

Ejercicios de Árboles Binarios de Búsqueda (ABB).

1. Implementa un método recursivo que cuente el número de nodos de un ABB cuya clave sean mayores a una clave dada. Plus: no visitar nodos que no aporten al conteo.

int countGreaterThan(TreeNode n, int key)

```
private int countGreaterThan(TreeNode node, int key, int cnt) {  
    if (node == null) return cnt;  
    // Recorrido PRE-orden  
  
    if((int) node.key > key) {  
        cnt = cnt + 1;  
        //System.out.println(node.key);  
    }  
    cnt = countGreaterThan(node.left, key, cnt);  
    cnt = countGreaterThan(node.right, key, cnt);  
  
    return cnt;  
}  
  
public int countGreaterThan(int key) {  
    int cnt = 0;  
    return countGreaterThan(this.root, key, cnt);  
}
```

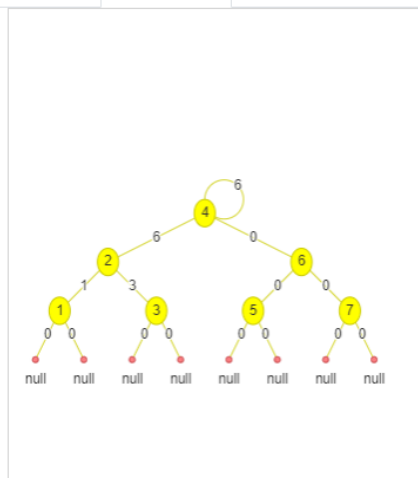
Preguntas

Árbol binario

- ¿Cuál es el nombre de la función?
 - cntGreater
- ¿El resultado del algoritmo depende de una clave externa?
 - True
- ¿Qué información deberá entregar el algoritmo al finalizar?
 - El resultado de una operación aritmética con una o más claves
- Si el nodo a procesar no existe, ¿cuál es el valor predeterminado de la operación?
 - 0
- ¿Qué relación tiene que cumplir la clave actual con la clave externa para que su valor sea considerado en la operación?
 - La clave actual debe ser menor que la clave externa
- ¿Qué tipo de operación se realiza sobre la clave actual antes de combinarse con el resultado de los dos hijos?
 - Ninguna
- ¿Qué tipo de operación integra los resultados de los hijos con la clave del nodo actual?
 - Suma
- ¿Cuál(es) de los hijo(s) tenemos que visitar para completar la operación?
 - Ambos hijos

Preguntas

Árbol binario



Código

```
int cntGreater (Node node, int key) {  
    int res = 0;  
    if(node == null) { return 0; }  
    if(node.key < key)  
        res = node.key;  
    res += cntGreater(node.left, key) +  
    cntGreater(node.right, key);  
    return res;  
}
```

Llave externa

4

Ejecutar >

siguiente paso ▶

cambiar árbol ➕

Crear árbol a partir de una lista

4,2,1,3,6,5,7

Valores enteros separados por comas

2. Implementa un método recursivo que sume el valor de las claves de todos los nodos internos de un ABB.

int sumInternalNodes(TreeNode n)

```
private int sumInternalNodes(TreeNode node, int sum) {
    if (node == null) return sum;
    // Recorrido PRE-orden
    if (node.left != null || node.right != null) {
        sum = sum + (int) node.key;
    }
    sum = sumInternalNodes(node.left, sum);
    sum = sumInternalNodes(node.right, sum);

    return sum;
}

public int sumInternalNodes() {
    return sumInternalNodes(this.root, 0);
}
```

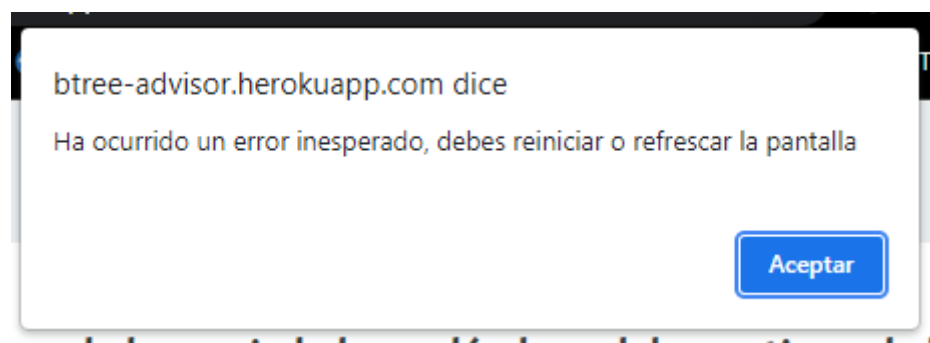
3. Implementa un método recursivo que determine si existe algún nodo cuya clave es menor que una clave data. Plus: no visitar nodos que no aporten a la búsqueda.

boolean existsNodeSmallerThan(TreeNode n, int key)

```
private boolean existsNodeSmallerThan(TreeNode node, boolean exist, int key) {
    if (node == null || exist == true) return exist;
    // Recorrido PRE-orden
    if ((int) node.key < key) exist = true;
    exist = existsNodeSmallerThan(node.left, exist, key);
    exist = existsNodeSmallerThan(node.right, exist, key);
    return exist;
}

public boolean existsNodeSmallerThan(int key) {
    return existsNodeSmallerThan(this.root, false, key);
}
```

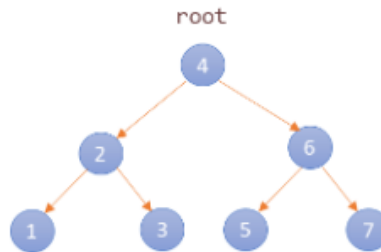
NOTA



La herramienta no permite generar muchas combinaciones, manda este mensaje

Ejecución

Sea root la raíz del siguiente árbol binario de búsqueda.



```
int c1 = countGreaterThan(root, 4);           // c1 = 3   {6, 5, 7}
int c2 = countGreaterThan(root, 7);           // c2 = 0
int s  = sumInternalNodes(root);              // s  = 12   (4 + 2 + 6)
boolean e1 = existsNodeSmallerThan(root, 3); // e1 = true {2}
boolean e2 = existsNodeSmallerThan(root, 1); // e2 = false
```

```
260
261 public static void main(String[] args) {
262     BinarySearchTree<Integer> intBST = new BinarySearchTree<>();
263     intBST.add(4); intBST.add(2); intBST.add(6);
264     intBST.add(1); intBST.add(3); intBST.add(5);
265     intBST.add(7);
266     intBST.print();
267
268     int c1 = intBST.countGreaterThan(4);
269     int c2 = intBST.countGreaterThan(7);
270     System.out.println(c1);
271     System.out.println(c2);
272
273     int s = intBST.sumInternalNodes();
274     System.out.println(s);
275
276     boolean e1 = intBST.existsNodeSmallerThan(3);
277     boolean e2 = intBST.existsNodeSmallerThan(1);
278     System.out.println(e1);
279     System.out.println(e2);
280
281     //
282     //      4
283     //    /  \
284     //   2   6
285     //  / \  / \
286     // 1  3 5  7
287
288 }
289
290
291
292
293
294
295
296
297
298
299
300
301
302
303
304
305
306
307
308
309
310
311
312
313
314
315
316
317
318
319
320
321
322
323
324
325
326
327
328
329
330
331
332
333
334
335
336
337
338
339
340
341
342
343
344
345
346
347
348
349
350
351
352
353
354
355
356
357
358
359
360
361
362
363
364
365
366
367
368
369
370
371
372
373
374
375
376
377
378
379
380
381
382
383
384
385
386
387
388
389
390
391
392
393
394
395
396
397
398
399
400
401
402
403
404
405
406
407
408
409
410
411
412
413
414
415
416
417
418
419
420
421
422
423
424
425
426
427
428
429
430
431
432
433
434
435
436
437
438
439
440
441
442
443
444
445
446
447
448
449
450
451
452
453
454
455
456
457
458
459
460
461
462
463
464
465
466
467
468
469
470
471
472
473
474
475
476
477
478
479
480
481
482
483
484
485
486
487
488
489
490
491
492
493
494
495
496
497
498
499
500
501
502
503
504
505
506
507
508
509
510
511
512
513
514
515
516
517
518
519
520
521
522
523
524
525
526
527
528
529
530
531
532
533
534
535
536
537
538
539
540
541
542
543
544
545
546
547
548
549
550
551
552
553
554
555
556
557
558
559
560
561
562
563
564
565
566
567
568
569
570
571
572
573
574
575
576
577
578
579
580
581
582
583
584
585
586
587
588
589
590
591
592
593
594
595
596
597
598
599
600
601
602
603
604
605
606
607
608
609
610
611
612
613
614
615
616
617
618
619
620
621
622
623
624
625
626
627
628
629
630
631
632
633
634
635
636
637
638
639
640
641
642
643
644
645
646
647
648
649
650
651
652
653
654
655
656
657
658
659
660
661
662
663
664
665
666
667
668
669
670
671
672
673
674
675
676
677
678
679
680
681
682
683
684
685
686
687
688
689
690
691
692
693
694
695
696
697
698
699
700
701
702
703
704
705
706
707
708
709
710
711
712
713
714
715
716
717
718
719
720
721
722
723
724
725
726
727
728
729
730
731
732
733
734
735
736
737
738
739
740
741
742
743
744
745
746
747
748
749
750
751
752
753
754
755
756
757
758
759
760
761
762
763
764
765
766
767
768
769
770
771
772
773
774
775
776
777
778
779
780
781
782
783
784
785
786
787
788
789
790
791
792
793
794
795
796
797
798
799
800
801
802
803
804
805
806
807
808
809
810
811
812
813
814
815
816
817
818
819
820
821
822
823
824
825
826
827
828
829
830
831
832
833
834
835
836
837
838
839
840
841
842
843
844
845
846
847
848
849
850
851
852
853
854
855
856
857
858
859
860
861
862
863
864
865
866
867
868
869
870
871
872
873
874
875
876
877
878
879
880
881
882
883
884
885
886
887
888
889
890
891
892
893
894
895
896
897
898
899
900
901
902
903
904
905
906
907
908
909
910
911
912
913
914
915
916
917
918
919
920
921
922
923
924
925
926
927
928
929
930
931
932
933
934
935
936
937
938
939
940
941
942
943
944
945
946
947
948
949
950
951
952
953
954
955
956
957
958
959
960
961
962
963
964
965
966
967
968
969
970
971
972
973
974
975
976
977
978
979
980
981
982
983
984
985
986
987
988
989
990
991
992
993
994
995
996
997
998
999
1000
```

```
<terminated> BinarySearchTree [Java Application] C:\Program Files\Java\jdk-16.0.2\bin\javaw.exe (22
4
2
1
3
6
5
7

3
0
12
true
false
```