## Цель работы

- 1. Рассмотреть модель эффективности рекламы в разных случаях.
- 2. Сравнить решения, учитывающее вклад только платной рекламы и учитывающее вклад только сарафанного радио.

## Задание №51

Постройте график распространения рекламы, математическая модель которой описывается следующим уравнением:

$$egin{aligned} lacktriangledown & rac{\partial n}{\partial t} = (0.7 + 0.000012n(t))(N-n(t)) \end{aligned}$$

$$oldsymbol{rac{\partial n}{\partial t}} = (0.00003 + 0.5 n(t))(N-n(t))$$

$$oldsymbol{rac{\partial n}{\partial t}} = (0.57 sin(t) + 0.38 cos(13*t)n(t))(N-n(t))$$

При этом объем аудитории N = 1240, в начальный момент о товаре знает 12человек. Для случая 2 определите в какой момент времени скорость распространения рекламы будет иметь максимальное значение.

# Краткая теоретическая справка

Организуется рекламная кампания нового товара или услуги. Необходимо, чтобы прибыль будущих продаж с избытком покрывала издержки на рекламу. Вначале расходы могут превышать прибыль, поскольку лишь малая часть потенциальных покупателей будет информирована о новинке. Затем, при увеличении числа продаж, возрастает и прибыль, и, наконец, наступит момент, когда рынок насытится, и рекламировать товар станет бесполезным.

Предположим, что торговыми учреждениями реализуется некоторая продукция, о которой в момент времени \$t\$ из числа потенциальных покупателей \$N\$ знает лишь \$n\$ покупателей. Для ускорения сбыта продукции запускается реклама по радио, телевидению и других средств массовой информации. После запуска рекламной кампании информация о продукции начнет распространяться среди потенциальных покупателей путем общения друг с другом. Таким образом, после запуска рекламных объявлений скорость изменения числа знающих о продукции людей пропорциональна как числу знающих о товаре покупателей, так и числу покупателей о нем не знающих.

Модель рекламной кампании описывается следующими величинами. Считаем, что

$$\frac{\partial n}{\partial t}$$

<sup>—</sup> скорость изменения со временем числа потребителей, узнавших о товаре и готовых его купить;

t — время, прошедшее с начала рекламной кампании;

n(t)— число уже информированных клиентов. Эта величина пропорциональна числу покупателей, еще не знающих о нем. Это описывается следующим образом:

$$\alpha_1(t)(N-n(t))$$

N — общее число потенциальных платежеспособных покупателей;

$$\alpha_1(t) > 0$$

— характеризует интенсивность рекламной кампании (зависит от затрат на рекламу в данный момент времени).

Помимо этого, узнавшие о товаре потребители также распространяют полученную информацию среди потенциальных покупателей, не знающих о нем (в этом случае работает т.н. сарафанное радио). Этот вклад в рекламу описывается величиной

$$\alpha_2(t)n(t)(N-n(t))$$

эта величина увеличивается с увеличением потребителей узнавших о товаре.

Математическая модель распространения рекламы описывается уравнением:

$$rac{\partial n}{\partial t} = (lpha_1(t) + lpha_2(t)n(t))(N-n(t))$$

# Выполнение лабораторной работы

#### Случай 1: a1>a2

model lab07

model lab07

constant Real N = 1420:

Real a1;

Real a2;

Real n;

initial equation

n = 12;

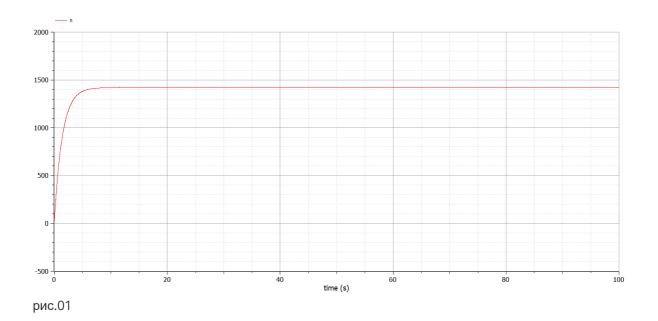
equation

a1 = 0.7;

a2 = 0.000012;

der(n) = (a1+a2n)(N-n);

end lab07;



### Случай 2: a1<a2

```
model lab7

constant Real N = 1240;

Real a1;

Real a2;

Real n;

initial equation

n = 12;

equation

a1 = 0.00003;

a2 = 0.5;

der(n) = (a1+a2n)(N-n);

end lab7;
```

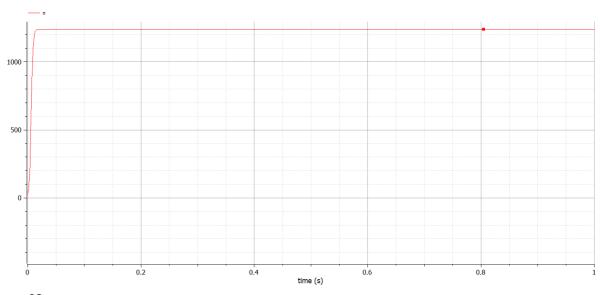
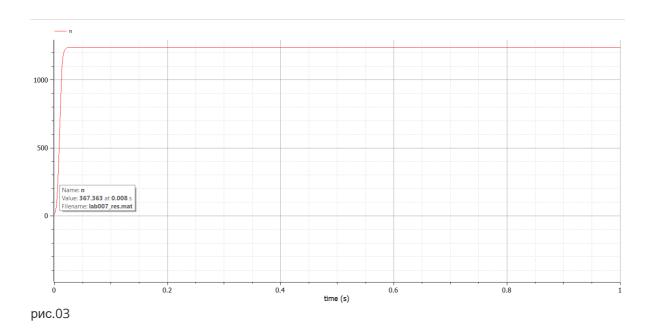


рис.02

Максимальное значение n достигается при time = 0.02.

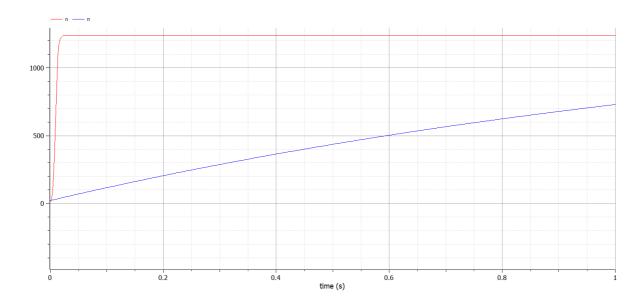
### Случай 3: а1≈а2

```
model lab007
constant Real N = 1240;
Real a1;
Real a2;
Real n;
initial equation
n = 12;
equation
a1 = 0.57sin(time);
a2 = 0.38cos(13time);
der(n) = (a1+a2n)*(N-n);
end lab007;
```



Максимальное значение достигается при time = 0.22.

### Сравнение эффективности сарафанного радио и платной рекламы



### Вопросы к лабораторной

Записать модель Мальтуса (дать пояснение, где используется данная модель)

$$\frac{\partial N}{\partial t} = rN$$

где

- N исходная численность населения,
- r коэффициент пропорциональности, для которого r = b d, где
  - b коэффициент рождаемости
  - d коэффициент смертности
- t время.

Модель используется в экологии для расчета изменения популяции особей животных.

Записать уравнение логистической кривой (дать пояснение, что описывает данное уравнение)

$$\frac{\partial P}{\partial t} = rP(1 - \frac{P}{K})$$

- r характеризует скорость роста (размножения)
- К поддерживающая ёмкость среды (то есть, максимально возможная численность популяции)

Исходные предположения для вывода уравнения при рассмотрении популяционной динамики выглядят следующим образом:

- скорость размножения популяции пропорциональна её текущей численности, при прочих равных условиях;
- скорость размножения популяции пропорциональна количеству доступных ресурсов, при прочих равных условиях. Таким образом, второй член уравнения отражает конкуренцию за ресурсы, которая ограничивает рост популяции.

На что влияет коэффициент

 $\alpha_1(t)$ 

И

 $\alpha_2(t)$ 

в модели распространения рекламы\*\*

$$\alpha_1(t)$$

— интенсивность рекламной кампании, зависящая от затрат

$$\alpha_2(t)$$

— интенсивность рекламной кампании, зависящая от сарафанного радио



- 1. Рассмотрел модель эффективности рекламы в разных случаях.
- 2. Сравнил решения, учитывающее вклад только платной рекламы и учитывающее вклад только сарафанного радио.

# Список литературы

Кулябов Д.С "Лабораторная работа №7": <a href="https://esystem.rudn.ru/pluginfile.php/1343821/mod\_re\_source/content/2/">https://esystem.rudn.ru/pluginfile.php/1343821/mod\_re\_source/content/2/</a>Лабораторная%20работа%20№%206.pdf