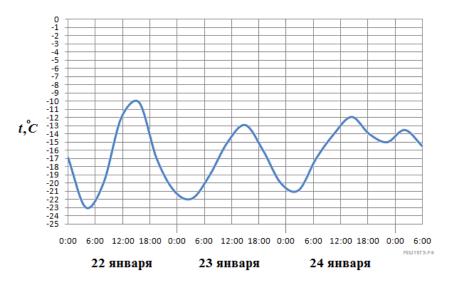
# Вариант № 38883364

# 1. Задание 1 № 77346

Мобильный телефон стоил 3500 рублей. Через некоторое время цену на эту модель снизили до 2800 рублей. На сколько процентов была снижена цена?

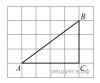
### 2. Задание 2 № 504837

На рисунке показано изменение температуры воздуха на протяжении трёх суток. По горизонтали указывается дата и время, по вертикали — значение температуры в градусах Цельсия. Определите по рисунку разность между наибольшей и наименьшей температурами воздуха 24 января. Ответ дайте в градусах Цельсия.



# 3. Задание 3 № 27801

Найдите гипотенузу прямоугольного треугольника, если стороны квадратных клеток равны 1.



### 4. Задание 4 № 320208

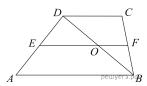
В кармане у Миши было четыре конфеты — «Грильяж», «Белочка», «Коровка» и «Ласточка», а также ключи от квартиры. Вынимая ключи, Миша случайно выронил из кармана одну конфету. Найдите вероятность того, что потерялась конфета «Грильяж».

## 5. Задание 5 № 27465

Найдите корень уравнения  $\sqrt{3x-8} = 5$ .

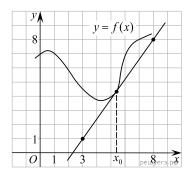
### 6. Задание 6 № 27821

Основания трапеции равны 4 и 10. Найдите больший из отрезков, на которые делит среднюю линию этой трапеции одна из ее диагоналей.



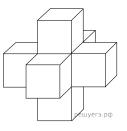
### 7. Задание 7 № 541372

На рисунке изображены график функции y=f(x) и касательная к нему в точке с абсциссой  $x_0$ . Найдите значение производной функции f(x) в точке  $x_0$ .



### 8. Задание 8 № 27117

Найдите объем пространственного креста, изображенного на рисунке и составленного из единичных кубов.



### 9. Задание 9 № 26850

Найдите значение выражения  $\log_{0.3} 10 - \log_{0.3} 3$ .

### 10. Задание 10 № 28013

Груз массой 0,08 кг колеблется на пружине. Его скорость v меняется по закону  $v=v_0\cos\frac{2\pi t}{T}$ , где t время с момента начала колебаний, T=2 с — период колебаний,  $v_0=0,5$  м/с. Кинетическая энергия E (в джоулях) груза вычисляется по формуле  $E=\frac{mv^2}{2}$ , где m — масса груза в килограммах, v — скорость груза в м/с. Найдите кинетическую энергию груза через 1 секунду после начала колебаний. Ответ дайте в джоулях.

### 11. Задание 11 № 99565

В 2008 году в городском квартале проживало 40000 человек. В 2009 году, в результате строительства новых домов, число жителей выросло на 8%, а в 2010 году на 9% по сравнению с 2009 годом. Сколько человек стало проживать в квартале в 2010 году?

#### 12. Залание 12 № 26713

Найдите точку максимума функции  $y = (x+16)e^{16-x}$ .

### 13. Задание 13 № 525068

- a) Решите уравнение  $\sin\left(2x + \frac{\pi}{6}\right) = \cos x + \cos\left(x + \frac{\pi}{6}\right)\sin x$ .
- б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[-5\pi; -\frac{7\pi}{2}\right]$  .

### 14. Задание 14 № 514506

В правильной треугольной призме  $ABCA_1B_1C_1$  все рёбра равны 6. На рёбрах  $AA_1$  и  $CC_1$  отмечены точки M и N соответственно, причём AM = 2, CN = 1.

- а) Докажите, что плоскость MNB<sub>1</sub> разбивает призму на два многогранника, объёмы которых равны.
- б) Найдите объём тетраэдра MNBB<sub>1</sub>.

### 15. Задание 15 № 514521

Решите неравенство  $2\log_{(x^2-8x+17)^2}(3x^2+5) \le \log_{x^2-8x+17}(2x^2+7x+5)$ 

### 16. Задание 16 № 519517

Угол BAC треугольника ABC равен  $\alpha$ . Сторона BC является хордой такой окружности с центром O и радиусом R, которая проходит через центр окружности, вписанной в треугольник ABC.

- а) Докажите, что около четырёхугольника АВОС можно описать окружность.
- б) Известно, что в четырёхугольник ABOC можно вписать окружность. Найдите радиус r этой окружности, если  $R=6,~\alpha=60^{\circ}.$

#### 17. Задание 17 № 513288

Строительство нового завода стоит 78 млн рублей. Затраты на производство x тыс. ед. продукции на таком заводе равны  $0.5x^2 + 2x + 6$  млн рублей в год. Если продукцию завода продать по цене p тыс. рублей за единицу, то прибыль фирмы (в млн рублей) за один год составит  $px - (0.5x^2 + 2x + 6)$ . Когда завод будет построен, фирма будет выпускать продукцию в таком количестве, чтобы прибыль была наибольшей. При каком наименьшем значении p строительство завода окупится не более, чем за 3 года?

### 18. Задание 18 № 485938

Найдите все значения а, при каждом из которых наименьшее значение функции

$$f(x) = 4ax + |x^2 - 6x + 5|$$

больше, чем -24.

### 19. Задание 19 № 526258

Есть синие и красные карточки. Всего карточек 50 штук. На каждой карточке написано натуральное число. Среднее арифметическое всех чисел равно 16. Все числа на синих карточках разные. При этом любое число на синей карточке больше, чем любое на красной. Числа на синих увеличили в 2 раза, после чего среднее арифметическое стало равно 31,2.

- а) Может ли быть 10 синих карточек?
- б) Может ли быть 10 красных карточек?
- в) Какое наибольшее количество синих карточек может быть?