## Классификация, kNN, кросс-валидация

Лекция №6

Лектор: Артём Шевляков

## Постановка задачи предсказания (напоминалка)

#### Формальная постановка

Предсказание (prediction). Есть множество объектов M с известными значениями признака Y. Найти значение признака Y для нового объекта  $A \not\in M$ . Y называется целевым признаком.

Предсказание значения номинального (категориального) признака Y называется задачей классификации.

	Рост	Bec	Пол
Вася	170	80	1
Даша	165	60	0
Маша	160	50	0
Петя	200	70	1

	Рост	Bec	Пол
Α	180	75	?

# План решения задачи классификации (для регрессии было аналогично)

#### Общий план решения задачи классификации

Множество объектов разбить на 2 множества: тренировочную выборку Train и тестовую (проверочную) выборку Test.

	Рост	Bec	Пол
Вася	170	80	1
Даша	165	60	0
Маша	160	50	0
Петя	200	70	1

Train	Рост	Bec	Пол
Вася	170	80	1
Даша	165	60	0

Test	Рост	Bec	Пол
Маша	160	50	0
Петя	200	70	1

#### Общий план решения задачи классификации

Модель предсказания строится по объектам Train, а качество модели проверяется по объектам Test.

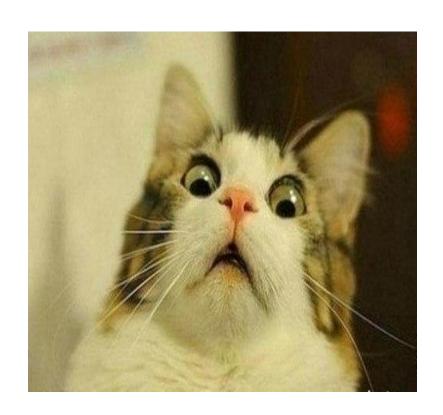
	Рост	Bec	Пол
Вася	170	80	1
Даша	165	60	0
Маша	160	50	0
Петя	200	70	1

Train	Рост	Вес	Пол
Вася	170	80	1
Даша	165	60	0

Test	Рост	Bec	Пол
Маша	160	50	0
Петя	200	70	1

#### Замечание о точности классификации (дежавю)

Модель классификации не обязана давать точный ответ на объектах тренировочной (!) выборки (которые использовались при построении модели).



#### Замечание о точности регрессии

То есть если модель предсказания была построена по

данным

Train	Рост	Bec	Пол(Y)
Вася	170	80	1
Даша	165	60	0

а вы решили приколоться и подать ей на вход объект

Joke	Рост	Вес	Пол(Y)
Даша	165	60	?

то модель не обязана выдавать вам 0 в качестве ответа.



#### Классификацию можно свести к регрессии

Если предположить, что целевой признак Y числовой, то его можно найти с помощью модели регрессии. Модель регрессии будет предсказывать вещественные числа (написаны в скобках), которые нужно будет округлять до 0 или 1.

Test	Рост	Bec	Пол
Маша	160	50	0(0.55)
Петя	200	70	1(0.81)

Однако, как правило, с регрессией лучше не связываться, а сразу применять алгоритмы классификации

#### Оценивание качества модели по тестовой выборке

Допустим по тренировочной выборке мы научились предсказывать целевой признак Ү. Как оценить качество предсказаний по тестовой выборке? (В таблице в скобках указаны предсказанные значения.)

Test	Рост	Bec	Пол
Маша	160	50	0(0)
Петя	200	70	1(0)

#### Бинарная классификация

Если целевой признак бинарный  $(Y \in \{0,1\})$ , то классификация называется бинарной.

Далее вся теория будет касаться бинарной классификации (несложные обобщения для многоклассовой классификации предоставляются читателю).

#### Критерии качества классификации

Качество классификации вычисляется по тестовой выборке. Для этого стоят матрицу ошибок (confusion

matrix)

		Истинный класс	
		0	1
Предсказанный класс	0	TN	FN
	1	FP	TP

TN=true positive FN=false negative TP=true negative FP=false positive

#### Пример: медицинские анализы

Анализы – это простейшие классификаторы, которые «предсказывают» 0 (человек здоров) или 1 (болен).

На следующих слайдах будет показана матрица ошибок анализа на ВИЧ, которому была подана тестовая выборка из 10000 американских белых мужчин не употребляющих наркотики (1989г).

#### Свойства анализа

Отсюда, кстати, можно посчитать вероятность наличия болезни у пациента при условии, что анализ казался

положительным	(чему она	равна?).	

		класс	
		0	1
Предсказанный класс	0	9989	0
	1	10	1

Невежество врачей и пациентов (а также юристов, журналистов и др.), связанное с теорией вероятностей, обсуждается в книге Л.Млодинов «(Не)совершенная случайность».

#### Критерии качества классификации

Интуитивно понятно, чем больше числа на диагонали, тем лучше, а FN и FP должны быть =0. Но на практике уменьшение FN приводит к увеличению FP (и наоборот).

		Истин класс	
		0	1
Предсказанный	0	TN	FN
класс	1	FP	TP

#### Критерии качества классификации

1. Общая точность (accuracy):

$$(TN+TP)/(TN+TP+FN+FP)$$

		Истинный класс	
		0	1
Предсказанный класс	0	TN	FN
	1	FP	TP

Но высокое значение accuracy еще не говорит о высоком качестве классификации )))))))))

#### Проблема accuracy

#### Классификатор

		Истинный класс	
		0	1
Предсказанный	0	9990	10
класс	1	0	0

имеет значение accuracy=0.999 но фактически такая классификация бесполезна (особенно когда принадлежность классу 1 гораздо важнее чем классу 0). Ассигасу бесполезна, если один из классов гораздо больше другого.

#### Вопросик про accuracy

Правда, что очень легко построить классификатор с accuracy не меньше 0.5?

		Истинный класс	
		0	1
Предсказанный класс	0	TN	FN
	1	FP	TP

Потому что если ассигасу вашего классификатора < 0.5 то можно...

#### Вопросик про accuracy

Правда, что очень легко построить классификатор с ассuracy не меньше 0.5?

		Истинный класс	
		0	1
Предсказанный	0	TN	FN
класс	1	FP	TP

Потому что если ассигасу вашего классификатора <0.5 то можно инвертировать его ответы и получить требуемую ассигасу.

#### Критерии качества классификации

2. точность (precision):

3. полнота (recall):

		Истинный класс	
		0	1
Предсказанный	0	TN	FN
класс	1	FP	TP

Желательно, чтобы обе эти характеристики были близки к 1.

#### Для анализа на ВИЧ имеем следующие величины:

		Истинный класс	
		0	1
Предсказанный класс	0	9989	0
	1	10	1

precision=
$$1/(1+10)=0.09$$
  
recall= $1/(1+0)=1$ 

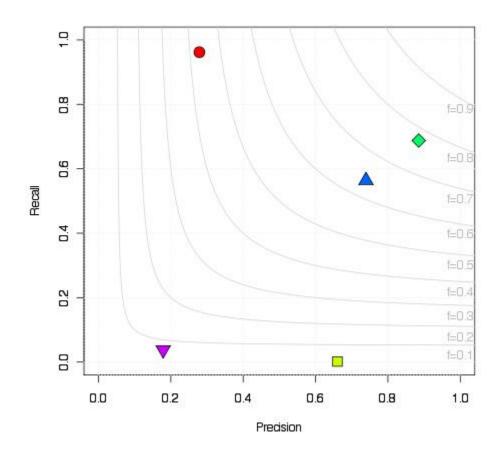
#### Критерии качества классификации

4. F-value (корректно агрегирует точность и полноту в одно выражение):

Это позволяет максимизировать одну величину (F-value), вместо максимизации precision и recall. F-value для анализа на ВИЧ равна

$$F=2*0.09*1/(0.09+1)=0.18/1.09=0.16$$

Величину F-value удобно представлять на диаграмме в координатах precision-recall.



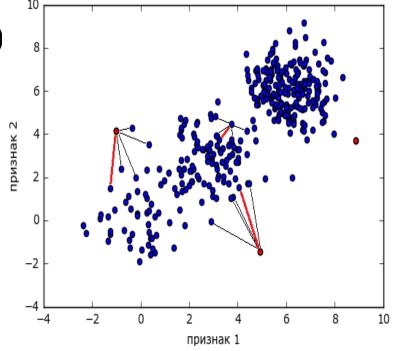
## Метод k ближайших соседей (kNN)

#### Основная суть метода kNN

kNN – метрический метод классификации, то есть объекты представляются в виде точек в пространстве и между ними вычисляются расстояния.

Следовательно, признаки

должны быть нормированы (приведены к одному масштабу) Число k – входной параметр алгоритма и может быть оптимально настроен.

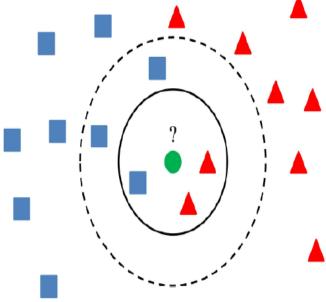


#### Правило классификации

Для классифицируемого объекта A находятся k его ближайших соседей по тренировочной выборке. Объект A относится к тому классу, который является наиболее распространённым среди k соседей.

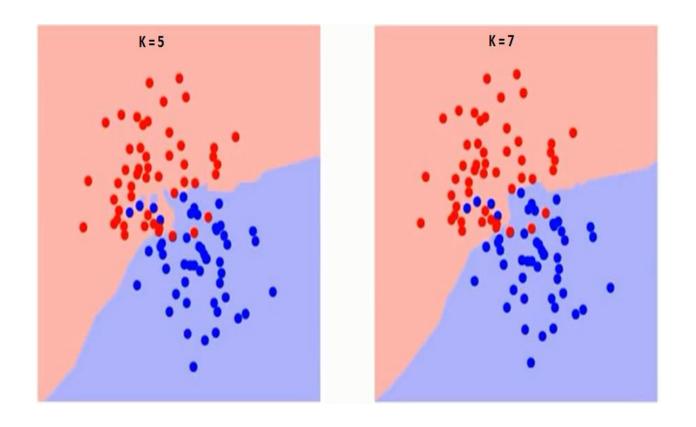
#### Зависимость результата от параметра k

На картинке при k=3 зелёный объект будет отнесен к «красному» классу, а при k=5 зелёный объект будет отнесен к «синему» классу. Для четного k результат классификации может быть не определен.



#### Фактически всё пространство разбивается на зоны

Классифицируемый объект, попавший в зону, будет отнесен к соответствующему классу.



#### Экстремальные значения параметра k

k=1 (ближайший сосед) k=|Train| (объем тренировочной выборки). Как вы думаете, какое значение будет выдавать алгоритм?

Очевидно, оптимальное значение для k где-то между 1 и |Train|. На этом значении достигается минимум ошибки на тестовой выборке (способы выбора оптимального значения параметра будет в конце лекции).

#### Вы можете предложить модификации метода kNN

1. Выбор метрики (можете использовать самые экзотические).

2. ...

#### Вы можете предложить модификации метода kNN

- 1. Выбор метрики (можете использовать самые экзотические).
- 2. Соседей можно взвесить. Класс наиболее близких соседей приобретает больший вес при принятии решения (это, кстати, решает проблему четных k).

#### Проблемы метода kNN

- 1. Неустойчивость к выбросам.
- 2. Как правило, плохо работает, когда признаков очень много.
- 3. С помощью одного лишь kNN сложные задачи (как правило) не решить, но его kNN часто используется для построения мета-признаков (прогноз kNN подается на вход более сложным моделям).



#### kNN для задачи регрессии

Многие методы классификации (в т.ч. kNN) можно легко переделать для задачи регрессии (предсказания количественного признака).

Для классифицируемого объекта А находятся k его ближайших соседей по тренировочной выборке. Значение признака Y для A равно...

#### kNN для задачи регрессии

Многие методы классификации (в т.ч. kNN) можно легко переделать для задачи регрессии (предсказания количественного признака).

Для классифицируемого объекта А находятся k его ближайших соседей по тренировочной выборке. Значение признака Y для A равно среднему значению признака Y его соседей.

### Методы выбора оптимальных параметров алгоритма. Кросс-валидация

#### Часто алгоритм классификации (регрессии)

Часто алгоритм классификации (регрессии) зависит от значения входного параметра p (например, kNN зависит от значения параметра k). Как найти оптимальное значение для p?

#### Самый простой способ выбора параметра

- 1) нужно взять как можно больше различных значений для p.
- 2) для каждого значения построить модель и проверить ее качество на тестовой выборке.
- 3) окончательно выбрать такое значение p, которое принадлежит модели с наилучшим качеством.

Недостатки: зависимость от конкретного разбиения на тренировочную и тестовую выборки.

#### Кросс-валидация (cross-validation, скользящий контроль)

Нужно разделить всю выборку на К частей (на рисунке K=5 – и такое значение часто берут).

	<b>◄</b> Total Number of Dataset — ▶	
Experiment 1		
Experiment 2		Training
Experiment 3		
Experiment 4		Validation
Experiment 5		

Кросс-валидация (cross-validation, скользящий контроль)

Модель обучается *К* раз на разных (*K*–1) подвыборках исходной выборки (белый цвет), а проверяется на одной подвыборке (каждый раз на разной, оранжевый цвет). Получаются *К* оценок качества модели, которые обычно усредняются, выдавая среднюю оценку качества классификации/регрессии на кросс-валидации.

#### Экстремальный случай кросс-валидации

Если K=«количество всех объектов», то получаем схему leaveone-out (тестовая выборка при каждом запуске будет состоять ровно из 1 объекта!!!).

	<b>◄</b> Total Number of Dataset −	-	
Experiment 1			
Experiment 2			Troining
Experiment 3			Training
Experiment 4			Validation
Experiment 5			

#### Выбор параметров модели р с помощью кросс-валидации

- 1) нужно взять как можно больше различных значений для p.
- 2) для каждого значения построить K моделей (для каждого разбиения данных при кросс-валидации)
- 3) усреднить показатели качества этих *К* моделей (для каждой модели ее качество считается на её тестовой выборке).
- 4) окончательно выбрать такое значение p, на котором достигается максимум усредненных показателей качества K моделей.

#### Использованная литература

- 1. https://habrahabr.ru/company/ods/blog/328372/ (про критерии качества классификации)
- 2. https://habrahabr.ru/company/ods/blog/322534/ (про kNN)
- 3. Т.Сегаран «Программируем коллективный разум» (определение стоимости вина с помощью kNN)