石子合并

显然对于任意满足 $1 \le i < j \le n$ 的一对 i,j,会在第 i 堆和第 j 堆所属大堆合并时,对答案产生 $A_i \times A_j$ 的贡献,也即无论合并顺序如何,代价和都不变。即 x=read(),ans=ans+(s*x),s=s+x;注意答案会爆 long long。

寿司

算法一

爆搜, 枚举所有走法。可以获得0到20分不等。

算法二

注意到每种状态实际上是可以压缩的。所以搜索的时候对于较小的数据把状态记录下来,用最小表示法去个重,对于稍大的数据可以用 *IDA**搜索,对每个状态进行估价来进行加速。可以获得 20 到 40 分不等。

算法三

一般环上的问题一般都要把序列复制一遍,然后转成了序列上的问题。这道题也不例外。 经过观察后我们显然可以得到一个结论:对于最优解,一定有一个断点使得所有的交换都不 经过这个点。

于是,我们就可以枚举断点,然后就转变为了一个序列了。我们的目的就变成了使一种颜色的寿司全部靠边。然后可以预处理出每个寿司移动到左边界需要多少步,右边界需要多少步,取 *min* 后加起来即可。

时间复杂度 $O(n^2)$, 可以得到 40 分。

算法四

发现对于一个序列,肯定是左边一部分往左靠,右边一部分往右靠,于是可以每次二分出这个边界点。

时间复杂度 $O(n\log n)$, 可以得到 80 到 100 分。

算法五

如果算法四你都想出来了,那么算法五应该顺理成章的出来了。当断点顺时针移动的时候,分界点显然不会逆时针移动。于是这玩意儿是有单调性的,弄一个单调指针扫一扫就可以了。

时间复杂度 O(n), 可以得到 100 分。

反击

来源: codeforces633 F 关键字: 树形 DP

3.1 15%

直接上大暴力,枚举某个点是否处于最终方案中,每次判断合法性并更新答案。时间复杂度: $O(2^n)$

3.2 15%

枚举两条链的起始端点,然后再暴力判断两条链是否相交,更新答案。时间复杂度: $O(n^5)$

3.3 30%

考虑枚举 u 的子树的时候,两条链分别在 u 的子树中,和 u 的子树外的情况。u 的子树外 O(n) 的 DP 一遍,两条链的答案组合即可得到全局答案。

时间复杂度: O(n2)

3.4 100%

个人认为,这道题的树形 DP 还是很好想的,就是有很多种情况需要分类讨论,较为繁琐。

题意简单的来说就是一棵每个点都有权值的树,求两条不相交的路径的点权和的最大值。首先一遍 dfs 一遍,对于每个点 u 求出 chain[u],表示 u 到叶子结点的路径点权和的最大值,和 whole[u],表示 u 的子树中一条路经的点权和的最大值。然后我们需要考虑如何讨论两条不相交的路径的最大权值和。

显然,我们一定可以找到一个点 x,和 x的一个儿子结点 v,使得两条路径,一条处于 v 及其子树中,一条处于剩下的一大块中。相当于是,x 和 v 相连的这条边"隔开"了这两条路经。我们可以考虑对于每个点 x 都去枚举 x的一个儿子结点 v,进行讨论。

题目转换为: 求 v 的子树中一条路经的最优值和剩下部分的最优值。现在我们考虑,如何分别得出两个部分的最优路径和。首先 v 的子树中的最优值我们已经预处理出来了,就是 whole[v],所以我们的任务就是求整棵树除了 v 的子树之外的剩余部分的最优值。

通过简单地作图即可发现,在剩余部分的这条链的情况只有 2 种。要么这条链由 x 的除了 v 之外的两个儿子结点 v1,v2 的 chain[v1],chain[v2]加上 x 的点权组成,这种情况是链完全处于 x 的子树中;还有一种情况就是由 x 的除了 v 以外的一个儿子结点 v1 的 chain[v1]加上 x 的点权再加上 x 往上走的链的最大权值和,我们不妨设这个往上走的最大路径权值和为 up[x](不包括 x 结点),那么我们需要在对 x 进行讨论之前就计算出 up[x],所以我们就必须保证讨论 x 之前其深度比 x 小的已经全部讨论完毕。那么我们就可以用一个队列来保证遍历的顺序。而在每次讨论完 x 之后,可以更新 x 的每个儿子结点的 up 值,并把每个儿子结点加入队列。而对于每个 up[vi](vi 是 x 的儿子结点)的算法也是需要分类讨论:要么是 x 的 up 值加上 x 的权值(即"继承下来"),或者是从 x 的除了 vi 之外的别的儿子结点的 chain转移过来,二者取一个 max 即可。具体实现的话略显复杂,细节比较多。如果不是很理解的,可以画画图,并看一下我的代码的具体实现。