## Compito scritto di Informatica Teorica - 13 luglio 2018

- 1. Spiegare le ragioni per cui i linguaggi di programmazione prevedono costrutti computazionali potenzialmente divergenti.
- 2. Classificare il seguente insieme:

$$A = \{i \mid 3 \not\in cod(\varphi_i)\}\$$

3. Classificare il seguente insieme:

$$A = \{i \mid cod(\varphi_i) = \{3\} \}$$

4. Classificare il seguente insieme:

$$A = \{i \mid \varphi_i \text{ restituisce in output qualche numero primo}\}$$

5. Dimostrare che il seguente insieme è produttivo:

$$A_n = \{i | \forall x > n, \varphi_i(x) \downarrow \}$$

- 6. Dimostrare che  $P \subseteq coNP$ .
- 7. Dato un grafo diretto G e un intero k, discutere la complessità dei seguenti problemi:
  - (a) esistenza di un ciclo di lunghezza minore o uguale a k
  - (b) esistenza di un ciclo di lunghezza maggiore o uguale a k
- 8. Data una collezione  $C = S_1, \ldots, S_n$  di sottoinsiemi non vuoti di S, un hitting set per C è un sottoinsieme H di S tale che per ogni  $i, H \cap S_i \neq \emptyset$ . Esprimere il problema della ricerca di un hitting set di cardinalità minore o uguale a k come un problema di programmazione intera.