中文图书分类号: TU311 密 级: 公开

UDC: 004 学 校 代 码: 10005



工程硕士学位论文

M.E. DISSERTATION

论 文 题 目: BjutTHESIS ver. 2.7 ——北京工业

大学硕士学位论文 LATEX 模板

论 文 作 者: 林钰辉

学 科: 建筑与土木工程

指 导 教 师: 张永祥

论文提交日期: 2021年12月

UDC: 004 中文图书分类号: TU311

题

学校代码: 10005

学 号: S201904283

密 级:公开

北京工业大学硕士专业学位论文

(全 日 制)

目: BrutT_HE_SI_S ver. 2.7 — 北京工业大学硕士学位 论文 L^AT_FX 模板

英文题目: BJUTTHESIS: A LATEX TEMPLATE FOR DOC-TRAL DISSERTATION OF BEIJING UNIVER-SITY OF TECHNOLOGY

论 文 作 者: 林钰辉

学 科 专 业:建筑与土木工程

研 究 方 向:城市水系统健康循环与水环境恢复技术

申 请 学 位: 工学硕士

指导教师: 张永祥教授

所 在 单 位:城市建设学部

答 辩 日 期: 2021年12月

授予学位单位: 北京工业大学

独创性声明

本人声明所呈交的论文是我个人在导师指导下进行的研究工作及取得的研究成果。尽我所知,除了文中特别加以标注和致谢的地方外,论文中不包含其他人已经发表或撰写过的研究成果,也不包含为获得北京工业大学或其它教育机构的学位或证书而使用过的材料。与我一同工作的同志对本研究所做的任何贡献均已在论文中作了明确的说明并表示了谢意。

签	名:			
Н	期:	年	月	Н

关于论文使用授权的说明

本人完全了解北京工业大学有关保留、使用学位论文的规定,即:学校有权保留送交论文的复印件,允许论文被查阅和借阅;学校可以公布论文的全部或部分内容,可以采用影印、缩印或其他复制手段保存论文。

(保密的论文在解密后应遵守此规定)

签	名:	日	期:	年	月	日
导师签名	艺:	日	期:	年	月	日

摘要

纳米零价铁(nZVI)越来越多地用于污染土壤和含有氯化溶剂和重金属的地下水的原位修复。但分散在水相中的纳米零价铁颗粒由于磁力作用而具有强烈的聚集趋势,形成远超过微米尺寸的枝状絮体和网状结构,降低了它的有效表面积和反应活性在实验室研究和现场试验中的迁移性和稳定性表现均不理想。因此研究纳米零价铁在多孔介质中的迁移,通过制备改性纳米铁增强其稳定性与分散性,提高其在多孔介质中的迁移距离。并通过填充柱实验,研究硫化型纳米零价铁在多孔介质中的迁移过程以及多孔介质水力特性的变化过程。建立考虑拦截、布朗扩散、重力沉降和多孔介质性质变化影响的非稳态变参数数学模型。通过模型与实验数据的拟合,研究实验过程中各种机理的变化。

关键词:包覆型硫化型纳米铁;颗粒稳定性; XDLVO; 多孔介质; 迁移

Abstract

Nanometer zero-valent iron (nZVI) is increasingly used for in situ remediation of contaminated soils and groundwater containing chlorinated solvents and heavy metals. However, due to the magnetic force, the zero-valent iron nanoparticles dispersed in the aqueous phase have a strong tendency to aggregate and form dendritic flocs and network structures with a size far larger than micron, which reduce their effective surface area and reactivity. Their mobility and stability are not ideal in laboratory and field tests. Therefore, the migration of zero-valent iron nanoparticles in porous media was studied, and its stability and dispersion were enhanced by preparing modified iron nanoparticles to improve its migration distance in porous media. The migration process of sulfurized zero-valent iron nanoparticles in porous media and the change process of hydraulic characteristics of porous media were studied by packed column experiment. A mathematical model of unsteady variable parameters considering interception, Brownian diffusion, gravity settlement and property change of porous media is established. By fitting the model with experimental data, the changes of various mechanisms in the experimental process are studied.

Keywords: Sulfidated nanoscale zero valent iron, Dispersion stability, Extended DLVO, Porous medium, Transport

目录

摘要	I
Abstract	III
目录	V
Contents	VII
第1章 改性硫化型纳米零价铁的颗粒稳定性研究	1
1.1 实验试剂与仪器	1
1.1.1 实验试剂	1
1.1.2 主要试验仪器	1
1.2 材料制备和研究方法	1
1.2.1 海藻酸钠改性硫化型纳米铁的制备	1
1.2.2 电泳迁移率的测定	3
1.2.3 沉降速率的测定	3
1.2.4 颗粒尺寸的测定	3
1.2.5 附着效率计算	3
1.2.6 聚电解层厚度计算	4
1.2.7 碰撞频率的计算	5
1.2.8 团聚动力学模型	6
1.3 结果与讨论	6
1.3.1 pH 对不同包覆比的 S-NZVI 稳定性的影响	6
1.3.2 不同包覆比下 S-NZVI 的稳定性	6
1.3.3 离子强度对 SA-S-NZVI 稳定性的影响	8
1.3.4 聚电解质包覆层的特性	8
1.3.5 基于 DLVO 理论的颗粒相互作用能计算	10
1.4 本章小结	16
结论与展望	17
参考文献	21

Contents

Abstract (in Chinese)	I
Abstract	III
Contents (in Chinese)	V
Contents	VII
Chapter 1 Study on stabilization of coated sulfur-modified NZVI	1
1.1 Chemical reagents and instrument analyses	1
1.2 Materials and methods	1
1.3 Results and discussion ·····	6
1.4 Result	16
Conclusions ····	17
Reference	21

第1章 改性硫化型纳米零价铁的颗粒稳定性研究

1.1 实验试剂与仪器

1.1.1 实验试剂

本文研究主要用到的实验试剂如表 1-1

表 1-1 主要实验试剂

Tab. 1-1 Main experimental reagents

试剂名称	分子式	纯度	生产厂家
海藻酸钠	X	AR	天津市福晨化学试剂厂
硫化钠	Na_2S	AR	天津市福晨化学试剂厂
硼氢化钠	NaBH	AR	天津市福晨化学试剂厂
硫酸亚铁	$FeSO_4 \cdot 7H_2O$	AR	天津市福晨化学试剂厂
盐酸	HCl	AR	天津市福晨化学试剂厂
氢氧化钠	NaOH	AR	天津市福晨化学试剂厂
盐酸羟胺	HONH ₃ Cl	AR	天津市福晨化学试剂厂
邻菲啰啉	$C_12H_8N_2H_2O$	AR	天津市福晨化学试剂厂
硫酸亚铁铵	XX	AR	天津市福晨化学试剂厂
乙酸钠	CH ₃ COONa	AR	天津市福晨化学试剂厂
石英砂	SiO_2	AR	天津市福晨化学试剂厂
氯化钠	NaCl	AR	天津市福晨化学试剂厂
氮气	N_2	LP	北京海瑞通达气体科技有限公式

1.1.2 主要试验仪器

试验过程中主要使用到的仪器和设备见表 1-2

1.2 材料制备和研究方法

1.2.1 海藻酸钠改性硫化型纳米铁的制备

用于制备 SA-S-NZVI 的海藻酸钠和硫化钠购自天津市福晨化学试剂厂。超纯水 (SIM-T30UV, 北京飞翔赛思科技有限公司) 在反应前通过氮气 (北京顺驰东环干冰经营中心) 进行脱氧。实验的所有试剂均为分析纯, 所有溶液和稀释液均

表 1-2 主要实验试剂

Tab. 1-2 Main experimental reagents

仪器名称	规格型号	生产厂家
精密定时电动搅拌器	JJ-1	北京市中兴伟业仪器有限公司
超声波细胞粉碎机	BILON-650Y	上海比朗仪器制造有限公司
冷冻干燥机	FD-1A-50	上海比朗仪器制造有限公司
流量型蠕动泵	BT100-1L	保定兰格恒流泵有限公司
紫外可见分光光度计	2082S UV/VIS	上海尤尼柯仪器有限公司
电子天平	JA2003	上海恒平科学仪器有限公司
Zeta 电位及粒度分析仪	90Plus Zeta	美国布鲁克海文仪器公司
真空干燥箱	DZ-2AII	天津市泰斯特仪器有限公司

在超纯水中制备。

采用表面腐蚀法制备 S-nZVI,S²⁻ 水解产生 HS⁻ 和 H₂S 对 nZVI 具有腐蚀作用,生成的 Fe²⁺ 与 S²⁻ 结合,在 nZVI 表面生成 FeS^[1]。使用液相还原法制备 NZVI^[2-3],将 2.48 gFeSO₄·7H₂O 溶解于 350 ml 超纯水中。取 0.68 gNaBH₄ 溶于 150 ml 超纯水后逐滴加入到上述溶液中。同时用电动搅拌机 (JJ-1, 北京市中兴伟业仪器有限公司)以 600 r·min⁻¹ 的转速搅拌,反应完成后继续搅拌 15 min,反应式如式 (1-1)。将混合液过滤,收集的固体颗粒用去离子水冲洗 2 次,无水乙醇冲洗 1 次,将其干燥后密封置于冰箱中保存。配置 1 g/L 的 NZVI 悬浊液,超声 10 min,向其中加入 0.32 g Na₂S,使用电动搅拌机搅拌 2 h,获得 S/Fe 比 (摩尔比)为 0.15 的 S-nZVI。其反应式如式 (1-4) 所示^[4]。

$$Fe^{2+} + 2BH_4^- + 4H_2O \rightarrow 2Fe^0(s) + B(OH)_4^- + 4H^+ + 2H_2(g)$$
 (1-1)

$$Na_2S + H_2O \rightarrow 2Na^+ + HS^- + OH^-$$
 (1-2)

$$Fe^{2+} + 2HS^{-} \rightarrow FeS(s) + H_2S$$
 (1-3)

$$S^{2-} + Fe^{2+} \rightarrow FeS(s) \tag{1-4}$$

将 0.5 g 的 S-NZVI 颗粒分别分散在不同浓度的海藻酸钠的水溶液中 (0.0、0.1、0.2、0.3 wt%), 超声处理 30 min。然后 27500 rpm 转速离心 80 min, 倒去上清液,

用超纯水清洗数次后干燥备用。样品依次记为 S-NZVI,0.1%SA-S-NZVI,0.2%SA-S-NZVI 和 0.3%SA-S-NZVI。

1.2.2 电泳迁移率的测定

将 S-NZVI 悬浮于 0.1 mM 的 NaCl 溶液中, 使用 NaOH 或 HCl 调整溶液 pH, 使用超声细胞粉碎机中超声 30 min。使用 Zeta 电位及粒度分析仪 (90Plus Zeta, Brookhaven Instruments Corporation) 测定不同 pH 在 3 到 10 范围内 S-NZVI 的电泳迁移率 (u_e)。 S-NZVI 的 ζ 电位由 Smoluchowski 方程计算: $\zeta = \eta u_e/\varepsilon$ 。其中 η 为水粘度, ε 为水的介电常数。将小节 1.2.1制备完成的 4 种样品分别悬浮于不同离子强度的 NaCl 溶液中 (5.0,10.0,20.0,40.0,60.0,80.0 mM),调节溶液 pH 为 8,测定样品的电泳迁移率。

1.2.3 沉降速率的测定

使用 0.1 mM NaCl 溶液将小节 1.2.1制备完成的 4 种样品配置成 1.0 g/L 的悬浮液, 调整溶液 pH=8 放入石英比色皿, 使用紫外分光光度计 (2082S UV/VIS,Unico Instrument Corporation) 在 508 nm 波长下测定不同时刻对铁的吸光度, 扫描时间 4000 s, 扫描间隔 30 s。

1.2.4 颗粒尺寸的测定

利用 Zeta 电位及粒度分析仪 (90Plus Zeta, Brookhaven Instruments Corporation) 的动态光散射 (DLS) 模块测定 SA-S-NZVI 纳米颗粒的颗粒尺寸 (a_h) 。将上述样品配置成 0.015 g/L 的悬浮液, 使用 NaOH 或 HCl 调整溶液 pH=8, 于氮气气氛超声 30 min 后立即测量。散射光由光电探测器以 90° 散射角检测, 每次检测 60 s。根据瑞利近似, 散射光强度与粒径的六次方正相关, 因此强度分布对粒径特别敏感, 不适用与宽分布样品 (图 S1)。为了有效确定团聚颗粒的粒径分布, 对比了DLS 的强度平均 (by intensity) 数据和数量平均 (by number) 数据。本文选择使用水力粒径的数量平均值以表征颗粒的尺寸分布。

1.2.5 附着效率计算

通过计算初始团聚速率常数 k 和附着效率 (α) 来表征 SA-nZVI 的团聚动力学。团聚行为刚开始时, 水力半径 a_h 与时间 t 呈线性关系。因此, 初始团聚速率常数 (k) 可以通过对 $a_h(t)$ 随 t 的变化量进行线性最小二乘回归分析得到。该回归分析通常在从 t=0 到 $a_h(t)$ 的值达到 1.25a(0) 的时间范围内进行 [5]。由式 (1-5) 计算不同离子强度下颗粒的初始团聚速率 [6]:

$$k \propto \frac{1}{N_0} \left(\frac{\mathrm{d}a_\mathrm{h}(t)}{\mathrm{d}t} \right)_{t \to 0}$$
 (1-5)

其中, N_0 为纳米颗粒悬浊液的初始浓度。附着效率 α_{pp} 反映了颗粒之间发生有效碰撞的几率。它被定义为反应受限团聚 (并非所有的碰撞都是有效的, 团聚的发生需要颗粒的能量超过反应势垒, 因此碰撞效率 ($\alpha_{pp} < 1$) 与扩散受限团聚 (聚集的发生由布朗运动引起, 只要颗粒发生接触, 就会形成更大的团簇, 即碰撞效率 ($\alpha_{pp} = 1$)。导出的团聚速率之比[7]:

$$\alpha_{\rm pp} = \frac{k}{k_{\rm fast}} = \frac{\frac{1}{N_0} \left(\frac{\mathrm{d}a_{\rm h}(t)}{\mathrm{d}t}\right)_{t \to 0}}{\frac{1}{N_{0,\rm fast}} \left(\frac{\mathrm{d}a_{\rm h}(t)}{\mathrm{d}t}\right)_{t \to 0,\rm fast}}$$
(1-6)

其中,下标"fast"指扩散受限团聚。 k_{fast} 取扩散限制团聚阶段下 k 的平均值。 1.2.6 **聚电解层厚度计算**

由于溶液中的阴阳离子和电荷可以透过包覆型 S-NZVI 表面, 分布在吸附层内部, 因此测量电泳迁移率结合 Ohshima 的软粒子理论来确定聚电解质吸附层的特性。Ohshima 认为, 软粒子周围的电势由吸附层内厚度为 d 的 Donnan 电势 (ψ_{DON}) 和吸附层与溶液边界的表面电势 (ψ_0) 组成 [8-10] (图 1-1)。结合 Navier-Stokes 方程计算吸附层的摩擦力, 软粒子的电泳迁移率的表达式为 [11]:

$$\psi_{\text{DON}} = \frac{k_B T}{z e_0} \ln\left[\frac{ZN}{2zn} + \left\{ \left(\frac{ZN}{2zn}\right)^2 + 1 \right\}^{1/2} \right]$$
 (1-7)

$$\psi_0 = \psi_{\text{DON}} - \frac{k_B T}{z e_0} \tanh \frac{z e_0 \psi_{\text{DON}}}{2 k_B T} + \frac{4 k_B T}{z e_0} \cdot e^{-\kappa_m d} \cdot \tanh \frac{z e_0 \zeta}{4 k_B T}$$
 (1-8)

$$\kappa = \sqrt{\frac{2nz^2e_0^2}{\varepsilon k_B T}} \tag{1-9}$$

$$\kappa_{\rm m} = \kappa \sqrt{\cosh(\frac{ze_0\psi_{\rm DON}}{k_BT})}$$
 (1-10)

$$u_{e} = \frac{\varepsilon}{\eta} \cdot \frac{\psi_{0}/\kappa_{m} + \psi_{\text{DON}}/\lambda}{1/\kappa_{m} + 1/\lambda} \cdot \frac{2}{3} \cdot \left[1 + \frac{1}{2(1 + d/a)^{3}}\right]$$

$$+ \frac{Ze_{0}N}{\eta\lambda^{2}} + \frac{8\varepsilon k_{B}T}{\eta\lambda ze_{0}} \cdot \tanh \frac{ze_{0}\zeta}{4k_{B}T} \cdot \frac{e^{-\lambda d}/\lambda - e^{-\kappa_{m}d}/\kappa_{m}}{1/\lambda^{2} - 1/\kappa_{m}^{2}}$$

$$(1-11)$$

其中,Z 为聚电解质电离基团的价态; $N(m^{-3})$ 为包覆层中聚电解质的浓度;z 为水相中电解质的价态 (本文中使用 NaCl,z 取 1); n 为电解质的浓度; e_0 为电子电荷; k_B 为玻尔兹曼常数; κ_m 为有效德拜常数; a、d 分别为颗粒粒径和包覆

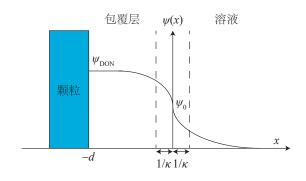


图 1-1 软粒子表面的电势示意图

Fig. 1-1 Schematic diagram of the electric potential on the surface of a soft particle

层厚度; ζ 为裸 S-NZVI 的 ζ 电位; $1/\lambda$ 为参数, 其大小代表聚电解质层的软度, 当 $1/\lambda \to 0$ 时, 包覆层为刚性, 此时式 (1-11) 等价于 Smoluchowski 方程。测定不同离子强度下裸 S-NZVI 和包覆型 S-NZVI 的电泳迁移率用于拟合式 (1-7), (1-8) and (1-11) 得到 N、 λ 和 d。

1.2.7 碰撞频率的计算

碰撞频率函数反映的是颗粒在分散体系中单位时间碰撞的次数。水环境中,粒子碰撞的机制主要为三种: 布朗运动、流体剪切和差速沉降 $^{[12]}$ 。采用 Coalesced Fractal Sphere(CFS)模型 $^{[13]}$:(1) 所有的絮凝体由单一类型的初级颗粒组成, 这些初级颗粒是致密的球体。(2) 所有絮凝体都具有固定的分形维数, 且不受絮凝体粒径的影响。(3) 当两个絮凝体碰撞并结合时, 新形成的絮凝体具有与碰撞前絮凝体相同的分形维数, 新絮凝体的固体体积是碰撞前絮凝体的固体体积之和。布朗运动、流体剪切和差速沉降三种碰撞频率函数 β_{BR} 、 β_{SH} 、 β_{DS} 按下式计算 $^{[13]}$:

$$\beta_{BR}(v_i, v_j) = \frac{2kT}{3\mu} (v_i^{1/D_F} + v_j^{1/D_F}) (v_i^{-1/D_F} + v_j^{-1/D_F})$$
 (1-12)

$$\beta_{SH}(v_i, v_j) = \frac{G}{\pi} v_0^{1 - 3/D_F} \left(v_i^{1/D_F} + v_j^{1/D_F} \right)^3$$
 (1-13)

当 D_F ∈ [2,3] 时

$$\beta_{DS}(v_i, v_j) = \frac{g}{12\mu} \left(\frac{\pi}{6}\right)^{-1/3} \left[(\rho_0 - \rho_w)/\rho_w \right] v_0^{1/3 - 1/D_F}$$

$$\times \left(v_i^{1/D_F} + v_j^{1/D_F} \right)^2 \left| v_i^{(D_F - 1)/D_F} - v_j^{(D_F - 1)/D_F} \right|$$
(1-14)

当 D_F ∈ [0,2] 时

$$\beta_{DS}(v_i, v_j) = \frac{g}{12\mu} \left(\frac{\pi}{6}\right)^{-1/3} \left[(\rho_0 - \rho_w)/\rho_w \right] v_0^{4/3 - 3/D_F}$$

$$\times \left(v_i^{1/D_F} + v_j^{1/D_F} \right)^2 \left| v_i^{1/D_F} - v_j^{1/D_F} \right|$$
(1-15)

式中 v_0 为颗粒体积, v_i 和 v_j 分别为不同絮凝体的固体体积, ρ_0 为单体密度, ρ_w 为水密度, D_F 为分形维数。

1.2.8 团聚动力学模型

Von Smoluchowski 在 1917 年提出了团聚动力学方程^[14], 在胶体化学的范畴内, 在忽略重力、无絮体分裂、无介质流动、絮体沿直线相互碰撞等假设的简化条件下, 在数学上反映团聚过程中不同粒径颗粒的团聚过程^[14]:

$$\frac{\mathrm{d}n_k}{\mathrm{d}t} = \frac{1}{2}\alpha_{\mathrm{pp}} \sum_{i+j=k} \beta(i,j)n_i n_j - \alpha_{\mathrm{pp}} n_k \sum_{i=1}^{z} \beta(i,k)n_i$$
 (1-16)

式中, 右下角标代表形成对应阶数聚集体消耗的初级颗粒数量, 对应 n_i 、 n_j 、 n_k 分别为对应阶数的聚集体浓度 (\mathbf{m}^{-3}); z 为其中构成最大絮凝体消耗的初级颗粒数量 $(i,j,k \leq z)$; α_{pp} 表示碰撞效率由式 (1-6) 计算; β 是与两个碰撞颗粒体积相关的函数由式 (1-12) to (1-14) 计算。方程右侧的第一项表示 i 阶团聚体和 j 阶团聚体碰撞形成阶数为 k 的团聚体的速率,第二项表示 k 阶团聚体与其他团聚体碰撞后损失的速率。第一项前的 1/2 确保了在求和过程中,相同的碰撞不会被计算两次。方程定义了 k 阶团聚体浓度的变化速率。

1.3 结果与讨论

1.3.1 pH 对不同包覆比的 S-NZVI 稳定性的影响

如图 1-2所示,未包覆的 S-NZVI 在酸性条件下时 ζ 电位为正,碱性条件下为负,等电点在 pH=7.0 附近,此时颗粒表面静电力变小,排斥力减弱。由于通常地下水的 pH 范围在 6.5 到 8.5 之间 [15],因此该环境下未包覆的 S-NZVI 胶体团聚速率快,更易脱稳沉降,与相关研究结果相符。为模拟地下水环境,调节 pH=8,因此本研究中的硫化纳米铁表面带负电。

1.3.2 不同包覆比下 S-NZVI 的稳定性

纳米颗粒在水中同时受到扩散和重力沉降作用,如果纳米粒子的扩散克服 了沉降作用,那么纳米粒子可以保持很长时间的稳定。其中重力作用与粒子半径 的平方成正比,扩散作用与粒子尺寸成反比,当纳米粒子聚集成微米大小的团簇

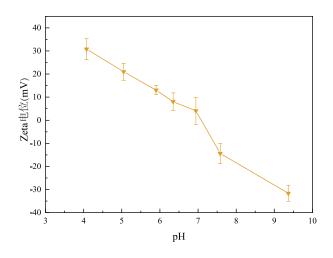


图 1-2 不同 pH 裸 S-NZVI 的 ζ 电位

Fig. 1-2 Zeta potential of bare S-NZVI as a function of pH

时,由于扩散作用小于沉降作用,团聚体会沉降到容器的底部。所以沉降速率是表征 S-NZVI 胶体稳定性的良好指标。

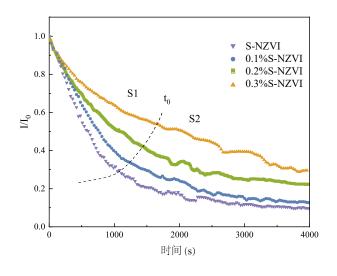


图 1-3 不同包覆比和裸 S-NZVI 的沉降曲线

Fig. 1-3 Sedimentation curves of bare and modified S-NZVI

如图 1-3所示,未包覆的 S-NZVI 的沉降可分为两个阶段:在 S1 阶段,样品中存在大量超过临界尺寸的颗粒,因此快速沉降。在 t_0 时刻,多数大颗粒沉降完成,沉降速率降低,样品进入 S2 缓慢沉降阶段,逐渐趋于稳定。

海藻酸钠包覆 S-NZVI 的沉降模式与未包覆材料相同,均由 S1、S2 两个阶段组成,但由于聚电解质层的存在,包覆硫化钠米铁的沉降速率与海藻酸钠浓度 负相关。海藻酸钠浓度越大,S1 阶段的沉降速率越小,S2 阶段保持悬浮的颗粒

数量越多,体系的稳定性越好。

1.3.3 离子强度对 SA-S-NZVI 稳定性的影响

金属氧化物纳米颗粒在水溶液中的稳定性在很大程度上取决于离子强度。为了研究离子强度对 SA-S-NZVI 在溶液中的稳定性 (pH=8±0.1),制备不同包覆比 (0、0.1、0.2、0.3wt%) 的 SA-S-NZVI,采用 NaCl 调节离子强度 $(0.00\sim100 \text{ mM})$ NaCl)。颗粒之间的附着效率由式 (1-6) 计算,其中 k_{fast} 取扩散限制团聚阶段下 k 的平均值。

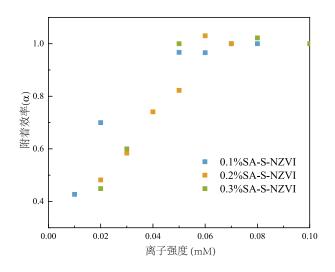


图 1-4 不同离子强度下包覆型 S-NZVI 的附着效率

Fig. 1-4 Influence of iron strength on aggreation behaviors of modified S-NZVI

实验结果如图 1-4所示,不同包覆比的 SA-S-NZVI 与裸 S-NZVI 随着离子强度的增加,在低浓度 NaCl 下,NaCl 浓度的增加将提高电荷屏蔽的程度,从而提高团聚速率,这反映在附着效率的提高上。该过程中,附着效率与 NaCl 的投加量正相关,这种团聚过程称为反应限制团聚 ($\alpha < 1$)。在高 NaCl 浓度下,SA-NZVI 的电荷被完全屏蔽,势垒消失,该过程中颗粒发生扩散限制团聚 ($\alpha = 1$),团聚速率达到最大值,且与 NaCl 投加量无关。NaCl 对不同包覆比 S-NZVI 的临界浓度均在 $0.05\sim0.06$ mM 附近。

1.3.4 聚电解质包覆层的特性

颗粒间空间斥力的大小和作用范围与表面吸附的聚合物浓度和包覆层厚度有关。不同包覆比的 S-NZVI 的电泳迁移率随离子强度的变化如图 1-5所示,其中曲线由测量的平均电泳迁移率式 (1-7), (1-8) and (1-11) 拟合得到,各参数见表 1-3。

表 1-3 利用 Ohshima 软粒子理论计算 pH 值为 8.0±0.1 时吸附聚电解质层的特性

Tab. 1-3 Characteristics of the adsorbed polyelectrolyte layers at pH 8.0 ± 0.1 as estimated by Ohshima's soft particle analysis

样品类型	ZN/N _A	d	$1/\lambda$	ϕ_p
	(mol/m^3)	(nm)	(nm)	(10^{-3})
0.1%SA	3.28±1.08	7.97±4.11	6.63±0.58	113
0.2%SA	1.47±1.25	10.94±4.68	8.51±1.06	80
0.3%SA	1.50±1.39	16.62±4.58	9.57±1.97	54

由于包覆层的存在,SA-S-NZVI 周围的扩散层被压缩,其电泳迁移率随离子强度的变化较未包覆 S-NZVI 小。随着离子强度不断提高,未包覆 S-NZVI 的电泳迁移率逐渐趋于零,而不同包覆比的 SA-S-NZVI(0.1%wt,0.2%wt,0.3%wt) 受包覆层特性影响分别趋于-2.8,-2.2 和-2.3 μ m s⁻¹ cm V⁻¹。

由于软粒子对滑移面位置不敏感^[16],Smoluchoski 公式以硬粒子为基础并不适用于包覆型 S-NZVI。根据 Ohshima 的软粒子理论计算的包覆型 S-NZVI 的表面电荷 ψ_0 远小于由 Smoluchoski 公式计算的 ζ 电位。因此,软粒子并不适用于传统 DLVO 理论的双电层公式计算静电斥力。

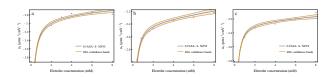


图 1-5 不同 NaCl 浓度下包覆型 S-NZVI 的电泳迁移率

Fig. 1-5 Electiophoretic mobility of the sodium alginate coated S-NZVI as a function of NaCl (mM)

包覆层中聚电解质的体积分数是影响颗粒稳定性的重要因素。根据计算的颗粒平均包覆层厚度和吸附浓度估算吸附到 NZVI 表面聚电解质的体积分数:

$$\phi_{p} = \frac{\Gamma \cdot 4\pi a^{2}}{\rho_{p} \cdot \frac{4}{3}\pi [(d+a)^{3} - a^{3}]}$$

$$= \frac{3 \cdot \Gamma a^{2}}{\rho_{p} [(d+a)^{3} - a^{3}]}$$
(1-17)

其中, ρ_p 是聚电解质密度;d 为包覆层厚度;a 为颗粒粒径; Γ 为 S-NZVI 表面聚电解质的吸附浓度,制备样品吸附后通过差量法利用总有机碳分析仪测量 TOC 计算。

1.3.5 基于 DLVO 理论的颗粒相互作用能计算

未包覆型 S-NZVI 颗粒在溶液中的稳定性可以用 DLVO 理论解释[17-18]。根据经典 DLVO 理论, 颗粒之间主要吸引能来自范德华力 V_{vdW} , 排斥能主要取决于静电双电层的相互作用 V_{el} 。求形颗粒之间范德华力的势能大小为[19]:

$$V_{\text{vdW}} = -\frac{A}{6} \left\{ \frac{2a^2}{s(4a+s)} + \frac{2a^2}{(2a+s)^2} + \ln\left[\frac{s(4a+s)}{(2a+s)^2}\right] \right\}$$
 (1-18)

其中,A 为 Hamaker 常数,取 10^{-19} ; s 为颗粒表面间距; a 为颗粒半径。在电解质溶液中,当两个带电颗粒相互接近的时候,它们的扩散双电层彼此交迭,并且如果颗粒带电情况相似,它们在接近过程中都将受到排斥作用。根据颗粒大小和双电层厚度的不同,双电层作用 $V_{\rm el}$ 的计算式如下 [18,20-21]:

$$V_{\text{el}} = \begin{cases} 4\pi\varepsilon\psi^2 \cdot \frac{a_1a_2}{a_1+a_2} \cdot \ln[1 + \exp(-\kappa s)] & \kappa a \ge 5\\ 4\pi\varepsilon Y_1 Y_2 a_1 a_2 \cdot (\frac{kT}{e})^2 \cdot \frac{\exp(-\kappa s)}{a_1+a_2+s} & \kappa a < 5 \end{cases}$$
(1-19)

$$Y_1 = \frac{8 \tanh[e\psi/(4kT)]}{1 + \left[1 - \frac{2\kappa a_i + 1}{(\kappa a_i + 1)^2} \tanh^2[e\psi/(4kT)]\right]^{1/2}}$$
(1-20)

$$\kappa = \sqrt{\frac{1000e^2N_AIz_i^2}{\varepsilon kT}}$$
 (1-21)

其中, ε 为水的介电常数, ψ 为表面电势,未包覆型 S-NZVI 用 ζ 电位 (V) 替代 [22-24],SA-S-NZVI 的表面电势由软粒子理论计算得到 (表 1-3)。k 为是玻尔兹曼常数 (J/K),T 是绝对温度 (K), κ 为德拜长度的倒数 (m⁻¹),I 为离子强度 (M),e 为单电子的电荷量 (C), N_A 为阿伏伽德罗常数 (mol⁻¹),由于体系中只有 NZVI 颗粒,因此 $a_1 = a_2, Y_1 = Y_2$ 。

由于 S-NZVI 为纳米零价铁核, 表面硫化铁的核壳结构, 测量 S-NZVI 的磁滞 回线如图 1-6所示, 其饱和磁化强度为 1410.62 kA/m, 矫顽力大小为 20.49 A/m, 剩余磁化强度为 120.08 kA/mM。因此 S-NZVI 在水相中的稳定性受到其固有磁矩 之间相互作用的影响, 即使没有外部磁场干扰, 也会因 NZVI 自身磁矩而相互吸引 [25]。考虑 S-NZVI 的磁性对其团聚行为的影响:

$$V_{\rm M} = \frac{-8\pi\mu_0 M^2 a^3}{9(s/a+2)^3} \tag{1-22}$$

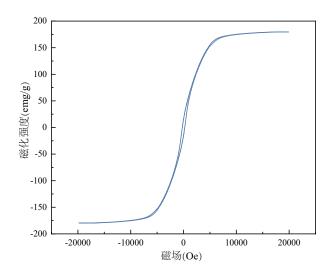


图 1-6 S-NZVI 在 298.0 K 条件下的磁滞回线

Fig. 1-6 Hysteresis cycle of the magnetization of S-NZVI, at 298.0 K.

其中, μ_0 为真空中磁导率 $(4\pi \cdot 10^{-7} H/m)$; M 为磁化强度 $(A \cdot m^{-1})$ 。

假设平均粒子半径为 50 nm, 未包覆型 S-NZVI 的相互作用如图 1-7所示, 其中 V_T 为相互作用势的总和。此时相互作用力以磁力为主, 不存在阻止颗粒聚集的能量势垒, 颗粒快速团聚, 与观察到的实验现象吻合。

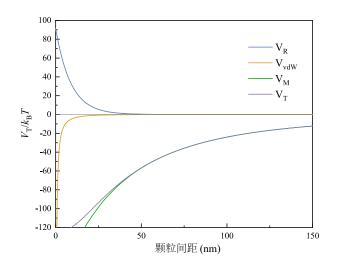
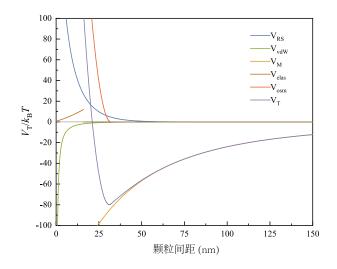


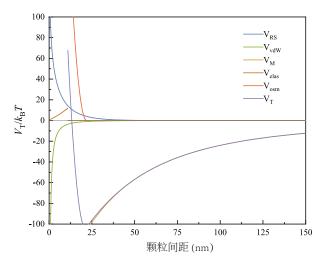
图 1-7 S-NZVI 的颗粒间 XDLVO 相互作用曲线

Fig. 1-7 Calculated XDLVO interaction energy for bare S-NZVI

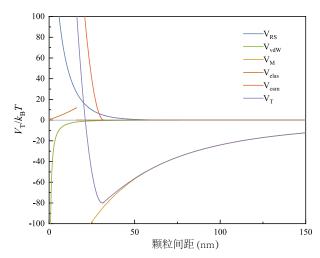
但 S-NZVI 被海藻酸钠层包覆时,由于表面包覆层的存在,溶液中离子可以穿透 SA-S-NZVI 粒子表面分散于包覆层内部。假定包覆层是均匀带电的,令 Z 和 N 分别为包覆层中带电基团的价态和密度,则 SA-S-NZVI 之间的静电势为:[9,26-27]



(a) 0.1%SA-S-NZVI 颗粒间相互作用曲线



(b) 0.2%SA-S-NZVI 颗粒间相互作用曲线



(c) 0.3%SA-S-NZVI 颗粒间相互作用曲线

图 1-8 SA-S-NZVI 颗粒间相互作用曲线

Fig. 1-8 Calculated XDLVO interaction energy for SA-S-NZVI

$$V_{\text{els}}(s) = \frac{2\pi a \rho_{\text{fix}}^2 \sinh^2(\kappa d)}{\varepsilon_0 \varepsilon_r \kappa^4} \ln\left[\frac{1}{1 - \exp(-\kappa s)}\right]$$
(1-23)

$$\rho_{\text{fix}} = ZeN \tag{1-24}$$

同时,根据 Donnan 平衡,包覆层中的聚电解质段被吸附固定在颗粒表面,而电离的小离子可以自由移动,因此包覆层附近存在额外渗透压。当颗粒间距不断减小,包覆层逐渐靠近相互重叠增加了局部电解质的浓度,从而提高了局部渗透压 $(V_{\text{osm}})^{[28]}$ 。此外,当颗粒之间距离小于 d 时,部分聚合物段被压缩,导致体系的熵减小,从而产生弹性斥力 $(V_{\text{clas}})^{[29]}$:

$$\frac{V_{\text{osm}}}{k_B T} = \begin{cases}
0 & 2d \leq s \\
\frac{4\pi a}{v_1} \cdot \phi_p^2 \cdot (\frac{1}{2} - \chi)(d - \frac{s}{2})^2 & d \leq s < 2d \\
\frac{4\pi a}{v_1} \cdot \phi_p^2 \cdot (\frac{1}{2} - \chi)d^2 \left[\frac{s}{2d} - \frac{1}{4} - \ln(\frac{s}{d})\right] & s < d
\end{cases}$$
(1-25)

$$\frac{V_{\text{elas}}}{k_B T} = \begin{cases}
0 & d \leq s \\
(\frac{2\pi a}{M_w} \cdot \phi_p d^2 \rho_p) \{\frac{s}{d} \ln[\frac{s}{d} (\frac{3-s/d}{2})^2] \\
-6 \ln(\frac{3-s/d}{2}) + 3(1 + \frac{s^2}{d})\} & d > s
\end{cases}$$
(1-26)

其中, χ 为 Flory-Huggins 常数; ϕ_p 为包覆层聚电解质的体积分数; d 为包覆层厚度; ν_1 为溶剂分子的体积; M_w 为聚电解质的分子量; ρ_p 为聚电解质密度。综上, 包覆型 S-NZVI 的总相互作用能为:

$$V_{\rm T} = V_{\rm vdW} + V_{\rm els} + V_{\rm osm} + V_{\rm elas} + V_{\rm M}$$
 (1-27)

SA-S-NZVI 的相互作用势能如图 1-8a所示, 在短距离上看, 体系中主要的排斥力为空间斥力 (V_{osm} , V_{elas}), 同时由于包覆层的存在, 颗粒的表面电势 (V_{els}) 要略大于未包覆 S-NZVI 的静电相互作用 (V_{el}), 但是仍然无法抵抗 S-NZVI 自身磁矩的吸引。当 SA-S-NZVI 相互接近距离小于 2d 时, 由于渗透斥力产生极大的能量势垒, 阻止 SA-S-NZVI 的进一步靠近。令 $V_T'=0$ 可求得 0.3%SA-S-NZVI 的势能阱分别位于 31.10 nm, 大小为-79.93 k_BT 。综上,0.1 mM 电解质溶液中的静电斥力无法抵抗磁力的吸引作用, 颗粒主要的斥力来自于空间作用力, 因此增加包覆层厚度可以显著减小势能阱的深度。对照未包覆型 S-NZVI, 不同包覆比的

SA-S-NZVI 应形成颗粒间距约 31 nm 的松散团聚体, 而非裸 S-NZVI 的密实团聚体。

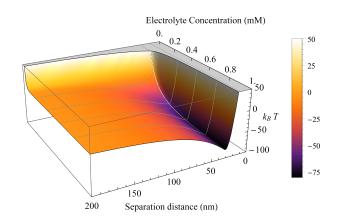


Figure 1-9 Change of DLVO interaction energy for SA-S-NZVI with electrolyte concentration and separation distance

由于 SA-S-NZVI 的附着效率随离子强度增加而提高 (图 1-4), 颗粒的相互作用受离子强度影响较大。以 0.3%SA-S-NZVI 为例, 不同离子强度下 SA-S-NZVI 间的相互作用力如图 1-9所示。低离子强度下颗粒间的静电斥力的大小和作用范围都显著增加, 这体现在势能阱由-85.13 k_BT (100.00 mM, 图中未画出) 快速衰减至-0.07 (0.01 mM) 几乎消失。随着电解质浓度提高 (>0.5 mM), 势能阱深度的变化较小 (紫色区域), 静电斥力对总势能的影响变得十分有限, 颗粒总势能以渗透斥力和磁力主导, 最小势能阱维持在-85.13 左右, 离子强度对其影响可以忽略不计。同时, 附着效率的物理意义为颗粒之间发生有效碰撞的几率, 因此颗粒聚集的临界混凝浓度由 DLVO 理论计算可以表示为势能阱的深度大于布朗运动的能量 (1.5 k_BT)。要使附着效率达到 $100\%(\alpha_{DD}=1)$ 则总势能方程需满足:

$$\begin{cases} V_T = -1.5 \ k_B T \\ V_T' = 0 \end{cases} \tag{1-28}$$

求得不同包覆比 SA-S-NZVI 临界浓度分别为 $4.53 \cdot 10^{-2}$ mM, $3.68 \cdot 10^{-2}$ mM, $4.47 \cdot 10^{-2}$ mM。因此三种包覆比 SA-S-NZVI 的附着效率在 0.1 mM NaCl 条件下均为 100%。利用动态光散射法测定 t_0 时刻样品的粒径分布,带入式 (1-16) 计算平均粒径随时间的变化。不同包覆比 SA-S-NZVI 的平均粒径随时间的变化 如图 1-10所示,0.1wt%、0.2wt% 和 0.3wt%SA-S-NZVI 的平均粒径分别增加了 133 nm、114 nm、110 nm,可以较好的预测实验结果。

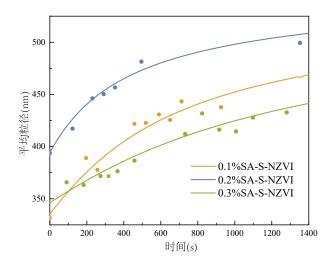


Figure 1-10 Changes in mean particle size over time for suspensions of SA-S-NZVI.

The curves show the best fit of the aggregation kinetics model to the 0.10 wt%,0.2 wt% and 0.3wt% SA-S-NZVI

为进一步研究 SA-S-NZVI 的团聚机理, 考虑 S-NZVI 的长程吸引作用主要以磁力为主, 而式 (1-22) 计算的磁性势能与粒径的 6 次方正相关, 而 S-NZVI 样品是宽分布的。因此不同粒径颗粒的总势能有显著差异。颗粒粒径, 颗粒间距对总势能 (V_T) 的变化如图 1-11所示, 由于磁性对颗粒粒径敏感, 在 30~50 nm 之间, 势能阱的深度随着粒径增加快速滑落, 势能阱出现的位置随粒径变化较小。尺寸在 30 nm 以下的 SA-S-NZVI 颗粒的势能阱深度仅-0.82 k_BT , 小于胶体布朗运动的能量 (1.5 k_BT)。因此该条件下 SA-S-NZVI 形成的聚集不稳定, 这可以解释沉降实验中部分 SA-S-NZVI 保持悬浮的现象。

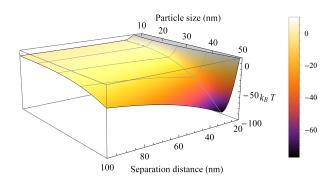


图 1-11 不同离子强度下 SA-S-NZVI 的 XDLVO 相互作用

Fig. 1-11 Change of XDLVO interaction energy for SA-S-NZVI with particle size and separation distance

1.4 本章小结

研究了不同的涂层比例和离子强度对裸露和涂层 S-NZVI 稳定性的影响。结果表明,海藻酸钠的浓度越高,沉降速度越慢。离子强度越高,粘附效率越高,离子强度对不同涂层比例的影响更可以忽略不计。通过软粒子理论计算,不同涂布比例的聚电解质层厚度分别为 7.97、10.94 和 16.62 纳米。海藻酸钠的浓度越高,聚电解质层的厚度就越大。用 XDLVO 理论进一步研究发现,由于 S-NZVI的磁效应,颗粒总是倾向于聚结在一起。裸露的 S-NZVI 没有排斥性的势垒存在,所以会发生不可逆的聚集,应该会形成密集的团聚体。

相比之下,SA-S-NZVI形成 31 纳米的松散团聚,而不是裸 S-NZVI的致密团聚。此外,虽然 30 纳米以下的小颗粒有结块的倾向,但吸引势能的大小远远小于布朗运动能量,这使得它难以形成稳定的结块。S-NZVI的磁效应随着颗粒间距的增加而缓慢衰减。静电排斥力和空间力的增加只能实现短距离的排斥。然而,它不能避免颗粒在长距离上相互接近的趋势。S-NZVI的磁相互作用随着粒子间距的增加而缓慢衰减。通过削弱 S-NZVI的磁性或在系统中加入排斥性的长程力以匹配磁性范围,可以进一步改善 S-NZVI的磁性能。

研究了不同包覆比和离子强度对未包覆和包覆型纳米颗粒稳定性的影响。结果表明,海藻酸钠浓度越高,沉降速率越慢。离子强度越大附着效率越高,同时离子强度对不同包覆比的影响较小。采用软粒子理论计算,不同包覆比分别厚度为7.97,10.94,16.62 nm。海藻酸钠浓度越高,包覆层厚度越大。用 XDLVO 理论进一步研究发现,由于 S-NZVI 的磁性作用,颗粒始终具有团聚的趋势。裸 S-NZVI 由于没有斥力势垒存在,发生不可逆团聚,形成密实团聚体。

相比之下,SA-S-NZVI 将形成 31 nm 的松散团聚体,而非裸 S-NZVI 的致密团聚体,且颗粒尺寸在 30 nm 以下的小颗粒虽然具有团聚的趋势,但吸引势能远小于布朗运动能量,难以形成稳定的聚集体。而对于 30 nm 以上的 SA-S-NZVI,虽然不可避免发生团聚,但吸引势能小,属于可逆团聚,容易被打散。因此包覆改性大大提升了 S-NZVI 在水中的分散能力。此外,由于 S-NZVI 的磁力作用随着颗粒间距增加衰减缓慢,增加静电斥力和空间作用力仅能实现短距离的排斥而无法避免颗粒长距离上相互靠近的趋势。由此可见,要实现 NZVI 在水溶液中真正的稳定,在后续研究中可以通过削弱 S-NZVI 的磁性,或在体系中增加与磁性作用范围相匹配的长程斥力以进一步提高 S-NZVI 的分散效果。

结论与展望

还

结论

没

展望

编

参考文献

- [1] FAN D, JOHNSON G O, TRATNYEK P G, et al. Sulfidation of nano zerovalent iron (nzvi) for improved selectivity during in-situ chemical reduction (iscr)[J/OL]. ENVIRONMENTAL SCIENCE & TECHNOLOGY, 2016, 50(17): 9558-9565. DOI: 10.1021/acs.est.6b02170.
- [2] LI Y, ZHANG Y, JING Q, et al. The influence of pluronic f-127 modification on nano zero-valent iron (nzvi): Sedimentation and reactivity with 2,4-dichlorophenol in water using response surface methodology[J]. Catalysts, 2020, 10(4): 412.
- [3] LIU Y, ZHANG Y, LAN S, et al. Migration experiment and numerical simulation of modified nanoscale zero-valent iron (nzvi) in porous media[J/OL]. Journal of Hydrology, 2019, 579: 124193. https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S002216941930928X. DOI: https://doi.org/10.1016/j.jhydrol.2019.124193.
- [4] RAJAJAYAVEL S R C, GHOSHAL S. Enhanced reductive dechlorination of trichloroethylene by sulfidated nanoscale zerovalent iron[J/OL]. WATER RESEARCH, 2015, 78: 144-153. DOI: 10.1016/j.watres.2015.04.009.
- [5] CHEN K L, ELIMELECH M. Influence of humic acid on the aggregation kinetics of fullerene (c60) nanoparticles in monovalent and divalent electrolyte solutions[J/OL]. Journal of Colloid and Interface Science, 2007, 309(1): 126-134. DOI: 10.1016/j.jcis.2007.01.074.
- [6] CHEN K L, MYLON S E, ELIMELECH M. Aggregation kinetics of alginate-coated hematite nanoparticles in monovalent and divalent electrolytes[J/OL]. Environmental Science & Technology, 2006, 40(5): 1516-1523. DOI: 10.1021/es0518068.
- [7] CHEN K L, ELIMELECH M. Aggregation and deposition kinetics of fullerene (c60) nanoparticles [J/OL]. Langmuir, 2006, 22(26): 10994-11001. https://doi.org/10.1021/la062072v.
- [8] Chapter 14 general expressions for the force and potential energy of the double layer interaction between two charged colloidal particles and analytic approximations for the interaction between two parallel plates[M/OL]//OHSHIMA H. Interface Science and Technology: volume 12 Theory of Colloid and Interfacial Electric Phenomena. Elsevier, 2006: 315-363. https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1573428506800372. DOI: https://doi.org/10.1 016/S1573-4285(06)80037-2.
- [9] OHSHIMA H. Electrostatic interaction of soft particles[J/OL]. Advances in Colloid and Interface Science, 2015, 226: 2-16. https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S00018 68615000743. DOI: https://doi.org/10.1016/j.cis.2015.05.001.
- [10] OHSHIMA H. Electrophoresis of soft particles[J/OL]. Advances in Colloid and Interface Science, 1995, 62: 189-235. DOI: 10.1016/0001-8686(95)00279-Y.

- [11] OHSHIMA H, NAKAMURA M, KONDO T. Electrophoretic mobility of colloidal particles coated with a layer of adsorbed polymers[J]. Colloid & Polymer Science, 1992, 270(9): 873-877.
- [12] THOMAS D N, JUDD S J, FAWCETT N. Flocculation modelling: a review[J]. Water Research, 1999, 33(7): 1579-1592.
- [13] LEE D G, BONNER J S, GARTON L S, et al. Modeling coagulation kinetics incorporating fractal theories: a fractal rectilinear approach[J/OL]. Water research (Oxford), 2000, 34(7): 1987-2000. DOI: 10.1016/S0043-1354(99)00354-1.
- [14] SMOLUCHOWSKI M. Versuch einer mathematischen theorie der koagulations kinetis kolloider losungen[J]. Z Phys Chem, 1917, 92.
- [15] 中国国家标准化管理委员会中华人民共和国国家质量监督检验检疫总局. 地下水质量标准[Z]. 2017: 19.
- [16] OHSHIMA H, NAKAMURA M, KONDO T. Electrophoretic mobility of colloidal particles coated with a layer of adsorbed polymers[J]. Colloid & Polymer Science, 1992, 270(9): 873-877.
- [17] GREGORY J. Approximate expressions for retarded van der waals interaction[J]. Journal of Colloid and Interface Science, 1981, 83(1): 138-145.
- [18] BIAN S W, MUDUNKOTUWA I A, RUPASINGHE T, et al. Aggregation and dissolution of 4 nm zno nanoparticles in aqueous environments: influence of ph, ionic strength, size, and adsorption of humic acid[J]. Langmuir, 2011, 27(10): 6059-6068.
- [19] HUYNH K A, CHEN K L. Aggregation kinetics of citrate and polyvinylpyrrolidone coated silver nanoparticles in monovalent and divalent electrolyte solutions[J]. Environmental science & technology, 2011, 45(13): 5564-5571.
- [20] NOH M, KIM T, LEE H, et al. Fluorescence quenching caused by aggregation of water-soluble cdse quantum dots[J]. Colloids and Surfaces A: Physicochemical and Engineering Aspects, 2010, 359(1-3): 39-44.
- [21] OHSHIMA H. Effective surface potential and double-layer interaction of colloidal particles [J/OL]. Journal of Colloid and Interface Science, 1995, 174(1): 45-52. https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0021979785713628. DOI: https://doi.org/10.1006/jcis.1995.1362.
- [22] WU L, LIU L, GAO B, et al. Aggregation kinetics of graphene oxides in aqueous solutions: experiments, mechanisms, and modeling[J]. Langmuir, 2013, 29(49): 15174-15181.
- [23] BHARDWAJ R, FANG X, SOMASUNDARAN P, et al. Self-assembly of colloidal particles from evaporating droplets: role of dlvo interactions and proposition of a phase diagram[J]. Langmuir, 2010, 26(11): 7833-7842.

- [24] FERIANCIKOVA L, XU S. Deposition and remobilization of graphene oxide within saturated sand packs[J]. Journal of hazardous materials, 2012, 235: 194-200.
- [25] BUTTER K, BOMANS P, FREDERIK P, et al. Direct observation of dipolar chains in iron ferrofluids by cryogenic electron microscopy[J]. Nature materials, 2003, 2(2): 88-91.
- [26] ŠKVARLA J, ŠKVARLA J. A unified analysis of the coagulation behaviour of silica hydrosols —when the colloid and polymer science meet[J]. Colloid and Polymer Science, 2020, 298(2): 123-138.
- [27] Chapter 16 double layer interaction between soft particles[M/OL]//OHSHIMA H. Interface Science and Technology: volume 12 Theory of Colloid and Interfacial Electric Phenomena. Elsevier, 2006: 390-408. https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1573428506800 396. DOI: https://doi.org/10.1016/S1573-4285(06)80039-6.
- [28] FRITZ G, SCHäDLER V, WILLENBACHER N, et al. Electrosteric stabilization of colloidal dispersions[J]. Langmuir, 2002, 18(16): 6381-6390.
- [29] PIACENZA E, PRESENTATO A, TURNER R J. Stability of biogenic metal(loid) nanomaterials related to the colloidal stabilization theory of chemical nanostructures[J/OL]. Critical Reviews in Biotechnology, 2018, 38(8): 1137-1156. https://doi.org/10.1080/07388551.2018. 1440525.