智能优化方法

王洪峰

Email: hfwang@mail.neu.edu.cn

东北大学信息科学与工程学院

授课教师简介

- > 王洪峰: 教授、博士生导师
 - 2007.04-2007.03 东北大学 系统工程专业 工学博士
 - 2001.09-2004.03 东北大学 系统工程专业 工学硕士
 - 1997.09-2001.07 东北大学 工业工程专业 管理学学士
 - 2006.04至今 东北大学信息学院 助教(2006)、讲师(2007)、副教授(2011)、教授(2017)
- > 研究领域:复杂系统建模与优化、进化计算、机器学习

授课教师简介

- > 王洪峰:教授、博士生导师
- > 研究生培养情况
 - 已毕业博士研究生3人(毕业去向:政府机关、大学)
 - 已毕业硕士研究生60多人(毕业去向:互联网企业、央企等技术研发)
 - 在读博士7人、在读硕士27人(报送生13人、东大本科生13人)
- > Email: hfwang@mail.neu.edu.cn
- ▶ 电话: 13478396778
- > 个人主页: http://faculty.neu.edu.cn/ise/wanghongfeng/

- >智能优化方法=智能+优化+方法
 - 智能是本课程教学内容的定位和机理
 - 优化是本课程教学内容的背景和范畴
 - 方法是本课程的主要内容和目标

- ▶智能 V.S. 人工智能
 - 人工智能(Artificial Intelligence, AI):研究、开发用于模拟、延伸和扩展人的智能的理论、方法、技术及应用系统的一门新的技术科学。
 - AI books
- 1. Callan R (2003). Artificial intelligence. Palgrave Macmillan Publishers.
- 2. Negnevistky M(2005). Artificial intelligence: a Guide to intelligent systems. Addison-Wesley Publishers.
- 3. Russell S and Norvig P (2009). Artificial intelligence: a modern approach. Prentice-Hall, Englewood Cliffs

- ▶优化 V.S. 运筹学
 - 最优化问题通常是指选择一组参数(变量),在 满足一系列有关的限制条件(约束)下,使设计 指标(目标)达到最优值。
 - •运筹学(OR)的基本思想在我国古代就已经产生,但作为近代应用数学的一个分支,普遍认为兴起于20世纪40年代。



- ▶优化 V.S. 运筹学
 - 西汉 司马迁《史记 高祖本纪》: "夫运筹策帷幄之中,决胜于千里之外,吾不如子房。"
 - 田忌赛马:"以君之下驷与彼上驷,取君上驷与彼中驷,取君中驷与彼下驷。"——摘自《史记孙子吴起列传第五》



- ▶优化 V.S. 运筹学
 - 丁谓挖沟: "祥符中禁火,时丁晋公主营复宫室, 患取土远,公乃令凿通衢取土,不日皆成巨堑, 乃决汴水入堑中,引诸道竹木排筏及船运杂材, 尽自堑中入至宫门。事毕,却以斥弃瓦砾灰壤实 于堑中,复为街衢。一举而三役济,计省费以亿 万。"——摘自北宋 沈括《梦溪笔谈 权智》

- ▶优化 V.S. 运筹学
 - 大西洋反击战: 研究如何解决德国潜水艇对盟军运输船的严重威胁
 - 英军战斗机援法决策: 研究是否增援10个战斗机 中队赴法与德军作战
 - OR: Operational Research or Operations Research

- ▶方法 V.S. 元启发式(现代启发式)
 - 精确算法: 找到最优解并评估最优性
 - 启发式算法:为复杂的优化问题快速生成近似最 优解,构造启发式每次添加单个元素(节点、弧) 等生成解决方案
 - 贪婪启发式追求每一步的最大化改进
 - 改进启发式从可行解开始利用邻域搜索逐步迭代改进

- ▶方法 V.S. 元启发式
 - 元启发式算法:独立于问题的算法框架,提供一些规则用来指导启发式算法的开发,它是启发式算法的改进,一般可以认为是随机搜索与局域搜索相结合的产物

- ▶方法 V.S. 元启发式
 - 元启发式是一个迭代生成过程,通过对不同概念的智能组合,该过程以启发式算法实现对搜索空间的探索与开发,在这个过程中学习策略被用来获取和掌握信息,以有效地发现近似最优解。
 - 在本课程范畴内元启发式算法就是智能优化方法

- > 这是一门关于计算智能的课程
- > 这是一门介绍<mark>优化</mark>工具的课程
- > 这是一门注重方法技巧学习的课程

课程安排

No. 1 导言 2学时

No. 2 预备知识 2学时

No. 3 禁忌搜索 2+2学时

No. 4 模拟退火 2+2学时

No. 5 遗传算法 5+3学时

课程安排

No. 6 进化策略 2学时

No.7 遗传规划 2学时

No. 8 粒子群优化算法 2+2学时

No. 9 蚁群算法 2学时

No. 10 前沿技术讲座 2学时

授课要求

- ▶ 成绩: 平时作业(20%)+实验报告(30%)+期末 测试(50%)
- > 平时作业:课上完成,随堂提交
- > 实验作业: 算法编程, 提交报告
- >期末测试:集中考试,开卷

课程目标

- > 理解智能优化算法机理和内涵
- ▶能够实现至少4种智能优化算法程序
- ▶ 掌握智能优化算法在经典科学和工程问题 上应用技巧

让我们共同努力!

第一章 导言

O. 最优化的重要性

1. 人类的一切活动都是认识世界和改造世界的过程

即: 认识世界 → 改造世界↓ ↓ ↓(建模) → (优化)

O. 最优化的重要性

2. 一切学科都是建模与优化在某个特定领域中的应用

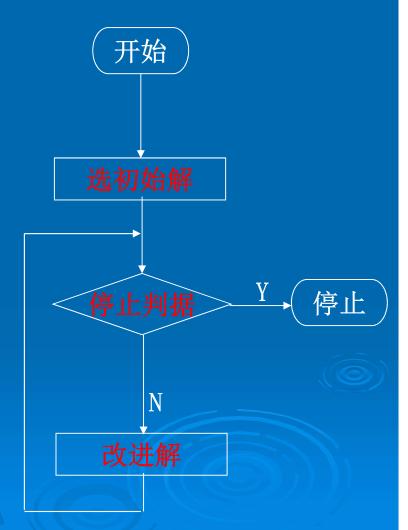
概念模型(定性) → 结构模型(图) →

数学模型(定量) → 智能模型(系统)

- O. 最优化的重要性
- 3. 最优化理论的发展
- ① 极值理论
- ② 运筹学的兴起(OR)
- ③ 数学规划:线性规划(LP);非线性规划 (NLP);动态规划(DP);马尔可夫规划(MDP)
- 4. 最优化理论在国民经济中的广泛应用

如右图所示

- 1. 选一个初始解
- ① LP: 大M法, 二阶段法
- ② NLP: 任意点或一个内点



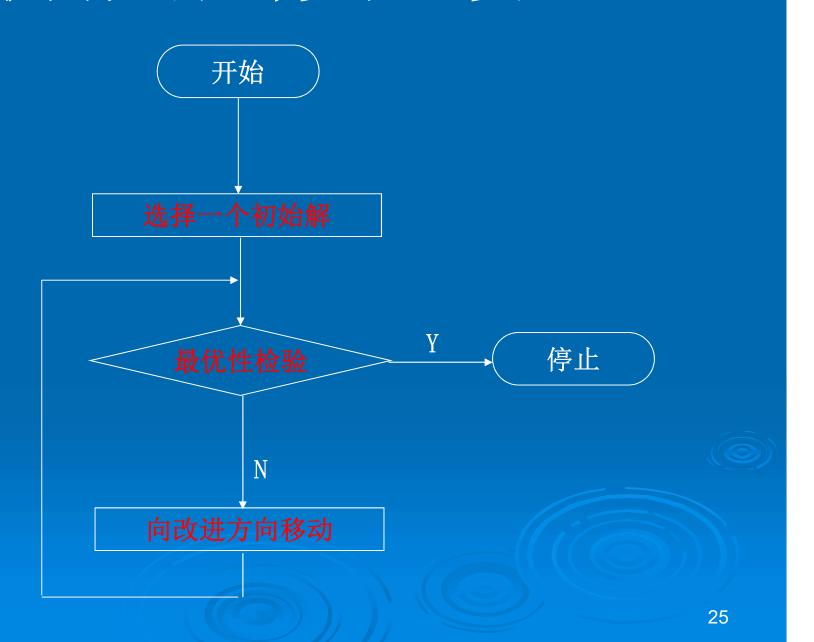
- 2. 停止判据——最优性检验
- ① LP: 检验数 $\Pi = C_B^T B^{-1} N C_N^T$

$$C = [C_B | C_N]^T \qquad A = [B | N]$$

- 当 Ⅱ≥0 时有可能减小
- ② NLP: $\nabla f(x) = 0$

3. 向改进方向移动——改进解

- ① LP: 转轴变换(进基、退基)
- ② NLP: 向负梯度方向移动(共轭梯度方向、 牛顿方向)



二.传统优化方法的局限性

- 1. 对问题中目标函数、约束函数有很高的要求——有显式表达,线性、连续、可微,且高阶可微
- 2. 只从一个初始点出发,难以进行并行、网络计算,难以提高计算效率

二.传统优化方法的局限性

- 3. 最优性达到的条件太苛刻——目标函数为凸, 可行域为凸
- 4. 在非双凸条件下,没有跳出局部最优解的能力

只会做一种尺码鞋子的鞋匠



三. 实际问题中对最优化方法的要求

- 1. 对问题的描述要宽松(目标和约束函数)——可以用一段程序来描述(程序中带判断、循环),函数可以非连续、非凸、非可微、非显式
- 2. 并不苛求最优解——通常满意解、理想解, 甚至可行解就可以

三. 实际问题中对最优化方法的要求

- 3. 计算快速、高效,可随时终止(根据时间定解的质量)
- 4. 能够处理数据和信息的不确定性(如数据的 模糊性,事件的随机性)

四. 智能优化方法的产生与发展

- 1. 基于单点(邻域)搜索的智能优化方法
- > 禁忌搜索 (Tabu Search, TS)
- ➤ 模拟退火(Simulated Anealing, SA)
- > 变邻域搜索(Variable Neighborhood Search, VNS)
- ▶ 自适应大邻域搜索(Adaptive Large Neiborhood Search, ALNS)

四. 智能优化方法的产生与发展

- 2. 基于种群搜索的智能优化方法—进化算法
- ➤ 遗传算法(Genetic Algorithm, GA)
- ➤ 进化策略(Evolutionary Strategy, ES)
- > 遗传规划(Genetic Programming, GP)
- > 进化规划(Evolutionary Programming, EP)
- ➤ 差分进化(Differential Evolution, DE)

四. 智能优化方法的产生与发展

- 2. 基于种群搜索的智能优化方法—群智能算法
- > 粒子群优化(Particle Swarm Optimization, PSO)
- ➤ 蚁群优化算法(Ant Colony Optimization, ACO)
- ➤ 细菌觅食优化(Bacterial Foraging Optimization, BFO)
- ➤ 人工蜂群算法(Artificial Bee Colony, ABC)
- **>** ...

五.应用前景局限性和研究方向、注意事项

- 1. 应用前景十分广阔
- 2. 局限性——不能保证最优解,理论上不完备

五.应用前景局限性和研究方向、注意事项

- 3. 研究方向及注意事项
- ① 以应用为主,扩大面向新问题的应用;不要刻意 做理论研究,若碰上也不拒绝
- ② 算法改进表现在以下几个方面:问题描述、编码方法、算法构造及可行性修复策略
- ③ 要进行大量的上机计算

五.应用前景局限性和研究方向、注意事项

- ④ 算例的选取
 - 以下算例的说服力降序排列:标准测试用例、文献中的例子、实际例子、随机产生的例子、自己编的例子
 - > Benchmark的不断发展
- ⑤ 如何检验算法的好坏: 比较计算速度及消耗、可解规模、(从不同的随机种子出发) 达优率——客观公正与良心!

六. 智能优化方法的新挑战

随着人们关注的系统越来越复杂,智能优化方法也相应不断发展

- ▶ 复杂优化:多目标,多约束,多模态,动态环境,...
- > 超级启发式
- > 进化算法与机器学习

七. 学习这门课需要具备的基础

- 1. 信心、决心、热情
- 2. 数学基础
- 3. 计算机编程能力
- 4. 外语能力