

TP 1 Algorithmique Avancée

Introduction

Pour ce TP, nous avons programmé en langage C des fonctions sur les piles, files, ABR et AVL. Il existe 4 fichiers de test pour chaque type.

2 Piles

La pile utilise le système *LIFO (Last in First Out)* qui signifie que le dernier élément entré à l'empilement dans la pile est le premier à en sortir au dépilement.

Nous avons implémenter des fonctions sur des piles. Le fichier pile.h contient les descriptions nécessaires pour le type `pile_t`. Les piles contiennent des pointeurs sur des nœuds de l'arbre. Les piles seront utilisées pour des traitements sur les arbres ABR qui ne seront pas récursives.

1) creer_pile:

Pour créer cette pile, nous allouons de la place en mémoire, puis nous mettons le sommet de la pile à 0 et nous retournons la pile.

2) detruire_pile:

Pour détruire une pile, nous vérifions tout d'abord que la pile n'est pas vide puis si elle ne l'est pas, nous libérons cette pile.

3) pile_vide:

Nous retournons le sommet de la pile s'il est différent de 0.

4) pile_pleine:

Nous retournons le sommet si il est égal au maximum de la taille de la pile possible.

5) depiler:

Tout d'abord si la pile est vide, on n'a pas besoin de dépiler autrement on crée une autre pile qui prend dans la pile le sommet de l'ancienne pile puis on baisse le sommet de 1 et on retourne la nouvelle pile.

6) empiler:

Pour empiler, nous avons besoin tout d'abord que la pile ne soit pas pleine puis si elle ne l'est pas, nous augmentons le sommet de 1 et nous affectons le noeud du paramètre là où on veut.

3 Files

La file utilise le système *FIFO (First in First Out)* qui signifie que le premier élément entré à l'ajout dans la file est le premier à en sortir au défilement.

Pour gérer les éléments de la pile et vérifier que la taille de celle-ci ne dépasse pas le maximum autorisé (ici 32 éléments), on utilise deux champs tête et queue afin d'avoir le point de départ de la file et son dernier élément. Tant que l'écart entre les deux est inférieur à 32, on peut enfiler. De même, on peut défiler si tête != queue.

Nous implémentons des fonctions sur des files. Le fichier `file.h` contient les descriptions nécessaires pour le type `file_t`. Les files contiendront des pointeurs sur des nœuds de l'arbre. Les piles seront utilisées pour des parcours en largeur.

7)créer_file:

Pour créer cette file,nous allouons de la place en mémoire et nous mettons la tête et la queue à 0 puis nous renvoyons la file.

8)détruire_file:

Pour détruire une file,nous vérifions tout d'abord que la file n'est pas vide puis si elle ne l'est pas ,nous libérons cette pile.

9)file_vide:

La file est vide si la queue est égale à la tête et que la case de la tête est null.

10)file_pleine:

La file est pleine si la différence entre la queue et la tête est égale à 1 ou que la différence entre la tête et la queue est égale à la taille maximum de la file.

11)defiler:

Tout d'abord si la file est vide,on n'a pas besoin de dépiler autrement on crée une autre file qui prend dans la file la tête de l'ancienne file moins 1 puis on affecte à la tête de la file NULL et on retourne la nouvelle file.

12)enfiler:

Pour enfiler,nous avons besoin tout d'abord que la file ne soit pas pleine puis si elle ne l'est pas,nous regardons si la queue égale à 0 et on affecte à la queue la taille maximale de la file moins 1 sinon on enlève 1 de la queue puis on affecte à la case de la queue le nœud p.

4 Arbres ABR

Nous avons utilisé la structure ABR présentée en cours et définie dans le fichier `abr.h`.

15)parcourir_arbre_largeur:

Nous parcourons l'arbre en largeur à l'aide d'une file. Nous commençons par enfiler le nœud de l'arbre passé en paramètre. Puis tant que la file n'est pas vide, nous défilons l'élément dans la pile puis si ses fils existent, nous enfilons les fils de cet élément.

16)hauteur_arbre_r:

Nous calculons la hauteur de l'arbre récursivement. Nous calculons pour cela le maximum entre la hauteur du fils gauche de l'arbre et la hauteur du fils droit de l'arbre. Les conditions d'arrêt possibles de l'algorithme sont : le nœud est null.

hauteur_arbre_nr:

Nous calculons la hauteur de l'arbre à l'aide d'une file. Nous commençons par empiler le nœud de l'arbre passé en paramètre. Puis tant que la pile n'est pas vide ,nous dépilons la pile puis si un fils n'est pas nul,nous empilons le fils correspondant et nous empilons la deuxième pile avec h+1.Après cela,on retourne la hauteur.

17)nombre_cle_arbre_r:

Nous calculons le nombre de clés dans l'arbre récursivement. Ainsi si l'arbre n'est pas nul, on retourne la fonction avec le fils droit plus le fils gauche plus un.

nombre_cle_arbre_nr:

Nous calculons le nombre de clés dans l'arbre à l'aide d'une file. Nous commençons par créer la file puis si l'arbre n'est pas nul, on enfile la racine de l'arbre passé en paramètre. Tant que la file n'est pas vide, on défile, on incrémente le nombre de nœuds et si un fils n'est pas nul, on enfile ce fils. Et enfin on retourne le nombre de nœuds.

18)imprimer_liste_cle_triee_r:

Nous affichons la liste des clés triées dans l'arbre récursivement. Nous appelons pour cela cette fonction sur le fils gauche, puis nous affichons la clé de la racine actuelle puis nous appelons récursivement cette fonction récursive sur le fils droit. Par conséquent, avant d'afficher la clé de l'arbre courant, la fonction affichera d'abord son fils gauche et les propres fils de ce dernier. La condition d'arrêt de l'algorithme est : l'arbre est null.

19)arbre_plein:

Les conditions d'arrêt sont que l'arbre soit nul ou que les 2 fils soient null.

Si ces conditions ne sont pas respectées, on retourne la fonction avec le fils gauche et le fils droit.

20)arbre_parfait:

Si l'arbre est un arbre plein, alors l'arbre est parfait. Si l'arbre ayant n nœuds a pour hauteur h , alors l'arbre est parfait. Sinon, il n'est pas parfait ce qui est représenté par les conditions de l'algorithme.

21)rechercher_cle_sup_arbre:

On cherche le nœud ayant une clé directement supérieure à celle donnée. Il y a donc plusieurs cas à vérifier : Tout d'abord, si la clé donnée n'appartient pas à l'arbre, on retourne null.

Ensuite, on parcourt récursivement les fils droits si la clé est supérieure à la valeur. Si la clé est supérieure à la valeur et que `a_sup` est null alors on retourne l'arbre sinon on retourne `a_sup`. Autrement on retourne NULL.

22)rechercher_cle_inf_arbre:

Même chose que le sup sauf qu'on parcourt les fils gauches à la place des fils droits.

23)intersection_deux_arbres:

Tout d'abord, si 1 des 2 arbres est nul, on retourne NULL. Sinon on crée un autre arbre qui est null puis si la clé des 2 arbres sont égaux on crée un arbre avec comme clé celle de `a1` et pour le fils gauche, on appelle la fonction avec les fils gauches des 2 arbres et pareil pour le fils droit. Si la clé de `a1` est inférieure de `a2` alors on appelle la fonction pour le fils droit de `a1` et si c'est supérieur, on appelle avec le fils droit de `a2`.

Et enfin, on retourne le nouvel arbre.

24)union_deux_arbres:

Tout d'abord, si 1 des 2 arbres est nul, on retourne cet arbre. Sinon on crée un autre arbre qui est null puis si la clé des 2 arbres sont égaux on crée un arbre avec comme clé celle de `a1` et pour le fils gauche, on appelle la fonction avec les fils gauches des 2 arbres et pareil pour le fils droit. Si la clé de `a1` est inférieure à celle de `a2` alors on crée un arbre avec comme clé de `a1` et le fils gauche de cet arbre devient le fils gauche de `a1` et le fils droit est affecté par la fonction avec comme paramètre le fils droit de `a1` et `a2`. La même chose pour le cas inverse puis on retourne le nouvel arbre.

26)destruire_cle_arbre:

On cherche à supprimer une clé donnée. Si l'arbre est null alors on retourne null. Si la clé de a est égale à la clé alors si il n'y a pas de fils on libère l'arbre et on retourne null. Si il n'y a qu'une des feuilles qui est null alors on crée un nouvel arbre qui est le fils qui existe puis on libère l'arbre et on retourne le nouvel arbre. Sinon on recherche la clé supérieur dans le fils droit et la clé de l'arbre devient le résultat de la fonction précédente puis on appelle récursivement la fonction avec comme arbre, le fils droit et comme clé celle qu'on veut de voir.