



Esta obra está bajo una Licencia Creative Commons Atribución-NoComercial-SinDerivadas 4.0 Internacional (CC BY-NC-ND 4.0).

Eres libre de compartir y redistribuir el contenido de esta obra en cualquier medio o formato, siempre y cuando des el crédito adecuado a los autores originales y no persigas fines comerciales.

## Geometría III Examen XV

Los Del DGIIM, losdeldgiim.github.io José Juan Urrutia Milán

Granada, 2024-2025

Asignatura Geometría III.

Curso Académico 2024-25.

Grado Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas.

Grupo Único.

Profesor Antonio Martínez López.

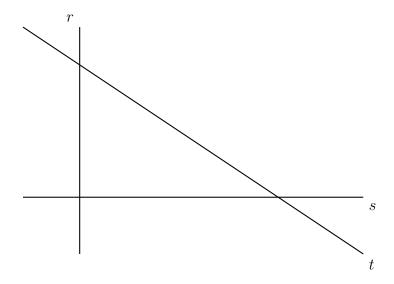
Descripción Examen Parcial 1.

Fecha 22 de Noviembre del 2024.

Duración 1 hora.

**Ejercicio 1** (3 puntos). Sean  $\Pi$  y r un plano y una recta de  $\mathbb{R}^3$ . Se define  $B \subseteq \mathbb{R}^3$  como el conjunto de puntos que son punto medio de uno de  $\Pi$  y otro de r. Identifica y estudia si B es un subespacio afín de  $\mathbb{R}^3$ .

**Ejercicio 2** (3 puntos). Se consideran r, s y t tres retas distintas del plano con  $r \perp s$  que se cortan como en la figura. Prueba que si  $f = \sigma_t \circ \sigma_s \circ \sigma_r$ , entonces  $\overrightarrow{f} = -\overrightarrow{\sigma_t}$  y deduce que f es una simetría con deslizamiento. Representa, de forma razonada, sobre el dibujo, quién es la recta de simetría y cuál es el vector deslizamiento.



**Ejercicio 3** (4 puntos). Determina si es posible y en su caso clasifica el movimiento  $f: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$  que verifica:

- $\blacksquare$  el punto (0,0,1) es el único punto fijo de f,
- $\bullet$  la recta  $r \equiv \{x=y, z=1\}$  es invariante por f,
- $f(0,0,2) = \left(\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{-1}{\sqrt{2}}, 1\right)$ .