Bases de l'Intelligence Artificielle



CM5-6: PROgrammation
LOGique

Marie Lefevre

2020-2021 Université Claude Bernard Lyon 1

Sondage Tomuss...

Qui a déjà fait du Prolog?

⇒ Merci de répondre ☺

Origines

- 1972 : Prolog I
 - Alain COLMERAUER (Université Aix-Marseille)
 - Découverte de la programmation logique et premier interpréteur
 - Robert A. KOWALSKY (Edinburgh University)
 - Cadre théorique et premier compilateur
- 1982 : Prolog II
 - M. VAN CANEGUEM et al.
- •
- Nombreux interpréteurs Prolog avec des syntaxes différentes
- •
- 1996 : Prolog IV
 - SWI-Prolog : syntaxe, conventions et interpréteur utilisé dans ce cours

Différents modes de programmation

- Langages de style impératif
 - C, ADA, PASCAL, JAVA (objet)...
 - On décrit la suite d'actions permettant de passer des données aux résultats
- Langages de style fonctionnel
 - Lisp, Scheme, CAML ...
 - On décrit le résultat comme une composition de fonctions agissant sur les données
- Langage de style déclaratif
 - Prolog
 - On décrit le problème (les objets, leurs propriétés, leurs relations)
 - Mais pas comment on le résout
 - > Souvent utilisé en Intelligence Artificielle

Le langage PROLOG

- Langage d'expression des connaissances fondé sur la logique des prédicats du premier ordre
- Implémentation du principe de résolution
- Programmation déclarative
 - L'utilisateur définit une base de connaissances (des faits, des règles)
 - Pas d'instruction, pas d'affectation, pas de boucles explicites
 - Uniquement des clauses exprimant des faits, des règles, des questions
 - L'interpréteur PROLOG utilise cette base de connaissances pour répondre à des questions / résoudre des problèmes

De quoi va-t-on parler?

- Syntaxe et fonctionnement du Prolog
- Les listes
- Les chaînes de caractères
- Les boucles mues par l'échec
- Points de choix et coupure
- Pour travailler en Swi-Prolog
- Questions à se poser pour « coder en prolog »
- Pour aller plus loin

Constantes et variables

- Constantes
 - Nombres: 12, 3.5
 - Atomes
 - Chaînes de caractères commençant par une minuscule
 - Chaînes de caractères entre " "
 - Liste vide []
- Variables
 - Chaînes de caractères commençant par une majuscule
 - Chaînes de caractères commençant par
 - La variable « indéterminée » :

Trois sortes de connaissances : faits, règles, questions

- Programme Prolog
 - Ensemble de faits et de règles qui décrivent un problème
- Faits : P(...). avec P un prédicat
 - Clause de Horn réduite à un littéral positif
 - pere(jean, paul).
 - pere(albert, jean).

Trois sortes de connaissances : faits, règles, questions

- Règles : P(...) :- Q₁(...), ..., Q_n(...).
 - Clause de Horn complète
 - Correspond en logique à Q₁ ∧ ... ∧ Qn → P
 P : tête de clause, Q₁,...,Qn queue de clause
 - Paquet de clauses = clauses ayant le même nom de littéral de tête
- Exemple de règle
 - Relation grand-père en logique du premier ordre :
 - $\forall X \forall Y (\exists Z \text{ pere}(X,Z) \land (\text{pere}(Z,Y)) \lor \text{mere}(Z,Y))) \rightarrow \text{papy}(X,Y)$
 - ∀X∀Y∀Z (((pere(X,Z)∧pere(Z,Y)) → papy(X,Y))
 V ((pere(X,Z)∧mere(Z,Y)) → papy(X,Y)))
 - Formulation Prolog:
 - papy(X,Y) :- pere(X,Z), pere(Z,Y).
 - papy(X,Y) :- pere(X,Z), mere(Z,Y).

Trois sortes de connaissances : faits, règles, questions

- Questions : S(...), ..., T(...).
 - Clause de Horn sans littéral positif
 - pere(jean,X), mere(annie,X).
 - :- pere(jean,X), mere(annie,X).
- Exécuter un programme = résoudre un but
 - Trouver toutes les valeurs des variables qui apparaissent dans la question et qui amènent à une contradiction
 - Faire une preuve

L'unification

- Procédé par lequel on essaie de rendre deux formules identiques en donnant des valeurs aux variables qu'elles contiennent
- Le résultat est un unificateur
 - Par exemple : {Jean/X, Paul/Y}
 - Pas forcément unique, on cherche l'unificateur le plus général
- L'unification peut réussir ou échouer
 - P(X, X) et P(2, 3) ne peuvent pas être unifiés

Déclaratif vs Procédural

Soit la clause P :- Q, R.

- Aspect déclaratif :
 - P est vrai si Q et R sont vrais
 - L'ordre des clauses n'a pas d'importance
- Aspect procédural :
 - Pour résoudre P, résoudre d'abord le sous-problème Q, puis le sous-problème R
 - L'interpréteur considère les clauses les unes après les autres, dans l'ordre dans lesquelles elles se trouvent, celui-ci a de l'importance

Littéraux ordonnés

- P.
 - P est toujours vrai
- $P := Q_1, Q_2, ..., Q_n$.
 - Pour résoudre P, il faut résoudre dans l'ordre Q₁ puis
 Q₂ puis ... puis Q_n
- :- $Q_1, Q_2, ..., Q_n$.
 - Pour résoudre la question, il faut résoudre dans l'ordre Q₁ puis Q₂ puis ... puis Q_n

Réfutation par résolution

Programme P

P1: pere(charlie, david).

P2: pere(henri, charlie).

P3: papy(X,Y) := pere(X,Z), pere(Z,Y).

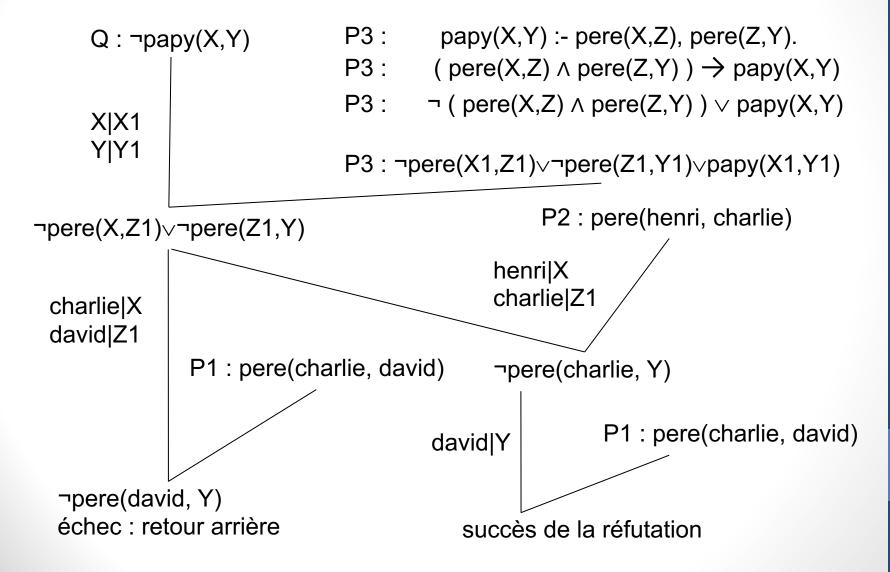
Appel du programme P

Q: papy(X,Y).

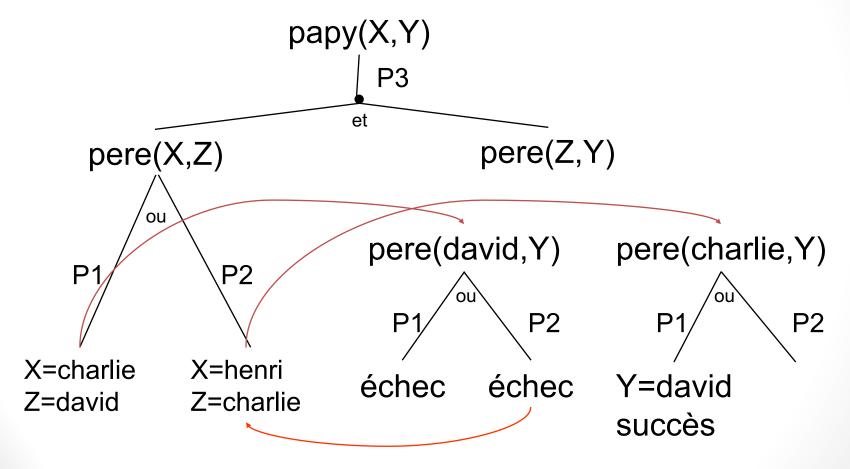
Réponse

X=henri, Y=david

Graphe de résolution



Interprétation procédurale : arbre ET-OU



Prolog parcourt le paquet de clauses de haut en bas, chaque clause étant parcourue de gauche à droite

Fonctionnement de l'interpréteur

- L'interpréteur prend un premier but
- Il essaie de le résoudre = de l'unifier avec une tête de clause
 - Si il réussit, il cherche à résoudre la queue de la clause instanciée par l'unification
 - En résolvant dans l'ordre chacun des littéraux
- Puis il passe au prochain but en attente
- En cas d'échec, retour arrière au dernier choix effectué
- Quand une solution est trouvée, on peut
 - Arrêter la recherche
 - Demander une autre solution
- La résolution est terminée s'il n'y a plus de littéraux à résoudre et plus de choix à traiter

Un programme Prolog

papy.pl

```
pere(charlie,david).
pere(henri,charlie).
papy(X,Y) :- pere(X,Z), pere(Z,Y).
```

Swi-Prolog

```
Welcome to SWI-Prolog (Multi-threaded, 64 bits, Version 6.2.6)
Copyright (c) 1990-2012 University of Amsterdam, VU Amsterdam
SWI-Prolog comes with ABSOLUTELY NO WARRANTY. This is free software,
and you are welcome to redistribute it under certain conditions.
Please visit http://www.swi-prolog.org for details.

For help, use ?- help(Topic). or ?- apropos(Word).
```

Des questions Prolog

```
?- [papy].
% papy compiled 0.00 sec, 4
clauses
true.
?- listing.
pere(charlie, david).
pere(henri, charlie).
papy(A, C) :-
      pere(A, B),
      pere(B, C).
true.
?-
```

```
?- pere(charlie,david).
true.
?- pere(charlie, henri).
false.
?-pere(X,Y).
X = charlie,
Y = david. // touche Entrée
?-pere(X,Y).
X = charlie,
Y = david ; // point virgule
X = henri,
Y = charlie.
?-
```

Des questions Prolog

```
?- papy(x,y). // minuscule
false.
?- papy(X,Y). // majuscule
X = henri,
Y = david.
?- papy(henri,X).
X = david.
?- halt. // sortie
```

Exercice: L'énigme policière

- On dispose des informations suivantes :
 - La secrétaire déclare qu'elle a vu l'ingénieur dans le couloir qui donne sur la salle de conférences
 - Le coup de feu a été tiré dans la salle de conférences, on l'a donc entendu de toutes les pièces voisines
 - · L'ingénieur affirme n'avoir rien entendu
- On souhaite démontrer que « si la secrétaire dit vrai, alors l'ingénieur ment »

 On souhaite démontrer que si la secrétaire dit vrai, alors l'ingénieur ment

Hypothèse

```
secretaire dit vrai.
```

Pour la démonstration, on pose la requête :

```
ingenieur_ment.
```

- A partir des informations suivantes :
 - Le coup de feu a été tiré dans la salle de conférences, on l'a donc entendu de toutes les pièces voisines
- Règle de la logique du 1^{er} ordre
 - Un individu entend un bruit s'il se trouve dans une pièce voisine de celle où le bruit a été produit

```
entend(Individu, Bruit) :-
    lieu(Individu, Piece1),
    lieu(Bruit, Piece2),
    voisine(Piece1, Piece2).
```

- A partir des informations suivantes :
 - La secrétaire déclare qu'elle a vu l'ingénieur dans le couloir qui donne sur la salle de conférences
 - Le coup de feu a été tiré dans la salle de conférences, on l'a donc entendu de toutes les pièces voisines
 - L'ingénieur affirme n'avoir rien entendu
- Base de faits :

```
voisine(couloir,salle_de_conf).
lieu(ingenieur,couloir) :- secretaire_dit_vrai.
lieu(coup_de_feu,salle_de_conf).
ingenieur ment :- entend(ingenieur,coup de feu).
```

enigme.pl

```
voisine(couloir,salle_de_conf).
lieu(coup_de_feu,salle_de_conf).
lieu(ingenieur,couloir) :- secretaire_dit_vrai.
ingenieur_ment :- entend(ingenieur,coup_de_feu).
entend(Individu,Bruit) :- lieu(Individu,Piece1), lieu(Bruit,Piece2),
voisine(Piece1,Piece2).
secretaire_dit_vrai.
```

Swi-Prolog

```
[trace] ?- ingenieur_ment.
   Call: (6) ingenieur_ment ? creep
   Call: (7) entend(ingenieur, coup_de_feu) ? creep
   Call: (8) lieu(ingenieur, _G2981) ? creep
   Call: (9) secretaire_dit_vrai ? creep
   Exit: (9) secretaire_dit_vrai ? creep
   Exit: (8) lieu(ingenieur, couloir) ? creep
   Call: (8) lieu(coup_de_feu, _G2981) ? creep
   Exit: (8) lieu(coup_de_feu, salle_de_conf) ? creep
   Call: (8) voisin(couloir, salle_de_conf) ? creep
   Exit: (8) voisin(couloir, salle_de_conf) ? creep
   Exit: (7) entend(ingenieur, coup_de_feu) ? creep
   Exit: (6) ingenieur_ment ? creep
   true.
```

Programmation récursive

- Un programme récursif est un programme qui s'appelle lui-même
- Exemple : factorielle
 - factorielle(1) = 1Cas d'arrêt
 - factorielle(n) = n * factorielle(n-1) si n≠1

Appel récursif

- Pour écrire un programme récursif, il faut :
 - Choisir sur quoi faire l'appel récursif
 - Choisir comment passer du résultat de l'appel récursif au résultat que l'on cherche
 - Choisir le(s) cas d'arrêt

Bouclage

```
?- listing.
maries(jean, sophie).
maries(philippe, stephanie).
maries(A, B) :-
        maries(B, A).
true.
?- maries(jean, sophie).
true.
?- maries(sophie, jean).
true.
?- maries(X,Y).
X = iean
Y = sophie ;
X = philippe
Y = stephanie;
  = sophie
  = jean ;
X = stephanie
Y = philippe ;
X
  = jean
Y = sophie ;
```

```
Call: (7) maries( G2307, G2308) ? creep
   Exit: (7) maries(jean, sophie) ? creep
X = jean
Y = sophie ;
  Redo: (7) maries( G2307, G2308) ? creep
  Exit: (7) maries(philippe, stephanie) ?
creep
X = philippe,
Y = stephanie ;
   Redo: (7) maries( G2307, G2308) ? creep
  Call: (8) maries( G2308, _G2307) ? creep
   Exit: (8) maries(jean, sophie) ? creep
   Exit: (7) maries(sophie, jean) ? creep
X = sophie
Y = jean ;
```

Bouclage

```
?- listing.
maries(jean, sophie).
maries(philippe, stephanie).
maries(A, B) :-
        maries(B, A).
true.
?- maries(jean, sophie).
true.
?- maries(sophie, jean).
true.
?- maries(X,Y).
X = jean
Y = sophie ;
X = philippe
Y = stephanie;
X = sophie
Y = jean ;
X = stephanie
Y = philippe ;
X = jean
Y = sophie ;
```

```
?- listing.
maries(jean, sophie).
maries(philippe, stephanie).
sont maries(A, B) :-
        maries(A, B).
sont maries(A, B) :-
        maries(B, A).
true.
?- sont maries(X,Y).
X = jean
Y = sophie ;
X = philippe
Y = stephanie;
X = sophie
Y = jean;
X = stephanie
Y = philippe;
false.
```

```
parent(michelle, bernard).
parent(thomas, bernard).
parent(thomas, lise).
parent(bernard, anne).
parent(bernard, pierre).
parent(pierre, jean).
ancetre(X, Z) :- parent(X,Z).
ancetre(X, Z) :- parent(X, Y), ancetre(Y, Z).
ancetre2(X, Z) :- parent(X,Y), ancetre2(Y,Z).
ancetre2(X, Z) :- parent(X,Z).
ancetre3(X, Z) :- parent(X,Z).
ancetre3(X, Z) :- ancetre3(X,Y), parent(Y,Z).
ancetre4(X, Z) := ancetre<math>4(X,Y), parent(Y,Z).
ancetre4(X, Z) := parent(X, Z).
```

```
?- ancetre(thomas, pierre).
true ;
false.
```

```
parent(michelle, bernard).
parent(thomas, bernard).
parent(thomas, lise).
parent(bernard, anne).
parent(bernard, pierre).
parent(pierre, jean).
ancetre(X, Z) :-
        parent(X,Z).
ancetre(X, Z) :-
        parent(X,Y),
        ancetre(Y,Z).
```

```
?- trace, ancetre(thomas, pierre).
  Call: (7) ancetre(thomas, pierre) ? creep
   Call: (8) parent(thomas, pierre) ? creep
  Fail: (8) parent(thomas, pierre) ? creep
  Redo: (7) ancetre(thomas, pierre) ? creep
  Call: (8) parent(thomas, G929) ? creep
  Exit: (8) parent(thomas, bernard) ? creep
  Call: (8) ancetre(bernard, pierre) ? creep
   Call: (9) parent(bernard, pierre) ? creep
  Exit: (9) parent(bernard, pierre) ? creep
   Exit: (8) ancetre(bernard, pierre) ? creep
  Exit: (7) ancetre(thomas, pierre) ? creep
true .
```

```
?- ancetre2(thomas, pierre).
true ;
false.
?- trace, ancetre2(thomas, pierre).
   Call: (7) ancetre2(thomas, pierre) ? creep
   Call: (8) parent(thomas, G1064) ? creep
   Exit: (8) parent(thomas, bernard) ? creep
   Call: (8) ancetre2(bernard, pierre) ?
creep
   Call: (9) parent(bernard, G1064) ? creep
   Exit: (9) parent(bernard, anne) ? creep
   Call: (9) ancetre2(anne, pierre) ? creep
   Call: (10) parent(anne, G1064) ? creep
   Fail: (10) parent(anne, _G1064) ? creep
   Redo: (9) ancetre2(anne, pierre) ? creep
   Call: (10) parent(anne, pierre) ? creep
   Fail: (10) parent(anne, pierre) ? creep
   Fail: (9) ancetre2(anne, pierre) ? creep
   Redo: (9) parent(bernard, G1064) ? creep
   Exit: (9) parent(bernard, pierre) ? creep
   Call: (9) ancetre2(pierre, pierre) ? creep
   Call: (10) parent(pierre, G1064) ? creep
   Exit: (10) parent(pierre, jean) ? creep
   Call: (10) ancetre2(jean, pierre)? Creep
```

```
parent(michelle, bernard).
parent(thomas, bernard).
parent(thomas, lise).
parent(bernard, anne).
parent(bernard, pierre).
parent(pierre, jean).
ancetre2(X, Z):-
        parent(X,Y),
        ancetre2(Y,Z).
ancetre2(X, Z):-
        parent(X,Z).
```

```
Call: (11) parent(jean, G1064) ? creep
Fail: (11) parent(jean, G1064) ? creep
  Redo: (10) ancetre2(jean, pierre) ? creep
   Call: (11) parent(jean, pierre) ? creep
  Fail: (11) parent(jean, pierre) ? creep
   Fail: (10) ancetre2(jean, pierre) ? creep
   Redo: (9) ancetre2(pierre, pierre) ? creep
   Call: (10) parent(pierre, pierre) ? creep
   Fail: (10) parent(pierre, pierre) ? creep
   Fail: (9) ancetre2(pierre, pierre) ? creep
  Redo: (8) ancetre2(bernard, pierre) ?
creep
  Call: (9) parent(bernard, pierre) ? creep
  Exit: (9) parent(bernard, pierre) ? creep
  Exit: (8) ancetre2(bernard, pierre) ?
creep
  Exit: (7) ancetre2(thomas, pierre)? creep
```

true .

```
?- ancetre3(thomas, pierre).
true ;
ERROR: Out of local stack
?- trace, ancetre3(thomas, pierre).
  Call: (7) ancetre3(thomas, pierre) ? creep
  Call: (8) parent(thomas, pierre) ? creep
  Fail: (8) parent(thomas, pierre) ? creep
  Redo: (7) ancetre3(thomas, pierre) ? creep
  Call: (8) ancetre3(thomas, G1298) ? creep
  Call: (9) parent(thomas, G1298) ? creep
  Exit: (9) parent(thomas, bernard) ? creep
  Exit: (8) ancetre3(thomas, bernard) ?
creep
  Call: (8) parent(bernard, pierre) ? creep
  Exit: (8) parent(bernard, pierre) ? creep
  Exit: (7) ancetre3(thomas, pierre) ? creep
true ;
  Redo: (9) parent(thomas, _G1298) ? creep
  Exit: (9) parent(thomas, lise) ? creep
  Exit: (8) ancetre3(thomas, lise) ? creep
  Call: (8) parent(lise, pierre) ? creep
  Fail: (8) parent(lise, pierre) ? creep
  Redo: (8) ancetre3(thomas, _G1298) ? creep
  Call: (9) ancetre3(thomas, G1298) ? creep
  Call: (10) parent(thomas, G1298) ? creep
```

```
parent(bernard, anne).
                  parent(bernard, pierre).
                  parent(pierre, jean).
                  ancetre3(X, Z) :-
  Exit: (10) pa
  Exit: (9) anc
                            parent(X,Z).
creep
                  ancetre3(X, Z) :-
  Call: (9) par
                            ancetre3(X,Y),
  Exit: (9) pare
                            parent(Y,Z).
  Exit: (8) ancetres, .....
  Call: (8) parent(anne, pierre) ? creep
  Fail: (8) parent(anne, pierre) ? creep
  Redo: (9) parent(bernard, G1298) ? creep
  Exit: (9) parent(bernard, pierre) ? creep
  Exit: (8) ancetre3(thomas, pierre) ? creep
  Call: (8) parent(pierre, pierre) ? creep
  Fail: (8) parent(pierre, pierre) ? creep
  Redo: (10) parent(thomas, G1298) ? creep
  Exit: (10) parent(thomas, lise) ? creep
  Exit: (9) ancetre3(thomas, lise) ? creep
  Call: (9) parent(lise, G1298) ? creep
  Fail: (9) parent(lise, G1298) ? creep
  Redo: (9) ancetre3(thomas, _G1298) ? creep
  Call: (10) ancetre3(thomas, G1298) ?
creep
  Call: (11) parent(thomas, G1298) ? creep
  Exit: (11) parent(thomas, bernard) ? creep
   BRANCHE INFINIE
```

parent(michelle, bernard).

parent(thomas, bernard).

parent(thomas, lise).

```
?- ancetre4(thomas, pierre).
ERROR: Out of local stack
?- trace, ancetre4(thomas, pierre).
  Call: (7) ancetre4(thomas, pierre) ? creep
  Call: (8) ancetre4(thomas, _G1064) ? creep
  Call: (9) ancetre4(thomas, G1064) ? creep
  Call: (10) ancetre4(thomas, G1064)? creep
  Call: (11) ancetre4(thomas, _G1064) ? creep
  Call: (12) ancetre4(thomas, G1064) ? creep
  Call: (13) ancetre4(thomas, G1064)? creep
  Call: (14) ancetre4(thomas, G1064)? creep
  Call: (15) ancetre4(thomas, G1064)? creep
  Call: (16) ancetre4(thomas, G1064) ? creep
  Call: (17) ancetre4(thomas, G1064)? creep
  Call: (18) ancetre4(thomas, G1064)? creep
  Call: (19) ancetre4(thomas, G1064)? creep
  Call: (20) ancetre4(thomas, G1064)? creep
  Call: (21) ancetre4(thomas, G1064) ? creep
  Call: (22) ancetre4(thomas, G1064) ? creep
  Call: (23) ancetre4(thomas, G1064)? creep
  Call: (24) ancetre4(thomas, G1064) ? creep
  Call: (25) ancetre4(thomas, G1064) ? creep
  Call: (26) ancetre4(thomas, G1064)? creep
  Call: (27) ancetre4(thomas, _G1064) ? creep
  Call: (28) ancetre4(thomas, _G1064) ? creep
```

```
parent(thomas, bernard).
               parent(thomas, lise).
               parent(bernard, anne).
               parent(bernard, pierre).
               parent(pierre, jean).
               ancetre4(X, Z):-
Call: (29) anc
Call: (30) anc
                          ancetre4(X,Y),
Call: (31) and
                          parent(Y,Z).
Call: (32) anc
               ancetre4(X, Z):-
Call: (33) ance
                          parent(X,Z).
Call: (34) ancetre
Call: (35) ancetre4(thomas, G1064)? creep
Call: (36) ancetre4(thomas, _G1064) ? creep
Call: (37) ancetre4(thomas, G1064)? creep
Call: (38) ancetre4(thomas, G1064)? creep
Call: (39) ancetre4(thomas, G1064)? creep
Call: (40) ancetre4(thomas, G1064)? creep
Call: (41) ancetre4(thomas, G1064)? creep
Call: (42) ancetre4(thomas, G1064) ? creep
Call: (43) ancetre4(thomas, G1064)? creep
Call: (44) ancetre4(thomas, _G1064) ? creep
Call: (45) ancetre4(thomas, G1064)? creep
Call: (46) ancetre4(thomas, G1064) ? creep
Call: (47) ancetre4(thomas, G1064) ? creep
Call: (48) ancetre4(thomas, G1064)? creep
Call: (49) ancetre4(thomas, G1064)? creep
Call: (50) ancetre4(thomas, G1064)? creep
Call: (51) ancetre4(thomas, G1064)? Creep
BRANCHE INFINIE
```

parent(michelle, bernard).

- Plan déclaratif : les quatre versions sont équivalentes
- Plan procédural : seules ancetre et ancetre2 sont correctes
- Pourquoi?
- Conclusion :
 - Mettre les cas les plus simples d'abord (non récursif)
 - parent plutôt que ancetre
 - Ordonner avec les clauses et les littéraux
 - priorité à parent

Arithmétique

Comparaison

Arithmétique	Prolog
X < Y	X < Y.
X ≤ Y	X =< Y.
X = Y	X =:= Y.
X ≠ Y	X =\= Y.
X≥Y	X >= Y.
X > Y	X > Y.

Fonctions prédéfinies

-, +, *, /, ^
mod, abs, min, max,
sing, random, sqrt,
sin, cos, tan, log, exp,
.....

Unification vs Affectation

```
?- X=4+5.

X = 4+5.

?- X=4+5, Y=5+4, X=Y.

false.
```

➤ Les résultats sont différents : Prolog n'a pas calculé le résultat mais a juste unifié X avec le terme '4+5' et Y avec '5+4'

L'affectation se fait avec le prédicat is/2

Opérations arithmétiques

 Évaluer un terme représentant une expression arithmétique revient à appliquer les opérateurs via une affectation

```
?- X = 1 + 1 + 1.

X = 1 + 1 + 1 (ou X = +(+(1, 1), 1)).

?- X = 1 + 1 + 1, Y is X.

X = 1 + 1 + 1, Y = 3.

?- X = 1 + 1 + 1.
```

erreur (a n'est pas un nombre)

Comparaison et unification de termes

- Vérifications de type
 - var, nonvar, integer, float, number, atom, string, ...
- Comparer deux termes
 - T1==T2 réussit si T1 est identique à T2
 - T1\==T2 réussit si T1 n'est pas identique à T2
 - T1=T2 unifie T1 avec T2
 - T1\=T2 réussit si T1 n'est pas unifiable à T2
 - Exemples :
 - ?- p(A) == p(1). \rightarrow false.

?- p(A) = p(1). \rightarrow true.

• ?- p(A)=p(1). $\rightarrow A=1$.

?- p(A) = p(1). \rightarrow false.

BIA 2020 : Prolog

Egalité arithmétique (=:=), comparaison (==), unification (=)

$$?-X \text{ is } 1+1+Z.$$

ERROR: Z non instancié à un nombre

$$?-Z = 2$$
, X is $1 + 1 + Z$.

$$Z = 2$$

$$X = 4$$

$$?-1+2=:=2+1.$$

true.

$$?-1+2=2+1$$

false.

$$?-1+2=1+2$$
.

true.

$$?-1+X=1+2.$$

$$X = 2$$
.

ERROR: ...

true.

$$?-1+2==2+1.$$

false.

$$?-1 + X == 1 + 2.$$

false.

$$?-1+a==1+a.$$

true.

Un exemple : factorielle V1

```
?- listing.
fact(1, 1).
fact(A, B) :-
   C is A-1,
   fact(C, D),
   B is A*D.
true.
?-fact(5,R).
R = 120;
ERROR: Out of local
 stack
Exception: (36,276)
G4661 is-36263-1 ?
 abort
% Execution Aborted
```

```
?- trace, fact(3,R).
  Call: (8) fact(3, G237) ? creep
^ Call: (9) _G308 is 3-1 ? creep
^ Exit: (9) 2 is 3-1 ? creep
  Call: (9) fact(2, G306) ? creep
^ Call: (10) G311 is 2-1 ? creep
^ Exit: (10) 1 is 2-1 ? creep
  Call: (10) fact(1, G309) ? creep
  Exit: (10) fact(1, 1) ? creep
^ Call: (10) G314 is 2*1 ? creep
^ Exit: (10) 2 is 2*1 ? creep
  Exit: (9) fact(2, 2) ? creep
^ Call: (9) _G237 is 3*2 ? creep
^ Exit: (9) 6 is 3*2 ? creep
  Exit: (8) fact(3, 6) ? creep
R = 6:
  Redo: (10) fact(1, G309) ? creep
^ Call: (11) G314 is 1-1 ? creep
  Exit: (11) 0 is 1-1 ? creep
  Call: (11) fact(0, G312) ? creep
^ Call: (12) G317 is 0-1 ? creep
^ Exit: (12) -1 is 0-1 ? creep
  Call: (12) fact(-1, G315) ? creep
^ Call: (13) G320 is-1-1 ? creep
  Exit: (13) -2 is-1-1 ? creep
```

Un exemple: factorielle V2

```
?- listing.
fact(1, 1).
fact(A, B) :-
  fact(C, D), C is A-1, B is A*D.
true.
 ?- trace, fact(3, R).
   Call: (7) fact(3, G824) ? creep
   Call: (8) fact( G940, G941) ? creep
   Exit: (8) fact(1, 1) ? creep
   Call: (8) 1 is 3-1 ? creep
   Fail: (8) 1 is 3-1 ? creep
   Redo: (8) fact( G940, G941) ? creep
   Call: (9) fact( G940, G941) ? creep
   Exit: (9) fact(1, 1) ? creep
   Call: (9) 1 is _G933-1 ? creep
ERROR: is/2: Arguments are not
 sufficiently instantiated
```

```
?-5 is X-1.
ERROR: Arguments
 are not
 sufficiently
 instantiated
% Execution
 Aborted
?-plus(3,2,5).
true.
?- plus(X,2,5).
X = 3
true.
```

Attention aux affectations

Un exemple: factorielle V3

```
?- listing.
facto(1, 1).
facto(A, B) :-
 A > 1
 C is A-1,
 facto(C, D),
 B is A*D.
true.
?-facto(3,N).
N = 6 ;
false.
```

Factorielle avec accumulateur

```
?- listing.
fact(A, B) :-
       fact(A, 1, B).
fact(A, Rt, B) :-
       A>1.
       C is Rt*A,
       D is A-1,
       fact(D, C, B).
fact(1, Rt, Rt).
true.
?- trace, fact(3,N).
  Call: (7) fact(3, G234)
 ? creep
  Call: (8) fact(3, 1, G234)
 ? creep
  Call: (9) 3>1 ? creep
  Exit: (9) 3>1 ? creep
 Call: (9) G305 is 1*3
 ? creep
^ Exit: (9) 3 is 1*3
 ? creep
```

```
^ Call: (9) G308 is 3-1 ? creep
^ Exit: (9) 2 is 3-1 ? creep
  Call: (9) fact(2, 3, G234) ?
  creep
  Call: (10) 2>1 ? creep
  Exit: (10) 2>1 ? creep
 Call: (10) G311 is 3*2 ? creep
^ Exit: (10) 6 is 3*2 ? creep
^ Call: (10) _G314 is 2-1 ? creep
^ Exit: (10) 1 is 2-1 ? creep
   Call: (10) fact(1, 6, G234) ?
  creep
   Call: (11) 1>1 ? creep
   Fail: (11) 1>1 ? creep
   Redo: (10) fact(1, 6, G234) ?
  creep
   Exit: (10) fact(1, 6, 6) ? creep
N = 6
```

De quoi va-t-on parler?

- Syntaxe et fonctionnement du Prolog
- Les listes
- Les chaînes de caractères
- Les boucles mues par l'échec
- Points de choix et coupure
- Pour travailler en Swi-Prolog
- Questions à se poser pour « coder en prolog »
- Pour aller plus loin

Les listes

- Structure très importante en Prolog
- Peut contenir tout type de termes
- Entre crochets, éléments séparés par des virgules
 - Liste vide : []
 - Cas général : [Tete | Queue]
 - $[a,b,c] \equiv [a|[b|[c|[]]]]$
- Exemples :
 - [a,b,c] [] [Y,b,[1,2,3]] [Y,b,Z]

Unification des listes

- Une liste entière :
 - ?- X = [a,b,c].X=[a,b,c]true.
- Certains éléments de la liste :
 - ?-[a,b,c]=[X,Y,Z].X=a Y=b Z=ctrue.
 - ?-[a,b,c]=[X,Y,c].X=a Y=btrue.
 - ?- [a,b,c] = [X,Y,b]. false.

Unification des listes

Avec des listes imbriquées :

```
?- [a,[2,2],c] = [a,Y,c] .Y=[2,2]true.
```

```
?- [X,b,c] = [a,Y,c] .X=aY=btrue.
```

```
?- [a,b,[c,d]] = [a,b,[c,X]] .X=dtrue.
```

Exemple d'unification de listes

- [X|L] = [a,b,c] $\rightarrow X = a, L = [b,c]$
- [X|L] = [a]
- \rightarrow X = a, L = []
- [X|L] = []
- → échec
- [X,Y]=[a,b,c]
- → échec
- [X,Y|L]=[a,b,c]
- \rightarrow X = a, Y = b, L = [c]
- [X|L]=[X,Y|L2]
- \rightarrow L=[Y|L2]

Exemple : somme des éléments d'une liste de nombres

```
?- [somme].
% somme compiled 0.01 sec, 692 bytes
true.
?- listing.
somme([], 0).
somme([A B], C) :-
        somme(B, D),
        C is D+A.
true.
?-somme([1,2,3,5],N).
N = 11
```

Variable indéterminée (1)

```
[ieme].
Warning: (.../ieme:1):
        Singleton variables: [L]
Warning: (.../ieme:1):
        Singleton variables: [X]
% ieme compiled 0.01 sec, 736 bytes
true.
?- listing.
ieme([X|L], 1, X).
ieme([X|L], N, R) :-
        N>1
        N2 is N-1,
        ieme(L, N2, R).
true.
```

Variable indéterminée (2)

```
?- listing.
ieme([X|_], 1, X).
ieme([_|L], N, R) :-
        N>1
        N2 is N-1,
        ieme(L, N2, R).
true.
?-ieme([a,b,c,d],2,N).
N = b;
false.
```

Test ou génération?

```
?- listing.
appart (A, [A|B]).
appart(A, [B|C]) :-
        appart (A, C).
true.
?- appart(a,[b,a,c]).
true.
?- appart(d, [b, a, c]).
false.
?-appart(X,[b,a,c]).
X = b;
X = a;
X = C;
false.
?- trace, appart(X,[b,a,c]).
Call: (7) appart(_G284, [b, a, c])
  ? creep
  Exit: (7) appart(b, [b, a, c]) ?
 creep
X = b:
```

```
Redo: (7) appart (G284, [b, a,
c]) ? creep
Call: (8) appart (G284, [a,
c]) ? creep
Exit: (8) appart(a, [a, c]) ?
creep
     X = a;
Redo: (8) appart (G284, [a,
cl) ? creep
Call: (9) appart( G284, [c])
? creep
Exit: (9) appart(c, [c]) ?
creep
     X = C;
Redo: (9) appart( G284, [c])
? creep
Call: (10) appart( G284, [])
? creep
Fail: (10) appart( G284, [])
? creep
false.
```

Le prédicat member/2

- Le prédicat appart est prédéfini en Prolog
- Il est très utile :

```
?- member(c,[a,z,e,c,r,t]).
true.
?- member(X,[a,z,e,r,t]).
X = a; X = z; X = e; X = r; X = t.
?- member([3,V], [[4,a],[2,n],[3,f],[7,g]]).
V = f.
```

Le prédicat append/3

 append est le prédicat prédéfini pour la concaténation de listes

```
?- append([a,b,c],[d,e],L).
L = [a, b, c, d, e]
```

- Il est complètement symétrique et peut donc être utilisé pour
 - Trouver le dernier élément d'une liste

```
?- append(_,[X],[a,b,c,d]).
X = d
```

Couper une liste en sous-listes

```
?- append(L2,L3,[b,c,a,d,e]),append(L1,[a],L2).
L2 = [b, c, a] L3 = [d, e] L1 = [b, c]
```

Trouver toutes les solutions

findall(Variable, But, Liste)

```
?- findall(X, member(X,[a,b,c]), R).
R = [a, b, c]
                                     pere(charlie,david).
?- findall(Y, papy(X,Y), R).
                                     pere(charlie, marie).
                                     pere(charlie,paul).
R = [david, marie, paul].
                                     pere(henri,charlie).
?- findall(X, papy(X,Y), R).
                                     papy(X,Y) :-
R = [henri, henri, henri].
                                       pere(X,Z), pere(Z,Y).
?- findall([X,Y], papy(X,Y), R).
R = [[henri, david], [henri, marie],
[henri, paul]].
```

Exercice

 Définir un prédicat ajoute1(L,L1)
 où L est une liste de nombres, et L1 une liste identique où tous les nombres sont augmentés de 1.

De quoi va-t-on parler?

- Syntaxe et fonctionnement du Prolog
- Les listes
- Les chaînes de caractères
- Les boucles mues par l'échec
- Points de choix et coupure
- Pour travailler en Swi-Prolog
- Questions à se poser pour « coder en prolog »
- Pour aller plus loin

Chaîne de caractères

- Une chaîne de caractères est représentée par une liste de codes ASCII :
 - "toto" équivaut à [116, 111, 116, 111]
- Pour manipuler ou visualiser la chaîne : name(chaineCaracteres, listeCaracteres)
 - ?- name(S, [116, 111, 116, 111]).S = toto
 - ?- name(S, "toto").S = toto
 - ?- name("toto", S).S = [116, 111, 116, 111].
- On manipule donc les chaînes avec des opérations de listes

Exemple: les mutants

```
non vide([ | ]).
mutant(S) :-
  animal(MotD),
  animal(MotF),
  name(MotD,D),
  name (MotF,F),
  append(Debut, Milieu, D),
 non vide(Debut),
 non vide(Milieu),
  append(Milieu, ,F),
 append(Debut, F, M),
 name (S, M).
animal("alligator").
animal("lapin").
animal("tortue").
animal("pintade").
animal("cheval").
```

```
?- mutant(X).
X = alligatortue ;
X = lapintade;
X = chevalligator;
X = chevalapin ;
false.
```

Entrées - Sorties

- Saut de ligne
 - nl
- Affichage de M espaces
 - tab(M)
- Lecture d'un caractère et unification dans Char
 - Avec retour chariot : get(Char)
 - Sans retour chariot : get_single_char(Char)
- Lecture d'un terme (élémentaire ou composé) et unification dans Term
 - read(Term)
- Affichage d'un caractère
 - put(Char)
- Affichage d'un terme (élémentaire ou composé)
 - write(Term)

De quoi va-t-on parler?

- Syntaxe et fonctionnement du Prolog
- Les listes
- Les chaînes de caractères
- Les boucles mues par l'échec
- Points de choix et coupure
- Pour travailler en Swi-Prolog
- Questions à se poser pour « coder en prolog »
- Pour aller plus loin

Boucles mues par échec

• Deux prédicats prédéfinis :

true : réussit toujours

fail : échoue toujours

• ?- member(X,[a,b,c]), write_ln(X), fail.

a

h

C

false.

- > Toujours échec donc pas d'unification réussie avec X.
- Permet de faire des boucles en Prolog

Exemple: conjuguer les verbes du premier groupe

```
?- conjugue("chanter").
je chante
tu chantes
il chante
nous chantons
vous chantez
ils chantent
true
```

Exemple: conjuguer les verbes du premier groupe

```
conjugue(MotInfinitif) :- name(MotInfinitif,LInfinitif),
       racine(LInfinitif, LRacine), termine(LRacine).
racine(LInfinitif,LRacine) :-
       append(LRacine,[101,114],LInfinitif).
terminaison("je", "e").
terminaison("tu", "es").
terminaison("il", "e").
terminaison("nous", "ons").
terminaison("vous", "ez").
terminaison("ils", "ent").
termine(LRacine) :-
    terminaison(MotDebut, MotFin),
    write(MotDebut), write(' '),
    name(MotFin,LFin),
    append(LRacine, LFin, LVerbe),
    name(MotVerbe, LVerbe), write(MotVerbe), nl,
    fail.
termine().
```

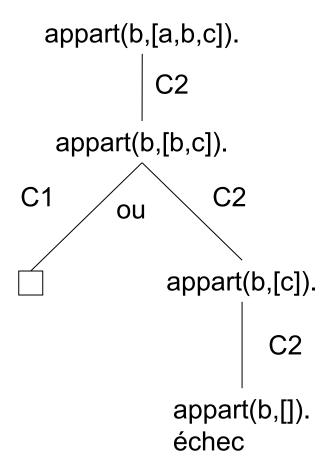
De quoi va-t-on parler?

- Syntaxe et fonctionnement du Prolog
- Les listes
- Les chaînes de caractères
- Les boucles mues par l'échec
- Points de choix et coupure
- Pour travailler en Swi-Prolog
- Questions à se poser pour « coder en prolog »
- Pour aller plus loin

Points de choix

```
C1 : appart(X,[X ]).
C2 : appart(X,[ L]) :- appart(X,L).
?- trace, appart(b,[a,b,c]),fail.
   Call: (8) appart(b, [a, b, c]) ? creep
   Call: (9) appart(b, [b, c]) ? creep
   Exit: (9) appart(b, [b, c]) ? creep
   Redo: (9) appart(b, [b, c]) ? creep
   Call: (10) appart(b, [c]) ? creep
   Call: (11) appart(b, []) ? creep
   Fail: (11) appart(b, []) ? creep
false.
```

Représentation par un graphe ET/OU

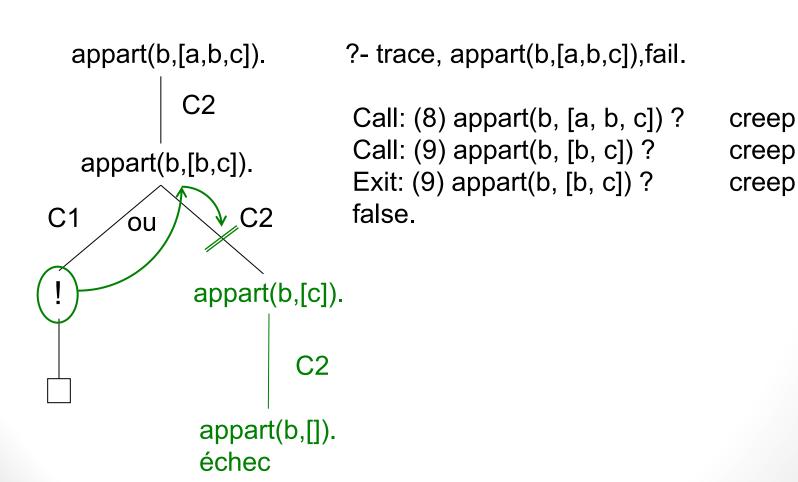


Le prédicat cut

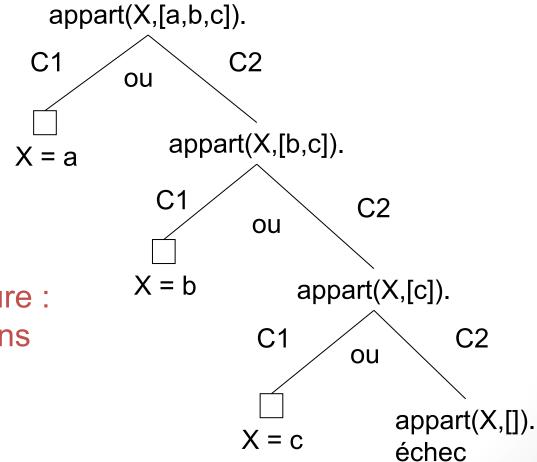
La coupure interdit le retour arrière sur des points de choix.

```
C1 : appart(X,[X|_]) :- ! .
C2 : appart(X,[_|L]) :- appart(X,L).
```

Coupure pour éliminer des points de choix inutiles

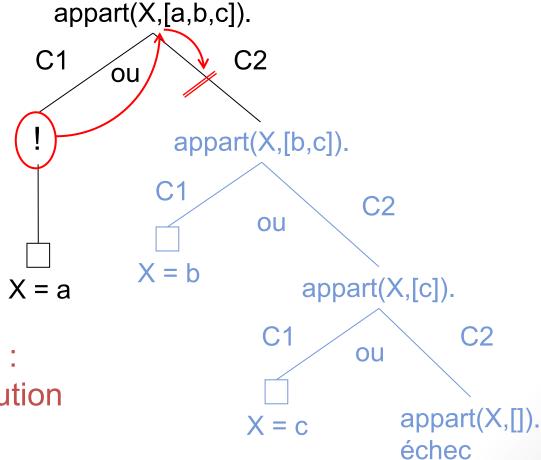


Coupure pour modifier les solutions (1)



Sans coupure : trois solutions

Coupure pour modifier les solutions (2)



Avec coupure : une seule solution

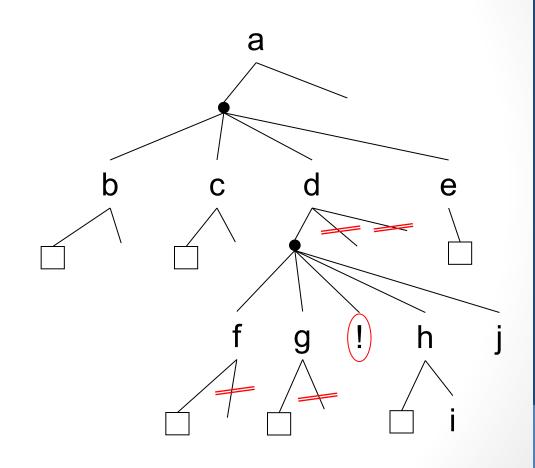
Coupure : différence entre génération et test

- Version sans coupure pour le prédicat en génération (pour avoir toutes les solutions)
- Version avec coupure pour le prédicat en test (ou calcul d'une seule solution)

Coupure : quels points de choix supprimés ?

```
a :- b, c, d, e.
a :- ...
b.
b :- ...
C.
C:- ...
d :- f, g, !, h, j.
(f:-...)
h :- i.
```

e.



La coupure supprime les points de choix sur les sommets aînés et sur le sommet père

Coupure pour omettre des conditions

Coupure pour faire un « si alors sinon »

Pour faire "Si P alors Q sinon R":

```
if_then_else(P,Q,R) :- P, !, Q.
if_then_else(P,Q,R) :- R.
```

La coupure: synthèse

- Objectifs:
 - interdire l'exploration de certaines branches
 - améliorer l'efficacité d'un programme en éliminant des conditions
 - confirmer un choix que l'on sait être le seul ou plus pertinent
 - écrire un « si alors sinon »
- p :- a, b, ...,!,...,z
 - Tous les choix mémorisés depuis l'appel de la tête de clause jusqu'à l'exécution du CUT sont supprimés

La négation par l'échec

- Si F est une formule, sa négation est notée not(F)
- Prolog pratique la négation par l'échec
 - Pour démontrer not(F)
 Prolog va tenter de démontrer F
 - Si la démonstration de F échoue,
 Prolog considère que not(F) est démontrée
- not(F) signifie donc que la formule F n'est pas démontrable, et non que c'est une formule fausse
 - C'est ce que l'on appelle l'hypothèse du monde clos

La négation par l'échec

Pour faire le prédicat not(F) qui retourne vrai si F échoue :

```
not(F) :- F, !, fail.
not(_).
```

- Pour démontrer not(F), Prolog essaie de démontrer F
- S'il réussit :
 - Le cut élimine les points de choix éventuellement créés durant cette démonstration
 - Le fail fait échouer la règle
 - Le cut ayant éliminé la deuxième règle, c'est la démonstration de not(F) qui échoue
- Si la démonstration de F échoue
 - C'est la deuxième règle qui réussit

Négation par l'échec : danger !

• Soit le programme : p(a).

```
• ?- X=b, not(p(X)).
X = b.
```

Prolog répond positivement car p(b) n'est pas démontrable.

```
• ?- not(p(X)), X=b. false.
```

- Prolog répond négativement car p(X) étant démontrable avec $\{X = a\}$, not p(X) est considéré comme faux.
- La négation par l'échec ne doit être utilisée que sur des prédicats dont les arguments sont déterminés et à des fins de vérification
- > Son utilisation ne détermine jamais la valeur d'une variable

De quoi va-t-on parler?

- Syntaxe et fonctionnement du Prolog
- Les listes
- Les chaînes de caractères
- Les boucles mues par l'échec
- Points de choix et coupure
- Pour travailler en Swi-Prolog
- Questions à se poser pour « coder en prolog »
- Pour aller plus loin

Chargement de programme

Chargement d'un programme à partir d'un fichier

```
• ?- consult('nom.pl').
• ?- consult(nom).
• ?- ['nom.pl'].
• ?- [nom].
```

Chargement de plusieurs fichiers

```
• ?- [nom1, nom2].
```

Ecrire un programme au terminal

```
• ?- consult(user). ou [user].

Puis les clauses

Puis CTRL D
```

Chargement de programme

- On ne peut pas charger de clause négative à partir d'un fichier
 - Pour ne pas saisir les demandes au terminal
 - Dans le fichier

```
q(_) :- <la/les questions>.
```

Puis demander au terminal

```
q(_). pour une solutionq(X) pour toutes
```

Affichage de programme

L'affichage du contenu du fichier chargé

```
• ?- listing.
```

- L'affichage d'une clause particulière, ici clause1
 - ?- listing(clause1).
- Edition avec l'éditeur vi
 - ?- edit(nomProgramme).

Trouver une clause

• ?- clause(Tete, Queue) appart(A,[A|B]). appart(A,[B|C]) :- appart(A,C).?- clause(appart(X,Y),Q). X = AY = [A|B]Q = true; X = AY = [B|C]Q = appart(A,C);false.

Ajout de clauses

- assert(C)
 - Ajoute la clause C
 - Sa position dans la liste des clauses dépend de l'implémentation

```
assert(pere(pierre, paul)).
```

```
assert((papy(X,Y) :- pere(X,Z),
pere(Z,Y))).
```

- asserta(C)
 - Ajoute la clause C au début de la liste des clauses
- assertz(C)
 - Ajoute la clause C à la fin de la liste des clauses

Retrait de clauses

Enlever une clause

```
    ?- retract(pere(X,Y)).
    X = pierre
    Y = paul.

    ?- retract(pere(X,Y)).
    X = pierre
    Y = paul;
    X = paul
    Y = jean;
    false.
```

Enlever toutes les clauses

```
• ?- retractall(pere(_,_)).
```

Clauses dynamiques

```
?- toto(X).
ERROR : Undefined procedure : toto/1
:- dynamic toto/1, tata/2.
?- toto(X).
false.
```

Shell, commentaires et sortie

Pour exécuter des commandes shell

```
?- sh.<les commandes>Pour revenir sous Prolog, CTRL D
```

Les commentaires

```
% sur une ligne/* sur plusieurs ligne */
```

Pour sortir

```
• ?- halt.
```

De quoi va-t-on parler?

- Syntaxe et fonctionnement du Prolog
- Les listes
- Les chaînes de caractères
- Les boucles mues par l'échec
- Points de choix et coupure
- Pour travailler en Swi-Prolog
- Questions à se poser pour « coder en prolog »
- Pour aller plus loin

Définition d'un prédicat

- Questions à se poser :
 - Comment vais-je l'utiliser ?
 - Quelles sont les données ?
 - Quels sont les résultats ?
 - Est-ce souhaitable qu'il y ait plusieurs solutions ?
 - Si l'on veut une seule solution, il faut faire des cas exclusifs

De quoi va-t-on parler?

- Syntaxe et fonctionnement du Prolog
- Les listes
- Les chaînes de caractères
- Les boucles mues par l'échec
- Points de choix et coupure
- Pour travailler en Swi-Prolog
- Questions à se poser pour « coder en prolog »
- Pour aller plus loin

Pour aller plus loin

- Prolog
 - W.F. Clocksin et al. Programmer en Prolog. Editions Eyrolles, 1985.
 - L. Sterling, E. Shapiro. L'art de Prolog. Masson, 1986.
 - M. Van Caneguem. Anatomie de Prolog. InterEditions, 1986.
 - M. Condillac. Prolog: fondements et applications. Dunod, 1986
 - I. Bratko. Programmation en Prolog pour l'Intelligence Artificielle. Intereditions, 1988.
- Swi-Prolog
 - http://www.swi-prolog.org/
- Sources pour construire ce cours
 - Les cours de Nathalie Guin