



# IX. Détection de contours IX.1 Généralités

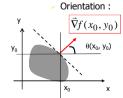
- Méthodes dérivatives
  - Font appel à un calcul de différence entre niveaux de gris sur des pixels voisins
  - Donc :
    - Sensibles aux bruit
  - Prétraitement des images
    - Réduction de bruit : lissage
    - > Perte de précision dans la localisation des zones de contours
    - Compromis entre les 2 objectifs
      - Réduire le bruit
      - Garder une bonne localisation des contours
  - Filtre de détection de contours
    - Combinaison entre
      - lissage pour réduire le bruit et gradients (différences) pour accéder au contraste

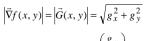
GINF41A6 - AGD



### IX. Détection de contours IX.3 Dérivées premières et secondes

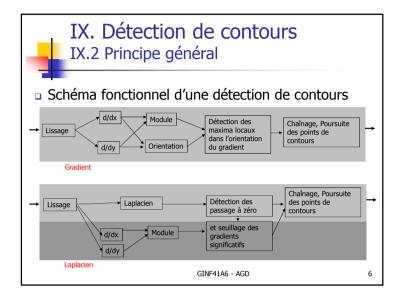
- Modèle continu
- $g_x(x, y) = \frac{\partial f(x, y)}{\partial x}$
- Image f(x,y)
  - Dérivée première en x :
- $g_y(x, y) = \frac{\partial f(x, y)}{\partial y}$
- Dérivée première en y :Vecteur Gradient :
  - Norme :
- $\vec{\nabla} f(x, y) = \vec{G}(x, y) = \left(\frac{\partial f(x, y)}{\partial x} \quad \frac{\partial f(x, y)}{\partial y}\right)^{-1}$





$$\theta(x, y) = arctg\left(\frac{g_y}{g_x}\right)$$

GINF41A6 - AGD





- Modèle continu
  - Image f(x,y)
    - Vecteur Gradient :
      - Norme : Amplitude du contrasteOrientation : orthogonale au contour
    - Composite C
    - Composante G<sub>x</sub>
      - Détection des lignes <u>verticales</u>
    - Composante G<sub>y</sub>
      - Détection des lignes <u>horizontales</u>

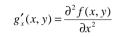
GINF41A6 - AGD

 $\vec{\nabla} f(x_0, y_0)$ 



### IX. Détection de contours IX.3 Dérivées premières et secondes

- Modèle continu
  - Image f(x,y)
    - Dérivée seconde en x :
    - Dérivée seconde en y :
    - Laplacien :



$$g'_{y}(x, y) = \frac{\partial^{2} f(x, y)}{\partial y^{2}}$$

$$\Delta f(x, y) = \frac{\partial f^{2}(x, y)}{\partial x^{2}} + \frac{\partial f^{2}(x, y)}{\partial y^{2}}$$

GINF41A6 - AGD

- AGD



### IX. Détection de contours IX.3 Dérivées premières et secondes

- Modèle continu
  - Image f(x,y)

$$\Delta f(x, y) = \frac{\partial f^{2}(x, y)}{\partial x^{2}} + \frac{\partial f^{2}(x, y)}{\partial y^{2}}$$

- Opérateur Laplacien
  - > Linéaire : une convolution : un exemple de noyau
  - > Opérateur non directionnel

 $K_L = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$ 

- Opérateur : Norme du Gradient
  - Non linéaire : 2 convolutions, puissance de 2, racine de 2

 $\left| \vec{\nabla} f(x, y) \right| = \sqrt{g_x^2(x, y) + g_y^2(x, y)}$ 

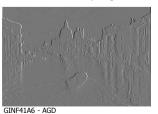
GINF41A6 - AGD



# IX. Détection de contours IX.3 Dérivées premières et secondes

- Calcul de la dérivée d'une image
  - Par définition : calcul local de différences de niveaux de gris entre le pixel courant et ses voisins
  - Fait ressortir le bruit (petites fluctuations non contrôlées) dans l'image f(x,y)
  - Illustration avec un opérateur gradient sur les lignes :
  - Gx =[1 0 -1] (A appliquer convoluer- sur chaque ligne de l'image)







IX. Détection de contours
IX.3 Dérivées premières et secondes

Un zoom sur l'image filtrée par Gx

Résultat de Gx sur un profil ligne
GINF41A6 - AGD



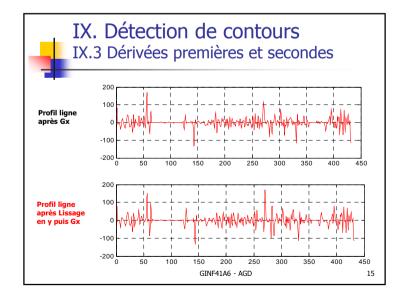
### IX. Détection de contours IX.3 Dérivées premières et secondes

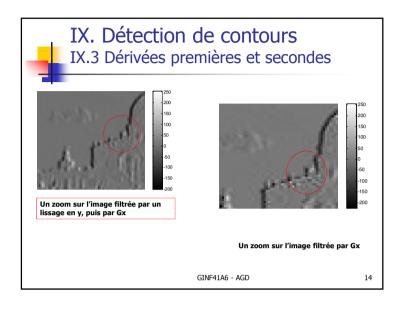
- Calcul de la dérivée d'une image
  - Idée : Lissage de l'image pour retirer le bruit puis faire la dérivée
  - Comment combiner « lissage » et « dérivée » qui ont des objectifs opposés ?
    - Le lissage atténue les différences de niveaux de gris entre pixels voisins
    - Le gradient (dérivée première) calcule la différence de niveaux de gris entre les pixels voisins selon une direction donnée
  - Réponse
    - > Faire le lissage dans la direction orthogonale du gradient
    - > Rappel : L'opérateur « Gradient » est un opérateur directionnel

GINF41A6 - AGD

- AGD

13





# 4

### IX. Détection de contours IX.3 Dérivées premières et secondes

- Dérivée d'une image filtrée
  - Image f(x,y),
  - Prétraitement par filtrage (réduction de bruit : lissage)
    - Noyau de convolution de lissage : h(x,y)
    - > Image f(x,y): Image après filtrage Passe-Bas de noyau h(x,y)
  - Gradient en x de l'image filtrée

$$f_t(x, y) = f(x, y) * h(x, y)$$

$$\frac{\partial f_t(x,y)}{\partial x} = \frac{\partial f(x,y) * h(x,y)}{\partial x} = \frac{\partial f(x,y)}{\partial x} * h(x,y) = \frac{\partial h(x,y)}{\partial x} * f(x,y)$$
$$= h_{dx}(x,y) * f(x,y)$$

$$\frac{\partial f_l(x, y)}{\partial y} = \frac{\partial h(x, y)}{\partial y} * f(x, y)$$

Idem pour le gradient en y

GINF41A6 - AGD = 
$$h_{dy}(x, y) * f(x, y)$$
 16



# IX. Détection de contoursIX.3 Dérivées premières et secondes

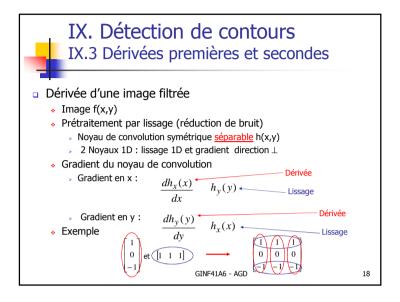
- Dérivée d'une image filtrée
  - Image f(x,y) et image f(x,y) après filtrage Passe-Bas
  - Comment combiner lissage et dérivée ?
    - → Gradient en x : lissage en Y et dérivée en X
    - ▶ Noyau : h<sub>dx</sub>

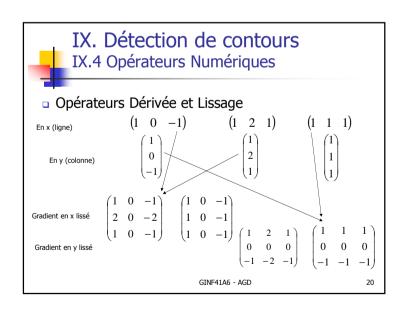
$$\frac{\partial f_l(x,y)}{\partial x} = \frac{\partial h(x,y)}{\partial x} * f(x,y) = h_{dx}(x,y) * f(x,y)$$

- Gradient en y : lissage en X et dérivée en Y
- Noyau : h<sub>dy</sub>

$$\frac{\partial f_l(x, y)}{\partial y} = \frac{\partial h(x, y)}{\partial y} * f(x, y) = h_{dy}(x, y) * f(x, y)$$
GINE41A6 - AGD

# IX. Détection de contours IX.4 Opérateurs Numériques Opérateurs Gradient Rappel de notations En continu En discret Approximation du gradient en numérique $\frac{\partial I(x,y)}{\partial x} \approx \frac{\Delta I[i,j]}{\Delta j} = I[i,j+1] - I[i,j] \qquad \text{Opérateur non symétrique (ROBERTS)}$ $\frac{\partial I(x,y)}{\partial x} \approx \frac{\Delta I[i,j]}{\Delta j} = \frac{1}{2} \left( I[i,j+1] - I[i,j-1] \right) \qquad \text{Mieux: Opérateur symétrique}$ Noyau de convolution 1D Gradient x Gradient y Gradient y Gradient A Gradient y





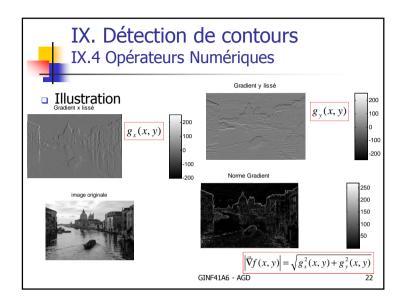


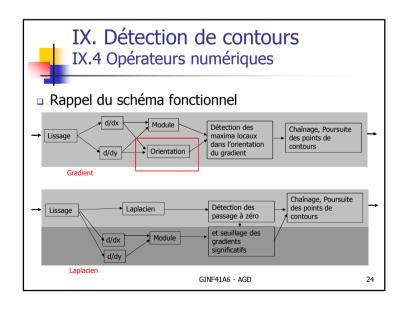
- Opérateurs Gradient
- Association lissage + dérivée dans les directions orthogonales
  - Différents noyaux en fonction de cette combinaison
  - Les plus utilisés sur 2 orientations

	Gx	Gy
PREWITT	$\frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 1 & 0 & -1 \\ 1 & 0 & -1 \end{pmatrix}$	$\frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$
SOBEL	$\frac{1}{4} \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 2 & 0 & -2 \\ 1 & 0 & -1 \end{pmatrix}$	$ \frac{1}{4} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{pmatrix} $
SCHARR	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{bmatrix} \frac{1}{16} \begin{pmatrix} 3 & 10 & 3\\ 0 & 0 & 0\\ -3 & -10 & -3 \end{pmatrix}$

21

IX. Détection de contours IX.4 Opérateurs Numériques	
<ul> <li>Opérateurs Gradient</li> <li>Association lissage + différence</li> <li>Les noyaux à différences finies les plus utilisés sont des noyaux 3</li> <li>Détection à une échelle spatiale faible         <ul> <li>Petites régions spatiales</li> <li>Lissage à une échelle spatiale faible</li> <li>Moyenne sur des petites régions → Lissage du bruit plutôt HF</li> </ul> </li> <li>Si plus de réduction de bruit         <ul> <li>Lissage sur une fenêtre spatiale plus grande</li> <li>Exemple en 1D : [1 4 6 4 1]/16</li> </ul> </li> <li>Si combinaison avec le même opérateur gradient [1 0 -1]         <ul> <li>Différence d'échelle entre gradient et lissage</li> <li>Pour remédier à cela : approche par filtrage optimal (chap. X)</li></ul></li></ul>	0 /1 0 -4 5 0 -6 0 -4 0 -1
GINF41A6 - AGD	23







### IX. Détection de contours IX.4 Opérateurs Numériques

- Opérateur Gradient multidirectionnel
- 2 stratégies pour le calcul de l'orientation
  - Avec 2 mesures orthogonales de gradient
    - $\rightarrow$  Gradient en x, Gradient en y, calcul de  $\theta$

$$I_{x}[i,j] = g_{x} * I[i,j] \qquad I_{y}[i,j] = g_{y} * I[i,j] \qquad \theta[i,j] = arctg\left(\frac{I_{y}[i,j]}{I_{x}[i,j]}\right)$$

- Avec Gradients suivant des directions multiples
  - Gradient à l'orientation θ<sub>k</sub>: G<sub>ak</sub>, k=0 à N<sub>a</sub>
    - Orientation: orientation du maximum des gradients Gele
    - Gradient: Valeur maximale entre les gradients Gau

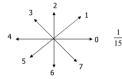
$$|G[i,j]| = \left[ Max \left( G_{\theta k}[i,j] \right) \right]$$

$$\theta[i, j] = Arg \left[ Max \left( G_{OK}[i, j] \right) \right]$$
GINE41A6 - AGD



### IX. Détection de contours IX.4 Opérateurs Numériques

- Opérateur Gradient multidirectionnel
- □ Exemple : Opérateurs de KIRSH
  - 8 orientations notées suivant le codage de Freeman



$$|G[i,j]| = \left[ Max \left( G_{\theta k}[i,j] \right) \right]$$

$$\theta[i, j] = Arg \left[ Max \left( G_{\theta k} \left[ i, j \right] \right) \right]$$

GINF41A6 - AGD



### IX. Détection de contours IX.4 Opérateurs Numériques

- Opérateurs Dérivée Seconde
- Approximation en numérique
  - Même approche que pour le gradient
  - Mais beaucoup plus sensible aux bruits que le Gradient

$$\frac{\partial^2 I(x, y)}{\partial x^2} = \frac{\partial I_x(x, y)}{\partial x} \approx \left(-I[i, j+1] + 2I[i, j] - I[i, j-1]\right)$$

$$\frac{\partial^2 I(x,y)}{\partial y^2} = \frac{\partial I_y(x,y)}{\partial y} \approx \left(-I[i+1,j] + 2I[i,j] - I[i-1,j]\right)$$

GINF41A6 - AGD



## IX. Détection de contours

IX.4 Opérateurs Numériques

- Opérateurs Dérivée Seconde
- Approximation en numérique
  - Novau de convolution 1D
    - Dérivée seconde x
  - Dérivée seconde y Combinaison avec le lissage
    - > Indispensable , car très sensible aux bruits

$$\frac{\partial^2 h(x,y)}{\partial x^2} \quad \frac{1}{4} \begin{pmatrix} -1 & 2 & -1 \\ -2 & 4 & -2 \\ -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{\partial^2 h(x,y)}{\partial y^2} \quad \frac{1}{4} \begin{pmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 2 & 4 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$



### IX. Détection de contours IX.4 Opérateurs Numériques

- Opérateurs Laplacien
- Approximation en numérique
  - Même approche que pour le gradient

$$\Delta I(x, y) = \frac{\partial^2 I(x, y)}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 I(x, y)}{\partial x^2}$$

- Noyau de convolution 2D
- Toujours Combinaison avec le lissage

$$K_L = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \qquad K_L = \frac{1}{8} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -8 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

 $K_L = \frac{1}{12} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & -12 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$ 

GINF41A6 - AGD

29

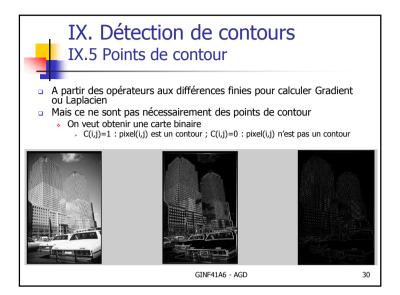
31

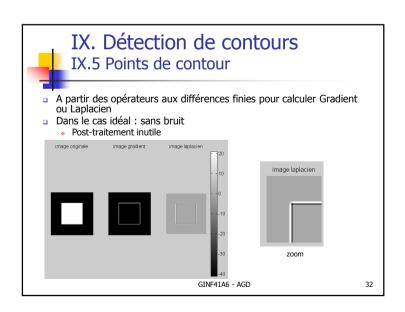


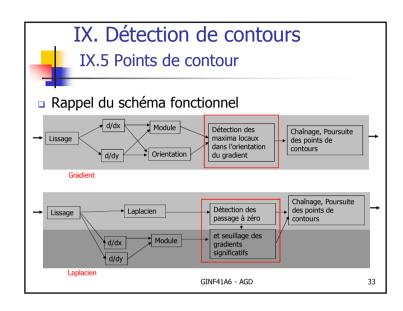
# IX. Détection de contours IX.5 Points de contour

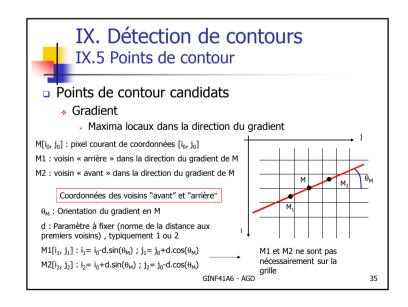
- A partir des images de Gradient et/ou de Laplacien
  - Mise en place de techniques de seuillage
    - Double seuillage ou seuillage par hystéresis
  - Obtention de points non structurés
    - Qualité médiocre pour les utiliser tels quels comme contour
       bruités
      - épais
      - Interrompus
      - Pas nécessairement fermés
  - Passage des points détectés aux points de contours
    - Post-traitements plus ou moins complexes
      - Seuillage
      - Autres filtrages
      - Chaînage
      - */* ....

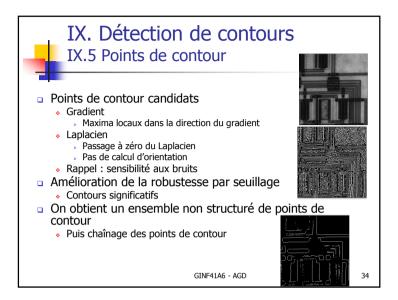
GINF41A6 - AGD

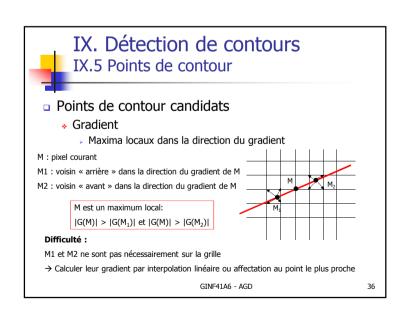














### IX. Détection de contours IX.5 Points de contour

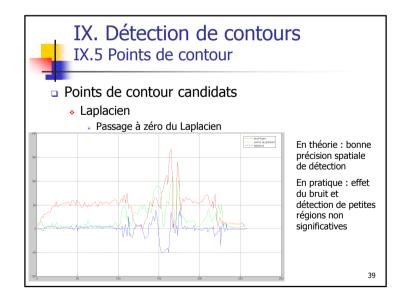
- Points de contour candidats
  - Gradient
    - > Maxima locaux dans la direction du gradient
    - Solution approchée
      - Quantification de la valeur de l'orientation avec par exemple, les masques de KIRSH

$$\theta[i, j] = Arg \left[ Max \left( I_{ek} [i, j] \right) \right]$$

 Les points M1 et M2 sont sur la grille, car les orientations possibles sont : 0°, 45°, 90° et 135°

GINF41A6 - AGD

37





### IX. Détection de contours IX.5 Points de contour

- Points de contour candidats
  - Gradient
    - > Maxima locaux dans la direction du gradient
    - > Seuillage des maxima significatifs
      - Méthode par seuil à hystérésis = double seuillage
      - · Seuil haut, Seuil bas

 $|Grad(pc)| \ge seuil\_haut \rightarrow pc$  pixel courant est point de contour (PC)

|Grad(pc)| < seuil\_bas → pc pixel courant n'est pas un point de contour (NPC)

seuil\_bas  $\leq$  |Grad(pc)| < seuil\_haut  $\rightarrow$  pc pixel courant est un point de contour possible (PCP)

- Réaffectation des points de contour possible par propagation
  - · Technique de chaînage

GINF41A6 - AGD

38



### IX. Détection de contours IX.5 Points de contour

- Points de contour candidats
  - Laplacien
    - Détection du Passage à zéro du Laplacien
    - Masque de voisinage à 4 premiers voisins

v1 v2 pixc v3 v4

lvi : valeur du Laplacien aux points vi

pc pixel courant est point de contour si

Signe(lv2)≠Signe(lv3) et |lv2.lv3|>0 et |lv2-lv3|>seuil

ou

Signe(lv1) #Signe(lv4) et |lv1.lv4| > 0 et |lv1-lv4| > seuil

GINF41A6 - AGD

- AGD 40

