

数据结构与算法

栈与队列



张晓平

武汉大学数学与统计学院



2016 年 10 月 11 日

1. 栈

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 顺序栈
- ▶ 两栈共享空间
- ▶ 链栈
- ▶ 栈的应用

2. 队列

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 循环队列
- ▶ 链队列

1. 栈

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 顺序栈
- ▶ 两栈共享空间
- ▶ 链栈
- ▶ 栈的应用

2. 队列

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 循环队列
- ▶ 链队列

1. 栈

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 顺序栈
- ▶ 两栈共享空间
- ▶ 链栈
- ▶ 栈的应用

2. 队列

基本概念和抽象数据类型

定义 (栈) 栈 (Stack) 是限定仅在表尾进行插入和删除操作的线性表。

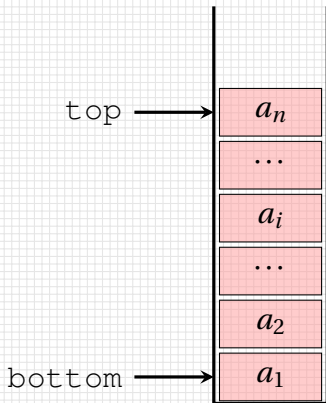
- ◇ 允许进行插入、删除操作的一端称为栈顶 (top), 另一端称为栈底 (bottom) ;
- ◇ 不含任何数据元素的栈称为空栈 ;
- ◇ 栈又称后进先出 (Last In First out) 的线性表, 简称 LIFO 结构。

基本概念和抽象数据类型

- ▶ 栈是一种特殊的线性表，仍具有前驱后继关系。
- ▶ 栈限制了插入和删除的位置，这些操作始终只在栈顶进行。于是栈底是固定的，最先进栈的只能在栈底。

基本概念和抽象数据类型

设栈 $S = (a_1, a_2, \dots, a_n)$, 称 a_1 为栈底元素, a_n 为栈顶元素。



基本概念和抽象数据类型

- ▶ 栈的插入操作叫做进栈，也称压栈、入栈。
- ▶ 栈的删除操作叫做出栈，也称弹栈。

基本概念和抽象数据类型

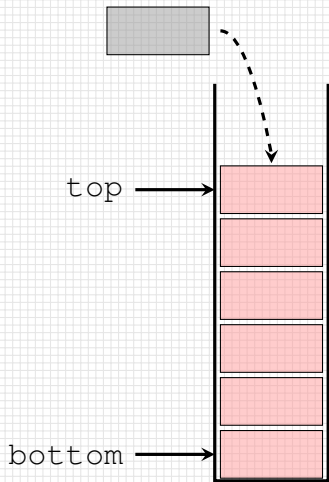


图: 进栈

基本概念和抽象数据类型

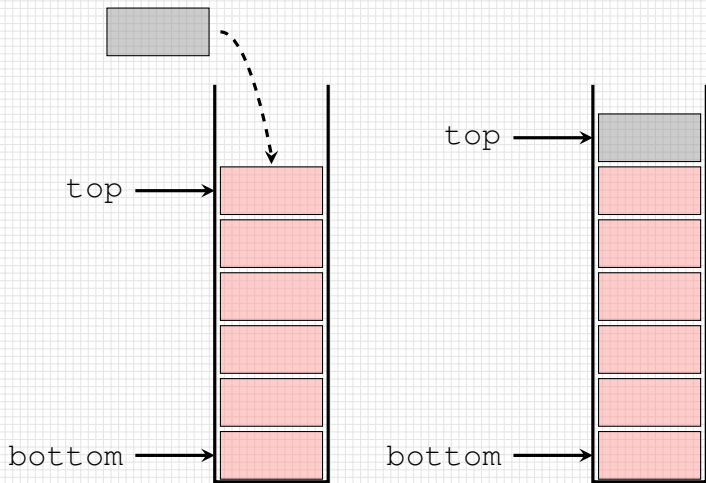
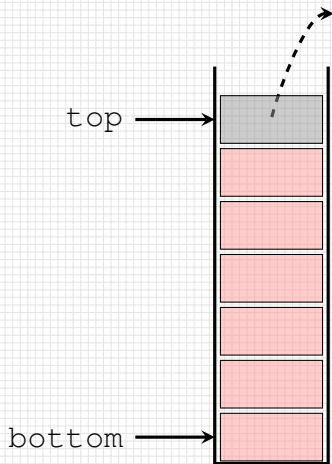


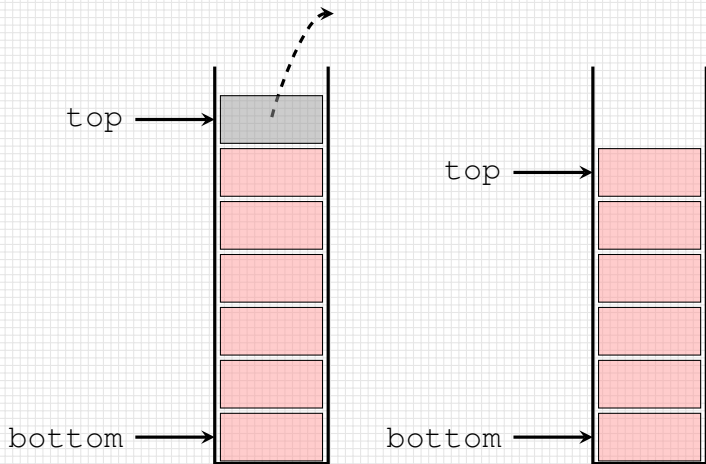
图: 进栈

基本概念和抽象数据类型



图：出栈

基本概念和抽象数据类型



图：出栈

基本概念和抽象数据类型

ADT Stack{

Data:

同线性表。元素具有相同的数据类型，相邻元素有前驱、后继关系。

Operation:

Init(*S): 初始化操作，创建一个空栈 S

Destroy(*S): 若栈存在，销毁之

Clear(*S): 将栈清空

IsEmpty(S): 若栈为空，返回 true；否则返回 false

GetTop(S,*e): 若栈存在且非空，用 e 返回栈顶元素

Push(*S,e): 若栈存在，插入新元素 e 并称为栈顶元素

Pop(*S,*e): 删除栈顶元素，并用 e 返回其值

Length(S): 返回元素个数

} ADT Stack

1. 栈

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 顺序栈
- ▶ 两栈共享空间
- ▶ 链栈
- ▶ 栈的应用

2. 队列

顺序栈

既然栈是线性表的特例，那么栈的顺序存储其实是线性表顺序存储的简化。栈的顺序存储结构简称顺序栈，用数组来实现。

顺序栈

既然栈是线性表的特例，那么栈的顺序存储其实是线性表顺序存储的简化。栈的顺序存储结构简称顺序栈，用数组来实现。

问题 对于栈，用数组哪一端作为栈顶或栈底会比较好？

顺序栈

既然栈是线性表的特例，那么栈的顺序存储其实是线性表顺序存储的简化。栈的顺序存储结构简称顺序栈，用数组来实现。

问题 对于栈，用数组哪一端作为栈顶或栈底会比较好？

下标为 0 的一端作为栈底比较好，因为首元素都存在于栈底，变化最小。

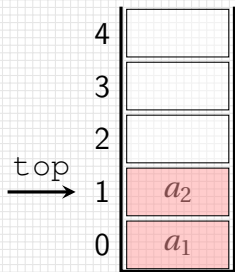
顺序栈

栈的结构定义

```
#define MAXSIZE 100
typedef int ElemType;
typedef struct SqStack{
    ElemType data[MAXSIZE];
    int top;
}SqStack;
```

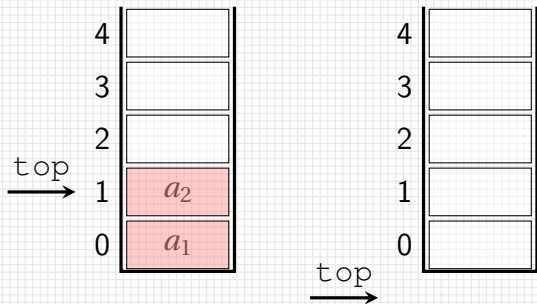
- ▶ `top` 用于指示栈顶元素在数组中的位置，它必须小于存储栈的长度 `StackSize`;
- ▶ 当栈存在一个元素时，`top == 0`，因此通常把空栈的判定条件定为 `top == -1`.

顺序栈



有两个元素, $top=1$

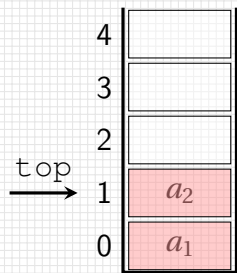
顺序栈



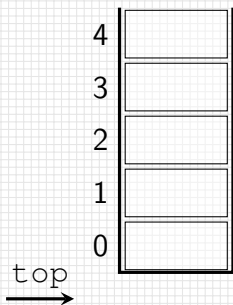
有两个元素, $top=1$

空栈, $top=-1$

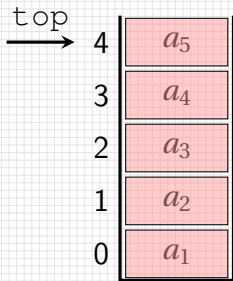
顺序栈



有两个元素, $top=1$

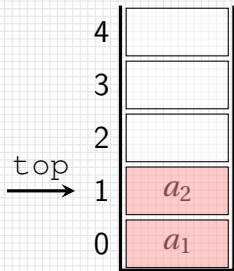


空栈, $top=-1$



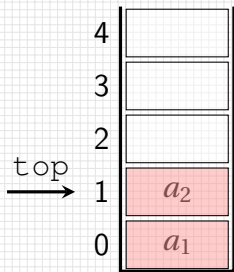
栈满, $top=4$

顺序栈

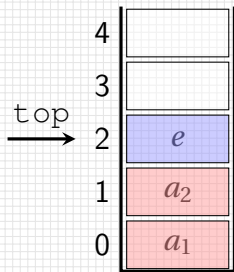


数组 data

顺序栈



数组 data



元素 e 进栈

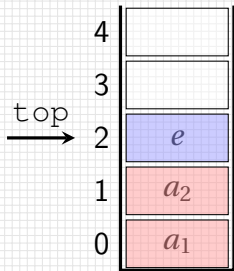
顺序栈

Push.c

```
#include "SqStack.h"

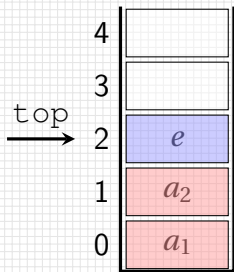
Status Push(SqStack * S, ElemType e)
{
    if (S->top == MAXSIZE-1)
        return ERROR;
    S->top++;
    S->data[S->top] = e;
    return OK;
}
```


顺序栈

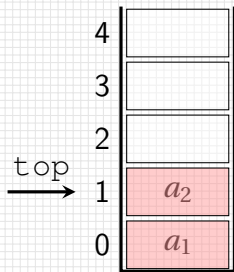


数组 data

顺序栈



数组 data



元素 e 出栈

顺序栈

Pop.c

```
#include "SqStack.h"

ElemType Pop(SqStack * S)
{
    ElemType e;
    if (S->top == -1)
        printf("Stack_is_Empty,_Cannot_Pop!");
    e = S->data[S->top];
    S->top--;
    return e;
}
```

顺序栈之完整程序

SqStack.h I

```
#include<stdio.h>
#include<stdlib.h>
#define MAXSIZE 100
#define ERROR 0
#define OK 1

typedef int Status;
typedef int ElemType;
typedef struct SqStack
{
    ElemType * data;
    int top;
} SqStack;
```

SqStack.h II

```
ElemType Pop    (SqStack * S);  
Status Push    (SqStack * S, ElemType e);  
Status Init     (SqStack * S);  
Status Clear    (SqStack * S);  
Status Destroy  (SqStack * S);  
void PrintS     (SqStack * S);
```

Init.c

```
#include "SqStack.h"

Status Init(SqStack *S)
{
    S->data = (ElemType *) malloc(MAXSIZE * sizeof(
ElemType));
    if(!S->data){
        printf("Malloc_Failed!\n");
        return ERROR;
    }
    S->top = -1;
    return OK;
}
```

PrintS.c

```
#include "SqStack.h"

void PrintS(SqStack * S)
{
    int i;
    if(S->top == -1)
    {
        printf("Stack_is_empty!\n\n");
        return;
    }
    for(i = 0; i <= S->top; i++)
        printf("%3d_", S->data[i]);
    printf("\n\n");
}
```


Push.c

```
#include "SqStack.h"

Status Push(SqStack * S, ElemType e)
{
    if (S->top == MAXSIZE-1)
        return ERROR;
    S->top++;
    S->data[S->top] = e;
    return OK;
}
```

Pop.c

```
#include "SqStack.h"

ElemType Pop(SqStack * S)
{
    ElemType e;
    if (S->top == -1)
        printf("Stack_is_Empty,_Cannot_Pop!");
    e = S->data[S->top];
    S->top--;
    return e;
}
```

Clear.c

```
#include "SqStack.h"
Status Clear(SqStack * S)
{
    ElemType e;
    while(S->top > -1)
        e = Pop(S);
    return OK;
}
```

Destroy.c

```
#include "SqStack.h"

Status Destroy(SqStack * S)
{
    Clear(S);
    free(S->data);
    return OK;
}
```

1. 栈

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 顺序栈
- ▶ 两栈共享空间
- ▶ 链栈
- ▶ 栈的应用

2. 队列

两栈共享空间

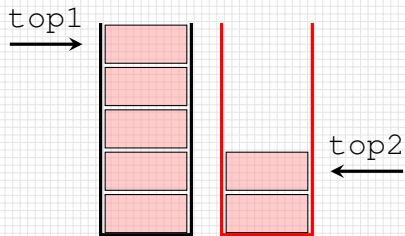
问题 设有两个相同类型的栈，为它们各自开辟数组空间，极有可能第一个栈满，而另一个栈还有很多空闲空间。请问如何更有效地利用存储空间？

两栈共享空间

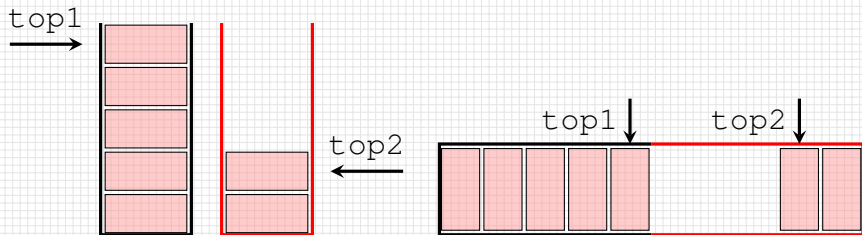
问题 设有两个相同类型的栈，为它们各自开辟数组空间，极有可能第一个栈满，而另一个栈还有很多空闲空间。请问如何更有效地利用存储空间？

可以用一个数组来存储两个栈，实现两栈共享空间。

两栈共享空间



两栈共享空间



两栈共享空间

- ▶ 让一个栈的栈底为数组的始端，另一个栈的栈底为数组的末端。这样，两个栈如果增加元素，就是两端点向中间延伸。
- ▶ 设 $top1$ 和 $top2$ 分别是栈 1 和栈 2 的栈顶指针，只要它们俩不碰面，两个栈就可以一直使用。

两栈共享空间

栈满的情形：

- ▶ 栈 1 为空 ($\text{top1} == -1$), 栈 1 为满 ($\text{top2} == 0$)
- ▶ 栈 2 为空 ($\text{top2} == n$), 栈 1 为满 ($\text{top1} == n-1$)
- ▶ 一般情形：两个栈见面即栈满，亦即 $\text{top1}+1 == \text{top2}$ 。

两栈共享空间 : Share_SqStack.h

```
typedef struct {  
    ElemType data[MAXSIZE];  
    int top1;  
    int top2;  
} Share_SqStack;
```

两栈共享空间 : Push.c

```
Status Push(SqDoubleStack * S, ElemType e, int
stackNumber)
{
    if(S->top1+1 == S->top2)
        return ERROR;
    if(stackNumber == 1)
        S->data[++S->top1] = e;
    if(stackNumber == 2)
        S->data[--S->top2] = e;
    return OK;
}
```

两栈共享空间 : Pop.c

```
Status Pop(SqDoubleStack * S, ElemType * e, int
stackNumber)
{
    if(stackNumber == 1)
    {
        if(S->top1 == -1) return ERROR;
        *e = S->data[S->top1--];
    }
    if(stackNumber == 2)
        if(S->top2 == MAXSIZE) return ERROR;
        *e = S->data[S->top2++];
    return OK;
}
```

1. 栈

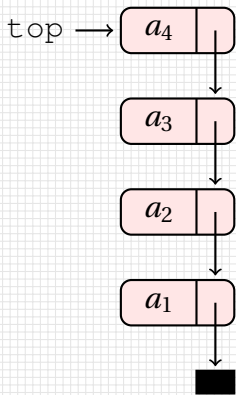
- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 顺序栈
- ▶ 两栈共享空间
- ▶ 链栈
- ▶ 栈的应用

2. 队列

链栈

定义 栈的链式存储结构称为链栈，是操作受限的单链表，其插入和删除操作只能在表头位置上进行。

链栈



非空栈

链栈

- ▶ 对于链栈，通常不需要头结点；
- ▶ 对于链栈，基本不存在栈满的情况；
- ▶ 对于空栈，通常指的是 $top == NULL$.

链栈之完整程序

linkstack.h |

```
#include<stdio.h>
#include<stdlib.h>
#define ERROR 0
#define OK 1

typedef int Status;
typedef int ElemType;
typedef struct StackNode
{
    ElemType data;
    struct StackNode * next;
} StackNode, * LinkStackPtr;
```

linkstack.h

```
typedef struct LinkStack
{
    LinkStackPtr top;
    int count;
} LinkStack;
```

```
LinkStack * Init(void);
Status Push (LinkStack * S, ElemType e);
Status Pop (LinkStack * S, ElemType * e);
Status PrintS(LinkStack * S);
```

Init.c

```
#include "linkstack.h"
LinkStack * Init(void)
{
    LinkStack * S;
    S = (LinkStack *) malloc(sizeof(LinkStack));
    S->top = NULL;
    return S;
}
```

Push.c

```
#include "linkstack.h"

Status Push(LinkStack * S, ElemType e)
{
    LinkStackPtr s = (LinkStackPtr) malloc(sizeof(
    StackNode));
    if(!s) return ERROR;
    s->data = e;
    s->next = S->top;
    S->top = s;
    S->count++;
    return OK;
}
```

Pop.c

```
#include "linkstack.h"

Status Pop(LinkStack * S, ElemType * e){
    LinkStackPtr p;
    if (S->top == NULL)
        return ERROR;    //栈空，返回错误标志
    *e = S->top->data;
    p = S->top;
    S->top = S->top->next;
    free(p);
    S->count--;
    return OK;
}
```


PrintS.c

```
#include "linkstack.h"

Status PrintS(LinkStack * S)
{
    LinkStackPtr p;
    p = S->top;
    while(p != NULL) {
        printf("%3d_", p->data);
        p = p->next;
    }
    printf("\n");
    return OK;
}
```

main.c

```
#include "linkstack.h"

int main(void)
{
    LinkStack *S; ElemType e;

    S=Init();                      PrintS(S);

    Push(S,1);  Push(S,3);
    Push(S,5);  Push(S,7);  PrintS(S);

    Pop(S,&e);  Pop(S,&e);  PrintS(S);

    return 1;
}
```

1. 栈

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 顺序栈
- ▶ 两栈共享空间
- ▶ 链栈
- ▶ 栈的应用

2. 队列

栈的应用

由于栈“后进先出”的固有特性，故栈是程序设计中常用的工具和数据结构。

应用 1：数制转换

十进制整数 n 向其它进制数 $d(=2, 8, 16)$ 的转换是计算机实现计算的基本问题。

转换法则：

$$n = (n \div d) \times d + r$$

其中 r 为余数，且 $0 \leq r < d$ 。

应用 1 : 数制转换

例 $(1348)_{10} = (2504)_8$, 其运算过程如下 :

n	$n \div 8$	r
1348	168	4
168	21	0
21	2	5
2	0	2

应用 1：数制转换（程序）I

```
#include "SqStack.h"

void Convert(int n, int d)
{
    SqStack S;
    int k, * e;
    Init(&S);
    while(n > 0)
    {
        k = n % d;
        Push(&S, k);
        n /= d;
    }
    while (S.top > -1)
```

应用 1：数制转换（程序）II

```
{  
    Pop(&S, e);  
    printf("%1d", *e);  
}  
printf("\n");  
}
```


应用 2：括号匹配

在文字处理软件或编写程序时，常常需要检查一个字符串或一个表达式终端括号是否相匹配？

应用 2：括号匹配

在文字处理软件或编写程序时，常常需要检查一个字符串或一个表达式终端括号是否相匹配？

匹配思想： 从左至右扫描一个字符串（或表达式），则**每个右括号将于最近遇到的那个左括号相匹配**。可以在从左到右扫描过程中把所遇到的左括号存放到堆栈中，每当遇到一个右括号时，就将它与栈顶的左括号（如果存在）相匹配，同时从栈顶删除该左括号。

应用 2：括号匹配

算法思想： 设置一个栈，当读到左括号时，左括号进栈。当读到右括号时，则从栈中弹出一个元素，与读到的左括号进行匹配，若匹配成功，继续读入；否则匹配失败，返回 `FALSE`。

应用 2：括号匹配（程序）I

```
int MatchBrackets (SqStack * S)
{
    char ch, x;
    scanf("%c", &ch);
    while (asc(ch) != 13)
    {
        if ( ( ch == '(' ) || ( ch == '[' ) )
            Push(S, ch);
        else if ( ch == ']' )
        {
            x = Pop(S);
            if ( x != '[' )
            {
```

应用 2：括号匹配（程序）II

```
        printf("[_not_matching!\n");  
        return FALSE;  
    }  
}  
else if ( ch == ')' )  
{  
    x = pop(S);  
    if( x != '(' )  
    {  
        printf("[_not_matching!\n");  
        return FALSE;  
    }  
}  
}
```

应用 2：括号匹配（程序）III

```
if (S->top != 0)
{
    printf("括号数量不匹配");
    return FALSE;
}
else return TRUE;
}
```

前缀、中缀、后缀表达式

它们都是对表达式的记法，其区别在于运算符相对操作数的位置不同：

- ▶ 前缀表达式：运算符位于其相关操作数的前面；
- ▶ 中缀表达式：运算符位于其相关操作数的中间；
- ▶ 后缀表达式：运算符位于其相关操作数的后面。

前缀、中缀、后缀表达式

例如：

- ▶ 前缀表达式： $- \times + 3 4 5 6$
- ▶ 中缀表达式： $(3 + 4) \times 5 - 6$
- ▶ 后缀表达式： $3 4 + 5 \times 6 -$

前缀、中缀、后缀表达式

中缀表达式：人们常用的算术表示方法。

中缀表达式很容易被人的大脑理解和分析，但对计算机来说却是很复杂的。因此计算表达式的值时，通常需要将中缀表达式转换为前缀或后缀表达式，然后进行求值。

对计算机来说，计算前缀或后缀表达式的值非常简单。

前缀、中缀、后缀表达式

前缀表达式： 也称“前缀记法、波兰式”，其运算符位于操作数之前。

后缀表达式： 也称“后缀记法、逆波兰式”，其运算符位于操作数之后。

应用 3：后缀表达式的计算机求值

从左到右扫描表达式,

- (1) 遇到操作数, 将数字入栈;
- (2) 遇到运算符, 弹出栈顶的两个数;
- (3) 将这两个数用运算符做相应计算 (次顶元素 op 栈顶元素), 并将结果入栈;
- (4) 重复 (1)-(3) 直到表达式右端, 最后运算出的值即为表达式的结果。

应用 3：后缀表达式的计算机求值

例 以后缀表达式

$$3\ 4\ +\ 5\ \times\ 6\ -$$

为例，详解整个过程。

应用 3：后缀表达式的计算机求值

1. 将 3 和 4 入栈；
2. 遇到 +，弹出 4 和 3，计算 $3+4=7$ ，再将 7 入栈；
3. 将 5 入栈；
4. 遇到 *，弹出 5 和 7，计算 $7*5=35$ ，再将 35 入栈；
5. 将 6 入栈；
6. 遇到 -，弹出 6 和 35，计算 $35-6=29$ ，即为最终结果。

应用 4：将中缀表达式转换为后缀表达式

- 1 初始化两个栈：运算符栈 S_1 和存储中间结果的栈 S_2 ；
- 2 从左到右扫描中缀表达式；
- 3 遇到操作数时，将其压入 S_2 ；

应用 4：将中缀表达式转换为后缀表达式

4 遇到运算符，比较其与 S1 栈顶运算符的优先级：

4.1 若 S1 为空，或栈顶运算符为“(", 则压入 S1；

4.2 否则，若其优先级高于栈顶运算符，则压入 S1；

4.3 否则，将 S1 的栈顶运算符弹出并压入到 S2 中，再次转到 4.1 与 S1 中新的栈顶运算符做比较；

应用 4：将中缀表达式转换为后缀表达式

5 遇到括号时，

5.1 如果是“(”，则压入 S1；

5.2 如果是“)”，则依次弹出 S1 的栈顶元素，并压入 S2，直到遇到“(”为止，此时这一对括号丢弃；

应用 4：将中缀表达式转换为后缀表达式

- 6 重复步骤 2-5，直到表达式的最右端；
- 7 将 $S1$ 中剩余的运算符依次弹出并压入 $S2$ ；
- 8 依次弹出 $S2$ 中的元素并输出，结果的逆序即为对应的后缀表达式。

应用 4：将中缀表达式转换为后缀表达式

表: 中缀表达式 $1 + ((2 + 3) + 4) * 5$

扫描到的字符	S2 (栈底-> 栈顶)	S1 (栈底-> 栈顶)
1	1	
+	1	+
(1	+(
(1	+((
2	12	+((
+	12	+((+
3	123	+((+
)	123+	+(
+	123+	+(+
4	123+4	+(+
)	123+4+	+
*	123+4	++
5	123+45	++
	123+45*+	

应用 4：将中缀表达式转换为后缀表达式

表: 中缀表达式 $1 + ((2 + 3) * 4) - 5$

扫描到的字符	S2 (栈底-> 栈顶)	S1 (栈底-> 栈顶)
1	1	
+	1	+
(1	+(
(1	+((
2	12	+((
+	12	+((+
3	123	+((+
)	123+	+(
*	123+	+(*
4	123+4	+((+
)	123+4*	+
-	123+4+	-
5	123+4+5	-
	123+4+5-	

1. 栈

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 顺序栈
- ▶ 两栈共享空间
- ▶ 链栈
- ▶ 栈的应用

2. 队列

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 循环队列
- ▶ 链队列

1. 栈

2. 队列

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 循环队列
- ▶ 链队列

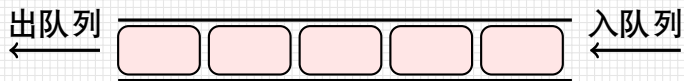
基本概念和抽象数据类型

定义 队列 (Queue) 是只允许在一端进行插入操作, 而在另一端进行删除操作的线性表。

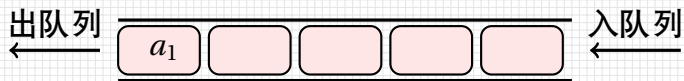
基本概念和抽象数据类型

- ▶ 队列是一种先进先出 (First in First Out, FIFO) 的线性表。
- ▶ 允许插入的一端叫队尾, 允许删除的一端叫队头。

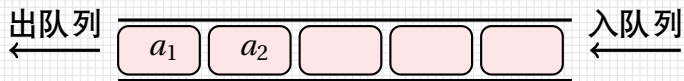
基本概念和抽象数据类型



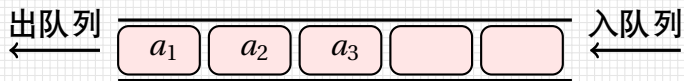
基本概念和抽象数据类型



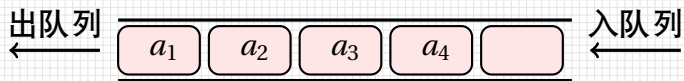
基本概念和抽象数据类型



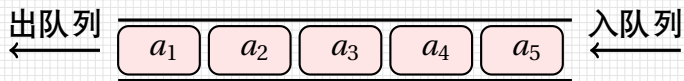
基本概念和抽象数据类型



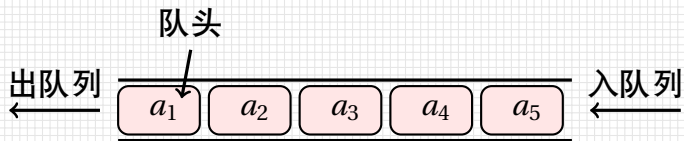
基本概念和抽象数据类型



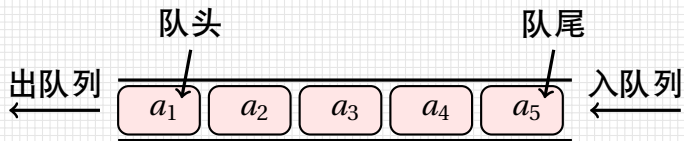
基本概念和抽象数据类型



基本概念和抽象数据类型



基本概念和抽象数据类型



基本概念和抽象数据类型

ADT 队列 (Queue)

Data

同线性表。元素具有相同的类型，相邻元素具有前驱和后继关系

Operation:

Init(*Q):

Destroy(*Q):

Clear(*Q):

IsEmpty(Q):

GetHead(Q, *e):

Enter(*Q, e):

Delete(*Q, *e):

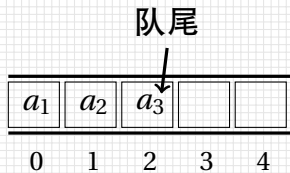
Length(Q):

1. 栈

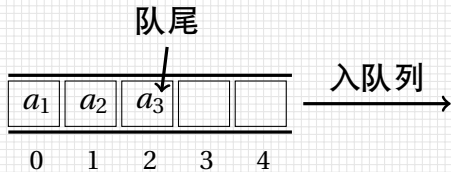
2. 队列

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 循环队列
- ▶ 链队列

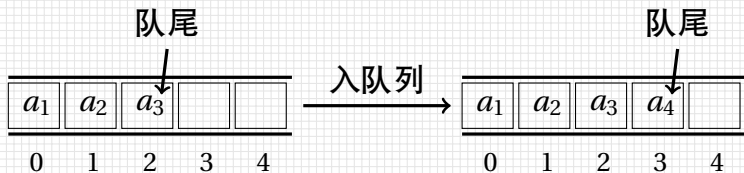
循环队列



循环队列



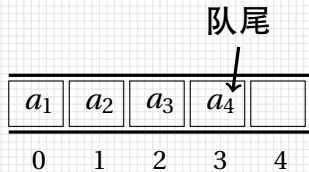
循环队列



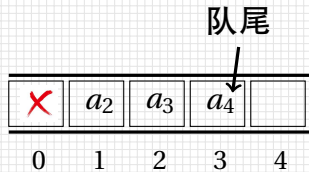
循环队列

注 入队列操作，就是在队尾追加一个元素，不需要移动任何元素，时间复杂度为 $O(1)$.

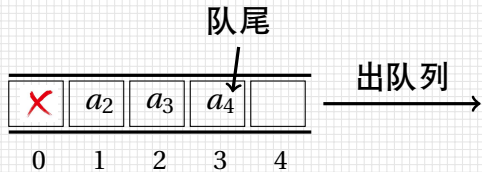
循环队列



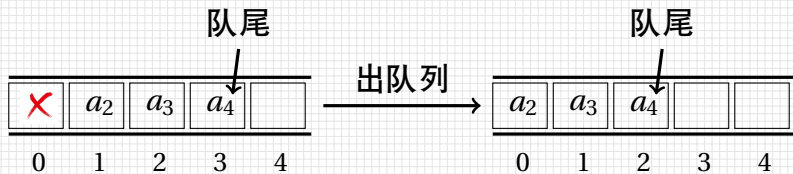
循环队列



循环队列



循环队列



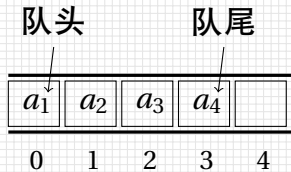
循环队列

注 出队列操作，就是删除队头元素，同时其他元素向前移动，时间复杂度为 $O(n)$.

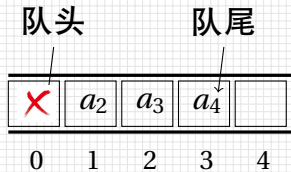
循环队列

若不想移动其他元素，可不限制队列元素必须存储在数组的前 n 个位置这一条件，即队头不一定要在下标为 0 的位置。

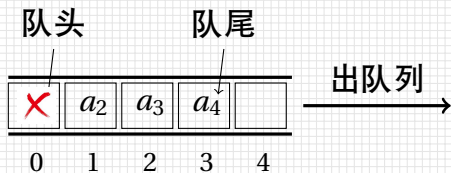
循环队列



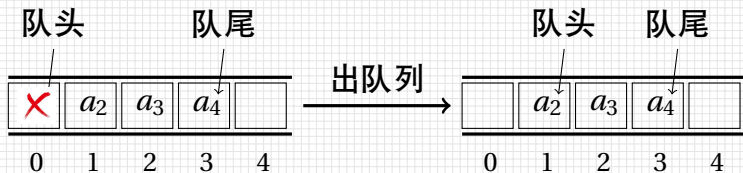
循环队列



循环队列



循环队列



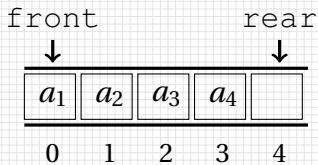
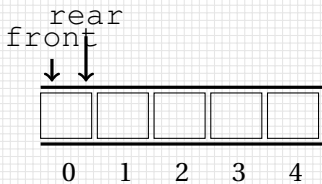
循环队列

为避免只有一个元素时，队头和队尾重合使处理变得麻烦，可引入两个指针 `front` 和 `rear`，其中

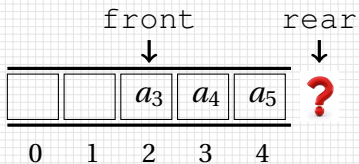
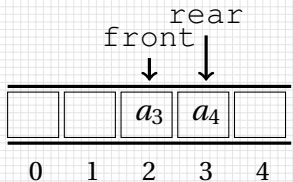
- ▶ `front` 指向队头元素，
- ▶ `rear` 指向队尾元素的下一个位置，

这样当 `front == rear` 时，为空队列。

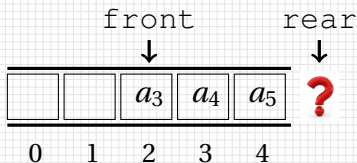
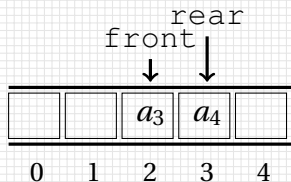
循环队列



循环队列



循环队列



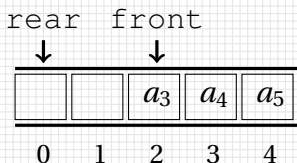
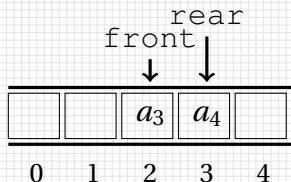
- ▶ a_1, a_2 出队, front 指向下标为 2 的位置, rear 不变 ;
- ▶ 接着 a_5 入队, front 不变, rear 移动到数组之外 ;
- ▶ 若接着入队, 会产生数组越界的错误。可实际上, 前两个位置还空闲, 这种现象称为“假溢出”。

循环队列

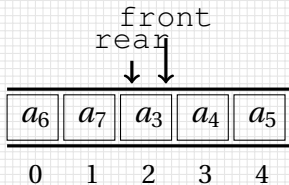
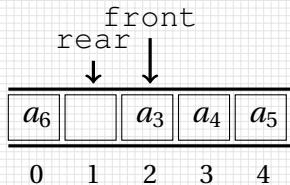
定义 头尾相连的队列顺序存储结构称为循环队列。

循环队列

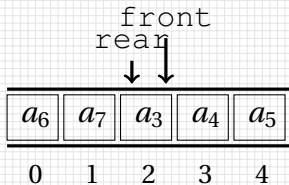
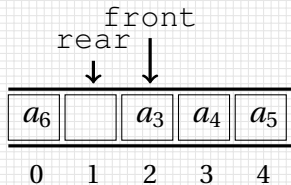
将上图中的 `rear` 指向下标为 0 的位置，就不会造成指针指向不明的问题。



循环队列



循环队列



- ▶ 接着 a_6 入队，放置于下标为 0 处，而 rear 指向下标为 1 处。
- ▶ 再让 a_7 入队，则 rear 与 front 重合。

循环队列

问题 空队列时, $\text{front} == \text{rear}$, 现在队列已满, 仍然有 $\text{front} == \text{rear}$, 如何判断队列是空是满?

循环队列

问题 空队列时, $\text{front} == \text{rear}$, 现在队列已满, 仍然有 $\text{front} == \text{rear}$, 如何判断队列是空是满?

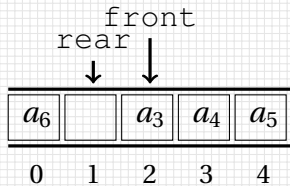
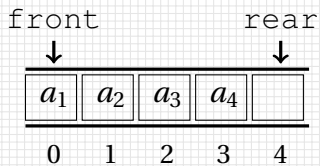
- (1) 设置一个标志变量 flag , 当 $\text{front} == \text{rear} \ \&\& \ \text{flag} == 0$ 时队列为空; 而当 $\text{front} == \text{rear} \ \&\& \ \text{flag} == 1$ 时队列为满。

循环队列

问题 空队列时, $\text{front} == \text{rear}$, 现在队列已满, 仍然有 $\text{front} == \text{rear}$, 如何判断队列是空是满?

- (1) 设置一个标志变量 flag , 当 $\text{front} == \text{rear} \ \&\& \ \text{flag} == 0$ 时队列为空; 而当 $\text{front} == \text{rear} \ \&\& \ \text{flag} == 1$ 时队列为满。
- (2) 当队列为空时, 条件就为 $\text{front} == \text{rear}$; 当队列满时, 修改其条件, 让数组中始终保留一个空闲单元。

循环队列



循环队列

问题 对于第二种办法, 由于 `rear` 可能比 `front` 大, 也可能比 `front` 小, 如何判定队列是否为满?

循环队列

问题 对于第二种办法, 由于 `rear` 可能比 `front` 大, 也可能比 `front` 小, 如何判定队列是否为满?

设队列的最大尺寸为 `MAXSIZE`, 则队列满的条件是

$$(\text{rear} + 1) \% \text{MAXSIZE} == \text{front}$$

循环队列

问题 如何计算队列的长度？

循环队列

问题 如何计算队列的长度？

当 $\text{rear} > \text{front}$ 时，队列长度为 $\text{rear} - \text{front}$ ；

循环队列

问题 如何计算队列的长度？

当 $\text{rear} > \text{front}$ 时，队列长度为 $\text{rear} - \text{front}$ ；

当 $\text{rear} < \text{front}$ 时，队列长度分为两段，一段为 $\text{MAXSIZE} - \text{front}$ ，另一段为 $\text{rear} - 0$ ，合计为 $\text{rear} - \text{front} + \text{MAXSIZE}$ 。

循环队列

问题 如何计算队列的长度？

当 $\text{rear} > \text{front}$ 时，队列长度为 $\text{rear} - \text{front}$ ；

当 $\text{rear} < \text{front}$ 时，队列长度分为两段，一段为 $\text{MAXSIZE} - \text{front}$ ，另一段为 $\text{rear} - 0$ ，合计为 $\text{rear} - \text{front} + \text{MAXSIZE}$ 。

故通用的队列长度计算公式为

$$(\text{rear} - \text{front} + \text{MAXSIZE}) / \text{MAXSIZE}$$

循环队列

循环队列之完整程序

SqQueue.h

```
#include<stdio.h>
#include<stdlib.h>
#define MAXSIZE 100
#define ERROR 0
#define OK 1

typedef int Status;
typedef int ElemType;
typedef struct
{
    ElemType data[MAXSIZE];
    int front;
    int rear;
} SqQueue;
```

Init.c

```
#include "SqQueue.h"
Status Init(SqQueue *Q)
{
    Q->front = 0;
    Q->rear = 0;
    return OK;
}
```

Length.c

```
#include "SqQueue.h"
int Length(SqQueue *Q)
{
    int len = (Q->rear - Q->front + MAXSIZE) % MAXSIZE;
    printf("Length_of_Queue_is_%3d.\n", len);
    return len;
}
```

Enter.c

```
#include "SqQueue.h"
int Enter(SqQueue * Q, ElemType e)
{
    if( (Q->rear + 1) % MAXSIZE == Q->front )
        return ERROR;
    Q->data[Q->rear] = e;
    Q->rear = (Q->rear+1) % MAXSIZE;
    return OK;
}
```

Exit.c

```
#include "SqQueue.h"

int Exit(SqQueue * Q, ElemType * e)
{
    if(Q->front == Q->rear)
        return ERROR;
    *e = Q->data[Q->front];
    Q->front = (Q->front+1) % MAXSIZE;
    return OK;
}
```

1. 栈

2. 队列

- ▶ 基本概念和抽象数据类型
- ▶ 循环队列
- ▶ 链队列

链队列

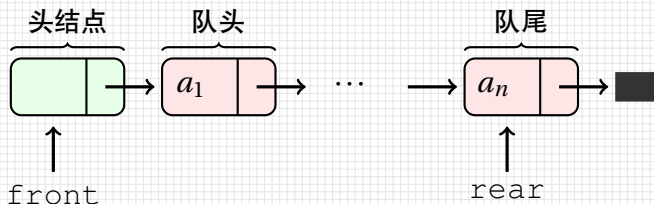
定义 队列的链式存储结构，就是线性表的单链表，只不过它只能尾进头出，简称为链队列。

链队列

注 为操作方便, 通常将队头指针指向链队列的头结点, 而队尾指针指向终端结点。

链队列

注 为操作方便，通常将队头指针指向链队列的头结点，而队尾指针指向终端结点。

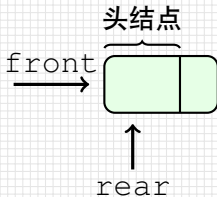


链队列

注 队列为空时, `front` 和 `rear` 都指向头结点。

链队列

注 队列为空时, `front` 和 `rear` 都指向头结点。



LinkQueue.h I

Listing:

```
#include<stdio.h>
#include<stdlib.h>
#define OK 1
#define ERROR 0

typedef int ElemType;
typedef struct QNode
{
    ElemType data;
    struct QNode * next;
} QNode, * QueuePtr;
```

LinkQueue.h II

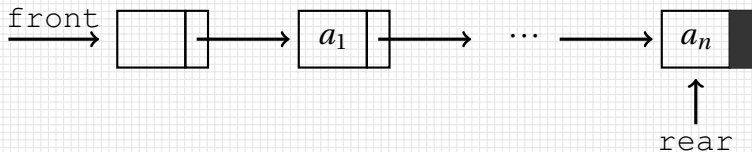
```
typedef struct LinkQueue
{
    QueuePtr front, rear;
} LinkQueue;
```

链队列

入队操作，就是在链表尾部插入结点。

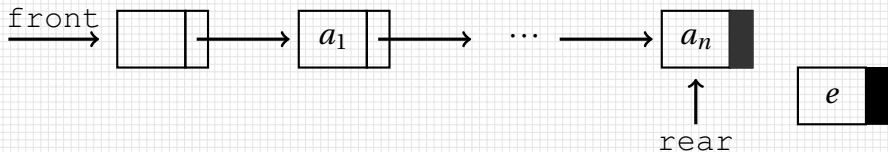
链队列

入队操作，就是在链表尾部插入结点。



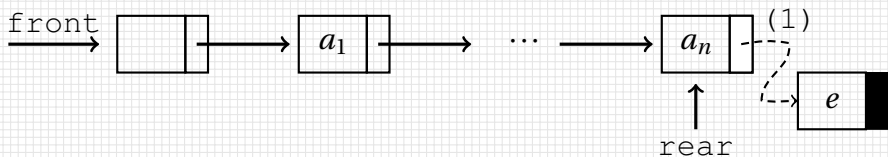
链队列

入队操作，就是在链表尾部插入结点。



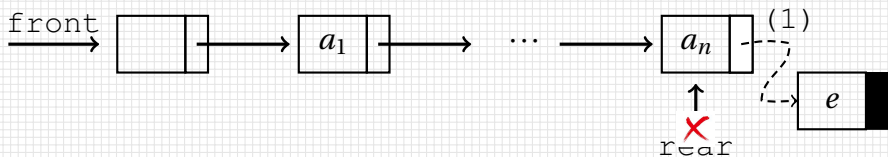
链队列

入队操作，就是在链表尾部插入结点。



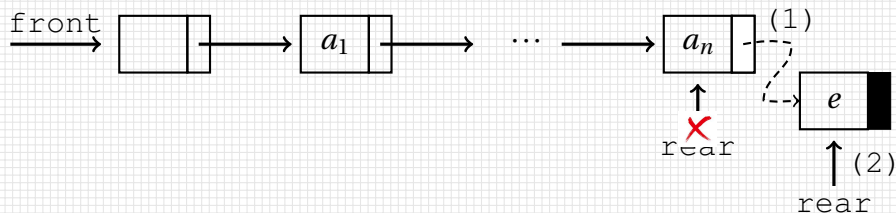
链队列

入队操作，就是在链表尾部插入结点。



链队列

入队操作，就是在链表尾部插入结点。



Enter.c

```
#include "LinkQueue.h"

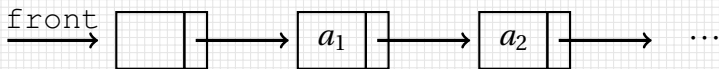
Status Enter(LinkQueue * Q, ELEMType e)
{
    QueuePtr s = (QueuePtr) malloc(sizeof(QNode));
    if(!s) return ERROR;    // 入队列
    s->data = e;
    s->next = NULL;
    Q->rear->next = s;
    Q->rear = s;
    return OK;
}
```

链队列

出队操作，就是头结点的后继结点出队，将头结点的后继改为它后面的结点。

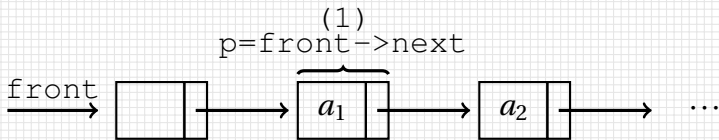
链队列

出队操作，就是头结点的后继结点出队，将头结点的后继改为它后面的结点。



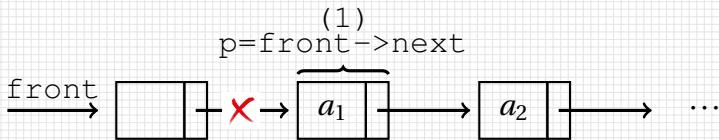
链队列

出队操作，就是头结点的后继结点出队，将头结点的后继改为它后面的结点。



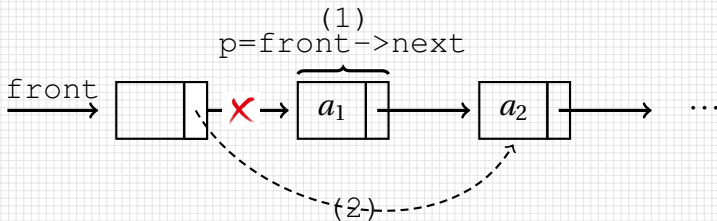
链队列

出队操作，就是头结点的后继结点出队，将头结点的后继改为它后面的结点。



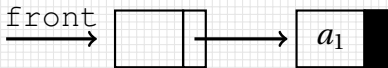
链队列

出队操作，就是头结点的后继结点出队，将头结点的后继改为它后面的结点。



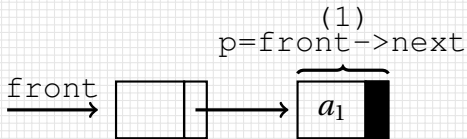
链队列

若链表处头结点外只剩一个元素时，则需将 `rear` 指向头结点。



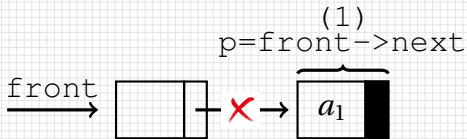
链队列

若链表处头结点外只剩一个元素时，则需将 rear 指向头结点。



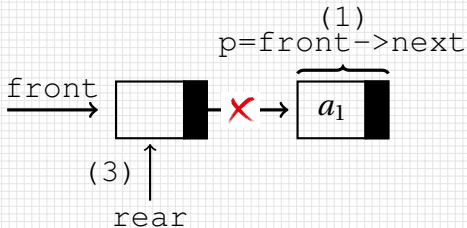
链队列

若链表处头结点外只剩一个元素时，则需将 rear 指向头结点。



链队列

若链表处头结点外只剩一个元素时，则需将 rear 指向头结点。



Exit.c

```
#include "LinkQueue.h"

Status Exit(LinkQueue * Q, ElemType * e)
{
    QueuePtr p;
    if(Q->front == Q->rear)
        return ERROR;
    p = Q->front->next;
    *e = p->data;
    Q->front->next = p->next;
    if(Q->rear == p)
        Q->rear = Q->front;
    free(p);
    return OK;
}
```


链队列

循环队列和链队列的比较：

- ▶ 从时间上看，其基本操作的复杂度均为 $O(1)$ ，不过循环队列事先申请好空间，使用期间不释放，而对于链队列，每次申请和释放结点会存在一些时间开销。若入队出队频繁，两者会有细微差异。
- ▶ 从空间上看，循环队列须有一个固定长度，故存在存储元素个数和空间浪费的问题。而链队列不存在该问题，尽管它需要一个指针域，会产生一些空间上的开销，但也可以接受。所以在空间上，链表更加灵活。

链队列

- ▶ 在可以确定队列长度最大值的情况下，建议使用循环队列；
- ▶ 若无法预估队列长度，请使用链队列。