

Modelos de Computación Examen I



*Escuela Técnica Superior de Ingenierías
Informática y de Telecomunicación*

Los Del DGIIM, losdeldgiim.github.io

Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas
Universidad de Granada



Esta obra está bajo una Licencia Creative Commons Atribución-NoComercial-SinDerivadas 4.0 Internacional (CC BY-NC-ND 4.0).

Eres libre de compartir y redistribuir el contenido de esta obra en cualquier medio o formato, siempre y cuando des el crédito adecuado a los autores originales y no persigas fines comerciales.

Modelos de Computación Examen I

Los Del DGIIM, losdeldgiim.github.io

Arturo Olivares Martos

Granada, 2024-2025

Asignatura Modelos de Computación

Curso Académico 2021-22.

Grado Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas.

Descripción Parcial Tema 1.

Ejercicio 1. Dar gramáticas que acepten los siguientes lenguajes:

1. $L_1 = \{a^n b^m c^k \in \{a, b, c\}^* \mid n, m, k \in \mathbb{N} \cup \{0\}, |n - m| = k\}$.
2. $L_2 = \{u \in \{0, 1\}^* \mid n_0(u), n_1(u) \text{ es par}\}$.

Consideramos los siguientes estados:

- S : Palabra leída correcta, con un número par de 0's y de 1's.
- E_0 : El error está en el número de 0's, ya que este es impar.
- E_1 : El error está en el número de 1's, ya que este es impar.
- E_{01} : El error está en el número de 0's y de 1's, ya que ambos son impares.

La gramática por tanto que genera L_2 es $G = (\{S, E_0, E_1, E_{01}\}, \{0, 1\}, P, S)$, donde P es el conjunto de reglas de producción:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow 0E_0 \mid 1E_1 \mid \varepsilon \\ E_0 &\rightarrow 0S \mid 1E_{01} \\ E_1 &\rightarrow 1S \mid 0E_{01} \\ E_{01} &\rightarrow 0E_1 \mid 1E_0 \end{aligned}$$

Ejercicio 2. Dar gramáticas que acepten los siguientes lenguajes:

1. $L_1 = \{u \in \{0, 1\}^* \mid u^{-1} = \bar{u}\}$, donde \bar{u} representa el complemento de u , es decir, cambiando 0's por 1's y viceversa.

Podemos intuir que este lenguaje no es regular, puesto que no se puede reconocer con memoria finita. Es directo ver que, cada vez que introduzcamos un 1 por el inicio, hemos de introducir un 0 por el final, y viceversa. Por tanto, podemos definir la gramática $G = (\{S\}, \{0, 1\}, P, S)$, donde P es el conjunto de reglas de producción:

$$S \rightarrow 0S1 \mid 1S0 \mid \varepsilon$$

2. $L_2 = \{a^n b^m \mid n, m \in \mathbb{N} \cup \{0\}, 3m \geq n \geq 2m\}$.

En este caso, por cada b que introduzcamos, hemos de introducir al menos 2 o 3 a 's. Por tanto, podemos definir la gramática $G = (\{S\}, \{a, b\}, P, S)$, donde P es el conjunto de reglas de producción:

$$S \rightarrow aaSb \mid aaaSb \mid \varepsilon$$

Ejercicio 3. Se dejan *propuestos* los siguientes lenguajes, que son más complicados:

1. $L_1 = \{a^n b^m \mid n, m \in \mathbb{N} \cup \{0\}, \text{mcd}(n, m) = 1\}$.
2. L_2 , que representa el conjunto de palabras con los paréntesis bien formados.