

第三章

例 3.10

一浮点数表示格式为：16 位浮点数，阶码 6 位，包含 1 位阶符，用移码表示，尾数 10 位，包含 1 位数符，用补码表示，阶码在前，尾数（包括数符）在后，请写出下列 X 和 Y 的规格化浮点数形式。

(1) $X=+55.75$

(2) $Y=-27/128$

解：(1) $X=(+110111.11)_2$

将 X 写成科学标识型： $X=+0.11011111 \times 2^{110}$ ，然后根据浮点数格式要求分别写出其阶码和尾数的机器数。注意，位数不足的，尾数（定点小数）在后面补“0”，阶码（定点整数）在前面补“0”。求得：

$$E_X = +00110 \quad M_X = +0.110111110$$

$$[E_X]_{\text{移}} = 1, 00110 \quad [M_X]_{\text{补}} = 0.110111110$$

$$[X]_{\text{浮}} = 1, 00110 \ 0.110111110 \text{ B} = 99\text{BE H}$$

(2) 同理， $Y=(-0.0011011)_2$ $Y=-0.11011 \times 2^{-10}$ 则：

$$E_Y = -00010 \quad M_Y = -0.1101100000$$

$$[E_Y]_{\text{移}} = 0, 11110 \quad [M_Y]_{\text{补}} = 1.001010000$$

$$[Y]_{\text{浮}} = 0, 11110 \ 1.001010000 \text{ B} = 7A50 \text{ H}$$

例 3.11

若 X 和 Y 均是 IEEE 754 标准的单精度浮点数，

(3) 若 X 浮点数的存储形式为 41360000H，求 X 的真值。

(4) 若 $Y=-135.625$ ，求 Y 的浮点数表示。

解：(1) $[X]_{\text{浮}} = 0100 \ 0001 \ 0011 \ 0110 \ 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0000 \text{ B}$

按照表 3.3 中的真值计算公式及 IEEE 754 标准的单精度浮点数格式，可以知道：

$$M_S=0, \quad E=E_8E_1 \dots E_m = 10000010 \text{ B} = 130 \text{ D},$$

$$1.M_1 M_2 \dots M_n = 1.011 \ 0110 \ 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0000,$$

$$\text{所以, } X = (-1)^{M_S} \times (1.M_1 M_2 \dots M_n) \times 2^{E-127} = (-1)^0 \times (1.011 \ 011) \times 2^{130-127}$$

$$; X = (+1011.011)_2 = (+11.375)_{10}$$

(2) $Y = (-10000111.101)_2$;

$$Y = -1.0000111101 \times 2^7 = (-1)^1 \times (1.0000111101) \times 2^{134-127};$$

$$\text{因此: } M_S=1, \quad E=E_8E_1 \dots E_m = 134 \text{ D} = 10000110 \text{ B},$$

$$1.M_1 M_2 \dots M_n = 1.000 \ 0111 \ 1010 \ 0000 \ 0000 \ 0000, \text{ 求出:}$$

$$[Y]_{\text{浮}} = 1 \ 10000110 \ 000 \ 0111 \ 1010 \ 0000 \ 0000 \ 0000 \text{ B} = \text{C307A000 H}$$

例 3.12

写出例 3.10 中的浮点数格式的规格化和非规格化表示范围。

解：(1) 规格化表示范围：

	真值	浮点数表示
最小数	$-1 \times 2^{31} = -2^{31}$	1, 11111 1.000000000

最大负数	$-(2^{-1}+2^{-9}) \times 2^{-32}$	0, 00000 1.011111111
最小正数	$2^{-1} \times 2^{-32} = 2^{-33}$	0, 00000 0.100000000
最大数	$(1-2^{-9}) \times 2^{31}$	1, 11111 0.111111111

(2) 非规格化表示范围:

	真值	浮点数表示
最小数	$-1 \times 2^{31} = -2^{31}$	1, 11111 1.000000000
最大负数	$-2^{-9} \times 2^{-32} = -2^{-41}$	0, 00000 1.111111111
最小正数	$2^{-9} \times 2^{-32} = 2^{-41}$	0, 00000 0.000000001
最大数	$(1-2^{-9}) \times 2^{31}$	1, 11111 0.111111111