全国信息学奥林匹克联赛(模拟赛) 提高组

(请选手务必仔细阅读本页内容)

一. 题目概况

中文题目名称	动物园	线段计数	选择数字
英文题目名称	Z00	segment	number
可执行文件名	Z00	segment	number
输入文件	zoo.in	segment.in	number.in
输出文件	zoo. out	segment.out	number.out
每个测试点时限	2秒	5 秒	1秒
测试点数目	20	10	10
每个测试点分值	5	10	10
附加样例文件	有	有	有
结果比较方式	全文比较	(过滤行末空格及文	(末回车)
题目类型	传统	传统	传统
运行内存	128M	128M	64M

二. 提交源程序文件名

对于 C++语言	zoo. cpp	segment.cpp	number.cpp
对于 C 语言	Z00. C	segment.c	number.c
对于 pascal 语言	zoo. pas	segment.pas	number.pas

三. 编译命令(不包含任何优化开关)

对于 C++语言	g++ -0 Z00	g++ -o segment	g++ -o number
	zoo.cpp -1m	segment.cpp -lm	number.cpp -1m
对于 C 语言	gcc -o zoo	gcc -o segment	gcc -o number
	zoo.c -1m	segment.c -1m	number.c -1m
对于 pascal 语言	fpc zoo.pas	fpc segment.pas	fpc number.pas

注意事项:

- 1、文件名(程序名和输入输出文件名)必须使用英文小写。
- 2、C/C++中函数 main()的返回值类型必须是 int,程序正常结束返回值必须是 0。
- 3、在 Windows XP 的环境下进行最终评测,请 C/C++选手使用 %I64d 或 cin/cout 来读入输出 64 位整数。

1. 动物园

(zoo. cpp/c/pas)

【问题描述】

小 Z 计划带妹子去逛动物园。动物园有n个区域,从1到n编号。第i个区域有 a_i 只动物。动物园里有m条道路,道路是无向的,每条道路连接两个区域,且动物园是连通的,每两个区域之间都有路径相连。

小 Z 为了哄妹子高兴,需要提前规划旅行路线。对于两个区域p和 $q(p \neq q)$ 间的任意一条简单路径,定义其高兴度为路径上经过的区域中最少的动物数量(包括区域p和区域q)。小 Z 自然希望高兴度越高越好,定义p、 $q(p \neq q)$ 间最大的高兴度为p、q间所有简单路径中高兴度的最大值,记作f(p,q),现在小 Z 想知道,对于动物园任意两点的f(p,q)总和是多少。

【输入格式】

输入文件名为 zoo. in。

输入的第一行为两个整数 n 和 m,第二行包含 n 个整数,表示每个区域动物的数量。

接下来的 m 行,每行包含两个数 x_i 和 y_i ($x_i \neq y_i$),表示区域 x_i 和 y_i 之间有一条道路。

【输出格式】

输出文件名为 zoo. out。

输出包含一行,一个整数表示最大高兴度总和,即 $\sum_{p,q}^{p\neq q} f(p,q)$ 。

【输入输出样例】

zoo. in	zoo. out
4 5	300
40 20 30 40	
1 2	
2 3	
1 3	
2 4	
3 4	

【输入输出样例说明】

$$f(1,2) = 20$$
 $f(1,3) = 30$ $f(1,4) = 30$
 $f(2,1) = 20$ $f(2,3) = 20$ $f(2,4) = 20$
 $f(3,1) = 30$ $f(3,2) = 20$ $f(3,4) = 30$
 $f(4,1) = 30$ $f(4,2) = 20$ $f(4,3) = 30$

总和为300

【数据规模与约定】

对于 10%的测试数据,满足2 $\leq n \leq$ 10, $n-1 \leq m \leq$ 20。

对于 30%的测试数据,满足2 $\leq n \leq$ 200, $n-1 \leq m \leq$ 1000。

对于 50%的测试数据,满足 $2 \le n \le 1000, n-1 \le m \le 20000$ 。

对于 100%的测试数据,满足2 $\leq n \leq$ 100000, $n-1 \leq m \leq$ 1000000,

 $0 \le a_i \le 100000, 1 \le x_i, y_i \le n, (x_i \ne y_i)$,保证是连通图且没有重边。

2. 线段计数

(segment.cpp/c/pas)

【问题描述】

小 Z 是一个聪明的孩子, 因此经常能收到礼物。

有一天,小 Z 从小 P 那里得到了长度为1,2,3 ...的线段作为礼物,聪明的小 Z 想将这些线段摆放在数轴上。第i次插入操作,将长度为i的线段放在数轴上,每一次插入操作后,他都会统计刚刚插入的线段完全覆盖了之前多少条线段。聪明的小 Z 觉得只插入线段太简单了,于是他又添加了删除的操作,对于删除操作,他都会从数轴上删掉第k次插入的线段(线段是相互独立的),现在请你来帮助小 Z 解决这个问题。

【输入格式】

输入文件名为 segment. in。

每个测试点包含多组测试数据。

输入的第一行为一个正整数T,表示测试数据的组数。

每组测试数据包含n+1行。

第一行包含一个正整数n,代表操作的次数,接下来n行每行包含一个操作,每个操作用两个整数x和y表示。

如果x是 0,表示插入操作,小 P 在y位置插入一条线段(对于第i次插入的线段,线段将被插入到[y,y + i],长度为i)。

如果x是 1,表示删除操作,小 P 会删除第y次插入操作插入的线段。

【输出格式】

输出文件名为 segment. out。

对于每组测试数据,首先输出一行'Case #i:'(不包含引号),表示第 i 组测试数据的输出。

接着对于每次的插入操作,按题目要求输出答案。

【输入输出样例】

segment.in	segment.out
2	Case #1:
5	0
0 1	0
0 3	0
0 5	1
1 3	Case #2:
0 2	0
5	1
0 1	0
0 1	2
1 1	
0 2	
0 1	

【输入输出样例说明】

对于第一组数据:

第一次插入[1,2]线段,没有完全覆盖任何线段,输出0;

第二次插入[3,5]线段,没有完全覆盖任何线段,输出0;

第三次插入[5,8]线段,没有完全覆盖任何线段,输出0;

删除第三次插入的线段;

第四次插入[2,6]线段,完全覆盖第二次插入的线段,输出1。

【数据规模与约定】

对于 10%的测试数据,满足 $1 \le n \le 100$ 。

对于 30%的测试数据,满足 $1 \le n \le 2000$ 。

对于 70%的测试数据,满足 $1 \le n \le 50000$ 。

对于 100%的测试数据,满足1 $\leq T \leq 5$,1 $\leq n \leq 160000$;

对于插入操作满足 $|y| < 10^9$;

对于删除操作,保证y合法,每个线段最多会被删除1次。

3. 选择数字

(number. cpp/c/pas)

【问题描述】

给定 N 个正整数 $A_1,A_2,...,A_N$,从中选出若干个数,使它们的和为 M,求有多少种选择方案。

【输入格式】

输入文件名为 number. in。

输入第一行包含两个整数N和M。

第二行包含 N 个正整数 A₁,A₂,...,A_N。

【输出格式】

输出文件名为 number. out。

输出只有一行,一个整数表示最后的答案。

【输入输出样例】

number.in	number.out
4 4	3
1122	

【输出输入样例说明】

从 1 1 2 2 四个数中选取若干个数,使其和为 4,共有 3 种选法分别为(1,1,2)、(1,1,2)、(2,2)。

【数据规模与约定】

对于 40% 的数据, $1 \le N \le 20, 1 \le M \le 10$ 对于 100% 的数据, $1 \le N \le 100, 1 \le M \le 10000, 1 \le A_i \le 1000$