# Introducción a la holografía digital

Walter Torres, Alejandro Vélez Óptica de Fourier y procesamiento de la información 10 de julio de 2021 Semestre 2021-1 Instituto de Física, Universidad de Antioquia

#### Contenido

- -Introducción
- -Holografía de Fresnel.
- -Holografía digital de Fresnel.
- -Holografía digital de Fourier.
- -Condiciones para el registro digital.
- -Filtrado
- -Multiplexado.
- -Generación de hologramas por computadora.

#### Introducción

La holografía es una técnica que permite registrar la amplitud y fase de un campo electromagnético a partir de la intensidad del patrón de interferencia del mismo con un segundo campo de referencia. Esta técnica es de enorme utilidad, por ser la única forma de registrar efectivamente la información compleja de una onda.

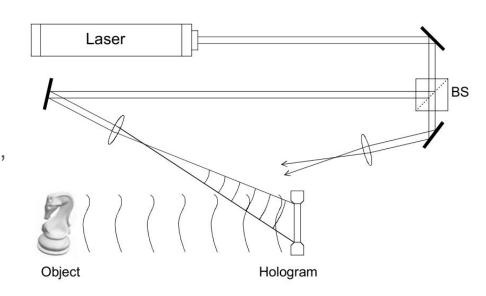
Existe un enorme abanico de técnicas holográficas, según las características del montaje empleado, el tipo de medio de registro, y la naturaleza del objeto cuyo holograma se desea registrar.

En esta clase, veremos algunos de los sistemas básicos de holografía, haciendo especial énfasis en la holografía digital.

## Holografía de Fresnel.

En un sistema básico de registro holográfico de fresnel, se tiene un objeto, cuya información se desea registrar. Si este objeto es iluminado con luz coherente monocromática, la luz reflejada por el objeto (a la cual se denomina haz objeto) puede registrarse en un plano a una distancia determinada, y tendrá forma

$$O(x, y) = a_O(x, y) \exp(i\varphi_O(x, y))$$



En ese mismo plano, se hace incidir un haz de referencia, descrito por

$$R(x, y) = re^{-\frac{2\pi}{\lambda}i(x\sin\phi)}$$

#### Holografía de Fresnel.

Si en plano donde interfieren el haz objeto y el haz de referencia se ubica un medio de registro sensible a la intensidad de la luz, como una placa fotográfica, obtendremos que la transmitancia de la placa tras la exposición es

$$h(x, y) = h_0 + \beta \tau I(x, y)$$

Esta transmitancia será nuestro holograma, donde  $m{\beta}$  es la sensibilidad  $\,^{\tau}$  la placa, es el tiempo de exposición,  $\,h_0\,$  la transmisión de amplitud de la placa, e l es la interferencia entre los haces, dado por

$$I(x,y) = |O(x,y)|^2 + |R(x,y)|^2 + O(x,y)R^*(x,y) + O^*(x,y)R(x,y)$$

#### Holografía de Fresnel.

Para simplificar el tratamiento, consideremos una placa con transmitancia  $h_0$  igual a cero, y con sensibilidad y tiempo de exposición unitaria. Así, el holograma será igual a la interferencia. Si se desea reconstruir la información del objeto a partir del holograma, se debe iluminar el mismo con la onda de referencia, obteniendo:

$$h(x,y)R(x,y) = [|O(x,y)|^2 + r^2]re^{-\frac{2\pi}{\lambda}i(x\sin\phi)}$$

$$+r^2O(x,y) + r^2e^{-\frac{4\pi}{\lambda}i(x\sin\phi)}O^*(x,y) \quad \text{Imagen virtual}$$

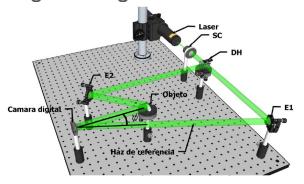
$$|D(x,y)|^2 + r^2|D(x,y) + r^2e^{-\frac{4\pi}{\lambda}i(x\sin\phi)}O^*(x,y) \quad \text{Imagen virtual}$$

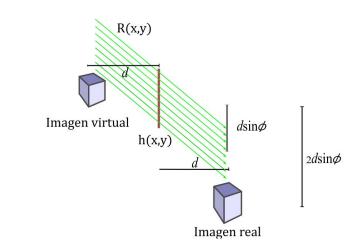
$$|D(x,y)|^2 + r^2|D(x,y) + r^2e^{-\frac{4\pi}{\lambda}i(x\sin\phi)}O^*(x,y) \quad \text{Imagen virtual}$$

Imagen real

#### Holografía digital de Fresnel

El registro y reconstrucción de hologramas con placas holográficas ha sido reemplazada por el uso de medios de registros digitales y reconstrucciones computacionales. A este tipo de holograma se le llama holografía digital.



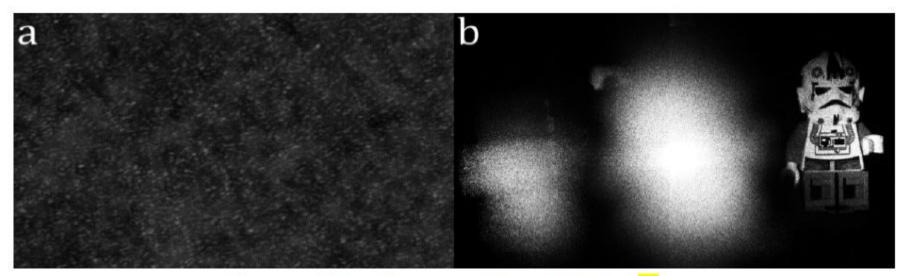


$$h(x,y)R(x,y) = [|O(x,y)|^2 + r^2]re^{-\frac{2\pi}{\lambda}i(x\sin\phi)} + r^2O(x,y) + r^2e^{-\frac{4\pi}{\lambda}i(x\sin\phi)}O^*(x,y)$$

Sea

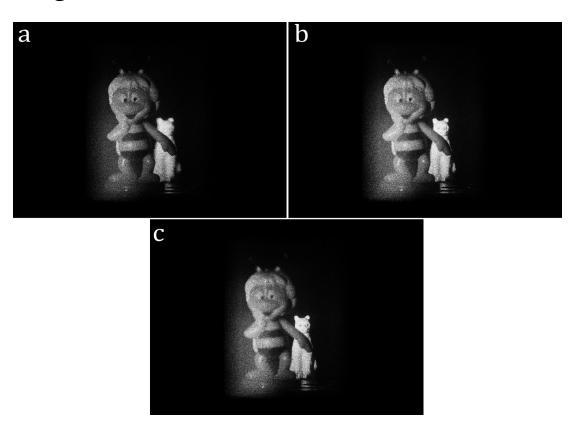
si se realiza una propagación computacional una distancia -d, se obtiene el campo en el plano del objeto.

## Holografía digital de Fresnel



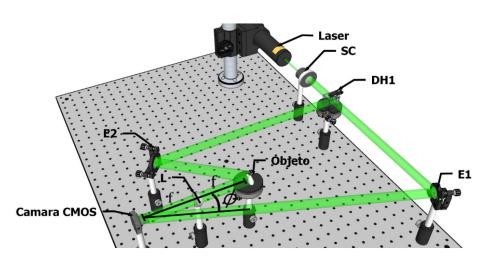
a) holograma de Fresnel fuera de eje, b) reconstrucción de <mark>a).</mark>

# Holografía digital de Fresnel



## Holografía digital de Fourier

En un holograma de Fourier, se registra la interferencia entre la transformada de fourier del campo en el plano objeto y la onda de referencia.



$$H(v, w) = |O(v, w)|^{2} + |R(v, w)|^{2} +$$
$$O(v, w)R^{*}(v, w) + O^{*}(v, w)R(v, w)$$

$$R(x,y) = re^{-\frac{2\pi}{\lambda}i(x\sin\phi)}$$

Realizando una transformada de Fourier inversa del holograma.

$$h(x,y) = o(x,y) \otimes o^{*}(x,y) + r^{2}$$

$$ro(x,y) \otimes \delta \left(x - \frac{x \sin \phi}{\lambda}\right) +$$

$$ro^{*}(x,y) \otimes \delta \left(x + \frac{x \sin \phi}{\lambda}\right)$$

#### Holografía digital de Fourier



Al reconstruir computacionalmente un holograma de Fourier, tanto el objeto como su complejo conjugado aparecen en el mismo plano, a diferencia de en los hologramas de Fresnel.

Debido a la incapacidad de elegir el plano de reconstrucción, este tipo de hologramas es preferible para objetos 2D o con poca profundidad.

#### Condiciones para el registro digital.

La frecuencia espacial de las franjas de interferencia de un holograma depende del ángulo entre el haz objeto y el haz de referencia. Esta frecuencia es dada por

$$f_{\text{max}} = \frac{2}{\lambda} \sin \frac{\theta_{\text{max}}}{2}$$

si se usa una cámara digital con un tamaño de pixel finito, se pueden registrar frecuencias de hasta

$$f_{\text{max}} = \frac{1}{2\Delta x}$$
  $\theta_{\text{max}} = 2\arcsin\left(\frac{\lambda}{4\Delta x}\right) \approx \frac{\lambda}{2\Delta x}$ 



## Condiciones para el registro digital.

Las cámaras tienen un rango dinámico limitado, lo que implica que hay una intensidad máxima que pueden registrar. El rango dinámico se mide en decibeles y es dado por

$$DR = 10\log_{10}\left(\frac{I_{\text{max}}}{I_{\text{min}}}\right)$$

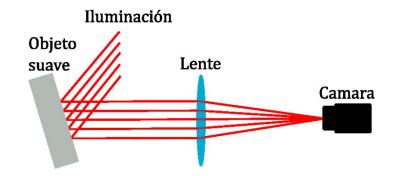
Objetos con zonas altamente uniformes son difíciles de registrar.

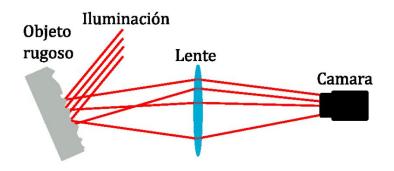
La resolución de una cámara digital determina la frecuencia espacial máxima resoluble en el objeto.

Así: Límite tamaño objeto-> tamaño pixel

Límite frecuencias objeto -> Resolución

Límite intensidad -> Rango dinámico





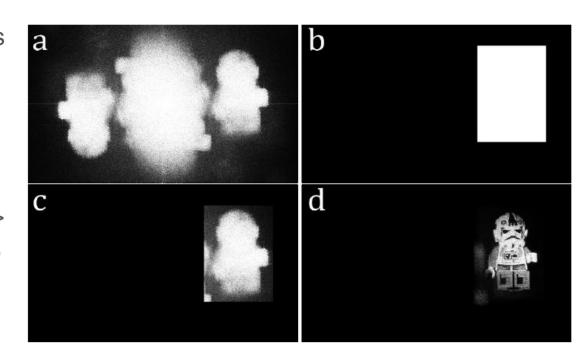
# Ejemplos de cámaras

Camera	Chip type	Number of pixels	Pixel size [μm²]	Frames per second	$\theta_{max}$ for $\lambda$ =633nm
Roper Sci.	FT	1317 x	6.8 x 6.8	6.9	2.7°
MegaPlus 1.4i		1035			
Roper Sci.	FT	4096 x	9 x 9	0.47	$2.0^{\circ}$
MegaPlus 16.8i		4096			
Roper Sci. Me-	IT	1008 x	9 x 9	30	$2.0^{\circ}$
gaPlus ES1.0		1018			
Roper Sci. Me-	IT	2048 x	$7.4 \times 7.4$	30	2.45°
gaPlus 4.0		2048			
Hamamatsu	PSI	1344 x	6.45 x 6.45	8.3	2.81°
C8484-01		1024			
Duncan	PS	1392 x	4.65 x 4.65	12	3.9°
DT1100		1040			

#### **Filtrado**

Se puede eliminar los términos no deseados de la reconstrucción por medio de un filtro paso banda.

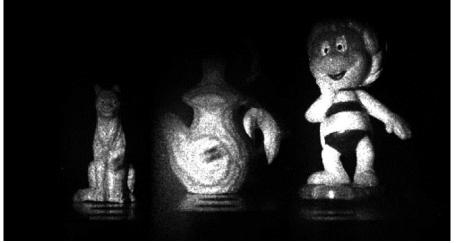
Holograma->TF->multiplicar por filtro-> holograma filtrado-> reconstrucción sin términos no deseados.



## Multiplexado

Sumando hologramas filtrados diferentes de objetos, se puede obtener un holograma que reproduce una escena más grande de lo que se puede registrar.





## Generación de hologramas por computadora.

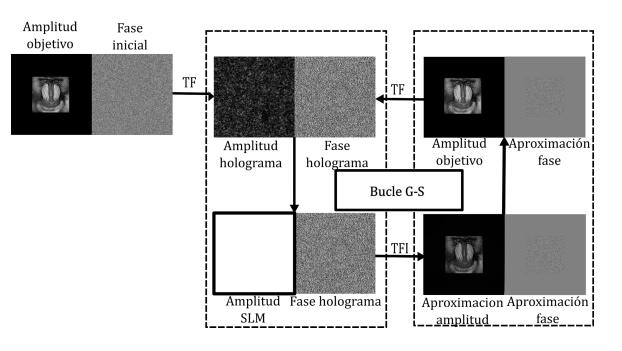
Consiste en obtener hologramas de objetos digitales. Existen diversos métodos dependiendo del tipo:

Hologramas complejos: es el campo del objeto propagado o su FT.

Hologramas de amplitud: producto de simular el registro óptico.

Hologramas de fase: requiere algoritmos especiales para codificar información compleja en una función de fase.

#### Algoritmo de Gerchberg-Saxton



El método más común para obtener hologramas de fase. Requiere varias iteraciones, pero es de gran utilidad para sistemas de proyección holográfica.