نظریة القرار Decision Theory

نظرية القرارات

- هي دراسة كيفية اتخاذ أفضل قرار من بين عدة قرارات ممكنة.
 هل استثمر في الأسهم أو العقار أو افتح محل تجاري؟
 - هل أدرس في الجامعة أو في كلية عسكرية أو التحق بوظيفة؟
 - هل اشتري سيارة نقل صغيرة أو سيارة نقل كبيرة؟
- يجب أن يعرف متخذ القرار كل القرارات الممكنة وأن يكون لديه إمكانية الاختيار.
- يجب أن يعرف متخذ القرار "حالات الطبيعة" أو الحوادث التي قد تحدث مستقبلا وتؤثر على الفائدة من اتخاذ القرار.
- يجب أن يعرف متخذ القرار بطريقة كمية الربح أو الخسارة عند اتخاذ كل قرار وحدوث إحدى حالات الطبيعة المؤثرة.

حالات الطبيعة والبدائل

• حالات الطبيعة (States of Nature): هي ظروف غير قابلة للتحكم فيها تحدث بعد اتخاذ القرار وتؤثر في عائد القرار.

مثال:

حالة الطلب على منتج: عالي _ متوسط _ منخفض حالة الاقتصاد المحلي مستقبلاً: كساد _ ركود _ مزدهر _ تضخم

• البدائل (Alternatives): هي خيارات القرار المتعددة المتاحة لمتخذ القرار ليختار إحداها قبل معرفة ما سيحدث من حالات الطبيعة.

مصفوفة العوائد

- عائد القرار (Reward): هي القيمة الناتجة بعد اتخاذ القرار ومعرفة حالة الطبيعة التي حدثت (تمثل أرباح أو تكاليف).

مصفوفة (جدول) العوائد: $S_1, S_2, S_3, \ldots, S_n$ لتكن حالات الطبيعة لقرار ما هي

 $A_1, A_2, A_3, \dots, A_m$: لتكن البدائل المتاحة لقرار ما هي

 $r_{ij}=j$ وليكن العائد من اختيار البديل i وحدوث حالة الطبيعة

مصفوفة العوائد

مصفوفة العوائد للقرار المتخذ هي كالتالي:

	S_1	S_2	• • •	S_n
A_1	r_{11}	r_{12}	• • •	r_{1n}
A_2	r_{21}	r_{22}	• • •	r_{2n}
•	•	•	• • •	:
A_m	r_{m1}	r_{m2}	• • •	r _{mn}

مثال: مصفوفة العوائد

ترغب شركة باستثمار مبلغ من المال خلال عام ولدى الشركة ثلاث فرص استثمارية: إنشاء شركة بيع أثاث ، أو شراء أسهم ، أو إنشاء شركة تسويق سيارات وقد دلت الدراسات الإحصائية على أن الوضع الاقتصادي في البلد قد يكون إما في حالة نمو بنسبة 50% أو في حالة تضخم بنسبة 20%. ومن خلال استقراء الشركة لحالات الاقتصاد تتوقع أن تكون نسبة الأرباح من كل نشاط كالتالي:

كون مصفوفة العوائد لقرار اختيار الاستثمار الأفضل.

مثال: مصفوفة العوائد

مصفوفة العوائد:

	نمو S_1	رکود: S_2	تضخم: S_3
	$P(S_1) = 0.5$	$P(S_2) = 0.3$	$P(S_3) = 0.2$
أثاث: A_1	12	8	7
أسهم $:A_2$	25	10	-2
سیارات: A_3	16.5	8.5	6.5

أنواع القرارات

1. قرار في حالة التأكد

تتوفر معلومات المسألة بشكل كامل قبل اتخاذ القرار:

- البرامج الخطية
- _ مسائل الشبكات
- _ مسائل النقل والتخصيص

مثال:

القرار: $x_1 = x_2 = 1$ الإنتاج اليومي من السيارات من النوع الأول والثاني.

$$\max z = c_1 x_1 + c_2 x_2$$
s.t.
$$a_{11} x_1 + a_{12} x_2 \le b_1$$

$$a_{21} x_1 + a_{22} x_2 \le b_2$$

$$x_1, x_2 \ge 0$$

المعاملات $c_1, c_2, a_{11}, a_{12}, a_{21}, a_{22}, b_1, b_2$ معلومة تماماً.

أنواع القرارات

2. قرار في حالة المخاطرة (Under Risk)

- _ حالات الطبيعة معلومة بشكل كامل
- نعلم احتمال حدوث أي من حالات الطبيعة
 - نستخدم الدالة الاحتمالية في اتخاذ القرار

مثال:

القرار: x_2 و الإنتاج اليومي من السيارات من النوع الأول والثاني.

"الطلب عالي"
$$c_1x_1+c_2x_2=0.75$$
 باحتمال $c_1x_1+c_2x_2=0.25$ باحتمال $d_1x_1+d_2x_2=0.25$

أنواع القرارات

3. قرار في حالة عدم التأكد (Under Uncertainty)

- _ حالات الطبيعة معلومة بشكل كامل
- لا نعلم احتمال حدوث أي من حالات الطبيعة
- القرار يعتمد فقط على هل متخذ القرار متفائل أو متشائم.

مثال:

القرار: x_2 و الإنتاج اليومي من السيارات من النوع الأول والثاني.

العائد
$$c_1x_1+c_2x_2=0$$
 إذا كان الطلب عالي العائد $d_1x_1+d_2x_2=0$

معايير اتخاذ القرار في حالة المخاطرة

متخذ القرار يعرف الدالة الاحتمالية لحالات الطبيعة:

$$P(S_1) = p_1, P(S_2) = p_2, P(S_3) = p_3, \dots, P(S_n) = p_n$$

حيث

$$p_1 + p_2 + p_3 + \dots + p_n = 1$$

يمكن اتخاذ القرار باستخدام:

- 1. معيار القيمة المتوقعة للعوائد
- 2. معيار القيمة المتوقعة لخسارة الفرص (الندم)
 - 3. معيار الحالة الأكثر وقوعا

 $E\left[A_{i}
ight]$ على أساس معيار القيمة المتوقعة للعوائد هو A_{i} تقييم البديل A_{i} على أساس معيار القيمة المتوقعة للعوائد هو $E[A_{i}]=p_{1}r_{i1}+p_{2}r_{i2}+p_{3}r_{i3}+\ldots+p_{n}r_{in}$, $i=1,2,\ldots,m$ مصفوفة أرباح: البديل الأمثل هو A^{*} حيث $E^{*}=\max$ { $E[A_{1}]$, $E[A_{2}]$, ... , $E[A_{m}]$ } أي أنه البديل الذي يعطي أكبر أرباح متوقعة

مصفوفة تكاليف: البديل الأمثل هو A^* ذو E^* حيث $E^* = \min \ \{ E[A_1] \ , E[A_2] \ , \dots , E[A_m] \ \}$ أي أنه البديل الذي يعطى أقل تكاليف متوقعة

مثال: لدينا مصفوفة الأرباح التالية:

	S_1	S_2	S_3
	$P(S_1) = 0.5$	$P(S_2) = 0.3$	$P(S_3) = 0.2$
A_1	12	8	7
A_2	25	10	-2
A_3	16.5	8.5	6.5

القيمة المتوقعة للعوائد للبديل A_1 :

$$E[A_1] = 0.5(12) + 0.3(8) + 0.2(7) = 9.8$$

القيمة المتوقعة للعوائد للبديل A_2 :

$$E[A_2] = 0.5(25) + 0.3(10) + 0.2(-2) = 15.1$$

القيمة المتوقعة للعوائد للبديل A_3 :

$$E[A_3] = 0.5(16.5) + 0.3(8.5) + 0.2(6.5) = 12.1$$

مثال: لدينا مصفوفة التكاليف التالية:

	S_1	S_2	S_3	S_4
	$p_1 = 0.3$	$p_2 = 0.1$	$p_3 = 0.4$	$p_4 = 0.2$
A_1	8	9	5	12
A_2	10	12	6	12
A_3	17	5	8	15

مثال: لدينا مصفوفة التكاليف التالية:

	S_1	S_2	S_3	S_4	E[A]
	$p_1 = 0.3$	$p_2 = 0.1$	$p_3 = 0.4$	$p_4 = 0.2$	$E[A_i]$
A_1	8	9	5	12	7.7
A_2	10	12	6	12	9
A_3	17	5	8	15	11.8

$$E^* = \min \{ 7.7, 9, 11.8 \} = 7.7 \Rightarrow A^* = A_1$$

 A_1 أفضل بديل حسب معيار القيمة المتوقعة للعوائد هو

خسارة الفرصة (الندم): هو مقدار ما يخسره متخذ القرار من عائد إذا اختار البديل A_i البديل A_i

في مثال شركة الاستثمار السابق:

إذا كان قرار الشركة هو إنشاء شركة بيع أثاث ، ثم لو حدث أن الوضع الاقتصادي في البلد أصبح في حالة النمو، فإن العائد سيكون %12.

بينما لو كنا نعرف مسبقاً بأن حالة النمو الاقتصادي سوف تحدث، فإن القرار الأفضل كان اختيار الاستثمار في الأسهم بعائد يساوي %25.

إذن الشركة خسرت الفرصة في الحصول على عائد إضافي بمقدار %13 كانت ستحصل عليها لو اختارت الاستثمار في الأسهم بدلاً من شركة الأثاث.

مصفوفة خسارة الفرص (وتسمى مصفوفة الندم): هي مصفوفة بنفس حجم مصفوفة العوائد وعناصره معرفة كما يلي:

$$L_{ij} = \{\max r_{kj} : r_{kj} \text{ in } S_j\} - r_{ij}$$
 مصفوفة أرباح:

في كل عمود: يتم طرح كل عدد من العدد الأكبر في العمود

$$L_{ij} = r_{ij} - \{\min r_{kj} : r_{kj} \text{ in } S_j\}$$
مصفوفة تكاليف:

في كل عمود: يتم طرح العدد الأصغر في العمود من كل عدد

تقييم البديل A_i على أساس معيار القيمة المتوقعة لخسارة الفرص هو $EL[A_i]$ ويعرف كما يلى:

$$EL[A_i] = p_1L_{i1} + p_2L_{i2} + p_3L_{i3} + \dots + p_nL_{in}$$

 $i = 1, 2, \dots, m$

في مصفوفة الأرباح أو التكاليف:

البديل الأمثل هو A^* ذو EL^* حيث

 $EL^* = \min \{ EL[A_1], EL[A_2], \dots, EL[A_m] \}$ أي أنه البديل الذي يعطي أقل تكاليف متوقعة لخسارة الفرص البديل الذي يعطي أقل ندم متوقع

مثال: لدينا مصفوفة الأرباح التالية:

	S_1	S_2	S_3
	$P(S_1) = 0.5$	$P(S_2) = 0.3$	$P(S_3) = 0.2$
A_1	12	8	7
A_2	25	10	-2
A_3	16.5	8.5	6.5

مصفوفة خسارة الفرص (الندم) للعوائد:

	S_1	S_2	S_3
	$P(S_1) = 0.5$	$P(S_2) = 0.3$	$P(S_3) = 0.2$
A_1	25 - 12 = 13	10 - 8 = 2	7 - 7 = 0
A_2	25 - 25 = 0	10 - 10 = 0	7 - (-2) = 9
A_3	25 - 16.5 = 8.5	10 - 8.5 = 1.5	7 - 6.5 = 0.5

في كل عمود: يتم طرح كل عدد من العدد الأكبر في العمود

القيمة المتوقعة لخسارة الفرص للبديل A_1 :

$$EL[A_1] = 0.5(13) + 0.3(2) + 0.2(0) = 7.1$$

القيمة المتوقعة لخسارة الفرص للبديل A_2 :

$$EL[A_2] = 0.5(0) + 0.3(0) + 0.2(9) = 1.8$$

القيمة المتوقعة لخسارة الفرص للبديل A_3 :

$$EL[A_3] = 0.5(8.5) + 0.3(1.5) + 0.2(0.5) = 4.8$$

$$EL^* = \min\{ 7.1 , 1.8 , 4.8 \} = 1.8$$
 أفضل بديل حسب معيار القيمة المتوقعة لخسارة الفرص

مثال: لدينا مصفوفة التكاليف التالية:

	S_1	S_2	S_3	S_4
	$p_1 = 0.3$	$p_2 = 0.1$	$p_3 = 0.4$	$p_4 = 0.2$
A_1	8	9	5	12
A_2	10	12	6	12
A_3	17	5	8	15

مثال: لدينا مصفوفة التكاليف التالية:

	S_1	S_2	S_3	S_4	
	$p_1 = 0.3$	$p_2 = 0.1$	$p_3 = 0.4$	$p_4 = 0.2$	$EL[A_i]$
A_1	8 - 8 = 0	9 - 5 = 4	5-5=0	12 - 12 = 0	0.4
A_2	10 - 8 = 2	12 - 5 = 7	6 - 5 = 1	12 - 12 = 0	1.7
A_3	17-8=9	5 - 5 = 0	8 - 5 = 3	15 - 12 = 3	4.5

$$EL^* = \min \{ 0.4, 1.7, 4.5 \} = 0.4 \Rightarrow A^* = A_1$$
 أفضل بديل حسب معيار القيمة المتوقعة لخسارة الفرص هو

حالة (حالات) الطبيعة الأكثر وقوعا هي
$$j^*$$
 ذات الاحتمال $P^* = \max \; \{\; p_1, p_2 \; , p_3 \; , \ldots \; , p_n \}$

تقييم البديل A_i على أساس معيار حالة الطبيعة الأكثر وقوعا j^* هو $ML[A_i]$ ويعرف كما يلي:

$$j^* = 1 \text{ state} : ML[A_i] = r_{ij^*}$$
 $i = 1, 2, ..., m$

$$j^* = 2 \text{ states}: ML[A_i] = \frac{r_{ij_1^*} + r_{ij_2^*}}{2}$$
 $i = 1, 2, ..., m$

$$j^* = 3$$
 states: $ML[A_i] = \frac{r_{ij_1^*} + r_{ij_2^*} + r_{ij_3^*}}{3}$ $i = 1, 2, ..., m$

البديل الأمثل على أساس معيار حالة الطبيعة الأكثر وقوعا هو:

```
مصفوفة أرباح: البديل الأمثل هو A^* ذو ML^* = \max \; \{\; ML[A_1] \;, \; ML[A_2] \;, \; \ldots \;, \; ML[A_m] \; \}
```

```
مصفوفة تكاليف: البديل الأمثل هو A^* ذو ML^*=\min \; \{\; ML[A_1]\;,ML[A_2]\;,\ldots,ML[A_m]\; \}
```

مثال: لدينا مصفوفة الأرباح التالية:

	S_1	S_2	S_3
	$P(S_1) = 0.5$	$P(S_2) = 0.3$	$P(S_3) = 0.2$
A_1	12	8	7
A_2	25	10	-2
A_3	16.5	8.5	6.5

$$P^* = \max\{0.5\;,\,0.3\;,\,0.2\} = 0.5 \Rightarrow j^* = 1 \Rightarrow S_1$$
 إذاً الحالة الأكثر احتمالاً لحدوثها هي S_1 . البديل الأفضل هو الذي يحقق الأعلى ربحاً في عمود حالة الطبيعة S_1

$$ML[A_1] = 12$$

 $ML[A_2] = 25$
 $ML[A_3] = 16.5$

$$ML^* = \max \{ 12 , 25 , 16.5 \} = 25$$
 أفضل بديل حسب معيار حالة الطبيعة الأكثر وقوعا

مثال آخر:

لتكن احتمالات حالات الطبيعة هي:

$$P(S_1) = 0.4$$
, $P(S_2) = 0.4$, $P(S_3) = 0.2$

ومصفوفة الأرباح هي:

	S_1	S_2	S_3
	$P(S_1) = 0.4$	$P(S_2) = 0.4$	$P(S_3) = 0.2$
A_1	12	8	7
A_2	25	10	-2
A_3	16.5	8.5	6.5

تقييم البدائل بمعيار الحالة الأكثر وقوعا:

$$P^* = \max\{0.4, 0.4, 0.2\} = 0.4 \Rightarrow j^* = 1, 2 \Rightarrow S_1, S_2$$
 الحالات الأكثر احتمالاً لحدوثها هي S_2 و S_1

 S_1 و S_2 نحسب لكل بديل متوسط العوائد الموافقة للحالتين

$$ML[A_1] = (12 + 8) / 2 = 10$$

$$ML[A_2] = (25 + 10) / 2 = 17.5$$

$$ML[A_3] = (16.5 + 8.5) / 2 = 12.5$$

$$ML^* = \max \{ 10 , 17.5 , 12.5 \} = 17.5$$
 أفضل بديل حسب معيار حالة الطبيعة الأكثر وقوعا $A^* = A_2 = 17.5$

مثال: لدينا مصفوفة التكاليف التالية:

	S_1	S_2	S_3	S_4
	$p_1 = 0.3$	$p_2 = 0.1$	$p_3 = 0.4$	$p_4 = 0.2$
A_1	8	9	5	12
A_2	10	12	6	12
A_3	17	5	8	15

مثال: لدينا مصفوفة التكاليف التالية:

$$P^* = \max\{0.3, 0.1, 0.4, 0.2\} = 0.4 \Rightarrow j^* = 3 \Rightarrow S_3$$

	S_1	S_2	S_3	S_4	<i>MI</i> [<i>A</i>]
	$p_1 = 0.3$	$p_2 = 0.1$	$p_3 = 0.4$	$p_4 = 0.2$	$ML[A_i]$
A_1	8	9	5	12	5
A_2	10	12	6	12	6
A_3	17	5	8	15	8

$$ML^* = \min \{ 5, 6, 8 \} = 5 \Rightarrow A^* = A_1$$
 أفضل بديل حسب معيار حالة الطبيعة الأكثر وقوعا هو

معايير اتخاذ القرار في حالة عدم التأكد

$$S_1$$
, S_2 , S_3 , ..., S_n

حالات الطبيعة للقرار معلومة:

احتمالات الحدوث غير معلومة:

$$P(S_1) = ??, P(S_2) = ??, \dots, P(S_n) = ??$$

يمكن اتخاذ القرار باستخدام:

- (Laplace Criterion) معيار لابلاس (Laplace Criterion
- 2. معيار التشاؤم (Pessimism Criterion)
- 3. معيار التفاؤل (Optimism Criterion)
- 4. معیار هورویز (Hurwicz Criterion)
- 5. معیار سافیج (Savage Criterion

مثال

ير غب مدير شركة في اختيار وسيلة إعلانية من بين ثلاث وسائل متوفرة: $A_1 = A_1, \quad A_2 = A_2, \quad A_3 = A_1, \quad A_3 = A_1, \quad A_2 = A_3, \quad A_3 = A_1, \quad A_3 = A_1, \quad A_2 = A_3, \quad A_3 = A_1, \quad A_2 = A_3, \quad A_3 = A_3, \quad A_4 = A_2, \quad A_4 = A_3, \quad A_5 = A_4, \quad A_5 = A_5, \quad$

	ارتفاع: S_1	انخفاض: S_2	ثبات S_3
تلفزيوني: A_1	3	6	-1
إذاعي: A_2	8	5	4
صحفي $:A_3$	-4	7	12

معيار لابلاس

جميع حالات الطبيعة متساوية في احتمال الحدوث

$$P(S_1) = P(S_2) = P(S_3) = \cdots = P(S_n) = \frac{1}{n}$$

تقييم البديل A_i هو:

$$LE[A_i] = \frac{1}{n}(r_{i1} + r_{i2} + \dots + r_{in})$$
, $i = 1, 2, \dots, m$

معيار لابلاس

البديل الأمثل على أساس معيار لابلاس:

```
مصفوفة أرباح: البديل الأمثل هو A^* ذو E^*= حيث LE^*=\max \ \{ LE[A_1], LE[A_2], \ldots, LE[A_m] \ \} مصفوفة تكاليف: البديل الأمثل هو A^* ذو E^*=\min \ \{ LE[A_1], LE[A_2], \ldots, LE[A_m] \ \}
```

معيار لابلاس

مثال: في مصفوفة الأرباح التالية ، ما هو البديل المناسب بمعيار لابلاس؟

	S_1	S_2	S_3
A_1	3	6	-1
A_2	8	5	4
A_3	-4	7	12

$$LE[A_1] = \frac{1}{3}(3+6-1) = 2.67$$

$$LE[A_2] = \frac{1}{3}(8+5+4) = 5.67$$

$$LE[A_3] = \frac{1}{3}(-4 + 7 + 12) = 5$$

$$LE^* = \max \{ 2.67, 5.67, 5 \} = 5.67 \implies A^* = A_2$$

معيار لابلاس

مثال: في مصفوفة التكاليف التالية ، ما هو البديل المناسب بمعيار لابلاس؟

	S_1	S_2	S_3	S_4
A_1	8	9	5	12
A_2	10	12	6	12
A_3	17	5	8	15

$$LE[A_1] = \frac{1}{4} (8 + 9 + 5 + 12) = 8.5$$

$$LE[A_2] = \frac{1}{4}(10 + 12 + 6 + 12) = 10$$

$$LE[A_3] = \frac{1}{4} (17 + 5 + 8 + 15) = 11.25$$

$$LE^* = \min \{ 8.5, 10, 11.25 \} = 8.5 \implies A^* = A_1$$

أسوأ العوائد هو الذي سيتحقق لكل بديل

تقييم البديل A_i هو:

عصفوفة أرباح: عند اختيار البديل A_i ، سنحصل على أقل ربح: $PV[A_i] = \min (r_{i1} \ , \ r_{i2} \ , \ r_{i3} \ , \dots \ , \ r_{in})$, $i=1,2,\dots,m$

عموفة تكاليف: عند اختيار البديل A_i سنحصل على أكبر خسارة: $PV[A_i] = \max(r_{i1}, r_{i2}, r_{i3}, \dots, r_{in})$, $i=1,2,\dots,m$

البديل الأمثل على أساس معيار التشاؤم: نختار أفضل السيئين:

```
مصفوفة أرباح: البديل الأمثل هو الذي يعطي أكبر ''أقل ربح'' PV*=PV*=max \; \{\; PV[A_1]\;, PV[A_2]\;, \ldots\;, PV[A_m]\;\}
```

مصفوفة تكاليف: البديل الأمثل هو الذي يعطي أقل ''أكبر خسارة'' مصفوفة تكاليف: البديل الأمثل هو A^* فو PV^* حيث: $PV^* = \min \left\{ PV[A_1], PV[A_2], \dots, PV[A_m] \right\}$

مثال: في مصفوفة الأرباح التالية ، ما هو البديل المناسب بمعيار التشاؤم ؟

	S_1	S_2	S_3
A_1	3	6	-1
A_2	8	5	4
A_3	-4	7	12

$$PV[A_1] = \min \{ 3, 6, -1 \} = -1$$

 $PV[A_2] = \min \{ 8, 5, 4 \} = 4$
 $PV[A_3] = \min \{ -4, 7, 12 \} = -4$
 $PV^* = \max \{ -1, 4, -4 \} = 4 \implies A^* = A_2$

مثال: في مصفوفة التكاليف التالية ، ما هو البديل المناسب بمعيار التشاؤم ؟

	S_1	S_2	S_3	S_4
A_1	8	9	5	12
A_2	10	12	6	12
A_3	17	5	8	15

$$PV[A_1] = \max \{ 8, 9, 5, 12 \} = 12$$

 $PV[A_2] = \max \{ 10, 12, 6, 12 \} = 12$
 $PV[A_3] = \max \{ 17, 5, 8, 15 \} = 17$

$$PV^* = \min \{ 12, 12, 17 \} = 12 \implies A^* = A_1 \text{ or } A_2$$

أفضل العوائد هو الذي سيتحقق لكل بديل

تقييم البديل A_i هو:

مصفوفة أرباح: عند اختيار البديل A_i سنحصل على أكبر ربح: $OV[A_i] = \max (r_{i1} \,,\, r_{i2} \,,\, r_{i3} \,,\, \ldots \,,\, r_{in}) \qquad , \qquad i=1,2,\ldots \,,\, m$

على أقل خسارة: مصفوفة تكاليف: عند اختيار البديل A_i سنحصل على أقل خسارة: $OV[A_i] = \min \ (r_{i1} \ , \ r_{i2} \ , \ r_{i3} \ , \ \ldots \ , \ r_{in})$, $i=1,2,\ldots,m$

البديل الأمثل على أساس معيار التفاؤل: نختار أفضل الأفضل:

مصفوفة أرباح: البديل الأمثل هو الذي يعطي أكبر ربح" مصفوفة أرباح: البديل الأمثل هو OV^* خيث: $OV^* = \max \left\{ \begin{array}{c} OV[A_1] \ , \ OV[A_2] \ , \dots \ , \ OV[A_m] \end{array} \right\}$

مصفوفة تكاليف: البديل الأمثل هو الذي يعطي أقل ''أقل خسارة'' البديل الأمثل هو OV^* حيث: OV^*

 $OV^* = \min \{ OV[A_1], OV[A_2], ..., OV[A_m] \}$

مثال: في مصفوفة الأرباح التالية ، ما هو البديل المناسب بمعيار التفاؤل ؟

	S_1	S_2	S_3
A_1	3	6	-1
A_2	8	5	4
A_3	- 4	7	12

$$OV[A_1] = \max \{ 3, 6, -1 \} = 6$$

 $OV[A_2] = \max \{ 8, 5, 4 \} = 8$
 $OV[A_3] = \max \{ -4, 7, 12 \} = 12$

$$OV^* = \max \{ 6, 8, 12 \} = 12 \implies A^* = A_3$$

مثال: في مصفوفة التكاليف التالية ، ما هو البديل المناسب بمعيار التفاؤل ؟

_	S_1	S_2	S_3	S_4
A_1	8	9	5	12
A_2	10	12	6	12
A_3	17	5	8	15

$$OV[A_1] = \min \{ 8, 9, 5, 12 \} = 5$$

 $OV[A_2] = \min \{ 10, 12, 6, 12 \} = 6$
 $OV[A_3] = \min \{ 17, 5, 8, 15 \} = 5$

$$OV^* = \min \{ 5, 6, 5 \} = 5 \implies A^* = A_1 \text{ or } A_3$$

- معيار متوسط بين التشاؤم والتفاؤل
- $(0 \le \alpha \le 1)$ عند متخذ القرار على نسبة التفاؤل عند متخذ القرار على نسبة التفاؤل عند متخذ القرار A_i تقييم البديل و

$$HV[A_i] = \alpha \, [\, A_i \, \, \, \, \, \, \, \,] \, + (1-\alpha) \, [\, A_i \, \, \, \, \, \, \, \,]$$
مصفوفة أرباح:

$$HV[A_i] = \alpha \left[\max (r_{i1}, r_{i2}, ..., r_{in}) \right] + (1 - \alpha) \left[\min (r_{i1}, r_{i2}, ..., r_{in}) \right]$$

 $i = 1, 2, ..., m$

مصفوفة تكاليف:

$$HV[A_i] = \alpha \left[\min (r_{i1}, r_{i2}, ..., r_{in}) \right] + (1 - \alpha) \left[\max (r_{i1}, r_{i2}, ..., r_{in}) \right]$$

 $i = 1, 2, ..., m$

البديل الأمثل على أساس معيار هورويز:

```
مصفوفة أرباح: البديل الأمثل هو A^* ذو HV^* حيث: HV^* = \max \; \{\; HV[A_1]\;, HV[A_2]\;, \ldots\;, HV[A_m]\; \} مصفوفة تكاليف: البديل الأمثل هو A^* ذو HV^* حيث: HV^* = \min \; \{\; HV[A_1]\;, HV[A_2]\;, \ldots\;, HV[A_m]\; \}
```

مثال: في مصفوفة الأرباح التالية ، ما هو البديل المناسب بمعيار هورويز بنسبة تفاؤل 55%؟

	S_1	S_2	S_3
A_1	3	6	-1
A_2	8	5	4
A_3	-4	7	12

$$HV[A_1] = 0.55 (6) + 0.45 (-1) = 2.85$$

 $HV[A_2] = 0.55 (8) + 0.45 (4) = 6.2$
 $HV[A_3] = 0.55 (12) + 0.45 (-4) = 4.8$

$$HV^* = \max \{ 2.85, 6.2, 4.8 \} = 6.2 \implies A^* = A_2$$

ما مدى التفاؤل الذي يجعل البديل
$$A_1$$
 هو البديل الأمثل?
$$\alpha = ??$$

$$0 \leq \alpha \leq 1$$

$$HV[A_1] = \alpha (6) + (1-\alpha) (-1) = 7\alpha - 1$$

 $HV[A_2] = \alpha (8) + (1-\alpha) (4) = 4\alpha + 4$
 $HV[A_3] = \alpha (12) + (1-\alpha) (-4) = 16\alpha - 4$

$$A^* = A_1$$

 $\Rightarrow HV[A_1] > HV[A_2] \Rightarrow 7\alpha - 1 > 4\alpha + 4 \Rightarrow 3\alpha > 5 \Rightarrow \alpha > 1.67$
and $HV[A_1] > HV[A_3] \Rightarrow 7\alpha - 1 > 16\alpha - 4 \Rightarrow 9\alpha < 3 \Rightarrow \alpha < 0.33$

لا يوجد قيمة لـ α تجعل A_1 هو البديل الأمثل

ما مدى التفاؤل الذي يجعل البديل
$$A_2$$
 هو البديل الأمثل?
$$\alpha = ??$$

$$0 \leq \alpha \leq 1$$

$$HV[A_1] = \alpha (6) + (1-\alpha) (-1) = 7\alpha - 1$$

 $HV[A_2] = \alpha (8) + (1-\alpha) (4) = 4\alpha + 4$
 $HV[A_3] = \alpha (12) + (1-\alpha) (-4) = 16\alpha - 4$

$$A^* = A_2$$

$$\Rightarrow HV[A_2] > HV[A_1] \Rightarrow 4\alpha + 4 > 7\alpha - 1 \Rightarrow 3\alpha < 5 \Rightarrow \alpha < 1.67$$
and
$$HV[A_2] > HV[A_3] \Rightarrow 4\alpha + 4 > 16\alpha - 4 \Rightarrow 12\alpha < 8 \Rightarrow \alpha < 0.67$$

For all
$$0 \le \alpha < 0.67 \implies A^* = A_2$$

ما مدى التفاؤل الذي يجعل البديل
$$A_3$$
 هو البديل الأمثل?
$$\alpha = ??$$

$$0 \leq \alpha \leq 1$$

$$HV[A_1] = \alpha (6) + (1-\alpha) (-1) = 7\alpha - 1$$

 $HV[A_2] = \alpha (8) + (1-\alpha) (4) = 4\alpha + 4$
 $HV[A_3] = \alpha (12) + (1-\alpha) (-4) = 16\alpha - 4$

$$A^* = A_3$$

$$\Rightarrow HV[A_3] > HV[A_1] \Rightarrow 16\alpha - 4 > 7\alpha - 1 \Rightarrow 9\alpha > 3 \Rightarrow \alpha > 0.33$$
and
$$HV[A_3] > HV[A_2] \Rightarrow 16\alpha - 4 > 4\alpha + 4 \Rightarrow 12\alpha > 8 \Rightarrow \alpha > 0.67$$

For all
$$0.67 < \alpha \le 1 \Rightarrow A^* = A_3$$

مثال: في مصفوفة التكاليف التالية ، ما هو البديل المناسب بمعيار هورويز بنسبة تفاؤل 60%?

	S_1	S_2	S_3	S_4
A_1	8	9	5	12
A_2	10	12	6	12
A_3	17	5	8	15

$$HV[A_1] = 0.60 (5) + 0.40 (12) = 7.8$$

$$HV[A_2] = 0.60 (6) + 0.40 (12) = 8.4$$

$$HV[A_3] = 0.60 (5) + 0.40 (17) = 9.8$$

$$HV^* = \min \{ 7.8, 8.4, 9.8 \} = 7.8 \implies A^* = A_1$$

ما مدى التفاؤل الذي يجعل البديل
$$A_1$$
 هو البديل الأمثل?
$$\alpha = ??$$

$$0 \leq \alpha \leq 1$$

$$HV[A_1] = \alpha (5) + (1 - \alpha) (12) = -7\alpha + 12$$

 $HV[A_2] = \alpha (6) + (1 - \alpha) (12) = -6\alpha + 12$
 $HV[A_3] = \alpha (5) + (1 - \alpha) (17) = -12\alpha + 17$

$$A^* = A_1 \Rightarrow HV[A_1] < HV[A_2] \Rightarrow -7\alpha + 12 < -6\alpha + 12 \Rightarrow -\alpha < 0 \Rightarrow \alpha > 0$$

$$HV[A_1] < HV[A_3] \Rightarrow -7\alpha + 12 < -12\alpha + 17 \Rightarrow 5\alpha < 5 \Rightarrow \alpha < 1$$

For all
$$0 < \alpha < 1 \Rightarrow A^* = A_1$$

ما مدى التفاؤل الذي يجعل البديل
$$A_2$$
 هو البديل الأمثل $\alpha=??$ $0\leq \alpha \leq 1$

$$HV[A_1] = \alpha (5) + (1 - \alpha) (12) = -7\alpha + 12$$

 $HV[A_2] = \alpha (6) + (1 - \alpha) (12) = -6\alpha + 12$
 $HV[A_3] = \alpha (5) + (1 - \alpha) (17) = -12\alpha + 17$
 $A^* = A_2 \implies$
 $HV[A_2] < HV[A_1] \implies -6\alpha + 12 < -7\alpha + 12 \implies \alpha < 0$
 $HV[A_2] < HV[A_3] \implies -6\alpha + 12 < -12\alpha + 17 \implies 6\alpha < 5 \implies \alpha < 0.83$

لا يوجد قيمة لـ α تجعل A_2 هو البديل الأمثل

ما مدى التفاؤل الذي يجعل البديل
$$A_3$$
 هو البديل الأمثل?
$$\alpha = ??$$

$$0 \leq \alpha \leq 1$$

$$HV[A_1] = \alpha (5) + (1 - \alpha) (12) = -7\alpha + 12$$

 $HV[A_2] = \alpha (6) + (1 - \alpha) (12) = -6\alpha + 12$
 $HV[A_3] = \alpha (5) + (1 - \alpha) (17) = -12\alpha + 17$
 $A^* = A_3 \implies$
 $HV[A_3] < HV[A_1] \implies -12\alpha + 17 < -7\alpha + 12 \implies 5\alpha > 5 \implies \alpha > 1$
 $HV[A_3] < HV[A_2] \implies -12\alpha + 17 < -6\alpha + 12 \implies 6\alpha > 5 \implies \alpha > 0.83$

لا يوجد قيمة لـ α تجعل A_3 هو البديل الأمثل

- نكون مصفوفة خسارة الفرص
- نطبق معيار التشاؤم على جدول خسارة الفرص:
 - سیحدث أکبر ندم عند اختیار کل بدیل
 - نختار البدیل الذي له أقل ''أکبر ندم''

تقييم البديل A_i هو:

$$SV[A_i] = \max(L_{i1}, L_{i2}, L_{i3}, \dots, L_{in})$$
, $i = 1, 2, \dots, m$

البديل الأمثل هو *A ذو $*SV^*$ حيث:

$$SV^* = \min \{ SV[A_1], SV[A_2], ..., SV[A_m] \}$$

مثال: في مصفوفة الأرباح التالية ، ما هو البديل المناسب بمعيار سافيج ؟

	S_1	S_2	S_3
A_1	3	6	-1
A_2	8	5	4
A_3	-4	7	12

مثال: في مصفوفة الأرباح التالية ، ما هو البديل المناسب بمعيار سافيج ؟

	S_1	S_2	S_3
A_1	8 - 3 = 5	7 - 6 = 1	12 -(-1) = 13
A_2	8 - 8 = 0	7 - 5 = 2	12 - 4 = 8
A_3	8 - (-4) = 12	7 - 7 = 0	12 - 12 = 0

$$SV[A_1] = \max \{ 5, 1, 13 \} = 13$$

 $SV[A_2] = \max \{ 0, 2, 8 \} = 8$
 $SV[A_3] = \max \{ 12, 0, 0 \} = 12$

$$SV^* = \min \{ 13, 8, 12 \} = 8 \implies A^* = A_2$$

مثال: في مصفوفة التكاليف التالية ، ما هو البديل المناسب بمعيار سافيج ؟

	S_1	S_2	S_3	S_4
A_1	8	9	5	12
A_2	10	12	6	12
A_3	17	5	8	15

مثال: في مصفوفة التكاليف التالية ، ما هو البديل المناسب بمعيار سافيج ؟

	S_1	S_2	S_3	S_4
A_1	8 - 8 = 0	9 - 5 = 4	5 - 5 = 0	12 - 12 = 0
A_2	10 - 8 = 2	12 - 5 = 7	6 - 5 = 1	12 - 12 = 0
A_3	17 - 8 = 9	5 - 5 = 0	8 - 5 = 3	15 - 12 = 3

$$SV[A_1] = \max \{ 0, 4, 0, 0 \} = 4$$

 $SV[A_2] = \max \{ 2, 7, 1, 0 \} = 7$
 $SV[A_3] = \max \{ 9, 0, 3, 3 \} = 9$

$$SV^* = \min \{ 4, 7, 9 \} = 4 \implies A^* = A_1$$

- تستخدم الختيار أفضل بديل مع الأخذ في الاعتبار عدة معايير للمقارنة مختلفة في وحدة التقييم وفي أهميتها.
 - لها مسميات وأشكال مختلفة تتنوع في استخداماتها:
 - تحليل بيو (Pugh Analysis) نسبة للعالم الذي ابتكرها.
 - مصفوفة القرار الموزون
 - _ مصفوفة المعايير الموزونة
 - مصفوفة التحليل الشبكي (Grid Analysis)
 - _ مصفوفة الاختيار
 - تستخدم بكثرة في العديد من المجالات.

مثال: عند قرار شراء جهاز حاسب آلي ، لدينا البدائل ومعايير المقارنة التالية:

	الثمن	المعالج	حجم الذاكرة	الشاشة
Dell	\$ 2600	i5	8	15
HP	\$ 2000	i3	6	17
Acer	\$ 2800	i7	8	14

ما هو أفضل جهاز حاسب آلي يتم شرائه؟

البدائل ومعايير المقارنة يتم تحديدها من متخذ القرار بناء على الخبرة الشخصية.

- يضع متخذ القرار أوزان تبين أهمية كل معيار.
- مثلا مقياس من 1 (الأقل أهمية) إلى 10 (الأعلى أهمية).
 - تبنى على الخبرة الشخصية.
- _ ليس هنالك معنى للأرقام في ذاتها ، فقط تبين أهمية (وزن) كل معيار.
 - مقياس أهمية الثمن = 4 ، مقياس أهمية المعالج = 2 ، يعني أهمية معيار الثمن يمثل ضعف أهمية معيار المعالج.
 - _ يمكن استخدام نفس الوزن لعدة معايير عند تساوي أهميتها.
 - _ يمكن استخدام أوزان عشرية (مثلا 2.5).
- _ يفضل وضع أوزان الأهمية قبل وضع البدائل. وذلك لتفادي التحيز المسبق لبديل معين.

- لكل معيار ، يقيم متخذ القرار البدائل على مقياس أفضلية.
 - هنالك العديد من المقاييس التي يمكن استخدامها.
 - مثلا مقياس , + ، مقياس رقمي بأنواعه المختلفة.
 - غالبا يستخدم مقياس ليكرت Likert -

1	2	3	4	5
غير مناسب	مناسب بشکل ضعیف	مناسب	مناسب بشکل جید	مناسب بشکل ممتاز

- تبنى على الخبرة الشخصية.
- _ يمكن استخدام نفس مقياس الأفضلية لعدة بدائل عند تساوي مناسبتها.
 - يتم مقارنة البدائل حسب مجموع التقييم الموزون لكل المعايير. يختار البديل الذي له أكبر مجموع تقييم موزون.

أحد حلول المثال السابق: استخدم متخذ القرار الأوزان التالية:

	الثمن	المعالج	حجم الذاكرة	الشاشة
مقياس الأهمية	10	7	5	4

استخدم متخذ القرار مقاييس الأفضلية كما يلي:

	الثمن	المعالج	حجم الذاكرة	الشاشة
Dell	3	4	5	5
HP	5	3	3	3
Acer	2	5	5	4

		الثمن	المعالج	حجم الذاكرة	الشاشة	
	مقياس الأهمية	10	7	5	4	المجموع
Dell	مقياس الأفضلية	3	4	5	5	
	النتيجة	30	28	25	20	103
HP	مقياس الأفضلية	5	3	3	3	
	النتيجة	50	21	15	12	98
Acer	مقياس الأفضلية	2	5	5	4	
	النتيجة	20	35	25	16	96

سيتم شراء جهاز Dell

شجرة القرار (Decision Tree)

- عقد وروابط مترابطة مع بعضها البعض (لا تحتوي على دورة).
 - قرارات متعددة ؛ لكل مرحلة قرارها وحالات طبيعة خاصة بها.
- القرار النهائي: سلسلة من القرارات المعتمدة على بعضها البعض.
 - تمثيل شجرة القرار:
 - _ عقدة القرار (اختيار أحد بدائل القرار) تمثل بـ
- _ عقدة المخاطرة أو عدم التأكد: القرار بمر بعدة حالات طبيعة تمثل بـ
 - الروابط بين العقد تبين تسلسل القرار.
 - _ أطراف الشجرة تمثل العائد النهائي لتتابع القرار لهذا الطرف.

مثال

ترغب شركة باستثمار مبلغ من المال خلال عام ولدى الشركة ثلاث فرص استثمارية: إنشاء شركة بيع أثاث ، أو شراء أسهم ، أو تسويق سيارات وقد دلت الدراسات الإحصائية على أن الوضع الاقتصادي في البلد قد يكون في أحد الحالات التالية:

حالة نمو بنسبة 50%

حالة ركود بنسبة 30%

حالة تضخم بنسبة 20%

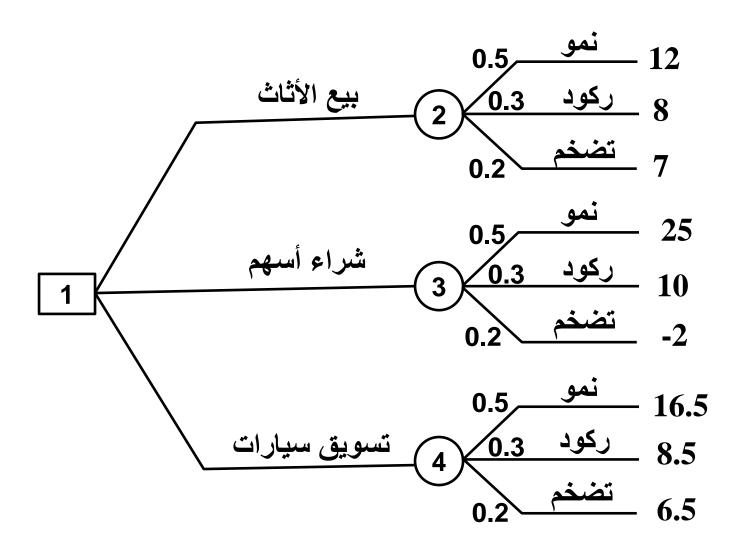
وتتوقع الشركة أن تكون نسبة الأرباح من كل نشاط استثماري كالتالي:

حالة النمو: بيع أثاث = 12% ، أسهم = 25% ، تسويق سيارات = 16.5%

حالة الركود: بيع أثاث = 8% ، أسهم = 10% ، تسويق سيارات = 5.8%

حالة التضخم: بيع أثاث = 7% ، أسهم = 2-% ، تسويق سيارات = 6.5% ارسم شجرة القرار.

- الشركة عليها أن تحدد أي البدائل ستختار في البداية.
- بعد اتخاذ القرار وبدایة الاستثمار، ستحدث إحدى حالات الطبیعة: نمو – رکود – تضخم.
- ثم تحصل الشركة على الربح حسب القرار المتخذ وحالة الطبيعة التى حدثت.



حل شجرة القرار

- تحديد معيار مناسب لاختيار البديل الأمثل في حالة المخاطرة (أو معيار مناسب لاختيار البديل الأمثل في حالة عدم التأكد).
- تقييم العقد على شجرة القرار ابتداء من أطراف (أوراق) شجرة القرار رجوعاً إلى جذر الشجرة.
 - تقييم عقدة المخاطرة على أساس معيار المخاطرة المناسب. (تقييم عقدة عدم التأكد على أساس معيار حالة عدم التأكد المناسب)

سندرس حل شجرة القرار في حالة المخاطرة فقط:

- تقييم عقدة القرار (الاختيار) على أساس أفضل البدائل عند هذه العقدة:
 - الأكبر في حالة الأرباح
 - _ الأقل في حالة التكاليف

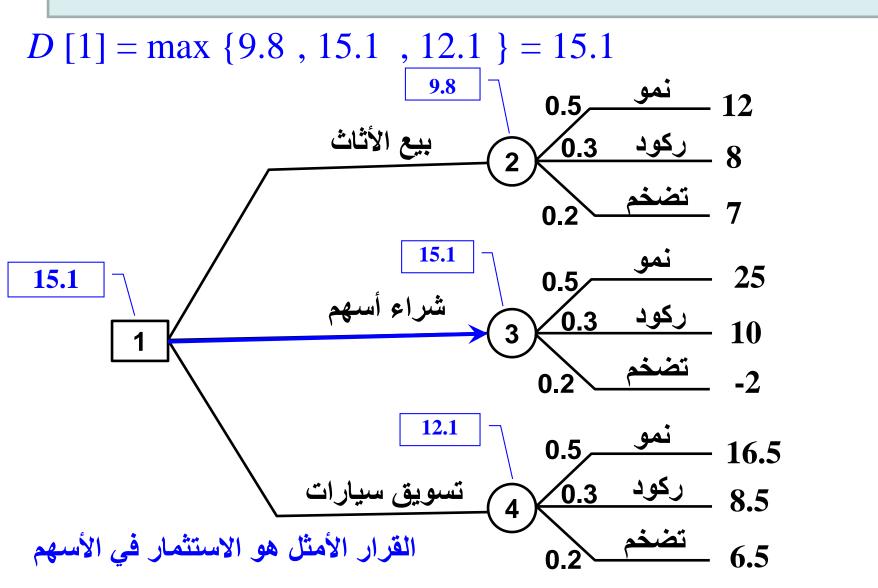
التقييم على أساس القيمة المتوقعة للعوائد

- E[i] هو تقييم عقدة المخاطرة i هو
- D[i] هو القرار عند عقدة القرار هو

$$E[2] = 0.5(12) + 0.3(8) + 0.2(7) = 9.8$$

 $E[3] = 0.5(25) + 0.3(10) + 0.2(-2) = 15.1$
 $E[4] = 0.5(16.5) + 0.3(8.5) + 0.2(6.5) = 12.1$

التقييم على أساس القيمة المتوقعة للعوائد



مثال آخر

شركة مرطبات لديها رأس مال قدره 150,000 ريال وتريد تقرير هل تنتج وتسوق دولياً منتج جديد أم لا.

تمتلك الشركة الخيار في طرح المنتج الجديد في السوق مباشرة أو تقوم بعملية تسويق محلية لاختبار المنتج الجديد ومن خلال مخرجات هذه العملية تقرر إنزال المنتج الجديد في السوق الدوليه من عدمه.

إذا لم يتم تنفيذ عملية التسويق المحلي، فإن الشركة تعتقد أنه سوف ينجح المنتج الجديد دولياً بنسبة 55% وبصافي أرباح تقدر بـ 300,000 ريال، بينما تعتقد الشركة أنه سوف يفشل المنتج الجديد في السوق الدولي بنسبة 45% وستتكبد الشركة في هذه الحالة خسائر تقدر بـ 100,000 ريال.

مثال آخر

تستطيع الشركة تسويق المنتج محلياً لاختبار نجاح المنتج الجديد، وبناءً على تجربة التسويق المحلى يتم تقرير تسويق المنتج دولياً من عدمه ستتكلف الشركة 30,000 ريال لإجراء تجربة التسويق المحلى ويتوقع بنسبة 60% أن تكون هذه التجربة إيجابية تفيد بنجاح المنتج إذا تم تسويقه على نطاق دولى، وقد تكون نتيجة هذه الدراسة سلبية بنسبة 40% تفيد بفشل المنتج إذا تم تسويقه على نطاق دولي. بعد حصول الشركة على معلومات ومخرجات تجربة التسويق المحلية، على الإدارة تحديد قرارها في تسويق المنتج الجديد على المستوى الدولي مع العلم بأنه في حالة النتائج الإيجابية للدراسة فإن نسبة نجاح المنتج الجديد في السوق الدولي هي 85% بينما إذا كانت نتائج الدراسة المحلية سلبية فإن نسبة نجاح المنتج الجديد في السوق الدولي هي

ما هو القرار الأمثل للشركة على أساس القيمة المتوقعة للأصول المالية.

مراحل القرار:

- قرار التسويق المحلي؟
 بناء على نتائج التسويق المحلى هناك قرار آخر:
 - التسويق الدولي
 - عدم التسويق الدولي
 - 2. التسويق الدولي مباشرة؟
 - التسويق الدولي
 - عدم التسويق الدولي

