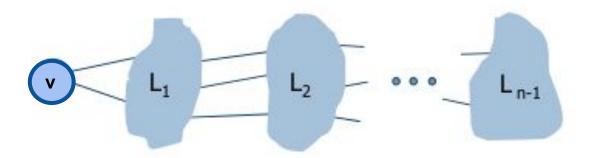


Recorrido en amplitud de Grafos Breadth First Search (BFS)

Este recorrido es equivalente al recorrido por niveles de un árbol.

La estrategia es la siguiente:

- Partir de algún vértice v, visitar v, después visitar cada uno de los vértices adyacentes a v.
- Repetir el proceso para cada nodo adyacente a v, siguiendo el orden en que fueron visitados.
- Si desde v no fueran alcanzables todos los nodos del grafo: elegir un nuevo vértice de partida no visitado, y repetir el proceso hasta que se hayan recorrido todos los vértices.



Exploración desde v por niveles:

$$L_0 = \{v\}$$

 L_1 = Nodos adyacentes a L_0 .

 L_2 = Nodos adyacentes a los vértices de L_1 que no están en L_0 ni L_1 .

 L_{i+1} = Nodos adyacentes a los vértices de L_i que no ningún nivel anterior.

```
public class Recorridos {
  public void bfs(Grafo<T> grafo) {
    boolean[] marca = new boolean[grafo.listaDeVertices().tamanio()];
    for (int i = 0; i < marca.length; i++) {
       if (!marca[i])
          this.bfs(i+1, grafo, marca); //las listas empiezan en la pos 1
    }
  }
  private void bfs (int i, Grafo<T> grafo, boolean[] marca) {
    //siguiente diapo
  }
}
```

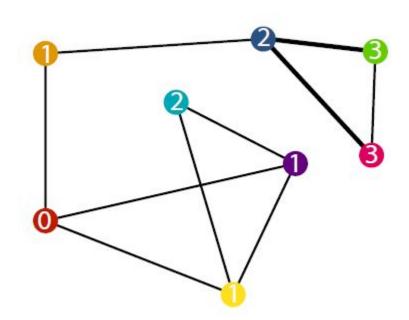
```
public class Recorridos {
 private void bfs(int i, Grafo<T> grafo, boolean[] marca) {
  ListaGenerica<Arista<T>> ady = null;
  ColaGenerica<Vertice<T>> q = new ColaGenerica<Vertice<T>>();
  q.encolar(grafo.listaDeVertices().elemento(i));
  marca[i] = true;
  while (!q.esVacia()) {
    Vertice<T> v = q.desencolar();
    System.out.println(v);
    ady = grafo.listaDeAdyacentes(v);
    ady.comenzar();
    while (!ady.fin()) {
       Arista<T> arista = ady.proximo();
       int j = arista.getDestino().posicion();
       if (!marca[j]) {
           Vertice<T> w = arista.getDestino();
           marca[j] = true;
           q.encolar(w);
```

Ejemplo: Virus de computadoras

Un poderoso e inteligente virus de computadora infecta cualquier computadora en 1 minuto, logrando infectar toda la red de una empresa con cientos de computadoras.

Dado un grafo que representa las conexiones entre las computadoras de la empresa, y una computadora infectada, escriba un programa en Java que permita determinar el tiempo que demora el virus en infectar el resto de las computadoras.

Todas las computadoras pueden ser infectadas, no todas las computadoras tienen conexión directa entre sí, y un mismo virus puede infectar un grupo de computadoras al mismo tiempo sin importar la cantidad.



Algoritmos y Estructuras de Datos - 2022

```
public class BFSVirus {
public int calcularTiempoInfeccion(Grafo<String> q, Vertice<String> inicial) {
  int n = q.listaDeVertices().tamanio();
  ColaGenerica<Vertice<String>> cola = new ColaGenerica<Vertice<String>>();
  int distancias[] = new int[n+1];  //no se usa la posicion 0
  int maxDist = 0; int nuevaDist = 0;
  for (int i = 0; i \le n; ++i) {
      distancias[i] = Integer.MAX VALUE;
  distancias[inicial.posicion()] = 0;
  cola.encolar(inicial);
  while (!cola.esVacia()) {
     Vertice<String> v = cola.desencolar();
     nuevaDist = distancias[v.posicion()] + 1;
     ListaGenerica<Arista<String>> advacentes = v.obtenerAdvacentes();
     advacentes.comenzar();
     while (!adyacentes.fin()) {
        Arista<String> a = advacentes.proximo();
        Vertice<String> w = a.getDestino();
        int pos = w.posicion();
        if (distancias[pos] == Integer.MAX VALUE) {
            distancias[pos] = nuevaDist;
            if (nuevaDist > maxDist)
               maxDist = nuevaDist;
            cola.encolar(w);
       }
   return maxDist;
 }}
```