definition

## 第1章

# 背景

#### 1.1 正規表現

正規表現とは言語 (文字列の集合)を一つの文字列で表現する方法である.正規表現は文字列のパターンマッチングなどに使われ、その実用性の高さから多くのプログラミング言語で扱うことができる.実世界のプログラミング言語で使用されるような正規表現の中には、正規言語以上の表現力を持つものもある (後方参照の機能を提供している正規表現など)が、本論文では次に示すように純粋な正規表現を対象とする.

#### 1.1.1 正規表現の構文

本論文で扱う正規表現の構文を以下に示す.

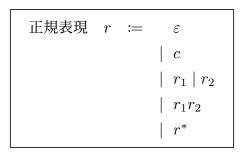


図 1.1 正規表現の構文

 $\varepsilon$  は空列を表す定数,c は任意の 1 文字 (本論文では ASCII コードを想定している) を表す定数, $r,r_1,r_2$  は正規表現を表す変数とする. $r_1\mid r_2$  は選択,すなわち  $r_1$  に含まれる文字列の集合と  $r_2$  に含まれる文字列の集合の和集合を表す. $r_1r_2$  は連接,すなわち  $r_1$ 

に含まれる文字列に  $r_2$  に含まれる文字列をつなげてできる文字列の集合を表す.  $r^*$  は クリーネ閉包, すなわち r に含まれる文字列を 0 個以上つなげてできる文字列の集合を表す.

また,本論文では先の正規表現で表現可能ないくつかの拡張機能を搭載している.以下 にどのような拡張を搭載したか述べる.

- . 任意の1文字にマッチすることを表す.
- $[a_i a_{i+1} \dots a_j]$   $a_i, a_{i+1} \dots a_j$  のうちのどれか 1 文字にマッチすることを表す.特に, $[a_i a_j]$  は文字コード上で i から j 番目にある文字のうちどれか 1 文字にマッチすることを表す.
- $[\hat{a}_i a_{i+1} \dots a_i]$   $a_i, a_{i+1} \dots a_i$  以外のどれか 1 文字にマッチすることを表す.
- r? 正規表現 r に属する文字列が 0 回または 1 回出現することを表す.

#### 1.1.2 正規表現を用いた文字列のパターンマッチング例

正規表現を用いた文字列のパターンマッチング例を見る.  $a\mid b$  という正規表現には a,b といった文字列がマッチする. ab という正規表現には ab といった文字列がマッチする.  $\varepsilon,a,aa,aaa...$  といった文字列がマッチする.  $a^*$  という正規表現には  $\varepsilon,a,aa,aaa...$  といった文字列がマッチする. 最後に, $(a\mid bc)^*$  という正規表現には  $\varepsilon,a,bc,aa,abc,bca,bcbc,...$  といった文字列がマッチする.

#### 1.2 NFA

NFA(Nondeterministic Finite Automaton) は有限オートマトンの一種である状態から入力を受け取ったとき、次の状態への遷移が一意に決まらないことがあるものである. 正規表現はそれと等価な NFA へと変換することが可能であるので、今後は正規表現のままではなくそれと等価な NFA を用いることにより議論を進める.

#### 1.2.1 NFA の定義

先行研究で紹介されていた NFA の定義を以下に示す.

定義 1 (NFA) NFA A は 5 つの組  $(Q, \Sigma, \Delta, q_0, F)$  からなる. Q は状態の有限集合,  $\Sigma$  はアルファベットの有限集合,  $\Delta: Q \times \Sigma \to 2^Q$  は遷移関数である.  $q_0 \in Q$  を初期状態,  $F \subseteq Q$  を受理状態の集合とする. また, もし  $q' \in \Delta(q, l)$  なら (q, l, q') をラベルを経由し

た遷移と呼ぶこととする.

この NFA の定義は一般的ではない.  $\Sigma$  に空列  $\varepsilon$  を加えた  $\Sigma \cup \varepsilon$  をラベルの集合とした 5 つ組  $(Q, \Sigma \cup \varepsilon, \Delta, q_0, F)$  を NFA の定義とすることが多い.

NFA に文字列を入力したとき、初期状態  $q_0$  から始まって一つずつ文字を読み取って遷移していき、ちょうど受理状態に到達するとき、その文字列は NFA に受理されると言う、受理状態以外の状態で読み取りが終了した場合、その文字列は NFA に拒絶されると言う.

#### 1.2.2 NFA の例

### 1.3 正規表現の脆弱性

文字列のパターンマッチングにかなり時間がかかってしまうような正規表現が存在する ことが知られている。そのような正規表現を脆弱な正規表現と呼ぶ。本節では正規表現の 脆弱性について定式化を行う。