

Mini relatório referente ao exercício 1 e 2 das aulas 11 e 12

**exercício 1 :**

Este exercício nos apresenta um circuito elétrico e através das Leis de Kirchhoff nos deu um sistema de equações que pode ser escrito na forma matricial.

**01) a-**

Expressão analítica para a matriz  $\mathbf{R}$ .

$$\mathbf{R} = \begin{bmatrix} r_s & r_1 & r_2 \\ -r_x & r_1 + r_2 + r_a & -r_a \\ -r_3 & -r_a & r_2 + r_3 + r_a \end{bmatrix} \quad (1)$$

**01) b-**

Considerando o método de decomposição LU (veja em [1]) para matrizes  $n_{vs}n$ , onde a matriz  $\mathbf{R}$  é reescrita como a multiplicação das matrizes  $\mathbf{L}$  e  $\mathbf{U}$ . Escrevemos as expressões analíticas para matrizes  $\mathbf{L}$  e  $\mathbf{U}$ , ou seja, explicitando como os seus elementos em função das resistências.

$$\mathbf{U} = \begin{bmatrix} r_s & r_1 & r_2 \\ 0 & r_1 + r_2 + r_a + \left(\frac{r_3}{r_s}\right)r_1 & -r_a \\ 0 & 0 & u_{33} \end{bmatrix} \quad (2)$$

Onde o elemento  $u_{33}$  vale :

$$u_{33} = r_2 + r_3 + r_a + \frac{r_3}{r_s}r_2 - \frac{r_a^2}{u_{22}}\left(\frac{r_3r_1r_a}{r_s}\right) \quad (3)$$

$$\mathbf{L} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{-r_x}{r_s} & 1 & 0 \\ \frac{-r_3}{r_s} & \frac{-r_3r_1}{r_s u_{22}} - \frac{-r_a}{u_{22}} & 1 \end{bmatrix} \quad (4)$$

**01) c-**

Aqui foi feito um programa para encontrar as correntes elétricas bastando apenas usuário entre com os valores das resistências e das tensões ao final o programa exibirá a matriz das resistências e os valores das correntes  $i_1, i_2$  e  $i_3$ , tal programa pode ser encontrado na pasta ex01c.

Observe que as respectivas resistências que devem ser introduzidas no programa estão abaixo, e as tensões a serem inseridas (veja em [2]):

$$\mathbf{R} = \begin{bmatrix} 10 & 100 & 100 \\ -120 & 1220 & -1000 \\ -150 & -1000 & 1250 \end{bmatrix} \quad (5)$$

**01) d-**

A corrente  $i_a$  no amperímetro pode ser encontrada utilizando a consideração de Kirchhoff referente aos nós em um circuito. Logo a corrente  $i_a$  tem o valor de:

$$i_2 = i_3 + i_a \Rightarrow i_a = i_2 - i_3 \Rightarrow i_a = -6.865E - 005 \quad (6)$$

A ponte estar balanceada significa que não passa qualquer corrente pelo amperímetro, como vimos que há a passagem de corrente logo ela não está balanceada.

## exercício 2 :

Neste exercício nos foi proposto interpolar um conjunto de  $n + 1$  dados experimentais da forma  $(x_k, y_k)$  utilizando um polinômio  $p(x)$  de grau  $n$  impondo que  $p(x_k) = y_k \forall k$  para podermos escrever um sistema de equações como proposto (veja em [2]).

### 02) a-

Utilizando o método de decomposição LU fiz um programa para encontrar os coeficientes  $a_k$  da função polinomial  $p(x)$  que interpola os dados experimentais do arquivo planck.dat. Tal programa pode ser encontrado na pasta 02a, nela também pode-se encontrar as matrizes L, U, X e os coeficientes angulares  $a_k$  salvos em arquivos .dat.

### 02) b-

Aqui foi feito um gráfico com os dados experimentais e também com a curva da função polinomial  $p(x)$  encontrada no item (a) dentro do intervalo  $x \in [0.01, 1.0]$ .

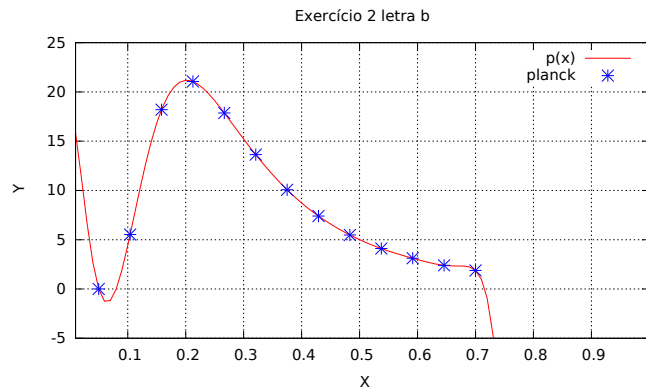


Figura 1: Dados experimentais em azul e a curva descrita por  $p(x)$  no intervalo dado de  $x$  em vermelho.

### 02) c-

Fizemos um gráfico para comparar o polinômio  $p(x)$  encontrado com a função exata para a distribuição de Planck dada por  $P(x)$  (veja em [2]):

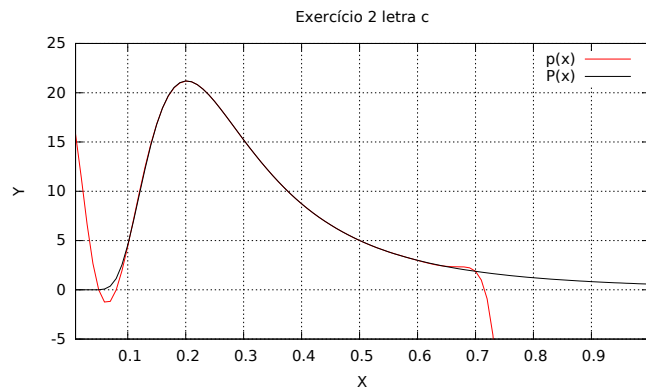


Figura 2: curva descrita por  $p(x)$  em vermelho e função para a distribuição de Planck  $P(x)$  em preto.

### 02) d-

Expressões analíticas para as derivadas  $p'(x)$  e  $P'(x)$ :

$$p'(x) = na_n x^{n-1} + (n-1)a_{n-1}x^{n-2} \dots + 2a_2x^1 + a_1x^0 \quad (7)$$

$$P'(x) = -\frac{5x(e^{\frac{1}{x}} - 1) - e^{\frac{1}{x}}}{x^7(e^{\frac{1}{x}} - 1)^2} \quad (8)$$

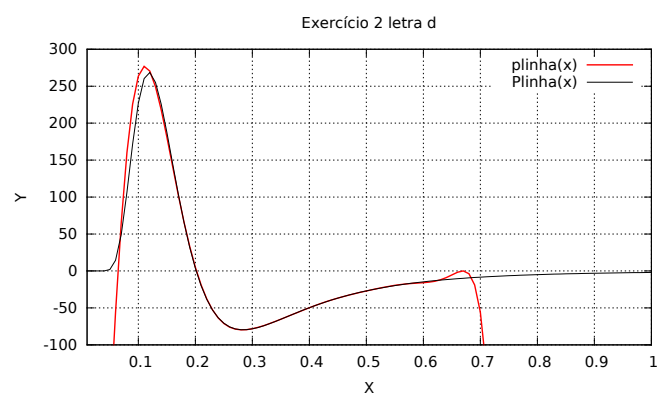


Figura 3: curva descrita pela derivada de  $p(x)$  em vermelho ( $p'(x)$ ) e a derivada da função para a distribuição de Planck  $P(x)$  em preto ( $P'(x)$ ).

# Bibliografia

- [1] C. Scherer. Metodos Computacionais da Física (2nd ed.,2010)
- [2] AULAS 11 E 12: FIS-271 - Física Computacional I