- 1(2). Дан массив длины n, состоящий только из нулей и единиц. Предложите линейный алгоритм сортировки данного массива.
- 2(2). На прямой задано n отрезков, причем известно, что они образуют систему строго вложенных отрезков (их можно упорядочить так, чтобы каждый строго содержался в следующем). Отрезки заданы координатами концов  $[l_i, r_i]$  (и могут быть даны в неупорядоченном виде). Предложите асимптотически эффективный алгоритм (с точки зрения количества арифметических операций), который находит все точки прямой, которые покрыты ровно 2n/3 отрезками.
- **3**(3). 1. Оцените глубину стека (рекурсивных вызовов) при работе быстрой сортировки в худшем случае.
- 2. Измените алгоритм быстрой сортировки так, чтобы глубина стека в худшем случае была  $\Theta(\log n)$ .
- **4** (3). На вход задачи подаётся число n и массив чисел  $x_1, x_2, \ldots, x_{2n+1}$ . Постройте линейный алгоритм, находящий число s, при котором достигается минимум суммы

$$\sum_{i=1}^{2n+1} |x_i - s|.$$

- **5** (5). На вход алгоритма подаётся массив натуральных чисел A и число x. Постройте алгоритм, работающий за  $O(n\log n)$ , который проверяет, есть ли в массиве A два элемента, сумма которых равна x.
- **6** (6). Дан массив из n чисел. Нужно разбить этот массив на максимальное количество непрерывных подмассивов так, чтобы после сортировки элементов внутри каждого подмассива весь массив стал отсортированным. Предложите  $O(n \log n)$  алгоритм для решения этой задачи.
- 7(6). Массив  $A = [a_1, a_2, \ldots, a_n]$  является перестановкой чисел от 1 до n. На вход задачи подаётся массив  $F = [f_1, f_2, \ldots, f_n]$ , в котором  $f_k$ —число элементов  $a_j$ , стоящих левее числа  $k = a_i$  в массиве A и таких, что  $a_j > a_i$  (j < i). Постройте эффективный алгоритм, который восстанавливает массив A по массиву F.