

**2019 시스템 프로그래밍**  
**- Lab 03. DataLab-**

제출일자	2019.10.06
분 반	01
이 름	임준규
학 번	201602057

## 실습 1

1	bitOr(int x, int y)
---	---------------------

&와 ~을 이용해 |를 만드는 함수.  
&구문에 ~이 적용되면 &가 |이 된다는 점을 집중적으로 생각하여 설계하였다.  
만들어 낸 & 구문 전체에 ~을 씌워 x|y를 만들기 위하여 거꾸로 생각해,  
x|y에 ~두개를 붙여보았다.

$$\sim(\sim(x|y))=\sim(\sim x\&\sim y)$$

2	tmax(void)
---	------------

2의 보수 중 가장 큰 값을 반환하는 것이 목표이다.  
2의 보수는 모든 정수의 범위가 2의 보수의 범위이므로  
가장 큰 값을 반환하는 것과 같다 생각했다.  
int형 정수의 최대값은 0b01111...과 같으므로 0b1000...에 ~연산을 한 것과 동일하다.

$$\sim(1<<31)$$

3	negate(int x)
---	---------------

signed int에서의 음수는 2의 보수라 볼 수 있다.  
이 문제는 x의 2의 보수를 반환하라는 것으로 볼 수 있다.  
2의 보수는 ~연산 이후에 1만 더하면 된다.

$$\sim x+1$$

4	getBytes(int x, int n)
---	------------------------

n자리의 byte의 값을 반환하는 문제이다.

이 문제를 해결하며 비트마스크라는 것을 배웠는데,  
이는 추출이 필요한 비트/바이트에만 값을 줘서 &연산으로 그 값을 추출하게 해준다.

우선 1byte는 8bit로 구성이 된다. n의 자리에 있는 byte를 0자리의 byte로 데려와

추출하기 위해, 8n만큼의 shift가 필요하다.

이때 곱셈 연산자를 사용하지 못하므로 shift연산자로 곱셈을 표현해주어야 한다.

$8n = n \gg 3$ 과 같이 표현 할 수 있으므로, 0번째 byte로 추출해주기 위하여  $x \gg (n \ll 3)$ 로 표현 할 수 있다. 하지만 이 경우는 n이 최상위 byte를 지정하지 않으면 남은 byte도 함께 추출되므로 마스크를 통해 필요한 값만 추출해준다.  
우리는 첫 8bit만 필요하므로 첫 8bit가 모두 1인  $255=0xFF$ 를 사용하여 추출해주자.

$$(x \gg (n \ll 3)) \& 0xFF$$

5	float_abs(unsigned uf)
---	------------------------

이 문제에서 생각해야 할 것을 두가지로 정의하고 시작했다.

1. 절댓값을 만든다.
2. NaN값을 처리한다.

1을 먼저 해보면 수의 절대값을 확인하려면, 부호만 맞추면 된다 생각하여 최상위 비트만 0이고 나머지가 다 1인 수와 &연산하면 되리라 생각했다.

$01111... = 0x7FFFFFFF$ 로 표현할 수 있고, 연산해주면  
->  $0x7FFFFFFF \& uf$  이다.

2에서 아직 NaN에 대한 개념이 많이 부족해 많이 헤맸다.

우선 NaN은 exp가 다 1인 수인데, 이걸 수로 표현하면  $0x7F800001$ 보다 크거나 같은 값이 해당된다.

이 조건을 만족할 시 uf값을 반환해주고 아니면  $0x7FFFFFFF \& uf$ 연산한 절댓값을 반환해주면 된다.

6	addOK(int x, int y)
---	---------------------

접근은 이제 부호가 같을 때,  $x+y$ 와  $x$ 의 최상위 비트가 다르면, 불가능 하다고 생각했다. 그래서 1. 다를 땐 무조건 1 반환, 2. 부호 동일, 최상위 비트가 같으면 1반환으로 설계했다.

이 1,2를 |연산하면 정답일 거라 생각했다.

1.  $x, y$ 의 최상위 비트를 추출하여, ^연산했다. diff라고 변수선언을 하고 다를 때 1이 반환.

2.  $\sim diff$ 이고,  $x$ 의 최상위 비트와 합의 최상의 비트가 다를 때를 확인.

->  $((x+y) \gg 31) \wedge (x \gg 31) \& 1$  과 같이 하면 다를 때 1 같을 때 0을 추출할 수 있다.

같을 때 1이 필요하므로 2번 식을 설계하면

$\sim diff \& \sim (((x+y) \gg 31) \wedge (x \gg 31) \& 1) = !(diff | (((x+y) \gg 31) \wedge (x \gg 31) \& 1))$ 라고 할 수 있다.

1과 2를 |연산하면 답이다.

$$diff | !(diff | (((x+y) \gg 31) \wedge (x \gg 31) \& 1))$$

7	replaceByte(int x, int n, int c)
---	----------------------------------

4번 문제와 유사하다. 4번에서 배웠던 마스크의 원리를 잘 이용해 보았다.  
 이 문제는 nbyte자리만 0인 x와 nbyte자리만 c값이고 나머진 0인 수를 더하면 된다.  
 위의 x는 n자리만 0이고 나머진 1인 마스크와 연산을 해주면 된다.  
 $0xFF << (n < 3)$ 을 해주면 그 byte만 1인 값을 만들 수 있는데, 이 값을 ~연산 해주면 된다.  
 $\rightarrow \sim(0xFF << (n < 3)) \& x \dots 1$   
 다음 c만 그 자리로 만드는 것은 문제 4를 반대로 하는 것과 같다.  
 $\rightarrow c << (n < 3) \dots 2$   
 위에서 도출된 1과 2를 더하면 답이다.  
 $(\sim(0xFF << (n < 3)) \& x) + (c << (n < 3))$

8	isGreater(int x, int y)
---	-------------------------

$x > y$ 로 갈 경우 조건을 확인해야하는 것이 많다고 느껴,  $!(x \leq y)$ 로 진행하였다.  
 $y - x >= 0$ 을 만들 것이다. 부호가 다를 때 산술적으로는 가능하지만,  
 비트가 삭제되어 값이 이상해질 때를 대비해 부호가 다를 때는 무조건 참이 되도록  
 설정하고, 부호가 같을 때는 연산 시 최상위 비트가 0일 경우 참이 되도록 설정했다.

6번문제에서 사용한 diff함수를 그대로 가져와 사용하였다. ※6번문제 참고  
 첫 번째 조건은 diff함수와 부호가 다를 경우 x가 음수여야 하므로 위 조건도 &연산  
 해주었다.  
 $\text{diff} \& (x > 31) \dots 1$   
 두 번째 조건은 부호가 같을 때  $y - x$ 의 최상위 비트가 0일 때 참(1)이 되도록 설계하였다.  
 $\sim \text{diff} \& \sim ((y + (\sim x + 1)) > 31) = !(\text{diff}((y + (\sim x + 1)) > 31)) \dots 2$   
 위에서 계산한 1과 2의 식이 하나라도 만족하면 참이므로 |연산 해준다.  
 $(\text{diff} \& (x > 31)) | (!(\text{diff}((y + (\sim x + 1)) > 31)))$   
 여기서 끝내면 안된다. 처음에 !연산을 해서 만들었으므로 다시 !을 붙여줘야 우리가 필요한  
 식이 될 것이다.  
 $!((\text{diff} \& (x > 31)) | (!(\text{diff}((y + (\sim x + 1)) > 31))))$