

# 2018 年「大学物理 2」水ツをチがなたず 期末试题 🥒



考试时间: 2019 年 1 月 15 日 课程编号: A0715012

任课教师: 大学物理教学团队

解析制作:未央物理讲师 Axia





## 1. 选择题 (每题 3 分, 共 27 分)

### ☑ 题目 1

一质点做简谐振动,周期为 T. 当它由平衡位置向 x 轴正方向运动时,从二分之一最大位移处到最大位移处这段路 程所需要的时间为

A. 
$$\frac{T}{12}$$

B. 
$$\frac{T}{8}$$

C. 
$$\frac{T}{6}$$

D. 
$$\frac{T}{4}$$

简谐振动

☑ 分析与解  $\Delta t = \Delta \varphi / \omega = \pi / 3\omega \xrightarrow{\omega = 2\pi / T} T/6$ . 故本题选择 C 项.

### ☑ 题目 2

### 平面简谐波的波函数

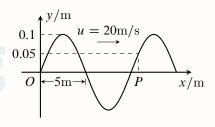
一平面简谐波沿 Ox 轴正方向传播 t=0 时刻的波形图如图所示,则 P 处 介质质点的振动方程为



B. 
$$y_p = 0.10 \cos (4\pi t - \pi/3)$$

C. 
$$y_p = 0.10 \cos{(2\pi t + \pi/3)}$$
 D.  $y_p = 0.10 \cos{(2\pi t + \pi/6)}$ 

D. 
$$y_n = 0.10 \cos(2\pi t + \pi/6)$$



● 光的偏振

ightharpoonup 分析与解 ω=2πu/λ=4π,P 处相位 φ=π/3. 所以振动方程  $y_p=0.10\cos{(4πt+π/3)}$ . 故本题选择  ${\bf A}$  项.

### ▶ 颞目 3

两偏振片堆叠在一起,一束自然光垂直入射其上时没有光线通过. 当其中一偏振片慢慢转动 180° 时透射光强度发 生的变化为

A. 光强单调增加

B. 光强先增加, 后又减小至零

C. 光强先增加, 后减小, 再增加

D. 光强先增加, 然后减小, 再增加, 再减小至零

🔽 分析与解 两偏振片由正交到平行再到正交,由 Malus 定律可知透射光强先增加再减小至零. 故本题选择 B 项.

☑ 题目 4

● 光程与光程差 【 D 】

在真空中波长为 $\lambda$  的单色光,在折射率为n 的透明介质中从A 沿着某路径传播到B,若A、B 两点相位差为 $3\pi$ , 则此路径 AB 的光程差为

Α. 3λ

B.  $1.5\lambda/n$ 

C.  $1.5n\lambda$ 

D.  $1.5\lambda$ 

 $leve{\Delta}$  分析与解 由  $\Delta \varphi = 2\pi \delta/\lambda$  得  $\delta = \lambda \Delta \varphi/2\pi = 1.5\lambda$ . 故本题选择  $leve{D}$  项. 【AB 的距离为  $\overline{AB} = \delta/n = 1.5\lambda/n$ 】

▶ 颞目 5

▶ 双缝干涉 【 B 】

在双缝干涉实验中,为使屏上的干涉条纹间距变大,可采取的办法是

A. 使屏靠近双缝 B. 使两缝的间距变小 C. 把两缝的宽度调窄 D. 改用波长短的单色光

lacksquare 分析与解 已知双缝干涉条纹间距公式  $\Delta x = \lambda L/d$ . 要使  $\Delta x$  变大, 可增大波长  $\lambda$ 、屏幕与双缝的距离 L 或减 小双缝间距 d. 故本题选择 B 项.

☑ 题目 6

● 弗琅禾费衍射 【 D 】

一束波长为 $\lambda$ 的平行单色光垂直入射到单缝AB上,装置如图. 在屏幕D上形成衍射图样,如果 P 是中央亮纹一侧一级暗纹,则  $\overline{BC}$  的长度为

A.  $\lambda/2$ 

Β. 2λ

C.  $3\lambda/2$  D.  $\lambda$ 

 $\checkmark$  分析与解 由暗纹条件  $\overline{BC} = \delta = 1 \cdot \lambda$ . 故本题选择 D 项.

☑ 题目 7

钟慢效应

[ A ]

静止于某地的甲测得该地发生两件事时间间隔为 4s, 若另一惯性系的乙测得时间间隔为 5s, 则乙相对甲的速度是

A. 0.6*c* 

B. 0.8c

C. 0.4c

D. 0.2c

☑ 分析与解 由钟慢效应公式  $5s = 4/\sqrt{1 - v^2/c^2}s$  得 v = 0.6c. 故本题选择 A 项.

☑ 题目 8

氢原子能级 【 C 】

由氢原子理论知, 当大量氢原子处于 n=3 的激发态时, 原子越迁将发出

A. 一种波长的光 B. 两种波长的光 C. 三种波长的光 D. 连续光谱

☑ 分析与解 氢原子从在 n=1,2,3 中任意两能级间跃迁, 即  $\mathbb{C}_3^2=3$ . 故本题选择  $\mathbb{C}$  项.

☑ 题目 9

▶ 量子初步

粒子在一维无限深方势阱中运动,波函数为  $\psi(x)=\frac{1}{\sqrt{a}}\cdot\cos\frac{3\pi x}{2a}$   $(|x|\leq a)$ . 则粒子在  $x=\frac{5}{6}a$  出现的概率密度为

A. 1/2a

B. 1/a

C.  $1/\sqrt{2a}$ 

D.  $1/\sqrt{a}$ 

☑ 分析与解 概率密度  $\omega(5a/6) = |\psi(5a/6)|^2 = 1/2a$ . 故本题选择 A 项.

### 2. 填空题 (共 21 分)

### ☑ 题目 10 (本题弹簧振子分)

**3** 

质量 M = 1.2kg 的物体挂在一个轻弹簧上振动,用秒表测得此系统在 45s 内震动了 90 次,若在此弹簧上再加挂 质量 m = 0.6kg 的物体,而弹簧所受的力未超过弹性限度,则该系统新的振动周期为 0.612s.

☑ 分析与解 由 
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = 0.5$$
s 得  $T' = \sqrt{\frac{M+m}{M}}T = 0.612$ s.

### ☑ 题目 11 (本题简谐波分)

**3** 3

一声波在空气中的波长是 0.25m, 传播速度是 340m/s. 当它进入另一介质时, 波长变成了 0.37m. 它在该介质中传播速度为 503.2m/s.

✓ 分析与解 由  $u = \lambda f$  得  $u' = \lambda' u / \lambda = 503.2 \text{m/s}$ .

### ☑ 题目 12 (本题迈克尔逊干涉仪分)

•

在迈克尔逊干涉仪的一条光路中,垂直于光路放入折射率为n、厚度为h 的透明介质薄膜. 与未放入此薄膜时相比较,两光束光程差的改变量为2(n-1)h.

☑ 分析与解 迈克尔逊干涉仪光路上的某点光碰到反射镜后会再次经过此处,故原来的光程为 2h; 现在加入了透明薄片,使得这里的光程为 2nh,故光程差为 2(n-1)h.

#### ☑ 题目 13 (本题光栅分)

某单色光垂直入射到一个每毫米有800条线的光栅上. 如果第一级谱线的衍射角为30°,则入射光的波长为625nm.

☑ 分析与解 光删常数  $d = 1/800 = 1.25 \mu \text{m}$ , 由  $d \sin 30^{\circ} = 1 \cdot \lambda$  得  $\lambda = 625 \text{nm}$ .

### ☑ 题目 14 (本题光的偏振分)

**3** 

使光强为  $I_0$  的自然光依次垂直通过偏振片  $P_1$ ,  $P_2$  和  $P_3$ . $P_1$  与  $P_2$  的偏振化方向成 45° 角, $P_2$  与  $P_3$  的偏振化方向成 45° 角. 则透过三块偏振片的光强 I 为  $I_0/4$  .

☑ 分析与解 由 Malus 定律得  $I = I_0 \cos^2 45^\circ \cos^2 45^\circ = I_0/4$ .

### ☑ 题目 15 (本题相对论能动量关系分)

**3** 

质子在加速器中被加速,当其动能为静止能量的 3 倍时,其质量为静止质量的 4 倍.

☑ 分析与解 由题意  $E_k = mc^2 - m_0c^2 = 3m_0c^2$  得  $m = 4m_0$ .

### ☑ 题目 16 (本题 de Broglie 波分)

**3** 

在  $B=1.25\times 10^{-2}$ T 的匀强磁场中沿半径 R=1.66cm 的圆轨道运动的  $\alpha$  粒子的 de Broglie 波长是 0.199Å.

☑ 分析与解 由 
$$evB = \frac{mv^2}{R}$$
 得  $v = \frac{eBR}{m}$ .  $\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{mv} = \frac{h}{eBR} = 0.199$ Å.

### 3. 计算题 (共 52 分)

### ☑ 题目 17 (本题 5 分)

▶ 简谐振动的合成

一物体同时参与两个同方向的简谐振动

$$x_1 = 0.04 \cos \left(2\pi t + \frac{1}{2}\pi\right), \ x_2 = 0.03 \cos \left(2\pi t + \pi\right)$$

求此物体的振动方程.

### ☑ 分析与解

• 合振动相位 
$$\varphi = \frac{A_1 \sin \varphi_1 + A_2 \sin \varphi_2}{A_1 \cos \varphi_1 + A_2 \cos \varphi_2} = -53^{\circ} \cdot (2pt)$$
 • 合振幅  $A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos \varphi} = 0.05 \cdots (2pt)$ 

#### ☑ 题目 18 (本题 8 分)

₩ 驻波

两波在一很长的弦上传播,其表达式分别为  $y_1 = 4 \times 10^{-2} \cos \left[ \frac{1}{3} \pi (4x - 24t) \right]$ ,  $y_2 = 4 \times 10^{-2} \cos \left[ \frac{1}{3} \pi (4x + 24t) \right]$ . 求

- 1. 两波的频率、波长、波速.
- 2. 两波叠加后的节点位置.
- 3. 叠加后振幅最大的那些点的位置.

#### ✓ 分析与解

1. 
$$\omega_1 = \omega_2 = 8\pi s^{-1}, \ \nu_1 = \nu_2 = 4s^{-1}.$$
 (2pt)

2. 驻波表达式 
$$y = y_1 + y_2 = 8 \times 10^{-2} \cos(8\pi t) \cos\left(\frac{4\pi x}{3}\right)$$
 (2pt)

波节的位置 
$$\cos\left(\frac{4\pi x}{3}\right) = 0$$
,  $x = \frac{6k+3}{8}$ ,  $k = 0, 1, 2, \dots$  (2pt)

3. 振幅最大点即波腹的位置 
$$\cos\left(\frac{4\pi x}{3}\right) = \pm 1, \ x = \frac{3k}{4}, \ k = 0, 1, 2, \dots$$
 (2pt)

### ☑ 题目 19 (本题 8 分)

▶ 光栅

波长  $\lambda = 600$ nm 的单色光垂直入射到一光栅上,第二级主极大衍射角为  $30^{\circ}$ ,第三级缺级.

- 1. 光栅常数 d = a + b 等于多少?
- 2. 透光缝可能的最小宽度 a 等于多少?
- 3. 在上述 d 和 a 值下,求在衍射角  $-\frac{1}{2}\pi < \varphi < \frac{1}{2}\pi$  范围内可观察到的全部主级大的级次.

#### ☑ 分析与解

1. 由光栅方程 
$$(a+b)\sin 30^\circ = 2\lambda$$
 得  $d = \frac{2\lambda}{\sin 30^\circ} = 2.4\mu\text{m}.$  (2pt)

2. 由缺级条件 
$$k = k' \frac{d}{a}$$
 得  $a = (a+b)/3 = 0.8 \mu \text{m}$ .......(2pt)

3. 取 
$$\varphi = \pm 90^{\circ}$$
 得  $k = \pm 4$ . 由于  $\varphi$  无法取到  $\pm 90^{\circ}$ , 所以  $k_{\text{max}} = \pm 3$ .......(2pt) 由于  $\pm 3$  级缺级,所以此范围内可见主极大级次为  $k = 0$ ,  $\pm 1$ ,  $\pm 2$ .....(2pt)

### ☑ 题目 20 (本题 5 分)

> 双缝干涉

在双缝干涉实验中所用单色光的波长为 600nm, 双缝间距为 1.2mm, 双缝与屏相距 500mm. 求相邻干涉明纹间距.

$$ightharpoonup$$
 分析与解  $\Delta x = \frac{\lambda D}{d} = 0.25 \text{mm}$ . (5pt)

### ☑ 题目 21 (本题 8 分)

牛顿环

牛顿环装置透镜凸表面的曲率半径是 R=400cm. 用某单色平行光垂直入射,观察反射光形成的牛顿环,测得第 5 个明环的半径是 0.30cm.

- 1. 求入射光的波长.
- 2. 求以透镜中心为圆心在半径为 1cm 的范围内可观察到的明环数目.

### ✓ 分析与解

2. 由明环半径公式,代入 
$$r = 1$$
cm 得  $k = \left\lfloor \frac{r^2}{\lambda R} + \frac{1}{2} \right\rfloor = 50.$  (3pt)

### ☑ 题目 22 (本题 5 分)

起偏角

一束自然光自水中入射到空气界面上,若水的折射率为 1.33, 空气的折射率为 1, 求 Brewster 角.

$$ightharpoonup$$
 分析与解  $\theta_B = \arctan \frac{n_2}{n_1} = \arctan \frac{1}{1.33} = 37^{\circ}.$  (5pt)

### ☑ 题目 23 (本题 5 分)

尺缩效应,质速关系

一体积为  $V_0$ ,静止质量为  $m_0$  的立方体沿其一棱的方向相对于观察者 A 以速度 v 运动. 求观察者 A 测得其密度.

☑ 分析与解 由尺缩效应和质速关系得观察者测得密度为 
$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{m_0/\sqrt{1-\beta^2}}{V_0\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{m_0}{V_0(1-v^2/c^2)}.....(5pt)$$

### ☑ 题目 24 (本题 8 分)

光电效应

光电管的阴极用逸出功 A=2.2eV 的金属制成,今用一单色光照射此光电管,阴极发射出光电子,测得遏止电势 差为  $|U_a| = 5.0eV$ . 试求

- 1. 光电管的阴极金属的光电效应红限波长.
- 2. 入射光波长.

### ☑ 分析与解

1. 由 
$$E = \frac{hc}{\lambda} - A = 0$$
 得红限波长为  $\lambda_{\text{max}} = \frac{hc}{A} = 563.56 \text{nm}.$  (4pt)
2. 由  $eU_a = \frac{hc}{\lambda} - A$  得入射光波长  $\lambda = \frac{hc}{eU_a + A} = 172.20 \text{nm}.$  (4pt)

2. 由 
$$eU_a=rac{hc}{\lambda}-A$$
 得入射光波长  $\lambda=rac{hc}{eU_a+A}=172.20 ext{nm}.$  (4pt)