图的表示

张晓平

2016年11月15日

I 邻接矩阵

图的邻接矩阵 (Adjacency matrix) 存储方式是用两个数组来表示图。一个一维数组存储图中顶点信息,一个二维数组 (称为邻接矩阵) 存储图中的边或弧的信息。

设图 G 有 n 个顶点,则邻接矩阵为一个 $n \times n$ 的方阵,定义为

$$e[i][j] = \begin{cases} 1, & \text{if } (v_i, v_j) \in E \text{ or } \langle v_i, v_j \rangle \in E, \\ 0, & \text{otherwise.} \end{cases}$$

有了邻接矩阵,可以很容易地得到无向图中的信息:

- I 可以很容易地判定任意两顶点是否有边。
- 2 顶点 v_i 的度等于邻接矩阵中第i行的元素之和。
- 3 欲求顶点 v_i 的所有邻接点,只需扫描邻接矩阵的第 i 行,若 e[i][j] = 1,则 v_j 为其邻接点。 有了邻接矩阵,可以很容易地得到图中的信息。
- I 顶点 v_i 的人度等于邻接矩阵中第 i 列的元素之和;顶点 v_i 的出度等于邻接矩阵中第 i 行的元素之和。

图 1: 无向图的邻接矩阵为对称矩阵

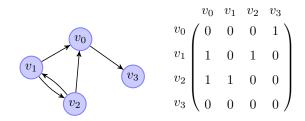


图 2: 有向图的邻接矩阵不是对称矩阵

- 2 欲判断顶点 v_i 到 v_j 是否有弧,只需查找 e[i][j] 是否为 \mathbf{I} 。
- 3 欲求顶点 v_i 的所有邻接点,只需扫描邻接矩阵的第 i 行,若 e[i][j]=1,则 v_j 为其邻接点。