

- Pas de réponse : 0
- Choix notation : +x/(nb réponses attendues) ou -x/(nb réponses non attendues) pour chacune des réponses cochées

On exécute un algorithme dont la complexité sur un graphe à n sommets est $O(n!)$. On constate que pour un graphe à 15 sommets, il faut environ 3 heures pour que l'algorithme termine. Sur la même machine, quelle est la taille maximale de graphe que l'on peut espérer traiter en 48h?

- ☐ 60
☐ 16
☐ 15
☐ 240

On donne un ensemble $V=\{a,b,c,d,e\}$ de 5 villes ainsi que les distances les séparant, dans la matrice ci-dessous.

	a	b	c	d	e
a		3	5	4	2
b	3		2	3	4
c	5	2		2	5
d	4	3	2		2
e	2	4	5	2	

Pour $S \subseteq V \setminus \{une\}$ et $v \in S$, on définit, comme dans le cours, $OPT[S, v]$ comme la longueur minimum d'un trajet qui commence en une , passe par toutes les villes de $S \setminus \{v\}$ (une et une seule fois) et finit en v . Que vaut $OPT[\{b,c,e\},e]$?

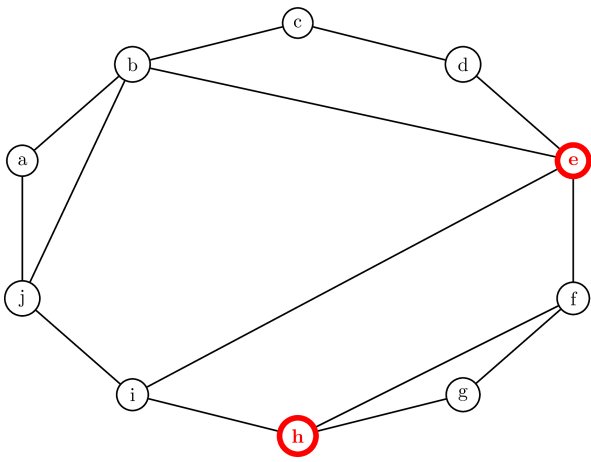
- ☐ 5
☐ 6
☐ 7
☐ 8
☐ 9
☐ 10
☐ 11
☐ 12
☐ 13
☐ 14
☐ 15
☐ 16
☐ 17
☐ 18
☐ 19

On donne un ensemble $S=\{a,b,c,d,e,f,g\}$ de 7 villes. Combien y a-t-il de tours sur ces 7 villes qui commencent par visiter g puis f puis e?

- ☐ 16
☐ 28
☐ 24
☐ 4

On considère le problème du sac à dos avec les objets suivants, chacun décrit par un couple (v,w) ou v est la valeur de l'objet et w est son poids: $(5,2),(7,3),(10,5),(11,6),(15,8),(19,10)$. Quelle est la valeur maximum d'un sac à dos de poids inférieur ou égal à 14?

- ☐ 22
☐ 23
☐ 24
☐ 25
☐ 26
☐ 27
☐ 28
☐ 29
☐ 30



Donnez tous les sommets x du graphe ci-dessus, distincts de e et h, tels qu'il existe un stable contenant à la fois e, h et x.

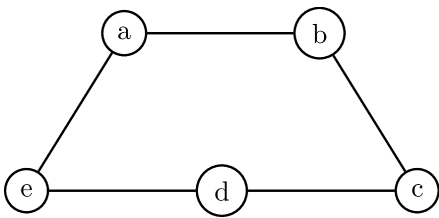
- ☐ une
- ☐ b
- ☐ c
- ☐ d
- ☐ est
- ☐ f
- ☐ g
- ☐ h
- ☐ je
- ☐ j

On donne un ensemble $V=\{a,b,c,d,e,f\}$ de 6 villes ainsi que les distances les séparant, dans la matrice ci-dessous.

	a	b	c	d	e	f
a		3	5	4	2	5
b	3		2	3	4	2
c	5	2		2	5	2
d	4	3	2		2	4
e	2	4	5	2		5
f	5	2	2	4	5	

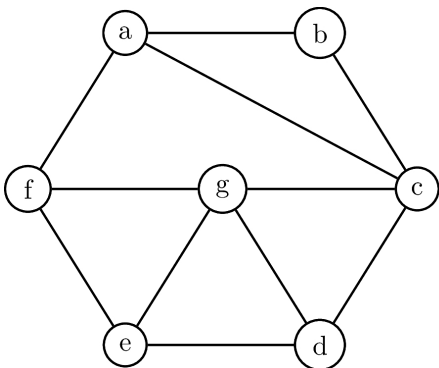
Pour $S \subseteq V \setminus \{une\}$ et $v \in S$, on définit, comme dans le cours, $OPT[S, v]$ comme la longueur minimum d'un trajet qui commence en *une*, passe par toutes les villes de $S \setminus \{v\}$ (une et une seule fois) et finit en v . Pour $S'=\{b,c,d,f\}$ on donne les valeurs suivantes: $OPT[S',b]=10$; $OPT[S',c]=10$; $OPT[S',d]=9$; $OPT[S',f]=10$.
Que vaut $OPT[\{b,c,d,e,f\},e]$?

- ☐ 10
- ☐ 11
- ☐ 12
- ☐ 13
- ☐ 14
- ☐ 15
- ☐ 16
- ☐ 17
- ☐ 18
- ☐ 19
- ☐ 20
- ☐ 21
- ☐ 22
- ☐ 23
- ☐ 24



Combien y a-t-il de stables de cardinal maximum dans le graphe ci-dessus?

- ☐ 1
- ☐ 2
- ☐ 3
- ☐ 4
- ☐ 5
- ☐ 6
- ☐ 7
- ☐ 8
- ☐ 9
- ☐ 10



Le graphe ci-dessus possède un unique stable de cardinal maximum. Donnez tous les sommets le composant.

- ☐ une
- ☐ b
- ☐ c
- ☐ d
- ☐ est
- ☐ f
- ☐ g

On exécute l'algorithme List Scheduling pour le problème d'équilibrage de charges avec 4 machines, sur la liste de durée des tâches $L = (8, 5, 3, 6, 9, 5, 3, 4)$. Au cours de l'algorithme, lorsque plusieurs machines ont la charge minimum, on choisit d'affecter la tâche à la machine de plus petit indice. A quelle machine est affectée la tâche de durée 4?

- ☐ M1
- ☐ M2
- ☐ M3
- ☐ M4

Un stable maximum dans un graphe se définit comme:

- ☐ un stable auquel on ne peut pas ajouter un sommet en conservant la propriété d'être un stable
- ☐ un stable ayant le plus grand nombre d'arêtes
- ☐ un stable ayant le plus grand nombre de sommets

Pour un problème d'équilibrage de charges sur 3 machines, on obtient une solution dans laquelle les charges des 3 machines sont respectivement: $\text{charge}(M1)=10$, $\text{charge}(M2)=16$, $\text{charge}(M3)=10$. Le makespan de cette solution vaut:

- ☐ 1.6
- ☐ 16
- ☐ 10
- ☐ 6

Parmi les problèmes suivants, lesquels sont NP-difficiles?

- ☐ le flot maximum
- ☐ l'équilibrage de charges
- ☐ la coupe minimum
- ☐ le sac à dos

On donne un ensemble de n villes ainsi que la distance séparant chaque couple de villes. Quelle est la définition d'un tour minimum sur ces n villes?

- ☐ un tour de longueur minimum
- ☐ un tour dont la distance entre deux villes consécutives dans le tour est minimum
- ☐ un tour ayant un nombre minimum de villes

Soit A un algorithme d'approximation avec un ratio r constant pour un problème de minimisation et soient I et I' deux instances du problème. Pour I , le minimum de la fonction objectif est 3 et l'algo A donne une solution réalisant un objectif de 6. Pour I' , le minimum de la fonction objectif est 5 et l'algo A donne une solution réalisant un objectif de 7.5. Quelles sont les affirmations qui sont sûres d'être correctes?

- ☐ $r \geq 2$
- ☐ $r \leq 2$
- ☐ $r \leq 1.5$
- ☐ $1.5 \leq r \leq 2$