



MONEDE LACOME

CURS: PROGRAMAREA ALGORITMILOR C/C++

MENTOR: GAIDĂU MIHAI

CURSANT: MIHĂLACHE LILIA

Problemă

La un magazin specializat managerul a fixat restricții casierului să dea rest clienților, care dau o sumă oarecare de bani pentru cumpărături, un număr cât mai mic de monezi.

Presupunem că casierul are următoarea listă disponibilă de monede: 50lei, 20lei, 10lei, 5lei, 1leu.

Moneda unitate este necesar să se regăsească printre ele.



Soluție:

- se sortează descrescător vectorul de monede;**
- atâta timp cât suma este diferită de zero se determină ce monede se folosesc și câte astfel de monede.**

Pentru rezolvare:

Tehnica Gredy



Tehnica Greedy

In funcție de specificul problemei, un algoritm greedy poate conduce la soluția optimă sau la o soluție destul de bună, deși suboptimală.

Rezultatul unui algoritm greedy pentru o problemă data depinde și de datele concrete ale problemei, sau chiar de ordinea introducerii lor.

Prezentarea generală

De exemplu, în problema noastră monede lacome, sau sume de bani printr-un număr minim de monede de valori date, rezultatul (optim sau suboptim) depinde de valorile monedelor și de valoarea sumei. Algoritmul **Greedy** folosește monedele în ordinea descrescătoare a valorilor lor, deci “**se repede**” la monedele de valoare maximă, care vor fi în număr mai mic pentru aceeași sumă.

Fie monede de valori **11, 5 și 1**:

- pentru suma **12** rezultatul algoritmului greedy va fi optim (două monede de valori: **11 și 1**)
- dar pentru suma **15** rezultatul algoritmului greedy nu va fi optim (5 monede de valori: **11, 1, 1, 1, 1**, în loc de 3 monede de valori **5, 5, 5**).

Schema generala a metodei

Pentru a exemplifica această metodă considerăm o mulțime A cu n elemente. Problema care ar trebui rezolvată, constă din determinarea unei submulțimi B a lui A . Aceasta trebuie să îndeplinească anumite condiții pentru a fi acceptată ca soluție.

Dintre toate submulțimile acceptate (numite soluții posibile), se va alege una singură numită soluție optimă.

Schema metodei:

```
Ord_Desc(n,b)
i ← 0
cât timp (S > 0) și (i < n) execută
    i ← i+1
     $x_i \leftarrow \lfloor S/b_i \rfloor$ 
    nrb ← nrb+xi
    S ← S -xi*nrb
sfârșit cât timp
dacă S = 0 atunci
    scrie x1, ..., xi
altfel
    scrie 'Nu s-a gasit solutie.'
sfârșit dacă
sfârșit subalgoritm
```


Metoda Bubble sort

Metoda bulelor se bazează pe următoarea idee:

- fie un vector `Monede[i]` cu n elemente
- parcurgem vectorul și pentru oricare două elemente învecinate care nu sunt în ordinea dorită, le interschimbăm valorile
- după o singură parcurgere, vectorul nu se va sorta, dar putem repeta parcurgerea
- dacă la o parcurgere nu se face nicio interschimbare, vectorul este sortat

Illustrare

Bubble Sort

[TUTORIAL](#)[PROBLEMS](#)[VISUALIZER](#) BETA

INPUTS

Array size:

5



Array layout:

Array

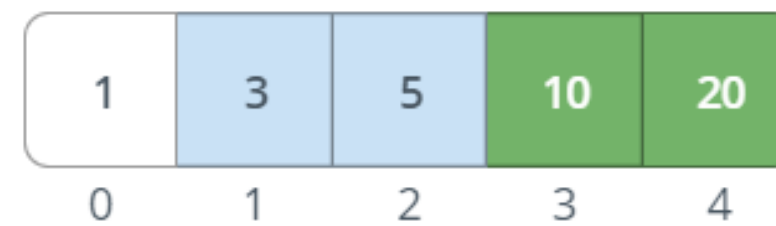


Array Values (optional): 20 5 1 10 3

Run

Reset

VISUALIZE



Secvența de cod

```
do
{
    sortat = true;
    for(int i = 0 ; i < n - 1 ; i ++ )
        if(monede[i] < monede[i+1])
        {
            int aux = monede[i];
            monede[i] = monede[i+1];
            monede[i+1] = aux;
            sortat = false;
        }
}
while(!sortat);
```

Rezolvare

```
2 #include <fstream>
3 using namespace std;
4 ifstream in("suma.in");
5 ofstream out("suma.out");
6
7 int main()
8 {
9     int monede[100], nr_monede, i, sortat, schimb, suma;
10    //citim in fisier numarul de monede si suma
11    in>>nr_monede>>suma;
12    // citim valoarea monedelor cu care se va restitui suma ce trebuie returnata
13    for(i=1; i<=nr_monede; i++)
14        in>>monede[i];
15    //utilizand o metoda de sortare se sorteaza monedele in ordine descrescatoare
16    do
17    {
18        sortat = 0;
19        for(i = 1; i<nr_monede; i++ )
20            if(monede[i]<monede[i+1])
21            {
22                schimb = monede[i];
23                monede[i] = monede[i+1];
24                monede[i+1] = schimb;
25                sortat = 1;
26            }
27    }
28
29    while (sortat == 1);
30    i = 1;
31
32    //utilizam metoda Greedy pentru calcularea numarului de monezi restituite
33    while(suma!=0)
34    {
35        if (suma/monede[i])
36        {
37            out<<"-----"<<endl;
38            out<<monede[i]<<'x'<<suma/monede[i]<<'='<<monede[i]*(suma/monede[i])<<'\n';
39            suma = suma % monede[i];
40        }
41        i++;
42    }
43    in.close();
44    out.close();
45    return 0;
46 }
47
```

Exemplu

C:\Users\CLASA215B_...

Fișier Editare Căutare Afișare Codificare
Limbaj Setări Unelte Macro Executare
Module Ferestre ? X

suma.in X

1	3	29	
2	5	3	1
3			

Ln : Windows (CR LF) UTF-8 INS

C:\Users\CLASA215B_N...

Fișier Editare Căutare Afișare Codificare
Limbaj Setări Unelte Macro Executare Module
Ferestre ? X

suma.out X

1	-----
2	5x5=25
3	-----
4	3x1=3
5	-----
6	1x1=1
7	

Ln : Windows (CR LF) UTF-8 INS

Rezolvare 2

Concluzie

O metodă *euristică greedy* presupune folosirea unui algoritm *greedy* care nu determină întotdeauna soluția optimă a unei probleme. Dar există situații, în special în practică, unde este multumitoare și o soluție aproximativă a unei probleme. De cele mai multe ori ea se obține repede și se implementează ușor. O soluție exactă care s-ar obține cu metoda backtracking, practic, este imposibil de obținut, din cauza timpului de execuție exponențial.

Resource webpage utilize:

- <https://www.hackerearth.com/practice/algorithms/greedy/basics-of-greedy-algorithms/tutorial/>

