# 数据结构与算法

基本数据结构

张晓平 武汉大学数学与统计学院

## 目录

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用
    - 简单括号匹配
    - 平衡符号 (通用)
    - 十进制转换成二进制
  - ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

### 基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式 中缀转后缀通用法 后缀表达式求值

## 4. 队列

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ▶ 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

## 1. 目标

- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号《通用》 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中级表达式转前级表达式和后缀表达式中级转后级通用法

- 4. 队列
  - ▶ 什么是队列
  - ▶ 队列的抽象数据类型
  - ► 队列的 Python 实现
  - ▶ 队列任务: 烫手山芋
  - ▶ 队列应用: 打印任务
  - ▶ 讨论

- ▶ 理解栈、队列、双向队列和列表的抽象数据类型
- ▶ 使用 Python 列表实现栈、队列和双向队列的抽象数据类型
- 理解基本线性数据结构的性能
- ▶ 理解前缀、中缀和后缀表达式
- ▶ 使用栈计算后缀表达式。
- ▶ 使用栈将中缀表达式转换为后缀表达式。
- ▶ 使用队列进行基本时序仿真。
- 学会根据问题性质,选择使用栈、队列和双向队列等合适的数据结构。
- ▶ 能使用结点和引用将列表实现转换为链表实现。
- 能比较链表实现与 Python 的列表实现的性能。

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

### 基本概念

中级表达式转前级表达式和后缀表达式中级转后级通用法

- 4. 队列
  - ▶ 什么是队列
  - ▶ 队列的抽象数据类型
  - ► 队列的 Python 实现
  - ▶ 队列任务: 烫手山芋
  - ▶ 队列应用: 打印任务
  - ▶ 讨论

我们开始数据结构的学习,从四种简单而功能强大的结构开始:

- 1. 栈 (stack)
- 2. 队列 (queue)
- 3. 双端列表 (deque)
- 4. 顺序表 (sequence)

它们都是一些数据的集合,数据项之间的顺序由添加或删除的顺序决定。一旦一个数据项被添加,它就与之前和之后加入的元素保持一个固定的相对位置。诸如此类的数据结构被称为线性数据结构。

线性数据结构有两端,有时称为左和右,有时称为前与后,称为顶部和底部也无不可,叫什么名字并不重要。重要的是数据结构增加和删除数据的方式,特别是增删的位置。例如,一种结构可能只允许从一端添加数据,而另一种结构则两端都行。

线性数据结构有两端,有时称为左和右,有时称为前与后,称为顶部和底部也无不可,叫什么名字并不重要。重要的是数据结构增加和删除数据的方式,特别是增删的位置。例如,一种结构可能只允许从一端添加数据,而另一种结构则两端都行。

这些变种的形式产生了计算机科学最有用的数据结构。他们出现在各种算法中,可用于解决很多重要的问题。

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中級表达式转前缀表达式和后缀表达式中级转后级通用法

### 4. 队列

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ► 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

栈是一种线性有序的数据元素集合,其中数据的增删操作都在同一端进行。进行操作的一端通常称为"顶部",另一端称为"底部"。

- ▶ 栈的底部很重要:数据项越接近底部,它在栈里的时间就越长。
- ▶ 最近添加的项总是最先被移除,这种排序原则称为"后进先出"(LIFO)。
- ▶ 栈按"时间长短"来排列数据项:新来的在栈顶,老家伙们在栈底。

栈是一种线性有序的数据元素集合,其中数据的增删操作都在同一端进行。进行操作的一端通常称为"顶部",另一端称为"底部"。

- ▶ 栈的底部很重要:数据项越接近底部,它在栈里的时间就越长。
- ▶ 最近添加的项总是最先被移除,这种排序原则称为"后进先出"(LIFO)。
- ▶ 栈按"时间长短"来排列数据项:新来的在栈顶,老家伙们在栈底。

### 例:

中国有句成语,叫后来居上。原典故是这样说的:陛下用群臣,如积薪耳,后 来者居上。栈的方式,可不就是堆柴草吗?

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

### 基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式 中缀转后缀通用法 后缀表达式求值

### 4. 队列

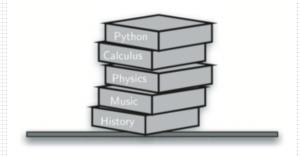
- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ► 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

栈的例子很常见。

### 例:

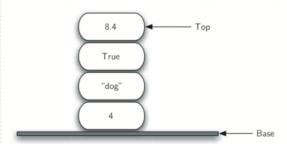
自助餐厅的盘, 人们总是从上面拿盘子, 拿走一个后面的人再拿下面的一个, (服务员端来一些新的, 又堆在上面了)。

又如一堆书,你只能看到最上面一本的封面,要看下面一本,就要把上面的先 拿走。

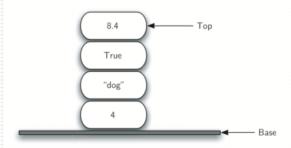


与栈有关的思想来源于生活中的观察,假设你从一张干净的桌子开始,一本一本地放上书,这就是在建立栈。当你一本一本地拿走,想像一下,是不是先进后出?由于这种结构具有翻转顺序的作用,所以非常重要。

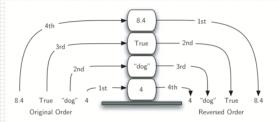
下图中的栈存储了几个主要的 python 语言数据对象。



### 下图中的栈存储了几个主要的 python 语言数据对象。



## 下图展示了 Python 数据对象创建和删除的过程,注意观察他们的顺序。



栈这种翻转性,在你用电脑上网时也用到了。浏览器都有"返回"按钮,当你从一个链接到另一个链接,这时网址(URL)就被存进了栈。正在浏览的页就存在栈顶,点"返回"的时候,返回到刚刚浏览的页面。最早浏览的页面,要一直到最后才能看到。

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中缀表达式转前缓表达式和后缀表达式 中缀转后缀通用法 后缀表达式求值

## 4. 队列

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ► 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

栈的抽象数据类型由以下结构和操作定义:

- ▶ 栈是结构化的、有序的数据集合,其增删操作都在"栈顶"进行,存储顺序是 LIFO。
- ▶ 栈的操作方法如下:
- 1. Stack(): 创建一个空栈, 无参数, 返回一个空栈。
- 2. push(item): 向栈顶压入一个新数据项,需要一个数据项参数,无返回值。
- 3. pop(): 从栈中删除栈顶数据项,无参数,返回删除项,栈本身发生变化。
- 4. peek(): 返回栈顶数据项,但不删除。不需要参数,栈不变。
- 5. isEmpty(): 测试栈是否为空, 无参数, 返回布尔值。
- 6. size(): 返回栈中数据项的个数,无参数,返回值为整数。

设 s 是一个空栈, 下表是一系列的操作, 栈内数据和返回值。注意栈顶在右侧。

Stack Operation	Stack Contents	Return Value
s.isEmpty()		True
s.push(4)	[4]	
s.push('dog')	[4,'dog']	
s.peek()	[4,'dog']	'dog'
s.push(True)	[4,'dog',True]	
s.size()	[4,'dog',True]	3
s.isEmpty()	[4,'dog',True]	False
s.push(8.4)	[4,'dog',True,8.4]	
s.pop()	[4,'dog',True]	8.4
s.pop()	[4,'dog']	True
s.size()	[4,'dog']	2

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

### 基本概念

中缀表达式转前缓表达式和后缀表达式 中缀转后缀通用法 后缀表达式求值

## 4. 队列

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ► 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

Python 是面向对象的程序设计语言,象栈这样的抽象数据类型可通过类来实现,而栈的操作则可看做是类的方法。

Python 是面向对象的程序设计语言,象栈这样的抽象数据类型可通过类来实现, 而栈的操作则可看做是类的方法。

另外,栈作为数据项的集合,我们可以使用 Python 中强大而简单的 List 类来实现。

Python 是面向对象的程序设计语言,象栈这样的抽象数据类型可通过类来实现,而栈的操作则可看做是类的方法。

另外,栈作为数据项的集合,我们可以使用 Python 中强大而简单的 List 类来实现。

Python 中的 List 类已经建立了一个数据集合机制和相应的方法。假设存在一个列表 [2,5,3,6,7,4], 我们只需约定哪一端是栈顶哪一端是栈底,就可以使用list 中的方法(如 append 和 pop)来实现栈的相关操作。

```
class Stack:
    def __init__(self):
        self.items = []
    def isEmpty(self):
        return self.items == []
    def push(self, item):
        self.items.append(item)
    def pop(self):
        return self.items.pop()
    def peek(self):
        return self.items[len(self.items)-1]
    def size(self):
        return len(self.items)
```

### 在以下的栈实现中, 我们假定 List 的右侧是栈顶。

```
class Stack:
    def __init__(self):
        self.items = []
    def isEmpty(self):
        return self.items == []
    def push(self, item):
        self.items.append(item)
    def pop(self):
        return self.items.pop()
    def peek(self):
        return self.items[len(self.items)-1]
    def size(self):
        return len(self.items)
```

这段代码仅仅是定义了 Stack 类,运行时什么反应也没有。

### 以下代码将创建一个栈对象,并加入操作方法。

```
s=Stack()
print(s.isEmpty())
s.push(4)
s.push('dog')
print(s.peek())
s.push(True)
print(s.size())
print(s.isEmpty())
s.push(8.4)
print(s.pop())
print(s.pop())
print(s.size())
```

注意,我们也可以选择列表的左侧作为栈顶。这样,前面的 pop 和 append 方法就不能用了,而必须指定索引 0(列表的第一项)以便对栈内数据进行操作。

```
class Stack:
     def __init__(self):
         self.items = []
     def isEmpty(self):
         return self.items == []
     def push(self, item):
         self.items.insert(0,item)
     def pop(self):
         return self.items.pop(0)
     def peek(self):
         return self.items[0]
     def size(self):
         return len(self.items)
s = Stack()
s.push('hello')
s.push('true')
```

print(s.pop())

对抽象数据类型实现方式的变更,仍能保持数据的逻辑特性不变,这就是"抽象"的一个实例。两种栈的方式都能工作,但性能表现却有很大的不同。

对抽象数据类型实现方式的变更,仍能保持数据的逻辑特性不变,这就是"抽象"的一个实例。两种栈的方式都能工作,但性能表现却有很大的不同。

append()和pop()都是 O(1), 这意味着,不管栈内有多少数据项,第一种实现的性能是常数级的,第二种实现的insert(0)和pop(0)却需要 O(n)。很明显,两种实现方式在逻辑上等同,但时间复杂度却不一样。

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

### 基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式中缀转后缀通用法

## 4. 队列

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ► 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ► 栈的应用 简单括号匹配 平衡符号(通用)

  - ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

### 基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式中缀转后缀通用法

- 4. 队列
  - ▶ 什么是队列
  - ▶ 队列的抽象数据类型
  - ► 队列的 Python 实现
  - ▶ 队列任务: 烫手山芋
  - ▶ 队列应用: 打印任务
  - ▶ 讨论

现在我们用栈来解决一个计算机科学上的实际问题。

- ▶ 你一定写过类似这样的算术算式: (5 + 6)\* (7 + 8)/ (4 + 3), 这里括号为了 规范操作顺序。
- ▶ 你用过 LISP 语言的话,也许写过这样的语句: (defun square(n)(\* n n))。这条语句定义了一个函数,用于返回参数 n 的平方值。Lisp 语言以用到大量的括号而闻名。

这两个例子中,括号必须是平衡的。

现在我们用栈来解决一个计算机科学上的实际问题。

- ▶ 你一定写过类似这样的算术算式: (5 + 6)\* (7 + 8)/ (4 + 3), 这里括号为了 规范操作顺序。
- ▶ 你用过 LISP 语言的话,也许写过这样的语句: (defun square(n)(\* n n))。这条语句定义了一个函数,用于返回参数 n 的平方值。Lisp 语言以用到大量的括号而闻名。

这两个例子中,括号必须是平衡的。

平衡括号的意思是,每个左括号一定对应着一个右括号,并且括号能被正确嵌套。

## 平衡括号

(()()()()) (((())()) (()((())()))

# 不平衡括号

((((((()) ())) (()()(() 正确地区分平衡和不平衡括号,对很多编程语言都非常重要。

正确地区分平衡和不平衡括号,对很多编程语言都非常重要。

问题 1 设计一个算法, 读入一串括号, 并判断它们是否平衡。

仔细观察一下平衡式的结构特点可以发现:

从左到右读入一串括号时,最早读到的一个右括号总是与他前面紧邻的左括号匹配;同样,最后一个右括号要与最先读到的左括号相匹配。

仔细观察一下平衡式的结构特点可以发现:

从左到右读入一串括号时,最早读到的一个右括号总是与他前面紧邻的左括号匹配;同样,最后一个右括号要与最先读到的左括号相匹配。

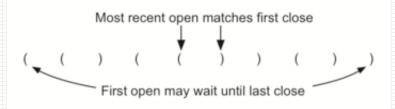
即右括号与左括号是反序的,并且它们从内到外一一匹配。

仔细观察一下平衡式的结构特点可以发现:

从左到右读入一串括号时,最早读到的一个右括号总是与他前面紧邻的左括号匹配;同样,最后一个右括号要与最先读到的左括号相匹配。

即右括号与左括号是反序的,并且它们从内到外一一匹配。

受此启发, 我们会马上想到用栈来解决该问题。



- 一旦你明白栈适合保存括号,算法就简单了:
- 1. 创建一个空栈;
- 2. 从左到右读入括号串:
- ▶ 若遇到左括号,把它压栈,说明后面需要一个右括号与之匹配。
- ▶ 若遇到右括号,就弹出栈顶数据。
- 3. 只要栈内还有数据可以弹出与右括号匹配,这些括号就仍然是平衡的。任何时候, 栈内没有左括号用来匹配了,这个字符串就没有平衡好。到字符串的最后,若平 衡、栈应该是空的。

```
from pythonds.basic.stack import Stack
 2
   def parChecker(symbolString):
 4
       s = Stack()
 5
       balanced = True
 6
       index = 0
 7
       while index < len(symbolString) and balanced:
8
           symbol = symbolString[index]
9
           if symbol == "(":
10
                s.push(symbol)
11
           else:
12
                if s.isEmpty():
13
                    balanced = False
14
                else:
15
                    s.pop()
16
17
           index = index + 1
18
19
       if balanced and s.isEmpty():
20
           return True
21
       else:
22
           return False
```

23

```
print(parChecker('((()))'))
print(parChecker('(()'))
```

True False

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单接皂页页

平衡符号 (通用)

十进制鞍换成工进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式中缀转后缀通用法

- 4. 队列
  - ▶ 什么是队列
  - ▶ 队列的抽象数据类型
  - ► 队列的 Python 实现
  - ▶ 队列任务: 烫手山芋
  - ▶ 队列应用: 打印任务
  - ▶ 讨论

对很多编程语言而言,上一节所讲的圆括号匹配只能算一个特例。不同种类的左符号和右符号的平衡与嵌套实在非常普遍。比如在 Python 中,[]用于列表,{}用于字典,()用于元组和算数表达式。多种符号的混合应用也需要保持相应的平衡关系。

#### 平衡符号: 既要保证左右平衡, 也要求种类匹配。

```
{ ( [ ] [ ] ) } ( ) }
[ [ { ( ( ) ) } ] ]
[ ] [ ] [ ] [ ] [ ]
```

### 不平衡符号

```
( [ ) ]
( ( ( ) ] ) )
[ { ( ) ]
```

前面讲到的圆括号平衡算法很容易扩展到其他种类的符号中: <mark>每个左符号被压栈,然后等匹配的右符号出现</mark>。 此时唯一的不同,就是左右匹配的同时,必须检查符号的种类也要匹配。如果发现不匹配,整个字符串就是不平衡的。最后,当整个字符串处理完毕且栈被清空时,字符串就是完全平衡的。

与圆括号平衡相比,仅多调用一个辅助函数 matches(),以帮助检查符号的类型 匹配。

每个从栈顶弹出的元素必须检查是否与当前的右符号同一种类,如果不匹配,balanced 被赋值为 False.

```
def parChecker(symbolString):
    s = Stack()
    balanced = True
    index = 0
    while index < len(symbolString) and balanced:
        symbol = symbolString[index]
        if symbol in "([{":
            s.push(symbol)
        else:
            if s.isEmpty():
                balanced = False
            else:
                top = s.pop()
                if not matches(top,symbol):
                        balanced = False
        index = index + 1
    if balanced and s.isEmpty():
       return True
    else:
        return False
def matches(open,close):
```

```
opens = "([{"
closers = ")]}"
return opens.index(open) == closers.index(close)
```

```
print(parChecker('{{([][])}()}'))
print(parChecker('[{()]'))
```

True False

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号 (通)

十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中級表达式转前缀表达式和后缀表达式中缀转后缀通用法

- 4. 队列
  - ▶ 什么是队列
  - ▶ 队列的抽象数据类型
  - ▶ 队列的 Python 实现
  - ▶ 队列任务: 烫手山芋
  - ▶ 队列应用: 打印任务
  - ▶ 讨论

计算机的内部数据以二进制形式存储,所有的数据都是由 0 和 1 组成的串。幸亏二进制和日常数据格式之间能够相互转换,不然计算机可一点都不好玩了。

计算机的内部数据以二进制形式存储,所有的数据都是由 0 和 1 组成的串。幸亏 二进制和日常数据格式之间能够相互转换,不然计算机可一点都不好玩了。

计算机程序里,整数无处不在。数学上也有整数,当然是十进制的整数,或者说 叫做以 10 为基数的整数。 计算机的内部数据以二进制形式存储,所有的数据都是由 0 和 1 组成的串。幸亏二进制和日常数据格式之间能够相互转换,不然计算机可一点都不好玩了。

计算机程序里,整数无处不在。数学上也有整数,当然是十进制的整数,或者说 叫做以 10 为基数的整数。

十进制 (233)10 以及对应的二进制表示 (11101001)2 分别解释为

$$2 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

$$51 \times 2^7 + 1 \times 2^6 + 1 \times 2^5 + 0 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$

有一种很容易地把十进制转为二进制的方法,叫做"除二取余法",它用栈来保存二进制的位。

有一种很容易地把十进制转为二进制的方法,叫做"除二取余法",它用栈来保存二进制的位。

该算法可描述为: 从一个大于 0 的整数开始,通过递归法连续除以 2,并保存除 2 得到的余数。第一次除以 2 可以判断这个数是偶数还是奇数。偶数除以 2 的余数是 0,这个二进制位就 0;奇数除以 2 的余数是 1,这个位就是 1。这样连续相除得到一串的 0 或 1,第 1 次得到的位实际是最后一位。

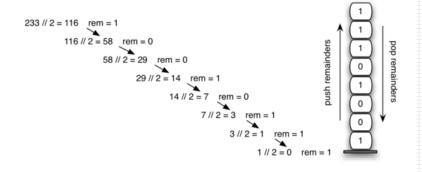


图: 除二取余法(又见反转,这表明可利用栈的特性来解决该问题)

48/130 数据结构与算法 <u>Δ</u>

2

```
from pythonds.basic.stack import Stack
 3
  def dec2bin(decNumber):
 4
      remstack = Stack()
 5
6
       while decNumber > 0:
7
8
           rem = decNumber % 2
           remstack.push(rem)
9
           decNumber = decNumber // 2
10
11
       binString =
12
       while not remstack.isEmpty():
13
           binString = binString + str(remstack.pop())
14
15
       return binString
```

print(divideBy2(42))

101010

以上算法可以很容易地扩展到任意进制的转换。计算机科学比较常用二进制、八进制和十六进制。

以上算法可以很容易地扩展到任意进制的转换。计算机科学比较常用二进制、八 进制和十六进制。

如 (233)<sub>10</sub> 对应的八进制和十六进制分别为: (351)<sub>8</sub>, (E9)<sub>16</sub>, 可表示为:

$$3 \times 8^2 + 5 \times 8^1 + 1 \times 8^0$$

$$14 \times 16^1 + 9 \times 16^0$$

将divideBy2()稍作修改便可用于转换其他进制,"除二取余法"变成"除基取余法",新函数名为baseConverter,它有两个参数:第一个是任意十进制整数,第二个是任意2到16之间的基数。

将divideBy2()稍作修改便可用于转换其他进制,"除二取余法"变成"除基取余法",新函数名为baseConverter,它有两个参数:第一个是任意十进制整数,第二个是任意2到16之间的基数。

余数仍被压栈,直到商为0。从左到右的字符串生成过程也是一样的。

问题 2 当基数超过 10 以后,余数也可能超过 9,而余数是需要被压栈的,那它该如何表示?

问题 2 当基数超过 10 以后,余数也可能超过 9,而余数是需要被压栈的,那它该如何表示?

解决办法是建立一个集合,包括一些字母符号。比如十六进制使用了 6 个字母,可建立一个字符串存储相应位置的字符,如 0 在 0 位上、1 在 1 位上、A 在 10位上、B 在 11 位上,···。当一个余数出栈时,便可索引到该字符串上找到正确的字符并追加到答案的后面。比如 13 出栈,13 位上的 D 追加到结果中。

```
def baseConverter(decNumber, base):
    digits = "0123456789ABCDEF"
    remstack = Stack()
    while decNumber > 0:
        rem = decNumber % base
        remstack.push(rem)
        decNumber = decNumber // base
    newString = ""
    while not remstack.isEmpty():
        newString = newString + digits[remstack.pop()]
    return newString
```

print(baseConverter(25,2))
print(baseConverter(25,16))

11001 19

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中級表达式转前缀表达式和后缀表达式 中缀转后缀通用法 后缀表达式求值

## 4. 队列

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ► 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中級表达式转前缀表达式和后缀表达式 中缀转后缀通用法 后缀表达式求值

- 4. 队列
  - ▶ 什么是队列
  - ▶ 队列的抽象数据类型
  - ► 队列的 Python 实现
  - ▶ 队列任务: 烫手山芋
  - ▶ 队列应用: 打印任务
  - ▶ 讨论

对于算术表达式 B\*C,你很清楚这是计算"变量 B\* 乘以变量 C",因为 \* 出现在两个变量的中间。这种表达式称为<mark>中缀表达式</mark>,因为操作符在变量的"中间"。

对于算术表达式 B \* C,你很清楚这是计算"变量 B 乘以变量 C",因为 \* 出现在两个变量的中间。这种表达式称为中缀表达式,因为操作符在变量的"中间"。

而对表达式 A + B \* C, 操作符 + n \* G在操作数中间,但问题来了:操作符是操作哪个数?是 + 操作 A n B 还是 \* 操作 B n C R ②这似乎有点模糊。

对于算术表达式 B \* C,你很清楚这是计算"变量 B 乘以变量 C",因为 \* 出现在两个变量的中间。这种表达式称为<mark>中缀表达式</mark>,因为操作符在变量的"中间"。

而对表达式 A + B \* C, 操作符 + n \* G在操作数中间,但问题来了:操作符是操作哪个数?是 + 操作  $A \cap B$  还是 \* 操作  $B \cap C$  呢?这似乎有点模糊。

事实上这种表达式我们经常碰到,但从来没有疑惑过。原因是我们知道操作符的 优先级。优先级高的操作符优先计算,除非用括号改变顺序。优先级顺序是乘除 加减、如果两个操作符在同一级别、那就从左到右依次进行。 请用优先级顺序来解释 A + B \* C, (A + B)\* C, A + B + C。

请用优先级顺序来解释 A + B \* C, (A + B)\* C, A + B + C。

这些对你来说太显而易见。但请记住,计算机需要精确地知道操作符的行为和顺序。

有一种书写表达式的方法叫做"完全括号",这种表达式把每一个操作符都加了括号,表达完全精确,不必记忆优先级规则。

有一种书写表达式的方法叫做"完全括号",这种表达式把每一个操作符都加了括号,表达完全精确,不必记忆优先级规则。

- ▶ A + B \* C + D 写成((A + (B \* C))+ D), 表明先算乘法, 再算左边的加法;
- ▶ A + B + C + D 写成 (((A + B)+ C)+ D), 表明加法操作从左向右结合。

A + B 是操作符放在中间,如果把操作符放在操作数前面呢?变成 + A B。放在后面呢?A B +。是不是看起来很奇怪。

A + B 是操作符放在中间,如果把操作符放在操作数前面呢?变成 + A B。放在后面呢?A B +。是不是看起来很奇怪。 这两种变型形成新的格式,叫做前缀与后缀。前缀就是操作符放在他们的操作数

前面,后缀就是放在后面。

## 看看下表会更清楚:

中缀表达式	前缀表达式	后缀表达式
A + B	+ A B	A B +
A + B * C	+ A * B C	A B C * +

对于中缀表达式 A + B \* C,

对于中缀表达式 A + B \* C,

▶ 前缀表达式为 + A \* B C

A 和乘法的结果之前。

操作数顺序不变,\* 紧接在 B 和 C 之前,表示 \* 优先于 +。然后 + 出现在

对干中缀表达式 A + B \* C.

▶ 前缀表达式为 + A \* B C

操作数顺序不变,\* 紧接在 B 和 C 之前,表示\*优先于+。然后+出现在 A 和乘法的结果之前。

+ 优先级低。

▶ 后缀表达式为 A B C \* + 操作数顺序不变,因为 \* 紧接在 B 和 C 之后出现,表示 \* 具有高优先级,

对于中缀表达式 A + B \* C,

- ► 前缀表达式为 + A \* B C 操作数顺序不变, \* 紧接在 B 和 C 之前, 表示 \* 优先于 +。然后 + 出现在 A 和乘法的结果之前。
- ► 后缀表达式为 A B C \* + 操作数顺序不变,因为 \* 紧接在 B 和 C 之后出现,表示 \* 具有高优先级, + 优先级低。

虽然操作符在它们各自的操作数前后移动,但是操作数的顺序相对于彼此保持 完全相同。

考虑中缀表达式 (A + B)\* C, 括号在乘法之前强制执行加法。

- ► 写成前缀表达式时,+ 简单的移动到 A B 之前,得 + A B。这个操作的结果成为乘法的第一个操作数。\* 移动到整个表达式的前面,得出 \* + A B C.
- ► 写成后缀表达式时,+ 简单的移动到 A B 之后,得 A B +。这个操作的结果成为乘法的第一个操作数。\* 移动到整个表达式的后面,得出 A B + C \*

问题 3 把这三种表达方式放在下表中对比一下,见证奇迹的时刻到了,括号去哪儿了?为什么前缀和后缀不需要括号?

中缀表达式	前缀表达式	后缀表达式
(A + B)* C	* + A B C	A B + C *

问题 3 把这三种表达方式放在下表中对比一下,见证奇迹的时刻到了,括号去哪儿了?为什么前缀和后缀不需要括号?

中缀表达式	前缀表达式	后缀表达式
(A + B)* C	* + A B C	A B + C *

在前缀和后缀中,操作符和他们的操作数之间关系清晰,他们的位置就说明了计 算顺序,不需要象中缀那样,额外用括号来帮助分辨。因此,在很多情况下,中 缀是最不好用的表达式。 下表提供了更多的对比例子,请仔细对比它们是怎样安排位置来保证计算正确的。

中缀表达式	前缀表达式	后缀表达式
A + B * C + D	+ + A * B C D	A B C * + D +
(A + B)* (C + D)	* + A B + C D	A B + C D + *
A + B + C + D	+ + + A B C D	A B + C + D +

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式中微等后缀通用法

- 4. 队列
  - ▶ 什么是队列
  - ▶ 队列的抽象数据类型
  - ▶ 队列的 Python 实现
  - ▶ 队列任务: 烫手山芋
  - ▶ 队列应用: 打印任务
  - ▶ 讨论

至此,我们可以手动地把中缀转换为前缀和后缀。也许应该有一种算法,能够转换任意复杂的表达式。

至此,我们可以手动地把中缀转换为前缀和后缀。也许应该有一种算法,能够转换任意复杂的表达式。

回顾一下前面提到的"完全括号",如 A + B \* C 写成 (A + (B \* C)) 以保证乘法的高优先级。仔细观察可以发现,每一对括号内都是一个计算过程,包括一对操作数和一个操作符的完整计算。

看子表达式(B \* C),如果把乘号移至右括号的位置,再去掉相应的左括号,就变成了 B C \*,亦即(B \* C)的后缀式。更进一步,把加号移至其相应的右括号位置并取而代之,再去掉相应的左括号,整个后缀表达式就出来了。



图: 中缀转后缀

如果换个方向,操作符左移取代左括号并去掉右括号,就得到前缀表达式。看来括号的位置,是找到操作符位置的线索,见图3



图: 中缀转前缀

总之,要转换表达式,无论多么复杂,无论前缀还是后缀,可以先完全括号化, 然后将操作符前移或后移取代括号。 这是一个更复杂的转换例子: (A + B) \* C - (D - E) \* (F + G), 下图展示了转换过程。

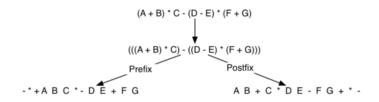


图: 中缀转前缀与后缀

72/130 数据结构与算法 ない

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用
    - 简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制
  - ▶ 中缀、前缀与后缀表达式

基本概念
中级美达大转前资表达式和高级表达到
中级转后级通用法
后级表达式来值

- 4. 队列
  - ▶ 什么是队列
  - ▶ 队列的抽象数据类型
  - ▶ 队列的 Python 实现
  - ▶ 队列任务: 烫手山芋
  - ▶ 队列应用: 打印任务
  - ▶ 讨论

现在我们要开发一个算法,把任何中缀表达式转换为后缀表达式。为此,我们先 来仔细看看其转换过程。

仍然考虑中缀表达式 A + B \* C,其等价的后缀表达式是 A B C \* +,注意操作数  $A \setminus B$  和 C 保留了原来的相对位置,只有操作符改变了位置。在中缀表达式中,从左到右第一个出现的是 + ,而在后缀式中,+ 最后出现,因为 \* 的优先级高于 +。也就是说,操作符在中缀表达式中的顺序和后缀表达式中相反。

在处理表达式的时候,操作符应该先保存在某处,因为操作符读进来的时候,它 右边的操作数还没到。另外因为优先级的关系,保存的顺序要反转。就象上面说 的乘号和加号一样,加号先出现,但因为乘法优先,加法先来也得靠后站。因为 顺序反转的关系,考虑使用栈来保存操作符。 象 (A + B) \* C 怎么办呢?其后缀表达式是 A B + C \* 。从左到右的顺序,先读到了 +,但是当读到 \* 的时候,+ 已经找好位置,因为括号的优先级高于 \*。上一段的规则遇到了新问题。这里就要考虑有括号的时候怎么办。当读到左括号的时候,我们把左括号作为操作符保存起来,标志着一个高优先级的操作就要到了,直到匹配的右括号出现,左括号才能出栈。

扫描中缀式的时候,要用一个栈来保存操作符,因栈的特性提供了反转功能。栈顶项总是我们最近一次压栈的操作符。每当读到一个新操作符,总要与栈顶的符号比较一下优先级。

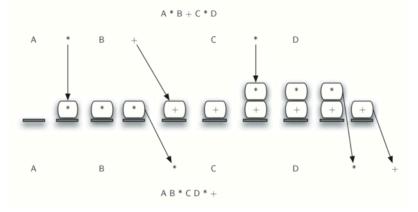
设中缀表达式是由操作符和操作数组成的字符串,其中操作符包括\* / + -,还有(),而操作数则包括字母或数字。按以下操作,可将中缀表达式转换成后缀表达式。

- 1. 创建一个空栈 (opstack) 以保存运算符,创建一个空列表 (postfixList) 以保存输出项。
- 2. 利用字符串的 split 方法将中缀表达式转换为列表。
- 3. 从左到右扫描列表,对于每个元素:
- 如果是操作数,追加到输出列表。
- ▶ 如果是(, 压栈到 opstack 。
- ▶ 如果是),循环出栈,直到左括号出栈。此前出栈的元素追加到输出列表。
- ▶ 如果是运算符\* / + -, 先把栈内优先级大于当前操作符的项目全部出栈并追加到输出列表, 然后把当前操作符压栈。
- 4. 当输入列表检索完成时,检查栈,把剩下的元素全部出栈并加到输出列表尾部。

77/130 数据结构与算法 ない

例:

## 将 A \* B + C \* D 转换为后缀表达式



以下是该算法的 Python 实现,其中使用了一个字典 (prec) 保存操作符的优先级,每个操作符映射一个整数以便作优先级的比较。注意左括号被定义为最低的优先级 1, 这样每个操作符与之比较时,都会高于它。

```
from pythonds.basic.stack import Stack
 2
  def infix2Postfix(infixexpr):
 4
       prec = {}
 5
       prec["*"] = 3
6
       prec["/"] = 3
 7
       prec["+"] = 2
8
       prec["-"] = 2
9
       prec["("] = 1]
10
       opStack = Stack()
11
       postfixList = []
12
       tokenList = infixexpr.split()
13
14
       for token in tokenList:
15
           if token in "ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ" or token
           in "0123456789":
16
               postfixList.append(token)
17
           elif token == '(':
18
               opStack.push(token)
           elif token == ')':
19
20
               topToken = opStack.pop()
21
               while topToken != '(':
```

```
22
                   postfixList.append(topToken)
23
                   topToken = opStack.pop()
24
           else:
25
               while (not opStack.isEmpty()) and \
26
                   (prec[opStack.peek()] >= prec[token]):
27
                     postfixList.append(opStack.pop())
28
               opStack.push(token)
29
30
       while not opStack.isEmpty():
31
           postfixList.append(opStack.pop())
32
       return " ".join(postfixList)
```

```
print(infix2Postfix("A * B + C * D"))
print(infix2Postfix("( A + B ) * C - ( D - E ) * ( F + G )"
))
print(infix2Postfix("A + B * C"))
```

```
A B * C D * +
A B + C * D E - F G + * -
A B C * +
```

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达可 中缀转后缀通用法

后缀表达式求值

- 4. 队列
  - ▶ 什么是队列
  - ▶ 队列的抽象数据类型
  - ► 队列的 Python 实现
  - ▶ 队列任务: 烫手山芋
  - ▶ 队列应用: 打印任务
  - ▶ 讨论

这一节将设计一个算法,以计算一个后缀表达式的值。无论何时看到输入一个操作符,最近的两个操作数就是操作对象。

为了说清楚一点,我们来看两个例子:

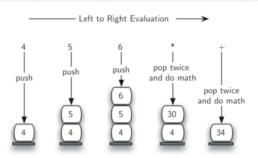
考虑后缀表达式 4 5 6 \* +。

从左到右扫描时,首先得到 4 和 5,不过此时,并不知道该怎样处理这两个数, 直到看到后面的操作符。所以要把这两个数先压栈,得到操作符以后再出栈。

该例中,下一个符号仍然是操作数,所以照旧压栈,并检查下一个。现在看到操作符\*,这意味着最近两个操作数要用来做乘法。出栈两次,得到两个操作数并相乘(在本例中是结果是 30)。

这个计算结果要压回到栈内,并作为下一个操作符的对象。当最后一个操作符工 作结束,栈内应该只有一个数值,出栈并作为计算结果返回。

# 下图显示了该求值过程中栈内容的变化。



再来看一个稍微复杂的表达式: 7 8 + 3 2 + /。这里有两点要注意:

- ▶ 栈的大小,随着子表达式的计算过程而膨胀,收缩,再膨胀。
- 除法操作符要小心处理,因为后缀表达式的操作数顺序不变,但当两个操作数出栈时,顺序反了。因为除法不支持交换律,所以15/5与5/15不同,必须保证顺序没有交错。

再来看一个稍微复杂的表达式: 7 8 + 3 2 + /。这里有两点要注意:

- ▶ 栈的大小,随着子表达式的计算过程而膨胀,收缩,再膨胀。
- 除法操作符要小心处理,因为后缀表达式的操作数顺序不变,但当两个操作数出栈时,顺序反了。因为除法不支持交换律,所以15/5与5/15不同,必须保证顺序没有交错。



算法假定后缀表达式是一系列被空格分隔的字符,操作符是\*/+-,操作数假定是一位整数。最终结果也是整数。

- 1. 建立一个空栈 operandStack
- 2. 字符串使用 split 转为列表
- 3. 从左到右检索列表,对于每个元素,
- 如果是操作数,字符转为整数,压栈
- 如果是操作符、出栈两次。第一次出栈的是第二个操作数、第二次出栈的是第一个操作数。 计算结果、并压回栈。
- 4. 检索结束, 出栈结果就是返回值。

```
from pythonds.basic.stack import Stack
def postfixEval(postfixExpr):
    operandStack = Stack()
    tokenList = postfixExpr.split()
    for token in tokenList:
        if token in "0123456789":
            operandStack.push(int(token))
        else:
            operand2 = operandStack.pop()
            operand1 = operandStack.pop()
            result = doMath(token, operand1, operand2)
            operandStack.push(result)
    return operandStack.pop()
def doMath(op, op1, op2):
    if op == "*":
        return op1 * op2
    elif op == "/":
        return op1 / op2
    elif op == "+":
```

```
return op1 + op2
else:
    return op1 - op2

print(postfixEval('7 8 + 3 2 + /'))
```

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 土进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式 中缀转后缀通用法

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ▶ 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用》 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式中缀转后缀通用法

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ► 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

队列是有序的数据集合, 其特点是:

- ▶ 在头部删除数据项,称为"队头";在尾部增加数据项,称为"队尾"。
- ▶ 数据项总是在开始时排在队尾,慢慢向前走,直到排到队头,然后离开队列。

元素刚进来时排在队尾,而队头元素在队伍中时间最长,这种排列规则叫做 FIFO,即"先进先出",或者"先来先服务"。

最简单的例子就是平时我们的排队:

- ▶ 排队买票看电影
- ▶ 在超市排队付款
- ▶ 在自助餐厅排队取盘子(盘子可是后进先出)。

最简单的例子就是平时我们的排队:

- ▶ 排队买票看电影
- ▶ 在超市排队付款
- ▶ 在自助餐厅排队取盘子(盘子可是后进先出)。

队列严格执行一字排开的规则,一个方向进,同一方向出,不许插队,不许离 队。

最简单的例子就是平时我们的排队:

- ▶ 排队买票看电影
- ▶ 在超市排队付款
- ▶ 在自助餐厅排队取盘子(盘子可是后进先出)。

队列严格执行一字排开的规则,一个方向进,同一方向出,不许插队,不许离 队。



一个 Python 数据对象的队列

▶ 假设机房有 30 台电脑但只有 1 台打印机,同学们打印时,所有的打印任 务必须排队等候。排第一的马上就能打印、排最后的就要等所有其他人都

打完才能开始。

在计算机科学中也有队列的例子:

在计算机科学中也有队列的例子:

- 假设机房有30台电脑但只有1台打印机,同学们打印时,所有的打印任务必须排队等候。排第一的马上就能打印,排最后的就要等所有其他人都打完才能开始。
- ▶ 操作系统使用了不同的队列控制系统进程,如调度系统。

调度系统使用队列算法以保证尽可能快地执行程序,并响应尽可能多的用 户。

比如打字,有时候你会发现敲了键盘而屏幕却延迟响应。这是因为系统正 在做其他事情,键盘事件会被放入缓冲队列里,虽然会稍有延迟,但最终 还是会显示出来。

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用》 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中級表达式转前缀表达式和后缀表达式中级转后级通用法

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ► 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

队列是结构化的、有序的数据集合,队头删除数据,队尾加入数据,保持 FIFO属性。

- 1. Queue(): 创建一个空队列。无参数,返回值是空队列。
- 2. enqueue(item): 在队尾加入一个数据项。参数是数据项,无返回值。
- 3. dequeue(): 删除队头数据项。不需要参数,返回值是被删除的数据,队列本身有变化。
- 4. isEmpty(): 检测队列是否为空。无参数,返回布尔值。
- 5. size(): 返回队列数据项的数量。无参数,返回一个整数。

# 图: 设 q 是一个刚创建的空队列,以下展示一些队列的操作

Queue Operation	Queue Contents	Return Value
q.isEmpty()		True
q.enqueue(4)	[4]	
<pre>q.enqueue('dog')</pre>	['dog',4]	
q.enqueue(True)	[True,'dog',4]	
q.size()	[True,'dog',4]	3
q.isEmpty()	[True,'dog',4]	False
q.enqueue(8.4)	[8.4,True,'dog',4]	
q.dequeue()	[8.4,True,'dog']	4
q.dequeue()	[8.4,True]	'dog'
q.size()	[8.4,True]	2

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式中缀转后缀通用法

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ▶ 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

有了队列的抽象数据类型,我们可以创建一个类来实现队列。

有了队列的抽象数据类型,我们可以创建一个类来实现队列。

因队列是有序的,所以需要决定队列的哪一端作为队头和队尾。我们约定列表的 0 位置是队尾,其好处是:

- ▶ 可直接使用列表的 insert 方法在队尾加入数据;
- ▶ 使用列表的 pop 方法在队头(即列表的最后一个数据)删除数据。

有了队列的抽象数据类型,我们可以创建一个类来实现队列。

因队列是有序的,所以需要决定队列的哪一端作为队头和队尾。我们约定列表的 0 位置是队尾,其好处是:

- ▶ 可直接使用列表的 insert 方法在队尾加入数据;
- ▶ 使用列表的 pop 方法在队头(即列表的最后一个数据)删除数据。

从性能上分析,入队列 (enqueue) 的时间复杂度是 O(n),而出队列 (dequeue) 是 O(1)。

```
class Queue:
    def __init__(self):
        self.items = []
    def isEmpty(self):
        return self.items == []
    def enqueue(self, item):
        self.items.insert(0,item)
    def dequeue(self):
        return self.items.pop()
    def size(self):
        return len(self.items)
```

```
>>> q.enqueue(4)
>>> q.enqueue('dog')
>>> q.enqueue(True)
>>> q.size()
3
>>> q.isEmpty()
False
>>> q.enqueue(8.4)
>>> q.dequeue()
>>> q.dequeue()
'dog'
>>> q.size()
2
```

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用》 十进制转换成二进制

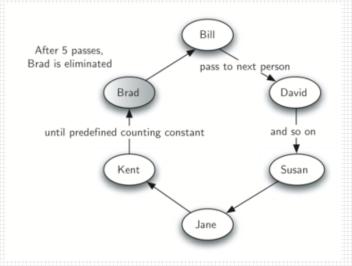
▶ 中缀、前缀与后缀表达式

#### 基本概念

中級表达式转前缀表达式和后缀表达式中级转后级通用法

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ► 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

观察一种儿童游戏"烫手的山芋 (hot potato) ": 孩子们排成一圈,将一个烫手山芋挨个传下去。在某种情形下,停止传递,拿着山芋的人就要被请出来,其他人继续玩,直到只剩一个人。

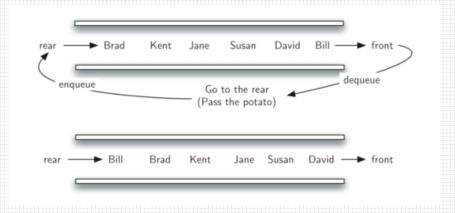


从现代意义上说,这个游戏等价于著名的约瑟夫问题。

据说,一世纪左右,历史学家约瑟夫与犹太人一起反抗罗马。一次,约瑟夫和他的 39 个同志一起在山洞里抵抗,不过眼看就要失败了,他们决定宁死也不做罗马的奴隶。他们围坐成一圈,一个人一个编号,按顺时针方向,每第七个人就要被杀死。据说约瑟夫是个数学家,他马上就知道按这规则,应该坐在哪个位置会留到最后。看来约瑟夫最后没有自杀,相反却投降了。

这个故事有很多版本,有的版本说是每 3 个人杀一个,有的说最后一个人可以骑 马逃脱,但不管怎样,思想是相同的。 我们用程序来模拟一下"烫手山芋"游戏,该程序的参数是一个名字列表和一个常数 (num)。该常数用来决定每次传递几个人就停止传递,最后函数返回经多次传递后所剩最后一个人的名字。

为了模拟这个圆圈, 我们使用队列。



假定开始拿着山芋的孩子站在队头,一经传出后,模拟程序只需简单地把这个孩子移出队列,然后再将他加入队尾,然后他在尾部再逐步前移。

经过 num 次出、入队列之后,队头的孩子最终被请出队列,然后剩余的人继续游戏,直到只有最后一个。

```
from pythonds.basic.queue import Queue
def hotPotato(namelist, num):
    simqueue = Queue()
    for name in namelist:
        simqueue.enqueue(name)
    while simqueue.size() > 1:
        for i in range(num):
            simqueue.enqueue(simqueue.dequeue())
        simqueue.dequeue()
    return simqueue.dequeue()
print(hotPotato(["Bill","David","Susan","Jane","Kent","Brad
"1.7))
```

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用) 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

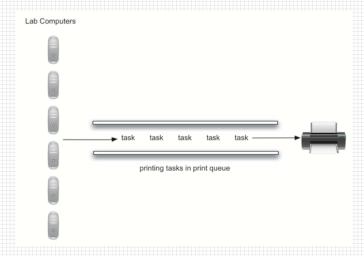
#### 基本概念

中级表达式转前级表达式和后缀表达式中级转后级通用法

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ► 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

假设机房中平均每小时有 10 个同学在完成作业,他们在这段时间里一般打印两次,每次任务可能是 1-20 页不等。机房的打印机有点老,按草稿质量能够打印 10 页/分钟,按高质量只能打印 5 页/分钟。打印越慢等的时候越长,那么应该设置成多少?

我们可以通过建立一个实验室模型帮助决策。需要建立学生、打印任务和打印机的的模型。因为学生发出打印任务时,需要把任务加入打印任务队列。当打印机完成一个任务后,它要到队列中查看是否仍有任务要处理。我们感兴趣的是同学们的平均等待时间,亦即队列中任务的平均等待时间。



这个模型需要一点概率知识。例如,学生打印长度 1-20 页,如果每个长度可能性相等,那么实际长度可以用一个 1-20 之间的随机数来模拟。这表示,1-20 之间的长度机会均等。

如果 10 个学生每人打印两次,那么平均每小时有 20 个打印任务。在每一秒钟产生一个打印任务的可能性多大?这就要考虑任务与时间的比率。20 个任务每小时,意味着平均每 180 秒产生一个任务。

20任务/小时×1小时/60分钟×1分钟/60秒 = 1任务/180秒

我们可以通过产生一个 1-180 之间的随机数,来模拟每秒钟产生一个新任务的概率。如果数字是 180,那么任务已经产生了。要注意很多任务可能排成队,也有可能等好久也没有一个任务,这就是模拟的特性,我们的模拟总是想尽可能地接近真实情况。

## 主要分这几个步骤。

- 1. 建立打印任务队列,每个任务要打上到达的时间戳,开始时是空队列。
- 2. 对每一秒 (currentSecond):
- 2.1 有没有新任务到达?如果有,如果有,加入队列,加上 (currentSecond) 时间戳。
- 2.2 如果打印机空闲且有任务在等待:
- 2.2.1 从队列中删除一个任务,并将其分配给打印机。
- 2.2.2 从当前时间减去时间戳,以计算该任务的等待时间。
- 2.2.3 把等待时间加入到一个列表中以作后续处理。
- 2.2.4 根据该任务的纸张数, 计算打印所需时间。
  - 2.3 打印机需要一秒打印, 所以得从任务所需时间中减去一秒。
  - 2.4 如果打印完成,也就是上一步中把时间减到 0 了,打印机进入空闲状态。
    - 3. 模拟完成,根据任务时间列表,计算平均等待时间

为了实现任务模拟,我们设计三个类对应现实世界的三种对象: Printer, Task, PrintQueue.

Printer 类用来跟踪打印机当前是否在工作。如果是,其状态为 busy,其工作时间通过纸张数来计算。构造函数允许设置每分钟的打印页数。tick 方法递减内部时间,并将打印机设为空闲。

```
class Printer:
    def __init__(self, ppm):
        self.pagerate = ppm
        self.currentTask = None
        self.timeRemaining = 0
    def tick(self):
        if self.currentTask != None:
            self.timeRemaining = self.timeRemaining - 1
            if self.timeRemaining <= 0:
                self.currentTask = None
    def busy(self):
        if self.currentTask != None:
          return True
        else:
          return False
    def startNext(self, newtask):
        self.currentTask = newtask
        self.timeRemaining = newtask.getPages() * 60/self.
        pagerate
```

Task 类代表一个打印任务。产生任务时,构造函数提供一个 1-20 之间的随机数, 代表任务的纸张数。要用到 random 模块的 randrange 方法.

```
>>> import random
>>> random.randrange(1,21)
18
>>> random.randrange(1,21)
8
>>>
```

每个任务也要保存一个时间戳用来计算等待时间。这个时间戳代表产生任务并加入队列的时间,waitTime 方法用来计算任务在开始打印之前等待的时间。

```
import random
class Task:
    def init (self, time):
        self.timestamp =time
        self.pages = random.randrange(1,21)
    def getStamp(self):
        returnself.timestamp
    def getPages(self):
        return self.pages
    def waitTime(self,currenttime):
        return currenttime - self.timestamp
```

模拟程序 (Listing 4) 用来实现上面所述的算法。printQueue 对象是队列的抽象数据类型的实例,一个布尔值辅助函数,newPrintTask 用来决定是否有新任务产生,我们再次使用了 random 模块 randrange 方法返回一个 1-180 之间的随机数。打印任务每 180 秒到来一次,我们从一个范围内的随机整数中产生 180 的方法模拟随机事件(32 行)。这个模拟功能允许我们设置总时间和打印机的打印速度。

```
from pythonds.basic.queue import Queue
import random
def simulation(numSeconds, pagesPerMinute):
    labprinter = Printer(pagesPerMinute)
    printQueue = Queue()
    waitingtimes = []
    for currentSecondinrange(numSeconds):
    if newPrintTask():
            task = Task(currentSecond)
            printQueue.enqueue(task)
    if (not labprinter.busy()) and (not printQueue.isEmpty()
    ):
           nexttask = printQueue.dequeue()
           waitingtimes.append(nexttask.waitTime(
           currentSecond))
           labprinter.startNext(nexttask)
    labprinter.tick()
   averageWait=sum(waitingtimes)/len(waitingtimes)
```

```
print("Average Wait%6.2f secs%3d tasks remaining."%(
   averageWait,printQueue.size()))
def newPrintTask():
    num = random.randrange(1,181)
    if num == 180:
       return True
    else.
       return False
for i in range(10):
   simulation (3600,5)
```

运行 10 次以后,我们能看得出平均等待时间是 122.155 秒,也能看到平均数据 变化的范围很大,从最小的 17.27 秒到最大的 239.61 秒,而且只有 2 次的打印任务是完成的。

现在我们调整打印速度到 10ppm, 再运行 10 次, 通过更快的打印机任务, 我们希望在一个小时的时间里, 有更多的打印任务得以完成。

```
>>>for i in range(10):
     simulation (3600,10)
Average Wait 1.29 secs 0 tasks remaining.
Average Wait 7.00 secs 0 tasks remaining.
Average Wait
             28.96 secs 1 tasks remaining.
Average Wait
             13.55 secs 0 tasks remaining.
Average Wait
             12.67 secs 0 tasks remaining.
Average Wait
             6.46 secs 0 tasks remaining.
Average Wait
             22.33 secs 0 tasks remaining.
Average Wait
             12.39 secs 0 tasks remaining.
Average Wait 7.27 secs 0 tasks remaining.
Average Wait
             18.17 secs 0 tasks remaining.
```

- 1. 目标
- 2. 什么是线性数据结构?
- 3. 栈
  - ▶ 栈的举例
  - ▶ 栈的抽象数据类型
  - ▶ 用 Python 实现栈
  - ▶ 栈的应用

简单括号匹配 平衡符号(通用》 十进制转换成二进制

▶ 中缀、前缀与后缀表达式

## 基本概念

中缀表达式转前缀表达式和后缀表达式 中缀转后缀通用法 后缀表达式求值

## 4. 队列

- ▶ 什么是队列
- ▶ 队列的抽象数据类型
- ► 队列的 Python 实现
- ▶ 队列任务: 烫手山芋
- ▶ 队列应用: 打印任务
- ▶ 讨论

这次模拟的目的,是要问题这样一个问题,即通过降低打印速度提高打印<u>印</u>,这台打印机是否能够承担这个打印负荷。这个过程就是编写一个模拟程序,为打印任务建模,并以随机的发生时间和随机的工作长度进行验证。

以上的输出表明,如果在 5ppm 的速度,平均等待时间是从 17 秒到 376 秒 (约 6 分钟),如果用速度加快,最小时间变为 1 秒到 28 秒。另外在 5ppm 的速度下,8 成的打印任务在 1 个小时内没有打完。

这样,我们会给出建议说,提高质量降低速度,不是一个好办法。学生们不能等那么长时间来等待,特别是下一节还有课,6分钟的等待太长了。

这种模拟分析能够回答很多问题,特别是这类"如果怎样,那么怎样"类的问题,因为我们只要修改模拟程序的参数,就能模拟很多有趣的行为。比如

- ▶ 如果人数增多, 现在有 20 个学生, 是什么情形?
- ▶ 如果是周六,学生们不必去上课,他们会等待吗?
- ► 因为 python 语言太强大了,程序都变短,所以学生们的打印任务都变小了,会怎么样?

这些问题都可能修改模拟参数来得到答案,当然,必须明白,模拟程序只是使用可能真实假定数据。现实中的打印任务长度和每小时内要打印的学生数,也需要构建一个模拟程序。