# 逐数

圆的面积公式为:

 $S = \pi r^2$ 

当我们知道半径r的值时,就可以根据公式计算出面积。

假设我们需要计算3个不同大小的圆的面积:

In []: 1 r1 = 12.34 2 r2 = 9.08 3 r3 = 73.1

4 s1 = 3.14 \* r1 \* r1

5 s2 = 3.14 \* r2 \* r2

6 s3 = 3.14 \* r3 \* r3

当代码出现有规律的重复的时候,每次写3.14 \* x \* x不仅很麻烦,而且,如果要把3.14改成3.14159265359的时候,得全部替换。

有了函数,我们就不再每次写s=3.14\*x\*x,而是写成更有意义的函数调用 $s=area\_of\_circle(x)$ ,而函数 area of\_circle本身只需要写一次,就可以多次调用。

基本上所有的高级语言都支持函数,Python也不例外。Python不但能非常灵活地定义函数,而且本身内置了很多有用的函数,可以直接调用。

# 抽象

抽象是数学中非常常见的概念。举个例子:

计算数列的和,比如:1 + 2 + 3 + ... + 100,写起来十分不方便,于是数学家发明了求和符号 $\sum$ ,可以把1 + 2 + 3 + ... + 100记作:

$$\sum_{n=1}^{100} n$$

这种抽象记法非常强大,因为我们看到  $\sum$  就可以理解成求和,而不是还原成低级的加法运算。

而且,这种抽象记法是可扩展的,比如:

$$\sum_{n=1}^{100} (n^2 + 1)$$

还原成加法运算就变成了:

 $(1 \times 1 + 1) + (2 \times 2 + 1) + (3 \times 3 + 1) + \dots + (100 \times 100 + 1)$ 

可见,借助抽象,我们才能不关心底层的具体计算过程,而直接在更高的层次上思考问题。

写计算机程序也是一样,函数就是最基本的一种代码抽象的方式。

第1页 共15页

## 调用函数

Python内置了很多有用的函数,我们可以直接调用。

要调用一个函数,需要知道函数的名称和参数,比如求绝对值的函数abs,只有一个参数。可以直接从Python的官方网站查看文档:

http://docs.python.org/3/library/functions.html#abs (http://docs.python.org/3/library/functions.html#abs)

也可以在交互式命令行通过help(abs)查看abs函数的帮助信息。

#### 调用abs函数:

调用函数的时候,如果传入的参数数量不对,会报TypeError的错误,并且Python会明确地告诉你:abs()有且仅有1个参数,但给出了两个:

如果传入的参数数量是对的,但参数类型不能被函数所接受,也会报TypeError的错误,并且给出错误信息:str是错误的参数类型:

#### 而max()可以接收任意多个参数,并返回最大的那个:

```
In [4]: 1 print(max(1, 2))
2 print(max(1, 2, 3, 4))
2
4
```

第2页 共15页 2018/1/3 上午10:55

## 数据类型转换

Python内置的常用函数还包括数据类型转换函数。

比如int()函数可以把其他数据类型转换为整数。

函数名其实就是指向一个函数对象的引用,完全可以把函数名赋给一个变量,相当于给这个函数起了一个"别名":

```
In [14]: 1 a = abs 2 a(-1)
```

Out[14]: 1

# 定义函数

在Python中,定义一个函数要使用def关键字,依次写出

- 函数名
- 括号
- 括号中的参数
- 冒号:

然后,在缩进块中编写函数体,函数的返回值用return语句返回。

## 我们以自定义一个求绝对值的my\_abs函数为例:

第3页 共15页 2018/1/3 上午10:55

#### 请注意,

- 函数体内部的语句在执行时,一旦执行到return时,函数就执行完毕,并将结果返回。因此,函数内部通过条件判断和循环可以实现非常复杂的逻辑。
- 如果没有return语句,函数执行完毕后也会返回结果,只是结果为None。

return None可以简写为return。

假设已将my\_abs()的函数定义保存为abstest.py文件,那么,在该文件的当前目录下启动Python解释器,可用from abstest import my\_abs来导入my\_abs()。

注意abstest是文件名(不含.py扩展名).

import的用法在后续模块一节中会详细介绍。

### 空函数

如果想定义一个什么事也不做的空函数,可以用pass语句:

In [18]:

```
1 def nop():
2 pass
```

pass语句什么都不做,那有什么用?实际上pass可以用来作为占位符,比如现在还没想好怎么写函数的代码,就可以先放一个pass,让代码能运行起来。

pass还可以用在其他语句里,比如:

缺少了pass,代码运行就会有语法错误。

### 参数检查

调用函数时,如果参数个数不对,Python解释器会自动检查出来,并抛出TypeError:

但是如果参数类型不对,Python解释器就无法帮我们检查。试试my\_abs和内置函数abs的差别。

第4页 共15页 2018/1/3 上午10:55

```
In [23]:
        1 my_abs('A')
                                              Traceback (most recent call last)
        TypeError
        <ipython-input-23-fe695080d9cd> in <module>()
        ----> 1 my abs('A')
        <ipython-input-17-9b924b03673e> in my_abs(x)
            1 def my_abs(x):
        ---> 2
                  if x >= 0:
             3
                      return x
              4
                  else:
              5
                      return -x
        TypeError: unorderable types: str() >= int()
In [24]: 1 abs('A')
        TypeError
                                              Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-24-8669504e2fca> in <module>()
        ----> 1 abs('A')
        TypeError: bad operand type for abs(): 'str'
        当传入了不恰当的参数时,内置函数abs会检查出参数错误,而我们定义的my_abs没有参数检查,会导致if
        语句出错,出错信息和abs不一样。所以,这个函数定义不够完善。
        让我们修改一下my abs的定义,对参数类型做检查,只允许整数和浮点数类型的参数。数据类型检查可以
        用内置函数isinstance()实现:
In [1]: 1 def my_abs(x):
               if not isinstance(x, (int, float)):
                   raise TypeError('bad operand type')
          3
               if x >= 0:
          5
                   return x
                else:
          6
                   return -x
        添加了参数检查后,如果传入错误的参数类型,函数就可以抛出一个错误。
In [26]: | 1 | my_abs('A')
                                               Traceback (most recent call last)
        <ipython-input-26-fe695080d9cd> in <module>()
        ----> 1 my_abs('A')
        <ipython-input-25-2390eb4c2721> in my_abs(x)
             1 def my_abs(x):
                 if not isinstance(x, (int, float)):
              2
        ---> 3
                      raise TypeError('bad operand type')
                  if x \ge 0:
              4
                      return x
        TypeError: bad operand type
```

第5页 共15页 2018/1/3 上午10:55

## 返回多个值

函数可以返回多个值吗?答案是肯定的。

比如在游戏中经常需要从一个点移动到另一个点,给定坐标、位移和角度,就可以计算出新的坐标:

In [27]:

```
1 import math
 3 def move(x, y, step, angle=0):
     nx = x + step * math.cos(angle)
       ny = y - step * math.sin(angle)
       return nx, ny
```

import math语句表示导入math包,并允许后续代码引用math包里的sin、cos等函数。

#### 然后,我们就可以同时获得返回值:

```
In [28]: 1 \times y = move(100, 100, 60, math.pi / 6)
          2 print(x, y)
```

151.96152422706632 70.0

### 但其实这只是一种假象, Python函数返回的仍然是单一值:

```
In [29]: 1 r = move(100, 100, 60, math.pi / 6)
           2 print(r)
```

(151.96152422706632, 70.0)

原来返回值是一个tuple!但是,在语法上,返回一个tuple可以省略括号,而多个变量可以同时接收一个 tuple,按位置赋给对应的值,所以,Python的函数返回多值其实就是返回一个tuple,但写起来更方便。

### 小结

- 定义函数时,需要确定函数名和参数个数; 如果有必要,可以先对参数的数据类型做检查;
- 函数体内部可以用return随时返回函数结果;
- 函数执行完毕也没有return语句时,自动return None。
- 函数可以同时返回多个值,但其实就是一个tuple。

## 函数的参数

定义函数的时候,我们把参数的名字和位置确定下来,函数的接口定义就完成了。

对于函数的调用者来说,只需要知道如何传递正确的参数,以及函数将返回什么样的值就够了,函数内部 的复杂逻辑被封装起来,调用者无需了解。

第6页 共15页 2018/1/3 上午10:55 Python的函数定义非常简单,但灵活度却非常大。除了正常定义的必选参数外,还可以使用

- 默认参数
- 可变参数
- 关键字参数

使得函数定义出来的接口,不但能处理复杂的参数,还可以简化调用者的代码。

## 位置参数

```
我们先写一个计算x^2的函数:
```

对于power(x)函数,参数x就是一个位置参数。

当我们调用power函数时,必须传入有且仅有的一个参数x:

现在,如果我们要计算 $x^3$ 怎么办?可以再定义一个power3函数,但是如果要计算 $x^4$ 、 $x^5$ 、……怎么办?我们不可能定义无限多个函数。

你也许想到了,可以把power(x)修改为power(x, n),用来计算 $x^n$ ,说干就干:

## 对于这个修改后的power(x, n)函数,可以计算任意n次方:

修改后的power(x, n)函数有两个参数:x和n,这两个参数都是位置参数,调用函数时,传入的两个值按照位置顺序依次赋给参数x和n。

## 默认参数

新的power(x, n)函数定义没有问题,但是,旧的调用代码失败了,原因是我们增加了一个参数,导致旧的代码因为缺少一个参数而无法正常调用:

第7页 共15页 2018/1/3 上午10:55

```
1 power (5)
In [36]:
                                         Traceback (most recent call last)
       TypeError
       <ipython-input-36-1fcd865a69f9> in <module>()
       ----> 1 power(5)
       TypeError: power() missing 1 required positional argument: 'n'
       Python的错误信息很明确:调用函数power()缺少了一个位置参数n。
       这个时候,默认参数就派上用场了。由于我们经常计算x^2,所以,完全可以把第二个参数n的默认值设定为
In [37]:
        1 def power(x, n=2):
             s = 1
         3
              while n > 0:
         4
                n = n - 1
         5
                 s = s * x
         6
              return s
       这样, 当我们调用power(5)时, 相当于调用power(5, 2):
In [39]: 1 print(power(5))
         2 print(power(5, 2))
       25
       25
       而对于n > 2的其他情况,就必须明确地传入n,比如power(5,3)。
       从上面的例子可以看出,默认参数可以简化函数的调用。设置默认参数时,有几点要注意:
        1. 必选参数在前,默认参数在后,否则Python的解释器会报错(思考一下为什么默认参数不能放在必选
          参数前面);
        2. 如何设置默认参数。
       当函数有多个参数时,把变化大的参数放前面,变化小的参数放后面。变化小的参数就可以作为默认参
       数。
       举个例子,我们写个大一新生注册的函数,需要传入name和gender两个参数:
In [64]:
         1 def enroll(name, gender):
         2
             print('name:', name)
              print('gender:', gender)
       这样,调用enroll()函数只需要传入两个参数:
In [65]: 1 enroll('Sarah', 'F')
       name: Sarah
       gender: F
       如果要继续传入年龄、城市等信息怎么办?这样会使得调用函数的复杂度大大增加。
```

第8页 共15页 2018/1/3 上午10:55

我们可以把年龄和城市设为默认参数:

```
In [67]: 1 def enroll(name, gender, age=18, city='Wuhan'):
    print('name:', name)
    print('gender:', gender)
    print('age:', age)
    print('city:', city)
```

### 这样,大多数学生注册时不需要提供年龄和城市,只提供必须的两个参数:

```
In [68]: 1 enroll('Sarah', 'F')
```

name: Sarah
gender: F
age: 18
city: Wuhan

#### 只有与默认参数不符的学生才需要提供额外的信息:

```
In [69]: 1 enroll('Bob', 'F', 19)
2 enroll('Adam', 'M', city='Beijing')
```

name: Bob gender: F age: 19 city: Wuhan name: Adam gender: M age: 18 city: Beijing

可见,默认参数降低了函数调用的难度,而一旦需要更复杂的调用时,又可以传递更多的参数来实现。无论是简单调用还是复杂调用,函数只需要定义一个。

#### 有多个默认参数时,调用的时候,

● 既可以按顺序提供默认参数

比如调用enroll('Bob', 'M', 7),意思是,除了name,gender这两个参数外,最后1个参数应用在参数age上,city参数由于没有提供,仍然使用默认值。

● 也可以不按顺序提供部分默认参数。当不按顺序提供部分默认参数时,需要把参数名写上。

比如调用enroll('Adam', 'M', city='Tianjin'), 意思是, city参数用传进去的值, 其他默认参数继续使用默认值。

默认参数很有用,但使用不当,也会掉坑里。默认参数有个最大的坑,演示如下:

先定义一个函数,传入一个list,添加一个END再返回:

### 当你正常调用时,结果似乎不错:

第9页 共15页 2018/1/3 上午10:55

#### 当你使用默认参数调用时,一开始结果也是对的:

In [5]: 1 print(add\_end())

['END']

#### 但是,再次调用add\_end()时,结果就不对了:

In [7]: 1 print(add\_end())

['END', 'END', 'END']

#### 原因解释如下:

Python函数在定义的时候,默认参数L的值就被计算出来了,即[],因为默认参数L也是一个变量,它指向对象[],每次调用该函数,如果改变了L的内容,则下次调用时,默认参数的内容就变了,不再是函数定义时的[]了。

所以,定义默认参数要牢记一点:默认参数必须指向不变对象!

### 要修改上面的例子,我们可以用None这个不变对象来实现:

#### 现在,无论调用多少次,都不会有问题:

为什么要设计str、None这样的不变对象呢?因为不变对象一旦创建,对象内部的数据就不能修改,这样就减少了由于修改数据导致的错误。 我们在编写程序时,如果可以设计一个不变对象,那就尽量设计成不变对象。

## 可变参数

['END']

在Python函数中,还可以定义可变参数。顾名思义,可变参数就是传入的参数个数是可变的,可以是1个、2个到任意个,还可以是0个。

例: 给定一组数字 $a, b, c, \dots$ , 请计算 $a^2 + b^2 + c^2 + \dots$ 。

要定义出这个函数,我们必须确定输入的参数。由于参数个数不确定,我们首先想到可以把 $a, b, c, \cdots$ 作为一个list或tuple传进来,这样,函数可以定义如下:

第10页 共15页 2018/1/3 上午10:55

```
In [79]:
         1 def calc(numbers):
              sum = 0
         3
              for n in numbers:
                 sum = sum + n * n
         5
              return sum
        但是调用的时候,需要先组装出一个list或tuple:
In [81]:
        1 print(calc([1, 2, 3]))
         2 print(calc((1, 3, 5, 7)))
       14
        84
        如果利用可变参数,调用函数的方式可以简化成这样:
In []:
         1 calc(1, 2, 3)
         2 calc(1, 3, 5, 7)
        所以,我们把函数的参数改为可变参数:
In [84]:
         1 def calc(*numbers):
         2
              sum = 0
              for n in numbers:
         4
                 sum = sum + n * n
         5
              return sum
         6
        定义可变参数和定义一个list或tuple参数相比,仅仅在参数前面加了一个*号。
        在函数内部,参数numbers接收到的是一个tuple,因此,函数代码完全不变。
        但是,调用该函数时,可以传入任意个参数,包括0个参数:
In [86]: 1 print(calc(1, 2))
         2 print(calc())
       5
       0
        如果已经有一个list或者tuple,要调用一个可变参数怎么办?可以这样做:
In [87]:
        1 nums = [1, 2, 3]
         2 calc(nums[0], nums[1], nums[2])
Out[87]: 14
        这种写法当然是可行的,问题是太繁琐,所以Python允许你在list或tuple前面加一个*号,把list或tuple的元
        素变成可变参数传进去:
In [90]:
         1 nums = [1, 2, 3]
         2 calc(*nums)
Out[90]: 14
```

\*nums表示把nums这个list的所有元素作为可变参数传进去。这种写法相当有用,而且很常见。

## 关键字参数

第11页 共15页 2018/1/3 上午10:55

可变参数允许你传入0个或任意个参数,这些可变参数在函数调用时自动组装为一个tuple。而关键字参数允许你传入0个或任意个含参数名的参数,这些关键字参数在函数内部自动组装为一个dict。请看示例:

#### 函数person除了必选参数name和age外,还接受关键字参数kw。

#### 在调用该函数时,可以只传入必选参数:

```
In [93]: 1 person('Michael', 30)
```

name: Michael age: 30 other: {}

#### 也可以传入任意个数的关键字参数:

```
In [94]: 1 person('Bob', 35, city='Beijing')
```

```
name: Bob age: 35 other: {'city': 'Beijing'}
```

```
In [95]: 1 person('Adam', 45, gender='M', job='Engineer')
```

name: Adam age: 45 other: {'gender': 'M', 'job': 'Engineer'}

#### 关键字参数有什么用?它可以扩展函数的功能。

比如,在person函数里,我们保证能接收到name和age这两个参数,但是,如果调用者愿意提供更多的参数,我们也能收到。

试想你正在做一个用户注册的功能,除了用户名和年龄是必填项外,其他都是可选项,利用关键字参数来 定义这个函数就能满足注册的需求。

#### 当然,上面复杂的调用可以用简化的写法:

```
In [96]: 1 extra = {'city': 'Beijing', 'job': 'Engineer'}
2 person('Jack', 24, **extra)
name: Jack age: 24 other: {'city': 'Beijing', 'job': 'Engineer'}
```

\*\*extra表示把extra这个dict的所有key-value用关键字参数传入到函数的\*\*kw参数,kw将获得一个dict,注意kw获得的dict是extra的一份拷贝,对kw的改动不会影响到函数外的extra。

#### 命名关键字参数

对于关键字参数,函数的调用者可以传入任意不受限制的关键字参数。至于到底传入了哪些,就需要在函数内部通过kw检查。

## 仍以person()函数为例,我们希望检查是否有city和job参数:

第12页 共15页 2018/1/3 上午10:55

#### 但是调用者仍可以传入不受限制的关键字参数:

In [98]: 1 person('Jack', 24, city='Beijing', addr='Chaoyang', zipcode=123456)

name: Jack age: 24 other: {'city': 'Beijing', 'addr': 'Chaoyang', 'zipcode': 12
3456}

如果要限制关键字参数的名字,就可以用命名关键字参数,例如,只接收city和job作为关键字参数。这种方式定义的函数如下:

In [99]: 1 def person(name, age, \*, city, job):

print(name, age, city, job)

和关键字参数\*\*kw不同,命名关键字参数需要一个特殊分隔符\*,\*后面的参数被视为命名关键字参数。

#### 调用方式如下:

In [105]: 1 person('Jack', 24, city='Beijing', job='Engineer')

Jack 24 () Beijing Engineer

#### 如果函数定义中已经有了一个可变参数,后面跟着的命名关键字参数就不再需要一个特殊分隔符\*了:

In [101]: 1 def person(name, age, \*args, city, job):

print(name, age, args, city, job)

#### 命名关键字参数必须传入参数名,这和位置参数不同。如果没有传入参数名,调用将报错:

In [102]: 1 person('Jack', 24, 'Beijing', 'Engineer')

TypeError Traceback (most recent call last)

<ipython-input-102-70c5f703212a> in <module>()
---> 1 person('Jack', 24, 'Beijing', 'Engineer')

TypeError: person() missing 2 required keyword-only arguments: 'city' and 'job'

由于调用时缺少参数名city和job,Python解释器把这4个参数均视为位置参数,但person()函数仅接受2个位置参数。

## 命名关键字参数可以有缺省值,从而简化调用:

In [106]: 1 def person(name, age, \*, city='Beijing', job):

print(name, age, city, job)

#### 由于命名关键字参数city具有默认值,调用时,可不传入city参数:

In [108]: 1 person('Jack', 24, job='Engineer')

Jack 24 Beijing Engineer

使用命名关键字参数时,要特别注意,如果没有可变参数,就必须加一个作为特殊分隔符。如果缺少,Python解释器将无法识别位置参数和命名关键字参数:

第13页 共15页 2018/1/3 上午10:55

```
In [110]:

1 def person(name, age, city, job):
2 # 缺少 *, city和job被视为位置参数
pass
```

## 参数组合

在Python中定义函数,可以用必选参数、默认参数、可变参数、关键字参数和命名关键字参数,这5种参数都可以组合使用。但是请注意,参数定义的顺序必须是:

- 1. 必选参数
- 2. 默认参数
- 3. 可变参数
- 4. 命名关键字参数
- 5. 关键字参数。

#### 比如定义一个函数,包含上述若干种参数:

#### 在函数调用的时候, Python解释器自动按照参数位置和参数名把对应的参数传进去。

```
In [115]:
         1 f1(1, 2)
           2 f1(1, 2, 3)
           3 f1(1, 2, 3, 'a', 'b')
           4 f1(1, 2, 3, 'a', 'b', x = 99)
         a = 1 b = 2 c = 0 args = () kw = {}
        a = 1 b = 2 c = 3 args = () kw = {}
        a = 1 b = 2 c = 3 args = ('a', 'b') kw = {}
         a = 1 b = 2 c = 3 args = ('a', 'b') kw = {'x': 99}
In [122]: 1 f2(1, 2, d = 99)
           2 f2(1, 2, d = 99, ext = None)
           3 f2(1, 2, ext = None)
         a = 1 b = 2 c = 0 d = 99 kw = {}
         a = 1 b = 2 c = 0 d = 99 kw = {'ext': None}
         TypeError
                                               Traceback (most recent call last)
         <ipython-input-122-3d88e7382e80> in <module>()
              1 \text{ f2}(1, 2, d = 99)
              2 f2(1, 2, d = 99, ext = None)
         ---> 3 f2(1, 2, ext = None)
         TypeError: f2() missing 1 required keyword-only argument: 'd'
```

```
最神奇的是通过一个tuple和dict,你也可以调用上述函数:
```

第14页 共15页 2018/1/3 上午10:55

所以,对于任意函数,都可以通过类似func(\*args, \*\*kw)的形式调用它,无论它的参数是如何定义的。

## 小结

Python的函数具有非常灵活的参数形态,既可以实现简单的调用,又可以传入非常复杂的参数。

- 默认参数一定要用不可变对象,如果是可变对象,程序运行时会有逻辑错误!
- 要注意定义可变参数和关键字参数的语法:
  - \*args是可变参数, args接收的是一个tuple;
  - \*\*kw是关键字参数,kw接收的是一个dict。
- 要注意调用函数时如何传入可变参数和关键字参数的语法:
  - 可变参数既可以直接传:

```
func(1, 2, 3)
```

又可以先组装list或tuple,再通过\*args传入:

```
func(*(1, 2, 3))
```

■ 关键字参数既可以直接传入:

```
func(a=1, b=2)
```

又可以先组装dict,再通过\*\*kw传入:

```
func(**{'a': 1, 'b': 2})。
```

- 使用\*args和\*\*kw是Python的习惯写法,当然也可以用其他参数名,但最好使用习惯用法。
- 命名的关键字参数是为了限制调用者可以传入的参数名,同时可以提供默认值。
- 定义命名的关键字参数在没有可变参数的情况下不要忘了写分隔符\*,否则定义的将是位置参数。

第15页 共15页 2018/1/3 上午10:55