

V203

# **Verdampfungswärme und Dampfdruckkurve**

AUTOR A

authorA@udo.edu

AUTOR B

authorB@udo.edu

Durchführung: 24.11.2020

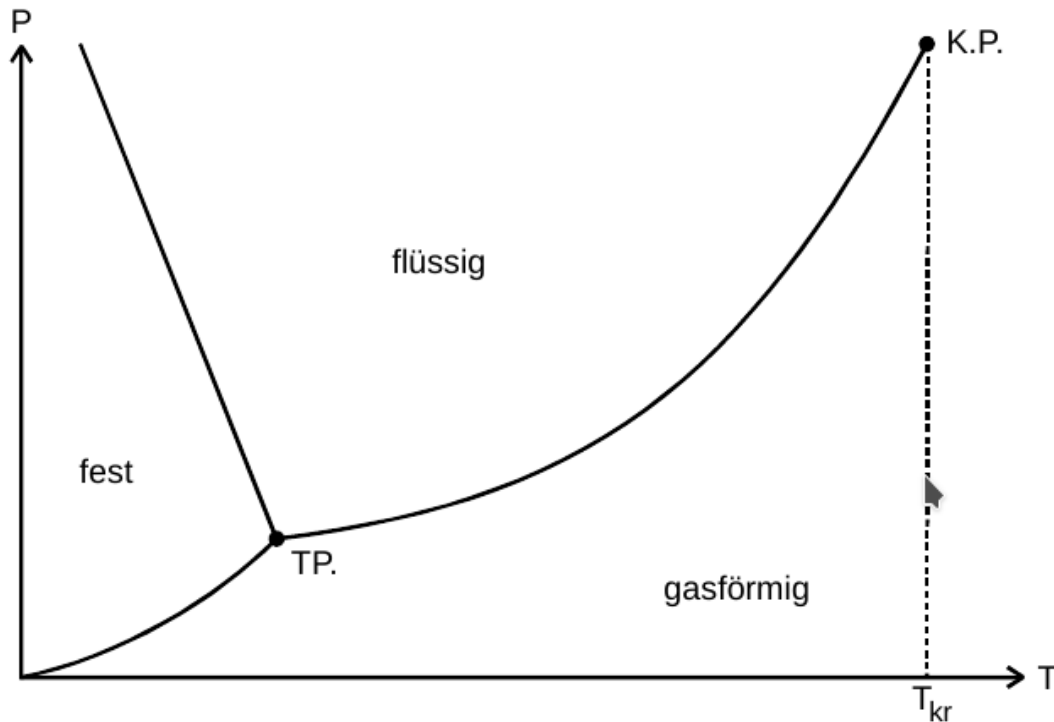
Abgabe: 06.12.2020

TU Dortmund – Fakultät Physik

## **Inhaltsverzeichnis**

## 1 Theorie

Ziel des Versuches war es, den Zusammenhang von Temperatur und Druck bei Wasser zu untersuchen. Dieser Zusammenhang lässt sich als Kurve festhalten, einer Kurve, die diejenigen Temperaturen und Drücke enthält, bei denen im Wasser ein Phasenübergang stattfinden würde, also ein Übergang von einem Aggregatzustand in einen anderen. So gibt es in dem Diagramm drei Gebiete, wie sie in Abbildung ?? zu sehen sind.

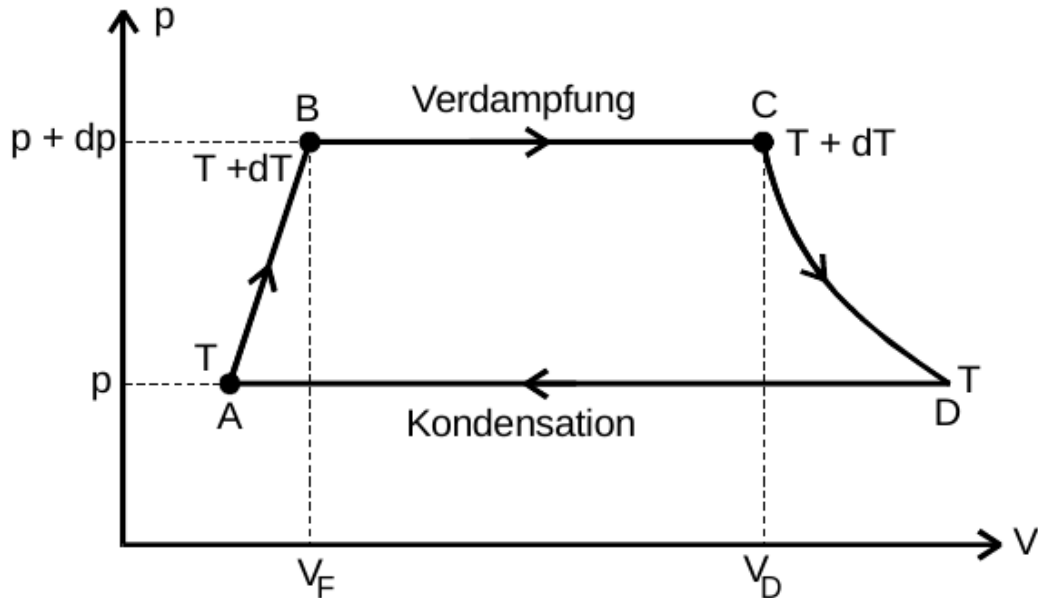


**Abbildung 1:** Qualitative Darstellung der Dampfdruckkurve für Wasser.

Genauer betrachtet wurde der Übergang von flüssig zu gasförmig. Dieser Teil der Kurve wird als Dampfdruckkurve bezeichnet, er wird begrenzt durch den Tripelpunkt  $TP$ , bei dem alle drei Zustände bei relativ niedriger Temperatur und niedrigem Druck parallel vorliegen, und dem kritischen Punkt  $KP$ , bei dem (bei hoher Temperatur und hohem Druck) der Unterschied zwischen flüssiger und gasförmiger Phase praktisch verschwindet. Die sogenannte molare Verdampfungswärme  $L$  ist eine Größe, die für jeden Stoff spezifisch und von der Temperatur abhängig ist; allerdings bestimmt die Verdampfungswärme auch den Verlauf der Dampfdruckkurve. Für einen bestimmten Temperaturbereich und mithilfe einiger Annahmen lässt sich  $L$  als Konstante annähern um so die Dampfdruckkurve zu bestimmen.

## 1.1 Herleitung der Differentialgleichung für die Dampfdruckkurve

Es soll ein Kreisprozess betrachtet werden, in dem ein Mol eines Stoffes isotherm und isobar verdampft, woraufhin er isotherm und isobar kondensiert. Dabei ändert sich das Volumen des Stoffes. Temperatur und Druck ändern sich zwischen den jeweiligen Vorgängen wie in Abbildung ?? dargestellt. Der Ausgangszustand, in der Abbildung als



**Abbildung 2:** Theoretischer reversibler Kreisprozess zur Herleitung der DGL.

Punkt A dargestellt, ist die Flüssigkeit vorhanden mit Temperatur  $T$  und Druck  $p$ ; um Zustand B zu erreichen, muss eine Wärmemenge  $dQ_{AB}$  zugeführt werden. In B hat die Flüssigkeit den Druck  $p + dp$  und die Temperatur  $T + dT$ . Wenn  $c_F$  die Molwärme der Flüssigkeit bezeichnet, gilt für die Wärmemenge:

$$Q_{AB} == c_F dT \quad (1)$$

Die Verdampfung wird durch Zufuhr der Verdampfungswärme eingeleitet, für die gilt:

$$L(T + dT) = L(T) + dL \quad (2)$$

Für diesen Vorgang muss von der Substanz eine Arbeit verrichtet werden, für die bei einer Vergrößerung des Volumens von  $V_F$  für die Flüssigkeit und  $V_D$  für den Dampf gilt

$$A_{BC} = (p + dp)(V_D - V_F) \quad (3)$$

Um den Druck wieder auf die Temperatur  $T$  abzukühlen, wird dem Dampf die Wärmemenge

$$dQ_{CD} = C_D dT \quad (4)$$

entzogen, wobei  $C_D$  die Molwärme des Dampfes bezeichnet. Das System kehrt zum Anfangszustand zurück, indem der Dampf mithilfe mechanischer Energie komprimiert und so kondensiert wird. Dazu ist eine Arbeit nötig mit

$$-A_{DA} = p(V_D - V_F) \quad (5)$$

Um die gesamte Wärme zu erhalten, die dem System zugeführt wurde, werden die beidem Wärmemengen und die molare Verdampfungswärme summiert, es ergibt sich:

$$dQ_{\text{ges}} = c_F dT - c_D dT + L(T) + dL - L(T) \quad (6)$$

Nun ist nach dem Ersten Hauptsatz der Thermodynamik bekannt, dass in einem abgeschlossenen System die Wärmemenge gleich der verrichteten Arbeit sein muss.

Für die gesamte Arbeit, die verrichtet wurde, ergibt sich durch Summation:

$$A_{\text{ges}} = dp(V_D - V_F) \quad (7)$$

Durch Gleichsetzen folgt:

$$c_F dT - c_D dT + L(T) + dL - L(T) = dp(V_D - V_F) \quad (8)$$

Nun ist aufgrund der Reversierbarkeit des Prozesses auch der zweite Hauptsatz der Thermodynamik von Nutzen; demnach verschwindet auch die Summe der reduzierten Wärmemengen  $\frac{Q_i}{T_i}$ :

$$\frac{c_F dT}{T} + \frac{L + dL}{T + dT} - \frac{c_D dT}{T} + \frac{L}{T} = 0 \quad (9)$$

Unter der Ahnnahme, dass  $dL$  und  $dT$  klein sind, können deren höhere Potenzen vernachlässigt werden und es gilt

$$\frac{L + dL}{T + dT} = \frac{L}{T} + \frac{dL}{T} - \frac{LdT}{T^2} \quad (10)$$

Also folgt für (??) nach Multiplikation mit  $T$ :

$$(c_F - c_D) dT + dL - \frac{LdT}{T} = 0 \quad (11)$$

Mit Gleichung (??) lässt sich  $dL$  eliminieren, sodass sich ergibt

$$(V_D - V_F) dp = \frac{L}{T} dT \quad (12)$$

(??) ist die gesuchte Differentialgleichung, die Clausius-Clapeyronsche Gleichung. Mithilfe einiger Näherungsannahmen lässt sich durch diese Gleichung für bestimmte Temperaturbereiche die Dampfdruckkurve einer Substanz berechnen. Im allgemeinen Fall ist sie allerdings weniger hilfreich, da sich dann wegen teilweise komplexen Ausdrücken für die Volumen und die molare Verdampfungswärme die Integration als zu schwierig herausstellt.

## 1.2 Integration der Gleichung

Unter der Voraussetzung, dass die kritische Temperatur  $T_{kr}$  viel größer ist im Vergleich zur tatsächlichen Temperatur, können die zuvor erwähnten komplexen Ausdrücke für die Volumina und Verdampfungswärme vereinfacht und so die Integration leicht ermöglicht werden. Dann gelten:

1.  $V_F \ll V_D$
2.  $V_D = R \frac{T}{p}$
3.  $L$  ist druck- und temperaturunabhängig

Es ergibt sich für (??)

$$\frac{R}{p} dp = \frac{L}{T^2} dT$$

Die Integration gelingt so ohne Probleme. Also ist

$$\ln(p) = -\frac{L}{T} \frac{1}{T} + \text{const} \iff p = p_0 \exp\left(-\frac{L}{T} \frac{1}{T}\right) \quad (13)$$

## 2 Durchführung

Ziel des Versuches war es, die Dampfdruckkurve von Wasser einmal zwischen 30 und 1000mbar und einmal zwischen 1 und 50bar. Daraus galt es, die Verdampfungswärme zu bestimmen sowie deren Temperaturabhängigkeit für  $p \geq \text{bar}$ .

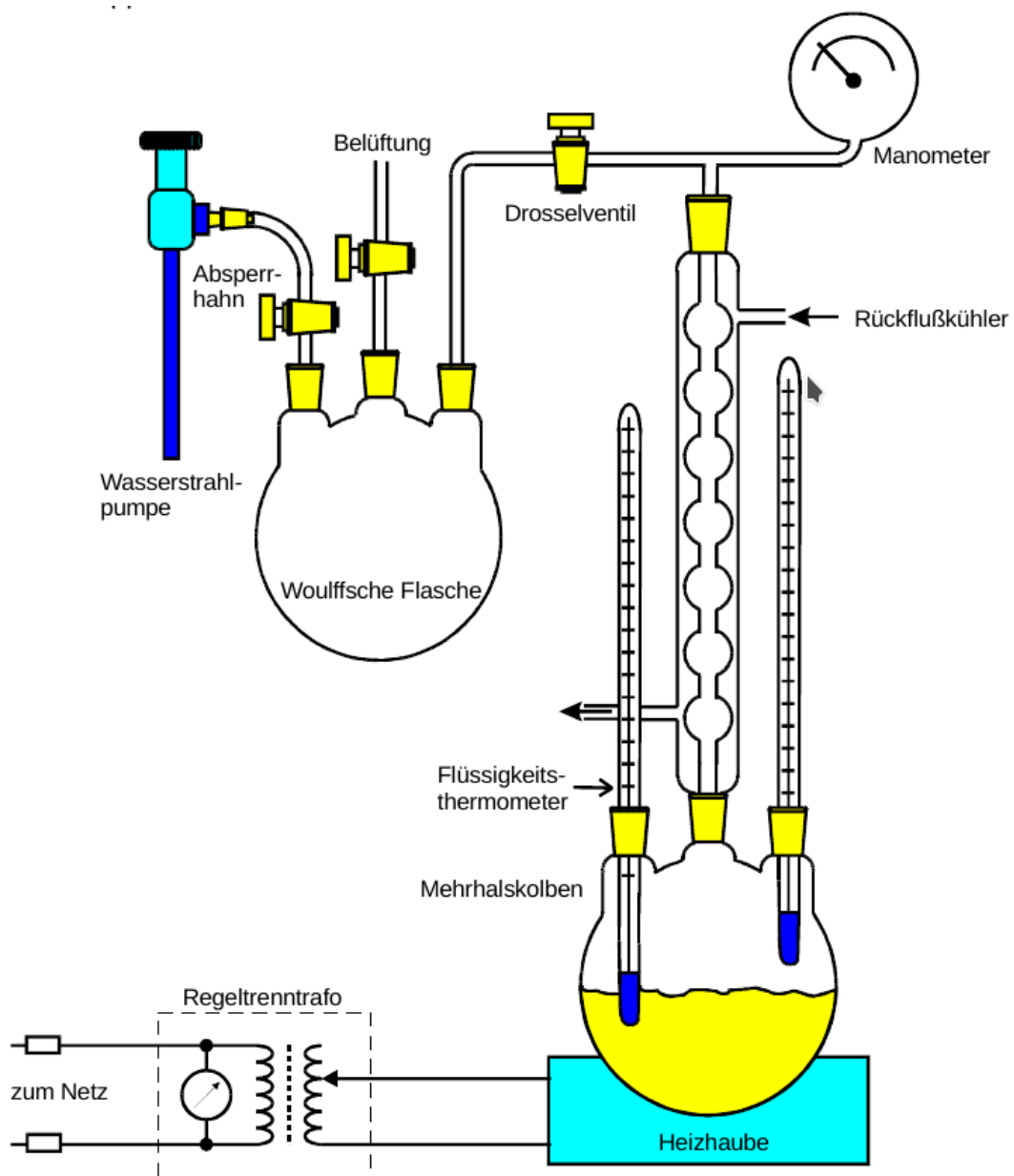
### 2.1 niedrige Drücke

Abbildung ?? zeigt die Apparatur, die genutzt werden kann, um für kleinere Drücke  $p \leq 1\text{bar}$  das Verhältnis zwischen Druck und Temperatur aufzunehmen.

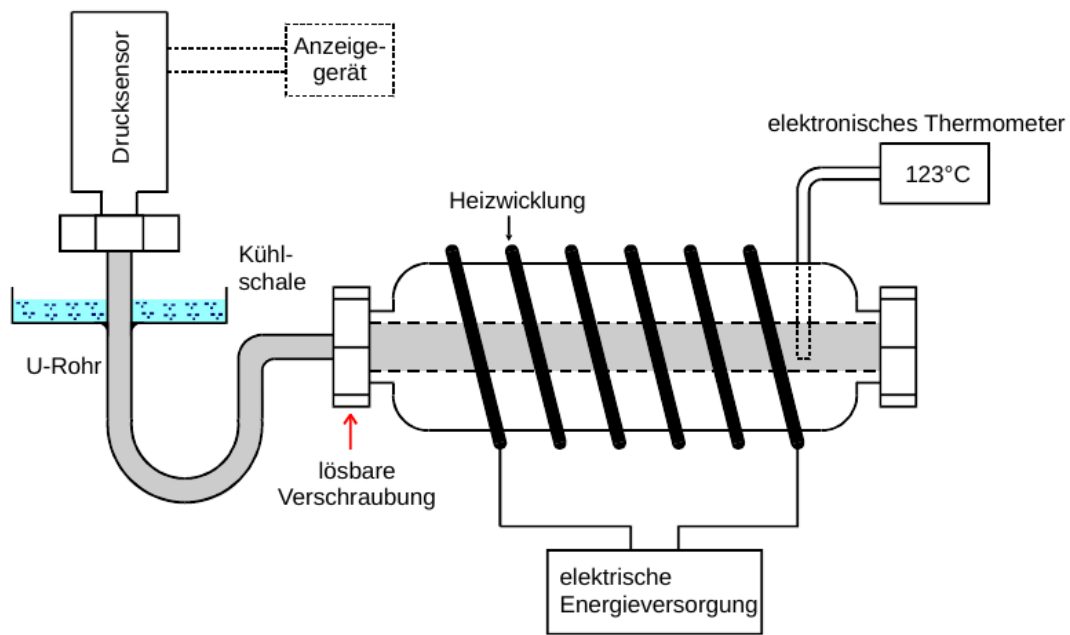
Die Woulffsche Flasche dient einerseits dem Evakuieren der Apparatur, zudem soll sie es verhindern, dass kaltes Wasser in die erhitzte Apparatur einfließt. Der Rückflusskühler nutzt Kühlwasser, um aufsteigende Dämpfe zu kondensieren, damit sie nicht ins Manometer strömen.

Um den Aufbau auf den Versuch vorzubereiten, wird die Wasserstrahlpumpe zum evakuieren genutzt, wobei Absperrhahn und Drosselventil geöffnet und das Belüftungsventil geschlossen werden. Das verbundene Manometer zeigt den Druckabfall an; dessen Ausprägung ist abhängig von der Temperatur des Leitungswassers, das durch die Wasserstrahlpumpe fließt. Ist der niedrigste realisierbare Druck erreicht, werden Absperrhahn und Drosselventil geschlossen und die Heizhaube eingeschaltet. Zudem muss die Kühlwasserzufuhr gestartet werden, die sollte aber mit zunehmender Temperatur abgeschwächt werden, bis sie oberhalb von  $80^\circ\text{C}$  nur noch tropfen soll.

In Schritten von 20mbar wird die entsprechende Temperatur aufgeschrieben.



**Abbildung 3:** Schematischer Versuchsaufbau zur Messung im Bereich niedriger Drücke.



**Abbildung 4:** Schematischer Versuchsaufbau zur Messung im Bereich höherer Drücke.

## 2.2 höhere Drücke

Eine weitere Apparatur, wie sie in ?? gezeigt ist, erlaubt die Untersuchung des Zusammenhangs von Druck und Temperatur bei  $p \geq 1 \text{ bar}$ .

Die Heizwicklung, die in der Abbildung gekennzeichnet ist, umgibt einen Stahlzylinder, dessen Inneres die zu untersuchende Flüssigkeit enthält. Ein U-Rohr verbindet das Innere des Zylinders mit einem Drucksensor und einem Anzeigegerät, die Verbindung zum Stahlzylinder ist dabei durch eine Bleiplatte verdichtet. Durch ein Bohrloch im Zylinder wird ein Thermometer geführt.

Bevor die Messung beginnen kann, muss die Apparatur aufgeschraubt und der Zylinder vollständig mit der zu untersuchenden Substanz gefüllt werden - hier mit entgastem Wasser. Anschließend wird die Heizung eingeschaltet und in Schritten von 0.5bar wird die zugehörige Temperatur abgelesen.

## 3 Auswertung

### 3.1 Niederdruckbereich

Bei den Messungen bis 1 bar wurde die in folgender Tabelle dargestellten Werte festgehalten. Sie wurden bereits in die SI Einheiten Kelvin und Pascal umgerechnet.



**Tabelle 1:** Messwerte bis 1 bar

$p[\text{Pa}]$	$T[\text{K}]$
3700	301.65
5700	309.15
7700	314.15
9700	318.15
11700	322.15
13700	322.15
15700	328.15
17700	330.15
19700	333.15
21700	335.15
23700	337.15
35700	339.15
27700	341.15
29700	342.15
31700	344.15
33700	346.15
35700	347.15
37700	349.15
39700	350.15
41700	352.15
43700	353.15
45700	355.15
47700	356.15
49700	357.15
51700	358.15
53700	359.15
55700	360.15
57700	361.15
59700	362.15
61700	363.15
63700	364.15
65700	365.15
67700	366.15
69700	367.15
71700	368.15
73700	369.15
75700	369.15
77700	370.15
79700	371.15
81700	372.15
83700	372.15
85700	373.15
87700	373.15
89700	375.15
91700	375.15
93700	376.15
95700	377.15
97700	377.15
99700	378.15
101700	378.15