

وزارت معارف معینیت انکشاف نصاب تعلیمی، تربیهٔ معلم و مرکز ساینس ریاست عمومی انکشاف نصاب تعلیمی و تألیف کتب درسی

رهنمای معلم ریاضی

صنف ۹



🛑 ۱۳۹۰ هـ. ش.

کتاب های درسسی متعلق بـه وزارت معارف بـوده خرید و فـروش آن در بازار جداً ممنوع اسـت. بـا متخلفین برخورد جدی صورت می گیرد.



وزارت معارف

معینیت انکشاف نصاب تعلیمی، تربیهٔ معلم و مرکز ساینس ریاست عمومی انکشاف نصاب تعلیمی و تألیف کتب درسی

رهنمای معلم ریاضی صنف نهم

مؤلفان

سرمولف میرنقیب الله عضو علمی دیپارتمنت ریاضی ریاست انکشاف نصاب تعلیمی و تألیف کتب درسی مؤلف مهناز توخی عضو علمی دیپارتمنت ریاضی ریاست انکشاف نصاب تعلیمی و تألیف کتب درسی پوهیالی حمدالله شیرزی وردگ عضو تیم پروژه تألیف کتب درسی وزارت معارف

اديتور علمي

پوهنیار عبیدالله صافی عضو تیم پروژه تألیف کتب درسی وزارت معارف

اديتور زبان

سید محمود پایمناری عضو علمی دیپارتمنت دری ریاست انکشاف نصاب تعلیمی و تألیف کتب درسی محمد اسمعیل جهش عضو علمی دیپارتمنت دری ریاست انکشاف نصاب تعلیمی و تألیف کتب درسی

كميتهٔ ديني، سياسي و فرهنگي:

داكتر عطاء الله واحديار مشاور ارشد وزارت معارف و رئيس نشرات.

- مولوی عبدالو کیل عضو علمی دیپارتمنت تعلیمات اسلامی
- حبیب الله راحل مشاور وزارت معارف در ریاست انکشاف نصاب تعلیمی و تألیف کتب درسی

كميتة نظارت:

- دكتور اسد الله محقق معين نصاب تعليمي، تربيهٔ معلم و مركز ساينس
 - دكتور شير على ظريفي مسؤول پروژهٔ انكشاف نصاب تعليمي
- معاون سرمؤلف عبدالظاهر گلستانی رئیس عمومی انکشاف نصاب تعلیمی و تألیف کتب درسی

کمپوز و دیزاین:

ولید نوید نسیمی و یما معصومی





سرود ملي

دا وطن افغانستان دی دا عنزت د هنر افغان دی هــر بچــي يــي قهرمـــان دى د بلوڅـــو د ازبکـــو د ترکمنے و د تاجکے یامبریان، نورستانیان هـم ايمـاق، هـم يـشه يـان لكه لمر يرشنه آسمان لكـــه زړه وي جــاويدان وايـوالله اكبـر وايـوالله اكبـر

کور د سولي کور د تورې دا وطن د ټولو کسور دی د پـــښتـون او هـــزاره وو ورسـره عــرب، کوجـــر دی براهـوي دي، قزلبـاش دي دا هیــواد بـه تـل حُلیـری په سينه کې د آسيا به نــوم د حــق مــودي رهبـــر

بسم الله الرحمن الرحيم

پیام وزیر معارف،

استادان و معلمان محترم،

تعلیم و تربیه اساس توسعه و انکشاف هر کشور را تشکیل می دهد و نصاب تعلیمی یکی از عناصر بنیادی تعلیم و تربیه می باشد که مطابق انکشافات علمی و نیازمندی های جامعه وضع می گردد، واضح است که انکشافات علمی و ضرورت های جامعه همواره در حال تَطُورُ می باشد؛ بناء کلازم است نصاب تعلیمی نیز به صورت علمی و دقیق مطابق ایجابات عصر و زمان انکشاف نماید. البته نباید نصاب تعلیمی تابع تغییرات سیاسی، نظریات و تمایلات اشخاص گردد.

کتاب رهنمای معلم که امروز در دسترس شما قرار دارد بنابر همین مشخصات تهیه و ترتیب گردیده و با تکیه بر میتودهای جدید تدریس، فعالیتها و مواد معلوماتی نیز در آن اضافه شده است که یقیناً برای فعال نگاه داشتن شاگردان در عملیهٔ تدریس مفید و مؤثر میباشد.

امیدوارم محتویات این کتاب که با استفاده از روش های آموزش فعال تألیف و تدوین شده است، مورد استفادهٔ شما استادان عزیز قرار گیرد. با استفاده از فرصت از اولیای محترم شاگردان تقاضا بعمل می آید تا در تعلیم و تربیهٔ با کیفیت دختران و پسران خود همکاری متداوم نمایند، تا به این وسیله اهداف و آروزهای نظام معارف بر آورده گردد و نتایج و دست آوردهای خوبی برای نسل جوان و کشور ما داشته باشد.

استادان و معلمان گرانقدر ما در تطبیق مؤثر نصاب تعلیمی رسالت و مسؤولیت بزرگ دارند.

وزارت معارف همواره تلاش می نماید تا نصاب تعلیمی معارف مطابق اساسات و ارزشهای دین مبین اسلام، نیازمندی های جامعه و منافع ملی و وطندوستی با معیار های جدید علمی ساینس و تکنالوژی انکشاف نماید.

به منظور نیل به این مأمول بزرگ ملی از تمام شخصیت های علمی، دانشمندان تعلیم و تربیهٔ کشور و اولیای محترم شاگردان تمنا دارم، تا با ارائهٔ نظریات و پیشنهادات رهنمودی و سودمند خویش مؤلفان ما را در بهبودبخشی بیشتر از پیش تألیف کتب درسی و رهنماهای معلمان یاری نمایند.

از همهٔ دانشمندانی که در تهیه و ترتیب این کتاب سهم گرفته اند، و نیز از مؤسسات محترم ملی و بین المللی و سایر کشور های دوست که در تهیه و ترتیب نصاب تعلیمی جدید، طبع و توزیع کتب درسی و رهنماهای معلمان زمینه سازی و یا همکاری های مادی یا معنوی نموده اند صمیمانه اظهار امتنان و قدردانی نموده تداوم همکاری های شان را آرزو می نمایم.

و من الله التوفيق

فاروق «وردك» وزير معارف جمهوري اسلامي افغانستان

صفحه	فهرست
1-47	فصل اول: دایره
	عناصر دایره، حالات یک خط مستقیم با دایره، موقعیت دو دایره نظر به یک دیگر
	زوایایی مربوط به دایره
	خصوصیات و تر و شعاع دایره
	زاویه محیطی دایره، زاویه مماسی دایره
	نكات مهم و تمرينات عمومي فصل
۲۷ – ۵۲	فصل دوم: روابط بین دایره و خطوط مستقیم
	روابط طولی در دایره
	طاقت یک نقطه نظر به یک دایره
	خط مماس به دایره، زاویه داخلی یک دایره، زاویه خارجی یک دایره
	دایره محیطی، دایره محاطی
	خصوصیات چهار ضلعی مرسوم به دایره
	ترسيم مضلع منظم، محيط و مساحت دايره
	نكات مهم و تمرينات عمومي فصل
04-1.5	فصل سوم: هندسه تحليلي
	فاصله بین دو نقطه
	مختصات نقطه وسطى يك قطعه خط
	میل خط مستقیم، میل مستقیم های موازی، میل مستقیم های عمود با هم
	معادله خط مستقیم، معادله خطی مستقیمی که میل ویک نقطه آن معلوم باشد
	شكل عمومي معادله خط مستقيم
	سيستم معادلات خطى
	حل سیستم معادلات خطی به روش تعویضی و افنا
	تغيير مكان، انتقال، انعكاس، دوران
	نكات مهم و تمرينات عمومي فصل
1.0-180	فصل چهارم: مثلثات
	قضیهٔ تالس در مثلثات
	ساين يک زاويه حاده، کوساين يک زوايه حاده، تانجنت يک زاويه حاده
	نسبت های مثلثاتی زوایایی خاص، رابطهٔ میل خط مستقیم و تانجنت زاویه میل آن
	جدول مثلثاتی و استعمال آن، حل مثلث های قایم الزاویه، زوایایی میل، ارتفاع و تنزیل
	معادلات مثلثاتي

صفحه فهر ست فصل ينجم: افاده هاى الجبرى 127-121 تجزيه به فكتور ضرب افاده های الجبری، مجموع و تفاضل مکعبات کو چکترین مضرب مشترک تقسيم افاده هاى الجبرى ترتیب انجام عملیه ها در افاده های الجبری نكات مهم و تمرينات عمومي فصل فصل ششم: نامساوات 174-174 نامساوات، حل نامساوت خطي فاصله يا انتروال ها تعیین اشاره بینوم، تحلیل تعیین اشاره افاده کسری نامساوات های کسری، نامساوات خطی دو متحول سيستم نامساوات خطى دو متحوله نكات مهم و تمرينات عمومي فصل فصل هفتم: معادلات یک مجهوله درجه دوم 19 -- 71 -معادله یک مجهوله درجه دوم، حل معادلات یک مجهوله درجه دوم روابط غير خطي، حل گرافيك معادلات يك مجهولة درجه دوم حل معادلات یک مجهوله درجه دوم به طریقهٔ تجزیه، طریقهٔ تکمیل مربع، فارمول محمد بن موسی نكات مهم و تمرينات عمومي فصل فصل هشتم: احصائيه T11-777 روش دسته بندی Data، دسته بندی دیتای(Data) پیوسته، اوسط وزنی گراف مستطیلی، گراف دایره یی ميانه، ساحه تحول، اوسط انحراف نكات مهم و تمرينات عمومي فصل فصل نهم: تيوري احتمالات 77Y-70£ اتحاد و تقاطع حوادث اتفاقى ست کلی و مکمله مدل سازی با ست ها اصل شمارش نكات مهم و تمرينات عمومي فصل

سخني چند به معلم

معلم محترم!

کتاب رهنمای معلم ریاضی که به اساس روش آموزش فعال تألیف گردیده است صرف برای استفادهٔ شما بوده به دسترس شاگردان نباید قرار داده شود.

معلم محترم! برای تدریس هرچه بهتر درس و آموزش شاگردان نکات زیر را مورد توجه قرار دهید:

1) به مجرد داخل شدن به صنف بعد از گفتن السلام وعلیکم و گرفتن جواب(علیکم السلام) از طرف شاگردان، به اجرای فعالیت های مقدماتی چون(احوالپرسی، تنظیم صنف، گرفتن حاضری ، ملاحظه کارخانه گی و ارزیابی درس گذشته درصورت امکان با تامین ارتباط درس جدید با درس گذشته، به تدریس درس جدید اقدام نمایید، طوری که در مورد ورودی سؤالهای مطرح کنید تا شاگردان تفکر نمایند و جواب بدهند، در غیر آن خود به توضیح ورودی بپردازید.

- ۲) مواد ممد درسی(مواد محیطی که در محیط شما پیدا می شود) ودر رهنما تذکر رفته اند از قبل تهیه وبه صنف بیاورید.
- ۳) دراین رهنما میتود هایی به کار گرفته شده است که علاوه بر آنها میتواند از میتود های سود مندی که خود در طول تجربه و تدریس تان فراگرفته اید کار بگیرید.
- ۴) دراین کتاب مراحل تدریس به شکل علمی آن درنظر گرفته شده است. اگر تطبیق آن مراحل،عملی شود به یقین که تدریس شما سود مند واقع می شود.
- ۵) درموضوعی که تدریس مینمایید تاحد امکان سعی به عمل آمده است معلومات اضافی که درتدریس شما را کمک می نماید وهمچنان ازعهده حل سوالاتی که از طرف شاگردان درموضوع راجع می شود موفقانه بدر آیید، بنابرآن ضرور است تا قبل از تدریس موضوع،رهنمای آن موضوع را مطالعه نمایید.
- ۶) یک ساعت ۴۵ دقیقه یی طوری تقسیمات گردیده است تا بتوانید در اوقات معینه تدریس را به پیش ببرید و اختتام بخشید، اگر احیاناً در کدام درس نتوانید آن زمانبندی را عملی نمایید خود صلاحیت کم ویا زیاد کردن وقت را دارید، طور مثال: اگر فعالیت جریان درس که درمدت ۲۸ دقیقه از طرف مؤلفان درنظر گرفته شده است از نظر شما مدت زیاد تری است می توانید آن را در مدت ۲۰ دقیقه درنظر گرفته انجام دهید و از ۸ دقیقه اضافی آن در اجرای متباقی فعالیت ها استفاده کنید و امثال آن.
- ۷) سهیم ساختن شاگردان در اجرای فعالیت از اولویت وظیفهٔ شما درجریان تدریس می باشد که باید شاگردان را به اجرای فعالیت طور عادلانه سهم بدهید. صرف به اجرای فعالیت به وسیلهٔ چند شاگرد لایق اکتفاء ننمایید.
 - ۸) تمرین ها باید درصنف باسهم گیری شاگردان کارشود.
- ۹) درصورتی که تعداد سؤالها دریک تمرین زیاد باشد یکتعداد آن برای تحکیم درس با اشتراک فعال شاگردان
 درصنف حل شود ومتباقی به حیث کار خانه گی به شاگردان وظیفهٔ داده شود.
- ۱۰) در اخیر هر فصل تمرین مربوط فصل جا داده شده است، سعی شود تا نظر به مشکل بودن ویا آسان بودن سؤالها، سؤالها، سؤالهای تمرین فصل را در دوساعت، سه ساعت ویا چهار ساعت درسی نظر به لزوم دید تان باسهم گیری شاگردان حل کنید.

ومن الله توفيق



فصل اول: دایره

1-1: دايره صفحات كتاب درسي:(4-3)

وقت: یک ساعت درسی

– شاگردان دایره، شعاع دایره، نقاط داخلی و خارجی دایره را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان نقاط فوق را در دایره نشان داده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از ترسیم دایره لذت ببرند و در زندهگی روزمرهٔ خود از آن کار	
گیرند.	
سؤال وجواب، کار گروپی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، تصویر شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
بعد از سلام و احوال پرسی، تنظیم صنف، اخذ حاضری، ملاحظه کار خانه گی و	4- توضیح ورودی
ارزیابی مختصردرس گذشته به ارائه درس جدید بپردازید.	(5) دقیقه
برای توضیح ورودی این درس تصویر را که از قبل آماده نموده اید پیشروی	
صنف آویزان و از شاگردان سؤال کنید.	
شما در تصویر چه را می بینید؟ سعی کنید تا از شاگردان جواب درست به دست	
آرید در غیر آن شما راجع به تاق ظفر پغمان و ساختمان آن که از اشکال نیم	
دایره در ساختمان آن کار گرفته شده است معلومات مختصر به آنها ارائه نمایید.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

برای آغاز درس جدید و ترسیم دایره، شاگردان را به اجرای فعالیت صفحهٔ 3 مربوط این درس که در کتاب درسی و جود دارد دعوت نمایید. هدف از اجرای فعالیت این است تا شاگردان عملاً دایره را با استفاده از وسایل هندسی به صورت منظم رسم نمایند.

درجریان اجرای فعالیت نظارت نمایید تا شاگردان دهن پرکار را به اندازهٔ که در فعالیت تذکر داده شده است باز نمایند سپس یک سوزن پرکار را بوی کاغذ یاکتابچه شان ثابت نگهداشته و پرکار را به اطراف آن بچرخانند. در مورد شکلی که به وجود می آید از آنها بیرسید:

این شکل چه نام دارد؟ وچه خصوصیات در آن موجود است؟ بالاخره آهسته، آهسته خود را به تعریف دایره نزدیک ساخته و در مورد از شاگردان سؤال نموده وجواب بگیرید. اگر جواب قناعت بخش درمورد تعریف مکمل دایره به دست نیاوردید شما دایره را تعریف و در آن مرکز دایره ، شعاع وساحات داخلی و خارجی دایره را به آنها نشان دهید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس را خوبتر فرا گیرند، شاگردان را به گروپ های قبلی تقسیم نموده و از آنها بخواهید تا فعالیت دومی صفحه (4) مربوط این درس را انجام دهند.

بعد از اجرای این فعالیت از شاگردان بپرسید نقاطی که در ساحهٔ داخلی، خارجی و محیط دایره واقع اند کدام ها اند، نتیجهٔ که از انجام این فعالیت به وجود می آید و در کتاب موجود است شاگردان به کمک معلم مساوات و نامساوات های ریاضیکی را تحلیل و در مورد هریک از نتایج چهارگانه به معلومات خود بیافزایند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

درختم درس با طرح نمودن سؤالها در مورد درس ارائه شده از شاگردان و اخذ جوابات قناعت بخش خود را مطمئن سازید که آیا شاگردان درس را درست فرا گرفته اند یاخیر؟ مثلاً بپرسید:

- کی دایره را تعریف می کند؟
- کی می تواند یک دایره را رسم، شعاع و مرکز آنرا نشان دهد؟
- کی می تواند در دایره رسم شده نقاط داخلی، خارجی و محیط را مشخص نماید.

8- معلومات اضافی برای معلم:

اگر دو دایره متحدالمر کز باشعاع های مختلف موجود باشد.

مانند شكل مقابل:

ساحهٔ مخطط که بین دوایر $o_2\,,o_1\,$ محصور است آنرا به نام

اکلیل دایره یاد می نمایند و این ساحه طوری محاسبه می گردد.

که هرگاه از مساحت دایرهٔ بزرگ ، مساحت دایرهٔ کوچکتر تفریق گردد مساحت اکلیل دایره به دست می آید.

9- جواب به سؤال های تمرین:

1- دایره یی به شعاع 2cm رسم کنید. کدام یک از نقاط زیر داخل دایره، خارج دایره و بالای محیط دایره قرار دارند:

- فاصله نقطه A از مركز دايره 1.4cm است.
- فاصله نقطه B از مركز دايره 2.3cm است.
 - فاصله نقطه ${f C}$ از مرکز دایره صفر است.
 - است. $\frac{4}{2}cm$ است. D از مرکز دایره

 $\begin{array}{c|c}
A_{\bullet} & B_{\bullet} \\
C_{\bullet} & \hline
2cm
\end{array}$

حل:

- نقطهٔ A داخل دایرهٔ O قرار دارد.
- نقطهٔ B خارج دایرهٔ O موقعیت دارد.
- نقطهٔ C بالای مرکز دایره یعنی O قرار دارد.
 - نقطهٔ D بالای محیط دایره قرار دارد.

2- توضيح دهيد چه وقت يک نقطه بالاي محيط دايره قرار مي گيرد؟

حل: یک نقطه زمانی بالای محیط دایره قرار می گیرد که فاصلهٔ نقطه از مرکز دایره مساوی به شعاع دایره باشد.



2-1: عناصر دايره

صفحات كتاب درسي: (6-5)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان عناصر دایره را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان عناصر دایره را رسم کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از شناخت عناصر دایره لذت برده و در زنده گی روزمره آنرا به	
كار ببرند.	
سؤال وجواب ، کار گروپی	2- روش های تدریس
بکس هندسی، تصویر شکل ورودی و چارت شکل فعالیت	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد	4- توضیح ورودی
به ارائه درس جدید بپردازید.	(5) دقیقه
درقسمت توضیح ورودی این درس تصویر را که از قبل آماده نموده اید آنرا	
پیشروی صنف آویزان و از شاگردان سؤال کنید.	
درشکل چه را می بینید؟ این کیک کدام شکل هندسی را دارد؟	
قسمت قطع شدهٔ آن کدام عنصر دایره را نشان می دهد؟	
سعی نمایید تا از شاگردان جواب های قناعت بخش به دست آرید در غیر آن	
شما خود جواب های آنها را تصحیح نمایید تا شاگردان راجع به شکل معلوت	
کافی به دست آرند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

چارتی را که از قبل درمورد شکل صفحه (5) کتاب درسی که عناصر یک دایره را با تعریف های آن نشان می دهد پیشروی صنف آویزان کنید. سپس به نوبت از شاگردان بخواهید که هر کدام آن ها یک عنصر دایره را روی چارت نشان دهند. وآن را تعریف نمایند درصورت بروز مشکل آنها را کمک و رهنمایی کنید. این کار را تا زمانی ادامه دهید که تمام عناصر دایره توسط شاگردان روی چارت نشان داده شود و تعریف گردد.

اکنون شاگردان را به گروپ ها تقسیم نموده و به هرگروپ وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (6) مربوط این درس را انجام دهند. در جریان کار گروپی از فعالیت هر گروپ نظارت به عمل آرید واگر مشکل داشتند آنها را رهنمایی کنید. درختم کار گروپی در صورت مساعدت وقت از نمایندهٔ هر گروپ بخواهید تا فعالیتی را که گروپ شان انجام داده است به دیگران توضیح نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه درس ارائه شده را شاگردان خوبتر درک کنند نتایج فعالیت فوق مربوط این درس را که در صفحه (6) کتاب درسی وجود دارد به آنها تشریح و توضیح نمایید.

7- ارزیایی ختم درس (5) دقیقه:

درمورد هر یک از عناصر دایره از شاگردان بخواهید که آنها را در چارت نشان داده و بعد تعریف نمایند.

8- معلومات اضافی برای معلم:

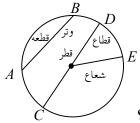
- بزرگترین و تر قطر است.
- هر قطر دو چند شعاع است.
- هر زاویه که اضلاع آن انجام های قطر دایره را قطع می کند قایمه است.
- وتریکه به مرکز نزدیک باشد ، بزرگتر است از وتر هایکه از مرکز دورتر می باشد.(از لحاظ طول)
 - قطر هر دايره محور تناظر همان دايره است.
 - $A = \frac{1}{2}R^2\theta$:مساحت قطاع هر دایره عبارت است از

9- جواب به سؤال های تمرین:

دایرهٔ (0,4) را رسم نمایید. -1

جواب:

a) شعاع ، قطر ، قطعه وقطاع را در شكل نشان دهيد.



- b) طول قطر دايره را تعيين كنيد.
 - طول قطر دايره 8cm است.
- محیط دایره را به چهار حصهٔ مساوی تقسم کنید و از آن چه نتیجه به دست می آید؟ (c

دایره توسط دو قطری که باهم عمود باشند به چهار حصهٔ مساوی تقسیم می شود و از آن این نتیجه میشود که هر چهار قسمت دایره باهم مساوی می باشد.



- d) ساحهٔ داخلی ، ساحهٔ خارجی ومحیط دایره را توسط رنگ های مختلف نشان دهید.
 - قسمت خارج محیط دایره را توسط یک نوع رنگ، رنگه می نماییم مثلاً (سفید).
 - قسمت داخل محيط دايره را توسط يک رنگ ديگر رنگه مي کنيم مثلاً (آبي).
 - ومحیط دایره را توسط یک رنگ دیگر رنگه می نماییم مثلاً (سرخ).



1-3: حالات یک خط مستقیم با دایره صفحات کتاب درسی: (8-7) وقت: یک ساعت درسی

دان حالات مختلف یک خط مستقیم با دایره را بدانند.	1- اهداف آموزشی: - شاگره
دان مثالهای مربوط به این حالات را حل کرده بتوانند.	
دان از فرا گیری این حالات لذت برده و در زندهگی روزمره آنرا به	
ل.	کار ببرنا
جواب، کار انفرادی و گروپی	2- روش هاى تدريس سؤال و
ندسي، چارت شكل ورودي	3- مواد ممد درسی بکس هن
، مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد	4- توضیح ورودی کار های
درس جدید بپردازید.	به ارائه د
وضیح ورودی این درس چارتی را که از قبل آماده نموده اید پیشروی	جهت ت
ویزان کنید و به شاگردان بگویید به شکل ورودی درس توجه نمایند	صنف آ
نها سؤال كنيد.	بعد از آ:
، داده شده قلم ها و بکس هندسی با دایره در کدام حالت قرار دارند؟	در شکل
ن باید بگویند کنار بکس هندسی و یک قلم با دایره مماس اند یک	شاگردان
ج ساحهٔ دایره قرار دارد و سه قلم دیگر با دایره یک یا دو نقطه	قلم خار
دارند.	مشترک

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم نموده وبه هر گروپ وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (7) مربوط این درس را انجام دهند. در جریان اجرای فعالیت از کار هر یک از گروپ ها نظارت نمایید واگر مشکل داشتند آن ها را رهنمایی لازم نمایید همچنان به هرگروپ وظیفه دهید تا سه دایره و سه خط مستقیم را رسم نمایند طوریکه یک خط مستقیم خارج یک دایره، خط مستقیم دومی مماس با دایره دومی و خط مستقیم سومی با دایره قاطع باشد و اعضای هر گروپ روی هر یک این حالات خط مستقیم با دایره جرو بحث نموده نتیجه گیری نمایند.

حال از یک شاگرد بخواهید تا مثال صفحهٔ (8) کتاب را روی تخته حل نماید همزمان از شاگردان دیگر بخواهید تا این کار را در کتابچه های شان انجام دهند. اگر در حل روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح نماید و شاگردان دیگر حل های شان را با آن مقایسه نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

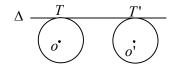
رای اینکه شاگردان درس را خوبتر فرا گیرند اندازهٔ شعاع دایره (r) وفاصلهٔ یک نقطه خط مستقیم از مرکز دایره d=r , d>r و d=r , d>r عملاً مشاهده نمایند. d< r

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را درست فرا گرفته اند یاخیر؟ درمورد هر یک از حالات سه گانه خط مستقیم با دایره از شاگردان سؤال کنید وجواب قناعت بخش به دست آرید. مانند:

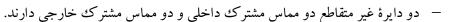
- -1 رفاصلهٔ یک نقطه از مرکز دایره 2cm و شعاع دایره 3cm باشد نقطه در کدام قسمت دایره واقع است. چرا
- اگر فاصلهٔ نقطه از مرکز دایره 4cmو شعاع دایره نیز 4cm باشد موقعیت نقطه نظربه دایره را مشخص کنید. چرا؟
 - -1ر شعاع دایره 2cm و فاصله نقطه از مرکز دایره 5cm باشد نقطه درکدام قسمت دایره قرار دارد. چرا

8- معلومات اضافی برای معلم:



مماس های مشترک دو دایره:

- خطی که به دو دایره مماس باشد مماس مشترک گفته می شود. اگر هر دو دایره به یک طرف این خط واقع باشند مماس مشترک را خارجی و اگر دایره به هر دو طرف خط واقع باشند مماس مشترک را مماس داخلی گویند.



- دو دايرهٔ متقاطع تنها دو مماس مشترک خارجي دارند.
- دو دایرهٔخارجاً مماس، دو مماس مشترک خارجی و یک مماس مشترک داخلی دارند.
 - دو دایرهٔ داخلاً مماس، تنها یک مماس مشترک خارجی دارند.

9- جواب به سؤال های تمرین:

دایرهٔ به شعاع 3cm رسم نموده دراین دایره خطوط مستقیم به فاصلههای داده شده زیر رسم و حالات آنهارا با دایره معلوم کنید.

الف: فاصلة خط مستقيم از مركز دايره 2.5cm باشد.

ب: فاصلهٔ خط مستقیم از مرکز دایره 4cm باشد.

ج: فاصلهٔ خط مستقیم از مرکز دایره برابر شعاع دایره باشد.

جواب:

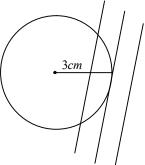
دهن پر کار را به اندازهٔ 3cm باز نموده یک دایره رسم می کنیم سپس مطابق سؤال به فاصله های داده شده خطوط را

رسم مى نماييم:

الف: خط مستقيم با دايره قاطع است.

ب: خط مستقيم خارج دايره واقع است.

ج: خط مستقيم با دايره مماس است.





4-1: موقعیت دو دایره نظر به یک دیگر صفحات کتاب درسی: (10-9) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان موضوعات مربوط به موقعیت دو دایره نظر به یک دیگر را بدانند؟	1- اهداف آموزشي:
- شاگردان سؤالات مربوط به این موضوعات را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان ازحل مثالها وسؤالهای مربوط به موقعیت دو دایره نظر به یک دیگر	
احساس خوشي نمايند.	
سؤال وجواب، کار گروپی وانفرادی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید. طوریکه ابتدا بخش ورودی را توضیح کنید.	د 5) دقیقه
برای توضیح بخش ورودی این درس چارتی را که از قبل آماده نموده اید	
پیشروی صنف آویزان نموده و از شاگردان سؤال کنید.	
عرابه های بایسکل دارای کدام شکل هندسی اند.	
دو عرابه که شکل دایره را دارند باهم چند حالت را گرفته می توانند؟	
سعی کنید از شاگردان جواب های قناعت بخش به دست آرید.	

5- فعالیت جریان درس (28)دقیقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم کنید و به هر گروپ وظیفه دهید تا فعالیت صفحه (9) کتاب درسی را انجام دهند. بعداً نتیجهٔ مربوط به این فعالیت را به شاگردان تشریح و توضیح نمایید طوریکه هنگام توضیح از شاگردان سؤال نموده وجوابهای قناعت بخش به دست آرید. یعنی هنگام توضیحات شاگردان بفهمند که دو دایره نظر به یک دیگر دارای چه موقعیت ها بوده می تواند. حال از یک شاگرد بخواهید تا مثال صفحه (10) کتاب درسی را روی تخته حل نماید و از شاگردان دیگر بخواهید تا همزمان آن را در کتابچه های شان حل کنند اگر در حل روی تخته مشکل وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا روی تخته اصلاح نماید و از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های شان را با مثال روی تخته مقایسه نمایند. اگر اشتباهی را مرتکب شده باشند آن را اصلاح کنند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان موضوع درس را بهتر درک کنند، مشابه به مثال صفحه (10) کتاب درسی یک مثال دیگر با تغییر ارقام و اعداد روی تخته حل نمایید.

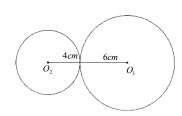
7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

برای اینکه خود را مطمئن سازید که آیا شاگردان درس ارائه شده را خوب درک نموده اند یاخیر؟ به ارتباط درس داده شده چند سؤال مانند زیر را طرح و از شاگردان جواب به دست آرید.

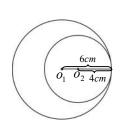
- اگر دو دایره نقطه مشترک نداشته باشد با هم چه ارتباط دارند؟
- اگر دو دایره یک نقطه مشترک داشته باشد این دو دایره با هم چه مناسبت دارند؟
- اگر دو دایره دو نقطه مشترک داشته باشند این دوایر با هم دارای کدام حالت اند؟

8- جواب به سؤال هاى تمرين:

دو دایره را به شعاع های 6cm و 4cm در نظر گرفته طور زیر آنها را با هم رسم نمایید.

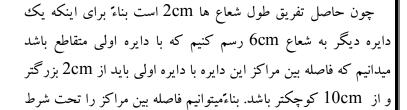


الف: دهن پر کار را به اندازهٔ 4cm باز نموده یک دایره رسم می کنیم. حال از مرکز این دایره توسط خط کش به طول 10cm یک خط رسم کرده بعد دهن پر کار را به اندازهٔ 6cm باز نموده انجام خط رسم شده را مرکز گرفته یک دایره دیگر رسم می کنیم این دایره به دایره اولی مماس

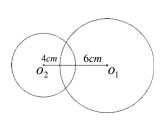


ب: دهن پرکار را به اندازهٔ 6cm باز نموده یک دایره را رسم می کنیم. حال چون حاصل تفریق دو شعاع مساوی به عدد 2 است و این فاصله بین مراکز دو دایره می باشد بناء بالای شعاع دایره از مرکز به فاصله 2cm جدا نموده اگر آنرا مرکز قرار داده به شعاع 4cm یک دایره رسم نماییم این دایره با دایره اولی داخلاً مماس است.

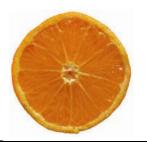
ج: یک دایره به شعاع 4cm رسم می کنیم.



فوق مثلاً 5cm تعیین وانجام این خط را مرکز قرار داده به شعاع 6cm یک دایره رسم کنیم این دایره با دایره اولی متقاطع است.



د: یک دایره به شعاع 4cm رسم می کنیم. چون حاصل جمع طول ها 10cm است بناءٌ خط مركزين دواير بايد بزرگتر از 10cm باشد بناءً طول خط مراكز هردو دايره را بزرگتر از 10 6*cm* مثلاً 12cm انتخاب نموده اگر انجام این خط را مرکز گرفته به شعاع 6cm دایره دومی رسم کنیم این دایره با دایره اولی غیر متقاطع است. ه: ابتداء دایره به شعاع 6cm رسم نمایید و به مرکز آن دهن پرکار O_1 را به اندازهٔ 4cm باز نموده و به آن شعاع دایره رسم کنید، که دایرهٔ نامبرده متحد المركز به شعاعات داده شدهٔ فوق باشد. و: معلم محترم حالات دايره را به سهم فعال شاگردان بيان داريد.



1-5: زوایای مربوط به دایره صفحات کتاب درسی: (12-11) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان زوایای مربوط به دایره را بدانند.	1- اهداف آموزشي:
- شاگردان زوایای مربوط به دایره را اندازه و محاسبه کرده بتوانند.	(دانشي، مهارتي وذهنيتي)
- شاگردان در زنده گی روزمره در وقت ضرورت آن را به کار ببرند.	
سؤال وجواب، کار گروپی و انفرادی	2- روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد	4- توضیح ورودی
به ارائه درس جدید بپردازید.	(5) دقیقه
ابتدا بخش ورودی درس را توضیح نمایید برای این کار چارتی را که از قبل	
آماده نموده اید پیشروی صنف آویزان کنید و از شاگردان بخواهید تا به تصویر	
مربوط ورودی به دقت متوجه شوند.	
از آنها سؤال کنید این تصویر چیست؟ از شاگردان جواب درست به دست	
آرید. باز بپرسید این تصویر کدام شکل هندسی است؟ خطوط داخل تصویر از	
نگاه هندسه چی نام دارند؟ سعی نمایید تا شاگردان حین ارائه جواب ها کلمات	
چون دایره، زوایای مرکزی دایره وغیره را به زبان بیاورند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم نموده وبه آنها وظیفه دهید تا با مشوره با یکدیگر فعالیت مربوط این درس را که در صفحه (11) کتاب درسی موجود است انجام دهند. بعداً در مورد نتیجه فعالیت فوق از شاگردان سؤال کنید وجواب قناعت بخش به دست آرید.

حال شکل مربوط به تعریف که در صفحه (11) کتاب درسی است آن را روی تخته رسم نموده وبا استفاده از آن زاویه مرکزی یک دایره را تعریف و توضیح نمایید. سعی نمایید تا شاگردان نیز سهم داشته باشند.

برای اجرای کار انفرادی از یک شاگرد بخواهید تا مثال 1 صفحهٔ (12) کتاب درسی را روی تخته حل نماید. همزمان از سایر شاگردان بخواهید تا هر کدام به طور جدا گانه آن را در کتابچه های شان حل نمایند. اگر در حل روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید سپس به شاگردان دیگر بگویید تا آنها حل های خویش را با حل روی تخته مقایسه نمایند. باید گفت که هنگام حل مثال شاگردان را کمک و رهنمایی کنید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه موضوع درس را شاگردان خوبتر فرا بگیرند مثال (2) صفحهٔ (12) کتاب درسی را روی تخته طوری حل نمایید که شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند. یعنی هنگام حل مثال از شاگردان سؤال نموده و جواب درست به دست آرید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس را فرا گرفته اند یاخیر؟ با طرح چند سؤال درس داده شده را ارزیابی نمایید. مثلاً از یک شاگرد بخواهید تا زاویه مرکزی یک دایره را تعریف کند. به همین ترتیب از شاگرد دیگری بخواهید تا قوس مقابل زاویه مرکزی را با زاویهٔ مرکزی دایره مقایسه نماید.

8- معلومات اضافي براي معلم:

اگر در یک دایره دو زاویهٔ مرکزی مساوی نباشند، قوسی که در مقابل زاویهٔ بزرگ قرار دارد بزرگتر است از قوسی که در مقابل زاویهٔ کوچکتر قرار دارد.

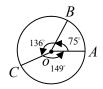
9- جواب به سؤال های تمرین:

دو زاویهٔ $\hat{C}(o,r)$ سه نقطه $\hat{C}(o,r)$ بالای محیط دایره $\hat{C}(o,r)$ طوری قرار دارند اگر $\hat{C}(o,r)$ و $\hat{C}(o,r)$ دو زاویهٔ $\hat{C}(o,r)$ بالای محیط دایره $\hat{C}(o,r)$ بالای محیط دایره $\hat{C}(o,r)$ بالای محیط دایره و طرفهٔ $\hat{C}(o,r)$ بالای محیط دایره و خاطرفهٔ $\hat{C}(o,r)$ بالای محیط دایره و خاطرفهٔ $\hat{C}(o,r)$ بالای محیط دایره و خاطرفهٔ و خاط

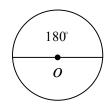
جواب

ابتدا دایرهٔ مذکور را رسم و بعد زاویهٔ داده شده را در آن مشخص می نماییم. می دانیم که زاویهٔ مرکزی مساوی به \hat{AC} عبارت است از:

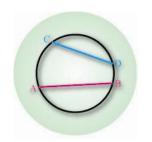
$$\begin{vmatrix}
\hat{AB} = \hat{AOB} = 75^{\circ} \\
\hat{BC} = \hat{BOC} = 136^{\circ}
\end{vmatrix} \Rightarrow \begin{vmatrix}
\hat{AB} + \hat{BC} = 75^{\circ} + 136^{\circ} = 211^{\circ} \\
\hat{AC} = 360^{\circ} - 211^{\circ} = 149^{\circ}
\end{vmatrix}$$



2- یک زاویهٔ مرکزی رسم نمایید که اندازهٔ آن °180 باشد؟



جواب: ابتدا دایرهٔ C(o,r) را رسم می کنیم چون می دانیم که هر زاویهٔ مرکزی مساوی به قوس مقابل آن است. همچنان محیط دایره 360 است لذا خط مستقیم که دایره را به دو حصه مساوی تقسیم می کند، قطر دایره است در دایره مذکور قطر را رسم می کنیم. در حقیقت این عبارت از زاویهٔ مرکزی است که اندازهٔ آن 180 می باشد.



1-6: خصوصیات وتر دایره صفحات کتاب درسی: (14-13) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان خصوصیات و تر دایره را بدانند.	1- اهداف آموزشي:
– شاگردان با استفاده از آن مسایل را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان در زنده گی روزمره آن را به کار ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2- روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد	4- توضیح ورودی
به ارائه درس جدید بپردازید. ورودی درس را توضیح نمایید طوریکه :	د قیقه (5)
چارت شکل بخش ورودی را که از قبل آماده نموده اید پیشروی صنف	
آویزان نموده در مورد وتر های دایره از شاگردان سؤال نمایید وجواب های	
قناعت بخش به دست آرید. مثلاً بپرسید در شکل مقابل چی را می بینید و	
خطوط که در دایره رسم شده است به نام چی یاد می شود و ارتباط آن با خطی	
که از مرکز دایره گذشته و دو نقطهٔ محیط دایره را باهم وصل می کند چیست؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم نموده به آنها وظیفه بدهید تا فعالیت مربوط این درس را که در صفحهٔ (13) کتاب درسی و جود دارد انجام دهند . درختم فعالیت نتیجه فعالیت را که عبارت از بیان یک قضیه است به شاگردان بگویید و بعد این قضیه را طوری ثبوت نمایید که شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

جهت کار انفرادی از یک شاگرد بخواهید تا مثال صفحهٔ (13) کتاب درسی را روی تخته حل نماید ، همزمان از سایر شاگردان بخواهید تا این مثال را به صورت جداگانه در کتابچه های شان حل نمایند. اگر در حل روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید. از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه نمایند.

حال از شاگردان بخواهید تا فعالیت صفحهٔ (14) کتاب درسی را به شکل گروپی انجام دهند.در جریان کار گروپی از فعالیت هر گروپ نظارت نمایید و اگر مشکلی داشتند رهنمایی کنید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه موضوع درس را شاگردان خوبتر فرا گیرند نتیجه فعالیت صفحه (14) کتاب درسی را که بیان قضیه است. روی تخته بنویسید و بعداً آن را به اثبات برسانید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارا ئه شده را فرا گرفته اند یاخیر؟ در مورد خصوصیات و تر دایره از شاگردان سؤال کنید وجواب های قناعت بخش به دست آرید. مثلاً بپرسید:

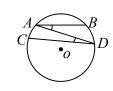
- کی می گوید در یک دایره کدام وتر ها از مرکز هم فاصله اند؟
- کی می گوید که در هر دایره کدام قطر، و تر و قوس های مقابل را تنصیف می کند؟

8- معلومات اضافی برای معلم:

می D وصل می D وصل می D باشد بناء D = AC باشد بناء D = AC است. برای ثبوت نقطه D = AC وصل می D = AC وصل می کنیم. نظر به شکل به مشاهده می رسد که :

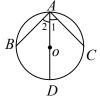
$$\stackrel{\smallfrown}{BAD}=\stackrel{\smallfrown}{ADC}$$
 ستبادله قرار متبادله

$$\begin{vmatrix}
\hat{BAD} = \frac{\hat{BD}}{2} \\
\hat{ADC} = \frac{\hat{AC}}{2}
\end{vmatrix} \Rightarrow \frac{\hat{BD}}{2} = \frac{\hat{AC}}{2} \Rightarrow \hat{BD} = \hat{AC}$$



2- اگر در یک دایره دو وتر مساوی بالای محیط دایره، یک زاویه را تشکیل نماید این زاویه توسط قطر دایره تنصیف می گردد . زیرا:

$$\begin{vmatrix}
\hat{ABD} = \hat{ACD} \\
\hat{AB} = \hat{AC} \\
\hat{BD} = \hat{CD}
\end{vmatrix} \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{A}_2$$



9- جواب به سؤال های تمرین:

در دایرهٔ \overline{AB} وتر \overline{AB} از مرکز دایره به فاصلهٔ ($\overline{5}$) واحد قرار دارد طول \overline{AB} را دریابید.

حل: ابتدا دایرهٔ C(0,13) را رسم می نماییم و در آن وتر \overline{AB} را با در نظر داشت خصوصیات داده شده رسم می کنیم. از روی شکل و به کمک قضیهٔ فیثاغورث طول \overline{AB} را طور زیر به دست می آوریم:

$$\overline{OB}^{2} = \overline{OH}^{2} + \overline{HB}^{2}$$

$$(13)^{2} = 5^{2} + \overline{HB}^{2}$$

$$169 - 25 = \overline{HB}^{2}$$

$$\overline{HB}^{2} = 144 \implies \overline{HB} = 12unit$$

$$\Rightarrow \frac{\overline{AB}}{2} = \overline{HB}$$

$$\Rightarrow \overline{AB} = 2\overline{HB}$$

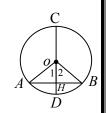
$$\overline{AB} = 2 \cdot 12 = 24unit$$



2- ثبوت كنيد كه در هر دايره قطرى كه از وسط وتر بگذرد ، بالاى آن وتر عمود است.

حل: از روی شکل و مشخصات داده شده در مثلث های $\stackrel{\triangle}{OAH}$ و $\stackrel{\triangle}{OBH}$ می توانیم بنویسیم که:

$$\overline{AH} = \overline{HB}$$
 $OBH \cong OAH$ $\Rightarrow \hat{H}_1 = \hat{H}_2$ $OBH \cong OAH$ $\Rightarrow \hat{H}_1 = \hat{H}_2$ $\Rightarrow \hat{H}_1 = \hat{H}_2 \Rightarrow \hat{H}_1 + \hat{H}_2 = 180^\circ \Rightarrow 2\hat{H}_1 = 180^\circ$ $\Rightarrow \hat{H}_1 = 90^\circ \Rightarrow \overline{OD} \perp \overline{AB}$



OH = 3cm وتر AB = 8cm را رسم نموده اگر فاصلهٔ عمودی این و تر از مرکز دایره OH = 3cm باشد طول قطر ومحیط دایره را محاسبه نمایید.

حل: از خصوصیات داده شده و شکل می توانیم بنویسیم:

$$\overline{OB}^2 = \overline{OH}^2 + \overline{HB}^2$$

$$\overline{OB}^2 = 9 + 16 = 25$$

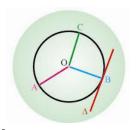
$$\overline{OB} = 5unit$$

$$\overline{OB} = 7 \implies r = 5unit$$

$$d = 2r \implies d = 2 \cdot 5 = 10unit$$

$$P = 2\pi r \implies 2 \cdot \pi \cdot 5 = 10 \pi$$





1-7: خصوصیات شعاع دایره صفحات کتاب درسی: (16-15) وقت: یک ساعت درسی

– شاگردان تعریف شعاع دایره را بدانند وببیند که درصورت تقاطع با مماس چه	1- اهداف آموزشی:
خواص را به خود می گیرد.	(دانشی، مهارتی و ذهنیتی)
- شاگردان با استفاده از خواص شعاع دایره مسایل مربوط را حل کرده بتوانند.	
– شاگردان آن را در حیات روزمره به کار ببرند.	
سؤال و جواب ، کار گروپی، انفرادی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید.طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح نمایید، برای این	(5) دقیقه
کار چارتی را که از قبل تهیه نموده اید پیشروی صنف آویزان کنید بعد از شاگردان	
سؤال کنید. اگر شعاع دایره، مماس را در نقطهٔ تماس قطع کند، مماس و شعاع در	
کدام حالت قرار می گیرند؟شاگردان باید به هدف ورودی بفهمند که اگر شعاع	
مماس را در نقطهٔ تماس قطع کند، آیا این شعاع بالای مماس عمود است یاخیر؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم نموده و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (15) کتاب درسی را انجام دهند. در جریان فعالیت از گروپی سهم فعال داشته باشند در ختم فعالیت از نماینده یک گروپ بخواهید تا فعالیتی را که انجام داده اند به دیگران توضیح دهند. در اخیر نتیجهٔ که از فعالیت فوق به دست می آید و در کتاب به شکل قضیه بیان شده است آن را به شاگردان تفهیم و بعد ثبوت کنید.

حال مثال 1 صفحه (16) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا حل کند، همزمان از سایر شاگردان بخواهید تا هر کدام به شکل انفرادی مثال مذکور را در کتابچه های شان حل نمایند.در اخیر اگر در حل روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید. زمانیکه مطمئن گردید که حل روی تخته درست است از سایر شاگردان بخواهید تا حل های کتابچهٔ شان را با آن مقایسه نمایند. و این کار کمک می نماید تا آنعده شاگردانیکه در حل مثال اشتباهی را مرتکب شده باشند به آن پی برده و آنرا اصلاح نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای تحکیم این درس مثال 2 صفحه (16) کتاب درسی را روی تخته حل نمایید.طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یا خیر؟ طور زیر ارزیابی نمایید.در مورد درس جدید از شاگردان سؤال کنید و جواب به دست آرید مثلاً بیرسید:

کی می گوید که شعاع دایره درنقطه تماس بالای مماس دایره دارای چه خصوصیات است ؟ اگر مرکز دایره را به امتداد یافته مماس وصل نماییم مثلث که بین این خط، شعاع دایره درنقطهٔ تماس تشکیل می شود چه نوع مثلث است ؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

اشد، والمحل والمحتاج من $\overline{BC}=10$ واحد طول داشته باشد، $\overline{AC}=8$ واحد طول داشته باشد، والمحتاج ما واحد طول داشته باشد، طول $\overline{AC}=8$ واحد طول داشته باشد، طول \overline{AB} را دریافت کنید؟

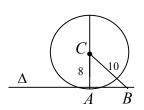
حل: از روی شکل و به کمک خصوصیات قضایای مماس وفیثاغورث می توانیم بنویسیم:

$$\overline{BC}^2 = \overline{AB}^2 + \overline{AC}^2$$

$$\overline{AB}^2 = \overline{BC}^2 - \overline{AC}^2$$

$$\overline{AB}^2 = (10)^2 - 8^2 = 100 - 64 = 36$$

$$\overline{AB} = 6$$



عماس باشد و اگر $\overline{OS} = 2unit$ ، $\overline{OS} = 1unit$ باشد طول C(O,r) مماس باشد و اگر $\overline{OT} = 2unit$ باشد طول عمام $\overline{OT} = 2unit$ باشد طول قطعه خط های \overline{OW} , \overline{SN} , \overline{SN} , \overline{AS} , \overline{OA} و \overline{TX} و \overline{TX} و \overline{TX} باشد طول

حل: از روی شکل و به کمک خصوصیات قضایای مماس وفیثاغورث می توانیم بنویسیم:

$$\overline{OA} = OT = 2unit$$
 شعاع دايره $\overline{OA}^2 = \overline{OS}^2 + \overline{AS}^2$
 $\overline{AS}^2 = \overline{OA}^2 - \overline{OS}^2$
 $\overline{AS}^2 = 4 - 1 = 3$
 $\overline{AS} = \sqrt{3}$
 $\overline{AS} = \overline{SN} = \sqrt{3} = 1.7$

$$\overline{OW}^{2} = \overline{OT}^{2} + \overline{TW}^{2}$$

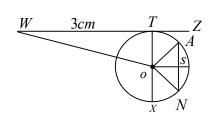
$$\overline{OW} = \sqrt{\overline{OT}^{2} + \overline{TW}^{2}}$$

$$\overline{OW} = \sqrt{2^{2} + 3^{2}}$$

$$\overline{OW} = \sqrt{13} = 3.6$$

$$\overline{TX} = 2\overline{OT} = 2 \cdot 2$$

$$\overline{TX} = 4unit$$





1-8: زاویهٔ محیطی صفحات کتاب درسی: (18-17) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان زاویهٔ محیطی دایره را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان زاویهٔ محیطی دایره را اندازه ومحاسبه کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی و ذهنیتی)
– شاگردان آن را در زنده گی روزمره به کار ببرند.	
سؤال وجواب، کار گروپی	2- روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد	4- توضیح ورودی
به ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا بخش ورودی را توضیح دهید.	(5) دقیقه
برای این کار چارتی را که از قبل آماده نموده آنرا پیشروی صنف آویزان کنید	
و از شاگردان بپرسید:	
درشکل چی را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات به آنها بگویید. شما می دانید که	
هر میدان فوتبال در قسمت وسطی خود یک شکل دایروی دارد. حال طوریکه	
در شکل می بینید نه نفر فوتبالیست بالای محیط این دایره قرار داشته و توپ را	
به یکدیگر پاس می دهند. پاس هر نفر با دو نفر دیگر با محیط دایره یک زاویه	
را تشکیل می دهد که این زاویه نظر به محیط دایره به نام زاویهٔ محیطی یاد می	
گردد.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

اشکال صفحه(18) کتاب درسی را روی تخته رسم نموده و زاویه محیطی را تعریف و به هریک از اشکال فوق نشان دهید.

حال شاگردان را به گروپ ها تقسیم نموده و به آنها و ظیفه دهید تا فعالیت صفحه (17) کتاب درسی را انجام دهند. و درجریان کار گروپی از گروپ ها نظارت نمایید. درختم کار گروپی نتیجهٔ آن که ارائه یک قضیه است روی تخته بنویسید. و بعد آنرا ثبوت کنید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان مفهوم درس را درست درک کنند مثال صفحه (18) کتاب درسی را به روی تخته حل کنید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس را فرا گرفته اند یاخیر؟ طور زیر درس را ارزیابی نمایید. مثلاً از شاگردان بپرسید:

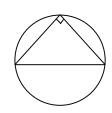
- كى زوايه محيطى را تعريف مى كند ؟
- كى مى گويد كه رابطه بين زاويه محيطى و قوس مقابل آن چيست ؟

8- معلومات اضافي براي معلم:

- وسعت زاویهٔ محیطی که در مقابل قطر واقع است قایمه می باشد.
- وسعت زاویهٔ محیطی که قوس مقابل آن نیم دایره کوچک باشد، حاده در غیر آن منفرجه است.
- وسعت زاویهٔ های محیطی در یک دایره که در مقابل عین قوس قرار داشته باشند در بین خود مساوی اند.

9- جواب به سؤال های تمرین:

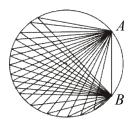
ادریک دایره زاویهٔ محیطی به اندازهٔ $\stackrel{\circ}{0}$ رسم کنید.

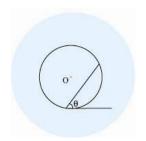


حل: اول یک دایره و بعد قطر آنرا رسم می کنیم سپس از انجام های قطر خطوط را طوری رسم می کنیم که یک زاویهٔ محیطی را بسازد قسمیکه زاویه °180 بوده و مقابل قوس دایره واقع باشد بناء از رابطه بین زاویه محیطی و قوس مقابل آن گفته می توانیم که زاویه محیطی نامبرده °90 است.

دونقطه A و B را روی محیط دایره در نظر بگیرید. چند زاویهٔ محیطی مساوی مقابل به قوس $\stackrel{\cap}{AB}$ وجود دارد؟ -2

حل: از اینکه در بین قوس بی نهایت نقاط موجود است بناء بی نهایت زاویه نیز رسم کرده می توانیم.





1-9: زاویهٔ مماسی صفحات کتاب درس: (20-19) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان زاویهٔ مماسی را بشناسند.	1-اهداف اموزشي:
- شاگردان سؤال های مربوط به زاویهٔ مماسی را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان در زنده گی روزمره آن را به کار ببرند.	
سؤال وجواب، گروپی، انفرادی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید. طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح نمایید. برای این	(5) دقیقه
کار چارتی را که از قبل آماده نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید بعد از	
شاگردان بپرسید:	
در شکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جواب به آنها بگویید:	
شما در شکل یک دایره 0 را می بینید و همچنان یک زاویهٔ را مشاهده می کنید	
که رأس آن بالای محیط دایره قرار داشته یک ضلع آن را وتر دایره و ضلع دیگر	
آن را مماس به دایره تشکیل می دهد زاویهٔ که تشکیل گردیده زاویه ($ heta$) است و	
آن را به نام زاویهٔ مماسی یاد می کنند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

زاویه مماسی را تعریف و درشکل نشان دهید. حال شاگردان را به گروپ ها تقسیم کنید و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحه (14) کتاب درسی را با مشورت یکدیگر انجام دهند. درختم فعالیت نتیجهٔ آنرا که یک قضیه است بیان داشته و ثبوت نمایید طوریکه شاگردان سهم فعال داشته باشند.

اکنون مثال 1 صفحه (20) کتاب درسی را روی تخته بنویسید. و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل نماید. همزمان از شاگردان دیگر بخواهید تا سؤال مذکور را هر کدام بشکل انفرادی در کتابچه های شان حل نمایند. اگر در حل روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح نماید. زمانیکه مطمئن شدید که حل مثال درست است از سایر شاگردان بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه نمایند تا اگر اشتباهی را مرتکب شده باشند آنرا اصلاح نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس خوب پی ببرند مثال 2 صفحه (20) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل و توضیح کنید.طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

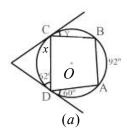
7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

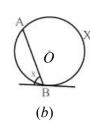
برای اینکه خود را مطمئن سازید که آیا شاگردان درس ارائه شده را فرا گرفته اند یاخیر ؟ طور زیر ارزیابی نمایید. از شاگردان بیر سید؛ مثلاً:

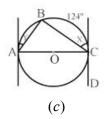
- كى مى تواند زاويه مماس را تعريف كند؟
- کی می تواند بگوید که اضلاع زاویه مماسی کدام خطوط اند؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

اندازهٔ زاویهٔ های مماسی را در شکل های زیر به دست آرید:







حل:

ه) به کمک ارتباط بین زاویهٔ مماسی و قوس مقابل آن در یک دایره می توانیم. در شکل اول، ابتدا قوس \hat{BC} را اندازه نموده و بعد اندازه زاویهٔ \hat{y} را به دست می آوریم:

$$\widehat{AB} + \widehat{BC} + \widehat{CD} + \widehat{DA} = 360^{\circ} \implies 92^{\circ} + \widehat{BC} + 2 \cdot 62^{\circ} + 2 \cdot 60^{\circ} = 360^{\circ}$$

$$\widehat{BC} + 336^{\circ} = 360^{\circ} \implies \widehat{BC} = 360^{\circ} - 336^{\circ} = 24^{\circ}$$

$$\widehat{y} = \frac{1}{2} \widehat{BC} \implies \widehat{y} = \frac{1}{2} \cdot 24 \implies \widehat{y} = 12^{\circ}$$

$$\widehat{CDO} = \frac{1}{2} \widehat{CD}$$

$$\hat{CD} = 2\hat{CDO} = 2 \cdot 62^{\circ} = 124^{\circ}$$

$$\hat{x} = \frac{1}{2}\hat{CD} = \frac{1}{2}124^{\circ} = 62^{\circ}$$

b) در شكل دوم داريم كه:

$$\stackrel{\frown}{AB} + \stackrel{\frown}{X} = 360^{\circ} \implies \stackrel{\frown}{AB} = 360^{\circ} - \stackrel{\frown}{X}$$

 $\stackrel{\frown}{x} = \frac{1}{2} \stackrel{\frown}{AB} = \frac{1}{2} (360^{\circ} - \stackrel{\frown}{X})$

c) در شکل سوم داریم که:

$$\hat{x} = \frac{1}{2} \stackrel{\frown}{BC} \implies \hat{x} = \frac{1}{2} \cdot 124^{\circ} \implies \hat{x} = 62^{\circ}$$

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = 180^{\circ}$$

$$\stackrel{\frown}{AB} + 124^{\circ} = 180^{\circ} \implies \stackrel{\frown}{AB} = 180^{\circ} - 124^{\circ} = 56^{\circ}$$

$$\hat{y} = \frac{1}{2} \stackrel{\cap}{AB} \implies \hat{y} = \frac{1}{2} 56^{\circ} \implies \hat{y} = 28^{\circ}$$

1-10: نكات مهم فصل اول

صفحات کتاب درسی (22-21) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفاهیم نکات مهم فصل اول را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان نکات مهم فصل اول را تحلیل، تجزیه و حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان در حیات روزمره آن ها را به کار ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2- روش های تدریس
چارت که در آن تمام نکات مهم فصل تحریر شده باشد	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است ابتدا آن را انجام دهید	4- توضيح ورودي
سپس درس روز گذشته را به طور مختصر ارزیابی نمایید.	(5) دقیقه
حال توجه شاگردان را به نکات مهم فصل جلب نموده و اهمیت این نکات را به	
آنها بیان نمایید تا شاگردان متوجه اهمیت آنها شده وعلاقه به یادگیری بهتر آنها از	
خود نشان دهند و نکات مهم را خوب فرا گیرند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان نمایید بعد به نوبت از شاگردان بخواهید تا هر کدام یک نکتهٔ مهم درس را از روی چارت بخواند و بعد آنرا به شاگردان توضیح دهد. این کار را تا زمانی ادامه دهید تا تمام نکات مهم فصل توسط شاگردان با استفاده از چارت توضیح گردد. احیاناً اگر در توضیح شاگردان کدام اشتباهی موجود بود آنرا روی چارت نشانی نمایید تا بعداً توسط شما به اصلاح آن پرداخته شود.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مهم بودن هر یک از این نکات پی ببرند هر یک از نکات مهم را که هنگام توضیح آن شاگردان مشکل داشتند خود شما آنرا طوری واضح سازید تا همه مشکلات آنها حل گردد.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان به اهمیت این نکات پی برده اند یا خیر؟ در مورد بعضی از این نکات مهم از شاگردان سؤال کنید؛ مثلاً بیرسید:

- کی می تواند دایره را تعریف و عناصر آنرا بیان کند؟
- كى مى تواند بگويد كه يك خط مستقيم با دايره داراى چند حالت و كدام ها اند؟
 - کی می تواند زاویه مرکزی، محیطی و مماسی را تعریف کند؟

حل تمرينات فصل اول

درقسمت حل تمرینات فصل ها درسخنی چند به معلم رهنمایی صورت گرفته معلمان محترم مطابق آن عمل نمایند:

بخش اول:

1) طول قطر يك دايره مساويست به:

2r (d

2) دايره به شكل ذيل نمايش داده ميشود.

C(O,r) (d

3) خط مستقيمي كه با دايره يك نقطهٔ مشترك داشته باشد:

b) به نام مماس یاد می شود.

4) ست نقاطی که فاصلهٔ آنها از مرکز دایره بزرگتر از شعاع آن باشد:

c) قسمت خارج دایره گفته می شود.

5) وترى كه به مركز دايره نزديك باشد:

d) وتر بزرگ است.

6) اگر یک خط مستقیم دایره را در دو نقطه قطع کند آن را:

c) قاطع گويند.

7) اگر زاویهٔ مرکزی یک دایره $\overset{\circ}{0}$ باشد. اندازهٔ قوس آن مساویست به :

80 (d

8) یک خط مستقیم با یک دایره چند حالت دارد؟

3 (a

9) زاویهٔ که رأس آن بالای محیط دایره و اضلاع آن دو وتر دایره باشد:

d) زاویهٔ محیطی است.

بخش دوم:

1 آن قسمتی از سطح دایره که توسط و تر آن جدا شده باشد به نام ..قطعه.. دایره یاد می گردد 1

2- بزرگترین و تر دایرهقطر..... است.

3- ست نقاطي كه فاصلهٔ آن ها از مركز دايره كوچكتر باشد به نام ...قسمت داخلي.... دايره گفته مي شود.

4- اگریک خط مستقیم با یک دایره هیچ ...نقطه...... مشترک نداشته باشد آنرا به نام ...مستقیم و.....دایره یاد می کنند.

5- درهر دایره قطر ...عمود.... بر هر وتر ، وتر را نصف و قوس هایمساوی..... را جدا می کند.

6- درهر مثلث قايم الزاويةمربعوتر مساوى به مجموع مربعات اضلاع ...قايم است.

7- درهر دایره و تری که به مرکز دایره نزدیک تر استبزرگ... می باشد.

8- شعاع دايره در نقطهٔ تماس بالاى ..مماس عمود است.

9- زاویهٔ مرکزی زاویهٔ است که رأس آن بالای مرکز دایره و اضلاع آن ..دوشعاع.. دایره باشد.

10- زاویهٔ که یک ضلع آن به دایره..<u>.مماس.</u>..... وضلع دیگرآن ...<u>و تر..</u>.... دایره و رأس آن بالای نقطه

تماس..... واقع باشد به نام زاویهٔ مماسی یاد می شود.

بخش سوم:

1 (ص) دریک مستوی ست تمام نقاطی که از یک نقطهٔ معین (0) فاصلهٔ مساوی (r) داشته باشند دایره گفته می شود.

2-(3) دايره به نام محيط آن ياد مي گردد.

3- (غ) قطعه خطى كه دو نقطهٔ محيط يك دايره را باهم وصل مى كند به نام قطر دايره ياد مى شود.

4- (ص) دریک دایره شعاع نصف قطر است.

ر غ) قطعهٔ دایره به علامهٔ (\cap) نشان داده می شود.

6- (غ) ست نقاطی که به اندازه شعاع از مرکز یک دایره فاصلهٔ مساوی داشته باشد قسمت خارجی دایره گفته می شود.

7- (غ) دریک دایره قطر عمود بر وتر، وتر را نصف و دو قوس مختلف به وجود می آورد.

8 – (غ) تمام دایره به نام قوس دایره یاد می شود.

و مساع دایره است. $d \cdot r = \frac{d}{2}$ قطر و $r = \frac{d}{2}$

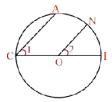
10 (ص) شعاع دايره درنقطهٔ تماس بالاي مماس عمود است.

بخش چهارم:

است. $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{NI}$ است. $CA \parallel ON$ است. $CA \parallel ON$ است.

$$\overrightarrow{CA} \parallel \overrightarrow{ON} \Rightarrow \overrightarrow{C_1} = \overrightarrow{O_2}$$

$$C_1 = \frac{\overrightarrow{AI}}{2} , \quad O_2 = \overrightarrow{NI}$$



چون یک طرف مساوات مساویست دیگر طرف آن نیز مساوی می شود.

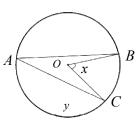
$$\stackrel{\frown}{NI} = \frac{\stackrel{\frown}{AI}}{2} \implies \stackrel{\frown}{AI} = 2 \stackrel{\frown}{NI}$$

$$\stackrel{\frown}{2NA} = 2 \stackrel{\frown}{NI}$$

$$\stackrel{\frown}{AN} = \stackrel{\frown}{NI}$$

و من من باشد $\stackrel{\circ}{x}$ باشد $\stackrel{\circ}{x}$ و او ریابید. $y=140^{\circ}$ و اور یابید. $y=140^{\circ}$

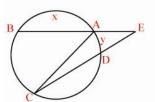
$$\begin{vmatrix} \hat{y} + \hat{AB} + \hat{BC} = 360^{\circ} \\ 140^{\circ} + 184^{\circ} + \hat{BC} = 360^{\circ} \\ \hat{BC} = 36^{\circ} \end{vmatrix} \hat{x} = \hat{BC}$$



در شکل زیر اگر زاویه $\hat{E}=40^\circ$ و قوس های \hat{BC} , \hat{AB} و \hat{CD} دارای طول های مساوی باشد، اندازه زاویه $\hat{E}=40^\circ$ را در یابید.

$$\stackrel{\frown}{AB} + \stackrel{\frown}{BC} + \stackrel{\frown}{CD} + \stackrel{\frown}{AD} = 360^{\circ}$$

 $x + x + x + y = 360^{\circ}$
 $3x + y = 360^{\circ}$ I
 $\stackrel{\frown}{E} = \frac{\stackrel{\frown}{BC} - \stackrel{\frown}{AD}}{2} = \frac{x - y}{2} = 40 \implies x - y = 80$ II



$$I \wedge II \implies \stackrel{\circ}{x} = 110^{\circ}, \stackrel{\circ}{y} = 30^{\circ} \implies \stackrel{\circ}{ACD} = \stackrel{\circ}{\frac{y}{2}} = \frac{30}{2} = 15^{\circ}$$

یر اشکال زیر اندازه x و y را دریابید.

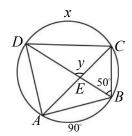
$$BED = \frac{1}{2}BD = \frac{1}{2}90^{\circ} = 45^{\circ}$$
 $\Rightarrow 170^{\circ} + 90^{\circ} = 260^{\circ}$
 $360^{\circ} - 260^{\circ} = 100^{\circ} \Rightarrow BC + DA = 100^{\circ} \Rightarrow BC = 50^{\circ}$, $DA = 50^{\circ}$
 $\hat{x} = \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2}50^{\circ} = 25^{\circ}$

$$D\overset{\circ}{B}C = \frac{1}{2}\overset{\circ}{D}C$$

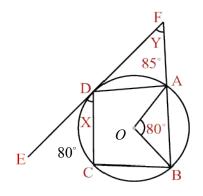
$$D\overset{\circ}{C} = 2\overset{\circ}{D}BC = 2\cdot50^{\circ} = 100^{\circ}$$

$$y = \frac{\overset{\circ}{A}B + \overset{\circ}{D}C}{2} = \frac{90 + 100}{2}$$

$$y = 95^{\circ}$$



اندازه هایی x و y را در هر شکل زیر پیدا کنید.



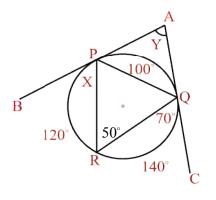
$$PQ = 2PRQ = 2 \cdot 50^{\circ} = 100^{\circ}$$

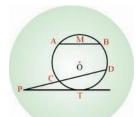
$$RQ = 2RQC = 2 \cdot 70^{\circ} = 140^{\circ}$$

$$PR = 360^{\circ} - PQR = 360^{\circ} - 240^{\circ} = 120^{\circ}$$

$$x = \frac{1}{2}PR = \frac{1}{2}120^{\circ} = 60^{\circ}$$

$$y = \frac{PRQ - PQ}{2} = \frac{260^{\circ} - 100^{\circ}}{2} = 80^{\circ}$$





فصل دوم: روابط طولی در دایره

1-2: روابطه طولي بين مستقيم هاي مر بوط به دايره

صفحات کتاب درسی:(20-30) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان روابطه طولی بین مستقیم های مربوط به دایره را بدانند.	1- اهداف آموزشي:
– شاگردان این روابط را معلوم ومحاسبه کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان آن را در حیات روزمره به کار ببرند.	
سؤال و جواب، گروپی وانفرادی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه ابتدا چارتی را که به ارتباط شکل ورودی از	(5) دقیقه
قبل تهیه نموده اید پیشروی صنف آویزان کنید بعد شکل ورودی درس را با طرح	
سؤال ها و اخذ جوابات از شاگردان توضیح نمایید مثلاً :	
به شاگردان بگویید به شکل متوجه شوید.	
خطوطی که در شکل موجود است نام بگیرید.	
بین خطوط مذکور چه رابطه موجود است بیان کنید؟	
بعد از اخذ جوابات از شاگردان شما خود به آنها بگویید، در شکل سه نوع خط	
مربوط به دایره O دیده می شود و آنها عبارت اند از وتر، قاطع و مماس به دایره	
در اخیر باید گفت که این خطوط از نگاه اندازه و طول از همدیگر متفاوت اند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

بعد از توضیح ورودی (روابطه طولی) را با استفاده از تعریفی که در صفحهٔ (31) کتاب درسی وجود دارد تعریف نمایید.حال شاگردان را به گروپ ها تقسیم نموده به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (29)کتاب درسی مربوط این درس را انجام دهند.

در جریان کار گروپی از گروپ ها نظارت کنید تا تمام شاگردان فعالانه سهم داشته باشند. در ختم کار از نماینده یکی از گروپ ها بخواهید تا فعالیتی را که انجام داده اند به دیگران توضیح دهد.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه موضوع درس را شاگردان بهتر درک نمایند ، مثال صفحهٔ (30) کتاب درسی را که مربوط این درس است روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا حل نماید. همزمان از سایر شاگردان بخواهید تا همین مثال را هر یک به صورت انفرادی در کتابچه های شان حل نمایند. اگر درحل روی تخته مشکلی و جود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید آن را اصلاح نماید زمانیکه مطمئن شدید که حل روی تخته درست است از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه کنند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارائه شده را فرا گرفته اند یاخیر؟ باطرح چند سؤال آن ها را ارزیابی نمایید. مثلاً درمورد هر یک از خطوط مربوط به یک دایره از یک شاگرد بخواهید تا آن را در شکل نشان دهند بعد هر یک آن را تعریف نمایند ، سپس ارتباط بین آن ها را بیان کنند.

8- جواب به سؤال های تمرین:

ا در اشکال زیر قیمت عددی x را دریافت کنید.

حل: ابتدا اشكال را به حروف انگلیسی نشان می دهیم سپس به كمك $\overline{PA} \cdot \overline{PB} = \overline{PC} \cdot \overline{PD}$ می توانیم بنویسیم:

$$\overline{PA} = 5$$

$$\overline{PB} = \overline{PA} + \overline{AB}$$

$$PC = 6$$

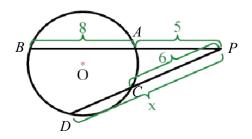
$$PD = x$$

$$\Rightarrow \overline{PA} \cdot \overline{PB} = \overline{PC} \cdot \overline{PD}$$

$$5(5+8) = 6 \cdot x$$

$$65 = 6x$$

$$x = \frac{65}{6} \approx 10.83$$



$$\overline{PA} = 4$$

$$\overline{PB} = \overline{PA} + 2\overline{AO}$$

$$\overline{PC} = 6$$

$$\overline{PD} = 2x + 1$$

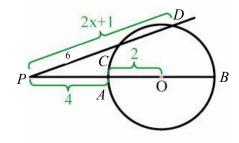
$$\Rightarrow \overline{PA} \cdot \overline{PB} = \overline{PC} \cdot \overline{PD}$$

$$4(4 + 2 \cdot 2) = 6(2x + 1)$$

$$32 = 12x + 6$$

$$26 = 12x$$

$$x = \frac{26}{12} \approx 2.166$$





2-2: طاقت یک نقطه نظر به یک دایره صفحات کتاب درسی: (32-31)

وقت: یک ساعت درسی

– شاگردان مفهوم طاقت نقطه نظر به دایره را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان قضایای مربوط به این موضوع را ثبوت ومثال های مربوط را حل کرده	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
بتوانند.	
- شاگردان موضوعات این مفهوم ریاضیکی را در حیات روزمره به کار ببرند.	
سؤال و جواب ، کار گروپی وانفرادی.	2– روش های تدریس
بکس هندسی ، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید.	(5) دقیقه
طوریکه ضرور است تا شکل ورودی درس جدید به شاگردان توضیح شود. برای	
این کار چارتی را که به ارتباط شکل ورودی این درس تهیه نموده اید آن را مقابل	
صنف آویزان کنید. و از شاگردان بپرسید:	
یک نقطه نظربه یک دایره چند حالت را داراء بوده می تواند؟	
آیا مطابق شکل روی چارت تساوی $QR.QS = QU.QT$ حقیقت دارد؟ سعی	
نماید که از شاگردان جوابهای قناعت بخش به دست آرید.	
برای اینکه شاگردان به شکل ورودی خوبتر پی ببرند به آنها بگویید: طوریکه در	
شکل می بینید دو وتر دایره RS و TU در نقطهٔ Q همدیگر خود را قطع نموده	
اند که در اثر آن قطعات مانند QU,QS,QR و QT تشکیل گردیده است که بین	
$QR \cdot QS = QU \cdot QT$ آنها رابطهٔ زیر موجود است:	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های تقسیم نموده و از آنها بخواهید تا فعالیت صفحهٔ (31) مربوط این درس را با مشوره یکدیگر انجام دهند.

درجریان فعالیت از کار گروپ ها نظارت نمایید، تا همهٔ شاگردان در کار گروپی فعالانه سهم داشته باشند. در ختم کار گروپی از نمایندهٔ یک گروپ بخواهید تا فعالیتی را که انجام داده اند به دیگران تو ضیح دهد بعداً قضیهٔ که از نتیجهٔ فعالیت فوق بوجود می آید آن را بیان داشته سپس حالت اول را که اگر نقطه خارج دایره قرار داشته باشد ثبوت نمایید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

درختم ثبوت، تعریف صفحهٔ (32) کتاب درسی را که مربوط به رابطهٔ اخیر ثبوت قضیه است آن را روی تخته بنویسید و توضیح نمایید.

برای اینکه شاگردان خوبتر به مفهوم طاقت نقطه نظر به دایره پی ببرند مثال صفحهٔ (32) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آن را روی تخته حل نماید همزمان شاگردان دیگر این کار را در کتابچه های شان انجام دهند. اگر در حل روی تخته مشکل وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آن را اصلاح کند زمانیکه مطمئن شدید که حل روی تخته درست است از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه نمایند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یاخیر؟ با طرح چند سؤال از شاگردان درس را ارزیابی نمایید. مثلاً بپرسید:

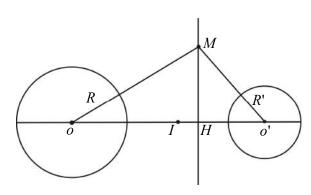
- كى مى گويد كه طاقت يك نقطه نسبت به يك دايره چند حالت داشته مى تواند؟ و اين حالات كدام ها اند؟

- كى مى تواند مفهوم طاقت يك نقطه نظر به يك دايره را بيان كند؟

8- معلومات اضافی برای معلم:

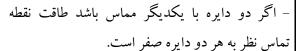
محور جذری: محل هندسی نقاطی که طاقت های آنها نظر به دو دایره مساوی بوده و بالای خط مرکزین دوایر عمود باشد محور جذری گفته می شود:

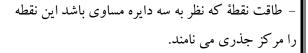
– که فاصلهٔ \overline{IH} از ایس رابطه به دست می آید: $\overline{IH} = \frac{R^2 - R'^2}{2 \cdot \alpha c'}$

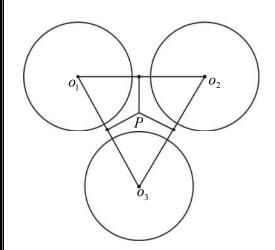


- اگر فاصله مرکزین دوایر صفر باشد در این حالت دوایر متحدالمرکز اند بناءً محور جذری آنها در بی نهایت واقع

$$\overline{IH} = \frac{R^2 - R'^2}{2 \cdot oo'} = \infty \implies \overline{IH} = \infty$$







9- جواب به سؤال های تمرین:

1 - در اشكال زير قيمت هاى X را دريابيد:

حل:

$$4 \cdot 3x = 8(x+2)$$

$$12x = 8x + 16$$

$$4x = 16$$

$$x = 4$$

$$(2x+10)(10) = 22 \cdot 8$$

$$20x + 100 = 176$$

$$20x = 76$$

$$x = \frac{76}{20} = 3.8$$

$$10(x+10) = 8(8+8)$$

$$10x + 100 = 128$$

$$10 x = 28$$

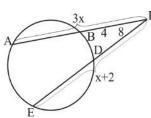
$$x = 2.8$$

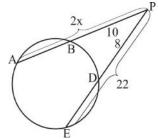
$$QR \cdot QS = QU \cdot QT$$

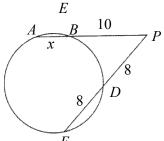
$$8 \cdot 3 = 3x \cdot 2$$

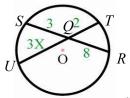
$$24 = 6x$$

$$x = \frac{24}{6} = 4$$





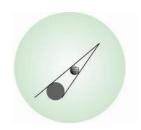




2-طاقت یک نقطه را در حالات زیر پیدا کنید.

الف) اگر r = 4 و d = 3 باشد. r = 4 و d = 7 باشد. r = 4 باشد.

- a) $P_{(0)} = d^2 r^2 = 7^2 4^2 = 49 16 = 33$ دقطه نامبرده در خارج دایره قرار دارد.
- b) $P_{(0)} = d^2 r^2 = 3^2 3^2 = 9 9 = 0$ بقطه نامبرده بالأى محيط دايره قرار دارد.
- c) $P_{(0)} = d^2 r^2 = 3^2 5^2 = 9 25 = -16$ تقطه نامبرده در داخل دایره واقع است.



2-3: خط مماس به دایره صفحات کتاب درسی: (34-33) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان خط مماس وخصوصیات آن را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
-شاگردان با شناختن خط مماس و دانستن خصوصیات آن، قضایای مربوط را	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
ثبوت کرده بتوانند.	
– شاگردان در حیات روزمره آن را به کار ببرند.	
سؤال وجواب، کار گروپی وانفرادی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدیدبپردازید؛ طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح و برای این کار	(5) دقیقه
چارتی را که به ارتباط شکل ورودی این درس از قبل آماده نموده اید پیشروی	
صنف آویزان کنید وبا طرح سؤالات واخذ جوابات قناعت بخش از شاگردان	
قسمت ورودی درس جدید را واضح سازید.	
مثلاً از شاگردان سؤال کنید درشکل چی را می بینید؟ هرگاه حرکت شعاع نور به	
صورت مستقیم باشد و بالای یک توپ طوریکه در شکل می بینید بتابد خطوط	
اشعه نسبت به توپ و سا یهٔ آن چه رابطه دارد؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های تقسیم نمایید و به آن ها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (33) کتاب درسی را که مربوط این درس است انجام دهند. در جریان فعالیت از تمام گروپ ها نظارت به عمل آرید تا همهٔ شاگردان فعالانه سهم داشته باشند. در ختم کار گروپی از نماینده یک گروپ بخواهید تا فعالیتی را که انجام داده اند به دیگران توضیح دهد. سپس قضیهٔ که از نتیجه این فعالیت به دست می آید. آن را بیان کنید و بعد ثبوت نمایید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

بعد از ثبوت قضیه، مثال صفحهٔ (34) کتاب درسی را که مربوط این درس است روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آن را روی تخته حل نماید همزمان از شاگردان دیگر بخواهید تا هر کدام به صورت انفرادی مثال مذکور را در کتابچه های شان حل نمایند.

اگر درحل روی تخته مشکل وجود داشت ازیک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را روی تخته اصلاح کند زمانیکه مطمئن شدید که مثال درست حل گردید از سایر شاگردان بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه نمایند. این کار به شاگردانی که درحل شان اشتباهی را مرتکب شده اند کمک می کند تا به غلطی شان پی برده و آن را اصلاح کنند.

برای اینکه شاگردان موضوع درس را بهتربفهمند یک مثال دیگر مشابه به مثال فوق مگر با تغییر قیمت ها حل کنید تا درس خوبتر ذهنشين شاگردان گردد.

7- ارزیایی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر؟با طرح سؤال ها درس را ارزیابی کنید، مثلاً بپرسید:

کی می تواند مماس را تعریف وخصوصیات آن را بیان کند. همچنان در مورد قضیهٔ ثبوت شده ومثال های حل شده سؤال ها طرح و از شاگردان جواب ها به دست آرید. تا برایتان معلوم گردد که آیا شاگردان درس را فرا گرفته اند یا دربعضى از قسمت ها مشكل دارند. تا بعد به حل آن بيردازيد.

8 - معلومات اضافي براي معلم:

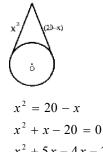
تفاضل طاقت های دو دایره عبارت است از: HH': اگر نقطهٔ $P_{(0_1)} - P_{(0_2)} = 2O_1O_2 \cdot H$ اگر نقطهٔ P بالای محور جـذری واقع نباشد یا واقع باشد طاقت آن صفر است.

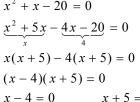
$$\begin{split} IH &= \frac{R_{1}^{2} - R_{2}^{2}}{2O_{1}O_{2}} \\ P_{(0_{1})} - P_{(0_{2})} &= (d_{1}^{2} - R_{1}^{2}) - (d_{2}^{2} - R_{2}^{2}) = (d_{1}^{2} - d_{2}^{2}) - (R_{1}^{2} - R_{2}^{2}) \\ &= (\overline{O_{1}H^{'}}^{2} + \overline{H^{'}P^{2}}) - (\overline{H^{'}O_{2}^{2}} + \overline{H^{'}P^{2}}) - (R_{1}^{2} - R_{2}^{2}) \\ &= (\overline{O_{1}H^{'}}^{2} - \overline{H^{'}O_{2}^{2}}) - (R_{1}^{2} - R_{2}^{2}) \\ &= (\frac{\overline{O_{1}O_{2}}}{2} + \overline{IH^{'}})^{2} - (\frac{\overline{O_{1}O_{2}}}{2} - \overline{IH^{'}})^{2} - (R_{1}^{2} - R_{2}^{2}) \\ &= 2\overline{O_{1}O_{2}} \cdot \overline{IH^{'}} - (R_{1}^{2} - R_{2}^{2}) = 2\overline{O_{1}O_{2}} \cdot IH + IH + IH^{'}) - (R_{1}^{2} - R_{2}^{2}) \\ &= 2\overline{O_{1}O_{2}} \cdot \overline{IH^{'}} + 2\overline{O_{1}O_{2}} \cdot HH^{'} - 2\overline{O_{1}O_{2}} \overline{IH^{'}} \\ P_{(0_{1})} - P_{(0_{2})} &= 2\overline{O_{1}O_{2}} \cdot HH^{'} \end{split}$$

9- جواب به سؤال های تمرین:

ارید: X دراشکال زیر قیمت های X را به دست آرید:

حل: مي دانيم كه از يك نقطه خارج دايره دو مماس مساوى به دايره رسم شده مي تواند بناءً:



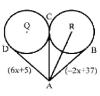


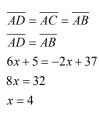
$$x(x+5) - 4(x+5) = 0$$

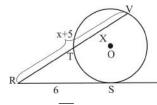
$$(x-4)(x+5) = 0$$

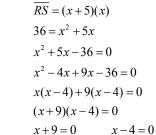
$$x-4 = 0 x+5 = 0$$

$$x = 4 x = -5$$









x = 4

x = -9

$$\begin{array}{c}
A & 12 \\
\hline
s_0 & y
\end{array}$$

$$\overline{AP}^2 = \overline{OA}^2 + \overline{OP}^2$$

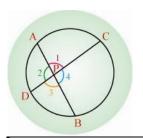
$$12^2 = 5^2 + x^2$$

$$x^2 = 144 - 25$$

$$x = \sqrt{119}$$

$$PA = PC = y$$

$$y = 12$$



2-4: زوایای داخلی یک دایره

صفحات كتاب درسى: (36-35)

وقت: یک ساعت درسی

– شاگردان زاویای داخلی یک دایره را بشناسند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان زاویای داخلی یک دایره را اندازه ومحاسبه کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان در زنده گی روزمره آن را به کار ببرند.	
سؤال وجواب، کار گروپی وانفرادی	2- روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید. ابتدا شکل ورودی را توضیح نمایید. برای این کار	(5) دقیقه
چارتی را که به ارتباط شکل ورودی این درس از قبل آماده نموده اید پیشروی	
صنف آویزان کنید. وبا طرح سؤالات از شاگردان بخش ورودی را توضیح کنید	
طوریکه:	
ازشاگردان بپرسید در شکل روی چارت چه را می بینید؟	
چند زاویه در داخل دایره وجود دارد؟	
این زوایا را به نام چه یاد می کنند؟	
اگر جواب های شاگردان قناعت بخش نبود شما خود به آنها بگویید: طوریکه در	
شکل می بینید یک دایره با دو و تر AB و CD به ترتیبی رسم گردیده که در نقطهٔ	
متقاطع اند و به اطراف آن چهار زاویهٔ 1 , 2, 3 و 4 تشکیل گردیده است که P	
به نام زوایای داخلی دایره یاد می گردند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

با استفاده از توضیحات بخش ورودی، زاویهٔ داخلی دایره را تعریف کنید وهم این زاویه ها را در شکل نشان دهید و تعداد آنها را نیز بگویید. حال شاگردان را به گروپ ها تقسیم نمایید و به هر گروپ وظیفه دهید تا فعالیت صفحه(35) مربوط این درس را انجام دهند.

در جریان کار گروپی از کار آنها نظارت کنید تا تمام شاگردان فعالانه سهم داشته باشند. در ختم کار از نماینده یک گروپ بخواهید تا فعالیتی را که انجام داده اند به دیگران توضیح دهد.

بعد از انجام فعالیت قضیه که از نتیجه آن به دست می آید آن را بیان کنید. سپس ثبوت نمایید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

اکنون مثال 1 صفحهٔ (36) کتاب درسی مربوط این درس را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آن را روی تخته حل نماید. همزمان به شاگردان دیگر وظیفه دهید تا به شکل انفرادی هر کدام این مثال را در کتابچه های شان حل نمایند. اگر درحل روی تخته غلطی و جود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید و به سایر شاگردان وظیفه دهید تا حل های شانرا با آن مقایسه کنند تا شاگردانیکه دچار اشتباه شده اند به غلطی خویش پی برده حل شان را اصلاح نمایند.

برای اینکه درس را شاگردان خوبتر فرا گیرند مثال 2 صفحهٔ(36) کتاب درسی را روی تخته حل نمایید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اطمینان خاطر تان که آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر؟با طرح سؤالها درس جدید را ارزیابی کنید؛ مثلاً بیرسید:

- کی می تواند زوایای داخلی یک دایره را تعریف کند ؟
- کی می گوید که یک دایره دارای چند زاویه داخلی است ؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

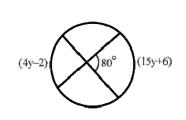
 $10x = \frac{12x - 2 + 8x + 4}{2}$

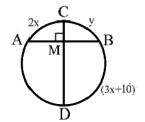
20x = 20x + 2

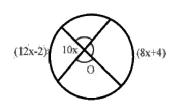
 $0 \neq 2$

1 درشکل های زیر قیمت های x و y را محاسبه کنید:

حل:







$$80^{\circ} = \frac{4y - 2 + 15y + 6}{2}$$

$$19y + 4 = 160$$

$$19y = 156$$

$$y = \frac{156}{19} = 8.2$$

$$\hat{M} = \frac{2x + 3x + 10}{2}$$

$$90^{\circ} = \frac{5x + 10}{2}$$

$$5x + 10 = 180^{\circ}$$

$$5x = 170$$

$$x = 34$$

$$\hat{M} = \frac{2x + 3x + 10}{2}$$

$$BC + BD = 180^{\circ}$$

$$\hat{y} + 112^{\circ} = 180^{\circ}$$

بناءً هیچ زاویهٔ داخلی وجود ندارد که برابر به نصف مجموعه قوس های مقابل باشد.



2-5: زاویهٔ خارجی دایره صفحات کتاب درسی: (38-37) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان زاویهٔ خارجی دایره را بشناسند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان زاویهٔ خارجی دایره را اندازه و محاسبه کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان در زنده <i>گی</i> روزمره آن را به کار ببرند.	
سؤال وجواب، کار گروپی و انفرادی	2- روش های تدریس
بکس هندسی ، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
بعد از کارهای مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است به ارائه درس	4- توضيح ورودي
جدید بپردازید. طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید.	(5) دقیقه
برای توضیح ورودی درس جدید چارتی را که از قبل در مورد شکل ورودی ترتیب	
نموده اید پیشروی صنف آویزان کنید، از شاگردان بپرسید درشکل چه می بینید؟	
از قطعه خط ها نام ببرید و زوایای که آن ها ساخته اند نام بگیرید؟	
بعد از اخذ جواب از شاگردان شما خود به آنها بگویید:	
در شکل سه دایره دیده می شود طوریکه از یک نقطهٔ خارجی به دایره دو مماس	
رسم گردیده به دایرهٔ دیگر یک مماس و یک قاطع رسم گردیده و در دایره سوم	
دو قاطع رسم گردیده طوریکه یک قاطع از مرکز دایره عبور نموده است.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

بعد از توضیح ورودی ، زاویهٔ خارجی دایره را با استفاده از تعریفی که در صفحهٔ(37) کتاب درسی وجود دارد تعریف نمایید.

اکنون شاگردان را به گروپ ها تقسیم نمایید و به هر گروپ وظیفه دهید تا با مشورهٔ یکدیگر فعالیت صفحهٔ (37) کتاب درسی را که مربوط این درس است انجام دهند.

در جریان کار گروپی از گروپ ها نظارت نمایید تا تمام شاگردان سهم فعال داشته باشند. در ختم کار گروپی از نماینده یک گروپ بخواهید تا فعالیتی را که انجام داده اند به دیگران توضیح دهد بعد قضیهٔ که از نتیجه فعالیت فوق به دست می آید بیان کنید وسپس آن را ثبوت نمایید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

حال مثال 1 صفحهٔ (38) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آن را روی تخته حل نماید. همزمان به شاگردان دیگر وظیفه دهید تا عین کار را به شکل انفرادی در کتابچه های شان انجام دهند. اگر درحل روی تخته اشتباهی موجود بود از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید.

زمانیکه مطمئن شدید حل روی تخته درست است از سایرشاگردان بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه نموده واگراشتباهی را مرتکب شده باشند اصلاح نمایند.

برای اینکه شاگردان موضوع درس جدید را خوب فرا گیرند مثال 2 صفحهٔ (40) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و بعد آنرا حل کنید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارائه شده را درست فرا گرفته اند یاخیر؟ آن را ارزیابی نمایید .طوریکه چندین سؤال درمورد درس ارائه شده طرح کنید و از شاگردان جواب بگیرید مثلاً بپرسید:

- که می تواند زاویهٔ خارجی دایره را تعریف کند؟
- کی می گوید که وسعت زاویهٔ خارجی دایره مساوی به چیست؟

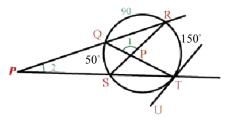
8- جواب به سؤال های تمرین:

درشکل های زیر کمیت های نامعلوم را دریابید:

حل:

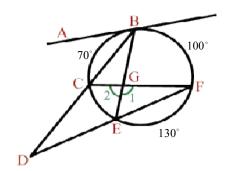
$$\begin{array}{c}
\widehat{QR} = 90^{\circ} \\
\widehat{RT} = 150^{\circ} \\
\widehat{QS} = 50^{\circ} \\
\widehat{STU} = ? \\
\widehat{1} = ? \\
\widehat{2} = ?
\end{array}$$

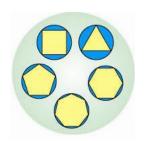
$$\begin{array}{c}
\widehat{ST} + \widehat{TR} + \widehat{RQ} + \widehat{QS} = 360^{\circ} \\
\widehat{ST} + 150^{\circ} + 90^{\circ} + 50^{\circ} = 360^{\circ} \\
\widehat{ST} = 360^{\circ} - 290^{\circ} = 70^{\circ} \\
\Rightarrow \widehat{1} = \frac{90^{\circ} + 70^{\circ}}{2} = 80^{\circ} \\
\widehat{2} = \frac{150^{\circ} - 50^{\circ}}{2} = 50^{\circ} \\
\widehat{STU} = \frac{1}{2}\widehat{ST} \Rightarrow \widehat{STU} = \frac{1}{2} \cdot 70^{\circ} = 35^{\circ}$$



$$\begin{array}{c}
\hat{BC} = 70^{\circ} \\
\hat{BF} = 100^{\circ} \\
\hat{EF} = 130^{\circ} \\
\hat{1} = ? \\
\hat{2} = ? \\
\hat{D} = ? \\
\hat{ABC} = ?
\end{array}$$

$$\hat{1} = \frac{70^{\circ} + 130^{\circ}}{2} = 100^{\circ} \\
\hat{EC} + \hat{CB} + \hat{BF} + \hat{FE} = 360^{\circ} \\
\hat{EC} = 360^{\circ} - 300^{\circ} = 60^{\circ} \\
\hat{2} = \frac{\hat{EC} + \hat{BF}}{2} = \frac{60^{\circ} + 100^{\circ}}{2} = 80^{\circ} \\
\hat{D} = \frac{100^{\circ} - 60^{\circ}}{2} = 20^{\circ} \\
\hat{ABC} = \frac{1}{2} \cdot 70^{\circ} = 35^{\circ}$$





2-6: دایره محیطی صفحات کتاب درسی: (40-39) وقت: یک ساعت درسی

 شاگردان مفهوم دایرهٔ محیطی را بدانند. 	1- اهداف آموزشی:
 شاگردان قضایا و مثال های مربوط به دایره محیطی را حل کرده بتوانند. 	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
 شاگردان در حیات روزمره آن را به کار ببرند. 	
سؤال و جواب ، کار گروپی	2– روش های تدریس
بکس هندسی ، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
بعد از کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور می باشد به ارائه	4- توضيح ورودي
درس جدید بپردازید.	د 5) دقیقه
طوریکه ابتدا بخش ورودی درس جدید را توضیح نمایید. برای این کار چارتی را	
که به ارتباط ورودی این درس از قبل تهیه نموده اید پیشروی صنف آویزان کنید،	
از شاگردان بپرسید درشکل کدام اشکال هندسی را می بینید؟ نام بگیرید. سعی	
نمایید که از شاگردان جوابهای قناعت بخش بدست آرید. بعد برای اینکه شاگردان	
به موضوع ورودی خوب پی ببرند.	
به آنها بگویید در شکل پنج دایره را می بینید که در یکی آن رأس های یک مثلث	
بالای محیط دایره قرار دارد، در دومی رأس های یک مربع بالای محیط دایره قرار	
دارد به همین ترتیب رأس های پنج ضلعی، شش ضلعی و هفت ضلعی بالای محیط	
دایره ها قرار دارند که این دایره ها را دایره های محیطی اشکال مذکور گویند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

بعد از توضیحات ورودی با استفاده از تعریف صفحهٔ(39) کتاب درسی دایره محیطی مضلع را تعریف کنید. هم می توانید دایره محیطی یک مثلث را نیز تعریف نمایید.

حال شاگردان را به گروپ ها تقسیم کنید و به هر گروپ وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(39) کتاب درسی را که مربوط این درس است با مشوره یکدیگر انجام دهند.

درختم کار گروپی از نمایندهٔ یک گروپ بخواهید تا فعالیتی را که انجام داده اند به دیگردان توضیح دهد اگر در جریان توضیحات اشتباهاتی موجود باشد آن را رهنمایی کنید تا نتیجه فعالیت طوریکه مطلوب است به دست آید. اکنون نتیجهٔ که از انجام فعالیت فوق به دست می آید. آن را روی تخته بنویسید و به شاگردان تفهیم کنید.

برای اینکه موضوع درس جدید را شاگردان بهتر بفهمند مثال صفحهٔ(40) کتاب درسی را که به درس ارائه شده ارتباط دارد روی تخته حل کنید. سعی نمایید تا شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر؟ درس را ارزیابی نمایید. طوریکه چندین سؤال طرح نمایید و از شاگردان جواب درست دریافت نمایید؛ مثلاً بپرسید:

-كى دايرة محيطى يك مربع را تعريف مى كند؟

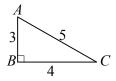
- كى مى تواند دايرهٔ محيطى يك شش ضلعى را تعريف كند؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

1 مثلثی را که اضلاع آن به ترتیب 3 ، 4 و 5 سانتی متر است ، رسم نموده شعاع دایرهٔ محیطی آن را محاسبه کنید.

حل:

$$\overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 = \overline{AC}^2 \implies 3^2 + 4^2 = 5^2$$
$$\implies 9 + 16 = 25 \implies 25 = 25$$



در نتیجه گفته می توانیم که مثلث مذکور قایم الزاویه بوده که و تر آن قطر دایره محیطی و شعاع آن مساویست به:

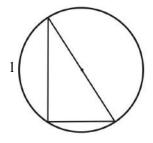
$$r = \frac{\overline{AC}}{2} = \frac{5}{2} \implies r = 2.5unit$$

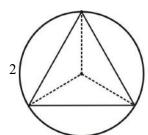
2- مركز دايرهٔ محيطى مثلث قايم الزاويه، متساوى الاضلاع و متساوى الساقين دركجا واقع است؟ در رسم نشان دهيد.

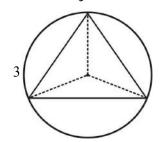
حل:

الف: مركز دايرة محيطي مثلث قايم الزاويه نقطه منتصفه وتر آن است؛ مثلاً شكل 1:

ب: مركز دايرهٔ محيطى مثلث هاى متساوى الاضلاع و متساوى الساقين نقطهٔ تقاطع ناصف الزاويه هاى داخلى آن است مانند اشكال 2 و 3.









2-7: دایرهٔ محاطی صفحات کتاب درسی: (42-41) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم دایره محاطی را بدانند.	1- اهداف آموزشي:
– شاگردان مسایل مربوط به دایره محاطی را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان درزنده گی روزمره آن را به کار ببرند.	
سؤال وجواب ، کار گروپی	2– روش های تدریس
بکس هندسی ، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
ابتدأ کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام شود	4- توضیح ورودی
سپس به ارائه درس جدید بپردازید.	(5) دقیقه
ابتدا بخش ورودی را توضیح کنید طوریکه چارت ازقبل تهیه شده را پیشروی	
صنف آویزان کنید و از شاگردان سؤال کنید درشکل کدام اشکال هندسی ر ا می	
بینید؟ نام بگیرید؟	
چه رابطه بین این اشکال هندسی وجود دارد بیان کنید؟	
روابط اضلاع مثلث، مربع وچند ضلعی ها با محیط دایره از چه قرار است بگویید؟	
بعد از اخذ جوابات از جانب شاگردان خود به آنها بگویید. شما در شکل پنج دایرهٔ	
را می بینید که محیط یکی آن با اضلاع یک مثلث مماس است از دومی به اضلاع	
یک مربع مماس است به همین ترتیب به اضلاع پنج ضلعی، شش ضلعی و هفت	
ضلعی مماس است که این دوایر را دوایر محاطی اشکال مذکور می نامند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

بعد از توضیحات ورودی مطابق به تعریف صفحهٔ (41) کتاب درسی، دایرهٔ محاطی را تعریف کنید. همچنان به طور مثال دایرهٔ محاطی یک مثلث را نیز تعریف نمایید.

اکنون شاگردان را به گروپ ها تقسیم کنید و به هر گروپ وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (41) کتاب درسی را انجام دهند. درختم فعالیت از نماینده های هر گروپ بخواهید تا نتیجه فعالیتی را که انجام داده اند باز گونمایند. باز هم از همین گروپ ها بخواهید تا فعالیت صفحهٔ (42) کتاب درسی را که مربوط به عنوان(دایرهٔ خارجی محاطی مثلث) است.

بعد از مشوره با یکدیگر انجام دهند درختم فعالیت مانند قبل از نماینده گروپ ها بخواهید تا نتیجهٔ را که از انجام فعالیت فوق به دست می آید باز گو نمایند وشما نیز(دایرهٔ خارجی محاطی مثلث) را به شاگردان تفهیم و توضیح نمایید.

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس خوبتر پی ببرند دایرهٔ محاطی را دریک شکل دیگر به شاگردان توضیح وتشریح نمایید.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

بمنظور اینکه مطمین شوید که آیا شاگردان درس ارائه شده را خوب فرا گرفته اند یاخیر؟ درس را ارزیابی نمایید طوریکه چند سؤال در مورد درس جدید طرح و از شاگردان جواب بدست آرید. مثلاً بپرسید:

کی مفہوم دایرہ محاطی را بیان می کند؟

كى دايرة محاطى را دريك مربع تعريف مي كند؟

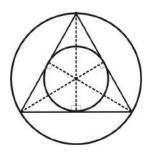
كى مى تواند دايرهٔ خارجى محاطى يك پنج ضلعى را تعريف كند؟

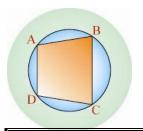
8- معلومات اضافی برای معلم:

مرکز دایره محاطی یک مثلث نقطه تقاطع ناصف الزاویه های مثلث است که طول شعاع آن از رابطهٔ زیر به دست می $r = \frac{\sqrt{P(p-a)(p-b)(p-c)}}{p}$ آید:

9- جواب به سؤال های تمرین:

1 در كدام نوع مثلث ها مركز دايرهٔ محيطى ومحاطى باهمديگر منطبق اند آن را رسم كنيد؟ حل: در مثلث هاى متساوى الاضلاع مركز دايرهٔ محيطى و محاطى با همديگر منطبق اند.





8-2 : خصوصیت چهار ضلعی مرسوم به دایره صفحات کتاب درسی: (44-43)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان خصوصیت چهار ضلعی مرسوم به دایره را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان قضایای مربوط به آن را ثبوت کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان در زنده گی روزمره آن را به کار ببرند.	
سؤال جواب ، کار گروپی	2- روش های دریس
بکس هندسی ، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کارهای مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید. سپس به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید. ابتدا بخش ورودی درس جدید را توضیح کنید	(5) دقیقه
طوریکه چارتی از قبل تهیه شده را که به ارتباط شکل ورودی است پیشروی	
صنف آویزان کنید و از شاگردان بپرسید:	
درشکل کدام اشکال هندسی را می بینید؟ نام بگیرید.	
دایره نظربه چهارضلعی چه نوع دایره است نام بگیرید.	
ارتباط محیط دایره با رأس های چهارضلعی چیست؟ توضیح کنید.	
بعد از اخذ جوابها از شاگردان جهت وضاحت بیشتر موضوع به آنها بگویید در	
شکل شما یک دایره و یک چهار ضلعی را مشاهده می کنید طوریکه رأس های	
چهار ضلعی بالای محیط دایره قرار دارد و چهار ضلعی را چهار ضلعی مرسوم به	
دايره گويند.	

5 – فعالیت جریان درس (28)دقیقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم نمایید و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت اولی صفحهٔ (43) کتاب درسی را که درتحت بخش ورودی قرار دارد انجام دهند.

در جریان کار گروپی نظارت به عمل آرید تا تمام شاگردان سهم فعال داشته باشند. درختم کار گروپی قضیهٔ که از نتیجه فعالیت مذکور به دست می آید روی تخته بنویسید و بعد آن را ثبوت کنید طوریکه شاگردان نیز سهیم باشند. اکنون به گروپ های قبلی وظیفه دهید تا فعالیت دومی مربوط این درس را که در اخیر صفحهٔ(43) کتاب درسی قرار دارد انجام دهند.درختم کار گروپی تعریف صفحهٔ(44) کتاب درسی را که مربوط به مضلع منظم است به شاگردان بازگو نمایید. بازهم به گروپ های قبلی وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(44) کتاب درسی را با مشوره یکدیگر انجام دهند.درختم کار گروپی فورمول مجموعی زوایای داخلی یک n ضلعی را روی تخته بنویسید و آن را خوب توضیح نمایید تا شاگردان به مفهوم آن پی ببرند.

برای اینکه شاگردان درس ارائه شده را بهتر درک کنند مثال صفحهٔ (44) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آن را حل نمایید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند. همچنان موضوعات که تحت عنوان(به یاد داشته باشید) در همین صفحهٔ وجود دارد روی تخته بنویسید و هر یک را توضیح نمایید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یاخیر؟ ارزیابی نمایید. به طورمثال از شاگردان سؤال کنید:

- مجموع زوایای داخلی یک چهارضلعی مرسوم به دایره چند درجه است؟
 - كى مى تواند مضلع منظم را تعريف كند؟
- روابط که توسط آن مجموع زوایای داخلی یک مضلع به دست می آید کدام است؟ شاگردان که جواب می گوید آن را روی تخته بنویسید.

8- جواب به سؤال های تمرین:

1-اندازهٔ زوایای داخلی یک شش ضلعی منظم چند درجه است؟

حل: می دانیم که وسعت هر مضلع منظم $S_n = (n-2)180^\circ$ است بنابرآن داریم:

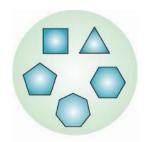
$$\begin{array}{c} n = 6 \\ S_n = ? \end{array} \} \begin{array}{c} S_n = (n-2) \cdot 180^{\circ} \\ S_6 = (6-2) \cdot 180 \end{array} \} \Rightarrow S_6 = 4 \cdot 180^{\circ} = 720^{\circ}$$

2-اندازهٔ زوایای داخلی یک n ضلعی منظم چند درجه است؟

 $S_n = (n-2)180^\circ$: اندازهٔ زوایای داخلی یک n ضلعی منظم عبارت است از n

3- مثلث های که توسط اقطار از یک رأس در یک 10 ضلعی تشکیل می شود چند است؟

n-3: است از: n-3 می دانیم که تعداد قطر های هر مضلع منظم که از یک رأس رسم می شود عبارت است از: n-3



2-9: ترسیم مضلع منظم صفحات کتاب درس: (46-45) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان طریق ترسیم یک مضلع منظم را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان مضلع منظم را رسم کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان درحیات روزمره آن را به کار ببرند.	
سؤال وجواب، کارگروپی وانفرادی	2- روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
درقدم اول کارهای مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام	4- توضیح ورودی
دهید بعد به ارائه درس جدید بپردازید. ابتدا بخش ورودی درس جدید را	(5) دقیقه
توضیح کنید. برای این کار چارتی را که از قبل به ارتباط شکل ورودی تهیه	
نموده اید پیشروی صنف آویزان کنید و از شاگردان سؤال نمایید:	
درشکل روی چارت کدام اشکال هندسی را می بینید؟ نام بگیرید.	
چه فکر می کنید؟ چطور می توانید این مضلع های منظم را رسم نمایید؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم نمایید و به گروپ وظیفه دهید تا فعالیت اولی صفحهٔ(45) کتاب درسی را که در تحت ورودی قرار دارد انجام دهند.

در جریان کار گروپی از گروپ ها نظارت کنید تا تمام شاگردان در فعالیت سهم داشته باشند. درختم کار گروپی رابطهٔ که توسط آن وسعت زاویهٔ مرکزی مقابل هرضلع یک n ضلعی دریافت می گردد روی تخته بنویسید و توضیح نمایید.

بازهم به گروپ های فوق وظیفه دهید تا فعالیت که در اخیر صفحهٔ (45) موجود است انجام دهند. درختم فعالیت نتیجهٔ که از آن به دست می آید روی تخته بنویسید و توضیح کنید که طول ضلع هر شش ضلعی منظم مساوی به جست؟

مثال صفحهٔ (46) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آن را حل نماید. اگر در حل روی تخته اشتباهی و جود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید و ازسایر شاگردان بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه نمایند و کسانیکه اشتباهی را مرتکب شده اند آن را تصحیح نمایند.

حال از گروپ های قبلی بخواهید تا فعالیت صفحهٔ (46) کتاب درسی را انجام دهند درختم فعالیت با استفاده از آن رابطهٔ که توسط آن مساحت یک مضلع منظم دریافت می گردد روی تخته بنویسید و آن را توضیح دهید.

برای اینکه که شاگردان خوبتر موضوع درس را فرا گیرند یک مثال از دریافت مساحت مضلع منظم حل کنید . طوریکه قیمت های p و r داده شده باشد و شما آنرا در فورمول r و r وضع نمایید ومساحت مضلع منظم را محاسبه کنید.

7- ارزایابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اطمینان خاطر تان که آیا شاگردان درس را فرا گرفته اند یاخیر؟ آن را ارزیابی کنید. طوریکه از شاگردان بیرسید:

- کی می گوید که چطور می توانیم یک مضلع منظم را رسم نماییم؟
- کی می گوید که محیط یک مضلع منظم از کدام رابطه به دست می آید؟
- كى مى تواند رابطهٔ را بنويسد كه توسط آن مساحت يك مضلع منظم دريافت مى گردد؟

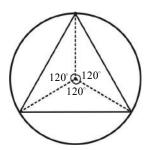
8- معلومات اضافي براي معلم:

- معلوم نمودن تعداد قطر های یک n ضلعی.
- تعداد قطر های که از یک رأس رسم می شود n-3 است.
- $S_n = (n-2)180^\circ$, $n \ge 3$ ضلعی یک n ضلعی داخلی یات داخلی یک مجموعهٔ زوایای داخلی یک مجموعهٔ زوایای داخلی یات n
- $\frac{(n-2)\cdot 180^\circ}{n}$ اندازهٔ هر زاویهٔ داخلی n ضلعی منظم مساویست به:
 - $\frac{360}{n}$: اندازهٔ هر زاویهٔ خارجی n ضلعی منظم مساویست به:

9- جواب به سؤال های تمرین:

1- دريك دايرهٔ به شعاع 3cm يك مثلث متساوى الاضلاع را طورى رسم نماييد كه محاط به دايره باشد.

حل: ابتدا یک دایره به شعاع 3cm رسم می کنیم بعد سه زاویهٔ مرکزی که هر کدام °120 باشد رسم می نماییم که اضلاع آن دایره را در سه نقطه قطع می کند. این نقاط را یک با دیگر وصل می کنیم یک مثلث متساوی الاضلاع به دست می آید که مثلث مطلوب است و به دایره محاط می باشد.





2-10: محیط و مساحت دایره صفحات کتاب درسی (48-47) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم محیط ومساحت دایره را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
· ·	
- شاگردان محیط ومساحت دایره را محاسبه کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان درحیات روزمره آن را به کار ببرند.	
سؤال وجواب ، كارانفرادي	2- روش های تدریس
بکس هندسی ، چارت شکل ورودی و شکل های اخیر صفحهٔ(47)	3- مواد ممد درسی
نخست کارهای مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام	4- توضیح ورودی
دهید. بعد به ارائه درس جدید بپردازیـد.طوریکـه ابتـدا بخـش ورودی درس را	(5) دقیقه
توضیح کنید. برای این کار چارتی را که به ارتباط شکل ورودی ایـن درس از	
قبل تهیه نموده اید پیشروی صنف آویزان کنید بعد از شاگردان بپرسید:	
درشکل کدام اشکال هندسی را می بینید؟	
درشكل چند مثلث وجود دارد بشماريد؟	
اضلاع این مثلث ها با محیط دایره چه ارتباط دارند؟	
بعد از اخذ جواب ها از جانب شاگردان جهت وضاحت بیشتر شکل به آنها	
بگویید: شما در شکل یک ده ضلعی را می بینید که رأس های آن بالای محیط	
یک دایره واقع است. اگر رأس این ده ضلعی به مرکز دایره وصل شود به تعداد	
ده مثلث تشکیل می شود که مجموع مساحت های این مثلث ها با مساحت	
دايره ارتباط دارد. همچنان مجموع طول يك تعداد اضلاع مثلث ها بـا طـول	
محيط دايره نيز قابل مقايسه است.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

چارت مربوط به شکل های اخیر صفحهٔ (47) را که از قبل تهیه نموده اید پیشروی صنف آویزان کنید و در مورد مطابق به متن که بین بخش ورودی واین اشکال قرار دارد توضیح دهید تا شاگردان به مفهوم محیط ومساحت دایره پی ببرند. علاوتاً پراگراف قسمت بالای صفحهٔ (48) کتاب درسی را به شاگردان توضیح دهید. طوریکه شاگردان نیز سهم داشته باشند و راجع به رابطه های که در این پراگراف وجود دارد بحث کنید تا شاگردان رابطه های را که برای دریافت مساحت متوازی الاضلاع ، محیط دایره ومساحت دایره به کار می رود بشناسند.

حال مثال 1 صفحهٔ (48) كتاب درسي را روى تخته حل نماييد طوريكه شاگردان نيز سهم فعال داشته باشند.

اکنون مثال 2 همین صفحهٔ کتاب را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آن را روی تخته حل نماید، همزمان به سایر شاگردان وظیفه دهید تا این کار را به شکل انفرادی در کتابچه های شان انجام دهند.

اگر درحل روی تخته اشتباهی وجود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح کند. بعد ازشاگردان دیگر خواهید تا حل های شانرا با حل روی تخته مقایسه نمایند، اگر اشتباهی را مرتکب شده بودند اصلاح نمایند.

برای اینکه شاگردان خوبتر به مفهوم درس پی ببرند مثال شماره 3 صفحهٔ (48) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آن را حل نمایید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داده شود.

7 - ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یا خیر ارزیابی نمایید؛ مثلاً بپرسید:

- كى مفهوم مساحت ومحيط دايره را بيان مى كند ؟
- كى مى تواند رابطة را روى تخته بنويسد كه توسط آن مساحت متوازى الاضلاع معلوم گردد؟
 - کی رابطهٔ را می نویسد که توسط آن محیط دایره معلوم شود؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

1. اگر محیط دایره 41cm باشد شعاع دایره را به دست آرید.

حل:

$$\begin{array}{l} C = 41cm \\ r = ? \\ \pi = 3.14 \end{array} \} \quad \begin{array}{l} C = 2\pi \, r \\ 41 = 2 \cdot 3.14 \cdot r \\ r = \frac{41}{6.28} = \frac{4100}{628} \quad \Rightarrow r \approx 6.52cm \end{array}$$

2 محیط دایرهٔ را به دست آرید که شعاع آن یک واحد طول باشد؟

حل:

$$C = 1unit$$

$$C = ?$$

$$C = 2\pi r$$

$$C = 2\pi \cdot 1 \implies C = 2\pi$$

3 مساحت دايره را به دست آريد كه شعاع آن يك واحد طول باشد؟

حل:

$$\begin{array}{c} r = lunit \\ A = ? \end{array} \right\} \begin{array}{c} A = \pi r^2 \\ A = \pi \cdot 1^2 \implies A = \pi \end{array}$$

2-11: نكات مهم فصل دوم صفحات كتاب درسى (50-49) وقت: يك ساعت درسي

- شاگردان مفاهیم و نکات مهم فصل دوم را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان مفاهیم و نکات مهم فصل دوم را تحلیل ، تجزیه و حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان در حیات روزمره آن ها را به کار ببرند.	
سؤال و جواب و کار انفرادی	3- روش های تدریس
چارت که در آن تمام نکات مهم فصل تحریر شده باشد	4- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است ابتدا آن را انجام	5- توضیح ورودی
دهید سپس درس گذشته را به طور مختصر ارزیابی نمایید.	(5) دقیقه
حال توجه شاگردان را به نکات مهم فصل جلب نموده و اهمیت این نکات را به	
آنها باز گو نمایید تا شاگردان متوجه اهمیت آنها شده وعلاقه به یادگیری بهتر آنها	
از خود نشان دهند و نکات مهم را خوب فرا گیرند.	

6- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان نمایید بعد به نوبت از شاگردان بخواهید تا هر کدام یک نکتهٔ مهم درس را از روی چارت بخواند و بعد آنرا به شاگردان توضیح دهد. این کار را تا زمانی ادامه دهید تا تمام نکات مهم فصل توسط شاگردان با استفاده از چارت توضیح گردد. احیاناً اگر در توضیح شاگردان کدام اشتباهی موجود بود آنرا روی چارت نشانی نمایید تا بعداً توسط شما به اصلاح آن پرداخته شود.

7- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به اهمیت هر یک از این نکات پی ببرند هر یک از نکات مهم را که هنگام توضیح آن شاگردان مشکل داشته خود شما آنرا طوری واضح سازید تا همه مشکلات آنها حل گردد.

8- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه برای اینکه خود را مطمئن سازیدآیا شاگردان به اهمیت این نکات پی برده اند یا خیر ؟ در مورد بعضی از این نکات مهم از شاگردان سؤال کنید؛ مثلاً بپرسید:

- كى مى گويد كه طاقت يك نقطه نظر به يك دايره داراى چند حالت بوده و اين حالات كدام ها اند؟
 - کی زاویه داخلی، خارجی، دایره محیطی و دایره محاطی را تعریف می کند؟
 - کی رابطهٔ مجموع زوایای داخلی یک مضلع را روی تخته می نویسد؟
 - کی می گوید که فارمول محیط و مساحت دایره مساوی به چیست؟

حل تمرينات فصل دوم

در قسمت حل تمرینات فصل در سخنی چند به معلم، رهنمایی صورت گرفته معلمین محترم مطابق آن عمل نمایند:

بخش اول:

- 1 اگر یک نقطهٔ P به روی محیط دایره واقع باشد طاقت نقطهٔ مذکور عبارت است از :
 - 0 (c
 - -2 اگر یک نقطهٔ P به داخل یک دایره واقع باشد طاقت آن عبارت است از:
 - طاقت نقطهٔ P منفی است.
- R و فاصله P خارج یک دایره واقع شود طاقت نقطهٔ مذکور نظر به دایره در صورتی که شعاع دایرهٔ R و فاصله نقطهٔ مذکور از دایره d باشد عبارت است از:
 - $d^2 R^2 > 0$ (b
- -4 اگر شعاع یک دایرهٔ R و فاصلهٔ یک نقطه داخلی دایره از مرکز دایرهٔ d باشد طاقت نقطهٔ مذکور نظر به دایره عبارت است از:
 - d) هر سه جواب غلط است.
- 5- یک نقطه به اندازهٔ 13cm از مرکز دایره C(o,r) فاصله دارد اگر قطر دایره 10cm باشد طول قسمت خارجی قاطع از نقطهٔ مذکور عبارت است از:
 - 12*cm* (c
- - 13cm (a
 - باشد طول $\overline{BP}=2cm$ و $\overline{AP}=8cm$ و $\overline{AP}=8cm$ باشد طول $\overline{AB}=7$ باشد طول $\overline{AB}=8cm$ باشد طول $\overline{AB}=7$
 - مماس \overline{PT} عبارت است از:
 - 4*cm* (*a*

بخش دوم:

- است. عبارت از.....طاقت.....نقطهٔ نظر به یک دایره است. $d^2 r^2 1$
- \overline{PT}^2 = $d^2 r^2$ اگر خط \overline{PT} به دایرهٔ C(o,r) مماس باشد طاقت نقطهٔ P نظر به دایرهٔ P عبارت از P مماس باشد طاقت نقطهٔ P نظر به دایرهٔ P است.
 - 3- طاقت یک نقطهٔ P نظر به یک دایرهصفر..... است، درصورتی که نقطه بالای محیط دایره واقع باشد.
 - 4- طاقت یک نقطهٔ نظر به یک دایره منفی است، در صور تی که نقطه داخل دایره واقع باشد.
 - 5- طاقت یک نقطهٔ نظر به یک دایرهمثبت.... است، درصورتی که نقطه خارج دایره واقع باشد.
- 6- اگر $\overline{PA} \cdot \overline{PC} = \overline{PB} \cdot \overline{PD}$ باشد نقاط C, B, A و یا بالای محیطدایره.... واقع بوده و نقطهٔ P خارج و یا داخل....دایره... واقع است.
- 7- اگر B,A و T بالای محیط دایره واقع باشند B,A و B روی یک خط مستقیم واقع اند در این صورت P است در صورتی که P خارج دایره واقع باشد.

بخش سوم:

1 - (4) طاقت یک نقطهٔ نظر به یک دایره مساوی به مربع فاصلهٔ نقطه از مرکز دایره است.

2- (ص) اگر یک نقطهٔ به روی محیط یک دایره واقع باشد طاقت آن نظر به دایره صفر است.

3- (ص) اگر یک نقطهٔ داخل یک دایره واقع باشد طاقت آن نقطهٔ نظر به دایره مذکور منفی است.

4- (ص) اگر یک نقطه خارج یک دایره واقع باشد طاقت آن نقطهٔ نظر به دایرهٔ مثبت است.

5-(غ) طاقت یک نقطهٔ نظر به هر دایره مثبت است.

است، در صورتی که d فاصلهٔ نقطهٔ از مرکز دایره و d شعاع دایره باشد. $d^2 - r^2$ است، در صورتی که d فاصلهٔ نقطهٔ از مرکز دایره و d شعاع دایره باشد.

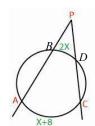
7- (ص) اگر دو دایره مماس باشند طاقت آنها نظر به هر نقطهٔ مماس مشترک با هم مساوی است.

بخش چهارم:

را \hat{APC} در شکل زیر اگر $\hat{P}=(x+1)$ و قوس هایی متقابل آن به ترتیب $\hat{P}=(x+1)$ و $\hat{P}=(x+1)$ باشد اندازه زاویه $\hat{P}=(x+1)$ در يابيد.

حل:

$$A\hat{P}C = \frac{\hat{A}C - \hat{B}D}{2} \implies x + 1 = \frac{x + 8 - 2x}{2}$$
$$2x + 2 = 8 - x \implies 3x = 6 \implies x = \frac{6}{3} = 2$$

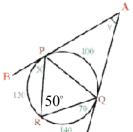


اندازه هایی $\stackrel{\hat{x}}{x}$ و $\stackrel{\hat{y}}{y}$ را در هر شکل پیدا کنید.

حل الف:

$$\hat{x} = \frac{1}{2} \vec{BR} = 60^{\circ}$$

$$\hat{y} = \frac{\vec{PRQ} - \vec{PQ}}{2} = \frac{(120^{\circ} + 140^{\circ}) - 100^{\circ}}{2} = 80^{\circ}$$



در شکل زیر \overline{AB} بر دایرهٔ مماس است اگر $\widetilde{CE}=104^\circ$ و $\widetilde{DE}=38^\circ$ باشد اندازهٔ زاویههای -3 $\hat{6}$, $\hat{6}$

$$\hat{1} = \frac{1}{2} \stackrel{\frown}{BD} = \frac{1}{2} \cdot 128^{\circ} = 64^{\circ}$$

$$\hat{2} + \hat{1} = 180^{\circ}$$

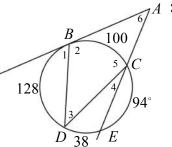
$$\hat{2} = 180^{\circ} - 64^{\circ} = 116^{\circ}$$

$$\hat{3} = \frac{1}{2} \stackrel{\frown}{BC} = \frac{1}{2} \cdot 100^{\circ} = 50^{\circ}$$

$$\hat{6} = \frac{166 - 100}{2} = \frac{66}{2} = 33$$

$$\begin{vmatrix} \hat{4} = \frac{1}{2} \stackrel{\frown}{DE} = \frac{1}{2} \cdot 38^{\circ} = 19^{\circ} \\ \hat{5} = 180^{\circ} - \hat{4} = 180^{\circ} - 19^{\circ} = 16 \end{vmatrix}$$
$$\hat{6} = \frac{166 - 100}{2} = \frac{66}{2} = 33^{\circ}$$

50



4- در دایرهٔ مرکزی $\hat{RTS} = 70^{\circ}, RS // \overline{TV}$ C(o,r) قطر دایره است زاویه هایی $\hat{RTS} = 70^{\circ}, RS // \overline{TV}$ و ایرد.

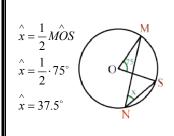
حل:

$$\begin{array}{l}
\hat{TS} = 70^{\circ} \\
\hat{4} = \frac{1}{2} \\
\hat{ST} = \frac{70^{\circ}}{2} = 35^{\circ} \\
\hat{c} = \hat{c} \\
\hat{c} = \hat{c}
\end{array}$$

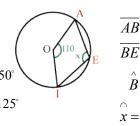
$$\begin{array}{l}
\hat{1} = 180^{\circ} - (\hat{c} + \hat{5}) = 180^{\circ} - (55^{\circ} + 55^{\circ}) = 70^{\circ} \\
\hat{3} = 180^{\circ} - (\hat{c} + \hat{8}) = 180^{\circ} - (35^{\circ} + 35^{\circ}) = 110^{\circ} \\
\hat{SR} = 360^{\circ} - (180^{\circ} + 70^{\circ}) = 110^{\circ} \\
\hat{7} = 90^{\circ} \\
\hat{4} = \hat{c}
\end{array}$$

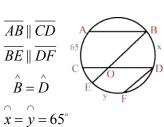
$$\begin{array}{l}
\hat{C} = \hat{C} \\
\hat{A} = \hat{C}
\end{array}$$

اندازه \hat{x} و \hat{y} را در هر یک از شکل های زیر تعیین کنید.



$$\hat{AOI} = 110^{\circ}$$
 محیط دایره $= 360^{\circ}$ $\hat{AI} = 360^{\circ} - 110^{\circ} = 250^{\circ}$ $\hat{x} = \frac{1}{2}\hat{AI} = \frac{1}{2}250^{\circ} = 125^{\circ}$ $\hat{x} = 125^{\circ}$





اندازهٔ زاویههای \hat{x} و \hat{y} را در اشکال زیر دریابید.

$$\hat{x} = 90^{\circ}$$

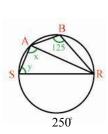
$$\hat{ASR} = 250^{\circ}$$

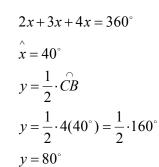
$$\hat{ABR} = 360^{\circ} - 250^{\circ}$$

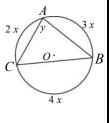
$$= 110^{\circ}$$

$$y = \frac{1}{2} \cdot \hat{ABR}$$

$$y = \frac{1}{2} \cdot 110^{\circ} = 55^{\circ}$$







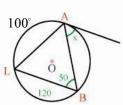
$$\widehat{LA} = 100^{\circ}$$

$$\widehat{AB} = 360^{\circ} - (120^{\circ} + 100^{\circ})$$

$$\widehat{AB} = 360^{\circ} - 220^{\circ}$$

$$\widehat{AB} = 140^{\circ}$$

$$x = \frac{1}{2} \widehat{AB} \Rightarrow x = 70^{\circ}$$



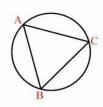
7- با استفاده از تعریف زاویهٔ محاطی نشان دهید که مجموع زوایای داخلی هر مثلث °180 است.

$$\hat{A} = \frac{1}{2} \hat{BC}$$

$$\hat{B} = \frac{1}{2} \hat{AC}$$

$$\hat{C} = \frac{1}{2} \hat{AB}$$

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = \frac{1}{2} (\hat{BC} + \hat{AC} + \hat{AB}) = \frac{1}{2} \cdot 360^{\circ} \implies \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^{\circ}$$



در اشکال زیر اندازههای \hat{x} و \hat{y} را دریابید.

$$A\hat{E}C = 90^{\circ}$$

$$A\hat{E}C = \frac{2x + 3x + 10}{2}$$

$$2x + 3x + 10 = 180^{\circ}$$

$$5x = 170^{\circ} \implies \stackrel{\wedge}{x} = 34^{\circ}$$

$$\hat{COB} = 90^{\circ} \implies \hat{COB} = \frac{\hat{y} + 100}{2}, \quad 90^{\circ} = \frac{\hat{y} + 100}{2}$$

$$180^{\circ} = y + 100$$
, $y = 180^{\circ} - 100 \implies y = 80^{\circ}$

$$\hat{P} = \frac{1}{2} \stackrel{\frown}{DC} \implies \stackrel{\frown}{DC} = 90^{\circ}$$

$$\hat{C} = \frac{1}{2} \stackrel{\frown}{PD} \implies \stackrel{\frown}{PD} = 80^{\circ}$$

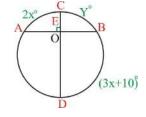
$$\stackrel{\frown}{PC} = 360^{\circ} - 170^{\circ} = 190^{\circ}$$

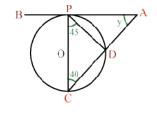
$$\hat{y} = \frac{\hat{PC} - \hat{PD}}{2} = \frac{190^{\circ} - 80^{\circ}}{2} \implies \hat{y} = 55^{\circ}$$

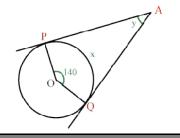
$$P\hat{O}Q = \hat{x} = 140^{\circ}$$

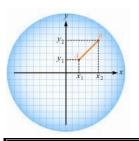
$$\hat{y} = \frac{220^{\circ} - 140^{\circ}}{2}$$

$$\hat{y} = 40^{\circ}$$









فصل سوم:هندسهٔ تحلیلی

3-1: فاصله بین دو نقطه

صفحات كتاب درسي: (58-57)

وقت: یک ساعت درسی

– شاگردان مفهوم فاصله بین دونقطه را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان با استفاده از فارمول فاصله بین دونقطه، فاصله نقاط را دریافت کرده	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
بتوانند.	
- شاگردان از دریافت فاصله بین دونقطه لذت برده و در حیات روزمره آنرا به کار	
ببرند.	
سؤال وجواب ، کارگروپی و انفرادی	2- روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا چارتی را که از قبل آماده نموده اید	(5) دقیقه
پیشروی صنف آویزان کنید. سپس شکل ورودی درس را با طرح سؤال ها و اخذ	
جوابات از شاگردان توضیح نمایید مثلاً به آنها بگویید:	
قسمیکه درشکل می بینید محور های x و y در نقطه O با هم عمود بوده و یک	
سیستم مختصات قایم را به وجود آورده اند باید گفت که هر سیستم مختصات قایم	
مستوی را به چهار ناحیه تقسیم می کند مانند ناحیه اول، دوم، سوم و چهارم نقاط	
و B در ناحیه اول سیستم مختصات قایم قرار دارند و خطی که فاصله بین این دو A	
نقطه را تعیین می کند خط AB است. اگر طول خط AB را دریافت نماییم در	
حقیقت فاصله بین نقاط A و B را دریافت نموده ایم.	

5- فعاليت جريان درس(28) دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(57) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید و در ختم فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود به روی تخته کار گروپی خویش را به دیگران توضیح دهد. و در اخیر فعالیت شاگردان ، قضیه که از نتیجهٔ فعالیت فوق به دست می آید آنرا روی تخته بنویسید. بعد آنرا ثبوت کنید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

حال مثال 1 صفحهٔ (58) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از شاگردان بخواهید که به شکل انفرادی آنرا در کتابچه های شان حل کنند. همزمان از یک شاگرد بخواهید تا مثال مذکور را روی تخته حل نماید. اگر در حل روی تخته اشتباهی وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح کند. بعد از شاگردان بخواهید تا حل های شان را با حل روی تخته مقایسه نمایند.

برای اینکه شاگردان درس را خوبتر فرا گیرند. مثال 2 صفحهٔ (58) کتباب درسی را روی تخته بنویسید و آنـرا حـل کنید طوریکه شاگردان سهم فعال داشته باشند.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارائه شده را خوب فرا گرفته اند یاخیر؟ درس را مختصراً ارزیابی کنید طوریکه سؤال 1 تمرین صفحهٔ(58) کتاب را روی تخته بنویسید و آنرا توسط یک شاگرد حل کنید.

8- معلومات اضافي براي معلم:

اگر $C(x_3, y_3)$ و $B(x_2, y_2), A(x_1, y_1)$ رأس های یک مثلث باشند.

1- مختصات مركز ثقل هر مثلث از رابطه زير به دست مي آيد:

$$G_{(ABC)} = (\frac{x_1 + x_2 + x_3}{3}, \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3})$$

2- مساحت هر مثلث از رابطه زیر به دست می آید:

$$A_{(ABC)} = \frac{1}{2} \{ (x_1 y_3 - y_1 x_3) + (x_2 y_1 - y_2 x_1) + (x_3 y_1 - y_3 x_1) \downarrow |A| = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} x_1 & y_1 \\ x_2 & y_2 \\ x_3 & y_3 \\ x_1 & y_1 \end{vmatrix}$$

9- جواب به سؤال های تمرین:

A(0,3) و ادریابید A(0,3) الدی اید A(0,3) الدی اید A(0,3)

$$\overline{AB} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$\overline{AB} = \sqrt{(2 - 0)^2 + (0 - 3)^2} = \sqrt{2^2 + (-3)^2}$$

$$\overline{AB} = \sqrt{4 + 9} = \sqrt{13}$$

9- نقاط B(-2,4), A(4,6) و C(-8,2) و B(-2,4), A(4,6) و نقاط C(-8,2)

در این شکل رأس B(-2,4) ، A(4,6) و C(-8,2) بوده. پس با استفاده از قضیهٔ فیثاغورث داریم که:

$$\overline{AB}^{2} = (-2 - 4)^{2} + (4 - 6)^{2}$$

$$\overline{AB}^{2} = (-6)^{2} + (-2)^{2} = 36 + 4 = 40$$

$$\overline{BC}^{2} = (-8 + 2)^{2} + (2 - 4)^{2}$$

$$\overline{BC}^{2} = (-6)^{2} + (-2)^{2} = 36 + 4 = 40$$

$$\overline{AC}^{2} = 160$$

$$\overline{AC}^{2} = \overline{AB}^{2} + \overline{BC}^{2}$$

پس مثلث قايم الزاويه نيست. بلكه متساوى الساقين است.

K می گذرد S چند S می گذرد S می گذرد S می گذرد S چند S می گذرد S می گذرد S چند S شود؟

حل:

$$\begin{array}{c}
A(2,3) \\
B(5K,6) \\
AB = 5K
\end{array} \Rightarrow 5K = \sqrt{25K^2 - 20K + 4 + 9}$$

$$\Rightarrow 5K = \sqrt{25K^2 - 20K + 4 + 9}$$

$$\Rightarrow K = \frac{13}{20}$$

بایید؟ $Q(-1,1+\sqrt{3})$ و $Q(-1,1+\sqrt{3})$ را دریابید؟ -4

$$\overline{PQ} = \sqrt{(-1-1)^2 + (1+\sqrt{3}-\sqrt{3})^2} = \sqrt{(-2)^2 + (1)^2} = \sqrt{4+1} = \sqrt{5}$$

5- اگر B(-3,-7), A(-1,4) و C(1,9) رأس های یک مثلث باشد، محیط مثلث را محاسبه نمایید؟

حل:

$$\overline{AB} = \sqrt{(-3+1)^2 + (-7-4)^2} = \sqrt{(-2)^2 + (-11)^2} = \sqrt{4+121} = \sqrt{125}$$

$$\overline{BC} = \sqrt{(1+3)^2 + (9+7)^2} = \sqrt{(4)^2 + (16)^2} = \sqrt{16+256} = \sqrt{272}$$

$$\overline{AC} = \sqrt{(1+1)^2 + (9-4)^2} = \sqrt{(2)^2 + (5)^2} = \sqrt{4+25} = \sqrt{29}$$

$$P = \overline{AB} + \overline{BC} + \overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$? AB = \overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{272} + \sqrt{29} = 32.673$$

$$\overline{AC} = \sqrt{125} + \sqrt{$$

$$\begin{vmatrix} x_1 & y_1 \\ A(2,0) \\ A(6,2) \\ A(6,2) \\ A(1,2) \end{vmatrix} A = \frac{1}{2} \{ (x_1 y_3 - y_1 x_3) + (x_2 y_1 - y_2 x_1) + (x_3 y_1 - y_3 x_1) \\ A = \frac{1}{2} \{ (2 \cdot 2 - 0 \cdot 1) + (6 \cdot 0 - 2 \cdot 2) + (1 \cdot 0 - 2 \cdot 2) \}$$

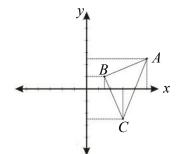
$$\begin{vmatrix} x_3 & y_3 \\ A(1,2) \\ 1 & 2 \end{vmatrix} |A| = \frac{1}{2} \{ 4 + (-4) + (-4) \} = \frac{1}{2} (-4) = -2 \implies A = 2 unit^2$$

C(6,-5) و اگر B(3,2)، A(10,5) و أس های یک مثلث باشد نوعیت مثلث را مشخص سازید -7

$$\overline{AB} = \sqrt{(3-10)^2 + (2-5)^2} = \sqrt{58}$$

$$\overline{BC} = \sqrt{(6-3)^2 + (-5-2)^2} = \sqrt{58}$$

$$\overline{AC} = \sqrt{(6-10)^2 + (-5-5)^2} = \sqrt{116}$$



مثلث فوق متساوی الساقین است و قایم الزاویه است.



2-2: مختصات نقطة وسطى يك قطعه خط صفحات كتاب درسى: (60-59) وقت: يك ساعت درسي

- شاگردان مختصات نقطهٔ وسطى يك قطعه خط را بشناسند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان مختصات نقطهٔ وسطی یک قطعه خط را به روی سیستم مختصات	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
نشان داده بتوانند.	
- شاگردان از دریافت مختصات نقطهٔ وسطی یک قطعه خط لذت ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهیـد بعـد	4- توضیح ورودی
به ارائه درس جدید بپردازید.طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح نمایید:	(5) دقیقه
جهت توضیح ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا	
پیشروی صنف آویزان کنید و از شاگردان بپرسید:	
در شکل چه می بینید؟ بعد از اخذ جواب ها از شاگردان جهت وضاحت بیشتر	
شما به آنها بگویید:	
طوریکه در شکل می بینید از رأس مثلث ABC یک خط AM بالای ضلع	
رسم شده است که به نام میانه مثلث یاد می شود و نقطهٔ M که دارای BC	
مختصات نیز می باشد نقطهٔ وسطی خط BC است.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(59) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید. تا تمام شاگردان فعالانه سهم داشته باشند، و در اخیر فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد و دیگران به دقت گوش دهند. بعد از ختم فعالیت نتیجهٔ که درکتاب درسی وجود دارد آنرا با سهم گیری فعال شاگردان قدم به قدم تشریح و توضیح کنید.

حال مثال 1 صفحهٔ (60) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از شاگردان بخواهید که به شکل انفرادی آنرا در کتابچه های شان حل کنند. همزمان از یک شاگرد بخواهید تا مثال مذکور را روی تخته حل نماید. اگر در حل روی تخته اشتباهی وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح کند. بعداً به شاگردان بگویید تا حل های خود را با حل روی تخته مقایسه نمایند و این کار کمک خواهد نمود تا آن عده شاگردانی که اشتباه نموده اند به اشتباه خویش پی برده و آنرا اصلاح نمایند.

برای اینکه شاگردان درس جدید را خوبتر فرا گیرند مثال ۲ صفحهٔ(۶۰) کتاب درسی را روی تخته حل نمایید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

٧- ارزيابي ختم درس(٥) دقيقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارائه شده را بهتر درک نموده اند یاخیر؟ سؤال اول تمرین صفحهٔ (۶۰) کتاب درسی را بالای تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا به روی تخته حل نماید.

۱- معلومات اضافی برای معلم:

مساحت مثلثی را دریابید که رأس های آن در نقاط B(4,1) , A(1,4) و B(5,5) و اقع باشند.

حل: طريقة اول:

$$\begin{array}{l} A(1,4) \\ B(4,1) \\ C(5,5) \end{array} \} A_{(ABC)} = \frac{1}{2} \{ (x_1 y_3 - y_1 x_3) + (x_2 y_1 - y_2 x_1) + (x_3 y_1 - y_3 x_1) \} \\ A = \frac{1}{2} \big[(1 \cdot 5 - 4 \cdot 5) + (4 \cdot 4 - 1 \cdot 1) + (5 \cdot 4 - 5 \cdot 1) \big] = \frac{1}{2} \big[-15 + 15 + 15 \big] = 7.5 \text{unit}^2 \\ |A| = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} x_1 \times y_1 \\ x_2 \times y_2 \\ x_3 \times y_3 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \big[1 + 20 + 20 - (16 + 5 + 5) \big] = \frac{1}{2} \big[41 - 26 \big] = 7.5 \text{unit}^2 \\ = 2 \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 + 20 + 20 - (16 + 5 + 5) \end{bmatrix} = \frac{1}{2} [41 - 26] = 7.5 \text{unit}^2 \\ = 2 \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 4$$

۹- جواب به سؤال های تمرین

AM را دریابید؟ C(1,5) و B(3,-1), A(5,-2) را دریابید؟ B(3,-1), A(5,-2)

حل: می دانیم که میانه مثلث خطی است که ضلع مقابل را به دو حصهٔ مساوی تقسیم می کند بناءً گفته می توانیم که نقطهٔ M نقطهٔ منتقلهٔ این ضلع است و مختصات آنرا طور زیر به دست می آوریم:

$$\begin{array}{l}
A(5,-2) \\
B(3,-1) \\
C(1,5) \\
\hline
AM = \sqrt{9+16}
\end{array}
\Rightarrow \overline{AM} = 5unit$$

$$M_{BC} = (\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}) = (\frac{3+1}{2}, \frac{-1+5}{2}) = (2,2)$$

$$\overline{AM} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(2-5)^2 + (2+2)^2}$$

$$AM = \sqrt{9+16}
\Rightarrow \overline{AM} = 5unit$$

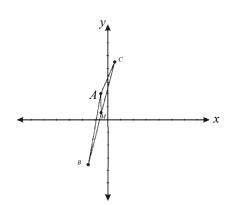
D(11,4) و D(11,4) و D(11,4) و D(11,4) و D(11,4) و فطر D(11,4) و فطر عبا المناه متوازى الأضلاع والمرابع وال

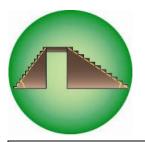
حل: اول باید بدانیم که نقاط مذکور یک متوازی الاضلاع را می سازد. همچنان می دانیم که قطر های متوازی الاضلاع یک دیگر را تنصیف می کند بناءً مختصات نقطهٔ M را به دست می آوریم:

 \overline{BC} رسم می گردد B(-3,-7), A(-1,4) و B(-3,-7), A(-1,4) رأس های یک مثلث باشند طول میانه که بالای ضلع BC رسم می گردد دریابید؟

حل: اول مثلث را رسم مي كنيم بعد طول AM را به دست مي آوريم:

$$\begin{array}{l}
A(-1,4) \\
B(-3,-7) \\
C(1,9)
\end{array}
\qquad
\begin{array}{l}
M_{BC} = (\frac{-2}{2}, \frac{2}{2}) = (-1,1) \\
\overline{AM} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(-1+1)^2 + (1-4)^2} = \sqrt{(-3^2)} = \sqrt{9} = 3
\end{array}$$





3-3: میل خط مستقیم(تدریس در دو ساعت درسی) صفحات کتاب درسی: (61) وقت: ساعت اول درسی

- شاگردان مفهوم میل خط مستقیم را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان مثال های مربوط به میل خط مستقیم را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از محاسبه میل خط مستقیم احساس خوشی نمایند.	
سؤال و جواب، کار انفرادی	2- روش های تدریس
خط کش ، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید:	(5) دقیقه
جهت توضیح ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی	
صنف آویزان کنید و از شاگردان بپرسید.	
در شکل چه می بینید؟	
طوریکه در تصویر ورودی مشاهده می کنید میل زینه های که برای بالا شدن و	
پایین شدن دردو طرف ارتفاع ساخته شده اند از هم فرق دارند زیرا پله های زینه	
طرف چپ نسبت به پله های زینه طرف راست تند تر است دلیل آن اینست که طول	
پله های زینه طرف چپ نسبت به طرف راست کمتر است . زیرا میلان پله های زینه	
طرف راست نظر به طرف چپ کمتر است.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

مطابق به کتاب درسی تعریف ریاضیکی میل خط مستقیم را با استفاده از شکل به شاگردان توضیح نمایید. اکنون مثال 1 صفحهٔ (61) کتاب درسی را به روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل کند و شاگردان دیگر همزمان مثال مذکور را در کتابچههای شان حل نمایند اگر در حل روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آنرا اصلاح نماید زمانیکه مطمئن شدید حل روی تخته کاملاً صحیح است از شاگردان بخواهید تا حل های شان را با حل روی تخته مقایسه نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان مفهوم درس را بهتر درک نمایند. مثال 2 صفحهٔ(61) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل نماید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیایی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر؟ مختصراً ارزیابی نمایید؛ مثلاً بپرسید:

- کی می تواند فارمول دریافت میل خط مستقیم را بنویسد؟

- کی می تواند بگوید که میل پله های زینه طرف رأست شکل ورودی زیاد است یا از پله های زینه طرف چپ آن؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

A(1,1) می گذرد؟ A(1,1) می گذرد؟ A(1,1) می گذرد؟

$$\begin{array}{c}
A(1,1) \\
B(-1,-1) \\
m_{AB}
\end{array} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-1 - 1}{-1 - 1} = \frac{-2}{-2} = 1$$

حر خط مستقیمی که از نقاط $A(-2,2\sqrt{3})$ و B(1,a) می گذرد قیمت a را طوری تعیین نمایید که میل خط مستقیم $\sqrt{3}$ باشد.

$$\begin{vmatrix}
A(-2, 2\sqrt{3}) \\
B(1, a) \\
m_{AB} = \sqrt{3}, a = ?
\end{vmatrix}
m_{AB} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \Rightarrow \sqrt{3} = \frac{a - 2\sqrt{3}}{1 - (-2)} \Rightarrow \sqrt{3} = \frac{a - 2\sqrt{3}}{3}$$

$$a - 2\sqrt{3} = 3\sqrt{3} \Rightarrow a = 5\sqrt{3}$$



4-3: میل خط مستقیم صفحه کتاب درسی: (62) وقت: ساعت دوم درسی

شاگردان مفهوم میل خط مستقیم را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
شاگردان مثال های مربوط به میل خط مستقیم را حل کرده بتوانند.	
شاگردان ازمحاسبه میل خط مستقیم احساس خوشی نمایند.	
رال و جواب، کار انفرادی و گروپی	2– روش های تدریس
ط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
بد ازانجام کار مقدماتی مانند ساعت قبلی دوباره چارت شکل ورودی مربوط این	4- توضیح ورودی ب
ِس را پیشروی صنف آویزان نموده ومختصراً درمورد آن صحبت نمایید. تا	4- توضیح ورودی بر در 5) دقیقه در
ننیت شاگران درمورد میل خط مستقیم دوباره منسجم گردد.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

حال مثال 3 صفحهٔ (62) کتاب درسی را روی تخته بنویسید. واز یک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل کند همزمان به شاگردان دیگر وظیفه دهید تا همین مثال را به صورت انفرادی درکتابچه های شان حل نمایند.

اگر درحل روی تخته اشتباهی وجود داشته از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح نماید. سپس به شاگردان بگویید تا حل های شان را با حل روی تخته مقایسه نموده واحیاناً اگر اشتباهی رامرتکب شده باشند اصلاح نمایند. اکنون شاگردان را به گروپ ها تقسیم نموده و به هرگروپ وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(62) کتاب درسی را انجام

درجریان کار گروپی از گروپ ها نظارت نمایید و درختم کارگروپی از نمایندهٔ گروپ ها بخواهید تا فعالیت را که انجام داده اند به دیگران توضیح نمایند.حال نتیجهٔ که از انجام فعالیت فوق به دست می آید به شاگردان تفهیم نمایید.

6 - تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس ارائه شده را بهتر درک نموده اند یاخیر؟ سؤال 1 تمرین صفحهٔ(62) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل نمایید طوریکه شاگردان نیز فعالانه سهم داشته باشند.

7 - ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

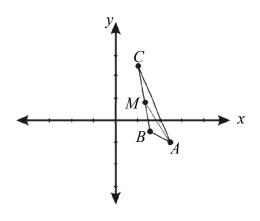
برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس را فرا گرفته اند یاخیر؟ مختصراً ارزیابی نمایید؛ مثلاً بپرسید: کی می تواند میل خط مستقیمی را به دست آورد که از نقاط A(5,7) و B(1,1) می گذرد ؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

 \overline{BC} و C(1,5) و را دریابید؟ رأس های یک مثلث باشند، میل میانهٔ ضلع \overline{BC} را دریابید؟

$$\left. \begin{array}{l}
 A(5,-2) \\
 B(3,-1) \\
 C(1,5)
 \end{array} \right\} M_{BC} = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}\right) = \left(\frac{3+1}{2}, \frac{-1+5}{2}\right) = (2,2)$$

$$m_{\overline{AM}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{4}{-3} = -\frac{4}{3}$$





5-3: میل مستقیم های موازی(تدریس در دو ساعت درسی) صفحات کتاب درسی: (64-63)

وقت: ساعت اول درسي

- شاگردان مفهوم میل مستقیم های موازی را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان میل مستقیم های موازی را دریافت کرده بتوانند.	(دانشي، مهارتي وذهنيتي)
- شاگردان میل مستقیم های موازی را نظر به محیط و ماحول شان درک کنند.	
سؤال وجواب ، کار گروپی	2- روش های تدریس
خط کش،چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید. طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید:	د 5) دقیقه
جهت توضیح ورودی این درس چارت را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی	
صنف آویزان کنید و در مورد میل مستقیم های موازی سؤال ها کنید.مثلاً بپرسید:	
در شکل چه را می بینید؟	
چه رابطهٔ بین دوبازوی این زینه مشاهده می کنید؟	
پله های زینه از همدیگر چه موقعیت دارند؟	
سعی کنید تا شاگردان کلمهٔ موازی را به زبان بیاورند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

برای انجام فعالیت صفحهٔ(63) کتاب درسی شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید که فعالیت را انجام دهند.

و در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید. تا تمام شاگردان در فعالیت سهم داشته باشند. و در اخیر فعالیت از هر گروپ یک نفرشاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود روی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. بعد از ختم فعالیت نتیجه که از انجام فعالیت فوق به دست می آید آنرا به شاگردان بازگو وهم توضیح کنید.

6- تحكيم درس(7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان مفهوم درس را خوبتر بفهمند مثال صفحهٔ (63) کتاب درسی را بالای تخته بنویسید. بعداً آنرا حل کنید. طوریکه شاگردان درحل آن فعالانه سهم بگیرند.

7- ارزیابی ختم درس(5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس را بهتر فرا گرفته اند یا خیر؟ سؤال مانند زیر را به روی تخته بنویسید و ارزیابی نماید. طوریکه از آنها جواب قناعت بخش به دست آرید.

- زمانی که عراده جات بالای سرک به حرکت درمی آیند، تایرهای جانبی آنها روی چه خطی حرکت میکند؟

- شرط موازات بین دوخط موازی چیست؟ بیان کنید.

– اگر مستقیم Δ_1 از نقاط E(3,0) و E(3,0) و مستقیم Δ_2 از نقاط G(-3,-4) و از نقاط E(3,0) بگذرد خطوط Δ_1 مسبت باهمدیگر چه رابطه دارند؟

8 – جواب به سؤال های تمرین:

اشد. على يك چهار ضلعى باشد. C(-3,0), B(0,5), A(3,0) و أس هاى يك چهار ضلعى باشد.

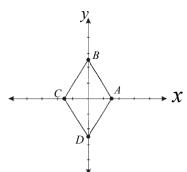
الف: اضلاع مقابل چهار ضلعی با هم چه ارتباط دارد.

حل: میل های چهار ضلعی را به دست می آوریم و بعد با هم مقایسه می کنیم:

$$\begin{array}{c}
A(3,0) \\
B(0,5) \\
C(-3,0) \\
D(0,-5)
\end{array}
\qquad
\begin{array}{c}
m_{\overline{AB}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{5 - 0}{0 - 3} = -\frac{5}{3} \\
m_{\overline{DC}} = \frac{-5 - 0}{0 - (-3)} = \frac{-5}{3}
\end{array}
\Rightarrow
\begin{array}{c}
m_{\overline{AB}} = m_{\overline{DC}} \\
\overline{AB} / / \overline{DC}
\end{array}$$

$$m_{\overline{BC}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - 5}{-3 - 0} = \frac{5}{3} \\
m_{\overline{AD}} = \frac{-5 - 0}{0 - 3} = \frac{5}{3}$$

$$\Rightarrow m_{\overline{BC}} = m_{\overline{AD}} \\
\overline{BC} / / \overline{AD}$$



ب: میل قطر های آنرا دریابید.

حل:

$$m_{\overline{AC}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{0 - 0}{-3 - 3} = 0$$

$$m_{\overline{BD}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-5 - 5}{-0 - 0} = \infty$$



3-6: میل مستقیم های موازی صفحات کتاب درسی: (66-64) وقت: ساعت دوم درسی

- شاگردان مفهوم میل مستقیم های موازی را بدانند.	1- اهداف آموزشي:
- شاگردان سؤالات مربوط به میل مستقیم های موازی را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از دریافت مستقیم های موازی احساس خوشی نمایند.	
سؤال و جواب ، کار گروپی	2– روش های تدریس
چارت شکل ورودي	3- مواد ممد درسی
بعد از انجام کار مقدماتی چارت شکل ورودی درس قبلی را یکبار دیگر پیشروی	4- توضیح ورودی
صنف آویزان کنید واز شاگردان بپرسید:	(5) دقیقه
کی می تواند یک مثال بدهد که خطوط موازی تشکیل شود؟	
کی می تواند بگوید شرط دیگر بین دوخط موازی علاوه از اینکه میل های	
مساوى داشته باشند چيست؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم نمایید و به آنها وظیفه دهید که فعالیت صفحهٔ(64) کتاب درسی را انجام دهند.

در جریان اجرای فعالیت از گروپ ها دیدن و کنترول نمایید، تا همهٔ شاگردان در فعالیت فعالانه سهم داشته باشند. در ختم فعالیت از هر گروپ یک نفرشاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. بعد نتیجه فعالیت فوق را روی تخته بنویسید و توضیح دهید.

اكنون فعاليت صفحه (65) كتاب درسي را به گروپ هاى قبلى بدهيد كه انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید. و کوشش نمایید تا تمام اعضای گروپ در فعالیت سهم داشته باشند.درختم کار گروپی بعد از ختم توضیحات نماینده های گروپ ها نتیجهٔ فعالیت فوق را به شاگردان بازگو نمایید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس را خوبتر فرا گیرند، مثال صفحهٔ (65) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل کنید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس را بهتر درک نموده اند یاخیر؟ طور زیر مختصر ارزیابی کنید؛ مثلاً از شاگردان بپرسید:

- کی می تواند بگوید اگر میل دوخط مستقیم صفر باشد آیا خطوط موازی اند یاخیر؟ واین درکدام حالت صورت گرفته می تواند؟

- كى مى تواند بگويد دركدام حالت نمى توانيم ميل يك خط مستقيم را به دست آوريم؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

ید: کیرید: D(-3,-4) و C(3,-4), B(-3,4), A(3,4) در نظر بگیرید: -2

حل(الف):

حل(ب):

$$\left| \begin{array}{l} m_{\overline{AC}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-4 - 4}{3 - 3} = \infty \\ m_{\overline{BD}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-4 - 4}{-3 + 3} = \infty \end{array} \right| \Rightarrow \overline{AC} // \overline{BD}$$

حل ج): چون \overline{AB} (موازی و مساوی) و \overline{AC} است بناءً چهار ضلعی \overline{ABCD} مستطیلی است.

$$\overline{AB} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(-3 - 3)^2 + (4 - 4)^2} = \sqrt{36 + 0} = 6$$

$$\overline{DC} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(-3 - 3)^2 + (-4 + 4)^2} = \sqrt{36 + 0} = 6$$

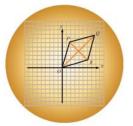
$$\overline{AC} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(3 - 3)^2 + (-4 - 4)^2} = \sqrt{0 + 64} = 8$$

$$\overline{BD} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(-3 + 3)^2 + (-4 - 4)^2} = \sqrt{0 + 64} = 8$$

حل(د):

$$m_{\overline{AD}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-4 - 4}{-3 - 3} = \frac{8}{6} = \frac{4}{3}$$

$$m_{\overline{BC}} = \frac{-4 - 4}{3 + 3} = -\frac{8}{6} = -\frac{4}{3}$$



3-7: میل مستقیم های عمود باهم صفحات کتاب درسی: (68-67) وقت: یک ساعت درسی

 شاگردان مفهوم میل مستقیم های عمود باهم را بدانند. 	1- اهداف آموزشی:
 شاگردان میل مستقیم های عمود باهم را حل کرده بتوانند. 	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
 شاگردان از حل مستقیم های عمود باهم احساس خوشی نمایند. 	
سؤال وجواب ، کار گروپی انفرادی	2- روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهیـد بعـد بــه	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید:	(5) دقیقه
جهت توضیح ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده ایـد آنـرا پیـشروی	
صنف آویزان کنید و شکل ورودی را توضیح نمایید. مثلاً از شاگردان بپرسید:	
درشکل چه می بینید؟	
نقاط Q ، P و R در كدام ناحيهٔ سيستم مختصات قايم قرار دارد؟	
شكلي كه از استحصال نقاط R ، Q ، P ومركز سيستم مختصات قايم به جود مي آيد	
چه نوع شکل است؟	
خطوط PR و QQ باهم چه ارتباط دارند؟	
سعی کنید تا شاگردان کلمهٔ عمود را به زبان بیاورند.	
بعد از اخذ جواب های شاگردان اگر جواب ها درست بود آنها را تشویق نمایید در	
غیرآن شما خود جواب درست سؤالها را به آنها بیان کنید به این ترتیب شاگردان	
به مفهوم شکل ورودی پی می برند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

عمودیت دوخط را با استفاده از شکلی صفحهٔ (67) به شاگردان ارائه وهم شرط عمودیت دوخط مذکور را برروی تخته بنویسید و توضیح دهید.

حال مثال 1 صفحهٔ (67) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل کنید طوریکه شاگردان نیز فعالانه سهم داشته باشند. اکنون شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه بدهید تا فعالیت صفحهٔ (68-67) کتاب درسی را انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید. تا تمام شاگردان درفعالیت گروپی سهم فعال داشته باشند و درختم فعالیت از هر گروپ یک نفرشاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته و کار

گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. در اخیر نتیجهٔ فعالیت فوق را به شاگردان توضیح نمایید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس خوبتر پی ببرند، مثال 2 صفحهٔ (68) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنـرا حل کنید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی تحکیم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس را خوب فرا گرفته اند یاخیر؟ درس را مختصراً ارزیابی کنید مثلاً بپرسید:

- کی می تواند شرط عمودیت دوخط را از نگاه میل روی تخته بنویسد؟

 $H(4,3)_{g}$ و $G(1,7)_{g}$ و خطی که از نقاط $E(4,3)_{g}$ و $E(4,3)_{g}$ و خطی که از نقاط $E(1,7)_{g}$ و $E(1,3)_{g}$ و E(1

8- جواب به سؤال های تمرین:

% سه رأس یک مثلث داده شده اند. نشان دهید که مثلث قایم الزاویه است C(6,5) و B(8,3), A(6,1) و است B(8,3), A(6,1)

$$\begin{array}{ll}
A(6,1) \\
B(8,3) \\
C(6,5)
\end{array} \qquad m_{\overline{AB}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{3 - 1}{8 - 6} = \frac{2}{2} = 1 \\
m_{\overline{BC}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{5 - 3}{6 - 8} = \frac{2}{-2} = -1
\end{cases} \Rightarrow m_{\overline{AB}} \cdot m_{\overline{BC}} = 1(-1) = -1 \Rightarrow \overline{AB} \perp \overline{BC}$$

پس مثلث قایم الزاویه است

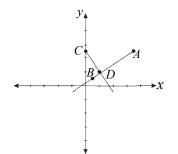
می گذرد با B(1,1), A(7,5) می گذرد با B(1,1), A(7,5) می گذرد با

هم دیگر تعیین کنید.

$$m_{AB} = \frac{1-5}{1-7} = \frac{-4}{-6} = \frac{2}{3}$$

$$m_{CD} = \frac{2-5}{2-0} = \frac{-3}{2}$$

$$m_{AB}.m_{CD} = \frac{2}{3} \cdot \frac{-3}{2} = \frac{-6}{6} = -1$$



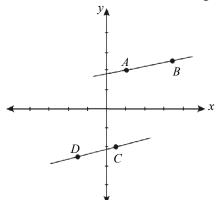
درنتیجه چون حاصل ضرب میل های خطوط داده شده مساوی به 1 است بناءً خطوط داده شده بالای همدیگر عمود اند.

B(7,5), A(2,4) می B(7,5), A(2,4) می از نقاط B(7,5), A(2,4) می که از نقاط B(7,5), A(2,4) می گذرد با هم دیگر تعیین کنید.

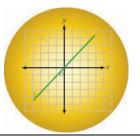
$$m_{AB} = \frac{5-4}{7-2} = \frac{1}{5}$$

$$m_{CD} = \frac{-5+4}{-3-1} = \frac{-1}{-4} = \frac{1}{4}$$

$$m_{AB}.m_{CD} = \frac{1}{5}.\frac{1}{4} = \frac{1}{20}$$



پس خطوط \overline{AB} و \overline{CD} با هم نه موازی و نه عمود اند.



3-8: معادلة خط مستقيم صفحات كتاب درسى: (70-69) وقت: يك ساعت درسي

– شاگردان مفهوم معادلهٔ خط مستقیم را بدانند.	1- اهداف آموزشي:
– شاگردان مثالهای مربوط به معادلهٔ خط مستقیم را با استفاده از فارمول حل	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
كردهبتوانند.	
- شاگردان از حل سؤال های مربوط به معادلهٔ خط مستقیم لذت ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید.	(5) دقیقه
برای توضیح شکل ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا	
پیشروی صنف آویزان کنید بعد در مورد شکل ورودی بگویید: شما در شکل یک	
سیستم کمیات وضعیه قایم را می بینید که خط مستقیم Δ از دو ناحیهٔ آن عبور	
نموده است و از شاگردان بپرسید:	
خط مستقیمی ۵ از کدام ناحیه های سیستم مختصات قایم عبور نموده است؟	
اگر درناحیه های اول وسوم روی خط Δ به ترتیب دونقطه Q و Q را انتخاب نماییم	
چطور می توانیم مختصات آنها را دریافت نماییم؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(69) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت ازگروپ ها مراقبت کنید تا همه شاگردان در فعالیت گروپی سهم داشته باشند و درختم فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. نتیجهٔ که از انجام فعالیت فوق به دست می آید روی تخته واضح بنویسید و توضیح کنید.

اکنون فعالیت دومی صفحهٔ (69) کتاب درسی را به گروپ های قبلی بدهید تا انجام دهند. و خود از گروپ ها دیـدن و کنترول نمایید. نتیجهٔ که از اجرای فعالیت فوق به دست می آید آنرا نیز روی تخته بنویسید و خوب توضیح دهیـد تـا شاگردان به مفهوم معادله خط مستقیم پی ببرند.

حال مثال 1 صفحهٔ (70) کتاب درسی را به روی تخته بنویسید وآنرا حل کنید طوریکه شاگردان نیز در حل آن سهم فعال داشته باشند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس جدید را درست درک نمایند. مثال 2 صفحهٔ (70) کتاب درسی را بالای تخته بنویسید و از شاگردان بخواهید تا آنرا به شکل انفرادی در کتابچه های شان حل نمایند و از یک شاگرد دیگر بخواهید تا همزمان مثال مذکور را به روی تخته حل کند از آنها دیدن و کنترول نمایید و در صورت اشتباهی روی تخته از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح کند .و در اخیر هدایت بدهید که حل کتابچه های شان را با حل روی تخته مقایسه کنند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه اطمینان حاصل کنید که آیا شاگردان درس را بهترفرا گرفته اند یاخیر؟با طرح چند سؤال آنها را ارزیابی کنید؛ مثلاً بیرسید:

- کی می تواند رابطه های که بین فاصله وترتیب نقاط روی یک خط وجود دارد آنرا نشان دهد و بگویـد کـه بـه نـام چه یاد می شود؟
 - کی می تواند معادلهٔ خط مستقیمی که از دونقطه می گذرد روی تخته بنویسد؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

B(3,4), A(2,-1) بگذردB(3,4), A(2,-1) بگذردB(3,4), A(2,-1)

حل:

$$\frac{y - y_1}{x - x_1} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$\frac{y + 1}{x - 2} = \frac{4 + 1}{3 - 2} \Rightarrow \frac{y + 1}{x - 2} = \frac{5}{1}$$

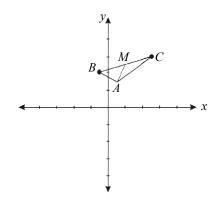
$$y + 1 = 5x - 10$$

$$y = 5x - 10 - 1 \Rightarrow y = 5x - 11$$

Cمعادلهٔ میانه \overline{AM} مثلث را دریابید که رأس های آن B(-1,4), A(1,3) و \overline{AM} باشد. \overline{AM} را بدریافت می نماییم بعد معادله میانهٔ \overline{AM} را به دست می آوریم یعنی:

$$\begin{array}{c}
A(1,3) \\
B(-1,4) \\
C(5,6) \\
\hline
AM
\end{array}$$

$$AM \rightarrow \frac{y - y_1}{x - x_1} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \\
\frac{y - 3}{x - 1} = \frac{5 - 3}{2 - 1} \Rightarrow y - 3 = 2x - 2 \\
y - 2x - 1 = 0$$



B(0,-2) قطع کند. A(3,0) و محور y را در نقطهٔ B(0,-2) قطع کند. A(3,0) قطع کند. حل:

$$\frac{y - y_1}{x - x_1} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

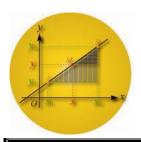
$$\frac{y - 0}{x - 3} = \frac{-2 - 0}{0 - 3}$$

$$\frac{y}{x - 3} = \frac{-2}{-3}$$

$$-3y = -2x + 6$$

$$3y = 2x - 6$$

$$3y - 2x + 6 = 0$$



9-3: معادلهٔ خطی مستقیمی که میل و یک نقطه آن معلوم باشد صفحات کتاب درسی: (72-71) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم معادله خطی مستقیمی که میل و یک نقطه آن معلوم باشد بدانند.
- شاگردان معادله خطی مستقیمی که میل و یک نقطه آن معلوم باشد دریافت کرده
بتوانند.
- شاگردان از دریافت معادله خطی مستقیمی که میل و یک نقطه آن معلوم باشد
احساس خوشى نمايند.
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی
خط کش، چارت شکل ورودی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهیـد بعـد بـه
ارائه درس جدید بیردازید؛ طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید:
جهت توضیح شکل ورودی این درس از شاگردان سؤال کنید. بعد از اخذ جواب از
شاگردان به آنها بگویید:
درشکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات از شاگردان به آنها بگویید:
خط مستقیم AB درناحیه اول سیستم مختصات قایم Xoy قرار دارد. طوریکه
مختصات نقطه A , X_1 , X_2 , ومختصات نقطه X_1 , X_2 است دیده می شود خط
دارای یک میل مانند M است که مختصات آن x و y است نظر به دروس قبلی AB
که از شناخت معادله خط مستقیمی که دونقطه آن معلوم باشد می توانیم معادله خط
مستقیمی که یک نقطه ومیل آن معلوم باشد دریافت کنیم.

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

معادلهٔ خط مستقیمی که دو نقطه و همچنان یک نقطه و میـل آن معلـوم اسـت و درصفحه (71) کتـاب درسـی وجـود دارد. به روی تخته بنویسید وبه شاگردان توضیح نمایید.تا شاگردان به معادلهٔ خط مستقیم در هـر دو صـورت معلومـات کافی به دست آرند.

حال مثال 1 صفحه (71) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل کنید طوریکه شاگردان در حل آن نیز سهم فعال داشته باشند. برای اجرای کار انفرادی از دو نفر شاگرد بخواهید تا به نوبت مثال های 2 و 8 صفحهٔ (72) کتاب درسی را روی تخته حل نمایند. همزمان از شاگردان دیگر بخواهید تا آنها نیز به طور جدا گانه مثال های مذکور را در کتابچه های شان حل نمایند. اگر در حل های روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید سپس به شاگردان دیگر بگویید تا آنها حل های خویش را با حل های روی تخته مقایسه نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه موضوع درس را شاگردان خوبتر فرا گیرند مثال 4 صفحهٔ (72) کتاب درسی را روی تخته بنویسید بعد به حل آن اقدام نمایید طوریکه شاگردان فعالانه سهم بگیرند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارائه شده را خوبتر فرا گرفته اند یاخیر؟ با طرح چند سؤال ارزیابی کنید؛ مثلاً بپرسید:

- كى مى تواند معادلة خط مستقيمي كه دو نقطهٔ آن معلوم باشد روى تخته بنويسد.
- كى مى تواند معادلهٔ خط مستقيمي كه يك نقطه وميل آن معلوم باشد به روى تخته بنويسد.
- کی می تواند معادلهٔ خط مستقیمی را دریابدکه از نقطه (4–,5) بگذرد و دارای میل(2–) باشد ؟

$\overline{8}$ جواب به سؤال های تمرین:

1- معادلهٔ خط مستقیمی را دریابید که میل آن 4 و محور y را در نقطه 3 قطع کند.

(0,-3)

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y+3=4(x-0)$$

$$y + 3 = 4x$$

$$y = 4x - 3$$

-2 معادلهٔ خط مستقیمی را به دست آرید که از نقطهٔ P(5,-4) گذشته و میل آن -2 باشد.

$$y + 4 = -2(x - 5)$$

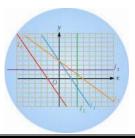
$$y + 4 = -2x + 10$$

$$y = -2x + 10 - 4$$

$$y = -2x + 6$$

.- ميل و نقطهٔ تقاطع با محور y را در معادلهٔ 3x + 3y - 7 = 0 دريابيد.

$$3x+3y-7=0 \implies 3y=-3x+7 \implies y=-\frac{3}{3}x+\frac{7}{3} \\ \Rightarrow m=-1 \\ y=mx+h \end{cases} \Rightarrow m=\frac{7}{3}$$



3-10: شكل عمومى معادلة خط مستقيم صفحات كتاب درسى: (74-73) وقت: يك ساعت درسي

- شاگردان شکل عمومی معادلهٔ خط مستقیم را بدانند.	1- اهداف آموزشي:
- شاگردان معادلهٔ خط مستقیم را دریافت کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از دریافت معادلات خط مستقیم احساس خوشی نمایند.	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2- روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهیـد بعـد بـه	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید. طوریکه در قدم نخست شکل ورودی را توضیح کنیـد.	(5) دقیقه
برای این کار چارتی را که از قبل تهیه نموده اید پیشروی صنف آویزان کنید.	
جهت توضیح شکل ورودی این درس از شاگردان بپرسید:	
درشکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات شکل ورودی را این طور توضیح کنید:	
طوریکه درشکل به ملاحظه می رسد چهار خط $L_{_{5}}$ و $L_{_{4}}$, $L_{_{3}}$, $L_{_{2}}$, $L_{_{1}}$ و	
سیستم مختصات قایم y و X نسبت به همدیگر وضعیت های مختلف دارند. طوریکه	
باهم متقاطع اند و $L_{\scriptscriptstyle 5}$ با باهم متقاطع اند و $L_{\scriptscriptstyle 6}$ با $L_{\scriptscriptstyle 7}$ متقاطع اند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

حال شکل عمومی معادله خط مستقیم در حالت ستندرد یا معیاری که در صفحه (73) کتاب در سبی موجود است آنرا روی تخته بنویسید و از آن میل خط و تقاطع با محور y را توضیح نمایید. وهم راجع به قیمت های a , b و a معلومات داده و اینکه چرا $b \neq 0$ باشد نیز توضیحات بدهید.

حال شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحه (73) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید تا همه اعضای گروپ در فعالیت سهم داشته باشند و درختم فعالیت از هر گروپ خود را به از هر گروپ یک نفرشاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود روی تخته رفته و کار گروپ خود را به دیگران توضیح دهد. در اخیر نتیجه فعالیت را به روی تخته بنویسید بعد آنرا به شاگردان توضیح کنید.

حال فعالیت دومی صفحه (74) را به گروپ های قبلی بدهید تا انجام دهند. بعد از ختم کار گروپی و توضیحات نماینده گان نتیجهٔ فعالیت را روی تخته بنویسید و به آنها توضیح نمایید.

اکنون مثال 1 صفحه (74) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از شاگردان بخواهید تا آنرا در کتابچه های شان حل نمایند و از یک شاگرد دیگر بخواهید تا همزمان مثال مذکور را روی تخته حل کند و در صورتیکه اشتباهی روی تخته موجود باشد از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح کند .و در اخیر هدایت بدهید که حل تخته را با کتابچه های شان مقایسه کنند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس جدید پی ببرند. مثال 2 صفحه (74) کتاب درسی را به روی تخته بنویسید و آنرا حل کنید طوریکه شاگردان نیز در حل آن سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس را بهتر فرا گرفته اند یاخیر؟ توسط سؤالات مانند زیر آنها را ارزیابی کنید:

- كى مى تواند معادله معيارى خط مستقيم را بنويسد؟
- کی می تواند در معادله حالت معیاری خط مستقیم، میل و تقاطع با محور y را واضح سازد؟
 - $\,$ کی می تواند بگوید که درمعادله عمومی خط مستقیم ضرایب $\,b\,$ ، $\,a\,$ و $\,c\,$ کدام اعداد اند $\,c\,$

8- جواب به سؤال های تمرین:

الت خطوط 0 = 1 - 4x + 3y - 1 = 0 و 8x + 6y + 5 = 0 را معلوم كنيد.

$$\begin{array}{l} 4x + 3y - 1 = 0 \\ 8x + 6y + 5 = 0 \\ a_1 = 4 \quad , \quad a_2 = 8 \\ b_1 = 3 \quad , \quad b_2 = 6 \\ c_1 = -1 \quad , \quad c_2 = 5 \end{array} \} \begin{array}{l} \frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \neq \frac{c_1}{c_2} \\ \Rightarrow \frac{4}{8} = \frac{3}{6} \neq \frac{-1}{5} \\ \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \\ \frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \neq \frac{c_1}{c_2} \end{array}$$

-2 حالات خطوط 0=0 +3 و 0=5 +4 را دريافت كنيد.

$$\begin{cases}
8x - 4y + 10 = 0 \\
4x - 2y + 5 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{vmatrix}
a_1 = 8 & b_1 = -4 & c_1 = 10 \\
a_2 = 4 & b_2 = -2 & c_2 = 5
\end{cases}$$

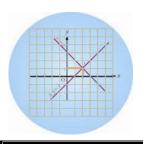
$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_1}$$

$$\frac{8}{4} = \frac{-4}{-2} = \frac{10}{5} \Rightarrow 2 = 2 = 2$$

دراین صورت خطوط منطبق اند.

3- قیمت k را در معادلات 2x - 3y + 5 = 0 و (k+1)x + ky = 0 طوری تعیین نمایید که خطوط با هم موازی باشند.

$$\begin{vmatrix}
(k+1)x + ky &= 0 \\
2x - 3y + 5 &= 0
\end{vmatrix} \Rightarrow \begin{vmatrix}
a_1 &= k+1 &, b_1 &= k &, c_1 &= 0 \\
a_2 &= 2 &, b_2 &= -3 &, c_2 &= 5 \\
\frac{a_1}{a_2} &= \frac{b_1}{b_2} & \\
\frac{k+1}{2} &= \frac{k}{-3} & \Rightarrow -3k - 3 &= 2k \\
-5k - 3 &= 0 \Rightarrow -5k &= 3 \Rightarrow k &= -\frac{3}{5}
\end{vmatrix}$$



3-11: سیستم معادلات خطی(تدریس در دو ساعت درسی)

صفحات كتاب درسى: (76-75)

وقت: ساعت اول درسي

– شاگردان مفهوم سیستم معادلات خطی را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
 شاگردان سؤالهای سیستم معادلات خطی را حل کرده بتوانند. 	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از حل سیستم معادلات خطی احساس خوشی نمایند.	
سؤال و جواب، کار گروپی	2- روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد بـه	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتـدا شـکل ورودی را توضیح کنیـد جهـت	(5) دقیقه
توضیح شکل ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیـشروی	
صنف آویزان کنید بعد در مورد شکل ورودی بپرسید:	
درشکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جواب از شاگردان به آنها بگویید:	
خطوط مربوط به معادلات $y=1$ و $x+y=3$ را که در شکل مشاهده می	
کنید به نام سیستم معادلات خطی یاد می شوند که این معادلات نسبت با هم روی	
سيستم مختصات قايم متقاطع اند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (75) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید و در ختم فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود روی تخته آمده و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. و دیگران به دقت گوش فرا دهند.در اخیر نتیجه فعالیت انجام شده را روی تخته بنویسید و توضیح کنید. طور یکه شاگردان نیز سهم داشته باشند. حال فعالیت دومی صفحه (76) را به گروپ های قبلی بدهید تا آنرا نیز انجام دهند. در ختم کار گروپی از نماینده یک گروپ بخواهید تا فعالیت را که انجام داده اند به متباقی شاگردان توضیح نماید. در اخیر نتیجه فعالیت انجام شده را روی تخته بنویسید و به آنها توضیح نمایید طور یکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

اکنون مثال 1 صفحه(76) را به روی تخته بنویسید و آنرا حل کنید طوریکه شاگردان نیز در حل آن سهم فعال داشته باشند.

6− تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان مفهوم درس را خوبتر فراگیرند سؤال مانند: y = 2x + 6, y = 2x - 2 را بالای تخته بنویسید بعد آنرا حل نمایید طوریکه شاگردان نیز فعالانه سهم داشته باشند.

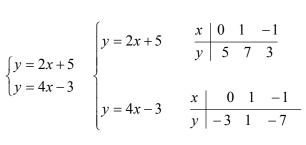
7-ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

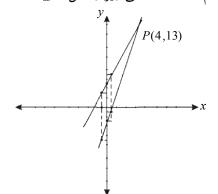
برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس را بهتر فرا گرفته اند یاخیر؟ مختصراً ارزیابی کنید: مثلاً بپرسید:

- كى مى تواند بگويد كه چه وقت ما كلمهٔ سيستم را درمعادلات خطى به كار مى بريم.
 - کی می تواند شکل عمومی سیستم معادلات خطی را روی تخته بنویسد؟
 - كى مى تواند سه حالت مربوط به سيستم معادلات خطى را توضيح نماييد؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

سیستم معادلات خطی زیر را حل نمایید.



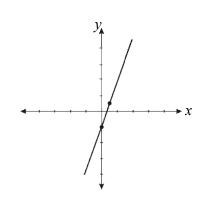


در معادلات فوق چون میل های شان 2 و 4 است و با هم مساوی نیستند بناءً یکدیگر خود را در یک نقطه قطع نموده یعنی سیستم معادلات خطی فوق یک حل دارد.

-2

$$\begin{cases} 3x - 2 = y \\ 3x - y = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = 3x - 2 \\ y = 3x - 2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = 3x - 2 \\ y = 3x - 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{x}{y} = \frac{0}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \\ \frac{x}{y} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \end{cases}$$

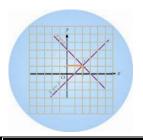


چون در معادلات فوق میل های شان باهم مساویست بناء خطوط باهمدیگر منطبق بوده یعنی سیستم معادلات خطی فوق دارای بی نهایت حل است.

$$\begin{cases} y = -x + 3 \\ y = 2x - 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = -x + 3 & \frac{x \mid 0 \quad 1 \quad -1}{y \mid 3 \quad 2 \quad 4} \\ \\ y = 2x - 1 & \frac{x \mid 0 \quad 1 \quad -1}{y \mid -1 \quad 1 \quad -3} \end{cases}$$

درمعادلات فوق چون میل های شان 1- و 2 است و با هم مساوی نیستند بناءً خطوط یکدیگر خود را در یک نقطه قطع می نمایند. یعنی سیستم معادلات خطی فوق یک حل دارد.



3-12: سیستم معادلات خطی صفحات کتاب درسی: (78-76) وقت: ساعت دوم درسی

- شاگردان مفهوم سیستم معادلات خطی را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان سیستم معادلات خطی را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از حل سیستم معادلات خطی لذت ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2- روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح و برای این کار	(5) دقیقه
چارت بخش ورودی درس قبلی را یکبار دیگر پیشروی صنف آویزان کنید و مانند	
ساعت قبلی آن را توضیح نمایید.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

مثال 1 صفحه (76) را به روی تخته بنویسید و آنرا حل کنید طوریکه شاگردان نیز در حل آن سهم فعال داشته باشند. اکنون مثال 2 صفحهٔ (77) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا مثال مذکور را روی تخته حل نماید همزمان از شاگردان دیگر بخواهید تا به شکل انفرادی آنرا در کتابچه های شان حل نمایند. بعد ببینید اگر درحل روی تخته اشتباهی موجود بود از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح نماید زمانیکه مطمئن گردیدید حل روی تخته کاملاً درست است از شاگردان بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه نمایند. این کار به شاگردان کمک می نماید تا اگر اشتباهی را مرتکب شده باشند به آن پی برده و اصلاح نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه موضوع درس را شاگردان خوبتر فرا گیرند مثال 3 صفحهٔ(78) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنـرا حل نمایید طوریکه شاگردان نیز سهیم باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

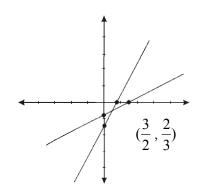
برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر ؟درس را مختصراً ارزیابی نمایید مثلاً بپرسید: -کی می تواند بگوید که چه وقت سیستم معادلات خطی یک حل دارد؟

- کی می تواند بگوید که چه وقت سیستم معادلات خطی حل ندارد؟
- کی می تواند بگوید که چه وقت معادله دارای بی نهایت حل ها است؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

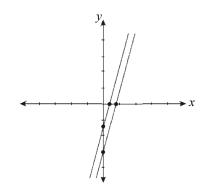
سيستم معادلات خطى زير را حل نماييد.

4)
$$\begin{cases} 2x - 3y = 5 \\ 3x - 2y = 5 \end{cases}$$
$$-3y = -2x + 5$$
$$y = \frac{2}{3}x - \frac{5}{3} \qquad \frac{x \mid 0}{y \mid \frac{-5}{3} - 1 \mid \frac{-7}{3}}$$
$$-2y = -3x + 5$$
$$y = \frac{3}{2}x - \frac{5}{2} \qquad \frac{x \mid 0}{y \mid -\frac{5}{3} - 1 \mid -4}$$



چون در معادلات فوق میل های آنها $\frac{2}{8}$ و $\frac{2}{8}$ است. و باهم مساوی نیستند بناءً خطوط یکدیگرخود را در یک نقطه قطع می نمایند یعنی سیستم معادلات خطی فوق یک حل دارد.

5)
$$\begin{cases} 4x - y = 6 \\ 8x - 2y = 6 \end{cases}$$
$$\begin{cases} y = 4x - 6 & \frac{x \mid 0 \quad 1 \quad -1}{y \mid -6 \quad -2 \quad -10} \end{cases}$$
$$\begin{cases} y = 4x - 3 & \frac{x \mid 0 \quad 1 \quad -1}{y \mid -3 \quad 1 \quad -7} \end{cases}$$

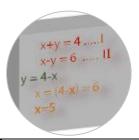


چون در معادلات فوق میل های شان 4، 4 است بناءً خطوط موازی بوده یعنی سیستم معادلات خطی فوق حل ندارد.

$$6) \begin{cases} 3x - y = 6 \\ -6x + 2y = -10 \end{cases}$$
$$y = 3x - 6 \qquad \frac{x \mid 0 \quad 1 \quad -1}{y \mid -6 \quad -3 \quad -9}$$

$$y = 3x - 5$$
 $\begin{array}{c|cccc} x & 0 & 1 & -1 \\ \hline y & -5 & -2 & -8 \end{array}$

چون در معادلات فوق میل های شان 3 و 3 است بناءً خطوط موازی بوده یعنی سیستم معادلات خطی فوق حل ندارد.



3-3: حل سیستم معادلات خطی به روش تعویضی صفحات کتاب درسی: (80-79) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان حل سیستم معادلات خطی به روش تعویضی را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان با استفاده از روش تعویض سیستم معادلات خطی را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
 شاگردان از حل سیستم معادلات خطی به روش تعویضی لذت ببرند. 	
سؤال و جواب، کار گروپی، انفرادی	2– روش های تدریس
چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهیـد بعـد بـه ارائـه	4- توضيح ورودي
درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید برای این کار چارتی	(5) دقیقه
را که از قبل آماده نموده اید پیشروی صنف آویزان بعد در مورد سؤال کنید.	
درشکل چه را می بینید؟ بعد اخذ جوابها از شاگردان به آنها بگویید:	
Π طوریکه درشکل دیده می شود یک سیستم معادلات خطی که از دومعادله I و	
تشكيل شده وجود دارد.	
هدف اینست که این سیستم معادلات به طریق تعویضی چطور حل شده می توانـد	
قسمیکه درشکل می بینید از معادله I قیمت y از x به دست آمده اگر این قیمت y	
درمعادله Π به جایش وضع گردد بعد از اجرای عملیات قیمت X که عبـارت از عـدد	
5 است به دست می آید.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (79) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید. تا همهٔ شاگردان در کار گروپی سهم فعال داشته باشند و در ختم فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود روی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. ودر اخیر، مثال که ازنتیجه فعالیت فوق به دست آمده روی تخته بنویسید و آنرا حل کنید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

حال مثال صفحهٔ (80) کتاب درسی را روی بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل نماید همزمان از سایر شاگردان بخواهید تا مثال مذکور را به شکل انفرادی در کتابچه های شان حل نمایند درختم کار اگر درحل روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح کند زمانیکه مطمئن شدید که حل روی تخته کاملاً درست است از شاگردان بخواهید تا حل های خود را با حل روی تخته مقایسه نمایند. این کار به شاگردان کمک خواهد نمود تا اگر اشتباهی را مرتکب شده باشند به آن متوجه شده و اصلاح نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه درس ارائه شده را شاگردان خوبتر درک کنند مراحل حل سیستم معادلات خطی دو مجهوله درجه اول به طریق تعویضی مربوط این درس را که در صفحهٔ(80) کتاب درسی وجود دارد به آنها تشریح و توضیح نمایید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه خود را مطمئن سازید که آیا شاگردان درس ارائه شده را خوب درک نموده اند یاخیر؟ به ارتباط درس داده شده چند سؤال مانند زیر را طرح و از شاگردان جوابات قناعت بخش به دست آرید.مثلاً بپرسید:

- کی می تواند بگوید که تعویض یعنی چه؟

- کی می تواند مراحلی را که برای حل یک سیستم معادلات خطی به طریق تعویضی ضرور است به ترتیب بیان کند؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

حل سیستم معادلات خطی زیر را به روش تعویضی به دست آرید.

1)
$$\begin{cases} y = 2x \\ x + y = 6 \end{cases}$$
$$-2x + y = 0 \Rightarrow -2x = -y \Rightarrow x = \frac{1}{2}y \dots I$$
$$x + y = 6$$
$$\frac{1}{2}y + y = 6$$
$$\frac{y + 2y}{2} = 6$$
$$\frac{3y}{2} = 6 \Rightarrow 3y = 12 \Rightarrow \boxed{y = 4}$$
$$x = \frac{1}{2}y$$
$$x = \frac{1}{2}(4) \Rightarrow \boxed{x = 2}$$

قیمت y را در معادله I وضع می کنیم:

2)
$$\begin{cases} 7x - 2y = 15 \\ 6x - y = 10 \end{cases}$$

$$7x = 15 + 2y$$

$$x = \frac{15}{7} + \frac{2}{7}y \dots I$$

$$6(\frac{15}{7} + \frac{2}{7}y) - y = 10$$

$$\frac{90}{7} + \frac{12}{7}y - y = 10$$

$$\frac{12y - 7y}{7} = 10 - \frac{90}{7}$$

$$\frac{5y}{7} = \frac{70 - 90}{7} \Rightarrow \frac{5y}{7} = \frac{-20}{7}$$

$$35y = -140 \Rightarrow y = -4$$

$$x = \frac{15}{7} + \frac{2}{7}y$$
 : قیمت $x = \frac{15}{7} + \frac{2}{7}(-4) = \frac{15}{7} - \frac{8}{7} = \frac{15 - 8}{7} \Rightarrow x = \frac{7}{7} \Rightarrow \boxed{x = 1}$

$$\begin{cases} a + 2b = 2 \\ 2a - 3b = 25 \\ a + 2b = 2 \Rightarrow a = 2 - 2b \dots I \\ 2a - 3b = 25 \\ 2(2 - 2b) - 3b = 25 \\ 2(2 - 2b) - 3b = 25 \\ 4 - 4b - 3b = 25 \\ - 7b = 25 - 4 \\ - 7b = 21 \Rightarrow b = \frac{21}{-7} \Rightarrow \boxed{b = -3} \end{cases}$$

قیمت d را در رابطه d وضع می کنیم:
$$a = 2 - 2b \Rightarrow a = 2 - 2(-3) = 2 + 6 = 8$$

4)
$$\begin{cases} \frac{2x-1}{3} + \frac{y+2}{4} = 4 \\ \frac{x+3}{3} = \frac{x-y}{3} \end{cases}$$

$$\frac{x+3}{3} = \frac{x-y}{3}$$

$$3x+9 = 3x-3y$$

$$3x-3x+3y = -9 \Rightarrow y = -3$$

$$\frac{2x-1}{3} + \frac{y+2}{4} = 4$$

$$\frac{2x-1}{3} + \frac{-3+2}{4} = 4$$

$$\frac{2x-1}{3} - \frac{1}{4} = 4$$

$$\frac{8x-7}{12} = 4 \Rightarrow x = \frac{55}{8}$$

a = 8

5)
$$\frac{5}{x} - \frac{3}{y} = 1$$

$$\frac{2}{x} + \frac{1}{y} = 7$$

$$\Rightarrow \frac{1}{x} = m, \frac{1}{y} = n$$

$$5m - 3n = 1$$

$$2m + n = 7$$

$$n = 7 - 2m$$

$$5m - 21 + 6m = 1$$

$$11m = 22$$

$$m = 2 \Rightarrow x = \frac{1}{2}$$

$$n = 7 - 2m$$

$$n = 7 - 2 \cdot 2$$

$$n = 3 \Rightarrow y = \frac{1}{3}$$
6)
$$\begin{cases} \frac{2x}{3} + \frac{y}{5} = 6 \\ \frac{x}{6} - \frac{y}{2} = -4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 10x + 3y = 90$$

$$2x - 6y = -48$$

$$2x = 6y - 48$$

$$x = 3y - 24$$

$$10(3y - 24) + 3y = 90$$

$$30y - 240 + 3y = 90$$

$$33y = 330$$

$$y = 10$$

$$x = 3y - 24$$

$$x = 3 \cdot 10 - 24$$

$$x = 6$$

$$x+y=?$$

$$\frac{1}{3}x+y=?$$

$$x=?$$

$$y=?$$

3-14: حل سیستم معادلات خطی به روش افنا صفحات کتاب درسی: (82-81) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان حل سیستم معادلات خطی به روش افنا را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان با استفاده از روش افنا، سیستم معادلات خطی را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از حل سیستم معادلات خطی به روش افنا احساس خوشی نمایند.	
سؤال و جواب، کار گروپی انفرادی	2- روش های تدریس
چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهد بعد به ارائـه	4- توضيح ورودي
درس جدید بپردازد؛ طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید. برای این کار	(5) دقیقه
چارتی را که از قبل آماده نموده اید پیشروی صنف آویزان نموده بخش ورودی	
درس را توضیح کنید؛ مثلاً: بـرای معلـوم نمـودن سـؤالیه هـای کـه دربخـش ورودی	
وجود دارد ذیلاً عمل کنید:	
به آنها بگویید فرضاً حمیرا x و زحل y باشد پس مجموع قیمت های $x+y=15$ می	
شود.	
به اساس اظهارات زحل به حمیرا می دانیم که $x+y=5$ می شود. بـرای دریافـت	
پول هر یک این سیستم معادلات خطی را به طریق افنا حل می کنیم.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه بدهید تا فعالیت صفحه(81) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید طوریکه تمام اعضای گروپ سهم فعال داشته باشند. و درختم فعالیت از هر گروپ خود پیشروی تخته رفته و کارگروپ خویش را به دیگران توضیح دهد و دیگران به دقت گوش دهند.

حال مثال 1 صفحه (81) کتاب درسی را بالای تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل کند و همزمان از سایرشاگردان بخواهید تا مثال مذکور را در کتابچه های شان حل نمایند و در صورت اشتباهی روی تخته از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آنرا اصلاح کند .و در اخیر هدایت بدهید که حل روی تخته را با کتابچه های شان مقاسه کنند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه درس ارائه شده را شاگردان خوبتر درک کنند مثال 2 صفحه (82) کتاب را روی تخته بنویسید بعد آنرا حل نمایید طوریکه شاگردان فعالانه سهیم باشند.

اکنون پراگراف که تحت مثال 2 درصفحه (82) کتاب درسی وجود دارد ومراحل حل یک سیستم معادلات خطی را بیان می دارد به شاگردان توضیح و تفهیم نمایید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر؟ با طرح چند سؤال درس داده شده را ارزیابی مختصر نمایید. مثلاً بپرسید:

- کی می تواند بگوید که حل سیستم معادلات خطی به روش افنا یعنی چه؟

– کی می گوید که درحل سیستم معادلات خطی به روش افنا به ترتیب چی کار های را می توان انجام داد؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

حل سیستم معادلات خطی زیر را به طریقه افنا به دست آرید.

1)
$$\begin{cases} x + y = 3 \\ 2x - y = 10 \end{cases}$$

$$\frac{x + y = 3}{3x = 13}$$

$$x = \frac{13}{3}$$

$$x = \frac{13}{3}$$

$$x = 3$$

$$x = \frac{13}{3}$$

$$x = 3$$

$$y = 3 - \frac{13}{3} \implies y = -\frac{4}{3}$$

2)
$$x + y = -39$$

 $x - y = 9$
 $2x = -30$
 $x = -\frac{30}{2} \implies x = -15$

$$x + y = -39$$
 $y = -39 + 15$

$$y = -24$$

3)
$$x + 2y = 2$$

$$-x + 4y = -1$$

$$6y = 1$$

$$y = \frac{1}{6}$$

$$x + 2y = 2 \implies x + 2 \cdot \frac{1}{6} = 2 \implies x + \frac{1}{3} = 2$$

$$x = 2 - \frac{1}{3} = \frac{6 - 1}{3} \implies \boxed{x = \frac{5}{3}}$$

$$\begin{cases} \frac{2}{x} - \frac{5}{y} = 5 & \Rightarrow 3(2m - 5n) = 3 \cdot 5 & \Rightarrow 6m - 15n = 15 \\ \frac{3}{x} + \frac{10}{y} = 18 & \Rightarrow 2(3m + 10n) = 2 \cdot 18 & \Rightarrow \frac{\pm 6m \pm 20n = \pm 36}{-35n = -21} \\ -35n = -21 & \Rightarrow n = \frac{-3}{-5} & \Rightarrow y = \frac{35}{21} = \frac{5}{3} \end{cases}$$

$$2m - 5n = 5 \Rightarrow 2m - 5 \cdot \frac{3}{5} = 5 \Rightarrow 2m - 3 = 5 \Rightarrow m = 4 \Rightarrow x = \frac{1}{4}$$

5)
$$\begin{cases} y+x-1=0\\ 2x+y-9=0 \end{cases} \qquad y+x=1 \qquad y+x=1\\ y\pm 2x=-9 \qquad y+8=1\\ y=1-8 \qquad y=-7 \end{cases}$$

6)
$$10x + 3y = 26$$

$$\pm 8x \pm 3y = \pm 18$$

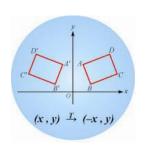
$$2x = +8$$

$$x = \frac{8}{2} \implies \boxed{x = 4}$$

$$10x + 3y = 26 \implies 10(4) + 3y = 26$$

$$40 + 3y = 26 \implies 3y = 26 - 40 \implies 3y = -14$$

$$\boxed{y = -\frac{14}{3}}$$



3-15: تغییر مکان صفحات کتاب درسی: (84-83) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم تغییر مکان را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان با استفاده از روابط تغییر مکان سؤال ها را حل و شکل مربوط را رسم	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
كرده بتوانند.	
- شاگردان از حل سؤال های تغییر مکان لذت ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی	2- روش های تدریس
خط کش،چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد بـه ارائـه	4- توضيح ورودي
درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا به توضیح شکل ورودی اقدام نماییـد و بـرای ایـن	د 5) دقیقه
کار چارتی را که از قبل آماده نموده اید پیشروی صنف آویزان بعد بپرسید:	
درشکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جواب ها از شاگردان جهت وضاحت بهتر به آنها	
بگوييد:	
در شکل دو مستطیل در ناحیه های اول و دوم سیستم مختصات به مشاهده می رسد که	
این مستطیل ها با هم مشابه اند. اما فقط از یک جا به جا دیگر حرکت نموده است.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(83) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید. تا تمام شاگردان در انجام فعالیت سهیم باشند و درختم فعالیت از نماینده های هر گروپ بخواهید تا کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهند. بعداً در اخیر فعالیت تعریف تغییر مکان را روی تخته بنویسید و به شاگردان تشریح و توضیح نمایید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه موضوع درس را شاگردان خوبتر فرا گیرند مثال 1 صفحهٔ(83) کتاب درسی را روی تخته طوری حل نمایـد که شاگردان نیز فعالانه سهم داشته باشند.

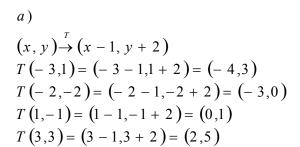
7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

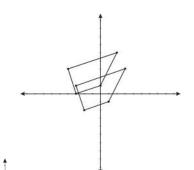
برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر؟ با طرح چند سؤال درس داده شده را ارزیابی نمایید، مثلاً بپرسید:

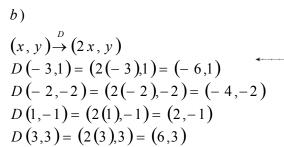
- كى مى تواند تغييرمكان را تعريف كند؟
- کی می تواند بگوید تغییرمکان چگونه رابطه است؟

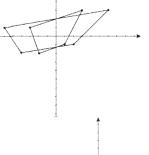
8- جواب به سؤال های تمرین:

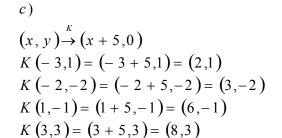
رید. (میات وضعیه به دست آرید. (3,3), (1,-1), (-2-2), (-3,1) تصویر نقاط (3,3), (1,-1), (-2-2), (-3,1)

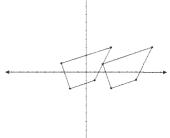


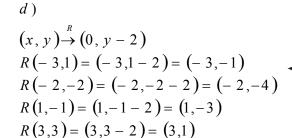


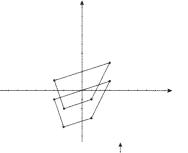




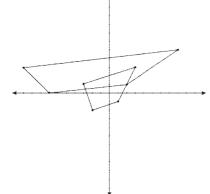


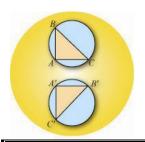






e) $(x, y) \xrightarrow{P} (3x-1, y+2)$ P(-3,1) = (3(-3)-1,1+2) = (-10,3) P(-2,-2) = (3(-2)-1,-2+2) = (-7,0) P(1,-1) = (3(1)-1,-1+2) = (2,1)P(3,3) = (3(3)-1,3+2) = (8,5)





3-16: انتقال صفحات كتاب درسى: (86-85) وقت: يك ساعت درسي

–شاگردان مفهوم انتقال را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
-شاگردان سؤال های مربوط به انتقال را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از حل سؤالات مربوط به انتقال احساس خوشي نمايند.	
سؤال جواب، کار گروپی	2– روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهیـد بعـد بـه	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید. بـرای ایـن	(5) دقیقه
کار چارتی را که از قبل آماده نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنیـد بعـداً بـه	
توضیح آن بپردازید طوریکه ازشاگردان بپرسید:	
درشکل چه را می بینید؟	
بعد از اخذ جواب ها از شاگردان به آنها بگویید:	
اگر به دقت دیده شود دایره فوقانی یک دایرهٔ محاطی مثلث ABC است طوریکه	
ضلع AC مثلث ABC به شكل افقى قرار دارد حـال اگـر مثلـث فـوق الـذكر در	
B داخل دایره طوری حرکت نماید که نقطه c به جای نقطه A و نقطه A به جـای	
قرار گیرد نقطه B نیز حرکت نموده موقعیت C را اختیار می نمایـد وایـن نـشان	
دهندهٔ آنست که موقعیت های نقاط C , B , A مثلث ABC در اثر حرکت	
انتقال نموده و موقعیت جدید C', B', A' را به خود اختیار نموده است که	
درحقیقت یک انتقال را نشان می دهد.	

5- فعاليت جريان درس (28) دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (85) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید تا تمام آنها در فعالیت گروپی سهم داشته باشند. و در ختم فعالیت از هر گروپ خود روی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. در اخیرنتیجهٔ فعالیت را روی تخته بنویسید و توضیح دهید.

حال مثال 1 صفحه (85) کتاب را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا مثال مذکور را روی تخته حل کند همزمان از سایر شاگردان بخواهید تا آنرا به شکل انفرادی در کتابچه های خویش حل نمایند. درختم کار اگر درحل روی تخته کدام مشکلی موجود بود از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا مثال روی تخته را اصلاح نماید زماینکه مطمئن شدید که حل روی تخته کاملاً درست است از سایر شاگردان بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه نموده اگر اشتباهی را مرتکب شده باشند به اصلاح آن بپردازند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه موضوع درس را شاگردان بهتر فرا گیرند مثال 2 صفحهٔ(86) کتاب درسی را روی تخته طوری حل و رسم نمایید که شاگردان درحل آن نیز فعالانه سهم بگیرند.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر؟ با طرح چند سؤال درس را مختصراً ارزیابی نمایید؛ مثلاً بپرسید:

- کی می تواند انتقال را تعریف کند؟
- كى مى تواند بگويد كه انتقال چه نوع رابطه است؟
- كى مى تواند رابطه را بنويسد كه نشان دهنده انتقال باشد؟

8-جواب به سؤال های تمرین:

ا – اگر P(3,3) , P(3,5) ,

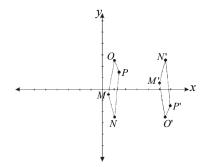
$$T(x,y)=(x+9,-y)$$

$$T_{M}(1,-1)=(1+9,-(-1))=(10,1)$$

$$T_{N}(2,-5)=(2+9,-(-5))=(11,5)$$

$$T_{O}(2,5)=(2+9,-5)=(11,-5)$$

$$T_{P}(3,3)=(3+9,-3)=(12,-3)$$



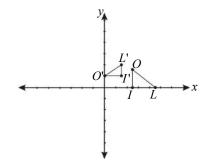
F(x,y) = (-y+3,x-3) رأس های مثلث اند. مثلث و تصویرش را تحت تبدیل O(5,3), L(7,0), I(5,0) - 2 رسم نمایید.

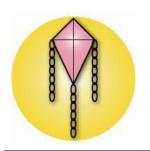
$$F(x,y)=(-y+3,x-3)$$

$$F_{I}(5,0)=(0+3,5-3)=(3,2)$$

$$F_{L}(7,0)=(0+3,7-3)=(3,4)$$

$$F_{O}(5,3)=(-3+3,5-3)=(0,2)$$





17-3: انعكاس

صفحات كتاب درسي: (88-87)

وقت: یک ساعت درسی

1- اهداف آموزشي:	- شاگردان مفهوم انعکاس را بدانند.
(دانشی، مهارتی وذهنیتی)	 شاگردان انعکاس را به روی سیستم کمیات وضعیه نشان داده بتوانند.
	- شاگردان از حل سؤالات مربوط به انعكاس احساس خوشي نمايند.
2– روش های تدریس	سؤال و جواب، کار گروپی
3- مواد ممد درسی	خط کش ، قلم توش
4- توضیح ورودی	کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد بـه ارائـه
(5) دقیقه	درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتـدا شکل ورودی را توضیح کنیـد. بـرای ایـن کـار
	چارتی را که از قبل آماده نموده اید پیشروی صنف آویزان کنیـد بعـد در مـورد سـؤال
	كنيد مثلاً بپرسيد:
	درشکل چه را می بینید؟
	بعد از اخذ جواب از شاگردان برای وضاحت بیشتر موضوع به آنها بگویید:
	در شکل شما کاغذ پران را می بینید که در حقیقت شکل یک چهـار ضـلعی را دارد و
	اگر به قطر های اطول و اصغر آن توجه شود کاغذ پران نسبت به قطر اطـول آن متنـاظر
	است یعنی اگر یک نقطه را طرف راست کاغذ پران انتخاب نماییم همین طور یک
	نقطهٔ دیگر به طرف چپ کاغذ پران وجود دارد که فاصله های آنها نسبت به قطر اطول
	به فاصله های مساوی قرار دارد که آنرا به نام انعکاس یاد می کنند.

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(87) کتاب درسی را در گروپ ها انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید. تا همه اعضای گروپ درانجام فعالیت سهم داشته باشند. در ختم فعالیت از نماینده گروپ ها بخواهید تا کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهند.

حال شکل مربوط به فعالیت که در صفحهٔ(87) کتاب درسی است آن را روی تخته رسم نموده وبا استفاده از آن انعکاس نسبت به محور ۵ را تعریف و توضیح نمایید. سعی نمایید تا شاگردان نیز سهم داشته باشند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان موضوع درس جدید را بهتر درک کنند مثال 1 صفحهٔ(87) کتاب درسی را روی تخته طوری حل و رسم نمایید که شاگردان نیز فعالانه سهم داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارا ئه شده را خوبتر فرا گرفته اند یاخیر؟ در مورد انعکاس از شاگردان سؤال کنید وجواب های قناعت بخش به دست آرید مثلاً بیرسید:

- کی می تواند بگوید که انعکاس چیست؟
- كى مى تواند انعكاس را توسط يك مثال واضح سازد؟

8- جواب به سؤال هاى تمرين:

انعکاس دا تحت رابطه های یک مثلث باشند، مثلث و تصویرش را تحت رابطه های انعکاس C(3,-1), B(7,1), A(3,1)

زير رسم كنيد.

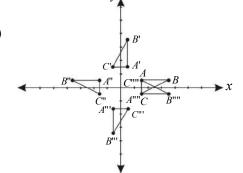
$$a: R_1(x, y) = (-x, y)$$

$$b: R_2(x, y) = (x, -y)$$

$$c: R_3(x, y) = (y, x)$$

$$d: R_4(x, y) = (-y, -x)$$

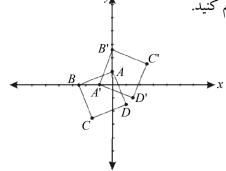
(x , y)	(-x ,y)	(x ,-y)	·-	(-y,-x)
A(3, 1)	` ' '			A"" (-1, -3)
B(7, 1)	B'(-7, 1)	B"(7,-1)	B'''(1,7)	B''"(-1, -7)
C(3, -1)	C'(-3, -1)	C''(3, 1)	C''' (-1, 3)	C'''(1, -3)



D(2,-3), C(-3,-5), B(-5,0), A(0,2) وأس هاى يك مربع باشند مربع و تصويرش را تحت رابطه D(2,-3), C(-3,-5), B(-5,0)

انعکاس R(x, y) = (-y, -x) رسم کنید.

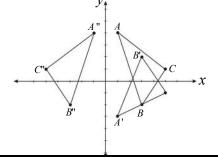
(x,y)	(-y, -x)
A(0, 2)	A(-2,0)
B(-5,0)	B(0,5)
C(-3, -5)	C(5, 3)
D(2, -3)	D(3,-2)

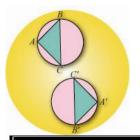


y و x وانظر به محور های x مثلث اند. تصویر مثلث ABC را نظر به محور های x و x مثلث اند. تصویر مثلث ABC را نظر به محور های x و x تحت رابطهٔ:

- رسم کرده آنرا A'B'C' بنامید. x+2=0
- رسم کرده آنرا A''B''C'' بنامید. y+3=0

(x,y) قاط	انعکاس $x + 2 = 0$ نظر به خط $(x, -y)$	انعکاس $y+3=0$ نظر $(-x,y)$ به خط
A(1,4)	A'(1,-4)	A"(-1,4)
B(3,-2)	B'(3,2)	B"(-3,-2)
C(5,1)	C(5,-1)	C''(-5,1)





3-18: دوران صفحات كتاب درسى: (90-89) وقت: يك ساعت درسي

- شاگردان مفهوم دوران را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان سؤال های مربوط به دوران را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان به اهمیت دوران پی برده و از تطبیق آن درحیات روزمره احساس	
خوشي نمايند.	
سؤال و جواب، کار گروپی	2- روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد بـه	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا به توضیح شکل ورودی اقـدام نماییـد.	(5) دقیقه
برای این کار چارتی را که از قبل تهیه نموده ایـد آنـرا پیـشروی صـنف آویـزان	
کنید. درقسمت توضیح ورودی این درس از شاگردان بپرسید:	
در شکل ورودی چه را می بینید؟	
بعد از اخذ جواب ها از شاگردان به آنها بگویید:	
اگر به شكل دقت شود مثلث ABC حركت نموده ويك موقعيت جديـدي 'A'	
B' و C' را به خود اختیار نموده است که این خود مفهوم یک دوران را میرسـاند	
یا به عبارهٔ دیگر می توان گفت موقعیت جدید مثلث ABC که عبارت از	
است که در اثر یک دوران به وجود آمده است. $A'\stackrel{\scriptscriptstyle \Delta}{B'}C'$	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(89) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید. تا همه شاگردان درفعالیت گروپی سهم فعال داشته باشند. در اخیر فعالیت نماینده های هر گروپ را پیشروی تخته بخواهید تا کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهند. بعد نتیجهٔ فعالیت مربوط این درس را روی تخته بنویسید و به شاگردان تشریح نمایید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان موضوع درس را بهتر فرا گیرند مثال صفحهٔ (89) کتاب درسی را روی تخته طوری حل و رسم نمایید که شاگردان نیز درحل آن فعالانه سهم بگیرند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه خود را مطمئن سازید که آیا شاگردان درس ارائه شده را خوب درک نموده اند یاخیر؟ بـه ارتبـاط درس داده شده چند سؤال مانند زیر را طرح و از شاگردان جوابات قناعت بخش به دست آرید:

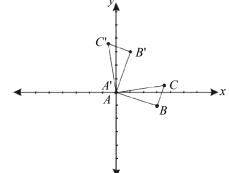
- کی می تواند دوران را تعریف کند؟
- کې مي تواند بگويد که زاويه دوران يعني چه؟
- آیا دوران درحقیقت یک تغییر مکان است یاخیر چرا ؟ مثال بدهید.

8- جواب به سؤال هاى تمرين:

اگر C(7,1), B(6,-2), A(0,0) رأسهای یک مثلث باشند:

الف: شكل و تصوير مثلث $\stackrel{\triangle}{ABC}$ را تحت تبديل R(x,y)=(-y,x) رسم كنيد.

(x,y)	(-y,x)
A(0,0)	A'(0,0)
B(6,-2)	B'(2,6)
C(7,1)	C'(-1,7)



ب: طول اضلاع مثلث و تصویرش را با هم مقایسه کنید آیا این دوران یک ایزومتری است؟

$$BC = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$BC = \sqrt{(7 - 6)^2 + (1 + 2)^2} = \sqrt{1^2 + 3^2} = \sqrt{1 + 9}$$

$$BC = \sqrt{10}$$

$$B'C' = \sqrt{(7 - 6)^2 + (-1 - 2)^2} = \sqrt{1^2 + (-3)^2} = \sqrt{1 + 9}$$

$$B'C' = \sqrt{10}$$

$$AB = \sqrt{(6 - 0)^2 + (-2 - 0)^2} = \sqrt{6^2 + (-2)^2} = \sqrt{40}$$

$$A'B' = \sqrt{(6 - 0)^2 + (2 - 0)^2} = \sqrt{6^2 + 2^2} = \sqrt{40}$$

$$AC = \sqrt{(0 - 7)^2 + (0 - 1)^2} = \sqrt{50}$$

$$A'C' = \sqrt{(7 - 0)^2 + (-1 - 0)^2} = \sqrt{7^2 + (-1)^2} = \sqrt{50}$$

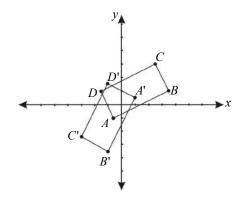
طول AB ، با طول تصویرش یعنی 'A'B مساوی است. به همین ترتیب می توان گفت که طول دیگر اضلاع مثلث نیز با طول تصویر هایشان مساوی است و ایزومتر می باشد.

باشند: مستطیل باشند: D(-3,2), C(5,6), B(7,2), A(-1,-2) رأس های یک مستطیل باشند:

الف : مستطیل و تصویرش را تحت دوران R(x,y) = (-y,-x) رسم کنید.

(x,y)	(-y,-x)
A(-1,-2)	A'(2,1)
B(7,2)	B' (-2,-7)
C(5,6)	C'(-6,-5)

D(-3,2)



ب: طول اضلاع و مساحت مستطيل و تصويرش را با هم مقايسه كنيد.

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$AB = \sqrt{(7+1)^2 + (2+2)^2} = \sqrt{8^2 + 4^2}$$

$$AB = \sqrt{64+16} = \sqrt{80}$$

$$A'B' = \sqrt{(-7-1)^2 + (-2-2)^2} = \sqrt{(-8)^2 + (-4)^2}$$

$$A'B' = \sqrt{64+16} = \sqrt{80}$$

$$BC = \sqrt{(5-7)^2 + (6-2)^2} = \sqrt{(-2)^2 + 4^2} = \sqrt{20}$$

$$B'C' = \sqrt{(-5+7)^2 + (-6+2)^2} = \sqrt{2^2 + (-4)^2} = \sqrt{20}$$

$$AC = \sqrt{(5+1)^2 + (6+2)^2} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10$$

$$A'C' = \sqrt{(-5-1)^2 + (-6-2)^2} = \sqrt{100} = 10$$

$$AD = \sqrt{(-3+1)^2 + (2+2)^2} = \sqrt{20}$$

$$A'D' = \sqrt{(3-1)^2 + (-2-2)^2} = \sqrt{20}$$

$$BD = \sqrt{(-3-7)^2 + (2-2)^2} = \sqrt{100}$$

$$B'D' = \sqrt{(3+7)^2 + (-2+2)^2} = \sqrt{100}$$

$$CD = \sqrt{(-3-5)^2 + (2-6)^2} = \sqrt{80}$$

$$C'D' = \sqrt{(3+5)^2 + (-2+6)^2} = \sqrt{80}$$

$$\overline{AB} \cdot \overline{BC} = \sqrt{80} \cdot \sqrt{20} = \sqrt{160}$$

$$\overline{A'B'} \cdot \overline{B'C'} = \sqrt{80} \cdot \sqrt{20} = \sqrt{160}$$

مساحت مستطيا

ساحت تصوير مستطيل

در نتیجه مساحت مستطیل و تصویرش با هم مساوی می باشند.

3-19: نكات مهم فصل سوم صفحه كتاب درسى: (91) وقت: يك ساعت درسي

- شاگردان مفاهیم میل خطوط، سیستم معادلات خطی، تغییر مکان، انتقال،	1- اهداف آموزشی:
انعکاس و دوران را بدانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان سؤال های مربوط به میل خطوط و سیستم معادلات خطی ، تغییر	
مکان، انتقال، انعکاس و دوران را حل کرده بتوانند.	
- شاگردان از حل سؤال های مربوط این فصل احساس خوشی نمایند.	
سؤال و جواب و کار انفرادی	2– روش های تدریس:
چارتی که در آن تمام نکات مهم فصل تحریر شده باشد.	3- مواد ممد درسی:
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است ابتداآن را	4- توضيح ورودى:
انجام دهید سپس درس گذشته را به طور مختصر ارزیابی نمایید.	(5) دقیقه
حال توجه شاگردان را به نکات مهم فصل جلب نموده و اهمیت این نکات را	
به آنها بازگو نمایید تا شاگردان متوجه اهمیت آنها شده وعلاقه به یادگیری	
بهتر آنها از خود نشان دهند و نکات مهم را خوب فرا گیرند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان نمایید بعد به نوبت از شاگردان بخواهید تا هر کدام یک نکتهٔ مهم درس را از روی چارت بخواند و بعد آنرا به شاگردان توضیح دهد. این کار را تا زمانی ادامه دهید تا تمام نکات مهم فصل توسط شاگردان با استفاده از چارت توضیح گردد. احیاناً اگر در توضیح شاگردان کدام اشتباهی موجود بود آنرا روی چارت نشانی نمایید تا بعداً توسط شما به اصلاح آن پرداخته شود.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به اهمیت هر یک از این نکات پی ببرند هر یک از نکات مهم را که هنگام توضیح آن شاگردان مشکل داشته خود شما آنرا طوری واضح سازید تا همه مشکلات آنها حل گردد.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه خود را مطمئن سازید که آیا شاگردان نکات مهم فصل را خوب درک نموده اند یاخیر؟ طور نمونه سؤال مانند زیر را طرح و از شاگردان جوابات قناعت بخش به دست آروید:

- سيستم كميات وضعيه چيست؟ و به چند ناحيه تقسيم شده است؟
 - معادله خط مستقیم چیست ؟
 - سیستم معادلات خطی چیست ؟ و دارای چندحل می باشد ؟
- حل سیستم معادلات خطی به روش تعویضی دارای چند مرحله است ؟
 - حل سیستم معادلات خطی به روش افنا دارای چند مرحله است ؟
 - تغییر مکان، انتقال، انعکاس و دوران را تعریف کنید؟

حل تمرينات فصل سوم

درقسمت حل تمرینات فصل ها درسخنی چند به معلم رهنمایی صورت گرفته معلمان محترم مطابق آن عمل نمایند:

بخش اول:

- 1) حاصل ضرب میل های دو خط عمود بالای همدیگر:
 - d-منفى يك است.
- 2) معادله خط مستقیم که میل و تقاطع آن با محور y معلوم باشد عبارت است از:
 - y = mx + b c
 - 3) معادله خط مستقيم كه دو نقطه آن معلوم باشد عبارت است از:

$$\frac{y - y_1}{x - x_1} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} - \mathbf{C}$$

نتصات نقطه وسطى دو نقطه (4 $B(0,y_2),A(0,y_1)$ عبارت است از:

$$M\left(0,\frac{y_1+y_2}{2}\right) -c$$

نقطه وسطى دو نقطه ($B(x_1,0_2), A(x_2,0)$ عبارت است از:

$$M\left(\frac{x_1+x_2}{2},0\right)-a$$

6) فاصله بین دو نقطه:

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} - d$$

7) فاصله بین یک نقطه و مبدا کمیات وضعیه عبارت است از:

$$AB = \sqrt{x^2 + y^2} - C$$

8) میل یک خط مستقیم عبارت است از:

$$m = \frac{x_2 - x_1}{y_2 - y_1} - \mathbf{C}$$

9) دو خط مستقيم وقتى با هم موازى اند كه:

a- میل های آنها با هم مساوی باشد.

بخش دوم:

ا) در سیستم کمیات وضعیه محور x را محور..... فاصله......و محور y را محور...... تر تیب.... گویند.

x در ناحیهٔ دوم نقاطی قرار دارند که x آنها منفی.....و y آنها... مثبت..... است.

در ناحیهٔ سوم نقاطی قرار دارند که هم x و هم y آنها منفی.... است.

4) خط مستقیمی که با جهت مثبت محور xزاویه حاده بسازد میل آن مثبت.....است.

5) دو خط مستقیم موازی با جهت مثبت محور x زوایای مساوی......می سازد.

6) میل هر خط مستقیم موازی با محور x صفر.....است.

7) سه نقطه زماني بالاي يك خط مستقيم قرار دارند كه ميل هر قطعه خط آنها با هم مساوى....باشد.

8) اگرمیل دو خط مستقیم با یکدیگر مساوی نباشد آن دو خط متقاطع....اند.

بخش سوم:

1-(m) اگر به هر نقطه یی از مستوی کمیات وضعیه یک و تنها یک نقطه جدید را نسبت دهید تبدیل در مستوی نامیده می شود.

-2 (غ) اگر هر نقطه P به یک نقطه P' طوری تبدیل گردد که فاصله های هر نقطه از شکل P نظر به یک محور مساوی به فاصلهٔ هر نقطه از شکل P' باشد این تبدیل یک انعکاس است.

انعکاس نسبت به محور y است. T(x,y) = (-x,y) انعکاس نسبت به محور y است.

است. T(x,y) = (x,-y) انعکاس نسبت به محور x است.

است. x=y است به مستقیم T(x,y)=(y,x) انعکاس نسبت به مستقیم) –5

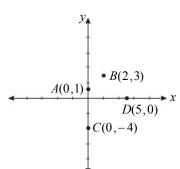
6- (ص) انتقال عبارت از تغییر مکانی است که در آن جهت فواصل و وسعت زوایا ثابت باقی بماند.

7- (ص) اگر یک شکل در یک مستوی حول یک نقطه ثابت O به اندازهٔ یک زاویه ∞ دوران کند، همه نقاط آن به عین زاویه دوران می کند.

بخش چهارم:

1- نقطه های که کمیات وضعیه آن ذیلاً داده شده در مستوی کمیات وضعیه تعیین کنید:

A(0,1) B(2,3) C(0,-4)D(5,0)



2- فاصله بین هر جوره از نقطه هایی را که کمیات وضعیه آنها ذیلاً داده شده است معلوم کنید:

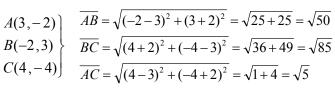
1)
$$A(0,9)$$
 , $B(-5,4)$
2) $C(4,1)$, $D(3,-2)$ $\overline{AB} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(-5-0)^2 + (4-9)^2}$
3) $E(-7,4)$, $F(1,-11)$ $\overline{CD} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(3-4)^2 + (-2-1)^2}$
 $\overline{AB} = ?$ $\overline{CD} = ?$ $\overline{EF} = ?$ $\overline{EF} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(1+7)^2 + (-11-4)^2}$ $\overline{EF} = \sqrt{64 + 225} = \sqrt{289}$

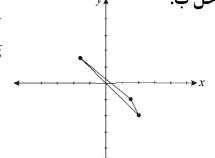
3- نشان دهید که نقطه های داده شده زیر رأس های یک مثلث قایم الزاویه بوده و مساحت آنها را به دست آرید؟

حل الف:

بناءً مثلث نامبرده قايم الزاويه بوده و مساحت آن عبارت است از:

$$A_{\stackrel{\triangle}{ABC}} = \frac{\overline{BC} \cdot \overline{AC}}{2} = \frac{\sqrt{58} \cdot \sqrt{58}}{2} = \frac{58}{2}$$
$$A_{\stackrel{\triangle}{ABC}} = 29units$$





چون قضیه فیثاغورث در آن قابل تطبیق نیست بناءً مثلث نامبرده قایم الزاویه نیست.

$$|A| = \frac{1}{2} \{ (x_1 y_3 - y_1 x_3) + (x_2 y_1 - y_2 x_1) + (x_3 y_2 - y_3 x_2) = \frac{1}{2} \{ -12 + 8 + 4 - 9 + 12 - 8 \}$$

$$|A| = \frac{1}{2} \{12 - 17\} \implies |A| = \frac{1}{2} (-5) \implies \boxed{A = -2.5}$$

4-نشان دهید که نقطه هایی داده شده زیر بالای یک خط مستقیم قرار دارند.

$$\overline{AB} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$A(0,4)$$

$$B(3,-2)$$

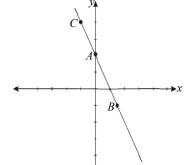
$$C(-2,8)$$

$$\overline{AB} = \sqrt{(3-0)^2 + (-2-4)^2} = \sqrt{9+36} = 3\sqrt{5}$$

$$\overline{BC} = \sqrt{(-2-3)^2 + (8+2)^2} = \sqrt{(-5^2) + (10)^2} = \sqrt{25+100} = 5\sqrt{5}$$

$$\overline{AC} = \sqrt{(-2-0)^2 + (8-4)^2} = \sqrt{(-2)^2 + (4)^2} = \sqrt{20}$$

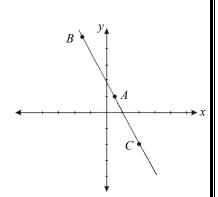
$$\overline{BC} = \overline{AB} + \overline{AC} \implies 5\sqrt{5} = 3\sqrt{5} + \sqrt{20}$$



$$\begin{array}{l}
A(1,2) \\
B(-3,10) \\
C(4,-4)
\end{array}$$

$$A(1,2) \\
B(-3,10) \\
C(4,-4)$$

$$A(3) = \sqrt{(-3-1)^2 + (10-2)^2} = \sqrt{16+64} = 4\sqrt{5} \\
A(4-1)^2 + (-4-2)^2 = \sqrt{9+36} = 3\sqrt{5} \\
B(5) = \sqrt{(4+3)^2 + (-4-10)^2} = \sqrt{49+196} = 7\sqrt{5} \\
B(7) = AB + AC \Rightarrow 7\sqrt{5} = 4\sqrt{5} + 3\sqrt{5} \\
7\sqrt{5} = 7\sqrt{5}$$



5- ميل و مختصات يک نقطه خطوط در زير داده شده است، معادله های آنها را به دست آريد.

$$\begin{array}{ll}
A(2,3) & y - y_1 = m(x - x_1) \\
m = -\frac{1}{2} & y - 3 = -\frac{1}{2}(x - 2) \\
2y - 6 = -x + 2 & \Rightarrow 2y + x - 8 = 0
\end{array}$$

$$A(-4,1) m = -\frac{2}{3}$$
 $y - y_1 = m(x - x_1) y - 1 = -\frac{2}{3}(x + 4) 3y - 3 = -2x - 8 $\Rightarrow 3y + 2x + 5 = 0$$

$$\begin{array}{ll}
A(-1,-4) & y - y_1 = m(x - x_1) \\
m = -2 & y + 4 = -2(x+1) \\
y + 4 = -2x - 2 & \Rightarrow y + 2x + 6 = 0
\end{array}$$

6- اگر رأس های یک مستطیل قرار زیر باشد مساحت آنرا دریافت نمایید؟

اول باید ببینیم که نقاط مذکور یک مستطیل را می سازند یانه؟ بعد مساحت آنرا دریافت می کنیم:

$$m_{\overline{AB}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{3 - 1}{-1 + 3} = \frac{2}{2} = 1$$

$$m_{\overline{CD}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-3 + 1}{1 - 3} = \frac{-2}{-2} = 1$$

$$m_{\overline{BC}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-1 - 3}{3 + 1} = \frac{-4}{4} = -1$$

$$m_{\overline{AD}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-3 - 1}{1 + 3} = \frac{-4}{4} = -1$$

$$\overline{AB} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(-1 + 3)^2 + (3 - 1)^2} = \sqrt{8}$$

$$\overline{AD} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(1 + 3)^2 + (-3 - 1)^2} = \sqrt{32}$$

$$\frac{1}{2}$$

7- اگر رأس هاي يك متوازي الاضلاع قرار زير باشد طول اقطار آنرا دريابيد؟

$$m_{\overline{BC}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{9 - 9}{4 - 5} = 0$$

$$m_{\overline{DA}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{4 - 4}{2 - 1} = 0$$

$$\Rightarrow \overline{BC} \parallel \overline{DA}$$

$$m_{\overline{DA}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{9 - 4}{5 - 2} = \frac{5}{3}$$

$$m_{\overline{DC}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{9 - 4}{4 - 1} = \frac{5}{3}$$

$$\overline{AC} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{4 + 25} = \sqrt{29}$$

$$\overline{BD} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{16 + 25} = \sqrt{41}$$

8-نشان دهید که نقاط زیر رأس های یک متوازی الاضلاع است؟

$$\overline{AB} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{36 + 9} = \sqrt{45}$$

$$\overline{CD} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{36 + 9} = \sqrt{45}$$

$$\overline{BD} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{225 + 1} = \sqrt{226}$$

$$A(-3,1)$$

$$B(-9,4)$$

$$C(12,0)$$

$$D(6,3)$$

$$m_{\overline{AB}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{4 - 1}{-9 + 3} = \frac{3}{-6} = -\frac{1}{2}$$

$$m_{\overline{CD}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{3 - 0}{6 - 12} = \frac{3}{-6} = -\frac{1}{2}$$

$$m_{\overline{BD}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{3 - 4}{6 + 9} = \frac{-1}{15}$$

 $m_{\overline{AC}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_2} = \frac{0 - 1}{12 + 3} = \frac{-1}{15}$

 $B \longrightarrow A \longrightarrow C \times X$

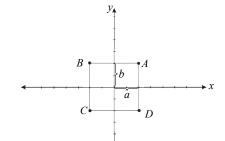
چون $AB \parallel CD$ و $AB \parallel BD \parallel AC$ است بناءً طول اضلاع آنها باهم مساوی بوده و نقاط نامبرده رأس های یک متوازی الاضلاع است.

9- اگر رأس های یک مثلث قرار زیر باشند کمیات وضعیه نقطه های وسطی اضلاع آنرا به دست آرید.

حل الىف: بىراى ثبوت مربعى را در نظر مى گيىرىم كە رأس ھاى آن C(-a,-b) , B(-b,a) , A(a,b) و C(-a,-b) , B(-b,a) , B(-b,a) اگر a=b باشد. ھرگاہ بین قطر ھا رابطۂ $m_1\cdot m_2=-1$ حقیقت داشته باشد بناءً قطرها بـالای یکـدیگر

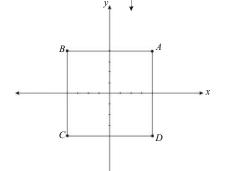
عمود است.

$$\left. \begin{array}{l}
 A(a,b) \\
 B(-b,a) \\
 C(-a,-b) \\
 D(b,-a)
 \end{array} \right\} \Rightarrow m_{\overline{AC}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-b - b}{-a - a} = \frac{b}{a} \\
 \Rightarrow m_{\overline{BD}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-a - a}{b + b} = -\frac{a}{b} \\
 m_{\overline{AC}} \cdot m_{\overline{BD}} = \frac{b}{a} \left(-\frac{a}{b}\right) = -1$$



طور مثال:

$$\begin{array}{c}
A(4,4) \\
B(-4,4) \\
C(-4,-4) \\
D(4,-4)
\end{array} \Rightarrow m_{\overline{BD}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-4 - 4}{-4 - 4} = 1 \\
m_{\overline{BD}} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-4 - 4}{4 + 4} = -1 \\
m_{\overline{AC}} \cdot m_{\overline{BD}} = 1(-1) = -1$$

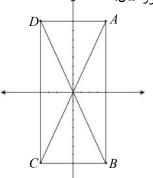


حل ب: میدانیم که قطر های مستطیل یکدیگر را تنصیف می نمایند. اگر مختصات نقـاط وسـطی قطرهـای مـستطیل باهم برابر باشند نیز یکدیگر را تنصیف می نمایند. $A \neq B$

$$\begin{vmatrix}
A(a,b) \\
B(b,a) \\
C(-a,-b) \\
D(-b,-a)
\end{vmatrix} \Rightarrow M_{\overline{AC}} = (\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}) = (\frac{a-a}{2}, \frac{b-b}{2}) = (0,0) \\
M_{\overline{BD}} = (\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}) = (\frac{b-b}{2}, \frac{a-a}{2}) = (0,0)$$

طور مثال:

$$\begin{vmatrix}
A(4,8) \\
B(4,-8) \\
C(-4,-8) \\
D(-4,8)
\end{vmatrix} \Rightarrow M_{\overline{AC}} = (\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}) = (\frac{4-4}{2}, \frac{8-8}{2}) = (0,0) \\
M_{\overline{BD}} = (\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}) = (\frac{4-4}{2}, \frac{-8+8}{2}) = (0,0)$$



معادله عمود وسطى مستقيمي كه از نقاط A(3,-1) و B(5,3) مي گذرد دريابيد.

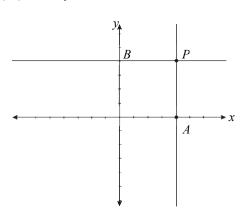
حل: اول نقطهٔ وسطى خط را به دست مى آورىم و ميدانيم كه نقطهٔ A(3,-1) بالاى قطعه خط \overline{AB} عمود است پس ميل بايد معكوس تغيير علامهٔ نقطهٔ B(5,3) باشد بعد با داشتن يك نقطه و ميل معادله را به دست مى آوريم.

$$\begin{aligned}
A(3,-1) \\
B(5,3)
\end{aligned} \Rightarrow M_{\overline{AB}} &= (\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}) = (\frac{3+5}{2}, \frac{-1+3}{2}) = (4,1) \\
m_{\overline{AB}} &= \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{3+1}{5-3} = 2 \\
m_{\Delta} &= -\frac{1}{2} \\
y - y_1 &= m(x - x_1) \\
y - 1 &= -\frac{1}{2}(x - 4) \\
2y - 2 &= -x + 4 \\
2y + x - 6 &= 0
\end{aligned}$$

P(4,5) اشد. P(4,5) معادله خط مستقیمی را دریابید که از نقطه P(4,5) گذشته و به ترتیب با محور x و محور y موازی باشد. برای دریافت معادلهٔ خط مستقیمی که از نقطهٔ P(4,5) بگذرد و با محور y موازی باشد؛ پس باید محور x را در نقطهٔ y نقطهٔ y وقطع می نمایند؛ معادلات آن عبارت اند از:

$$P(4,5) \Rightarrow \frac{y - y_1}{x - x_1} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \Rightarrow \frac{y - 5}{x - 4} = \frac{0 - 5}{4 - 4}$$
$$\Rightarrow (x - 4)(-5) = 0 \Rightarrow x = 4$$

$$P(4,5) \} \Rightarrow \frac{y - y_1}{x - x_1} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \Rightarrow \frac{y - 5}{x - 4} = \frac{5 - 5}{0 - 4}$$
$$\Rightarrow (y - 5)(-4) = 0 \Rightarrow y = 5$$



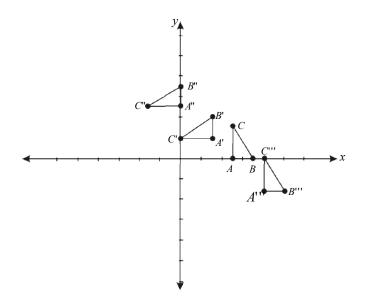
A(5,0)

B(7,0)

C(5,3)

نقاط		تصوير	
(x,y)	(-y+3,x-3)	(-y,x)	(x+3, y-3)
A(5,0)	(3,2)	(0,5)	(8, -3)
B(7,0)	(3,4)	(0,7)	(10, -3)
C(5,3)	(0,2)	(-3,5)	(8,0)

$$T(x,y) = (-y+3, x-3)$$
 : الف
 $R(x,y) = (-y,x)$: ب
 $T(x,y) = (x+3,y-3)$: ج





فصل چهارم: مثلثات

1-4: قضية تالس در مثلث

صفحات كتاب درسى:(98-97) وقت: يك ساعت درسي

- شاگردان مفهوم قضيهٔ تالس را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان قضیهٔ تالس را ثبوت کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان در زنده گی روزمره آن را به کار ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به ارائه	4- توضيح ورودي
درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتداچارتی را که به ارتباطی شکل ورودی این درس	(5) دقیقه
از قبل آماده نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید و از شاگردان بپرسید:	
درشکل چی را می بینید؟	
هدف از صحبت حسیب الله و بلال چیست آنها چی می خواهند؟	
آیا پیشنهاد حسیب الله یک پیشنهاد درست است؟	
آیا گفته می توانید که ارتفاع درخت با خط افقی روی زمین و خط مایلی که از	
قسمت بالایی درخت تا نقطهٔ تقاطع آن ادامه دارد. با خط افقی روی زمین کدام	
شکل هندسی را می سازد؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به هر گروپ وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(97) کتاب درسی را که مربوط این درس است انجام دهند.

قضیهٔ که از نتیجه فعالیت فوق به و جود می آید آن را بیان کنید و بعد ثبوت نمایید سعی کنید که در جریان ثبوت قضیه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

حال مثال 1 صفحهٔ (98) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل کند. همزمان از سایر شاگردان صنف بخواهید تا این کار را در کتابچه های شان بشکل انفرادی انجام دهند. اگر در حل درروی تخته اشتباهی موجود بود. از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را روی تخته اصلاح نماید. زمانیکه مطمئن شدید که حل روی تخته درست است از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های شانرا با حل روی تخته مقایسه کنند این کار کمک می نماید تا آنعده شاگردانی که مثال را درست حل نکرده اند به اشتباه خود پی برده و آن را اصلاح نمایند.

6- تحكيم درس(7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان موضوع درس را بهتر درک نمایند، مثال 2 صفحهٔ(98) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل نمایید. سعی کنید تا شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

جهت اینکه اطمینان حاصل نمایید آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یا خیر؟ ارزیابی کنید. طور مثال از شاگردان سؤال کنید:

- كى مى تواند مفهوم قضيهٔ تالس را بيان كند ؟
- كى مى تواند رابطهٔ را بنويسد كه مفهوم قضيه تالس را نشان دهد.

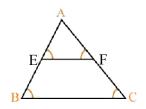
8- معلومات اضافی برای معلم:

1. نتيجهٔ قضيه تالس:

1)
$$\overline{EF} \parallel \overline{BC} \Rightarrow \frac{\overline{AE}}{FC} = \frac{\overline{AF}}{\overline{EB}} \xrightarrow{rackgream} \frac{\overline{AF}}{AB} = \frac{\overline{AF}}{\overline{AC}}$$

2)
$$\overline{EF} \parallel \overline{BC} \Rightarrow \frac{\overline{AE}}{EB} = \frac{\overline{AF}}{\overline{FC}} \xrightarrow{\overline{C}} \frac{\overline{AF}}{\overline{FC}} \xrightarrow{\overline{C}} \frac{\overline{AB}}{\overline{EB}} = \frac{\overline{AC}}{\overline{FC}}$$

3)
$$\overline{EF} \parallel \overline{BC} \Rightarrow \frac{\overline{AE}}{AB} = \frac{\overline{AF}}{\overline{FC}} = \frac{\overline{EF}}{\overline{BC}}$$



9- جواب به سؤال های تمرین:

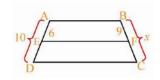
1- در اشكال ذوذنقه، مقدار X را تعيين كنيد.

حل: به كمك قضيه تالس و با استفاده از شكل مى توانيم بنويسيم:

$$\overline{\frac{EF}{AD}} \parallel \overline{DC}$$

$$\overline{\frac{AE}{AD}} = \overline{\frac{BF}{BC}}$$

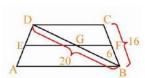
$$\frac{6}{10} = \frac{9}{\overline{BC}} \Rightarrow \overline{BC} = 15$$



$$\frac{\overline{BC}}{\overline{BF}} = \frac{\overline{BD}}{\overline{BG}}$$

$$\frac{16}{6} = \frac{20}{x}$$

$$x = 7.5$$



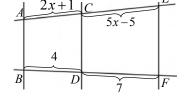
باشد. $AB \parallel CD$ و $CD \parallel EF$ باشد. $CD \parallel EF$ باشد. باشد.

حل: با استفاده از قضیه تالس می نویسیم:

$$\frac{\overline{BD}}{\overline{AC}} = \frac{\overline{DF}}{\overline{CE}} \implies \frac{4}{2x+1} = \frac{7}{5x-5}$$

$$14x + 7 = 20x - 20$$

x = 15





4-2: ساين يك زاويه حاده

صفحات كتاب درسي: (100-99)

وقت: یک ساعت درسی

اف آموزشی: – شاگردان مفهوم ساین را بدانند.	1- اهد
، مهارتی وذهنیتی) - شاگردان ساین یک زاویه حاده را در یافت کرده بتوانند.	(دانشي
– شاگردان آن را در حیات روزمره به کار ببرند.	
های تدریس سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2- روش
ممد درسی بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد
چ ورودی کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید	4- توضي
قه درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا چارتی را که به ارتباط شکل ورودی	(5) دقیا
قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید و از شاگردان بپرسید:	
درشکل روی چارت چه را می بینید ؟	
ارتفاع كاغذ پران را از سطح زمين چطور دريافت كرده مي توانيد ؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم نمایید و به هر گروپ وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (99) کتاب را انجام دهند. در ختم فعالیت ساین یک زاویهٔ را تعریف و آن را روی تخته درشکل نشان دهید و رابطهٔ مربوط به این تعریف را نیز بنویسید و خوب توضیح دهید تا شاگردان مفهوم ساین را درک نمایند.

حال مثال 1 صفحهٔ (100) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و شکل مربوط آن را نیز رسم کنید و از یک شاگرد بخواهید تا آن را در روی تخته حل نماید همزمان از سایر شاگردان بخواهید تا این مثال را هر کدام به شکل انفرادی در کتابچه های شان حل نمایند.اگر در حل روی تخته اشتباهی وجود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید. زمانیکه دیدید حل روی تخته کاملاً درست است از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های خویش را با حل روی تخته مقایسه کنند و این کار سبب می شود تا شاگردانی که در حل مثال اشتباهی را مرتکب شده باشند آن را تصحیح و به اشتباه خود پی ببرند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان موضوع درس را خوب فرا گیرند ، مثال 2 صفحهٔ(100) کتاب درسی را روی تخته بنویسید ،پس هر دو جزء آن یعنی(الف) و (ب) را حل کنید و خوب توضیح دهید تا شاگردان بهتر بفهمند. سعی نمایید که در حل مثال شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

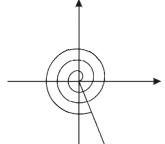
برای اینکه مطمئن شوید شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یا خیر؟ مختصراً ارزیابی نمایید، طوریکه از شاگردانبپرسید:

- كى مى تواند ساين يك زاويه را دريك مثلث قايم الزاويه تعريف كند؟

- كى مى تواند رابطهٔ مربوط به تعريف ساين يك زاويه را در مثلث قايم الزاويه روى تخته بنويسد ؟

8- معلومات اضافي براي معلم:

- حالت معیاری یک زاویه: اگر رأس یک زاویه بالای مبداء مختصات قایم واقع و ضلع اولی آن بـالای جهـت مثبـت محور x منطبق باشد ضلع دوم در هر ربع که قرار داشته باشد این زاویه در حالت معیاری یا Standard Position است.

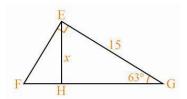


- دو زاویه که اندازه های مختلف دارند و در حالت ستندرد و یا معیاری اضلاع دومی یا نهایی آنها بالای یکدیگر منطبق شود به نام Coterminal یاد می شوند.

9- جواب به سؤال های تمرین:

اگر $\sin 63 = 0.891$ در شكل مقابل قيمت عددي x را دريافت كنيد.

حل: با استفاده از تعریف ساین و زاویه \hat{FGE} می توانیم بنویسیم که:



$$\sin \hat{G} = \frac{\overline{EH}}{EG}$$

$$\sin 63^\circ = 0.891$$

$$\sin \hat{G} = \frac{x}{15} \implies 0.891 = \frac{x}{15}$$

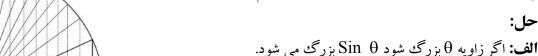
$$x = 13.365$$

2- شكل ربع دايره را در نظر بگيريد.

الف) اگر زاو به θ بزرگ شود $\sin \theta$ چگونه تغیر می کند ؟

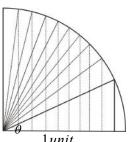
 $oldsymbol{\psi}$) اگر زاویه $oldsymbol{ heta}$ به کدام عدد نزدیک می شود $oldsymbol{ heta}$

ج) اگر زاویه θ به 0° نزدیک شود. $\sin \theta$ به کدام عدد نزدیک می شود ؟



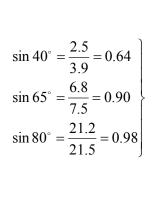
 $oldsymbol{\psi}$ اگر زاویه $oldsymbol{ heta}$ به صفر نزدیک می شود. Sin $oldsymbol{ heta}$

ج: اگر زاویه θ به 0 نزدیک شود. $\sin \theta$ به عدد یک نزدیک می شود.

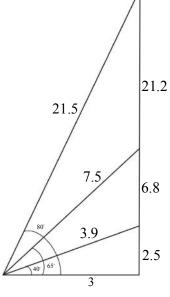


3- زوایای °40, °65 و °80 را به ترتیب رسم نموده سپس به روی هر زاویه یک مثلث قایم الزاویهٔ جدا گانه رسم کنید با استفاده از خط کش و اندازه گیری، اضلاع داده شده را دریابید و با هم مقایسه کنید.

حل: زوایای مورد نظر را رسم نموده و بعد به کمک تعریف ساین، ساین هر زاویه را دریافت و با هم مقایسه کنید. این سؤال را شاگردان عملاً باید حل کنند.



 $\sin 65^\circ = \frac{6.8}{7.5} = 0.90$ $\sin 80^\circ > \sin 65^\circ > \sin 40^\circ$



4- یک مثلث با زاویهٔ $B = 54^{\circ}$ و قاعدهٔ B واحد رسم کنید. اگر یک ساق آن E واحد باشد B واحد یابید.

حل: مثلث متساوی الساقین \overrightarrow{ABC} را با مشخصات داده شده رسم می کنیم اگر ارتفاع ضلع \overrightarrow{BC} یعنی AH را رسم کنیم به کمک قضیه فیثاغورث می توانیم بنویسیم که:

$$\overline{AH}^2 + \overline{BH}^2 = \overline{AB}^2$$

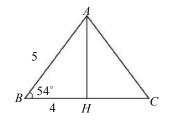
$$\overline{AH}^2 = \overline{AB}^2 - \overline{BH}^2$$

$$\overline{AH}^2 = 25 - 16 = 9$$

$$\overline{AH} = 3$$

$$\sin 54^\circ = \frac{\overline{AH}}{\overline{AB}} = \frac{3}{5}$$

$$\sin 54^\circ \approx 0.6$$





4-3: كوساين يك زاوية حاده صفحات كتاب درسي: (102-101)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم كوساين را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان کوساین یک زاویه حاده را معلوم کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان در حیات روزمره آنرا به کار ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد بـه ارائـه	4- توضيح ورودي
درس جدید بپردازید.	(5) دقیقه
حال به توضیح بخش ورودی بپردازید؛ طوریکه ابتدا چارتی را که از قبـل بـه ارتبـاط	
شکل ورودی این درس تهیه کرده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید.	
سپس از شاگردان بپرسید:	
درشکل چی را می بینید ؟	
وحید الله می خواهد چی را بدانند ؟	
چی فکر می کنید وحید الله چطور می تواند به این خواست خود برسد؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم نمایید و به هر گروپ وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (101) کتاب درسی را انجام دهند. در ختم کار گروپی از نماینده یک گروپ بخواهید تا فعالیتی را که در گروپ شان انجام داده اند به دیگران توضیح دهند.

حال یک مثلث قایم الزاویهٔ ABC را روی تخته رسم کنید مطابق شکل کتاب بعد کوساین یک زاویهٔ حاده را تعریف کنید. سپس رابطه که کوساین یک زاویهٔ حاده را نشان میدهید روی تخته بنویسید و توضیح کنید تا شاگردان به مفهوم کوساین خوب پی ببرند.

در این مرحله مثال صفحهٔ (102) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آن را روی تخته حل کند، همزمان به سایر شاگردان وظیفه دهید تا این کار را هر کدام به شکل انفرادی در کتابچه های شان انجام دهند حیاناً اگر در حل روی تخته اشتباهی وجود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آنرا اصلاح کند. زمانی که مطمئن شدید حل روی تخته درست است از سایر شاگردان بخواهید تا حل های شانرا با حل روی تخته مقایسه نمایند و این کمک می کند به آنعده شاگردانی که اگر در جریان حل مثال اشتباهی را مر تکب شده باشند به آن پی برده و به اصلاح آن می پردازند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس ارائه شده خوبتر پی ببرند. مطابق به مثال کتاب یک مثال دیگر روی تخته بنویسید و آنرا با سهم گیری فعال شاگردان حل کنید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارائه شده را فرا گرفته اند یا خیر؟ آن را ارزیابی کنید. طوریکه به ارتباط درس سؤال طرح و از شاگردان جواب مطالبه كنيد؛ مثلاً سؤال كنيد:

- كى مى تواند كوساين يك زاويهٔ حاده را تعريف كند؟

- كى مى تواند رابطة راكه تعريف كوساين يك زاويه را ارائه مى كند بنو يسد؟

8- معلومات اضافي براي معلم:

$$\sin(-\theta) = -\sin \theta$$

$$\cos(-\theta) = \cos \theta$$

$$\tan(-\theta) = -\tan \theta$$

$$\cot(-\theta) = -\cot \theta$$

$$\sec(-\theta) = \sec \theta$$

$$\csc(-\theta) = -\csc \theta$$

$$\sin(90^{\circ} - \theta) = \cos \theta$$

$$\cos(90^{\circ} - \theta) = \sin \theta$$

$$\tan(90^{\circ} - \theta) = \cot \theta$$

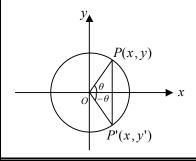
$$\sin(90^{\circ} + \theta) = \cos \theta$$

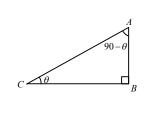
$$\cos(90^{\circ} + \theta) = -\sin \theta$$

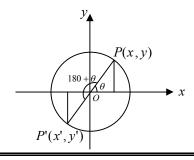
$$\tan(90^{\circ} + \theta) = -\cot \theta$$

$$\cos(180^{\circ} - \theta) = -\cos\theta$$
$$\tan(180^{\circ} - \theta) = -\tan\theta$$
$$\sin(180^{\circ} + \theta) = -\sin\theta$$
$$\cos(180^{\circ} + \theta) = -\cos\theta$$
$$\tan(180^{\circ} + \theta) = \tan\theta$$

 $\sin(180^{\circ} - \theta) = \sin \theta$



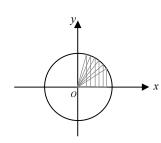




9- جواب به سؤال هاى تمرين:

- 1 اگر یک زاویهٔ حاده بزرگ شود ، اندازهٔ کوساین آن چه تغییری می کند ? چرا با استفاده از مثلث زیر و دایره =مثلثاتي نظر خود را بيان نماييد.
 - $\sum_{i=1}^{n} \cos A_i$ يک نسبت برای $\sum_{i=1}^{n} \cos A_i$
 - یک نسبت برای $\cos A_2$ بنویسید.
 - علامه های مناسب را در خانه های خالی بگذارید:

 \overline{AC} AC' $\cos A_1$



حل: در شکل مقابل دیده می شود که ضلع مجاور ثابت است اگر زاویه θ بزرگ شود، کوساین زاویه کوچک و برعکس بزرگ می شود اما در دایره مثلثاتی دیده می شود که اگر زاویهٔ θ بزرگ شود در طول و تر تغییر می آید بناء کوساین زاویه به ضلع مجاور ارتباط می گیرد یعنی اگر زاویهٔ θ بزرگ شود کوساین کوچک و برعکس بزرگ می شود.

$$\cos \hat{A}_2 = \frac{\overline{AB}}{\overline{AC'}} \bullet \bullet$$

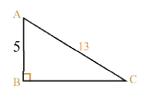
$$\cos \hat{A}_1 = \frac{\overline{AB}}{\overline{AC}} \bullet$$

$$\cos \hat{A}_1 > \cos \hat{A}_2 \bullet \bullet \bullet \bullet$$

 $\overline{AC} < \overline{AC}' \bullet \bullet \bullet$

را برای زاویه های $\mathring{0}$ ، $\mathring{0}$ و $\mathring{0}$ تحقیق کنید. $\sin^2 A + \cos^2 A = 1$

$$\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ = 1$$
 , $\sin^2 45^\circ + \cos^2 45^\circ = 1$, $\sin^2 60^\circ + \cos^2 60^\circ = 1$ **حل:** $\cos^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ = 1$, $\sin^2 45^\circ + \cos^2 45^\circ = 1$, $\sin^2 60^\circ + \cos^2 60^\circ = 1$ **حل:** $\cos^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ = 1$, $\sin^2 45^\circ + \cos^2 45^\circ = 1$, $\sin^2 60^\circ + \cos^2 60^\circ = 1$ **حل:** $\cos^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ = 1$, $\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ = 1$, $\sin^2 60^\circ + \cos^2 60^\circ = 1$, $\sin^2 60^\circ + \cos^2 60^\circ = 1$, $\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ = 1$



$$\overline{AB}^{2} + \overline{BC}^{2} = \overline{AC}^{2}$$

$$5^{2} + \overline{BC}^{2} = 13^{2}$$

$$\overline{BC}^{2} = 169 - 25 = 144$$

$$\overline{BC} = 12$$

$$\sin A = \frac{12}{13}$$

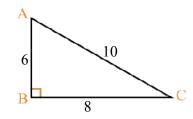
$$\cos A = \frac{5}{13}$$

4در مثلث $\stackrel{\triangle}{ABC}$ طول اضلاع آن 6 ، 8 و 10 است نسبت های مثلثاتی $\stackrel{\triangle}{BC}$ و $\stackrel{\triangle}{BC}$ را محاسبه نمایید. حل: به کمک قضیه فیثاغورث گفته می توانیم که مثلث قایم الزاویه است یعنی:

$$\frac{10^{2} = 8^{2} + 6^{2}}{100 = 100}$$

$$\Rightarrow \sin \hat{A} = \frac{8}{10} = 0.8$$

$$\cos \hat{A} = \frac{6}{10} = 0.6$$





4-4: تانجنت یک زاویهٔ حاده

صفحات كتاب درسى: (104-103)

وقت: یک ساعت درسی

– شاگردان مفهوم تانجنت یک زاویه را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان تانجنت یک زاویه را معلوم کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان درحیات روزمره آن را به کار ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
زمانیکه به صنف داخل می شوید کار های ضروری را انجام دهید بعـد درس روز	4- توضیح ورودی
گذشته را به صورت مختصر ارزیابی نمایید.	(5) دقیقه
اکنون به توضیح بخش ورودی درس جدید بپردازید طوریکه ابتدا چـارتی را کـه	
از شکل ورودی این درس از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید	
و از شاگردان بپرسید:	
در شکل چی را می بینید نام ببرید ؟	
بلال در مورد چه فکر می کند بگویید.	
چه فکر می کنید بلال چگونه می تواند طول میلهٔ بیرق را دریافت کند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم کنید و به هر گروپ وظیفه دهید تا بعد از مشوره با یکدیگر فعالیت صفحهٔ (103) کتاب درسی را انجام دهند.

در ختم کار گروپی سه نتیجه از آن به دست می آید هر یک را به ترتیب بیان داشته و روی تخته بنویسید تا شـاگردان به مفهوم هر یک پی ببرند.

حال مثال 1 صفحهٔ (104) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آن را روی تخته حل نماید. همزمان از سایر شاگردان بخواهید تا این کار را هر یک به صورت جداگانه در کتابچه های شان انجام دهند. اگر شاگرد مثال روی تخته را درست حل نمود تشویق نمایید و اگر اشتباهی را مرتکب شده بود از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید. زمانیکه مطمئن شدید حل روی تخته درست است از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه کنند تا اگر اشتباهی را مرتکب شده باشند آن را تصحیح و به اشتباه خویش پی ببرند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه موضوع درس جدید را شاگردان بهتر بفهمند مثال 2 صفحهٔ(104) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آن را حل کنید طوریکه شاگردان نیز هنگام حل مثال سهم فعال داشته باشند.

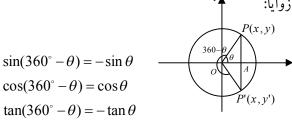
7- ارزیابی ختم درس (5) دقیق

به منظور اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یا خیر؟ ارزیابی مختصر نمایید و این کار را می توانید با طرح سؤالات در مورد درس جدید و اخذ جوابات از شاگردان انجام دهید؛ مثلاً از شاگردان بپرسید:

- كى مى تواند تانجنت يك زاويه حاده را تعريف كند؟
- كى مى تواند رابطهٔ را بنويسد كه تعريف تانجنت يك زاويه را نشان دهد؟
 - كى مى تواند cot يك زاوية حاده را تعريف كند؟

8- معلومات اضافي براي معلم:

ارتباط بین نسبت های مثلثاتی بعضی از زوایا:



9- جواب به سؤال های تمرین:

ا دریابید: $\cot \theta$ و $\cot \theta$ و $\cot \theta$ دریابید: $\cot \theta$ دریابید:

حل: نخست قیمت عددی اضلاع نامعلوم را به کمک قضیه فیثاغورث در یافت می کنیم:

$$\overline{AC}^{2} = \overline{AB}^{2} + \overline{BC}^{2}$$

$$\overline{BC}^{2} = \overline{AC}^{2} - \overline{AB}^{2}$$

$$\overline{BC}^{2} = 25 - 9$$

$$\overline{BC} = 4$$

$$\sin \theta = \frac{3}{5}$$

$$\cos \theta = \frac{4}{5}$$

$$\tan \theta = \frac{3}{4}$$

$$\overline{AC}^{2} = \overline{BC}^{2} + \overline{AB}^{2}$$

$$\overline{BC}^{2} = \overline{AC}^{2} - \overline{AB}^{2}$$

$$\overline{BC}^{2} = 100 - 36$$

$$\overline{BC} = 8$$

$$\sin \theta = \frac{6}{10}$$

$$\cos \theta = \frac{8}{10}$$

$$\tan \theta = \frac{6}{8}$$

در مثلث ABC که اضلاع آن با هم مساوی است an B و an B را دریابید.

حل: چون هر سه ضلع مثلث با هم مساوی اند بنابر آن مثلث متساوی الاضلاع است پس به کمک رسم نمودن ارتفاع مثلث یعنی CH دو مثلث دیگر $A\hat{C}H$ و $A\hat{C}H$ به دست می آید که با استفاده از قضیهٔ فیثاغورث می توانیم بنویسیم که:

$$\frac{\overline{AC}^2 = \overline{AH}^2 + \overline{HC}^2}{\overline{HC}^2 = \overline{AC}^2 - \overline{AH}^2} = a^2 - \frac{a^2}{4} = \frac{3a^2}{4} = \frac{a\sqrt{3}}{2} \qquad \tan \hat{A} = \frac{\frac{a\sqrt{3}}{2}}{\frac{a}{2}} = \sqrt{3}$$

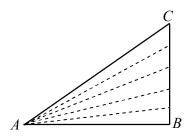
$$\tan \hat{A} = \frac{\frac{a\sqrt{3}}{2}}{\frac{a}{2}} = \sqrt{3}$$

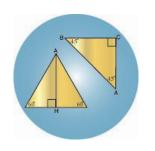
$$\tan \hat{B} = \frac{\frac{a\sqrt{3}}{2}}{\frac{a}{2}} = \sqrt{3}$$

$$\tan \hat{B} = \frac{\frac{a\sqrt{3}}{2}}{\frac{a}{2}} = \sqrt{3}$$

 $\tan \theta$ آن بزرگ شود در نسبت $\tan \theta$ آن ثابت نگه داشته شود و زاویهٔ حادهٔ آن بزرگ شود در نسبت $\tan \theta$ چه تغییری رخ می دهد؟

حل: از روی شکل دیده می شود که با بزرگ شدن زاویه θ در ربع اول ضلع مقابل بزرگ می شود و با کوچک شدن زاویه، ضلع مذکور کوچک می شود. بناءً در تانجنت زاویه تغییر می آید.





 60 , 60 , 60 , 60 , 60 , 60 , 60 , 60 0 و 60 0 صفحات کتاب درسی: (60 – 60 100) و قت: یک ساعت درسی

– شاگردان نسبت های مثلثاتی زوایای خاص را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان نسبت های مثلثاتی زوایای خاص را دریافت کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان در حیات روزمره آن را به کار ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
بعد از کار های ضروری مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف حتمی است.	4- توضیح ورودی
درس روز گذشته را به صورت مختصر ارزیابی کنید.	د قیقه (5)
حال بخش ورودی را به شاگردان توضیح کنید ، برای انجام این کار ابتـدا چـارت	
شکل ورودی این درس را که از قبل تهیه نموده اید پیشروی صنف آویزان کنیـد ،	
بعد از شاگردان سؤال کنید:	
درشکل روی چارت کدام اشکال هندسی را می بینید؟	
مثلث ها چه نوع اند نام بگیرید؟	
طول اضلاع این مثلث ها را چطور مشخص نموده می توانیم باز گو نمایید؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم نمایید و به هر گروپ وظیفه دهید تا با مشوره یکدیگر فعالیت صفحهٔ (105) کتاب درسی را انجام دهند. جدولی که با استفاده از نتیجهٔ فعالیت در صفحهٔ (105) ترتیب شده است روی تخته بنویسید و توضیح دهید.

حال مثال صفحهٔ (106) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و رابطهٔ شمارهٔ (1) را که عبارت از دریافت قیمت عددی X است حل کنید. سپس یک یک شاگرد را به نوبت بخواهید تا هر کدام یک شمارهٔ مثال داده شده را روی تخته حل نمایند. زمانیکه هر شاگرد یکی از این رابطه ها را حل می کند سایر شاگردان عین کار را همزمان در کتابچه های شان انجام دهند. هرگاه در هر یک از حل های روی تخته اشتباهی بوجود می آید از شاگرد دیگری بخواهید تا آنرا اصلاح نمایند. و همچنان شاگردان دیگر حل های شان را با حل های روی تخته مقایسه نموده اشتباهات شان را اصلاح نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه موضوع درس را شاگردان بهتر فرا گیرند؛ مثلاً : $x = \sin 9\mathring{0} + \cos 4\mathring{5}$ را روی تخته بنویسید بعد آنرا حل و توضیح کنید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

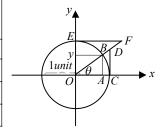
جهت اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس جدید ارائه شده را فرا گرفته اند یاخیر؟ درس را با طرح سؤالات ارزیابی کنید؛ به طور مثال: از رابطه زیر قیمت $y = \sin 3\mathring{0} - \tan\mathring{0}$ را به دست آرید: $y = \sin 3\mathring{0} - \tan\mathring{0}$

8- معلومات اضافی برای معلم:

علامه و خط نسبت های مثلثاتی:

$$\sin \theta = y$$

$\sin \theta$	$\cos\theta$	$\tan \theta$. i o
$\csc \theta$	$\sec \theta$	$\cot \theta$	در ناحيهٔ $ heta$
+	+	+	ناحية اول
+	_	_	ناحية دوم
1	_	+	ناحية سوم
1	+	1	ناحية چهارم



$\cos \theta = x$
$\tan\theta = \overline{CD}$
$\cot\theta = \overline{EF}$
$\sec \theta = \overline{OD}$
$\csc\theta = \overline{OF}$

9- جواب به سؤال های تمرین:

در اشكال زير نسبت های مثلثاتی tan,cos,sin و cot زوایای °30, °45 و °60 را دریابید.

حل: ابتدا قیمت عددی طول نا معلوم اشکال را به دست می آوریم، بعد نسبت های مثلثاتی زوایا را به دست می

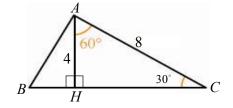
آوريم.

a)
$$\overline{AH}^2 + \overline{HC}^2 = \overline{AC}^2$$

$$\overline{HC}^2 = \overline{AC}^2 - \overline{AH}^2$$

$$\overline{HC}^2 = 64 - 16 = 48 = 6.92$$

$$\overline{HC} = 4\sqrt{3}$$



$$\sin 60^\circ = \frac{4\sqrt{3}}{8} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$
, $\cos 60^\circ = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$, $\tan 60^\circ = \frac{4\sqrt{3}}{4} = \sqrt{3}$

$$\sin 30^{\circ} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$
 , $\cos 30^{\circ} = \frac{4\sqrt{3}}{8} = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $\tan 30^{\circ} = \frac{\sqrt{3}}{3}$

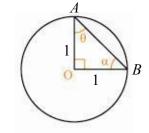
b)
$$\overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 = \overline{AB}^2$$

$$1 + 1 = \overline{AB}^2$$

$$\overline{AB} = \sqrt{2}$$

$$\tan 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\tan 45^\circ = \frac{1}{1} = 1$$



c)
$$\overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 = \overline{AC}^2$$
 $\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$ $\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$ $\cos 60^\circ = \frac{1}{2}$ $\cos 60^\circ = \frac{1}{2}$ $\cos 60^\circ = \frac{1}{2}$

$$\frac{\overline{AB}^2 + 5^2 = 10^2}{\overline{AB}^2 = 100 - 25 = 75}$$

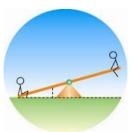
$$\frac{\overline{AB}^2 = \sqrt{75} = 5\sqrt{3}}{\overline{AB}^2 = \sqrt{75} = 5\sqrt{3}}$$

$$\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\tan 60^\circ = \sqrt{3}$$

$$A$$



6-4: رابطهٔ میل خط مستقیم و تانجنت زاویه میل آن صفحات کتاب درسی: (108-107) وقت: یک ساعت درسی

1- اهداف آموزشی:	- شاگردان مفهوم رابطه بین میل و تانجنت را بدانند.
(دانشی، مهارتی وذهنیتی)	- شاگردان این رابطه دریافت کرده بتوانند.
	– شاگردان در حیات روزمره آن را به کار ببرند.
2– روش های تدریس	سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی
3- مواد ممد درسی	بکس هندسی، چارت شکل ورودی
4- توضیح ورودی	کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است ابتدا آن را انجام دهید
(5) دقیقه	سپس درس گذشته را به طور مختصر ارزیابی نمایید.
	برای توضیح ورودی چارت شکل ورودی را که از قبل آماده نموده اید پیشروی
	صنف آویزان کنید و در مورد شکل از شاگردان سؤال کنید:
	در شکل چی می بینید؟
	دو طفل که در دو انجام میله نشسته و یکدیگر را پایین و بالا می نماینـد میلـه بـه نـام
	چی یاد می شود؟
	محل که میله به دو طرف آن پایین و بالا می شود به نام چه یاد می گردد؟
	وهمچنان به آنها توضیح دهید زمانی که میله به یک طرف سطح زمین تماس می
	نماید دارای یک میل می باشد. و هم میله به سطح افقی زمین یک زاویه را می سازد.

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم نموده و به هر گروپ وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(107) کتاب درسی را بعد از مشوره با یکدیگر انجام دهند. در ختم فعالیت نتیجهٔ که از آن به دست می آید آن را بیان داشته و روی تخته بنویسید. و توضیح دهید تا شاگردان رابطه بین میل و تانجنت زاویهٔ میل را بدانند.

حال مثال 1 صفحهٔ (107) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل کنید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند. اکنون مثال 2 صفحهٔ (108) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آن را به روی تخته حل کند. همزمان از سایر شاگردان بخواهید تا مثال را به شکل انفرادی در کتابچه های شان حل نمایند.اگر در حل روی تخته اشتباهی وجود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید.حال از شاگردان بخواهید تا حل های شانرا با حل روی تخته مقایسه نمایند.

اکنون فعالیت دومی صفحهٔ(108) کتاب درسی را به گروپ های تنظیم شده قبلی وظیفه دهید تا با مشوره یکدیگر انجام دهند.

در ختم فعالیت گروپی نتیجه که از آن به دست می آید روی تخته بنویسید و توضیح نمایید.

6- تحكيم درس (7)دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس خوب پی ببرند تمرین شمارهٔ 1 صفحهٔ (108) کتاب درسی را روی تخته حل نمایید طوریکه شاگردان سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان مفهوم درس را فرا گرفته اند یا خیر ؟ با طرح چند سؤال از موضوع ، درس را ارزیابی نمایید؛ مثلاً از شاگردان سؤال کنید:

کی می تواند یک معادله خط مستقیم را روی تخته بنویسد و در آن میل خط را نشان دهد؟

- کی می تواند بگوید که حاصل جمع مربعات ساین و کوساین یک زاویه مساوی به چند است؟

- کی می تواند بگوید که آیا مساوات $\sin A$ $= \sin^2 A$ درست است. یاخیر؟

8- معلومات اضافي براي معلم:

	$\sin \alpha$	$\cos \alpha$	$\tan \alpha$	$\cot \alpha$
$\sin \alpha$		$\sqrt{1-\cos^2\alpha}$	$\frac{\tan \alpha}{\sqrt{1 + \alpha^2}}$	1
			$\sqrt{1 + \tan^2 \alpha}$	$\sqrt{1+\cot^2\alpha}$
$\cos \alpha$	$\sqrt{1-\sin^2\alpha}$		1	$\cot \alpha$
Cosa	γ1-Siii α		$\sqrt{1+\tan^2\alpha}$	$\sqrt{1+\cot^2\alpha}$
$\tan \alpha$	$\sin^2 \alpha$	$\sqrt{1-\cos^2\alpha}$		1
tana	$\sqrt{1-\sin^2\alpha}$	$\cos^2 \alpha$		$\overline{\cot \alpha}$
$\cot \alpha$	$\sqrt{1-\sin^2\alpha}$	$\cos^2 \alpha$	1	
Cota	$\sin^2 \alpha$	$\sqrt{1-\cos^2\alpha}$	$\tan \alpha$	

9- جواب به سؤال های تمرین:

ا معادلهٔ خط مستقیمی را به دست آرید که با جهت مثبت محور x زاویهٔ $0 \ 0$ را تشکیل و محور y را در نقطهٔ ($0 \ 0$) قطع کند.

$$\begin{cases}
\theta = 60^{\circ} \\
P(0,5) \\
\tan 60^{\circ} = \sqrt{3}
\end{cases} \Rightarrow \begin{aligned}
m = \tan \theta \Rightarrow m = \sqrt{3} \\
y = mx + h \Rightarrow y = \sqrt{3}x + 5
\end{cases}$$

x+4=y میل، زاویهٔ میل و نقطه تقاطع با محور x+4=y را دریابید.

3- ثبوت كنيد:

a)
$$\frac{(\sin\theta + \cos\theta)^2}{1 + 2\sin\theta \cdot \cos\theta} = 1$$
$$= \frac{\sin^2\theta + \cos^2\theta + 2\sin\theta \cdot \cos\theta}{1 + 2\sin\theta \cdot \cos\theta}$$
$$= \frac{1 + 2\sin\theta \cdot \cos\theta}{1 + 2\sin\theta \cdot \cos\theta} = 1 \Rightarrow 1 = 1$$

b)
$$1 + (\frac{\sin \theta}{\cos \theta})^2 = \frac{1}{\cos^2 \theta}$$
$$1 + \frac{\sin^2 \theta}{\cos^2 \theta} = \frac{\cos^2 \theta + \sin^2 \theta}{\cos^2 \theta} = \frac{1}{\cos^2 \theta}$$
$$\frac{1}{\cos^2 \theta} = \frac{1}{\cos^2 \theta}$$

c)
$$\frac{\tan^{2}\theta - \sin^{2}\theta}{\cos\theta} = \sin\theta \cdot \tan^{3}\theta$$
$$= \frac{\tan^{2}\theta + \sin^{2}\theta}{\cos\theta} = \frac{\frac{\sin^{2}\theta}{\cos^{2}\theta} - \sin^{2}\theta}{\cos\theta} = \frac{\frac{\sin^{2}\theta - \sin^{2}\theta \cdot \cos^{2}\theta}{\cos\theta}}{\cos\theta}$$
$$= \frac{\sin^{2}\theta(1 - \cos^{2}\theta)}{\cos^{2}\theta} \cdot \frac{1}{\cos\theta} = \frac{\sin^{4}\theta}{\cos^{3}\theta} = \sin\theta \cdot \tan^{3}\theta$$

$$d) \frac{(\sin A + \cos A)^{2} - 1}{2\sin A} = \cos A$$

$$= \frac{(\sin A + \cos A)^{2} - 1}{2\sin A} = \frac{2\sin A\cos A + 1 - 1}{2\sin A} = \cos A$$

$$= \cos A = \cos A$$

e)
$$\sin^4 A + \cos^2 A \cdot \sin^2 A + \cos^2 A = 1$$

 $\sin^4 A + \cos^2 A \cdot \sin^2 A + \cos^2 A = \sin^2 A(\sin^2 A + \cos^2 A) + \cos^2 A$
 $\sin^2 A + \cos^2 A = 1 \Rightarrow 1 = 1$



4-7: جدول مثلثاتی و استعمال آن (تدریس در دو ساعت درسی) صفحات کتاب درسی: (114-109) وقت: ساعت اول درسی

م جدول مثلثاتی را بدانند.	1- اهداف آموزشی: – شاگردان مفهو،
تفاده از جدول نسبت های مثلثاتی زوایا را دریافت کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی) – شاگردان با است
ِل مثلثاتی را در حل مسایل به کار ببرند.	 شاگردان جدوا
ر گروپی	2- روش های تدریس سؤال و جواب، کار
رت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی بکس هندسی، چار
روری مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف حتمی است.	4- توضیح ورودی بعد از کار های ضر
را به صورت مختصر ارزیابی کنید:	(5) دقیقه درس روز گذشته ر
، را به شاگردان توضیح کنید ، برای انجام این کار ابتدا چارتی	حال بخش ورودي
درس را که از قبل تهیه نموده اید پیشروی صنف آویزان کنید،	شکل ورودی این د
رال کنید:	بعد از شاگردان سؤ
اویه های را که دیده می شوند نام بگیرید؟	در شکل چارت، زا
دایره را در کدام نقاط قطع می کند؟	ضلع دوم این زوایا
ت x و y کدام نسبت های زاویه را نشان می دهد؟	نقاط تقاطع مختصاد

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم نمایید و به هر گروپ وظیفه دهید تا با مشوره یکدیگر فعالیت صفحهٔ(109) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت کنید. تا همهٔ اعضای گروپ در انجام کار گروپی سهم داشته باشند. در ختم کارگروپی از نماینده هر گروپ بخواهید تا کار گروپی خویش را به دیگران توضیح دهند. در ختم فعالیت نتیجهٔ که به دست می آید آنرا بیان کنید بعد جدول مثلثاتی را که در صفحهٔ (114–110) کتاب درسی وجود دارد آنرا به شاگردان نشان و در مورد سطر و ستون آن به آنها توضیحات دهید تا آگاهی حاصل نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس جدید خوبتر پی ببرند، نسبت های مثلثاتی °45 را از روی جدول دریافت و به روی تخته بنویسید که شاگردان نیز در پیدا کردن هر نسبت از جدول سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برا ی اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان مفهوم درس جدید را فهمیده اند یا خیر؟ به شکل مختصر ارزیابی کنید؛ مثلاً بپرسید:

- سطر و ستون جدول مثلثاتي چه را نشان مي دهد؟
- زاویه که از °45 کوچک باشد جدول مثلثاتی آن را از کدام سمت می خوانیم؟
- همچنان اگر یک زاویه از °45 بزرگ باشد جدول از کدام سمت خوانده می شود؟
 - زاویهٔ که در جدول نباشد آنرا چطور دریافت کرده می توانیم؟

8- معلومات اضافي براي معلم:

1)
$$\sin^2 + \cos^2 = 1$$

$$2) \tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$$

3)
$$\cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$$

4)
$$\frac{1}{\sin^2 x} = 1 + \cot^2 x$$

5)
$$\frac{1}{\cos^2 x} = 1 + \tan^2 x$$

6)
$$\sin^4 x + \cos^4 x = 1 - 2\sin^2 x \cdot \cos^2 x$$

9- جواب به سؤال های تمرین:

 $\alpha = 35^{\circ}$ و '20 زوایای '20 نسبت های مثلثاتی $\alpha = 35^{\circ}$ و $\alpha = 35^{\circ}$ و '20 زوایای '20 نسبت های مثلثاتی '30 $\alpha = 35^{\circ}$ ابتدا زاویه را در اولین ستون جدول دریافت می کنیم و در سطر اول جــدول نسبت مثلثاتی مطلبوب را پیــدا مــی نمــاییم نقطــهٔ تقــاطع ایــن ســطر و ســتون بــه ترتیــب اول جــدول نــسبت مثلثــاتی مطلبوب را پیــدا مــی نمــاییم نقطــهٔ تقــاطع ایــن ســطر و ســتون بــه ترتیــب $\alpha = 35^{\circ}$ ($\alpha = 35^{\circ}$) $\alpha = 35^{\circ}$ است یعنی:

$$\sin 35^{\circ} \ 20' = 0.5783$$

$$\cos 35^{\circ} \ 20' = 0.8158$$

$$\tan 35^{\circ} \ 20' = 0.7089$$



4-8: جدول مثلثاتی و استعمال آن صفحات کتاب درسی: (116-115) وقت: ساعت دوم درسی

 شاگردان مفهوم جدول مثلثاتی را بدانند. 	1- اهداف آموزشی:
 ساگردان از جدول مثلثاتی استفاده کرده بتوانند. 	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
 شاگردان از استفاده درست جدول مثلثاتی لذت ببرند. 	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعـد بــه	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه:	(5) دقیقه
ابتدا چارتی را که به ارتباط شکل ورودی از قبل تهیه نموده ایـد یکبـار دیگر آنـرا	
پیشروی صنف آویزان کنید، بعد از شاگردان سؤال کنید:	
کی می تواند در شکل چارت دو نسبت مثلثاتی (cos,sin) زوایایی °30,°60 و	
45° را نشان دهد؟	
نسبت های مثلثاتی فوق الذکر چطور به دست آمده؟	
آیا نسبت های مثلثاتی همه زوایا را همین طور به دست آورده می توانیم؟	

5- فعاليت جريان درس (28) دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم نمایید و به هر گروپ وظیفه دهید تا با مشوره یکدیگر فعالیت صفحهٔ (115) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت کنید. تا همهٔ اعضای گروپ در انجام کار گروپی سهم داشته باشند در ختم کار گروپی از نماینده یک گروپ بخواهید تا کار گروپی خود را به دیگران توضیح دهد. در اخیر نتیجهٔ فعالیت فوق را به شاگردان توضیح دهید. تا شاگردان مفهوم آنرا درک نمایند.

حال مثال 1 صفحهٔ (115) كتاب درسي را روى تخته بنويسيد و آنرا حل كنيد.

اکنون مثال 2 صفحهٔ (115) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل نماید، همزمان به شاگردان دیگر وظیفه دهید که مثال را به شکل انفرادی در کتابچه های شان حل نمایند، اگر در حل روی تخته کدام اشتباه موجود بود از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح کند، زمانیکه مطمئن شدید؛ که حل روی تخته کاملاً درست است، به شاگردان دیگر هدایت دهید که حل خود را با حل روی تخته مقایسه نمایند، و اگر اشتباهی را مر تکب شده باشند آنرا اصلاح کنند.

بعد یادداشت طریقهٔ انترپولیشن را که در شروع صفحهٔ (116) کتاب درسی موجود است به شاگردان توضیح نمایید. تا آنعده زوایای که نسبت های مثلثاتی شان در جدول نیست آنها را پیدا کرده بتوانند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس جدید را خوبتر بدانند، مثال 3 صفحهٔ(116) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و با سهم گیری فعال شاگردان آنرا حل نمایید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان مفهوم درس جدید را بهتر فهمیده اند یا خیر؟ درس را مختصراً ارزیابی نمایید؛ مثلاً بیرسید:

- کی می تواند در جدول نسبت های مثلثاتی زاویه °30 را نشان دهد؟
- کی می تواند در جدول نسبت های مثلثاتی زاویه 50° را نشان دهد؟
- کی می گوید آنعده زوایایی که در جدول موجود نیست نسبت های مثلثاتی آنها را چطور می توان دریافت کرد؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

حل ب: طرف راست جدول در ستون اول زاویهٔ '10 °75 و درسطر اخیر نسبت مثلثاتی زاویهٔ مطلوب را پیدا می کنیم که نقاط این خطوط افقی و عمودی به ترتیب 0.2560 , 0.9661 و 3.776 است یعنی:

 $\sin 75^{\circ} 10' = 0.9661$

 $\cos 75^{\circ} \ 10' = 0.2560$

 $\tan 75^{\circ} 10' = 3.776$



4-9 : حل مثلث قايم الزاويه

صفحات كتاب درسي: (118-117)

وقت: یک ساعت درسی

1- اهداف آموزشي: - شاگردان	- شاگردان مثلث قایم الزاویه و عناصر آن را بدانند.
(دانشی، مهارتی وذهنیتی) مهارتی وذهنیتی	- شاگردان به کمک توابع مثلثاتی اجزای نامعلوم مثلث را دریافت کرده بتوانند.
	 – شاگردان از حل مثلث های قایم الزاویه لذت ببرند.
2- روش هاى تدريس سؤال و جو	سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی
3- مواد ممد درسی بکس هند،	بکس هندسی، چارت شکل ورودی
	بعد از کار های ضروری مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف حتمی است.
درس روز (5) دقيقه	درس روز گذشته را به صورت مختصر ارزیابی کنید.
ابتدا چارتی	ابتدا چارتی شکل ورودی این درس را که از قبـل تهیـه نمـوده ایـد پیـشروی صـنف
آويزان كني	آویزان کنید، بعد شکل ورودی را که یک تعداد منارهای کشور را نـشان مـی دهـد
توضیح کنب	توضیح کنید و از شاگردان اینطور بپرسید:
درشکل چ	درشکل چی را می بینید؟
این منار په	این منار په نام چه یاد می شود و در کدام ولایت است؟
ارتفاع این	ارتفاع این منار ها را چطور به دست می آوریم؟
کدام جز م	كدام جز مثلث قايم الزاويه تشكيل شده نا معلوم است؟

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم نمایید و به هر گروپ وظیفه دهید تا با مشوره یکدیگر فعالیت صفحهٔ (117) کتاب درسی را انجام دهند.

در جریان فعالیت از کار گروپها نظارت کنید بعد از انجام کار گروپی از نماینده های هر گروپ بخواهید تا کار ی که انجام داده اند به دیگران توضیح دهند. همچنان نتیجهٔ که از انجام فعالیت گروپی به دست می آید به شاگردان تشریح دهید.

حال مثال 1 همین صفحه را بالای تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل نماید همزمان از شاگردان دیگر بخواهید تا همین مثال را هر یک به شکل انفرادی در کتابچه های شان حل نمایند در پایان اگر در حل روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح نماید. زماینکه مطمئن شدید حل روی تخته کاملاً درست است از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های شانرا با آن مقایسه کنند تا اگر اشتباهی را مرتکب شده باشند آنرا اصلاح نمایند.

-6 تحکیم درس (7) دقیقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس خوب پی ببرند، مثال 2 صفحهٔ (118) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و با سهم گیری فعال شاگردان آنرا حل کنید.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان به مفهوم درس جدید فهمیده اند یاخیر؟ به شکل مختصر درس را ارزیـابی کنیـد برای این کار مثلاً از شاگردان بیرسید:

- يك مثلث قايم الزاويه چه وقت قابل حل است؟

- اگر در یک مثلث قایم الزاویه وتر یک ضلع قایم معلوم باشد. دو زاویه آنرا توسط کدام نسبت های مثلثاتی دریافت كرده مي توانيم؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

1 اگر یک زاویه حاده مثلث قایم الزاویه '50 $^{\circ}$ 80 و ضلع این زاویه 311 واحد باشد مثلث مذکور را حل نمایید. حل: چون دو ضلع و زاویه مثلث نامبرده نامعلوم است. برای پیدا کردن آن چنین عمل می کنیم.

I)
$$\hat{B} = 90^{\circ} - \hat{A} = 90^{\circ} - 38^{\circ} 50' \implies \hat{B} = 51^{\circ} 10'$$

$$a$$
 $A = 38^{\circ} 50^{\circ}$
 $b = 311$
 C

II)
$$\tan 38^{\circ} 50' = \frac{a}{b} = \frac{a}{311} \implies a = 311 \cdot \tan 38^{\circ} 50'$$

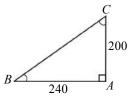
با استفاده از جدول زاویه '50° tan 38 مساوی به 0.8050 است پس:

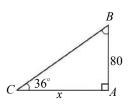
$$a = 311 \cdot 0.8050 = 250.355$$

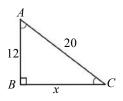
III)
$$\cos 38^{\circ} 50' = \frac{b}{c} = \frac{311}{c} \implies c = \frac{311}{\cos 38^{\circ} 50'} = \frac{311}{0.7790} = 399.230$$

قابل یاد آوری است که با استفاده از قضیه فیثاغورث هم می توانیم قیمت c را دریافت کنیم:

2- در اشكال زير عناصر مجهول را دريافت نماييد.







$$\overline{BC}^{2} = \overline{AB}^{2} + \overline{AC}^{2} \qquad \tan 36^{\circ} = \frac{80}{x}$$

$$\overline{BC}^{2} = (240)^{2} + (200)^{2}$$
80

$$\overline{BC}^2 = 57600 + 40000$$

$$x = \frac{1}{\tan 36^{\circ}}$$

$$x^2 = (20)^2 - (12)^2$$

$$\overline{BC}^2 = 97600$$

$$x = \frac{80}{0.7265}$$

$$x^2 = 400 - 144 = 256$$

$$\overline{BC} \approx 312.4$$

$$x = 110.117$$

$$\sin \hat{A} = \frac{x}{20} = \frac{16}{20} = 0.8$$

$$\tan B = \frac{200}{240} = 0.8\overline{3}$$

$$\tan B = \frac{110}{80} \approx 1.375$$

$$\hat{A} \approx 54^{\circ}$$

$$\stackrel{\circ}{B} \approx 40^{\circ}$$

$$\stackrel{\wedge}{B} \approx 54^{\circ}$$



4-10: زوایایی میل، ارتفاع وتنزیل صفحات کتاب درسی: (120-119) وقت: یک ساعت درسی

– شاگردان مفهوم زوایای میل و تنزیل را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان زاویه میل و تنزیل را محاسبه کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان در زنده گی روز مره آن را به کار ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2- روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
بعد از کار های ضروری مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف حتمی است.	4- توضيح ورودي
درس روز گذشته را به صورت مختصر ارزیابی کنید.	(5) دقیقه
ابتدا چارت شکل ورودی این درس را که از قبل تهیه نموده اید پیشروی صنف	
آویزان کنید ، بعد در مورد شکل ورودی از شاگردان سؤال کنید:	
در شکل مقابل چه را می بینید نام بگیرید؟	
در شکل خط دید و خط افق را نشان دهید؟	
خطوط دید وافق با هم دیگر چگونه زاویه را تشکیل می دهند؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم نمایید و به هر گروپ وظیفه دهید تا با مشوره یکدیگر فعالیت صفحهٔ (119) کتاب درسی را انجام دهند.

در جریان کار گروپی از گروپ ها نظارت کنید تا تمام شاگردان در فعالیت فعالانه سهم داشته باشند. در ختم فعالیت از نمایندهٔ یک گروپ بخواهید تا فعالیتی را که انجام داده اند به دیگران توضیح دهد. بعد نتیجهٔ که از فعالیت فوق به دست می آید آنرا به شاگردان توضیح دهید.

حال مثال 1 صفحهٔ 120 کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل کنید؛ طوریکه شاگردان در حل آن نیـز سـهم فعال داشته باشند.

اکنون مثال 2 صفحهٔ (120) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل نماید. همزمان از سایر شاگردان بخواهید تا همین مثال را به شکل انفرادی در کتابچه های شان حل نمایند در پایان اگر در حل حل روی تخته مشکلی و جود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح نماید. زمانیکه مطمئن شدید حل روی تخته کاملاً درست است از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های شانرا با حل روی تخته مقایسه کنند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس خوب پی ببرند، مثال 3 صفحهٔ(120) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و با سهم گیری فعال شاگردان آنرا حل کنید.

7- ارزیایی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر؟ به صورت مختصر درس را ارزیابی نمایید مثلاً از شاگردان بپرسید:

- کی می تواند زاویهٔ ارتفاع را تعریف و ساحهٔ تحول آنرا بیان کند؟
- كى مى تواند زاوية تنزيل را تعريف و ساحة تحول آنرا بيان كند؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

ا- ارتفاع درختی را دریابید که اگر زاویه ارتفاع آن از 20° به 40° تبدیل گردد درین حالت مشاهد 75ft به درخت نزدیک می گردد.

حل:

$$\cot \hat{A} = \frac{\overline{AC}}{\overline{BC}} \implies \overline{AC} = \overline{BC} \cdot \cot \hat{A}$$

$$\overline{DC} + 75 - \overline{BC} \cot 20^{\circ}$$

$$\overline{DC} + 75 = \overline{BC} \cdot \cot 20^{\circ}$$

$$\overline{DC} = \overline{BC} \cdot \cot 20^{\circ} - 75$$

با استفاده از مثلث قايم الزاويه $\stackrel{\Delta}{ ext{DCB}}$ داريم كه:

$$\cot \hat{\mathbf{D}} = \frac{\overline{DC}}{\overline{BC}} \implies \overline{DC} = \overline{BC} \cdot \cot \hat{\mathbf{D}} \implies \overline{DC} = \overline{BC} \cot 40^{\circ}$$

$$\overline{DC} = \overline{BC} \cdot \cot 20^{\circ} - 75 = \overline{BC} \cdot \cot 40^{\circ}$$

$$\overline{BC}\cot 20^{\circ} - \overline{BC}\cot 40^{\circ} = 75$$

$$\overline{BC}(\cot 20^{\circ} - \cot 40^{\circ}) = 75$$

$$\overline{BC}(2,7-1,2) = 75$$

$$\overline{BC} = \frac{75}{1.5} = 50 ft$$

2 – یک درخت را باد از طرف بالا طوری شکستانده که تنه درخت و حصه شکسته آن یک مثلث قایم الزاویـه را بــا زمین می سازند اگر قسمت شکسته با زمین 50° زاویـه را تشکیل داده باشد و تنه درخت 20ft باشد ارتفاع درخت را دریابید.

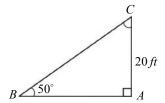
حل

$$\sin 50^{\circ} = \frac{20}{BC}$$

$$\overline{BC} = \frac{20}{\sin 50^{\circ}} = \frac{20}{0.766} = \frac{20000}{766}$$

$$\overline{BC} = 26,109$$

$$26,109 \text{ ft} + 20 \text{ ft} = 46,109 \text{ ft}$$





4-11: معادلات مثلثاتي

صفحات كتاب درسى: (122-121)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم معادلات مثلثاتی را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان معادلات مثلثاتی را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
 شاگردان معادلات مثلثاتی را در حل مسایل مختلف به کار ببرند. 	
سؤال و جواب، کار گروپی	2- روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
بعد از کار های ضروری مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف لازم است.	4- توضيح ورودي
درس روز گذشته را به صورت مختصر ارزیابی کنید.	د قیقه (5)
جهت توضیح ورودی این درس ابتدا چارت شکل ورودی این درس را که از قبل	
تهیه نموده اید پیشروی صنف آویزان کنید، بعد در مورد شکل ورودی از	
شاگردان سؤال كنيد:	
در شکل چه را می بینید؟	
مفهوم معادله در ریاضی به ما چه را نشان می دهد و با $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ چه – مفهوم	
ارتباط دارد؟	
– معادله با مطابقت چه فرق دارد؟ -	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم نمایید و به هر گروپ وظیفه دهید تا با مشوره یکدیگر فعالیت صفحهٔ(121) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت به عمل آرید. تا همه اعضای گروپ در انجام فعالیت سهم فعال داشته باشند. در ختم فعالیت از نماینده تمام گروپ ها بخواهید تا به نوبت به پیش روی تخته آمده و کار گروپی خویش را به دیگران توضیح دهند.

در اخیر فعالیت تعریف که در صفحهٔ(121) و نکات که برای حل معادلات مثلثاتی در شروع صفحهٔ(122) کتاب درسی به شکل نتیجه آمده است آنرا روی تخته بنویسید و به شاگردان آنرا خوب توضیح وتشریح کنید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس خوب پی ببرند، مثال صفحهٔ(122) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و با سهم گیری فعال شاگردان آنرا حل کنید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان مفهوم درس را فرا گرفته اند یا خیر؟ با طرح چند سؤال درس را ارزیابی نمایید. مثلاً از شاگردان سؤال کنید:

- _ معادله با مطابقت چه فرق دارد؟
- فورمول زوایا و قوس های را بنویسید که دارای نسبت های مثلثاتی sin,cos,tan یکسان باشند.
 - _ کی می گوید که کدام نکات را باید برای حل معادلات مثلثاتی به ترتیب در نظر گرفت؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

حل معادلات زیر را دریابید:

a)
$$\sqrt{3} \cot x - 1 = 0$$

$$\cot x = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\cot 60^{\circ} = \frac{\sqrt{3}}{3} \implies 60^{\circ} = \frac{\pi}{3}$$

$$\Rightarrow x = n\pi + \frac{\pi}{3}$$

b)
$$2\sin 3x + \sqrt{3} = 0$$

 $\sin 3x = -\frac{\sqrt{3}}{2} \implies \sin \theta = -\frac{\pi}{3}$

$$3x = -\frac{\pi}{3} \implies x = -\frac{\pi}{9}$$

c)
$$2\cos 4x - \sqrt{2} = 0$$

 $\cos 4x = \frac{\sqrt{2}}{2}$
 $4x = \frac{\pi}{4} \implies x = \frac{\pi}{16}$

$$\Rightarrow x = 2n\pi \pm \frac{\pi}{16}$$

4-12: نكات مهم فصل چهارم صفحه كتاب درسى: (123) وقت: يك ساعت درسى

- شاگردان مفاهیم و نکات مهم فصل چهارم را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان مفاهیم و نکات مهم فصل چهارم را تحلیل ، تجزیه و حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان در حیات روزمره آن ها را به کار ببرند.	
سؤال و جواب، کار کروپی و انفرادی	2- روش های تدریس
چارت که در آن تمام نکات مهم فصل تحریر شده باشد	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است ابتدا آن را انجام	4- توضیح ورودی
دهید سپس درس گذشته را به طور مختصر ارزیابی نمایید.	(5) دقیقه
حال توجه شاگردان را به نکات مهم فصل جلب نموده و اهمیت این نکات را به	
آنها بیان نمایید تا شاگردان متوجه اهمیت آنها شده وعلاقه به یادگیری بهتر آنها از	
خود نشان دهند و نكات مهم را خوب فرا گيرند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید بعد به نوبت از شاگردان بخواهید تا هر کدام یک نکتهٔ مهم درس را از روی چارت بخواند و بعد آنرا به شاگردان توضیح دهد. این کار را تا زمانی ادامه دهید تا تمام نکات مهم فصل توسط شاگردان با استفاده از چارت توضیح گردد. احیاناً اگر در توضیح شاگردان کدام اشتباهی موجود بود آنرا روی چارت نشانی نمایید تا بعداً توسط شما به اصلاح آن پرداخته شود.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به اهمیت هر یک از این نکات پی ببرند هر یک از نکات مهم را که هنگام توضیح آن شـاگردان مشکل داشتند خود شما آنرا طوری واضح سازید تا همه مشکلات آنها حل گردد.

8- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان به اهمیت این نکات پی برده اند یا خیر؟ در مورد بعضی از این نکات مهم از شاگردان سؤال کنید؛ مثلاً بپرسید:

- كى مى تواند مثلثات را تعريف نمايد ؟
- كى مى تواند دريك مثلث قايم الزاويه cos ، sin و cos ، sin يك زاويه را تعريف كند؟
- کی می تواند بگوید که حاصل جمع مربعات sin و cos یک زاویه مساوی به چند است؟

حل تمرينات فصل چهارم

در قسمت حل تمرینات فصل در سخنی چند به معلم، رهنمایی صورت گرفته معلمین محترم مطابق آن عمل نمایند:

بخش اول:

انسبت $\sin x$ یک زاویه عبارت است از:

طول و تر

نسبت x مساوی است به: -2

 $\frac{\sin x}{\cos x}$ (a

از: معادلهٔ 2y = 3x - 1 میل خط مستقیم عبارت است از:

 $\frac{3}{2}$ (a

4- معادله خط مستقیمی که محور y را درنقطه (0,3) قطع کند و با جهت مثبت محور x زاویه $^{\prime}$ 45 را تشکیل دهد،

كدام است:

y = x + 3 (a)

به: مساوی است به: $\sin^2 30 + \cos^2 30$ مساوی است به:

1 (a

به: $\sin 45^{\circ} - 6$ مساوی است به:

 $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (b

 $\frac{\sin 30^{\circ} - \cos 60^{\circ}}{\cos 60^{\circ} + \sin 30^{\circ}}$ مساوی است به:

0 (a

بخش دوم:

1 در مثلث قایم الزاویه مجموع دو زاویهٔ دیگر آن.. $\frac{90^{\circ}}{}$..است.

2- در یک مثلث متساوی الاضلاع طول یک ضلع آن 10 است. طول ارتفاع آن.... $5\sqrt{3}$...است.

3 نسبت ساین یک زاویه حاده عبارت است ...ضلع مقابل بر و تر.

Trigonometry -4 از دو کلمه... مثلث (Trigon)... و اندازه کردن (metron)... تشکیل گردیده است.

مساوی به ..یک.. است. $\tan \theta \cdot \cot \theta - 5$

بخش سوم:

طول ضلع مقابل زاویهٔ حاده
$$\sin x$$
 مساوی به $\frac{1}{-}$ است. -1

يا هم مساوى اند.
$$\sin 30^\circ$$
 (ص $)$

.ت.
$$\frac{2}{5}$$
 است. $2y = 5x - 1$ میل خط مستقیم $\frac{2}{5}$ است.

است.
$$\frac{\sin \theta}{\cos \theta}$$
 مساوی به $\tan \theta$ است.

است.
$$\sin^2 \theta$$
 است. $1 + \cos^2 \theta$ (خ) –5

بخش چهارم:

1 در اشكال زير نسبت هاى مثلثاتى زواياى داده شده را دريافت نماييد.

حل: چون alpha=0 است بنابران نسبت های مثلثاتی lpha با نسبت های مثلثاتی heta با هم مساوی اند.

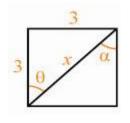
a)
$$x^{2} = 3^{2} + 3^{2} = 18$$

$$x = 3\sqrt{2}$$

$$\sin \theta = \frac{3}{3\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos \theta = \frac{3}{3\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\tan \theta = \frac{3}{3} = 1$$

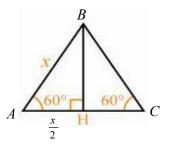


b)
$$\overline{AB}^2 = \overline{AH}^2 + \overline{BH}^2 \implies \overline{BH}^2 = \overline{AB}^2 - \overline{AH}^2 = x^2 - \frac{x^2}{4} = \frac{3x^2}{4} \implies \overline{BH} = \frac{x\sqrt{3}}{2}$$

$$\overline{BH} = \frac{x\sqrt{3}}{2} \implies \sin 60^\circ = \frac{\frac{x\sqrt{3}}{2}}{x} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\cos 60^\circ = \frac{\frac{x}{2}}{x} = \frac{1}{2}$$

$$\tan 60^\circ = \frac{\frac{x\sqrt{3}}{2}}{\frac{x}{2}} = \sqrt{3}$$



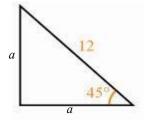
حل: نظر به شكل معلوم مى شود كه يك زاويهٔ مثلث °90 و ديگر آن °45 است. زاويهٔ سومى آن نيز °45 بوده؛ بناءً مثلث متساوى الساقين ، قايم الزاويه است و نسبت هاى مثلثاتى آن عبارت است از:

$$a^{2} + a^{2} = 12^{2} \implies 2a^{2} = 144 \implies a = \sqrt{72}$$

$$\sin 45^{\circ} = \frac{\sqrt{72}}{12} = \frac{6\sqrt{2}}{12} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 45^{\circ} = \frac{\sqrt{72}}{12} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\tan 45^{\circ} = \frac{\sqrt{72}}{\sqrt{72}} = 1$$



A در سؤالات زیر قیمت های A و B را محاسبه کنید.

1)
$$A = \cos 30^{\circ} - \sin 30^{\circ}$$

 $A = \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{3} - 1}{2}$

3)
$$\tan 30^{\circ} - \tan 60^{\circ}$$

$$A = \frac{\sqrt{3}}{3} - \sqrt{3} = \frac{\sqrt{3} - 3\sqrt{3}}{3} = \frac{-2\sqrt{3}}{3}$$

5)
$$A = \frac{1}{2} (\tan 45^\circ - \cos 45^\circ)$$

$$A = \frac{1}{2}(1 - \frac{\sqrt{2}}{2}) = \frac{2 - \sqrt{2}}{4}$$

9) $A = \sin 45^{\circ} + \cos 30^{\circ} - \tan 45^{\circ}$

 $=\frac{\sqrt{2}}{2}+\frac{\sqrt{3}}{2}-1$

7)
$$A = \frac{\sqrt{2}}{2} (\sin 60^\circ + \cos 45^\circ)$$

 $A = \frac{\sqrt{2}}{2} (\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}) = \frac{\sqrt{2}}{2} (\frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{2}) = \frac{\sqrt{6} + 2}{2}$

7)
$$A = \frac{\sqrt{2}}{2} (\sin 60^\circ + \cos 45^\circ)$$

 $A = \frac{\sqrt{2}}{2} (\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}) = \frac{\sqrt{2}}{2} (\frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{2}) = \frac{\sqrt{6} + 2}{4}$

$$B = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = 0$$

2) $B = \cos 60^{\circ} - \sin 30^{\circ}$

4)
$$B = \cos 60^{\circ} + \sin 30^{\circ}$$

$$B = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$$

6)
$$B = \tan 45^{\circ} + \tan 60^{\circ}$$

 $B = 1 + \sqrt{3}$

8)
$$B = 2 - \frac{1}{2} (\sin 45^{\circ} - \cot 45^{\circ})$$

 $B = 2 - \frac{1}{2} (\frac{\sqrt{2}}{2} - 1) = 2 - \frac{\sqrt{2} + 2}{4}$
 $= \frac{8 - \sqrt{2} - 2}{4} = \frac{6 - \sqrt{2}}{4}$

$$A = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{3} - 2}{2}$$

$$\frac{\sin^3 x - \cos^3 x}{1 + \sin x \cos x} = \sin x - \cos x$$
 حل:

را ثبوت کنید.
$$\frac{\sin^3 x - \cos^3 x}{1 + \sin x \cos x} = \sin x - \cos x$$
 را ثبوت کنید.

$$\frac{\sin^{3} x - \cos^{3} x}{1 + \sin x \cos x} = \sin x - \cos x$$

$$= \frac{(\sin x - \cos x)(\sin^{2} x + \sin x \cos x + \cos^{2} x)}{(1 + \sin x \cos x)}$$

$$= \frac{(\sin x - \cos x)(1 + \sin x \cos x)}{(1 + \sin x \cos x)} = \sin x - \cos x$$

اگر $\sin x = \frac{7}{12}$ باشد $\sin x = \frac{7}{12}$ اگر

$$\begin{vmatrix}
\sin x = \frac{7}{12} \\
\cos x = ? \\
\tan x = ?
\end{vmatrix}
\begin{vmatrix}
\sin^2 x + \cos^2 x = 1 \\
\frac{49}{144} + \cos^2 x = 1 \\
\cos^2 x = 1 - \frac{49}{144} \\
\cos^2 x = \frac{144 - 49}{144} = \frac{95}{144}
\end{vmatrix}
= \frac{7}{\tan x} = \frac{\frac{7}{\sqrt{95}}}{12}$$

را دریابید.
$$\sin x$$
 و $\sin x$ باشد نسبت های مثلثاتی $\sin x$ و $\cos x = \frac{\sqrt{3}}{3}$

حل:

$$\cos x = \frac{\sqrt{3}}{3} \begin{cases}
\sin^2 x + \cos^2 x = 1 \\
\sin^2 x + \frac{3}{9} = 1 \\
\sin x = ? \\
\tan x = ?
\end{cases}$$

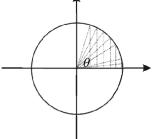
$$\tan x = \frac{\sin x}{\cos x} = \frac{\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}}{\frac{\sqrt{3}}{3}}$$

$$\tan x = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \cdot \frac{3}{\sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{2}}{3} = \sqrt{2}$$

6- اگر زاویه به صفر نزدیک شود tan به کدام عدد نزدیک می شود از روی شکل ادعایی خود را نشان دهید. حل: اگر زاویه به صفر نزدیک شود بنابر آن قیمت tan نیز به صفر نزدیک می شود زیرا ضلع مقابل صفر می شود و به

شکل زیر به مشاهده می رسد:

$$egin{align*} \theta &= 0 \\ 0 &= 0 \\ 0 &= 1 \end{array} \Rightarrow an heta = rac{\sin h}{\cos h} = rac{0}{1} = 0$$



در شکل زیر اگر $\frac{\sqrt{3}}{3} = \tan 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3}$ در شکل زیر اگر $\cot 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{3}$ در شکل زیر اگر و استه کنید.

حل

$$\tan 30^{\circ} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\tan 30^{\circ} = \frac{\overline{BC}}{16} \implies \overline{BC} = \tan 30 \cdot 16$$

$$\overline{AB} = 16$$

$$\overline{AC} = ?$$

$$\overline{BC} = \frac{\sqrt{3}}{3} \cdot 16 = \frac{16\sqrt{3}}{3}$$

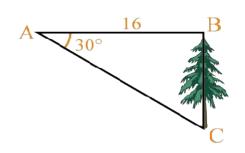
$$\overline{AC}^{2} = \overline{AB}^{2} + \overline{BC}^{2}$$

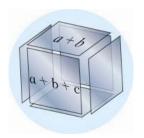
$$\overline{AC}^{2} = (16)^{2} + (\frac{16\sqrt{3}}{3})^{2}$$

$$\overline{AC}^{2} = 256 + 9.238$$

$$\overline{AC}^{2} = 265238$$

$$\overline{AC} \approx 162$$





فصل پنجم:افاده های الجبری

5-1: افاده هاى الجبرى

صفحات كتاب درسى:(130-129) وقت: يك ساعت درسى

 شاگردان مفهوم افاده های الجبری را بدانند. 	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان افاده های الجبری را ساده ودرجه آنرا تعیین کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
 شاگردان اهمیت افاده ها را در حل مسایل الجبری درک کنند. 	
سؤال وجواب،کارگروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
چارت یا تصویرشکل ورودی، چارت جدول مربوط مثال صفحهٔ(130)	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید:	(5) دقیقه
برای توضیح ورودی این درس چارتی را که از قبل آماده نموده اید پیشروی	
صنف آویزان کنید بعد از شاگردان سؤال بپرسید:	
شما درشکل چه را می بینید؟	
این شکل را چرا مکعب گویند؟	
این مکعب دارای چند سطح می باشد؟	
حجم این مکعب را چطور به دست آورده می توانیم؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (129) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت نمایید. طوریکه همه اعضای گروپ در انجام فعالیت سهم داشته باشند. و در اخیر فعالیت از هرگروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود روی تخته رفته و کارگروپ خویش را به دیگران توضیح دهند و در صورت اشتباهی شاگرد روی تخته، یک شاگرد برخاسته و آنرا اصلاح نماید. بعد نتیجهٔ فعالیت را روی تخته بنویسید و با سهم گیری فعال شاگردان تشریح و توضیح کنید.

6- تحكيم درس (7)دقيقه:

برای اینکه درس ارائه شده را شاگردان خوبتر درک کنند جدولی را که برای مثال صفحهٔ (130) کتاب درسی از قبل تهیه نموده اید پیشروی صنف آویزان و تکمیل نمایید طوریکه شاگردان فعالانه سهم داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یاخیر؟ با طرح چند سؤال طور زیر آنها را مختصر ارزیابی نمایید:

- كى مى تواند افاده هاى يك حده، دو حده ، سه حده و چند حده را تعريف كند؟
 - كى مى تواند بگويد حدود مشابه چيست؟
 - چطور می توانید یک مونوم را بنویسید و درجه آن را تعیین کنید؟

8- معلومات اضافی برای معلم:

هرگاه اعداد الجبری یا یک حد مشابه الجبری ویا حدود غیر مشابه الجبری به وسیله عملیه های اساسی باهم ارتباط داشته باشند ، افاده های الجبری نامیده می شوند. که به صورت عموم افاده های الجبری را می توان به سه بخش تقسیم کرد:

1- افاده های تام الجبری: افاده های که به شکل تام (کامل) ارائه گردیده باشد؛ مانند:

 $-4a^{2}bc, xy^{2}z^{3}, 3ax$

2- افاده های کسری الجبری: افاده های که به شکل نسبت ها ارائه گردیده باشند:

$$\frac{3x-2}{3+xy}$$
, $\frac{ab+2a^2}{b^3-3b+1}$, $\frac{y-my+m^2}{x^2-nx+n^2}$

3- افاده های جذری الجبری: افاده های که به شکل جذر ارائه گردیده باشند مانند:

$$\sqrt{5x+7}$$
, $\sqrt[3]{a^2-a+1}$, $\sqrt[4]{y^3-2xy+x^2}$

9- جواب به سؤال های تمرین:

1 افاده های زیر را ساده نموده و درجه آن را نظر به هر یک از متحول ها تعیین کنید.

a)
$$x^2 - 3x + 6x^2 - \frac{3}{2}x = 7x^2 - \frac{9}{2}x$$

درجهٔ آن نظر به متحول 2, x می باشد.

b)
$$\sqrt{2mn^2} - \frac{1}{2}m + 2\sqrt{2}n^2m + 3m = (1+2)\sqrt{2mn^2} + (3-\frac{1}{2})m$$

= $3\sqrt{2mn^2} + \frac{5}{2}m$

درجه آن نظر به متحول 1,m و نظر به متحول 2,n می باشد.

c)
$$-4x^2 + 2x^2 + 14x - 8 + 4x^3 - 16x - 2x^2 = -6x^2 + 2x^2 - 2x + 4x^3 - 8$$

= $4x^3 - 4x^2 - 2x - 8$

درجهٔ آن نظر به متحول 3,x می باشد.

d)
$$4-x^3y-2+yx^3-4xy-1=-4xy+1$$

درجهٔ آن نظربه متحول y, x یک می باشد.

2- افاده های الجبری زیر چند حده بوده، درجه هر کدام آنها را نظر به هر یک از متحول ها تعیین کنید.

افادة الجبري	يک حده	دو حده	سه حده	چند حده	در جه					
<u>.</u>	•	,		*	m	n	p	q	X	y
$6x^2 - 4xy^6 - 12xy^6 - 2x^5$				√					5	6
$8x^6 - 4xy^6 - 5x^2$			√						6	6
$6x^2y^6m^9$	\checkmark				9				2	6
$\sqrt{3}x - y + 6x^2y^3 - 2y^2$				√					2	3
$3pq^3 - 8p^4q^3 - 12q^4 - 0.5p^6$				√			6	4		
$\frac{3pq^3 - 8p^4q^3 - 12q^4 - 0.5p^6}{\frac{4m - 2n}{2m - n}}$	√				1	1				

3- در افاده های زیر حدود مشابه را مشخص و چند حده را ساده کنید.

$$A = \underbrace{4xy}_{} + \underbrace{(2x^{2}y)}_{} - \underbrace{3xy^{2}}_{} - \underbrace{\sqrt{2}xy}_{} - \underbrace{(0.5x^{2}y)}_{} - \underbrace{\frac{1}{2}xy^{2}}_{}$$

$$= 2.6xy + 1.5x^{2}y - 3.5xy^{2}$$

$$B = \boxed{\frac{4}{3}a^2b} - \boxed{a^2} + \underline{b^2} - \boxed{0.7a^2b} - \boxed{2a^2} - \underline{3b^2} + xy$$
$$= 0.634a^2b - 3a^2 - 2b^2 + xy$$

$$C = 2\sqrt{8x} + \sqrt{2} - 3\sqrt{8x} + \sqrt{32}$$

$$= -\sqrt{8x} + \sqrt{2} + \sqrt{16 \cdot 2} = -2\sqrt{2x} + \sqrt{2} + 4\sqrt{2}$$

$$= -2\sqrt{2x} + 5\sqrt{2}$$



2-5: تجزیه به فکتور (فکتور گیری) صفحات کتاب درسی: (131-132)

وقت: یک ساعت درسی

گردان مفهوم تجزیه به فکتور ها را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
ئردان افاده ها را تجزیه کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی) المارتی
گردان از تجزیه به فکتورها احساس خوشی نمایند.	– شا ً
وجواب،کارگروپی وانفرادی	2- روش های تدریس سؤال
، یا تصویر شکل ورودی	3- م واد ممد درسی چارت
ای مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	
رس جدید بپردازید، طوریکه در قدم نخست شکل ورودی را توضیح کنید:	ارائه د
مت توضیح ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا	در قس
ی صنف آویزان نمایید بعد در مورد شکل ورودی سؤال ها کنید.	پيشرو
لل چه را می بینید؟	درشک
شاخچه گل سازنده یک دسته گل است؟	چند
دسته ها با هم مشابه اند؟	كدام
نمایید تا مثال های را بیاورید که شاگردان مفهوم فکتور را درک نمایند.	سعى

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم وبه آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (131) کتاب درسی را انجام دهند.

دروقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت نمایید. تا تمام شاگردان در فعالیت گروپی سهم داشته باشند. در ختم فعالیت از نماینده های هرگروپ بخواهید تا کار گروپ خویش را به دیگردان توضیح دهند. بعد مفهومیکه از اجرای فعالیت فوق به مشاهده میرسد آنرا توضیح نمایید.

حال از یک شاگرد بخواهید تا مثال 1 صفحهٔ (131) کتاب درسی را روی تخته حل نماید همزمان از شاگردان دیگر بخواهید تا این کار را در کتابچه های شان انجام دهند. اگر در حل روی تخته مشکلی و جود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح نماید وقتی مطمئن شدید که حل مثال کاملاً درست است.از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه نمایند. تا اگر اشتباهی را مر تکب شده باشند به اصلاح آن بپردازند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان مفهوم درس را خوبتر فرا گیرند مثال 2 صفحهٔ(132) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل نمایید طوریکه شاگردان نیز فعالانه سهم بگیرند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر؟ با طرح چند سؤال در مورد درس داده شده ارزیابی نمایید، مثلاً بیرسید:

- كى مى تواند بگويد كه مفهوم تجزيه چيست؟
- كى مى تواند بگويد كه چطور مى توان يك افاده را تجزيه نمود؟

کی می تواند بگوید که در ساده ساختن اکثر ازافاده ها از کدام خاصیت استفاده می شود؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

افاده های زیر را تجزیه کنید.

1)
$$x^4 - x^3y + x^2 \cdot x = x^2(x^2 - xy + x)$$

2)
$$x(2x-3y)^2 + 8(2x-3y) = (2x-3y)[x(2x-3y)+8]$$

3)
$$10ab-15ac = 5a(2b-3c)$$

4)
$$32x^2y - 4xy^2 = 4xy(8x - y)$$

5)
$$\sqrt{2}x^3y^2 - \sqrt{8}xy = \sqrt{2}xy(x^2y - \sqrt{4}) = \sqrt{2}xy(x^2y - 2)$$

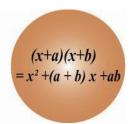
6)
$$0.5mn^2 - 0.125m^4n^3 = 0.5mn^2(1 - 0.25m^3n)$$

7)
$$ab+b+b=b(a+1+1)=b(a+2)$$

8)
$$\frac{3}{2}x^2 - \frac{4}{6}x^2 - \frac{1}{2}x^2 - x^4 = x^2(\frac{3}{2} - \frac{4}{6} - \frac{1}{2} - x^2) = x^2(\frac{9 - 4 - 3}{6} - x^2) = x^2(\frac{1}{3} - x^2)$$

9)
$$mab + my + ny + nab = mab + nab + my + ny = ab(m+n) + y(m+n) = (m+n)(ab+y)$$

$$10) ab(b+a+c) + ac(a+b+c) + bc(c+b+a) = (a+b+c+)(ab+ac+bc)$$



3-5: ضرب افاده هاى الجبرى صفحات كتاب درسى: (134-133) وقت: يك ساعت درسي

1- اهداف آموزشي:	 شاگردان مفهوم ضرب افاده های الجبری را بدانند.
(دانشی، مهارتی وذهنیتی)	 شاگردان سؤال های مربوط به ضرب افاده های الجبری را حل کرده بتوانند.
	- شاگردان از حل افاده های الجبری لذت ببرید.
2- روش های تدریس	سؤال وجواب، کار گروپی وانفرادی
3- مواد ممد درسی	چارت شکل ورودی
4- توضیح ورودی	کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به
(5) دقیقه	ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه ابتدا به توضیح بخش ورودی اقدام نمایید.
	جهت توضیح ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا
	پیشروی صنف آویزان نمایید بعد در مورد از شاگردان بپرسید:
	درشکل چه را می بینید؟
	درافادهٔ فوق چند جملهٔ مشترک به مشاهده می رسد؟
	این جمله ها کدام ها اند؟

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم وبه آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(133) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت نمایید. تا تمام اعضای گروپ در انجام فعالیت سهم داشته باشند.

درختم کار گروپی از نمایندهٔ هر گروپ بخواهید تا فعالیتی را که گروپ شان انجام داده است به دیگران توضیح نمایند.

دراخیر فعالیت فارمول که ضرب دو افاده الجبری را نشان می دهد روی تخته بنویسید و آنرا به شاگردان توضیح نمایید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه درس ارائه شده را شاگردان خوبتر درک کنند. مثال صفحهٔ(134) کتاب درسی را روی تخته بنویسید بعد جنه و آنرا طوری حل و توضیح نمایید که شاگردان نیز سهم داشته باشند.

متباقی اجزای مثال فوق را یک یک نفر شاگردان روی تخته به نوبت حل وتوضیح نمایند اگر به مشکلی روبرو می گردند آنها را همکاری نمایید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه خود را مطمئن سازید که آیا شاگردان درس ارائه شده را خوب درک نموده اند یاخیر؟ به ارتباط درس داده شده چند سؤال مانند زیر را طرح و از شاگردان جواب به دست آرید؛ مثلاً بپرسید:

- كى مى تواند دو افاده الجبرى كه يك جملة مشترك داشته باشند روى تخته بنويسد؟
 - کی می تواند این افاده را حل نماید؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

1- افاده های زیر را تجزیه کنید:

a)
$$x^2 + 7x + 12 = x^2 + (4+3)x + 4.3$$

= $x^2 + 4x + 3x + 12$
= $x(x+4) + 3(x+4)$
= $(x+4)(x+3)$

b)
$$m^2 - 6m - 7 = m^2 + (1 - 7)m + 1(-7)$$

= $m^2 + m - 7m - 7$
= $m(m+1) - 7(m+1)$
= $(m+1)(m-7)$

c)
$$a^2 + a - 2 = a^2 + (2-1)a + 2(-1)$$

= $a^2 + 2a - a - 2 = a^2 - a + 2a - 2$
= $a(a-1) + 2(a-1)$
= $(a-1)(a+2)$

d)
$$x^2 - x - 20 = x^2 + (4-5)x + 4(-5)$$

= $x^2 + 4x - 5x - 20$
= $x(x+4) - 5(x+4)$
= $(x+4)(x-5)$

2- افاده های زیر را با هم ضرب نمایید:

a)
$$(2x-1)(x+3) = 2x^2 + 5x - 3$$

b)
$$(\sqrt{2} + x)(x - \sqrt{2}) = \sqrt{2}x - (\sqrt{2})^2 + x^2 - \sqrt{2}x$$

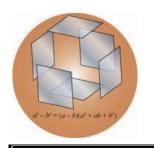
 $= x^2 - \sqrt{2}x + \sqrt{2}x - 2$
 $= x^2 - 2$

c)
$$(a-3)(a+4) = a^2 + 4a - 3a - 12$$

= $a^2 + a - 12$

d)
$$(0.5xm - \frac{1}{2})(4xm + 0.5) = 2x^2m^2 + 0.25xm - 2xm - 0.25$$

= $2x^2m^2 - 1.75xm - 0.25$



5-4: مجموع و تفاضل مكعبات

صفحات كتاب درسى: (136-135)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم مجموع و تفاضل مكعبات را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
 شاگردان بتوانند افاده های الجبری را به مطابقت تبدیل نمایند. 	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از مفهوم مجموع و تفاضل مكعبات درحيات روزمره استفاده نمايند.	
سؤال وجواب،کارگروپی وانفرادی	2– روش های تدریس
كعب ساخته شده از كاغذ، چارت شكل ورودي	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	
رائه درس جدید بپردازید، طوریکه نخست به توضیح درس ورودی اقدام	(5) دقیقه
مایید.جهت توضیح ورودی این درس چارتی را که قبل تهیه نموده اید پیشروی	
صنف آویزان کنید بعد از شاگردان بپرسید:	
درشکل چند مربع را می بینید؟	
رای اینکه یک مکعب ساخته شود به چند شکل مربعی ضرورت است؟	
آیا مربعات که درشکل ورودی موجود اند می توانند یک مکعب را بسازند؟	,
سمت چپ، مساوات که درشکل ورودي موجود است تفاضل دومکعب را	
شان می دهد اما سمت راست آن یک افاده مشترک و یک افادهٔ درجه دو را	
شان می دهد.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(135) کتاب درسی را انجام دهند.

دروقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت نمایید. درصورت مشکل کمک و رهنمایی کنید. و در ختم فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود روی تخته رفته و کارگروپ خویش را به دیگران توضیح دهند. دراخیر کار گروپی نتایج که از فعالیت فوق به دست می آید آنرا روی تخته بنویسید و از سمت راست به چپ آنرا به دست آرید.

حال از دو نفر شاگرد بخواهید تا به نوبت مثال های 1 و 2 صفحهٔ (136) کتاب را روی تخته حل نمایند همزمان از سایر شاگردان بخواهید تا این کار را در کتابچه های شان انجام دهند. اگر در حل روی تخته مشکلی وجود داشت از شاگردان داؤطلب بخواهید تا آنها را اصلاح نمایند و شاگردان دیگر حل های شان را با حل روی تخته مقایسه نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان مفهوم درس را بهتر فرا گیرند مثال 3 و 4 صفحهٔ(136) کتاب درسی را روی تخته طوری حل نمایید که شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یاخیر؟ با طرح سؤال ها درس را مختصراً ارزیابی نمایید؛ مثلاً بپرسید:

- کی می تواند مجموع و تفاضل مطابقت های درجه سوم را روی تخته بنویسد؟
 - كى مى تواند رابطهٔ الجبرى آنها را ثبوت نمايد؟

8- معلومات اضافي براي معلم:

داد: $a^n - b^n$ را می توان قرار زیر انکشاف داد:

$$a^{n}-b^{n}=(a-b)(a^{n-1}+a^{n-2}.b+a^{n-3}.b^{2}+...+b^{n-1})$$

مثال:

$$a^{5} - b^{5} = (a - b)(a^{4} + a^{3}b + a^{2}b^{2} + ab^{3} + b^{4})$$
$$a^{4} - b^{4} = (a - b)(a^{3} + a^{2}b + ab^{2} + b^{3})$$

:می توان دو حالت زیر را در نظر گرفت $a^n + b^n$ می توان دو حالت زیر را در نظر گرفت

در مطابقت $a^n + b^n$ اگر a شامل اعداد طاق باشد آنرا قرار زیر می توان انکشاف داد:

$$a^{n} + b^{n} = (a+b)(a^{n-1} - a^{n-2} \cdot b + a^{n-3} \cdot b^{2} \dots + b^{n-1})$$

$$a^{5} + b^{5} = (a+b)(a^{4} - a^{3}b + a^{2}b^{2} - ab^{3} + b^{4})$$

$$a^{7} - b^{7} = (a-b)(a^{6} + a^{5}b + a^{4}b^{2} + a^{3}b^{3} + a^{2}b^{4} + ab^{5} + b^{6})$$

در مطابقت a^n+b^n اگر a شامل اعداد جفت باشد آنرا قرار زیر می توان انکشاف داد:

$$a^{n} + b^{n} = \left(a^{\frac{n}{2}} + b^{\frac{n}{2}} + \sqrt{2a^{\frac{n}{2}}b^{\frac{n}{2}}}\right)\left(a^{\frac{n}{2}} + b^{\frac{n}{2}} - \sqrt{2a^{\frac{n}{2}}b^{\frac{n}{2}}}\right)$$

مثال:

1)
$$a^4 + b^4 = (a^{\frac{4}{2}} + b^{\frac{4}{2}} + \sqrt{2a^{\frac{4}{2}}b^{\frac{4}{2}}})(a^{\frac{4}{2}} + b^{\frac{4}{2}} - \sqrt{2a^{\frac{4}{2}}b^{\frac{4}{2}}})$$

 $= (a^2 + b^2 + ab\sqrt{2})(a^2 + b^2 - ab\sqrt{2})$
2) $a^2 + b^2 = (a^{\frac{2}{2}} + b^{\frac{2}{2}} + \sqrt{2a^{\frac{2}{2}}b^{\frac{2}{2}}})(a^{\frac{2}{2}} + b^{\frac{2}{2}} - \sqrt{2a^{\frac{2}{2}}b^{\frac{2}{2}}})$
 $= (a + b + \sqrt{2ab})(a + b - \sqrt{2ab})$

ثبوت مثال2:

$$(a+b)^{2} = a^{2} + 2ab + b^{2}$$

$$a^{2} + b^{2} = (a+b)^{2} - 2ab$$

$$a^{2} + b^{2} = (a+b)^{2} - (\sqrt{2ab})^{2}$$

$$a^{2} + b^{2} = (a+b+\sqrt{2ab})(a+b-\sqrt{2ab})$$

9- جواب به سؤال های تمرین:

مست مساوات
$$(a^3-b^3)=(a-b)(a^2+ab+b^2)$$
 را به شكل الجبرى نشان دهيد.

$$(a^{3}-b^{3}) = (a-b)(a^{2}+ab+b^{2})$$

$$= a(a^{2}+ab+b^{2}) - b(a^{2}+ab+b^{2})$$

$$= a^{3}+a^{2}b+ab^{2}-a^{2}b-ab^{2}-b^{3}$$

$$= a^{3}-b^{3}$$

2- تجزیه نمایید.

a)
$$a^6b^6 + x^3y^3 = (a^2b^2)^3 + (xy)^3 = (a^2b^2 + xy)(a^4b^4 + a^2b^2xy + x^2y^2)$$

b)
$$8+b^3=2^3+b^3=(2+b)(2^2-2b+b^2)=(2+b)(4-2b+b^2)$$

c)
$$x^{12} - y^{12} = (x^4)^3 - (y^4)^3 = (x^4 - y^4)(x^8 + x^4y^4 + y^8) = (x^2 - y^2)(x^2 - y^2)(x^8 + x^4 + y^8)$$

d)
$$125x^3 + y^3 = (5x)^3 + y^3 = (5x + y)(5^2x^2 - 5xy + y^2) = (5x + y)(25x^2 - 5xy + y^2)$$

e)
$$0.125x^3 - 1 = (0.5x)^3 - 1^3 = (0.5x - 1)[(0.5)^2x^2 + 0.5x + 1^2]$$

$$f) \frac{1}{r^3} + 1 = (\frac{1}{r})^3 + 1^3 = (\frac{1}{r} + 1)(\frac{1}{r^2} - \frac{1}{r} + 1)$$

g)
$$8-64a^3b^6=2^3-(4ab^2)^3=(2-4ab^2)(4+8ab^2+16a^2b^4)$$

$$(3b)^3 + (2a)^3 + (2a)^3 + (3b)^3 = (2a - 3b)(4a^2 + 6ab + 9b^2)$$

i)
$$b^6 - 1 = (b^2)^3 - 1^3 = (b^2 - 1)(b^4 + b^2 + 1)$$



5-5: كوچكترين مضرب مشترك (L.C.M)

صفحات كتاب درسي: (138-137)

وقت: یک ساعت درسی

1- اهداف آموزشی:
(دانشي، مهارتي وذهنيتي)
2– روش های تدریس
3- مواد ممد درسی
4- توضيح ورودي
(5) دقیقه

5- فعالیت جریان درس (28)دقیقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(137) کتاب درسی را انجام دهند.

دروقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت نمایید. تا تمام شاگردان در فعالیت سهم داشته باشند. در ختم فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود روی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. بعد مراحل به دست آوردن کوچکترین مضرب مشترک را تشریح و توضیح کنید.

حال از یک شاگرد بخواهید تا مثال 1 صفحهٔ (137) کتاب درسی را روی تخته حل نماید همزمان از شاگردان دیگر بخواهید تا این کار را در کتابچه های شان انجام دهند. اگر در حل روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح نماید زمانیکه مطمئن شدید که حل روی تخته کاملاً درست است به شاگردان هدایت دهید که حل کتابچه های شان را با حل روی تخته مقایسه نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه موضوع درس را شاگردان خوبتر فرا بگیرند مثال 2 صفحهٔ(138) کتاب درسی را روی تخته حل نمایید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را درست فرا گرفته اند یاخیر؟ درمورد سؤال ها کنید، مثلاً بیرسید:

- کی می تواند بگوید کوچکترین مضرب مشترک چیست؟

- کی می تواند بگوید که برای به دست آوردن کوچکترین مضرب مشترک دو یا چندین افادهٔ الجبری چه باید کرد؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

با درنظر داشت كوچكترين مضرب مشترك، ساده سازيد.

1)
$$\frac{2x}{3} - \frac{4}{5x} \div \frac{3}{10x} = \frac{2x}{3} - \frac{4}{5x} \times \frac{10x}{3}$$
$$= \frac{2x}{3} - \frac{40x}{15x}$$
$$3 = 3 \times 1$$
$$15x = 3 \times 5x$$
$$\Rightarrow L.C.M = 5x \cdot 3 = 15x$$
$$\frac{2x}{3} - \frac{40x}{15x} = \frac{10x^2 - 40x}{15x}$$

2)
$$\frac{3x-1}{x^2+2x-15} - \frac{2}{x+5}$$

$$x^2+2x-15 = (x-3)(x+5)$$

$$(x+5)$$

$$\Rightarrow L.C.M = (x-3)(x+5)$$

$$\frac{3x-1}{x^2+2x-15} - \frac{2}{x+5} = \frac{3x-1-2x+6}{(x+5)(x-3)}$$

$$= \frac{x+5}{(x-3)(x+5)} = \frac{1}{x-3}$$

3)
$$\frac{2}{x-1} + \frac{x}{x+1} - \frac{4}{x^2 - 1}$$

$$x - 1$$

$$x + 1$$

$$x^2 - 1 = (x - 1)(x + 1)$$

$$\frac{2}{x-1} + \frac{x}{x+1} - \frac{4}{x^2 - 1} = \frac{2x + 2 + x^2 - x - 4}{(x-1)(x+1)} = \frac{x^2 + x - 2}{(x-1)(x+1)} = \frac{(x+2)(x-1)}{(x-1)(x+1)} = \frac{x+2}{x+1}$$

4)
$$\frac{2}{x^{2}-1} + \frac{3}{x^{3}-1} + \frac{1}{x+1}$$

$$x^{2}-1 = (x-1)(x+1)$$

$$x^{3}-1 = (x-1)(x^{2}+x+1)$$

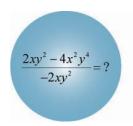
$$x+1$$

$$\Rightarrow L.C.M = (x-1)(x+1)(x^{2}+x+1)$$

$$\frac{2}{x^{2}-1} + \frac{3}{x^{3}-1} + \frac{1}{x+1} = \frac{2(x^{2}+x+1) + 3(x+1) + (x-1)(x^{2}+x+1)}{(x-1)(x+1)(x^{2}+x+2)}$$

$$= \frac{2x^{2} + 2x + 2 + 3x + 3 + x^{3} - 1}{(x-1)(x+1)(x^{2}+x+2)}$$

$$= \frac{x^{3} + 2x^{2} + 5x + 4}{x^{4} + x^{3} - x - 1}$$



6-5: تقسیم افاده های الجبری(تدریس در دو ساعت درسی) صفحات کتاب درسی: (140-139)

وقت: ساعت اول درسي

 شاگردان مفهوم تقسیم افاده های الجبری را بدانند. 	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان سؤال های مربوط به تقسیم افاده های الجبری را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از تقسیم افاده های الجبری احساس خوشی نمایند.	
سؤال وجواب، کار گروپی	2- روش های تدریس
چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضيح ورود
ارائه درس جدید بپردازید. طوریکه ابتدا بخش ورودی درس را توضیح نمایید:	(5) دقیقه
برای این کار چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان نمایید	
بعد بگوييد:	
طوریکه درشکل دیده می شود دو افادهٔ الجبری درحالت تقسیم قرار دارند. برای	
اینکه آن را ساده بسازیم افاده مخرج را با افادهٔ صورت مقایسه می نماییم و می بینیم	
که چگونه می توان حد مشترک را بین شان دریافت نمود.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (139) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت نمایید تا تمام آنها در انجام فعالیت سهم فعال داشته باشند. درختم فعالیت به نماینده گی گروپ ها از نمایندهٔ یک گروپ بخواهید تا فعالیت را که انجام داده اند به دیگران توضیح نمایند. بعد نتایج فعالیت مربوط این درس را که در 5 مرحله درصفحهٔ (140) کتاب درسی وجود دارد به آنها تشریح و توضیح نمایید طوریکه آنها نیز فعالانه سهم داشته باشند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه درس ارائه شده را شاگردان خوبتر درک کنند مثال 1 صفحهٔ(140) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و حل نمایید. طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7-ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

درختم درس با طرح نمودن سؤالها در مورد درس ارائه شده از شاگردان و اخذ جوابات قناعت بخش خود را مطمئن سازید که آیا شاگردان درس را درست فرا گرفته اند یاخیر؟ مثلاً بپرسید:

- کی می گوید ترتیب نزولی چیست؟
- كى مى تواند بگويد افادهٔ كامل چيست؟
- كى مى تواند بگويد كه در تقسيم دو افاده الجبرى چند مرحله وجود دارد؟ و كدام ها اند؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

در پایان صحت تقسیم را بررسی کنید.

1)
$$2t^3 - 4t^2 - 2t - 6$$
 $\begin{vmatrix} t^2 + 9t + 7 \\ 2t - 22 \end{vmatrix}$

$$-2t^3 \pm 18t^2 \pm 14t$$

$$-22t^2 - 16t - 6$$

$$\pm 22t^2 \mp 198t \mp 154$$

$$182t + 148$$

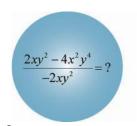
 $(2t-22)(t^2+9t+7)+182t+148=2t^3-4t^2-2t-6$ امتحان:

2)
$$-x^{2}-x+1 \qquad \frac{-x+1}{x+2}$$

$$\frac{\pm x^{2} \pm x}{-2x+1}$$

$$\frac{\pm 2x \pm 2}{-1}$$

 $(x+2)(-x+1)-1=-x^2+x-2x+2-1=-x^2-x+1$



5-7: تقسیم افاده های الجبری صفحات کتاب درسی: (142-141) وقت: ساعت دوم درسی

 - شاگردان مفهوم تقسیم افاده های الجبری را بدانند. 	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان افادهٔ ناقص را از کامل فرق کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
 - شاگردان از تقسیم افاده های الجبری احساس خوشی نمایند. 	
سؤال وجواب ، کار انفرادی	2- روش های تدریس
چارت شکل ورودي	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه نخست به توضیح شکل ورودی اقدام نمایید:	(5) دقیقه
جهت توضیح شکل ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید یکبار	
دیگر پیشروی صنف آویزان نمایید و در مورد توضیحات که در ساعت قبلی داده	
بودید یکبار دیگر به صورت مختصر آنرا تکرار نمایید.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

مثال 2 صفحهٔ (141) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل نماید همزمان به سایر شاگردان صنف وظیفه دهید تا همین مثال را هر کدام به صورت جداگانه در کتابچه های شان حل نمایند. اگر درحل روی تخته اشتباهی و جود داشته از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح کند زمانیکه مطمئن شدید که حل روی تخته درست است به شاگردان هدایت بدهید که حل کتابچه های شان را با حل روی تخته مقایسه نمایند.

درپایان حل مثال برای اینکه از صحت حل مثال مطمئن شوید دوشرط که درصفحهٔ(141) کتاب موجود است آنرا بیان کنید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

مثال 3 صفحهٔ (141) کتاب درسی را روی تخته بنویسید بعداً به حل آن اقدام نمایید طوریکه شاگردان درهنگام حل سهم فعال داشته باشند به این معنی که درهر قدمیکه درحل مثال به پیش می روید با طرح سؤالات از شاگردان واخذ جوابات پیش بروید یعنی مثال را طوری حل نمایید که درهر قسمت جواب را از شاگردان به دست آرید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه اطمینان حاصل نمایید که آیا شاگردان درس را فرا گرفته اند یا خیر؟ در مورد سؤال ها کنید، مثلاً بپرسید:

- كى مى تواند بگويد كه افادهٔ ناقص چيست؟
- كى مى تواند دو شرط يافتن صحت تقسيم دو افادهٔ الجبرى را واضح سازد؟
 - كى مى تواند افاده كامل را از ناقص فرق كند؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

در پایان صحت تقسیم را بررسی کنید.

3)
$$2y^3 + y - 3y = 2y^3 - 2y$$

$$2y^{3} + 0.y^{2} - 2y \left| \frac{y^{2} - 3y - 1}{2y} \right|$$

$$\frac{\pm 2y^{3} \mp 6y^{2} \mp 2y}{6y^{2}}$$

$$2y(y^2-3y-1)+6y^2=2y^3-6y^2-2+6y^2=2y^3-2y$$
: امتحان

4)
$$2x^{3} + 5x^{2} - x - 1 \frac{x+3}{2x^{2} - x + 2}$$

$$-2x^{3} \pm 6x^{2}$$

$$-x^{2} - x$$

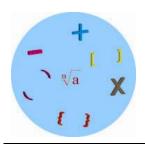
$$-x^{2} + 3x$$

$$2x - 1$$

$$-2x \pm 6$$

$$-7$$

$$(2x^2-x+2)(x+3)-7=2x^3+6x^2-x^2-3x+2x+6-7=2x^3+5x^2-x-1$$
 امتحان:



5-8: ترتیب انجام عملیه ها در افاده های الجبری(تدریس در دو ساعت درسی) صفحات کتاب درسی: (144-143) وقت: ساعت اول درسی

 شاگردان ترتیب انجام عملیه ها در افاده های الجبری را بدانند. 	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان با رعایت ترتیب عملیه ها، افاده ها را به صورت درست ساده کرده	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
بتوانند.	
- شاگردان از رعایت ترتیب انجام عمیله ها درساده ساختن افاده های الجبری	
احساس خوشي نمايند.	
سؤال وجواب کارگروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
چارت شکل ورودي	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید:	(5) دقیقه
جهت توضیح شکل ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا	
پیشروی صنف آویزان کنید و از شاگردان بپرسید:	
در شکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات به آنها بگویید:	
درشكل شما علامه هاي چهار عمليه يعني جمع، تفريق، ضرب وتقسيم را مي بينيد	
علاوه بر آن شما سه نوع قوس که عبارت از قوس کوچک، قوس متوسط و قوس	
بزرگ می با شد به وضاحت دیده می توانید همچنان شکل عمومی اعداد تحت	
جذر را مشاهده می کنید و در این درس هدف اینست که هنگام ساده ساختن	
یک افادهٔ الجبری ، عملیه های که وجود دارد ترتیب آنها رعایت شود.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (143) کتاب درسی را انجام دهند.

دروقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت نمایید. تا همهٔ اعضای گروپ در انجام فعالیت سهم داشته باشند. درختم کار گروپی از نمایندهٔ هر گروپ بخواهید تا فعالیتی را که گروپ شان انجام داده اند به دیگران توضیح نمایند.

در ختم فعالیت چهار ترتیب که جهت ساده ساختن یک افادهٔ الجبری ضرورت است ودر اخیر صفحهٔ (143) کتاب درسی موجود می باشد به ترتیب به شاگردان توضیح کنید. اکنون جز (a) مثال صفحهٔ (144) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و ازیک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل کند وهمزمان ازشاگردان دیگر بخواهید تا آنرا در کتابچه های شان حل نمایند. اگر درحل روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آنرا اصلاح کند. همین که مطمئن شدید که حل روی تخته درست است به شاگردان هدایت بدهید که حل کتابچه های شان را با حل روی تخته مقایسه نمایند. که این کار کمک می کند تا اگر اشتباهی را مرتکب شده باشند آنرا اصلاح نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه درس ارائه شده را شاگردان خوبتر درک کنند. جز (b) مثال صفحهٔ (144) کتاب درسی را روی بنویسید بعد طوری حل نمایید که شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یاخیر؟ با طرح سؤال ها درس را ارزیابی نمایید مثلاً بیرسید:

- چطور مي توان ترتيب عمليه ها را در ساده كردن يك افاده الجبري رعايت كرد؟
 - کی می تواند افاده [(16)+78] را ساده کند؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

افاده های زیر را ساده سازید.

1)
$$2x[-2{3x - (2+x)-1}] \div 2$$

 $= 2x[-2{3x - 2 - x - 1}] \div 2$
 $= 2x[-2{2x - 3}] \div 2$
 $= 2x[-4x + 6] \div 2$
 $= \frac{2(-4x^2 + 6x)}{2} = -4x^2 + 6x$

2)
$$\frac{1}{3}y - 5\{-2[6(y - \frac{1}{3} - y)] \div 3$$

$$= \frac{1}{3}y - 5\{-2[6y - 2 - 6y] \div 3$$

$$= \frac{1}{3}y - 5\{-2[-2]\} \div 3$$

$$= \frac{1}{3}y - 5\{4\} \div 3$$

$$= \frac{1}{3}y - \frac{20}{3}$$

3)
$$5+(-18)-[24+(-30)]\times(-7)$$

= $5-18-[-6]\times(-7)$
= $-13-[42]$
= $-13-42$
= -55

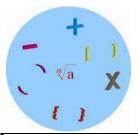
4)
$$[(-102) + (-330)] \div 16 + [168 + 240 - (-210)] \div 6$$

$$= [-102 - 330] \div 16 + [168 + 240 + 210] \div 6$$

$$= -432 \div 16 + 618 \div 6$$

$$= -27 + 103$$

$$= 76$$



9-5: ترتیب عملیات در افاده های الجبری صفحات کتاب درسی: (146-144) وقت: ساعت دوم درسی

- شاگردان مفهوم گویا یا ناطق ساختن را در ا فاده های الجبری بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان افاده های الجبری جذر دار را ساده کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از رعایت ترتیب انجام عملیه ها درساده ساختن افاده های الجبری	
احساس خوشي نمايند.	
سؤال جواب ،کارگروپی وانفرادی	2 روش های تدریس
چارت شکل ورودي	3 مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه در قدم نخست به توضیح شکل ورودی اقدام	(5) دقیقه
نماييد:	
جهت توضیح شکل ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید یکبار	
دیگر پیشروی صنف آویزان نمایید بعد در مورد سؤال ها کنید، مثلاً:	
در شکل چه را می بینید؟ هر کدام آنرا نام ببرید؟	
آیا رعایت ترتیب عملیه ها درساده ساختن افاده ها ضرور است یاخیر چرا ؟	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(144) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت نمایید تا همه شاگردان درفعالیت گروپی سهم داشته باشند.در ختم فعالیت به نماینده گی ازسایر گروپ ها از نماینده یک گروپ بخواهید تا فعالیتی را که انجام داده اند به دیگران توضیح نماید. درصورتیکه در توضیحات نماینده گروپ اشتباهاتی موجود باشد آنرا اصلاح نمایید. دراخیر فعالیت عملی را که برای از بین بردن جذر مخرج دریک کسر به چه نام یاد می شود به شاگردان باز گو کنید.

اکنون جز 1 مثال صفحهٔ (145) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و ازیک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل کند همزمان از شاگردان دیگر بخواهید تا آنرا به شکل انفرادی در کتابچه های شان حل نمایند اگر درحل روی تخته اشتباهی و جود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آنرا اصلاح کند وقتی اطمینان حاصل نمودید که حل روی تخته درست است از سایر شاگردان بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه درس ارائه شده را شاگردان خوبتر درک کنند سه جز متباقی مثال صفحهٔ(145) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و حل نمایید. طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

در اخیر توضیحاتی که در مورد افاده های کسری در شروع صفحهٔ(146) کتاب درسی موجود است. به شاگردان معلومات دهید تا خوب ذهنشین آنها گردد.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

درختم درس با طرح نمودن سؤالها در مورد درس ارائه شده از شاگردان و اخذ جوابات قناعت بخش خود را مطمئن سازید که آیا شاگردان درس را درست فرا گرفته اند یاخیر؟ مثلاً بپرسید:

- كى مى گويد ناطق ساختن عبارت از چيست؟

جیست؟ \sqrt{x} می تواند بگوید عامل ناطق سازی x-1 چیست؟

8- معلومات اضافي براي معلم:

$$a^{2}-b^{2} = (a+b)(a-b)$$

$$= a^{2} + 0 - b^{2}$$

$$= a^{2} - ab + ab - b^{2}$$

$$= a(a-b) + b(a-b)$$

$$= (a+b)(a-b)$$

9- جواب به سؤال های تمرین:

افاده های زیر را ساده سازید.

5)
$$\frac{2}{\sqrt{7}} = \frac{2.\sqrt{7}}{\sqrt{7}.\sqrt{7}} = \frac{2\sqrt{7}}{(\sqrt{7})^2} = \frac{2\sqrt{7}}{7}$$

6)
$$\frac{3}{\sqrt{x} - \sqrt{y}} = \frac{3(\sqrt{x} + \sqrt{y})}{(\sqrt{x} - \sqrt{y})(\sqrt{x} + \sqrt{y})} = \frac{3(\sqrt{x} + \sqrt{y})}{(\sqrt{x})^2 - (\sqrt{y})^2} = \frac{3(\sqrt{x} + \sqrt{y})}{x - y}$$

7)
$$2\sqrt{200ab} - \frac{b}{a}\sqrt{72ab} = 2(14.1\sqrt{ab}) - \frac{b}{a}(8.48\sqrt{ab}) = 28.2\sqrt{ab} - 8.48\frac{b\sqrt{ab}}{a}$$

8)
$$\frac{2a}{\sqrt{a}} = \frac{2a\sqrt{a}}{\sqrt{a}\sqrt{a}} = \frac{2a\sqrt{a}}{\sqrt{a^2}} = \frac{2a\sqrt{a}}{a} = 2\sqrt{a}$$

9)
$$\frac{x-y}{\sqrt{x}-\sqrt{y}} = \frac{(x-y)(\sqrt{x}+\sqrt{y})}{(\sqrt{x}-\sqrt{y})(\sqrt{x}+\sqrt{y})} = \frac{(x-y)(\sqrt{x}+\sqrt{y})}{(\sqrt{x}^2-\sqrt{y}^2)} = \frac{(x-y)(\sqrt{x}+\sqrt{y})}{(x-y)} = \sqrt{x}+\sqrt{y}$$

5-10: نكات مهم فصل پنجم صفحه كتاب درسى: (147) وقت: يك ساعت درسي

- شاگردان مفهوم افاده های الجبری را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان افاده های الجبری را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از حل افاده های الجبری احساس خوشی نمایند.	
سؤال وجواب ، کارگروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
چارتی که در آن تمام نکات مهم فصل تحریر شده باشد	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است ابتدا آن را انجام	4- توضیح ورودی
دهید سپس درس گذشته را بطور مختصر ارزیابی نمایید.	(5) دقیقه
حال توجه شاگردان را به نکات مهم فصل جلب نموده و اهمیت این نکات را به	
آنها باز گو نمایید تا شاگردان متوجه اهمیت آنها شده وعلاقه به یادگیری بهتر آنها	
از خود نشان دهند و نکات مهم را خوب فرا گیرند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید بعد به نوبت از شاگردان بخواهید تا هر کدام یک نکتهٔ مهم درس را از روی چارت بخواند و بعد آنرا به شاگردان توضیح دهد. این کار را تا زمانی ادامه دهید تا تمام نکات مهم فصل توسط شاگردان با استفاده از چارت توضیح گردد. احیاناً اگر در توضیح شاگردان کدام اشتباهی موجود بود آنرا روی چارت نشانی نمایید تا بعداً توسط شما به اصلاح آن پرداخته شود.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به اهمیت هر یک از این نکات پی ببرند هر یک از نکات مهم را که هنگام توضیح آن شاگردان مشکل داشتند خود شما آنرا طوری واضح سازید تا همه مشکلات آنها حل گردد.

7- ارزیابی ختم درس(5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان به اهمیت این نکات پی برده اند یا خیر ؟ در مورد بعضی از این نکات مهم چند سؤال مانند زیر را طرح و از شاگردان جوابات قناعت بخش به دست آروید؛ مثلاً بپرسید:

- يک حده، دو حده ، سه حده و چندحده ها چيست؟
- درجه یک پولینوم نظربه یک متحول خاص کدام است؟
 - ترتیب نزولی به کدام شکل است؟
 - كوچكترين مضرب مشترك چيست؟
- درافاده هاى الجبرى كدام عمليه ها وجود دارد واز كدام عمليه ساده كردن را شروع مى كنيم؟

حل تمرينات فصل پنجم

در قسمت حل تمرینات فصل در سخنی چند به معلم، رهنمایی صورت گرفته معلمین محترم مطابق آن عمل نمایند:

بخش اول:

$$2x^2 - \frac{2}{4}x$$
 عامل مشترک: -1

$$(x-2)(x+3)$$
 عبارت است از: -2

$$x^2 + x - 6$$
 (c

از: مضرب مشترک افاده
$$\frac{3}{x^2-1} + \frac{3}{x^2-1}$$
 عبارت است از:

$$2(x+1)(x-1)$$
 (a

از:
$$\frac{2x-4x^3+x^2+16x-8}{2x^2-8}$$
 عبارت است از:

ارت است از: مامل ناطق سازی افاده
$$\sqrt{a}-\sqrt{b}$$
 عبارت است از: -5

$$\sqrt{a+} \sqrt{b} (c$$

بخش دوم:

افاده الجبرى
$$1 - 3x - 4x^2 + 3x - 2$$
 يك افاده . . . يك مجهوله. . . . درجه . . . سوم است.

ست. است.
$$(x+4)$$
 و فكتور خطى عبارت از ... $(x+3)$ و فكتور خطى عبارت از ... و و $(x+4)$ و و

.... است.
$$\frac{x-1}{x+1}$$
 عبارت از.... $\frac{x-1}{x+1}$

$$a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 - ab + b^2) -5$$

بخش سوم:

$$1$$
 – (3) افاده های الجبری که از چندین حد تشکیل شده باشند به نام پولینوم یاد می گردند.

است.
$$(x+a)(x+a)$$
 ص) تجزیه افاده $x^2 + 2ax + a^2$ به صورت -2

است.
$$42x^3y^3$$
 و $14x^3y^2$ عبارت از $42x^3y^3$ است. -3

$$a^3 - b^3 = (a+b)(a^2 + ab + b^2)$$
 ($\dot{\xi}$) -4

$$a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 - ab + b^2)$$
 (-5

بخش چهارم:

1- تجزیه نمایید:

a)
$$y^2 - y - 2 = (y - 2)(y + 1)$$

b)
$$a^2 - b^2 + 2bc - c^2 = a^2 - (b^2 - 2bc + c^2) = a^2 - (b - c)^2 = (a + b - c)(a - b + c)$$

c)
$$21a-14ab+28a^2=7a(3-2b+4a)$$

d)
$$72m^8n^6 - 98m^6n^8 = 2[36m^8n^6 - 49m^6n^8] = 2[(6m^4n^3)^2 - (7m^3n^4)^2]$$

= $2[(6m^4n^3 - 7m^3n^4)(6m^4n^3 + 7m^3n^4)]$

e)
$$a^2x^2 + \frac{1}{2}ax + \frac{1}{16} = (ax)^2 + \frac{1}{2}ax + (\frac{1}{4})^2 = (ax + \frac{1}{4})^2 = (ax + \frac{1}{4})(ax + \frac{1}{4})$$

f)
$$1+2ab-(a^2+b^2)=1+2ab-a^2-b^2$$

= $1-(a^2-2ab+b^2)=1-(a-b)^2$
= $(1-a-b)(1+a-b)$

2- ساده سازید.

a)
$$\frac{x-1}{x-2} - \frac{x+1}{x-2} + \frac{1}{x^2 - 4} \qquad x^2 - 4 = (x+2)(x-2)$$

$$\frac{x-1}{x-2} - \frac{x+1}{x-2} + \frac{1}{x^2 - 4} = \frac{(x+2)(x-1) - (x+2)(x+1) + 1}{(x-2)(x+2)} = \frac{x^2 - x + 2x - 2 - x^2 - x - 2x - 2 + 1}{(x-2)(x+2)}$$

$$= \frac{-2x - 3}{(x-2)(x+2)}$$

b)
$$\frac{(x+h)^3 - x^3}{h} = \frac{(x+h-x)[(x+h)^2 + x(x+h) + x^2]}{h} = \frac{h[x^2 + 2xh + h^2 + x^2 + hx + x^2]}{h}$$
$$= 3x^2 + 3hx + h^2$$

c)
$$\frac{a^{2}b^{-2} - b^{2}a^{-2}}{ab^{-1} - ba^{-1}} = \frac{\frac{a^{2}}{b^{2}} - \frac{b^{2}}{a^{2}}}{\frac{a}{b} - \frac{b}{a}} = \frac{\frac{a^{4} - b^{4}}{a^{2}b^{2}}}{\frac{a^{2} - b^{2}}{ab}}$$

$$= \frac{a^{4} - b^{4}}{a^{2}b^{2}} \cdot \frac{ab}{a^{2} - b^{2}} = \frac{ab(a^{2} - b^{2})(a^{2} + b^{2})}{a^{2}b^{2}(a^{2} - b^{2})} = \frac{a^{2} + b^{2}}{ab}$$

-3 تقسیم نمایید.

b)
$$\frac{a^4 - b^4}{a - b} = \frac{(a^2 - b^2)(a^2 + b^2)}{a - b} = \frac{(a - b)(a + b)(a^2 + b^2)}{a - b}$$
$$= (a + b)(a^2 + b^2) = a^3 + ab^2 + a^2b + b^3$$

c)
$$2x^{3} - x^{2} - 4 \begin{vmatrix} x - \frac{1}{2} \\ 2x^{2} \end{vmatrix}$$

$$-2x^{3} + x^{2}$$

$$-4$$

d)

$$x^{3} + 0 \cdot x^{2} - 5x + 6 \frac{x - 2}{x^{2} + 2x - 1}$$

 $\frac{-x^{3} \mp 2x^{2}}{2x^{2} - 5x}$
 $\frac{-2x^{2} \mp 4x}{-x + 6}$
 $\frac{\mp x \pm 2}{4}$

e)
$$x^{2}-5x+64 \frac{|-x+5|}{-x}$$

$$\frac{-x^{2} \pm 5x}{64}$$



فصل ششم: نامساوات

1-6: نامساوات صفحات كتاب درسي: (154-153)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم نامساوات ها را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان خواص نامساوات ها را درحل مسایل تطبیق کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان اهمیت نامساوات را بدانند ودر زنده گی روزمره آنرا به کار ببرند.	
سؤال وجواب٬کارگروپی	2– روش های تدریس
مودل ترازو، خط کش	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به ارائه	4- توضيح ورودي
درس جدید بپردازید، طوریکه در قدم نخست به توضیح شکل ورودی اقدام کنید:	(5) دقیقه
جهت توضیح ورودی این درس نمونهٔ ترازو را که از قبل تهیه نموده اید آنرا	
پیشروی صنف بیاورید و به شاگردان نشان دهید بعداً به توضیح آن بپردازید.	
طوریکه از آنها بپرسید:	
در شکل چه را می بینید؟	
ترازو در شکل فوق به کدام حالت قرار دارد؟	
همین که ترازو درحالت توازن قرار ندارد در ریاضی به نام چه یاد می شود؟	
سعی کنید تا شاگردان کلمهٔ نامساوات را به زبان بیاورند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

ابتدا پراگرافی که در آغاز جریان درس صفحهٔ (153) کتاب وجود دارد ومثال های از نا مساوی ها را بیان نموده به شاگردان توضیح و تفهیم نمایید.

بعداً شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(153) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت نمایید. تا همهٔ شاگردان در انجام فعالیت سهم داشته باشند. در ختم فعالیت از نماینده های هر گروپ بخواهید تا پیشروی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهند. بعد خلاصهٔ که از مشاهده فعالیت فوق به دست می آید و در اخیر صفحهٔ (153) کتاب و جود دارد به شاگردان توضیح نمایید.

اکنون فعالیت دومی صفحهٔ (154) کتاب درسی را به گروپ های قبلی بدهید تا آنرا نیز انجام دهند.و در ختم فعالیت جهت جلوگیری از ضیاع وقت به نماینده گی از گروپ ها از نماینده یک گروپ بخواهید تا فعالیت گروپی خویش را به دیگران توضیح دهد. و دراخیر فعالیت نتیجه فعالیت را روی تخته بنویسید و توضیح نمایید.

6 - تحكيم درس(7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس را خوبتر فرا گیرند ، فعالیت سومی صفحهٔ (154) مربوط این درس را به گروپ های قبلی بدهید تا انجام دهند.

بعد نتیجه فعالیت فوق را روی تخته بنویسید و با سهم گیری فعال شاگردان توضیح نمایید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

درختم درس با طرح نمودن سؤالها در مورد درس ارائه شده از شاگردان و اخذ جوابات قناعت بخش خود را مطمئن سازید که آیا شاگردان درس را درست فرا گرفته اند یاخیر؟ مثلاً بیر سید:

- كى مى تواند بگويد نامساوات چيست؟
- اگر یک محور اعداد را مد نظر بگیریم کی می تواند بگوید که کدام عدد نظر به موقعیت به روی محور اعداد بزرگتر است ؟
 - کی می تواند بگوید که در نامساوات چند خواص وجود دارد و کدام ها اند؟

8- معلومات اضافی برای معلم:

اگر دو افاده الجبری مانند a و b را بنابر قیمت های مختلف متحول ها مطالعه نماییم. سه حالت زیر در آنها وجود دارد:

یاد می کنند. a > b, a < b, a = b

مثال خاصیت اول: اگر به اطراف یک نامساوات یک عدد مانند c را جمع و یا تفریق نماییم در نامساوات کدام تغییر رخ نمی دهد.

مثلاً: نامساوات 5 > 3

$$a-c < b-c$$

 $3-2 < 5-2$ /-2
 $1 < 3$

مثال خاصیت دوم:

اگربه اطراف یک نامساوات یک عدد مثبت مانند (c>0)را ضرب ویا تقسیم نماییم در نامساوی کدام تغییر به وجود نمی آید.

مثلاً:نامساوات 12>9

$$a < b$$

 $a.c < b.c$ /× 3
 $9 < 12$
 $9(3) < 12(3)$
 $27 < 36$
 $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$ /÷ 3
 $9 < 12$
 $\frac{9}{3} < \frac{12}{3}$

مثال خاصیت سوم:

اگر به اطراف یک نامساوی یک عدد منفی مانند (c < 0) راضرب ویا تقسیم نماییم جهت علامه نامساوات تغییر می نماید. مثلاً: نامساوات -12 = 14

$$/ \times (-7)$$
 $/ \div (-7)$
 $a.c < b.c$
 $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$
 $14 > -12$
 $14 > -12$
 $14(-7) < -12(-7)$
 $\frac{14}{-7} < \frac{-12}{-7}$
 $-98 < 84$
 $\frac{14}{-7} < \frac{-12}{-7}$

مثال خاصیت چهارم: اگر اطراف یک نامساوی را معکوس بسازیم جهت علامه نامساوی تغییر می نماید.

$$a < b \Rightarrow \frac{1}{a} > \frac{1}{b}$$
$$2 < 4 \Rightarrow \frac{1}{2} > \frac{1}{4}$$

9- جواب به سؤال های تمرین:

-3 < 9 با جمع، تفریق، ضرب و تقسیم کردن یک عدد مثبت دلخواه و یک عدد منفی به اطراف نامساوات -3 < 9 خواص نامساوات را تحقیق کنید.

• یک عدد اختیاری مانند 6 را به اطراف نامساوات فوق جمع می کنیم:

$$6 + (-3) < 9 + 6$$

 $3 < 15$

• همین عدد اختیاری را از اطراف تفریق می کنیم:

$$-6-3 < 9-6$$

 $-9 < 3$

• اطراف را ضرب 6 می کنیم:

$$6.(-3) < 9.6$$

 $-18 < 54$

• اطراف را ضرب 6- می کنیم:

$$-6(-3) < 9(-6)$$

 $18 > -54$

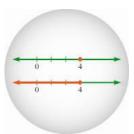
• اطراف را تقسیم 6 می کنیم:

$$\frac{-3}{6} < \frac{9}{6} \Rightarrow -\frac{1}{2} < \frac{3}{2}$$

• اطراف را تقسیم 6- می کنیم:

$$\frac{-3}{-6} < \frac{9}{-6}$$

$$\frac{1}{2} > -\frac{3}{2}$$



2-6: حل نامساوات خطی(تدریس در دو ساعت درسی) صفحات کتاب درسی: (156-155) وقت: ساعت اول درسی

- شاگردان مفهوم نامساوات خطی را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان سؤال های مربوط به نامساوات خطی را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از حل سؤال های نامساوات خطی لذت ببرند.	
سؤال و جواب ،کارگروپی	2- روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسي
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
رائه درس جدید بپردازید، طوریکه ابتدا به توضیح شکل ورودی اقدام نمایید:	ر 5) دقیقه
رای توضیح ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی	:
صنف آویزان و از شاگردان بپرسید:	,
شما درشکل چه را می بینید؟	
هد از اخذ جواب ها از شاگردان به آنها بگویید:	:
چنانچه درشکل مشاهده می نمایید دو محور که به دوطرف جهت دارد موجود	
وده و روی این محور ها تقسیماتی که فاصله بین صفر وعدد 4 را نشان می دهد	:
عيين گرديده است. طوريكه مي دانيد معادله x=4 يك معادله يك مجهوله درجه	;
ک بوده روی انتروال صرف قیمت چهار را گرفته می تواند. اما x≤4 یک	
امساوات یک مجهوله درجه یک بوده. که به روی انتروال برعلاوه قیمت چهار	;
یمت های کوچکتر از چهار را که منفی است نیز می تواند بگیرد.	5

5- فعاليت جريان درس (28) دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (155) کتاب درسی را انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت نمایید تا همهٔ اعضای گروپ در انجام فعالیت سهم داشته باشند. ودرختم فعالیت از نماینده های هر گروپ بخواهید تا پیشروی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهند. بعد نتیجه فعالیت را روی تخته بنویسید و با سهم گیری فعال شاگردان آنرا تشریح کنید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس خوبتر پی ببرند. مثال 1 صفحهٔ(156) کتاب درسی را روی تخته بنویسید بعد آنرا حل کنید سپس ساحهٔ حل نامساوات را روی یک محور به شاگردان نشان دهید و توضیح نمایید تا بهتر پی ببرند.

7- ارزیایی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را درست فرا گرفته اند یاخیر؟ مختصراً ارزیابی نمایید وجواب قناعت بخش به دست آرید؛ مثلاً بیرسید:

- كى مى تواند نامساوات خطى را تعريف كند؟
- كى مى تواند بگويد كه ساحهٔ حل نامساوات چيست؟
- كى مى تواند نمونهٔ از نامساوات خطى را روى تخته بنويسد؟

8- معلومات اضافی برای معلم:

1- رابط بین اوسط حسابی و هندسی یک نامساوی عبارت است از:

$$a=b$$
 , $a\geq 0$, $b\geq 0$ $\Rightarrow \frac{a+b}{2}\geq \sqrt{ab}$
$$(\sqrt{a}-\sqrt{b})^2\geq 0 \Rightarrow a+b-2\sqrt{ab}\geq 0 \Rightarrow \frac{a+b}{2}\geq \sqrt{ab}$$
 ثبوت:

$$a > 0, b > a \implies b > 0$$

$$a > 0, b > a \implies \frac{1}{a} > 0, \frac{1}{b} > 0 \implies \frac{1}{b} < \frac{1}{a} \implies 0 < a < b$$

$$a < b \implies \frac{1}{ab} > 0 \implies a(\frac{1}{ab}) < b(\frac{1}{ab}) \implies \frac{1}{b} < \frac{1}{a} \implies 0 < a < b$$

9- جواب به سؤال های تمرین:

1- حل نامساوات های زیر را به دست آورده و ساحهٔ حل آن را بالای محور اعداد نشان دهید.

اطراف نامساوات را تقسيم 4 مي كنيم:

$$a$$
) $4x \ge 8$
 $\frac{4x}{4} \ge \frac{8}{4} \Rightarrow x \ge 2$
 b) $8+x < 5$
 $-8+8+x < 5-8$
 $x < -3$

$$\frac{2}{x} = \frac{2}{x} = \frac{2}{$$

c)
$$5+x < 2x-1$$

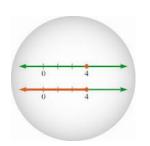
 $x-2x < -1-5$
 $-x < -6$

$$x > 6$$

 $d) -3x - 4 > x + 7$
 $-3x - x > 7 + 4$

$$-4x > 11$$

$$x < \frac{11}{4} \Rightarrow x < -2.75$$



6-3: حل نامساوات خطی صفحات کتاب درسی: (157-156) وقت: ساعت دوم درسی

- شاگردان مفهوم نامساوات خطی را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
 شاگردان نامساوات را حل و به روی محور اعداد نشان داده بتوانند. 	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از حل نامساوات احساس خوشی نمایند.	
سؤال وجواب، كار انفرادي	2- روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه در قدم نخست به توضیح شکل ورودی اقـدام	(5) دقیقه
نماييد:	
برای توضیح بخش ورودی این درس توضیحاتی را که در درس قبلی در مورد	
شکل ورودی داده بودید یکبار دیگر تکرار نمایید.	

5- فعاليت جريان درس (28) دقيقه

ابتدا مثال 2 صفحهٔ (156) کتاب را روی تخته بنویسید بعداً با سهم گیری فعال شاگردان به حل آن بپردازید طوریکه در هر قدم آن از شاگردان سؤال کنید وجواب قناعت بخش به دست آرید. زمانیکه غیر مساوات حل گردید ساحه حل آن را نیز باسهم گیری شاگردان روی محور اعداد نشان داده وخوب توضیح نمایید تا به مفهوم ساحهٔ حل بهتر پی ببرند.

حال توضیحاتی که تحت عنوان سؤال در صفحهٔ (157) کتاب درسی وجود دارد به ترتیب به شاگردان تشریح و توضیح نمایید.

اکنون مثال 3 صفحهٔ (157) کتاب را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا حل نماید. همزمان به سایر شاگردان وظیفه بدهید تا این کار را به شکل انفرادی در کتابچه های شان انجام دهند. اگر در حل روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آنرا اصلاح نماید. زمانیکه مطمئن شدید که حل روی تخته درست است به شاگردان دیگر هدایت بدهید تا حل های شان را با آن مقایسه نمایند. تا اگر اشتباهی را مرتکب شده باشند آن را اصلاح کنند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه موضوع درس را شاگردان خوبتر فرا بگیرند مثال 4 صفحهٔ (157) کتاب درسی را روی تخته بنویسید بعداً حل نمایید طوری که شاگردان در حل آن سهم فعال داشته باشند.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

برای اینکه اطمینان حاصل نمایید که آیا شاگردان درس جدید را بهتر فرا گرفته اند یاخیر؟ آن را مختصراً ارزیابی نمایید؛ مثلاً بیرسید:

- كى مى تواند حالت كلى يك نامساوات خطى را روى تخته بنويسد؟
- کی می تواند بگوید که برای حل نامساوات به ترتیب کدام نکات را باید در نظر گرفت؟
 - كى مى تواند بگويد كه ساحة حل نامساوات يعنى چه ؟

8- معلومات اضافي براي معلم

1)
$$a > 0$$
, $b > 0$, $c > 0 \implies (a+b)(b+c)(c+a) \ge a+b+c$

ثبوت:

$$\frac{a}{b} + \frac{b}{a} \ge 2 \implies \frac{ac}{b} + \frac{bc}{a} \ge 2c \dots I$$

$$\frac{ac}{b} + \frac{ab}{c} \ge 2a \dots II$$

$$\frac{bc}{a} + \frac{ab}{c} \ge 2b \dots III$$

$$\implies 2(\frac{bc}{a} + \frac{ac}{b} + \frac{ab}{c}) \ge 2(a + b + c)$$

$$\implies \frac{bc}{a} + \frac{ac}{b} + \frac{ab}{c} \ge a + b + c$$

2)
$$a > 0$$
 , $b > 0$, $c > 0$ $\Rightarrow (a+b)(b+c)(c+a) \ge 8abc$
 $\therefore a+b \ge 2\sqrt{ab}$ I, $b+c \ge 2\sqrt{bc}$ II , $c+a \ge 2\sqrt{ac}$ III
 $\xrightarrow{\text{I+II+III}} (a+b)(b+c)(c+a) \ge 8abc$

9- جواب به سؤال های تمرین:

-1 حل نامساوات های زیر را به دست آورده ساحهٔ حل آن را با ${\bf V}$ ی محور اعداد نشان دهید.

$$e) \frac{3}{2}x - 1 > x - \frac{2}{3} \implies \frac{3}{2}x - x > -\frac{2}{3} + 1$$

$$\frac{3x - 2x}{2} > \frac{-2 + 3}{3} \implies \frac{x}{2} > \frac{1}{3}$$

$$\frac{2x}{2} > \frac{2}{3} \implies x > \frac{2}{3} = 0.\overline{6} \implies x > 0.\overline{6}$$

f)
$$0.5-x < 3x-1$$

 $-x-3x < -1-0.5$
 $\frac{-4x}{-4} < \frac{-1.5}{-4}$
 $x > \frac{1.5}{4} = 0.375$

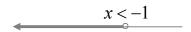
g)
$$2-x \le 2$$

 $-2+2-x \le 2-2$
 $-x \le 0 \Rightarrow x \ge 0$

$$x \ge 0$$

h)
$$2x-5-7x > 0$$

 $-5x-5 > 0$
 $-5x > 5$
 $\frac{-5x}{-5} > \frac{5}{-5}$
 $x < -1$



i)
$$5x+6>0$$

 $5x>-6 \Rightarrow \frac{5x}{5} > \frac{-6}{5}$
 $\Rightarrow x>\frac{-6}{5} = -1.2$

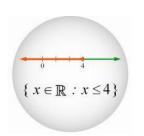
-1.2

2- در تقسیم 1325 بر 25 باید بزرگترین عددی را پیدا کنیم که اگر در 25 ضرب شود از 1325 کوچکتر یا مساوی به آن شود .این عبارت را به صورت یک نامساوات نشان دهید و خارج قسمت را پیدا کنید.

 $25x \le 1325$

3- به شما گفته می شود که برای انجام یک فعالیت حد اکثر 5 روز زمان دارید. این عبارت را با یک نامساوات نشان دهید.

$$x \le 5$$
 $x \le 5$



6-4: فاصله ها(انتروال ها)

صفحات كتاب درسى: (160-159)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم فاصله ها(انتروال ها) را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان انتروال ها را به شکل ست و به روی محور اعداد نشان داده بتوانند.	(دانشی، مهار تی وذهنیتی)
- شاگردان اهمیت انتروال ها را درحل مسایل ریاضیکی درک کنند.	
سؤال وجواب و کار انفرادی	2- روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجمام دهیـد بعـد بــه	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه نخست شکل ورودی را توضیح کنید:	(5) دقیقه
برای توضیح بخش ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا	
پیشروی صنف آویزان نموده از شاگردان سؤال کنید.	
در شکل چه را می بینید؟	
برای اینکه شاگردان شکل ورودی را بهتر درک نمایند بگویید درشکل یک محور	
اعداد که درآن فاصله بین صفر و 4 نشان داده شده است وجود دارد وهمچنان	
درتحت این محور نشان داده شده است که چطور ما می توانیم حل یک نامساوات	
را به صورت ریاضیکی نشان دهیم.	
.	(20)

5- فعاليت جريان درس (28) دقيقه:

بعد از توضیح بخش ورودی این درس مثال های صفحهٔ(159) کتاب را که درحقیقت طریقه ارائه ریاضیکی حل انتروال ها است به شاگردان توضیح نموده وهم به روی محور نشان دهید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

6- تحكيم درس: (7) دقيقه

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس ارائه شده درست بفهمند. حالت کلی انتروال ها را که در صفحهٔ (160) کتاب درسی برای هر دو عدد حقیقی a و عدد حقیقی b موجود است روی تخته بنویسید و به شاگردان توضیح و تشریح نمایید.

7- ارزيابي ختم درس: (5) دقيقه

برای اینکه خود را مطمئن سازید آیا شاگردان درس ارائه شده را خوب درک نموده اند یاخیر؟ به ارتباط درس داده شده چند سؤال مانند زیر را طرح و از شاگردان جواب به دست آرید؛ مثلاً بپرسید:

- چند نوع انتروال را می شناسید نام بگیرید؟
- کی می تواند انتروال های [2,4] , [-1,5]), [2,4] ست ارائه کند [2,4]

8- جواب به سؤال های تمرین:

1انتروال های زیر را به شکل ست بنویسید و به روی محور اعداد نشان دهید.

1)
$$[5,7] = \{x \in IR : 5 \le x \le 7\}$$

2)
$$(9,-3) = \{x \in IR: -3 < x < 9\}$$

3)
$$[-2,8) = \{x \in IR: -2 \le x < 8\}$$

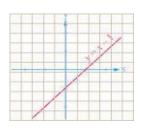
4)
$$(1,6] = \{x \in IR : 1 \le x < 6\}$$

$$2 \le x < \infty$$

5)
$$[2,\infty) = \{x \in IR : 2 \le x < \infty\}$$

2- ست های زیر را به شکل انتروال بنویسید:

- 1) $A = \{x \in IR : 2 < x < 6\} = (2,6)$
- 2) $B = \{x \in IR : -3 \le x \le 9\} = [-3,9]$
- 3) $C = \{x \in IR : 0 \le x < 4\} = [0, 4)$



6-5: تعیین اشاره (علامه) بینوم درجه اول صفحات کتاب درسی: (162-161) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم تعیین اشارهٔ بینوم درجه اول را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان اشارهٔ یک بینوم درجه اول را تعیین کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از تعیین اشاره(علامهٔ) بینوم درجه اول احساس خوشی نمایند.	
سؤال وجواب ،كارگروپي	2- روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید.	(5) دقیقه
طوریکه ابتدا چارت شکل ورودی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی	
صنف آویزان نمایید. بعد بخش ورودی این درس را توضیح نمایید طوری که از	
شاگردان بپرسید:	
در شکل ورودی چه را می بینید؟ بعد از اخذ جواب برای اینکه شاگردان	
درقسمت شکل ورودی معلومات درست کسب نمایند به آنها بگویید.	
قسمیکه در شکل دیده می شود به روی سیستم کمیات وضعیه خط مستقیمی که	
دارای معادله $y\!=\!x\!-\!1$ است رسم گردیده طوریکه یک قسمت خط درناحیه	
اول وقسمت دیگر آن در ناحیهٔ سوم موقعیت دارد چون در ناحیهٔ اول تمام اعداد	
مثبت و در ناحیهٔ سوم تمام اعداد منفی است. بناًء برای قیمت های مثبت، خط	
بالای محور x و برای قیمت های منفی، خط پایین محور x قرار دارد.	

5 - فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم نمایید و به آنها وظیفه دهید تا به مشورهٔ یکدیگر فعالیت مربوط این درس را که در صفحهٔ (161) کتاب درسی موجود است انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت کنید. تا تمام اعضای گروپ در انجام فعالیت فعالانه سهم داشته باشند. در ختم فعالیت نمایندهٔ هر گروپ را به نوبت پیش روی تخته بخواهید تا کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهند. در اخیر ارائه ریاضیکی نتایج فعالیت فوق را که به طور خلاصه توسط یک جدول در پایان فعالیت فوق در صفحهٔ (161) کتاب نشان داده شده است روی تخته بنویسید و توضیح نمایید.

حال مثال صفحهٔ (161) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل کنید. طوریکه شاگردان نیز در حل آن سهم فعال داشته باشند.

6- تحكيم درس: (7) دقيقه

برای اینکه شاگردان درس ارائه شده را خوبتر درک کنند. سؤال صفحهٔ (162) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و حل کنید. بعد شکل کلی تعیین قیمتی که در آن بینوم مساوی به صفر می گردد توسط یک جدول که در تحت سؤال فوق درکتاب وجود دارد. نشان داده آنرا توضیح نمایید.

7- ارزيايي ختم درس: (5) دقيقه

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارا ئه شده را فرا گرفته اند یاخیر؟ مختصراً ارزیابی کنید مثلاً: بپرسید: - کی می تواند بگوید که برای تعیین اشارهٔ بینوم کدام مراحل را باید درنظر گرفت؟

8- معلومات اضافی برای معلم:

شکل عمومی یک بینوم درجه اول ax+b بوده وبرای اینکه بدانیم به کدام قیمت ها متحول (x) دارای اشاره مثبت وبرای کدام قیمت ها دارای اشاره منفی می باشد. برای این منظور بینوم مذکور را مساوی به صفر قرار می دهیم زیرا صفر، نه عدد مثبت ونه منفی است یعنی:

$$ax + b$$

 $ax + b = 0 \Rightarrow ax = -b \Rightarrow x = -\frac{b}{a}$

حال نظر به اشاره a در بینوم مذکور دو حالت زیر وجود دارد:

الف: هرگاه a یک عدد مثبت باشد a>0 دراین حالت بینوم به قیمت های کوچکتر از جذر $\left(-\frac{a}{b}\right)$ دارای اشاره مثبت می باشد.

ب: هرگاه a یک عدد منفی باشد a < 0 دراین صورت بینوم مذکور به قیمت های کوچکتر از جذر a < 0 دارای اشاره مثبت و به قیمت های بزرگتر از جذرخویش دارای اشاره منفی می باشد. ax + b

9 - جواب به سؤال هاى تمرين:

اشارهٔ افاده های الجبری زیر را تعیین کنید.

1)
$$3x-9$$

 $3x-9=0$
 $3x=9$
 $x=3 \Rightarrow 3x-9=0$
 $3x-9>0 \Rightarrow x>3$
 $x=3 \Rightarrow 3x-9=0$
 $3x-9>0 \Rightarrow x>3$
 $3x-9<0 \Rightarrow x<3$

2)
$$7x-2$$

 $7x-2=0$
 $7x=2$
 $x=\frac{2}{7}$ \Rightarrow $7x-2=0$
 $x=\frac{2}{7}$ \Rightarrow $x-2>0 \Rightarrow $x>\frac{2}{7}$ \Rightarrow $x<\frac{2}{7}$ \Rightarrow $x>\frac{2}{7}$ \Rightarrow $x>\frac{2}{7}$$

3)
$$\frac{3}{4}x - 1$$

 $\frac{3}{4}x - 1 = 0$
 $\frac{3}{4}x - 1 = 0$
 $\frac{3}{4}x - 1 > 0 \implies x > \frac{4}{3}$
 $\frac{3}{4}x - 1 < 0 \implies x < \frac{4}{3}$
 $\frac{3}{4}x - 1 < 0 \implies x < \frac{4}{3}$
 $\frac{3}{4}x - 1 < 0 \implies x < \frac{4}{3}$

4)
$$0.5x + 10$$

 $0.5x + 10 = 0$
 $0.5x = -10$
 $x = -20$
 $0.5x + 10 > 0$ $\Rightarrow x > -20$
 $0.5x + 10 < 0$ $\Rightarrow x < -20$
 $0.5x + 10 < 0$ $\Rightarrow x < -20$

5)
$$2x-4+x-1$$

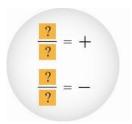
 $2x-4+x-1=0$
 $3x-5=0$
 $3x=5 \implies x=\frac{5}{3}$ $\Rightarrow 2x-4+x-1=0$
 $3x-5>0 \implies x>\frac{5}{3}$ $x>\frac{5}{3}$ $x>\frac{5}{3}$ $x>\frac{5}{3}$
 $3x-5<0 \implies x<\frac{5}{3}$

6)
$$\frac{1}{2}x + 3$$

 $\frac{1}{2}x + 3 = 0$
 $\frac{1}{2}x = -3$
 $x = -6$

$$\begin{cases}
x = -6 \Rightarrow \frac{1}{2}x + 3 = 0 \\
\frac{1}{2}x + 3 > 0 \Rightarrow x > -6 \\
\frac{1}{2}x + 3 < 0 \Rightarrow x < -6
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
x = -6 \Rightarrow \frac{1}{2}x + 3 = 0 \\
\frac{1}{2}x + 3 < 0 \Rightarrow x < -6
\end{cases}$$



6-6: تحلیل تعیین اشارهٔ افادهٔ کسری صفحات کتاب درسی: (164-163) وقت: یک ساعت درسی

 شاگردان طریق تعیین اشارل افادههای کسری را بفهمند. 	1- اهداف آموزشی:
 شاگردان سؤال های افاده های کسری را حل و اشارهٔ آنها را تعیین کرده بتوانند. 	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از تعیین اشارهٔ افاده های کسری احساس خوشی نمایید.	
سؤال و جواب،کارگروپی	2– روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهیـد بعـد بـه	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه در قدم نخست شکل ورودی را توضیح کنید:	(5) دقیقه
برای این کار ابتدا چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیـشروی صـنف آویـزان	
نمایید و جهت توضیح ورودی این درس از شاگردان بپرسید:	
درشکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جواب از شاگردان به آنها بگویید:	
قسمیکه در شکل به ملاحظه میرسد دو کسرنامعلومی که صورت ها ومخرج های	
آنها علامهٔ سؤالیه می باشد اما علامه کسر بالایی مثبت وعلامه کسر پایینی منفی	
نشان داده شده است اگر صورت کـسرهای فوق a و مخرج آنها b باشـد.علامـه	
حاصل تقسیم a و b زمانی مثبت می شود که a و b هر دو یا دارای علامـه مثبـت و	
یا دارای علامه منفی باشد.	
اما اشارهٔ كسر دوم به علامهٔ منفى نشان داده شده است. واين وقتى ممكن است كـه	
a و b یکی دارای علامه مثبت ودیگری دارای علامه منفی باشد.	

5- فعاليت جريان درس (28) دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (163) کتاب درسی را انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت نمایید. تا همهٔ اعضای گروپ در انجام فعالیت سهم داشته باشند. درختم فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را پیشروی تخته بخواهید تا کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. دراخیر نتیجهٔ فعالیت مربوط این درس را که در صفحهٔ (163) کتاب است روی تخته بنویسید و با سهم گیری فعال شاگردان حل و جدول تعیین علامت را ترتیب و بعد توضیح کنید. تا شاگردان طریق تعیین اشاره یک افادهٔ کسری را درست بفهمند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس ارائه شده را خوبتر فرا گیرند. مثال صفحهٔ (164) کتاب را روی تخته بنویسید و بعد آنرا حل وجدول تعیین اشارهٔ آنرا ترتیب وتوضیح کنید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان موضوع درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر؟ مختصراً ارزیابی نمایید؛ مثلاً بیرسید:

- کی می گوید که چطور اشارهٔ یک افادهٔ کسری را می توان تعیین کرد؟
 - کی می تواند اشارهٔ افادهٔ کسری $\frac{x+1}{x-1}$ را تعیین کند ?

8- معلومات اضافي براي معلم:

-I اگر اطراف یک نامساوات به توان عدد تاق رفع شود در جهت نامساوات تغییر وارد نمی شود:

$$\pm a > \pm b \implies (\pm a)^{2n-1} > (\pm b)^{2n-1}$$

II- اگر اطراف یک نامساوات به عدد جفت رفع شود در این حالت:

الف: اگر هر دو طرف نامساوات مثبت باشد جهت نامساوات تغییر نمی کند. $(+b)^{2n} > (+b)^{2n} > (+b)^{2n}$ بناگر هر دو طرف نامساوات منفی باشد جهت نامساوات تغییر می نماید. $(-a)^{2n} > (-b)^{2n} > (-b)^{2n}$ بناگر هر دو طرف نامساوات دارای علامه های مختلف باشد:

- اگر قیمت مطلقهٔ عدد مثبت از قیمت مطلقهٔ عدد منفی کوچک باشد، جهت غیر مساوی تغییر نمی کند.
 - اگر قیمت مطلقهٔ عدد مثبت از قیمت مطلقهٔ عدد منفی بزرگ باشد جهت غیر مساوی تغییر می کند.

اگر قیمت های هر دو طرف مساوات با هم مساوی باشد علامهٔ غیر مساوات به علامهٔ مساوات تبدیل می شود.

9- جواب به سؤال های تمرین:

اشارهٔ افاده های کسری زیر را تعیین کنید.

a)
$$P(x) = \frac{-x+1}{5+x}$$

 $-x+1=0$ $5+x=0$
 $x=1$ $x=-5$

b)
$$P(x) = \frac{x}{x+1}$$
$$x = 0$$
$$x+1=0$$
$$x = -1$$
$$0 < x < -1$$

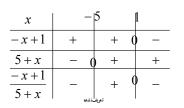
c)
$$P(x) = \frac{1}{x} + \frac{2}{7}$$

$$P(x) = \frac{7+2x}{7x} , x \neq 0$$

$$7+2x=0 \Rightarrow x = -\frac{7}{2}$$

$$7x=0 \Rightarrow x=0$$

$$0 < x < -\frac{7}{2}$$



x	_	1	ø
x	_	-	0 +
x+1	- () +	+
$\frac{x}{x+1}$	+	— 	+

x	-	$-\frac{7}{2}$	þ
7+2x	ı	0 +	+
7 <i>x</i>	-	_	0 +
$\frac{7+2x}{7x}$	+	• -	+

$$y = \frac{x+1}{x}$$

$$y > 0$$

$$y < 0$$

6-7: نامساوات های کسری صفحات کتاب درسی: (166-165)

وقت: یک ساعت درسی

1- اهداف آموزشی:	– شاگردان مفهوم نامساوات های کسری را بدانند.
(دانشی، مهارتی وذهنیتی)	 شاگردان سؤال های مربوط به نامساوات های کسری را حل کرده بتوانند.
	- شاگردان برای حل نامساوات های کسری علاقه نشان دهند.
2- روش های تدریس	سؤال و جواب، کارگروپی
3- مواد ممد درسی	خط کش، چارت شکل ورودی
4- توضیح ورودی	کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد
(5) دقیقه	به ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه در قدم اول شکل ورودی را توضیح
	کنید.
	برای این کار ابتدا چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف
	آویزان کنید بعد جهت توضیح شکل ورودی ذیلاً عمل نموده و از شاگردان
	سؤال كنيد :
	درشکل چه می بینید ؟
	شاگردان چشم دید خود را از شکل نظر به برداشت که می نمایند بیان می
	کنند اما جهت توضیح درست شکل ورودی به آنها بگویید:
	درشکل یک مساوات که طرف راست آن یک افاده کسری است وجود
	دارد اما سؤال اینجاست که اشارهٔ این افادهٔ کسری چه وقت مثبت وچه وقت
	منفی می شود و در درس کنونی هدف ما اینست که ما در این قسمت
	معلومات لازمه را كسب نماييم.

5- فعاليت جريان درس (28) دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(165) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت سعی نمایید تا همه شاگردان در کار گروپی فعالانه سهم بگیرند واین زمانی ممکن است که شما از کار وفعالیت گروپ ها نظارت به عمل آرید. و در ختم فعالیت از هر گروپ یک نفرشاگرد را پیشروی تخته بخواهید تا فعالیتی را که در گروپ انجام داده اند به همصنفان خود توضیح دهند. دراخیر فعالیت راه های حل که دراخیر صفحهٔ (156) کتاب درسی وجود دارد توضیح وهم جدول مربوطهٔ آنرا نیز ترتیب داده و تحلیل نمایید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

حال برای استحکام درس واینکه درس ارائه شده خوبتر ذهنشین شاگردان گردد ذیلاً عمل نمایید:

مثال صفحهٔ (166) کتاب درسی را روی تخته بنویسید بعد به حل آن اقدام نمایید طوریکه درهرقسمت از شاگردان سؤال نموده وجواب های درست به دست آرید این کار کمک خواهد نمود تا شاگردان خود را درپروسه آموزش عملاً شریک بدانند ودرس را خوبتر فرا گیرند ناگفته نباید گذاشت که جدول مربوط این مثال را نیز خوب تحلیل و تجزیه نمایید وهم دوحالت کلی که برای دریافت حل نامساوات های کسری ضرور است و در کتاب درسی درقسمت اخیر مثال فوق آورده شده است به شاگردان توضیح نمایید.

7- ارزیابی ختم درس: (5) دقیقه

در ختم هر درس یک ارزیابی مختصر ضرور است زیرا این کار به شما کمک خواهد نمود تا مطمئن شوید که آیا درس ارائه شده را شاگردان بهتر درک نموده اند یاخیر؟ برای اینکار می توانید سؤالات مانند زیر را طرح و جواب آنرا از شاگردان بخواهید.

- کی می تواند مراحل حل نامساوی های کسری را واضح سازد؟

- کی می تواند مراحل تعیین علامهٔ یک نامساوی را باز گو کند؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

ست حل نامساوی های زیر را به دست آورید.

1)
$$\frac{-x-9}{2x+4} < 0$$

$$-x-9=0 \implies -x=9 \implies x=-9$$

$$2x+4=0 \implies 2x=-4 \implies x=-2$$

x	_	9 –	2
-x-9	+ () –	_
2x + 4	_	-) +
$\frac{-x-9}{2x+4} < 0$	— حل مــاوی	+ تعریف نشده	— حل مساوی

$$\begin{array}{c|ccccc} x & -7/6 & 7/6 \\ \hline 6x+7 & -0 & + & + \\ \hline 7-6x & + & +0 & - \\ \hline \frac{6x+7}{7-6x} \le 0 & - & + & - \\ 0 & - & - & - \\ 0 & - & - & - \\ 0 & - & - \\ 0 & - & - & - \\ 0 & -$$

$$A = \left\{ x / x \in IR : x > \frac{7}{6} \quad \text{o} \quad x < \frac{-7}{6} \right\}$$
 حل نامساوات عبارت است از:

3)
$$\frac{x+10}{2x-3} \ge 0$$
$$x+10=0 \implies x=-10$$
$$2x-3=0 \implies 2x=3 \implies x=-10$$

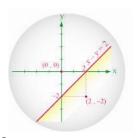
$$A = \left\{ x/x \in IR: x > \frac{3}{2}$$
 و $x < -10 \right\}$ حل نامساوات عبارت است از:

4)
$$\frac{7x-2}{3-2x} > 3 \implies \frac{7x-2-9+6x}{3-2x} > 0 \implies \frac{13x-11}{3-2x} > 0$$

 $13x-11=0 \implies 13x=11 \implies x = \frac{11}{13}$
 $3-2x=0 \implies -2x=-3 \quad x = \frac{3}{2}$

X	11	13	3/2
13x - 11	- () +	+
3-2x	+	+	6 –
$\frac{\overline{13x-11}}{3-2x} > 0$	- (+ ل نامساوی	_

$$A = \left\{ x/x \in IR: x > \frac{3}{2}$$
 و $x < \frac{11}{13} \right\}$: است از



6-8: نامساوات خطی دو متحوله صفحات کتاب درسی: (168-167) وقت: یک ساعت درسی

1- اهداف آموزشي: - شاگردان مفهوم نامساوات خطى دومتحوله را ب	ماگردان مفهوم نامساوات خطی دومتحوله را بدانند.
(دانشی، مهارتی وذهنیتی) - شاگردان سؤال های نامساوات خطی دومتحوا	شاگردان سؤال های نامساوات خطی دومتحوله حل کرده بتوانند.
- شاگردان از حل نامساوات خطی دومتحوله لذر	ماگردان ازحل نامساوات خطی دومتحوله لذت ببرند.
2- روش های تدریس سؤال و جواب،کارگروپی و انفرادی	ال و جواب،کارگروپی و انفرادی
3- مواد ممد درسی بکس هندسی، چارت شکل ورودی	س هندسی، چارت شکل ورودی
	ِ های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعـد بــه
ارائه درس جدید بپردازید.	ه درس جدید بپردازید.
ابتدا بخش ورودی را توضیح کنید برای این کار	ا بخش ورودی را توضیح کنید برای این کار چارتی را که از قبل تهیـه نمـوده
اید پیشروی صنف آویزان نموده واز شاگردان بپ	پیشروی صنف آویزان نموده واز شاگردان بپرسید:
درشکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات از ش	شکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات ازشاگردان بگویید:
محور های X و y طوریکه در شکل دیده می شو	ور های x و y طوریکه در شکل دیده می شود خط مستقیم $x-y=2$ کمیات
وضعیه را قطع نموده واز دوناحیه (اول وسوم	عیه را قطع نموده واز دوناحیه (اول وسوم) می گذرد. وهمچنان درناحیه
چهارم نقطهٔ که مختصات آن $(2-2)$ است نیز	ارم نقطهٔ که مختصات آن (2 – , 2) است نیز مشخص گردیده است.

5- فعاليت جريان درس (28) دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(167) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت نمایید، تا همهٔ شاگردان در فعالیت گروپی سهم فعال داشته باشند. درختم فعالیت از نماینده های هر گروپ بخواهید تا کارگروپی خویش را به دیگران توضیح دهند درختم فعالیت تعریفی که درمورد یک نامساوات خطی دومتحوله به دست می آید روی تخته بنویسید و با سهم گیری فعال شاگردان تشریح کنند.

حال مثال 1 صفحهٔ (167) کتاب درسی را روی تخته بنویسید واز یک شاگرد بخواهید تا آنرا حل نماید همزمان از شاگردان دیگر بخواهید تا آن را در کتابچه های شان حل کنند اگر در حل روی تخته مشکل وجود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا روی تخته اصلاح نماید وقتیکه مطمئن شدید که حل روی تخته درست است از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های شان را با مثال روی تخته مقایسه نمایند تا اگر اشتباهی را مرتکب شده باشند آن را اصلاح کنند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس را خوبتر فرا گیرند. مثال 2 صفحهٔ(168) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و با سهم گیری فعال شاگردان آنرا حل و به روی گراف نشان دهید.

7- ارزیایی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه اطمینان حاصل نمایید که آیا شاگردان درس جدید را درست فرا گرفته اند یاخیر؟ مختصراً ارزیابی نماييد.مثلاً بيرسيد:

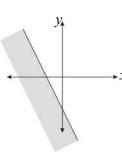
- كى مى تواند نامساوات خطى دومتحوله را تعريف كند؟
- كى مى گويد كه چطور مى توان ست حل يك نامساوات خطى دومتحوله را تعيين نمود ؟

8- جواب به سؤال هاى تمرين:

ست حل های نامساوی های زیر را به دست آرید.

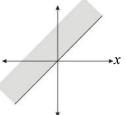
1)
$$3x-2 < 5x + y$$

 $3x-5x-y < 2$
 $-2x-y=0$
 $x \mid 0 \quad -1$
 $y \mid -2 \quad 0$
 $A(0,0) \implies 0 < 2$



2)
$$2y < 3x \Rightarrow 2y - 3x < 0$$

$$\begin{array}{c|c} x & 0 & 2 \\ \hline y & 0 & 3 \end{array}$$



$$y \mid -2$$
 0

$$2(1) < 3(-1) \implies 2 \not< -3$$

3)
$$x+y>0$$

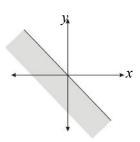
$$\begin{array}{c|cc}
x & 0 & 2 \\
\hline
y & 0 & -2 \\
\end{array}$$
 $A(1,1)$

4)
$$2x-6y \ge 8x+4y$$

 $2x-8x-6y-4y \ge 0$

A(-1,1)

$$1+1>0$$

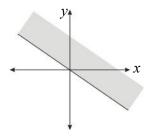


$$-6x - 10y \ge 0$$

$$\begin{array}{c|cc} x & 0 & 5 \\ \hline y & 0 & -3 \end{array}$$

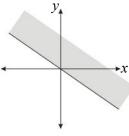
$$A(2,1)$$
 $-12-10 \ge 0$

$$-22 > 0$$



5)
$$x+y<0$$

$$\begin{array}{c|cccc}
x & 0 & 1 \\
\hline
y & 0 & -1 \\
A(-1,-1) & & \\
-1-1<0 & & \\
-2<0 & & \\
\end{array}$$



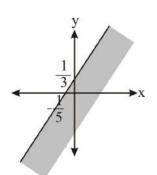
6)
$$5x-3y<-1$$

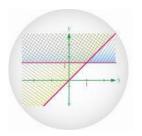
$$\begin{array}{c|cc}
x & 0 & -1/5 \\
\hline
y & 1/3 & 0
\end{array}$$

$$A(0,0)$$

$$5 \cdot 0 - 3 \cdot 0 < -1$$

$$0 \nleq -1$$





9-6: سیستم نامساوات خطی دو متحوله صفحات کتاب درسی: (170-169) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم سیستم نامساوات خطی دومتحوله را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
 شاگردان سیستم نامساوات خطی دومتحوله را حل کرده بتوانند. 	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از حل سیستم نامساوات خطی دومتحوله احساس خوشی نمایند.	
سؤال و جواب، کار انفرادی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهیـد بعـد بـه	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه در قدم نخست به توضیح شکل ورودی اقدام	(5) دقیقه
نمایید برای این کار ابتدا چارتی را که ازقبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف	
آویزان کنید بعد به توضیح بخش ورودی این درس اقـدام نماییـد؛ مـثلاً از شـاگرد	
بپر سید:	
درشکل ورودی چه می بینید؟ بعد ازاخذ جوابات از شاگردان به آنها بگویید	
طوریکه درشکل دیده می شود درسیستم مختصات قایم دوخط مستقیم ترسیم	
گردیده طوریکه یکی آن از ناحیهٔ اول وسوم ومرکز سیستم مختصات قایم عبور	
نموده است ودیگری آن خط مستقیمی است که موازی به محور X بوده واز	
y=1 می گذرد.	
زمانیکه ازسیستم نامساوات خطی نـامبرده مـی شـود درآن بیـشتر از یـک نامـساوات	
خطی وجود دارد، چنانچه در این درس درسیستم نامساوات خطی دو نامساوی را	
همزمان دیده می توانید به صورت عموم ست حل یک سیستم نامساوات خطی ساحهٔ	
می باشد که برای هر دو نامساوی قابل تعریف است چنانچه درشکل ورودی ساحهٔ	
که درآن حل یک نامساوی خطی وجود ندارد توسط خطوط نـشانی گردیـده کـه از	
هر خط به صورت واضیح دیده می شود.	
بنابرآن ساحهٔ حل سیستم نامساوات خطی ساحهٔ است که برای هر دو نامساوی	
همزمان قابل تعریف(سفید) باشد.	

5- فعاليت جريان درس (28) دقيقه:

حال سیستم نامساوی $\begin{cases} x+y < 2 \\ y-1 > 2x \end{cases}$ را که درصفحهٔ (169) کتاب درسی در زیر ورودی وجود دارد روی تخته بنویسید و آنرا حل کنید و هم طریق حل سیستم نامساوی خطی فوق را به شاگردان خوب واضح سازید و هم توسط گراف نشان دهید تا شاگردان بدانند که مفهوم حل یک سیستم نامساوی خطی عبارت از چیست ؟ ناگفته نباید گذاشت که هنگام توضیحات شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

6- تحكيم درس: (7) دقيقه

برای اینکه شاگردان موضوع درس را بهتر درک کنند. اکنون مثال صفحهٔ(170) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و با سهم گیری فعال شاگردان آنرا حل وگراف آنرا ترسیم نمایید.

7 - ارزیابی ختم درس: (5) دقیقه

برای اینکه مطمئن شوید که آیا شاگردان درس ارائه شده را خوبتر فهمیده اند یاخیر؟ مختصراً ارزیابی نمایید؛ مثلاً بپرسید:

- كى مى گويد سيستم نامساوات خطى دومتحوله چيست؟
 - كى مى تواند مراحل آنرا توضيح نمايد؟

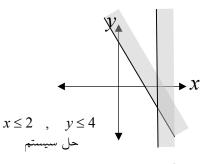
8- جواب به سؤال های تمرین:

ست حل سیستم های زیر را توسط گراف به دست آورید:

حل: اول سیستم داده شده را بالای سیستم کمیات وضعیه رسم می کنیم بعد ساحهٔ حل آنرا پیدا می کنیم.

1)
$$\begin{cases} x < 3 & \Rightarrow x = 3 \\ 2x + y < 4 & \Rightarrow 2x + y = 4 \\ x = 0 \Rightarrow y = 4 \\ y = 0 \Rightarrow x = 2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 3 \\ A(0,0) \\ 2x + y < 4 \\ A(0,0) \\ 0 < 4 \end{cases}$$



2)
$$\begin{cases} 2x+3y<9\\ 5x-2y>5 \end{cases}$$

$$x=0 \Rightarrow y=3$$

$$y=0 \Rightarrow x=\frac{9}{2}$$

$$x=0 \Rightarrow x=1$$

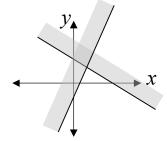
$$A(0,0) \Rightarrow 0<9$$

$$5x-2y>5$$

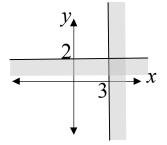
$$x=0 \Rightarrow y=-\frac{5}{2}$$

$$y=0 \Rightarrow x=1$$

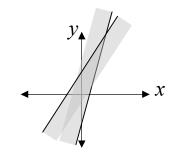
$$A(0,0) \Rightarrow 0<9$$



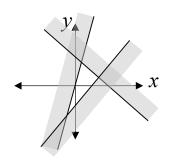
3)
$$\begin{cases} x < 3 & x = 3 \\ y > 2 & A(0,0) \end{cases} \quad y = 2$$
$$A(0,0) \quad A(0,0) \quad 0 < 3 \quad 0 \neq 2$$



$$2x-3y=-3
x=0 \Rightarrow y=1
5x-2y=9
x=0 \Rightarrow y=-\frac{3}{2}
x=0 \Rightarrow y=-\frac{9}{2}
x=0 \Rightarrow y=-\frac{9}{2}
x=0 \Rightarrow x=-\frac{9}{2}
x=0 \Rightarrow x=\frac{9}{5}
x=0 \Rightarrow x=0 \Rightarrow x=\frac{9}{5}
x=0 \Rightarrow x=$$



5)
$$\begin{cases} x+y < 4 & x+y=4 \\ x-y < 3 & y=0 \ , \ x=4 \\ 5x-y > 1 & A(0,0) \Rightarrow 0 < 4 \end{cases} \begin{cases} x-y=3 \\ x=0 \ , \ y=-3 \end{cases} \begin{cases} 5x-y=1 \\ x=0 \ , \ y=-1 \\ y=0 \ , \ x=3 \\ A(0,0) \ , \ 0 < 3 \end{cases} \begin{cases} y=0 \ , \ x=\frac{1}{5} \\ A(0,0) \Rightarrow 0 \neq 1 \end{cases}$$



6-10: نكات مهم فصل ششم صفحه كتاب درسى: (171) وقت: يك ساعت درسي

- شاگردان مفهوم نامساوات ها را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان نامساوات های خطی با یک متحول ، دومتحول ،کسری وسیستم	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
نامساوات های خطی راحل کرده بتوانند.	
- شاگردان از حل نامساوات ها احساس خوشی نمایند.	
سؤال وجواب ، کارگروپی وانفرادی	2– روش های تدریس
چارت که در آن تمام نکات مهم فصل تحریر شده باشد.	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است ابتدا آن را انجام	4- توضيح ورودى:
دهید سپس درس گذشته را به طور مختصر ارزیابی نمایید.	(5) دقیقه
حال توجه شاگردان را به نکات مهم فصل جلب نموده و اهمیت این نکات را به	
آنها باز گو نمایید تا شاگردان متوجه اهمیت آنها شده وعلاقه به یادگیری بهتر آنها	
از خود نشان دهند و نکات مهم را خوب فرا گیرند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان نمایید بعد به نوبت از شاگردان بخواهید تا هر کدام یک نکتهٔ مهم درس را از روی چارت بخواند و بعد آنرا به شاگردان توضیح دهد. این کار را تا زمانی ادامه دهید تا تمام نکات مهم فصل توسط شاگردان با استفاده از چارت توضیح گردد. احیاناً اگر در توضیح شاگردان کدام اشتباهی موجود بود آنرا روی چارت نشانی نمایید تا بعداً توسط شما به اصلاح آن پرداخته شود.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به اهمیت هر یک از این نکات پی ببرند هر یک از نکات مهم را که هنگام توضیح آن شاگردان مشکل داشته خود شما آنرا طوری واضح سازید تا همه مشکلات آنها حل گردد.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان به اهمیت این نکات پی برده اند یا خیر ؟ در مورد بعضی از این نکات مهم از شاگردان سؤال کنید. مثلاً بپرسید:

- نامساوات چیست ؟
- نامساوات ها چند خواص دارد و كدام ها اند؟
 - انتروال چیست؟ و چند نوع آنرا می شناسید؟
- برای تعیین اشارهٔ یک افاده کسری چه باید کرد؟
- برای حل سیستم نامساوات های خطی دو متحوله چطور عمل باید کرد؟

حل تمرينات فصل ششم

در قسمت حل تمرینات فصل در سخنی چند به معلم، رهنمایی صورت گرفته معلمین محترم مطابق آن عمل نمایند:

بخش اول:

1 کدام یک از نامساوی های زیر صحیح است?

$$\frac{3}{2} > \sqrt{2}$$
 (b)

 $x+3 \le 5$ است? حل نامساوی $x+3 \le 5$ است

$$\{x \in IR : x \le 2\} (a$$

است؟ 2x+3>-1 است؟ -3

$$(-2,\infty)$$
 (d

اگر a < b اگر از رابطه های زیر صحیح است؟ (4

$$\frac{1}{b} < \frac{1}{a}$$
 (a)

است؟ کدام یک از انتروال های زیر ست حل
$$\frac{x+3}{3-x} > 0$$
 کدام یک از انتروال

$$(-3,3)$$
 (d a

بخش دوم:

ادر نامساوی ax + by < 0 ست همهٔجوره های که نامساوی را صدق کند به نام ست حل نامساوی فوق یاد می شود.

$$-2$$
 انتروال $[4,5]$ را به نام انتروال بسته......یاد می کنند.

$$x < \frac{1}{2}$$
 بينوم $x + \frac{1}{2}$ براى قيمت هاىمثبت مى گردد.

....
$$x \le -\frac{8}{5}$$
 $|x| \le -\frac{8}{5}$ and $|x| \le 2x + 5 \le \frac{1}{5} - x$ and $|x| \le -\frac{8}{5}$

بخش سوم:

1-(غ) ست حل هاى يك نامساوى دقيقاً يك عنصر دارد.

ست. $\{x \in IR : 2 \le x < 5\}$ ست $\{x \in IR : 2 \le x < 5\}$ ست انتروال بسته است.

3 ست حل های سیستم نامساوی ها قسمتی از مستوی کمیات وضعیه است.

4- (ص) ست حل های یک نامساوی خطی همیشه حل بی شمار دارد.

5- (غ) از اینکه 2 > 2 - است می توان نتیجه گرفت که $\frac{1}{2} > \frac{1}{3}$ است.

بخش چهارم:

-1 حل نامساوی های زیر را به دست آرید:

a)
$$\frac{x-5}{4} - \frac{x-8}{3} < 0$$

$$\frac{3x-15-4x+32}{12} < 0$$

$$\frac{-x+17}{12} < 0$$

$$-x+17=0 \Rightarrow -x=-17 \Rightarrow x=17$$

در نتیجه حل نامساوی x > 17 است.

b)
$$x-2 < 3(2x-9)$$

 $x-2 < 6x-27$
 $x-6x < -27+2$
 $-5x < -25$
 $x > 5$

در نتیجه گفته میتوانیم که حل نامساوی x>5 است.

c)
$$(x-3)(x+3) < 0$$

$$\frac{x}{x-3} - \frac{3}{-0} + \frac{3}{x+3}$$

$$\frac{x+3}{(x-3)(x+3)} + \frac{3}{-0} + \frac{3}{x+3}$$

 $\{x \in IR : -3 < x < 3\}$ است از $\{x \in IR : -3 < x < 3\}$

d)
$$\frac{3x+4}{x} - 1 < 0$$

$$\frac{3x+4-x}{x} < 0$$

$$\frac{2x+4}{x} < 0$$

$$2x+4=0 \Rightarrow 2x=-4 \Rightarrow x=-2$$

$$x=0$$

 ${x \in IR : -2 < x < 0}$

$$e) 1 - \frac{2}{x} \le 3$$

$$x - 2 \le 3x$$

$$-2x \le 2$$

$$x \ge -1$$

بناءً حل نامساوی $x \ge -1$ است.

۲- انتروال های زیر را روی محور اعداد مشخص کنید:

$$a) [-1,2]$$

۳- ست اعداد زیر را به شکل انتروال بنویسید و به روی محور اعداد نشان دهید.

$$a) \{x \in IR : x \le 2\}$$

$$b) \{x \in IR : x \le 5\}$$

c)
$$\{x \in IR : -1 \le x \le 6\}$$

c)
$$\{x \in IR : -1 \le x \le 6\}$$
 d) $\{x \in IR : -4 < x < 2\}$

a)
$$(-\infty, 2]$$



b)
$$(-\infty, 5]$$

$$d) (-4, 2)$$

4 – حل سیستم های نامساوی زیر را به دست آرید:

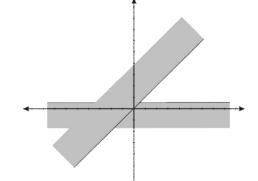
$$a) \begin{cases} y > x \\ 3y < 2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3y < 2 \\ y = x \end{cases}$$

$$y = \frac{2}{3}$$

$$A(1, -2)$$

$$-2 \ge 1$$



$$b) \begin{cases} 2x - y > 0 \\ x - 2y < 0 \end{cases}$$

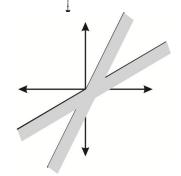
$$\begin{cases} x - 2y < 0 \\ 2x - y = 0 \end{cases}$$

$$x - 2y = 0$$

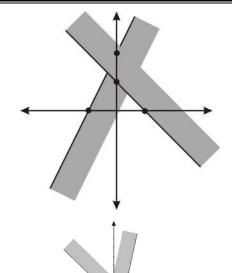
$$\begin{array}{c|cc} x & 0 & 1 \\ \hline y & 0 & 2 \end{array}$$

$$A(1, -2)$$

$$-2 \geqslant 1$$



c)
$$\begin{cases} x + y < 2 \\ y - 4 > 2x \end{cases}$$
$$x + y = 2 , \quad y - 4 = 2x$$
$$\frac{x \mid 0 \quad 2}{y \mid 0 \quad 2} , \quad \frac{x \mid 0}{y \mid 4 \quad 6}$$

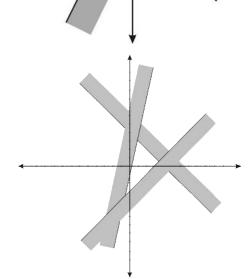


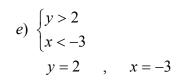
$$d) \begin{cases} 2x + 2y < 8 \\ 3x - 3y < 9 \\ 10x - 2y > 2 \end{cases}$$

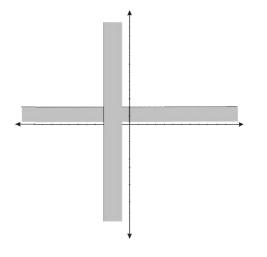
$$2x + 2y = 8 \quad , \quad 3x - 3y = 9$$

$$\frac{x \mid 0 \quad 4}{y \mid 4 \quad 0} \quad , \quad \frac{x \mid 0 \quad 3}{y \mid -3 \quad 0}$$

$$10x - 2y = 2 \qquad \qquad \frac{x \mid 0 \quad \frac{1}{5}}{y \mid -1 \quad 0}$$



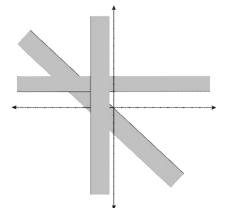




$$f) \begin{cases} y > 2 \\ x < -3 \\ y + x > 0 \end{cases}$$

$$y = 2 \quad , \quad x = -3$$

$$y + x = 0 \qquad \frac{x \mid 0 \quad 1}{y \mid 0 \quad -1}$$





فصل هفتم

1-7: معادلات یک مجهوله درجه دوم

صفحات كتاب درسي:(178-177) وقت: يك ساعت درسي

 شاگردان مفهوم معادلات یک مجهوله درجه دوم را بدانند. 	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان معادلات یک مجهولهٔ درجه دوم را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهار تی وذهنیتی)
 شاگردان از حل سؤال های معادلات یک مجهولهٔ درجه دوم لذت ببرند. 	
سؤال وجواب، کار گروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
چارت شکل ورودي	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا به توضیح شکل ورودی اقدام نمایید،	(5) دقیقه
درقسمت توضیح ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا	
پیشروی صنف آویزان کنید و از شاگردان بپرسید:	
در شکل چه می بینید؟بعد از اخذ جواب ها از شاگردان به آنها بگویید:	
شما در شکل اطاقی را مشاهده می کنید که توسط یک قالین مربع شکل فرش	
گردیده که طول اطاق به اندازه سه متر و عرض آن به اندازه دو متر از کناره های	
قالین زیاد است اگر بخواهیم مساحت اطاق را معلوم نماییم پس فاصله های را که	
طول و عرض اطاق از کناره های قالین دارد با هم ضرب و نتیجه را به دقت به دست	
$(x+3)(x+2) = x^2 + 2x + 3x + 6 = x^2 + 5x + 6$ ميآوريم:	
طوری که دیده می شود یک معادله درجه دوم به وجود آمد که مورد بحث ما می باشد.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (177) کتاب درسی را انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید تا همهٔ اعضای گروپ در انجام فعالیت سهیم باشند. درختم فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته، کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. بعد ازختم کار گروپی تعریف معادله یک مجهوله درجه دوم و معادله ناقص را که در کتاب درسی زیر فعالیت فوق قرار دارد به شاگردان تفهیم و شکل عمومی آنرا روی تخته بنویسید و توضیح نمایید. حال مثال 1 صفحهٔ (177) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و حل کنید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند. اکنون مثال 2 صفحهٔ (178) کتاب درسی را که مربوط این درس است روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا حل نماید. همزمان از سایر شاگردان بخواهید تا مثال مذکور را هر یک به صورت انفرادی در کتابچه های شان حل نمایند. اگر درحل روی تخته مشکلی و جود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید و شاگردان دیگر حل های شان را با آن مقایسه کنند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس جدید را خوبتر فرا گیرند مثال 3 صفحهٔ(178) کتاب درسی را روی تخته حل نمایید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

بمنظور اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را خوب فرا گرفته اند یاخیر؟ درس را ارزیابی نمایید طوریکه چند سؤال در مورد درس جدید طرح و از شاگردان جواب به دست آرید. مثلاً بیرسید:

- كى معادلات يك مجهوله درجه دوم را تعريف مى كند؟
 - کی شکل عمومی آنرا روی تخته می نویسد؟
 - كى مى گويد فرق بين معادلهٔ كامل وناقص چيست؟
- c کی می تواند در معادلهٔ c نشان دهد؟ خرایب b ، a خرایب b ، خرایب کی می تواند در معادلهٔ c

8- معلومات اضافی برای معلم:

معادله که یک مجهول داشته باشد و درجه مجهول آن دو باشد عبارت از معادلهٔ یک مجهولهٔ درجه دوم است. شکل عمومی آن طوریکه می دانید $ax^2 + bx + c = 0$ بو ده و هر معادلهٔ یک مجهولهٔ درجه دوم دارای دو جذر x_2, x_1 می باشد.

حالات خصوصي:

است زیرا اگر a=0 باشد معادله مذکور به معادلهٔ یک مجهوله درجه اول $a\neq 0$ باشد معادله مذکور به معادلهٔ یک مجهوله درجه اول تبدیل می گردد که موضوع بحث ما نیست.

 $ax^2+c=0$ اگر b=0 باشد معادله مذكور به معادلهٔ $ax^2+c=0$ تغيير شكل نموده و زمانى اين معادله داراى دوجذر حقيقى مساوى مختلف الأشاره مى باشد كه a و a مختلف الأشاره باشند.

معادله مذکور به معادلهٔ $ax^2+bx=0$ تغییر شکل می نماید که یک جذر معادله c=0 باشد دراین صورت معادله مذکور به معادلهٔ $x_1=0$ تغییر شکل می نماید که یک جذر معادله مساوی به صفر $x_2=-\frac{b}{a}$ تا باشد.

9- جواب به سؤال های تمرین:

1- در معادلات زیر معادلهٔ کامل و ناقص را مشخص کنید؟

جواب:

a و b معادلهٔ کامل هستند چون هر سه جزء آن یعنی a و b موجود می باشد.

pprox c و b , a و b , a و b , a و b موجود نیست.

در معادلات زیر ضریب های b, a و c را مشخص کنید. -2

جواب:

a)
$$6x^2 - 4x = 2 \Rightarrow 6x^2 - 4x - 2 = 0$$

 $a = 6$, $b = -4$, $c = -2$

b)
$$3x-4 = x^2 \Rightarrow -x^2 + 3x - 4 = 0$$

 $a = -1$, $b = 3$, $c = -4$

c)
$$4x-x^2-6=4x^2 \Rightarrow 4x-x^2-6-4x^2=0$$

 $-5x^2+4x-6=0$
 $a=-5$, $b=4$, $c=-6$



2-7: حل معادلات یک مجهوله درجه دوم صفحات کتاب درسی: (180-179) وقت: یک ساعت درسی

 شاگردان مفهوم حل معادلات یک مجهولهٔ درجه دوم را بدانند. 	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان سؤال های مربوط به معادلهٔ یک مجهولهٔ درجه دوم را حل کرده	(دانشی، مهار تی وذهنیتی)
بتوانند.	
– شاگردان در زنده گی روزمره آن را بکار ببرند.	
سؤال وجواب ،کارگروپی وانفرادی	2- روش های تدریس
چارت شکل ورودي	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید.	دقیقه (5)
جهت توضیح ورودی این درس چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی	
صنف آویزان کنید و از شاگردان بپرسید:	
در شکل چه می بینید؟ بعد از اخذ جواب از شاگردان به آنها بگویید: طوریکه در	
شکل به مشاهده می رسد، یک ترازو در حالت غیر تعادل بوده و وقتی تعادل آن	
برابر می شود که به وزنه طرف راست ترازو یک وزن به اندازه x افزوده شود و	
تلاشی که برای دریافت قیمت x صورت می گیرد حل معادلهٔ درجه دوم گفته می	
شود.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (179) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت کنید. تا همه شاگردان در انجام کار گروپی سهم فعال داشته باشند. در ختم فعالیت از یک شاگرد بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. دراخیر فعالیت تعریف حل یک معادلهٔ درجه دوم را که در اخیر فعالیت در کتاب موجود است به شاگردان توضیح نمایید.

حال مثال 1 صفحهٔ (179) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل کند همزمان به شاگردان دیگر وظیفه دهید تا به شکل انفرادی هر کدام این مثال را در کتابچه های شان حل نمایند. اگر درحل روی تخته غلطی وجود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید و زمانیکه مطمئن شدید حل روی تخته درست است به سایر شاگردان هدایت بدهید تا حل های شانرا با آن مقایسه کنند و اگر اشتباهی را مرتکب شده بودند آنرا اصلاح نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان موضوع درس جدید را خوبتر بفهمند. مثال 2 صفحهٔ (180) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و بعد آنرا حل کنید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم دررس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را بهتر درک نموده اند یاخیر؟ مختصراً ارزیابی کنید. مثلاً بپرسید:

- كى مى گويد كه مفهوم حل يك معادلهٔ درجه دوم چيست؟
 - کی می گوید که یک معادلهٔ درجه دوم چند حل دارد؟
- آیا دریافت جذور یک معادلهٔ درجه دوم به مفهوم حل آن است یا خیر؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

1- يك معادلة يك مجهولة درجه دوم را بنويسيد كه حل نداشته باشد.

جواب:

$$x^{2} - 5 = -13$$
 $\Rightarrow x^{2} - 5 + 13 = 0$ $\Rightarrow x^{2} + 8 = 0$ $\Rightarrow x^{2} = -8$ $\Rightarrow x = \pm \sqrt{-8}$
 $x_{1} = \sqrt{-8}$, $x_{2} = \sqrt{-8}$

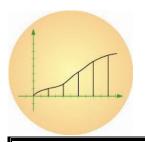
2- معادلات زير را حل كنيد.

جواب:

a)
$$x^2 - 1 = 0 \implies x^2 - 1^2 = 0 \implies (x - 1)(x + 1) = 0 \implies x - 1 = 0 \implies x_1 = 1$$

 $\implies x + 1 = 0 \implies x_2 = -1$

$$b) x^2 = 0 \implies x = 0$$



3-7: روابط غیر خطی صفحات کتاب درسی: (182-181) وقت: یک ساعت درسی

– شاگردان مفهوم روابط غیر خطی را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان سؤال مربوط به روابط غیر خطی را حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان از حل سؤال های مربوط به روابط غیر خطی لذت ببرند.	
سؤال وجواب، کارگروپی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه:	(5) دقیقه
ابتدا شکل ورودی را توضیح نمایید، جهت توضیح ورودی این درس چارتی را	
که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید و از شاگردان بپرسید:	
در شکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات از شاگردان به آنها بگویید:	
طوریکه در شکل مشاهده می کنید یک سیستم مختصات قایم وجود دارد و	
گرافی در حال صعود را در ناحیه اول این سیستم مختصات مشاهده می	
نماییدکه در شکل محور x نشان دهندهٔ سپری شدن سال ها و $$	
دهنده طول قد می باشد که با ازدیاد قیمت x قیمت y نیز افزایش نموده و	
گراف را در حال صعود نشان می دهد.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم وبه آنها وظیفه دهید تا با مشورهٔ یکدیگر فعالیت صفحهٔ (181) کتاب درسی را که مربوط این درس است انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت نمایید تا همه اعضای گروپ در کار گروپی سهیم باشند.در ختم فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. بعداً نتیجه فعالیت را که در قسمت فوقانی صفحهٔ (182) کتاب موجود است طوری توضیح نمایید که شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

6-تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس ارائه شده خوب پی ببرند. مثال صفحهٔ (182) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل و رسم نمایید طوریکه شاگردان در حل آن سهیم باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اطمینان خاطر تان که آیا شاگردان درس جدید را یاد گرفته اند یاخیر؟ با طرح سؤال مانند زیردرس را ارزیابی کند، مثلاً بیرسید:

را حل وگراف آنرا رسم نماید?
$$\begin{cases} y=x+4-1 \\ y=x^2 \end{cases}$$

8- جواب به سؤال های تمرین:

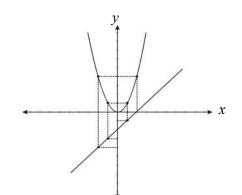
بالم المستم معادلات
$$\begin{cases} y=x^2 \\ y=x-2 \end{cases}$$
 را در یک سیستم مختصات ترسیم کنید $\begin{cases} y=x^2 \\ y=x-2 \end{cases}$

جواب:

-1

$$\begin{cases} y = x^2 & x - 2 - 1 & 0 & 1 & 2 \\ y & 4 & 1 & 0 & 1 & 4 \end{cases}$$

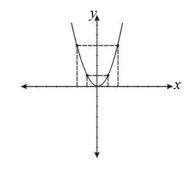
$$\begin{cases} y = x - 2 & x - 2 & -1 & 0 & 1 \\ y & -4 & -3 & -2 & -1 \end{cases}$$

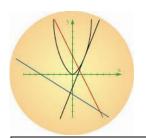


? گراف سیستم معادلات $\begin{cases} y = x^2 \\ y = 0 \end{cases}$ را ترسیم کنید y = 0

جواب :

$$\begin{cases} y = x^2 & | x | -2 | -1 | 0 | 1 | 2 \\ | y | 4 | 1 | 0 | 1 | 4 \end{cases}$$





4-7: حل گرافیک معادلات یک مجهوله درجه دوم صفحات کتاب درسی: (184-183) وقت: یک ساعت درسی

مداف آموزشي: - شاگردان مفهوم حل گرافيک معادلات يک مجهولهٔ در-	b 1 –1
شی، مهارتی وذهنیتی) – شاگردان معادلات یک مجهولهٔ درجه دوم را توسط گراه	(دان
- شاگردان به حل گرافیک معادلات یک مجهولهٔ درجه دو	
و ش های تدریس سؤال وجواب،کار گروپی و انفرادی	2- رو
واد ممد درسی بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مر
ضیح ورودی ابتداکار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرو	
دقیقه بعد به ارائه درس جدید بپردازید. برای این کار لازم اس	(5)
درس توضیح شود.	
برای توضیح بخش ورودی چارتی که از قبل تهیـه شـده آ	
آویزان کنید و از شاگردان سؤال کنید:	
درشکل چه ر ا می بینید؟ بعد از این که شاگردان جواب ه	
بگوييد:	
در شکل سیستم کمیات وضعیهٔ قایم که در آن یک پارابول	
در سه حالت(قاطع، مماس و خارج منحني) قرار دارد ديـ	
شکل کمک می نماید تا ما حل گرافیک معادلات درجه د	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم نمایید و به هرگروپ وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (183) کتاب درسی را انجام دهند. در اثنای فعالیت از گروپ ها نظارت نمایید تا تمام اعضای گروپ در فعالیت سهم داشته باشند و در ختم فعالیت از نمایندهٔ تمام گروپ ها بخواهید تا فعالیت را که انجام داده اند به دیگران توضیح نمایند.

دراخیرکار گروپی نتیجهٔ که از فعالیت فوق به دست می آید آن را روی تخته بنویسید بعد توضیح کنید.

اکنون مثال 1 صفحهٔ (183) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا طوری حل کنید که شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

حال مثال 2 صفحهٔ (184) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تما آن را روی تخته حل نماید. همزمان به شاگردان دیگر وظیفه دهید تا عین کار را به شکل انفرادی در کتابچه های شان انجام دهند. اگر درحل روی تخته اشتباهی موجود بود از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید.

زمانیکه اطمینان حاصل نمودید که حل روی تخته درست است از سایرشاگردان بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه نموده واگراشتباهی را مرتکب شده باشند اصلاح نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس ارائه شده را بهتر درک کنند مثال 3 صفحهٔ (184) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آن را حل نمایید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

همچنان حل معادلات درجه دوم را در سه حالت که مستقیم با منحنی داشته می تواند و در قسمت پایینی مثال 3 صفحهٔ (184) کتاب وجود دارد مناقشه کنید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یاخیر؟ ارزیابی نمایید. بطورمثال از شاگردان سؤال کنید:

- كى مى تواند مراحل حل گرافيك معادلات يك مجهولة درجه دوم را واضح سازد؟
 - کی می گوید که چه وقت معادله دو حل دارد؟
 - كى مى گويد كه چه وقت معادله يك حل دارد؟
 - كى مى گويد كه چه وقت معادله هيچ حل ندارد؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

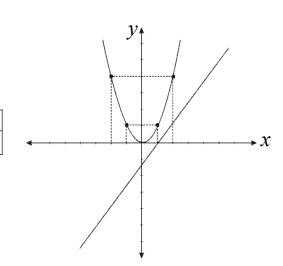
- حل معادلات زير را به طريقهٔ گرافيك دريافت نماييد.

جواب:

a)
$$x^2 - 2x + 2 = 0$$

 $x^2 = 2x - 2$

$$\begin{cases} y = 2x - 2 \end{cases}$$



معادلهٔ فوق حل ندارد زيرا مستقيم درشكل منحني را قطع نكرده است.

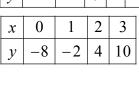
b) $x^2 - 6x + 8 = 0$

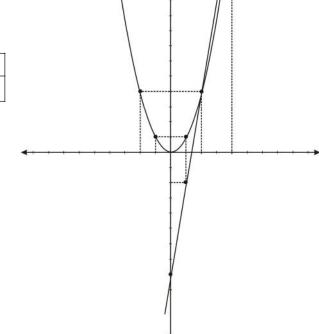
$$x^2 = 6x - 8$$

$$y = x^2$$

	х	-2	-1	0	1	2
I	у	4	1	0	1	4

$$y = 6x - 8$$





دراین شکل مستقیم با منحنی در دو نقطهٔ تماس دارد که قیمت x این نقطه حل معادله است.

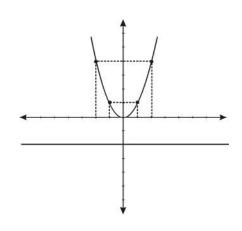
c) $x^2 - 5 + 7 = 0$

$$x^2 = -2$$

$$y = x^2$$

x	-2	-1	0	1	2
y	4	1	0	1	4

$$y = -2$$



در شكل مستقيم، منحني را قطع نكرده، بناءً معادله حل ندارد.



2-7: حل معادلات یک مجهوله درجه دوم به طریق تجزیه صفحات کتاب درسی: (186-185)

وقت: یک ساعت درسی

 – شاگردان مفهوم روش تجزیه را بدانند. 	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان جذور یک معادلهٔ یک مجهولهٔ درجه دوم را از طریق تجزیه به دست	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
آورده بتوانند.	
 شاگردان از حل معادلات یک مجهولهٔ درجه دوم به طریق تجزیه احساس خوشی 	
نمايند.	
سؤال وجواب ،کار گروپی و انفرادی	2- روش های تدریس
چارت شکل ورودي	3- مواد ممد درسی
بعد از کار های مختصر مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضروراست به ارائه	4- توضیح ورودی
درس جدید بپردازید.	(5) دقیقه
طوریکه ابتدا چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید.	
بعد بخش ورودی درس را با طرح سؤال ها و اخذ جوابات از شاگردان توضیح نمایید	
مثلاً از شاگردان بپرسید :	
در شکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات بگویید:	
هرگاه دو عدد در حالت ضرب مساوی به صفر قرار داده شوند دو حالت زیر در آنها	
مو جود بوده مي تواند.	
- هر دو عدد باید مساوی به صفر باشد.	
– اقلاً یکی از آنها مساوی به صفر باشد. -	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم نموده و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(185)کتاب درسی مربوط این درس را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ خوب نظارت نمایید تا همه اعضای گروپ در فعالیت سهم داشته باشند. در ختم کار گروپی از نمایندهٔ یک گروپ بخواهید تا کار گروپی خویش را به دیگران توضیح دهد.

در اخیر نتیجهٔ که از فعالیت فوق به دست می آید آنرا تشریح و توضیح نمایید تا شاگردان مفهوم آنرا خوب درک نمایند.

حال مثال 1 صفحه (186) کتاب درسی را که مربوط این درس است روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا حل نماید. همزمان از سایر شاگردان نیز بخواهید تا همین مثال را هر یک به صورت انفرادی در کتابچه های شان حل نمایند. اگر درحل روی تخته مشکلی وجود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید. در صور تیکه اطمینان حاصل نمودید که حل روی تخته درست است از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه کنند. تا اگر اشتباهی را مرتکب شده باشند آنرا اصلاح نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس جدید را خوبتر یاد بگیرند. مثال 2 صفحهٔ(186) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و حل نمایید طوریکه شاگردان نیز در حل آن سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یاخیر؟ با طرح چند سؤال از شاگردان درس را ارزیابی نمایید؛ مثلاً بیرسید:

- كى مى گويد كه چه وقت حاصل ضرب دوعدد مساوى به صفر است؟

- کی می تواند معادله $x^2 - 10x + 25 = 0$ را تجزیه کند؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

معادلات زیر را به طریق تجزیه حل کنید؟

1)
$$x^2 + 4x + 3 = 0 \implies x^2 + x + 3x + 3 = 0$$

 $x(x+1) + 3(x+1) = 0$
 $(x+1)(x+3) = 0 \implies x+1 = 0 \implies x_1 = -1$

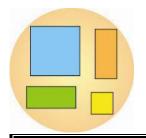
$$x+3=0 \implies x_2=-3$$

2)
$$x^2 + x - 2 = 0 \implies x^2 - x + 2x - 2 = 0$$

 $x(x-1) + 2(x-1) = 0$
 $(x+2)(x-1) = 0 \implies x+2 = 0 \implies x_1 = -2$
 $x-1 = 0 \implies x_2 = 1$

3)
$$x^2 - 6x + 8 = 0 \implies x^2 - 4x - 2x + 8 = 0$$

 $x(x-4) - 2(x-4) = 0$
 $(x-4)(x-2) = 0 \implies x-4 = 0 \implies x_1 = 4$
 $x-2 = 0 \implies x_2 = 2$



6-7: طريقه تكميل مربع

صفحات كتاب درسى: (188-187)

وقت: یک ساعت درسی

1- اهداف آموزشی:	 شاگردان به طریقه تکمیل مربع آشنا شوند.
(دانشی، مهارتی وذهنیتی) ا اشاگر	- شاگردان حل معادلات را از طریق تکمیل مربع به دست آورده بتوانند.
<u> </u>	- شاگردان از حل معادلات به طریقه تکمیل مربع لذت ببرند.
2- روش های تدریس سؤال و	سؤال وجواب ،کار گروپی
3- مواد ممد درسی خط ک	خط کش ، چارت شکل ورودی
	ابتدا کارهای مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است آنرا اجرا بعد
به ارائه	به ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح کنید، برای
این کار	این کار چارتی را که به ارتباط شکل ورودی این درس از قبل آماده نموده اید
پیشروی	پیشروی صنف آویزان کنید و با طرح سؤالات واخذ جوابات قناعت بخش از
شاگردا	شاگردان قسمت ورودی درس را واضح سازید؛ مثلاً به شاگردان بگویید:
شما در	شما در شکل دو مربع و دو مستطیل را می بینید که هر چهار این اشکال اگر
پهلوی	پهلوی هم بچسپند یک مربع جدید را می سازند که شکل آن را در فعالیت
همين و	همين صفحه ديده مي توانيد.

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به آنها وظیفه بدهید تا فعالیت صفحهٔ (187) کتاب درسی را انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت نمایید. تا همهٔ اعضای گروپ در انجام فعالیت سهیم باشند. در ختم فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد. در اخیر فعالیت سه مرحلهٔ تجزیه را که در شروع صفحهٔ (188) کتاب درسی موجود است به شاگردان توضیح دهید تا ذهنشین شان گردد.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس را خوبتر فرا گیرند مثال صفحهٔ (188) کتاب درسی را روی تخته حـل نماییـد طوریکـه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

درختم حل مثال ، یادداشت را که مربوط به همین مثال است به شاگردان توضیح نمایید.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر؟ آنها را ارزیابی نمایید. طوریکه از آنها بپرسید: - کی می تواند با استفاده از روش تکمیل مربع بنویسد که شکل عمومی معادلات درجه دوم کدام شکل دیگر را به خود اختیار می کند؟

- کی می گوید که مراحل تجزیه به چند نوع و کدام ها اند؟

8- معلومات اضافي براي معلم:

ابوعبدالله محمد بن موسی خوارزمی درسال (135هق) در شهر خوارزم متولد ودر سال 232 ه. ق وفات نمود، وی یکی از ریاضی دانهای بزرگ اسلامی در زمان خلافت مامون الرشید خلیفهٔ عباسی ها می باشد . که در این زمان تمدن اسلام به اوج خود رسیده بود طوریکه از اوسط قرن هشتم تا اواخر قرن یازدهم زبان عربی زبان علمی بین المللی شد. یکی از آثار مشهور خوارزمی کتاب الجبر والمقابله به زبان عربی است که آنرا به هنگام خلافت مامون در بغداد نوشت و به وی تحفه داد که بعد ها در قرن دوازدهم هجری به زبان های اروپایی ترجمه شد وبه الخواریسمی یا الگوریسمی که از نام الخوارزمی گرفته شده بود شهرت یافت. الگوریسم یا الگوریتم (Algorithm) به معنای فن محاسبه یعنی حساب به کار می رفت که امروز به روشی از محاسبه گفته می شود که در آن محاسبه مرحله به مرحله انجام می گیرد. و وی در کتاب الجبر والمقابلهٔ خود برای اعداد علامتدار اصطلاحاتی را به کار برده است؛ مثلاً: 5- را پنج ناقص و 5+ را پنج زاید گفته است.

9- جواب به سؤال های تمرین:

معادلات زیر را به روش محمد بن موسی حل نمایید.

جواب:

a)
$$x^2 + 8x - 24 = 0 \implies x^2 + 8x = 24 \implies x^2 + 8x + 4^2 = 24 + 16 \implies (x+4)^2 = 40$$

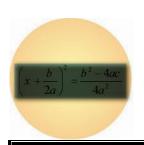
 $x+4 = \pm\sqrt{40} \implies x = -4 \pm\sqrt{40} \implies x_1 = -4 + \sqrt{40}, \quad x_2 = -4 - \sqrt{40}$

b)
$$x^2 - x - \frac{5}{4} = 0 \implies x^2 - x = \frac{5}{4} \implies x^2 - x + (\frac{1}{2})^2 = \frac{5}{4} + \frac{1}{4} \implies (x - \frac{1}{2})^2 = \frac{6}{4}$$

$$x - \frac{1}{2} = \pm \sqrt{\frac{6}{4}} \implies x = \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{3}}{2} \implies x_1 = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} \implies x_1 = \frac{1 + \sqrt{3}}{2}$$

$$x_2 = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2} \implies x_1 = \frac{1 - \sqrt{3}}{2}$$

c)
$$x^2 - 6x - 13 = 0$$
 $\Rightarrow x^2 - 6x = 13$ $\Rightarrow x^2 - 6x + (3)^2 = 13 + 9$
 $(x-3)^2 = 22$ $\Rightarrow x-3 = \sqrt{22}$
 $x = 3 \pm \sqrt{22}$ $\Rightarrow x_1 = 3 + \sqrt{22}$
 $x_2 = 3 - \sqrt{22}$



7-7: فارمول محمد بن موسى صفحات كتاب درسى: (190-189)

وقت: یک ساعت درسی

 شاگردان مفهوم توسعهٔ تکمیل مربع را بدانند. 	1– اهداف آموزشی:
 شاگردان سؤال های مربوط آنرا حل کرده بتوانند. 	(دانشي، مهارتي وذهنيتي)
 شاگردان از تطبیق توسعهٔ تکمیل مربع لذت ببرند. 	
سؤال وجواب،کارگروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
چارت شکل ورودي	3- مواد ممد درسی
بعد از کارهای مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است به ارائه	4- توضيح ورودي
درس جدید بپردازید؛ طوریکه در قدم نخست شکل ورودی را توضیح کنید	(5) دقیقه
برای این کار ابتدا چارتی که به ارتباط شکل ورودی این درس از قبل آماده	
نموده اید پیشروی صنف آویزان کنید بعد با طرح سؤالات واخذ جوابات قناعت	
بخش از شاگردان قسمت ورودی درس را واضح سازید، مثلاً به شاگردان	
بگوييد:	
درشکل یک مساوات را می بینید که طرف چپ آن یک افادهٔ کل مربع و	
طرف راست آن یک کسر است.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

با استفاده از توضیحات بخش ورودی، شکل عمومی معادلات یک مجهولهٔ درجه دوم را روی تخته بنویسید و بعد آنرا مرحله به مرحله حل کنید طوریکه شاگردان نیز سهم داشته باشند.

حال شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه بدهید تا فعالیت صفحهٔ (189) کتاب درسی را انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت کنید تا همهٔ شاگردان در انجام فعالیت سهم بگیرند.در ختم فعالیت از

نماینده یک گروپ بخواهید تا کار گروپی خویش را به دیگران توضیح دهد.بعد نتایج ا و 2 صفحهٔ(190–189)

کتاب درسی را روی تخته بنویسید و خوب به شاگردان تفهیم کنید.

اکنون مثال 1 و 2 صفحهٔ (190) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از دو نفر شاگرد بخواهید تا آنها را به نوبت روی تخته حل نمایند. اگر در حل روی تخته اشتباهی وجود داشت از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید و ازسایر شاگردان بخواهید تا حل های شان را با آن مقایسه نمایند و کسانیکه اشتباهی را مرتکب شده اند آن را تصحیح نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس ارائه شده را بهتر درک کنند، مثال 3 و 4 صفحهٔ(190) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آن را حل نمایید طوریکه شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس جدید را فرا گرفته اند یاخیر؟ آنها را ارزایابی کنید. طوریکه از شاگردان مثلاً بیرسید:

- است ؟ اگر $\Delta > 0$ باشد معادله دارای چند حل است
- اگر $\Delta = 0$ باشد معادله دارای چند حل است ؟
- اگر $0 < \Delta$ باشد معادله دارای چند حل است Δ
- کی می گوید که حاصل جمع و حاصل ضرب جذور مساوی به چیست؟

8- جواب به سؤال هاى تمرين:

معادلات زير را حل نماييد.

جواب:

(a ;=

$$x^{2} + 4x - 21 = 0$$

 $\Delta = b^{2} - 4ac = 16 - 4(1)(-21)$
 $\Delta = 16 + 84 = 100 > 0$

چون $0 < \Delta$ است بناءً معادله دوحل ازهم مختلف دارد.

$$x_1 = \frac{-4 + \sqrt{100}}{2} = \frac{-4 + 10}{2} = \frac{6}{2} = 3$$
$$x_2 = \frac{-4 - \sqrt{100}}{2} = \frac{-4 - 10}{2} = \frac{-14}{2} = -7$$

جز b)

$$x^{2} + 6x + 9 = 0$$

$$\Delta = b^{2} - 4ac = (6)^{2} - 4(1)(9) = 36 - 36 = 0$$

$$x_{1} = x_{2} = \frac{-b}{2a} = \frac{-6}{2} = -3$$

چون $\Delta=0$ است بناءً معادله دوحل مساوی دارد.

جز c)

$$3x^{2} - 12x + 60 = 0$$

$$\Delta = b^{2} - 4ac = (-12)^{2} - 4(3)(60) = 144 - 12(60)$$

$$\Delta = 144 - 720$$

$$\Delta = -576$$

معادله حل ندارد زیرا $\Delta < 0$ است.

7-8: نكات مهم فصل هفتمصفحه كتاب درسى: (191)وقت: يك ساعت درسي

1- اهداف آموزشی:	 شاگردان مفهوم معادلات یک مجهوله درجه دوم را بدانند.
(دانشی، مهارتی وذهنیتی)	- شاگردان معادلات یک مجهولهٔ درجه دوم را با استفاده از روابط غیر خطی،
	روش هندسی، تجزیه و طریقه تکمیل مربع حل کرده بتوانند.
	- شاگردان ازحل معادلات یک مجهولهٔ درجه دوم احساس خوشی نمایند.
2- روش های تدریس	سؤال وجواب، كارگروپى
3- مواد ممد درسی	چارت که در آن تمام نکات مهم فصل تحریر شده باشد.
4- توضیح ورودی	کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است ابتدا آن را انجام
(5) دقیقه	دهید سپس درس گذشته را به طور مختصر ارزیابی نمایید.
	حال توجه شاگردان را به نکات مهم فصل جلب نموده و اهمیت این نکات را به
	آنها باز گو نمایید تا شاگردان متوجه اهمیت آنها شده وعلاقه به یاد گیری بهتر
	آنها از خود نشان دهند و نکات مهم را خوب فرا گیرند.

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

چارتی را که از قبل آماده نموده اید پیشروی صنف آویزان بعد به نوبت از شاگردان بخواهید تا هر کدام یک نکتهٔ مهم درس را از روی چارت بخواند و بعد آنرا به شاگردان توضیح دهد. این کار را تا زمانی ادامه دهید تا تمام نکات مهم فصل توسط شاگردان با استفاده از چارت توضیح گردد. احیاناً اگر در توضیح شاگردان کدام اشتباهی موجود بود آنرا روی چارت نشانی نمایید تا بعداً توسط شما به اصلاح آن پرداخته شود.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به اهمیت هر یک از این نکات پی ببرند هر یک از نکات مهم را که هنگام توضیح آن شاگردان مشکل داشتند خود شما آنرا طوری واضح سازید تا همه مشکلات آنها حل گردد.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان به اهمیت این نکات پی برده اند یا خیر ؟ در مورد بعضی از این نکات مهم از شاگردان سؤال کنید؛ مثلاً بپرسید:

- معادلهٔ یک مجهولهٔ در جه دوم کدام معادله را گویند وشکل عمومی آن چه قسم است؟
 - معادلهٔ كامل و معادله ناقص چيست؟
 - روش هندسی کدام روش را گویند.
 - حاصل ضرب دوقوس چه وقت مساوی به صفر است؟
 - حاصل جمع وحاصل ضرب حل ها از كدام رابطه به دست مي آيد؟

- مراحل تجزیه در روش محمد بن موسی چه قسم است؟
 - معادله یک مجهوله درجه دوم چند حل دارد؟
- برای تشکیل معادلات درجه دوم از کدام رابطه استفاده می گردد؟

حل تمرينات فصل هفتم

در قسمت حل تمرینات فصل در سخنی چند به معلم، رهنمایی صورت گرفته معلمین محترم مطابق آن عمل نمایند:

بخش اول:

از: الاز: $a = 3x^2 - 1$ و عبارت از: b, a ضرایب $b, a = 3x^2 - 1$

$$a = -3, b = 4, c = 1$$

جل های معادلهٔ $0 = 3x^2 - 8x + 5 = 0$ عبار تند از:

$$x_1 = 1$$
 , $x_2 = \frac{5}{3}$ (الف

رت از: $y = x^2$ عبارت از: 3

- ب) منحنی است.
- به: $x^2 10x + 16 = 0$ مساوی به: -4
 - $x_1 + x_2 = 10$ (2)
 - اگر $0 < \Delta$ باشد معادله:
 - ب) معادله دوحل حقیقی و مختلف دارد.

بخش دوم:

..... است. معادلات یک مجهولهٔ درجه دوم..... $ax^2 + bx + c = 0$

$$-\frac{b}{a}$$
 -2 حاصل.... جمع و $-\frac{b}{a}$ حاصل... ضرب.. است.

... باشد معادلهٔ درجه دوم حل حقیقی ندارد. $\Delta < 0$... باشد معادلهٔ درجه

4- اگر درجهٔ یک معادله برابر دو باشد معادلهٔ... یک مجهول....دارد.

..... است. $x_1 = 0.5$ و $x_1 = 0.5$ عبارت از $x^2 - x + 0.25 = 0$ معادلهٔ $x_2 - x + 0.25 = 0$

بخش سوم:

رص) اگر $b^2-4ac<0$ باشد معادله در ست اعداد حقیقی حل ندارد.

است.
$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a}$$
 است. -2

صفر است. کا معادله صفر است. $2x^2 - 4x = 0$ معادله صفر است.

ردد. $x^2-(x_1+x_2)x+x_1 imes x_2$ استفاده می گردد. $x^2-(x_1+x_2)x+x_1 imes x_2$ استفاده می گردد.

5- (ص) هر گاه در یک معادلهٔ درجه دوم هیچ تحول علامه موجود نباشد پس یک حل منفی دارد.

بخش چهارم:

است. -1 در معادلات زیر ضرایب b,a و c را نشان دهید و بگویید که کدام آنها معادلهٔ کامل و کدام آنها ناقص است.

جواب:

کامل
$$a = 3, b = -4, c = 1$$
: a

ناقص
$$a = 3, b = 0, c = -1 : b$$

ناقص
$$a = 2, b = -6, c = 0$$
: د

2- حل های معادلات زیر را بنویسید.

جواب:

a)
$$3x^2 + x - 4 = 0$$

 $a = 3$, $b = 1$, $c = -4$
 $\Delta = b^2 - 4ac = 1 - 4(3)(-4) = 49$
 $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1 \pm \sqrt{49}}{6}$
 $x_1 = \frac{-1 + 7}{6} = 1$
 $x_2 = \frac{-1 - 7}{6} = -\frac{4}{3}$

b)
$$x^2 + 4x - 32 = 0$$

 $a = 1$, $b = 4$, $c = -32$
 $\Delta = b^2 - 4ac = 4^2 - 4(1)(-32)$
 $= 16 + 128 = 144$
 $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-4 \pm \sqrt{144}}{2}$
 $x_1 = \frac{-4 + 12}{2} = 4$
 $x_2 = \frac{-4 - 12}{2} = -8$

c)
$$6x^{2} - x - 2 = 0$$

 $a = 6$, $b = -1$, $c = -2$
 $\Delta = b^{2} - 4ac = 1 + 48 = 49$
 $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{1 \pm \sqrt{49}}{12}$
 $x_{1} = \frac{1+7}{12} = \frac{2}{3}$
 $x_{2} = \frac{1-7}{12} = -\frac{1}{2}$

3- معادلات زير را توسط روش تجزيه حل نماييد.

جواب:

a)
$$3x^2 - 3x - 4 = 0$$

 $(x - \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a})(x - \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}) = 0$
 $(x - \frac{3 + \sqrt{57}}{6})(x - \frac{3 - \sqrt{57}}{6}) = 0$
 $x_1 = \frac{3 + \sqrt{57}}{6}$, $x_2 = \frac{3 - \sqrt{57}}{6}$

b)
$$x^2 + 4x - 32 = 0$$

 $x^2 + 8x - 4x - 32 = 0$
 $x(x+8) - 4(x+8) = 0$
 $(x+8)(x-4) = 0$
 $x+8=0 \implies x_1 = -8$
 $x-4=0 \implies x_2 = 4$

c)
$$x^{2} - 2\sqrt{3}x + 3 = 0$$

 $x^{2} - \sqrt{3}x - \sqrt{3}x + (\sqrt{3})^{2} = 0$
 $x(x - \sqrt{3}) - \sqrt{3}(x - \sqrt{3}) = 0$
 $(x - \sqrt{3})(x - \sqrt{3}) = 0$
 $x - \sqrt{3} = 0 \implies x_{1} = \sqrt{3}$
 $x - \sqrt{3} = 0 \implies x_{2} = \sqrt{3}$

d)
$$cx^2 - 2acx + ca^2 = 0$$

 $c[(x-a)(x-a)] = 0$
 $x-a=0 \implies x_1 = a$
 $x-a=0 \implies x_2 = a$

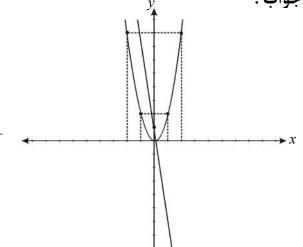
4- حل های معادلات زیر را توسط روش گراف به دست آرید.

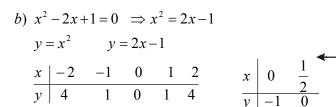
جواب:

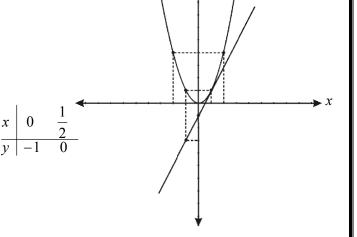
a)
$$2x^2 + 7x - 1 = 0 \implies x^2 + \frac{7}{2}x - \frac{1}{2} = 0$$

$$x^2 = -\frac{7}{2}x + \frac{1}{2}$$

$$\begin{cases} y = x^2 & \frac{x - 2 - 1 & 0 & 1}{y + 4} \\ y = -\frac{7}{2}x + \frac{1}{2} & \frac{x 0 & \frac{1}{7}}{y + \frac{1}{2}} \end{cases}$$







5- معادلات زير را توسط تكميل مربع حل كنيد.

جواب:

a)
$$4x^{2} + 3x - 1 = 0$$

 $4x^{2} + 3x = 1 \implies x^{2} + \frac{3}{4}x = \frac{1}{4}$
 $x^{2} + \frac{3}{4}x + (\frac{3}{8})^{2} = \frac{1}{4} + (\frac{3}{8})^{2}$
 $(x + \frac{3}{8})^{2} = \frac{25}{64} \implies x + \frac{3}{8} = \pm \frac{5}{8}$
 $x = -1$
 $x = -1$
 $x = \frac{1}{4}$
b) $x^{2} + \frac{x}{5} = \frac{6}{5}$
 $x^{2} + \frac{1}{5}x + (\frac{1}{10})^{2} = \frac{6}{5} + \frac{1}{100}$
 $(x + \frac{1}{10})^{2} = \frac{120 + 1}{100} = \frac{121}{100}$

b)
$$x^2 + \frac{x}{5} = \frac{6}{5}$$

 $x^2 + \frac{1}{5}x + (\frac{1}{10})^2 = \frac{6}{5} + \frac{1}{100}$
 $(x + \frac{1}{10})^2 = \frac{120 + 1}{100} = \frac{121}{100}$
 $x = \frac{-1}{10} \pm \frac{11}{10}$
 $x_1 = 1$, $x_2 = -\frac{6}{5}$

c)
$$2x^{2} + 3x + 1 = 0$$

 $x^{2} + \frac{3}{2}x + (\frac{3}{4})^{2} = \frac{-1}{2} + (\frac{3}{4})^{2}$
 $(x + \frac{3}{4})^{2} = -\frac{1}{2} + \frac{9}{16} = \frac{-8 + 9}{16}$
 $x = -\frac{3}{4} \pm \frac{1}{4}$
 $x_{1} = -\frac{1}{2}$, $x_{2} = -1$

d)
$$x^2 + 3x = 0$$

 $x^2 + 3x + (\frac{3}{2})^2 = (\frac{3}{2})^2$
 $(x + \frac{3}{2})^2 = (\frac{3}{2})^2$
 $x = -\frac{3}{2} \pm \frac{3}{2}$
 $x_1 = 0$, $x_2 = -3$

6- با استفاده از فورمول عمومي حل هاي معادلات زير را دريابيد.

جواب:

a)
$$7x^{2} - 8x + 1 = 0$$

 $a = 7$, $b = -8$, $c = 1$
 $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{8 \pm \sqrt{64 - 28}}{14}$
 $x_{1} = \frac{8 + \sqrt{36}}{14} = 1$
 $x_{2} = \frac{8 - \sqrt{36}}{14} = \frac{1}{7}$
b) $x^{2} - 3x + 2 = 0$
 $a = 1$, $b = -3$, $c = 2$
 $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{3 \pm \sqrt{9 - 8}}{2}$
 $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{3 \pm \sqrt{9 - 8}}{2}$
 $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-0.6 \pm \sqrt{0.36 + 1.08}}{2}$
 $x_{1,2} = \frac{-0.6 \pm 1.2}{2}$
 $x_{1,2} = \frac{-0.6 \pm 1.2}{2}$
 $x_{2} = \frac{3 - 1}{2} = 1$

7-اگر طول مستطیل دو برابر عرض آن باشد و مساحت آن $20cm^2$ باشد، طول و عرض مستطیل را محاسبه کنید.

$$W = x
 L = 2x
 A = 20cm2

$$A = 20cm2$$

$$A = 20cm2$$$$

8 اگر طول اضلاع یک مثلث قایم الزاویه 2a و a+1 باشد کدام عدد طول وتر خواهد بود؟ طول اضلاع قایم را دریابید.

$$\frac{\overline{AB} = 2a}{\overline{BC} = 2a + 1} \begin{cases}
\overline{AC}^2 = \overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 \\
\overline{AC}^2 = (2a)^2 + (2a + 1)^2 \Rightarrow \overline{AC}^2 = 4a^2 + 4a^2 + 4a + 1
\end{cases}$$

$$\frac{\overline{AC}}{\overline{AC}} = ?$$

$$\frac{\overline{AC}^2 = 8a^2 + 4a + 1}{\overline{AC}} \Rightarrow \overline{AC} = \sqrt{8a^2 + 4a + 1}$$

$$2a$$

$$2a + 1$$

$$2a + 1$$

9- هرگاه مساحت یک مستطیل $24m^2$ و محیط آن 36m باشد طول و عرض مستطیل را دریابید.

$$P = 36cm \Rightarrow P = 2(L+W) = 36$$

 $A = 24cm^2 \Rightarrow A = L \cdot W = 24$

$$\begin{array}{l} L\cdot W=24 \ \Rightarrow W=\frac{24}{L} \\ 2(L+\frac{24}{L})=36 \Rightarrow L+\frac{24}{L}=18 \\ L^2-18L+24=0 \\ a=1 \ , \ b'=-9 \ , \ c=24 \\ \Delta'=b'^2-ac=81-24=57 \end{array} \begin{array}{l} L_{1,2}=\frac{-b'\pm\sqrt{\Delta'}}{a} \\ L_{1,2}=\frac{9\pm7.5}{1} \\ 2(L+W)=36 \\ 2(16.5+1.\overline{45})\approx 35.9=36 \\ L_2=9-7.5=1.5 \\ W_1=\frac{24}{16.5}=1.\overline{45} \end{array}$$

10- در هر حالت حل های معادلات که در زیر داده شده اند معادلهٔ آن را بنویسید.

a)
$$x_1 = -2$$

 $x_2 = 0.5$ $\begin{cases} x^2 - (x_1 + x_2)x + x_1 \cdot x_2 = 0 \\ x^2 - (-2 + 0.5)x + (-2)(0.5) = 0 \end{cases}$
 $x^2 + 1.5x - 1 = 0$
b) $x_1 = 3$ $\begin{cases} x^2 - (x_1 + x_2)x + x_1 \cdot x_2 = 0 \end{cases}$

b)
$$x_1 = 3$$

 $x_2 = -1$ $\begin{cases} x^2 - (x_1 + x_2)x + x_1 \cdot x_2 = 0 \\ x^2 - (3 - 1)x + 3(-1) = 0 \end{cases}$
 $x^2 - 2x - 3 = 0$

c)
$$x_1 = 0$$

 $x_2 = 2$ $\begin{cases} x^2 - (x_1 + x_2)x + x_1 \cdot x_2 = 0 \\ x^2 - (0+2)x + (0)(2) = 0 \end{cases}$
 $x^2 - 2x = 0$

d)
$$x_1 = \sqrt{2} - 1$$

 $x_2 = 2$
$$\begin{cases} x^2 - (x_1 + x_2)x + x_1 \cdot x_2 = 0 \\ x^2 - (\sqrt{2} - 1 + 2)x + (\sqrt{2} - 1)(2) = 0 \end{cases}$$

$$x^2 - (\sqrt{2} + 1)x + 2\sqrt{2} - 2 = 0$$

بنو يسيد.

-11 دو نفر بایسکل سوار از نقطهٔ A یکی به سمت شرق و دیگری به سمت شمال حرکت کردند در لحظهٔ که فاصله بین آنها 17m است بایسکل سواری که به سمت شرق در حرکت بوده، 7 متر بیشتر از بایسکل سوار دوم طی کرده است. معادلهٔ الجبری که از روی آن بتوان مسافه طی شده هر یک از بایسکل سواران را پیدا کرده می توانیم

$$\overline{AB}^{2} + \overline{AC}^{2} = \overline{BC}^{2}$$

$$(x+7)^{2} + x^{2} = (17)^{2}$$

$$x^{2} + 14x + 49 + x^{2} = 289$$

$$2x^{2} + 14x = 289 - 49$$

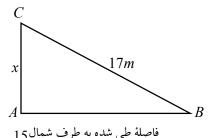
$$x^{2} + 7x = 120$$

$$x^{2} + 7x - 120 = 0$$

$$(x-8)(x+15) = 0$$

$$x-8 = 0 \Rightarrow x_{1} = 8$$

$$x+15 = 0 \Rightarrow x_{2} = -15$$



$$x+7=15+7=22$$
 فاصلهٔ طی شده به طرف شرق



فصل هشتم: احصائيه

B-1: روش دسته بندی Data (تدریس در دو ساعت درسی) صفحات کتاب درسی: (198-197) وقت: ساعت اول درسی

– شاگردان مفهوم روش دسته بندی data را بدانند.	1- اهداف آموزشي:
– شاگردان به کمک روش دسته بندی، data را بهتر حساب کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان اهمیت دسته بندی data را در زنده گی روزمرهٔ شان درک کنند.	
سؤال وجواب، کار گروپی	2- روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه ابتدا چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا	(5) دقیقه
پیشروی صنف آویزان کنید و از شاگردان بپرسید:	
درشکل چه می بینید؟	
در مورد قد این اشخاص چه فکر می کنید؟	
بعد از اخذ جوابات از شاگردان بگویید طوریکه در شکل مشاهده می گردد یک	
تعداد افراد و اشخاص با قد های متفاوت دیده می شوند به صورت عموم دو	
کتگوری اشخاص در این شکل به مشاهده می رسند. یکی قد کوتاه ها و دیگری	
قد بلند ها که می توانیم آنها را با در نظر داشت این خصوصیات شان از هم جدا	
سازيم.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (197) کتاب درسی را انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت به عمل آرید تا همه اعضای گروپ در انجام فعالیت سهم داشته باشند. در ختم کار گروپی از نماینده های هر گروپ بخواهید تا فعالیتی را که در گروپ شان انجام داده اند. به دیگران توضیح نمایند. در اخیر فعالیت مراحل دسته بندی data را که در شروع صفحهٔ (198) کتاب درسی وجود دارد به شاگردان توضیح دهید.

6- تحكيم درس (⁷) دقي<u>قه:</u>

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس ارائه شده خوبتر پی ببرند، data زیر را به روی تخته بنویسید بعد مراحل دسته بندی data را بالای آن تطبیق نمایید.

30	46	51	40	31	35
38	50	45	47	33	52
48	53	55	59	54	

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

درختم درس با طرح نمودن سؤالها در مورد درس ارائه شده از شاگردان و اخذ جوابات قناعت بخش خود را مطمئن سازید آیا شاگردان درس را درست فرا گرفته اند یاخیر؟ مثلاً بپرسید:

- کی می تواند بگوید که روش دسته بندی data یعنی چه؟

- کی می تواند مراحل روش دسته بندی data را به ترتیب بیان کند؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

10 50 65 33
48 5 11 23 فوق data غررگترین عدد در معد فوق 26 26 32
17 7 13 19 فوق data خرین عدد در معد فوق
$$R = 65 - 5 = 60$$

22

رنج یا وسعت
$$R = 65 - 5 = 60$$

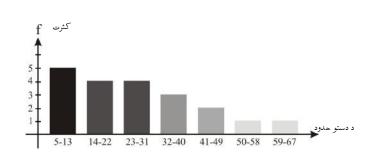
$$C = \frac{R}{K} = \frac{60}{7} = 8.572 \approx 9$$
 طول دسته

تعداد شاگردان	كثرت مكتب ها
5 – 13	5
14 – 22	4
23 – 31	4
32 – 40	3
41 – 49	2
50 – 58	1
59 – 67	1

21

29

43



C = 10

دسته	كثرت دسته
5 – 14	5
15 - 24	5
25 - 34	5
35 – 44	2
45 – 54	2
55 – 64	0
65 - 74	1



2-8: روش دسته بندی data

صفحات كتاب درسي: (199-198)

وقت: ساعت دوم درسی

1- اهداف آموزشی: - شاگردان مف	– شاگردان مفهوم روش دسته بندی data را بدانند.
(دانشی، مهارتی وذهنیتی) – شاگردان به	- شاگردان به کمک روش دسته بندی، data را بهتر حساب کرده بتوانند.
	- شاگردان اهمیت دسته بندی data را در زنده گی روزمرهٔ شان در ک کنند.
2- روش های تدریس سؤال و جواب	سؤال و جواب، کار انفرادی
3- مواد ممد درسی بکس هندسی،	بکس هندسی، چارت شکل ورودی
4- توضیح ورودی کار های مقده	کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد
به ارائه درس -	به ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه:
، ابتدا چارتی ش	ابتدا چارتی شکل ورودی درس قبلی را یکبار دیگر پیشروی صنف آویزان
کنید و شکل و	کنید و شکل ورودی را بار دیگر مانند درس قبلی توضیح نمایید.

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

مثال 1 صفحهٔ (198) کتاب درسی را روی تخته بنویسید. و از یک شاگرد بخواهید تا مثال مذکور را به روی تخته حل کند. همزمان از همهٔ شاگردان بخواهید تا به شکل انفرادی مثال را در کتابچه های شان حل کنند. اگر در حل روی تخته اشتباهی و جود داشت از یک شاگرد داوطلب بخواهید تا آنرا اصلاح کند. زمانیکه مطمئن شدید که حل روی تخته درست است. پس به سایر شاگردان هدایت دهید که حل کتابچه های شان را با حل روی تخته مقایسه نمایند. تا اگر اشتباهی را مرتکب شده باشند آنرا اصلاح نمایند.

: تحکیم درس (7) دقیقه - 6

برای اینکه شاگردان موضوع درس را بهتر درک نمایند، مثال 2 صفحهٔ(199) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و جدول آنرا تشکیل دهید. بعد آنرا حل کنید سعی نمایید تا شاگردان در حل آن نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی ختم درس(5) دقیقه:

جهت اینکه اطمینان حاصل نمایید آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یاخیر؟ ارزیابی کنید. طور مثال از شاگردان سؤال کنید:

- کی رابطهٔ وسعت را روی تخته می نویسد؟
 - كى مى گويد طول دسته چيست؟
- کی فارمول وسط را روی تخته می نویسد؟

8- جواب به سؤال های تمرین : 2-

$$R = 60 - 7 = 53$$

$$K = 6$$

$$C = \frac{R}{K} = \frac{53}{6} = 8.834 \approx 9$$

دسته	كثرت
7 – 15	2
16 – 24	1
25 - 33	1
34 - 42	1
43 – 51	2
52 - 60	1

وسعت
$$R = 99 - 38 = 61$$

تعداد دسته
$$K=7$$

طول دسته
$$C = \frac{R}{K} = \frac{61}{7} = 8.7 \Rightarrow C = 9$$

دسته	كثرت دسته
38 – 46	1
47 – 55	1
56 – 64	1
65 – 73	1
74 - 82	4
83 – 91	5
92 – 100	2



3-8: دسته بندی دیتای(data)پیوسته صفحات کتاب درسی: (202-201)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم دسته بندی دیتای(data) پیوسته را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان دیتای(data) پیوسته را با استفاده از روش دسته بندی دریافت کردهبتوانند.	(دانشی، مهار تی وذهنیتی)
- شاگردان از دریافت دسته بندی دیتای(data) پیوسته احساس خوشی نمایند.	
سؤال و جواب، کار گروپی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه:	(5) دقیقه
ابتدا چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید و بگویید	
که:	
در شکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات از شاگردان سؤال کنید:	
طول قد تان را توسط چه اندازه می کنید؟	
آیا اعداد روی خط کش دقیق بوده می تواند؟	
موقعیت اعداد روی خط کش چطور است؟	
سعی نمایید تا شاگردان کلمهٔ پیوسته را به زبان بیاورند.	

5- فعاليت جريان درس(28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (201) کتاب درسی را انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت نمایید تا همهٔ شاگردان در انجام فعالیت سهم فعال داشته باشند و در ختم فعالیت از نماینده های هر گروپ بخواهید تا کار گروپی خویش را به دیگران توضیح دهند. در اخیر کار گروپی دو سؤال که به ارتباط فعالیت فوق داده شده است و در قسمت بالایی صفحهٔ (202) کتاب درسی یعنی قبل از مثال این صفحه موجود می باشد آنرا طرح و جواب را از شاگردان به دست آرید.

6- تحكيم درس(7) دقيقه

برای اینکه شاگردان موضوع درس را بهتر درک کنند، مثال صفحهٔ (202) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و آنرا حل کنید طوریکه شاگردان نیز در حل آن سهم فعال داشته باشند.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را فرا گرفته اند یاخیر؟ درس را مختصراً ارزیابی کنید؛ مثلاً

- کی می گوید دیتای(data) پیوسته چیست؟

- با استفاده از دیتای(data) زیر جدول را به سه دسته تقسیم و کثرت آنرا دریافت کنید:

8- جواب به سؤال های تمرین:

وسعت
$$R = 112 - 77 = 35$$

تعداد دسته
$$K=4$$

وسعت
$$R=112-77=35$$
 وسعت $K=4$ تعداد دسته $C=\frac{R}{K}=\frac{35}{4}=8.75 \Rightarrow C=9$

دسته	كثرت	وسط دسته	f. x
77 - 86	2	81.5	2 × 81.5= 163
86 - 95	8	90.5	8 × 90.5 = 724
95- 104	8	99.5	$8 \times 99.5 = 796$
104- 113	16	108.5	$16 \times 108.5 = 1736$

$$\overline{x} = \frac{163 + 724 + 796 + 1736}{2 + 8 + 8 + 16} = \frac{3419}{34}$$
$$\overline{x} = 100.559$$



8-4: اوسط وزني

صفحات كتاب درسي: (204-203)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم اوسط وزنی data را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان data دارای ضریب را توسط اوسط وزنی محاسبه کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از حل سؤالات اوسط وزنی لذت ببرند.	
سؤال و جواب ، کار گروپی	2– روش های تدریس
چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید؛ طوریکه ابتدا شکل ورودی را توضیح نمایید. برای	(5) دقیقه
این کار چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید بعد	
از شاگردان بپرسید:	
در شکل چه را می بینید؟	
این شخص در مورد چه فکر می کند؟ بعد از اخذ جوابات از شاگردان به آنها	
بگویید:	
طوریکه در شکل دیده می شود دو بخش، سکه ها وجود دارد و یک شخص در	
حال تفکر کردن در مورد سکه های مذکور می باشد.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (203) کتاب درسی را انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها مراقبت کنید تا همه اعضای گروپ در انجام فعالیت سهیم باشند. در ختم کار گروپی از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته و کار گروپی خویش را به دیگران توضیح دهد.

در ختم فعالیت در مورد ضریب خاص و اوسط وزنی که در شروع صفحهٔ(204) کتاب درسی موجود است به شاگردان توضیحات دهید و بعد رابطهٔ آنرا روی تخته بنویسید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان خوبتر به مفهوم اوسط وزنی پی ببرند، مثال صفحهٔ (204) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و اوسط آنرا محاسبه کنید طوریکه شاگردان نیز در حل آن سهیم باشند.

7- ارزیابی ختم درس (5) دقیقه:

برای اینکه مطمئن شویدآیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یاخیر؟ با طرح چند سؤال از شاگردان درس را ارزیابی نمایید، مثلاً بپرسید:

- کی می تواند بگوید اوسط وزنی چیست؟
- کی رابطهٔ اوسط وزنی را روی تخته می نویسد؟

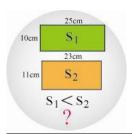
8- جواب به سؤال های تمرین:

نمرات شاگرد	ضرايب
53	1
61	1
65	2
70	3

$$\frac{\overline{x}}{x} = \frac{w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n}{w_1 + w_2 + \dots + w_n}$$

$$\frac{\overline{x}}{x} = \frac{1 \times 53 + 1 \times 61 + 2 \times 65 + 3 \times 70}{7} = \frac{53 + 61 + 130 + 210}{7}$$

$$\frac{\overline{x}}{x} = \frac{454}{7} = 64.85$$



8-5: گراف مستطیلی (تدریس در دو ساعت درسی) صفحات کتاب درسی: (206-205) وقت: ساعت اول درسی

- شاگردان مفهوم گراف مستطیلی را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان data را به روی گراف مستطیلی نشان داده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از ترتیب گراف مستطیلی احساس خوشی نموده و در حیات روز مره	
آنرا به کار ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی	2– روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید؛طوریکه ابتدا به توضیح شکل ورودی اقدام نمایید.	(5) دقیقه
برای این کار چارتی را که به ارتباط بخش ورودی این درس از قبل آماده نموده	
اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید و ازشاگردان بپرسید:	
در شکل روی چارت چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات به آنها بگویید:	
قسمیکه در شکل مشاهده می کنید دو مستطیل با طول واضلاع مختلف داده شده	
اند که اگر مساحت آنها محاسبه گردد مساحت مستطیل $S_{ m l}$ مساوی به	
و مساحت مستطیل S_2 مساوی به $253cm^2$ می شود. بناًء مساحت S_2 مساحت و م	
مستطیل S_2 نسبت به مساحت مستطیل S_1 بزرگتر است یعنی: $250 < 253$ یا	
$.S_1 < S_2$	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(205) کتاب درسی را که دو بخش دارد هر دوی آنرا انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت نمایید که آیا تمام شاگردان در انجام فعالیت سهیم اند یا خیر؟ آن عده شاگردانی که در فعالیت گروپی سهم فعال نه می گیرند آنها را تشویق و وادار سازید تا سهم فعال داشته باشند. درختم فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد.

6 - تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان موضوع درس را بهتر بفهمند، در مورد نمایش دیتای(data) پیوسته به روی گراف مستطیلی که در صفحهٔ (206) کتاب درسی قبل از مثال معلومات داده شده است به شاگردان توضیحات دهید.

7- ارزیابی ختم درس(5) دقیقه:

بمنظور اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را خوب فرا گرفته اند یاخیر؟ درس را مختصراً ارزیابی نمایید طوریکه چند سؤال در مورد درس جدید طرح و از شاگردان جواب به دست آرید. مثلاً بپرسید:

- کی می گوید گراف مستطیلی چگونه گراف است؟
- کی فرق بین گراف مستطیلی و گراف میله یی را بیان می کند؟

8- معلومات اضافی برای معلم:

برای ترسیم گراف مستطیلی اگر جدول کثرت وجود نداشته باشد دو حالت زیر را در نظر می گیریم:

1-1 آگر تحول متحول نظر به زمان باشد پس زمان بالای محور فاصله و تحول متحول را بالای محور ترتیب نشان میدهیم. ناگفته نماند که عرض مستطیل اختیاری و طول آن نظر به تحول متحول تغییر می نماید وفاصله بین مستطیل ها به اندازهٔ عرض مستطیل است.

2- اگر تحول متحول نظر به زمان نباشد بلکه مقایسهٔ دو یا چندین متحول باشد در آنصورت از مستطیل های افقی استفاده می کنیم و قاعدهٔ ترسیم آن مشابه به حالت اول است.

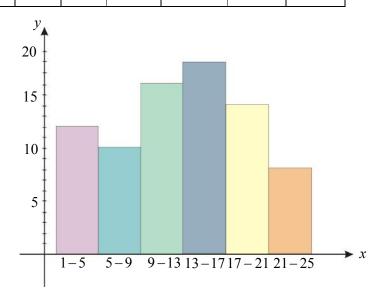
اگر جدول کثرت وقوع وجود داشته باشد:

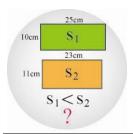
برای ترسیم گراف جدول کثرت وقوع باز هم از گراف مستطیلی استفاده میشود، که بنام هستوگرام یاد میگردد، و برای ترسیم هستوگرام قاعده طوری است که بالای محور فاصله حدود دسته ها و بالای محور ترتیب کثرت همان دسته ها را نشان میدهد فاصله بین مستطیل ها وجود ندارند و عرض مستطیل به اندازهٔ وسعت همان دسته در نظر گرفته میشود.

9- جواب به سؤال های تمرین:

(1

تعداد روز ها	1 - 5	5 - 9	9 - 13	13 – 17	17 -21	21 -25
تعداد مريضان	12	10	16	18	14	8





8-6: گراف مستطیلی

صفحات كتاب درسي: (208-206)

وقت: ساعت دوم درسی

- شاگردان مفهوم گراف مستطیلی را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان data را به روی گراف مستطیلی نشان داده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از ترتیب گراف مستطیلی احساس خوشی نمایند .	
سؤال و جواب، کار انفرادی	2– روش های تدریس
خط کش، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید.	(5) دقیقه
طوریکه ابتدا چارتی شکل ورودی درس قبلی را یکبار دیگر پیشروی صنف	
آویزان کنید بعد توضیحات را که در درس قبلی در مورد شکل ورودی داده	
بودید یکبار دیگر تکرار کنید.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

بعد از توضیح بخش ورودی مثال صفحهٔ (206) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا آنرا روی تخته حل کند. همزمان از سایر شاگردان صنف بخواهید تا این کار را در کتابچه های شان به شکل انفرادی انجام دهند. اگر در حل روی تخته اشتباهی موجود بود. از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را در روی تخته اصلاح نماید. زمانیکه مطمئن شدید که حل روی تخته درست است از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های شانرا با حل روی تخته مقایسه کنند این کار کمک می نماید تا آنعده شاگردانی که در حل مثال اشتباهی را مرتکب شده باشند به آن پی برده و آنرا اصلاح نمایند.

6- تحكيم درس(7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان موضوع درس را بهتر درک نمایند، سؤال اول تمرین صفحهٔ (208) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و گراف آنرا با سهم گیری فعال شاگردان ترسیم کنید.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یاخیر؟ مختصراً ارزیابی نمایید. به طورمثال از شاگردان سؤال کنید:

- کی می گوید در گراف مستطیلی برای تعیین کثرت نظر به فاصلهٔ واحد چه باید کرد؟
- کی می تواند بگوید در گراف مستطیلی طول و عرض مستطیل ها چه را نشان می دهد؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

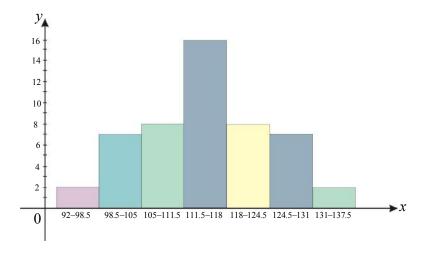
(2

$$R = 135 - 92 = 43$$

 $K = 7$

$$C = \frac{R}{K} = \frac{43}{7} = 6.1 \approx 6.5$$

دسته	كثرت
92-98.5	2
98.5 – 105	7
105 – 111.5	8
111.5-118	16
118-124.5	8
124.5 – 131	7
131-137.5	2



گراف متناظر است.



8-7: گراف دایره یی صفحات کتاب درسی: (210-209) وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم گراف دایره یی را بدانند	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان data را در گراف دایره یی نمایش داده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از حل سؤال های مربوط به گراف دایره یی لذت ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی	2– روش های تدریس
خط کش، مودل شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
بعد از انجام کار مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است به توضیح	4- توضیح ورودی
بخش ورودی این درس بپردازید طوریکه:	(5) دقیقه
مودل را که از قطع کردن افقی یک کنده چوب، از قبل آماده نموده اید آنرا	
روی میز گذاشته و در مورد آن از شاگردان بپرسید:	
درقسمت قطع شده کنده چوب چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات از شاگردان	
به آنها بگویید:	
طوریکه سطح بالایی قسمت قطع شده چوب را مشاهد می کنید یک تعداد	
خطوط دایروی به نظر می رسد. که این دایره ها ابتدا خورد بوده و به تـدریج	
بزرگ شده می رود که هر دایره نماینده گی از یک گراف دایره یی را می	
نماید.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (209) کتاب درسی را انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت سعی کنید تا تمام شاگردان در انجام فعالیت سهم فعال داشته باشند و این کار زمانی ممکن است تا شما از فعالیت تمام گروپ ها نظارت کنید. در ختم فعالیت از نماینده های هر گروپ بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته و کار گروپی خویش را به دیگران توضیح دهند. بعد تعریف گراف دایره یی و فارمول کثرت بر حسب درجه را که در اخیر فعالیت فوق است روی تخته بنویسید و آنرا به شاگردان تشریح و توضیح کنید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

حال به خاطر اینکه شاگردان درس ارائه شده را بهتر فرا گیرند مثال صفحهٔ (210) کتاب درسی را روی تخته بنویسید بعد به حل آن اقدام نمایید طوریکه در هر قسمت از شاگردان سؤال کنید و جواب به دست آرید تا آنها خود را در درس شریک بدانند.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

در هر درس ارزیابی مختصر ضروری است تا مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یاخیر؟ به طورمثال از شاگردان سؤال کنید:

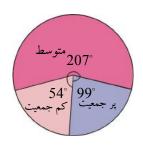
- کی می گوید گراف دایره یی چیست؟

- کی رابطه کثرت بر حسب درجه را روی تخته می نویسد؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

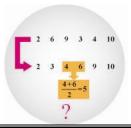
نوع خانواده	پر جمعیت	جمعيت متوسط	كم جمعيت	جمع
تعداد خانواده	11	23	6	40

$$=\frac{11}{40}$$
 . $360^\circ=99^\circ$ $=\frac{23}{40}$. $360^\circ=207^\circ$ $=\frac{23}{40}$. $360^\circ=207^\circ$ $=\frac{6}{40}$. $360^\circ=54^\circ$



- گراف دایره یی برای data مناسب است که زیاد ترین کثرت را داشته باشند.

- نه خیر زاویه مرکزی تغییر نمی کند بلکه ثابت می ماند اما با دو چند شدن کثرت ها ، مجموع کثرت ها دو برابر می شود.



8-8: ميانه

صفحات كتاب درسى: (212-211)

وقت: یک ساعت درسی

1- اهداف آموزشی:	– شاگردان مفهوم میانه را بدانند.
(دانشی، مهارتی وذهنیتی)	- شاگردان میانه دیتای(data) داده شده را پیدا کرده بتوانند.
	- شاگردان از حل سؤال های مربوط به میانه احساس خوشی نمایند.
2- روش های تدریس	سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی
3- مواد ممد درسی	چارت شکل ورودي
4- توضیح ورودی	بعد از انجام کار های مقدماتی که در داخل شدن به صنف ضرور است به
(5) دقیقه	ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه:
	ابتدا به توضیح شکل ورودی اقدام و این کار را طور زیر انجام دهید:
	چارتی را که از قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آوینزان کنیـد و از
	شاگردان بپرسید:
	در شکل ورودی چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات به آنها بگویید:
	در شکل دو گروپ data به ملاحظه می رسد طوریکه دیتای(data)
	گروپ اول غیر مرتب وگروپ دوم مرتب می باشند.
	چون تعمداد دیتمای(data) گروپ دوم مرتب و جفت است و همچنمان
	دیتای(data) وسطی آن عبارت از 4 و 6 است بنابرآن برای دریافت میانه
	طوری زیر عمل می نماییم که:
	با جمع نمودن دو data وسطی یعنی 4 و 6 تقسیم بر تعداد آنها یعنـی 2،
	عددی 5 حاصل می شود که آنرا دیتای(data) وسطی یا میانه گویند.
	قسميكه ٪data 50 يعني 9 و 10 به طرف راست و ٪data 50 يعني 2 و
	3 به طرف چپ data های 4 و 6 واقع می گردد.

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (211) کتاب درسی را انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت از همه اعضای گروپ ها نظارت کنید که آیا در انجام فعالیت سهیم اند یاخیر؟ در صورتیکه اگر یک تعداد شاگردان در کار گروپی سهم نداشته باشند آنها را تشویق و توصیه نمایید تا در فعالیت سهم بگیرند. در اخیر کار گروپی از نماینده یک گروپ بخواهید تا کار گروپی خویش را به دیگران توضیح دهد. در ختم فعالیت در مورد تعریف میانه، میانه data تاق و جفت که در اخیرصفحهٔ (211) کتاب درسی موجود است به شاگردان توضیحات

اکنون data مثال 1 صفحهٔ (212) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و از یک شاگرد بخواهید تا میانهٔ آنرا به روی تخته دریافت کند. همزمان از سایر شاگردان صنف بخواهید تا این کار را در کتابچه های شان به شکل انفرادی انجام دهند. اگر در حل روی تخته اشتباهی موجود بود. از یک شاگرد داؤطلب بخواهید تا آن را اصلاح نماید. زمانیکه دیدید حل روی تخته کاملاً درست است از شاگردان دیگر بخواهید تا حل های خویش را با حل روی تخته مقایسه کنند. این کار سبب می شود تا شاگردان که در حل مثال اشتباهی را مرتکب شده باشند به اشتباه خود پی ببرند و آن را تصحیح نمایند.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان موضوع درس جدید را بهتر درک نمایند ، data مثال 2 صفحهٔ (212) کتاب درسی را روی تخته بنویسید و میانهٔ آنرا دریافت کنید طوریکه شاگردان در دریافت آن نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

برای اینکه اطمینان حاصل نمایید که آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یا خیر ؟ مختصراً ارزیابی نمایید ، طوریکه از شاگردان بیرسید:

- كى مى تواند ميانه را تعريف كند؟
- کی می گوید که چطور می توان میانه data جفت و تاق را دریافت کرد؟

8- معلومات اضافی برای معلم:

برای دریافت میانهٔ data که مقدار شان کم باشد. میتوانیم به آسانی آنها را دریافت کنیم؛ ولی اگر تعداد data بسیار زیاد باشد در آنصورت نمی توانیم آنرا پیدا کنیم، ولی اگر پیدا هم شود به وقت زیاد ضرورت دارد؛ پس از فورمول استفاده می کنیم که قرار زیر بیان شده است:

$$Med = egin{cases} rac{x_{n+1}}{2} & ext{dis} \ rac{x_n}{2} + x_n \ rac{-rac{n}{2} - rac{n}{2} + 1}{2} & ext{r} \end{cases}$$
 جفت n

مثال: اگر n=6 را در نظر بگیریم؛ پس میانه آن قرار زیر به دست می آید، چون میدانیم که n=6 و جفت است؛ پس از فورمول جفت بودن a data استفاده می نماییم:

$$Med = \frac{x_{\frac{n}{2}} + x_{\frac{n}{2}+1}}{2} = \frac{x_3 + x_4}{2} = \frac{8+9}{2} = \frac{17}{2} = 8.5$$

و به عین شکل با گذاشتن قیمت میتوانیم از فورمول $\frac{x_{n+1}}{2}$ میانه data طاق را پیدا کنیم.

9- جواب به سؤال های تمرین:

$$1, 2, 3$$
 $0, 2, 10$

$$\frac{5+5}{2} = \frac{10}{2} = 5$$
 ميانه

میانه =
$$\frac{3+4}{2} = \frac{7}{2} = 3.5$$

میانه =
$$\frac{5+6}{2}$$
 = $\frac{11}{2}$ = 5.5

$$=\frac{9+10}{2}=\frac{19}{2}=9.5$$

14 16 18 20 22 24

میانه =
$$\frac{18+20}{2}$$
 = $\frac{38}{2}$ = 19

اگر data را ضرب 2 کنیم میانه نیز ضرب 2 شده یعنی 9.5 اگر ضرب 2 شود 19 حاصل می شود.



9-8: ساحه تحول

صفحات كتاب درسي: (214-213)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم ساحهٔ تحول را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان ساحه تحول data را مشخص کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از دریافت ساحهٔ تحول data احساس خوشی نمایند.	
سؤال و جواب، کار گروپی	2– روش های تدریس
چارت شکل ورودي	3- مواد ممد درسی
بعداز انجام کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام	4- توضيح ورودي
دهید بعد به ارائه درس جدید بپردازید.	(5) دقیقه
طوریکه ابتدا بخش ورودی را توضیح نمایید. برای این کار چارتی را که از قبل	
تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید و از شاگردان بپرسید:	
در شکل روی چارت چه را می بینید ؟ بعد از اخذ جوابات به آنها بگویید:	
اگر تصویر شکل را صنف خود تصور نمایید می توانید قد های همدیگر را	
اندازه نمایید و هم می دانید که قد تمام شاگردان یک صنف یکسان نبوده و از	
هم متفاوت است و این بدین معنا است که طول قد بعضی از آنها کو تاه و بعضی	
از آنها طویلتر می باشد که اندازه همین تفاوت ها را به نام ساحه تحول یاد می	
کنند و به اساس همین ساحه تحول می توانیم شاگردان را از هم تفکیک نماییم.	

5- فعالیت جریان درس (28)دقیقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم نمایید و به هر گروپ وظیفه دهید تا با مشورهٔ یکدیگر فعالیت صفحهٔ (213) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت نمایید.طوریکه همهٔ اعضای گروپ در انجام فعالیت سهم داشته باشند. و در اخیر کار گروپی از نمایندهٔ تمام گروپ ها بخواهید تا فعالیت را که در گروپ شان انجام داده اند به دیگران توضیح دهند.

در ختم فعالیت تعریف ساحه تحول و خصوصیات پراگنده گی را که در اخیر همین صفحه است به شاگردان تشریح و توضیح نمایید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان مفهوم ساحه تحول را درست درک کنند، data مثال صفحهٔ (214) کتاب درسی را روی تخته بنویسید ساحه تحول و پراگنده گی آنرا دریافت کنید طوریکه شاگردان در دریافت آن سهم فعال داشته باشند.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

به منظور اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را فهمیده اند یا خیر ؟ ارزیابی مختصر نمایید و این کار را می توانید با طرح سؤالات در مورد درس و اخذ جوابات از شاگردان انجام دهید، مثلاً بپرسید:

- كى مى گويد كه ساحه تحول چيست؟

- کی می تواند بگوید که چه وقت پراگنده گی زیاد و چه وقت پراگنده گی کم است؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

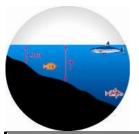
ساحه تحول یا وسعت R = 15 - 1 = 14

- اگر بیشترین data و کمترین data را حذف کنیم داریم:

$$2,5,6,6,7,8,9,10,11$$

 $R = 11-2 = 9$

- چون فاصله بین دیتای(data) گروپ اول زیاد و از گروپ دوم کم است. پس پراگنده گی گروپ اول بیشتر بوده یعنی ساحه تحول گروپ اول زیاده تر از گروپ دوم است.



8-10: اوسط انحراف

صفحات كتاب درسي: (216-215)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم اوسط انحراف را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان اوسط انحراف data را محاسبه کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از حل سؤالات مربوط به اوسط انحراف احساس خوشي نمايند.	
سؤال و جواب، کار گروپی	2– روش های تدریس
چارت شکل ورودي	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد به	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید.	(5) دقیقه
طوریکه ابتدا به توضیح شکل ورودی پرداخته و برای این کار چارتی را که از	
قبل تهیه نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان نمایید بعد در مورد شکل ورودی	
این درس از شاگردان سؤال کنید:	
درشکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات به آنها بگویید:	
طوریکه در شکل دیده می شود شما یک ساحهٔ بحری توأم با خشکه و آسمان	
را می بینید و هم شما می دانید که عمق دریا در تمام نقاط یکسان نیست یعنی در	
هر قسمت دریا عمق آن فرق می کند بنابرآن اگر سرحد جدایی آب و زمین را	
مشاهده نمایید یکسان نبوده و یک انحراف را نشان می دهد. که در بعضی	
قسمت ها درجه انحناي آن فرق مي كند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا با مشورهٔ یکدیگر فعالیت صفحهٔ(215) کتاب درسی را انجام دهند.

در جریان کار گروپی از فعالیت هر گروپ نظارت به عمل آرید. تا تمام اعضای گروپ در انجام فعالیت سهیم باشند. در ختم فعالیت از هر گروپ یک نفر شاگرد را بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته و کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهد.

در اخیر فعالیت در مورد اوسط انحراف که در اخیرصفحهٔ (215) کتاب درسی موجود است به شاگردان توضیحات داده و فورمول آنرا روی تخته بنویسید و هنگام توضیح از شاگردان سؤال نموده وجوابهای قناعت بخش به دست آرید.

6- تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به موضوع درس درست پی ببرند. مثال صفحهٔ(216) کتاب درسی را روی تخته بنویسید وبعد اوسط انحراف آنرا محاسبه نمایید ودر هنگام محاسبه به شاگردان نیز سهم فعال دهید.

7- ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

جهت ارزیابی مختصر درختم درس با طرح نمودن سؤالها در مورد درس ارائه شده از شاگردان و اخذ جوابات قناعت بخش خود را مطمئن سازید که آیا شاگردان درس را درست فرا گرفته اند یاخیر؟ مثلاً بپرسید:

- كى مى تواند اوسط انحراف را تعريف كند؟
- کی می تواند فرمول اوسط انحراف را روی تخته بنویسد؟

8- جواب به سؤال های تمرین:

A : انحراف هاى جمعيت : - 3 , - 2 , - 1 , 0 , 0 , 2 , 4

B :- 4 , - 3 , - 2 , 0 , 0 , 1 , 8

• اوسط انحراف جمعیت A عبارتست از:

$$\overline{x}_A = \frac{-3 - 2 - 1 + 2 + 4}{7} = \frac{-6 + 6}{7} = 0$$

$$\overline{x}_B = \frac{-4 - 3 - 2 + 1 + 8}{7} = \frac{-9 + 9}{7} = 0$$

$$Ad = \frac{|-3 - 0| + |-2 - 0| + |-1 - 0| + |0 - 0| + |2 - 0| + |4 - 0|}{7}$$

$$Ad = \frac{|-3| + |-2| + |-1| + |0| + |0| + |2| + |4|}{7}$$

$$Ad = \frac{3 + 2 + 1 + 0 + 0 + 2 + 4}{7} = \frac{6 + 6}{7}$$

$$Ad = \frac{12}{7} = 1.714$$

• اوسط انحراف جمعیت B عبارتست از:

B توسط انحراف جمعیت $Ad = \frac{\left|-4-0\right|+\left|-3-0\right|+\left|-2-0\right|+\left|0-0\right|+\left|0-0\right|+\left|1-0\right|+\left|8-0\right|}{7}$

$$Ad = \frac{\left|-4\right| + \left|-3\right| + \left|-2\right| + \left|0\right| + \left|0\right| + \left|1\right| + \left|8\right|}{7}$$

$$Ad = \frac{4+3+2+0+0+1+8}{7} = \frac{18}{7}$$

$$Ad = \frac{18}{7} = 2.571$$

 $R_A = 4 - (-3) = 4 + 3 = 7 : A$ وسعت جمعیت

 $R_B = 8 - (-4) = 8 + 4 = 12 : B$ وسعت جمعیت

طوریکه فاصله بین B جمعیت A کم و از جمعیت B زیاد است؛ پس پراگنده گی جمعیت B زیاد است.

8-11: نكات مهم فصل هشتم صفحه كتاب درسى: (217) وقت: يك ساعت درسي

– شاگردان مفهوم روش دسته بندی data را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان با استفاده از data داده شده جدول را تشکیل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از ترسیم گراف وحل سؤالات لذت ببرند.	
سؤال و جواب، کار گروپی و انفرادی	2– روش های تدریس
چارت که در آن تمام نکات مهم فصل تحریر شده باشد.	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است ابتدا آن را انجام	4- توضيح ورودي
دهید سپس درس گذشته را بطور مختصر ارزیابی نمایید.	(5) دقیقه
حال توجه شاگردان را به نکات مهم فصل جلب نموده و اهمیت این نکات را به	
آنها باز گو نمایید تا شاگردان متوجه اهمیت آنها شده وعلاقه به یاد گیری بهتر	
آنها از خود نشان دهند و نکات مهم را خوب فرا گیرند.	

5- فعاليت جريان درس (28)دقيقه:

چارتی را که از قبل آماده نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید بعد به نوبت از شاگردان بخواهید تا هر کدام یک نکتهٔ مهم درس را از روی چارت بخواند و بعد آنرا به شاگردان توضیح دهد. این کار را تا زمانی ادامه دهید تا تمام نکات مهم فصل توسط شاگردان با استفاده از چارت توضیح گردد. احیاناً اگر در توضیح شاگردان کدام اشتباهی موجود بود آنرا روی چارت نشانی نمایید تا بعد توسط شما به اصلاح آن پرداخته شود.

6 - تحكيم درس (7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به اهمیت هر یک از این نکات پی ببرند هر یک از نکات مهم را که هنگام توضیح آن شاگردان مشکل داشتند خود شما آنرا طوری واضح سازید تا همه مشکلات آنها حل گردد.

7 - ارزيابي ختم درس (5) دقيقه:

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان به اهمیت این نکات پی برده اند یا خیر ؟ در مورد بعضی از این نکات مهم از شاگردان سؤال کنید. مثلاً بیرسید:

- وسعت، وسط دسته، کثرت دسته چیست؟
- دسته بندی data دارای چند مرحله می باشد ؟
 - دیتای(data) پیوسته چه نوع data است؟
- -چه فرق بین گراف میله یی و گراف مستطیلی وجود دارد ؟
 - ساحه تحول، میانه و اوسط وزنی چیست؟
 - فارمول اوسط انحراف كدام است؟

حل تمرينات فصل هشتم

در قسمت حل تمرینات فصل در سخنی چند به معلم، رهنمایی صورت گرفته معلمین محترم مطابق آن عمل نمایند: 1- جدول زیر را یر کنید:

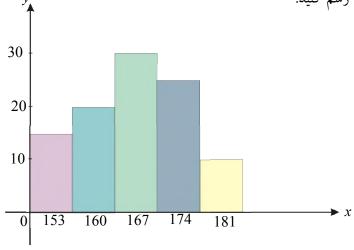
دسته	كثرت	وسط دسته	كثرت تجمعي
7.5 - 10.5	12	9	12
10.5 - 13.5	10	12	22
13.5 - 16.5	15	15	37

جدول فوق دسته بندی دیتای(data) پیوسته را نشان می دهید.

2 - جدول زير طول قد 100 جوان بيست ساله را نشان مي دهد:

دسته	كثرت	وسط دسته
149.5 – 156.5	15	153
156.5 – 163.5	20	160
163.5 – 170.5	30	167
170.5 - 177.5	25	174
177.5 – 184.5	10	181

• گراف مستطیلی آن را رسم کنید.



3- با در نظرداشت سؤال مطرح شده كتاب جدول زير را تكميل كنيد:

برای شهرها نتایج جدول فوق چنین دریافت شده اند:

سرمایه عمومی 200 میلیون است. این سرمایه مطابقت به 360°درجه(یک دور مکمل) دارد برای شهر 110°

میلیون است که مطابقت به X درجه می کند پس:

$$x = \frac{360 \cdot 110}{200} = 198^{\circ}$$

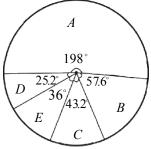
به همین ترتیب فیصدی داده شده برای شهر A چنین دریافت شده:

بنابر آن:

$$x = \frac{110.100}{200} = 55\%$$

سرمایه به درجه	سرمایه به فیصد	تقسیم سرمایه به میلیو ن	شهر ها
198 °	55%	110	A
57.6°	16%	32	В
43.2°	12%	24	С
25.2°	7′/.	14	D
36°	10%	20	Е

به عین طریقه محاسبات برای دیگرشهرها نیز بوده و نظر به جدول فوق دایره را طورزیر رسم می کنیم که در آن قطاع های مربوط شهر ها نمایش داده شده اند.



4- یک تعداد خانواده ها با تعداد اعضای آن در جدول زیر داده شده است:

8	15	12	18	خانواده
8	5	4	2	اعضاي خانواده

- Mode خانواده ها را دریافت کنید.
 - Mode خانواده ها 8 است.
 - میانه را دریافت کنید.

$$\frac{12+15}{2} = 13.5$$
 : au can a salue and sal

• اوسط را پیدا کنید:

$$\bar{x} = \frac{8 \times 8 + 5 \times 15 + 4 \times 12 + 2 \times 18}{8 + 5 + 4 + 2} = \frac{64 + 75 + 48 + 36}{19} = \frac{223}{19} = 11.736$$

• ساحه تحول را محاسبه کنید.

18 - 8 = 10: ساحه تحول عبارت است از

5- اندازه قد شاگر دان یک صنف توسط جدول زیر داده شده است:

- دسته Mode را مشخص کنید.
- دسته Mode عبارت است از 1.7 1.6
 - وسط یا مرکز دسته ها را حساب کنید.

1)
$$\frac{1.5+1.6}{2} = 1.55$$
 2) $\frac{1.6+1.7}{2} = 1.65$ 3) $\frac{1.7+1.8}{2} = 1.75$
4) $\frac{1.8+1.9}{2} = 1.85$ 5) $\frac{1.9+2}{2} = 1.95$

اندازه قد به متر	1.5–1.6	1.6 – 1.7	1.7 - 1.8	1.8 -1.9	1.9-2
كثرت	5	16	9	4	1
مركز يا وسط دسته	1.55	1.65	1.75	1.85	1.95

• اوسط را دریافت کنید.

$$\overline{x} = \frac{5 \times 1.55 + 16 \times 1.65 + 9 \times 1.75 + 4 \times 1.85 + 1 \times 1.95}{5 + 16 + 9 + 4 + 1}$$
$$= \frac{7.75 + 26.4 + 15.75 + 7.4 + 1.95}{35} = \frac{59.25}{35} = 1.69$$

: حیک معلم برای محاسبه او سط یک امتحان صنفی چنین عمل کرد-6

اوسط امتحان =
$$\frac{1 \times 4 + 3 \times 6 + 2 \times 8 + 7 \times 9 + 3 \times 10 + 3 \times 11 + 5 \times 12 + 1 \times 15}{25}$$

- تعداد شاگردان صنف چند است؟
 - تعداد شاگردان 25 نفر است.
- چند نمره بین 8 و 13 قرار دارند(با شمول 8 و 13) ؟

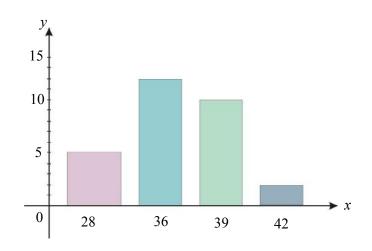
$$2 + 7 + 3 + 3 + 5 = 20$$
 نمره بین 8 و 13 قرار دارند یعنی $20 = 5 + 5 + 7 + 7 + 2$

• اوسط عمومي چند است ؟

اوسط عمومي عبارت است از:

$$\bar{x} = \frac{4+18+16+63+30+33+60+15}{25} = \frac{239}{25} = 9.56$$

7 - نمایش گراف میله یی زیر تعداد کتب که شاگردان در یک ماه مطالعه نموده اند نشان می دهد:



• جدول احصاییوی ترتیب گردد.

شاگردان	تعداد	28	36	39	42
كتب	تعداد	5	12	10	2

• اوسط کتاب های مطالعه شده درماه چند است.

$$\overline{x} = \frac{2 \times 42 + 10 \times 39 + 12 \times 36 + 5 \times 28}{5 + 12 + 10 + 2} = \frac{84 + 390 + 432 + 140}{29} = \frac{1046}{29} = 36$$

8- اگرساحه تحول برابر صفر باشد دربارهٔ data چه نتیجه می گیرید؟

جواب : همه data برابر و یکسان هستند.

9- اگر به data یک مقدار ثابت اضافه کنیم ساحه تحول چگونه تغییر می کند؟

جواب : اگر به همه data یک مقدار ثابت افزوده شود ساحه تحول هیچگاه تغییر نمی کند.

است. -10 تعداد ساعاتی که 4 نفر شاگرد درطول هفته به ورزش اختصاص داده اند در زیر آمده است.

• اوسط انحراف دیتای(data) بالا را حساب کنید.

$$\bar{x} = \frac{1+5+7+9}{4} = \frac{22}{4} = 5.5$$

اوسط انحراف
$$Md = \frac{\left|1-5.5\right|+\left|5-5.5\right|+\left|7-5.5\right|+\left|9-5.5\right|}{4} = \frac{4.5+0.5+1.5+3.5}{4} = \frac{10}{4} \approx 2.5$$



فصل نهم: احتمالات

1-9: اتحاد حوادث اتفاقى صفحات كتاب درسى: (224-223)

وقت: یک ساعت درسی

– شاگردان مفهوم اتحاد حوادث اتفاقی را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان روابط اتحاد حوادث اتفاقی را نشان داده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از شناخت اتحاد حوادث اتفاقی احساس خوشی نمایند.	
سؤال و جواب، کار گروپی.	2- روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهیـد بعـد بـه	4- توضیح ورودی
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه:	(5) دقیقه
ابتدا چارتی را که به ارتباط شکل ورودی این درس از قبل تهیـه نمـوده ایـد آنـرا	
پیشروی صنف آویزان کنید و از شاگردان بپرسید:	
درشکل چه می بینید؟ بعد از اخذ جوابات به آنها بگویید:	
قسمی که در شکل مشاهده می کنید یک تعداد مرغابی ها در داخل یک حوض	
در حال شنا کردن هستند که از اثر حرکت آنها به روی آب موج ها بـه شکل	
حلقهها تشکیل گردیده که در حلقه طرف راست شش مرغابی و در حلقه طرف	
چپ چهار مرغابی می باشد. که از یکجا شدن هر دو حلقه یک حلقه سومی	
تشکیل می شود که دربرگیرنده تمام مرغابی ها است که این حلقه سوم را اتحاد	
حوادث اتفاقى گويند.	

5- فعاليت جريان درس(28) دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا به مشورهٔ یکدیگر فعالیت صفحهٔ(223) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپ ها نظارت کنید تا همهٔ اعضای گروپ در انجام فعالیت گروپی سهیم باشند. درختم فعالیت از نمایندهٔ تمام گروپ ها بخواهید تا به نماینده گی از گروپ خود پیشروی تخته رفته کار گروپ خویش را به دیگران توضیح دهند. در اخیر فعالیت نتایج که به صورت عموم از یک فضای نمونه S برای حوادث اتفاقی به دیگران توضیح دهند. در اخیر صفحهٔ (223) کتاب درسی موجود است روی تخته بنویسید و به شاگردان خوب تفهیم کنید تا ذهنشین شان گردد.

6- تحكيم درس:(7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان درس جدید را خوبتر فرا گیرند، مثال که درصفحهٔ (224) کتاب درسی موجود است آنرا به روی تخته بنویسید و اتحاد حوادث اتفاقی $A \cup B$ یا $A \cup B$ را به دست آرید طوریکه شاگردان در دریافت اتحاد حوادث اتفاقی سهم فعال داشته باشند.

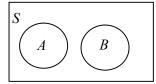
7- ارزیابی درس:(5) دقیقه

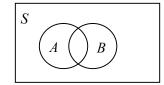
برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس ارائه شده را بهتر فهمیده اند یا خیر؟ مختصراً درس را ارزیابی کنید ، مثلاً بيرسيد:

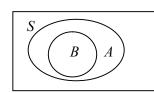
- كى مى گويد كه اتحاد دو ست با اتحاد دو حادثه اتفاقى چه فرق دارد؟
- کی می تواند با یک مثال بگوید که رابطه $\phi \cup A \cup \phi$ مساوی به چیست؟
 - $A \cup B = B$ است؟

8- معلومات اضافي براي معلم:

هرگاه حادثهٔ اتفاقی غیر خالی A و B بصورت هندسی از داخل یک فضای نمونهٔ S در نظر گرفته شوند به شکل زیر توسط دیاگرام وین نیز می توانیم اتحاد آنها را نشان د هیم:







ب: $A \cup B$ باهم نقاط مشتر ک دارند. ج: $A \cup B$ باهم نقاط مشتر ک ندارند.

 $A \bigcup B = A$ الف:

الف: حادثة اتفاقی $A \cup B$ مساوی به حادثة A است، یا به عبارهٔ دیگر حادثهٔ اتفاقی A حادثهٔ اتفاقی B را دربر

 $oldsymbol{\psi}$: حادثهٔ اتفاقی در حالات برای $A \cup B$ که دارای حوادث اولیه باهم مشترک اند می باشد.

ج: در حالت (ج) حادثهٔ اتفاقی $A \cup B$ درینصورت حالت است که حوادث A و B بصورت مستقلاته اتفاق افتاده و هیچ تأثیری بالای هم ندارند.

9- جواب به سؤال های تمرین:

از یک فضای نمونه S توسط یک مثال صحت روابط زیر را بررسی کنید: C و B,A و B,A از یک فضای نمونه S

a) $A \cup \phi = A$

حل: اگر ست A را فضای نمونهٔ انداختن یک دانه رمل در نظر بگیریم داریم که:

$$A = \{1,2,3,4,5,6\}$$

$$\phi = \{ \}$$

$$A \cup \phi = \{1,2,3,4,5,6\} \cup \{ \} = \{1,2,3,4,5,6\}$$

$$\Rightarrow A \cup \phi = A$$

$$b)A \cup A = A$$

اگر ست A را فضای نمونهٔ انداختن یک سکه در نظر بگیریم داریم که:

$$A = \{$$
شیر ، خط $\}$

$$A \cup A = \{ شیر ،خط \} = \{ شیر ،خط \} = \{ شیر ،خط \}$$
 $\Rightarrow A \cup A = A$

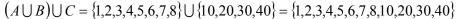
c)
$$(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$$

$$A = \{1,3,5,7\}$$

$$B = \{2,4,6,8\}$$

$$C = \{10, 20, 30, 40\}$$

$$(A \cup B) = \{1,3,5,7\} \cup \{2,4,6,8\} = \{1,2,3,4,5,6,7,8\}$$

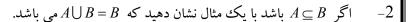


$$(B \cup C) = \{2,4,6,8\} \cup \{10,20,30,40\} = \{2,4,6,8,10,20,30,40\}$$

$$A \cup (B \cup C) = \{1,3,5,7\} \cup \{2,4,6,8,10,20,30,40\} = \{1,2,3,4,5,6,7,8,10,20,30,40\}$$

$$\{1,2,3,4,5,6,7,8,10,20,30,40\} = \{1,2,3,4,5,6,7,8,10,20,30,40\}$$

$$\Rightarrow (A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$$



حل: مثلاً در انداختن یک دانهٔ رمل که فضای نمونهٔ آن $S = \{1,2,3,4,5,6\}$ و حوادث اتفاقی آن $A = \{1,2\}$ و $B = \{1,2,3,4,5,6\}$

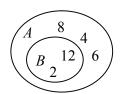
$$A \cup B = \{1, 2\} \cup \{1, 2, 3, 4\} = \{1, 2, 3, 4\} = B$$

هرگاه حادثهٔ اتفاقی A یا B اتفاق افتد به این معنی است که حادثهٔ B اتفاق افتاده است.

A حادثه اتفاقی A و $A \cup B$ با هم مساوی باشند توسط گراف نشان دهید که حادثهٔ اتفاقی A، حادثه اتفاقی B را دربر دارد.

حل :اگر حوادث اتفاقی $A=\{2,4,6,8,12\}$ و $A=\{2,4,6,8,12\}$ باشد از اینجا می خواهیم نشان دهیم $A \cup B=A$

این مطلب را برای مساوات فوق طور زیر توسط گراف نمایش می دهیم، طوریکه حادثهٔ اتفاقی A حادثهٔ B را دربر دارد.



هرگاه حادثهٔ A حادثهٔ B را دربر داشته باشد به این معنی است که

و كاملاً در داخل ست A قرار دارد. $B \subset A$

از شكل ديده مي شود كه $A \cup B$ مساوى به A مي باشد.



9-2: تقاطع حوادث اتفاقي

صفحات كتاب درسى: (226-225)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم تقاطع حوادث اتفاقی را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
– شاگردان روابط تقاطع حوادث اتفاقی را به دست آورده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از به دست آوردن تقاطع حوادث اتفاقی لذت ببرند.	
سؤال و جواب، کارگروپی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
بعد از انجام کارهای مقدماتی که در داخل شدن به صنف ضرور است بـه ارائـه	4- توضیح ورودی
درس جدید بپردازید ، طوریکه ابتدا چارتی را که از قبل تهیه نموده ایـد آنـرا	(5) دقیقه
پیشروی صنف آویزان کنید بعد جهت توضیح ورودی این درس از شاگردان	
سؤال كنيد:	
در شکل ورودی چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات به شاگردان بگویید:	
طوریکه در شکل می بینید سه دایره با رنگ های مختلف که یکی با دیگر ساحه	
مشترك دارند ديده مي شود. اگر رنگ نقاط مشترك آنها بـا هـم تعامـل نماينـد	
یک رنگ دیگری را به وجود می آورند. همچنان هر سه دایره همزمان در یک	
ساحه همدیگر را قطع می کنند که رنگ این ساحه نیز فرق دارد. که این حادثـه	
را تقاطع حوادث اتفاقى گويند.	

5- فعاليت جريان درس(28) دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(225) کتاب درسی را انجام دهند.

در انجام فعالیت از گروپ ها نظارت کنید تا همهٔ آنها در فعالیت گروپی سهم فعال داشته باشند. در ختم فعالیت از نماینده تمام گروپ ها بخواهید تا فعالیت را که در گروپ شان انجام داده اند در روی تخته به دیگران واضح سازند. در اخیر فعالیت نتایج که در قسمت پایینی صفحهٔ (225) کتاب موجود است آنرا روی تخته بنویسید و به شاگردان تشریح و توضیح کنید.

6- تحكيم درس:(7) دقيقه:

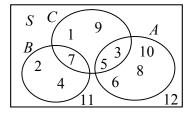
برای اینکه شاگردان درس جدید را خوبتر فرا گیرند مثال که در شروع صفحهٔ (226) کتاب درسی موجود است روی تخته بنویسید سپس شکل مربوط آنرا ترسیم بعد با استفاده از شکل، مثال را به شاگردان خوب تشریح و توضیح کنید تا آنها به مفهوم آن پی ببرند و سعی نمایید تا هنگام توضیحات تان شاگردان نیز سهم فعال داشته باشند.

7- ارزیابی درس:(5) دقیقه

در ختم درس با طرح نمودن سؤال ها در مورد درس ارائه شده از شاگردان و اخـذ جوابـات قناعـت بخـش خـود را مطمئن سازید که آیا شاگردان درس را درست فرا گرفته اند یا خیر؟ مثلاً بپرسید:

- كى مى تواند بگويد كه تقاطع حوادث اتفاقى چيست؟
- کی می تواند بگوید که $\phi \wedge A \cap \phi$ مساوی به کدام حادثه اتفاقی است؟
- کی می تواند بنویسد که هرگاه حادثه B حادثه A را دربر داشته باشد رابطهٔ آن مساوی به چیست؟

8- معلومات اضافی برای معلم:



در یک فضای نمونهٔ S سه حادثهٔ اتفاقی B,A و D قرار شکل داده شده است در نظر می گیریم. از معلومات که در مورد مکملهٔ یک ست \overline{A} از صنف هفتم شاگردان به دست آورده اند، \overline{A} عبارت است از:

$$A = \{5,3,6,8,10\} \implies \overline{A} = \{1,9,11,12,2,7,4\}$$

$$A \cup B = \{2,4,7,3,5,6,8,10\} \implies A \cap B = \emptyset$$

$$\implies \overline{A \cup B} = \{1,9,11,12\}$$

$$A \cup C = \{1,9,7,5,3,6,8\}$$

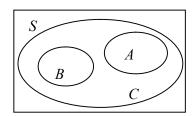
$$\implies A \cap C = \{3,5\} \qquad C \cap B = \{7\}$$

9- جواب به سؤال های تمرین:

ا. حادثهٔ اتفاقی $A \cap B$ را توسط دیاگرام برای حالات مختلف حوادث اتفاقی B,A که حادثهٔ C آنها را دربردارد. نشان داده، توضیح نمایید.

در شکل می بینیم که حادثهٔ C ، حادثهٔ A و B را دربر دارد.

پس هرگاه حادثهٔ C اتفاق افتد به این معنی است که با اتفاق افتادن حادثهٔ C دو حوادث دیگر A و B نیز اتفاق افتاده است.



 $B = \{3,4\}$, $A = \{1,2\}$ و حادث $S = \{1,2,3,4,5,6\}$ و حادث رمل هرگاه فضای نمونه $S = \{1,2,3,4,5,6\}$ و حادث $S = \{1,2\}$ و حاد

a)
$$(\overline{A \cup B}) = (\overline{\{1,2\} \cup \{3,4\}}) = (\overline{\{1,2,3,4\}}) = \{5,6\}$$

 $\overline{A} \cap \overline{B} = \{3,4,5,6\} \cap \{1,2,5,6\} = \{5,6\}$ $\Rightarrow (\overline{A \cup B}) = \overline{A} \cap \overline{B}$

b)
$$(\overline{A \cap B}) = \overline{A} \cup \overline{B}$$

 $S = \{1,2,3,4,5,6\}$
 $A = \{1,2\} \Rightarrow \overline{A} = \{3,4,5,6\}$
 $B = \{3,4\} \Rightarrow \overline{B} = \{1,2,5,6\}$
 $(\overline{A \cap B}) = \overline{\{1,2\} \cap \{3,4\}} = \overline{\{\}\}} = S$
 $\overline{A} \cup \overline{B} = \{3,4,5,6\} \cup \{1,2,5,6\} = \{1,2,3,4,5,6\} = S$ $\Rightarrow S = S \Rightarrow (\overline{A \cap B}) = \overline{A} \cup \overline{B}$

3. حوادث زير را به بيان بنويسيد.

- a) $\overline{A} \cup \overline{B}$ b) $\overline{A \cap B}$ c) $\overline{A \cup B}$
- B عبارت از حادثهٔ است که نه حادثهٔ اتفاقی A اتفاق افتاده یا نه هم حادثهٔ اتفاقی $\overline{A} \cup \overline{B}$ عبارت از حادثهٔ است که نه حادثهٔ اتفاقی اتفاق افتاده است.
 - حادثهٔ است که حادثهٔ A و B همزمان اتفاق نه افتاده اند. $\overline{A \cap B}$.b
 - نه افتاده اند. $\overline{A \cup B}$ حادثهٔ است که حادثهٔ A یا B همزمان اتفاق نه افتاده اند.



9-3 : ست كلى و مكمله

صفحات كتاب درسى: (228-227)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم ست کلی و مکملهٔ آنرا بدانند.	1- اهداف آموزشی:
انیتی) – شاگردان ست کلی و مکملهٔ آنرا در دیاگرام نشان داده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذه
- شاگردان از شناخت ست كلى و بدست آوردن مكملهٔ آن لذت ببرند.	
، سؤال و جواب، کار گروپی	2– روش های تدریس
بكس هندسي، چارت شكل ورودي.	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعد	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید اقدام نمایید، طوریکه ابتدا به توضیح شکل ورودی این درس	(5) دقیقه
بپردازید. برای این کار چارتی را که از قبل تهیه نموده اید پیشروی صنف	
آویزان کنید و از شاگردان بپرسید:	
در شکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات از شاگردان بگویید:	
شما در شکل نقشه افغانستان را مشاهده می کنید که در داخل آن موقعیت یک	
تعداد ولایات مشخص گردیده که نشان دهنده اوضاع جوی ولایات متذکره م	
باشد. یعنی ولایت زابل آفتابی ولایت کندهار نیمه آفتابی ولایت پـروان ابـری	
ولایت کندز بارانی می باشد. اگر اوضاع جوی افغانستان را یک ست کلی د	
نظر بگیریم پس اوضاع جوی چند ولایات متذکره ست فرعی آن بوده و ست	
که در فضای افغانستان شامل باشد اما در اوضاع جوی چند ولایات فـوق شـام	
نباشد به نام مكملهٔ آن ياد مي شود.	

5- فعاليت جريان درس(28) دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ(227) کتاب درسی را انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از گروپها نظارت به عمل آرید تا در انجام فعالیت گروپی همهٔ آنها سهم فعال داشته باشند. در ختم فعالیت از نمایندهٔ تمام گروپ ها بخواهید تا به نوبت پیشروی تخته آمده و کار گروپی خویش را به دیگران توضیح دهند.

در اخیر فعالیت نتیجهٔ که از فعالیت فوق به دست می آید و در قسمت پایینی صفحهٔ(227) کتـاب درسـی موجـود است ابتدا شکل مربوطه آنرا رسم بعد روابط آنرا به روی تخته بنویسید تشریح وتوضیح نمایید.

6- تحكيم درس:(7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس پی ببرند. مثال که در شروع صفحهٔ (228) کتاب درسی موجود است. ابتدا دیاگرام مربوطه آنرا به روی تخته رسم سپس آنرا توضیح دهید سعی کنید تا در جریان توضیحات تان شاگردان نیز فعال باشند.

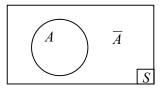
7- ارزیابی درس:(5) دقیقه

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان درس امروز را خوبتر فرا گرفته اند یاخیر؟ از آنها سؤال کنید، مثلاً بپرسید:

- كى ست كلى وست مكمله را تعريف مى كند؟
- کی می تواند بگوید که $\overline{A} \cup \overline{A}$ مساوی به کدام حادثه است؟
- کی می گوید که کدام حادثه همیشه مساوی به یک است و رابطه آن چطور می باشد؟

8- معلومات اضافي براي معلم:

دقت نمایید که از معرفی مفاهیم ست کلی و مکملهٔ آن قوانین اساسی محاسبهٔ احتمال یک واقعه به دست می آید. همچنان هرگاه یک حادثهٔ اتفاقی A یک حادثه باشد که محاسبهٔ احتمال آن طویلتر پس می توان از روی محاسبهٔ احتمال مکملهٔ آن به ساده گی احتمال را به دست آورد. مثلاً در یک فضای نمونه S برای یک حادثهٔ اتفاقی A می دانیم که چون A = S است، بنا بر این:



$$P(S) = P(A \cup \overline{A}) = 1$$

بنابر این $S = A \cup \overline{A}$ است. بنابر این احتمال $S = A \cup \overline{A}$ مساوی به یک می باشد پس داریم:

$$P(A \cup \overline{A}) = P(A) + P(\overline{A}) = 1$$
 $P(\overline{A}) = 1 - P(A)$
 $P(A) = 1 - P(\overline{A})$

مثلاً اگر در یک هفته ابری زمستان، احتمال یک روز آفتابی مساوی به 0.15 باشد، احتمال روز همای ابری مساوی به چند است. با استفاده از فورمول بالا می توانیم به دست آوریم. هرگاه حادثهٔ A روز آفتابی هفته باشد، \overline{A} عبارت از روزهای ابری هفته است.

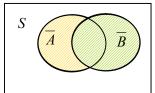
$$P(\overline{A}) = 1 - P(A) = 1 - 0.15 = 0.85 = 85\%$$

9- جواب به سؤال های تمرین:

A توسط مثال و گراف برای یک فضای نمونهٔ A و حوادث اتفاقی A و گراف برای یک فضای نمونهٔ A

a)
$$(\overline{A \cup B}) = \overline{A} \cap \overline{B}$$

حل: اگر روز های ایام هفته را یک فضای نمونه در نظر بگیریم داریم که:



b)
$$\overline{S} = \phi$$

هرگاه در انداختن یک سکه فضای نمونهٔ آن $\{ ext{خط، شیر} \} = S$ را در نظر بگیریم دیده میشود که غیر از شیر خط سکه کدام چیز دیگری نمی آید، یعنی امکانات دیگری سراغ دیده نمی شود بنا بر این ست مذکور خالی می باشد.

c)
$$S = \overline{\phi}$$

به همین ترتیب مانند جز b برای جز c نمیتوانیم به عین شکل عمل نماییم.

برای فضای نمونهٔ S و حوادث اتفاقی A و B حوادث زیر را به عبارت بنویسید:

a)
$$\overline{A} \cap \overline{B}$$

b)
$$(\overline{A \cup B})$$

ه) حادثهٔ اتفاقی \overline{A} اتفاق نه افتد این به این معنی است که حادثهٔ خارج از ساحهٔ \overline{A} در S به وجود آمده است.

حادثهٔ اتفاقی \overline{B} اتفاق نه افتد این به این معنی است که حادثهٔ خارج از ساحهٔ \overline{B} در S به وجود آمده است.

ا حادثهٔ اتفاقی $\overline{A \cup B}$ عبارت از حادثهٔ است که A یا B هیچکدام آنها اتفاق نه افتاده است.



9-4 : مدل سازی با ست ها

صفحات كتاب درسي: (230-229)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم مدل سازی با ست ها را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
 شاگردان با استفاده از ست ها حوادث اتفاقی را مدل سازی کرده بتوانند. 	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
 شاگردان از مدل سازی با ست ها لذت ببرند. 	
سؤال و جواب، کار گروپی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی.	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است انجام دهید بعـد بـه	4- توضيح ورودي
ارائه درس جدید بپردازید، طوریکه ابتدا چارتی را که از قبل تهیه نموده ایـد آنـرا	(5) دقیقه
پیشروی صنف آویزان کنید بعد به توضیح بخش ورودی این درس اقـدام نماییـد.	
مثلاً از شاگردان بپرسید:	
در شکل ورود ی چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات از شاگردان به آنها بگویید:	
شما در شکل شخصی را می بینید که در پـشت یـک میـز نشـسته و ورقـی کـه در	
دست دارد و در آن پرسشی درج می باشد فکر می نماید و در جستجوی راه حل	
آن می باشد.علاوتاً در شکل شما دو ست A و B را با عناصر آن می بینید و این	
نشان دهندهٔ آنست که هنگام مدل سازی شخص مذکور از آن استفاده می کند.	

5- فعاليت جريان درس(28) دقيقه:

شاگردان را به گروپ های مناسب تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا فعالیت صفحهٔ (229) کتاب درسی را بعد از مشوره با یکدیگر انجام دهند.

در وقت اجرای فعالیت از کار هر یک از گروپ ها نظارت نمایید و سعی کنید تا همهٔ اعضای گروپ در انجام فعالیت گروپی سهم داشته باشند. درختم فعالیت از نمایندهٔ تمام گروپ ها بخواهید تا به نوبت پیشروی تخته آمده کار گروپی خویش را به دیگران توضیح دهند.

در اخیر فعالیت نتیجهٔ که از فعالیت فوق به دست می آید و در شروع صفحهٔ (230) کتاب درسی موجود است، به شاگردان توضیح دهید.

6- تحكيم درس:(7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به مفهوم درس جدید خوبتر پی ببرند ، مثال صفحهٔ (230) کتاب درسی را که دارا ی سه جزء می باشد به ترتیب هر یک را به شاگردان توضیح نمایید طوریکه هنگام توضیحات از دیاگرام مربوطه هر جزء استفاده شود.

7- ارزيابي درس:(5) دقيقه

برای اینکه مطمئن شوید شاگردان درس جدید را بهتر فرا گرفته انـد یـا خیـر؟ بـا طـرح چنـد سـؤال درس را مختـصراً ارزیابی کنید؛ مثلاً بیرسید:

کی می تواند بگوید رابطهٔ احتمال اینکه حادثه A یا B اتفاق افتد مساوی به چیست؟

– کی می تواند رابطهٔ احتمال اینکه حادثه A اتفاق افتد مساوی به چیست؟

8- معلومات اضافی برای معلم:

معلم محترم بخاطر حاکمیت بر تدریس موضوع باید مسایلی را در مورد تیوری ست به خاطر داشته باشید:

1. دوست A و B باهم مساوی اند اگر تنها اگر یکی ست فرعی دیگری باشد. یعنی:

 $A = B \iff (A \subset B \land B \subset A)$

برای هر مجموعهٔ یا حادثهٔ اتفاقی Aیک فضای نمونهٔ S داریم که: A

i) $A \subset A$

ii) $A \subset S$

در یک فضای نمونهٔ S هر ست فرعی S یک حادثهٔ اتفاقی بوده و هرگاه تعداد عناصر S مساوی به S عدد Sباشد درینصورت تجربهٔ مذکور به تعداد 2^n عدد حادثهٔ اتفاقی دارد.

4. هر فضای نمونهٔ که تعداد عناصر آن مساوی به صفر یا یک عدد طبیعی باشد، درینصورت فضای نمونهٔ مذكور به نام فضاى نمونهٔ متناهى ياد مى گردد.

را در بر دارد. $A \subset B$ باشد، درینصورت حادثهٔ A را در بر دارد.

اگر A یک حادثهٔ اتفاقی اختیاری S باشد درینصورت:

- i) $A \bigcup \phi$
- ii) $A \cup A = A$
- iii) $A \cup S$
- iv) $A \cup S = A$

- v) $A \cap \phi$
- vi) $A \cap A = A$
- *vii*) $A \cap S = A$ *viii*) $A \cap \overline{A} = \phi$

9- جواب به سؤال هاى تمرين:

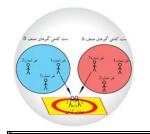
- ا. از 23 نفر شاگر دان یک صنف از نگاه برادر یا خواهر داشتن، هر گاه قرار شکل ست A ست تمام شاگر دان 1خواهردار، ست B ست تمام شاگردان برادر دار باشد. به سؤالات زیر جواب دهید:
- a) احتمال اینکه یک شاگر دیه صورت تصادفی برادر و خواهر $\overline{A} \cup \overline{B}$ نداشته باشد ست نه خواهر نه برادر عبارت است از

$$P(\overline{A} \cup \overline{B}) = \frac{3}{23} = 0.1304 = 13\%$$

b) انتخاب یک شاگرد که حداقل خواهر و یا برادر داشته باشد.

ست اینکه حداقل خواهر یا برادر داشته باشد عبارت از ست $A \cup B$ بوده که تعداد عناصر آن مساوی به 15 نفر شاگر دان میشود بنا بر این احتمال حادثهٔ مذکور عبارت است از:

 $P(A \cup B) = \frac{20}{22} = 0.86 = 86\%$



9-5: اصل شمارش

صفحات كتاب درسى: (232-231)

وقت: یک ساعت درسی

- شاگردان مفهوم اصل شمارش را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
 شاگردان از مجموع داتا ها تعداد امکانات را دریافت کرده بتوانند. 	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
- شاگردان از دریافت تعداد امکانات در داتاها احساس خوشی نمایند.	
سؤال و جواب، کار گروپی	2– روش های تدریس
بکس هندسی، چارت شکل ورودی	3- مواد ممد درسی
بعد از انجام کار های مقدماتی که در داخل شدن به صنف ضرور است بـه ارائـه	4- توضيح ورودي
درس جدید بپردازید، طوریکه :	(5) دقیقه
ابتدا چارتی را که از قبل تهیه نموده ایـد آنـرا پیـشروی صـنف آویـزان کنیـد بعـد	
جهت توضیح ورودی این درس از شاگردان سؤال کنید:	
در شکل چه را می بینید؟ بعد از اخذ جوابات به آنها بگویید:	
شما در شکل دو ست از کشتی گیران را که در هر ست سه کشتی گیر وجود دارد	
مشاهده می کنید. که یکی آن ست A و دیگری آن ست B می باشد در قسمت	
پایینی این دو ست شما یک میدان کشتی گیری را می بینید که دو نفر از اعضای	
این ست ها در حال کشتی گیری اند حال می سنجیم که چند امکان کشتی گیری	
بین اعضای ست A با ست B وجود دارد اگر کمی دقت نماییم می یابیم که اگر	
هر یک از اعضای ست A با هـر سـه عـضو سـت B کـشتی بگیـرد چـون تعـداد	
ست A سه نفر است پس نو امکان کشتی گیری و جود دارد.	

5- فعاليت جريان درس(28) دقيقه:

شاگردان را به گروپ ها تقسیم و به آنها وظیفه دهید تا با مشوره یکدیگر فعالیت صفحهٔ (231) کتاب درسی را انجام دهند. در وقت اجرای فعالیت از گروپی سهم فعال داشته باشند. در ختم فعالیت از نماینده هر گروپ بخواهید تا کار گروپی خویش را به نوبت پیشروی تخته آمده و به دیگران توضیح دهند. در اخیر فعالیت نتایج که از فعالیت مذکور به دست می آید و در قسمت پایینی فعالیت مذکور قرار دارد به ترتیب به شاگردان توضیح دهید.

6- تحكيم درس:(7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان موضوع درس جدید را بهتر فرا گیرند، ارقام مثال را که در قسمت پایینی صفحهٔ (231) کتاب درسی وجود دارد به روی تخته بنویسید بعد تعداد امکانات و گراف درختی آنرا ترسیم کنید طوریکه شاگردان در حل و ترسیم گراف سهم فعال داشته باشند.

7- ارزيابي درس:(5) دقيقه

برای اینکه مطمئن شوید شاگردان درس جدید را درست فهمیده اند یا خیر؟ درس را مختصراً ارزیابی کنید؛ مثلاً بیر سد:

- کی می گوید که در ترکیب عناصر دو ست ، تعداد امکانات کلی مساوی به چیست؟
- اگر دو ست متعلمین را در نظر بگیریم طوریکه در هر ست چهار نفر شاگرد موجود باشد و قرار بر این باشـد که هـر شاگرد یک ست باید از تمام شاگردان ست دیگر یک سؤال بپرسد پس امکان پرسش سؤالات بین هـر دو سـت چنـد خواهد بود؟

8- معلومات اضافي براي معلم:

هرگاه برای انتخاب r شی از n شی از هم متمایز داشته باشیم بخواهیم r شی را انتخاب نماییم با استفاده از اصل شمارش اعداد شکل زیر را به خود می گیرد.

1	2	3	 r
n			

از n شي موجود، r محل مختلف انتخاب يک حالت

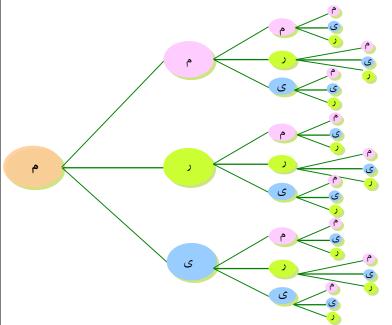
برای محل اولی می توانیم از جملهٔ n شی مختلف به n شکل عمل نماییم که در برابر هر کدام حالت آن برای پر کردن محل دوم به تعداد (n-1) شی باقی مانده که جمعاً به تعداد (n-1) شکل می توانیم محل دوم و به همین ترتیب به (n-2) شکل محل سوم و بالاخره به تعداد (n-(r-1)) شکل محل n-ام را می توان پرنماییم که جمعاً تعداد حالات مذکور عبارت از (n-(r-1))....(n-(r-1))....(n-(r-1)) شکل می باشد که توسط گراف درختی نیز می توانیم عین نتیجه را به دست آوریم.

9- جواب به سؤال های تمرین:

1. با استفاده از حروف(م، ر، ی) چند کلمهٔ چهار حرفی معنی دار و بدون معنی را میتوانیم تشکیل داد؟ موضوع

را با گراف درختی تشریح دهید.

حل: به خاطر سهولت گراف یک شعاع گراف مذکور را ترسیم نموده، تعداد حالات و ترسیم دو شاخ دیگر گراف به عین ترتیب صورت میگیرد:



هرگاه هر شاخ را از مبداء تا انجام تعقیب نماییم برای ما یک نتیجه را میدهد و ما در بالا برای حالتی که در آغاز آن حرف(م) باشد شاخه گراف را ترسیم نمودیم. مشابه فوق می توانیم حرف(ر) و (ی) را در آغاز گراف در نظر گرفته که برای هرکدام آن 27 حالت به وجود می آید که در نتیجه جمعاً تعداد $81 = 27 \cdot 8$ حالت می شود.

بدین ترتیب از هرشاخ یک نتیجه به دست آمده، مثلاً هر گاه اولین شاخچهٔ بالایی گراف بالا را در نظر بگیریم در هر چهار حالت حرف(م،م، م،م) که از کلمهٔ (مممم) و اگر مسیری را که در گراف بالا به خط درشت نشان داده شده است در نظر بگیریم حرف(م، ر، ی، م) قرار داشته که از آن کلمهٔ (مریم) به دست می آید می باشد. و بدین ترتیب به جواب جز بعدی سؤال اول با انتخاب یک کلمهٔ چهار حرفی از جملهٔ 81 امکان مختلفه که یک قسمت آن در بالا نشان داده شده است، می دانیم که امکان چانس ساختار کلمهٔ (مریم) حرف یکتا بوده، بدین ترتیب فورمول احتمال آن عبارت است از:

احتمال اینکه از بین 81 امکان مختلف حروف چهار حرفه که از سه حرف(م، ر، ی) میتوانیم بسازیم، انتخاب یک کلمهٔ چهار حرفه(م، ر، ی، م) یعنی(مریم) مساوی به %1.23 فیصد می باشد.

یا استفاده از اعداد 9,8,7,4,1,0 چند شماره شش رقمی تیلفون موبایل را می توان تـشکیل نمـود بـه شـرط
 آنکه شماره تیلفون از طرف چپ با 077 شروع شده باشد.

حل: شش خانهٔ خالی را برای شمارهٔ تیلفون در نظر گرفته دو خانه چپ آنرا با عدد 077 پر می نماییم و برای متباقی خانه ها ارقام امکانات را دریافت نموده باهم ضرب می نماییم.

چون تعداد ارقام داده شده 6 رقم است بنابراین خانهٔ سوم به 6 شکل، چهارم به 6 شکل، خانهٔ پنجم نیز 6 شکل و بالاخره خانهٔ ششم نیز به 6 شکل پر شده می تواند، زیرا تکرار ارقام می تواند، صورت نگیرد، به نام این جمله به تعداد $6 \cdot 6 \cdot 6 = 6 \cdot 6 \cdot 6$ شماره می توانیم تشکیل دهیم، در صورتیکه سه رقم چپ آن 077 باشد.

احتمال اینکه یک شمارهٔ انتخاب شده بصورت تصادفی که طرف دست راست آن سه رقم 1 است یعنی شماره (077111) پس داریم که:

$$P($$
 ممکن شماره $)=\frac{1}{216}=0.0046=0.46\%$

6-9: نكات مهم فصل نهم صفحه كتاب درسى: (233) وقت: يك ساعت درسى

- شاگردان مفاهیم و نکات مهم فصل نهم را بدانند.	1- اهداف آموزشی:
- شاگردان مفاهیم و نکات مهم فصل نهم را تحلیل ، تجزیه و حل کرده بتوانند.	(دانشی، مهارتی وذهنیتی)
– شاگردان در حیات روزمره آن ها را به کار ببرند.	
سؤال و جواب ، کار کروپی و انفرادی	2- روش های تدریس
چارت که در آن تمام نکات مهم فصل تحریرشده باشد.	3- مواد ممد درسی
کار های مقدماتی که بعد از داخل شدن به صنف ضرور است ابتدا آن را انجام	4- توضیح ورودی
دهید سپس درس گذشته را بطور مختصر ارزیابی نمایید.	(5) دقیقه
حال توجه شاگردان را به نکات مهم فصل جلب نموده و اهمیت این نکات را به	
آنها باز گو نمایید تا شاگردان متوجه اهمیت آنها شده وعلاقه به یاد گیری بهتر آنه	
از خود نشان دهند و نکات مهم را خوب فرا گیرند.	

5- فعاليت جريان درس(28) دقيقه:

چارتی را که از قبل آماده نموده اید آنرا پیشروی صنف آویزان کنید بعد به نوبت از شاگردان بخواهید تا هر کدام یک نکتهٔ مهم درس را از روی چارت بخواند و بعد آنرا به شاگردان توضیح دهد. این کار را تا زمانی ادامه دهید تا تمام نکات مهم فصل توسط شاگردان با استفاده از چارت توضیح گردد. احیاناً اگر در توضیح شاگردان کدام اشتباهی موجود بود آنرا روی چارت نشانی نمایید تا بعداً توسط شما به اصلاح آن پرداخته شود.

6- تحكيم درس:(7) دقيقه:

برای اینکه شاگردان به اهمیت هر یک از این نکات پی ببرند هر یک از نکات مهم را که هنگام توضیح آن شاگردان مشکل داشته خود شما آنرا طوری واضح سازید تا همه مشکلات آنها حل گردد.

7- ارزیابی درس:(5) دقیقه

برای اینکه مطمئن شوید آیا شاگردان به اهمیت این نکات پی برده اند یا خیر؟ در مورد بعضی از این نکات مهم از شاگردان سؤال کنید؛ مثلاً بیرسید:

- -كى مى تواند احتمال را تعريف كند؟
- كى مى گويد اتحاد حوادث اتفاقى چيست؟
- کی می گوید گراف درختی چگونه گراف است؟

8- معلومات اضافی برای معلم:

قواعد محاسبه در احتمالات با استفاده از تیوری ست هرگاه S یک فضای نمونه و A و حادثهٔ اتفاقی باشند قرار زیر اند:

- $P(\phi) = 0$ یعنی: احتمال یک حادثهٔ ناممکن مساوی به صفر است، یعنی: 1
- P(S) = 1: یعنی: 1 احتمال یک حادثهٔ اتفاقی مطمئن مساوی به یک است، یعنی: 2
- نات از: است از $A = \{e_1, e_2, ..., e_n\}$ باشد عبارت است از: $A = \{e_1, e_2, ..., e_n\}$ باشد عبارت است از: $P(A) = P(\{e_1\}) + P(\{e_2\}) + ... + P(\{e_n\})$
 - $P(A) = 1 P(\overline{A})$ بين احتمال حادثهٔ اتفاقى A و مكملهٔ آن يعنى \overline{A} رابطهٔ وجود دارد: A
 - 5. برای دو حادثهٔ اختیاری اتفاقی A و B صورت می گیرد:

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

6. اگر حوادث A و B از هم مستقل باشند، چون $\phi = A \cap A$ است پس برای آنها داریم که:

$$P(A \cap B) = P(\phi) = 0$$

حل تمرينات فصل نهم

در قسمت حل تمرینات فصل در سخنی چند به معلم، رهنمایی صورت گرفته معلمین محترم مطابق آن عمل نمایند:

- اً. هرگاه S یک فضای نمونه و A یک حادثهٔ اتفاقی آن باشد، نشان دهید که:
 - P(A) = 0 اگر $\phi \subseteq A$ باشد، (a
 - اگر $S \subseteq A$ باشد، درینصورت P(A) = 1 است.

حل: a) میدانیم که احتمال هر حادثهٔ اتفاقی A بین صفر و یک است، یعنی:

 $0 \le P(A) \le 1$

از طرف دیگر چون $\phi \supseteq A$ است، پس $P(A) \leq P(\phi)$ بوده و از این نتیجه می شود که $P(A) \leq P(A) \leq P(A)$ چون احتمال یک حادثهٔ اتفاقی همیشه بین صفر و یک قرار دارد بنابر این P(A) = 0 است.

حل: b به همین ترتیب چون $S \subseteq A$ است بنابر این:

 $1 = P(S) \le P(A)$ $\Rightarrow 1 \le P(A)$

چون احتمال یک حادثهٔ اتفاقی همیشه بین صفر و یک است بنابر این بزرگتر از یک هیچ وقت شده نمی تواند بنابر این P(A)=1 است.

 $A \cup B$ و A را دربر داشته باشد نشان دهید که حادثهٔ اتفاقی C همچنان حادثهٔ C و اگر حادثهٔ C را دربر دارد؟

 $x' \land x \in C$ و $X \in A$ داریم که $X \in C$ داریم که $X' \in B$ و $X \in A$ داریم که $X' \land x \in C$ پس می توانیم بنویسیم:

 $x \in A \implies x \in A \vee x \in B \implies x \in A \bigcup B$

 $x' \in B \implies x' \in B \lor x \in B \implies x' \in A \bigcup B$

از طرف دیگر چون $x \in C$ و $x \in C$ است، پس می توانیم بنویسیم:

 $A \cup B \subset C$

بنا بر این C حادثهٔ اتفاقی $B \cup A \cup B$ را نیز دربر دارد.

S اگر S یک فضای نمونهٔ برای دو حادثهٔ اتفاقی A و B آنگاه حادثهٔ B و $A \cup B$ یکدیگر را دربر داشته باشد نشان دهید که احتمال حوادث $A \cup B$ و حادثهٔ اتفاقی B باهم مساوی میباشد.

حل:چون حوادث B و $A \cup B = B$ یگدیگر را دربر دارند بنا بر ایس $A \cup B = A \cup B$ و $A \cup B = B$ بـوده و از روی این می توانیم بنویسیم: $A \cup B = B$ ، چون حوادث باهم مساوی است بنابر این احتمالات شان نیز بـاهم مـساوی می باشد، یعنی: $P(A \cup B) = P(B)$

 $A \cup B$ و A دربر داشته باشد، نشان دهید که حادثهٔ A را در یک فضای نمونه A دربر داشته باشد، نشان دهید که حادثهٔ A و A یکدیگر را دربر دارد؟

حل: چون B حادثهٔ A را دربر دارد بنابر این حادثهٔ A حادثهٔ $A \cup B$ را نیز دربر دارد. و به عین ترتیب ملاحظه می گردد که برای هر $A \cup B$ طبق تعریف $A \in A$ یا $A \in A$ است، چون A حادثهٔ A را دربر دارد بنابر این $A \cup B$ و از اینجا نتیجه می شود که $A \cup B$ را $A \cup B$ دربر دارد چون که $A \cup B$ و $A \cup B$ و کدیگر را دربر داشته می توانیم بنویسیم:

$$A \bigcup B = A$$

5. هر گاه در فضای نمونهٔ S و B یک حادثهٔ اتفاقی آن داد شده باشد، نشان دهید که:

$$S - B = \overline{B}$$

حل: در مساوات ست ها کافیست که نشان بدهیم که یکطرف یک ست فرعی با طرف دیگر و برعکس آن است، پس داریم:

$$\forall x \in (S - B) \implies x \in S \land x \notin B \implies x \in \overline{B}$$
$$\Rightarrow S - B \subseteq \overline{B} \dots \dots (i)$$

و برای طرف دیگر آن داریم:

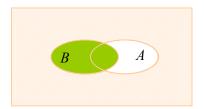
$$\forall x \in \overline{B} \implies x \notin B \land x \in S \implies x \in S - B$$
 $\Rightarrow \overline{B} \subseteq S - B$ (ii)
$$\boxed{S - B = \overline{B}} \quad \text{If } (e) \text{ if } (i) \text{ or } (i) \text$$

مثلاً:

 $S = \{1,2,3,4,5,6,7,8,9,10\}$ $B = \{2,4,6,8,10\}$ $\overline{B} = \{1,3,5,7,9\}$ $S - B = \{1,2,3,4,5,6,7,8,9,10\} - \{2,4,6,8,10\} = \{1,3,5,7,9\} = \overline{B}$ $\Rightarrow S - B = \overline{B}$

B-A و B-A و B-B و B و یک فضای نمونهٔ B حوادث B-A و B و یک فضای نمونهٔ B-A حوادث $\overline{A}-\overline{B}=B-A$ باهم مساوی اند، یعنی: $\overline{A}-\overline{B}=B-A$





حل:

مثلاً:

$$S = \{10,20,30,40,50,60,70,80,90,100\}$$

$$A = \{10,30,90\}$$

S

B

$$B = \{20,80,100\}$$

$$\overline{A} = \{20,40,50,60,70,80,100\}$$

$$\overline{B} = \{10,30,40,50,60,70,90\}$$

$$\overline{A} - \overline{B} = \{20,40,50,60,70,80,100\} - \{10,30,40,50,60,70,90\} = \{20,80,100\}$$

$$B - A = \{20,80,100\} - \{10,30,90\} = \{20,80,100\}$$

$$\Rightarrow \overline{A} - \overline{B} = B - A$$

... نشان دهید که احتمال حادثهٔ اتفاقی $\overline{A} \cap [(A \cap B) \cup (A \cap \overline{B})]$ مساوی به صفر است:

حل: در قدم نخست افادهٔ داده شده را مختصر می سازیم داریم:

$$\overline{A} \cap \left[(A \cap B) \cup (A \cap \overline{B}) \right] = \overline{A} \cap (A \cap B) \cup \overline{A} \cap (A \cap \overline{B}) = (A \cap \overline{A}) \cap B \cup (A \cap \overline{A}) \cap \overline{B}
= \phi \cap B \cup \phi \cap \overline{B} = \phi \cup \phi = \phi \Rightarrow P \left[\overline{A} \cap \left[(A \cap B) \cup (A \cap \overline{B}) \right] \right] = P(\phi) = 0$$

مثلاً: مي توانيم ثبوت فوق الذكر را توسط مثال چنين بيان نماييم:

$$S = \{$$
رنگ های بیرق افغانستان $\}$

$$A = \{ \omega_{m} \}$$

$$B = \{$$
سبز

$$\overline{B} = \{$$
سیاه، سرخ $\}$

$$A \cap B = \{ (w) \} \cap \{ (w) \} = \phi$$

$$\overline{A} \cap [(A \cap B) \cup (A \cap \overline{B})] = 0$$

$$\{$$
 سبز $\}$ سبز $\}=\{\}=\phi \Rightarrow P(\phi)=0$