

数据结构与算法

基本数据结构



张晓平

武汉大学数学与统计学院



2017 年 10 月 27 日

目录

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例

- ▶ 栈的抽象数据类型

- ▶ 用 Python 实现栈

- ▶ 栈的应用

 - 简单括号匹配

 - 平衡符号（通用）

 - 十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

 - 基本概念

 - 中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

 - 中缀转后缀通用法

 - 后缀表达式求值

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

 - 无序表的抽象数据类型

 - Node 类

 - UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

 - 有序表的抽象数据类型

4. 队列

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

- ▶ 理解栈、队列、双向队列和列表的抽象数据类型
- ▶ 使用 Python 列表实现栈、队列和双向队列的抽象数据类型
- ▶ 理解基本线性数据结构的性能
- ▶ 理解前缀、中缀和后缀表达式
- ▶ 使用栈计算后缀表达式。
- ▶ 使用栈将中缀表达式转换为后缀表达式。
- ▶ 使用队列进行基本时序仿真。
- ▶ 学会根据问题性质，选择使用栈、队列和双向队列等合适的数据结构。
- ▶ 能使用结点和引用将列表实现转换为链表实现。
- ▶ 能比较链表实现与 Python 的列表实现的性能。

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

我们开始数据结构的学习，从四种简单而功能强大的结构开始：

1. 栈 (stack)
2. 队列 (queue)
3. 双端列表 (deque)
4. 顺序表 (sequence)

它们都是一些数据的集合，数据项之间的顺序由添加或删除的顺序决定。一旦一个数据项被添加，它就与之前和之后加入的元素保持一个固定的相对位置。诸如此类的数据结构被称为线性数据结构。

线性数据结构有两端，有时称为左和右，有时称为前与后，称为顶部和底部也无不可，叫什么名字并不重要。重要的是数据结构增加和删除数据的方式，特别是增删的位置。例如，一种结构可能只允许从一端添加数据，而另一种结构则两端都行。

线性数据结构有两端，有时称为左和右，有时称为前与后，称为顶部和底部也无可不可，叫什么名字并不重要。重要的是数据结构增加和删除数据的方式，特别是增删的位置。例如，一种结构可能只允许从一端添加数据，而另一种结构则两端都行。

这些变种的形式产生了计算机科学最有用的数据结构。他们出现在各种算法中，可用于解决很多重要的问题。

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

栈是一种线性有序的数据元素集合，其中数据的增删操作都在同一端进行。进行操作的一端通常称为“顶部”，另一端称为“底部”。

- ▶ 栈的底部很重要：数据项越接近底部，它在栈里的时间就越长。
- ▶ 最近添加的项总是最先被移除，这种排序原则称为“后进先出”（LIFO）。
- ▶ 栈按“时间长短”来排列数据项：新来的在栈顶，老家伙们在栈底。

栈是一种线性有序的数据元素集合，其中数据的增删操作都在同一端进行。进行操作的一端通常称为“顶部”，另一端称为“底部”。

- ▶ 栈的底部很重要：数据项越接近底部，它在栈里的时间就越长。
- ▶ 最近添加的项总是最先被移除，这种排序原则称为“后进先出”（LIFO）。
- ▶ 栈按“时间长短”来排列数据项：新来的在栈顶，老家伙们在栈底。

例：

中国有句成语，叫后来居上。原典故是这样说的：陛下用群臣，如积薪耳，后来者居上。栈的方式，可不就是堆柴草吗？

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

▶ 栈的举例

▶ 栈的抽象数据类型

▶ 用 Python 实现栈

▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

▶ 什么是队列

▶ 队列的抽象数据类型

▶ 队列的 Python 实现

▶ 队列任务：烫手山芋

▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

▶ 什么是双端队列

▶ 队列的抽象数据类型

▶ 队列的 Python 实现

▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

▶ 有序表的链表实现

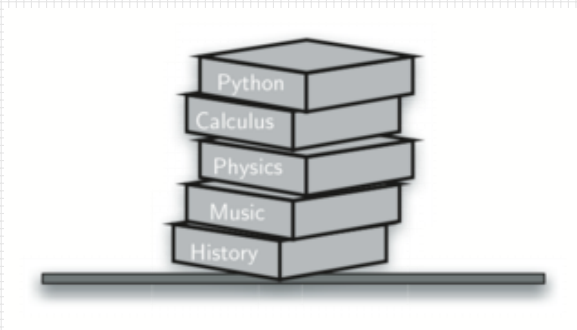
栈的例子很常见。

例:

自助餐厅的盘,人们总是从上面拿盘子,拿走一个后面的人再拿下面的一个,(服务员端来一些新的,又堆在上面了)。

例:

又如一堆书，你只能看到最上面一本的封面，要看下面一本，就要把上面的先拿走。

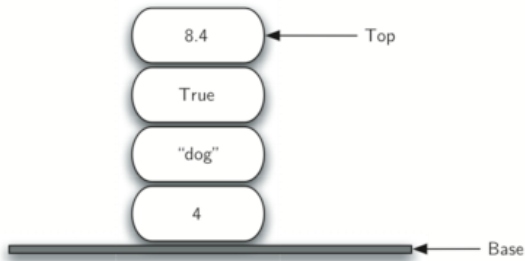


例:

与栈有关的思想来源于生活中的观察，假设你从一张干净的桌子开始，一本一本地放上书，这就是在建立栈。当你一本一本地拿走，想像一下，是不是先进后出？由于这种结构具有翻转顺序的作用，所以非常重要。

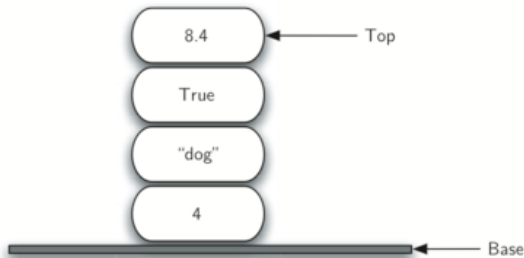
例:

下图中的栈存储了几个主要的 python 语言数据对象。

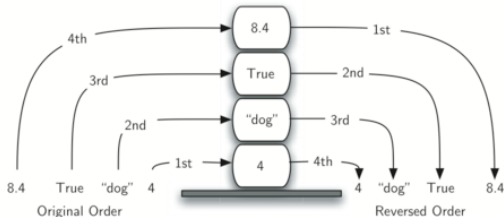


例:

下图中的栈存储了几个主要的 python 语言数据对象。



下图展示了 Python 数据对象创建和删除的过程，注意观察他们的顺序。



例:

栈这种翻转性，在你用电脑上网时也用到。浏览器都有“返回”按钮，当你从一个链接到另一个链接，这时网址（URL）就被存进了栈。正在浏览的页就存在栈顶，点“返回”的时候，返回到刚刚浏览的页面。最早浏览的页面，要一直到最后才能看到。

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

栈的抽象数据类型由以下结构和操作定义:

- ▶ 栈是**结构化的、有序的数据集合**，其增删操作都在“栈顶”进行，存储顺序是LIFO。
- ▶ 栈的操作方法如下：
 1. `Stack()`: 创建一个空栈，无参数，返回一个空栈。
 2. `push(item)`: 向栈顶压入一个新数据项，需要一个数据项参数，无返回值。
 3. `pop()`: 从栈中删除栈顶数据项，无参数，返回删除项，栈本身发生变化。
 4. `peek()`: 返回栈顶数据项，但不删除。不需要参数，栈不变。
 5. `isEmpty()`: 测试栈是否为空，无参数，返回布尔值。
 6. `size()`: 返回栈中数据项的个数，无参数，返回值为整数。

例:

设 `s` 是一个空栈, 下表是一系列的操作, 栈内数据和返回值。注意栈顶在右侧。

Stack Operation	Stack Contents	Return Value
<code>s.isEmpty()</code>	<code>[]</code>	<code>True</code>
<code>s.push(4)</code>	<code>[4]</code>	
<code>s.push('dog')</code>	<code>[4, 'dog']</code>	
<code>s.peek()</code>	<code>[4, 'dog']</code>	<code>'dog'</code>
<code>s.push(True)</code>	<code>[4, 'dog', True]</code>	
<code>s.size()</code>	<code>[4, 'dog', True]</code>	<code>3</code>
<code>s.isEmpty()</code>	<code>[4, 'dog', True]</code>	<code>False</code>
<code>s.push(8.4)</code>	<code>[4, 'dog', True, 8.4]</code>	
<code>s.pop()</code>	<code>[4, 'dog', True]</code>	<code>8.4</code>
<code>s.pop()</code>	<code>[4, 'dog']</code>	<code>True</code>
<code>s.size()</code>	<code>[4, 'dog']</code>	<code>2</code>

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

当我们说抽象数据类型的物理实现时，指的是建立数据结构。

当我们说抽象数据类型的物理实现时，指的是建立数据结构。

Python 是面向对象的程序设计语言，象栈这样的抽象数据类型可通过类来实现，而栈的操作则可看做是类的方法。

当我们说抽象数据类型的物理实现时，指的是建立数据结构。

Python 是面向对象的程序设计语言，象栈这样的抽象数据类型可通过类来实现，而栈的操作则可看做是类的方法。

另外，栈作为数据项的集合，我们可以使用 Python 中强大而简单的 List 类来实现。

当我们说抽象数据类型的物理实现时，指的是建立数据结构。

Python 是面向对象的程序设计语言，象栈这样的抽象数据类型可通过类来实现，而栈的操作则可看做是类的方法。

另外，栈作为数据项的集合，我们可以使用 Python 中强大而简单的 List 类来实现。

Python 中的 List 类已经建立了一个数据集合机制和相应的方法。假设存在一个列表 [2,5,3,6,7,4]，我们只需约定哪一端是栈顶哪一端是栈底，就可以使用 list 中的方法（如 `append` 和 `pop`）来实现栈的相关操作。

在以下的栈实现中，我们假定 List 的右侧是栈顶。

```
class Stack:
    def __init__(self):
        self.items = []

    def isEmpty(self):
        return self.items == []

    def push(self, item):
        self.items.append(item)

    def pop(self):
        return self.items.pop()

    def peek(self):
        return self.items[len(self.items)-1]

    def size(self):
        return len(self.items)
```

在以下的栈实现中，我们假定 List 的右侧是栈顶。

```
class Stack:
    def __init__(self):
        self.items = []

    def isEmpty(self):
        return self.items == []

    def push(self, item):
        self.items.append(item)

    def pop(self):
        return self.items.pop()

    def peek(self):
        return self.items[len(self.items)-1]

    def size(self):
        return len(self.items)
```

这段代码仅仅是定义了 Stack 类，运行时什么反应也没有。

以下代码将创建一个栈对象，并加入操作方法。

```
s=Stack()  
  
print(s.isEmpty())  
s.push(4)  
s.push('dog')  
print(s.peek())  
s.push(True)  
print(s.size())  
print(s.isEmpty())  
s.push(8.4)  
print(s.pop())  
print(s.pop())  
print(s.size())
```

注意，我们也可以选择列表的左侧作为栈顶。这样，前面的 `pop` 和 `append` 方法就不能用了，而必须指定索引 0（列表的第一项）以便对栈内数据进行操作。

```
class Stack:
    def __init__(self):
        self.items = []

    def isEmpty(self):
        return self.items == []

    def push(self, item):
        self.items.insert(0,item)

    def pop(self):
        return self.items.pop(0)

    def peek(self):
        return self.items[0]

    def size(self):
        return len(self.items)

s = Stack()
s.push('hello')
s.push('true')
```

```
print(s.pop())
```


对抽象数据类型实现方式的变更，仍能保持数据的逻辑特性不变，这就是“抽象”的一个实例。两种栈的方式都能工作，但性能表现却有很大的不同。

对抽象数据类型实现方式的变更，仍能保持数据的逻辑特性不变，这就是“抽象”的一个实例。两种栈的方式都能工作，但性能表现却有很大的不同。

`append()`和`pop()`都是 $O(1)$ ，这意味着，不管栈内有多少数据项，第一种实现的性能是常数级的，第二种实现的`insert(0)`和`pop(0)`却需要 $O(n)$ 。很明显，两种实现方式在逻辑上等同，但时间复杂度却不一样。

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

现在我们用栈来解决一个计算机科学上的实际问题。

- ▶ 你一定写过类似这样的算术算式： $(5 + 6) * (7 + 8) / (4 + 3)$ ，这里括号为了规范操作顺序。
- ▶ 你用过 LISP 语言的话，也许写过这样的语句：`(defun square(n) (* n n))`。这条语句定义了一个函数，用于返回参数 n 的平方值。Lisp 语言以用到大量的括号而闻名。

这两个例子中，括号必须是平衡的。

现在我们用栈来解决一个计算机科学上的实际问题。

- ▶ 你一定写过类似这样的算术算式： $(5 + 6) * (7 + 8) / (4 + 3)$ ，这里括号为了规范操作顺序。
- ▶ 你用过 LISP 语言的话，也许写过这样的语句：`(defun square(n)(* n n))`。这条语句定义了一个函数，用于返回参数 n 的平方值。Lisp 语言以用到大量的括号而闻名。

这两个例子中，括号必须是平衡的。

平衡括号的意思是，每个左括号一定对应着一个右括号，并且括号能被正确嵌套。

平衡括号

(((((())))))
(((()))))
((((()) ())))

不平衡括号

(((((((())))))))
()))
(() () (()

正确地区分平衡和不平衡括号，对很多编程语言都非常重要。

正确地区分平衡和不平衡括号，对很多编程语言都非常重要。

问题 1 设计一个算法，读入一串括号，并判断它们是否平衡。

仔细观察一下平衡式的结构特点可以发现：

从左到右读入一串括号时，最早读到的一个右括号总是与他前面紧邻的左括号匹配；同样，最后一个右括号要与最先读到的左括号相匹配。

仔细观察一下平衡式的结构特点可以发现：

从左到右读入一串括号时，最早读到的一个右括号总是与他前面紧邻的左括号匹配；同样，最后一个右括号要与最先读到的左括号相匹配。

即右括号与左括号是反序的，并且它们从内到外一一匹配。

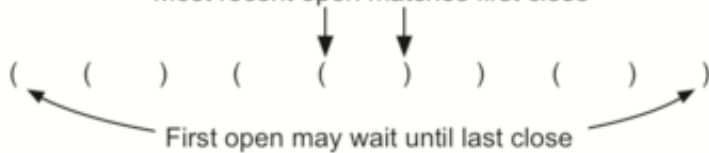
仔细观察一下平衡式的结构特点可以发现：

从左到右读入一串括号时，最早读到的一个右括号总是与他前面紧邻的左括号匹配；同样，最后一个右括号要与最先读到的左括号相匹配。

即右括号与左括号是反序的，并且它们从内到外一一匹配。

受此启发，我们会马上想到用栈来解决该问题。

Most recent open matches first close



一旦你明白栈适合保存括号，算法就简单了：

1. 创建一个空栈；
2. 从左到右读入括号串：
 - ▶ 若遇到左括号，把它压栈，说明后面需要一个右括号与之匹配。
 - ▶ 若遇到右括号，就弹出栈顶数据。
3. 只要栈内还有数据可以弹出与右括号匹配，这些括号就仍然是平衡的。任何时候，栈内没有左括号用来匹配了，这个字符串就没有平衡好。到字符串的最后，若平衡，栈应该是空的。

判断一串括号是否平衡的 Python 实现

```
1 from pythonds.basic.stack import Stack
2
3 def parChecker(symbolString):
4     s = Stack()
5     balanced = True
6     index = 0
7     while index < len(symbolString) and balanced:
8         symbol = symbolString[index]
9         if symbol == "(":
10             s.push(symbol)
11         else:
12             if s.isEmpty():
13                 balanced = False
14             else:
15                 s.pop()
16
17         index = index + 1
18
19 if balanced and s.isEmpty():
20     return True
21 else:
22     return False
23
```

```
print(parChecker('((()))'))  
print(parChecker('(()')))
```

True
False

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

对很多编程语言而言，上一节所讲的圆括号匹配只能算一个特例。不同种类的左符号和右符号的平衡与嵌套实在非常普遍。比如在 Python 中，[] 用于列表，{ } 用于字典，() 用于元组和算数表达式。多种符号的混合应用也需要保持相应的平衡关系。

平衡符号：既要保证左右平衡，也要求种类匹配。

```
{ { ( [ ] [ ] ) } ( ) }  
[ [ { { ( ( ) ) } } ] ]  
[ ] [ ] [ ] ( ) { }
```

不平衡符号

```
( [ ) ]  
( ( ( ) ] ) )  
[ { ( ) ]
```

前面讲到的圆括号平衡算法很容易扩展到其他种类的符号中：**每个左符号被压栈，然后等匹配的右符号出现。**此时唯一的不同，就是左右匹配的同时，必须检查符号的种类也要匹配。如果发现不匹配，整个字符串就是不平衡的。最后，当整个字符串处理完毕且栈被清空时，字符串就是完全平衡的。

与圆括号平衡相比，仅多调用一个辅助函数 `matches()`，以帮助检查符号的类型匹配。

每个从栈顶弹出的元素必须检查是否与当前的右符号同一种类，如果不匹配，`balanced` 被赋值为 `False`。

```
def parChecker(symbolString):
    s = Stack()
    balanced = True
    index = 0
    while index < len(symbolString) and balanced:
        symbol = symbolString[index]
        if symbol in "([{":
            s.push(symbol)
        else:
            if s.isEmpty():
                balanced = False
            else:
                top = s.pop()
                if not matches(top, symbol):
                    balanced = False
        index = index + 1
    if balanced and s.isEmpty():
        return True
    else:
        return False

def matches(open, close):
```

```
opens = "([{"  
closers = ")]}"  
return opens.index(open) == closers.index(close)
```

```
print(parChecker('{{([][]) }() }'))  
print(parChecker('[{()}]'))
```

True
False

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

计算机的内部数据以二进制形式存储，所有的数据都是由 0 和 1 组成的串。幸亏二进制和日常数据格式之间能够相互转换，不然计算机可一点都不好玩了。

计算机的内部数据以二进制形式存储，所有的数据都是由 0 和 1 组成的串。幸亏二进制和日常数据格式之间能够相互转换，不然计算机可一点都不好玩了。

计算机程序里，整数无处不在。数学上也有整数，当然是十进制的整数，或者说叫做以 10 为基数的整数。

计算机的内部数据以二进制形式存储，所有的数据都是由 0 和 1 组成的串。幸亏二进制和日常数据格式之间能够相互转换，不然计算机可一点都不好玩了。

计算机程序里，整数无处不在。数学上也有整数，当然是十进制的整数，或者说叫做以 10 为基数的整数。

十进制 $(233)_{10}$ 以及对应的二进制表示 $(11101001)_2$ 分别解释为

$$2 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

$$51 \times 2^7 + 1 \times 2^6 + 1 \times 2^5 + 0 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$

有一种很容易地把十进制转为二进制的方法，叫做“除二取余法”，它用栈来保存二进制的位。

有一种很容易地把十进制转为二进制的方法，叫做“除二取余法”，它用栈来保存二进制的位。

该算法可描述为：从一个大于 0 的整数开始，通过递归法连续除以 2，并保存除 2 得到的余数。第一次除以 2 可以判断这个数是偶数还是奇数。偶数除以 2 的余数是 0，这个二进制位就 0；奇数除以 2 的余数是 1，这个位就是 1。这样连续相除得到一串的 0 或 1，第 1 次得到的位实际是最后一位。

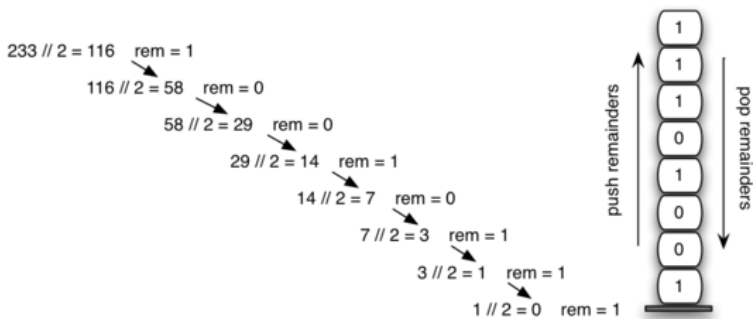


图: 除二取余法 (又见反转, 这表明可利用栈的特性来解决该问题)

除二取余法的 Python 实现

```
1 from pythonds.basic.stack import Stack
2
3 def dec2bin(decNumber):
4     remstack = Stack()
5
6     while decNumber > 0:
7         rem = decNumber % 2
8         remstack.push(rem)
9         decNumber = decNumber // 2
10
11     binString = ""
12     while not remstack.isEmpty():
13         binString = binString + str(remstack.pop())
14
15     return binString
```



```
print(divideBy2(42))
```

```
101010
```

以上算法可以很容易地扩展到任意进制的转换。计算机科学比较常用二进制、八进制和十六进制。

以上算法可以很容易地扩展到任意进制的转换。计算机科学比较常用二进制、八进制和十六进制。

如 $(233)_{10}$ 对应的八进制和十六进制分别为: $(351)_8$, $(E9)_{16}$, 可表示为:

$$3 \times 8^2 + 5 \times 8^1 + 1 \times 8^0$$

$$14 \times 16^1 + 9 \times 16^0$$

将`divideBy2()`稍作修改便可用于转换其他进制，“除二取余法”变成“除基取余法”，新函数名为`baseConverter`，它有两个参数：第一个是任意十进制整数，第二个是任意 2 到 16 之间的基数。

将`divideBy2()`稍作修改便可用于转换其他进制，“除二取余法”变成“除基取余法”，新函数名为`baseConverter`，它有两个参数：第一个是任意十进制整数，第二个是任意 2 到 16 之间的基数。

余数仍被压栈，直到商为 0。从左到右的字符串生成过程也是一样的。

问题 2 当基数超过 10 以后，余数也可能超过 9，而余数是需要被压栈的，那它该如何表示？

问题 2 当基数超过 10 以后，余数也可能超过 9，而余数是需要被压栈的，那它该如何表示？

解决办法是建立一个集合，包括一些字母符号。比如十六进制使用了 6 个字母，可建立一个字符串存储相应位置的字符，如 0 在 0 位上、1 在 1 位上、A 在 10 位上、B 在 11 位上，…。当一个余数出栈时，便可索引到该字符串上找到正确的字符并追加到答案的后面。比如 13 出栈，13 位上的 D 追加到结果中。

```
def baseConverter(decNumber, base):  
    digits = "0123456789ABCDEF"  
  
    remstack = Stack()  
  
    while decNumber > 0:  
        rem = decNumber % base  
        remstack.push(rem)  
        decNumber = decNumber // base  
  
    newString = ""  
    while not remstack.isEmpty():  
        newString = newString + digits[remstack.pop()]  
  
    return newString
```



```
print(baseConverter(25,2))  
print(baseConverter(25,16))
```

```
11001  
19
```

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

对于算术表达式 $B * C$ ，你很清楚这是计算“变量 B 乘以变量 C ”，因为 $*$ 出现在两个变量的中间。这种表达式称为**中缀表达式**，因为操作符在变量的“中间”。

对于算术表达式 $B * C$ ，你很清楚这是计算“变量 B 乘以变量 C ”，因为 $*$ 出现在两个变量的中间。这种表达式称为**中缀表达式**，因为操作符在变量的“中间”。

而对表达式 $A + B * C$ ，操作符 $+$ 和 $*$ 仍在操作数中间，但问题来了：操作符是操作哪个数？是 $+$ 操作 A 和 B 还是 $*$ 操作 B 和 C 呢？这似乎有点模糊。

对于算术表达式 $B * C$ ，你很清楚这是计算“变量 B 乘以变量 C ”，因为 $*$ 出现在两个变量的中间。这种表达式称为**中缀表达式**，因为操作符在变量的“中间”。

而对表达式 $A + B * C$ ，操作符 $+$ 和 $*$ 仍在操作数中间，但问题来了：操作符是操作哪个数？是 $+$ 操作 A 和 B 还是 $*$ 操作 B 和 C 呢？这似乎有点模糊。

事实上这种表达式我们经常碰到，但从来没有疑惑过。原因是我们知道操作符的优先级。优先级高的操作符优先计算，除非用括号改变顺序。优先级顺序是乘除加减，如果两个操作符在同一级别，那就从左到右依次进行。

请用优先级顺序来解释 $A + B * C$, $(A + B) * C$, $A + B + C$ 。

请用优先级顺序来解释 $A + B * C$, $(A + B) * C$, $A + B + C$ 。

这些对你来说太显而易见。但请记住，计算机需要精确地知道操作符的行为和顺序。

有一种书写表达式的方法叫做“完全括号”，这种表达式把每一个操作符都加了括号，表达完全精确，不必记忆优先级规则。

有一种书写表达式的方法叫做“完全括号”，这种表达式把每一个操作符都加了括号，表达完全精确，不必记忆优先级规则。

- ▶ $A + B * C + D$ 写成 $((A + (B * C)) + D)$ ，表明先算乘法，再算左边的加法；
- ▶ $A + B + C + D$ 写成 $((A + B) + C) + D$ ，表明加法操作从左向右结合。

$A + B$ 是操作符放在中间，如果把操作符放在操作数前面呢？变成 $+ A B$ 。放在后面呢？ $A B +$ 。是不是看起来很奇怪。

$A + B$ 是操作符放在中间，如果把操作符放在操作数前面呢？变成 $+ A B$ 。放在后面呢？ $A B +$ 。是不是看起来很奇怪。

这两种变型形成新的格式，叫做前缀与后缀。前缀就是操作符放在他们的操作数前面，后缀就是放在后面。

看看下表会更清楚：

中缀表达式	前缀表达式	后缀表达式
$A + B$	$+ A B$	$A B +$
$A + B * C$	$+ A * B C$	$A B C * +$

例：中缀表达式转换为前缀、后缀表达式

对于中缀表达式 $A + B * C$,

例：中缀表达式转换为前缀、后缀表达式

对于中缀表达式 $A + B * C$,

- ▶ 前缀表达式为 $+ A * B C$

操作数顺序不变, $*$ 紧接在 B 和 C 之前, 表示 $*$ 优先于 $+$ 。然后 $+$ 出现在 A 和乘法的结果之前。

例：中缀表达式转换为前缀、后缀表达式

对于中缀表达式 $A + B * C$,

- ▶ 前缀表达式为 $+ A * B C$

操作数顺序不变, $*$ 紧接在 B 和 C 之前, 表示 $*$ 优先于 $+$ 。然后 $+$ 出现在 A 和乘法的结果之前。

- ▶ 后缀表达式为 $A B C * +$

操作数顺序不变, 因为 $*$ 紧接在 B 和 C 之后出现, 表示 $*$ 具有高优先级, $+$ 优先级低。

例：中缀表达式转换为前缀、后缀表达式

对于中缀表达式 $A + B * C$,

- ▶ 前缀表达式为 $+ A * B C$

操作数顺序不变, $*$ 紧接在 B 和 C 之前, 表示 $*$ 优先于 $+$ 。然后 $+$ 出现在 A 和乘法的结果之前。

- ▶ 后缀表达式为 $A B C * +$

操作数顺序不变, 因为 $*$ 紧接在 B 和 C 之后出现, 表示 $*$ 具有高优先级, $+$ 优先级低。

虽然操作符在它们各自的操作数前后移动, 但是操作数的顺序相对于彼此保持完全相同。

例：中缀表达式转换为前缀、后缀表达式

考虑中缀表达式 $(A + B) * C$ ，括号在乘法之前强制执行加法。

- ▶ 写成前缀表达式时， $+$ 简单的移动到 $A B$ 之前，得 $+ A B$ 。这个操作的结果成为乘法的第一个操作数。 $*$ 移动到整个表达式的前面，得出 $* + A B C$ 。
- ▶ 写成后缀表达式时， $+$ 简单的移动到 $A B$ 之后，得 $A B +$ 。这个操作的结果成为乘法的第一个操作数。 $*$ 移动到整个表达式的后面，得出 $A B + C *$

问题 3 把这三种表达方式放在下表中对比一下，见证奇迹的时刻到了，括号去哪儿了？为什么前缀和后缀不需要括号？

中缀表达式	前缀表达式	后缀表达式
$(A + B) * C$	$* + A B C$	$A B + C *$

问题 3 把这三种表达方式放在下表中对比一下，见证奇迹的时刻到了，括号去哪儿了？为什么前缀和后缀不需要括号？

中缀表达式	前缀表达式	后缀表达式
$(A + B) * C$	$* + A B C$	$A B + C *$

在前缀和后缀中，操作符和他们的操作数之间关系清晰，他们的位置就说明了计算顺序，不需要象中缀那样，额外用括号来帮助分辨。因此，在很多情况下，中缀是最不好用的表达式。

下表提供了更多的对比例子，请仔细对比它们是怎样安排位置来保证计算正确的。

中缀表达式	前缀表达式	后缀表达式
$A + B * C + D$	$++A * B C D$	$A B C * + D +$
$(A + B) * (C + D)$	$* + A B + C D$	$A B + C D + *$
$A + B + C + D$	$+++A B C D$	$A B + C + D +$

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

至此，我们可以手动地把中缀转换为前缀和后缀。也许应该有一种算法，能够转换任意复杂的表达式。

至此，我们可以手动地把中缀转换为前缀和后缀。也许应该有一种算法，能够转换任意复杂的表达式。

回顾一下前面提到的“完全括号”，如 $A + B * C$ 写成 $(A + (B * C))$ 以保证乘法的高优先级。仔细观察可以发现，每一对括号内都是一个计算过程，包括一对操作数和一个操作符的完整计算。

看子表达式 $(B * C)$ ，如果把乘号移至右括号的位置，再去掉相应的左括号，就变成了 $B C *$ ，亦即 $(B * C)$ 的后缀式。更进一步，把加号移至其相应的右括号位置并取而代之，再去掉相应的左括号，整个后缀表达式就出来了。



图: 中缀转后缀

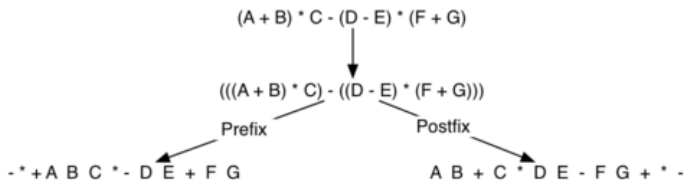
如果换个方向，操作符左移取代左括号并去掉右括号，就得到前缀表达式。看来括号的位置，是找到操作符位置的线索，见图3



图: 中缀转前缀

总之，要转换表达式，无论多么复杂，无论前缀还是后缀，可以先完全括号化，然后将操作符前移或后移取代括号。

这是一个更复杂的转换例子： $(A + B) * C - (D - E) * (F + G)$ ，下图展示了转换过程。



图：中缀转前缀与后缀

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

现在我们要开发一个算法，把任何中缀表达式转换为后缀表达式。为此，我们先来仔细看看其转换过程。

仍然考虑中缀表达式 $A + B * C$ ，其等价的后缀表达式是 $A B C * +$ ，注意操作数 A 、 B 和 C 保留了原来的相对位置，只有操作符改变了位置。在中缀表达式中，从左到右第一个出现的是 $+$ ，而在后缀式中， $+$ 最后出现，因为 $*$ 的优先级高于 $+$ 。也就是说，操作符在中缀表达式中的顺序和后缀表达式中相反。

在处理表达式的时候，操作符应该先保存在某处，因为操作符读进来的时候，它右边的操作数还没到。另外因为优先级的关系，保存的顺序要反转。就象上面说的乘号和加号一样，加号先出现，但因为乘法优先，加法先来也得靠后站。因为顺序反转的关系，考虑使用栈来保存操作符。

象 $(A + B) * C$ 怎么办呢？其后缀表达式是 $A B + C *$ 。从左到右的顺序，先读到了 $+$ ，但是当读到 $*$ 的时候， $+$ 已经找好位置，因为括号的优先级高于 $*$ 。上一段的规则遇到了新问题。这里就要考虑有括号的时候怎么办。当读到左括号的时候，我们把左括号作为操作符保存起来，标志着一个高优先级的操作就要到了，直到匹配的右括号出现，左括号才能出栈。

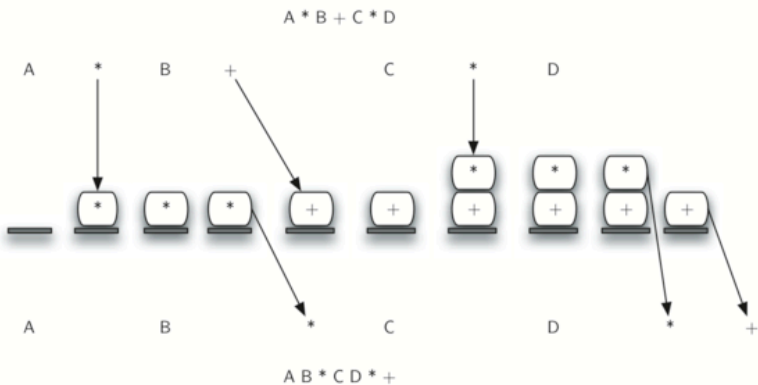
扫描中缀式的时候，要用一个栈来保存操作符，因栈的特性提供了反转功能。栈顶项总是我们最近一次压栈的操作符。每当读到一个新操作符，总要与栈顶的符号比较一下优先级。

设中缀表达式是由操作符和操作数组成的字符串，其中操作符包括 $*$ $/$ $+$ $-$ ，还有 $($ $)$ ，而操作数则包括字母或数字。按以下操作，可将中缀表达式转换成后缀表达式。

1. 创建一个空栈 (opstack) 以保存运算符，创建一个空列表 (postfixList) 以保存输出项。
2. 利用字符串的 split 方法将中缀表达式转换为列表。
3. 从左到右扫描列表，对于每个元素：
 - ▶ 如果是操作数，追加到输出列表。
 - ▶ 如果是 $($ ，压栈到 opstack。
 - ▶ 如果是 $)$ ，循环出栈，直到左括号出栈。此前出栈的元素追加到输出列表。
 - ▶ 如果是运算符 $*$ $/$ $+$ $-$ ，先把栈内优先级大于当前操作符的项目全部出栈并追加到输出列表，然后把当前操作符压栈。
4. 当输入列表检索完成时，检查栈，把剩下的元素全部出栈并加到输出列表尾部。

例:

将 $A * B + C * D$ 转换为后缀表达式



以下是该算法的 Python 实现，其中使用了一个字典 (prec) 保存操作符的优先级，每个操作符映射一个整数以便作优先级的比较。注意左括号被定义为最低的优先级 1，这样每个操作符与之比较时，都会高于它。

```
1 from pythonds.basic.stack import Stack
2
3 def infix2Postfix(infixexpr):
4     prec = {}
5     prec["*"] = 3
6     prec["/"] = 3
7     prec["+"] = 2
8     prec["-"] = 2
9     prec["("] = 1
10    opStack = Stack()
11    postfixList = []
12    tokenList = infixexpr.split()
13
14    for token in tokenList:
15        if token in "ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ" or token
16        in "0123456789":
17            postfixList.append(token)
18        elif token == '(':
19            opStack.push(token)
20        elif token == ')':
21            topToken = opStack.pop()
22            while topToken != '(':
```

```
22         postfixList.append(topToken)
23         topToken = opStack.pop()
24     else:
25         while (not opStack.isEmpty()) and \
26             (prec[opStack.peek()] > prec[token]):
27             postfixList.append(opStack.pop())
28         opStack.push(token)
29
30     while not opStack.isEmpty():
31         postfixList.append(opStack.pop())
32     return " ".join(postfixList)
33
34 print(infix2Postfix('A + B * C'))
35 print(infix2Postfix('A * B / C + D'))
```

```
print(infix2Postfix("A * B + C * D"))  
print(infix2Postfix("( A + B ) * C - ( D - E ) * ( F + G )" ) )  
print(infix2Postfix("A + B * C"))
```

```
A B * C D * +  
A B + C * D E - F G + * -  
A B C * +
```

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

这一节将设计一个算法，以计算一个后缀表达式的值。无论何时看到输入一个操作符，最近的两个操作数就是操作对象。

为了说清楚一点，我们来看两个例子：

例:

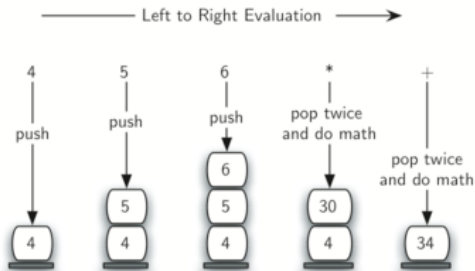
考虑后缀表达式 $4\ 5\ 6\ *\ +$ 。

从左到右扫描时，首先得到 4 和 5，不过此时，并不知道该如何处理这两个数，直到看到后面的操作符。所以要把这两个数先压栈，得到操作符以后再出栈。

该例中，下一个符号仍然是操作数，所以照旧压栈，并检查下一个。现在看到操作符 $*$ ，这意味着最近两个操作数要用来做乘法。出栈两次，得到两个操作数并相乘（在本例中是结果是 30）。

这个计算结果要压回到栈内，并作为下一个操作符的对象。当最后一个操作符工作结束，栈内应该只有一个数值，出栈并作为计算结果返回。

下图显示了该求值过程中栈内容的变化。



例:

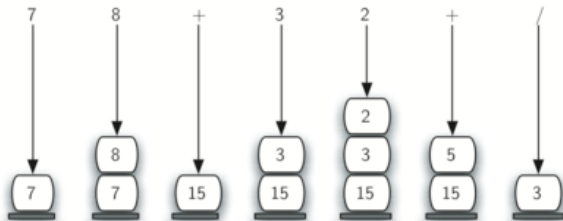
再来看一个稍微复杂的表达式: $7\ 8 + 3\ 2 + /\text{。}$ 这里有两点要注意:

- ▶ 栈的大小, 随着子表达式的计算过程而膨胀, 收缩, 再膨胀。
- ▶ 除法操作符要小心处理, 因为后缀表达式的操作数顺序不变, 但当两个操作数出栈时, 顺序反了。因为除法不支持交换律, 所以 $15/5$ 与 $5/15$ 不同, 必须保证顺序没有交错。

例:

再来看一个稍微复杂的表达式: $7\ 8\ +\ 3\ 2\ +\ /\$ 。这里有两点要注意:

- ▶ 栈的大小, 随着子表达式的计算过程而膨胀, 收缩, 再膨胀。
- ▶ 除法操作符要小心处理, 因为后缀表达式的操作数顺序不变, 但当两个操作数出栈时, 顺序反了。因为除法不支持交换律, 所以 $15/5$ 与 $5/15$ 不同, 必须保证顺序没有交错。



算法假定后缀表达式是一系列被空格分隔的字符，操作符是 $*$ $/$ $+$ $-$ ，操作数假定是一位整数。最终结果也是整数。

1. 建立一个空栈 operandStack
2. 字符串使用 split 转为列表
3. 从左到右检索列表，对于每个元素，
 - ▶ 如果是操作数，字符转为整数，压栈
 - ▶ 如果是操作符，出栈两次。第一次出栈的是第二个操作数，第二次出栈的是第一个操作数。计算结果，并压回栈。
4. 检索结束，出栈结果就是返回值。

```
from pythonds.basic.stack import Stack

def postfixEval(postfixExpr):
    operandStack = Stack()
    tokenList = postfixExpr.split()

    for token in tokenList:
        if token in "0123456789":
            operandStack.push(int(token))
        else:
            operand2 = operandStack.pop()
            operand1 = operandStack.pop()
            result = doMath(token, operand1, operand2)
            operandStack.push(result)
    return operandStack.pop()

def doMath(op, op1, op2):
    if op == "*":
        return op1 * op2
    elif op == "/":
        return op1 / op2
    elif op == "+":
```

```
        return op1 + op2
    else:
        return op1 - op2

print(postfixEval('7 8 + 3 2 + /'))
```

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

队列是有序的数据集合，其特点是：

- ▶ 在头部删除数据项，称为“队头”；在尾部增加数据项，称为“队尾”。
- ▶ 数据项总是在开始时排在队尾，慢慢向前走，直到排到队头，然后离开队列。

元素刚进来时排在队尾，而队头元素在队伍中时间最长，这种排列规则叫做FIFO，即“先进先出”，或者“先来先服务”。

例:

最简单的例子就是平时我们的排队：

- ▶ 排队买票看电影
- ▶ 在超市排队付款
- ▶ 在自助餐厅排队取盘子（盘子可是后进先出）。

例:

最简单的例子就是平时我们的排队：

- ▶ 排队买票看电影
- ▶ 在超市排队付款
- ▶ 在自助餐厅排队取盘子（盘子可是后进先出）。

队列严格执行一字排开的规则，一个方向进，同一方向出，不许插队，不许离队。

例:

最简单的例子就是平时我们的排队：

- ▶ 排队买票看电影
- ▶ 在超市排队付款
- ▶ 在自助餐厅排队取盘子（盘子可是后进先出）。

队列严格执行一字排开的规则，一个方向进，同一方向出，不许插队，不许离队。



一个 Python 数据对象的队列

例:

在计算机科学中也有队列的例子:

- ▶ 假设机房有 30 台电脑但只有 1 台打印机, 同学们打印时, 所有的打印任务必须排队等候。排第一的马上就能打印, 排最后的就要等所有其他人都打完才能开始。

例:

在计算机科学中也有队列的例子:

- ▶ 假设机房有 30 台电脑但只有 1 台打印机, 同学们打印时, 所有的打印任务必须排队等候。排第一的马上就能打印, 排最后的就要等所有其他人都打完才能开始。
- ▶ 操作系统使用了不同的队列控制系统进程, 如调度系统。

调度系统使用队列算法以保证尽可能快地执行程序, 并响应尽可能多的用户。

比如打字, 有时候你会发现敲了键盘而屏幕却延迟响应。这是因为系统正在做其他事情, 键盘事件会被放入缓冲队列里, 虽然会稍有延迟, 但最终还是会显示出来。

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

队列是结构化的、有序的数据集合，队头删除数据，队尾加入数据，保持 FIFO 属性。

1. `Queue()`: 创建一个空队列。无参数，返回值是空队列。
2. `enqueue(item)`: 在队尾加入一个数据项。参数是数据项，无返回值。
3. `dequeue()`: 删除队头数据项。不需要参数，返回值是被删除的数据，队列本身有变化。
4. `isEmpty()`: 检测队列是否为空。无参数，返回布尔值。
5. `size()`: 返回队列数据项的数量。无参数，返回一个整数。

图: 设 q 是一个刚创建的空队列, 以下展示一些队列的操作

Queue Operation	Queue Contents	Return Value
<code>q.isEmpty()</code>	<code>[]</code>	<code>True</code>
<code>q.enqueue(4)</code>	<code>[4]</code>	
<code>q.enqueue('dog')</code>	<code>['dog', 4]</code>	
<code>q.enqueue(True)</code>	<code>[True, 'dog', 4]</code>	
<code>q.size()</code>	<code>[True, 'dog', 4]</code>	<code>3</code>
<code>q.isEmpty()</code>	<code>[True, 'dog', 4]</code>	<code>False</code>
<code>q.enqueue(8.4)</code>	<code>[8.4, True, 'dog', 4]</code>	
<code>q.dequeue()</code>	<code>[8.4, True, 'dog']</code>	<code>4</code>
<code>q.dequeue()</code>	<code>[8.4, True]</code>	<code>'dog'</code>
<code>q.size()</code>	<code>[8.4, True]</code>	<code>2</code>

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

有了队列的抽象数据类型，我们可以创建一个类来实现队列。

有了队列的抽象数据类型，我们可以创建一个类来实现队列。

因队列是有序的，所以需要决定队列的哪一端作为队头和队尾。我们约定列表的 0 位置是队尾，其好处是：

- ▶ 可直接使用列表的 `insert` 方法在队尾加入数据；
- ▶ 使用列表的 `pop` 方法在队头（即列表的最后一个数据）删除数据。

有了队列的抽象数据类型，我们可以创建一个类来实现队列。

因队列是有序的，所以需要决定队列的哪一端作为队头和队尾。我们约定列表的 0 位置是队尾，其好处是：

- ▶ 可直接使用列表的 `insert` 方法在队尾加入数据；
- ▶ 使用列表的 `pop` 方法在队头（即列表的最后一个数据）删除数据。

从性能上分析，入队列 (`enqueue`) 的时间复杂度是 $O(n)$ ，而出队列 (`dequeue`) 是 $O(1)$ 。

```
class Queue:
    def __init__(self):
        self.items = []

    def isEmpty(self):
        return self.items == []

    def enqueue(self, item):
        self.items.insert(0,item)

    def dequeue(self):
        return self.items.pop()

    def size(self):
        return len(self.items)
```

```
>>> q.enqueue(4)
>>> q.enqueue('dog')
>>> q.enqueue(True)
>>> q.size()
3
>>> q.isEmpty()
False
>>> q.enqueue(8.4)
>>> q.dequeue()
4
>>> q.dequeue()
'dog'
>>> q.size()
2
```


1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

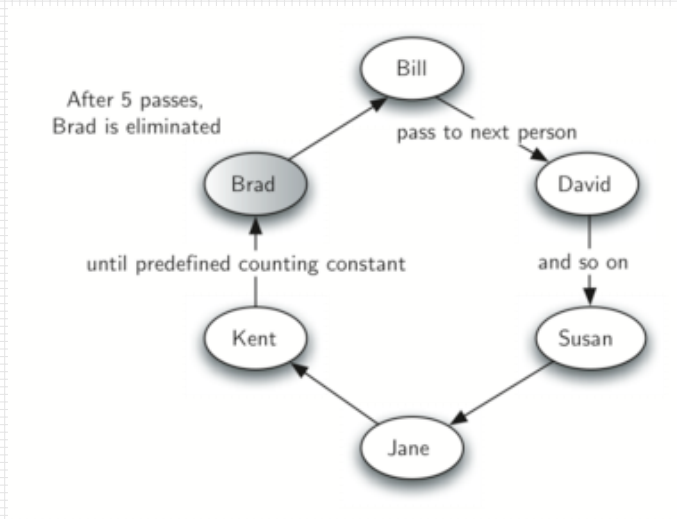
UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

观察一种儿童游戏“烫手的山芋 (hot potato)”: 孩子们排成一圈, 将一个烫手山芋挨个传下去。在某种情形下, 停止传递, 拿着山芋的人就要被请出来, 其他人继续玩, 直到只剩一个人。



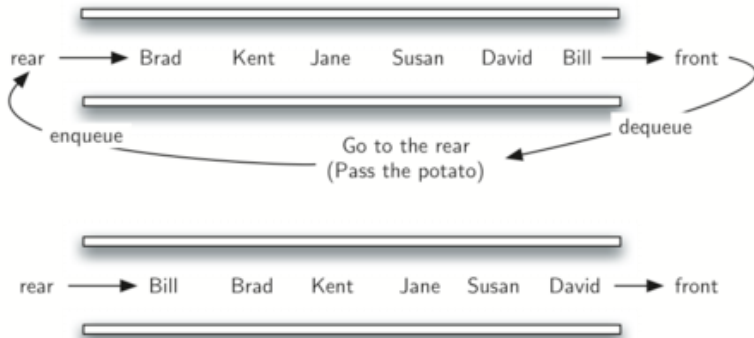
从现代意义上说，这个游戏等价于著名的约瑟夫问题。

据说，一世纪左右，历史学家约瑟夫与犹太人一起反抗罗马。一次，约瑟夫和他的 39 个同志一起在山洞里抵抗，不过眼看就要失败了，他们决定宁死也不做罗马的奴隶。他们围坐成一圈，一个人一个编号，按顺时针方向，每第七个人就要被杀死。据说约瑟夫是个数学家，他马上就知道按这规则，应该坐在哪个位置会留到最后。看来约瑟夫最后没有自杀，相反却投降了。

这个故事有很多版本，有的版本说是每 3 个人杀一个，有的说最后一个人可以骑马逃脱，但不管怎样，思想是相同的。

我们用程序来模拟一下“烫手山芋”游戏，该程序的参数是一个名字列表和一个常数 (num)。该常数用来决定每次传递几个人就停止传递，最后函数返回经多次传递后所剩最后一个人的名字。

为了模拟这个圆圈，我们使用队列。



假定开始拿着山芋的孩子站在队头，一经传出后，模拟程序只需简单地把这个孩子移出队列，然后再将他加入队尾，然后他在尾部再逐步前移。

经过 num 次出、入队列之后，队头的孩子最终被请出队列，然后剩余的人继续游戏，直到只有最后一个。

```
from pythonds.basic.queue import Queue

def hotPotato(namelist, num):
    simqueue = Queue()
    for name in namelist:
        simqueue.enqueue(name)

    while simqueue.size() > 1:
        for i in range(num):
            simqueue.enqueue(simqueue.dequeue())

        simqueue.dequeue()

    return simqueue.dequeue()

print(hotPotato(["Bill", "David", "Susan", "Jane", "Kent", "Brad"], 7))
```

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

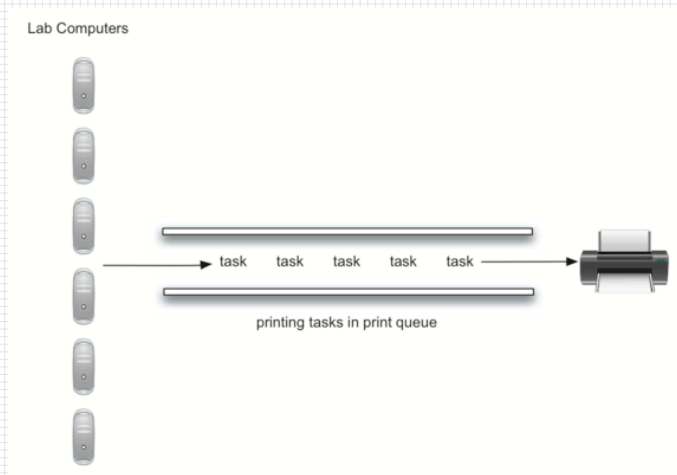
- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

假设机房中平均每小时有 10 个同学在完成作业，他们在这段时间里一般打印两次，每次任务可能是 1-20 页不等。机房的打印机有点老，按草稿质量能够打印 10 页/分钟，如果切换到高质量，则只能打印 5 页/分钟。打印越慢等的时候越长，那么应该设置成多少？

我们可以建立一个模拟实验来帮助决策。这需要建立学生、打印任务和打印机的模型。因为学生发出打印任务时，需要把任务加入打印任务队列。当打印机完成一个任务后，它要到队列中查看是否仍有任务要处理。我们感兴趣的是同学们的平均等待时间，亦即队列中任务的平均等待时间。



因每次任务的页数为 1-20，若可能性相等，则实际页数可以用一个 1-20 之间的随机数来模拟。

因每次任务的页数为 1-20，若可能性相等，则实际页数可以用一个 1-20 之间的随机数来模拟。

10 个学生每人打印两次，则平均每小时有 20 个打印任务，这意味着平均每 180 秒产生一个任务：

$$20 \text{ 任务/小时} \times 1 \text{ 小时/60 分钟} \times 1 \text{ 分钟/60 秒} = 1 \text{ 任务/180 秒}$$

因每次任务的页数为 1-20，若可能性相等，则实际页数可以用一个 1-20 之间的随机数来模拟。

10 个学生每人打印两次，则平均每小时有 20 个打印任务，这意味着平均每 180 秒产生一个任务：

$$20 \text{ 任务/小时} \times 1 \text{ 小时/60 分钟} \times 1 \text{ 分钟/60 秒} = 1 \text{ 任务/180 秒}$$

我们可以产生一个 1-180 之间的随机数，来模拟每秒钟产生一个新任务的概率。若数字是 180，就认为任务已经产生。

因每次任务的页数为 1-20，若可能性相等，则实际页数可以用一个 1-20 之间的随机数来模拟。

10 个学生每人打印两次，则平均每小时有 20 个打印任务，这意味着平均每 180 秒产生一个任务：

$$20 \text{ 任务/小时} \times 1 \text{ 小时/60 分钟} \times 1 \text{ 分钟/60 秒} = 1 \text{ 任务/180 秒}$$

我们可以产生一个 1-180 之间的随机数，来模拟每秒钟产生一个新任务的概率。若数字是 180，就认为任务已经产生。

请注意，可能会一下子创建很多任务，也可能需要等到一段时间才会有任务，这就是模拟的特性。我们总是希望尽可能地模拟真实情况。

主要模拟步骤

1. 建立打印任务队列，每个任务要打上到达的时间戳，开始时是空队列。

2. 对每一秒 (currentSecond):

2.1 有没有新任务到达？如果有，加入队列，并附加 (currentSecond) 时间戳。

2.2 如果打印机空闲且有任务在等待：

2.2.1 从队列中删除一个任务，并将其分配给打印机。

2.2.2 从当前时间减去时间戳，以计算该任务的等待时间。

2.2.3 把等待时间加入到一个列表中以作后续处理。

2.2.4 根据该任务的纸张数，计算打印所需时间。

2.3 打印机需要一秒打印，所以得从任务所需时间中减去一秒。

2.4 如果打印完成，也就是上一步中把时间减到 0 了，打印机进入空闲状态。

3. 模拟完成，根据任务时间列表，计算平均等待时间

为了实现任务模拟，我们设计三个类对应现实世界的三种对象。

- ▶ Printer
- ▶ Task
- ▶ PrintQueue

Printer 类有三个属性：

- ▶ 打印速度 (pagerage)
- ▶ 当前任务 (currentTask)
- ▶ 打印完成所需的时间 (timeRemaining)

Printer 类有三个属性：

- ▶ 打印速度 (pagerage)
- ▶ 当前任务 (currentTask)
- ▶ 打印完成所需的时间 (timeRemaining)

该类用来跟踪打印机当前是否在工作。如果是，其状态为 busy，其工作时间通过纸张数来计算。

Printer 类有三个属性：

- ▶ 打印速度 (pagerage)
- ▶ 当前任务 (currentTask)
- ▶ 打印完成所需的时间 (timeRemaining)

该类用来跟踪打印机当前是否在工作。如果是，其状态为 busy，其工作时间通过纸张数来计算。

构造函数允许设置每分钟的打印页数。

Printer 类有三个属性：

- ▶ 打印速度 (pagerage)
- ▶ 当前任务 (currentTask)
- ▶ 打印完成所需的时间 (timeRemaining)

该类用来跟踪打印机当前是否在工作。如果是，其状态为 busy，其工作时间通过纸张数来计算。

构造函数允许设置每分钟的打印页数。

tick 方法递减内部时间，并将打印机设为空闲。

```
class Printer:
    def __init__(self, ppm):
        self.pagerate = ppm
        self.currentTask = None
        self.timeRemaining = 0

    def tick(self):
        if self.currentTask != None:
            self.timeRemaining = self.timeRemaining - 1
            if self.timeRemaining <= 0:
                self.currentTask = None

    def busy(self):
        if self.currentTask != None:
            return True
        else:
            return False

    def startNext(self, newtask):
        self.currentTask = newtask
        self.timeRemaining = newtask.getPages() * 60/self.pagerate
```

Task 类代表一个打印任务。

产生任务时，构造函数提供一个 1-20 之间的随机数，代表任务的纸张数。这需要用到 random 模块的 randrange 方法。

Task 类代表一个打印任务。

产生任务时，构造函数提供一个 1-20 之间的随机数，代表任务的纸张数。这需要用到 random 模块的 randrange 方法。

```
>>> import random
>>> random.randrange(1,21)
18
>>> random.randrange(1,21)
8
>>>
```

每个任务也要保存一个时间戳用来计算等待时间。这个时间戳代表产生任务并加入队列的时间，waitTime 方法用来计算任务在开始打印之前等待的时间。

```
import random

class Task:
    def __init__(self, time):
        self.timestamp =time
        self.pages = random.randrange(1,21)

    def getStamp(self):
        returnself.timestamp

    def getPages(self):
        return self.pages

    def waitTime(self,currenttime):
        return currenttime- self.timestamp
```


以下是模拟程序。

- ▶ `printQueue` 表示打印任务队列
- ▶ `newPrintTask()` 用来决定是否有新任务产生，这里再次使用了 `random` 模块的 `randrange` 方法，以返回一个 1-180 之间的随机数。
- ▶ 该模拟程序允许我们设置总时间和打印机的打印速度。

```
from pythonds.basic.queue import Queue
import random

def simulation(numSeconds, pagesPerMinute):
    labprinter = Printer(pagesPerMinute)
    printQueue = Queue()
    waitingtimes = []

    for currentSecond in range(numSeconds):
        if newPrintTask():
            task = Task(currentSecond)
            printQueue.enqueue(task)
        if (not labprinter.busy()) and (not printQueue.isEmpty()):
            nexttask = printQueue.dequeue()
            waitingtimes.append(nexttask.waitTime(
                currentSecond))
            labprinter.startNext(nexttask)

    labprinter.tick()

    averageWait = sum(waitingtimes) / len(waitingtimes)
```

```
print("Average Wait%6.2f secs%3d tasks remaining."
      %(averageWait,printQueue.size()))

def newPrintTask():
    num = random.randrange(1,181)
    if num==180:
        return True
    else:
        return False

for i in range(10):
    simulation(3600,5)
```

```
>>>for i in range(10):  
    simulation(3600, 5)  
Average wait 85.00 secs 1 tasks remaining.  
Average wait 37.39 secs 0 tasks remaining.  
Average wait 183.00 secs 2 tasks remaining.  
Average wait 38.91 secs 0 tasks remaining.  
Average wait 87.74 secs 2 tasks remaining.  
Average wait 65.44 secs 1 tasks remaining.  
Average wait 44.16 secs 0 tasks remaining.  
Average wait 52.85 secs 1 tasks remaining.  
Average wait 141.74 secs 1 tasks remaining.  
Average wait 217.94 secs 2 tasks remaining.
```

```
>>>for i in range(10):  
    simulation(3600, 10)  
Average wait    9.08 secs    0 tasks remaining.  
Average wait   20.53 secs    0 tasks remaining.  
Average wait   14.05 secs    0 tasks remaining.  
Average wait   11.21 secs    0 tasks remaining.  
Average wait   23.43 secs    0 tasks remaining.  
Average wait    8.81 secs    0 tasks remaining.  
Average wait    6.05 secs    0 tasks remaining.  
Average wait   12.58 secs    0 tasks remaining.  
Average wait    3.21 secs    0 tasks remaining.  
Average wait   15.00 secs    0 tasks remaining.
```

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

双端队列是一个限定插入和删除操作的数据结构，具有队列和栈的性质。

其特点是：双端队列中的元素可以从两端进队和出队，其限定插入和删除操作在表的两端进行。

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

队列是结构化的、有序的数据集合，首尾两端添加和删除数据。

1. `Deque()`: 创建一个空的双端队列。无参数，返回值是空的双端队列。
2. `addFront(item)`: 首部添加一个数据项。参数是数据项，无返回值。
3. `addRear(item)`: 尾部添加一个数据项。参数是数据项，无返回值。
4. `removeFront()`: 删除首项。不需要参数，返回被删除的数据。
5. `removeRear()`: 删除尾项。不需要参数，返回被删除的数据。
6. `isEmpty()`: 检测双端队列是否为空。无参数，返回布尔值。
7. `size()`: 返回双端队列中数据项的个数。无参数，返回一个整数。

图: 设 d 是一个刚创建的空双端队列, 以下展示一些队列的操作

Deque Operation	Deque Contents	Return Value
d.isEmpty()	□	True
d.addRear(4)	[4]	
d.addRear('dog')	['dog', 4,]	
d.addFront('cat')	['dog', 4, 'cat']	
d.addFront(True)	['dog', 4, 'cat', True]	
d.size()	['dog', 4, 'cat', True]	4
d.isEmpty()	['dog', 4, 'cat', True]	False
d.addRear(8.4)	[8.4, 'dog', 4, 'cat', True]	
d.removeRear()	['dog', 4, 'cat', True]	8.4
d.removeFront()	['dog', 4, 'cat']	True

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

有了双端队列的抽象数据类型，我们可以创建一个类来实现双端队列。

有了双端队列的抽象数据类型，我们可以创建一个类来实现双端队列。

我们将约定列表的 0 位置是双端队列的尾部。

```
class Deque():  
    def __init__(self):  
        self.items = []  
  
    def isEmpty(self):  
        return self.items == []  
  
    def addFront(self, item):  
        self.items.append(item)  
  
    def addRear(self, item):  
        self.items.insert(0,item)  
  
    def removeFront(self):  
        return self.items.pop()  
  
    def removeRear(self):  
        return self.items.pop(0)  
  
    def size(self):  
        return len(self.items)
```

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

定义 1 回文是一个字符串, 从左到右读和从右到左读是完全一样的。例如

radar	toot	madam
-------	------	-------

定义 1 回文是一个字符串, 从左到右读和从右到左读是完全一样的。例如

radar	toot	madam
-------	------	-------

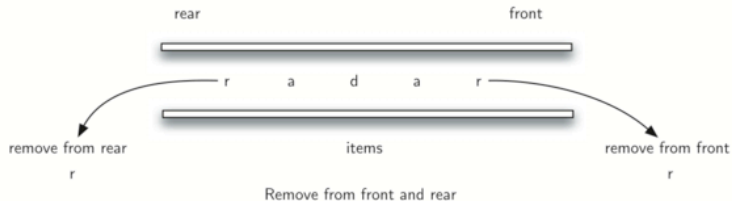
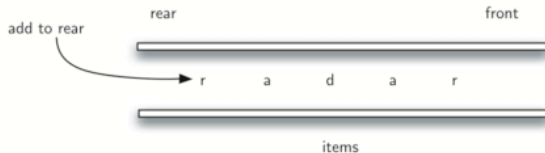
我们希望能构造一个算法, 检查一个输入的字符串是否是一个回文。

定义 1 回文是一个字符串, 从左到右读和从右到左读是完全一样的。例如

radar	toot	madam
-------	------	-------

我们希望能构造一个算法, 检查一个输入的字符串是否是一个回文。
使用双端队列可以容易地解决”回文检查问题”。

Add "radar" to the rear



算法描述：

1. 让字符串入队列，即从左到右扫描字符串，将每个字符添加到 deque 的尾部。

此时，双端队列像一个普通队列。但需要注意的是，双端队列的首部保存字符串的第一个字符，尾部保存最后一个字符。

2. 从 deque 首尾两端同时删除字符并比较之，只有当它们匹配时才继续。如果可以持续匹配，直到所有字符全部出队列，或队列只剩下一个字符（这取决于原始字符串的长度是偶数还是奇数），则该字符串为回文。

```
from pythonds.basic.deque import Deque

def palchecker(aString):
    chardeque = Deque()

    for ch in aString:
        chardeque.addRear(ch)

    stillEqual = True

    while chardeque.size() > 1 and stillEqual:
        first = chardeque.removeFront()
        last = chardeque.removeRear()
        if first != last:
            stillEqual = False

    return stillEqual

print(palchecker("lsdkjfskf"))
print(palchecker("radar"))
```

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

定义 2 (线性表) 线性表是一个有 n 个数据元素的有限序列，除第一个元素外，每个元素有且仅有一个直接前驱，除最后一个元素外，每个元素有且仅有一个直接后继。

定义 2 (线性表) 线性表是一个有 n 个数据元素的有限序列，除第一个元素外，每个元素有且仅有一个直接前驱，除最后一个元素外，每个元素有且仅有一个直接后继。

线性表的特点是

- ▶ 元素个数有限
- ▶ 逻辑上元素有先后次序

从元素的排列上讲，可分为

► 无序线性表

3、1、8、2、7、4、9、6

► 有序线性表

1、2、3、4、5、6、7、8

从存储结构上讲，可分为

- ▶ 顺序表
- ▶ 链表

顺序表在 Python 中对应的就是列表，是一组地址连续的存储单元。

► 优点

随机访问特性，查找 $O(1)$ 时间，存储密度高；逻辑上相邻的元素，物理上也相邻。

► 缺点

插入、删除需移动大量元素。

链表中的元素在内存中不是顺序存储的，而是通过存储在结点中的引用联系在一起。

► 优点

采用动态存储分配，不会造成内存浪费和溢出

执行插入和删除操作十分方便，修改指针即可，不要大量移动元素

► 缺点

只能顺序访问，不能随机访问



图: 元素不固定物理位置

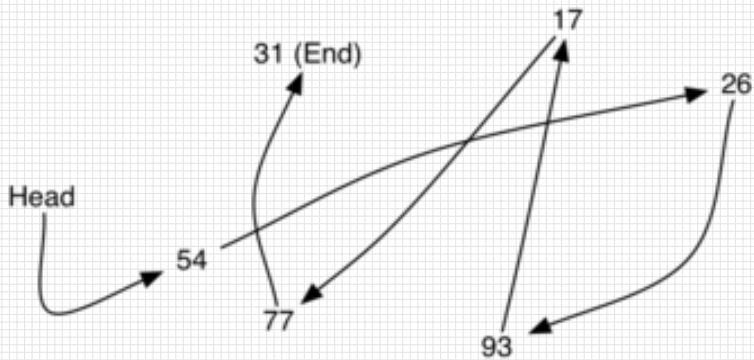


图: 通过明确链接维持相对关系

链表首元的位置必须单独指定，一旦知道了首元，就能确定第 2 个元素的位置，依次类推。链表的外部引用通常就指向它的头部。类似地，最后一个元素，也要表明他“下面没有了”。

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

无序线性表是一中有限的数据集合，各元素之间有先后次序，但无大小次序。有以下操作方法：

方法	参数	返回值	功能	备注
UnorderedList()	无	空表	创建空表	
add(item)	item	无	添加一个元素	假设表中无该元素
remove(item)	item	无	移出一个元素	假设表中有该元素
search(item)	item	布尔值	查找表中某元素	
isEmpty()	无	布尔值	测试是否为空表	
size()	无	整数	返回列表的数据元素个数	
append(item)	item	无	在尾部添加一个元素	假设表中无该元素
index(item)	item	item 的索引值	返回元素的索引位置	假设表中有该元素
insert(pos,item)	数据元素与索引	无	在指定位置插入一个元素	假定表中无该元素
pop()	无	被删除元素	移除并返回最后一个元素	假设表中至少有一个元素
pop(pos)	索引	被删除元素	移除并返回指定位置的元素	假设表中有该元素

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

结点 (Node) 是实现链表的基本模块, 每个结点至少包括两个重要部分:

- ▶ 结点自身的数据, 称为 “数据域”;
- ▶ 对下一个结点的 “引用”。

```
class Node():  
    def __init__(self, initdata):  
        self.data = initdata  
        self.next = None  
  
    def getData(self):  
        return self.data  
  
    def getNext(self):  
        return self.next  
  
    def setData(self, newdata):  
        self.data = newdata  
  
    def setNext(self, newnext):  
        self.next = newnext
```

```
>>> temp = Node(93)
```

```
>>> temp.getData()
```

```
93
```

```
>>> temp = Node(93)
```

```
>>> temp.getData()
```

```
93
```

特殊的引用值 None 在结点类和链表中都非常重要。对 None 的引用表示没有下一个结点，象构造函数中，就是创建一个结点，把并它的“引用”赋值为 None。

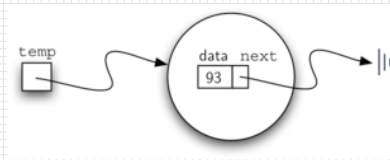


图: 结点对象包括数据域和对下一个结点的引用

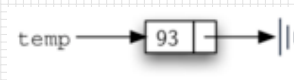


图: 结点的典型表示法

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

如前所述，无序表由一个结点的集合来实现，每个结点包含对下一个结点的引用。只要找到第一个结点，跟着引用就能走遍每个数据项。按这个想法，无序表类必须保存对第一个结点的引用。

```
class UnorderedList():  
    def __init__(self):  
        self.head = None
```

```
class UnorderedList():  
    def __init__(self):  
        self.head = None
```

```
>>> mylist = UnorderedList()
```

```
class UnorderedList():  
    def __init__(self):  
        self.head = None
```

```
>>> mylist = UnorderedList()
```

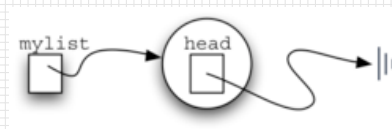


图: 空列表

```
class UnorderedList():  
    def __init__(self):  
        self.head = None
```

```
>>> mylist = UnorderedList()
```

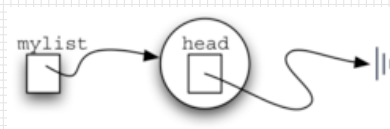
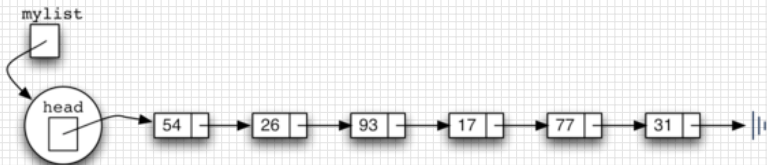


图: 空列表

之前我们讨论过结点类的特殊引用 None，这里 None 用来表示 head 没有引用任何结点。

对于下面的整数链表，head 指向第一个结点，第一个结点包括第一个数据项和对下一个结点的引用。特别重要的是，链表类不包含任何结点对象，它只包含对第一个结点的引用。



图：整数列表

isEmpty 方法：用来检查 head 的引用是否是 None，只有当链表中没有结点时才为真。

isEmpty 方法：用来检查 head 的引用是否是 None，只有当链表中没有结点时才为真。

在 Python 语言中，None 能够和任意的引用作比较。如果两个变量引用了同一对象，则它们相等。

isEmpty 方法：用来检查 head 的引用是否是 None，只有当链表中没有结点时才为真。

在 Python 语言中，None 能够和任意的引用作比较。如果两个变量引用了同一对象，则它们相等。

```
def isEmpty(self):  
    return self.head == None
```

add 方法： 把新的数据项加入列表。

add 方法： 把新的数据项加入列表。

在此之前，我们必须约定新的数据项加入到链表的位置。一般有两种方式：

- ▶ **头插法**

将新结点插入到当前链表的表头（头结点之后），插入的顺序与链表中的顺序相反。

- ▶ **尾插法**

将新结点插入到当前链表的尾部，插入顺序与链表中的顺序相同。

add 方法： 把新的数据项加入列表。

在此之前，我们必须约定新的数据项加入到链表的位置。一般有两种方式：

- ▶ **头插法**

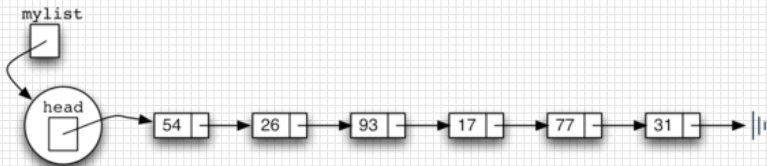
将新结点插入到当前链表的表头（头结点之后），插入的顺序与链表中的顺序相反。

- ▶ **尾插法**

将新结点插入到当前链表的尾部，插入顺序与链表中的顺序相同。

这里我们主要介绍头插法。

要想得到下面的链表



可通过若干次的 `add` 方法实现

```
>>> mylist.add(31)
>>> mylist.add(77)
>>> mylist.add(17)
>>> mylist.add(93)
>>> mylist.add(26)
>>> mylist.add(54)
```

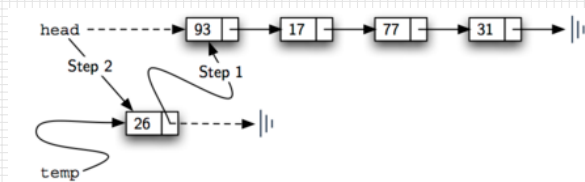


图: add 方法的正确步骤

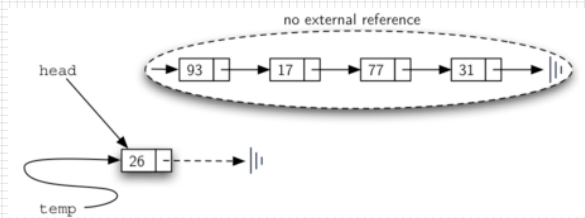


图: add 方法的错误步骤


```
def add(self, item):  
    temp = Node(item)  
    temp.setNext(self.head)  
    self.head = temp
```

下面我们将建立链表的 `size`, `search` 和 `remove` 方法，都基于遍历技术实现。所谓遍历，即系统地访问每个结点的过程。

下面我们将建立链表的 `size`, `search` 和 `remove` 方法，都基于遍历技术实现。所谓遍历，即系统地访问每个结点的过程。

为此，我们从 `head` 出发，每访问过一个结点，通过引用移动到下一个结点实现遍历。

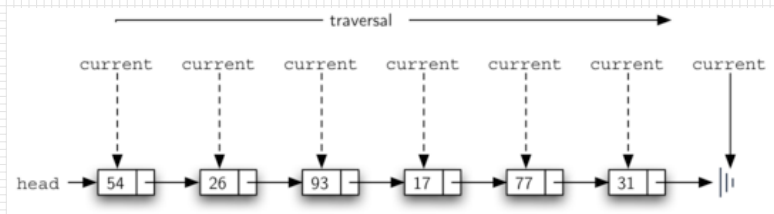
size 方法：计算链表的数据项个数。

size 方法：计算链表的数据项个数。

遍历链表，并用一个变量记录我们经过的结点，同时设置一个计数器，每经过一个结点，计数器自增 1。

size 方法：计算链表的数据项个数。

遍历链表，并用一个变量记录我们经过的结点，同时设置一个计数器，每经过一个结点，计数器自增 1。



图：从头到尾的遍历

```
def size(self):  
    current = self.head  
    count = 0  
    while current != None:  
        count = count + 1  
        current = current.getNext()  
    return count
```

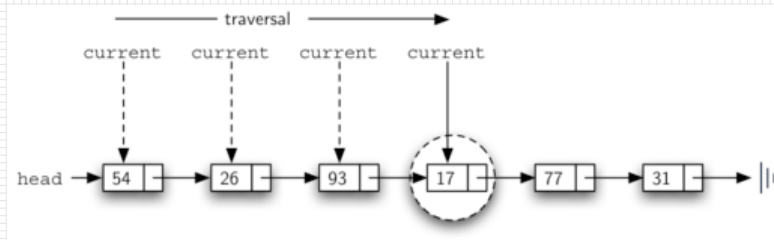
search 方法：在链表中查找某个元素。

search 方法：在链表中查找某个元素。

仍使用遍历技术。每访问一个结点，都比较其数据是否等于要查找的数据。这样，可能不用遍历全部的结点就能找到，此时就不必继续找下去。事实上，如果我们真到了列表的尾部，就说明没找到。

search 方法： 在链表中查找某个元素。

仍使用遍历技术。每访问一个结点，都比较其数据是否等于要查找的数据。这样，可能不用遍历全部的结点就能找到，此时就不必继续找下去。事实上，如果我们真到了列表的尾部，就说明没找到。



图：查找 17

```
def search(self, item):  
    current = self.head  
    found = False  
    while current != None and not found:  
        if current.getData() == item:  
            found = True  
        else:  
            current = current.getNext()  
    return found
```

remove 方法： 在链表中删除某个元素。

remove 方法： 在链表中删除某个元素。

分两个步骤：

- ▶ 遍历链表，找到要删除的数据。

该过程和查找类似。

- ▶ 删除该数据。

在遍历时使用两个外部引用：

1. `current`：标志当前正在遍历的结点
2. `previous`：跟在 `current` 后面遍历，当 `current` 找到要删除的结点时，`previous` 正好停在 `current` 前面的结点上。

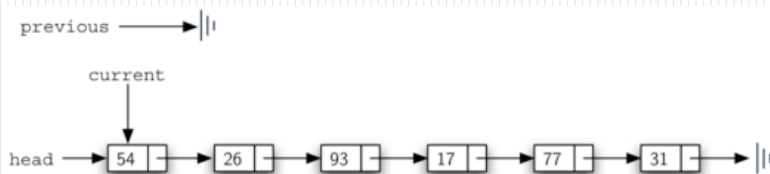


图: current 与 previous 的初始化

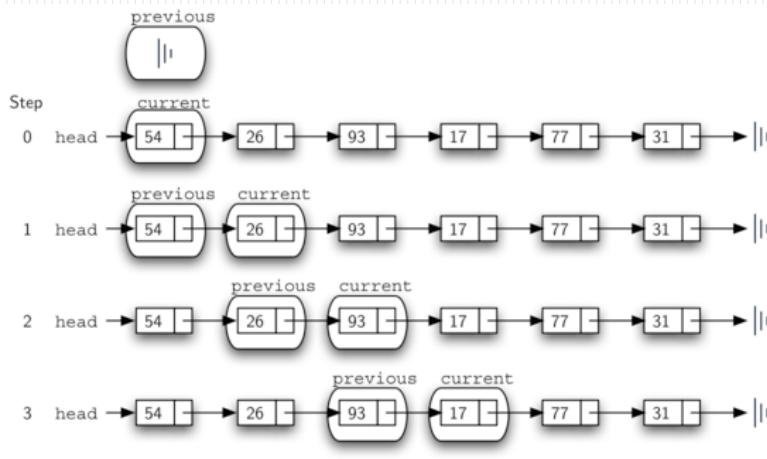


图: current 与 previous 的移动

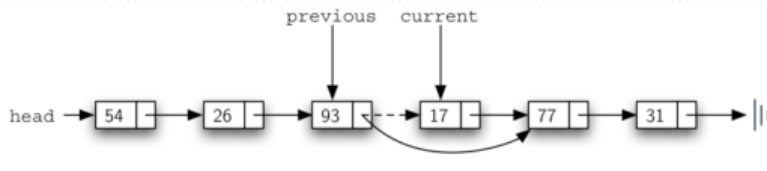


图: 删除中间某结点

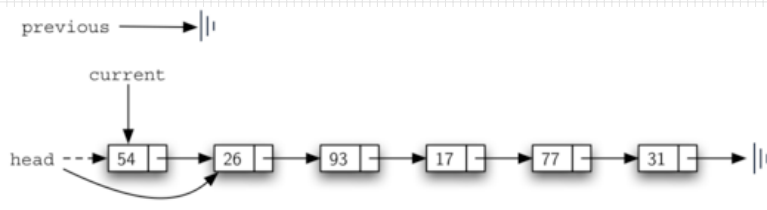


图: 删除第一个结点


```
def remove(self, item):  
    current = self.head  
    previous = None  
    found = False  
    while not found:  
        if current.getData() == item:  
            found = True  
        else:  
            previous = current  
            current = current.getNext()  
    if previous == None:  
        self.head = current.getNext()  
    else:  
        previous.setNext(current.getNext())
```

UnorderedList 类的完整代码

```
class UnorderedList():  
    def __init__(self):  
        self.head = None  
  
    def isEmpty(self):  
        return self.head == None  
  
    def add(self, item):  
        temp = Node(item)  
        temp.setNext(self.head)  
        self.head = temp  
  
    def size(self):  
        current = self.head  
        count = 0  
        while current != None:  
            count = count + 1  
            current = current.getNext()  
        return count
```

```
def search(self, item):
    current = self.head
    found = False
    while current != None and not found:
        if current.getData() == item:
            found = True
        else:
            current = current.getNext()
    return found

def remove(self, item):
    current = self.head
    previous = None
    found = False
    while not found:
        if current.getData() == item:
            found = True
        else:
            previous = current
            current = current.getNext()
    if previous == None:
        self.head = current.getNext()
```

```
else:  
    previous.setNext(current.getNext())
```

UnorderedList 类的测试代码

```
mylist = UnorderedList()

mylist.add(31)
mylist.add(77)
mylist.add(17)
mylist.add(93)
mylist.add(26)
mylist.add(54)

print(mylist.size())           # print 6
print(mylist.search(93))       # print True
print(mylist.search(100))      # print False

mylist.add(100)
print(mylist.search(100))      # print True
print(mylist.size())           # print 7

mylist.remove(54)
print(mylist.size())           # print 6
```

```
mylist.remove(93)
print(mylist.size())      # print 5
mylist.remove(31)
print(mylist.size())      # print 4
print(mylist.search(93))  # print False
```

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

有序表是一中有限的数据集合，各元素之间有先后次序且大小次序。大小次序一般就是升序或降序或其他定义好的比较方法。有以下操作方法：

方法	参数	返回值	功能	备注
OrderedList()	无	空表	创建空表	
add(item)	item	无	添加一个数据项，并保持原有顺序特征	假设表中无该元素
remove(item)	item	无	移除一个数据项	假设表中有该元素
search(item)	item	布尔值	查找数据项	
isEmpty()	无	布尔值	检查是否为空表	
size()	无	整数	返回数据项个数	
index(item)	item	item 的索引值	返回元素的索引位置	假设表中有该元素
pop()	无	被删除元素	移除并返回最后一个元素	假设表中至少有一个元素
pop(pos)	索引	被删除元素	移除并返回指定位置的元素	假设表中有该元素

1. 目标

2. 什么是线性数据结构？

3. 栈

- ▶ 栈的举例
- ▶ 栈的抽象数据类型
- ▶ 用 Python 实现栈
- ▶ 栈的应用

简单括号匹配

平衡符号（通用）

十进制转换成二进制

- ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式

中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

4. 队列

- ▶ 什么是队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 队列任务：烫手山芋

- ▶ 队列应用：打印任务

5. 双端队列 (deque)

- ▶ 什么是双端队列

- ▶ 队列的抽象数据类型

- ▶ 队列的 Python 实现

- ▶ 双端队列任务：回文检查

6. 线性表

- ▶ 无序表及其链表实现

无序表的抽象数据类型

Node 类

UnorderedList 类

- ▶ 有序表及其链表实现

有序表的抽象数据类型

- ▶ 有序表的链表实现

要实现有序表，必须记住列表的顺序是按一定规则排列的，如以下的链表形式



图：有序表

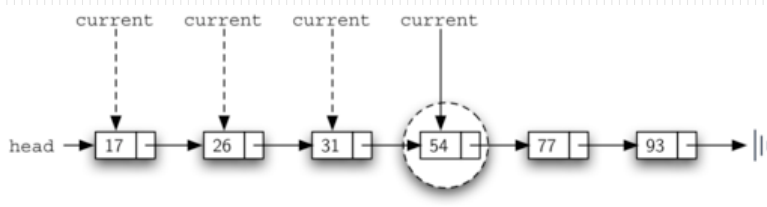
同无序链表一样，有序链表类仍用一个指向 None 的引用 head 来实现：

```
class OrderedList:
    def __init__(self):
        self.head = None
```

关于有序链表的操作，

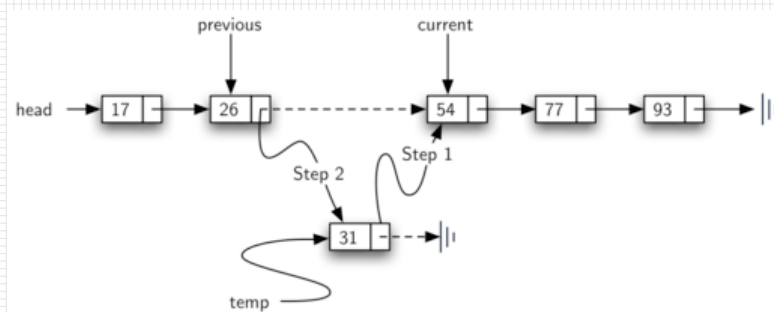
- ▶ `isEmpty` 和 `size` 方法同无序链表一样，因它们只关心数据项的个数，而不关心数据项的大小。
- ▶ `remove` 方法也和无序链表一样，只涉及前后结点，与数据大小无关。
- ▶ `search` 和 `add` 方法需要修改。

无序链表的 search 方法通过遍历所有元素来进行查找。该方法仍适用于有序链表，但可利用其“有序”的特征，提前停止查找。



```
def search(self,item):  
    current =self.head  
    found = False  
    stop = False  
    while current !=None and not found and not stop:  
        if current.getData() == item:  
            found = True  
        else:  
            if current.getData() > item:  
                stop = True  
            else:  
                current = current.getNext()  
    return found
```

变化最大的是方法，回想在无序链表中，add 方法只需简单地在表头位置增加一个结点。而在有序链表中，必须为新结点找到合适的位置。



图：在有序链表中添加数据项 31


```
def add(self,item):  
    current =self.head  
    previous = None  
    stop = False  
    while current != None and not stop:  
        if current.getData() > item:  
            stop = True  
        else:  
            previous = current  
            current = current.getNext()  
  
    temp = Node(item)  
    if previous == None:  
        temp.setNext(self.head)  
        self.head = temp  
    else:  
        temp.setNext(current)  
        previous.setNext(temp)
```