### 数据结构与算法 介绍

#### 张晓平



数学与统计学院

Email: xpzhang.math@whu.edu.cn

 $Homepage: \ http://staff.whu.edu.cn/show.jsp?n=Zhang\%20Xiaoping$ 

#### 目录

- 1 数据结构起源
- ② 基本概念和术语
- ③ 逻辑结构和物理结构
- 4 抽象数据类型
- 5 算法

If you give someone a program, you will frustrate them for a day; if you teach them how to program, you will frustrate them for a lifetime.



图:参考用书

- 1 数据结构起源
- 2 基本概念和术语
- ③ 逻辑结构和物理结构
- 4 抽象数据类型
- 5 算法

数值计算

# 非数值计算

数据结构是一门研究非数值计算的程序设计问题中的操作对象,以及它们之间的关系和操作等相关问题的学科.



(a) Donald Knuth(1938-)

THE CLASSIC WORK EXTENDED AND REFINED

The Art of Computer Programming

VOLUME 4A
Combinatorial Algorithms
Part 1

DONALD E. KNUTH

(b) The Art of Computer Programing



(a) Donald Knuth(1938-)

THE CLASSIC WORK EXTENDED AND REFINED

The Art of Computer Programming VOLUME 4A Combinatorial Algorithms Part 1

DONALD E. KNUTH

(b) The Art of Computer Programing

1968年, Donald教授较系统地阐述了数据的逻辑结构和存储结构及其操作, 开创了数据结构的课程体系.



(a) Donald Knuth(1938-)

THE CLASSIC WORK
EXTENDED AND REFINED

The Art of
Computer
Programming
VOLUME 4A
Combinatorial Algorithms
Part 1

DONALD E KNUTH

(b) The Art of Computer Programing

1968年, Donald教授较系统地阐述了数据的逻辑结构和存储 结构及其操作, 开创了数据结构的课程体系.

程序设计 = 好的结构 + 好的算法

- 1 数据结构起源
- ② 基本概念和术语
- ③ 逻辑结构和物理结构
- △ 抽象数据类型
- 5 算法



描述客观事物的符号,是计算机中可以操作的对象,是能被计算机识别,并输入给计算机处理的符号集合.



描述客观事物的符号,是计算机中可以操作的对象,是能被计算机识别,并输入给计算机处理的符号集合.

#### 数据包括

- 整型、实型等数值类型;
- 字符及声音、图像、视频等 非数值类型。



(描述客观事物的符号,是计算机中可以操作的对象,是能被计算机识别,并输入给计算机处理的符号集合.

#### 数据包括

- 整型、实型等数值类型;
- 字符及声音、图像、视频等 非数值类型。





组成数据的、有一定意义的基本单位,在 计算机中通常作为整体来处理.



组成数据的、有一定意义的基本单位,在 计算机中通常作为整体来处理.

- 在人类中,数据元素就是人;
- 在畜类中,数据元素为牛、马、猪、狗、羊等.



# 一个元素可由若干个数据项组成.



#### 一个元素可由若干个数据项组成.

如:人可以有耳、鼻、眼、嘴、手、脚等这些数据项,也可以有姓名、年龄、性别、出生地址、联系电话等数据项.



#### 一个元素可由若干个数据项组成.

如: 人可以有耳、鼻、眼、嘴、 手、脚等这些数据项, 也可以有 姓名、年龄、性别、出生地址、 联系电话等数据项.





性质相同的数据元素的集合,它是 数据的子集。 数据对象

性质相同的数据元素的集合,它是数据的子集。

所谓性质相同指的是数据元素具有相同数量和 类型的数据项。

实际应用中,处理的数据元素通常具有相同性质,在不产生混淆的情况下,将数据对象简称 为数据。



相互之间存在一种或多种特定关系的数据元素的集合.



相互之间存在一种或多种特定关系的数据 元素的集合.

行算机中,数据元素并不是孤立、杂乱无序的,而是具有 内在联系的;

数据元素之间存在的一种或多种特定关系,就是数据的组织形式.

- 1 数据结构起源
- 2 基本概念和术语
- ③ 逻辑结构和物理结构
- △ 抽象数据类型
- 5 算法

1 数据结构起源

2 基本概念和术语

- ③ 逻辑结构和物理结构
  - 逻辑结构
  - 物理结构

4 抽象数据类型

5 算法

张晓平



数据对象中数据元素之间的相互关系。



数据对象中数据元素之间的相互关系。

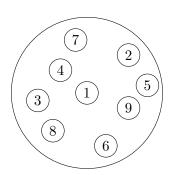
- 集合结构
- 线性结构
- 树形结构
- 图形结构



其中的元素除了同属于一个集合外,之间 没有其他关系.



其中的元素除了同属于一个集合外,之间没有其他关系.



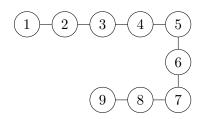
◆ロ > ◆昼 > ◆差 > 差 のQの

# 线性结构

其中的数据元素之间是一对一的关系.



#### (其中的数据元素之间是一对一的关系.

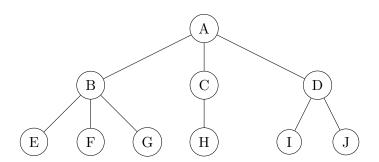




其中的数据元素之间是一对多的层次关系.



其中的数据元素之间是一对多的层次关系.

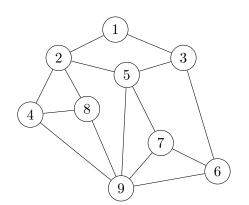




## 其中的数据元素之间是多对多的关系.



#### 其中的数据元素之间是多对多的关系.



张晓平

在用示意图表示数据的逻辑结构时,请注意:

- 将每一个数据元素看做一个结点,用圆圈表示;
- 元素之间的逻辑关系用结点之间的连线表示,如果这个关系是有方向的,那么用带箭头的连线表示。

21 / 67

张晓平 数据结构与算法

在用示意图表示数据的逻辑结构时,请注意:

- 将每一个数据元素看做一个结点,用圆圈表示;
- 元素之间的逻辑关系用结点之间的连线表示,如果这个关系是有方向的,那么用带箭头的连线表示。

逻辑结构是针对具体问题的,是为了解决某个问题。在对问题理解的基础上,选择一个合适的数据结构表示数据元素之间的逻辑关系。

1 数据结构起源

2 基本概念和术语

- ③ 逻辑结构和物理结构
  - 逻辑结构
  - 物理结构

4 抽象数据类型

5 算法

张晓平



数据的逻辑结构在计算机中的存储方 式. 物理结构

数据的逻辑结构在计算机中的存储方式.

数据的存储结构应正确反映数据元素之间的逻辑关系。如何存储数据 元素之间的逻辑关系,是实现物理 结构的重点和难点。



数据的逻辑结构在计算机中的存储方式.

数据的存储结构应正确反映数据元素之间的逻辑关系。如何存储数据 元素之间的逻辑关系,是实现物理 结构的重点和难点。

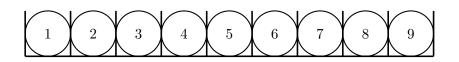
- 顺序存储
- 链式存储



把数据元素存放在连续的存储单元 里,其数据间的逻辑关系与物理关 系一致。



把数据元素存放在连续的存储单元 里,其数据间的逻辑关系与物理关 系一致。

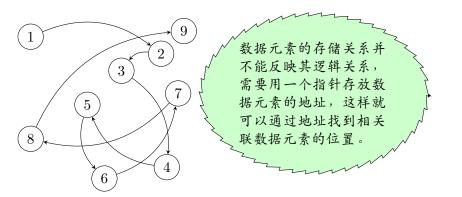




把数据元素存放在任意的存储单元 里,这组存储单元可以连续,也可 以不连续。



把数据元素存放在任意的存储单元 里,这组存储单元可以连续,也可 以不连续。



逻辑结构是面向问题的,而物理结构是面向计算机的,我们的目标是将数据及其逻辑关系存储到计算机的内存中。

- 1 数据结构起源
- 2 基本概念和术语
- ③ 逻辑结构和物理结构
- 4 抽象数据类型
- 5 算法

张晓平



指一组性质相同的值的集合及定义 在此集合上的一些操作的总称。



指一组性质相同的值的集合及定义在此集合上的一些操作的总称。

在C语言中,按照取值的不同,数据类型可分为:

- 原子类型:不可分解,包括整型、浮点型、字 符型等;
- 由若干个类型组合而成,可再分解。如整型数组由若干个整型数据组成。

抽象

抽取出事物具有的普遍性的本质。



#### 抽取出事物具有的普遍性的本质。

提炼出问题的特征,忽略非本质的细节,对 具体事物做一个概括。

抽象是一种思考问题的方式,它隐藏了繁杂的细节,只保留实现目标所必须的信息。



(Abstract Data Type, ADT) 指一个数学模型及定义在该模型上 的一组操作。



(Abstract Data Type, ADT) 指一个数学模型及定义在该模型上 的一组操作。

ADT的定义仅取决于它的一组逻辑特性,而 与其在计算机内部如何表示和实现无关。

抽象的意义在于数据类型的数学抽象特性。

例

编写计算机绘图软件时,经常会用到坐标,总会出现成对的x和y,在3D系统中还有z出现。我们不妨定义一个叫point的抽象数据类型,它有x,y,z三个变量。这样我们可以方便地操作一个point数据变量就能知道这一点的坐标。



图: 超级玛丽



ADT 抽象数据类型名 Data 数据元素之间逻辑关系的定义 Operation 操作1 初始条件 操作结果描述 操作2 操作3

33 / 67

- 1 数据结构起源
- 2 基本概念和术语
- ③ 逻辑结构和物理结构
- 4 抽象数据类型
- 5 算法





```
int i,sum=0,n=100;
for (i=1;i<=n;i++)
   sum=sum+i;
printf("%d",sum);</pre>
```

```
int i,sum=0,n=100;
sum=(n+1)*n/2;
printf("%d",sum);
```

## 算法

算法是解决特定问题求解步骤的描述,在 计算机中表现为指令的有限序列,并且每 条指令表示一个或多个操作.

#### 算法

算法是解决特定问题求解步骤的描述,在 计算机中表现为指令的有限序列,并且每 条指令表示一个或多个操作.

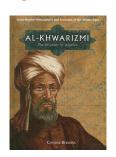


图: 阿勒.花剌子密(约780~约850,波斯数学家)



# 1、输入有零个或多个输入

算法等性

1、输入 有零个或多个输入 2、输出 至少有一个或多个输出 特性 1、输入 有零个或多个输入

算法特性

2、输出 至少有一个或多个输出

3、有穷性

在执行有限步后,会自动结束而 不出现无限循环,并且每一步在 可接受的时间内完成

# 1、输入 有零个或多个输入

算法特性

2、输出 至少有一个或多个输出

### 3、有穷性

在执行有限步后,会自动结束而 不出现无限循环,并且每一步在 可接受的时间内完成

#### 4、确定性

每一步都有确定的含义, 不出现二义性



2、输出 至少有一个或多个输出

3、有穷性

在执行有限步后,会自动结束而 不出现无限循环,并且每一步在 可接受的时间内完成

5、可行性 每一步都必须可 行,能通过执行 有限次数完成

4、确定性 每一步都有确定的含义, 不出现二义性



#### 正确性

算法至少应该具有输入、输出和加工处理无 歧义性,能正确反映问题的需求、能得到问 题的正确答案。

- 无语法错误
- 对合法输入能产生满足要求的输出
- 对非法输入能给出满足规格的说明
- 对精心选择的甚至是刁难的测试数据都 有满足要求的输出

可读性

便于阅读、理解和交流

### 健壮性(鲁棒性)

当输入不合法时,也能做出相应处理,而 不是产生异常或莫名其妙的结果

时间效率高和存储量低









# 事后统计方法

通过设计好的测试程序和数据,利用计算机 计时器对不同算法编制的程序的运行时间进 行比较,从而确定效率的高低。

## 事后统计方法

通过设计好的测试程序和数据,利用计算机 计时器对不同算法编制的程序的运行时间进 行比较,从而确定效率的高低。

#### 缺点

须依据算法事先编制好程序

时间的比较依赖于软硬件等环境因素

- 不同性能的机器上算法的表现不尽相同:
- 不同操作系统、编译器等也会影响算法的运行结果;
- CPU使用率和内存占用情况也会造成微小差异。

测试数据设计困难,且程序运行时间还与测试数据的规模有很大关系,效率高的算法在小的测试数据面前往往得不到体现。

事前分析估算方法 在编制程序前,依据统计方 法对算法进行估算。

# 事前分析估算方法 在编制程序前,依据统计方 法对算法进行估算。

#### 程序运行时间取决于

- (1) 算法采用的策略、方法 (算法好坏的根本)
- (2) 编译产生的代码质量 (软件支持)
- (3) 问题的输入规模
- (4) 机器执行指令的速度 (硬件性能)

事前分析估算方法 在编制程序前,依据统计方 法对算法进行估算。

#### 程序运行时间取决于

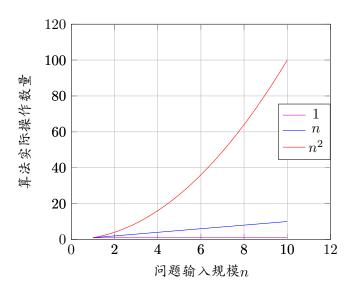
- (1) 算法采用的策略、方法 (算法好坏的根本)
- (2) 编译产生的代码质量 (软件支持)
- (3) 问题的输入规模
- (4) 机器执行指令的速度 (硬件性能)

程序的运行时间,依赖于算法的好坏和问题的输入规模。

◆□▶ ◆□▶ ◆重▶ ◆重▶ ■ 釣९○

```
for (i=1;i<=n;i++)</pre>
                     //执行n次
  sum += i;
sum=(n+1)*n/2; //执行1次
for (i=1;i<=n;i++)</pre>
  for (j=1; j<=n; j++) {</pre>
         //执行n \times n次
    x++;
    sum += x;
```

**张晓平** 数据结构与算法 42 / 67



43 / 67

张晓平 数据结构与算法

# 函数的渐近增长

给定两个函数f(n)和g(n),若 $\exists N \in \mathbb{N}$ , s.t.  $\forall n > N$ , f(n)总是比g(n)大, 我们就说f(n)的增长渐近快于g(n).

函数的渐近增长

给定两个函数f(n)和g(n),

次数n	算法A	算法A'	算法B	算法B′
	(2n+3)	(2n)	(3n+1)	(3n)
1	5	2	4	3
2	7	4	7	6
3	9	6	10	9
10	23	20	31	30
100	203	200	301	300

次数n	算法C	算法C'	算法D	算法D′
	(4n+8)	(n)	$(2n^2+1)$	$(n^2)$
1	12	1	3	2
2	16	2	9	4
3	20	3	19	9
10	48	10	201	100
100	408	100	20 001	10 000
1000	4 008	1 000	2 000 001	1 000 000

**张晓平** 数据结构与算法 45 / 67

次数n	算法C	算法C'	算法D	算法D′
	(4n + 8)	(n)	$(2n^2+1)$	$(n^2)$
1	12	1	3	2
2	16	2	9	4
3	20	3	19	9
10	48	10	201	100
100	408	100	20 001	10 000
1000	4 008	1 000	2 000 001	1 000 000

函数的渐近增长可忽略加法 常数,并且最高次项的系数 也不重要。

45 / 67

次数n	算法E	算法E'	算法F	算法F′
	$(2n^2 + 3n + 1)$	$(n^2)$	$(2n^3 + 3n + 1)$	$(n^3)$
1	6	1	6	1
2	15	4	23	8
3	28	9	64	27
10	231	100	2 031	1 000
100	20 301	10 000	2 000 301	1 000 000

次数n	算法E	算法E'	算法F	算法F′
	$(2n^2 + 3n + 1)$	$(n^2)$	$(2n^3 + 3n + 1)$	$(n^3)$
1	6	1	6	1
2	15	4	23	8
3	28	9	64	27
10	231	100	2 031	1 000
100	20 301	10 000	2 000 301	1 000 000

最高次项的指数越大,随着n的增长,函数结果也会变得增长特别快。

次数n	算法G	算法H	算法1
	$(2n^2)$	(3n+1)	$(2n^2 + 3n + 1)$
1	2	4	6
2	8	7	15
5	50	16	66
10	200	31	231
100	20 000	301	20 301
1,000	2 000 000	3 001	2 003 001
10,000	200 000 000	30 001	200 030 001
100,000	20 000 000 000	300 001	20 000 300 001
1,000,000	2 000 000 000 000	3 000 001	2 000 003 000 001

次数n	算法 $G$	算法H	算法1
	$(2n^2)$	(3n + 1)	$(2n^2 + 3n + 1)$
1	2	4	6
2	8	7	15
5	50	16	66
10	200	31	231
100	20 000	301	20 301
1,000	2 000 000	3 001	2 003 001
10,000	200 000 000	30 001	200 030 001
100,000	20 000 000 000	300 001	20 000 300 001
1,000,000	2 000 000 000 000	3 000 001	2 000 003 000 001

## 注

当n越来越大时,3n+1的结果与 $2n^2$ 相比,几乎可以忽略不计。也就是说,随着n的不断增大, 算法G其实很接近于算法I.

4 D > 4 D > 4 E > 4 E > 9 Q Q

判断一个算法的效率时,函数中的常数与其他次要项可以忽略,而更应该关注主项(最高阶项)的阶数。



在进行算法分析时,语句总的执行次数T(n)是关于问题规模n的函数, 进而分析T(n)随n的变化情况并确定T(n)的数量级。算法的时间复杂度,也就是算法的时间量度, 记作

$$T(n) = O(f(n)).$$

它表示随着n的增大,算法执行时间的增长率和f(n)的增长率相同,称为算法的渐近时间复杂度,简称为时间复杂度,其中f(n)是关于n的某个函数。



在进行算法分析时,语句总的执行次数T(n)是关于问题规模n的函数,进而分析T(n)随n的变化情况并确定T(n)的数量级。算法的时间复杂度,也就是算法的时间量度, 记作

大O记法

$$T(n) = O(f(n))$$
:

它表示随着n的增大,算法执行时间的增长率和f(n)的增长率相同,称为算法的渐近时间复杂度,简称为时间复杂度,其中f(n)是关于n的某个函数。

如何分析一个算法的时间复杂度? 即如何推导大O阶? 如何分析一个算法的时间复杂度? 即如何推导大O阶?

- 1. 用常数1取代运行次数中的所有加法常数;
- 2. 在修改后的运行次数函数中,只保留最高阶项;
- 3. 如果最高阶项存在且不是1,则去除最高阶项的系数。

得到的结果就是大O阶。



```
int sum=0,n=100; //执行1次
sum=(n+1)*n/2; //执行1次
printf("%d",sum); //执行1次
```



```
int sum=0,n=100; //执行1次
sum=(n+1)*n/2; //执行第1次
sum=(n+1)*n/2; //执行第2次
sum=(n+1)*n/2; //执行第3次
sum=(n+1)*n/2; //执行第4次
sum=(n+1)*n/2; //执行第5次
printf("%d",sum); //执行1次
```

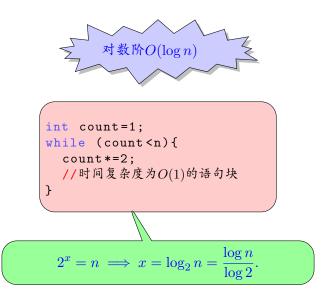
4 D F 4 DF F 4 E F E \*) Q (\*



```
int i;
for (i=0;i<n;i++}
//时间复杂度为O(1)的语句块
```



```
int count=1;
while (count<n){
    count*=2;
    //时间复杂度为O(1)的语句块
}
```



**张晓平** 数据结构与算法 54 / 67

# 平方阶 $O(n^2)$

```
int i, j;
for (i=0;i<n;i++)</pre>
  for (j=0;j<n;j++)</pre>
    //时间复杂度为O(1)的语句块
int i,j;
for (i=0;i<m;i++)</pre>
  for (j=0;j<n;j++)</pre>
    //时间复杂度为O(1)的语句块
int i,j;
for (i=0;i<n;i++)</pre>
  for (j=i;j<n;j++)</pre>
    //时间复杂度为O(1)的语句块
```

```
平方阶O(n^2)
```

```
int i,j;
for (i=0;i<n;i++)</pre>
  for (j=0;j<n;j++)</pre>
    //时间复杂度为O(1)的语句块
int i,j;
for (i=0;i<m;i++)</pre>
  for (j=0;j<n;j++)</pre>
    //时间复杂度为O(1)的语句块
int i,j;
for (i=0;i<n;i++)</pre>
  for (j=i;j<n;j++)</pre>
    //时间复杂度为O(1)的语句块
```

 $O(n^2)$ 

```
平方阶O(n^2)
int i,j;
for (i=0;i<n;i++)</pre>
  for (j=0;j<n;j++)</pre>
                                       O(n^2)
    //时间复杂度为O(1)的语句块
int i,j;
for (i=0;i<m;i++)</pre>
                                    O(m \times n)
  for (j=0;j<n;j++)</pre>
    //时间复杂度为O(1)的语句块
int i,j;
for (i=0;i<n;i++)</pre>
  for (j=i;j<n;j++)</pre>
    //时间复杂度为O(1)的语句块
```

```
平方阶O(n^2)
int i, j;
for (i=0;i<n;i++)</pre>
  for (j=0;j<n;j++)</pre>
                                         O(n^2)
     //时间复杂度为O(1)的语句块
int i, j;
for (i=0;i<m;i++)</pre>
                                      O(m \times n)
  for (j=0;j<n;j++)
     //时间复杂度为O(1)的语句块
                      因 f(n) = n + \cdots + 2 + 1 = \frac{n(n+1)}{2} = \frac{n^2}{2} + \frac{n}{2}
int i,j;
for (i=0;i<n;i++) 故时间复杂度为O(n^2).
  for (j=i;j<n;j++)</pre>
     //时间复杂度为O(1)的语句块
```

```
int i,j;
for (i=0;i<n;i++)
  function(i);

void function(int i){
  print("%d",i);
}</pre>
```

请分析时间复杂度.

```
int i,j;
for (i=0;i<n;i++)</pre>
  function(i);
void function(int i){
 print("%d",i);
                   请分析时间复杂度.
           O(n)
```

```
int i,j;
for (i=0;i<n;i++)</pre>
  function(i);
void function(int i){
  int j;
  for (j=i;j<n;j++)</pre>
    //时间复杂度为O(1)的语句块
                   请分析时间复杂度.
```

```
int i,j;
for (i=0;i<n;i++)</pre>
  function(i);
void function(int i){
  int j;
  for (j=i;j<n;j++)</pre>
    //时间复杂度为O(1)的语句块
                   请分析时间复杂度.
```

请分析时间复杂度.

```
//执行次数为1
n++;
                        //执行次数为n
function(n);
int i,j;
for (i=0;i<n;i++) //执行次数为n<sup>2</sup>
  function(i);
for (i=0;i<n;i++) //执行次数为n(n+1)/2
  for (j=i;j<n;j++)</pre>
    //时间复杂度为O(1)的语句块
                               请分析时间复杂度.
   执行次数f(n) = 1 + n + n^2 + \frac{n(n+1)}{2} = \frac{3}{5}n^2 + \frac{3}{5}n + 1
    故时间复杂度为O(n^2).
```

⟨□⟩ ⟨□⟩ ⟨≡⟩ ⟨≡⟩ ⟨≡⟩ ⟨≡⟩ ⟨○⟩

**张晓平** 数据结构与算法 58 / 67

Table: 常见时间复杂度

执行次数函数	阶	非正式术语
12	O(1)	常数阶
2n+3	O(n)	线性阶
$3n^2 + 2n + 1$	$O(n^2)$	平方阶
$5\log_2 n + 20$	$O(\log n)$	对数阶
$2n + 3n\log_2 n + 19$	$O(n \log n)$	$n \log n$ 於
$6n^3 + 2n^2 + 3n + 4$	$O(n^3)$	立方阶
$2^n$	$O(2^n)$	指数阶

Table: 常见时间复杂度

执行次数函数	阶	非正式术语
12	O(1)	常数阶
2n+3	O(n)	线性阶
$3n^2 + 2n + 1$	$O(n^2)$	平方阶
$5\log_2 n + 20$	$O(\log n)$	对数阶
$2n + 3n\log_2 n + 19$	$O(n \log n)$	$n \log n$ 阶
$6n^3 + 2n^2 + 3n + 4$	$O(n^3)$	立方阶
$2^n$	$O(2^n)$	指数阶

$$O(1) < O(\log n) < O(n) < O(n \log n) < O(n^2) < O(n^3) < O(2^n) < O(n!) < O(n^n)$$



 $\begin{array}{l}
 & E_n & \text{in} \\
 & E_n & \text$ 

- 最好情况是出现在第一个位置,时间复杂度为O(1);
- 最坏情况是出现在最后一个 位置,时间复杂度为O(n).



 $\begin{array}{l}
 \underline{c}_n$ 维随机数组中查找某个数字,

- 最好情况是出现在第一个位置,时间复杂度为O(1);
- 最坏情况是出现在最后一个 位置,时间复杂度为O(n).



从概率角度讲,该数字在每个位置的可能性相同,故平均查找时间为n/2。



从概率角度讲,该数字在每个位置的可能性相同,故平均查找时间为n/2。





对算法的分析,

- 一种方法是计算所有情况的平均值,这种时间复杂度的计算方法称为平均时间复杂度;
- 另一种是计算最坏情况下的时间复杂度,这种方 法称为最坏时间复杂度。

在没有特别说明的情况下,都指最坏时间复杂度。



通过计算算法所需的存储空间实现,其计算公式记作

$$S(n) = O(f(n)).$$

其中n为问题的规模,f(n)是语句关于n所占存。储空间的函数。

◆□▶ ◆圖▶ ◆豊▶ · 豊 · かんで







数据对象



数据对象

数据元素 数据元素 数据元素 数据元素



## 数据对象

数据元素 数据元素 数据元素 数据元素

、数据项1 数据项2 数据项1 数据项2 数据项1 数据项2 数据项1 数据项2 数据项1 数据项2



## 数据对象

数据元素 数据元素 数据元素 数据元素

(数据项1 | 数据项2 | 数据项1 | 数据项2 | 数据项1 | 数据项2 | 数据项1 | 数据项2

数据结构是相互之间存在一种或多种特定关系的数据元素的集合。





**逻辑结构** 集合结构 线性结构 树形结构 图形结构



逻辑结构 集合结构 线性结构 树形结构 图形结构

物理结构 顺序存储结构 链式存储结构





算法定义:解决特定问题求解步骤的描述, 在计算机中为指令的有限序列,且每条指令 表示一个或多个操作。



算法定义:解决特定问题求解步骤的描述, 在计算机中为指令的有限序列,且每条指令 表示一个或多个操作。

算法特性:有穷性、确定性、可行性、输入、输出



算法定义:解决特定问题求解步骤的描述, 在计算机中为指令的有限序列,且每条指令 表示一个或多个操作。

算法特性:有穷性、确定性、可行性、输入、输出

算法设计要求: 正确性、可读性、健壮性、 高效率和低存储。





算法度量方法:事后统计方法(不科学、不准确)、事前分析估算方法。



算法度量方法:事后统计方法(不科学、不准确)、事前分析估算方法。

函数的渐近增长: 给定两个函数f(n)和g(n),若 $\exists N \in \mathbb{N}$ , s.t.  $\forall n > N$ ,f(n)总是比g(n)大,我们就说f(n)的增长渐近快于g(n).

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ■ 釣۹で





## 大O阶推导过程

- (1) 用常数1取代运行次数中的所有加法常数;
- (2) 在修改后的运行次数函数中,只保留最高阶项:
- (3) 如果最高阶项存在且不是1,则去除最高阶项的系数。

得到的结果就是大O阶。





$$O(1) < O(\log n) < O(n) < O(n \log n) < O(n^2) < O(n^3) < O(2^n) < O(n!) < O(n^n)$$



$$O(1) < O(\log n) < O(n) < O(n \log n) < O(n^2) < O(n^3) < O(2^n) < O(n!) < O(n^n)$$

算法最坏情况和平均情况,以及空间复杂度的概念。