

# 《数据结构》实验报告

班 级:U10P53013.04

姓 名:梁桐

学 号:2023370018

E-mail:3211583077@qq.com

日 期:2024.5.26

## ◎实验题目：

求赋权图中一个结点到所有结点的最短路径的长度

## ◎实验内容：

自选算法实现单源最短路径长度的求解

### 一 需求分析

1.

给一个赋权图（无向图），求 0 号结点到其余结点的最短路径的长度。

先输入一个小于等于 100 的正整数 n，然后输入赋权图的邻接矩阵（10000 表示无穷大，并且任意一条简单路径的长度都小于 10000）。

按结点编号顺序输出 0 号结点所有结点的最短路径的长度。

2. 演示程序以用户和计算机的对话方式执行，由用户在键盘上输入相应数据

3. 程序执行的命令包括：

(1) 输入图的顶点数及邻接矩阵； (2) 执行选定算法计算单源最短路径； (3) 输出最短路径距离。

4. 测试数据

(1)

顶点数：6

邻接矩阵：

0 1 4 10000 10000 10000

1 0 2 7 5 10000

4 2 0 10000 1 10000

10000 7 10000 0 3 2

10000 5 1 3 0 6

10000 10000 10000 2 6 0

最短路径距离：

0

1

3

7

4

9

### 二 概要设计

1. 基本操作

1.1. dijkstra() :

这是 Dijkstra 算法的实现函数。它负责计算给定图中各个节点之间的最短路

1.2.

`print_shortest_path()`: 用于打印计算得到的最短路径。

### 1.3.

`main()`: 这是程序的入口函数。读取输入数据

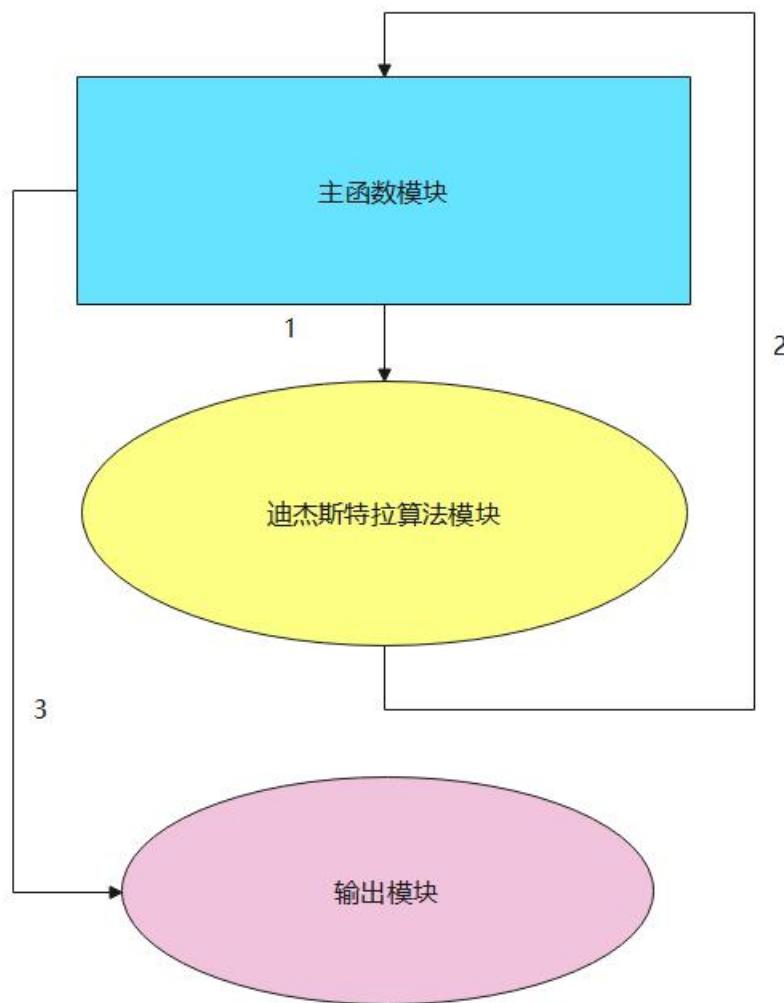
## 2. 本程序包含三个模块:

迪杰斯特拉算法模块

主函数模块

输出模块

函数模块调用图:



## 三 详细设计

伪代码如下

1. 定义 MAXSIZE 为 105

2. 定义 INF 为 10000

3. 定义全局变量:

- 3.1 `vertex_count` 初始化为 0
- 3.2 `distance[MAXSIZE][MAXSIZE]` 初始化为全零
- 3.3 `visited[MAXSIZE]` 初始化为全 `false`
- 3.4 `shortest_path[MAXSIZE]` 初始化为全 `INF`

4. 定义函数 `dijkstra()`:

- 4.1 初始化 `shortest_path` 数组为全 `INF`
- 4.2 将起始节点标记为已访问，并将其到其他节点的距离更新到 `shortest_path` 数组中
- 4.3 进行 `vertex_count - 1` 次迭代:

    4.3.1 找出当前未访问节点中距离起始节点最近的节点

        4.3.1.1 设置 `min_path_length` 为 `INF`

        4.3.1.2 对于每个节点 `j`:

            如果节点 `j` 未被访问且 `shortest_path[j]` 小于 `min_path_length`:

                更新 `min_path_length` 为 `shortest_path[j]`

                设置 `next_vertex` 为 `j`

    4.3.2 标记节点 `next_vertex` 为已访问

    4.3.3 更新当前节点的邻接节点的最短路径:

        4.3.3.1 对于每个节点 `j`:

            如果节点 `j` 未被访问且 `distance[next_vertex][j]` 不为 `INF`:

                计算 `tmp` 为 `shortest_path[next_vertex] + distance[next_vertex][j]`

                如果 `tmp` 小于 `shortest_path[j]`:

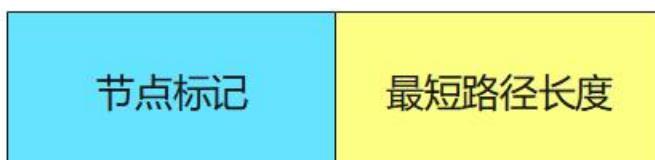
                    更新 `shortest_path[j]` 为 `tmp`

*Dijkstra* 算法的实现函数负责计算给定图中各个节点之间的最短路径。具体流程包括:

    初始化最短路径数组为无穷大(`INF`)。

    将起始节点标记为已访问，并将起始节点到其他节点的距离更新到最短路径数组中。

    进行 `vertex_count - 1` 次迭代 (`vertex_count` 是节点数量)，每次迭代选择当前未访问节点中距离起始节点最近的节点，并更新该节点的邻接节点的最短路径。



5. 定义函数 `print_shortest_path()`:

- 5.1 对于每个节点 `i`:

    5.1.1 打印 `shortest_path[i]`

`print_shortest_path()`: 这个函数用于打印计算得到的最短路径。它会依次打印出每个节点到起始节点的最短距离。

6. 定义函数 `main()`:

6.1 从标准输入读取节点数量 `vertex_count`

6.2 对于每个节点 `i` 从 0 到 `vertex_count-1`:

6.2.1 对于每个节点 `j` 从 0 到 `vertex_count-1`:

读取距离矩阵中的元素并存储到 `distance[i][j]`

6.3 调用 `dijkstra()` 函数计算最短路径

6.4 调用 `print_shortest_path()` 函数打印结果

`main()` 是程序的入口函数。它首先从标准输入读取节点数量(`vertex_count`)，然后读取一个矩阵，矩阵的大小为 `vertex_count × vertex_count`，表示图中各个节点之间的距离。接着调用 `dijkstra()` 函数计算最短路径，并调用 `print_shortest_path()` 函数打印结果。

#### 四 使用说明、测试分析及结果

##### 1、程序使用说明；

进入演示程序后：

输入表示图的顶点数 n

输入 n 行 n 列的邻接矩阵，

输出 0 号顶点到其余顶点的最短路径距离。

##### 2、测试结果与分析：

当输入图的顶点数为 6，

邻接矩阵为：

```
0 1 4 10000 10000 10000  
1 0 2 7 5 10000  
4 2 0 10000 1 10000  
10000 7 10000 0 3 2  
10000 5 1 3 0 6  
10000 10000 10000 2 6 0
```

则输出正确为：

```
0  
1  
3  
7  
4  
9
```

#### 3、运行界面

自测输入	运行结果
6	0
0 1 4 10000 10000 10000	1
1 0 2 7 5 10000	3
4 2 0 10000 1 10000	7
10000 7 10000 0 3 2	4
10000 5 1 3 0 6	9
10000 10000 10000 2 6 0	

## 五、实验总结

1. Dijkstra 算法的理解：通过实现 Dijkstra 算法，我更深入地理解了它的工作原理。我学会了如何使用优先队列或简单的数组来实现该算法，以及如何在图中找到最短路径。
2. 问题分解与解决能力：在编写程序的过程中，我遇到了一些问题，比如处理输入数据、设计数据结构等。通过分析问题、查找资料和与同学讨论，我逐步解决了这些问题，提高了自己的问题分解和解决能力。

# 《数据结构》实验报告

班 级:U10P53013.04 姓 名:梁桐 学 号:2023370018  
 E-mail:3211583077@qq.com 日 期: 2024.5.26

### ◎实验题目：

用迪杰斯特拉算法求一点到其余所有结点的最短路径

### ◎实验内容：

Dijkstra 算法实现单源最短路径的求解

#### 一 需求分析

1.

用迪杰斯特拉算法求一点到其余所有结点的最短路径。

先输入一个小于等于 100 的正整数 n，然后输入赋权图的邻接矩阵（10000 表示无穷大，并且任意一条简单路径的长度都小于 10000）。

先用迪杰斯特拉算法求给定的第一个点到其余所有结点的最短路径。

然后再输出给定的两个点之间的最短路径（按顺序输出最短路径上的每一个点，每个数据占一行）。

2. 演示程序以用户和计算机的对话方式执行，由用户在键盘上输入相应数据

3. 程序执行的命令包括：

(1) 输入图的顶点数及邻接矩阵； (2) 执行 dijkstra 算法计算单源最短路径； (3) 输出给定两点之间的最短路径。

4. 测试数据

顶点数： 4

邻接矩阵：

0 2 10 10000

2 0 7 3

10 7 0 6

10000 3 6 0

给定的两个顶点：0 2

最短路径：

0

1

2

## 二 概要设计

### 2. 基本操作

#### 2.1. dijkstra():

这是 Dijkstra 算法的实现函数。它负责计算给定图中各个节点之间的最短路

#### 1.2.

print\_shortest\_path(): 用于打印计算得到的最短路径。

此函数使用了栈操作

#### 1.3.

main(): 这是程序的入口函数。读取输入数据

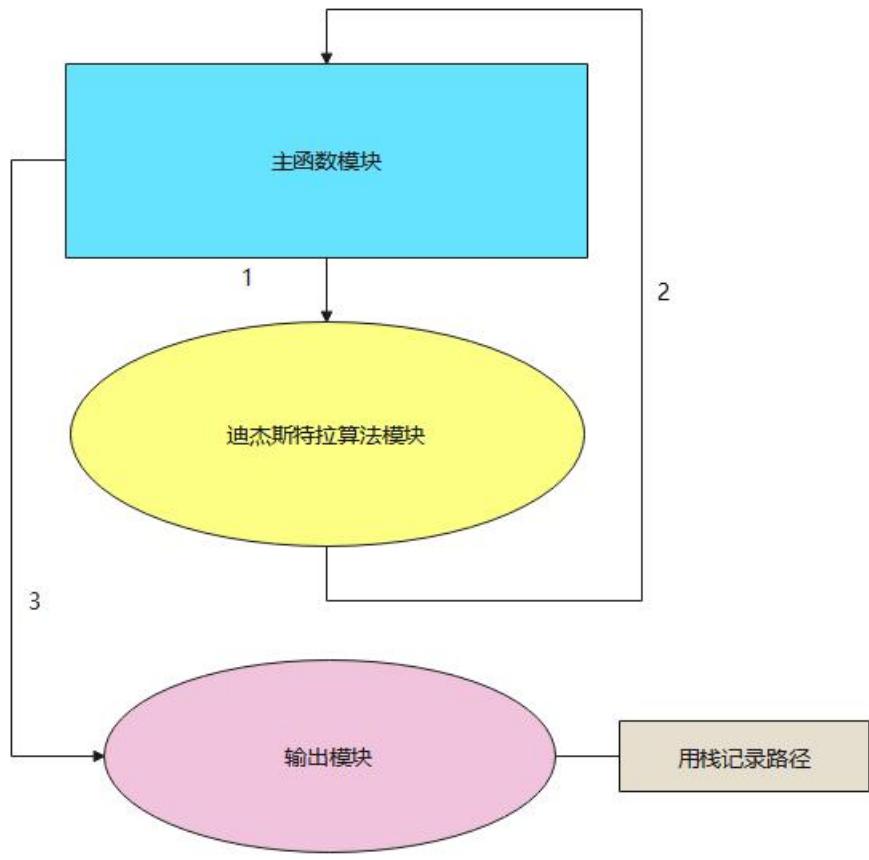
### 2. 本程序包含三个模块：

迪杰斯特拉算法模块

主函数模块

输出模块

函数模块调用图：



### 三 详细设计

1. 定义 MAXSIZE 为 105
2. 定义 INF 为 10000
3. 定义全局变量：
  - 3.1 vertex\_count 初始化为 0
  - 3.2 distance[MAXSIZE][MAXSIZE] 初始化为全零
  - 3.3 visited[MAXSIZE] 初始化为全 false
  - 3.4 shortest\_path[MAXSIZE] 初始化为全 INF
  - 3.5 path\_stack1[MAXSIZE] 初始化为全零
  - 3.6 stack\_top1 初始化为 -1
  - 3.7 path\_stack2[MAXSIZE] 初始化为全零
  - 3.8 stack\_top2 初始化为 -1
4. 定义函数 dijkstra\_algorithm()：
  - 4.1 初始化 shortest\_path 数组为全 INF

- 4.2 将起始节点标记为已访问，并将其到其他节点的距离更新到 shortest\_path 数组中  
 4.3 进行 vertex\_count - 1 次迭代：

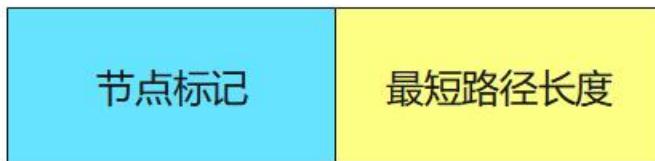
- 4.3.1 找出当前未访问节点中距离起始节点最近的节点
- 4.3.2 标记该节点为已访问
- 4.3.3 更新当前节点的邻接节点的最短路径

Dijkstra 算法的实现函数负责计算给定图中各个节点之间的最短路径。具体流程包括：

初始化最短路径数组为无穷大(INF)。

将起始节点标记为已访问，并将起始节点到其他节点的距离更新到最短路径数组中。

进行 vertex\_count - 1 次迭代 (vertex\_count 是节点数量)，每次迭代选择当前未访问节点中距离起始节点最近的节点，并更新该节点的邻接节点的最短路径。



5. 定义函数 print\_shortest\_path():
- 5.1 从标准输入读取起始节点和结束节点 start\_vertex, end\_vertex
  - 5.2 将 start\_vertex1, end\_vertex1 初始化为 start\_vertex, end\_vertex
  - 5.3 将 start\_vertex2, end\_vertex2 初始化为 end\_vertex, start\_vertex
  - 5.4 将 end\_vertex1 入栈到 path\_stack1 中
  - 5.5 将 start\_vertex2 入栈到 path\_stack2 中
  - 5.6 寻找第一条最短路径：
    - 5.6.1 当 end\_vertex1 不等于 start\_vertex1 时，循环执行以下操作：
      - 5.6.1.1 对于每个节点 i：
 

如果距离矩阵中 distance[i][end\_vertex1] 不为 INF，且 shortest\_path[i] 小于 shortest\_path[end\_vertex1]，且 shortest\_path[i] 加上 distance[i][end\_vertex1] 等于 shortest\_path[end\_vertex1]：

将节点 i 入栈到 path\_stack1 中
      - 5.6.1.2 如果循环次数超过 105，则跳出循环
    - 5.6.2 如果 end\_vertex1 等于 start\_vertex1，则输出最短路径并跳出循环
  - 5.7 如果超过节点数，则寻找另一条最短路径：
    - 5.7.1 当 end\_vertex2 不等于 start\_vertex2 时，循环执行以下操作：
      - 5.7.1.1 对于每个节点 i：
 

如果距离矩阵中 distance[i][end\_vertex2] 不为 INF，且 shortest\_path[i] 小于 shortest\_path[end\_vertex2]，且 shortest\_path[i] 加上 distance[i][end\_vertex2] 等于 shortest\_path[end\_vertex2]：

将节点 i 入栈到 path\_stack2 中
      - 5.7.1.2 如果 end\_vertex2 等于 start\_vertex2，则输出最短路径并跳出循环
    - 5.7.2 如果超过节点数，则寻找另一条最短路径
  - 5.8 输出最短路径：
    - 5.8.1 当 path\_stack1 的栈顶大于 -1 且不需要寻找另一条最短路径时，循环执行以下操作：
      - 5.8.1.1 将 path\_stack1 的栈顶元素作为起始节点
      - 5.8.1.2 将 path\_stack2 的栈顶元素作为结束节点
      - 5.8.1.3 打印起始节点和结束节点
      - 5.8.1.4 将 path\_stack1 和 path\_stack2 交换
      - 5.8.1.5 将 path\_stack1 的栈顶元素设为 -1
    - 5.8.2 如果 path\_stack1 的栈顶等于 -1 且需要寻找另一条最短路径时，跳出循环

下操作：

5. 8. 1. 1 出栈并打印 path\_stack1 的栈顶元素

5. 8. 2 当 path\_stack2 的栈顶大于 -1 且需要寻找另一条最短路径时，循环执行以下操作：

5. 8. 2. 1 出栈并打印 path\_stack2 的栈顶元素

*print\_shortest\_path()* 函数的作用是根据 Dijkstra 算法计算出的最短路径信息，从起始节点到目标节点打印出最短路径上的所有节点。具体分析如下：

函数输入：

该函数从标准输入中读取起始节点和目标节点的信息，并将其存储在变量 *start\_vertex* 和 *end\_vertex* 中。这些信息用于确定要打印的最短路径。

路径存储：

函数中定义了两个栈 *path\_stack1* 和 *path\_stack2*，分别用于存储第一条最短路径和可能的第二条最短路径上的节点。

使用 *stack\_top1* 和 *stack\_top2* 分别记录两个栈的栈顶位置。

寻找路径：

首先，从目标节点 *end\_vertex* 出发，通过循环迭代，依次寻找与当前节点相邻且最短路径长度更小的节点，直到回到起始节点。

如果迭代次数超过了节点数量，即 105 次，表示可能存在环路或其他问题，因此将寻找另一条最短路径。

打印路径：

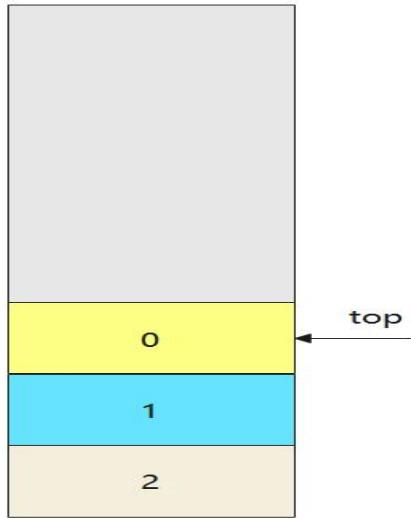
当找到第一条最短路径时，函数通过依次出栈 *path\_stack1* 中的节点，从起始节点开始依次打印出最短路径上的节点。

如果迭代次数超过了节点数量，需要寻找另一条最短路径，则从 *path\_stack2* 中出栈并打印节点。

输出结果：

打印函数将最短路径上的节点依次输出到标准输出中。

通过这些步骤，*print\_shortest\_path()* 函数完成了根据 Dijkstra 算法计算的最短路径信息的解析和打印操作，向用户提供了从起始节点到目标节点的最短路径。



## 6. 定义函数 main():

6.1 从标准输入读取节点数量 vertex\_count

6.2 读取节点间的距离信息:

6.2.1 对于每个节点 i 从 0 到 vertex\_count-1:

对于每个节点 j 从 0 到 vertex\_count-1:

从标准输入读取距离信息并存储到 distance[i][j]

6.3 调用 dijkstra\_algorithm() 函数计算最短路径

6.4 调用 print\_shortest\_path() 函数打印结果

*main()*是程序的入口函数。它首先从标准输入读取节点数量(*vertex\_count*)，然后读取一个矩阵，矩阵的大小为 *vertex\_count* × *vertex\_count*，表示图中各个节点之间的距离。接着调用 *dijkstra()* 函数计算最短路径，并调用 *print\_shortest\_path()* 函数打印结果。

## 四 使用说明、测试分析及结果

### 4、程序使用说明;

进入演示程序后：

输入表示图的顶点数 n

输入 n 行 n 列的邻接矩阵，

输入两个给定顶点

输出两个顶点之间的最短路径。

### 5、测试结果与分析;

当输入图的顶点数为 4，

邻接矩阵为：

0 2 10 10000

2 0 7 3

10 7 0 6

10000 3 6 0

给定的两个顶点: 0 2

则输出正确为:

0

1

2

## 6、运行界面

The screenshot shows a terminal window with two sections. The left section, titled '自测输入' (Self-test input), contains the following text:  
4  
0 2 10 10000  
2 0 7 3  
10 7 0 6  
10000 3 6 0  
0 2

The right section, titled '运行结果' (Execution results), contains the following text:  
0  
1  
2

## 五、实验总结

1. Dijkstra 算法的理解: 通过实现 Dijkstra 算法, 我更深入地理解了它的工作原理。我学会了如何使用优先队列或简单的数组来实现该算法, 以及如何在图中找到最短路径。
2. 问题分解与解决能力: 在编写程序的过程中, 我遇到了一些问题, 比如处理输入数据、设计数据结构等。通过分析问题、查找资料和与同学讨论, 我逐步解决了这些问题, 提高了自己的问题分解和解决能力。
3. 在实验 4.1 的基础上, 深化了对栈的使用理解。

# 《数据结构》实验报告

班 级:U10P53013.04

姓 名:梁桐

学 号:2023370018

E-mail:3211583077@qq.com

日 期:2024.5.26

## ◎实验题目:

用弗洛伊德算法求任意两点间的最短路径的长度

## ◎实验内容:

floyd 算法实现单源最短路径长度的求解

## 一 需求分析

1.

用弗洛伊德算法求任意两点间的最短路径长度，并输出指定的  $m$  对结点间的最短路径长度。

先输入一个小于 100 的正整数  $n$ ，然后输入图的邻接矩阵（10000 表示无穷大，即两点之间没有边），最后输入两个 0 到  $n-1$  的整数表示两个点。

用弗洛伊德算法求任意两点间的最短路径长度，并输出这些两个点之间的最短路径长度。

2. 演示程序以用户和计算机的对话方式执行，由用户在键盘上输入相应数据

3. 程序执行的命令包括：

(1) 输入图的顶点数及邻接矩阵；(2) 执行 floyd 算法计算最短路径长度；(3) 输出给定  $m$  对两点之间的最短路径长度。

4. 测试数据

顶点数：4

邻接矩阵：

0 2 10 10000

2 0 7 3

10 7 0 6

10000 3 6 0

给定的顶点对数：2

顶点对：

0 2

3 0

最短路径长度：

9

5

## 二 概要设计

1. 基本操作：

floydWarshall() 函数

作用：

该函数实现了弗洛伊德-沃尔沙尔算法，用于计算图中所有节点之间的最短路径。它会更新每对节点之间的最短路径，并记录路径中经过的中间节点。

printShortestPaths() 函数

作用：

读取用户输入的查询，并打印出每个查询对应的最短路径长度。

main 函数

作用：

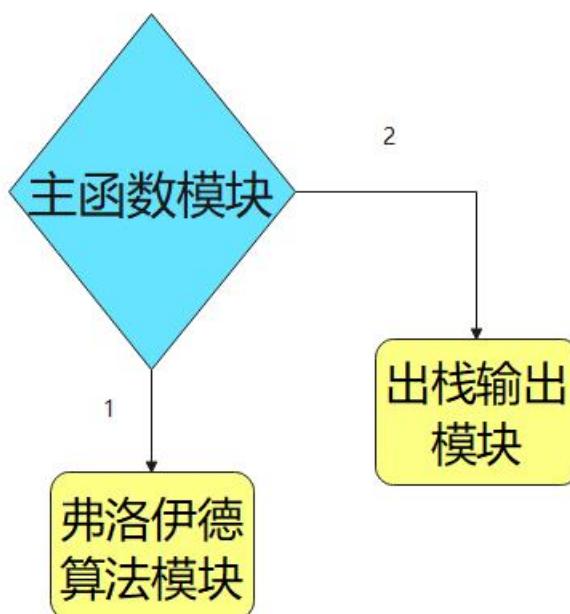
主函数负责程序的初始化和整体控制。

弗洛伊德算法模块

输出模块

主函数模块

函数模块调用图：



### 三 详细设计

程序伪代码

// 伪代码开始

// 定义常量

CONST MAX\_NODES = 102

// 初始化图的邻接矩阵

DECLARE graph[MAX\_NODES][MAX\_NODES]

// 初始化节点数

DECLARE numNodes = 0

常量和变量初始化

定义 *MAX\_NODES* 常量表示节点数的最大值。

定义 *graph* 矩阵存储图的邻接矩阵。

定义 *numNodes* 变量存储节点的数量。

*floydWarshall* 函数

```

// 弗洛伊德-沃尔沙尔算法函数
FUNCTION floydWarshall():
    FOR i FROM 0 TO numNodes - 1:
        FOR j FROM 0 TO numNodes - 1:
            FOR k FROM 0 TO numNodes - 1:
                IF graph[j][i] + graph[i][k] < graph[j][k]:
                    graph[j][k] = graph[j][i] + graph[i][k]
                END IF
            END FOR
        END FOR
    END FOR
END FUNCTION

```

这是弗洛伊德-沃尔沙尔算法的实现，用于计算所有节点对之间的最短路径。

遍历每个节点作为中间节点  $i$ ，检查每对节点  $j$  和  $k$  之间的路径长度是否可以通过  $i$  节点变短，如果是，则更新路径长度。

```

// 打印最短路径的函数
FUNCTION printShortestPaths():
    // 读取查询的数量
    INPUT numQueries
    FOR i FROM 0 TO numQueries - 1:
        // 读取起始节点和目标节点
        INPUT nodeA, nodeB
        // 输出最短路径长度
        OUTPUT graph[nodeA][nodeB]
    END FOR
END FUNCTION

```

读取用户输入的查询数量  $numQueries$ 。

针对每个查询，读取起始节点  $nodeA$  和目标节点  $nodeB$ ，并输出从  $nodeA$  到  $nodeB$  的最短路径长度。

```

// 主函数
FUNCTION main():
    // 读取节点的数量
    INPUT numNodes

    // 读取图的邻接矩阵
    FOR i FROM 0 TO numNodes - 1:

```

```

FOR j FROM 0 TO numNodes - 1:
    INPUT graph[i][j]
END FOR
END FOR

// 计算所有节点之间的最短路径
CALL floydWarshall()

// 打印查询的最短路径
CALL printShortestPaths()

RETURN 0
END FUNCTION

```

// 调用主函数  
CALL main()

// 伪代码结束  
读取节点的数量 *numNodes*。  
读取图的邻接矩阵 *graph*。  
调用 *floydWarshall* 函数计算所有节点对之间的最短路径。  
调用 *printShortestPaths* 函数处理用户的查询并打印最短路径长度。  
返回 0，表示程序正常结束。

#### 四 使用说明、测试分析及结果

**程序使用说明：**

进入演示程序后：

输入表示图的顶点数 n  
输入 n 行 n 列的邻接矩阵，  
输入 m  
输入 m 对给定顶点

输出 m 对顶点之间的最短路径。

**测试结果与分析：**

##### 4. 测试数据

顶点数： 4

邻接矩阵：

0 2 10 10000

2 0 7 3

10 7 0 6

10000 3 6 0

给定的顶点对数： 2

顶点对:

0 2

3 0

最短路径长度:

9

5

运行界面

The screenshot shows a terminal window with two panes. The left pane, titled '自测输入' (Self-test input), contains the following text:  
4  
0 2 10 10000  
2 0 7 3  
10 7 0 6  
10000 3 6 0  
2  
0 2  
3 0

The right pane, titled '运行结果' (Run result), contains the following text:  
9  
5

## 五、实验总结

本次实验的主要目的是实现和理解弗洛伊德-沃尔沙尔算法 (Floyd-Warshall Algorithm)，通过它来计算图中所有节点对之间的最短路径，并能根据用户输入查询特定节点对之间的最短路径长度。

理解算法的基本原理是编写正确程序的前提。弗洛伊德-沃尔沙尔算法通过动态规划的方式逐步更新路径长度，这一过程如果不理解清楚，很容易在实现时出现逻辑错误。

代码结构的设计：

将代码分为读取输入、计算最短路径、处理查询和输出结果等几个模块，使得程序结构清晰，便于调试和维护。尤其是在处理复杂算法时，良好的代码结构能够显著提高开发效率。

边界情况的处理：

边界情况和异常情况往往是程序出错的主要原因。通过实验，深刻体会到在设计和实现算法时，需要充分考虑各种边界情况，并进行相应的处理。

# 《数据结构》实验报告

班 级:U10P53013.04

姓 名:梁桐

学 号:2023370018

E-mail:3211583077@qq.com

日 期:2024.5.26

## ◎实验题目：

用弗洛伊德算法求赋权图中任意两点间的最短路径

## ◎实验内容：

floyd 算法实现单源最短路径的求解

### 一 需求分析

1.

用弗洛伊德算法求任意两点间的最短路径，并输出指定的  $m$  对结点间的最短路径。

先输入一个小于 100 的正整数  $n$ ，然后输入图的邻接矩阵（10000 表示无穷大，即两点之间没有边），最后输入两个 0 到  $n-1$  的整数表示两个点。

用弗洛伊德算法求任意两点间的最短路径，并输出这些两个点之间的最短路径。

2. 演示程序以用户和计算机的对话方式执行，由用户在键盘上输入相应数据

3. 程序执行的命令包括：

(1) 输入图的顶点数及邻接矩阵； (2) 执行 floyd 算法计算最短路径； (3) 输出给定  $m$  对两点之间的最短路径。

4. 测试数据

顶点数：4

邻接矩阵：

0 2 10 10000

2 0 7 3

10 7 0 6

10000 3 6 0

给定的顶点对数：2

顶点对：

0 2

3 0

最短路径：

0

1

2

3

1

0

## 二 概要设计

### 2. 基本操作:

floydWarshall() 函数

作用:

该函数实现了弗洛伊德-沃尔沙尔算法，用于计算图中所有节点之间的最短路径。它会更新每对节点之间的最短路径，并记录路径中经过的中间节点。

findPath() 函数

作用:

该函数递归地重建从起始节点到目标节点的路径，并将路径节点存储在栈中。

printPaths 函数

作用:

该函数处理用户查询，输出从起始节点到目标节点的最短路径。

main 函数

作用:

主函数负责程序的初始化和整体控制。

### 2. 本程序包含四个模块:

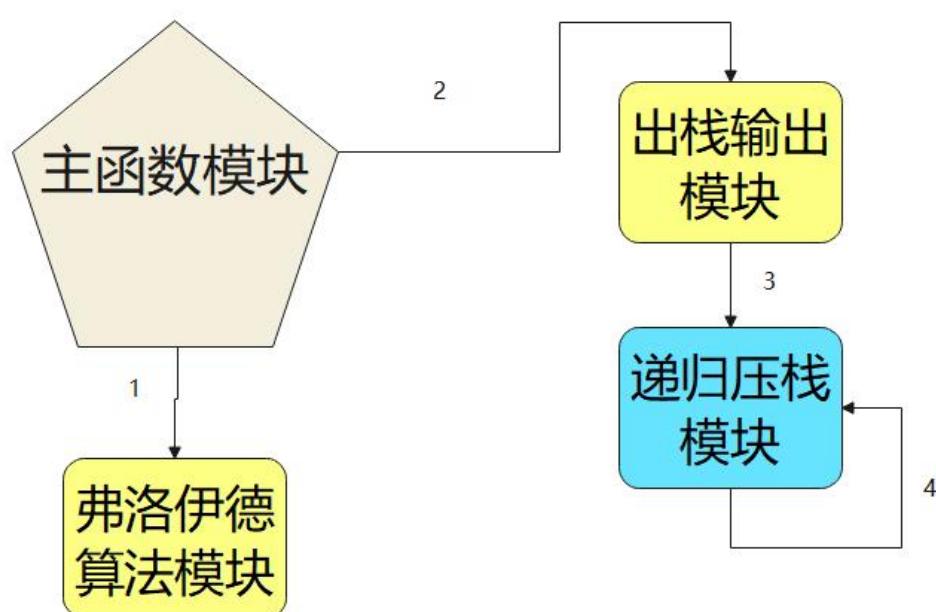
弗洛伊德算法模块

递归压栈模块

出栈输出模块

主函数模块

函数模块调用图:



## 三 详细设计

伪代码如下:

定义常量 MAX\_NODES 为 102  
声明 graph[MAX\_NODES][MAX\_NODES] 用于存储图的邻接矩阵  
声明 path[MAX\_NODES][MAX\_NODES] 用于存储路径信息  
声明 stack[MAX\_NODES] 用于存储路径的栈  
声明变量 numNodes 用于存储节点数量  
声明变量 top 为栈顶指针，初始值为 -1

函数 floydWarshall():  
遍历每个节点 k:  
    遍历每个节点 i:  
        遍历每个节点 j:  
            如果通过节点 k 的路径比直接路径更短:  
                更新 graph[i][j] 为通过 k 的最短路径  
                更新 path[i][j] 为中间节点 k

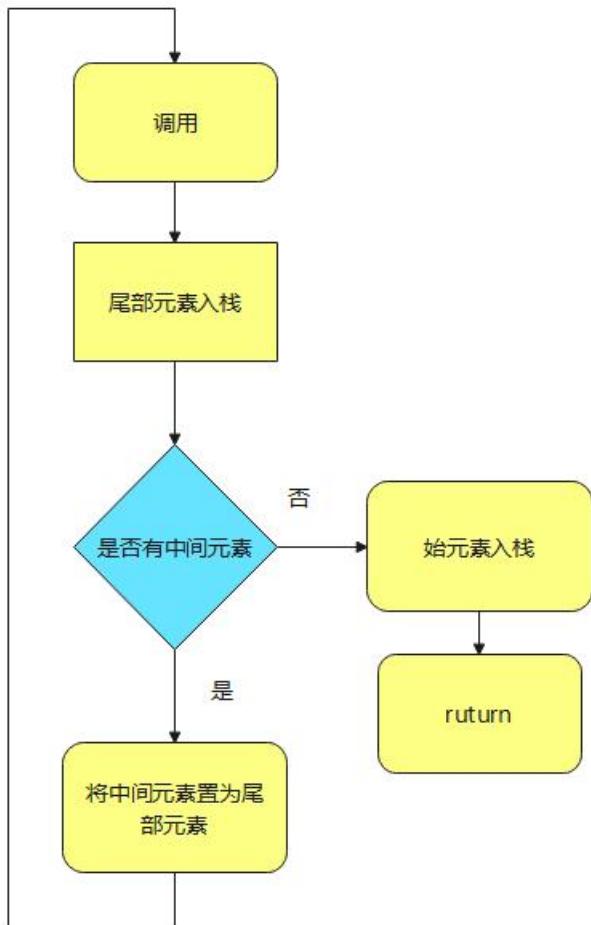
该函数实现了弗洛伊德算法，用于计算图中所有节点之间的最短路径。它会更新每对节点之间的最短路径，并记录路径中经过的中间节点。

1. 遍历每一个节点 `k`，将其作为中间节点。
2. 对于每一对节点 `(i, j)`，检查是否通过节点 `k` 的路径比当前已知的直接路径更短。
3. 如果通过节点 `k` 的路径更短，则更新从 `i` 到 `j` 的最短路径长度。
4. 记录中间节点 `k`，表示路径从 `i` 到 `j` 是通过 `k` 达成的。

函数 findPath(startNode, endNode):  
    将 endNode 压入栈  
    如果 path[startNode][endNode] 为 -1:  
        将 startNode 压入栈  
        返回  
    递归调用 findPath(startNode, path[startNode][endNode])

该函数递归地重建从起始节点到目标节点的路径，并将路径节点存储在栈中。

1. 将目标节点 `endNode` 压入栈。
2. 检查路径数组 `path`，如果起始节点到目标节点之间没有中间节点（即 `path[startNode][endNode] == -1`），则将起始节点 `startNode` 压入栈，路径查找结束。
3. 如果有中间节点，则递归调用 `findPath` 函数，查找从起始节点到中间节点的路径。



函数 `printPaths()`:

读取查询次数 `numQueries`

遍历每个查询:

读取起始节点 `startNode` 和目标节点 `endNode`

重置栈顶指针 `top` 为 -1

调用 `findPath(startNode, endNode)`

当栈不为空时:

输出栈顶节点

弹出栈顶节点

主函数 `main()`:

读取节点数量 `numNodes`

遍历每个节点 `i`:

遍历每个节点 `j`:

读取 `graph[i][j]` 的值

初始化 `path[i][j]` 为 -1

调用 `floydWarshall()` 计算所有节点之间的最短路径

调用 `printPaths()` 打印查询的路径  
返回 0

#### 四 使用说明、测试分析及结果

程序使用说明：

进入演示程序后：

输入表示图的顶点数 n  
输入 n 行 n 列的邻接矩阵，  
输入 m  
输入 m 对给定顶点

输出 m 对顶点之间的最短路径。

测试结果与分析：

当输入图的顶点数为 4，

邻接矩阵为：

```
0 2 10 10000
2 0 7 3
10 7 0 6
10000 3 6 0
```

顶点对数为：2

顶点对：

```
0 2
3 0
```

则输出正确为：

```
0
1
2
3
1
0
```

运行界面

自测输入	运行结果
<pre>4 0 2 10 10000 2 0 7 3 10 7 0 6 10000 3 6 0 2 0 2 3 0</pre>	<pre>0 1 2 3 1 0</pre>

## 六、实验总结

本次实验的主要目的是实现和理解弗洛伊德-沃尔沙尔算法（Floyd-Warshall Algorithm），通过它来计算图中所有节点对之间的最短路径，并能根据用户输入查询特定节点对之间的最短路径长度。

在本次实验中，我使用栈结构来重建并输出从起始节点到目标节点的最短路径，这一方法不仅直观且有效地解决了路径输出问题。通过递归函数 `findPath`，我们将路径上的节点依次压入栈中，然后通过栈的后进先出特性，逆序输出栈中的节点，从而正确重建并输出了路径。

教师评语：

实验成绩：

指导教师签名：

批阅日期：