

1 LE MISURE

1.1 grandezze fisiche, campioni e unità di misura

Conferenza
Generale dei
Pesi e delle
Misure

1.2 il sistema internazionale di unità di misura

tabella 1.1 pag 2 Unità fondamentali del Sistema Internazionale

Grandezze	Unità SI	
	Nome	Simbolo
Tempo	secondo	s
Lunghezza	metro	m
Massa	Kilogrammo	kg
Quantità di materia	mole	mol
Temperatura termodinamica	Kelvin	K
Corrente elettrica	Ampere	A
Intensità luminosa	candela	cd

tabella 1.2 pag 2

Prefissi per le unità SI

fattore	prefisso	simbolo	fattore	prefisso	simbolo
10^{18}	exa-	E	10^{-18}	atto-	a
10^{15}	peta-	P	10^{-15}	femto-	f
10^{12}	tera-	T	10^{-12}	pico-	p
10^9	giga-	G	10^{-9}	nano-	n
10^6	mega-	M	10^{-6}	micro-	μ
10^3	kilo-	k	10^{-3}	milli-	m
10^2	etto-	h	10^{-2}	centi-	c
10^1	deca-	da	10^{-1}	deci-	d

1.3 il campione di tempo

tabella 1.3, la misura di alcuni intervalli di tempo (valori approssimativi)

Intervallo di tempo	Secondi
Vita media del protone	$> 10^{40}$
Vita media del doppio decadimento β del ^{82}Se	$3 \cdot 10^{27}$
Età dell' Universo	$5 \cdot 10^{17}$
Età della piramide di Cheope	$1 \cdot 10^{11}$
Vita media dell' uomo	$2 \cdot 10^9$
Tempo di rivoluzione terrestre (1a)	$3 \cdot 10^7$
Tempo di rotazione terrestre (1d)	$9 \cdot 10^4$
Periodo di un'orbita bassa di satellite terrestre	$5 \cdot 10^3$
Tempo tra due battiti di cuore umano	$8 \cdot 10^{-1}$
Periodo di vibrazione di un diapason da concerto	$2 \cdot 10^{-3}$
Periodo di oscillazione di microonde (3cm)	$1 \cdot 10^{-10}$
Tipico periodo di rotazione di una molecola	$1 \cdot 10^{-12}$
Il più breve impulso di luce prodotto	$6 \cdot 10^{-15}$
Vita media delle particelle più instabili	$< 10^{-23}$

Il secondo è il tempo richiesto a una (specifica) radiazione emessa da uno (specifico) isotopo del cesio per effettuare 9 192 631 770 oscillazioni.

1.4 il campione di lunghezza

1 iarda = 0,9144 metri (esattamente)

1 in (pollice) = 2,54 cm (esattamente)

il metro è la lunghezza percorsa dalla luce nel vuoto in un intervallo di tempo pari a $1/(299\,792\,458)$ secondi. ovvero c (velocità della luce)

$c = 299\,792\,458 \text{ m/s}$ (esattamente)

tabella 1.4, alcune misure di lunghezza

Lunghezza	Metri
Distanza del quasar + lontano osservato (1996)	$2 \cdot 10^{26}$
Distanza della galassia di Andromeda	$2 \cdot 10^{22}$
Raggio della Via Lattea	$6 \cdot 10^{19}$
Distanza della stella + vicina (Proxima Centauri)	$4 \cdot 10^{16}$
Raggio medio dell'orbita del pianeta + lontano (Plutone)	$6 \cdot 10^{12}$
Raggio del Sole	$7 \cdot 10^8$
Raggio della Terra	$6 \cdot 10^6$
Altezza del monte Everest	$9 \cdot 10^3$
Statura di una persona media	$2 \cdot 10^0$
Spessore di questa pagina	$1 \cdot 10^{-4}$
Lunghezza di un virus tipico	$1 \cdot 10^{-6}$
Raggio dell'atomo di idrogeno	$5 \cdot 10^{-11}$
Raggio efficace di un protone	$\sim 10^{-15}$

1.5 il campione di massa

tabella 1.5 alcune misure di massa (valori approssimativi)

Oggetto	Kilogrammi
Universo conosciuto (stima)	$1 \cdot 10^{53}$
La Via Lattea	$1 \cdot 10^{43}$
Il Sole	$2 \cdot 10^{30}$
La Terra	$6 \cdot 10^{24}$
La Luna	$7 \cdot 10^{22}$
Un transatlantico	$7 \cdot 10^7$
Un elefante	$5 \cdot 10^3$
Un uomo	$6 \cdot 10^1$
Un acino d'uva	$3 \cdot 10^{-3}$
Un granello di polvere	$7 \cdot 10^{-10}$
Un virus	$5 \cdot 10^{-15}$
Una molecola di penicillina	$5 \cdot 10^{-17}$
L'atomo di uranio	$4 \cdot 10^{-26}$
Il protone	$2 \cdot 10^{-27}$
L'elettrone	$9 \cdot 10^{-31}$

$1u = 1,661 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ vedi tabella 1.6 misure massa atomica

$N_A = 6,02214199 \cdot 10^{23} \frac{\text{atomi}}{\text{mole}}$

Numero di Avogadro

1.6 precisione e cifre significative
1.7 analisi dimensionale

(spazio a tua disposizione x note capitolo I le misure)

2 moto in una dimensione

2.1 i vettori e la cinematica

vettori

cinematica

—	modulo
—	direzione
—	verso

dal greco *kínēsis*
movimento, come nella parola cinema

dinamica

dal greco *dýnamis*
forza, come nella parola dinamite

vettore posizione

$$\vec{r} = \vec{r}_1 + \vec{r}_2$$

2.2 proprietà dei vettori

componenti

$$a_x = a \cos \phi$$

$$a_x = a \cos \theta$$

2.1

$$a_x = a \cos \theta$$

$$a_y = a \sin \phi$$

$$a_y = a \sin \theta$$

$$a_y = a \sin \theta$$

$$a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$$

$$a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$$

2.2

$$a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$$

$$\tan \phi = a_y / a_x$$

$$\tan \theta = \frac{a_y}{a_x}$$

$$\tan \theta = \frac{a_y}{a_x}$$

2.3

$$\vec{a} = a_x \hat{i} + a_y \hat{j}$$

$$\vec{a} = a_x \hat{i} + a_y \hat{j}$$

$$\vec{a} = a_x \hat{i} + a_y \hat{j}$$

due vettori sono uguali solo se sono uguali le loro rispettive componenti.

Somma vettoriale

$$S_x \hat{i} + S_y \hat{j} = (a_x \hat{i} + a_y \hat{j}) + (b_x \hat{i} + b_y \hat{j}) = \\ = (a_x + b_x) \hat{i} + (a_y + b_y) \hat{j}$$

$$s_x \hat{i} + s_y \hat{j} = (a_x \hat{i} + a_y \hat{j}) + (b_x \hat{i} + b_y \hat{j}) = \\ = (a_x + b_x) \hat{i} + (a_y + b_y) \hat{j}$$

$$s_x \hat{i} + s_y \hat{j} = (a_x \hat{i} + a_y \hat{j}) + (b_x \hat{i} + b_y \hat{j}) = (a_x + b_x) \hat{i} + (a_y + b_y) \hat{j}$$

	$S_x = a_x + b_x$	$S_y = a_y + b_y$
2.4	$s_x = a_x + b_x$	$s_y = a_y + b_y$
	$s_x = a_x + b_x$	$s_y = a_y + b_y$

moltiplicazione di un vettore x uno scalare
 $\vec{c} \vec{a} = \vec{a} \cdot \frac{1}{c}$ stessa direzione verso cambia
 cambia modulo ... se c è negativo

2.3 vettori posizione, velocità e accelerazione

$\hat{i}, \hat{j}, \hat{k}$ sono versori

$$\vec{r} = x \hat{i} + y \hat{j} + z \hat{k} \quad \text{posizione}$$

$$2.5 \quad \vec{r} = x \hat{i} + y \hat{j} + z \hat{k}$$

$$\vec{r} = x \hat{i} + y \hat{j} + z \hat{k}$$

$$\Delta \vec{r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$$

$$2.6 \quad \Delta \vec{r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$$

$$\Delta \vec{r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$$

velocita' media

$$\overline{\vec{v}} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} \quad \overline{v} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} \quad \text{ove } \Delta t = t_2 - t_1$$

$$\overline{v} = \frac{\triangle \vec{r}}{\triangle t}$$

velocita' vettoriale istantanea

$$\vec{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} \quad \vec{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}$$

$$\vec{v} = \lim_{\triangle t \rightarrow 0} \frac{\triangle \vec{r}}{\triangle t}$$

che ricorda la definizione matematica di derivata per cui...

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \quad \vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

$$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

la derivata di un vettore equivale alla somma delle derivate di ciascuna componente

$$\frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{d}{dt}(x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}) = \frac{dx}{dt}\hat{i} + \frac{dy}{dt}\hat{j} + \frac{dz}{dt}\hat{k}$$

$$\frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{d}{dt}(x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}) = \frac{d}{dt}\hat{i} + \frac{d}{dt}\hat{j} + \frac{d}{dt}\hat{k}$$

$$\frac{d}{dt}(x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}) =$$

$$\frac{d}{dt}(x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}) =$$

$$\frac{d}{dt}\hat{i} +$$

$$\frac{d}{dt}\hat{j} +$$

$$\frac{d}{dt}\hat{k}$$

quindi anche il vettore \vec{v} si puo' scrivere in termini di componenti

$$\vec{v} = v_x\hat{i} + v_y\hat{j} + v_z\hat{k} \quad \vec{v} = v_x\hat{i} + v_y\hat{j} + v_z\hat{k}$$

$$\vec{v} = v_x\hat{i} + v_y\hat{j} + v_z\hat{k}$$

{2.10 and 2.11 --> 2.12}

$$V_x = \frac{dx}{dt} \quad V_y = \frac{dy}{dt} \quad V_z = \frac{dz}{dt}$$

$$2.12 \quad v_x = \frac{dx}{dt} \quad v_y = \frac{dy}{dt} \quad v_z = \frac{dz}{dt}$$

$$v_x = \frac{dx}{dt}$$

$$v_y = \frac{dy}{dt}$$

$$v_z = \frac{dz}{dt}$$

pag 21 sul libro c'è una nota importante
riguardo la velocità $\left\{ \begin{array}{l} \text{vettoriale (velocity)} \\ \text{scalare (speed)} \end{array} \right.$
leggi! "tachimetro".

$$\text{velocità scalare media} = \frac{\text{lunghezza totale percorsa}}{\text{tempo trascorso}}$$

$$2.13 \quad \text{velocità scalare media} = \frac{\text{lunghezza totale percorsa}}{\text{tempo trascorso}}$$

$$\text{velocità scalare media} = \frac{\text{lunghezza totale percorsa}}{\text{tempo trascorso}}$$

accelerazione media

$$2.14 \quad \overline{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \quad \overline{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \quad \text{ove } \Delta v = v_{\text{finale}} - v_{\text{iniziale}}$$

$$\overline{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

accelerazione istantanea

$$2.15 \quad \vec{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \quad \vec{a} = \lim_{\Delta \vec{v} \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

$$\vec{a} = \lim_{\Delta \vec{v} \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

derivata

$$2.16 \quad \vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} \quad \vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$

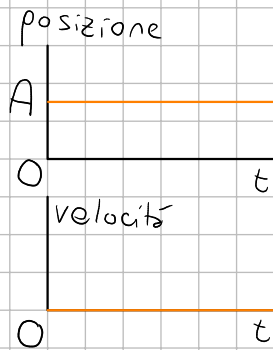
(analogia 2.12)

$$2.17 \quad a_x = \frac{dv_x}{dt} \quad a_y = \frac{dv_y}{dt} \quad a_z = \frac{dv_z}{dt}$$

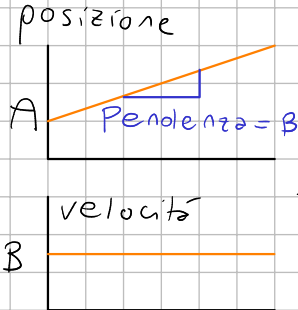
2.4 Cinematica unidimensionale

2.18	$x(t) = A$	$x(t) = A$	$x(t) = A$
2.19	$x(t) = A + Bt$	$x(t) = A + Bt$	$x(t) = A + Bt$
2.20	$x(t) = A + Bt + Ct^2$	$x(t) = A + Bt + Ct^2$	$x(t) = A + Bt + Ct^2$
2.21	$x(t) = D \cos(\omega t)$	$x(t) = D \cos(\omega t)$	$x(t) = D \cos(\omega t)$

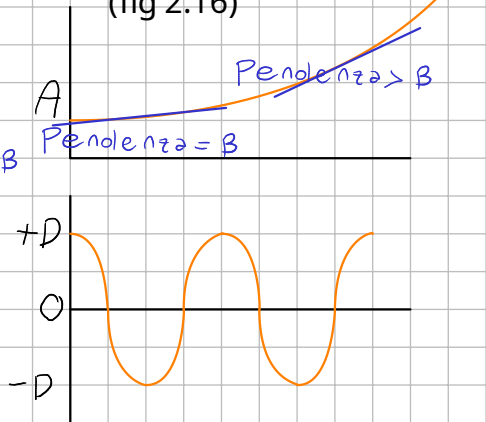
particella ferma
(fig 2.14)



moto a velocità costante
(fig 2.15)



moto accelerato
(fig 2.16)



1. particella ferma
2. moto a velocità costante
3. moto accelerato
4. auto che accelera e frena
5. corpo in caduta
6. pallina che cade e rimbalza

pag. 23, 24, 25 del libro

Equazioni di cinematica unidirezionale

$$2.22 \quad \overline{v}_x = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \quad \overline{v}_x = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$

$$\overline{v}_x = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$

$$2.23 \quad v_x = \frac{dx}{dt} \quad v_x = \frac{dx}{dt}$$

$$v_x = \frac{dx}{dt}$$

$$2.24 \quad \overline{a}_x = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{v_{2x} - v_{1x}}{t_2 - t_1} \quad \overline{a}_x = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{v_{2x} - v_{1x}}{t_2 - t_1}$$

$$\overline{a}_x = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{v_{2x} - v_{1x}}{t_2 - t_1}$$

$$2.25 \quad a_x = \frac{dv_x}{dt} \quad a_x = \frac{dv_x}{dt}$$

$$a_x = \frac{dv_x}{dt}$$

2.5 moto uniformemente accelerato

Se l'accelerazione è costante (Fig. 2.23a), le accelerazioni media e istantanea coincidono e l'equazione 2.14 ci permette di scrivere

$$a_x = \overline{a}_x = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{v_x - v_{0x}}{t - 0} \quad \text{che, risolto rispetto a } v_x, \text{ dà}$$

$$2.26 \quad v_x = v_{0x} + a_x t \quad v_x = v_{0x} + a_x t$$

$$v_x = v_{0x} + a_x t$$

$$2.27 \quad \overline{v}_x = \frac{1}{2}(v_x + v_{0x}) \quad \overline{v}_x = \frac{1}{2}(v_x + v_{0x})$$

$$\overline{v}_x = \frac{1}{2}(v_x + v_{0x})$$

{2.22, 2.26, 2.27, eliminando v_x e risolvendo rispetto a $x \rightarrow$ 2.28}

$$x = x_0 + v_{0x}t + \frac{1}{2} a_x t^2$$

2.28 $x = x_0 + v_{0x}t + \frac{1}{2} a_x t^2$

$$x = x_0 + v_{0x}t + \frac{1}{2} a_x t^2$$

$$\frac{dx}{dt} = \frac{d}{dt} (x_0 + v_{0x}t + \frac{1}{2} a_x t^2) = v_{0x} + a_x t = v_x$$

Integrali delle equazioni del moto (Facoltativo)

$$a_x = \frac{dv_x}{dt} \rightarrow dv_x = a_x dt$$

$$\int dv_x = \int a_x dt = a_x \int dt$$

$$v_x = a_x t + C$$

$$dx = v_x dt$$

$$\int dx = \int (v_{0x} + a_x t) dt = v_{0x} \int dt + a_x \int t dt$$

$$x = v_{0x}t + \frac{1}{2} a_x t^2 + C'$$

2.6 corpi in caduta libera

2.29 $v_y = v_{0y} - gt$

$$v_y = v_{0y} - gt$$

$$v_y = v_{0y} - gt$$

2.30 $y = y_0 + v_{0y}t - \frac{1}{2}gt^2$

$$y = y_0 + v_{0y}t - \frac{1}{2}gt^2$$

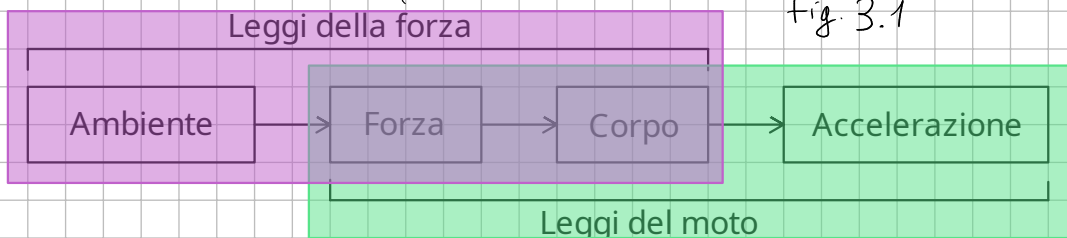
$$y = y_0 + v_{0y}t - \frac{1}{2}gt^2$$

(spazio a tua disposizione x note capitolo 2 moto in 1D)

3 FORZA E LEGGI DI NEWTON

3.1 meccanica classica

tabella 3.1 esempi: moto accelerato e cadute principali (vedi)



3.2 prima Legge di Newton

Se eliminassimo totalmente l'attrito, il corpo in moto continuerebbe a muoversi indefinitamente a velocità costante in direzione rettilinea. Certo che occorre una forza esterna per avviare il moto del corpo, ma per mantenerlo in moto uniforme non occorre alcuna forza.

non c'è distinzione tra un corpo libero da forze esterne e uno soggetto a forze esterne la cui risultante risulta pari a zero. Talvolta indicheremo questa risultante delle forze esterne col termine di forza netta.

Newton ha assunto questo principio come prima legge del moto:

Considerate un corpo su cui agisca una forza netta nulla.

Se il corpo è a riposo, in tale condizione rimane.

Se invece è in moto, esso continuerà a procedere con velocità vettoriale costante.

La prima legge e i sistemi di riferimento

Ciascun osservatore costituisce un sistema di riferimento.

Un sistema di riferimento implica l'esistenza di coordinate spaziali e di orologi, che consentano all'osservatore di determinare le posizioni, le velocità e le accelerazioni nel proprio particolare sistema di riferimento. Di conseguenza osservatori in diversi sistemi di riferimento possono misurare accelerazioni o velocità differenti.

Possiamo dire che in generale l'accelerazione dipende dal sistema di riferimento nel quale viene misurata. Le leggi della meccanica classica sono valide però solamente in quei sistemi di riferimento in cui tutti gli osservatori misurano la medesima accelerazione per un corpo in movimento.

quando un corpo è soggetto a una forza risultante nulla è possibile individuare una classe di riferimenti rispetto ai quali la sua accelerazione è zero.

La naturale tendenza dei corpi a mantenere il loro stato di quiete o di moto rettilineo uniforme è chiamata inerzia. Per questo la prima legge di Newton è detta anche legge d'inerzia e i sistemi di riferimento nei quali è valida si chiamano inerziali.

Per assicurarci che un certo riferimento sia un sistema inerziale, collochiamo un corpo in quiete rispetto al sistema di riferimento e verifichiamo che su di esso agisca una forza risultante nulla. Se il corpo non sta fermo, il sistema di riferimento non è inerziale. Parimenti proviamo a disporre il corpo, sempre soggetto a una forza risultante nulla, in moto rettilineo uniforme; se la sua velocità cambia, o in modulo o in direzione o in verso, il sistema di riferimento non è inerziale. Un riferimento che invece sia in grado di superare positivamente queste due prove è un sistema inerziale.