# Python Numpy 入门教程

本教程最初由 Justin Johnson 撰写创立。现由Oi (Lewis) Liu 翻译整理。

在本门课程(CS231n)中, 我们将使用Python编程语言来提交所有的作业。Python就其本身而言是一门通用的编程语言,得益于众多受欢迎的开源库(numpy, scipy, matplotlib),其成为科学计算领域不可多得的强大工具。

我们希望你们对于Python和numpy的使用或多或少有些经验;如果你没有这方面的经验,那么本教程就是为你而生,你可以将其视作一个速成课程,你将快速学会Python编程语言以及Python在科学计算中的使用。

可能你们中有些人之前用过Mathlab,那么我们也推荐你去看 numpy for Matlab users.

你也可以找到 <u>IPython notebook tutorial</u> 早前版本的一个教程,由 <u>Volodymyr Kuleshov</u> 和 <u>Isaac Caswell</u> 撰写创立,用于先修课 CS 228.

#### 目录:

- Python
  - o 基本数据类型 Basic data types
  - o 容器 Containers
    - 列表 Lists
    - 字典 Dictionaries
    - 集合 Sets
    - 元组 Tuples
  - o 函数 Functions
  - o 类 Classes
- Numpy
  - o 阵列/数组 Arrays
  - o 阵列/数组索引 Array indexing
  - o 数据类型 Datatypes
  - o <u>阵列/数组计算 Array math</u>
  - o 广播 Broadcasting
- SciPv
  - o 图片操作 Image operations
  - o MATLAB 文件
  - 0 点间距离
- <u>Matplotli</u>b
  - o 绘图 Plotting
  - o 子图 Subplots
  - o 图片 Images

# **Python**

Python是一门高级的,动态类型,多参数的编程语言。Python程序被誉为"可执行的伪代码",因为你允许你使用极少的几行代码就可以实现强大的逻辑。作为示例,下面是使用Python编写的经典快速排序实现。

```
def quicksort(arr):
    if len(arr) <= 1:
        return arr
    pivot = arr[len(arr) // 2]
    left = [x for x in arr if x < pivot]
    middle = [x for x in arr if x == pivot]
    right = [x for x in arr if x > pivot]
    return quicksort(left) + middle + quicksort(right)

print(quicksort([3,6,8,10,1,2,1]))
# 输出: "[1, 1, 2, 3, 6, 8, 10]"
```

## Python 版本

目前有两个官方支持的Python版本,一个是2.7版本,另一个是3.5的。

那么该选择哪个呢? Python 3.0 引入了很多向后不兼容的语法,所以使用Python 2.7编写的代码可能在3.5版本之下无法运行,反之亦然。

对于本门课程来说,所有代码将采用Python 3.5. (译者注:事实上并非如此)

你可以通过在命令行上输入以下代码来查看自己的Python 版本: python --version.

### 基本数据类型

和大多数编程语言一样,Python有一些列自己的基本数据类型,包括整型,浮点型,布尔型,字符串类型。其属性和其他编程语言类似。

数字类型 Numbers: 整型和浮点型可能如你所想和其他编程语言中的用法无异。

```
      x = 3

      print(type(x)) # 输出 "

      print(x) # 输出 "3"

      print(x + 1) # 加; 输出 "4"

      print(x - 1) # 减; 输出 "2"

      print(x * 2) # 乘; 输出 "6"

      print(x ** 2) # 幂; 输出 "9"

      x += 1

      print(x) # 输出 "4"

      x *= 2

      print(x) # 输出 "8"

      y = 2.5

      print(type(y)) # 输出 "<class 'float'>"

      print(y, y + 1, y * 2, y ** 2) # 输出 "2.5 3.5 5.0 6.25"
```

注意,和很多编程语言不一样的是,Python没有一元的增(x++)和一元减(x--)操作符。

布尔类型 Booleans: Python实现了所有的常用的布尔逻辑操作符,但是,不是符号(&&,[]],等),取而代之的是英语单词(and, or, not,等):

```
t = True
f = False
print(type(t)) # 输出 "<class 'bool'>"
print(t and f) # 逻辑 与; 输出 "False"
print(t or f) # 逻辑 或; 输出 "True"
print(not t) # 逻辑 非; 输出 "False"
print(t != f) # 逻辑 异或; 输出 "True"
```

字符串类型 Strings: Python对于字符串类型有非常强大的支持性:

```
hello = 'hello' # 字符串可以使用单引号阔起来,
world = "world" # 也可以使用双引号; 两者完全等效
print(hello) # 输出 "hello"
print(len(hello)) # 字符串长度; 输出 "5"
hw = hello + ' ' + world # 字符串级联
print(hw) # 输出 "hello world"
hw12 = '%s %s %d' % (hello, world, 12) # sprintf 风格的字符串格式化
print(hw12) # 输出 "hello world 12"
```

字符串对象有许多有用的方法;例如:

想查看所有的字符串内置方法的列表,看这篇文档.

### 容器 Containers

Python 中包含了好几种内置的容器类型:列表(lists),字典(dictionaries),集合(sets),和元组(tuples).

#### 列表 Lists

Python中列表(list) 相当于是阵列/数组(array), 但是Python列表是大小可变的

#### 并且可以存储不同类型的元素:

```
      xs = [3, 1, 2] # 创建一个列表

      print(xs, xs[2]) # 输出 "[3, 1, 2] 2"

      print(xs[-1]) # 负的索引, 将从列表的后边开始计数; 输出 "2"

      xs[2] = 'foo' # 列表可以包含不同类型的元素

      print(xs) # 输出 "[3, 1, 'foo']"

      xs.append('bar') # 向列表中最后增加一个元素

      print(xs) # 输出 "[3, 1, 'foo', 'bar']"

      x = xs.pop() # 移除并返回列表中最后一个元素

      print(x, xs) # 输出 "bar [3, 1, 'foo']"
```

关于列表使用凶残的细节,我不会说可以在这篇文档中找到的。

**切片 Slicing:** 除了每次访问列表元素的一个元素外,Python提供了一种简洁的语法来访问列表中的一部分;这种方式叫做切片:

```
nums = list(range(5))
                   # range 为一个内置函数,用来创建一个整型的列表
print(nums)
                    # 输出 "[0, 1, 2, 3, 4]"
print(nums[2:4])
                   # 得到一个切片,元素为索引 2 到 4 (开) 的列表元素; 输出 "[2,3]"
                   # 得到一个切片, 元素为索引 2 到 结尾的元素; 输出 "[2,3,4]"
print(nums[2:])
print(nums[:2])
                   # 得到一个切片, 元素为索引从开始(0) 到 2 (开)的元素; 输出 "[0, 1]"
                   # 得到一个切片, 元素为整个列表的全部元素; 输出 "[0, 1, 2, 3, 4]"
print(nums[:])
print(nums[:-1])
nums[2:4] = [8, 9]
                   # 切片的索引也可以为负值; 输出 "[0, 1, 2, 3]"
                   # 将一个列表对切片进行赋值
print(nums)
                   # 输出 "[0, 1, 8, 9, 4]"
```

我们在介绍 numpy arrays 的时候还会见到切片。

循环 Loops: 你可以像下面这样遍历列表元素:

```
animals = ['cat', 'dog', 'monkey']
for animal in animals:
    print(animal)
# 输出 "cat", "dog", "monkey", 每个元素一行.
```

如果你想在循环体中获取其中元素的索引,需要使用内置函数 enumerate I:

```
animals = ['cat', 'dog', 'monkey']
for idx, animal in enumerate(animals):
    print('#%d: %s' % (idx + 1, animal))
# 輸出 "#1: cat", "#2: dog", "#3: monkey", 每个输出一行
```

**列表解析** List comprehensions: 编程工程中,我梦经常需要将一种类型的数据转换成另外一种类型的数据。

下面是计算数字平方数的例子:

```
nums = [0, 1, 2, 3, 4]
squares = []
for x in nums:
    squares.append(x ** 2)
print(squares) # 输出 [0, 1, 4, 9, 16]
```

可以使用**列表解析** list comprehension来更加优雅地完成上述任务:

```
nums = [0, 1, 2, 3, 4]
squares = [x ** 2 for x in nums]
print(squares) # 输出 [0, 1, 4, 9, 16]
```

列表解析中也可以包含条件表达式:

```
nums = [0, 1, 2, 3, 4]
even_squares = [x ** 2 for x in nums if x % 2 == 0]
print(even_squares) # 输出 "[0, 4, 16]"
```

#### 字典 Dictionaries

字典用来存储键值对——(key, value),和Java中的 map 或者Javascript中的对象类似。其用法如下:

```
d = {'cat': 'cute', 'dog': 'furry'} # 创建一个字典
print(d['cat']) # 获取字典中的某项; 输出 "cute"
print('cat' in d) # 检查字典中是否有某个给定的键; 输出 "True"
d['fish'] = 'wet' # 修改字典中的某项
print(d['fish']) # 输出 "wet"
# print(d['monkey']) # 键的错误, KeyError: 'monkey' 不是字典 d 中的键
print(d.get('monkey', 'N/A')) # 获取到一个默认的元素; 输出 "N/A"
print(d.get('fish', 'N/A')) # 获取到一个默认的元素; 输出 "wet"
del d['fish'] # 从字典中移除一个元素
print(d.get('fish', 'N/A')) # "fish" 不再是其中的一个键; 输出 "N/A"
```

关于字典的更多的用法,请阅读这篇文档.

遍历: 字典很容易遍历其中的键:

```
d = {'person': 2, 'cat': 4, 'spider': 8}
for animal in d:
    legs = d[animal]
    print('A %s has %d legs' % (animal, legs))
# 輸出 "A person has 2 legs", "A cat has 4 legs", "A spider has 8 legs"
```

如果你想在遍历字典过程中,同时获取字典中的键和键对应的值,使用 items 方法:

```
d = {'person': 2, 'cat': 4, 'spider': 8}
for animal, legs in d.items():
    print('A %s has %d legs' % (animal, legs))
# 输出 "A person has 2 legs", "A cat has 4 legs", "A spider has 8 legs"
```

字典解析 Dictionary comprehensions: 字典解析和列表解析类似,能够以更快的方式建立字典。例如:

```
nums = [0, 1, 2, 3, 4]
even_num_to_square = {x: x ** 2 for x in nums if x % 2 == 0}
print(even_num_to_square) # 輸出 "{0: 0, 2: 4, 4: 16}"
```

#### 集合 Sets

集合是不同无序元素组成的集体。其基本的用法,参见下方示例:

```
animals = {'cat', 'dog'}
print('cat' in animals) # 检查某元素是否是集合中的元素; 输出 "True"
print('fish' in animals) # 输出 "False"
animals.add('fish') # 向集合中增加一个元素
print('fish' in animals) # 输出 "True"
print(len(animals)) # 集合中元素的数量; 输出 "3"
animals.add('cat') # 向集合中增加一个已经存在的元素
print(len(animals)) # 输出 "3"
animals.remove('cat') # 从结合中移除一个元素
print(len(animals)) # 输出 "2"
```

同样,如果想知道关于集合的更多用法的介绍请阅读这篇文档.

**遍历:** 遍历集合和遍历列表的语法相同; 但是,由于集合是无序的,所以你没办法假设你访问的集合中元素就是按照显示的顺序访问的:

```
animals = {'cat', 'dog', 'fish'}
for idx, animal in enumerate(animals):
    print('#%d: %s' % (idx + 1, animal))
# 输出 "#1: fish", "#2: dog", "#3: cat"
```

集合解析 Set comprehensions: 和集合以及字典类似,你也可以使用集合解析来构建集合:

```
from math import sqrt

nums = {int(sqrt(x)) for x in range(30)}

print(nums) # 輸出 "{0, 1, 2, 3, 4, 5}"
```

#### 元组 Tuples

元组是值不可更改的有序列表。

元祖在很多方面和列表一样, 和列表最大的不同点就是元祖可以作为字典以及集合中的键, 而列表是不可以这样的。

```
下面是一个简单的示例:
```

```
d = {(x, x + 1): x for x in range(10)} # 创建一个带有元组键值的字典
t = (5, 6) # 创建一个元组
print(type(t)) # 输出 "<class 'tuple'>"
print(d[t]) # 输出 "5"
print(d[(1, 2)]) # 输出 "1"
```

这个文档 有关于元组更多的信息。

### 函数 Functions

Python 函数使用 def 关机字来构建. 举例:

```
def sign(x):
    if x > 0:
        return 'positive'
    elif x < 0:
        return 'negative'
    else:
        return 'zero'

for x in [-1, 0, 1]:
    print(sign(x))
# 輸出 "negative", "zero", "positive"</pre>
```

我们常常定义一些包含一些可选参数的函数,就像下面这个一样:

```
def hello(name, loud=False):
    if loud:
        print('HELLO, %s!' % name.upper())
    else:
        print('Hello, %s' % name)

hello('Bob') # 輸出 "Hello, Bob"
hello('Fred', loud=True) # 輸出 "HELLO, FRED!"
```

这篇文档 中有关于Python 函数的更多用法.

#### 类 Classes

Python 用来定义类的语法很简单:

```
class Greeter(object):

# 构造器 Constructor
def __init__(self, name):
    self.name = name  # Create an instance variable

# 实例方法 Instance method
def greet(self, loud=False):
    if loud:
        print('HELLO, %s!' % self.name.upper())
    else:
        print('Hello, %s' % self.name)

g = Greeter('Fred')  # 构建一个 Greeter 类的实例
g.greet()  # 调用一个实例方法; 输出 "Hello, Fred"
g.greet(loud=True)  # 调用一个实例方法; 输出 "HELLO, FRED!"
```

关于Python类,更多请阅读这篇文档.

# Numpy

Numpy 是Python中用于科学计算的核心库。它提供了高效的多维阵列/数组对象以及用来处理这种对象的工具。如果你已经对MATLAB比较熟悉,这篇文档可能对于你开始使用Numpy有帮助。

## 阵列/数组 Arrays

一个 numpy 阵列/数组 可以视作是由值构成的网格,其中所有元素为同一类型,通过非负值元组来索引。阵列/数组的秩(rank)是维度数;阵列/数组的大小( *shape*)是一个整型的阵列/数组,其给出了每个维度下的阵列/数组的大小。

我们可以使用Python 嵌套列表来初始化一个 numpy 阵列/数组,并且使用方括号来方位其中的元素:

```
import numpy as np

a = np.array([1, 2, 3]) # 创建一个秩为 1 的阵列/数组
print(type(a)) # 输出 "<class 'numpy.ndarray'>"
print(a.shape) # 输出 "(3,)"
print(a[0], a[1], a[2]) # 输出 "1 2 3"
a[0] = 5 # 改变阵列/数组中的某个元素
print(a) # 输出 "[5, 2, 3]"

b = np.array([[1,2,3],[4,5,6]]) # 创建一个秩为 2 的阵列/数组
print(b.shape) # 输出 "(2, 3)"
print(b[0, 0], b[0, 1], b[1, 0]) # 输出 "1 2 4"
```

Numpy 也提供了很多其他的方法来创建阵列/数组:

```
import numpy as np
a = np.zeros((2,2)) # 创建一个全 0 的阵列/数组
       # 输出 "[[ 0. 0.]
# [ 0. 0.]]"
print(a)
b = np.ones((1,2)) # 创建一个全 1 的阵列/数组
print(b)
        # 输出 "[[ 1. 1.]]"
c = np.full((2,2), 7) # 创建一个常阵列/数组
print(c) # 输出 "[[ 7. 7.]
               # [ 7. 7.]]"
d = np.eye(2) # 创建一个 a 2x2 单位矩阵
print(d)
              # 输出 "[[ 1. 0.]
              # [0.1.]]"
e = np.random.random((2,2)) # 创建一个随机数阵列/数组
print(e)
                    # 也许会输出 "[[ 0.91940167 0.08143941]
```

想知道关于阵列/数组创建更多的内容请阅读 这篇文档.

# 阵列/数组索引(/访问) Array indexing

Numpy 提供了集中索引到阵列/数组中的方法。

**切片 Slicing:** 类似于 Python 列表, numpy 阵列/数组也支持切片。 由于numpy 的阵列/数组时多维的,所以你必须明确阵列/数组每个维度的切片。

```
import numpy as np

# 创建一个秩为 2 大小为 (3, 4) 的阵列/数组

# [[ 1 2 3 4]

# [ 5 6 7 8]

# [ 9 10 11 12]]

a = np.array([[1,2,3,4], [5,6,7,8], [9,10,11,12]])

# 使用切片来抽取 a 的子阵列/数组,包含其前两行,第 1 到 2 列中的元素。

# b 为注释中 (2, 2) 的阵列/数组:

# [[2 3]

# [6 7]]

b = a[:2, 1:3]

# 一个数据的切片是阵列/数组时同一数据区的不同视图,所以对于切片修改也会修改原始阵列/数组的元素
print(a[0, 1]) # 输出 "2"

b[0, 0] = 77 # b[0, 0] 和 a[0, 1] 是完全相同的数据
print(a[0, 1]) # 输出 "77"
```

你可以将整数索引和切片索引混合使用。 但是,这样做会产生比原始阵列/数组秩/级(rank)耕地的阵列/数组。 注意,这和MATLAB中处理阵列/数组切片的方式完全不同:

```
import numpy as np
# 创建如下秩为 2 , 大小 (3, 4) 的阵列/数组
#[[1 2 3 4]
# [5 6 7 8]
# [ 9 10 11 12]]
a = np.array([[1,2,3,4], [5,6,7,8], [9,10,11,12]])
# 阵列/数组中间行的两种访问方式
# 混合使用整数和切片作为索引的方式产生了秩较小的阵列/数组,
# 而仅使用切片索引的方式产生了和原始阵列/数组同样秩的阵列/数组:
row_r1 = a[1, :] # 秩为 1, 视作 a 的第二行
row r2 = a[1:2, :] # 秩为 2, 视作 a 的第二行
print(row r1, row r1.shape) # 输出 "[5 6 7 8] (4,)"
print(row_r2, row_r2.shape) # 输出 "[[5 6 7 8]] (1, 4)"
# 当访问一个阵列/数组的列,同样可以用这两种方式来观察差别:
col r1 = a[:, 1]
col_r2 = a[:, 1:2]
print(col_r1, col_r1.shape) # 輸出 "[ 2 6 10] (3,)"
print(col_r2, col_r2.shape) # 输出 "[[ 2]
                         [ 6]
                       #
                               [10]] (3, 1)"
```

整型阵列/数组索引 Integer array indexing: 当你采用切片的方式索引到 numpy 阵列/数组中,得到的结果形式上总是原始阵列/数组的一个子阵列/数组。相较而言,整型整列索引能够使用其他阵列/数组中的数据来构建你想要的阵列/数组。举例如下:

```
import numpy as np

a = np.array([[1,2], [3, 4], [5, 6]])

# 整型整列索引举例
# 返回一个大小为 (3,) 的阵列/数组
print(a[[0, 1, 2], [0, 1, 0]]) # 输出 "[1 4 5]"

# 上面整型阵列/数组索引的示例等效于下面这种表达:
print(np.array([a[0, 0], a[1, 1], a[2, 0]])) # 输出 "[1 4 5]"

# 整型整列索引,可以重复使用原数组中的元素
print(a[[0, 0], [1, 1]]) # 输出 "[2 2]"

# 等效于下面这种表达
print(np.array([a[0, 1], a[0, 1]])) # 输出 "[2 2]"
```

整型整列索引中有个实用的技巧,那就是选择或者更改矩阵每一行的一个元素:

```
import numpy as np
# 创建一个新的阵列/数组
a = np.array([[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9], [10, 11, 12]])
print(a) # 输出 "array([[ 1, 2, 3],
       #
                     [4, 5, 6],
                      [7, 8, 9],
                      [10, 11, 12]])"
        #
# 创建一个索引值阵列/数组
b = np.array([0, 2, 0, 1])
# 使用 b 中的索引值来在矩阵 a 中的每一行中选择对应元素
print(a[np.arange(4), b]) # 输出 "[ 1 6 7 11]"
# 使用 b 中的索引值来更改矩阵 a 中的每一行中选择对应元素
a[np.arange(4), b] += 10
print(a) # 输出 "array([[11, 2, 3],
                      [4, 5, 16],
        #
        #
                      [17, 8, 9],
                      [10, 21, 12]])
```

布尔型阵列/数组索引 Boolean array indexing: 布尔型阵列/数组缩影能够让你选择阵列/数组中的任意元素。这种类型的索引一般用来选择满足某些条件的阵列/数组中的元素。举例如下:

```
import numpy as np

a = np.array([[1,2], [3, 4], [5, 6]])

bool_idx = (a > 2) # 找出所有大于 2 的元素;
# 这句代码返回一个 numpy 阵列/数组, 大小与 a 相等,
```

对于numpy阵列/数组的索引技术,这里遗漏了很多具体细节,如果你有勇气了解它们,请阅读这篇文档.

### 数据类型

每个numpy阵列/数组可以视作由相同数据类型醉成的网格。Numpy提供了一系列的数值型数据类型来构建阵列/数组。当你创建一个阵列/数组时,numpy会想假设其数据类型,但是构建阵列/数组的函数通常会包含一个参数来明确数据类型。下面为一个具体示例:

```
import numpy as np

x = np.array([1, 2])  # numpy 自行"选择"的数值类型
print(x.dtype)  # 输出 "int64"

x = np.array([1.0, 2.0])  # numpy 自行"选择"的数值类型
print(x.dtype)  # 输出 "float64"

x = np.array([1, 2], dtype=np.int64)  # 指定某种特定的数据类型
print(x.dtype)  # 输出 "int64"
```

关于 numpy 的数据类型,你可以阅读这篇文档 了解更多。

## 阵列/数组数学运算

在numpy模块中,不单是提供了运算符重载还提供了许多函数,能够进行基本的数学运算:

```
print(x - y)
print(np.subtract(x, y))
# 对应元素之积(product); 下面两种方式结果一致
# [[ 5.0 12.0]
# [21.0 32.0]]
print(x * y)
print(np.multiply(x, y))
# 对应元素之除(division); 下面两种方式结果一致
# [[ 0.2
         0.33333333]
# [ 0.42857143 0.5 ]]
print(x / y)
print(np.divide(x, y))
# 逐元素求平方根(square root); 得到结果如下
# [[ 1. 1.41421356]
# [ 1.73205081 2. ]]
print(np.sqrt(x))
```

注意和 MATLAB 不一样,这里\*符号是对应元素之积,而不是矩阵乘法。这里我们使用 dot 函数来计算向量间,向量和矩阵,矩阵间的乘法。numpy模块中 dot 既可以作为内置函数也可以作为阵列/数组对象的实例方法来调用:

```
import numpy as np
x = np.array([[1,2],[3,4]])
y = np.array([[5,6],[7,8]])
v = np.array([9,10])
w = np.array([11, 12])
# 向量间内积(Inner product); 两种方法均得到结果 219
print(v.dot(w))
print(np.dot(v, w))
# 矩阵向量乘法(product); 两种方法均得到秩/级为 1 的阵列/数组 [29 67]
print(x.dot(v))
print(np.dot(x, v))
# 矩阵间乘法(product); 两种方法均得到秩/级为 2 的阵列/数组
# [[19 22]
# [43 50]]
print(x.dot(y))
print(np.dot(x, y))
```

Numpy 对于基于阵列/数组的运算提供了很多有用的函数,其中一个最有用的方法就是 sum:

```
import numpy as np

x = np.array([[1,2],[3,4]])

print(np.sum(x)) # 计算出所有元素的和; 输出 "10"

print(np.sum(x, axis=0)) # 对每列(column)求和; 输出 "[4 6]"

print(np.sum(x, axis=1)) # 对每行(row)求和; 输出 "[3 7]"
```

阅读这篇文档你能够找到所有numpy支持的舒徐运算函数。

阅读 这篇文档 你可以看到Numpy提供的用来对阵列/数组进行更多操作的更多函数。

### 广播

广播是numpy中一种强大的机制,用于算数操作,其使得大小不同的阵列/数组进行计算操作。我们往往会遇到同时又两个一大一小的阵列/数组情况,并且期望使用更小的阵列/数组在相对大的阵列/数组上执行一些操作。

例如,我们要为一个矩阵的每一行加上一个常量向量,我们可以这样做:

```
print(y)
```

采用这种方式是可行的;然而,当矩阵 x 非常大的时候,这种采用明确循环的计算在Python中会运行得非常慢。注意,将向量 v 加到矩阵 x 的每行,相当于将多个相同的向量 v 摞(stack)起来组成 vv, 然后对 x 和 vv 相加。采用下面方法可以实现这一操作:

```
import numpy as np
# 将矩阵 x 的每一行加上向量 v,
# 将结果存储到矩阵 y 中
x = np.array([[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9], [10, 11, 12]])
v = np.array([1, 0, 1])
vv = np.tile(v, (4, 1)) # 将 4 个向量 v 垂直地摞起来
                      # 输出 "[[1 0 1]
print(vv)
                              [1 0 1]
                               [1 0 1]
                               [1 0 1]]"
y = x + vv # x 和 vv 逐元素相加
print(y) # 输出 "[[ 2 2 4
                [5 5 7]
                 [8 8 10]
                 [11 11 13]]"
```

Numpy 广播让我们不需要实际创建多个向量 v 副本来进行计算。下方为使用广播来计算地版本:

虽然其中x的大小是(4,3), 而v的大小为(3,),但是y=x+v这行代码能够正常运行得到正确的结果,这需要感谢Python的广播机制;这行代码之所以能够运行,是因为v的实际大小是(4,3)其中每行就是向量v的一个拷贝,之后逐元素进行运算。

广播两个阵列/数组遵循以下这些规则:

- 1. 如果两个阵列/数组的秩/级(rank)不一样,需要先以一为单位来扩展秩/级比小的阵列/数组知道两者的大小一 致。
- 2. 如果两个阵列/数组的维度一致,或者其中一个维度数为1,我们就说这两个阵列/数组在维度上是相容的。
- 3. 如果两个阵列/数组在所有维度上是相容的,则说他们是可以广播的。
- 4. 广播之后,每个阵列/数组的大小将形如输入阵列/数组中每次对应项中最大的尺寸(译者注: 这段话不太好翻译)。(After broadcasting, each array behaves as if it had shape equal to the elementwise maximum of shapes of the two input arrays.)

5. 如果一个矩阵其任意一维上的长度为 1,而另外一个矩阵在该维下长度大于 1,那么在该维度上就形如该维长度为 1 的数组进行了复制。

如果这段说明你没有理解,请阅读 这篇文档 或者 这个解释.

支持广播的函数被称为 通用函数 (universal functions)。想了解更多通用函数,请阅读 这篇文档.

这里又广播的几个应用:

```
import numpy as np
# 计算两向量的外积
v = np.array([1,2,3]) # v 大小为 (3,)
w = np.array([4,5]) # w 大小 (2,)
# 计算向量的外积, 首先将向量 v 调整大小/重塑(resize)为一个列向量,
# 大小为(3, 1), 然后对 w 广播 v 得到 v 和 w 的外积, 大小为(3, 2):
# [[ 4 5]
# [8 10]
# [12 15]]
print(np.reshape(v, (3, 1)) * w)
# 将某向量加到矩阵每一行
x = np.array([[1,2,3], [4,5,6]])
# x 大小为 (2, 3) and v 大小为 (3,) so they broadcast to (2, 3),
# giving the following matrix:
# [[2 4 6]
# [5 7 9]]
print(x + v)
# 将某向量加到矩阵每一列
# x 大小为 (2, 3) and w 大小为 (2,).
# x 的转置大小为 (3, 2) 然乎对 w 广播
# 得到的结果大小 (3, 2); 对该结果转置
# 得到的结果大小 (2, 3) , 得到矩阵 x
# 每列加上向量 w的计算结果。
# [[ 5 6 7]
# [ 9 10 11]]
print((x.T + w).T)
# 另一种方法是将 w 调整为大小为列向量, 大小为(2, 1);
# 我们就可以对 x 直接广播 w , 得到和上述方法相同的结果。
print(x + np.reshape(w, (2, 1)))
# 将一个矩阵乘以一个常数:
# x 大小为 (2, 3). Numpy 将常量视作大小为 shape(x) 的阵列/数组;
# 例子中被广播成大小为shape(2, 3),得到以下结果:
# [[ 2 4 6]
# [ 8 10 12]]
print(x * 2)
```

广播机制一般情况下能使得你的代码变得简介而高效,所以你需要努力尽可能在能广播的时候尽量广播。

### Numpy 文档

本文以及涉及了numpy中很多你需要掌握的内容,但是只是大概介绍了一下,还远远不够和完整。关于numpy,想了解更多,请阅读 numpy 文档。

# SciPy

Numpy提供了高效的多维阵列/数组对象以及计算和处理阵列/数组的多种基础工具。 <u>SciPy</u> 就是基于此建立的强大工具,它提供了可以在 numpy 阵列/数组上操作的多种函数,并且在科学和工程领域有极其广泛的应用。

熟悉SciPy最好的方式就是阅读 <u>这篇文档</u>. z在这里我们着重挑选了 SciPy 中几个重要的模块,并将在这门课中练习使用。

#### 图片操作

SciPy提供了一些基本的函数来处理图片(image). I例如,其提供了将图片从存储磁盘中读取到 numpy 阵列/数组的函数,将 numpy 阵列/数组写入到图像的函数,重新调整图片大小的函数等等。 这里有一个简单示例,来展示上述功能:

```
from scipy.misc import imread, imsave, imresize

# 读取一幅 JPEG 图片到 numpy 阵列/数组中
img = imread('assets/cat.jpg')
print(img.dtype, img.shape) # 输出 "uint8 (400, 248, 3)"

# 我们可以对图片的每个通道值乘以一个标量值来对图片进行着色

# 例子中图片大小为 (400, 248, 3);
# 将其乘以阵列/数组 [1, 0.95, 0.9] 大小为(3,);
# 由于 numpy 的广播机制, 图片的红色通道值将不做改变,
# 绿色通道和蓝色通道分别乘以 0.95 和 0.9
img_tinted = img * [1, 0.95, 0.9]

# 将着色后的图片调整为 300 x 300 像素大小
img_tinted = imresize(img_tinted, (300, 300))

# 将着色后的图片写回磁盘存储
imsave('assets/cat_tinted.jpg', img_tinted)
```



左侧: 元素图片。

右侧: 重新着色和调整大小后的图片。

# MATLAB 文件

使用 scipy.io.loadmat 和 scipy.io.savemat 函数能够读入和写回 MATLAB 文件 关于其具体用大请阅读 <u>这篇文</u> 档.

#### 点间距离

SciPy 定义了很多有用的函数,用来计算点集合中点(译者注:不只是二维空间的点)间距离。

scipy.spatial.distance.pdist 函数用来计算给定集合中每对点间距离:

```
import numpy as np
from scipy.spatial.distance import pdist, squareform
# 创建如下发数据, 其中每行代表二维平面空间中的一个点:
# [[0 1]
# [10]
# [2 0]]
x = np.array([[0, 1], [1, 0], [2, 0]])
print(x)
# 计算 x 中每行间的欧几里得距离。
# d[i, j] 表示 x[i, :] 与 x[j, :] 间的距离;
# d 是以下矩阵:
             1.41421356 2.23606798]
# [[ 0.
# [ 1.41421356 0.
                       1.
                                ]
# [ 2.23606798 1.
                      0.
                                 11
d = squareform(pdist(x, 'euclidean'))
print(d)
```

关于本函数 这篇文档.

有一个类似的函数 (scipy.spatial.distance.cdist) 同样用来计算两个集合之间点对之间的距离;关于其用法请参见这篇文档 这篇文档.

# Matplotlib

Matplotlib 是一个绘图库。 在这个部分,将对 matplotlib.pyplot 模块作简要的介绍,在MATLAB中有与之相似的模块。

## 绘图 Plotting

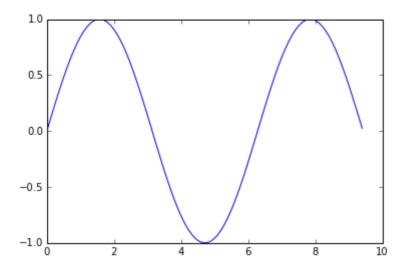
matplotlib 中最最重要的函数就是 plot, 它可以将你的数据绘制成 2D(平面) 图。下面是一个简单示例:

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

# 计算正弦曲线上点的 x 和 y 坐标
x = np.arange(0, 3 * np.pi, 0.1)
y = np.sin(x)

# 使用 matplotlib 来绘制点
plt.plot(x, y)
plt.show() # 必须调用 plt.show() 来显示图
```

运行上代码, 最终会生成下图:

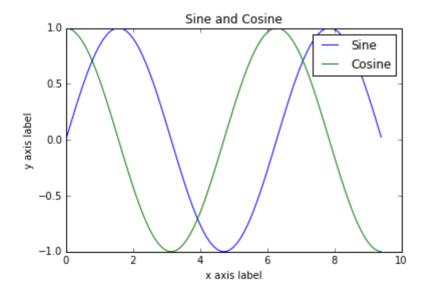


只需要很少量的工作,我们就能在一张图上绘制多条曲线,为图标增加标题,图例,坐标轴名称:

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

# 计算正弦曲线和余弦去线上点的 x 和 y 坐标
x = np.arange(0, 3 * np.pi, 0.1)
y_sin = np.sin(x)
y_cos = np.cos(x)

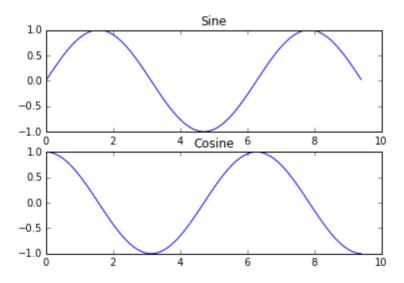
# 使用 matplotlib 来绘制点
plt.plot(x, y_sin)
plt.plot(x, y_cos)
plt.xlabel('x axis label')
plt.ylabel('y axis label')
plt.title('Sine and Cosine')
plt.legend(['Sine', 'Cosine'])
plt.show()
```



## 子图 Subplots

使用 subplot 函数能够在绘图(figure)中绘制几幅不同的图像。下方为一个示例:

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
# 计算正弦曲线和余弦去线上点的 x 和 y 坐标
x = np.arange(0, 3 * np.pi, 0.1)
y_sin = np.sin(x)
y_cos = np.cos(x)
# 设置子图网格, 高度为 2 宽度为 1,
# 并且将第一幅这样的子图设置为当前(activated)
plt.subplot(2, 1, 1)
# 制作第一幅
plt.plot(x, y_sin)
plt.title('Sine')
# 将第二幅这样的子图设置为当前(activated),制作第二幅图
plt.subplot(2, 1, 2)
plt.plot(x, y_cos)
plt.title('Cosine')
#显示全部绘图(figure)
plt.show()
```



关于 subplot 函数, 你可以通过阅读 这篇文档 了解更多。

# 图片 Images

可以使用 imshow 函数来展示图片。下面是一个例子:

```
import numpy as np
from scipy.misc import imread, imresize
import matplotlib.pyplot as plt

img = imread('assets/cat.jpg')
img_tinted = img * [1, 0.95, 0.9]

# 显示原始图片
plt.subplot(1, 2, 1)
plt.imshow(img)

# 显示着色的图片
plt.subplot(1, 2, 2)

# 如果要显示的数据不是 uint8 类型编码的, imshow 的一个小毛病是
# 有时候它会输出很奇怪的结果。为了解决这个问题,我们在显示其之前
# 显式地将图片专户为 uint8 类型。
plt.imshow(np.uint8(img_tinted))
plt.show()
```

