

一、选择题

1. 设 A, B 是随机事件, 且 $P(B) > 0, P(A|B) = 1$, 则必有().
 A. $P(A \cup B) > P(A)$; B. $P(A \cup B) > P(B)$;
 C. $P(A \cup B) = P(A)$; D. $P(A \cup B) = P(B)$.
2. 设 A, B 是任意两个事件, 则必有().
 A. $AB \neq \Phi$, 则 A 与 B 一定独立; B. $AB \neq \Phi$, 则 A 与 B 有可能独立;
 C. $AB = \Phi$, 则 A 与 B 一定独立; D. $AB = \Phi$, 则 A 与 B 一定不独立.
3. 下列论断正确的是().
 A. 概率等于 0 的事件一定是不可能事件;
 B. 概率等于 1 的事件一定是必然事件;
 C. 若 $P(X^2 = 1) = p$, 则 $P(X = 1) = p$;
 D. 随机变量 X 服从 $[0, 1]$ 上的均匀分布, 则 $Y = 2X$ 服从 $[0, 2]$ 上的均匀分布
4. 设随机变量 X 的分布函数为 $F(x)$, 概率密度为 $f(x)$, 则 $P(X = a) =$ ().
 A. $F(a)$ B. $f(a)$ C. 0 D. $F(a - 0)$
5. 某人外出旅游两天, 据天气预报, 第一天下雨的概率为 0.2, 第二天下雨的概率为 0.3, 两天都下雨的概率为 0.1, 则第一天下雨而第二天不下雨的概率为().
 A. 0.1 B. 0.2 C. 0.3 D. 0.4
6. 设随机变量 X 的密度函数 $f(x) = \frac{1}{\pi(1+x^2)}$, 则 $2X$ 的密度函数为().
 A. $\frac{1}{\pi(1+x^2)}$ B. $\frac{2}{\pi(4+x^2)}$ C. $\frac{1}{\pi(1+\frac{x^2}{4})}$ D. $\frac{1}{\pi(1+4x^2)}$
7. 设随机变量 X 与 Y 独立, 且 $X \sim P(2), Y \sim P(4)$, 则 $P(X+Y=2) =$ ().
 A. $8e^{-6}$ B. $16e^{-6}$ C. $18e^{-6}$ D. $\frac{9}{2}e^{-3}$
8. 若随机变量 X 和 Y 的相关系数 $\rho_{XY} = 0$, 则下列结论正确的是().
 A. X 与 Y 独立 B. $D(X+Y) = DX + DY$

C. $D(X-Y)=DX-DY$ D. $D(XY)=DXDY$

二、填空题

1. 若事件 A, B, C 独立, 且 $P(A)=P(B)=P(C)=\frac{1}{2}$, 则 $P(A \cup B \cup C)=$ _____.

2. 设袋中有 a 个白球 b 个黑球, 从中接连任意取出 m ($1 \leq m \leq a+b$) 个球, 取出的球不放回, 则第 m 次取出的球是白球的概率为_____.

3. 设随机变量 X 的密度函数为 $f(x)=\begin{cases} \frac{2}{9}x, & 0 < x < 3 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$, Y 表示对 X 的三次独立

重复观察中事件 $\{X \leq \frac{1}{2}\}$ 出现的次数, 则 $P(Y=2)=$ _____.

4. 已知 $X \sim B(4, 0.8)$, 则随机变量 X 的最可能值 $k_0 =$ _____.

5. 若 $X \sim N(2, 3^2)$, 且 $Y=2X-3$, 则 $Y \sim$ _____.

6. 已知二维离散型随机变量 (X, Y) 的联合分布为

$\begin{matrix} Y \\ \diagdown \\ X \end{matrix}$	-1	0	1	2
1	0.3	0.1	a	0.1
2	0.2	0.1	0.1	b

且 $P(Y=1|X=1)=0$, 则 $a=$ _____, $b=$ _____.

三、计算题

1. 两台车床加工同一种零件, 第一台出现废品的概率是 0.03, 第二台出现废品的概率是 0.02, 加工的零件放一起, 并且已知第一台加工的零件比第二台加工的零件多一倍, 求任意取出一个零件是合格品的概率.

2. 某种型号电子元件的寿命 X (以小时计) 具有以下的概率密度

$$f(x)=\begin{cases} \frac{1000}{x^2}, & x > 1000 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$$

现有一大批此种元件 (设各元件工作独立), 问: (1) 任取 1 只, 其寿命大于 1500 小时的概率是多少? (2) 任取 4 只, 4 只寿命都大于 1500 小时的概率是多少?

3. 一袋盐的重量(千克)是一个随机变量, 期望为 1, 方差为 0.01, 一箱装有 100 袋. 求一箱中每袋盐的平均重量在 0.98 至 1.02 千克之间的概率.

(已知 $\Phi_0(2) = 0.97725$)

4. 设 X 与 Y 分别表示从 1, 2, 3 中随机取出的数, 令 $U = \max(X, Y)$, $V = \min(X, Y)$, 求 (U, V) 的联合分布率, 并判断 U 与 V 是否独立.

5. 设总体 X 服从参数为 λ 的指数分布, (X_1, X_2, \dots, X_n) 为来自该总体的简单随机样本. 求 λ 的矩估计量和极大似然估计量.

四、证明题

X 服从 0-1 分布, 证明: X 的方差一定不超过 $\frac{1}{4}$ 。

附加题: 从下面的图片可以得知, 万圣节会有小朋友上门讨要 ()。

A. 包子 B. 面条 C. 糖 D. 麻辣烫

