Ejercicio Tema 4. Métodos de regularización, Regresión Logística y validación clasificada.

Máster en Ciencia de Datos. Módulo: Análisis exploratorio de datos

Ana Navarro Quiles

Curso 2022/2023

Objetivos:

Se pretende practicar los conceptos relacionados con los métodos de regularización (Regresión Ridge, Lasso y Elastic Net), Regresión Logística y validación clasificada

Ejercicios propuestos

Ejercicio 1

El banco de datos **diabetes** contiene información de seguimiento de 149 pacientes con diabetes. El objetivo es estudiar el efecto de las variables sobre la mortalidad. Las variables contenidas en el fichero son las siguientes:

- Mortalidad por diabetes, variable MORT
- Edad del paciente, variable EDAT
- Índice de masa corporal, variable BMI
- Resultado del electrocardiograma, variable ECG
- Antecedentes coronarios, variable CHD
- Presión arterial sistólica y diastólica, variables SBP y DBP, respectivamente
- a) Ajusta el modelo de regresión más adecuado para analizar la mortalidad teniendo en cuenta todas las variables indicadas en el enunciado.
- Calcula el porcentaje de predicciones acertadas usando todos los datos. Para ello, haz la tabla de clasificación correspondiente.
- ¿Quienes son más propensos a morir por diabetes, los que tienen antecedentes coronarios o los que no?
- Calcula dicha probabilidad para aquellos pacientes con una edad de 45 años, un índice de masa corporal de 30, un electrocardiograma Normal y una presión SBP=135 y DBP= 70.

```
##
## Call:
## glm(formula = MORT ~ EDAT + BMI + ECG + CHD + SBP + DBP, family = binomial(),
## data = diabetes)
##
## Deviance Residuals:
```

```
Median
##
                 1Q
                                    3Q
                                            Max
## -1.6146 -0.5007
                    -0.3806 -0.2491
                                         2.4809
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                                     -2.204 0.027501 *
## (Intercept) -5.046883
                           2.289525
## EDAT
                0.087593
                           0.025389
                                      3.450 0.000561 ***
## BMI
               -0.014249
                           0.041707
                                     -0.342 0.732613
## ECGFrontera 1.387768
                           1.265330
                                       1.097 0.272745
## ECGAnormal
                3.048167
                           1.282509
                                       2.377 0.017467 *
## CHDSi
               -1.555899
                           1.205173
                                     -1.291 0.196698
## SBP
                                      -0.575 0.565337
               -0.008573
                           0.014911
## DBP
                0.001597
                           0.002309
                                       0.691 0.489271
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
   (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
##
       Null deviance: 134.80 on 148 degrees of freedom
## Residual deviance: 104.19
                              on 141 degrees of freedom
## AIC: 120.19
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
prob<-predict(ajuste.mortalidad.completo, type="response")</pre>
pred <- factor(prob>0.5,labels= levels(diabetes$MORT))
table(diabetes$MORT,pred)
##
           pred
##
            Vivo Muerto
##
     Vivo
             120
                      4
                     10
##
     Muerto
              15
130/149*100
## [1] 87.24832
exp(coef(ajuste.mortalidad.completo)["CHDSi"]) #Es menos probable morir de diabetes
       CHDSi
##
## 0.2109997
# si se tiene antecedentes coronarios, la probabilidad de si es un 21% de la que no.
predict(ajuste.mortalidad.completo,data.frame(EDAT=45,BMI=30,ECG=c('Normal'),
                                            SBP=135,DBP=70,CHD=c('Si','No')),
                                            type = 'response')
                       2
##
            1
## 0.01576463 0.07055483
# La probabilidad de Si es 0.0158 y de No 0.0705.
```

b) Intenta mejorar el modelo anterior utilizando la metodología stepwise para la elección de variables y vuelve a contestar a las preguntas del apartado anterior (considerando en la predicciones las variables que contenga tu nuevo modelo). ¿Hay cambios importantes en las conclusiones?

```
ajuste.mortalidad.completo <- glm(MORT ~ EDAT+BMI+ECG+CHD++SBP+DBP, data = diabetes,
                                  family = binomial())
ajuste.mortalidad<- step(ajuste.mortalidad.completo , direction = 'both',trace=0)</pre>
summary(ajuste.mortalidad)
##
## Call:
## glm(formula = MORT ~ EDAT + ECG + CHD, family = binomial(), data = diabetes)
## Deviance Residuals:
##
      Min
                 1Q
                      Median
                                   30
                                           Max
## -1.5969 -0.5118 -0.3717 -0.2554
                                        2.4662
##
## Coefficients:
               Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
## (Intercept) -6.41135
                          1.30506 -4.913 8.98e-07 ***
## EDAT
                0.08548
                           0.02267
                                     3.770 0.000163 ***
## ECGFrontera 1.31414
                           1.25997
                                     1.043 0.296948
                                     2.356 0.018460 *
## ECGAnormal 3.01864
                           1.28112
               -1.55785
                           1.18742 -1.312 0.189532
## CHDSi
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
      Null deviance: 134.80 on 148 degrees of freedom
## Residual deviance: 105.03 on 144 degrees of freedom
## AIC: 115.03
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
prob<-predict(ajuste.mortalidad, type="response")</pre>
pred <- factor(prob>0.5,labels= levels(diabetes$MORT))
table(diabetes$MORT,pred)
           pred
##
##
            Vivo Muerto
##
     Vivo
             121
                      3
##
     Muerto
              15
                     10
131/149*100
## [1] 87.91946
exp(coef(ajuste.mortalidad)["CHDSi"]) #Es menos probable morir de diabetes si
##
       CHDSi
## 0.2105887
# se tiene antecedentes coronarios, la probabilidad de si es un 21% de la que no.
predict(ajuste.mortalidad,data.frame(EDAT=45,ECG=c('Normal'),CHD=c('Si','No')),
        type = 'response')
## 0.01594288 0.07143693
```

c) Intenta mejorar el modelo anterior utilizando la metodología regsubsets para la elección de variables y vuelve a contestar a las preguntas del apartado anterior (considerando en la predicciones las variables que contenga tu nuevo modelo). ¿Hay cambios importantes en las conclusiones?

```
library(leaps)
## Warning: package 'leaps' was built under R version 4.1.3
ajuste.mortalidad.reg <- regsubsets(MORT ~ EDAT+BMI+ECG+CHD+SBP+DBP, data = diabetes)
resumen<-summary(ajuste.mortalidad.reg)</pre>
which.min(resumen$cp)
## [1] 2
colnames(resumen$which)[resumen$which[2,]==T]
## [1] "(Intercept)" "EDAT"
                                    "ECGAnormal"
ajuste.mortalidad_2 <- glm(MORT ~ EDAT+ECG, data = diabetes, family = binomial())
prob<-predict(ajuste.mortalidad 2, type="response")</pre>
pred <- factor(prob>0.5,labels= levels(diabetes$MORT))
table(diabetes$MORT,pred)
##
           pred
##
            Vivo Muerto
##
     Vivo
             119
                      5
                      9
##
    Muerto
              16
128/149*100
## [1] 85.90604
# No podemos contestar con criterio la pregunta, dado que ya no está la variable ECG
AIC(ajuste.mortalidad,ajuste.mortalidad_2) # perdemos respecto al de stepwise un poco
##
                       df
                                AIC
## ajuste.mortalidad
                        5 115.0290
## ajuste.mortalidad_2 4 115.2725
BIC(ajuste.mortalidad,ajuste.mortalidad_2) # Ganamos respecto al de stepwise un poco
##
                       df
                                BIC
## ajuste.mortalidad
                        5 130.0487
## ajuste.mortalidad 2 4 127.2883
anova(ajuste.mortalidad,ajuste.mortalidad_2,test='Chisq')
## Analysis of Deviance Table
##
## Model 1: MORT ~ EDAT + ECG + CHD
## Model 2: MORT ~ EDAT + ECG
     Resid. Df Resid. Dev Df Deviance Pr(>Chi)
## 1
           144
                   105.03
## 2
           145
                   107.27 -1 -2.2435
                                         0.1342
#Vemos que CHD no es significativo
```

c) Ahora queremos obtener información sobre el electrocardiograma a partir del resto de variables (excepto muerte). Utilizar análisis discriminante

```
load('datosTema2.Rdata')
library(ggplot2)
## Warning: package 'ggplot2' was built under R version 4.1.3
library(ggpubr)
## Warning: package 'ggpubr' was built under R version 4.1.3
plot1 \leftarrow ggplot(data = diabetes, aes(x = EDAT)) +
  geom_density(aes(colour = ECG)) + theme_bw()
plot2 \leftarrow ggplot(\frac{data}{} = diabetes, aes(x = BMI)) +
  geom_density(aes(colour = ECG)) + theme_bw()
plot3 <- ggplot(\frac{data}{data} = \frac{diabetes}{data}, \frac{data}{data} = \frac{data}{data}) +
  geom_density(aes(colour = ECG)) + theme_bw()
plot4 \leftarrow ggplot(data = diabetes, aes(x = DBP)) +
  geom_density(aes(colour = ECG)) + theme_bw()
# la función grid.arrange del paquete grid.extra permite ordenar
# graficos de ggplot2
library(gridExtra)
## Warning: package 'gridExtra' was built under R version 4.1.3
ggarrange(plot1, plot2, plot3, plot4, common.legend = TRUE)
                             ECG
                                         Normal
                                                     Frontera
                                                                   Anormal
    0.04
                                                        0.06
 density
0.03
0.02
                                                     density
0.04
                                                        0.02
    0.01
    0.00
                                                        0.00
                                     70
                                                                                           50
                       50
                              60
                                            80
                                                                20
                                                                         30
                                                                                  40
         30
                40
                                                                                                    60
                           EDAT
                                                                                BMI
                                                        0.04
    0.020
                                                        0.03 -
    0.015
 density
                                                     density
                                                        0.02
    0.010
                                                        0.01
    0.005
    0.000
                                                        0.00
```

120

160

SBP

200

250

500

DBP

750

```
# La gráfica sugiera que únicamente debemos tener en cuenta EDAT y CHD.
library(MASS)
## Warning: package 'MASS' was built under R version 4.1.3
m_lda <- lda(ECG ~ EDAT+BMI+CHD+SBP+DBP, data=diabetes)</pre>
diabetes2<-diabetes[4:11][-3][-3]
predLDA<-predict(m_lda, newdata=diabetes2)</pre>
t<-table(diabetes2$ECG, predLDA$class, dnn = c("Clase real", "Clase predicha"))
t
##
              Clase predicha
## Clase real Normal Frontera Anormal
##
                   99
     Normal
                              8
##
     Frontera
                    0
                             24
                                       3
##
     Anormal
                    0
                              6
                                       5
n \le sum(t)
100*sum(diag(t))/n # Aquí simplemente vemos cuantos hemos "acertado". Es decir,
## [1] 85.90604
# que precisión tenemos 85.90604%
# Podriamos hacer una la predicción
p<-predict(m_lda, newdata=data.frame(EDAT=45,BMI=30,SBP=135,DBP=70,CHD=c('Si','No')))
p #Fijaros que nos da:
## $class
## [1] Frontera Normal
## Levels: Normal Frontera Anormal
##
## $posterior
          Normal
                      Frontera
## 1 0.008104658 0.9024163670 8.947897e-02
## 2 0.999603530 0.0002998999 9.657005e-05
##
## $x
##
           LD1
                       LD2
## 1 2.576311 -1.0322953
## 2 -1.184240 -0.3844613
\#P(\textit{ECG=normal} \mid \textit{CHD=Si}) = 0.0081\dots P(\textit{ECG=Frontera} \mid \textit{CHD=Si}) = 0.90\dots y P(\textit{ECG=Anormal} \mid \textit{CHD=Si}) = 0.0089\dots
sum(p$posterior[1,])
## [1] 1
sum(p$posterior[2,])
## [1] 1
# Hemos dicho que antes parecía solo importar la EDAT y CHD. Vamos a hacerlo solo
# con esas dos:
```

```
library(MASS)
m_lda_1 <- lda(ECG ~ EDAT+CHD, data=diabetes)</pre>
diabetes2<-diabetes[4:11][-2:-6]
predLDA<-predict(m_lda_1, newdata=diabetes2)</pre>
t<-table(diabetes2$ECG, predLDA$class, dnn = c("Clase real", "Clase predicha"))
##
             Clase predicha
## Clase real Normal Frontera Anormal
##
    Normal
                  99
                            9
     Frontera
                   0
                            24
##
     Anormal
                   0
n < -sum(t)
100*sum(diag(t))/n # Aquí simplemente vemos cuantos hemos "acertado". Es decir,
## [1] 85.2349
# que precisión tenemos, 85.23%%
# Podriamos hacer uno predicción
p<-predict(m_lda_1, newdata=data.frame(EDAT=45,CHD=c('Si','No')))</pre>
p #Fijaros que nos da:
## $class
## [1] Frontera Normal
## Levels: Normal Frontera Anormal
##
## $posterior
##
         Normal
                    Frontera
                                   Anormal
## 1 0.00847633 0.8977573395 9.376633e-02
## 2 0.99960491 0.0003058926 8.919884e-05
##
## $x
##
           LD1
                      LD2
## 1 2.563725 -1.1011550
## 2 -1.204928 -0.4368889
\#P(ECG=normal \mid CHD=Si)=0.0084...P(ECG=Frontera \mid CHD=Si)=0.897...y
# P(ECG=Anormal \mid CHD=Si)=0.00937... Y análogo para no. Si hacemos la suma da 1.
sum(p$posterior[1,])
## [1] 1
sum(p$posterior[2,])
## [1] 1
# Vemos que no hay mucho cambio y nos hemos quitado alqunas variables.
```