



第4章 语法分析

知识点:预测分析方法、LL(1)分析程序

移进-归约分析方法、LR分析程序

SLR(1)、LR(1)、LALR(1)分析表

教学目标与要求

- 掌握自顶向下分析方法对文法的要求;
- 理解递归调用预测分析程序的构造方法;
- 掌握LL(1)分析程序的模型及工作过程, 掌握LL(1)分析表的构造方法;
- 理解"移进-归约"分析方法的工作过程;
- 掌握LR(1)分析程序的模型及工作过程; 掌握SLR(1)、LR(1)、LALR(1)分析表的构造方法。
- 理解并分析语法分析的需求,能够基于自动机设计 语法分析程序,并对符号串进行语法分析。

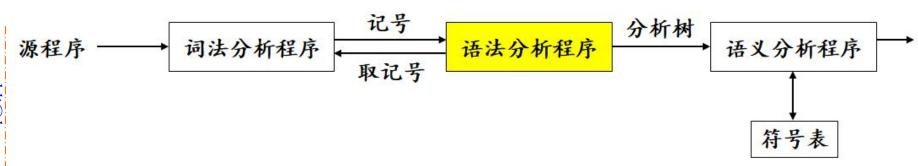
wenshli@bupt.edu

本章内容

- 4.1 语法分析简介
- 4.2 自顶向下分析方法
- 4.3 自底向上分析方法
- 4.4 LR分析方法
- 4.5 软件工具YACC(*) 小结

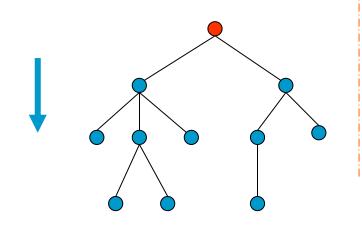
4.1 语法分析简介

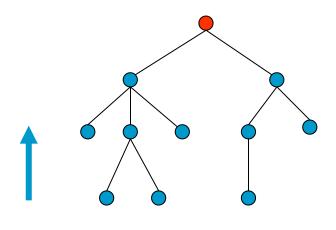
- 编译程序的核心工作
- ■由语法分析程序完成
- ■工作依据:源语言的语法规则
- ■语法分析程序的任务
 - □从源程序记号序列中识别出各类语法成分
 - □进行语法检查
- 语法分析程序的地位:



语法分析简介

- 语法分析程序
 - □ 输入:记号流/记号序列
 - □ 工作依据: 语法规则
 - □ 功能:将记号组合成语法成分、
 - 进行语法检查
 - □ 输出:分析树
 - □ 错误处理
- ■常用的分析方法
 - □ 自顶向下的方法: 从树根到叶子来建立分析树
 - □ 自底向上的方法: 从树叶到树根来建立分析树
- ■对输入符号串的扫描顺序: 自左向右





语法错误的处理

- 错误处理目标
 - □清楚而准确地报告发现的错误,如错误的位置和性质。
 - □迅速地从错误中恢复过来。
 - □不应该明显地影响编译程序对正确程序的处理效率。
- 错误恢复策略
 - □紧急恢复
 - □短语级恢复
 - □出错产生式
 - □全局纠正

- > 简单,适用于大多数分析程序。
- 做法:一旦发现错误,分析程序每次抛弃一个输入记号,直到扫描到的记号属于某个指定的同步记号集合为止。
- ➤ 同步记号通常是定界符,如语句结束符分号、语句起始符、块结束标识END等。





wenshli@bupt.edu.c

4.2 自顶向下分析方法

- 4.2.1 递归下降分析
- 4.2.2 递归调用预测分析
- 4.2.3 非递归预测分析

4.2.1 递归下降分析

- 从文法的开始符号出发,进行推导,试图推出要分析的输入串的过程。
- 对给定的输入符号串,从对应于文法开始符号的根结点出发,自顶向下地为输入串建立一棵分析树。
- 试探过程,反复使用不同产生式谋求匹配输入符号 串的过程。
- ■例: 试分析输入符号串 ω=abbcde 是否为如下文法的一个句子。

S→aAcBe

 $A \rightarrow b \mid Ab$

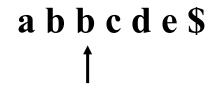
 $B \rightarrow d$

(文法4.1)

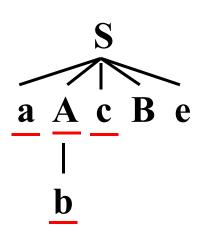
wenshli@bupt.edu.cr

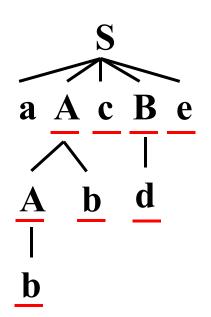
示例: abbcde 的递归下降分析

S→aAcBe A→b | Ab B→d



abbcde\$







S⇒aAcBe⇒aAbcBe⇒abbcBe⇒abbcde

试图为输入符号串建立一个最左推导序列的过程。

wenshli@bupt.edu.c

递归下降分析

- 为什么采用最左推导?
 - □因为对输入串的扫描是自左至右进行的,只有使用最左 推导,才能保证按扫描的顺序匹配输入串。
- 递归下降分析方法的实现
 - □ 文法的每一个非终结符号对应一个递归过程,即可实现 这种带回溯的递归下降分析方法。
 - □每个过程作为一个布尔过程,一旦发现它的某个产生式与输入串匹配,则用该产生式展开分析树,并返回true,否则分析树不变,返回false。
- 实践中存在的困难和缺点
 - □左递归的文法,可能导致分析过程陷入死循环。
 - □回溯
 - □工作的重复
 - □效率低、代价高:穷尽一切可能的试探法。

4.2.2 递归调用预测分析

- 一种确定的、不带回溯的递归下降分析方法
- 一、如何克服回溯?
- 二、对文法的要求
- 三、预测分析程序的构造

wenshli@bupt.edu.c

一、如何克服回溯?

- 能够根据所面临的输入符号准确地指派一个候选式去执行任务。
- ■该选择的工作结果是确信无疑的。
- 例:

 $A \rightarrow \alpha_1 | \alpha_2 | \dots | \alpha_I | \dots | \alpha_n$ 当前输入符号: a

指派αi去匹配输入符号串

二、对文法的要求

左递归?

1. 不含左递归

$$A \Rightarrow ... \Rightarrow A\alpha$$

2. $FIRST(\alpha_i) \cap FIRST(\alpha_i) = \phi$ ($i \neq j$)

$$A \rightarrow \alpha_1 | \alpha_2 | \dots | \alpha_n$$

FIRST(α_i)={ $a \mid \alpha_i \stackrel{*}{\Rightarrow} a\beta$, $a \in V_T$, α_i 、 $\beta \in (V_T \cup V_N)^*$ } 如果 $\alpha_i \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon$,则规定 $\epsilon \in FIRST(\alpha_i)$ 。

非终结符号A的所有候选式的开头终结符号集两两互不相交

示例:

■ 有如下产生PASCAL类型子集的文法:

type→simple | ^id | array[simple] of type
simple→integer | char | num dotdot num

分析输入串: array [num dotdot num] of char

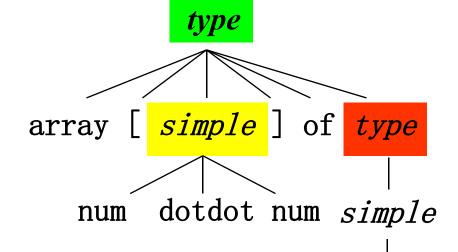
■ type的三个候选式,有:
FIRST(simple)={ integer, char, num }
FIRST(↑id)={↑}
FIRST(array[simple] of type)={ array }

■ simple的三个候选式,有:
FIRST (integer) ={ integer }
FIRST(char)={ char }
FIRST(num dotdot num)={ num }

示例

输入: array [num dotdot num] of char

树:



产生式: $A \rightarrow \epsilon$

char

缺席匹配

当递归下降分析程序没有适当候选式时,可以用一个 ε-候选式, 表示其它候选式可以缺席。

wenshli@bupt.edu.c

wenshli@bupt.edu.c

三、预测分析程序的构造

- 预测分析程序的转换图
- 转换图的工作过程
- 转换图的化简
- ■预测分析程序的实现

预测分析程序的转换图

- 为预测分析程序建立转换图作为其实现蓝图
- ■毎一个非终结符号有一张图
- 边的标记可以是终结符号,也可以是非终结符号。
- 在一个非终结符号A上的转移意味着对相应A的过程 的调用。
- 在一个终结符号a上的转移, 意味着下一个输入符号 若为a,则应做此转移。

从文法构造转换图

■改写文法

)



- □重写文法
- □消除左递归
- □提取左公因子
- 对每一个非终结符号A, 做如下工作:
 - □创建一个初始状态和一个终结状态。
 - 口对每一个产生式 $A \rightarrow X_1 X_2 ... X_n$ 创建一条从初态到终态的路径,有向边的标记依次为 $X_1, X_2, ..., X_n$ 。

wenshli@bupt.edu.cn

示例

■ 为如下文法构造预测分析程序转换图

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

 $T \rightarrow T^*F \mid F$
 $F \rightarrow (E) \mid id$ (文法4.3)

■ 消除文法中存在的左递归,得到

(文法4.4)

E
$$\rightarrow$$
TE'
E' \rightarrow +TE' | ϵ
T \rightarrow FT'
T' \rightarrow *FT' | ϵ
F \rightarrow (E) | id

示例

■ 为每个非终结符号构造转换图:

E: 0 T 1 E'

E': 3 + 4 + 5 + 6

 $T: \quad \boxed{7} \quad F \quad \boxed{8} \quad \boxed{T'} \quad \boxed{9}$

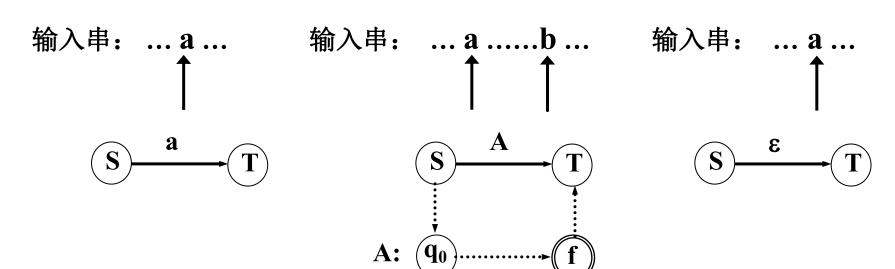
T': 10 $\stackrel{*}{\longrightarrow}$ 11 $\stackrel{}{\longrightarrow}$ 12 $\stackrel{}{\longrightarrow}$ 13

 $F: \qquad \boxed{14} \underbrace{\qquad \qquad } \boxed{15} \underbrace{\qquad \qquad } \boxed{16} \boxed{\qquad \qquad } \boxed{17}$

E \rightarrow TE' E' \rightarrow +TE' | ϵ T \rightarrow FT' T' \rightarrow *FT' | ϵ F \rightarrow (E) | id

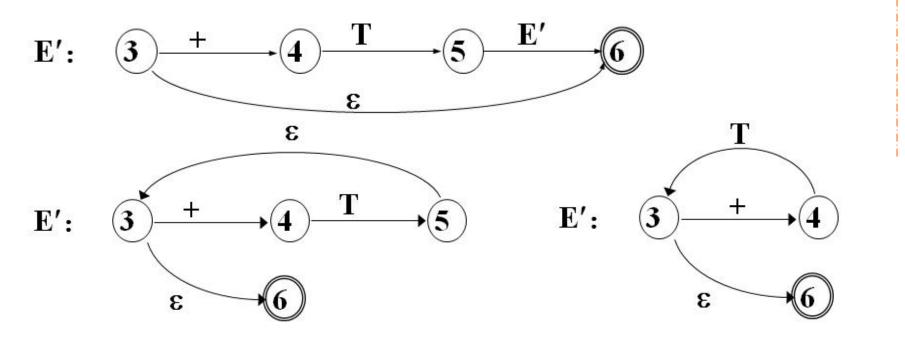
转换图的工作过程

- 从文法开始符号所对应的转换图的开始状态开始分析
- 经过若干动作之后,处于状态S 扫描指针指向符号a,即当前输入符号



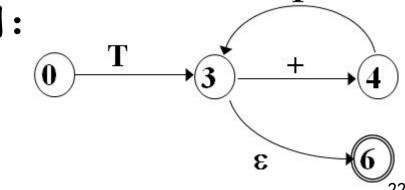
转换图的化简

■ 用代入的方法进行化简

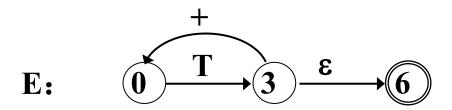


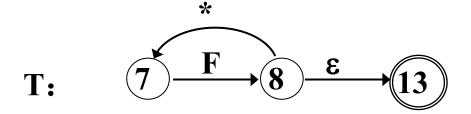
E:

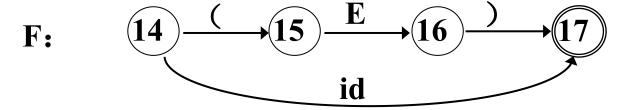
■ 把E'的转换图代入E的转换图:



文法4.3的预测分析程序的状态转换图





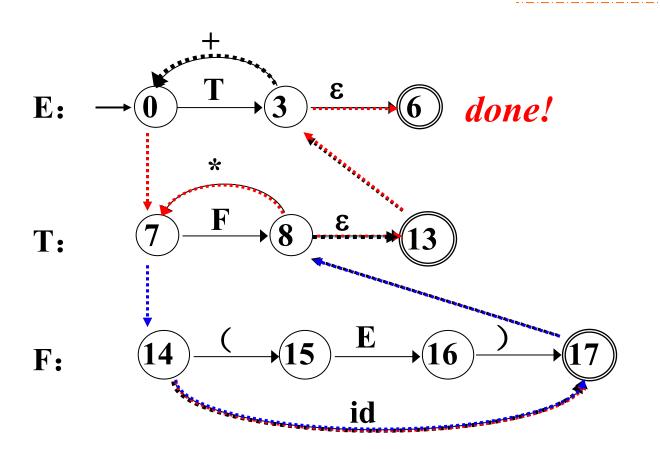


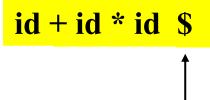
练习:

利用状态转换图识别符号串:

id+id*id

id+id*id的识别过程

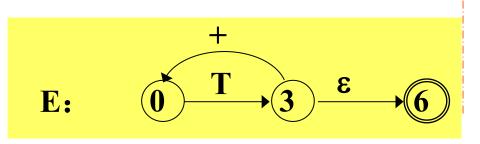




预测分析程序的实现

- 要求用来描述预测分析程序的语言允许递归调用
- E的过程:

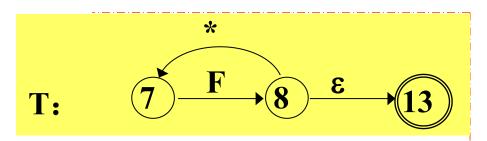
```
void procE(void)
  procT();
  if (char=='+') {
    forward pointer;
    procE();
```



预测分析程序的实现

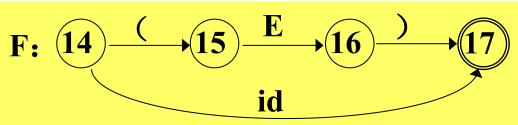
■ T的过程:
void procT(void)
{
 procF();
 if (char=='*') {
 forward pointer;

procT();



预测分析程序的实现

■ F的过程: F: void procF(void) { if (char=='(') { forward pointer; procE(); if (char==')') { forward pointer; **}**; else error(); **};** else if (char=='id') { forward pointer; else error();



练习4.1

有如下文法:

bexpr→bexpr or bterm | bterm bterm→bterm and bfactor | bfactor bfactor→not bfactor | (bexpr) | true | false 请构造一个可以用来分析该文法所产生的句子的递归 调用分析程序。

wenshli@bupt.edu.c

wenshli@bupt.edu.

Step 1: 消除左递归

```
bexpr\rightarrowbterm E'

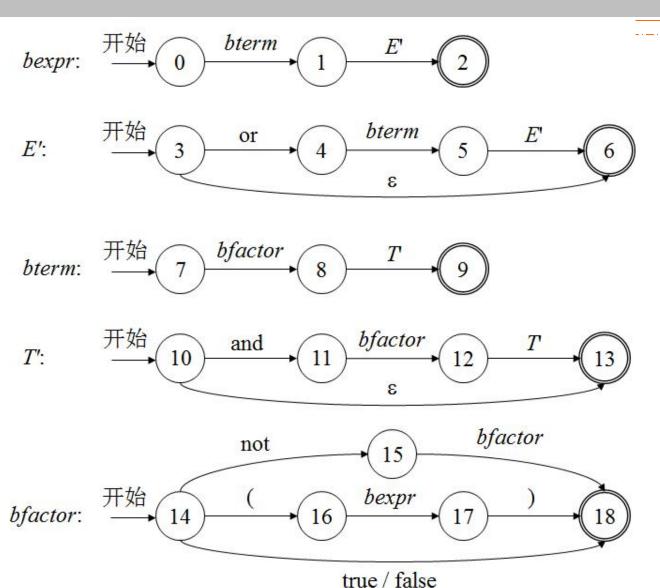
E' \rightarrowor bterm E' \mid \varepsilon

bterm\rightarrowbfactor T'

T' \rightarrowand bfactor T' \mid \varepsilon

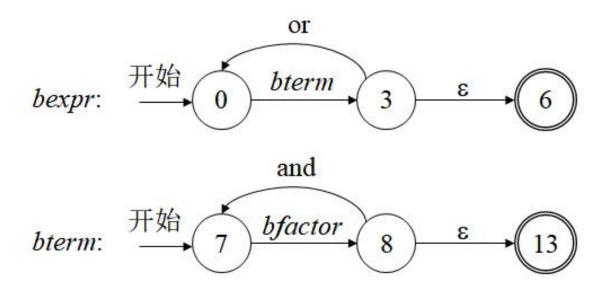
bfactor\rightarrownot bfactor \mid (bexpr) \mid true \mid false
```

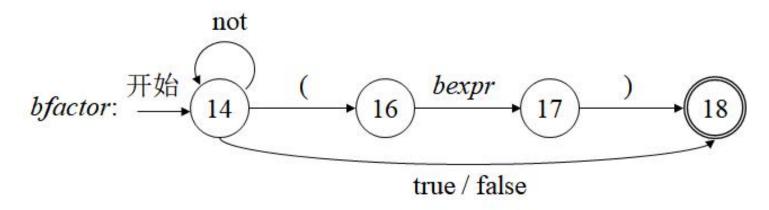
Step 2: 文法G'的预测分析程序状态转换图



wenshli@bupt.edu.cn

Step 3: 化简后的预测分析程序状态转换图





Step 4: 根据状态转换图进行程序设计

■ bexpr的函数

```
void proc_expr(void) {
    proc_term();
    if (char=='or') {
        forward pointer;
        proc_expr();
    }
}
```

■ bterm的过程

```
void proc_term(void) {
    proc_factor();
    if (char=='and') {
        forward pointer;
        proc_term();
    }
}
```

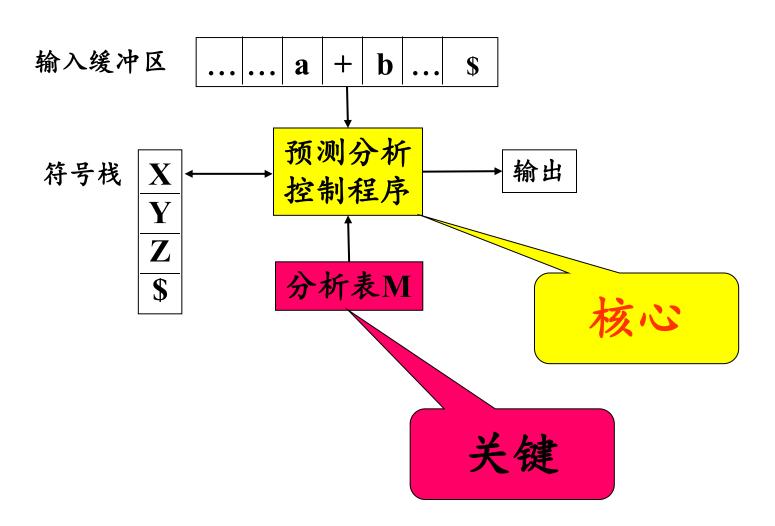
■ bfactor的过程

```
void proc factor(void) {
  if (char=='not'){
     forward pointer;
     proc factor();
  else if (char=='(') {
     forward pointer;
     proc_expr();
     if (char==')')
       forward pointer;
     else error();
  else if (char=='true')||(char=='false')
          forward pointer;
  else error();
              not
                           bexpr
                          true / false
```

4.2.3 非递归预测分析

- 使用一张分析表和一个栈联合控制,实现对输入符号号串的自顶向下分析。
- 预测分析程序的模型及工作过程
- ■预测分析表的构造
- LL(1)文法
- 预测分析方法中的错误处理示例

预测分析程序的模型及工作过程



每部分的作用

■ 输入缓冲区:

存放被分析的输入符号串,串后随右尾标志符\$。

....\$

■ 符号栈:

存放一系列文法符号, \$存于栈底。分析开始时, 先将\$入栈, 以标识栈底, 然后再将文法的开始符号入栈。_____

\$S

■ 分析表:

二维数组M[A,a], $A \in V_N$, $a \in V_T \cup \{\$\}$ 。 根据给定的A和a, 在分析表M中找到将被调用的产生式。

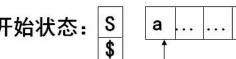
■ 输出流:

分析过程中不断产生的产生式序列。

... a ...

A→a...

预测分析控制程序



成功状态:

- ■根据栈顶符号X和当前输入符号a, 分析动作有4种可能:
 - (1) X=a=\$, 宣告分析成功, 停止分析;
 - (2) X=a≠\$, 从栈顶弹出X, 输入指针前移一个位置;
 - (3) $X \in V_T$, 但 $X \neq a$, 报告发现错误, 调用错误处理程序, 报告错误及进行错误恢复;
 - (4) 若 $X \in V_N$, 访问分析表M[X, a]
 - $M[X,a]=X\rightarrow Y_1Y_2...Y_n$ 先将X从栈顶弹出,然后把产生式的右部符号串按反序 推入栈中(即按 Y_n 、...、 Y_{n-1} 、 Y_2 、 Y_1 的顺序);
 - \succ M[X, a]=X→ε 从栈顶弹出X;
 - ►M[X, a]=error 调用出错处理程序

wenshli@bupt.edu.cn

算法4.1 非递归预测分析方法

```
输入:输入符号串ω,文法G的一张预测分析表M。
输出: 若\omega在L(G)中,则输出\omega的最左推导,否则报告错误。
方法:分析开始时,\$在栈底,文法开始符号\$在栈顶,\omega\$在输入缓冲区中
     置ip指向 ω$ 的第一个符号;
     do {
       令X是栈顶符号, a是ip所指向的符号;
       if (X是终结符号或$) {
          if (X==a)
            从栈顶弹出X; ip前移一个位置;
          else error();
       else /* X是非终结符号 */
       if (M[X, a]=X\rightarrow Y_1Y_2...Y_k)
          从栈顶弹出X:
          n(Y_k, Y_{k-1}, ..., Y_2, Y_1)压入栈, Y_1在栈顶;
          输出产生式X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k:
       else error();
     } while(X!=$) /* 栈不空, 继续 */
```

示例: 文法4.4的预测分析表M, 试分析输入串 id+id*id

id	+	*	()	\$
E→TE′			E→TE′	""	
	E'→+TE'			E'→ε	E'→ε
T→FT′			T→FT′		
	T′→ε	T'→*FT'		T′→ε	T′→ε
F→id			F →(E)		
	E→TE' T→FT'	$E \rightarrow TE'$ $E' \rightarrow +TE'$ $T \rightarrow FT'$ $T' \rightarrow \varepsilon$	$E \rightarrow TE'$ $E' \rightarrow +TE'$ $T \rightarrow FT'$ $T' \rightarrow \epsilon \qquad T' \rightarrow *FT'$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

输出:

分析栈

\$	E'	T'	id	*	
----	----	----	----	---	--

输入串



done!

$$E \rightarrow TE'$$

$$T \rightarrow FT'$$

$$T'\rightarrow \epsilon$$

$$E' \rightarrow +TE'$$

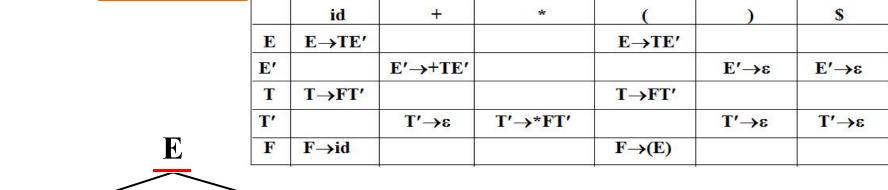
$$T \rightarrow FT'$$

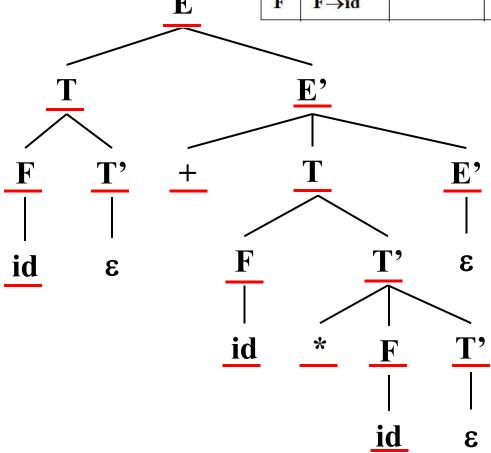
$$F \rightarrow id$$

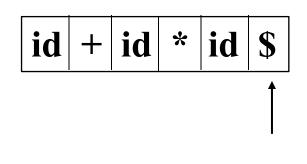
$$T' \rightarrow *FT'$$

$$T'\rightarrow\epsilon$$

id + id * id 分析树的构建过程:







\$	E,	T'	id	*	
----	----	----	----	---	--

done!

输入串 id+id*id 的分析过程:

栈	输入	输出	左句型
\$ E	id + id * id \$		E
\$ E' T	id + id * id \$	E→TE′	TE'
\$ E' T' F	id + id * id \$	T→FT′	FT'E'
\$ E' T' id	id + id * id \$	F→id	id T' E'
\$ E' T'	+ id * id \$		id T' E'
\$ E'	+ id * id \$	T′ → ε	id E'
\$ E' T +	+ id * id \$	E'→+TE'	id + T E'
\$ E' T	id * id \$		id + T E'
\$ E' T' F	id * id \$	T→FT′	id + F T' E'
\$ E' T' id	id * id \$	F→id	id + id T' E'
\$ E' T'	* id \$		id + id T' E'
\$ E' T' F *	* id \$	T'→*FT'	id + id * F T' E'
\$ E' T' F	id \$		id + id * F T' E'
\$ E' T' F \$ E' T' id \$ E' T' \$ E' \$ E'	id \$	F→id	id + id * id T' E'
\$ E' T'	\$		id + id * id T' E'
~ \$ E'	\$	T′ → ε	id + id * id E'
\$	\$	E′→ε	id + id * id

wenshli@bupt.edu.cn

wenshli@bupt.edu.

预测分析表的构造

- ■改写文法
- FIRST集合及其构造
- FOLLOW集合及其构造
- ■预测分析表的构造

FIRST集合及其构造

■ FIRST集合

定义:对任何文法符号串 $\alpha \in (V_T \cup V_N)^*$,

FIRST(α)是α可以推导出的开头终结符号集合

描述为: $FIRST(\alpha) = \{ a \mid \alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} a \cdots, a \in V_T \}$

若 $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon$, 则 $\epsilon \in FIRST(\alpha)$

wenshli@bupt.edu.ci

构造每个文法符号 $X \in V_T \cup V_N$ 的FIRST(X)

- 若X∈V_T,则FIRST(X)={X};
- 若 $X \in V_N$, 且有产生式 $X \rightarrow a...$, 其中 $a \in V_T$, 则把 a 加入到 FIRST(X)中;
- 若 $X \rightarrow \varepsilon$ 也是产生式,则 ε 也加入到FIRST(X)中。
- 若 $X \rightarrow Y$... 是产生式,且 $Y \in V_N$,则把FIRST(Y)中的所有非 ε 元素加入到FIRST(X)中;

若 $X \rightarrow Y_1 Y_2 ... Y_k$ 是产生式,如果对某个 i, FIRST(Y_1)、FIRST(Y_2)、...、FIRST(Y_{i-1}) 都含有 ε , 即 $Y_1 Y_2 ... Y_{i-1} \stackrel{*}{\Rightarrow} \varepsilon$, 则把FIRST(Y_i)中的所有非 ε 元素加入到FIRST(X)中;

若所有FIRST(Y_i)均含有ε, 其中 i=1、2、...、k, 则把 ε 加入到FIRST(X)中。

FOLLOW集合及其构造

■ FOLLOW集合

定义:假定S是文法G的开始符号,对于G的任何非终结符号A,集合FOLLOW(A)是在所有句型中,紧跟A之后出现的终结符号或S组成的集合。

描述为: $FOLLOW(A)=\{a \mid S \stackrel{*}{\Rightarrow} ... Aa ..., a \in V_T\}$

特别地,若S ^{*}⇒ ...A,则规定\$∈FOLLOW(A)

构造每个非终结符号A的集合FOLLOW(A)

- 对文法开始符号S,置\$于FOLLOW(S)中,\$为输入符号串的右尾标志。
- 若 $A \rightarrow \alpha B \beta$ 是产生式,则把FIRST(β)中的所有非ε元素加入 到FOLLOW(B)中。
- 若A→αB是产生式,或 A→αBβ 是产生式并且β $\stackrel{*}{\Rightarrow}$ ε,则 把FOLLOW(A)中的所有元素加入到FOLLOW(B)中。
- 重复此过程, 直到所有集合不再变化为止。

示例

■构造文法4.4中每个非终结符号的 FIRST集合和FOLLOW集合

	FIRST	FOLLOW
E	(, id	\$,)
E'	+, ε	\$,)
T	(, id	\$,+,)
T '	* , ε	\$,+,)
F	(, id	\$,+,*,)

E \rightarrow TE' E' \rightarrow +TE' | ϵ T \rightarrow FT' T' \rightarrow *FT' | ϵ F \rightarrow (E) | id

wenshli@bupt.edu.ci

算法4.2 预测分析表的构造方法

```
输入: 文法G
输出:文法G的预测分析表M
方法:
 for (文法G的每个产生式 A→\alpha) {
   for (每个终结符号 a∈FIRST(α))
      把 A→α 放入 M[A, a] 中;
   if (\varepsilon \in FIRST(\alpha))
      for (任何 b∈FOLLOW(A))
        把 A→α 放入 M[A, b] 中;
   };
 for (所有无定义的M[A, a]) 标上错误标志。
```

示例:为文法4.4构造预测分析表

E→TE′
$E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon$
T→FT'
T'→*FT' ε
$F \rightarrow (E) \mid id$

	FIRST	FOLLOW
E	(, id	\$,)
E'	+, ε	\$,)
T	(, id	\$,+,)
T'	*, ε	\$,+,)
F	(, id	\$,+,*,)

	id	+	*	()	\$
E	E→TE′			E→TE′		
E'		E'→+TE'			E'→ε	E'→ε
T	T→FT′			T→FT′		
T'		T'→ε	T'→*FT'		Τ′→ε	Τ′→ε
F	F→id			F →(E)		

LL(1)文法

例:考虑如下映射程序设计语言中if语句的文法

S→iEtSS' | a

 $S' \rightarrow eS \mid \varepsilon$

 $E \rightarrow b$

(文法4.5)

构造各非终结符号的FIRST和FOLLOW集合:

	S	S'	E
FIRST	i, a	e, ε	b
FOLLOW	\$, e	\$, e	t

应用算法4.2,构造该文法的分析表:

8	a	b	e	i	t	\$
S	S→a			S→iEtSS′		
S'			S'→eS S'→ε			S'→ε
			S'→ε			
E		E→b				

wenshli@bupt.edu.c

LL(1)文法

- ■如果一个文法的预测分析表M不含多重定义的表项,则称该文法为LL(1)文法。
- LL(1)的含义:
 - □第一个L表示从左至右扫描输入符号串
 - □第二个L表示生成输入串的一个最左推导
 - □1表示在决定分析程序的每步动作时,向前看一个符号

LL(1)文法的判断

- 根据文法产生式判断: 一个文法是LL(1)文法, 当且仅当它的每一个产生式 A→α | β, 满足:
 - □ FIRST(α)∩FIRST(β)=φ 并且
 - □ 若β推导出 ε,则FIRST(α)∩FOLLOW(A)=φ
- ■根据分析表判断: 如果利用算法4.2构造出的分析表中不含多重定义的表项,则文法是LL(1)文法。
- 文法4.5不是LL(1)文法
 - □ 因为FIRST(es)∩FOLLOW(S')={e}
 - □ M[S', e]中有两个产生式

练习

有文法G[S]: $S\rightarrow (L) \mid a$ $L\rightarrow L, S \mid S$

- (1) 判断该文法是否为LL(1)文法? 不是, 做(2); 是, 做(3)。
- (2) 改写文法为LL(1)文法,继续做(3)。
- (3) 构造文法的FIRST和FOLLOW集合,继续做(4)。
- (4) 构造文法的LL(1)分析表。

解答:

- 文法含有左递归,故不是LL(1)文法
- 改写文法: 消除左递归

$$S \rightarrow (L) \mid a$$

 $L \rightarrow SL'$

$$L' \rightarrow SL' \mid \epsilon$$

 $\overline{FIRST((L))} \cap \overline{FIRST(a)} = \phi$

 $FIRST(,SL') \cap FOLLOW(L') = \phi$

	FIRST	FOLLOW
S	(a	\$,)
L	(a)
L'	, ε)

	a	()	,	\$
S	S→a	S→(L)			
L	L→SL′	L→SL′			
L'			L′ → ε	L′→,SL′	

练习

有文法G[S]:

(1) S→aAcBe (2) A→b (3) A→Ab (4) B→d 请构造其LL(1)分析表,并分析 abbcde。

解答:

(1) 改写文法:

(2) 构造FIRST和FOLLOW集合

S→aAcBe A→bA'	
$A' \rightarrow bA' \mid \varepsilon$	
$\mathbf{B} \rightarrow \mathbf{d}$	

	First	follow
S	a	\$
A	b	c
A'	b, ε	c
В	d	e

(3) 构造LL(1)分析表

	a	ъ	c	d	e	\$
S	S→aAcBe					
A		A→bA'				
A'		A'→bA'	Α'→ε			
В				B→d		

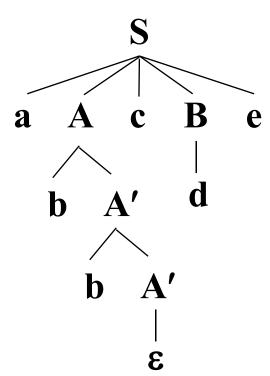
abbcde 的分析过程

	a	b	c	d	e	\$
S	S→aAcBe					
A		A→bA'				
A'		A'→bA'	Α'→ε			
В				B→d		

\$	e	d	c	A'	b
----	---	---	---	----	---

abbcde\$

done!



wenshli@bupt.edu.c

预测分析方法中的错误处理示例

- 发现错误:
 - (1) X∈V_T, 但X≠a;
 - (2) X \in V_N,但M[X, a]为空。
- 处理方法:
 - 情况(1): 弹出栈顶的终结符号;
 - 情况(2): 跳过剩余输入符号串中的若干个符号, 直到可以继续进行分析为止。
- 带有同步化信息的分析表的构造
 - □ 对于 $A \in V_N$, $b \in FOLLOW(A)$, 若M[A, b]为空,则加入 "synch"
- 带有同步化信息的分析表的使用
 - □ 若M[A, b]为空,则跳过a;
 - □ 若M[A, b]为synch,则弹出A。

示例

■ 构造文法4.4的带有同步化信息的分析表

E
$$\rightarrow$$
TE'
E' \rightarrow +TE' | ϵ
T \rightarrow FT'
T' \rightarrow *FT' | ϵ
F \rightarrow (E) | id

	FIRST	FOLLOW
E	(, id	\$,)
Ε'	+, ε	\$,)
T	(, id	\$,+,)
Т'	*, ε	\$,+,)
\mathbf{F}	(, id	\$,+,*,)

	id	+	*	()	\$
E	E→TE′			E→TE′	synch	synch
\mathbf{E}'		E'→+TE'			Ε'→ε	Ε' →ε
T	T→FT′	synch		T→FT′	synch	synch
T'		Τ′→ε	T′→*FT′		Τ′→ε	Τ′→ε
F	F→id	synch	synch	F→(E)	synch	synch

示例

	栈	输入	输出					·· <mark>作业</mark>	:	i T
	\$E	*id*+id\$	出错,M[E,	*]= <u>2</u>	空白,路	兆过*		4.1	4.3	4.5
	\$E	id*+id\$	E→TE′		id	+	*	(\$
	\$E'T	id*+id\$	T→FT′	E	$E \rightarrow TE'$			E→TE	' synch	synch
	\$E'T'F	id*+id\$	F→id	E'		E'→+TE'			E ′→ε	E '→ε
	\$E'T'id	id*+id\$		T	T→FT′	synch		T→FT	' synch	synch
	\$E'T'	*+id\$	T'→*FT'	T'		T ′→ε	T'→* F			T ′→ε
	\$E'T'F*	*+id\$		F	F→id	synch	synch	$F \rightarrow (E)$	synch	synch
	\$E'T'F	+id\$	出错,M[F,-	-]=s	ynch,	弹出F				
	\$E'T'	+id\$	T′→ε							
	\$E'	+id\$	E'→+TE'		■ 帯	有同步	化信息	息的分析	表的	使用
	\$E'T+	+id\$			_	若M[A,	b]为3	空,则跳:	过a;	
7	\$E'T	id\$	T→FT′		=	若M[A,	b]为s	synch,	则弹出	Ι Α 。
ensh	\$E'T'F	id\$	F→id		- X ∈	V _T ,但)	(≠a §	単出栈顶	的终结	符号:
	\$E'T'id	id\$				•				
Supt.	\$E'T'	\$	Τ′→ε							
wenshli@bupt.edu.cn	\$E'	\$	Ε ′→ε							
n	\$	\$								57

课堂练习1

有如下文法:

```
E \rightarrow E \lor T \mid T
T \rightarrow T \land F \mid F
F \rightarrow \neg F \mid (E) \mid t \mid f
```

- (1) 该文法是LL(1)文法吗?说明理由。 若是,做(3),若不是,做(2)
- (2) 请改写该文法为LL(1)文法,继续做(3)。
- (3) 构造每个非终结符号的FIRST和FOLLOW函数, 继续做(4)。
- (4) 构造LL(1)分析表。

参考答案

$E \rightarrow E \lor T$	Ή.	T		
$T \rightarrow T \wedge F$		F		
$F \rightarrow \neg F$	(E)	t	f

- (1) 由于该文法存在左递归,所以不是LL(1)文法。
- (2) 改写文法。消除其中的左递归,得到文法G':

E
$$\rightarrow$$
TE'
E' \rightarrow \vee TE' | ϵ
T \rightarrow FT'
T' \rightarrow \wedge FT' | ϵ
F \rightarrow ¬F | (E) | t | f

- (3) 每个非终结符号的FIRST和 FOLLOW集合如右:
- (4) 文法的LL(1)分析表如下:

	FIRST	FOLLOW
E	¬, (, t, f	\$,)
Ε'	ν, ε	\$,)
T	¬, (, t, f	v, \$,)
T'	Λ, ε	v, \$,)
F	¬, (, t, f	^, v, \$,)

	7	^	V	t	f	()	\$
E	E→TE'			E→TE'	E→TE'	E→TE'		
E'			E'→∨TE'				E '→ε	Ε'→ε
T	T→FT'			T→FT'	T→FT'	T→FT'		
T'		T'→∧FT'	Τ'→ε				Τ'→ε	Τ'→ε
F	F→¬F			F→t	F→f	F →(E)		





4.3 自底向上分析方法

- ■对输入串的扫描: 自左向右
- 分析树的构造: 自底向上
- 分析过程:
 - □从输入符号串开始分析
 - □查找当前句型的"可归约串"
 - □使用规则,把它归约成相应的非终结符号
 - □重复
- ■关键:找出"可归约串"
- 常用方法:
 - □优先分析方法
 - □LR分析方法

wenshli@bupt.edu.cn

wenshli@bupt.edu.c

优先分析法简介(*)

- 分为: 简单优先分析法和算符优先分析法。
- ■简单优先分析法
 - □规范归约。
 - □按照文法符号(包括终结符号和非终结符号)之间的优先 关系确定当前句型的"可归约串"。
 - □分析效率低,且只适用于简单优先文法。
 - □简单优先文法,满足以下两个条件:
 - (1) 任何两个文法符号之间最多存在一种优先关系。
 - (2) 不存在具有相同右部的产生式。

优先分析法简介

- 算符优先分析法
 - □只考虑终结符号之间的优先关系。
 - □分析速度快,不是规范归约,且只适用于算符优先文法。
 - □ 算符文法: 沒有形如 $A \rightarrow ...BC...$ 的产生式,其中B、 $C \in V_N$
 - □ 算符优先文法:
 - >算符文法、且不含有ε-产生式;
 - ▶任何两个构成序对的终结符号之间最多有 >、= 和 <</p>
 三种优先关系中的一种成立。
 - □ "可归约串"是句型的"最左素短语"。
 - >素短语: 句型的一个短语, 至少含有一个终结符号, 并且除它自身之外不再含有其他更小的素短语。
 - >最左素短语:处于句型最左边的那个素短语。

wenshli@bupt.edu.c

"移进-归约"分析方法

- 符号栈: 存放文法符号
- ■分析过程:
 - (1) 把输入符号一个个地移进栈中。
 - (2) 当栈顶的符号串形成某个产生式的一个候选式时, 在一定条件下,把该符号串替换(即归约)为该产生式 的左部符号。
 - (3) 重复(2), 直到栈顶符号串不再是"可归约串"为止。
 - (4) 重复(1)~(3), 直到最终归约出文法开始符号S。

规范归约

例:分析符号串abbcde是否为如下文法的句子。

- (1) $S \rightarrow aAcBe$
- (2) $A \rightarrow b$
- (3) $A \rightarrow Ab$
- (4) B→d (文法4.1)

■最右推导

(1) (4) (3) (2)

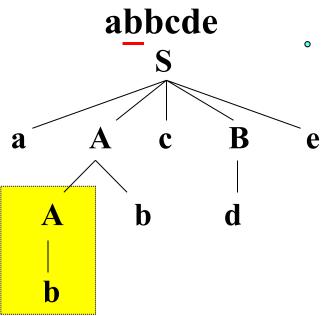
 $S \Rightarrow aAcBe \Rightarrow aAcde \Rightarrow aAbcde \Rightarrow abbcde$

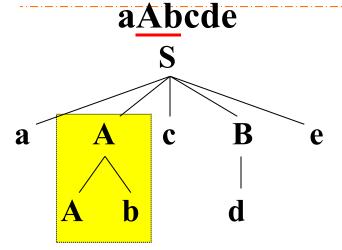
规范归约

○ 句柄? 子树?

 \bigcirc

(2)

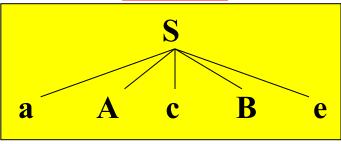




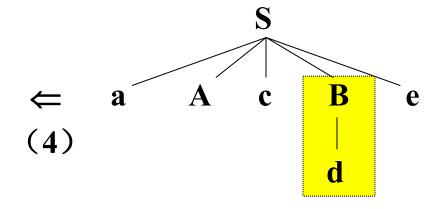
₩(3)

aAcde

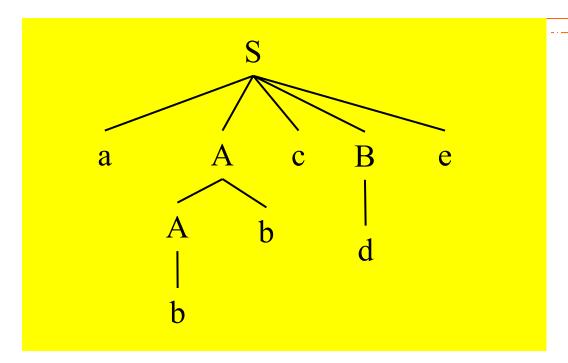
aAcBe



↓ (1) **S**



规范归约:最右推导的逆过程



a b b c d e
a A b c d e
a A c d e
a A c B e
S

 $A \rightarrow b$ $A \rightarrow Ab$ $B \rightarrow d$

S→aAcBe

最右推导:

S⇒aAcBe

⇒aAcde

⇒aAbcde

⇒abbcde

S

规范归约的定义

定义:假定 α 是文法G的一个句子,我们称右句型序列 α_n , α_{n-1} , ..., α_1 , α_0 是 α 的一个规范归约,如果序 列满足:

- (1) $\alpha_n = \alpha$, $\alpha_0 = S$
- (2) 对任何 $i(0 < i \le n)$, α_{i-1} 是经过把 α_{I} 的句柄替换为相应产生式的左部符号而得到的。
- 规范归约是关于α的一个最右推导的逆过程,因此规范归约也称为最左归约。
- abbcde的一个规范归约是如下的右句型序列: abbcde, aAbcde, aAcde, aAcBe, S。

句柄的最左性

- 规范句型: 最右推导得到的句型
- 规范句型的特点: 句柄之后没有非终结符号
- 利用句柄的最左性:与符号栈的栈顶相关
- 不同的最右推导, 其逆过程也是不同

例: 考虑文法 $E \rightarrow E + E | E \times E | (E) | id$ 的句子 $id + id \times id$ $E \rightarrow E + E \rightarrow E + E \times E \rightarrow E + E \times id \rightarrow E + id \times id \rightarrow id + id \times id$ $E \rightarrow E \times E \rightarrow E \times id \rightarrow E + id \times id \rightarrow id + id \times id$

句柄: E+E

产生式: E→E+E

句柄: id

产生式: E→id

"移进-归约"方法的实现

- ■使用一个寄存文法符号的栈和一个存放输入符号串的缓冲区。
 - □分析开始时, 先将符号 \$ 入栈, 以示栈底;
 - □将\$置入输入符号串之后,以示符号串的结束。

栈 输入\$ ω\$

开始格局

栈 输入 \$S \$

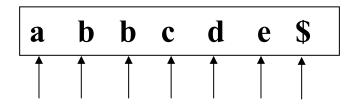
结束格局

例:对文法4.6的句子 abbcde 的规范归约过程

栈	输入	分析动作
(1) \$	abbcde\$	shift
(2) \$ a	bbcde\$	shift
(3) \$a <u>b</u>	bcde\$	reduce by $A \rightarrow b$
(4) \$aA	bcde\$	shift
(5) \$a <u>Ab</u>	cde\$	reduce by $A \rightarrow Ab$
(6) \$aA	cde\$	shift
(7) \$aAc	de\$	shift
(8) \$aAc <u>d</u>	e\$	reduce by B→d
(9) \$aAcB	e \$	shift
(10) \$aAcBe	<u>\$</u>	reduce by S→aAcBe
(11) \$S	\$	accept

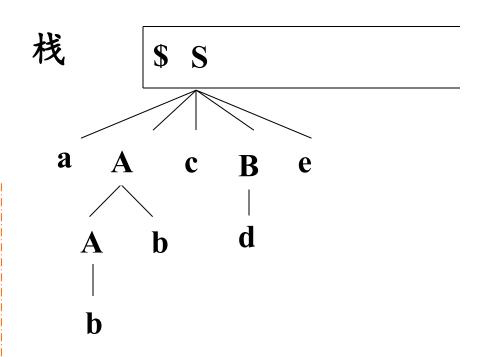
wenshli@bupt.edu.cn

句子 abbcde 的规范归约过程









wenshli@bupt.edu.cn

abbcde
aAbcde
aAcde
aAcBe
S

wenshli@bupt.edu

"移进-归约"分析方法的分析动作

移进: 把下一个输入符号移进到栈顶。

归约: 用适当的归约符号去替换这个串。

接受: 宣布分析成功, 停止分析。

错误处理:调用错误处理程序进行诊断和恢复。

分析过程中的动作冲突:

"移进-归约"冲突

"归约-归约"冲突



4.4 LR分析方法

LR分析技术概述

- 4.4.1 LR分析程序的模型及工作过程
- 4.4.2 SLR(1)分析表的构造
- 4.4.3 LR(1)分析表的构造
- 4.4.4 LALR(1)分析表的构造
- 4.4.5 LR分析方法对二义文法的应用
- 4.4.6 LR分析的错误处理与恢复

wenshli@bupt.edu.c

LR分析技术概述

- LR(k)的含义:
 - □L表示自左至右扫描输入符号串
 - □R表示为输入符号串构造一个最右推导的逆过程
 - □k表示为作出分析决定而向前看的输入符号的个数
- LR分析方法的基本思想
 - □ "历史信息":记住已经移进和归约出的整个符号串;
 - □ "预测信息":根据所用的产生式推测未来可能遇到的输入符号;
 - □根据"历史信息"和"预测信息",以及"现实"的输入符号,确定栈顶的符号串是否构成相对于某一产生式的句柄。

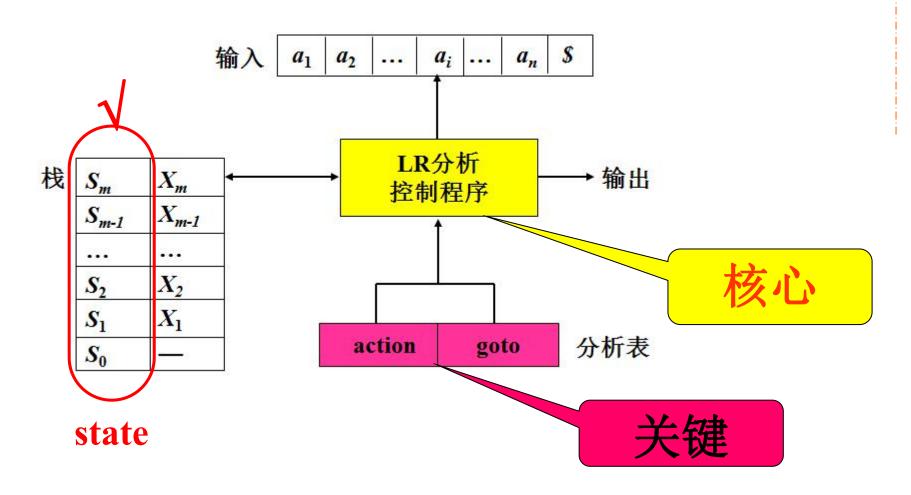
wenshli@bupt.edu.

LR分析技术概述

- LR分析技术是一种比较完备的技术
 - □可以分析所有能用上下文无关文法书写的程序设计语言的 结构;
 - □最一般的无回溯的"移进-归约"方法;
 - □能分析的文法类是预测分析方法能分析的文法类的真超集;
 - □分析过程中,能及时发现错误,快到自左至右扫描输入的 最大可能。
- LR分析方法的不足之处
 - □手工编写LR分析程序的工作量太大
 - □需要专门的工具,即LR分析程序生成器(如YACC)

4.4.1 LR分析程序的模型及工作过程

LR分析程序的模型



wenshli@bupt.edu.c

分析表

- LR分析控制程序工作的依据
- $goto[S_m, X]$: 状态 S_m 经 X 转移的后继状态
- $action[S_m, a_i]$: 状态 S_m 面临输入符号 a_i 时应采取的分析动作
 - \square shift S: 把当前输入符号 a_i 及状态S推进栈,向前扫描指针前移。这里,S=goto[S_m , a_i]。
 - □ reduce by $A \rightarrow \beta$: 若 β 的长度为 r,则从栈顶起向下弹出 r 项,使 S_{m-r} 成为栈顶状态,然后把文法符号 A 及状态S 推进栈。这里, $S=goto[S_{m-r},A]$ 。
 - □ accept: 宣布分析成功, 停止分析。
 - □ error:调用出错处理程序,进行错误恢复。

wenshli@bupt.edu.

LR分析控制程序

- ■核心部分,对所有的LR分析程序都是一样的。
- LR分析控制程序的工作过程:
 - □分析开始时,初始的二元式为: $(S_0, a_1 a_2 ... a_n \$)$
 - □分析过程中每步的结果,均可表示为如下的二元式: $(S_0 S_1 S_2 ... S_m, a_i a_{i+1} ... a_n \$)$
 - □ 若action[S_m , a_i]=shift S, S=goto[S_m , a_i], 则二元式变为: $(S_0 S_1 ... S_m S, a_{i+1} ... a_n \$)$
 - □ 若action[S_m , a_i]=reduce by $A \rightarrow \beta$, 则二元式变为: $(S_0 S_1 ... S_{m-r} S_n, a_i a_{i+1} ... a_n \$)$
 - □ 若action[S_m, a_i]=accept (接受),则分析成功,二元式变化过程终止。
 - □ 若action[S_m, a_i]=error(出错), 则发现错误,调用错误处理程序。

wenshli@bupt.edu.cr

算法4.3 LR分析控制程序

```
输入: 文法 G 的一张分析表和一个输入符号串 \omega
输出: 若 \omega \in L(G), 得到 \omega 的自底向上的分析, 否则报错
方法:开始时,初始状态S_0在栈顶,\omega$在输入缓冲区中。
    置 ip 指向 ω8 的第一个符号:
   do {
      令 S 是栈顶状态, a 是 ip 所指向的符号
       if (action[S, a] == shift S') {
        把 a 和 S′ 分别压入符号栈和状态栈;	←
        推进ip. 使它指向下一个输入符号:
       };
       else if (action[S, a]==reduce by A\rightarrow\beta) {
            从栈顶弹出 |β| 个符号; // 令S'是现在的栈顶状态
            把 A 和 goto[S', A] 分别压入符号栈和状态栈;
            输出产生式 A \rightarrow β;
          };
                                                  归约
          else if (action[S, a]==accept) return;
             else error();
     } while(1).
```

对输入符号串 id+id*id 的分析过程

状态			Ac	tion				goto	
	id	+	*	()	\$	Е	T	F
0	S5			S4			1	2	3
1		S6				ACC			
2		R2	S7		R2	R2			
3		R4	R4		R4	R4			
4	S5			S4			8	2	3
5		R6	R6		R6	R6			
6	S5			S4				9	3
7	S5			S4					10
8		S6			S11				
9		R1	S7		R1	R1			
10		R3	R3		R3	R3			
11		R5	R5		R5	R5			

输入:	id	+	id	*	id	\$
						1

分析栈:

0	1
-	E

Accept!

$$(0) E' \rightarrow E$$

$$(1) \to E + T$$

$$(2) \to T$$

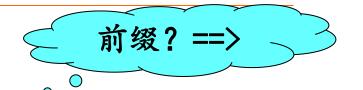
$$(3) T \rightarrow T*F$$

$$(4) T \rightarrow F$$

$$(5) F \rightarrow (E)$$

$$(6) F \rightarrow id$$

"活前缀"的概念



- ■定义:一个规范句型的一个前缀,如果不含句柄之后的任何符号,则称它为该句型的一个活前缀。
- 例:右句型aAbcde的句柄是Ab 该句型的活前缀有ε、a、aA、aAb; 句型aAcde的句柄是d
 它的活前缀有:ε、a、aA、aAc、aAcd。
- 之所以称它们为活前缀,是因为在其右边增加某些终结符号之后,就可以使之成为一个规范句型。
- **○** 分析过程中 $(S_0X_1S_1X_2...X_mS_m, a_ia_{i+1}...a_n\$)$ $X_1X_2...X_ma_ia_{i+1}...a_n$ 是一个右句型, $X_1X_2...X_m$ 是它的一个活前缀。

示例:对输入符号串id+id*id的分析过程

栈	输入	分析动作	
0	id+id*id\$	shift 5	
0 5	+id*id\$	reduce by F→id	goto[0,F]=3
<u>id</u>			
0 3	+id*id\$	reduce by $T \rightarrow F$	goto[0,T]=2
F			
0 2	+id*id\$	reduce by $E \rightarrow T$	goto[0,E]=1
<u>T</u>		g hif t 6	
0 1	+id*id\$	shift 6	
<u>E</u>		shift 5	
0 1 6	id*id\$	SHIII 3	
<u>E</u> +		reduce by F→id	goto[6,F]=3
0 1 6 5	*id\$	reduce by r-71d	goto[0,F]=3
$\underline{\mathbf{E} + \mathbf{id}}$		reduce by T→F	goto[6,T]=9
0 1 6 3	*id\$	reduce by 1 71	8000[0,1]
$\mathbf{E} + \mathbf{F}$			

示例:对输入符号串id+id*id的分析过程

栈
0 1 6 9
$\mathbf{E} + \mathbf{T}$
0 1 6 9 7
E + T *
0 1 6 9 7 5
E + T * id
0 1 6 9 7 10
$\mathbf{E} + \mathbf{T} * \mathbf{F}$
E + T * F 0 1 6 9
_
0 1 6 9
0 1 6 9 E + T

*id\$

id\$

分析动作

shift 7

shift 5

reduce by F→id

goto[7,F]=10

\$

\$

reduce by $T \rightarrow T^*F$

goto[6,T]=9

\$

reduce by $E \rightarrow E + T$

goto[0,E]=1

\$

ACC

4.4.2 SLR(1)分析表的构造

- ■中心思想:
 - □为给定的文法构造一个识别它所有活前缀的DFA
 - □根据该DFA构造文法的分析表

- 构造识别给定文法的所有活前缀的DFA
- SLR(1)分析表的构造

wenshli@bupt.edu.cn

wenshli@bupt.edu.c

构造识别给定文法所有活前缀的DFA

- 活前缀与句柄之间的关系
 - □活前缀不含有句柄的任何符号
 - □活前缀只含有句柄的部分符号
 - □活前缀已经含有句柄的全部符号
- 分析过程中,分析栈中出现的活前缀
 - □第一种情况,期望从剩余输入串中能够看到由某产生式 $A\rightarrow\alpha$ 的右部 α 所推导出的终结符号串;
 - □第二种情况,某产生式 $A \rightarrow \alpha_1 \alpha_2$ 的右部子串 α_1 已经出现 在栈顶,期待从剩余的输入串中能够看到 α_2 推导出的符号串;
 - □第三种情况,某一产生式 $A\rightarrow\alpha$ 的右部符号串 α 已经出现 在栈顶,用该产生式进行归约。

LR(0)项目

- 右部某个位置上标有圆点的产生式称为文法G的一个LR(0)项目
- 产生式 $A \rightarrow XYZ$ 对应有 $4 \land LR(0)$ 项目

- 归约项目:圆点在产生式最右端的LR(0)项目
- 接受项目:对文法开始符号的归约项目
- 待约项目:圆点后第一个符号为非终结符号的LR(0)项目
- 移进项目:圆点后第一个符号为终结符号的LR(0)项目

产生式 $A\to ε$,只有一个LR(0)归约项目 $A\to •$ 。

wenshli@bupt.edu.

拓广文法

- 任何文法G=(V_T , V_N , S, φ),都有等价的文法: G'=(V_T , V_N U{S'}, S', φU{S'→S}), φG′为G的拓广文法。
- 拓广文法G'的接受项目是唯一的($PS' \rightarrow S \bullet$)

定义4.10: LR(0)有效项目

■ 项目 $A \rightarrow \beta_1 \bullet \beta_2$ 对活前缀 $\gamma = \alpha \beta_1$ 是有效的,如果存在一个规范推导:

$$S \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha A \omega \Rightarrow \alpha \beta_1 \beta_2 \omega$$

■ 推广:若项目A→α•Bβ对活前缀 γ =δα 是有效的,并且有产生式B→η,则项目B→•η对活前缀 γ =δα 也是有效的。

$$S \stackrel{*}{\Rightarrow} \delta A \omega \Rightarrow \delta \alpha B \beta \omega \stackrel{*}{\Rightarrow} \delta \alpha B \lambda \Rightarrow \delta \alpha \eta \lambda$$

■ LR(0)项目 $S' \rightarrow \bullet S$ 是活前缀 ϵ 的有效项目

(这里取
$$\gamma=\epsilon$$
, $\beta_1=\epsilon$, $\beta_2=S$, $A=S'$)

$$S' \Rightarrow S$$

wenshli@bupt.edu.

LR(0)有效项目集和LR(0)项目集规范族

文法G的某个活前缀γ的所有LR(0)有效项目组成的集合称为γ的LR(0)有效项目集。

文法G的所有LR(0)有效项目集组成的集合称为G的LR(0)项目集规范族。

定义4.11: 闭包(closure)

设I是文法G的一个LR(0)项目集合, closure(I)是从I出发,用下面的方法构造的项目集:

- (1) I中的每一个项目都属于closure(I);
- (2) 若项目 A→α•Bβ 属于 closure(I), 且G有产生式 B→η, 若 B→•η 不属于 closure(I), 则将 B→•η 加入 closure(I);
- (3) 重复规则(2), 直到closure(I)不再增大为止。

wenshli@

算法4.4 closure(I)的构造过程

```
输入:项目集合1。
输出: 集合J=closure(I)。
方法:
  J=I;
  do {
     J new=J;
     for (J new中的每一个项目A→α•Bβ
          和文法G的每个产生式B \rightarrow n)
       if (B\rightarrow \bullet \eta \notin J) 把B\rightarrow \bullet \eta m \lambda J;
  } while (J new!=J).
```

定义4.12: 转移函数go

若I是文法G的一个LR(0)项目集,X是一个文法符号, 定义

go(I, X)=closure(J)

其中: $J=\{A\rightarrow\alpha X\bullet\beta \mid \exists A\rightarrow\alpha\bullet X\beta 属于 I 时\}$ go(I, X) 称为转移函数 项目 $A\rightarrow\alpha X\bullet\beta$ 称为 $A\rightarrow\alpha\bullet X\beta$ 的后继

直观含义:

若I中的项目A $\rightarrow \alpha \cdot X\beta$ 是某个活前缀 $\gamma = \delta \alpha$ 的有效项目,J中的项目A $\rightarrow \alpha X \cdot \beta$ 是活前缀 $\delta \alpha X$ (即 γX)的有效项目。

wenshli@bupt.edu.cı

wenshli@bupt.edu.cr

算法4.5 构造文法G的LR(0)项目集规范族

```
输入: 文法G
输出: G的LR(0)项目集规范族C
方法:
  C = \{closure(\{S' \rightarrow \bullet S\})\};
  do
   for (对C中的每一个项目集I和每一个文法符号X)
     if (go(I, X)不为空,且不在C中)
       把go(I, X)加入C中;
  while (没有新项目集加入C中);
```

这里 closure($\{S' \rightarrow \bullet S\}$) 是活前缀 ϵ 的有效项目集

示例

- 构造如下文法G的LR(0)项目集规范族: S→aA | bB A→cA | d B→cB | d (文法4.6)
- ① 拓广文法G': S'→S S→aA|bB A→cA|d B→cB|d

 $=\{S \rightarrow b \cdot B, B \rightarrow \cdot cB, B \rightarrow \cdot d\}$

- ② 活前缀ε的有效项目集
 I₀=closure({S'→•S})={ S'→•S, S→•aA, S→•bB}

示例

④
$$I_2 = \{S \rightarrow a \bullet A, A \rightarrow \bullet cA, A \rightarrow \bullet d\}$$

从 I_2 出发的转移有
 $I_4 = go(I_2, A) = closure(\{S \rightarrow aA \bullet \}) = \{S \rightarrow aA \bullet \}$
 $I_5 = go(I_2, c) = closure(\{A \rightarrow c \bullet A\})$ — ac
 $= \{A \rightarrow c \bullet A, A \rightarrow \bullet cA, A \rightarrow \bullet d\}$
 $I_6 = go(I_2, d) = closure(\{A \rightarrow d \bullet \}) = \{A \rightarrow d \bullet \}$ — ad

5
$$I_3 = \{S \rightarrow b \circ B, B \rightarrow \circ cB, B \rightarrow \circ d\}$$
 从 I_3 出发的转移有 活前缀 $I_7 = go(I_3, B) = closure(\{S \rightarrow bB \circ \}) = \{S \rightarrow bB \circ \}$ — bB $I_8 = go(I_3, c) = closure(\{B \rightarrow c \circ B\})$ — bc = $\{B \rightarrow c \circ B, B \rightarrow \circ cB, B \rightarrow \circ d\}$ $I_9 = go(I_3, d) = closure(\{B \rightarrow d \circ \}) = \{B \rightarrow d \circ \}$ — bd

示例

$$egin{aligned} &\mathbf{I}_5 = \{ \mathbf{A}
ightarrow \mathbf{c} \cdot \mathbf{A}, \ \mathbf{A}
ightarrow \mathbf{c} \cdot \mathbf{A} \end{aligned}$$

$$\mathbf{I}_{10} = \mathbf{go}(\mathbf{I}_5, \mathbf{A}) = \mathbf{closure}(\{ \mathbf{A}
ightarrow \mathbf{c} \cdot \mathbf{A} \}) = \{ \mathbf{A}
ightarrow \mathbf{c} \cdot \mathbf{A} \}$$

$$\mathbf{go}(\mathbf{I}_5, \mathbf{c}) = \mathbf{closure}(\{ \mathbf{A}
ightarrow \mathbf{c} \cdot \mathbf{A} \}) = \mathbf{I}_5$$

$$\mathbf{go}(\mathbf{I}_5, \mathbf{d}) = \mathbf{closure}(\{ \mathbf{A}
ightarrow \mathbf{d} \cdot \mathbf{e} \}) = \mathbf{I}_6$$

$$-\mathbf{acd}$$

⑦
$$I_8 = \{B \rightarrow c \cdot B, B \rightarrow \cdot cB, B \rightarrow \cdot d\}$$
从 I_8 出发的转移有

 $I_{11} = go(I_8, B) = closure(\{B \rightarrow cB \cdot \}) = \{B \rightarrow cB \cdot \}$
 $go(I_8, c) = closure(\{B \rightarrow c \cdot B\}) = I_8$
—bcc

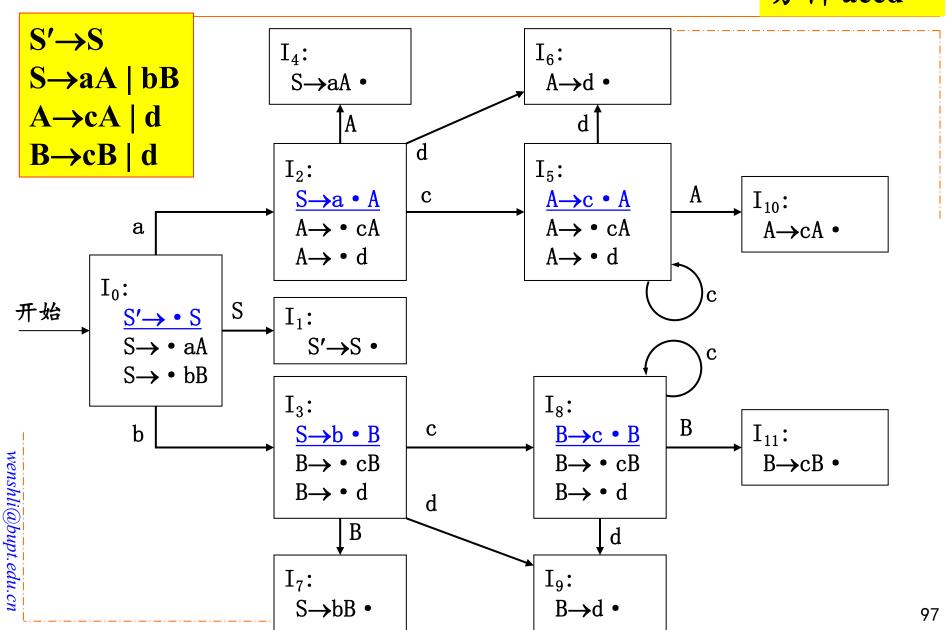
■ 文法G'的LR(0)项目集规范族 C={I₀, I₁, ..., I₁₁}

 $go(I_8, d) = closure(\{B \rightarrow d \cdot \}) = I_9$

-bcd

识别文法G'的所有活前缀的DFA

练习: 分析 accd



accd\$ 示例: accd的分析过程 $S' \rightarrow S$ I₄: I_6 : 0 $S \rightarrow aA \mid bB$ **10 10** $S \rightarrow aA \cdot$ $A \rightarrow d$ • S $A \rightarrow cA \mid d$ A Α d $B \rightarrow cB \mid d$ Accept! I₂: I_5 : A I_{10} : <u>S→a • A</u> C $A \rightarrow c \cdot A$ $A \rightarrow \bullet cA$ $A \rightarrow cA \bullet$ $A \rightarrow \bullet cA$ a $A \rightarrow \cdot d$ $A \rightarrow \cdot d$ I_0 : C 开始 S $\frac{S' \to \bullet S}{S \to \bullet aA}$ S'→S • C $S \rightarrow \bullet bB$ I₈: I_3 : В I₁₁: b C $S \rightarrow b \cdot B$ $\underline{B \rightarrow c \cdot B}$ wenshli@bupt.edu.cn $B \rightarrow cB$ $B \rightarrow \cdot cB$ $B \rightarrow cB \cdot$ $B \rightarrow d$ $B \rightarrow \cdot d$ d ↓B d I₇: I_9 : $S \rightarrow bB \cdot$ $B \rightarrow d$ • 98

wenshli@bupt.edu.c

SLR(1)分析表的构造

- SLR分析方法的一个特征
 - □如果文法的有效项目集中有冲突动作,多数冲突可通过考察有关非终结符号的FOLLOW集合而得到解决
- 如项目集: $I=\{X\rightarrow\alpha\bullet b\beta, A\rightarrow\alpha\bullet, B\rightarrow\beta\bullet\}$
 - □存在移进-归约冲突
 - □存在归约-归约冲突
- 冲突的解决: 查看FOLLOW(A)和FOLLOW(B)
 - **□** FOLLOW(A)∩FOLLOW(B)=Φ
 - □ b∉FOLLOW(A) 并且 b∉FOLLOW(B)
 - □决策:
 - · 当a=b时,把b移进栈里;
 - 当a∈FOLLOW(A)时,用产生式A→α进行归约;
 - · 当a∈FOLLOW(B)时,用产生式B→β进行归约。

算法4.6 构造SLR(1)分析表

输入: 拓广文法G' 输出: G'的SLR分析表 方法如下:

- 1.构造G'的LR(0)项目集规范族C= $\{I_0, I_1, ..., I_n\}$ 。
- 2.对于状态i(对应于项目集Ii的状态)的分析动作如下
 - a) 若 $A \rightarrow \alpha \cdot a\beta \in I_i$, 且 $go(I_i, a) = I_i$, 则置 action[i, a]=Sj
 - b) 若 $A \rightarrow \alpha \in I_i$, 则对所有 $a \in FOLLOW(A)$, 置 action[i, a]=R $A \rightarrow \alpha$
 - c) 若 $S' \rightarrow S \in I_i$, 则置 action[i, \$]=ACC, 表示分析成功
- 3.若go(I_i, A)=I_j, A为非终结符号,则置 goto[i, A]=j
- 4.分析表中凡不能用规则(2)、(3)填入信息的空白表项,均置为出错标志error。
- 5.分析程序的初态是包含项目 $S' \rightarrow S$ 的有效项目集所对应的状态。

示例:构造文法4.6的SLR(1)分析表

- ■构造出该文法的LR(0)项目集规范族、及识别文法活前缀的DFA
- 考察 I_0 ={ $S' \rightarrow \bullet S$, $S \rightarrow \bullet aA$, $S \rightarrow \bullet bB$ }
 - □对项目S'→•S, 有go(I_0 , S)= I_1 , 所以 goto[0, S]=1
 - □ 对项目S→•aA, 有go(I_0 , a)= I_2 , 所以 action[0, a]=S2
 - □ 对项目S→•bB,有go(I_0 , b)= I_3 ,所以 action[0, b]=S3
- 考察I₁={S'→S•}
 - □ 项目S'→S• 是接受项目, 所以action[1, \$]=ACC
- 考察 $I_2 = \{S \rightarrow a \cdot A, A \rightarrow \cdot cA, A \rightarrow \cdot d\}$
 - □ 对项目S→a•A,有go(I_2 , A)= I_4 ,所以 goto[2, A]=4
 - □ 对项目A→•cA, 有go(I_2 , c)= I_5 , 所以 action[2, c]=S5
 - □ 对项目A→•d, 有go(I_2 , d)= I_6 , 所以 action[2, d]=S6

示例:构造文法4.6的SLR(1)分析表

- 考察 $I_3 = \{S \rightarrow b \cdot B, B \rightarrow \cdot cB, B \rightarrow \cdot d\}$
 - □ 对项目S→b•B, 有go(I₃, B)=I₇, 所以 goto[3, B]=7
 - □ 对项目B→•cB,有go(I_3 , c)= I_8 , 所以 action[3, c]=S8
 - □ 对项目B→•d, 有go(I_3 , d)= I_9 , 所以 action[3, d]= S_9
- 考察I₄={ S→aA•}
 - □项目S→aA•是归约项目,且FOLLOW(S)={\$}, 所以 action[4,\$]=R1
- 考察 I_5 ={ $A \rightarrow c \cdot A$, $A \rightarrow c \cdot A$, $A \rightarrow c \cdot A$ }
 - □ 对项目A→c•A,有go(I_5 , A)= I_{10} ,所以 goto[5, A]=10
 - □ 对项目A→•cA,有go(I_5 , c)= I_5 , 所以 action[5, c]=S5
 - □对项目A→•d, 有go(I_5 , d)= I_6 , 所以 action[5, d]=S6
- 考察I₆={A→d•}
 - □项目A→d•是归约项目, 且 FOLLOW(A)={\$}, 所以 action[6, \$]=R4

文法4.6的SLR(1)分析表

(0)	S'-	S
(0)	D -	10

(1) $S \rightarrow aA$

(2) $S \rightarrow bB$ (3) $A \rightarrow cA$

 $(4) A \rightarrow d$

(5) B→cB

 $(6) B \rightarrow d$

$$I_0: \xrightarrow{S' \to \bullet S} S \to \bullet A S \to \bullet bB$$

 $I_2: \underline{S} \rightarrow a \cdot \underline{A}$

 $A \rightarrow \bullet cA$

 $A \rightarrow \cdot d$

 $I_4:S \rightarrow aA \bullet$

 $I_6:A \rightarrow d$

$$I_1: S' \rightarrow S \bullet$$

 I_3 : $S \rightarrow b \cdot B$ $B \rightarrow cB$ $B \rightarrow \bullet d$

•	仅
	(
]
	3
	3
<u>A</u>	4
	5
<u>B</u>	5

I ₅ : A-	→ c •	A
$A \rightarrow$	• cA	
$A \rightarrow$	• d	

$I_7:S \rightarrow bB \bullet$

$$I_8: \underline{B \rightarrow c \cdot B}$$

$$B \rightarrow \cdot cB$$

$$B \rightarrow \cdot d$$

$I_9: B \rightarrow d \bullet$	

wenshli@bupt.edu.cn

$I_{10}:A-$	>cA •
-------------	-------

I_{11}	:E	3 → сВ	
----------	----	-------------------	--

					. — . — . — . — . —			. — . — . —
状态		action				goto		
	a	b	С	d	(\$)	S	A	В
0	S2	S3				1		
1					acc			
2			S5	S6			4	
3			S8	S9				7
4	7				R1			
5			S5	S6			10	
6					R4			
7					R2			
8			S8	S9				11
9					R6			
10					R3			
11					R5			

wenshli@bupt.edu.

SLR(1)文法

- 若用算法4.5构造出来的分析表不含有冲突,则该分析表称为该文法的SLR(1)分析表
- 具有SLR(1)分析表的文法称为SLR(1)文法

课堂练习2

证明下面的文法是LL(1)的,但不是SLR(1)的。

$$S \rightarrow (X \mid E] \mid F)$$

 $X \rightarrow E) \mid F|$

 $E \rightarrow A$

 $F \rightarrow A$

 $A \rightarrow \epsilon$

wenshli@bupt.edu.cn

解答: 证明该文法是LL(1)文法

 $S \rightarrow (X \mid E] \mid F)$ $X \rightarrow E \mid F$

■ 该文法每个非终结符号的FIRST集和FOLLOW集合如下:

$S \rightarrow (X$
X → E)
$E \rightarrow A$
$F \rightarrow A$
Α→ε

	FIRST	FOLLOW		
S	(,],)	\$		
X],)	\$		
E	3],)		
F	3],)		
A	3],)		

	()	1	\$
S	S→(X	S→F)	S→E]	
X		X→E)	X→F]	
E		E→A	E→A	
F		F→A	F→A	
A		$A \rightarrow \epsilon$	$A \rightarrow \epsilon$	

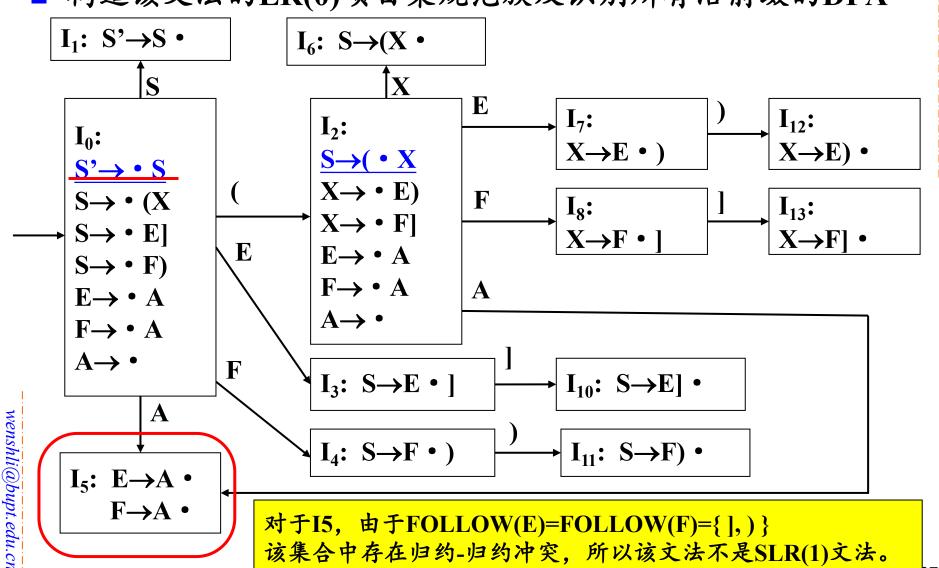
■ 该文法的LL(1)分析表如右:

■ 结论: LL(1)分析表中不含有多重定义的入口,所以该文法 是LL(1)文法

证明该文法不是SLR(1)文法 $E \rightarrow A$ E

 $S \rightarrow (X \mid E] \mid F) \quad X \rightarrow E) \mid F]$

构造该文法的LR(0)项目集规范族及识别所有活前缀的DFA

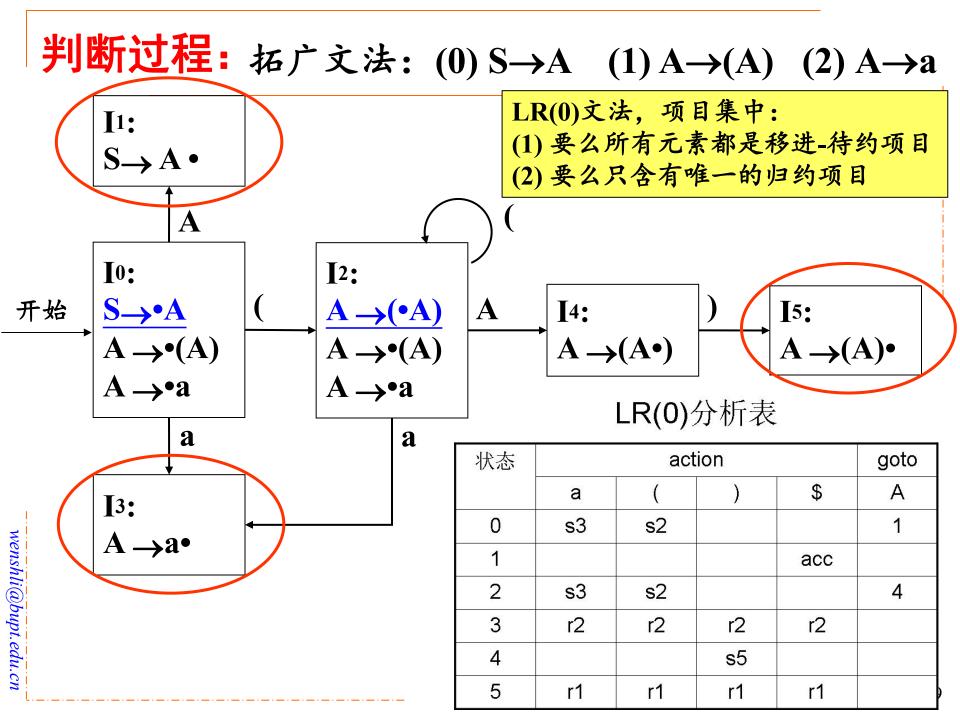


LR(0)分析表和LR(0)文法

- ■如果在执行上述算法的过程中,始终没有向前看任 何输入符号,则构造的SLR分析表称为LR(0)分析表
- 具有LR(0)分析表的文法称为LR(0)文法。
- □ 一个文法是LR(0)文法, 当且仅当该文法的每个活前 缀的有效项目集中:
 - □要么所有元素都是移进-待约项目
 - □要么只含有唯一的归约项目
- 具有如下产生式的文法是一个LR(0)文法。

$$A \rightarrow (A)|a$$

练习:如何判断?

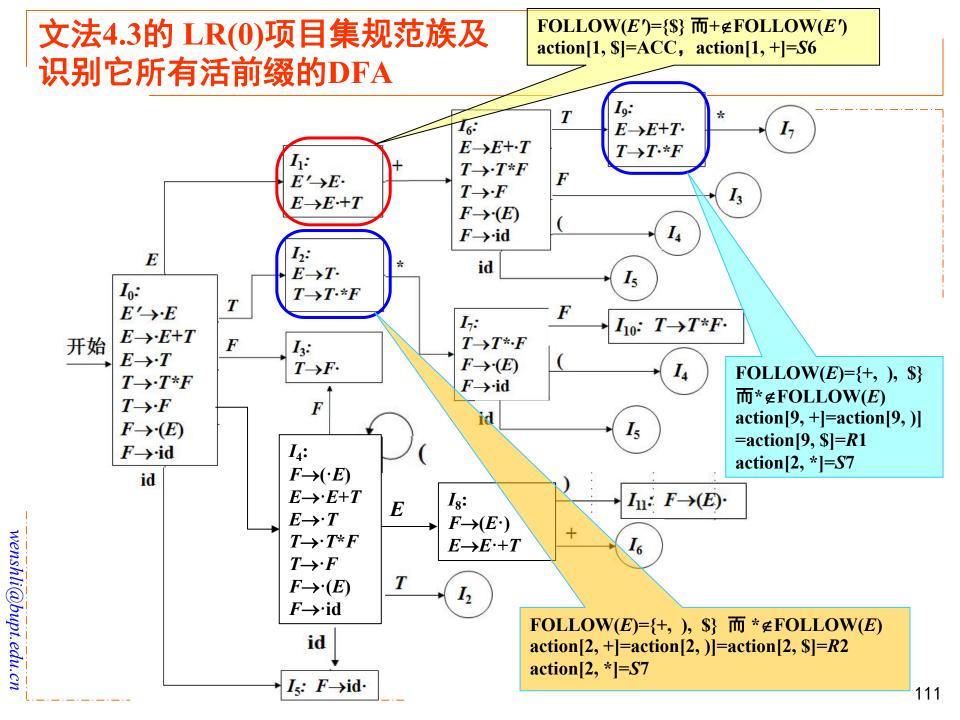


示例

■ 文法4.3的拓广文法G':

- $(0) E' \rightarrow E$
 - $(1) E \rightarrow E + T \qquad (2) E \rightarrow T$
- $(3) T \rightarrow T*F$

- $(4) T \rightarrow F \qquad (5) F \rightarrow (E)$
- (6) $F \rightarrow id$
- 判断文法4.3是LR(0)文法, 还是SLR(1)文法?
- □ 构造G'的LR(0)项目集规范族及识别它所有活前缀的 **DFA**



定理

- 每一个SLR(1)文法都是无二义的文法, 但并非无二义的文法都是SLR(1)文法。
- 例: 有文法G具有如下产生式:

$$S \rightarrow L = R$$

 $S \rightarrow R$

L→*R

 $L \rightarrow id$

 $R \rightarrow L$

(文法4.7)

- 该文法无二义性,但不是SLR(1)文法。
- 拓广文法G'的产生式如下:

$$(0) S' \rightarrow S$$

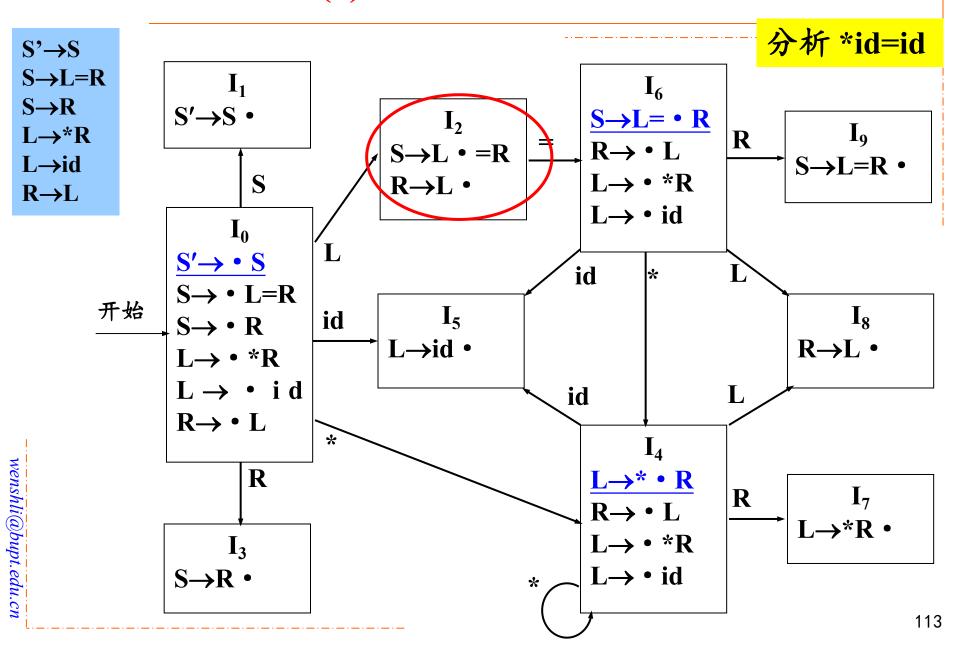
$$(0) S' \rightarrow S \qquad (1) S \rightarrow L = R \qquad (2) S \rightarrow R$$

$$(2) S \rightarrow R$$

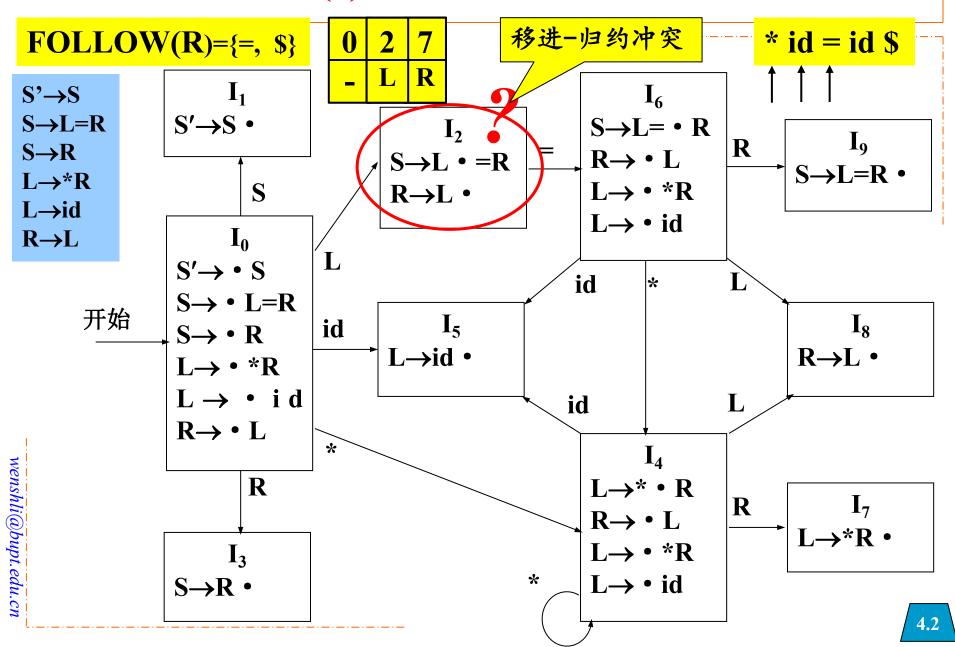
(3)
$$L \rightarrow R$$
 (4) $L \rightarrow id$ (5) $R \rightarrow L$

$$(5) R \rightarrow I$$

构造文法G'的LR(0)项目集规范族及识别活前缀的DFA



构造文法G'的LR(0)项目集规范族及识别活前缀的DFA



wenshli@bupt.edu.c

4.4.3 LR(1)分析表的构造

- LR(k)项目: $[A\rightarrow \alpha \cdot \beta, a_1 a_2 ... a_k]$
 - □ A→α•β是LR(0)项目
 - □ a_i (i=1,2,...,k)是终结符号
 - □ a₁a₂...a_k称为该项目的向前看符号串
- 向前看符号串仅对归约项目[A→α•, a₁a₂...a_k]起作用
- □归约项目 $[A\rightarrow \alpha^{\bullet}, a_1a_2...a_k]$ 意味着,当它所属项目集对应的状态在栈顶,且后续的k个输入符号为 $a_1a_2...a_k$ 时,才允许把栈顶的文法符号串 α 归约为A。

定义4.13: LR(1)有效项目

■ 称一个LR(1)项目 [$A\rightarrow \alpha \cdot \beta$, a] 对活前缀 $\gamma=\delta\alpha$ 是有效的, 如果存在一个规范推导:

$$S \stackrel{*}{\Rightarrow} \delta A \omega \Rightarrow \delta \alpha \beta \omega$$

其中 ω 的第一个符号为 a,或者 ω = ϵ ,且a= $\$$ 。

- 推广: 若项目[A→α•Bβ, a]对活前缀 γ =δα 是有效的,并且有产生式 B→η,则对任何 b∈FIRST(βa),项目[B→•η, b] 对活前缀 γ =δα 也是有效的。
- b或是从 β 推出的开头终结符号,或者 β ⇒ ϵ ,而b=a。

$$S \stackrel{*}{\Rightarrow} \delta A \omega \Rightarrow \delta \alpha B \beta \omega \stackrel{*}{\Rightarrow} \delta \alpha B \lambda \Rightarrow \delta \alpha \eta \lambda$$

LR(1)项目[S'→•S, \$]对活前缀ε是有效的。

wenshli@bupt.edu.

LR(1)有效项目集和 LR(1)项目集规范族

- 文法G的某个活前缀γ的所有LR(1)有效项目组成的 集合称为γ的LR(1)有效项目集。
- 文法G的所有LR(1)有效项目集组成的集合称为G的LR(1)项目集规范族。

wenshli@bupt.edu.c

定义4.14: 闭包 (closure)

设I是文法G的一个LR(1)项目集, closure(I)是从I出发,用下面的方法构造的项目集。

- (1) I中的每一个项目都属于closure(I);
- (2) 若项目[A→α•Bβ, a]属于closure(I),且 G有产生式B→η,则 对任何终结符号 b∈FIRST(βa), 若项目[B→•η, b]不属于集合closure(I),则将它加入closure(I);
- (3) 重复规则(2), 直到closure(I)不再增大为止。

wenshli@bupt.edu.cr

算法4.7 closure(I)的构造过程

```
输入:项目集合I
输出: 集合J=closure(I)
方法:
  J=I;
  do {
     J new=J;
     for (J new中的每一个项目[A\rightarrow \alpha \cdot B\beta, a] 和
         文法G的每个产生式B→η)
       for (FIRST(βa)中的每一个终结符号b)
            if ([B\rightarrow \bullet \eta, b] \notin J) 把[B\rightarrow \bullet \eta, b]加入J;
  } while (J new!=J);
```

wenshli@bupt.edu.c

定义4.15: 转移函数go

若I是文法G的一个LR(1)项目集,X是一个文法符号, 定义:

go(I, X)=closure(J)

其中: $J=\{[A\rightarrow\alpha X\cdot\beta,a]\mid \exists [A\rightarrow\alpha\cdot X\beta,a]$ 属于I时 }

项目 $[A \rightarrow \alpha X \cdot \beta, a]$ 称为 $[A \rightarrow \alpha \cdot X \beta, a]$ 的后继。

直观含义:

若I是某个活前缀γ的有效项目集,

则 go(I, X) 便是对活前缀 γX 的有效项目集。

wenshli@bup

算法4.8 构造文法G的LR(1)项目集规范族

输入: 拓广文法G' 输出: G'的LR(1)项目集规范族 方法: $C=\{closure(\{[S'\rightarrow \bullet S, \$]\})\};$ do for (C中的每一个项目集I和每一个文法符号X) if (go(I, X)不为空,且不在C中) 把 go(I, X) 加入C中; while (没有新项目集加入C中).

示例

构造如下文法的LR(1)项目集规范族:

- 拓广文法:
 - (0) $S' \rightarrow S$ (1) $S \rightarrow CC$ (2) $C \rightarrow cC$ (3) $C \rightarrow d$
- 根据算法4.6 构造其LR(1)项目集规范族。

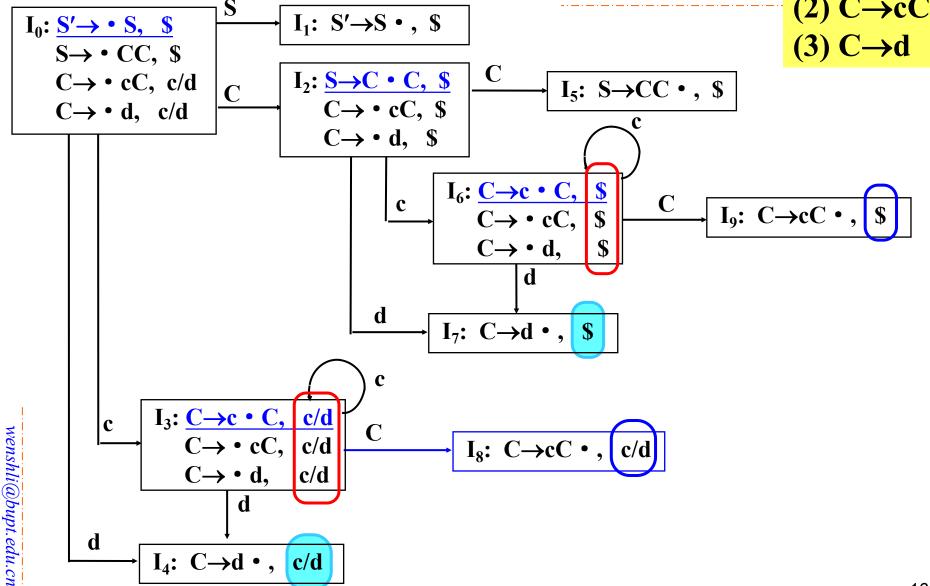
```
\begin{split} &I_0 = closure(\{[S' \to \bullet S, \$]]\}) \\ &= \{[S' \to \bullet S, \$] \ [S \to \bullet CC, \$] \ [C \to \bullet cC, c/d] \ [C \to \bullet d, c/d]\} \\ &I_1 = go(I_0, S) = closure(\{[S' \to S \bullet, \$]\}) = \{[S' \to S \bullet, \$]\} \\ &I_2 = go(I_0, C) = closure(\{[S \to C \bullet C, \$]\}) \\ &= \{[S \to C \bullet C, \$] \ [C \to \bullet cC, \$] \ [C \to \bullet d, \$]\} \\ &I_3 = go(I_0, c) = closure(\{[C \to c \bullet C, c/d]\}) \\ &= \{[C \to c \bullet C, c/d] \ [C \to \bullet cC, c/d]\} \\ &I_4 = go(I_0, d) = closure(\{[C \to d \bullet, c/d]\}) = \{[C \to d \bullet, c/d]\} \\ \end{split}
```

示例

```
I_5=go(I_2, C)=closure(\{[S\rightarrow CC^{\bullet}, \$]\})=\{[S\rightarrow CC^{\bullet}, \$]\}
I_6 = go(I_2, c) = closure(\{[C \rightarrow c \cdot C, \$]\})
    =\{[C\rightarrow c \cdot C, \$] [C\rightarrow \cdot cC, \$] [C\rightarrow \cdot d, \$]\}
I_7=go(I_2, d)=closure(\{[C\rightarrow d\bullet, \$]\})=\{[C\rightarrow d\bullet, \$]\}
I_8=go(I_3, C)=closure(\{[C\rightarrow cC\bullet, c/d]\})=\{[C\rightarrow cC\bullet, c/d]\}
  go(I_3, c) = closure(\{[C \rightarrow c \cdot C, c/d]\}) = I_3
  go(I_3, d) = closure(\{[C \rightarrow d \cdot, c/d]\}) = I_4
I_9=go(I_6, C)=closure(\{[C\rightarrow cC^{\bullet}, \$]\})=\{[C\rightarrow cC^{\bullet}, \$]\}
  go(I_6, c) = closure(\{[C \rightarrow c \cdot C, \$]\}) = I_6
  go(I_6, d) = closure(\{[C \rightarrow d^{\bullet}, \$]\}) = I_7
```

识别文法4.8所有活前缀的DFA

- $(0) S' \rightarrow S$
- $(1) S \rightarrow CC$
- (2) $C \rightarrow cC$



输入: 拓广文法G' 输出: 文法G'的分析表

方法如下:

- 1.构造文法G'的LR(1)项目集规范族C= $\{I_0, I_1, ..., I_n\}$
- 2.对于状态i(代表项目集I;),分析动作如下:
 - a) 若 $[A \rightarrow \alpha \cdot a\beta, b] \in I_i$, 且 $go(I_i, a) = I_i$, 则置 action $[i, a] = S_i$
 - b) 若 $[A \rightarrow \alpha^{\bullet}, a] \in I_i$, 且 $A \neq S'$, 则置 action $[i, a] = R_i$
 - c) 若 $[S' \rightarrow S^{\bullet}, \$] \in I_i$, 则置 action[i, \$] = ACC
- 3.若对非终结符号A,有 $go(I_i, A)=I_i$,则置 goto[i, A]=i
- 4.凡是不能用上述规则填入信息的空白表项,均置上出错标志 error.
- 5.分析程序的初态是包括 $[S' \rightarrow \bullet S, \$]$ 的有效项目集所对应的状态。

例:构造文法4.8的LR(1)分析表

考察I₀:

- \square [S' \rightarrow •S, \$] 且 go(I₀, S)=I₁, 故: goto[0, S]=1
- \square [S \rightarrow •CC, \$] go(I₀, C)=I₂ goto[0, C]=2
- \square [C \rightarrow •cC, c/d] go(I₀, c)=I₃ action[0, c]=S3
- \square [C \rightarrow •d, c/d] go(I₀, d)=I₄ action[0, d]=S4
- 考察 I_1 : 由于 $[S' \rightarrow S^{\bullet}, \$]$ 故: action[1, \$] = ACC
- 考察I₂:
 - □ $[S \rightarrow C \cdot C, \$]$ 且 $go(I_2, C) = I_5$ 故: goto[2, C] = 5
 - \square [C \rightarrow •cC, \$] go(I₂, c)=I₆ action[2, c]=S6
 - \square [C \rightarrow •d, \$] go(I₂, d)=I₇ action[2, d]=S7
- ■考察I₄:
 - □ [C \rightarrow d \bullet , c/d] 故 action[4, c]=action[4, d]=R3

例:构造文法4.8的LR(1)分析表

- $(0) S' \rightarrow S$
- $(1) S \rightarrow CC$
- $(2) C \rightarrow cC$
- $(3) C \rightarrow d$
- I₃: $C \rightarrow c \cdot C$, c/d $C \rightarrow \cdot cC$, c/d $C \rightarrow \cdot d$, c/d

 $I_6: \frac{\mathbb{C} \rightarrow \mathbf{c} \cdot \mathbb{C}, \$}{\mathbb{C} \rightarrow \cdot \mathbf{c} \mathbb{C}, \$}$ $\mathbb{C} \rightarrow \cdot \mathbf{d}, \$$

$I_0: \underline{S'} \rightarrow \cdot \underline{S}, \underline{\$}$
$S \rightarrow \cdot CC, \$$
$C \rightarrow \cdot cC, c/d$
$C \rightarrow \bullet d, c/d$

$I_1: S' \rightarrow S \cdot , S$	S	
-----------------------------------	----------	--

$I_2: \underline{S \rightarrow C \cdot C},$	\$
$C \rightarrow \cdot cC$,	\$
$C \rightarrow \cdot d$, S	\$

L:	C-	→d	• .	c/d
1 4∙	U -	7 u	•	C/U

$I_5: S \rightarrow CC \cdot$,	\$
-------------------------------	---	----

I ₇ :	C-	→d	• ,	\$	
-/-	$\overline{}$, 02	7	Ψ	

$$I_8$$
: $C \rightarrow cC \cdot , c/d$

$$I_9: C \rightarrow cC \cdot , \$$$

状		actio	go	to	
态	c	d	\$	S	C
0	S3	S4		1	2
1			ACC		
2	S6	S7			5
3	S3	S4			8
4	R3	R3			
5			R1		
6	S6	S7			9
7			R3		
8	R2	R2			
9			R2		12

wenshli@bupt.edu.cn

示例

■ 试构造文法4.7的LR(1)分析表

(1)
$$S \rightarrow L = R$$
 (2) $S \rightarrow R$ (3) $L \rightarrow R$

 $(4) L \rightarrow id \qquad (5) R \rightarrow L$

■ 拓广文法G′

$$(0) S' \rightarrow S$$

$$(0) S' \rightarrow S \qquad (1) S \rightarrow L = R \qquad (2) S \rightarrow R$$

$$(2) S \rightarrow R$$

(3)
$$L \rightarrow R$$
 (4) $L \rightarrow id$ (5) $R \rightarrow L$

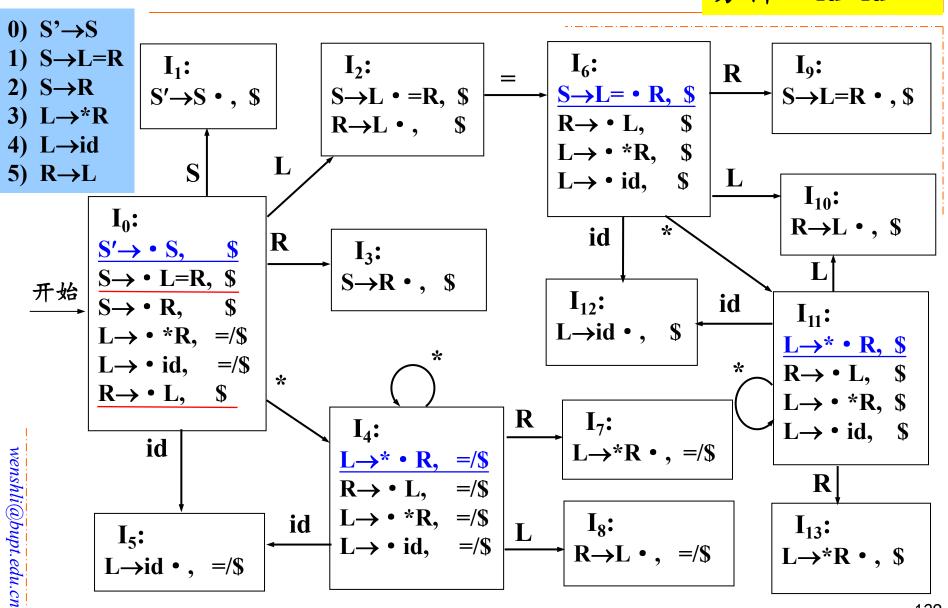
(4)
$$L \rightarrow id$$

$$(5) R \rightarrow L$$

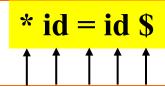
构造文法G'的LR(1)项目集规范族及识别所有活前缀 的DFA

示例

练习: 分析 *id=id



分析过程:



0	1	6	9
-	S		R

R

L

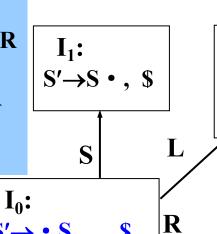
id

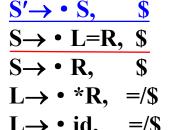
Accept!

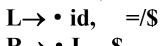
- $0) S' \rightarrow S$
- 1) $S \rightarrow L = R$
- 2) S→R
- 3) L→*R
- 4) L→id
- 5) R→L

开始

wenshli@bupt.edu.cn

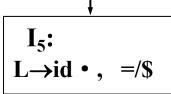


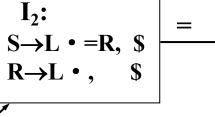




 $R \rightarrow L, \$$

id





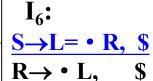
$$I_3$$
:
S $\rightarrow R \cdot ,$ \$

$$I_4$$
:
$$\underline{L} \rightarrow^* \cdot R, =/\$
R \rightarrow \cdot L, =/\$$$

$$L \rightarrow *R, =/$$$

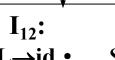
id

$$L \rightarrow \bullet id, =/$$



$$L \rightarrow {}^{\bullet}R,$$
 \$

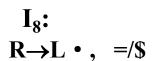
$$L \rightarrow \cdot id$$
, \$



id

R

$$I_7$$
:
 $L \rightarrow R \cdot , =/$



$$| I_9: S \rightarrow L=R \cdot ,$$

$$I_{10}$$
: $R \rightarrow L \cdot , \$$

$$I_{11}$$
: $L \rightarrow^* \cdot R, \$$

$$R \rightarrow L, \$$$

$$L \rightarrow *R, \$$$

$$L \rightarrow \cdot id$$
, \$

R

 I_{13} : $L \rightarrow R \cdot ,$

文法4.7的LR(1)分析表

I ₀ :	
$\underline{S'} \rightarrow \bullet S, \qquad \S$	
$S \rightarrow \cdot L=R, \$$	
$S \rightarrow \cdot R, $ \$	
$L \rightarrow *R, =/$	
$L \rightarrow \bullet id, =/$	
R→ • L, \$	

I ₁ :	
$S' \rightarrow S \cdot ,$	\$

$$I_2$$
:
 $S \rightarrow L \cdot = R, \$$
 $R \rightarrow L \cdot , \$$

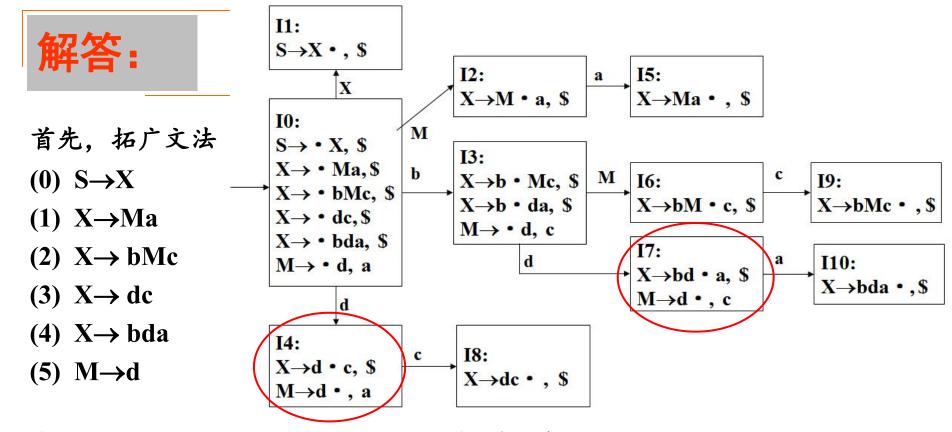
I ₄ :	
$L \rightarrow * \cdot R,$	=/\$
$\begin{array}{c} R \rightarrow {}^{\bullet}L, \\ L \rightarrow {}^{\bullet}*R, \end{array}$	=/\$
L→ • *R,	=/\$
$L \rightarrow \bullet id$,	=/\$

状态		act	ion			goto	
	=	*	id	\$	S	L	R
0		S4	S5		1	2	3
1				ACC			
2	S6			R5			
3				R2			
4		S4	S5			8	7
5	R4			R4			
6		S11	S12			10	9
7	R3			R3			
8	R5			R5			
9				R1			
10				R5			
11		S11	S12			10	13
12				R4			
13				R3			

wenshli@bupt.edu.cn

课堂练习3

说明下面的文法是LR(1)文法,但不是SLR(1)文法。
X→Ma | bMc | dc | bda
M→d



其次,构造文法的LR(1)项目集规范族及识别其所有活前缀的DFA。

判断该文法是LR(1)文法: (1)集合I0、I3中没有归约项目,所以,不存在冲突;

- (2)集合I1、I2、I5、I6、I8、I9、I10 各只有一个归约项目, 所以这些集合中没有冲突;
- (3)集合I4和I7中既有移进项目又有归约项目,但是归约符号和移进符号不同,所以也没有冲突。

结论: 是LR(1)

然后,构造文法的LR(0)项目集规范族及识别其所有活前缀的DFA。

```
FOLLOW(S)={ $ }
FOLLOW(X)={ $ }
FOLLOW(M)={ a, c }
```

 I_4 、 I_7 中存在移进-归约冲突, $FOLLOW(M)=\{a,c\}$ 这种冲突用SLR(1)方法无法解决, 所以该文法不是SLR(1)文法。

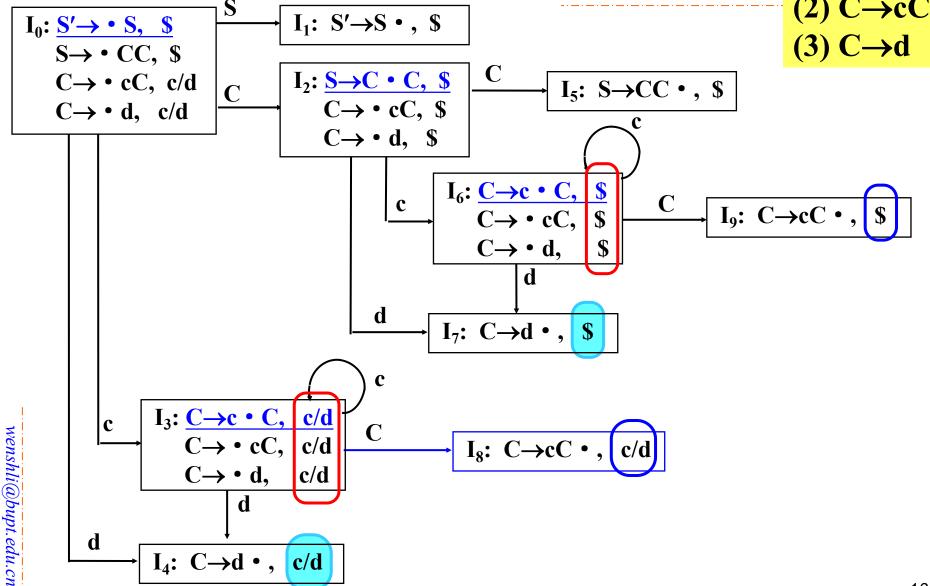
wenshli@bupt.edu.c

4.4.4 LALR(1)分析表的构造

- ■描述LR(1)项目集特征的两个定义
- 定义4.16: 同心集 如果两个LR(1)项目集去掉搜索符号之后是相同的,则称这 两个项目集具有相同的心(core),即这两个项目集是同心 集。
- 定义4.17:项目集的核 除去初态项目集外,一个项目集的核(kernel)是由该项目 集中那些圆点不在最左边的项目组成。 LR(1)初态项目集的核中有且只有项目[S'→•S,\$]。

识别文法4.8所有活前缀的DFA

- $(0) S' \rightarrow S$
- $(1) S \rightarrow CC$
- (2) $C \rightarrow cC$



构造LALR(1)分析表的基本思想

- □ 合并LR(1)项目集规范族中的同心集,以减少分析表的状态数。
- 用核代替项目集,以减少项目集所需的存储空间
- go(I, X)仅仅依赖于I的心,因此LR(1)项目集合并后的转移函数可以通过go(I, X)自身的合并得到。
- ■同心集的合并,可能导致归约-归约的冲突,但不会 产生新的移进-归约冲突

wenshli@bupt.edu.cr

wenshli@bupt.edu.c

同心集的合并不会引进新的移进-归约冲突

如果合并后的项目集中存在移进-归约冲突,则意味着:项目 $[A\to \alpha^{\bullet},a]$ 和 $[B\to \beta^{\bullet}a\gamma,b]$ 处于合并后的同一项目集中。

合并前必存在某个c,使得[$A\rightarrow \alpha^{\bullet}$, a]和[$B\rightarrow \beta^{\bullet}$ ay, c]同处于某个项目集中。

说明, 原来的LR(1)项目集中已经存在移进-归约冲突。

同心集的合并可能导致归约-归约冲突

例: 有文法G:

 $S \rightarrow aAd \mid bBd \mid aBe \mid bAe$

 $A \rightarrow c$

(文法4.9) $B \rightarrow c$

- 拓广文法G′
 - $(0) S' \rightarrow S$
- (1) $S \rightarrow aAd$ (2) $S \rightarrow bBd$ (3) $S \rightarrow aBe$ (4) $S \rightarrow bAe$

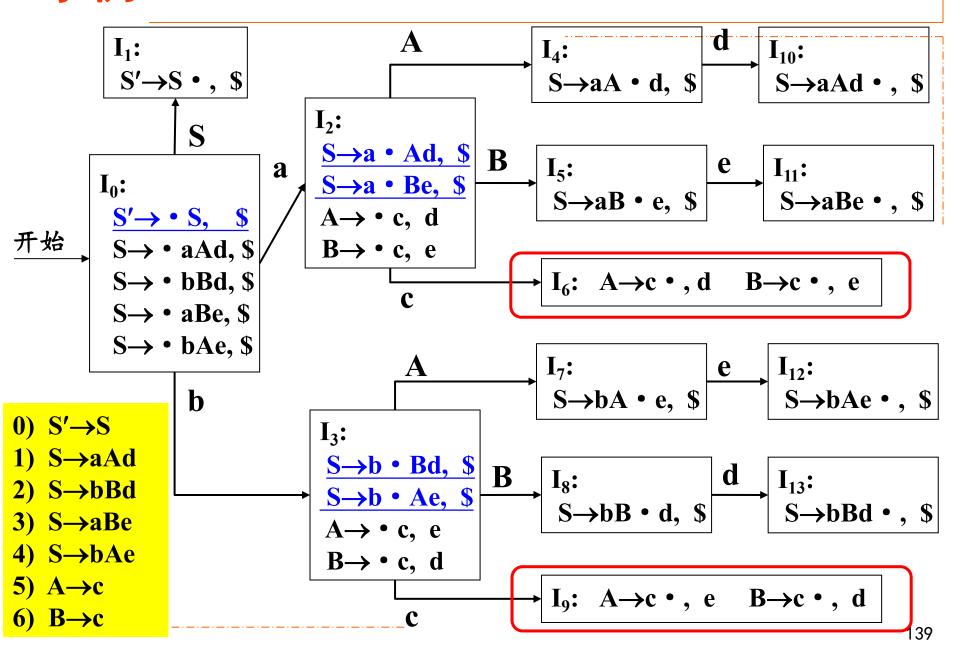
- $(5) A \rightarrow c$
 - $(6) B \rightarrow c$
- 构造识别文法G'的所有活前缀的DFA

$$I_0 = \{ [S' \rightarrow \bullet S, \$] \}$$

 $[S\rightarrow \bullet aAd, \$] [S\rightarrow \bullet bBd, \$] [S\rightarrow \bullet aBe, \$] [S\rightarrow \bullet bAe, \$]$

示例

练习:分析 acd、bce



文法4.9的LR(1)分析表

状态	action						goto		
	a	b	c	d	e	\$	S	A	В
0	S2	S3					1		
1						ACC			
2			S6					4	5
3			S9					7	8
4				S10					
5					S11				
6				R5	R6				
7					S12				
8				S13					
9				R6	R5				
10						R1			
11						R3			
12						R4			
13						R2			

合并同心集

- ■LR(1)项目集规范族中
 - □活前缀ac的有效项目集是I₆
 - □活前缀bc的有效项目集是I₀
 - □这两个项目集都不含冲突项目,且是同心集。
- 它们合并后得到的集合为: {[A→c•, d/e] [B→c•, d/e]}
- ■含有归约-归约冲突。

LALR(1)分析表的构造

- 首先构造LR(1)项目集规范族
- 检查LR(1)项目集规范族
 - □含有冲突,则该文法不是LR(1)文法。
 - □不存在冲突,该文法是LR(1)文法,检查是否存在同心集
 - ▶不存在,则LR(1)项目集规范族即LALR(1)项目集规范族;
 - ▶存在,合并同心集;
 - ▶检查合并后的项目集是否存在冲突
 - 有冲突,则该文法不是LALR文法。
 - 无冲突,则该文法是LALR(1)文法,合并同心集得到的项目 集规范族为LALR(1)项目集规范族。
- 根据LALR(1)项目集规范族构造分析表。

wenshli@bupt.edu.

算法4.10 构造LALR(1)分析表

输入:一个拓广文法G'输出:文法G'的LALR(1)分析表

方法:

- 1.构造文法G'的LR(1)项目集规范族 $C=\{I_0, I_1, ..., I_n\}$ 。
- 2.合并C中的同心集,得到一个新的项目集规范族 $C'=\{J_0, J_1, ..., J_m\}$,其中含有项目 $[S'\rightarrow \bullet S, \$]$ 的 J_k 为分析表的初态。
- 3.从C'出发,构造action子表
 - a) 若 $[A \rightarrow \alpha \cdot a\beta, b] \in J_i$,且 $go(J_i, a) = J_j$,则置 action[i, a] = Sj
 - b) 若 $[A \rightarrow \alpha^{\bullet}, a] \in J_i$, 则置 action $[i, a] = R A \rightarrow \alpha$
 - c) 若 $[S' \rightarrow S^{\bullet}, \$] \in J_i$, 则置 action[i, \$] = ACC
- 4.构造 goto 子表

设 J_k ={ I_{i1} , I_{i2} , ..., I_{it} }, 由于这些 I_i 是同心集,因此 $go(I_{i1}, X)$ 、 $go(I_{i2}, X)$ 、...、 $go(I_{it}, X)$ 也是同心集。 把所有这些项目集合并后得到的集合记作 J_i ,则有: $go(J_k, X)$ = J_i

于是, 若 go(J_k, A)=J_i, 则置 goto[k, A]=i

5.分析表中凡不能用上述规则填入信息的空表项,均置上出错标志。

示例: 构造文法4.8的LALR(1)分析表

- 有三对同心集可以合并,即
 - □I₃和I₆合并,得到项目集:

$$I_{36}=\{[C\rightarrow c \cdot C, c/d/\$] [C\rightarrow \cdot cC, c/d/\$] [C\rightarrow \cdot d, c/d/\$]\}$$

□ I₄和 I₇合并,得到项目集:

$$I_{47} = \{ [C \rightarrow d^{\bullet}, c/d/\$] \}$$

□ I₈和 I₉合并,得到项目集:

$$I_{89} = \{ [C \rightarrow cC^{\bullet}, c/d/\$] \}$$

■ 同心集合并后得到的新的项目集规范族为:

$$C'=\{I_0, I_1, I_2, I_{36}, I_{47}, I_5, I_{89}\}$$

■ 利用算法4.10,可以为该文法构造LALR(1)分析表。

wenshli@bupt.edu.cr

文法4.8的LALR(1)分析表

状态	action			go	to
	c	d	\$	S	C
0	S36	S47		1	2
1			ACC		
2	S36	S47			5
36	S36	S47			89
47	R3	R3	R3		
5			R1		
89	R2	R2	R2		

- 此文法是LALR(1)文法
- 转移函数go的计算只依赖于项目集的心

LALR(1)分析程序和LR(1)分析程序的比较

■ LR(1)分析程序对符号串 ccd 的分析过程

步骤	栈	输入	分析动作
0	0	ccd\$	shift
1	0c3	cd\$	shift
2	0c3c3	d\$	shift
3	0c3c3d4	\$	error

■ LALR(1)分析程序对符号串 ccd 的分析过程

步骤	栈	输入	分析动作
0	0	ccd\$	shift
1	0c36	cd\$	shift
2	0c36c36	d\$	shift
3	0c36c36d47	\$	reduce by $C \rightarrow d$
4	0c36c36C89	\$	reduce by C→cC
5	0c36C89	\$	reduce by C→cC
6	0C2	\$	error

LALR(1)分析程序和LR(1)分析程序的比较

■ LR(1)分析程序对符号串 cdcd 的分析过程

步骤	栈	输入	分析动作
0	0	cdcd\$	shift
1	0c3	dcd\$	shift
2	0c3d4	cd\$	reduce by C→d
3	0c3C8	cd\$	reduce by C→cC
4	0C2	cd\$	shift
5	0C2c6	d\$	shift
6	0C2c6d7	\$	reduce by C→d
7	0C2c6C9	\$	reduce by $C \rightarrow cC$
8	0C2C5	\$	reduce by S→CC
9	0S1	\$	accept

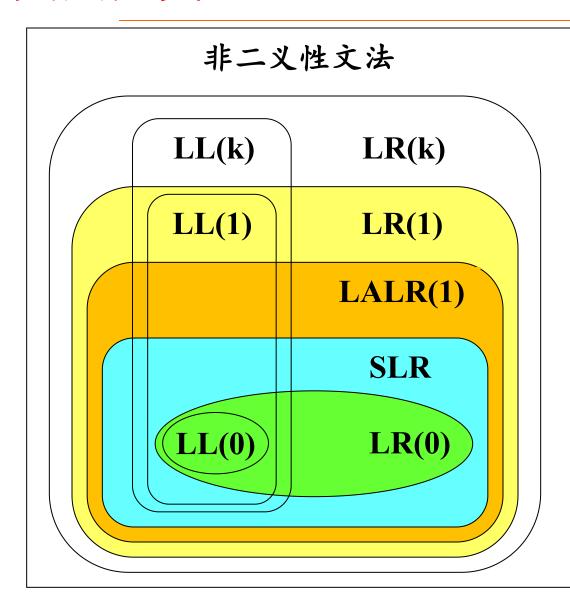
■ LALR(1)分析程序对符号串 cdcd 的分析过程

步骤	栈	输入	分析动作
0	0	cdcd\$	shift
1	0c36	dcd\$	shift
2	0c36d47	cd\$	reduce by C→d
3	0c36C89	cd\$	reduce by C→cC
4	0C2	cd\$	shift
5	0C2c36	d\$	shift
6	0C2c36d47	\$	reduce by C→d
7	0C2c36C89	\$	reduce by C→cC
8	0C2C5	\$	reduce by S→CC
9	0S1	\$	accept

■ 结论:

- □对于正确的输入符号串:分析动作完全一样。
- □对于错误的输入符号串: LR(1)可以及时发现错误, LALR(1)可以在同样的位置发现错误, 但要多做一些归约分析。

文法分类



二义性文 40

4.9

4.14

4.16

wenshli@bupt.edu.cn

4.4.5 LR分析方法对二义文法的应用

■ 定理:任何二义性文法决不是LR文法,因而也不是 SLR或LALR文法。。

- 程序设计语言的某些结构用二义性文法描述比较直观,使用方便。
 - □算术表达式
 - □ if语句
- 说明消除二义性的一些规则(即这类结构的使用限制)
 - □算术表达式:运算符优先级、运算结合规则
 - □ If语句: else的最近最后匹配原则

利用优先级和结合规则解决表达式冲突

■ 描述算术表达式集合的二义性文法:

■ 无二义性的文法:

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T^*F \mid F$$

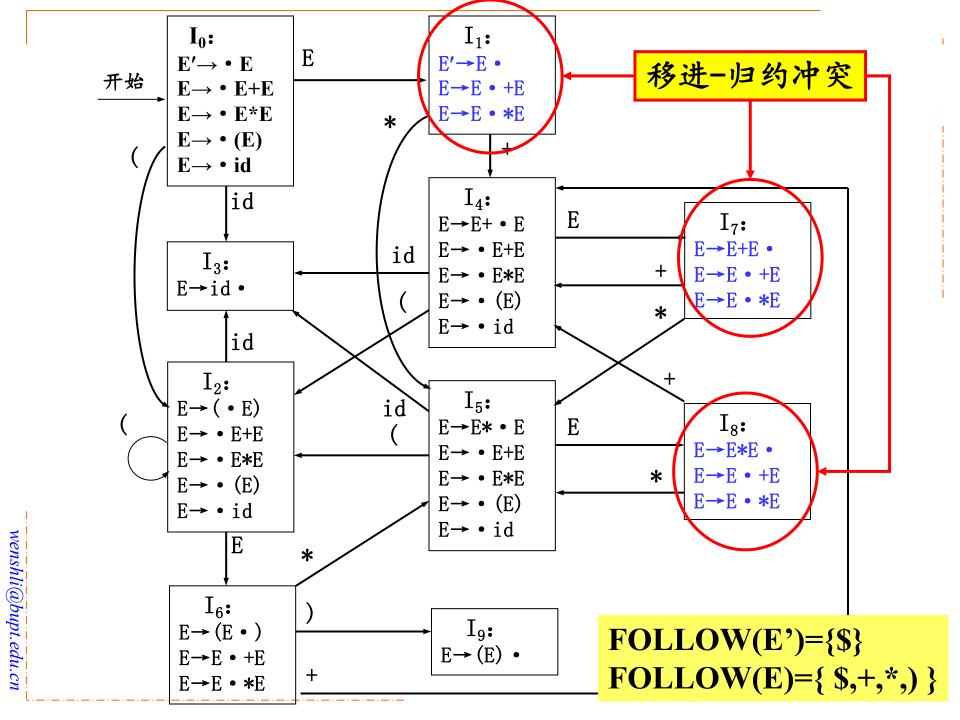
$$F \rightarrow (E) \mid id$$

- 前者具有两个明显的优点:
 - □改变运算符优先级或运算结合规则时, 文法本身无需改变, 只需改变限制条件。
 - □LR分析表所包含的状态数比后者少

例:构造文法4.10的LR分析表。

- 文法G (文法 4.10) $E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id$
- 其拓广文法G'具有产生式:

 - $(0) E' \rightarrow E \qquad (1) E \rightarrow E + E \quad (2) E \rightarrow E * E$
 - (3) $E \rightarrow (E)$ (4) $E \rightarrow id$
- 构造文法G'的LR(0)项目集规范族及识别其所有活前 缀的DFA



'+'和'*'的优先级及结合规则共有4种情况

- (1) *优先于+, 遵从左结合规则
- (2) *优先于+, 遵从右结合规则
- (3) +优先于*, 遵从左结合规则
- (4) +优先于*, 遵从右结合规则

 I_7 : $E \rightarrow E + E \bullet$ $E \rightarrow E \bullet + E$ $E \rightarrow E \bullet * E$

 I_8 : $E \rightarrow E * E$ $E \rightarrow E$ $E \rightarrow E$

条件	状态		action				goto	
		id	+	*	()	\$	E
(1)	7		R1	S5		R1	R1	
	8		R2	R2		R2	R2	
(2)	7		S4	S5		R1	R1	
	8		R2	S5		R2	R2	
(3)	7		R1	R1		R1	R1	
	8		S4	R2		R2	R2	
(4)	7		S4	R1		R1	R1	
	8		S4	S5		R2	R2	

文法4.10的LR分析表

状态		action					goto
	id	+	*	()	\$	E
0	S3			S2			1
1		S4	S5			ACC	
2	S3			S2			6
3		R4	R4		R4	R4	
4	S3			S2			7
5	S3			S2			8
6		S4	S5		S9		
7		R1	S5		R1	R1	
8		R2	R2		R2	R2	
9		R3	R3		R3	R3	

解决if语句冲突: 最近最后匹配原则

■映射程序设计语言中if-then-else结构的文法:

```
S \rightarrow if E then S else S
```

if E then S

others

(文法4.11)

- 对该文法进行抽象
 - □ 用i表示"if E then"
 - □用e表示"else"
 - □ 用a表示 "others"

■ 得到文法:

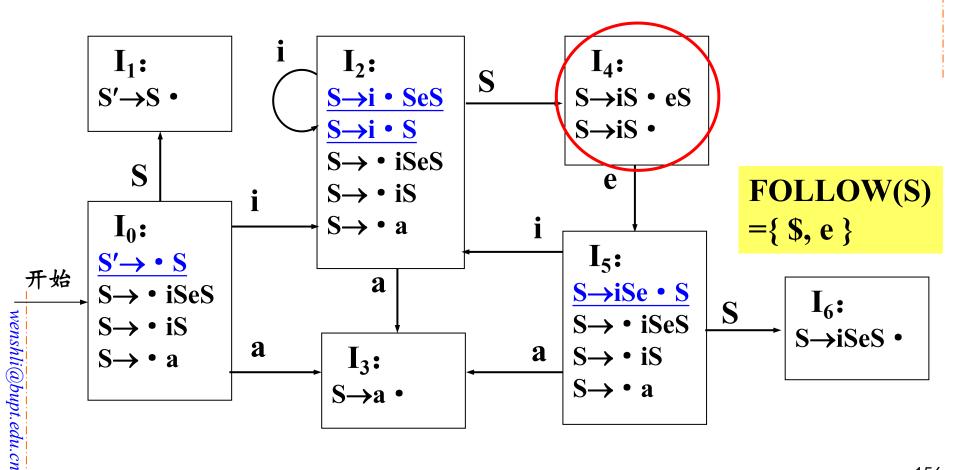
S→iS | iSeS | a

(文法4.12)

文法4.12的LR(0)项目集规范族及识别其所有活前缀的DFA

其拓广文法G'为:

(0)
$$S' \rightarrow S$$
 (1) $S \rightarrow iSeS$ (2) $S \rightarrow iS$ (3) $S \rightarrow a$



最近最后匹配原则

- else与离它最近的一个未匹配的then相匹配。
- 文法4.14 的LR分析表:

状态		goto			
1人心	i	e	a	\$	S
0	S2		S3		1
1				ACC	
2	S2		S3		4
3		R3		R3	
4		S5		R2	
5	S2		S3		6
6		R1		R1	

I	ı:		
S-	≽iS	•	eS
S-	≽iS	•	

例:分析符号串iiaea

步骤	栈	输入	分析动作	
1	0	iiaea\$	shift 2	
	_			
2	0 2	iaea\$	shift 2	
	_ ;			

_		
0 2	iaea\$	shift 2
- i		
0 2 2	aea\$	shift 2
- i i		

	- i i a		
(5)	0 2 2 4	ea\$	shift
	- i i S		

0 2 2 4 5	a\$	shift
- i i S e		

0	2	2	4	5	3	
_	i	i	S	е	a	
_	_	_		_	_	

0 2 2 3

U	4	4	4	O	O	
0	i	i	S	е	S	

9	U	2	4
	_	i	S
10	0	1	

4

6

wenshli@bupt.edu.cn

_	1 S	
0	1	\$ accept
	C	

状态		acti		goto	
水 心	i	e	a	\$	\mathbf{S}
0	S2		S3		1
1				ACC	
2	S2		S3		4
3	,	R3		R3	0
4		S5		R2	
5	S2		S3		6
6		R1		R1	

reduce	by	S→a

ea\$ reduce by S→a

reduce	by	S→iS

reduce by $S \rightarrow iSeS$

wenshli@bupt.edu.c

4.4.6 LR分析的错误处理与恢复

- LR分析程序可采取以下恢复策略:
 - □首先,从栈顶开始退栈,可能弹出0个或若干个状态,直到出现状态S为止。
 - (1) 状态 S 有相对于当前输入符号的转移, 或者
 - (2) goto 表中有 S 相对于某非终结符号A的后继。
 - □针对(1):移进,分析继续。
 - □针对(2): 跳过0个或若干个输入符号,直到出现符号a为止,a∈FOLLOW(A);

然后,把状态goto[S,A]压入栈顶,继续分析。

- A的选择: 通常选择表示主要结构成分的非终结符号。
- 跳过了包含错误的一段终结符号串。

例:考》符号遵从

期待输入符号为运算符号或右括号, 而遇到的却是运算对象 (id或左括号)。

诊断信息:"缺少运算符号"

恢复策略:把运算符号'+'压入栈,转移到状态4。

状态				<u> </u>			goto
状态	id			1)	\$	E
0	S3	e1		S2	e2	e1	1
1	e3	S4	S5	e3	e2	ACC	
2	S3	e1	e1	S2	e2	e1	6
3	R4	R4	R4	R4	R4	R4	
4	S3	e1	e1	S2	e2	e1	7
5	S3	e1	e1	S2	e2	e1	8
6	e3	S4	S5	e3	S9	e4	· ·
7	R1	R1	S5	R1	R1		
8	R2	R2	R2	R2			

期待输入符号为运算符号或右括号,而遇到的却是输入串结束标志'\$'。

诊断信息:"缺少右括号"

恢复策略: 把右括号压入栈, 转移到状态9。

wenshli@bupt.edu.c

错误处理与恢复示例

- e1:在状态0、2、4、5,期待输入符号为运算对象的首字符,即id 或(,而输入中出现的却是运算符号'+'或'*',或是输入串结束标志'\$'。
 - □ 策略: 把一个假想的id压入栈, 并将状态3推入栈顶。
 - □ 诊断信息:"缺少运算对象"
- e2: 在状态0、1、2、4、5, 期待输入符号为运算对象的首字符或 运算符号, 但却遇到右括号。
 - □ 策略: 删掉输入的右括号
 - □ 诊断信息: "括号不匹配"
- e3: 在状态1、6, 期待输入符号为运算符号或右括号, 而遇到的却是运算对象(id或左括号)。
 - □ 策略: 把运算符号 '+'压入栈, 转移到状态4。
 - □ 诊断信息:"缺少运算符号"
- e4: 在状态6, 期待输入符号为运算符号或右括号, 而遇到的却是输入串结束标志'\$'。
 - □ 策略: 把右括号压入栈, 转移到状态9。
 - □ 诊断信息:"缺少右括号"

示例:分析符号串 id+)

```
步骤
       栈
                          分析动作
                  输入
(1)
                       shift
                id+)$
(2)
        0 3
                   +)$
                         reduce by E \rightarrow id
        - id
(3)
                   +)$
        0 1
                          shift
        - E
(4)
                          CALL e2 "括号不匹配", 删掉')'
        0 1 4
                    ) $
        -E+
(5)
        0 1 4
                          CALL el"缺少运算对象", id压入栈
        -E+
(6)
        0 1 4 3
                          reduce by E \rightarrow id
        -E + id
(7)
        0 1 4 7
                          reduce by E \rightarrow E + E
        -E+E
                          reduce by E \rightarrow E + E
(8)
        0 1
                          accept
        - E
```





wenshli@bupt.edu.c

本章小结

一、自顶向下的分析方法

- 递归下降分析方法
 - □ 试探性、回溯
 - □ 要求: 文法不含左递归
- 递归调用预测分析方法
 - □ 不带回溯的递归分析方法
 - □ 要求:
 - >文法不含左递归, 并且
 - ▶ 对任何产生式: $A \rightarrow \alpha_1 | \alpha_2 | ... | \alpha_n$ FIRST $(\alpha_i) \cap FIRST$ $(\alpha_j) = \phi$
 - □ 构造步骤:
 - > 描述结构的上下文无关文法
 - ▶根据文法构造预测分析程序的状态转换图
 - > 状态转换图化简
 - >根据状态转换图构造递归过程

wenshli@bupt.edu.c

本章小结

- 非递归预测分析方法
 - □ 不带回溯、不含递归
 - □ 模型:

输入缓冲区: 存放输入符号串 $a_1a_2...a_n$ \$

符号栈:分析过程中存放文法符号

分析表:二维表,每个A有一行,每个a包括\$有一列

表项内容是产生式(关键)

控制程序:根据栈顶X和当前输入a决定分析动作(永恒的核心)

X=a=\$ 分析成功

X=a≠\$ 弹出X, 扫描指针前移

X是非终结符号, 查分析表: M[X, a]

 $M[X, a]=X \rightarrow Y_1Y_2...Y_K$,弹出X, Y_K 、...、 Y_2 、 Y_1 入栈

 $M[X, a] = X \rightarrow \varepsilon$, 弹出X

M[X, a]=空白, 出错处理

输出:对输入符号串进行最左推导所用的产生式序列

wenshli@bupt.e

本章小结

- 预测分析表的构造
 - □ 构造每个文法符号的FIRST集合
 - □ 构造每个非终结符号的FOLLOW集合
 - □ 检查每个产生式A→α
 - > 对任何a∈FIRST(α), M[A, a]= A→α
 - ▶ 若α⇒ε, 对所有b∈FOLLOW(A), M[A, b]= A→α
- LL(1)文法
 - □ LL(1)的含义
 - □ 判断一个文法是否为LL(1) 文法
 - ▶构造分析表,或者
 - 检查每个产生式: A→α|β
 FIRST(α)∩FIRST(β)=φ
 若β⇒ε,则FIRST(α)∩FOLLOW(A)=φ

wenshli@bupt.edu.c

本章小结

二、自底向上分析方法

- 移进-归约分析方法
 - □ 分析栈、输入缓冲区
 - □可归约串
 - □ 规范归约: 最右推导的逆过程
- LR分析方法
 - □ 模型:

输入缓冲器: 输出:分析动作序列

分析栈: S₀X₁S₁...XnSn

分析表:包括 action 和 goto 两部分(关键)

控制程序:根据栈顶状态 S_n 和当前输入符号 a 查分析表

action[S_n, a], 决定分析动作(永恒的核心)

action[S_n , a]= S_i , a入符号栈, i入状态栈 i=goto(S_n , a)

action[S_n, a]=R A \rightarrow β, 弹出 |β|个符号,

A入符号栈, goto(S_{n-r}, A)入状态栈

action[S_n , a]=ACC,分析成功 action[S_n , a]=空白,出错处理

wenshli@bupt.edu.cn

本章小结

- SLR(1)分析表的构造
 - □ LR(0)项目集规范族
 - □ 识别文法所有活前缀的DFA
 - □ 构造分析表:检查每个状态集

 - ightharpoonup 若 $A
 ightharpoonup \alpha \cdot \in I_i$,则对所有 $a \in FOLLOW(A)$,置action[i, a]=R $A
 ightharpoonup \alpha$
 - 若S'→S' ∈I_i, 则置action[i, \$]=ACC, 表示分析成功。
 - ➤ 若go(I_i, A)=I_i, A为非终结符号,则置goto[i, A]=j
- LR(1)分析表的构造
 - □ LR(1)项目集规范族
 - □ 构造分析表:检查每个状态集

 - \rightarrow 若 $[A\rightarrow\alpha\cdot, a]\in I_i$,则置action $[i, a]=RA\rightarrow\alpha$,

 - ► 若go(I_i, A)=I_i, A为非终结符号,则置goto[i, A]=j

wenshli@bupt.edu.

本章小结

- LALR(1)分析表的构造
 - □ LR(1)项目集规范族,若没有冲突,继续
 - □ 合并同心集,若没有冲突,则为LALR(1)项目集规范族
 - □ 构造分析表,方法同LR(1)分析表的构造方法
- 利用LR技术处理二义文法
 - □ 利用运算符号的优先级和结合性质,处理算术表达式文法
 - □ 利用最近最后匹配原则,处理IF语句文法。

算法清单

- 算法4.1 非递归预测分析方法
- 算法4.2 预测分析表的构造方法
- 算法4.3 LR分析程序
- 算法4.4 closure(I)的构造过程(I为LR(0)项目集)
- 算法4.5 构造文法G的LR(0)项目集规范族
- 算法4.6 构造文法G的SLR(1)分析表
- 算法4.7 closure(I)的构造过程(I为LR(1)项目集)
- 算法4.8 构造文法G的LR(1)项目集规范族
- 算法4.9 构造文法G的LR(1)分析表
- 算法4.10 构造LALR(1)分析表

给定文法,构造 候选式/非终结符号 的 FIRST 集合构造 非终结符号 的 FOLLOW 集合

作业

- **4.1**
- **4.3**
- **4.5**

- **4.9**
- **4.14**
- **4.16**

wenshli@bupt.edu.ci

程序设计2



题目: 语法分析程序的设计与实现

实验内容:编写语法分析程序,实现对算术表达式的语法分析。要求所分析算数表达式由如下的文法产生。

 $E \rightarrow E + T \mid E - T \mid T$

 $T \rightarrow T^*F \mid T/F \mid F$

 $F \rightarrow (E) \mid num$

实验要求:在对输入的算术表达式进行分析的过程中,依次输出所采用的产生式。

方法1:编写递归调用程序实现自顶向下的分析。

方法2:编写LL(1)语法分析程序,要求如下。(必做)

- (1) 编程实现算法4.2, 为给定文法自动构造预测分析表。
- (2) 编程实现算法4.1,构造LL(1)预测分析程序。

方法3:编写语法分析程序实现自底向上的分析,要求如下。(必做)

- (1) 构造识别该文法所有活前缀的DFA。
- (2) 构造该文法的LR分析表。
- (3) 编程实现算法4.3,构造LR分析程序。

方法4: 利用YACC自动生成语法分析程序, 调用LEX自动生成的词法分析程序。

实验报告要求

- 实验题目、要求
- 程序设计说明
- ■源程序
- ■可执行程序
- ■测试报告:包括输入、运行结果、及结果分析

- 提交:
 - □所有资料打包,命名规则: 班级-学号-姓名
- 在线提交。

课堂练习4

已知文法G[A]为:

A→aABe|a

 $\mathbf{B} \rightarrow \mathbf{B} \mathbf{b} | \mathbf{d}$

A -	→aA'
	. —

A'→ABe | ε

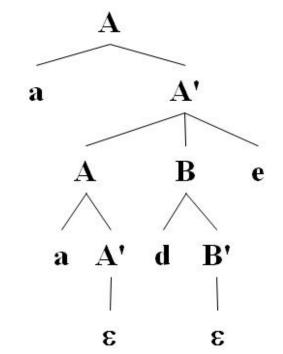
B→dB'

 $B' \rightarrow bB' \mid \epsilon$

	First	Follow
A	a	\$, d
A'	a, ε	\$, d
В	d	e
B'	b, ε	e

- (1) 试给出与G[A]等价的LL(1)文法G'[A]
- (2) 构造G'[A]的预测分析表
- (3) 给出输入串aade的分析过程。

	a	b	d	e	\$
A	A→aA'				
A'	A'→ABe		A'→ε		Α' →ε
В			B→dB'		
B'		B'→bB'		B' →ε	



wenshli@bupt.edu.c

aade的分析过程

步骤	栈	输入	分析动作
(1)	\$A	aade\$	A→aA'
(2)	\$A'a	aade\$	
(3)	\$A'	ade\$	A'→ABe
(4)	\$eBA	ade\$	A→aA'
(5)	\$eBA'a	ade\$	
(6)	\$eBA'	de\$	Α'→ε
(7)	\$eB	de\$	B→dB'
(8)	\$eB'd	de\$	
(9)	\$eB'	e\$	B'→ ε
(10)	\$e	e\$	
(11)	\$	\$	分析成功

		a	b	d	e	\$
A	L	A→aA'				
A	•	A'→ABe		Α'→ε		A'→ε
В				B→dB'		
В	•		B'→bB'		B'→ε	

课堂练习5

有如下文法G[A]:

 $A \rightarrow BA \mid a$ $B \rightarrow aB \mid b$

(1) 判断该文法是以下哪些类型的文法,要求给出判断过程。

LL(1), LR(0), SLR(1)

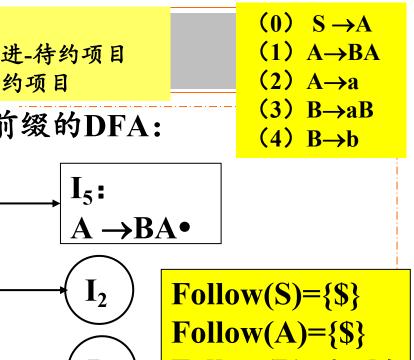
- (2) 构造该文法的LR(1)项目集规范族及识别其所有活 前缀的DFA。
- (3) 构造该文法的LR(1)分析表
- (4) 给出对输入符号串abb的分析过程。

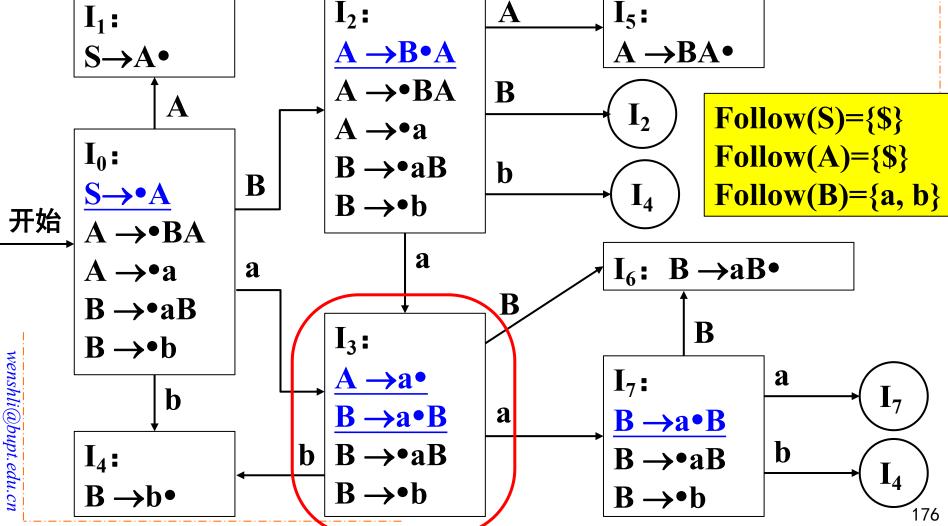
参考答案

LR(0)文法, 项目集中:

- (1) 要么所有元素都是移进-待约项目
- (2) 要么只含有唯一的归约项目

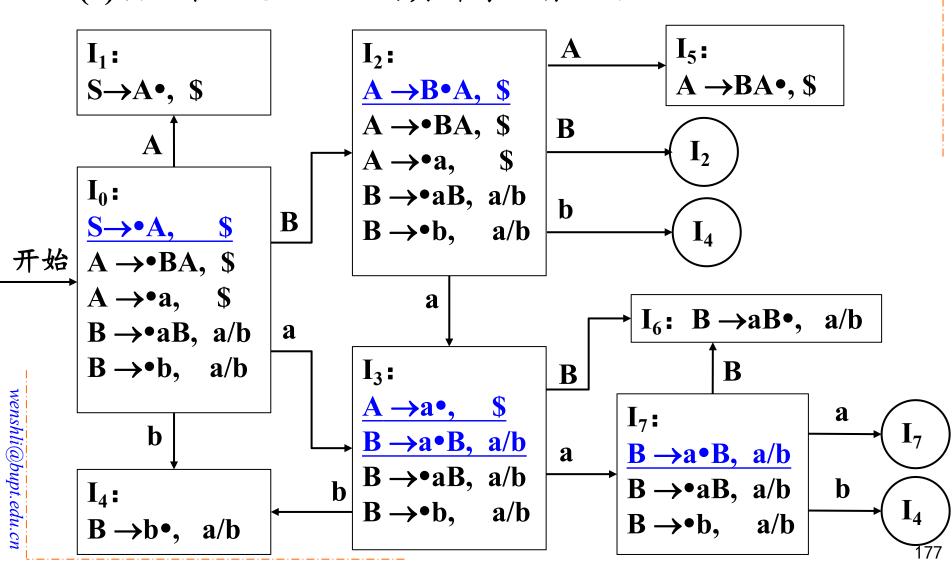
LR(0)项目集规范族及识别其所有活前缀的DFA:





参考答案

LR(1)项目集规范族及识别其所有活前缀的DFA:

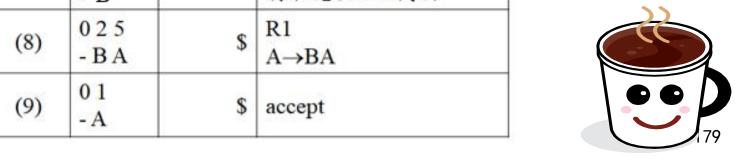


文法的LR(1)分析表

状态	action			goto	
	a	b	\$	\mathbf{A}	В
0	S3	S4		1	2
1			ACC		
2	S3	S4		5	2
3	S7	S4			6
4	R4	R4			
5			R1		
6	R3	R3			
7	S7	S4			6

abb的分析过程

步骤	栈	输入	分析动作
(1)	0	abb\$	S3
(2)	0 3 - a	bb\$	S4
(3)	0 3 4 - a b	b\$	R4 B→b
(4)	0 3 6 - a B	b\$	R3 B→aB
(5)	0 2 - B	b\$	S4
(6)	0 2 4 - B b	\$	error 弹出栈顶状态4
(7)	0 2 - B	\$	goto(2, A)=5 将状态5压入栈顶
(8)	025 -BA	\$	R1 A→BA
(9)	0 1 - A	\$	accept



wenshli@bupt.ed1

* 推导和短语

例:考虑简单算术表达式的文法G:

G=(
$$\{+, *, (,), i\}, \{E, T, F\}, E, \phi$$
)
 $\phi: E \rightarrow E + T \mid T$
 $T \rightarrow T * F \mid F$
 $F \rightarrow (E) \mid i$

- ■文法所产生的语言
 - □从文法的开始符号出发,反复连续使用产生式对非终结符号进行替换和展开,得到的终结符号串是该文法定义的句子。
 - □文法所有句子构成的集合就是相应文法的语言。

* 推导

假定 $A \rightarrow \gamma$ 是一个产生式, α 和β是任意的文法符号串,则有: $\alpha A\beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$

- "⇒"表示"一步推导" 利用产生式对左边符号串中的一个非终结符号进行替换, 得到右边的符号串。
- 称 αΑβ 直接推导出 αγβ
- ■也可以说 αγβ 是 αΑβ 的直接推导
- ■或说 αγβ 直接归约 到 αΑβ

* 推导

如果有直接推导序列: $\alpha_1 \Rightarrow \alpha_2 \Rightarrow ... \Rightarrow \alpha_n$ 则说 α_1 推导出 α_n , 记作: $\alpha_1 \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha_n$

 $M\alpha_1$ 到 α_n 的长度为n的推导

0步或多步推导

从文法开始符号E推导出符号串i+i的详细过程

αΑβ	αγβ	α	β	所用产生式	从E到 αγβ 的推导步数
E	E+T	3	3	E→E+T	1
E+T	T+T	3	+ T	E→T	2
T+T	F+T	3	+T	T→F	3
F+T	i+T	3	+T	F→i	4
i+T	i+F	i+	3	T→F	5
i+F	i+i	i+	3	F→i	6

 $E \Rightarrow E+T \Rightarrow T+T \Rightarrow F+T \Rightarrow i+T \Rightarrow i+F \Rightarrow i+i$

* 推导

最左推导

如果 $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \beta$, 并且在每"一步推导"中,都替换 α 中最左边的非终结符号,则称这样的推导为最左推导。记作: $\alpha \stackrel{*}{\Longrightarrow} \beta$

 $E \Rightarrow E+T \Rightarrow T+T \Rightarrow F+T \Rightarrow i+T \Rightarrow i+F \Rightarrow i+i$

最右推导

如果 $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \beta$,并且在每"一步推导"中,都替换 α 中最右边的非终结符号,则称这样的推导为最右推导。记作: $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \beta$ 是大堆呈水积为规范堆呈

最右推导也称为规范推导。

 $E \Rightarrow E+T \Rightarrow E+F \Rightarrow E+i \Rightarrow T+i \Rightarrow F+i \Rightarrow i+i$

wenshli@bupt.edu.cn

* 句型、句子和语言

句型

对于文法G=(V_T , V_N , S, φ), 如果 $S \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha$, 则称 α 是当前文法的一个句型。

若 $S \stackrel{*}{\Longrightarrow} \alpha$,则 α 是当前文法的一个左句型,

 $Z = \frac{Z}{m}$ α,则α是当前文法的一个右句型。

句子

仅含有终结符号的句型是文法的一个句子。

语言

文法G产生的所有句子组成的集合是文法G所定义的语言,记作L(G)。

$$L(G)=\{\alpha \mid S \stackrel{+}{\Rightarrow} \alpha, \text{ 并且 } \alpha \in V_T^*\}$$

* 短语

对于文法G=(V_T , V_N , S, φ), 假定αβδ是文法G的一个句型, 如果存在:

$$S \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha A \delta$$
,并且 $A \stackrel{+}{\Rightarrow} \beta$

则称β是句型αβδ关于非终结符号A的短语。

如果存在:

$$S \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha A \delta$$
,并且 $A \Rightarrow \beta$

则称β是句型αβδ关于非终结符号A的直接短语。 一个句型的最左直接短语称为该句型的句柄。 例:

$$\underbrace{E \Rightarrow T} \Rightarrow \underbrace{T*F} \Rightarrow \underbrace{T*(E)} \Rightarrow \underbrace{F*(E)} \Rightarrow \underbrace{i*(E)} \Rightarrow \underbrace{i*(E+T)} \Rightarrow \underbrace{i*(T+T)} \Rightarrow \underbrace{i*(F+T)} \Rightarrow \underbrace{i*(F+T)} \Rightarrow \underbrace{i*(i+T)} \Rightarrow \underbrace{i*(i+T)} \Rightarrow \underbrace{i*(F+T)} \Rightarrow \underbrace{$$

* 改写文法

- ■文法二义性的消除
- ■左递归的消除
- 提取左公因子

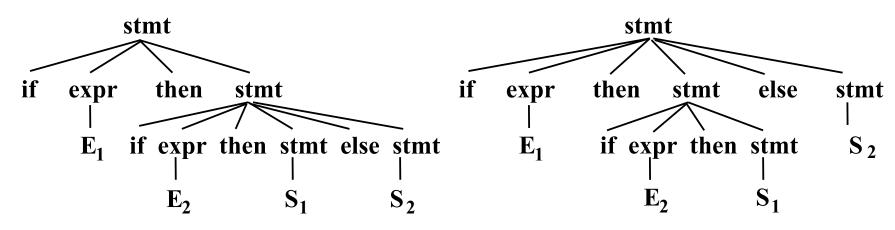
wenshli@bupt.edu.cr

* 文法二义性的消除

■映射程序设计语言中IF语句的文法:

```
stmt→ if expr then stmt
| if expr then stmt else stmt
| other
```

■ 句子if E₁ then if E₂ then S₁ else S₂有两棵不同的分析 树:



* 最近最后匹配原则

else必须匹配离它最近的那个未匹配的then

- 出现在then和else之间的语句必须是"匹配的"。
- 所谓匹配的语句是不包含不匹配语句的if-then-else语句, 或是其他任何非条件语句。
- 改写后的文法:

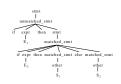
```
stmt→ matched_stmt | unmatched_stmt
matched_stmt→ if expr then matched_stmt else matched_stmt
| other
```

```
unmatched_stmt→ if expr then stmt
| if expr then matched stmt else unmatched stmt
```

wenshli@bupt.edu.ca

* 改写文法

句子if E₁ then if E₂ then S₁ else S₂的分析树



* 左递归的消除

- \blacksquare 一个文法是左递归的,如果它有非终结符号A,对某个文法符号串 α ,存在推导: $A \stackrel{+}{\Rightarrow} A \alpha$
- 若存在某个α=ε,则称该文法是有环路的。
- 消除左递归的方法:
 - 口简单情况:如果文法G有产生式: $A\rightarrow A\alpha \mid \beta$ 可以把A的这两个产生式改写为: $A\rightarrow \beta A'$ $A'\rightarrow \alpha A' \mid \epsilon$
 - □一般情况: 假定关于A的全部产生式是:

 $A \rightarrow A\alpha_1 | A\alpha_2 | \dots | A\alpha_m | \beta_1 | \beta_2 | \dots | \beta_n$ 产生式可以改写为: $A \rightarrow \beta_1 A' | \beta_2 A' | \dots | \beta_n A'$ $A' \rightarrow \alpha_1 A' | \alpha_2 A' | \dots | \alpha_m A' | \epsilon$

* 左递归的消除

例: 消除表达式文法中的左递归:

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

 $T \rightarrow T * F \mid F$
 $F \rightarrow (E) \mid id$

■ 简单情况,改写为:

E
$$\rightarrow$$
TE'
E' \rightarrow +TE' | ϵ
T \rightarrow FT'
T' \rightarrow *FT' | ϵ
F \rightarrow (E) | id

间接左递归文法:

$$S \rightarrow Aa \mid b$$

 $A \rightarrow Ac \mid Sd \mid \epsilon$

wenshli@bupt.edu.c

*算法:消除左递归

输入: 无环路、无ε-产生式的文法G

输出: 不带有左递归的、与G等价的文法 G'

方法:

- (1) 把文法G的所有非终结符号按某种顺序排列成 $A_1, A_2, ..., A_n$
- (2) for i:=1 to n do

for **j**:=1 to **i**-1 do

begin

把每个形如 $A_i \rightarrow A_j \gamma$ 的产生式改写为: $A_i \rightarrow \delta_1 \gamma \mid \delta_2 \gamma \mid ... \mid \delta_k \gamma$; 其中 $A_j \rightarrow \delta_1 \mid \delta_2 \mid ... \mid \delta_k$ 是关于当前 A_j 的所有产生式消除关于 A_i 的产生式中的直接左递归

end

(3) 化简第(2)步得到的文法,即去除无用的非终结符号和产生式。

这种方法得到的非递归文法可能含有ε-产生式。

为含有ε-产生式的文法 $G=(V_T, V_N, S, \varphi)$ 构造不含ε-产生式的文法 $G'=(V_T', V_N', S, \varphi')$ 的方法

- 若产生式A→X₁X₂...X_n∈φ 则把产生式A→α₁α₂...α_n加入φ' 其中: X_i、α_i为文法符号,即X_i、α_i∈(V_TUV_N) 若X_i不能产生ε,则α_i=X_i 若X_i能产生ε,则α_i=X_i或α_i=ε 不能所有的α_i都取ε
- 立法G'满足: $L(G') = \begin{cases} L(G) \{\epsilon\} & \text{如果} L(G) + \alpha \leq \epsilon \\ L(G) & \text{如果} L(G) + \alpha \leq \epsilon \end{cases}$
- 一个文法是&-无关的
 - □如果它没有 ϵ -产生式(即形如 $A\to\epsilon$ 的产生式),或者
 - □只有一个 ϵ -产生式,即 $S\to\epsilon$,并且文法的开始符号S不出现在任何产生式的右部

例:

消除下面文法中的左递归

$$S \rightarrow Aa \mid b$$

 $A \rightarrow Ac \mid Sd \mid \epsilon$

- 首先,必须保证此文法中无环路、无ε-产生式。
- 改写为无ε-产生式的文法:

 $S \rightarrow Aa \mid a \mid b$

 $A \rightarrow Ac \mid c \mid Sd$

■ 消除其中的左递归:

step1: 把文法的非终结符号排列为S、A;

step2: 由于S不存在直接左递归,所以算法第2步在i=1时不做工作;

在i=2时,把产生式 $S\rightarrow Aa \mid a \mid b$ 代入A的有关产生式中,得到:

 $A \rightarrow Ac \mid c \mid Aad \mid ad \mid bd$

消除A产生式中的直接左递归,得到文法:

 $S \rightarrow Aa \mid a \mid b$

 $A \rightarrow cA' \mid adA' \mid bdA'$

 $A' \rightarrow cA' \mid adA' \mid \epsilon$

* 提取左公因子

■ 如有产生式 $A\rightarrow\alpha\beta_1|\alpha\beta_2$ 提取左公因子 α ,则原产生式变为:

$$A \rightarrow \alpha A'$$
 $A' \rightarrow \beta_1 | \beta_2$

■ 若有产生式 $A\rightarrow\alpha\beta_1|\alpha\beta_2|...|\alpha\beta_n|\gamma$ 可用如下的产生式代替:

$$A \rightarrow \alpha A' \mid \gamma$$

 $A' \rightarrow \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$

* 提取左公因子

```
例:映射程序设计语言中IF语句的文法

stmt→ if expr then stmt

| if expr then stmt else stmt

| a

expr→b
```

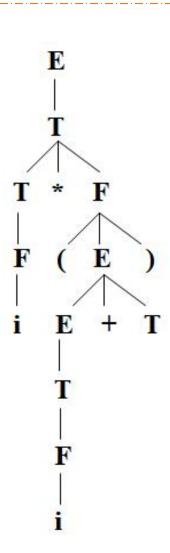
- 左公因子 if expr then stmt
- 提取左公因子,得到文法:

 stmt→if expr then stmt S'| a
 S'→ else stmt | ε

 expr→b

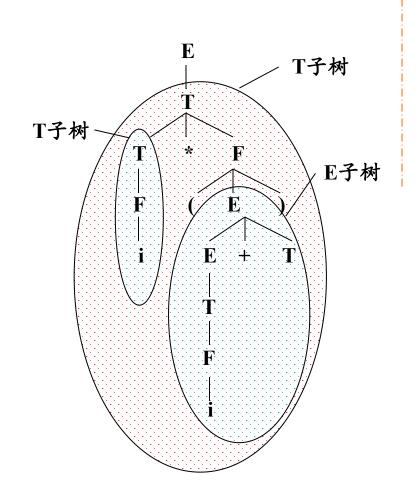
* 分析树

- 推导的图形表示,又称推导树。
- 一棵有序有向树, 具有树的性质;
- 特点: 每一个结点都有标记。
 - □根结点由文法的开始符号标记;
 - □内部结点由非终结符号标记,其子结点由这 个非终结符号的这次推导所用产生式的右部 各符号从左到右依次标记;
 - □叶结点由非终结符号或终结符号标记,它们 从左到右排列起来,构成句型。
- $E \Rightarrow T \Rightarrow T^*F \Rightarrow F^*F \Rightarrow i^*F \Rightarrow i^*(E)$ $\Rightarrow i^*(E+T) \Rightarrow i^*(T+T) \Rightarrow i^*(F+T) \Rightarrow i^*(i+T)$
- $E \Rightarrow T \Rightarrow T^*F \Rightarrow T^*(E) \Rightarrow F^*(E) \Rightarrow i^*(E)$ $\Rightarrow i^*(E+T) \Rightarrow i^*(T+T) \Rightarrow i^*(F+T) \Rightarrow i^*(i+T)$



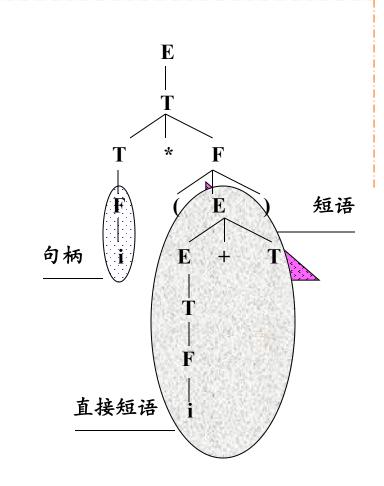
*子树

- 分析树中一个特有的结点、 连同它的全部后裔结点、连 接这些结点的边、以及这些 结点的标记。
- 子树的根结点的标记可能不 是文法的开始符号。
- ■如果子树的根结点标记为非 终结符号A,则可称该子树 为A-子树。



* 子树与短语的关系

- 一棵子树的所有叶结点自左至右排列起来,形成此句型相对于该子树根的短语;
- 分析树中只有父子两代的子树的所有叶结点自左至右排列起来,形成此句型相对于该子树根的直接短语;
- 分析树中最左边的那棵只有父子两代的子树的所有叶结点自 左至右排列起来,就是该句型的句柄。



* 符号串相关基本概念

字母表

- □符号的非空有限集合
- □典型的符号是字母、数字、各种标点和运算符等。

符号串

- □定义在某一字母表上
- □由该字母表中的符号组成的有限符号序列
- □同义词: 句子、字

符号串有关的几个概念

■长度

- □符号串α的长度是指α中出现的符号的个数,记作|α|。
- □空串的长度为0,常用ε表示。

wenshli@bupt.edu.cr

* 符号串相关基本概念

■前缀

□符号串α的前缀是指从符号串α的末尾删除0个或多个符号后得到的符号串。如: univ 是 university 的前缀。

■后缀

□ 符号串α的后缀是指从符号串α的开头删除0个或多个符号后得到的符号串。如: sity 是 university 的后缀。

■ 子串

□ 符号串α的子串是指删除了α的前缀和/或后缀后得到的符号串。如: ver 是 university 的子串。

■ 真前缀、真后缀、真子串

□如果非空符号串β是α的前缀、后缀或子串,并且β≠α,则称β是 α的真前缀、真后缀、或真子串。

■ 子序列

□ 符号串α的子序列是指从α中删除0个或多个符号(这些符号可以 是不连续的)后得到的符号串。如: nvst

wenshli@bupt.edu.ci

* 符号串相关基本概念

■ 连接

- □符号串α和符号串β的连接αβ是把符号串β加在符号串α之 后得到的符号串
- □ 若α=ab, β=cd, 则αβ=abcd, βα=cdba。
- □对任何符号串α来说,都有εα=αε=α

■ 幂

- □ 若 α 是符号串, α 的n次幂 α ⁿ 定义为: $\alpha\alpha$... $\alpha\alpha$
- □ 当n=0时, α⁰是空串, α⁰=ε。

$$n\uparrow$$

□假如α=ab,则有:

$$\alpha^0 = \epsilon$$
 $\alpha^1 = ab$ $\alpha^2 = abab$

• • • • •

* 二义性文法

- 如果一个文法的某个句子有不止一棵分析树,则这个句子是二义性的。
- 含有二义性句子的文法是二义性的文法。

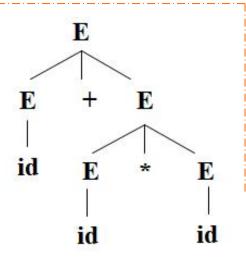
例:考虑文法 $G=(\{+,*,(,),i\},\{E\},E,\phi)$

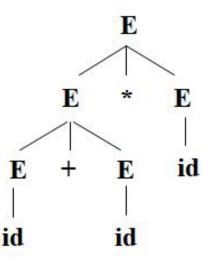
 φ : $E \rightarrow E + E \mid E \times E \mid (E) \mid id$

句子 id+id*id 存在两个不同的最左推导:

 $E\Rightarrow E+E\Rightarrow id+E\Rightarrow id+E*E\Rightarrow id+id*E\Rightarrow id+id*id$ $E\Rightarrow E*E\Rightarrow E+E*E\Rightarrow id+E*E\Rightarrow id+id*E\Rightarrow id+id*id$

有两棵不同的分析树





wenshli@bupt.edu.

* 文法的二义性和语言的二义性

- ■如果两个文法产生的语言相同,即L(G)=L(G'),则 称这两个文法是等价的。
- ■有时,一个二义性的文法可以变换为一个等价的、 无二义性的文法。
- 有些语言,根本就不存在无二义性的文法,这样的语言称为二义性的语言。
- ■二义性问题是不可判定的
 - □不存在一种算法,它能够在有限的步骤内确切地判定出一个文法是否是二义性的。
 - □可以找出一些充分条件(未必是必要条件),当文法满足 这些条件时,就可以确信该文法是无二义性的。