



Esta obra está bajo una Licencia Creative Commons Atribución-NoComercial-SinDerivadas 4.0 Internacional (CC BY-NC-ND 4.0).

Eres libre de compartir y redistribuir el contenido de esta obra en cualquier medio o formato, siempre y cuando des el crédito adecuado a los autores originales y no persigas fines comerciales.

## Geometría III Examen XIV

Los Del DGIIM, losdeldgiim.github.io

Jesús Muñoz Velasco

Granada, 2023-2024

Asignatura Geometría III.

Curso Académico 2021-22.

Grado Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas.

**Grupo** Único<sup>1</sup>.

Descripción Convocatoria ordinaria

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>El examen lo pone el departamento.

**Ejercicio 1** (2 puntos). Construye, si existe, una aplicación afín  $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$  que cumpla:

$$f(1,-1) = (4,-3), f(1,1) = (2,1), f(2,1) = (4,2), y f(0,1) = (0,0)$$

Si existe, da su expresión en coordenadas del sistema de referencia usual de  $\mathbb{R}^2$ ; si no existe, justifica el motivo.

**Ejercicio 2** (2 puntos). Sea  $T = \{p_1, p_2, p_3\}$  un triángulo en un plano afín A. Consideramos los puntos

$$p_{ij} = p_i + \frac{1}{3} \overrightarrow{p_i p_j}$$
, para  $i, j \in \{1, 2, 3\}$  distintos,

que trisecan los lados del triángulo T. Demuestra:

- 1. Que para cualesquiera  $i, j, k \in \{1, 2, 3\}$  distintos, la recta  $R_{jk}$  que pasa por los puntos  $p_{ij}$  y  $p_{ik}$  es paralela a la recta que pasa por  $p_j$  y  $p_k$ .
- 2. Que las rectas  $R_{12}$ ,  $R_{23}$  y  $R_{31}$  se cortan dos a dos, y los puntos de intersección forman un triángulo  $T' = \{p'_1, p'_2, p'_3\}$ .
- 3. Las medianas del triángulo T' coinciden con las del triángulo T.
- 4. Los baricentros de los triángulos T y T' coinciden.

Ejercicio 3 (3 puntos). Consideremos las rectas afines

$$r_1 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x - 2y - z = 0, \ x + y + 2z = 3\},\$$
  
 $r_2 = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x - 2y - z = -1, \ y + z = 4\}.$ 

Estudia la posición relativa de  $r_1$  y  $r_2$ . Calcula la distancia de  $r_1$  a  $r_2$ . Deternuba yba recta que sea perpendicular común a ambas rectas.

**Ejercicio 4** (3 puntos). Clasifica desde un punto de vista afín la cuádrica de  $\mathbb{R}^3$  de ecucación

$$x^{2} + 10xy + 14xz - 2x + y^{2} - 2yz + 14y + z^{2} + 10z + 1 = 0$$

y determina un sistema de referencia afín en el que esta cónica tenga una expresión reducida.