实验四: 判别分析

林泽钦 3160104013 统计 1601

目录

1		目的和要求															1
	1.1	实验目的															1
	1.2	实验内容															1
	1.3	实验环境															1
2	实验	过程与结果	ļ														2
	2.1	第一部分															2
	2.2	第二部分															4

1 实验目的和要求

1.1 实验目的

通过本试验项目,理解并掌握各类判别方法。

1.2 实验内容

1.2.1 第一部分

在天气预报中,常根据当天天气的湿温差 (x1) 和气温差 (x2),来预测第二天是否下雨。试利用观测到的天气数据 ex5.2 (见附件),判断当今天测得 (x1, x2) = (8.1, 2.0) 或 (7.5, 3.5) 时,明天的天气应判断为下雨还是不下雨?

1.2.2 第二部分

在研究沙基液化问题中,选取7个因子。现从已液化和未液化的地层中分别抽了12个和23个样本,其中1类表示已液化,2类表示未液化。试用距离判别法对原来的35个样本进行回代分类并分析误判情况(也就是对观测到的35个样本逐个进行判断,得到的判断结果与原先的分类是否一致,错误判断了多少个?错误判断所占的比例为多少?数据见附件ex5.4.)

1.3 实验环境

- R-3.5.1
- RStudio

2 实验过程与结果

2.1 第一部分

2.1.1 数据导入与预处理

从数据文件 $\exp(-2\pi)$ ex5.2 中删除了 $\exp(-2\pi)$ G1 列,然后保存为 $\exp(-2\pi)$ csv 文件以供读取。数据文件完整,不需要额外处理。

```
Data <- read.csv("Pro4Data1.csv")
Data</pre>
```

```
## 11 2 0.2 6.2

## 12 2 -0.1 7.5

## 13 2 0.4 14.6

## 14 2 2.7 8.3

## 15 2 2.1 0.8

## 16 2 -4.6 4.3

## 17 2 -1.7 10.9

## 18 2 -2.6 13.1

## 19 2 2.6 12.8

## 20 2 -2.8 10.0
```

2.1.2 编写判定函数

下面的函数使用距离判别来进行类别判定,其中距离是指马氏距离。参数中 Train1, Train2 为两个来自不同总体的训练样本集, Test 为待测试的样本, var.equal 用于指示两个总体的协方差矩阵是否相同。默认情况下, Test = NULL, 这时我们用两个训练样本集作为测试集。

```
discrimisnate.dist <-function(Train1, Train2, Test = NULL, var.equal = FALSE) {</pre>
  # if test data is not assigned, use the train data as test data
  if (is.null(Test) == TRUE)
    Test <- rbind(Train1, Train2)</pre>
  # number of samples
  n.Test <- nrow(Test)</pre>
  n.Train1 <- nrow(Train1)</pre>
  n.Train2 <- nrow(Train2)</pre>
  # result of discrimination
  blong <- rep(0, n.Test)</pre>
  # sample mean
  mu1 <- colMeans(Train1)</pre>
  mu2 <- colMeans(Train2)</pre>
  # sample covariance
  S1 <- cov(Train1)</pre>
  S2 <- cov(Train2)
```

```
# the two covariance matrices are equal
 if (var.equal == TRUE) {
  S <- ((n.Train1-1)*S1 + (n.Train2-1)*S2) / (n.Train1+n.Train2-2)
   w <- mahalanobis(Test, mu2, S) - mahalanobis(Test, mu1, S)
 }
 # the two covariance matrices are not equal
 else
   w <- mahalanobis(Test, mu2, S2) - mahalanobis(Test, mu1, S1)
 # discriminate
 for (i in 1:n.Test) {
   if (w[i] > 0)
     blong[i] <- 1
   else
     blong[i] <- 2
 }
 return(blong)
```

2.1.3 判别结果

判别过程如下所示,结果显示,两组都应判别为下雨。

```
Train1 <- subset(Data, G==1)[2:3]
Train2 <- subset(Data, G==2)[2:3]
Test <- rbind(c(8.1,2.0), c(7.5, 3.5))
discrimisnate.dist(Train1, Train2, Test)</pre>
```

[1] 1 1

2.2 第二部分

2.2.1 数据导入与预处理

无需预处理,直接导入即可,导入之后得到的数据框的第 10-20 行如下 所示,可以看到导入成功。

```
Data <- read.csv("Pro4Data2.csv")</pre>
Data[10:20, ]
     No G x1 x2 x3 x4 x5
##
                              x6 x7
## 10 10 1 8.3 113 0.0 7.5 35 0.12 180
## 11 11 1 7.8 172 1.0 3.5 14 0.21 45
## 12 12 1 7.8 172 1.5 3.0 15 0.21 45
## 13 13 2 8.4 32 1.0 5.0 4 0.35 75
## 14 14 2 8.4 32 2.0 9.0 10 0.35 75
## 15 15 2 8.4 32 2.5 4.0 10 0.35 75
## 16 16 2 6.3 11 4.5 7.5 3 0.20 15
## 17 17 2 7.0 8 4.5 4.5 9 0.25 30
## 18 18 2 7.0 8 6.0 7.5 4 0.25 30
## 19 19 2 7.0 8 1.5 6.0 1 0.25 30
## 20 20 2 8.3 161 1.5 4.0 4 0.08 70
```

2.2.2 回代判别

使用之前编写的 discrimisnate.dist() 函数即可,只需按照默认的 Test = NULL,程序就会将训练集作为测试集。

```
Train1 <- subset(Data, G==1)[3:9]
Train2 <- subset(Data, G==2)[3:9]
res <- discrimisnate.dist(Train1, Train2)
res</pre>
```


下面给出错判个数的统计,由下列结果可知,错判了一次,错判比例为 1/35。

```
fail = 0
for(i in 1:nrow(Data)) {
  if(res[i] != Data$G[i])
   fail = fail + 1
```

```
fail
```

[1] 1