Solución Ejercicios Tema 2. Regresión lineal múltiple.

Máster en Ciencia de Datos. Módulo: Análisis exploratorio de datos

Ana Navarro Quiles

Curso 2022/2023

Ejercicio 1

##

Antes de que comience la construcción de un puente se pasa por una serie de etapas de producción, entre las que destaca su diseño. Esta fase se compone a su vez de varias actividades, por lo que suele ser de interés la predicción del tiempo de diseño a nivel de planificación presupuestaria. En el fichero **puentes** hay información sobre los proyectos de construcción de 45 puentes. A partir de dicha información trata de valorar el tiempo *Time* que se tarda en diseñar un puente en base a:

- Superficie de cubierta de puente (en miles de pies cuadrados), variable DArea
- Coste de construcción (en miles de dólares), variable *CCost*
- Número de planos estructurales, variable DWGS
- Longitud del puente (en pies), variable Length
- Número de tramos, variable Spans

Realiza el análisis indicando con todo detalle las características del modelo que vayas a emplear, las suposiciones que has de hacer y la validez de tus conclusiones. Con el modelo elegido responde a las siguientes preguntas

```
load('datosTema2.Rdata')
# Primero debemos eliminar la columna case, dado que no es una variable.
puentes2<-subset(puentes, select = c(-Case))</pre>
mod1 <- lm(Time ~ ., data=puentes2, na.action=na.exclude)</pre>
summary(mod1)
##
## lm(formula = Time ~ ., data = puentes2, na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
       Min
##
                 1Q Median
                                 3Q
                                         Max
   -81.816 -26.797
                    -9.674
                             24.882 180.443
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -34.83256
                            25.03837
                                       -1.391
                                                 0.172
                                        0.151
                                                 0.881
## DArea
                 0.24675
                             1.63170
## CCost
                 -0.02107
                             0.07143
                                      -0.295
                                                 0.770
## Dwgs
                 19.68195
                             4.08583
                                        4.817 2.23e-05 ***
## Length
                 0.05186
                             0.10378
                                        0.500
                                                 0.620
## Spans
                 15.50454
                            10.14243
                                        1.529
                                                 0.134
                   0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
## Residual standard error: 55.31 on 39 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7101, Adjusted R-squared: 0.6729
## F-statistic: 19.1 on 5 and 39 DF, p-value: 1.435e-09
# Varias formas de resolver el ejercicio.
# Primera: Quitando variables una a una teniendo en cuenta el p-valor.
mod2<-update(mod1,~.-DArea)</pre>
summary(mod2)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ CCost + Dwgs + Length + Spans, data = puentes2,
       na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
     Min
              1Q Median
                            3Q
                                  Max
## -80.16 -28.17 -10.03 25.23 179.45
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -35.25186
                           24.57855 -1.434
                                              0.1593
## CCost
                -0.01365
                            0.05125 -0.266
                                              0.7914
## Dwgs
                19.68023
                           4.03560
                                    4.877 1.75e-05 ***
## Length
                0.04765
                            0.09876
                                    0.483
                                              0.6321
                                     1.771
                16.14138
                                              0.0842
## Spans
                            9.11344
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 54.64 on 40 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7099, Adjusted R-squared: 0.6809
## F-statistic: 24.47 on 4 and 40 DF, p-value: 2.711e-10
mod3<-update(mod2,~.-CCost)</pre>
summary(mod3)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ Dwgs + Length + Spans, data = puentes2, na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
     Min
              1Q Median
                            3Q
                                  Max
## -76.53 -30.47 -10.19 24.62 181.54
##
## Coefficients:
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept) -33.83215
                           23.71973 -1.426
                                              0.1613
               19.25041
                                     5.265 4.77e-06 ***
## Dwgs
                            3.65648
## Length
                0.03274
                            0.08041
                                      0.407
                                              0.6860
## Spans
                16.43716
                            8.94240
                                     1.838
                                              0.0733 .
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 54.01 on 41 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7094, Adjusted R-squared: 0.6881
```

```
## F-statistic: 33.36 on 3 and 41 DF, p-value: 4.407e-11
mod4<-update(mod3,~.-Length)</pre>
summary(mod4)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ Dwgs + Spans, data = puentes2, na.action = na.exclude)
## Residuals:
##
     Min
              1Q Median
                            3Q
## -75.97 -25.21 -10.37 24.60 180.27
## Coefficients:
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
                            21.696 -1.730 0.09104 .
## (Intercept) -37.527
## Dwgs
                19.808
                             3.356
                                     5.902 5.49e-07 ***
## Spans
                 19.154
                             5.895
                                     3.249 0.00228 **
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 53.47 on 42 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7082, Adjusted R-squared: 0.6943
## F-statistic: 50.97 on 2 and 42 DF, p-value: 5.847e-12
# Segunda forma de hacerlo:
modf <- step(mod1, direction = 'both',trace=0)</pre>
summary(modf)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ Dwgs + Spans, data = puentes2, na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
     Min
              1Q Median
                            3Q
                                  Max
## -75.97 -25.21 -10.37 24.60 180.27
##
## Coefficients:
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -37.527
                            21.696 -1.730 0.09104 .
                 19.808
                             3.356
                                     5.902 5.49e-07 ***
## Dwgs
                 19.154
## Spans
                             5.895
                                     3.249 0.00228 **
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 53.47 on 42 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7082, Adjusted R-squared: 0.6943
## F-statistic: 50.97 on 2 and 42 DF, p-value: 5.847e-12
# Ambas formas nos ha dado el mismo resultado. Time ~ Dwgs + Spans
# En este punto podemos plantearnos si el intercept es significativo o no
modf_SinInter <- update(modf,~.-1)</pre>
summary(modf_SinInter)
```

```
## Call:
## lm(formula = Time ~ Dwgs + Spans - 1, data = puentes2, na.action = na.exclude)
## Residuals:
##
              1Q Median
                            3Q
## -89.39 -32.91 -22.61 13.55 191.28
## Coefficients:
##
         Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## Dwgs
           15.318
                       2.176
                               7.040 1.12e-08 ***
## Spans
           19.439
                       6.028
                               3.225 0.00241 **
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 54.7 on 43 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9124, Adjusted R-squared: 0.9084
## F-statistic:
                  224 on 2 and 43 DF, p-value: < 2.2e-16
AIC(modf,modf_SinInter)
##
                         AIC
                  4 490.7263
## modf
## modf_SinInter 3 491.8226
# Hemos quando R^2 sin el intercepto, pero el AIC es mayor considerándolo.
# - El R^2 te dice como de explicativo es tu modelo. Es decir, que % de variabilidad
# de la variable Y queda explicado por el modelo.
# - El AIC es una medida de lo bien que el modelo se ajustará a nuevos datos, no a los datos existentes
# Imaginad que estamos tratando de predecir la salida a partir de algunas variables conocidas. Si se añ
# Si queréis profundizar en ambos criterios os recomiendo el libro:
# Introduction to Statistical Learning with R
# Lo dejo en el aula virtual
# Por tanto, depende de los fines de vuestra regresión (explicativos o predictivos)
# eligiremos un método u otro para su comparación.
# En este caso voy a resolver el problema considerando el Intercepto (modf) dado
# que es el que me daba el comando step directamente y el que menos AIC tiene.
# Sobre el Intercept: En general no es recomendable eliminar el Intercepto (a no ser que tengamos una r
# Por ejemplo, al hacer el Intercepto = O cambia la escala por completo y puede ser que
# el R^2 sea mayor por que la nube de puntos está muy lejana (algo similar a lo que pasa con los influy
# Hay casos particulares que puede ser interesante observar que sucede al forzarlo cero (por ejemplos c
  a) ¿Cuál es el porcentaje de varianza explicada por tu modelo?¿Qué variables son relevantes?
```

- 70.82%. Dwgs y Spans.
 - b) ¿Cuál será el tiempo estimado según tu modelo para la construcción de un puente con los predictores en su valor promedio?; Y cuál sería el intervalo de confianza para el promedio de tiempo predicho? ; Y si se trata de un nuevo puente?

```
x0 <- data.frame(Dwgs=mean(puentes2$Dwgs), Spans=mean(puentes2$Spans))
predict(modf, newdata=x0, interval='confidence') # IC
```

fit lwr upr

```
## 1 153.3067 137.2199 169.3935
predict(modf,newdata=x0,interval='prediction') #nuevo puente
##
          fit
                    lwr
## 1 153.3067 44.20065 262.4127
  c) Uno de los constructores indica que, en su experiencia, se tarda lo mismo en construir un puente de 1,2
    o 3 tramos, y algo más en construir puentes de más de tres tramos ¿Podrías construir un modelo de
    regresión para comprobar la hipótesis del constructor ?; Te parece acertada dicha hipótesis en función
    de la bondad de ajuste?
# Vamos a hacer las 4 categorías (1,2,3, y más de 3 (hasta el 7 que es el máximo))
puentes2$Spans_c<-cut(puentes2$Spans, breaks=c(0,1,2,3,7))</pre>
puentes3<-subset(puentes2, select = c(-Spans))</pre>
mod1c <- lm(Time ~ ., data=puentes3, na.action=na.exclude)</pre>
summary(mod1c)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ ., data = puentes3, na.action = na.exclude)
## Residuals:
##
       Min
                1Q Median
                                 3Q
                                         Max
## -80.835 -27.921 -9.197
                            26.781 176.498
##
## Coefficients:
##
                 Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -20.35433 25.74598 -0.791 0.434226
## DArea
                  0.23019
                            1.68721
                                        0.136 0.892221
## CCost
                 -0.03986
                              0.07309 -0.545 0.588755
                                        4.186 0.000168 ***
                 19.77814
                              4.72538
## Dwgs
## Length
                  0.07422
                              0.09819
                                        0.756 0.454519
## Spans_c(1,2] 15.72239
                             25.85810
                                        0.608 0.546885
                 34.98546
                             29.36079
                                        1.192 0.241017
## Spans_c(2,3]
## Spans_c(3,7]
                 70.00347
                             43.68505
                                        1.602 0.117558
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 56.28 on 37 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7153, Adjusted R-squared: 0.6614
## F-statistic: 13.28 on 7 and 37 DF, p-value: 2.038e-08
mod2c<-update(mod1c,~.-DArea)</pre>
summary(mod2c)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ CCost + Dwgs + Length + Spans_c, data = puentes3,
       na.action = na.exclude)
##
##
## Residuals:
                10 Median
                                 30
                                        Max
## -81.624 -31.403 -9.152 26.645 175.658
```

Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

##

##

Coefficients:

```
## (Intercept) -20.23624
                          25.39698 -0.797 0.430519
                -0.03340 0.05494 -0.608 0.546838
## CCost
## Dwgs
                19.83250
                            4.64736
                                      4.267 0.000127 ***
                 0.07084
                            0.09379
                                      0.755 0.454689
## Length
## Spans_c(1,2] 15.43403
                          25.43661
                                      0.607 0.547616
                          28.68075
## Spans_c(2,3] 35.55884
                                     1.240 0.222646
                           39.85775 1.813 0.077679 .
## Spans_c(3,7] 72.27669
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 55.55 on 38 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7151, Adjusted R-squared: 0.6701
## F-statistic: 15.9 on 6 and 38 DF, p-value: 4.86e-09
mod3c<-update(mod2c,~.-CCost)</pre>
summary(mod3c)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ Dwgs + Length + Spans_c, data = puentes3,
      na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
     Min
             1Q Median
                           3Q
                                 Max
## -81.06 -30.84 -10.84 25.17 177.96
##
## Coefficients:
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -15.54178 23.99830 -0.648
                                              0.5210
## Dwgs
                18.68410
                          4.21169
                                      4.436 7.28e-05 ***
## Length
                 0.04661
                           0.08421
                                     0.554
                                              0.5830
## Spans_c(1,2] 11.49969 24.39999
                                      0.471
                                              0.6401
                                              0.2013
## Spans_c(2,3] 36.87059
                          28.36739
                                      1.300
## Spans_c(3,7] 67.98083
                          38.90807
                                      1.747
                                              0.0885 .
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 55.09 on 39 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7124, Adjusted R-squared: 0.6755
## F-statistic: 19.32 on 5 and 39 DF, p-value: 1.234e-09
mod4c<-update(mod3c,~.-Length)</pre>
summary(mod4c)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ Dwgs + Spans_c, data = puentes3, na.action = na.exclude)
## Residuals:
     Min
             1Q Median
                           30
## -87.42 -26.10 -10.87 24.05 179.91
##
## Coefficients:
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                -17.929
                            23.402 -0.766 0.4481
## (Intercept)
```

```
## Dwgs
                 19.820
                            3.646
                                    5.436 2.93e-06 ***
                            23.950 0.559
                                            0.5792
## Spans_c(1,2]
                 13.390
## Spans c(2,3]
                 38.095
                            28.035
                                   1.359
                                            0.1818
                                            0.0033 **
## Spans_c(3,7]
                 83.512
                            26.721
                                    3.125
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 54.62 on 40 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7101, Adjusted R-squared: 0.6811
## F-statistic: 24.49 on 4 and 40 DF, p-value: 2.673e-10
# Vemos que en la variable dummy, el único factor significativo es el de (3,7)
# otra forma de hacerlo
puentes2$Spans_2c<-factor(puentes2$Spans)</pre>
puentes3<-subset(puentes2,select = c(-Spans,-Spans_c))</pre>
mod1c <- lm(Time ~ ., data=puentes3, na.action=na.exclude)</pre>
summary(mod1c)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ ., data = puentes3, na.action = na.exclude)
## Residuals:
##
      Min
               1Q Median
                               3Q
## -92.669 -32.999 -3.492 22.520 167.788
##
## Coefficients:
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -47.5013 29.4804 -1.611
                                            0.116
## DArea
                1.3365
                          1.8274 0.731
                                             0.470
                            0.0923 -1.246
## CCost
                -0.1150
                                             0.221
## Dwgs
                23.5090
                            5.2154 4.508 7.4e-05 ***
## Length
               0.2029
                          0.1376 1.475
                                            0.149
## Spans_2c2
                9.7268
                           25.7756 0.377
                                             0.708
                           31.7263 0.329
## Spans_2c3
                10.4329
                                             0.744
                10.5726
## Spans_2c4
                           59.5016 0.178
                                             0.860
## Spans_2c5
                35.1505 53.6653
                                   0.655
                                            0.517
## Spans_2c6
                62.8414
                           57.7390
                                   1.088
                                             0.284
             -115.6267
                          115.1117 -1.004
                                             0.322
## Spans_2c7
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 55.46 on 34 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7459, Adjusted R-squared: 0.6712
## F-statistic: 9.982 on 10 and 34 DF, p-value: 1.532e-07
mod2c<-update(mod1c,~.-DArea)</pre>
summary(mod2c)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ CCost + Dwgs + Length + Spans_2c, data = puentes3,
##
      na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
```

```
1Q Median
      Min
                               3Q
## -95.410 -29.620 -4.365 24.173 164.848
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -42.64840 28.53255 -1.495
                                              0.144
## CCost
                         0.06564 -1.035
               -0.06792
                                              0.308
                                    4.487 7.47e-05 ***
## Dwgs
               23.13404
                           5.15556
## Length
                0.16640
                           0.12733
                                    1.307
                                              0.200
## Spans_2c2
                8.58821
                          25.55702
                                   0.336
                                              0.739
## Spans_2c3
               16.83654
                          30.29098 0.556
                                              0.582
## Spans_2c4
                                    0.514
               27.86065
                          54.24115
                                              0.611
## Spans_2c5
               47.36390
                          50.66112
                                    0.935
                                              0.356
               82.08383
                                              0.117
## Spans_2c6
                          51.05400
                                    1.608
              -77.08061 101.65633 -0.758
                                              0.453
## Spans_2c7
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 55.09 on 35 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7419, Adjusted R-squared: 0.6756
## F-statistic: 11.18 on 9 and 35 DF, p-value: 5.59e-08
mod3c<-update(mod2c,~.-CCost)</pre>
summary(mod3c)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ Dwgs + Length + Spans 2c, data = puentes3,
      na.action = na.exclude)
##
##
## Residuals:
                 1Q
                      Median
       Min
                      -7.408
## -101.041 -23.297
                               24.696 171.703
## Coefficients:
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -31.32956
                          26.37790 -1.188
                                             0.2427
## Dwgs
               20.94701
                           4.70693
                                    4.450 7.95e-05 ***
## Length
                                     0.852
                0.08605
                           0.10101
                                             0.3999
## Spans_2c2
                3.12719
                          25.03057
                                     0.125
                                             0.9013
## Spans_2c3
               22.78589
                          29.76936
                                    0.765
                                             0.4490
## Spans_2c4
               16.59676
                          53.18948
                                    0.312
                                             0.7568
                                    0.952
## Spans_2c5
               48.25907
                          50.70334
                                             0.3475
               89.55922
## Spans 2c6
                          50.58970
                                     1.770
                                             0.0851 .
## Spans 2c7
              -35.18971
                          93.33725
                                   -0.377
                                             0.7084
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 55.14 on 36 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.734, Adjusted R-squared: 0.6749
## F-statistic: 12.42 on 8 and 36 DF, p-value: 2.47e-08
mod4c<-update(mod3c,~.-Length)</pre>
summary(mod4c)
```

```
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ Dwgs + Spans_2c, data = puentes3, na.action = na.exclude)
## Residuals:
##
       Min
                  1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
                      -0.056
## -104.341 -23.877
                               28.466 175.742
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -34.064
                           26.085
                                   -1.306
                                            0.1996
                                    5.422 3.8e-06 ***
                22.741
                            4.194
## Dwgs
## Spans_2c2
                 7.252
                           24.467
                                    0.296
                                            0.7686
## Spans_2c3
                           29.377
                                    0.894
                26.273
                                           0.3769
## Spans_2c4
                34.073
                           48.892
                                    0.697
                                            0.4902
## Spans_2c5
                81.627
                           32.077
                                     2.545
                                            0.0152 *
                                     2.704
## Spans_2c6
               113.437
                           41.959
                                            0.0103 *
## Spans_2c7
                18.250
                           68.856
                                    0.265
                                            0.7924
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 54.94 on 37 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7287, Adjusted R-squared: 0.6774
## F-statistic: 14.2 on 7 and 37 DF, p-value: 8.718e-09
# Y vemos que los tramos 5 y 6 son significativos. Cuidado con quitar el intercepto.
\# Vemos que con estos factores el R^2 ajustado es menor que el anterior, dado que hemos introducido más
# Veamos que sucede si quito el intercepto en este caso:
mod4c_Sin<-update(mod3c,~.-Length-1)</pre>
summary(mod4c_Sin)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ Dwgs + Spans_2c - 1, data = puentes3, na.action = na.exclude)
## Residuals:
       Min
                 1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
## -104.341 -23.877
                      -0.056
                               28.466 175.742
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## Dwgs
             22.740909
                         4.193973
                                    5.422 3.8e-06 ***
## Spans_2c1 -34.064068 26.084630 -1.306
                                             0.200
                                   -0.717
## Spans_2c2 -26.811931
                        37.415266
                                             0.478
## Spans_2c3 -7.791557
                        45.194468
                                   -0.172
                                             0.864
## Spans_2c4
              0.009093
                        63.575520
                                    0.000
                                             1.000
## Spans_2c5 47.562501
                                    1.077
                                             0.289
                        44.177654
## Spans_2c6 79.372729
                        51.329273
                                    1.546
                                             0.131
## Spans_2c7 -15.813634 83.519824 -0.189
                                             0.851
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 54.94 on 37 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.924, Adjusted R-squared: 0.9076
```

```
## F-statistic: 56.23 on 8 and 37 DF, p-value: < 2.2e-16
# Como se puede observar lo que estaba en el intercepto pasa a ser lo que se indica en la primera categ
# Fijaros que ahora sale que ninguna categoría de Span es significativa, esto se debe a que hemos resta
puentes2$Spans_2c<-cut(puentes2$Spans, breaks=c(0,3,7))</pre>
puentes4<-subset(puentes2, select = c(-Spans, -Spans_c))</pre>
mod1c <- lm(Time ~ ., data=puentes4, na.action=na.exclude)</pre>
summary(mod1c)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ ., data = puentes4, na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
     Min
              1Q Median
                            3Q
## -84.08 -30.08 -11.99 23.84 190.52
## Coefficients:
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                 -26.50823
                             24.48108 -1.083
                                                 0.286
## DArea
                  0.46680
                              1.64222
                                        0.284
                                                 0.778
## CCost
                              0.06804 -0.703
                                                 0.486
                  -0.04782
## Dwgs
                  21.95546
                              4.30383
                                        5.101 9.09e-06 ***
## Length
                  0.08873
                              0.09649
                                        0.920
                                                 0.363
## Spans_2c(3,7] 47.04808
                             38.57609
                                       1.220
                                                 0.230
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 55.89 on 39 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.704, Adjusted R-squared: 0.666
## F-statistic: 18.55 on 5 and 39 DF, p-value: 2.125e-09
mod2c<-update(mod1c,~.-DArea)</pre>
summary(mod2c)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ CCost + Dwgs + Length + Spans_2c, data = puentes4,
      na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
              1Q Median
                            3Q
                                  Max
## -85.84 -30.54 -10.95 24.23 189.54
##
## Coefficients:
##
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                                 0.277
                             24.19071 -1.103
## (Intercept)
                 -26.68091
## CCost
                  -0.03554
                              0.05196 -0.684
                                                 0.498
## Dwgs
                  22.15653
                              4.19624
                                        5.280 4.83e-06 ***
## Length
                  0.08235
                              0.09277
                                        0.888
                                                 0.380
                             34.82544
## Spans_2c(3,7] 51.51338
                                        1.479
                                                 0.147
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
```

```
## Residual standard error: 55.25 on 40 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7034, Adjusted R-squared: 0.6737
## F-statistic: 23.71 on 4 and 40 DF, p-value: 4.194e-10
mod3c<-update(mod2c,~.-CCost)</pre>
summary(mod3c)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ Dwgs + Length + Spans_2c, data = puentes4,
##
      na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
##
     Min
             1Q Median
                            3Q
                                 Max
## -85.49 -29.31 -10.27 23.91 194.13
##
## Coefficients:
##
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                            23.22113 -0.965
## (Intercept)
                -22.41537
                                                 0.340
                  20.97797
                             3.80136
                                       5.519 2.09e-06 ***
## Dwgs
## Length
                  0.05482
                             0.08304
                                       0.660
                                                 0.513
## Spans_2c(3,7] 48.15565
                            34.25338
                                        1.406
                                                 0.167
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 54.89 on 41 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.6999, Adjusted R-squared: 0.6779
## F-statistic: 31.87 on 3 and 41 DF, p-value: 8.457e-11
mod4c<-update(mod3c,~.-Length)</pre>
summary(mod4c)
##
## Call:
## lm(formula = Time ~ Dwgs + Spans_2c, data = puentes4, na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
               1Q Median
                                3Q
## -93.266 -29.316 -5.228 23.822 196.523
##
## Coefficients:
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                             22.632 -1.121 0.26864
                  -25.371
## (Intercept)
## Dwgs
                   22.450
                              3.058
                                      7.341 4.75e-09 ***
## Spans_2c(3,7]
                  65.239
                              22.293
                                       2.926 0.00551 **
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 54.52 on 42 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.6967, Adjusted R-squared: 0.6823
## F-statistic: 48.24 on 2 and 42 DF, p-value: 1.316e-11
# Y vemos que la categoria >3 es significativa. Cuidado con quitar el intercepto
# cambiarían los resultados por completo.
```

En el banco de datos **diabetes**, que contiene datos sobre la mortalidad por dicha enfermedad se pretende estudiar el efecto del hábito tabáquico TABAC sobre la edad de diagnóstico de la diabetes EDATDIAG. Justifica la elección de variables explicativas de entre las disponibles:

- Mortalidad por diabetes, variable MORT
- Tiempo de vida en meses tras el diagnóstico, variable TEMPSVIU
- Edad del paciente, variable EDAT
- Índice de masa corporal, variable BMI
- Resultado del electrocardiograma, variable ECG
- Antecedentes coronarios, variable CHD
- Presión arterial sistólica y diastólica, variables SBP y DBP, respectivamente

```
# Quitamos las variables que sabemos que no son necesarias
diabetes2<-subset(diabetes, select = c(-NUMPACIE, -MORT))</pre>
```

a) Ajusta un modelo simple para contestar la pregunta de investigación. Indica la bondad del ajuste e interpreta el efecto.

```
mod1 <- lm(EDATDIAG ~ TABAC, data=diabetes2, na.action=na.exclude)</pre>
summary(mod1)
##
## Call:
## lm(formula = EDATDIAG ~ TABAC, data = diabetes2, na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
##
       Min
                10 Median
                                3Q
                                       Max
## -21.488 -6.353 -1.488
                             6.491
                                    32.491
##
## Coefficients:
                   Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                        35.480
                     48.509
                                 1.367
                                                < 2e-16 ***
## (Intercept)
                      0.979
## TABACfumador
                                 2.114
                                         0.463
                                                  0.644
## TABACex-fumador
                     -8.156
                                 1.990
                                       -4.099 6.85e-05 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 10.32 on 146 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.1377, Adjusted R-squared: 0.1259
## F-statistic: 11.66 on 2 and 146 DF, p-value: 2.012e-05
# Se espera que el tiempo promedio de diagnóstico en no fumadores sea 48.50877
# Si tenemos dos pacientes se espera que el tiempo promedio de la edad de diagnóstico del que fuma sea
# Si tenemos dos pacientes se espera que el tiempo promedio de la edad de diagnóstico del exfumador sea
```

b) Los resultados del modelo anterior sugieren alguna simplificación de la variable explicativa? Si es así realizala.

En este caso la bondad de ajuste es de 0.1259. Es decir, el 12.59% de variabilidad de la edad de diag

```
library(dplyr)

# Como la variable fumador no es significativa, se puede simplificar en dos variables.

# Primero vamos a considerar los siguientes grupos {No fumador} y {fumador, ex-fumador} diabetes2$TABAC2<-recode(diabetes$TABAC, 'No fumador'="No fumador", .default="Otro")
```

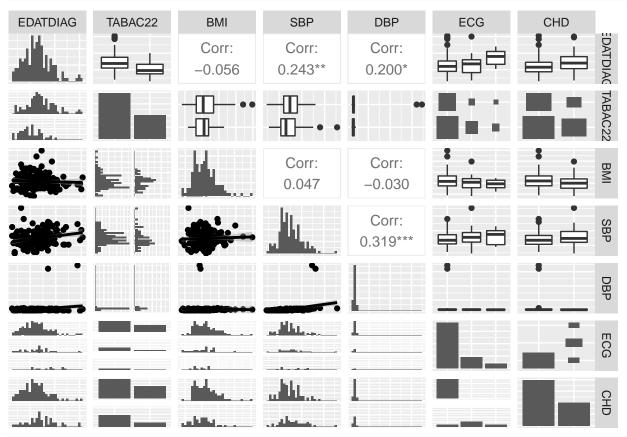
```
mod2<-lm(EDATDIAG~TABAC2, data=diabetes2, na.action=na.exclude)</pre>
summary(mod2)
##
## Call:
## lm(formula = EDATDIAG ~ TABAC2, data = diabetes2, na.action = na.exclude)
## Residuals:
##
      Min
               1Q Median
                               3Q
                                      Max
## -20.509 -7.509 -1.424
                            5.491 35.576
##
## Coefficients:
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept)
                48.509
                            1.443 33.611
                                            <2e-16 ***
## TABAC2Otro
                -4.085
                            1.837 -2.224
                                            0.0277 *
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 10.9 on 147 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.03255,
                                   Adjusted R-squared:
## F-statistic: 4.946 on 1 and 147 DF, p-value: 0.02767
AIC(mod1,mod2)
       df
## mod1 4 1123.435
## mod2 3 1138.576
# Observamos que aunque ahora no hay ninguna categoria no significativa, el modelo es menos explicativo
diabetes2$TABAC22<-recode(diabetes$TABAC, 'ex-fumador'="ex-fumador", .default="Otro")
mod3<-lm(EDATDIAG~TABAC22, data=diabetes2, na.action=na.exclude)
summary(mod3)
##
## Call:
## lm(formula = EDATDIAG ~ TABAC22, data = diabetes2, na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
      Min
               1Q Median
                               3Q
                                      Max
## -20.918 -5.918 -1.353
                            6.082 32.082
##
## Coefficients:
##
                    Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                  1.040 47.041 < 2e-16 ***
                       48.918
## (Intercept)
                                  1.777 -4.819 3.56e-06 ***
## TABAC22ex-fumador
                      -8.565
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 10.29 on 147 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.1364, Adjusted R-squared: 0.1305
## F-statistic: 23.22 on 1 and 147 DF, p-value: 3.561e-06
# Vemos que el R^2 ha disminuido con respuesto al modelo sin simplificar, pero el R^2 ajustado ha mejor
AIC(mod1,mod2,mod3)
```

```
## df AIC
## mod1 4 1123.435
## mod2 3 1138.576
## mod3 3 1121.654
```

Vemos que el tercer modelo no solo mejora el R^2 ajustado si no que también el AIC, por lo que nos qu

c) Valora qué variables de la base de datos deberían ser consideradas como potenciales confusores y evalúa la posible confusión causada por cada una de ellas. ¿Cuál es tu modelo final?

library(GGally)



Descartamos BMI como confusora dado que la correlación con la variable de interés no es alta. No hay

```
library(corrplot)
corrplot(cor(diabetes2[,c('EDATDIAG','BMI','SBP','DBP')]), method = "number", tl.col = "black")
```

```
EDATDIAG
                                                              DBP
                                  BMI
                                                                           1
                                                                          -0.8
EDATDIAG
                   1.00
                                                                          0.6
                                                                          0.4
        BMI
                                 1.00
                                                                          0.2
                                                                           0
                                                                          -0.2
       SBP
                   0.24
                                               1.00
                                                              0.32
                                                                          -0.4
                                                                          -0.6
       DBP
                                               0.32
                                                              1.00
                                                                          -0.8
```

```
# vamos a ver que variables pueden confundir. Lo que vamos a hacer es ver
# como afectan al coeficiente del Tabac22.ex-fumador
mod3a<-update(mod3, ~.+SBP)
summary(mod3a)</pre>
```

```
##
## Call:
## lm(formula = EDATDIAG ~ TABAC22 + SBP, data = diabetes2, na.action = na.exclude)
## Residuals:
##
      Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -21.430 -5.720
                   -1.441
                             6.374
                                  31.807
##
## Coefficients:
##
                     Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                     31.63363
                                 5.78445
                                           5.469 1.92e-07 ***
## TABAC22ex-fumador -8.33132
                                 1.73155
                                         -4.811 3.70e-06 ***
## SBP
                      0.12366
                                 0.04075
                                           3.035 0.00285 **
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 10.02 on 146 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.1877, Adjusted R-squared: 0.1765
## F-statistic: 16.86 on 2 and 146 DF, p-value: 2.574e-07
100*abs(coef(mod3a)["TABAC22ex-fumador"]-coef(mod3)["TABAC22ex-fumador"])/abs(coef(mod3))["TABAC22ex-fumador"]
```

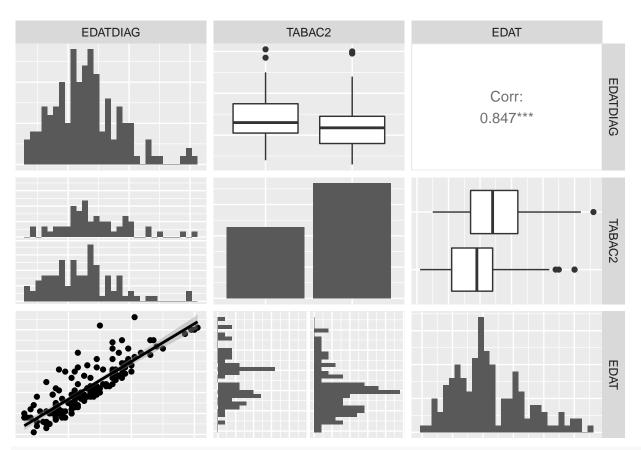
TABAC22ex-fumador

```
##
            2.733187
# SBP no confunde: apenas un cambio del 3%
mod3a<-update(mod3, ~.+DBP)</pre>
summary(mod3a)
##
## Call:
## lm(formula = EDATDIAG ~ TABAC22 + DBP, data = diabetes2, na.action = na.exclude)
## Residuals:
               1Q Median
                               3Q
                                      Max
                            6.239 32.239
## -20.332 -6.332 -1.375
## Coefficients:
##
                     Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                    46.870229
                                1.372269 34.155 < 2e-16 ***
## TABAC22ex-fumador -8.234811
                                1.759656 -4.680 6.49e-06 ***
## DBP
                     0.021490
                                0.009563
                                          2.247
                                                   0.0261 *
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 10.16 on 146 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.1653, Adjusted R-squared: 0.1539
## F-statistic: 14.46 on 2 and 146 DF, p-value: 1.871e-06
100*abs(coef(mod3a)["TABAC22ex-fumador"]-coef(mod3)["TABAC22ex-fumador"])/abs(coef(mod3))["TABAC22ex-fumador"]
## TABAC22ex-fumador
##
           3.859885
# DBP no confunde: apenas un cambio del 4%
mod3a<-update(mod3, ~.+ECG)</pre>
summary(mod3a)
##
## lm(formula = EDATDIAG ~ TABAC22 + ECG, data = diabetes2, na.action = na.exclude)
## Residuals:
               1Q Median
                               3Q
                                      Max
## -20.407 -5.951 -1.407
                            6.491 32.593
## Coefficients:
##
                    Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                     48.4066
                                1.1664 41.502 < 2e-16 ***
## TABAC22ex-fumador -8.4554
                                 1.7582 -4.809 3.76e-06 ***
## ECGFrontera
                      -0.8979
                                 2.1832 -0.411 0.68147
## ECGAnormal
                      8.6267
                                 3.1959
                                          2.699 0.00778 **
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 10.09 on 145 degrees of freedom
```

```
## Multiple R-squared: 0.1811, Adjusted R-squared: 0.1642
## F-statistic: 10.69 on 3 and 145 DF, p-value: 2.163e-06
100*abs(coef(mod3a)["TABAC22ex-fumador"]-coef(mod3)["TABAC22ex-fumador"])/abs(coef(mod3))["TABAC22ex-fumador"]
## TABAC22ex-fumador
##
            1.284141
#ECG no confunde: un cambio de poco más del 1%
mod3a<-update(mod3, ~.+CHD)</pre>
summary(mod3a)
## Call:
## lm(formula = EDATDIAG ~ TABAC22 + CHD, data = diabetes2, na.action = na.exclude)
## Residuals:
##
       Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -22.867 -6.686 -1.555
                             5.445 33.264
##
## Coefficients:
##
                     Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                       47.736
                                   1.234 38.697 < 2e-16 ***
## (Intercept)
                                         -4.600 9.1e-06 ***
## TABAC22ex-fumador
                       -8.181
                                   1.779
## CHDSi
                        3.131
                                   1.787
                                                    0.0819 .
                                           1.752
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 10.22 on 146 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.1542, Adjusted R-squared: 0.1426
## F-statistic: 13.31 on 2 and 146 DF, p-value: 4.906e-06
100*abs(coef(mod3a)["TABAC22ex-fumador"]-coef(mod3)["TABAC22ex-fumador"])/abs(coef(mod3))["TABAC22ex-fumador"]
## TABAC22ex-fumador
##
            4.483113
#CHD no confunde: apenas un cambio del 4.5%
  d) Caso de ser lícito considerar la variable EDAT como potencial confusor, analiza su efecto.
diabetes2$EDAT<-diabetes$EDAT
```

```
diabetes2$EDAT<-diabetes$EDAT

ggpairs(diabetes2[,c('EDATDIAG','TABAC2', 'EDAT')],
    lower = list(continuous = "smooth"), diag = list(continuous = "barDiag"),
    axisLabels = "none")</pre>
```



Podría ser lícito, por la gran correlación que tiene con EDATDIAG y el efecto con TABAC2

```
mod3a<-update(mod3, ~.+EDAT)
summary(mod3a)</pre>
```

```
##
## Call:
## lm(formula = EDATDIAG ~ TABAC22 + EDAT, data = diabetes2, na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
##
      Min
                1Q Median
                                ЗQ
                                       Max
                             3.919 12.204
## -19.579 -2.731
                     1.269
##
## Coefficients:
                     Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept)
                      5.35139
                                 2.58186
                                           2.073
                                                    0.040 *
## TABAC22ex-fumador -0.65993
                                 1.11681
                                         -0.591
                                                    0.555
## EDAT
                      0.78326
                                 0.04516 17.343
                                                   <2e-16 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 5.905 on 146 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7178, Adjusted R-squared: 0.7139
## F-statistic: 185.7 on 2 and 146 DF, p-value: < 2.2e-16
100*abs(coef(mod3a)["TABAC22ex-fumador"]-coef(mod3)["TABAC22ex-fumador"])/abs(coef(mod3))["TABAC22ex-fumador"]
```

TABAC22ex-fumador

```
## 92.29544
```

```
# Confunde un 92%
```

Usando la base de datos **deportistas**, valora e interpreta la existencia de interacción entre MCMagra y Genero en la explicación de la variable PrctGrasa

```
mod1<-lm(PrctGrasa~ MCMagra+Genero, data=deportistas, na.action=na.exclude )
summary(mod1)
##
## Call:
## lm(formula = PrctGrasa ~ MCMagra + Genero, data = deportistas,
      na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
##
      Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -8.1959 -2.2760 -0.5097 1.7914 17.9355
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                7.72462
                           1.94170
                                     3.978 9.72e-05 ***
                 0.18443
                            0.03454
                                      5.339 2.53e-07 ***
## MCMagra
## Generomale -12.24299
                            0.90078 -13.591 < 2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 4.176 on 199 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.5493, Adjusted R-squared: 0.5448
## F-statistic: 121.3 on 2 and 199 DF, p-value: < 2.2e-16
modI<-lm(PrctGrasa~ MCMagra*Genero, data=deportistas, na.action=na.exclude )
summary(modI)
##
## Call:
## lm(formula = PrctGrasa ~ MCMagra * Genero, data = deportistas,
       na.action = na.exclude)
##
##
## Residuals:
##
      Min
               1Q Median
                                3Q
## -9.3472 -2.4071 -0.7003 1.7473 18.1300
##
## Coefficients:
##
                      Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                       0.28459
                                 3.30006
                                          0.086 0.93137
## (Intercept)
## MCMagra
                       0.31997
                                  0.05965
                                            5.364 2.26e-07 ***
## Generomale
                       0.05873
                                  4.53697
                                           0.013 0.98969
## MCMagra:Generomale -0.20065
                                 0.07258 -2.765 0.00624 **
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 4.108 on 198 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.5661, Adjusted R-squared: 0.5595
```

```
## F-statistic: 86.09 on 3 and 198 DF, p-value: < 2.2e-16
# Este ejercicio lo hemos visto en teoría.
# Si quisieramos tener el modelo solo con la interaccióny MCMagra (Es decir, sin Genero sola)
modI_2<-lm(PrctGrasa~ MCMagra*Genero-Genero, data=deportistas, na.action=na.exclude)
summary(modI 2)
##
## Call:
## lm(formula = PrctGrasa ~ MCMagra * Genero - Genero, data = deportistas,
##
       na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
      Min
               10 Median
                                3Q
                                       Max
## -9.3430 -2.4017 -0.6981 1.7461 18.1287
##
## Coefficients:
##
                     Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                       0.31566
                                 2.25895
                                           0.140
                                                     0.889
## MCMagra
                       0.31941
                                 0.04118
                                           7.756 4.47e-13 ***
## MCMagra:Generomale -0.19973
                                 0.01414 -14.126 < 2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 4.098 on 199 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.5661, Adjusted R-squared: 0.5617
## F-statistic: 129.8 on 2 and 199 DF, p-value: < 2.2e-16
```

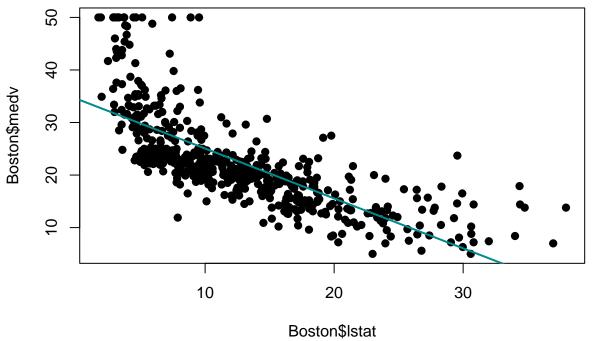
En el banco de datos **Boston** del paquete de R MASS, que contiene datos sobre los suburbios de Boston, queremos analizar el precio medio de la vivienda *medv* respecto del estatus de la población *lstat*. Para ello: library(MASS)

a) Ajusta una recta de regresión a los datos y representa el ajuste ¿Qué comentarías?

```
mod1<-lm(medv~ lstat, data=Boston, na.action=na.exclude )
summary(mod1)</pre>
```

```
##
## Call:
## lm(formula = medv ~ lstat, data = Boston, na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
##
      Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -15.168 -3.990 -1.318
                            2.034
                                   24.500
##
## Coefficients:
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 34.55384
                          0.56263
                                     61.41
                                             <2e-16 ***
## lstat
              -0.95005
                           0.03873 -24.53
                                             <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 6.216 on 504 degrees of freedom
```

```
## Multiple R-squared: 0.5441, Adjusted R-squared: 0.5432
## F-statistic: 601.6 on 1 and 504 DF, p-value: < 2.2e-16
plot(Boston$lstat,Boston$medv, pch=19,type="p")
abline(coef=coef(mod1),col="darkcyan",lwd=2)</pre>
```



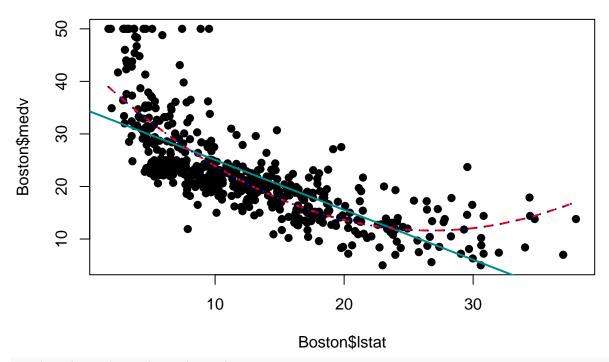
 $\textit{\# Aunque los coeficientes salen significativos, gr\'{a}ficamente observamos que ser\'{ia mejor una regresi\'{o}n necessión a ser\'{ia mejor una regresi\'{o}n necessión necessió$

b) Ajusta un modelo parabólico directamente y mediante polinomios ortogonales, compara numérica y gráficamente los dos modelos entre sí y con el modelo lineal (comandos anova y AIC)

```
mod2a<-lm(medv~lstat+I(lstat^2),data=Boston, na.action=na.exclude)
summary(mod2a)</pre>
```

```
##
## Call:
## lm(formula = medv ~ lstat + I(lstat^2), data = Boston, na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
##
       Min
                  1Q
                       Median
                                    3Q
                                             Max
  -15.2834 -3.8313 -0.5295
                                2.3095
                                        25.4148
##
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 42.862007
                           0.872084
                                      49.15
                                               <2e-16 ***
## lstat
               -2.332821
                           0.123803
                                     -18.84
                                               <2e-16 ***
## I(lstat^2)
                0.043547
                           0.003745
                                      11.63
                                               <2e-16 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 5.524 on 503 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.6407, Adjusted R-squared: 0.6393
## F-statistic: 448.5 on 2 and 503 DF, p-value: < 2.2e-16
```

```
anova(mod2a,mod1) # El p-valor es pequeño, por lo que rechazamos la hipótesis nula y el coeficiente cua
## Analysis of Variance Table
##
## Model 1: medv ~ lstat + I(lstat^2)
## Model 2: medv ~ lstat
   Res.Df
             RSS Df Sum of Sq
                                       Pr(>F)
## 1
       503 15347
       504 19472 -1 -4125.1 135.2 < 2.2e-16 ***
## 2
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
mod2b<-lm(medv~poly(lstat,2),data=Boston, na.action=na.exclude)</pre>
summary(mod2b)
##
## Call:
## lm(formula = medv ~ poly(lstat, 2), data = Boston, na.action = na.exclude)
## Residuals:
##
       Min
                 1Q
                     Median
                                   3Q
                                           Max
## -15.2834 -3.8313 -0.5295 2.3095 25.4148
##
## Coefficients:
##
                   Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                    22.5328
                               0.2456
                                       91.76
                                                <2e-16 ***
## poly(lstat, 2)1 -152.4595
                                5.5237 -27.60
                                                 <2e-16 ***
## poly(lstat, 2)2 64.2272
                                5.5237
                                         11.63
                                                 <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 5.524 on 503 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.6407, Adjusted R-squared: 0.6393
## F-statistic: 448.5 on 2 and 503 DF, p-value: < 2.2e-16
anova(mod2b,mod1)
## Analysis of Variance Table
## Model 1: medv ~ poly(lstat, 2)
## Model 2: medv ~ lstat
    Res.Df
             RSS Df Sum of Sq
                                       Pr(>F)
## 1
       503 15347
       504 19472 -1 -4125.1 135.2 < 2.2e-16 ***
## 2
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
plot(Boston$lstat,Boston$medv, pch=19,type="p")
abline(coef=coef(mod1),col="darkcyan",lwd=2)
lines(sort(Boston$lstat),fitted(mod2a)[order(Boston$lstat)],col="red", lwd=2,lty=2)
lines(sort(Boston$lstat),fitted(mod2b)[order(Boston$lstat)],col="blue", lwd=2,lty=3)
```



AIC(mod1); AIC(mod2a); AIC(mod2b)

```
## [1] 3288.975
## [1] 3170.516
## [1] 3170.516
```

c) ¿Mejoraría el modelo con un polinomio de orden superior? Inténtalo usando el comando poly y representa el ajuste del modelo polinómico elegido.

#Lo hacemos con el b, para comparar la introducción de polinomios ortogonales.

```
mod3b<-lm(medv~poly(lstat,3),data=Boston, na.action=na.exclude)</pre>
anova(mod2b,mod3b,test="F")# El p-valor es pequeño, por lo que rechazamos la hipótesis nula y el coefic
## Analysis of Variance Table
##
## Model 1: medv ~ poly(lstat, 2)
## Model 2: medv ~ poly(1stat, 3)
    Res.Df
              RSS Df Sum of Sq
                                         Pr(>F)
## 1
        503 15347
        502 14616 1
                        731.76 25.134 7.428e-07 ***
## 2
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
mod4b<-lm(medv~poly(lstat,4),data=Boston, na.action=na.exclude)</pre>
anova(mod4b,mod3b,test="F")# El p-valor es pequeño, por lo que rechazamos la hipótesis nula y el coefic
```

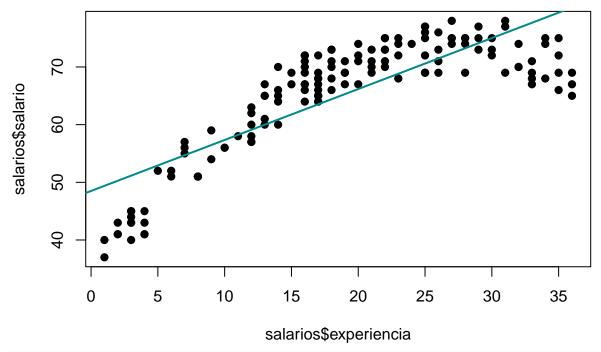
```
## Analysis of Variance Table
##
## Model 1: medv ~ poly(lstat, 4)
## Model 2: medv ~ poly(lstat, 3)
## Res.Df RSS Df Sum of Sq F Pr(>F)
## 1 501 13968
## 2 502 14616 -1 -647.79 23.235 1.904e-06 ***
## ---
```

```
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
mod5b<-lm(medv~poly(lstat,5),data=Boston, na.action=na.exclude)</pre>
anova(mod4b,mod5b,test="F")# El p-valor es pequeño, por lo que rechazamos la hipótesis nula y el coefic
## Analysis of Variance Table
##
## Model 1: medv ~ poly(lstat, 4)
## Model 2: medv ~ poly(lstat, 5)
    Res.Df
             RSS Df Sum of Sq
                                        Pr(>F)
## 1
       501 13968
## 2
        500 13597 1
                        370.66 13.63 0.0002471 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
mod6b<-lm(medv~poly(lstat,6),data=Boston, na.action=na.exclude)</pre>
anova(mod6b,mod5b,test="F")# El p-valor es grande, por lo que no rechazamos la hipótesis nula y el coef
## Analysis of Variance Table
## Model 1: medv ~ poly(lstat, 6)
## Model 2: medv ~ poly(lstat, 5)
              RSS Df Sum of Sq
     Res.Df
                                    F Pr(>F)
        499 13555
## 1
## 2
        500 13597 -1
                       -42.364 1.5596 0.2123
# Podríamos haber hecho un bucle con un criterio de parada adecuado.
# Nos quedamos con el modelo de orden 5
plot(Boston$lstat,Boston$medv, pch=16,type="p")
abline(coef=coef(mod1),col="darkcyan",lwd=2)
lines(sort(Boston$lstat),fitted(mod5b)[order(Boston$lstat)],col="red", lwd=2)
     50
     40
3oston$medv
     30
     20
     10
                            10
                                              20
                                                                 30
                                         Boston$Istat
```

Las organizaciones profesionales de contables, ingenieros, etc., realizan encuestas regularmente entre sus miembros para conseguir información relativa a los salarios, las pensiones y las condiciones de empleo. Uno de los resultados de estas encuestas es la llamada curva de salario, que relaciona el sueldo con los años de experiencia. La curva salarial muestra el salario "típico" de los profesionales con un determinado número de años de experiencia. Es de gran interés para los miembros de la profesión, pues les gusta saber dónde están situados entre sus pares. También es útil para los departamentos de personal de las empresas, para realizar ajustes de sueldos o para contratar a nuevos profesionales. Modeliza la curva salarial, con los datos de la base salarios.

```
mod1<-lm(salario~experiencia, data=salarios, na.action=na.exclude)
summary(mod1)
##
## Call:
## lm(formula = salario ~ experiencia, data = salarios, na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
##
      Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
  -15.310 -3.893
                     1.408
                                     9.359
##
                             4.442
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 48.50593
                           1.08810
                                     44.58
                                             <2e-16 ***
## experiencia 0.88345
                           0.05158
                                     17.13
                                             <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 5.828 on 141 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.6754, Adjusted R-squared: 0.6731
## F-statistic: 293.3 on 1 and 141 DF, p-value: < 2.2e-16
plot(salarios$experiencia,salarios$salario, pch=19,type="p")
```

abline(coef=coef(mod1),col="darkcyan",lwd=2)



mod2<-lm(salario~experiencia+I(experiencia^2),data=salarios, na.action=na.exclude)
anova(mod2,mod1)</pre>

```
## Analysis of Variance Table
## Model 1: salario ~ experiencia + I(experiencia^2)
## Model 2: salario ~ experiencia
     Res.Df
              RSS Df Sum of Sq
                                          Pr(>F)
## 1
        140 1111.2
## 2
        141 4789.0 -1
                        -3677.9 463.38 < 2.2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
mod3<-lm(salario~experiencia+I(experiencia^2)+I(experiencia^3), data=salarios, na.action=na.exclude)
anova(mod2,mod3)
## Analysis of Variance Table
## Model 1: salario ~ experiencia + I(experiencia^2)
## Model 2: salario ~ experiencia + I(experiencia^2) + I(experiencia^3)
     Res.Df
               RSS Df Sum of Sq
                                     F Pr(>F)
## 1
        140 1111.2
        139 1096.4 1
                           14.8 1.8764 0.173
\# Nos quedamos con el ajuste parabólico (gráficamente se podía intuir).
```

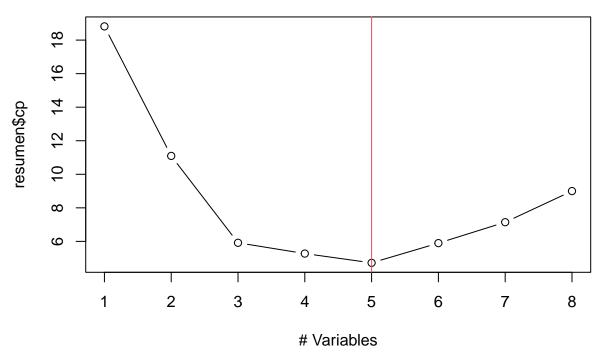
Ejercicio 6

Usando la base diabetes,

a) Ajusta el mejor modelo posible para predecir la edad al diagnóstico *EDATDIAG*, usando el comando regsubset y basándote en el criterio de mínimo Akaike.

```
library(leaps)
sel_lm <- regsubsets(EDATDIAG ~ .-EDAT-TEMPSVIU-MORT-NUMPACIE , data=diabetes, nvmax=10)</pre>
```

Cp de Mallows



```
colnames(resumen$which)[resumen$which[5,]==T] # Para saber cuales son las variables
## [1] "(Intercept)"
                         "TABACex-fumador" "SBP"
                                                              "DBP"
## [5] "ECGFrontera"
                         "CHDSi"
bestAIC<-lm(EDATDIAG ~TABAC+SBP+DBP+ECG+CHD, data=diabetes, na.action=na.exclude)
AIC(bestAIC)
## [1] 1111.087
summary(bestAIC)
##
## Call:
## lm(formula = EDATDIAG ~ TABAC + SBP + DBP + ECG + CHD, data = diabetes,
##
       na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q Median
                                ЗQ
                                       Max
```

5.887 33.287

-19.635 -5.589 -0.889

```
##
## Coefficients:
##
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                       5.779 4.63e-08 ***
## (Intercept)
                  33.13372 5.73367
## TABACfumador
                   0.64811
                              2.02654
                                       0.320
                                                0.7496
## TABACex-fumador -7.69934 1.90823 -4.035 8.92e-05 ***
## SBP
                   0.09224 0.04255
                                       2.168
                                                0.0319 *
## DBP
                   0.01683 0.00987
                                       1.705
                                                0.0904 .
## ECGFrontera
                 -5.73298
                              3.39926 -1.687
                                                0.0939 .
## ECGAnormal
                   3.75533
                              4.07571
                                       0.921
                                                0.3584
## CHDSi
                   5.13468
                              3.00611
                                       1.708
                                              0.0898 .
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 9.745 on 141 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.2578, Adjusted R-squared: 0.2209
## F-statistic: 6.996 on 7 and 141 DF, p-value: 3.715e-07
# Lo siguiente es para ver que efectivamente la variable ECG es significativa.
prueba<-update(bestAIC,~.-ECG)</pre>
anova(prueba,bestAIC,test="F")
## Analysis of Variance Table
##
## Model 1: EDATDIAG ~ TABAC + SBP + DBP + CHD
## Model 2: EDATDIAG ~ TABAC + SBP + DBP + ECG + CHD
   Res.Df
             RSS Df Sum of Sq
                                   F Pr(>F)
## 1
       143 14171
## 2
       141 13390 2
                       781.69 4.1158 0.01831 *
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
# Notar que las variables TABAC y ECG son significativas y tienen
# tres categorías cada una. Es conveniente, como hemos hecho anteriormente,
# crear una base de datos con las variables adecuadas.
# En un ejercicio anterior hemos creado la variable TABAC22 con dos categorías.
bestAIC<-lm(EDATDIAG ~TABAC22+SBP+DBP+ECG+CHD, data=diabetes2, na.action=na.exclude)
prueba<-update(bestAIC,~.-ECG)</pre>
anova(prueba, bestAIC, test="F")
## Analysis of Variance Table
##
## Model 1: EDATDIAG ~ TABAC22 + SBP + DBP + CHD
## Model 2: EDATDIAG ~ TABAC22 + SBP + DBP + ECG + CHD
    Res.Df
             RSS Df Sum of Sq
                               F Pr(>F)
## 1
       144 14192
## 2
       142 13399 2
                       792.62 4.2 0.0169 *
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
summary(bestAIC)
##
## Call:
## lm(formula = EDATDIAG ~ TABAC22 + SBP + DBP + ECG + CHD, data = diabetes2,
      na.action = na.exclude)
```

```
##
## Residuals:
      Min
               1Q Median
                                      Max
## -19.907 -5.474 -0.885
                            5.644
                                   33.024
## Coefficients:
                    Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                5.69204
                                          5.850 3.24e-08 ***
## (Intercept)
                    33.29975
                                1.70064 -4.688 6.40e-06 ***
## TABAC22ex-fumador -7.97272
## SBP
                     0.09317
                                0.04232
                                          2.202
                                                  0.0293 *
## DBP
                     0.01643
                                0.00976
                                         1.684
                                                  0.0945 .
## ECGFrontera
                                3.37775 -1.723
                    -5.81952
                                                  0.0871
## ECGAnormal
                     3.70035
                                4.05919
                                         0.912
                                                  0.3635
## CHDSi
                     5.23038
                                2.98171
                                          1.754
                                                  0.0816 .
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 9.714 on 142 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.2572, Adjusted R-squared: 0.2259
## F-statistic: 8.197 on 6 and 142 DF, p-value: 1.274e-07
# Creamos también una variable dicotómica para la variable ECG
diabetes2$ECG2<-recode(diabetes$ECG, 'Normal'="Normal", 'Frontera'="Other", 'Anormal'="Other")
prueba1<-update(bestAIC,~.-ECG+ECG2)</pre>
summary(prueba1)
##
## Call:
## lm(formula = EDATDIAG ~ TABAC22 + SBP + DBP + CHD + ECG2, data = diabetes2,
##
       na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
      Min
               1Q Median
                                3Q
                                      Max
## -19.882 -6.128 -1.011
                            5.702 33.060
##
## Coefficients:
                     Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                          5.695 6.76e-08 ***
## (Intercept)
                    33.143531
                                5.819698
## TABAC22ex-fumador -7.862251
                                1.738383 -4.523 1.27e-05 ***
## SBP
                     0.094184
                                0.043266
                                          2.177
                                                   0.0311 *
## DBP
                                           1.620
                                                   0.1074
                     0.016166
                                0.009979
## CHDSi
                     5.227998
                                3.048737
                                           1.715
                                                   0.0885
## ECG2Other
                    -3.056160
                                3.295992 -0.927
                                                   0.3554
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 9.932 on 143 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.218, Adjusted R-squared: 0.1907
## F-statistic: 7.973 on 5 and 143 DF, p-value: 1.181e-06
AIC(bestAIC,prueba1)
##
                   AIC
           df
## bestAIC 8 1109.195
```

prueba1 7 1114.865

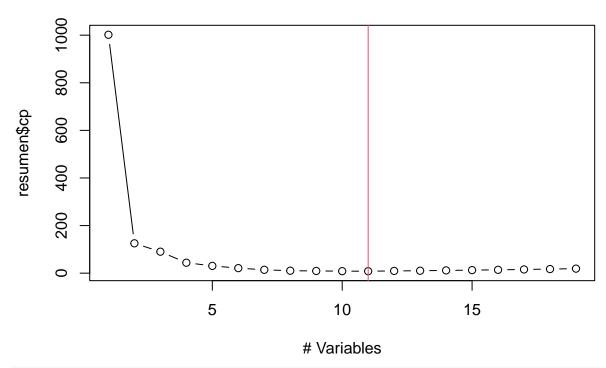
```
# La categoría Other no es significativa. Veamos que pasa si ponemos por un lado Frontera y por el otro
diabetes2$ECG2<-recode(diabetes$ECG, 'Frontera'="Frontera", .default="Other")
prueba2<-update(bestAIC,~.-ECG+ECG2)</pre>
AIC(bestAIC,prueba2)
##
          df
## bestAIC 8 1109.195
## prueba2 7 1108.065
#Hemos ganado
bestAIC<-prueba2
summary(bestAIC)
##
## Call:
## lm(formula = EDATDIAG ~ TABAC22 + SBP + DBP + CHD + ECG2, data = diabetes2,
##
      na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
##
               10 Median
                              3Q
                                    Max
## -19.946 -5.768 -0.730
                           5.865 33.000
##
## Coefficients:
##
                    Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                   33.129373 5.685611
                                        5.827 3.59e-08 ***
## (Intercept)
## SBP
                    0.094643
                              0.042261
                                         2.240 0.02667 *
## DBP
                    0.016261
                              0.009753
                                         1.667 0.09764 .
## CHDSi
                    6.986441
                               2.274564
                                        3.072 0.00255 **
## ECG2Frontera
                   -7.594142
                               2.758705 -2.753 0.00668 **
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 9.708 on 143 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.2529, Adjusted R-squared: 0.2268
## F-statistic: 9.681 on 5 and 143 DF, p-value: 5.576e-08
```

b) Describe el modelo que has seleccionado.

Ejercicio 7

En la base **deportistas**, pretendemos ajustar el mejor modelo predictivo del porcentaje de grasa, usando las variables disponibles. Elige entre los dos métodos **regsubsets** y **step** ¿Cuál has elegido y por qué?

Cp de Mallows



```
which.min(resumen$cp)
```

```
## [1] 11
```

```
colnames(resumen$which) [resumen$which[11,]==T]
```

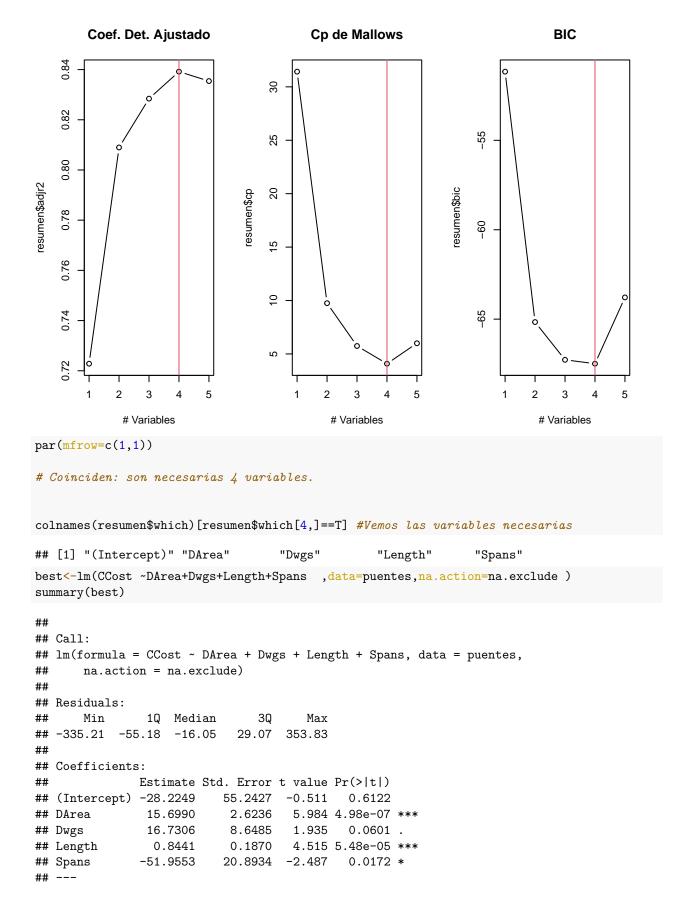
```
## [1] "(Intercept)" "SumPliegues" "MCMagra" "Peso"
## [5] "DeporteField" "DeporteGym" "DeporteSwim" "DeporteT_400"
## [9] "DeporteT_Sprn" "DeporteTennis" "DeporteW_Polo" "Generomale"
reg_sub<-lm(PrctGrasa ~ SumPliegues+MCMagra+Peso+Deporte+Genero,data=deportistas)
summary(reg_sub)</pre>
```

```
##
## Call:
  lm(formula = PrctGrasa ~ SumPliegues + MCMagra + Peso + Deporte +
       Genero, data = deportistas)
##
##
## Residuals:
       Min
                  1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
## -3.07388 -0.36600 -0.01114 0.40121
##
## Coefficients:
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept)
                 11.128255
                              0.568009 19.592 < 2e-16 ***
## SumPliegues
                             0.007493
                                        5.001 1.30e-06 ***
                  0.037471
## MCMagra
                  -0.918983
                              0.054092 -16.989 < 2e-16 ***
## Peso
                  0.803138
                              0.048431 16.583 < 2e-16 ***
## DeporteField
                 -0.561987
                              0.214202
                                       -2.624 0.00941 **
## DeporteGym
                              0.404845 -2.966 0.00341 **
                 -1.200832
```

```
## DeporteNetball 0.248727
                             0.216383
                                      1.149 0.25182
## DeporteRow
                  0.184073
                            0.176654
                                      1.042 0.29875
                 -0.382379
                             0.203511 -1.879 0.06180
## DeporteSwim
## DeporteT_400
                                     -4.397 1.84e-05 ***
                 -0.948195
                             0.215669
## DeporteT_Sprn -0.590206
                             0.237634
                                     -2.484
                                             0.01388 *
## DeporteTennis
                -0.337134
                             0.257544 -1.309 0.19212
## DeporteW Polo -0.221257
                             0.223472 -0.990 0.32340
## Generomale
                 -1.104796
                             0.218563 -5.055 1.02e-06 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 0.6765 on 188 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9888, Adjusted R-squared: 0.9881
## F-statistic: 1280 on 13 and 188 DF, p-value: < 2.2e-16
### El método de regsubsets considerada muchas categorías por separado, demasiadas variables y separa f
lm_completo<-lm(PrctGrasa ~ . , data=deportistas, na.action=na.exclude)</pre>
sel_lm <- step(lm_completo , direction = 'both',trace=0)</pre>
summary(sel_lm)
## Call:
## lm(formula = PrctGrasa ~ SumPliegues + MCMagra + Peso + Deporte +
      Genero, data = deportistas, na.action = na.exclude)
##
##
## Residuals:
       Min
                 10
                     Median
                                  30
                                          Max
## -3.07388 -0.36600 -0.01114 0.40121 2.43089
##
## Coefficients:
##
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                 11.128255
                            0.568009 19.592 < 2e-16 ***
## SumPliegues
                  0.037471
                           0.007493
                                      5.001 1.30e-06 ***
## MCMagra
                 ## Peso
                  0.803138
                             0.048431
                                     16.583 < 2e-16 ***
## DeporteField
                 -0.561987
                                      -2.624 0.00941 **
                             0.214202
                             0.404845 -2.966 0.00341 **
## DeporteGym
                 -1.200832
## DeporteNetball 0.248727
                                      1.149 0.25182
                             0.216383
## DeporteRow
                  0.184073
                             0.176654
                                      1.042 0.29875
## DeporteSwim
                 -0.382379
                            0.203511
                                      -1.879 0.06180
## DeporteT_400
                 -0.948195
                             0.215669 -4.397 1.84e-05 ***
## DeporteT_Sprn -0.590206
                             0.237634 -2.484 0.01388 *
## DeporteTennis
                 -0.337134
                             0.257544 -1.309 0.19212
## DeporteW_Polo -0.221257
                             0.223472 -0.990 0.32340
## Generomale
                 -1.104796
                             0.218563 -5.055 1.02e-06 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 0.6765 on 188 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9888, Adjusted R-squared: 0.9881
## F-statistic: 1280 on 13 and 188 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Usando la base de datos **Puentes**, ajusta el mejor modelo predictivo del coste de construcción *CCost.* ¿Qué variable de las disponibles tiene mayor capacidad predictiva?

```
library(leaps)
sel_lm <- regsubsets(CCost ~. -Case , data=puentes,nvmax=8)</pre>
summary(sel_lm)
## Subset selection object
## Call: regsubsets.formula(CCost ~ . - Case, data = puentes, nvmax = 8)
## 5 Variables (and intercept)
          Forced in Forced out
##
## Time
              FALSE
                         FALSE
## DArea
              FALSE
                         FALSE
              FALSE
                         FALSE
## Dwgs
## Length
              FALSE
                         FALSE
              FALSE
                         FALSE
## Spans
## 1 subsets of each size up to 5
## Selection Algorithm: exhaustive
##
            Time DArea Dwgs Length Spans
## 1 ( 1 ) " " "*"
                        11 11 11 11
## 2 (1)""
                                    11 11
                 "*"
                             "*"
## 3 (1)""
                 "*"
                                    "*"
## 4 (1)""
                             "*"
                                    "*"
                 "*"
## 5 (1) "*" "*"
resumen <- summary (sel_lm)
resultado <- cbind(resumen$rsq,resumen$adjr2,resumen$cp,resumen$bic)</pre>
colnames(resultado) <- c('Rsq','RsqAdj','Cp','BIC')</pre>
par(mfrow = c(1,3))
plot(1:5, resumen$adjr2, xlab = "# Variables", main = "Coef. Det. Ajustado",
abline(v = which.max(resumen\$adjr2), col = 2)
plot(1:5, resumen$cp, xlab = "# Variables", main = "Cp de Mallows",
     type='b')
abline(v = \text{which.min(resumen$cp)}, col = 2)
plot(1:5, resumen$bic, xlab = "# Variables", main = "BIC",
     type = "b")
abline(v = which.min(resumen$bic), col = 2)
```



```
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 122.4 on 40 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.8538, Adjusted R-squared: 0.8392
## F-statistic: 58.4 on 4 and 40 DF, p-value: 3.598e-16
# Este es un caso en el que puede ser interesante hacer O el intercepto, dado que si todas las variable
best_Sin<-lm(CCost ~DArea+Dwgs+Length+Spans-1 ,data=puentes,na.action=na.exclude )
summary(best_Sin)
##
## Call:
## lm(formula = CCost ~ DArea + Dwgs + Length + Spans - 1, data = puentes,
##
      na.action = na.exclude)
##
## Residuals:
               1Q Median
      Min
                               3Q
                                      Max
## -322.49 -60.90 -17.96
                            20.25
                                   346.36
##
## Coefficients:
         Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## DArea
          16.0064
                      2.5306
                             6.325 1.49e-07 ***
## Dwgs
          13.1192
                      4.9382 2.657 0.01119 *
## Length 0.8739
                      0.1760 4.965 1.26e-05 ***
                     19.6920 -2.806 0.00764 **
## Spans -55.2524
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 121.3 on 41 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9268, Adjusted R-squared: 0.9197
## F-statistic: 129.8 on 4 and 41 DF, p-value: < 2.2e-16
AIC(best,best_Sin); BIC(best,best_Sin); anova(best,best_Sin);
           df
            6 567.0901
## best
## best_Sin 5 565.3829
           df
## best
            6 577.9301
## best_Sin 5 574.4162
## Analysis of Variance Table
##
## Model 1: CCost ~ DArea + Dwgs + Length + Spans
## Model 2: CCost ~ DArea + Dwgs + Length + Spans - 1
    Res.Df
              RSS Df Sum of Sq
        40 599662
## 1
## 2
        41 603576 -1 -3913.5 0.261 0.6122
```