



ISEN | école
d'ingénieurs
LILLE

RF & MICROWAVE CIRCUITS

CIRCUITS RF & HYPER

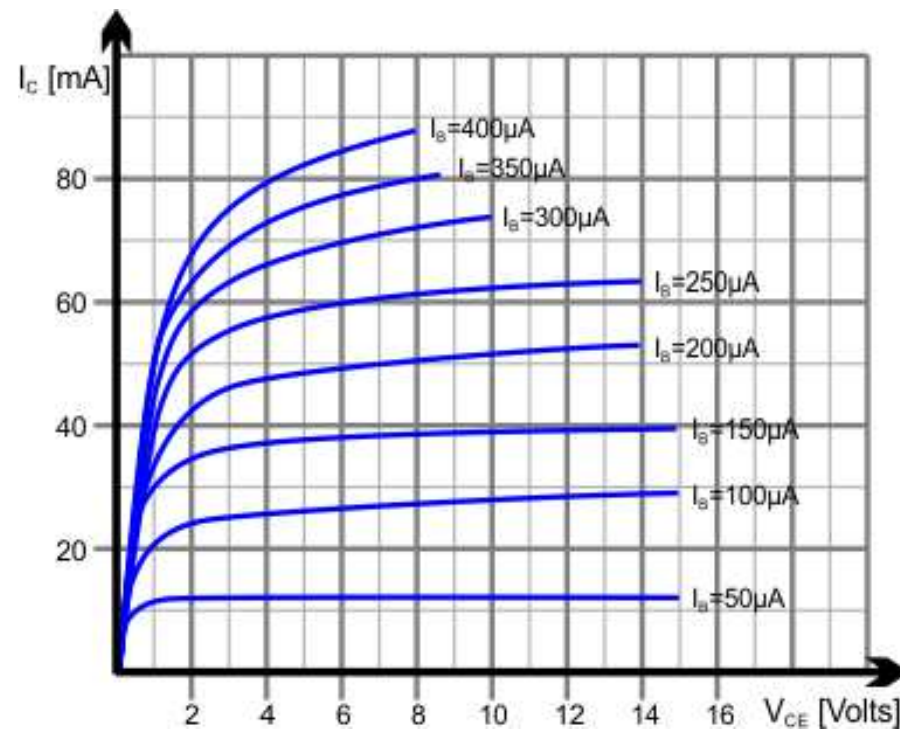
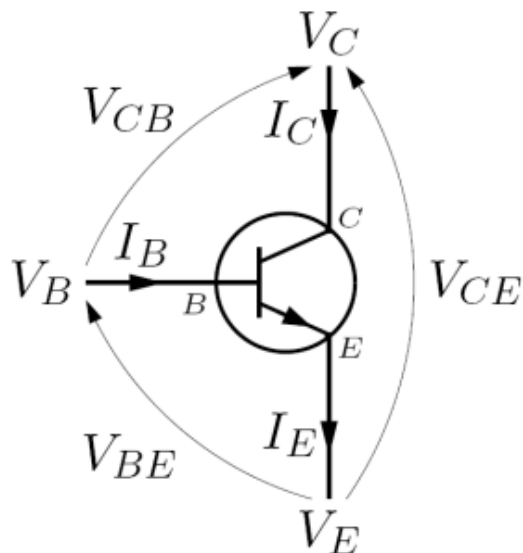
2018-2019

AXEL FLAMENT

DAMIEN DUCATTEAU

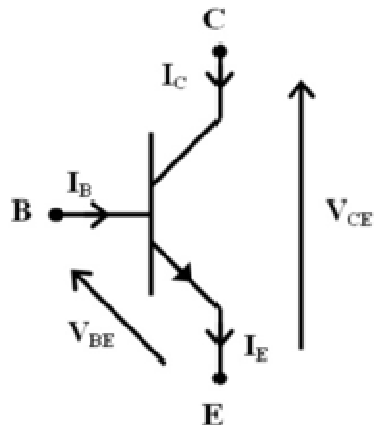
Biassing

- S-parameters represent small signal behavior
 - Linear !
 - Around a bias condition

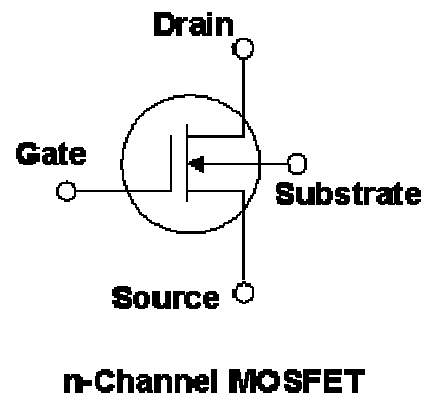


Biasing

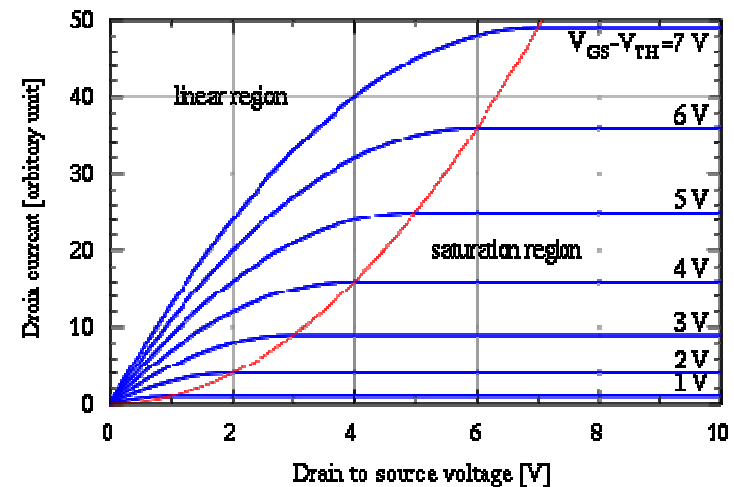
- Set Voltages and currents in a transistor



$$\begin{aligned} V_{BE} &\sim 0.6V \\ V_{CE} &= ? \\ I_C &= ? \end{aligned}$$

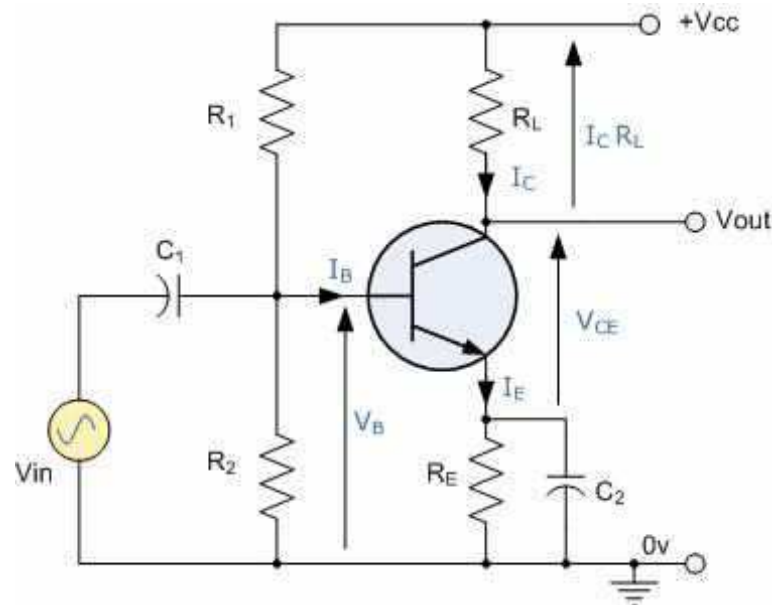


$$\begin{aligned} I_G &= 0 \\ V_{DS} &= ? \\ I_D &= ? \text{ (set } V_{GS}) \end{aligned}$$



Biassing

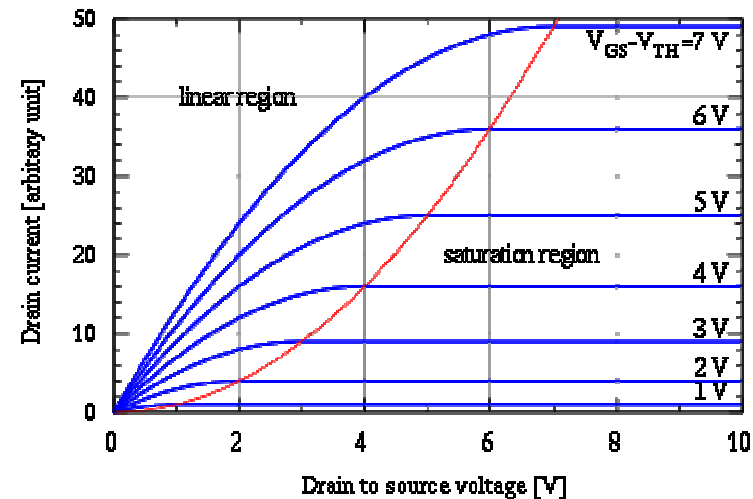
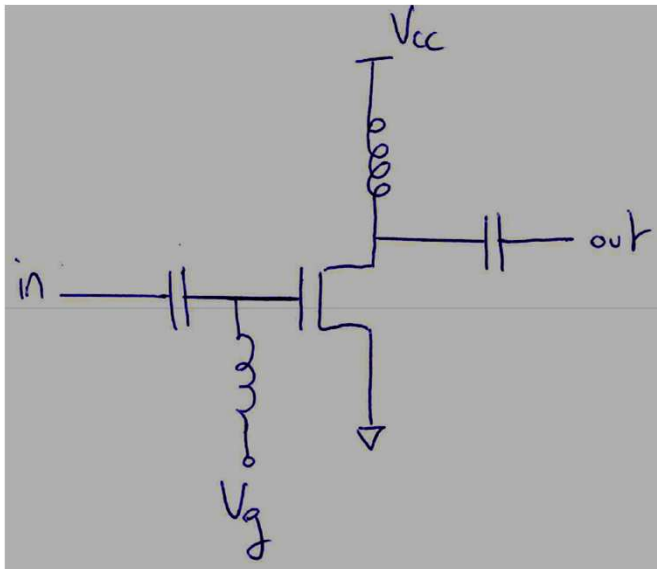
- Most common topology



- What's wrong with this topology for RF?

RF Biasing

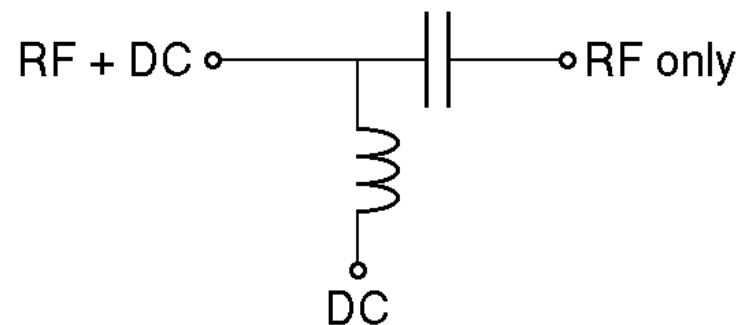
- Use of noiseless components
 - Caps for signal
 - Selfs for DC



$$\begin{aligned}
 V_G &= 5V \\
 V_{CC} &= V_D = 6V \\
 \rightarrow I_D &= 25mA
 \end{aligned}$$

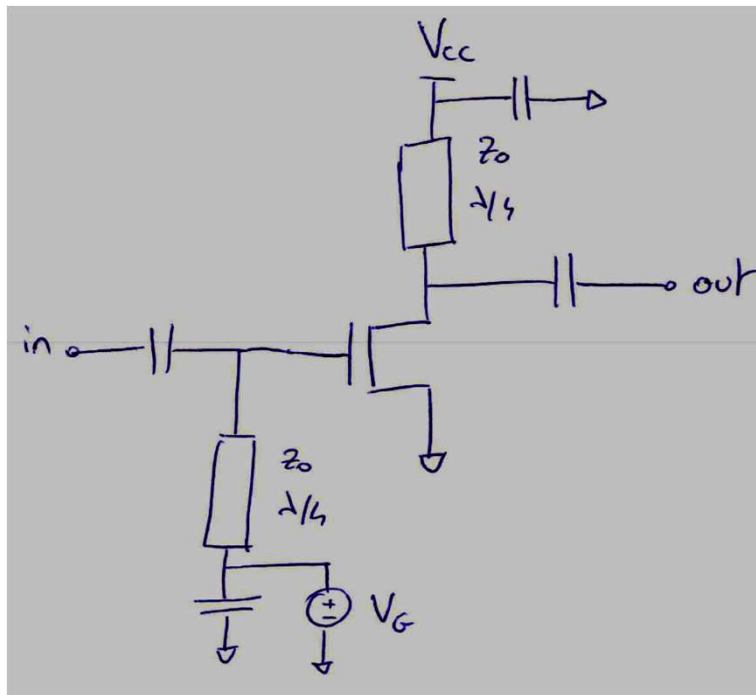
Biasing

- Bias Tees



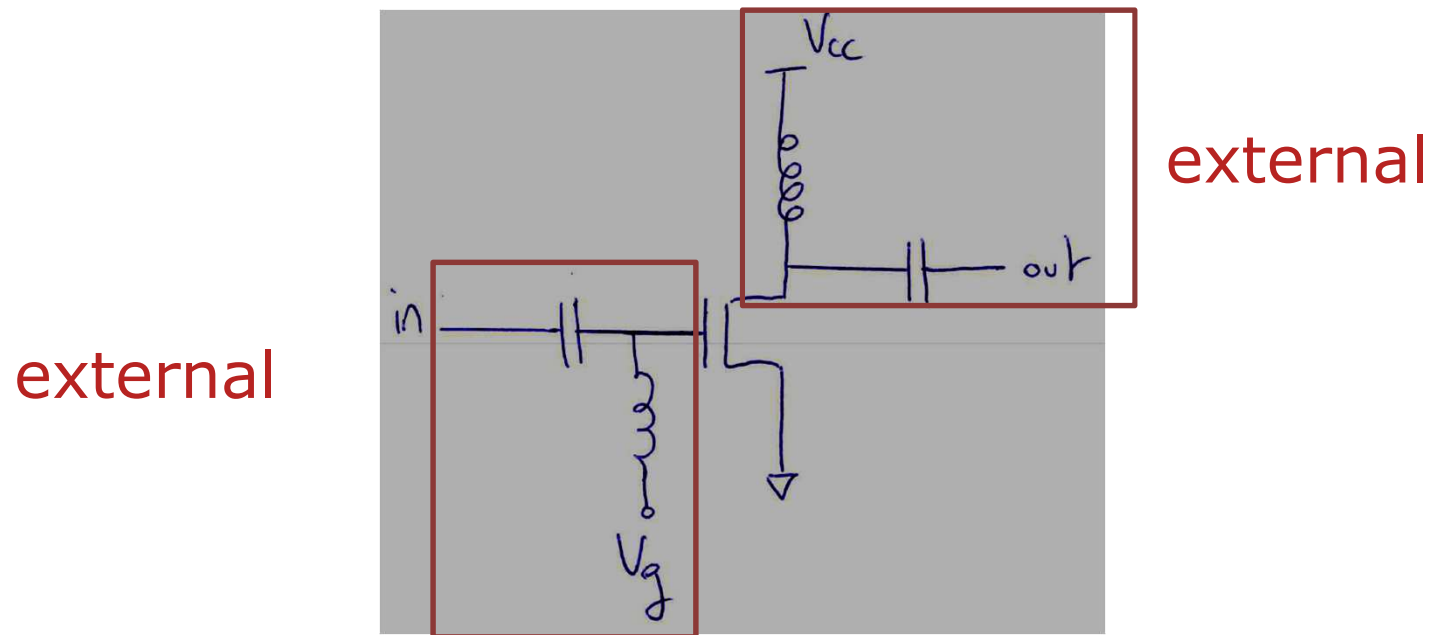
Biasing

- The impedance transformation property of $\lambda/4$ transmission lines can be used to bias transistors

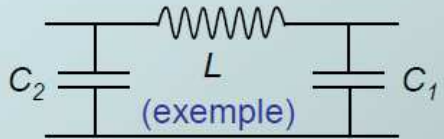
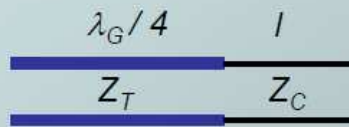
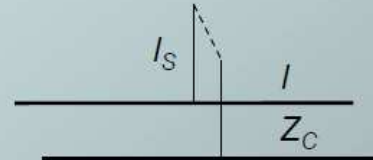
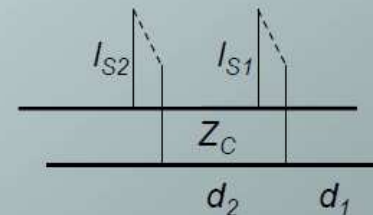


Biasing

- Fortunately (for you), the measurements you will perform are done on a VNA with DC bias supplies !

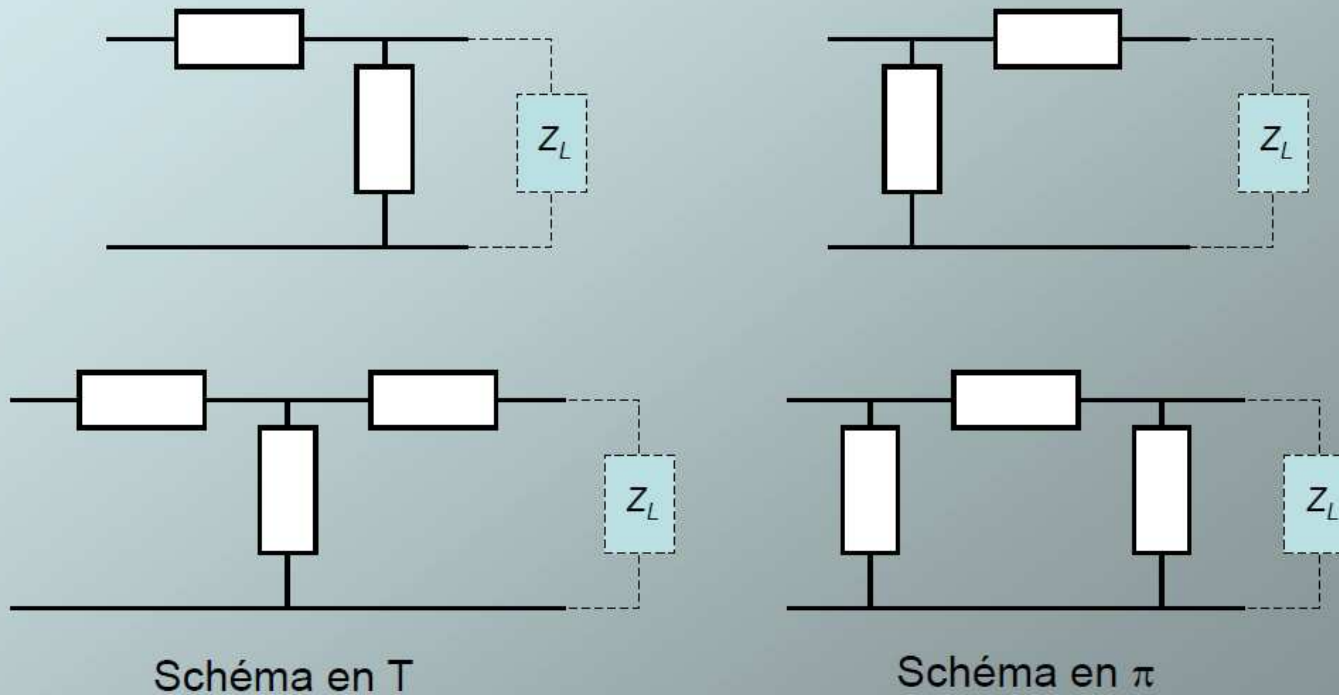


Impedance adaptation

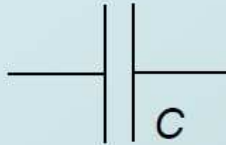
Eléments localisés		Inconnues : C_1, L	
SLUG		Inconnues : I et Z_T	Toujours possible
Simple STUB		Inconnues : I et l_S	Toujours possible
Double STUB		Inconnues : l_{S1} et l_{S2}	

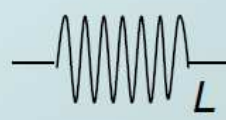
Lumped elements

Il existe une multitude de possibilités selon l'association des inductances et capacités. Il peut y avoir 2, 3 ou 4 (...) éléments réactifs.



Lumped elements

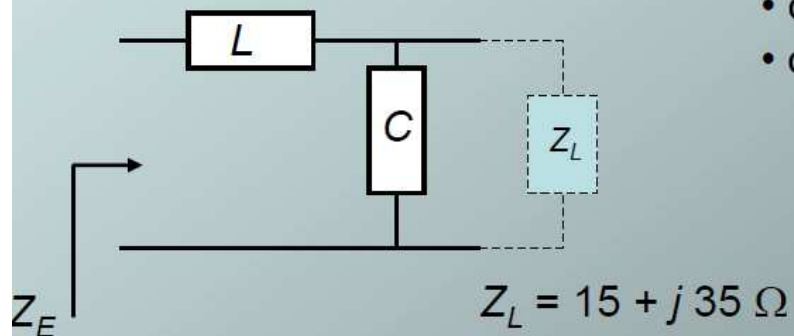

 $Z = \frac{1}{jC\omega} = -jX \quad z = \frac{Z}{Z_c} = -jx$


 $Z = jL\omega = +jX \quad z = \frac{Z}{Z_c} = +jx$

$$Y = \frac{1}{Z} \quad y = \frac{1}{z}$$

$$Y_c = \frac{1}{Z_c} \quad y = \frac{Y}{Y_c} = YZ_c$$

Exemple :

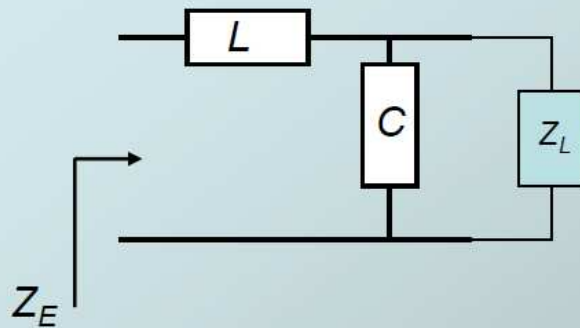


Méthode :

- calculer Z_E en fonction de C , L et Z_L
- on détermine C et L pour que $Z_E = Z_c = 50 \Omega$

L'adaptation ne sera valable qu'à
une seule fréquence !

Lumped elements



$$Z_E = Z_{ind} + (Z_L // Z_{cap})$$

$$Z_{cap} = \frac{1}{jC\omega} = -jX_{cap} \quad Z_{ind} = jL\omega = jX_{ind}$$

$$Z_L = R_L + jX_L \quad Z_L = 15 + j35 \text{ ohms}$$

On trouve alors :

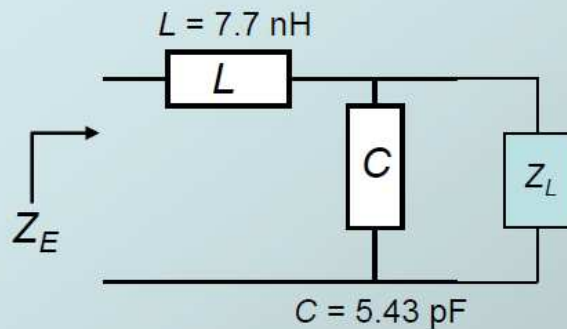
$$Z_E = \frac{R_L X_{cap}^2}{R_L^2 + (X_L - X_{cap})^2} + j \left[X_{ind} - \frac{X_{cap} (R_L^2 + X_L^2 - X_L X_{cap})}{R_L^2 + (X_L - X_{cap})^2} \right]$$

On veut que $Z_E = Z_C = R_C + j0 = 50 + j0 \Omega$: **adaptation à une ligne 50 Ω**

On obtient alors : $X_{cap} = 29.3 \Omega$ $X_{ind} = 48.3 \Omega$

Soit à $f = 1\text{GHz}$ $C = 5.43 \text{ pF}$ et $L = 7.7 \text{ nH}$

Lumped elements



$f = 1 \text{ GHz}$

$Z_C = 50 \Omega$

$$Z_L = 15 + j 35 \Omega$$

$$z_L = Z_L / Z_C = 0.3 + j 0.7 \quad \text{impédance réduite !}$$

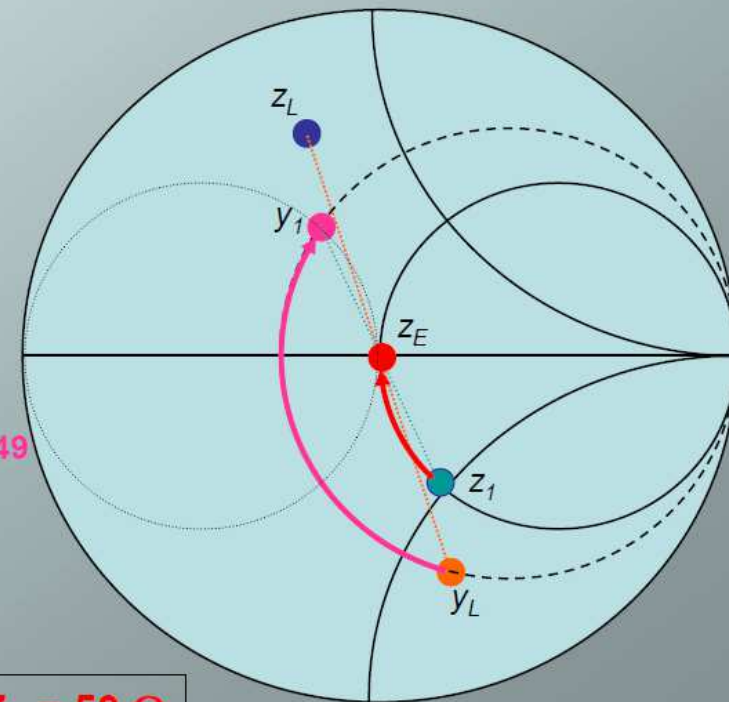
Passage en admittance : $y_L = 0.57 - j 1.21$

C apporte une admittance $y_{cap} = Z_C Y_{cap} = j Z_C C \omega$
 $y_{cap} = +j 1.70$ on obtient $y_1 = y_L + y_{cap} = 0.57 + j 0.49$

Passage en impédance : $z_1 = 1 - 0.97 j$

L apporte une impédance $z_{ind} = Z_{ind} / Z_C = j L \omega / Z_C$
 $z_{ind} = +j 0.97$ on obtient $z_E = z_1 + z_{ind} = 1$

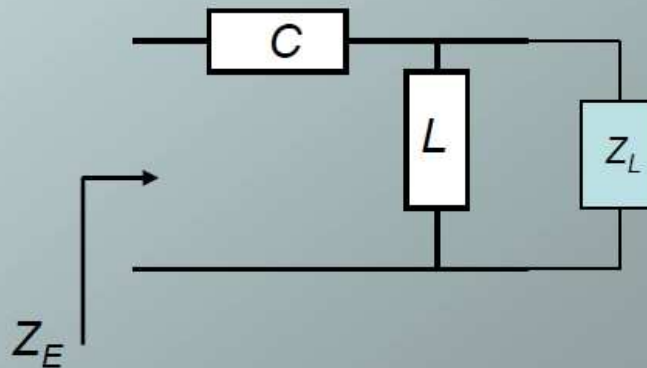
Soit $Z_E = Z_C = 50 \Omega$



Lumped elements

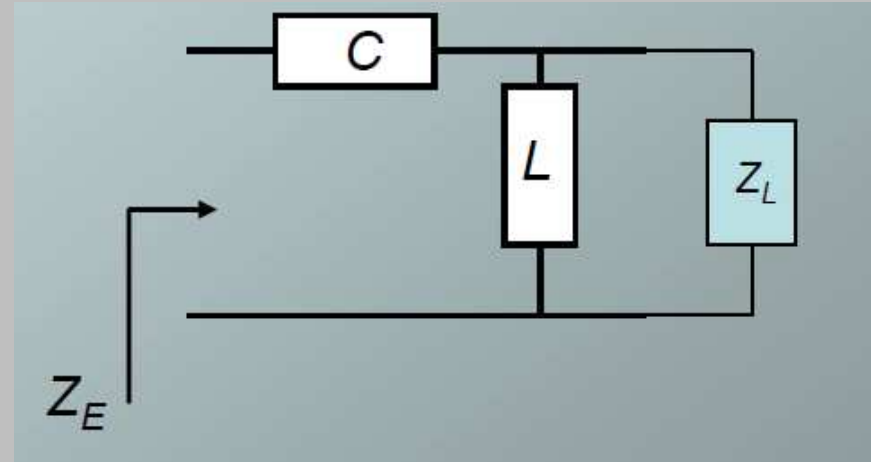
Calculate the values of L and C so as to realize the impedance matching of the load impedance $Z_L = 125 - j 42.5 \Omega$ at the frequency of 1 GHz ($Z_C = 50 \Omega$). The impedance matching network is shown below.

Use either an analytical approach or the Smith Chart.



Analytical solution

- $Z_E = Z_{cap} + Z_{ind} // Z_L$
- $Z_{cap} = -jX_{cap}$
- $Z_{ind} = jX_{ind}$
- $Z_L = R_L + jX_L$

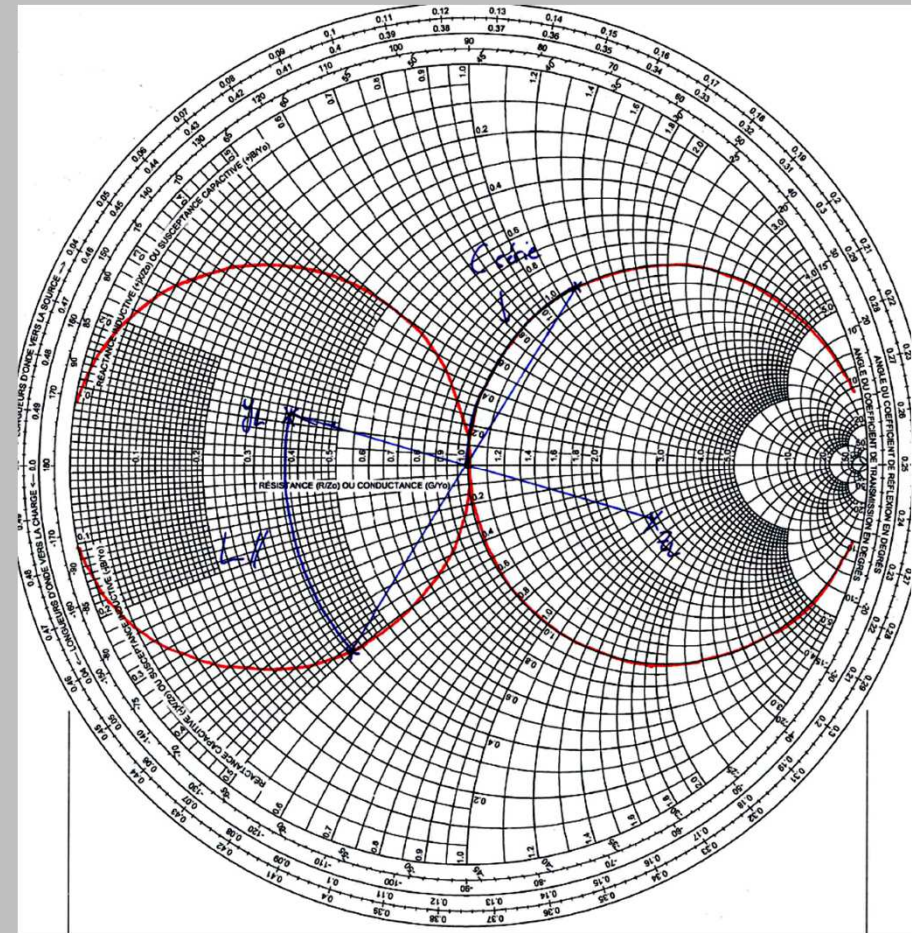


$$Z_E = \frac{X_{ind}^2 R_L}{R_L^2 + (X_{ind} + X_L)^2} + j \frac{X_{ind} (X_L^2 + X_{ind} X_L + R_L^2)}{R_L^2 + (X_{ind} + X_L)^2} - jX_{cap}$$

- $\text{Re}(Z_E) = 50 \rightarrow X_{ind} = 83.12 \Omega \rightarrow L = 13.2 \text{ nH}$
- (resolving $X_{ind}^2 + 56.67 X_{ind} - 11620.8 = 0$)
- $\text{Im}(Z_E) = 0 \rightarrow X_{cap} = 55.48 \Omega \rightarrow C = 2.87 \text{ pF}$

Smith Chart solution

- $Z_L = 125 - j42.5 \, \Omega$
- $z_L = 2.5 - j0.85$
- Admittance : $y_L = 0.36 + j0.12$
- Shunt L brings $y_{ind} = Z_0 Y_{ind} = -jZ_0/(L\omega) = -j0.6$
 $-y = 0.36 - j0.48 \rightarrow z = 1 + j1.33$
- Series C brings $z_{cap} = Z_{cap}/Z_0 = -j/(CZ_0\omega) = -j1.33$
 $-z = 1$
- @1GHz : $L = 13.27 \text{ nH}$ and $C = 2.39 \text{ pF}$

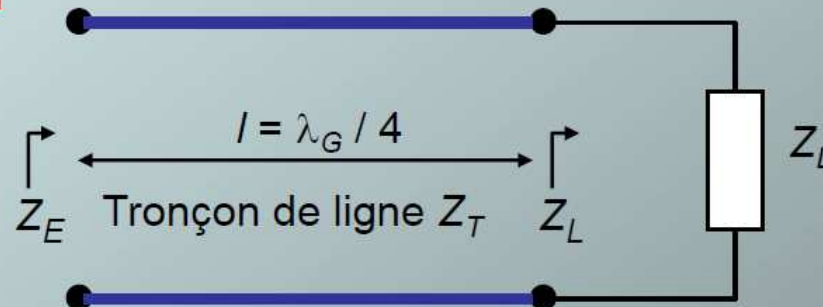


SLUG

Rappel : un SLUG est un tronçon de ligne de longueur $l = \lambda_G / 4$ d'impédance caractéristique Z_T qui a la propriété de présenter une impédance d'entrée Z_E :

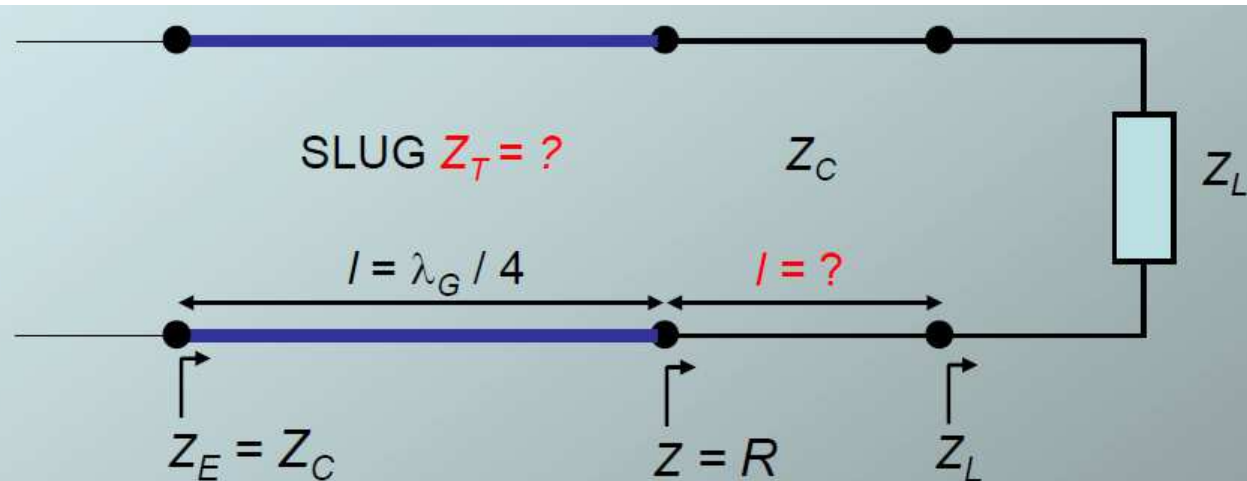
$$Z_E = \frac{Z_T^2}{Z_L}$$

où Z_L est l'impédance connectée au SLUG



En particulier, le SLUG va transformer une impédance réelle Z_L en une impédance réelle Z_E dont la valeur dépend de l'impédance caractéristique Z_T du SLUG. (Transformateur quart d'onde)

SLUG

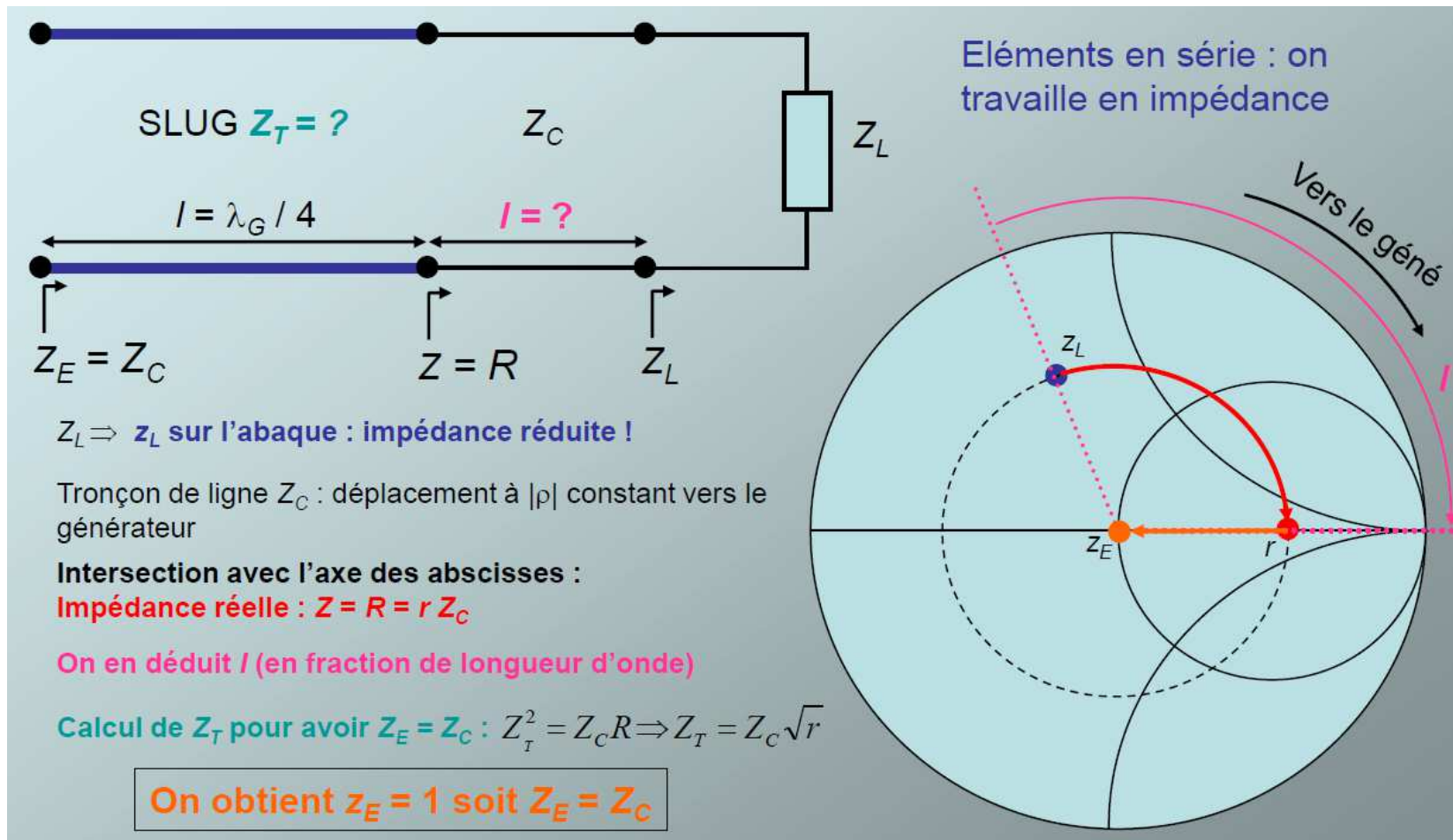


L'adaptation à SLUG est constituée d'un tronçon de ligne Z_C , de longueur l à déterminer, connecté à la charge à adapter, suivi d'un SLUG dont l'impédance caractéristique Z_T est à déterminer.

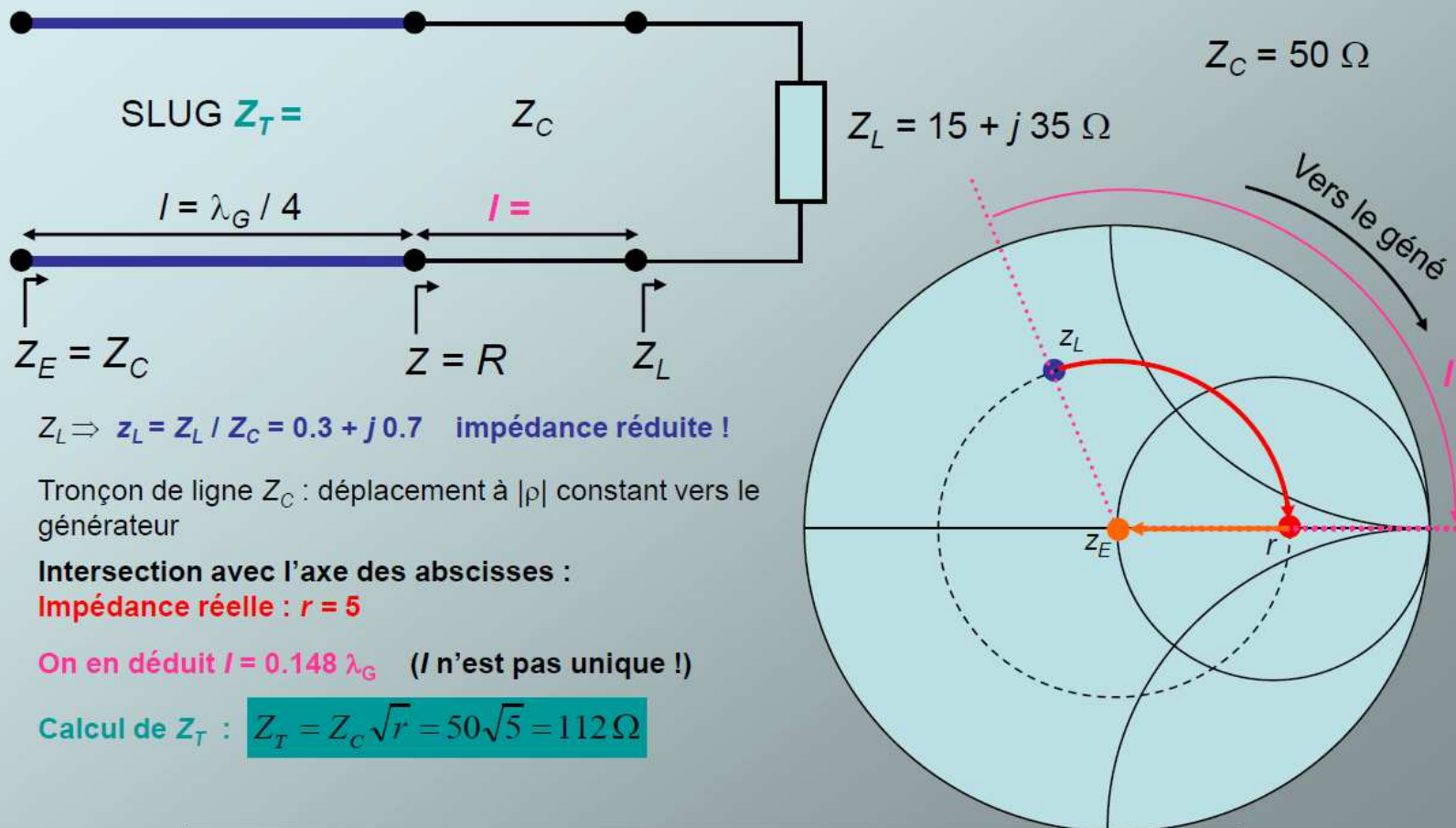
Le tronçon de ligne transforme Z_L en une impédance $Z = R$ purement réelle $\Rightarrow l$

Le SLUG transforme $Z = R$ en $Z_E = Z_C (= 50 \Omega) \Rightarrow Z_T$

SLUG



SLUG

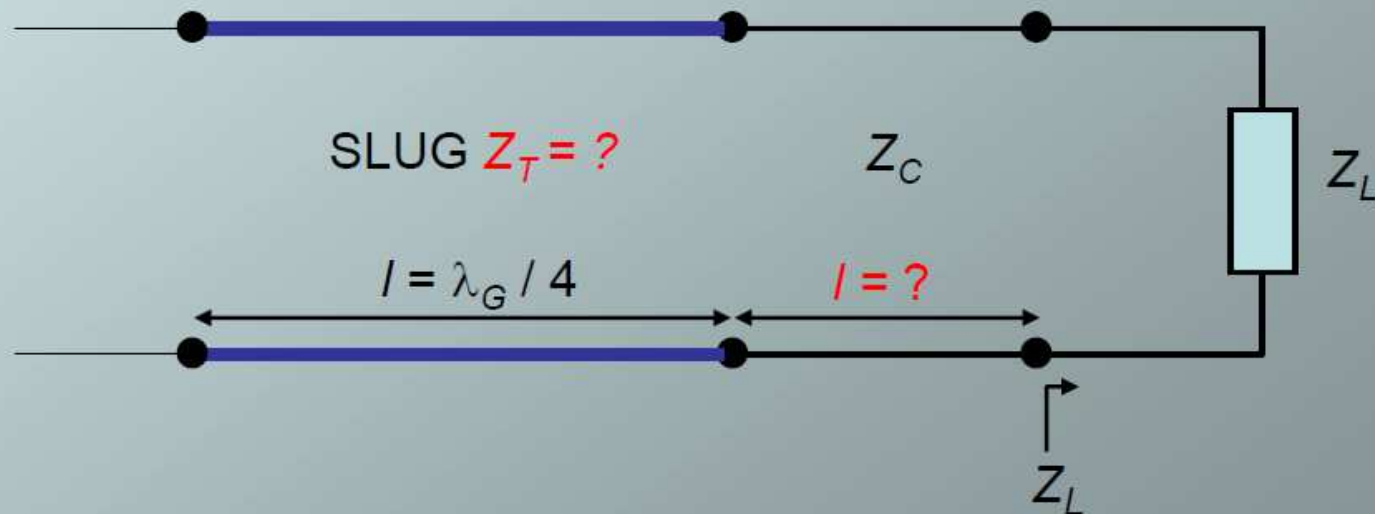


Adaptation : $Z_E = Z_C = 50 \Omega$ pour $l = 0.148 \lambda_G$ et $Z_T = 112 \Omega$

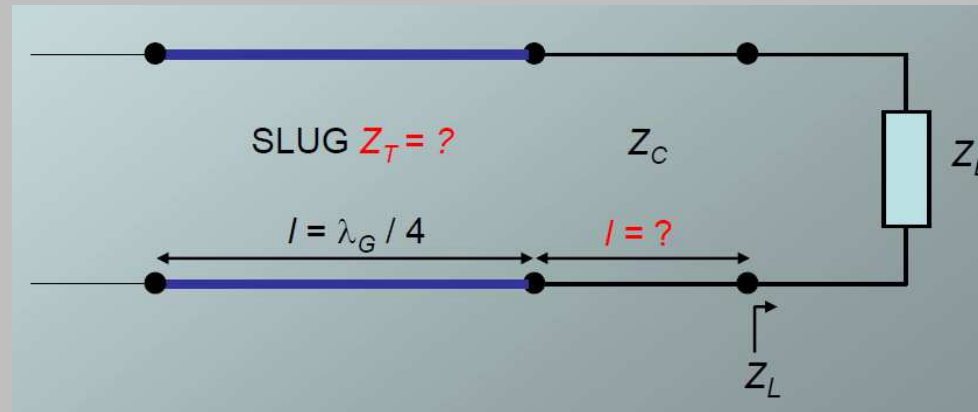
SLUG example

Realize the impedance matching of the load impedance $Z_L = 125 - j 42.5 \, \Omega$ at the frequency of 1 GHz ($Z_C = 50 \, \Omega$) using a SLUG structure.

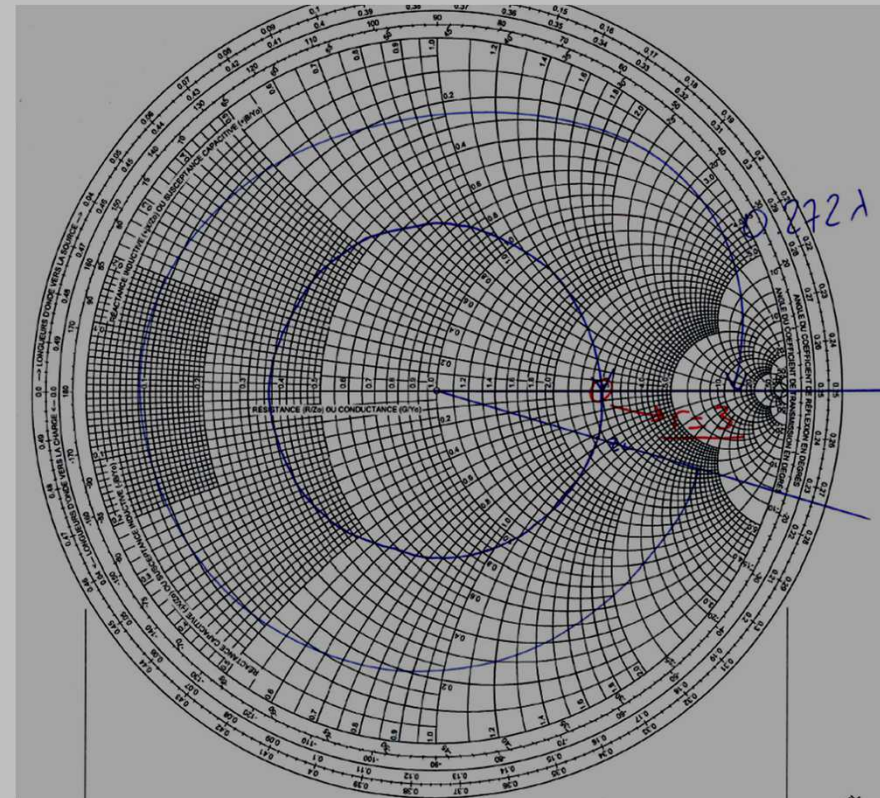
Use the Smith Chart !



Solution

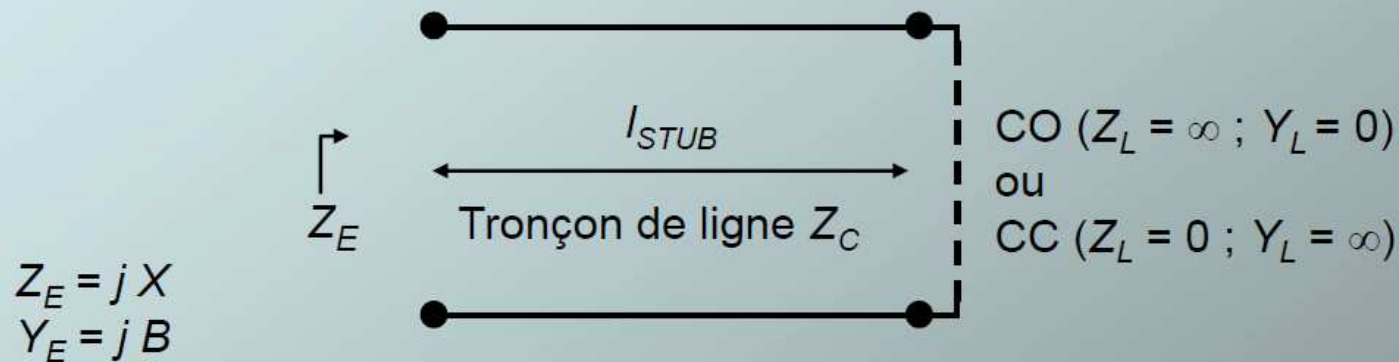


- $L = 0.478\lambda$
- $Z_T = Z_0 \sqrt{r} = 50 \sqrt{3} = 86.6 \Omega$



Simple STUB

Rappel : un STUB est un tronçon de ligne terminé par un CC ou un CO qui présente à son entrée une impédance (une admittance) purement imaginaire dont la valeur dépend de la terminaison, de la longueur du STUB et de Z_C .

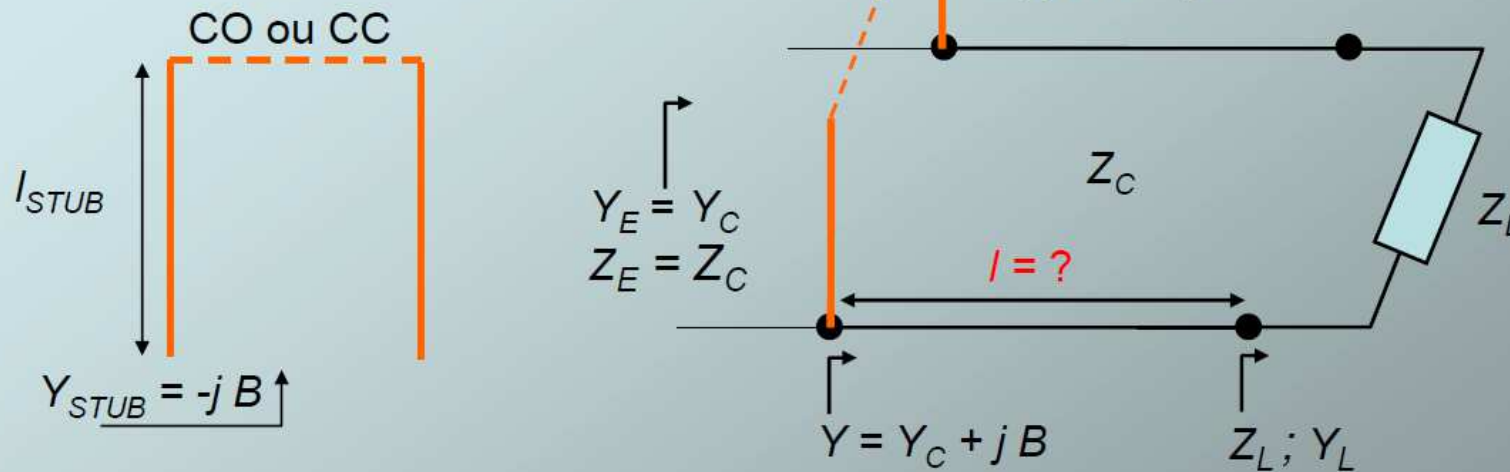


Selon le signe de la partie imaginaire de l'admittance apportée par le STUB, celui-ci joue le rôle d'une capacité ou d'une inductance. On le dimensionne aisément à l'aide de l'abaque de Smith.

Un STUB s'utilise en parallèle sur une ligne et modifie donc la partie imaginaire de l'admittance (*Déplacement sur un cercle à partie réelle = constante*).

Simple STUB

Schéma de l'adaptation :



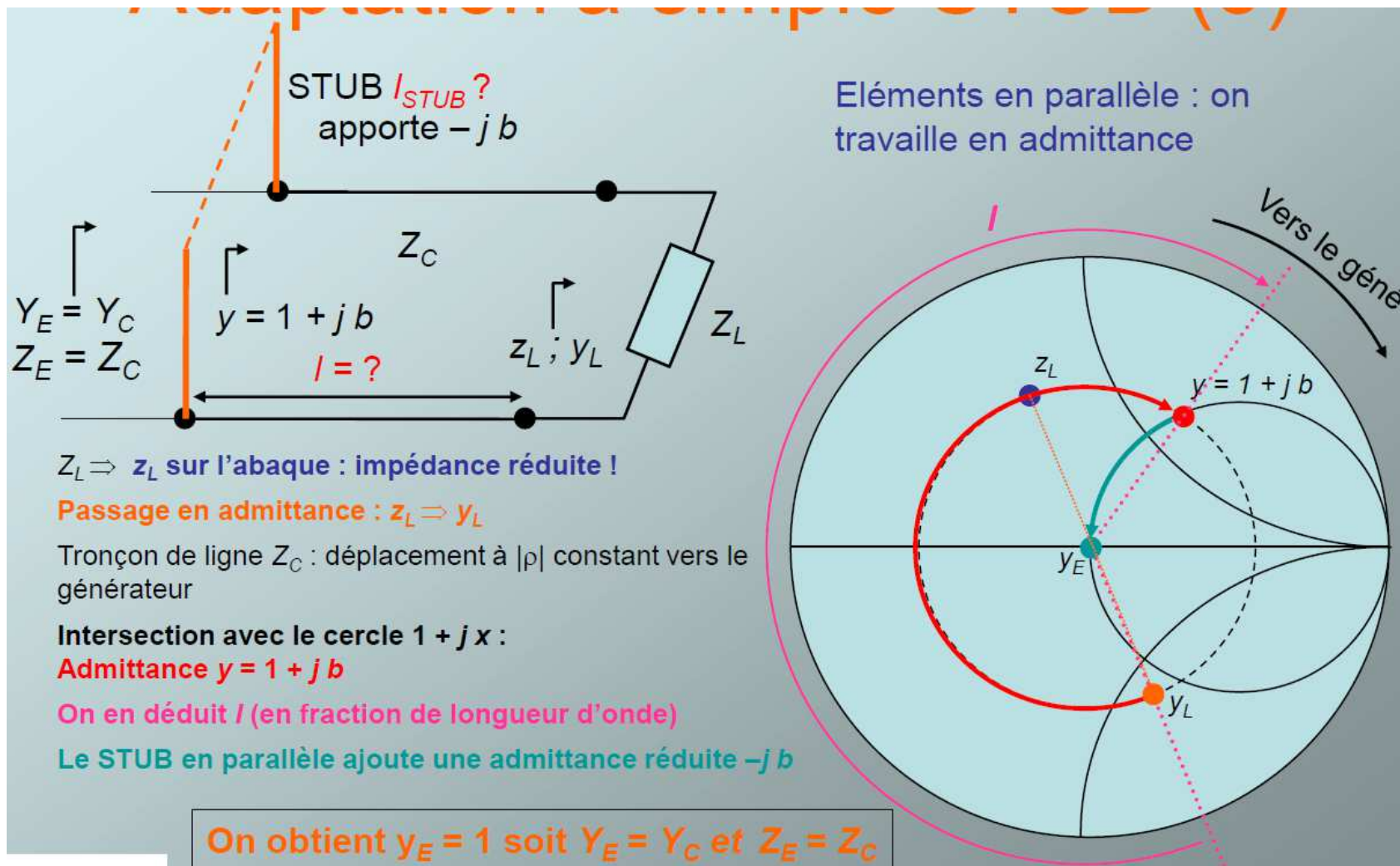
L'adaptation à simple STUB est constituée d'un tronçon de ligne Z_C , de longueur l à déterminer, connecté à la charge à adapter, avec un STUB en parallèle dont la longueur l_{STUB} est à déterminer en fonction de la terminaison (CO ou CC).

Le tronçon de ligne transforme Z_L (Y_L) en une admittance $Y = Y_C + jB \Rightarrow l$

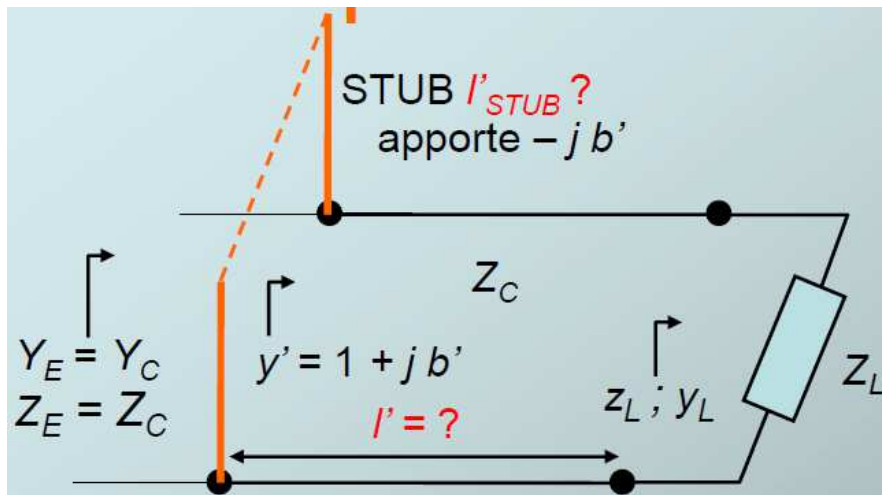
Le STUB compense la partie imaginaire jB de Y : $Y_E = Y + Y_{STUB} = Y_C \Rightarrow Z_E = Z_C$

A partir de Y_{STUB} (et de la terminaison CO ou CC), on détermine l_{STUB} .

Simple STUB



Simple STUB



$Z_L \Rightarrow z_L$ sur l'abaque : impédance réduite !

Passage en admittance : $z_L \Rightarrow y_L$

Tronçon de ligne Z_C : déplacement à $|\rho|$ constant vers le générateur

Intersection avec le cercle $1 + j x$:

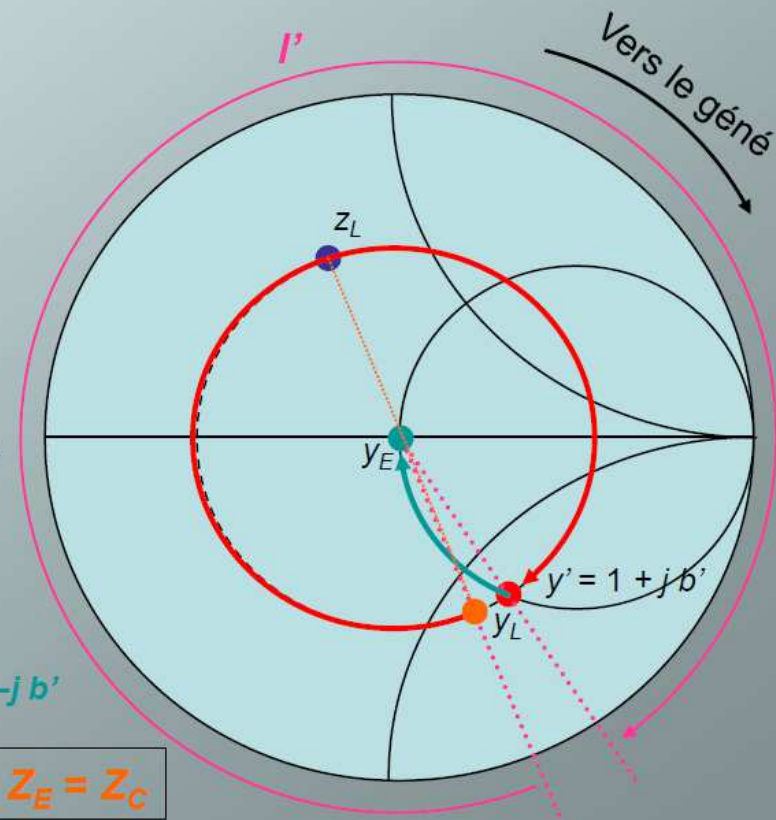
Admittance $y' = 1 + j b'$

On en déduit l' (en fraction de longueur d'onde)

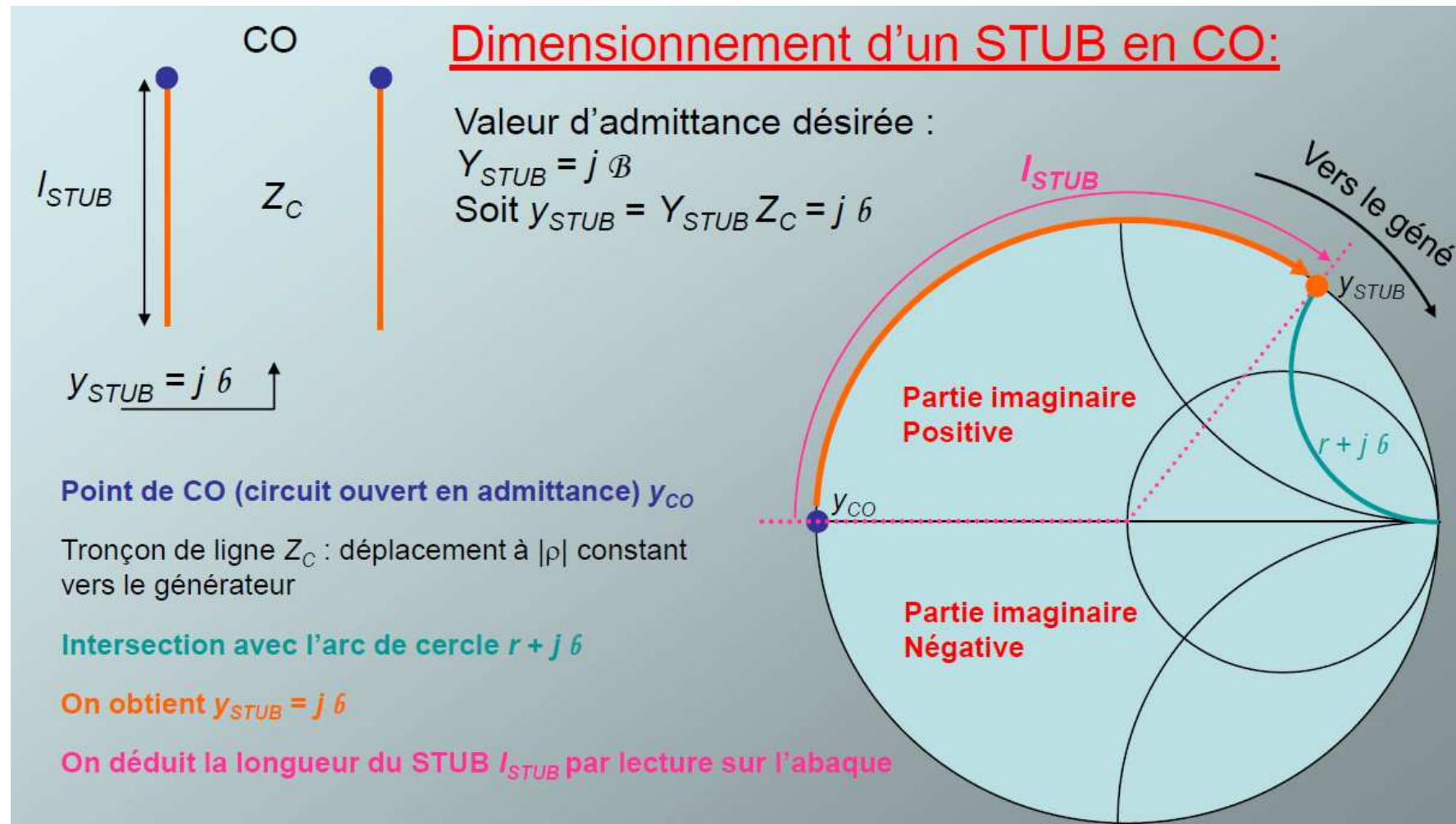
Le STUB en parallèle ajoute une admittance réduite $-j b'$

On obtient $y_E = 1$ soit $Y_E = Y_C$ et $Z_E = Z_C$

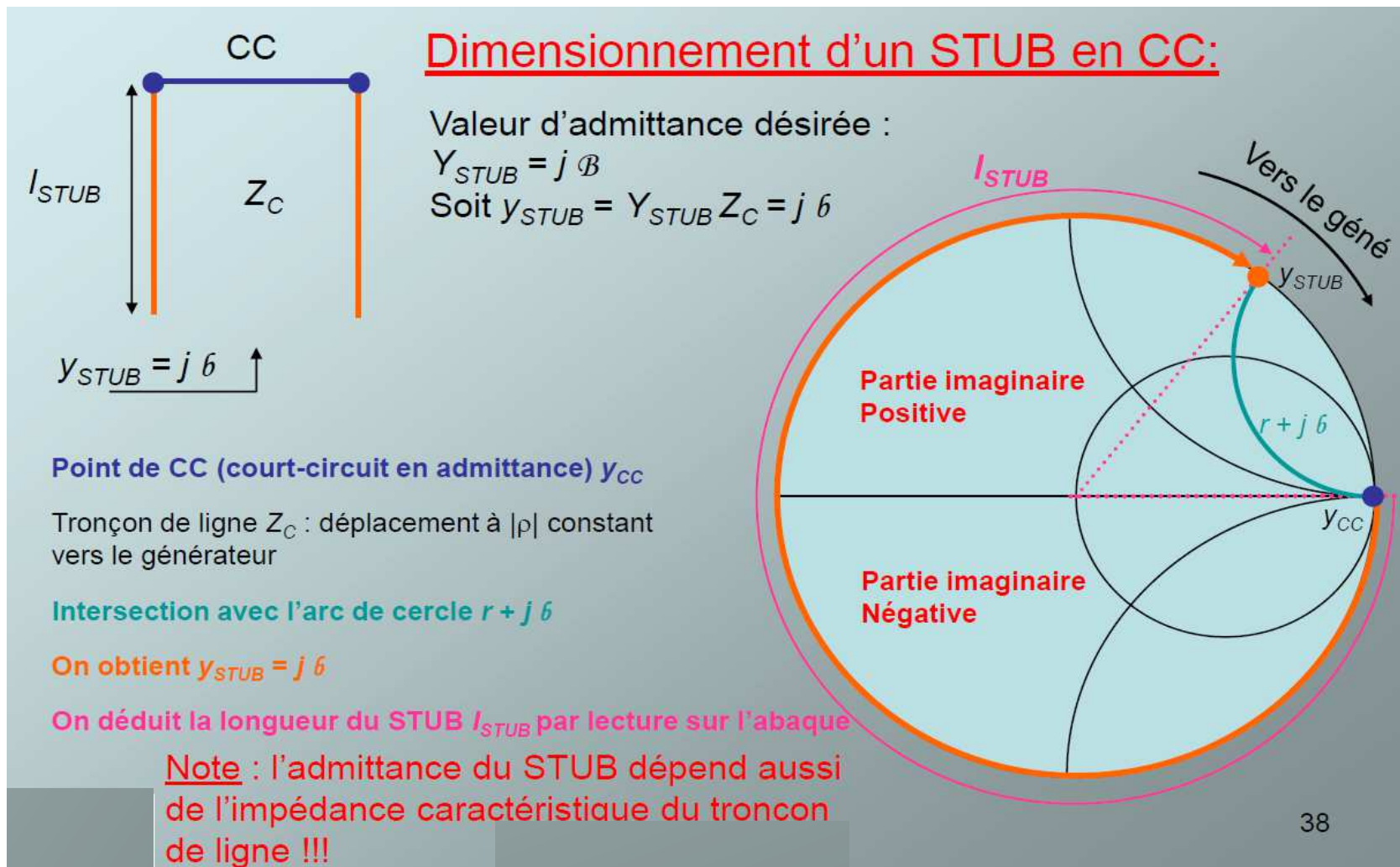
Deuxième solution



Simple STUB

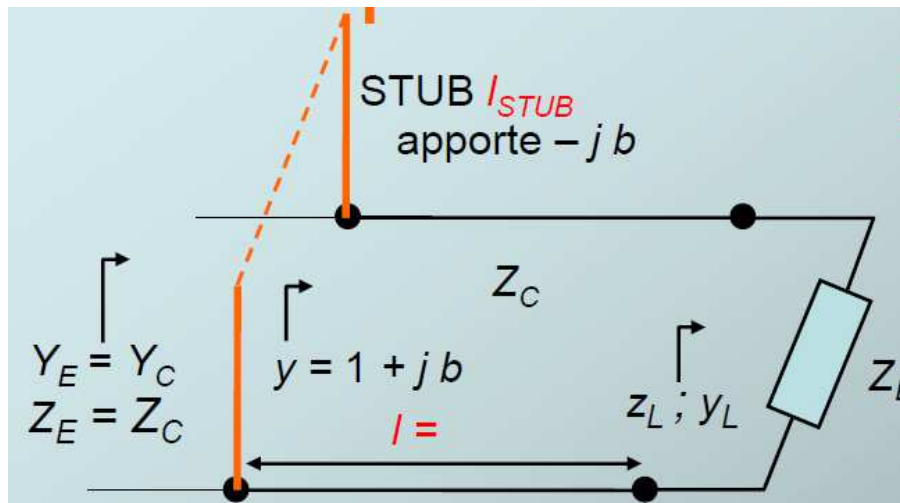


Simple STUB



38

Simple STUB



$Z_L \Rightarrow z_L = Z_L / Z_C = 0.3 + j 0.7$: impédance réduite !

Passage en admittance : $z_L \Rightarrow y_L = 0.57 - j 1.21$

Tronçon de ligne Z_C : déplacement à $|\rho|$ constant vers le générateur

Intersection avec le cercle $1 + j x$:

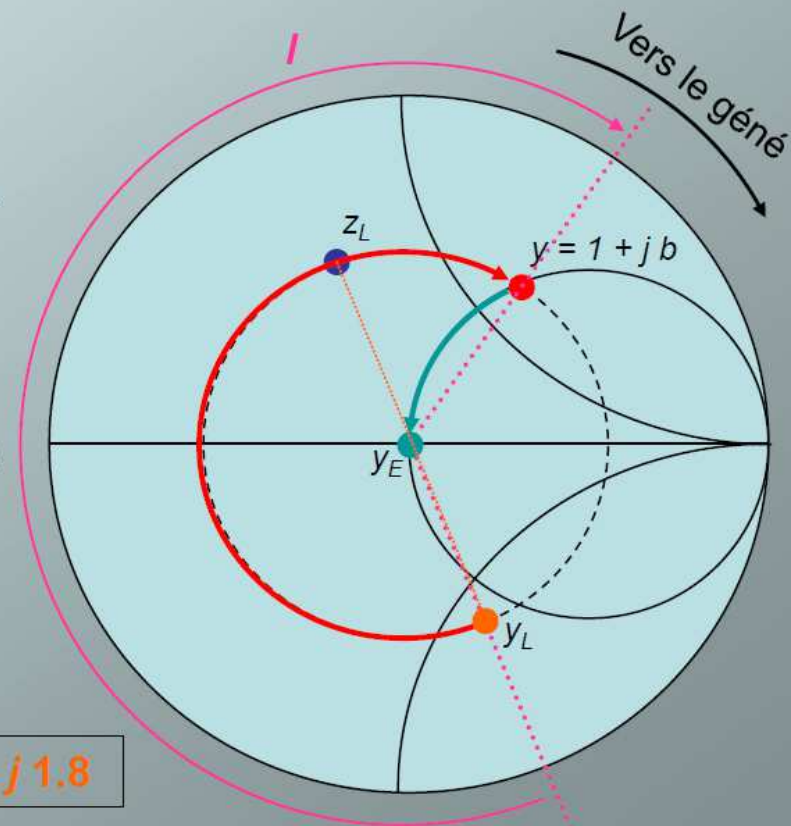
Admittance $y = 1 + j 1.8$

On en déduit $l = 0.334 \lambda_G$

Le STUB en parallèle ajoute une admittance $-j 1.8$

Il faut donc avoir $l = 0.334 \lambda_G$ et $y_{STUB} = -j 1.8$

Exemple : $Z_L = 15 + j 35 \Omega$
 $Z_C = 50 \Omega$



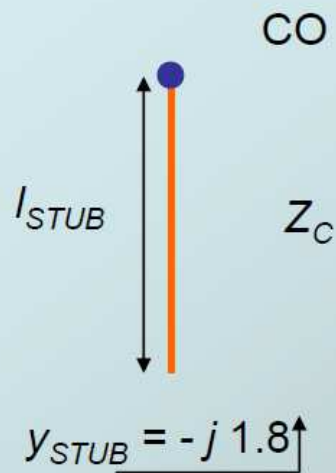
Simple STUB

Dimensionnement du STUB en CO:

Valeur d'admittance désirée :

$$Y_{STUB} = -j 36 \text{ mS}$$

$$\text{Soit } y_{STUB} = Y_{STUB} Z_C = -j 1.8$$



Point de CO (circuit ouvert en admittance) y_{CO}

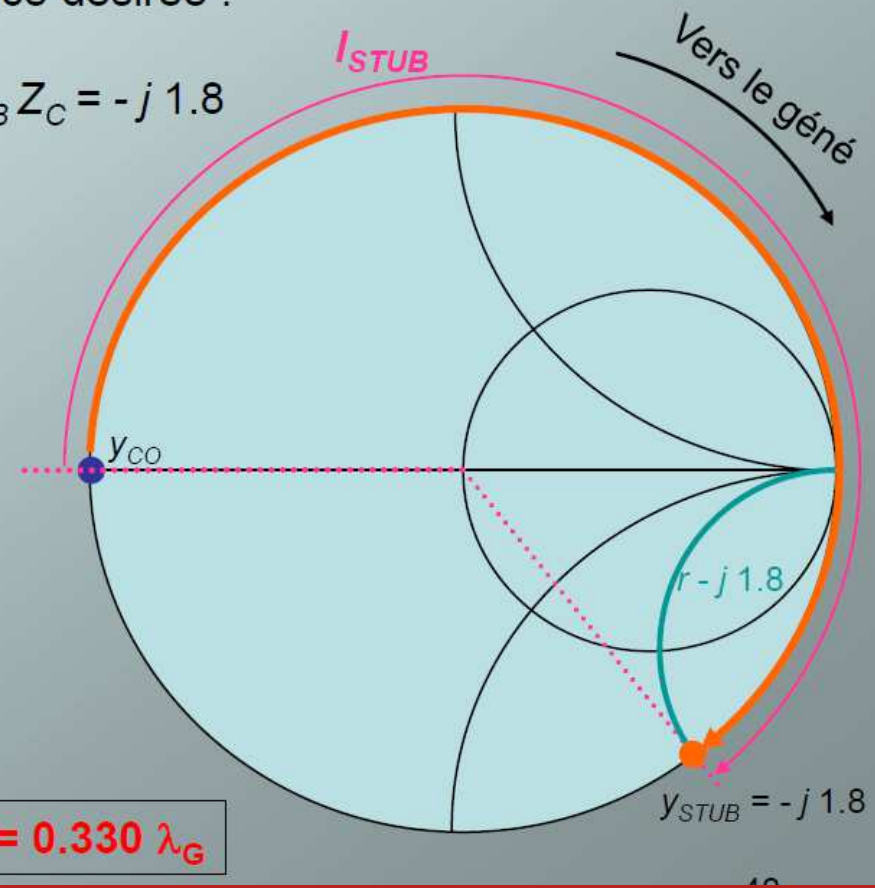
Tronçon de ligne Z_C : déplacement à $|\rho|$ constant vers le générateur

Intersection avec l'arc de cercle $r - j 1.8$

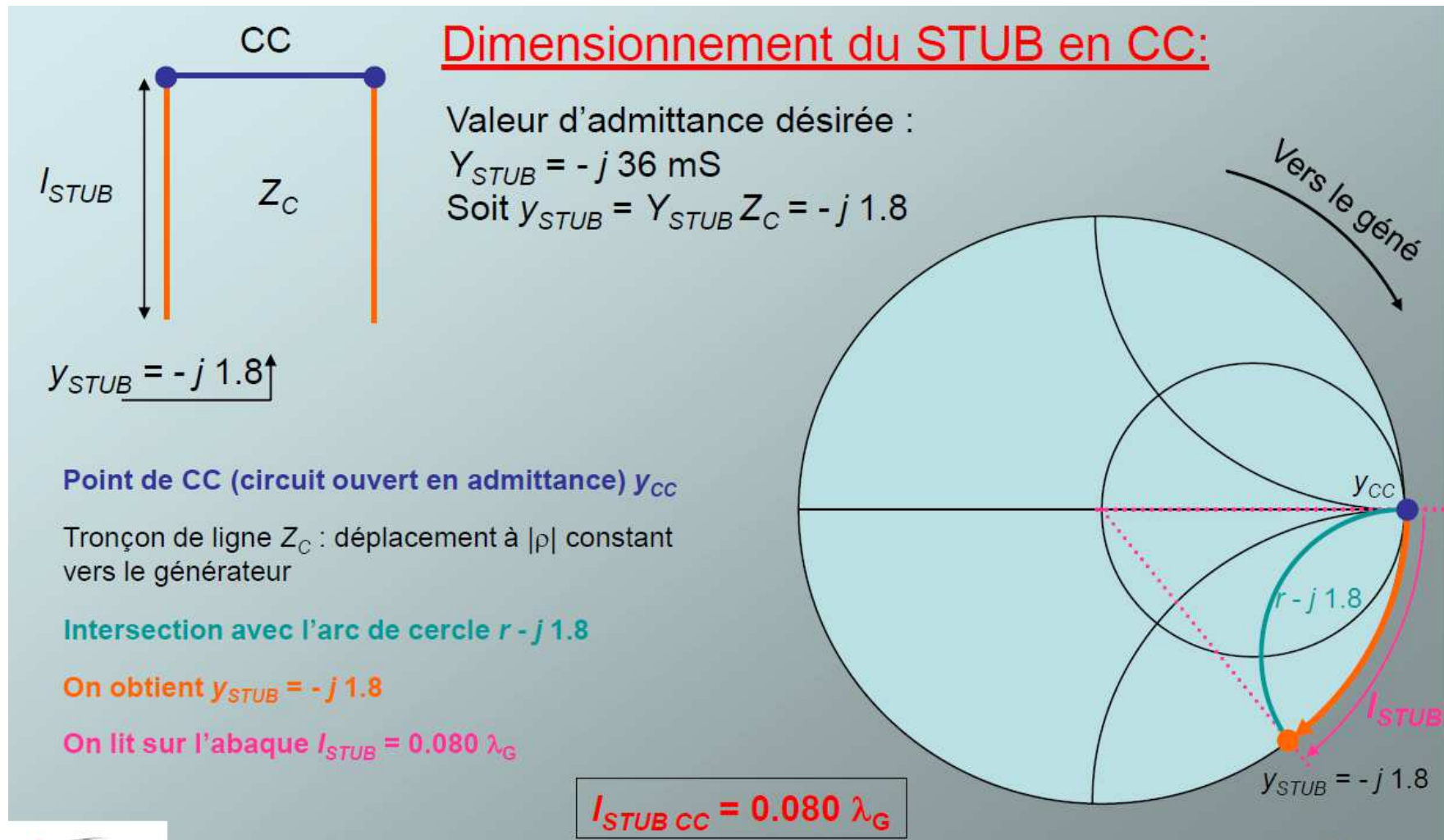
On obtient $y_{STUB} = -j 1.8$

On lit sur l'abaque $l_{STUB} = 0.330 \lambda_G$

$$l_{STUB CO} = 0.330 \lambda_G$$



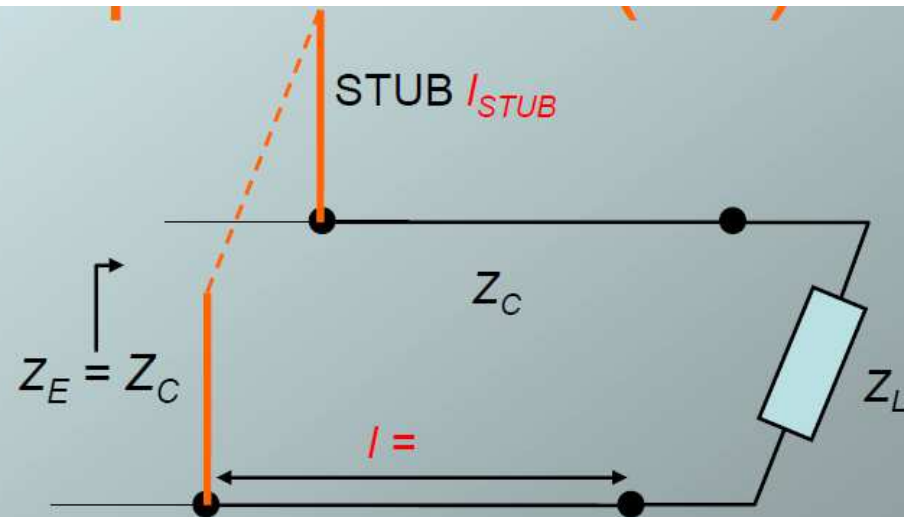
Simple STUB



Simple STUB

Synthèse de l'adaptation :

La charge $Z_L = 15 + j35 \Omega$ est adaptée à $Z_C = 50 \Omega$ grâce à un tronçon de ligne d'impédance caractéristique Z_C et de longueur l avec en parallèle un STUB (Z_C) de longueur l_{STUB} tels que :



Solution 1

$$l = 0.334 \lambda_G \text{ et}$$

$$l_{STUB CO} = 0.330 \lambda_G \text{ (STUB en CO)}$$

$$\text{OU } l_{STUB CC} = 0.080 \lambda_G \text{ (STUB en CC)}$$

Solution 2

$$l' = 0.465 \lambda_G \text{ et}$$

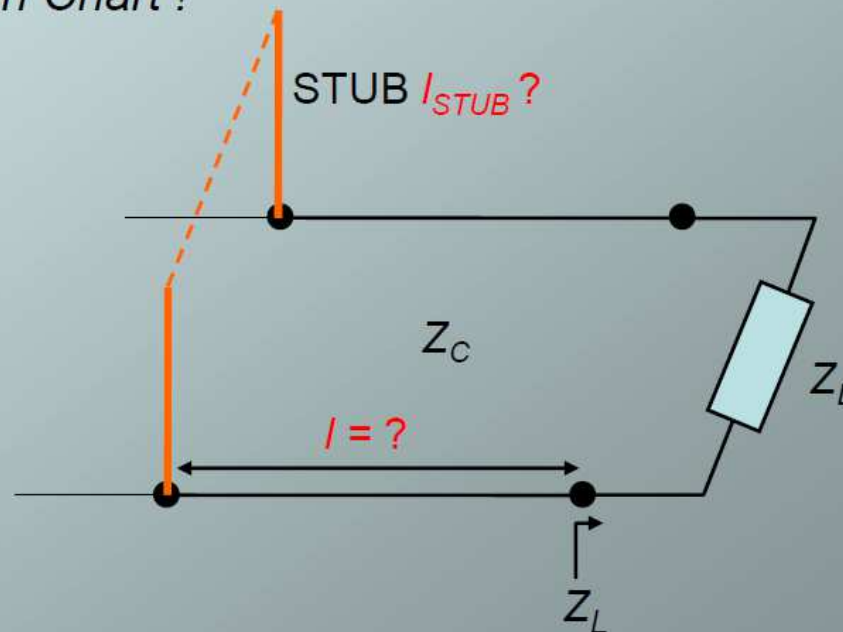
$$l'_{STUB CO} = 0.170 \lambda_G \text{ (STUB en CO)}$$

$$\text{OU } l'_{STUB CC} = 0.420 \lambda_G \text{ (STUB en CC)}$$

Simple STUB example

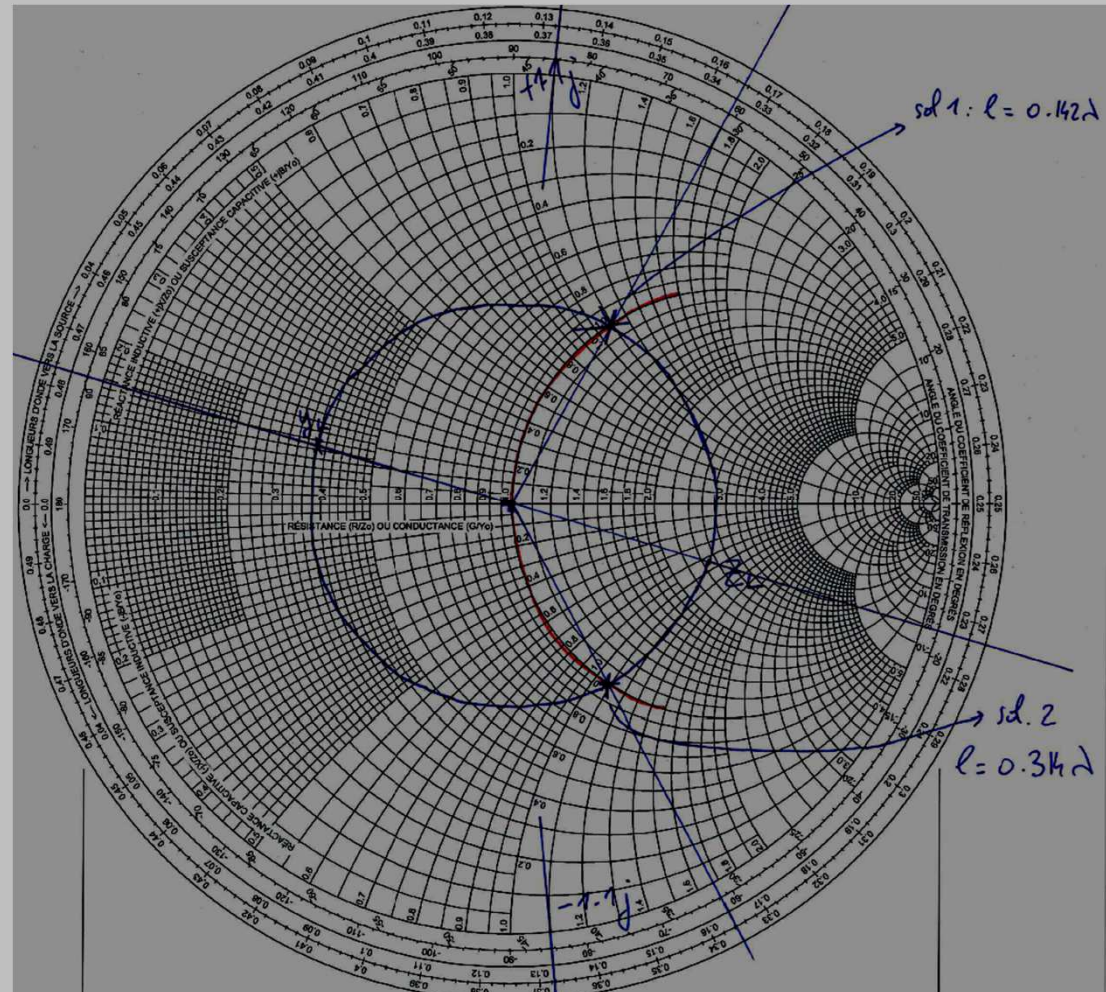
Realize the impedance matching of the load impedance $Z_L = 125 - j 42.5 \, \Omega$ at the frequency of 1 GHz ($Z_C = 50 \, \Omega$) using a STUB structure. Study all solutions.

Use the Smith Chart !



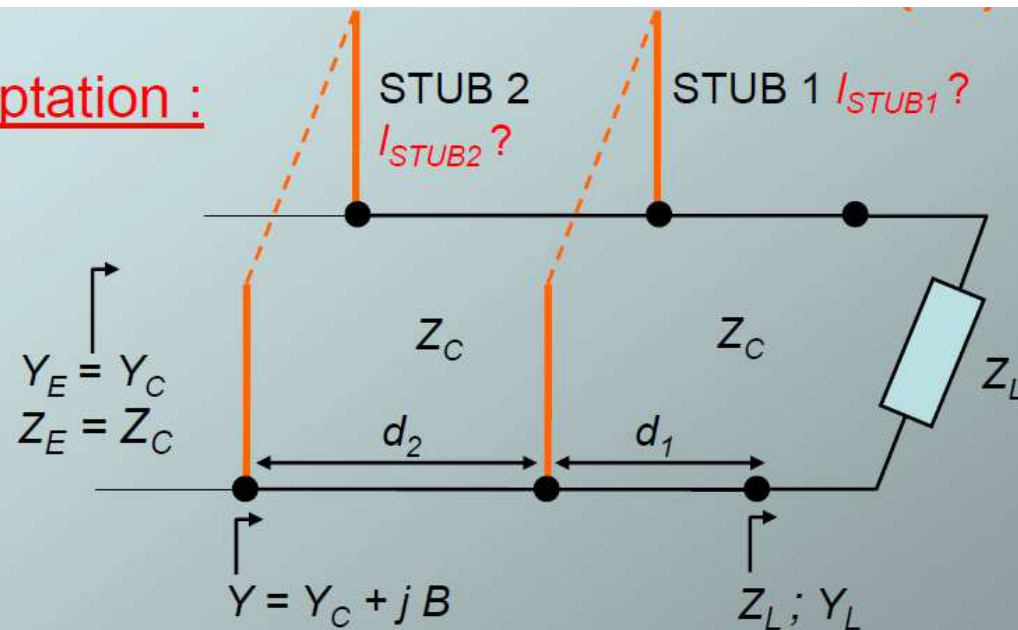
Solution

- Solution 1 : $l = 0.142 \lambda$,
 - must add $-1.1j$
 - $I_{CO} = 0.367 \lambda$
 - $I_{CC} = 0.117 \lambda$
- Solution 2 : $l = 0.314 \lambda$,
 - must add $+1.1j$
 - $I_{CO} = 0.132 \lambda$
 - $I_{CC} = 0.382 \lambda$



Double stub

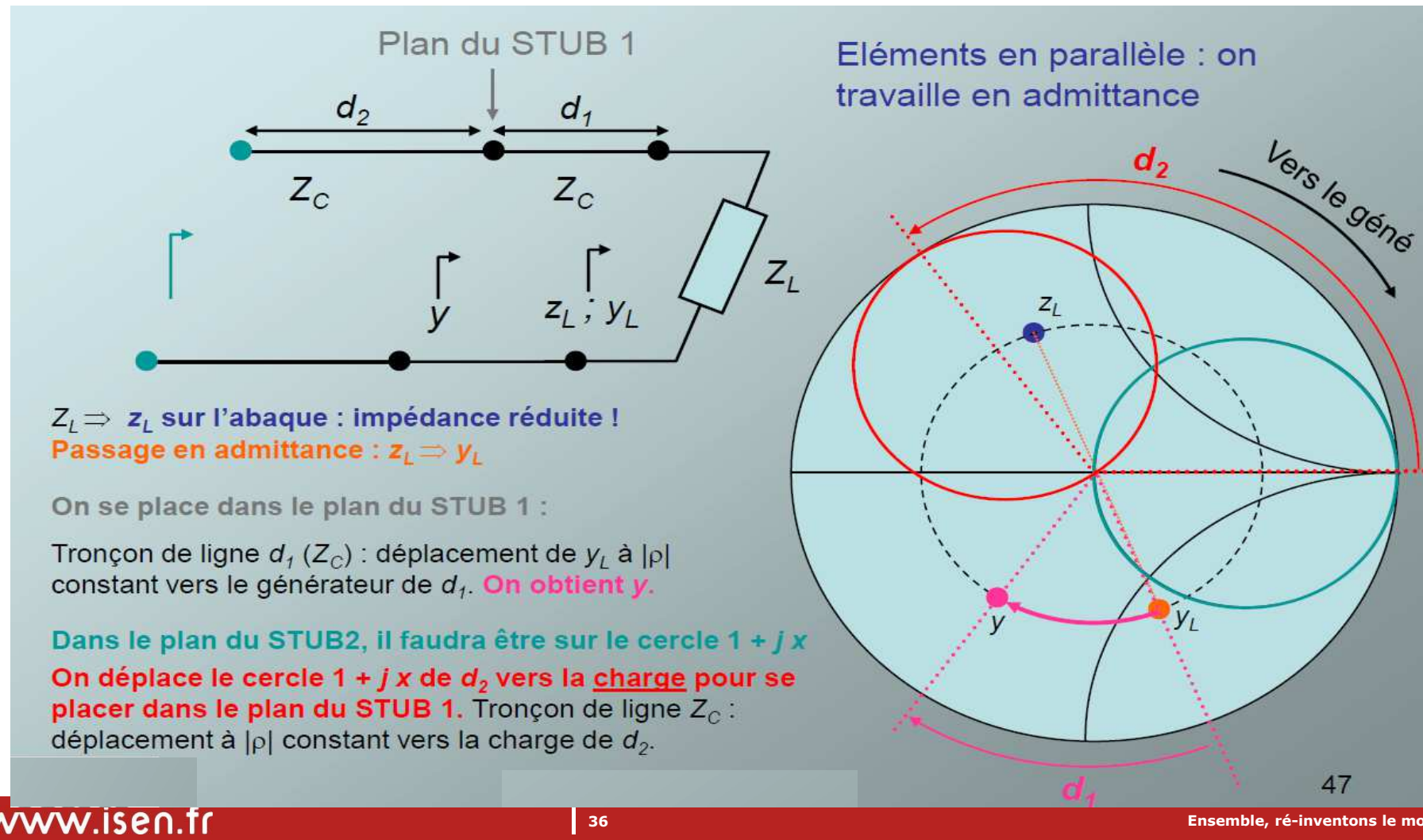
Schéma de l'adaptation :



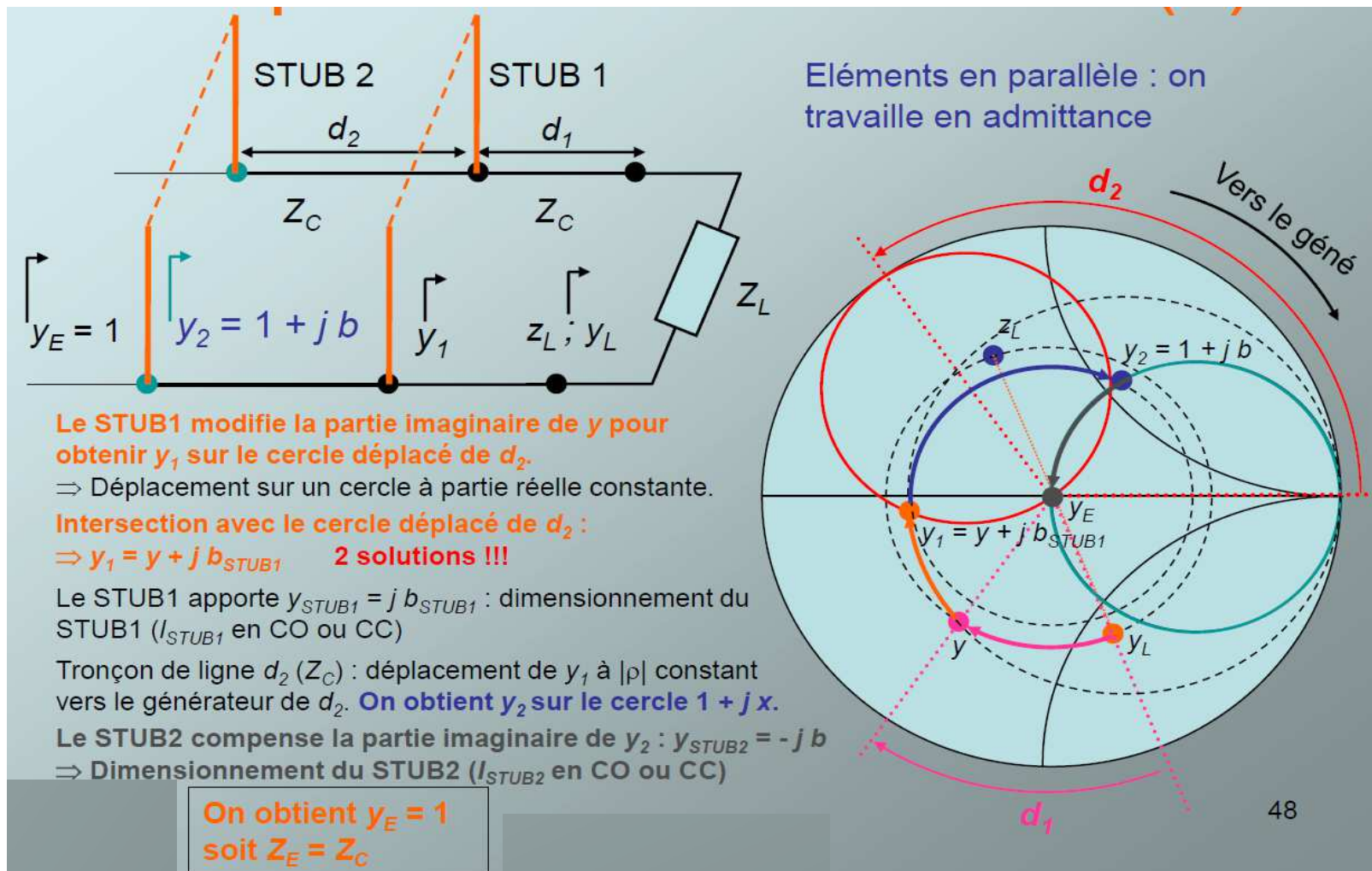
L'adaptation à double STUB est constituée de 2 STUB placés à des endroits fixes (d_1, d_2) de la ligne par rapport à la charge Z_L . Le STUB2 joue le même rôle que dans l'adaptation à simple STUB : il compense la partie imaginaire jB de l'admittance pour réaliser l'adaptation à Y_C (Z_C). Le rôle du STUB1 consiste par conséquent à créer une admittance qui, vue dans le plan du STUB2, sera de la forme $Y = Y_C + jB$.

A partir de $Y_{STUB1,2}$ (et de la terminaison CO ou CC), on détermine $I_{STUB1,2}$.

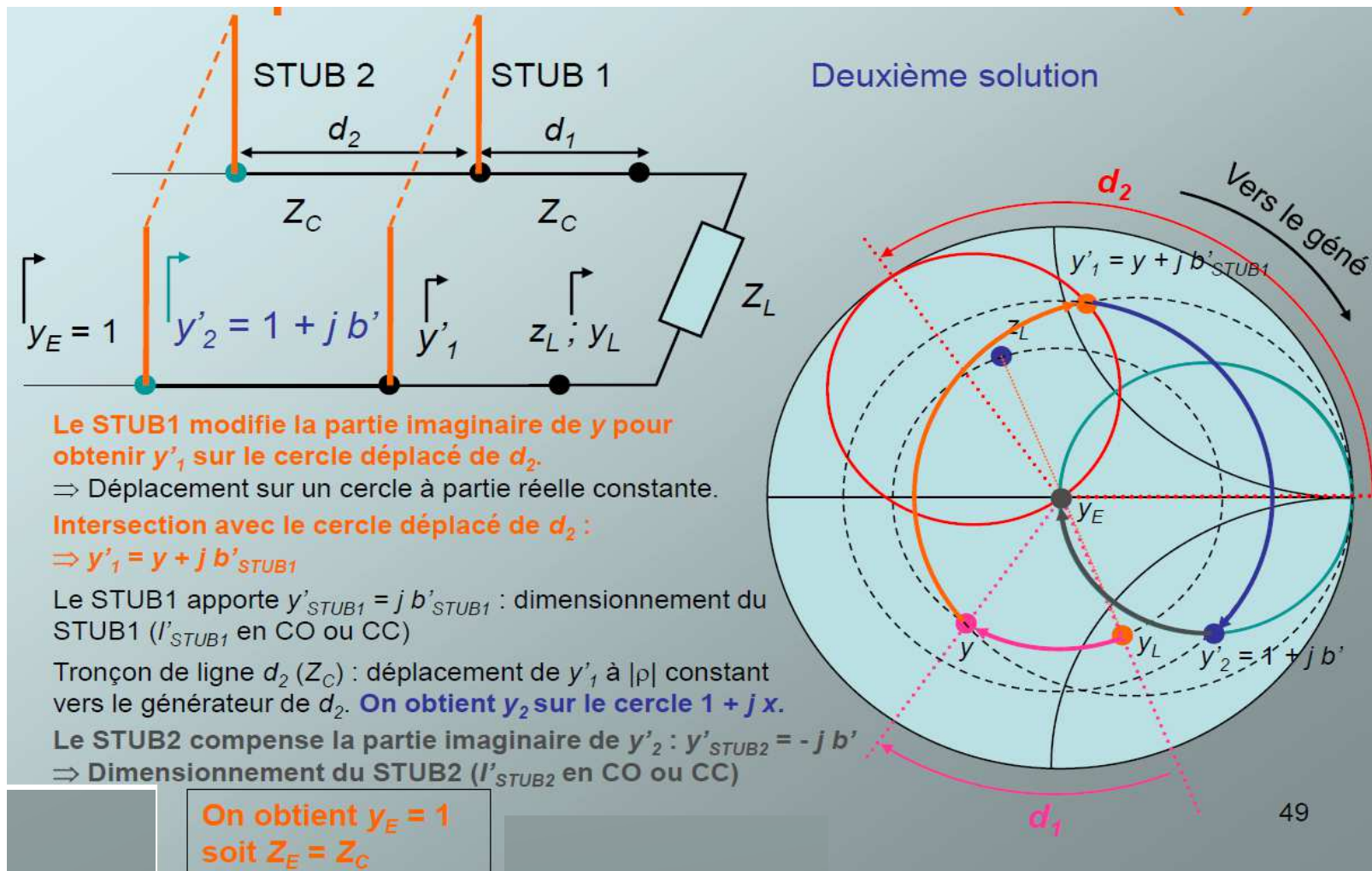
Double stub



Double stub



Double stub



Double stub

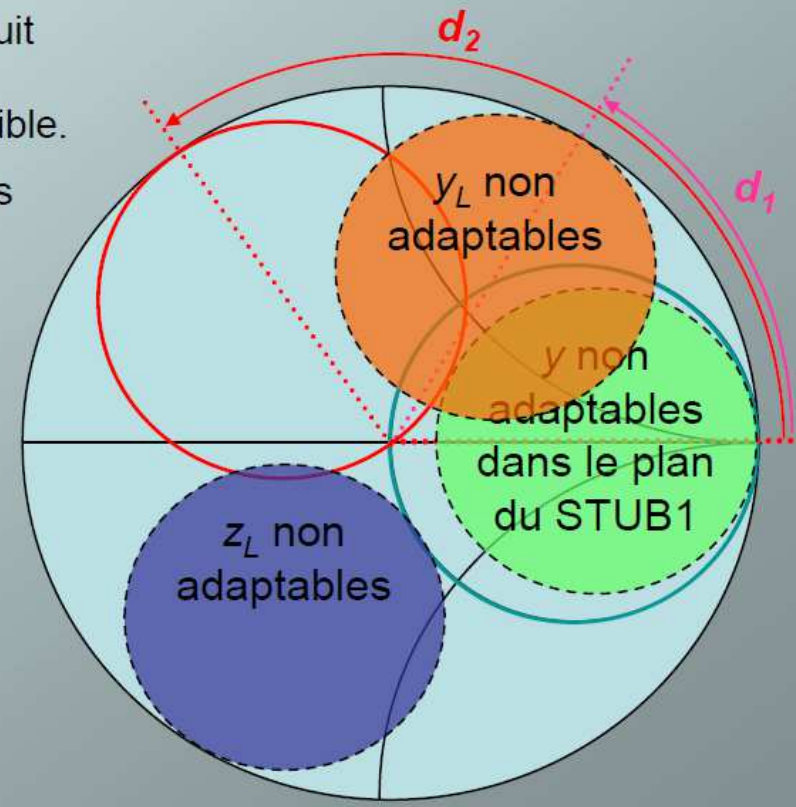
Impédances non adaptables :

Toutes les impédances Z_L ne sont pas adaptables !
Si le STUB1 qui modifie l'admittance y ne conduit pas à une intersection y_1 avec le cercle $1 + jx$ déplacé de d_2 , alors l'adaptation n'est pas possible.

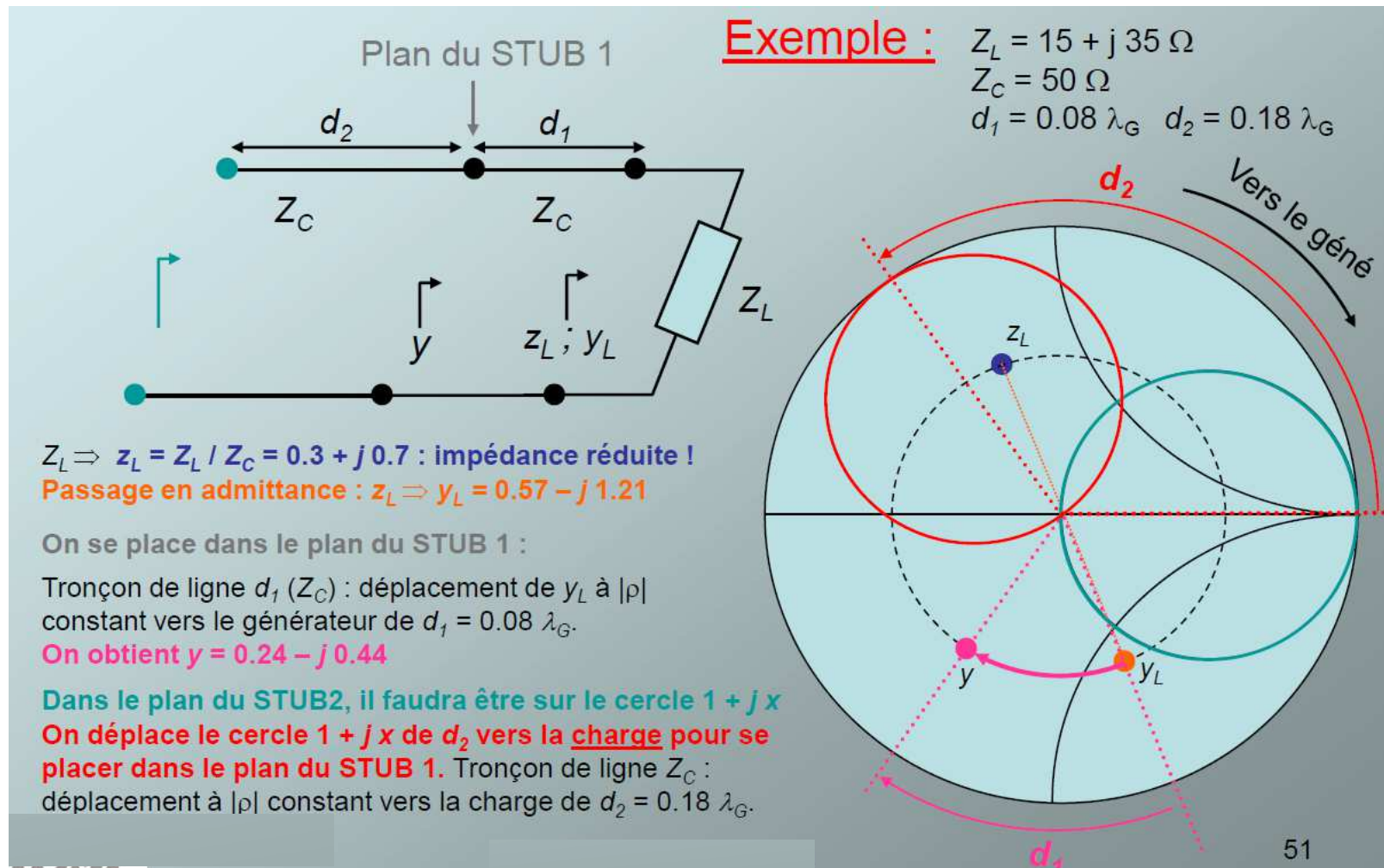
Si l'admittance y appartient au disque vert, alors l'action du STUB1 (déplacement à partie réelle constante) ne permettra pas d'obtenir une intersection y_1 avec le cercle déplacé de d_2 .

Les admittances y_L non adaptables correspondent aux admittances y non adaptables (disque vert) déplacées de d_1 vers la charge : disque orange.

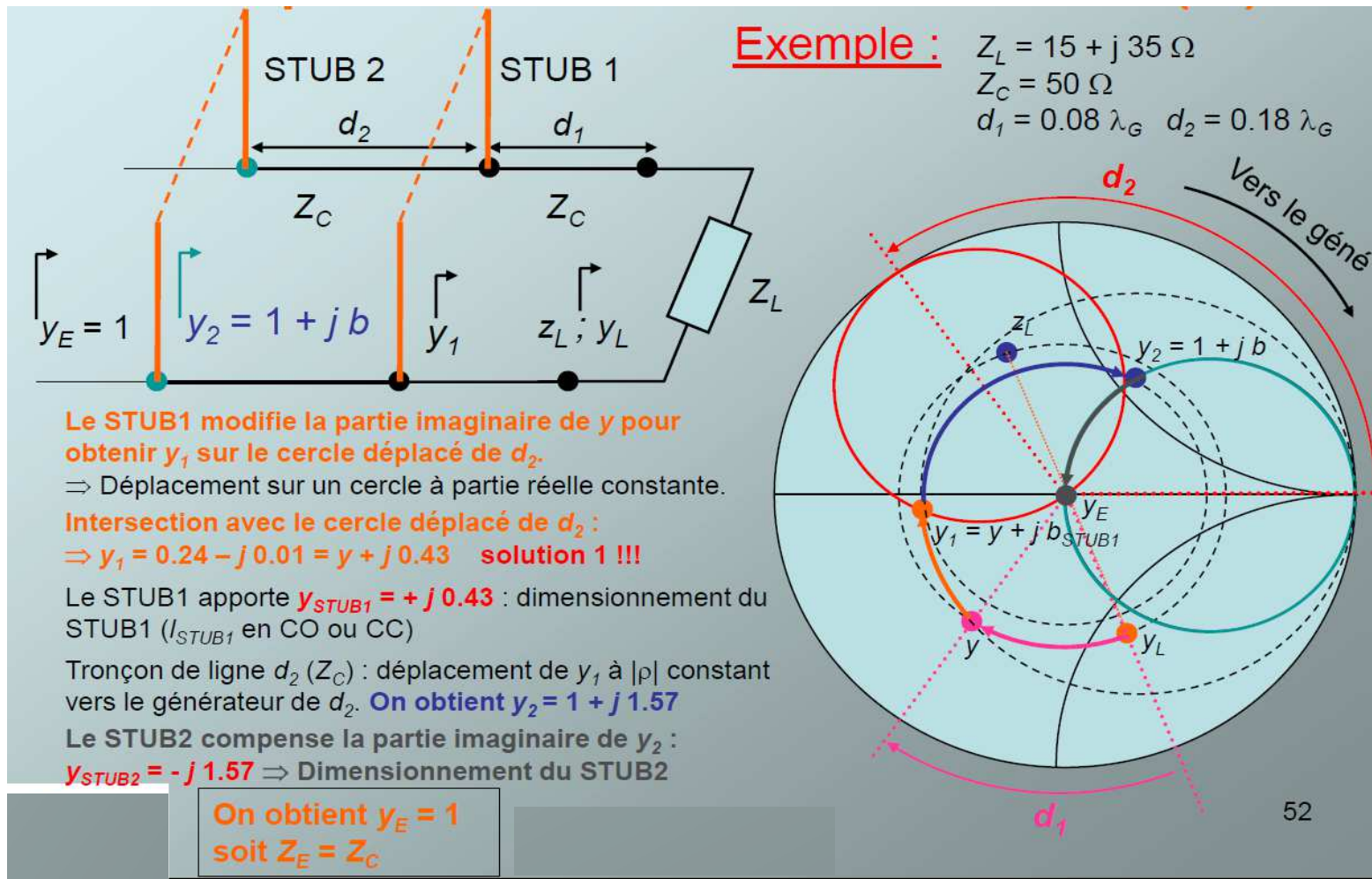
Le lieu des impédances z_L non adaptables correspond au symétrique par rapport au centre de l'abaque des admittances y_L non adaptables (disque orange) : disque bleu.



Double stub



Double stub



52

Double stub

Synthèse de l'adaptation :

La charge $Z_L = 15 + j 35 \Omega$ est adaptée à $Z_C = 50 \Omega$ grâce à un schéma d'adaptation double STUB avec $d_1 = 0.08 \lambda_G$, $d_2 = 0.18 \lambda_G$ et des STUB de longueurs l_{STUB1} et l_{STUB2} tels que :

Solution 1

$$y_{STUB1} = +j 0.43 \text{ soit}$$

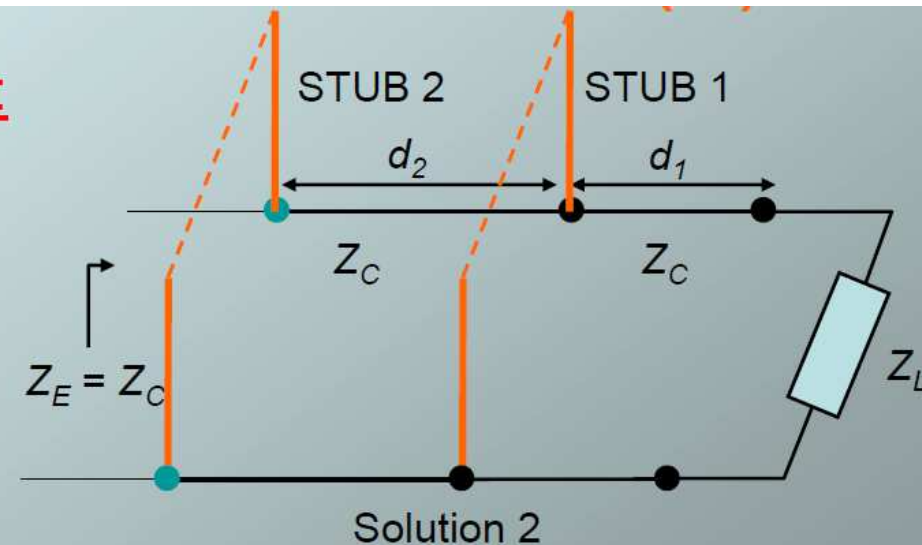
$$l_{STUB1 CO} = 0.065 \lambda_G \text{ (STUB en CO)}$$

$$\text{OU } l_{STUB1 CC} = 0.315 \lambda_G \text{ (STUB en CC)}$$

$$\text{et } y_{STUB2} = -j 1.57 \text{ soit}$$

$$l_{STUB2 CO} = 0.341 \lambda_G \text{ (STUB en CO)}$$

$$\text{OU } l_{STUB2 CC} = 0.091 \lambda_G \text{ (STUB en CC)}$$



Solution 2

$$y'_{STUB1} = +j 1.39 \text{ soit}$$

$$l'_{STUB1 CO} = 0.150 \lambda_G \text{ (STUB en CO)}$$

$$\text{OU } l'_{STUB1 CC} = 0.40 \lambda_G \text{ (STUB en CC)}$$

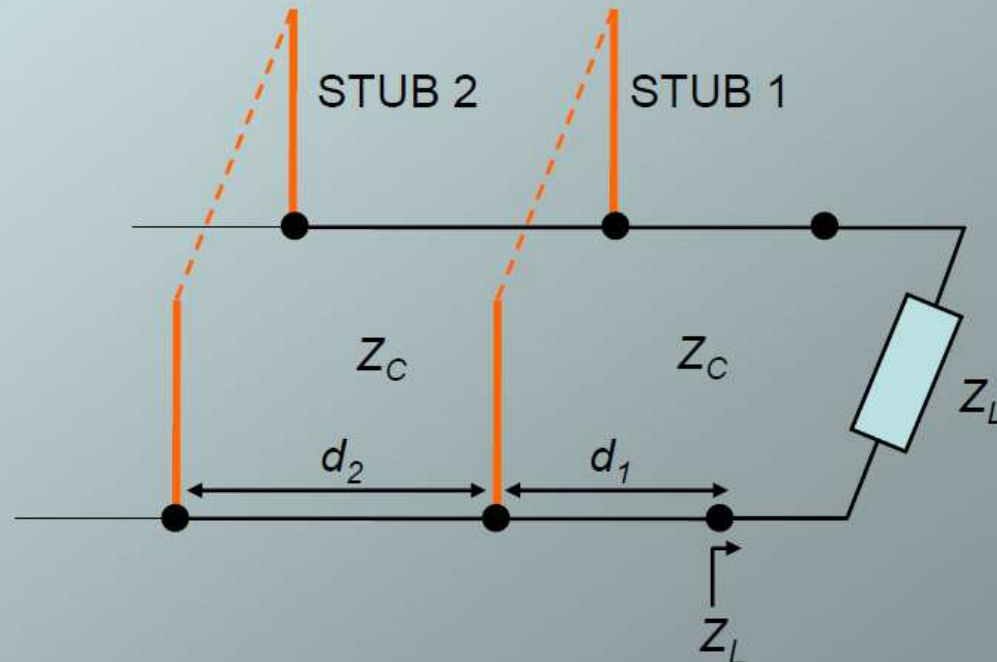
$$\text{et } y'_{STUB2} = +j 2.5 \text{ soit}$$

$$l'_{STUB2 CO} = 0.189 \lambda_G \text{ (STUB en CO)}$$

$$\text{OU } l'_{STUB2 CC} = 0.439 \lambda_G \text{ (STUB en CC)}$$

Double stub

Realize the impedance matching of the load impedance $Z_L = 125 - j 42.5 \, \Omega$ at the frequency of 1 GHz ($Z_C = 50 \, \Omega$) using a double STUB structure. $d_1 = \lambda_g/8$, $d_2 = \lambda_g/4$. Study all solutions. *Use the Smith Chart !*



Double stub

$Z = 125 - j42,5\Omega$ so $z = 2,5 - j0,85$, $y = 0,358 + j0,122$

The 1st TLINE rotates towards generator ($\lambda/8 = 90^\circ$) so $y = 0,798 + j0,954$

To cross the $1 + jX$ circle rotated toward load from $\lambda/4 = 180^\circ$, STUB 1 should add $-0,56j$ (case 1, $L_{\text{stubCO}} = 0,418 \lambda$, $L_{\text{stubCC}} = 0,168 \lambda$) or $-1,35j$ (case 2, $L_{\text{stubCO}} = 0,352 \lambda$, $L_{\text{stubCC}} = 0,102 \lambda$)

Case 1 : $y = 0,798 + 0,394j$

Case 2 : $y = 0,798 - 0,396j$

Then y is rotated toward generator from $\lambda/4 = 180^\circ$,

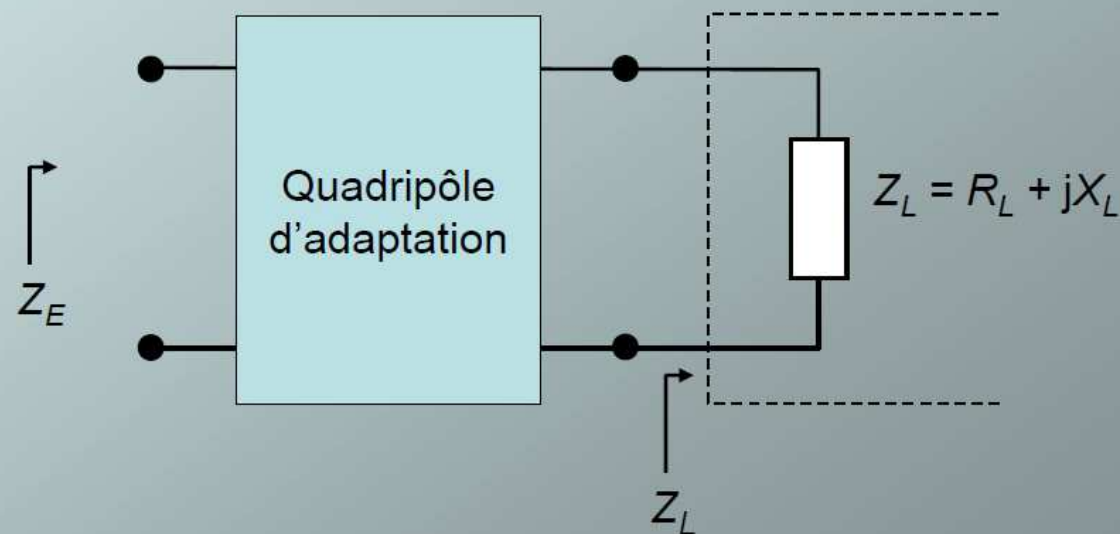
Case 1 : $y = 1 - 0,5j$

Case 2 : $y = 1 + 0,5j$

STUB 2 must add $+0,5j$ (case 1, $L_{\text{stubCO}} = 0,074 \lambda$, $L_{\text{stubCC}} = 0,324 \lambda$) or $-0,5j$ (case 2, $L_{\text{stubCO}} = 0,426 \lambda$, $L_{\text{stubCC}} = 0,176 \lambda$)

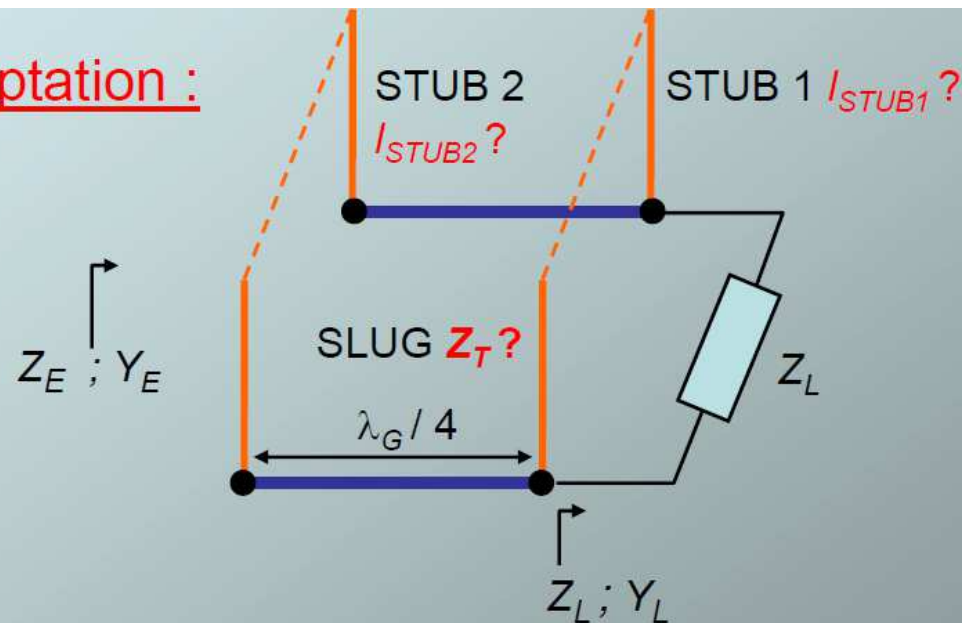
Generalized adaptation

L'adaptation généralisée consiste à transformer une impédance « de charge » Z_L quelconque en une impédance d'entrée Z_E quelconque. Ce type d'adaptation est utilisée par exemple pour l'adaptation en puissance inter-étages lors de la réalisation de circuits microrubans où les étages successifs ne sont pas séparés par des tronçons de ligne Z_C . Elle est également utilisée pour la conception des circuits actifs pour optimiser les performances gain-bruit-stabilité (cf. cours paramètres S).



Generalized adaptation

Schéma de l'adaptation :



Le montage le plus pratique est l'association d'un SLUG et de un ou plusieurs STUB. En travaillant en admittance, le STUB1 compense la partie imaginaire de Y_L pour donner une admittance purement réelle qui sera transformée par le SLUG en une admittance réelle correspondant à la partie réelle de l'admittance Y_E recherchée. Le STUB2 apporte alors la partie imaginaire manquante pour former l'admittance Y_E désirée.

Generalized adaptation

Éléments en parallèle : travail en admittance

On a $Y_L = G_L + j B_L$
et on veut $Y_E = G_E + j B_E$

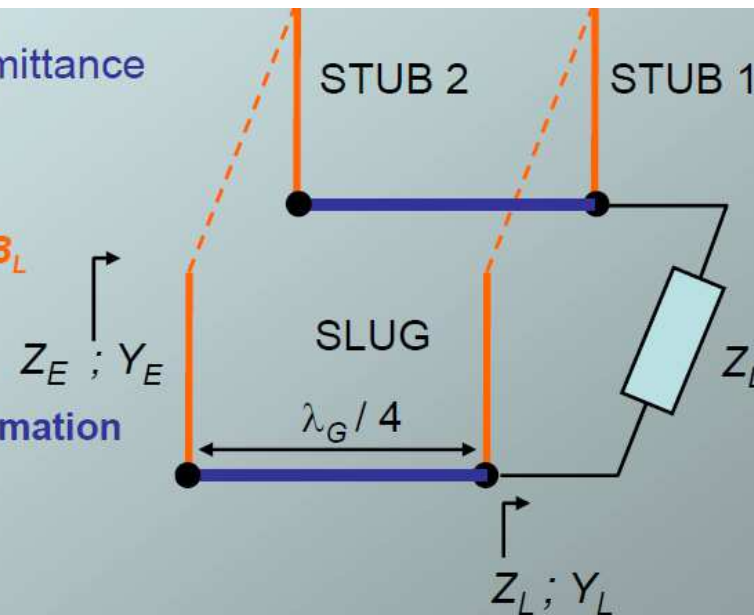
Le STUB1 compense $j B_L$: $Y_{STUB1} = -j B_L$
On obtient $Y = G_L$ au niveau du SLUG

Le SLUG transforme $Y = G_L$
en $Y' = G_E$ selon la formule de transformation
du SLUG : $G_L G_E = Y_T^2$ soit

$$Z_T = \sqrt{\frac{1}{G_E G_L}}$$

Le STUB2 apporte $j B_E$: $Y_{STUB2} = j B_E$

On obtient alors à l'entrée du montage :
 $Y_E = G_E + j B_E$

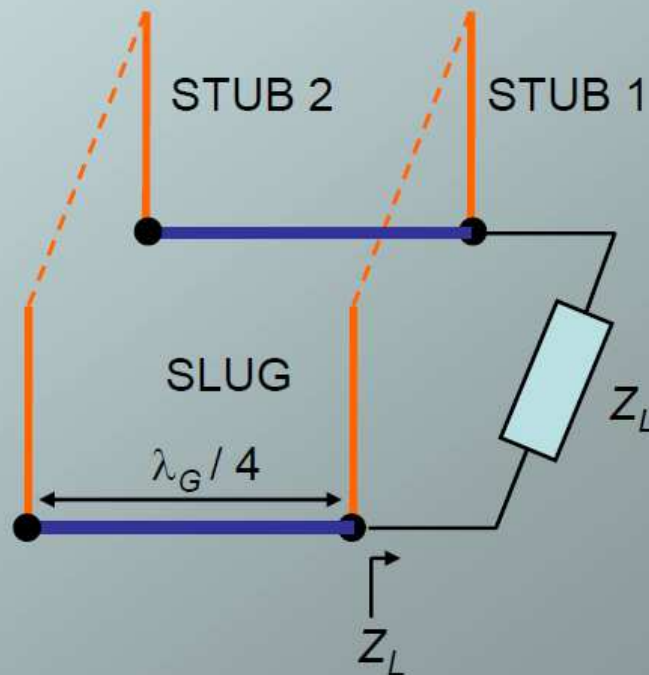


Dimensionnement des STUB à partir de Y_{STUB}
et de la terminaison CO ou CC (et Z_C).

Exemple en TD.

Generalized adaptation

Make the impedance matching between the load impedance $Z_L = 125 - j 42.5 \, \Omega$ and a source of impedance $Z_G = 12 + j 45 \, \Omega$ ($Z_C = 50 \, \Omega$) using the matching network shown below. *Use the Smith Chart !*



End

- $z_L = 2.5 - j0.85 \rightarrow z_G = 0.24 + j0.9$
- $y_L = 0.36 + j0.12 \rightarrow y_G = 0.28 - j1.04$
- STUB 1 adds $-j0.12$
 - $I_{CO} = 0.481\lambda$
 - $I_{CC} = 0.231\lambda$
- SLUG modifies 0.36 to 0.28
 - $Z_C = Z_0 / (\sqrt{0.36 \times 0.28}) = 157\Omega$
- STUB 2 adds $-j1.04$
 - $I_{CO} = 0.368\lambda$
 - $I_{CC} = 0.118\lambda$