Perguntas

a) Nesse caso, a razão é dada por:

$$\frac{V_{cubo}}{V_{esf}} = \frac{1}{\frac{\pi^{d/2}}{\Gamma(\frac{d}{2}+1)}} = \frac{\Gamma(\frac{d}{2}+1)}{\pi^{d/2}}$$
(1)

E como foi visto na ??, o volume da esfera tende a 0 conforme $d\to\infty$, então a razão $\frac{V_{cubo}}{V_{esf}}\to\infty$.

b) Considerando que o número de mols é proporcional ao número de átomos que estão contidos em uma célula, daí a constante de Avogadro seria dada por:

$$N_A = k \frac{1\mu^d}{1\mathring{A}^d} = 10^{4d}k \tag{2}$$

No caso, como é conhecido o valor de N_A para d=3, então:

$$k = 6.02 \cdot 10^{11} mol^{-1}$$

Logo, a constante de Avogadro em uma dimensão d qualquer seria:

$$N_A = 6,02 \cdot 10^{11+4d} mol^{-1} \tag{3}$$