수학기반 인공지능프로그래밍

(44630-01)

과제 2

제출일자: 10월 12일 수요일

담당교수: 이덕우 (dwoolee@kmu.ac.kr)

유의: 과제는 개별로 수행합니다. 제출일자 이후에 과제를 제출할 경우 획득점수의 50%를 부여합니다.

내용

연습	문제	3.42
연습	문제	3.74
దᄉ		3.85
연급	문세	3.85
연습	문제	3.96
$\alpha \wedge$		3.10
연습	문제	3.11
దᄉ		3.128
연습	문제	3.138
		3.19
실습	문세	3.19
	코드	9
실습	문제	3.2
	코드	12

주어진 벡터가 각 벡터공간에서 선형독립인지 선형종속인지 판단하라.

- a. 벡터공간 R^3 의 벡터 $x_1 = (1, 2, 3), x_2 = (-1, 0, 2), x_3 = (0, 2, 4)$
- b. 벡터공간 P^3 의 벡터 $p_1(t) = 1$, $p_2(t) = t t^2 p_3(t) = 2t^2 2t + 5$

답

(a) 선형 독립

$$X_{1} = (1, 2, 3) \qquad X_{2} = (-1, 0, 2) \qquad X_{3} = (0, 2, 4)$$

$$C_{1} \cdot X_{1} + C_{2} \cdot X_{2} + C_{3} \cdot X_{3} = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} C_{1} - C_{2} = 0 \\ 3C_{1} + 2C_{1} + 4C_{3} = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -2 & 2 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 0 \\ 3 & 2 & 4 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 3 & 2 & 4 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 3 & 2 & 4 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1$$

(b) 선형 종속

$$P_{1}(t) = 1 \qquad P_{2}(t) = t - t^{2} \qquad P_{3}(t) = 2t^{2} - 2t + 5$$

$$C_{1}P_{1}(t) + C_{2}P_{2}(t) + C_{3}P_{3}(t) = 0$$

$$C_{1} + C_{1}(t - t^{2}) + C_{3}(2t^{2} - 2t + 5) = 0$$

$$C_{1} + C_{2}(t - C_{2}t^{2} + 2C_{3}t^{2} - 2C_{3}t + 5C_{3} = 0$$

$$C_{1} + SC_{3} = 0$$

$$C_{1} = SC_{3}$$

$$C_{1} = -SC_{3}$$

$$C_{2} = 2C_{3}$$

$$C_{1} = C_{3}$$

$$C_{2} = 2C_{3}$$

$$C_{3} = C_{3}$$

$$C_{3} = C_{3}$$

$$C_{4} = C_{3}$$

$$C_{5} = C_{5}$$

$$C_{7} = -SC_{3}$$

$$C_{1} = -SC_{3}$$

$$C_{2} = 2C_{3}$$

$$C_{3} = C_{3}$$

$$C_{4} = C_{5}$$

$$C_{5} = C_{5}$$

$$C_{7} = C_{7}$$

$$C_{7} = C_$$

두 벡터 x = (1, 2, 3)과 y = (2, -2, 1)에 대해, x의 y 위로의 정사영 proj_vx를 구하라.

$$ProigX = \frac{\langle x, y \rangle}{\langle y, y \rangle} y$$

$$\langle x, y \rangle = 1 \times 2 + 2 \times (-2) + 3 \times 1 = 2 - 4 + 3 = 1$$

$$\langle y, y \rangle = 2 \times 2 + (-2) \times (-2) + 1 \times 1 = 4 + 4 + 1 = 9$$

$$\therefore \frac{1}{9} (2, -2, 1)$$

답: 1/9(2, -2, 1)

두 벡터 x와 y가 이루는 각 θ에 대해 cosθ를 구하라.

(a)
$$x = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ -2 \end{bmatrix}$$
, $y = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix}$ (b) $x = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 5 \\ -3 \end{bmatrix}$, $y = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$

답

A:
$$\theta = \cos^{-1}(-1/14)$$

$$\cos \phi = \frac{\langle \chi, y \rangle}{\|\chi\| \|\|y\| \|}$$
(a)
$$\chi = \begin{bmatrix} \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} \end{bmatrix} \quad \begin{cases} \chi, y \rangle = |\chi_{\lambda} + 3\chi| + (-2)\chi_{3} = 2+3-6 = -1 \\ \|\chi\| = \sqrt{\frac{2}{3}} + (-2)^{2} = \sqrt{\frac{1}{3}} + \sqrt{\frac{1}{3}} = \sqrt{\frac{1}{3}} + \sqrt{\frac{1}{3}} = \sqrt$$

B:
$$\theta = \cos^{-1}(6/\sqrt{78})$$

$$\langle x, y \rangle = |x| + (-2) \cdot 0 + 5x| + (-3)x = 6$$
 $||x|| = \sqrt{1 + (-2)^2 + 5^2 + (-3)^2} = \sqrt{1 + 4 + 25 + 9} = \sqrt{39}$
 $||y|| = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$
 $||x|| = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$

벡터 (x²-1, 2)가 두 벡터 (2, x-1), (x, x²+3x-4)와 직교한다고 할 때 x값을 구하라.

각 벡터마다 내각이
$$0$$
인 식을 구한다
 $(x^2-1)\cdot 2 + 2(x-1) = 2x^2-2+2x-1 = 2x^2+2x-4 = x^2+x-2=0$
 $\therefore (x+2)(x-1)$
 $(x^2-1)\cdot x + 2\cdot (x^2+3x-4) = 0$
 $x^3-x+2x^2+6x-8=x^3+2x^2+5x-8=0$
위 식은 계산하면 $x=1$, $-1.5+2.4\hat{i}$, $-1.5-2.4\hat{i}$
 \therefore 두 벡터와 내작하는 $x=1$ 이다.

답: x = 1

두 벡터 x와 y에 대해 ||x|| = 4, ||y|| = 1이고, 두 벡터가 이루는 각이 45° 라고 하자, 이때 (2x+3y)(x-2y)를 구하라

$$\langle z, y \rangle = ||x|| ||y|| \cdot \cos(45^\circ) = 4 \cdot 1 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 2\sqrt{2}$$

 $(2x+3y)(x-2y) = 2x^2 + 4xy + 3xy - 6y^2 = 2x^2 - xy - 6y^2$
 $x^2 = ||x||^2 = |6| \quad y^2 = ||y||^2 = |$
 $32 - 2\sqrt{2} - 6 = 26 - 2\sqrt{2}$
 $26 - 2\sqrt{2}$

답: 26-2√2

연습 문제 3.11

[정리 3-8]의 슈바르츠 부등식을 증명하라. 즉 내적공간 V의 두 벡터 x, y에 대해 다음이 성립함을 보여라.

|<x, y>|<= $\sqrt{<}$ x, x> $\sqrt{<}$ y, y>

유바르크 부동식
$$|\langle x, y \rangle| \leq \sqrt{\langle x, x \rangle} \sqrt{\langle y, y \rangle}$$

$$\langle x, y \rangle = ||x|| \cdot ||y|| \cos \theta \quad (|x|| + 3 - 12)$$

$$||x|| = \sqrt{\langle x, x \rangle} \quad ||y|| = \sqrt{\langle y, y \rangle}$$

$$||\langle x, y \rangle| \leq \sqrt{\langle x, y \rangle} \sqrt{\langle y, y \rangle} \quad ||y|| = \sqrt{\langle y, y \rangle}$$

$$||\langle x, y \rangle| \leq \sqrt{\langle x, y \rangle} \sqrt{\langle y, y \rangle} \quad ||y|| = \sqrt{\langle y, y \rangle}$$

다변함수 $f(x, y) = x^2 + 4y^2 + 7xy$ 의 그래디언트 ∇f 를 구하라. 그리고 (2, 5)에서 다변수함수 f의 그래디언트를 구하라.

$$f(x,y) = \chi^2 + 4y^2 + \eta \chi y$$

$$\frac{\partial f}{\partial x} = 2\chi + \eta y \qquad \frac{\partial f}{\partial y} = 8y + \eta \chi \qquad \therefore \forall f = \begin{bmatrix} 2\chi + \eta y \\ 8y + \eta \chi \end{bmatrix} \quad \forall f(2,5) = \begin{bmatrix} 39 \\ 51 \end{bmatrix}$$

연습 문제 3.13

다변함수 $f(x, y, z) = x^2 + xy^2 + yz + z$ 의 그래디언트 ∇f 와 헤시안 행렬 H(f)를 구하라. 그리고 (1, 2, 3)에서 다변함수 f의 그래디언트와 헤시안 행렬을 구하라.

$$f(\alpha,y,z) = \chi^{2} + \chi y^{2} + yz + z$$

$$\frac{\partial f}{\partial x} = 2\chi + y^{2} \quad \frac{\partial f}{\partial y} = 2\chi + z \quad \frac{\partial f}{\partial z} = y + 1 \quad \nabla f = \begin{bmatrix} 2\chi + y^{2} \\ 2\chi + z \end{bmatrix}$$

$$H(f) = \begin{bmatrix} 2 & 2y & 0 \\ 2y & 2\chi & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\nabla f(1,23) = \begin{bmatrix} 6 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix} \qquad H(f_{01},2,3) = \begin{bmatrix} 2 & 4 & 0 \\ 4 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

실습 문제 3.1

```
주어진 벡터 x, y, z, v, w에 대하여 다음을 구하라.
   x = (1, 0, 1, 0), y = (0, 2, 2, 0), z = (1, 0, 1, 2), v = (1, 1, 1, 1), w = (2, 2, 0, 1)
 (a) x의 노름, y의 노름, z의 노름
 (b) x \cdot y
 (c) z \cdot (x+y)
(d) x와 v 사이의 해밍 거리
(e) v와 w 사이의 맨하튼 거리
코드
import numpy as np
# 노름을 구하는 함수
def cal_norm(vec1):
   norm_vec = np.sqrt(np.sum(vec1*vec1))
   return norm_vec
# 내적을 구하는 함수
def cal_innerproduct(vec1, vec2):
   innerprod_vecs = np.sum(vec1*vec2)
   return innerprod_vecs
# 해밍 거리를 구하는 함수
def cal_hamming_dist(vec1, vec2):
```

```
f cal_hamming_dist(vec1, vec2):
   Num_vec = len(vec1)
   hamming_dist = 0
   for i in range(Num_vec):
        if vec1[i] != vec2[i]:
            hamming_dist = hamming_dist+1
   return hamming_dist
```

```
# 맨하튼 거리를 구하는 함수
def cal_Manhattan_dist(vec1, vec2):
Manhattan_dist = np.sum(np.abs(vec1-vec2))
```

```
return Manhattan_dist
```

```
# 벡터 x, y, z, v, w
x = np.array([1,0,1,0])
y = np.array([0,2,2,0])
z = np.array([1,0,1,2])
v = np.array([1,1,1,1])
w = np.array([2,2,0,1])
# 문제 (a)
print("문제 (a)")
print("Norm of x = ", cal_norm(x))
print("Norm of y = ", cal_norm(y))
print("Norm of z = ", cal_norm(z))
print("₩n")
# 문제 (b)
print("문제 (b)")
print("Inner product of x and y = ", cal_innerproduct(x,y))
print("₩n")
# 문제 (c)
print("문제 (c)")
print("Inner product of z and x+y = ", cal_innerproduct(z, x+y))
print("₩n")
# 문제 (d)
print("문제 (d)")
print("Hamming distance of x and v = ", cal_hamming_dist(x,v))
print("₩n")
# 문제 (e)
print("문제 (e)")
print("Manhattan distance of v and w = ", cal_Manhattan_dist(v,w))
```

결과

```
rminal Help
                                                                                       ∠ Al_M
 PROBLEMS OUTPUT DEBUG CONSOLE TERMINAL
 [Running] python -u "c:\Users\man25\Desktop\AI_Math-with-python\work3\work3-1.py"
문제 (a)
 Norm of x = 1.4142135623730951
 Norm of y = 2.8284271247461903
 Norm of z = 2.449489742783178
 문제 (b)
 Inner product of x and y = 2
 문제 (c)
 Inner product of z and x+y = 4
  문제 (d)
 Hamming distance of x and v = 2
  문제 (e)
 Manhattan distance of v and w = 3
 [Done] exited with code=0 in 0.607 seconds
```

실습 문제 3.2

다음과 같은 두 벡터 x, y가 이루는 각을 구하고, x의 y위로의 정사영 proj, x를 구하라.

(a)
$$x = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$
, $y = \begin{bmatrix} 4 \\ 4 \end{bmatrix}$
(b) $x = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 5 \end{bmatrix}$, $y = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \end{bmatrix}$
(c) $x = \begin{bmatrix} 0 \\ -1 \\ 2 \\ 2 \end{bmatrix}$, $y = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 3 \\ 2 \end{bmatrix}$

코드

import numpy as np

def Proj_onto(vec_1, vec_2):

vec_2_1_dot = np.dot(vec_2.T, vec_1)
vec_2_dot = np.dot(vec_2.T, vec_2)

```
# 두 벡터가 이루는 각을 구하는 함수
# np.linalg.norm(vec): vec의 노름
# np.arctan(): tan()의 역함수 값

def angle_to_vectors(vec_1, vec_2):
    vec_1_norm = np.linalg.norm(vec_1)
    vec_2_norm = np.linalg.norm(vec_2)
    vec_1_2_dot = np.dot(vec_1.T, vec_2)
    angle = np.arctan(vec_1_2_dot/(vec_1_norm*vec_2_norm))*360/np.pi
    return angle

# 정사영을 구하는 함수
```

```
return proj_vec
# 문제 (a)
x = np.array([[1], [0]])
y = np.array([[4], [4]])
angle = angle_to_vectors(x, y)
projxy = Proj_onto(y, x)
print("문제 (a)")
print("x와 y가 이루는 각 = ", angle)
print("x의 y 위로의 정사영 = \n", projxy)
print("₩n")
# 문제 (b)
x = np.array([[1], [2], [5]])
y = np.array([[1], [-1], [2]])
angle = angle_to_vectors(x, y)
projxy = Proj_onto(y, x)
print("문제 (b)")
print("x와 y가 이루는 각 = ", angle)
print("x의 y 위로의 정사영 = \n", projxy)
print("₩n")
# 문제 (c)
x = np.array([[0], [-1], [2], [2]])
y = np.array([[1], [1], [3], [2]])
angle = angle_to_vectors(x, y)
projxy = Proj_onto(y, x)
print("문제 (c)")
print("x와 y가 이루는 각 = ", angle)
print("x의 y 위로의 정사영 = \n", projxy)
```

proj_vec = (vec_2_1_dot/vec_2_dot)*vec_2

결과

```
[Running] python -u "c:\Users\man25\Desktop\AI_Math-with-python\work3\work3-2.py"
문제 (a)
x와 y가 이루는 각 = [[70.52877937]]
x의 y 위로의 정사영 =
[[4.]
 [0.]]
문제 (b)
x와 y가 이루는 각 = [[67.70902963]]
x의 y 위로의 정사영 =
[[0.3]
 [0.6]
 [1.5]]
문제 (c)
x와 y가 이루는 각 = [[75.52248781]]
x의 y 위로의 정사영 =
[[ 0.]
 [-1.]
 [ 2.]
[ 2.]]
[Done] exited with code=0 in 0.565 seconds
```