

2019-2010-1 《通信原理》(64 学时) 试卷 B 答案

一：解：

(1) 归一化电平为 $V_s = \frac{0.796875}{2} \times 2048 = 816\Delta$;

因为 $V_s > 0$ ，所以极性码： $C_1=1$;

因为 816Δ 落在第 7 段，所以段落码： $C_2C_3C_4=110$; (2 分)

因为第 7 段的量化间隔 $\Delta_6 = 32\Delta$, $816\Delta - 512\Delta = 304\Delta = 32\Delta \times 9 + 16\Delta$,

所以段内序号为 9，所以段内码： $C_5C_6C_7C_8=1001$ 。

因此，编码器输出码字 $C=11101001$ 。 (2 分)

(2) 该码组的译码电平为 $512\Delta + 32\Delta \times 9 + \frac{32\Delta}{2} = 816\Delta$;

译码后的量化误差为 $816\Delta - 816\Delta = 0\Delta$ (2 分)

二：解：

(1) 信号频率范围为 $200 \sim 8000\text{Hz}$, 最小抽样速率: $f_s = 2f_H = 2 \times 8000 = 16\text{kHz}$ (2 分)

(2) $f(t)$ 在 $[-5, +5]$ 内具有均匀分布，所以，

信号 $f(t)$ 的功率: $S = \int_{-5}^5 x^2 \cdot \frac{1}{10} dx = \frac{25}{3} \text{W}$ (2 分)

(3) $N_q = \frac{(\Delta V)^2}{12} = 1/7500$ ，量化电平数 $M = 10 \div (\frac{1}{25}) = 250$ ，因此，

量化信噪比为 $\left(\frac{S}{N_q} \right)_{\text{dB}} = 20 \lg M = 48\text{dB}$ (2 分)

三：解：

(1) 奈奎斯特速率: $f_s = 2f_H = 2 \times 2000 = 4\text{kHz}$ (2 分)

因为有 128 个量化电平，所以量化位数 $N=7$;

因此码元速率: $R_b = f_s \times N = 28000 \text{bps}$ (2 分)

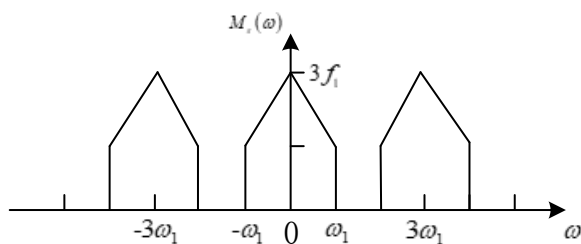
(2) 10 秒传输的总码数为 $N=280000$ 个

因此 $N_e = p_e \times N = 2800$ 个 (4 分)

四：解：

(1) $M(\omega)$ 通过 $H_1(\omega)$ 后的最高频率为 f_1 ，故抽样速率为 $f_s \geq 2f_1$ (4 分)

(2) 抽样信号的频谱如下图所示：



(4 分)

(3) $H_2(\omega) = \begin{cases} \frac{1}{H_1(\omega)}, & |\omega| \leq \omega_1 \\ 0, & |\omega| > \omega_1 \end{cases}$ (4 分)

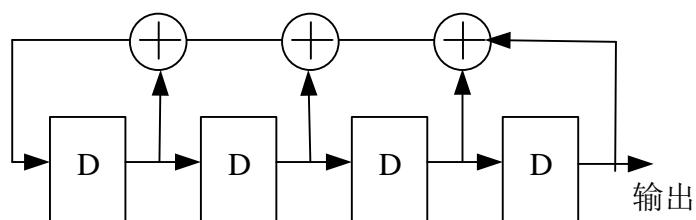
五：解：（每种码型 2 分）

二进码：		1	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1
AMI 码：	+1	-1	+1	0	0	0	0	-1	0	0	0	0	+1	-1
HDB ₃ 码：	V+	-1	+1	B-	0	0	V-	+1	0	0	0	V+	-1	+1
CMI 码	00	11	00	01	01	01	01	11	01	01	01	01	00	11

六：解：

（1）线性反馈移存器框图

（3 分）



（2）因为

$$f(x) \times (x+1) = (x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)(x+1) = (x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x) + (x^4 + x^3 + x^2 + x + 1) = x^5 + 1$$

所以 $f(x)$ 不是本原多项式，故构不成 m 序列。

（3 分）

（3）一个周期的状态表如下所示

（2 分）

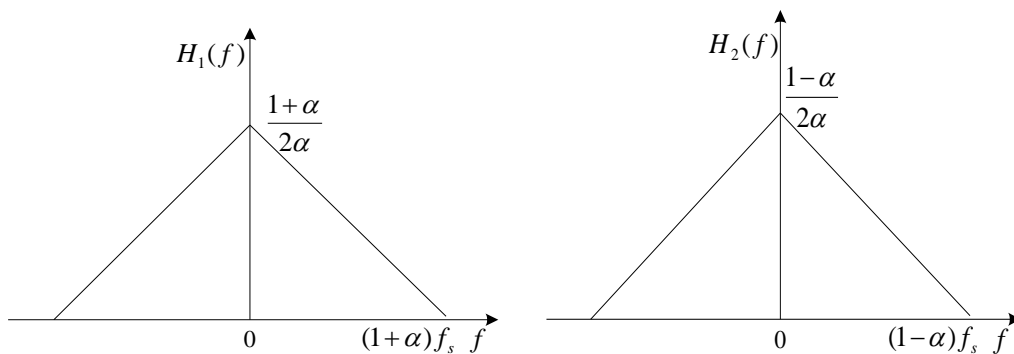
a_3	a_2	a_1	a_0
1	1	1	1
0	1	1	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0
1	1	1	1

七：解：

（1）对 $H(f)$ 进行傅里叶反变换可得单位冲激响

总特性 $H(f)$ 可看成下图两个三角形特性之差，即

$$H(f) = H_1(f) - H_2(f)$$



其中： $H_1(f) \Leftrightarrow h_1(t) = \frac{1+\alpha}{2\alpha} (1+\alpha)f_s \cdot \text{Sa}^2[\pi(1+\alpha)f_s t]$

$H_2(f) \Leftrightarrow h_2(t) = \frac{1-\alpha}{2\alpha} (1-\alpha)f_s \cdot \text{Sa}^2[\pi(1-\alpha)f_s t]$

所以冲激响应：

$$\begin{aligned} h(t) &= h_1(t) - h_2(t) = \frac{(1+\alpha)^2}{2\alpha} f_s \cdot \text{Sa}^2[\pi(1+\alpha)f_s t] - \frac{(1-\alpha)^2}{2\alpha} f_s \cdot \text{Sa}^2[\pi(1-\alpha)f_s t] \\ &= \frac{(1+\alpha)^2}{2\alpha} f_s \cdot \frac{\sin^2[\pi(1+\alpha)f_s t]}{[\pi(1+\alpha)f_s t]^2} - \frac{(1-\alpha)^2}{2\alpha} f_s \cdot \frac{\sin^2[\pi(1-\alpha)f_s t]}{[\pi(1-\alpha)f_s t]^2} \quad (4 \text{ 分}) \\ &= \frac{\sin(2\pi f_s t) \cdot \sin(2\pi \alpha f_s t)}{2\alpha \pi^2 f_s t^2} \\ &= 2f_s \cdot \text{Sa}(2\pi f_s t) \cdot \text{Sa}(2\pi \alpha f_s t) \end{aligned}$$

(2) 因为该系统可等效成理想低通特性：

$$H_{eq}(f) = \begin{cases} 1, & |f| \leq f_s \\ 0, & |f| > f_s \end{cases}$$

最高的码源速率为 $R_b = \frac{1}{T_b} = 2f_s$ ， $3f_s > R_b$ ，输出波形有码间串扰。 (4 分)

(3) 该系统的 $h(t)$ 尾部衰减较快，与 t^2 成反比。所以码元定时偏差引起的码间串扰比相同

带宽的升余弦滚降频谱信号（与 t^3 成反比）大，比理想的低通滤波器（与 t 成反比）

小。 (4 分)

八：解：

(1) 两信号波形能量相同为

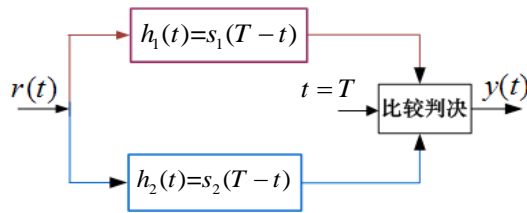
$$E_b = \int_0^T s_0^2(t) dt = \int_0^T s_1^2(t) dt = \frac{A^2 T}{2} \quad (2 \text{ 分})$$

互相关系数 $\rho = \frac{\int_0^{T_b} s_0(t) s_1(t) dt}{E_b} = -1 \quad (2 \text{ 分})$

平均误码率: $P_e = \frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left(\sqrt{\frac{E_b}{n_0}} \right) = \frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left(\sqrt{\frac{A^2 T}{2n_0}} \right) = Q \left(\sqrt{\frac{A^2 T}{n_0}} \right)$ (2分)

(2) 相关系数 $\rho = \frac{\int_0^T s_0(t)s_1(t)dt}{E_b} = 0$ (1分)

误码率 $P_e = \frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left(\sqrt{\frac{E_b}{2n_0}} \right) = \frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left(\sqrt{\frac{A^2 T}{4n_0}} \right) = Q \left(\sqrt{\frac{A^2 T}{2n_0}} \right)$ (1分)



(2分)

九: 解:

(1) $V_d^* = \frac{A}{2} + \frac{\sigma_n^2}{A} \ln \frac{P(0)}{P(1)}, V_d^* = 1V,$ (2分)

$V_d^* < 1V$ (2分)

(2) 该系统为第 IV 类部分响应系统, 相关电平数为 7, 则输入数据为 M=4。

该系统的频带利用率 η 为 2B/Hz 或 4bps (2分)

该系统的最高信息传输速率为 $R_b = R_B \log_2 M = \frac{2}{T} \text{bps}$ (2分)

十: 解:

(1) 线性 PCM 编码后的传信率为 $\tilde{R}_b = 2f_H \times N = 2 \times 6 \times 10^6 \times 8 = 96 \text{Mb/s}$, 经 (6, 3)

线性分组码编码后, 信息传输速率变为 $2\tilde{R}_b = 192 \text{Mb/s}$, 所以 $R_b = 192 \text{Mb/s}$ 。(2分)

$\eta = \frac{\log_2 M}{1 + \alpha} = 5/3 = 1.67 \text{ b/(s.Hz)}$ (2分)

$R_B = R_b / \log_2 M$ 采用 QPSK 时, M=4

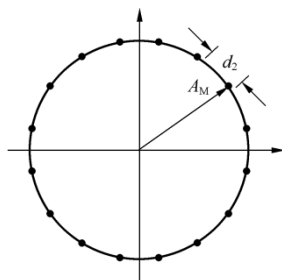
$R_B = 96 \text{MBaud}, B = (1 + \alpha)R_B = 115.2 \text{MHz}$

或占用信道带宽为 $B = \frac{R_b}{\eta} = 115.2 \text{MHz}$ (2分)

(2) 采用 16PSK 时, M=16. $R_B = 48 \text{MBaud}, B = (1 + \alpha)R_B = 57.6 \text{MHz}$ (1分)

$$\eta = \frac{\log_2 M}{1 + \alpha} = 10/3 = 3.33 \text{ b/(s.Hz)} \quad (1 \text{ 分})$$

(3)



(b) 16PSK

(2 分)

相邻信号点之间的最小欧式距离为

$$d_2 = 2A_M \sin\left(\frac{\pi}{16}\right) \approx \frac{\pi}{4} = 0.786 \quad (2 \text{ 分})$$

十一：解：

(1) 生成矩阵 G 经初步行变换后变为

$$G_1 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_3 & Q \end{bmatrix} \quad (2 \text{ 分})$$

$$H = \begin{bmatrix} P & I_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (2 \text{ 分})$$

$$n = 6, k = 3 \quad (2 \text{ 分})$$

$$(2) \text{ 监督位的关系式为: } \begin{cases} a_2 = a_5 \oplus a_4 \\ a_1 = a_4 \oplus a_3 \\ a_0 = a_5 \oplus a_3 \end{cases} \quad (2 \text{ 分})$$

该 (n, k) 码的所有码字 $[a_5 \ a_4 \ a_3 \ a_2 \ a_1 \ a_0]$ 为

0 0 0 0 0 0

0 0 1 0 1 1

0 1 0 1 1 0

0 1 1 1 0 1

1 0 0 1 0 1

1 0 1 1 1 0

1 1 0 0 1 1

1 1 1 0 0 0

(2 分)

- (3) 观察已得到的码组，可知该线性分组码的最小重量为 3。因为线性分组码的最小码距是非零码的最小重量。所以该线性分组码的最小码距 $d_0 = 3$ 。

(2 分)