BINARIO A DECIMAL

Usemos el 11000101 como ejemplo...

• Asignar una potencia a cada dígito (bit), de derecha a izquierda, empezando en O:

7 6 5 4 3 2 1 0 1 1 0 0 0 1 0 1 Los números binarios suelen usarse en "octetos" de ocho "bits", pero podría ser cualquier cantidad de dígitos.

2 Seleccionar sólo los bits que corresponden a un "1" y descartar los "0"s:

7 6 2 0 1 1 1 1

3 Reemplazar los "1"s por "2"s:

7 6 2 0 **2 2 2 2**

4 Calcular cada potencia:

$$2^0 = 1$$

$$2^2 = 4$$

$$2^6 = 64$$

$$2^7 = 128$$

5 Sumar todos los números obtenidos.

$$1 + 4 + 64 + 128 = 197$$

Se usan potencias de 2 porque cada bit puede representar dos cosas: 0 o 1, "verdadero" o "falso", "sí" o "no"...



DECIMAL A BINARIO

Usemos el 43 como ejemplo...

Decidir la cantidad de dígitos (bits) necesarios. El número debe representarse como potencia de 2, entonces se debe encontrar la primera potencia de 2 que sea mayor que el número a convertir. Ejemplo: para 43 no es suficiente con 1 bit porque sólo puede representar 2 números y 43>2. Tampoco con 5 bits, porque $2^5=32$ y 43>32. Entonces serán necesarios 6 bits, porque $2^6=64$ (y 64>43). Asignar una potencia a cada uno de estos 6 bits, de derecha a izquierda, empezando en 0:

5 4 3 2 1 0 **0 0 0 0 0**

Empezamos con todos los bits en 0 ("apagados") y sólo "encendemos" los que necesitamos.

Encender" (poner en "1") los bits necesarios para que, al calcularlos como potencias de 2 y sumar los resultados, se obtenga el número decimal a convertir. Dos formas de hacerlo: por prueba y error, "encendiendo" y "apagando" bits y sumándolos hasta obtener el número buscado; o con los siguientes pasos: Como 2^5 (32) es la mayor potencia de 2 que no es mayor que 43, restamos $43-2^5=11$. Ahora restamos la mayor potencia de 2 que no es mayor que 11 (que es 2^3): $11-2^3=3$. Ahora, la mayor potencia de 2 que no es mayor que 3 (que es 2^1): $3-2^1=1$. Ahora la última potencia de 2 que no es mayor que 1 (que es 2^0): $1-2^0=0$. Esto significa que el 43 puede representarse como $2^5+2^3+2^1+2^0$. Entonces se deben encender los bits 0, 1, 3 y 5 (los bits 2 y 4 se "apagan").

5 4 3 2 1 0 1 0 1 0 1 1

3 Verificar que se "encendieron" los bits correctos reemplazando los "1"s por "2"s, calculando las potencias y sumándolas:

$$2^0 = 1$$

$$2^1 = 2$$

$$2^3 = 8$$

$$2^5 = 32$$

$$1 + 2 + 8 + 32 = 43$$

Los números decimales están en "base 10" y los binarios en "base 2".

