

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования Университет ИТМО

обновлено: 4 мая 2024 г.

Методы декомпозиции задачи булевой выполнимости для синтеза и верификации дискретных управляющих моделей

Чухарев Константин Игоревич

Специальность 2.3.5 (05.13.11)

Математическое и программное обеспечение вычислительных машин,
комплексов и компьютерных сетей

Диссертация
на соискание научной степени
кандидата технических наук

Научный руководитель:
Семёнов Александр Анатольевич
к.т.н., доцент

Санкт-Петербург, Россия
2024

Оглавление

Реферат	8
Введение	11
Глава 1. Обзор предметной области	16
1.1 Дискретные управляющие модели	16
1.1.1 Конечные автоматы	16
1.1.2 Булевы схемы	16
1.2 Задачи синтеза и верификации дискретных управляющих моделей	19
1.2.1 Международный стандарт IEC 61499	19
1.2.2 Методы синтеза конечно-автоматных моделей	19
1.2.3 Верификация конечно-автоматных моделей	22
1.2.4 Линейная темпоральная логика	22
1.2.5 Синтез булевых формул и схем	23
1.2.6 Задача проверки эквивалентности булевых схем	23
1.2.7 Задача генерации тестовых шаблонов для верификации булевых схем	23
1.3 Задача булевой выполнимости	26
1.3.1 Алгоритм DPLL	26
1.3.2 Алгоритм CDCL	27
1.3.3 SAT-решатели	27
1.3.4 Методы сведения задач к SAT	28
1.3.5 Декомпозиционная трудность	28
1.3.6 Вероятностные лазейки	29
Выводы по главе 1	29
Глава 2. Синтез конечно-автоматных моделей на основе сведения к задаче булевой выполнимости (SAT)	30
2.1 Метод синтеза конечно-автоматных моделей монолитных логических контроллеров по примерам поведения	30
2.1.1 Кодирование структуры автомата	31
2.1.2 BFS-предикаты нарушения симметрии для состояний автомата	33
2.1.3 Кодирование отображения позитивного дерева сценариев .	35
2.1.4 Кодирование ограничений на количество переходов	36

2.1.5	Алгоритм BASIC	36
2.1.6	Кодирование структуры охранных условий	37
2.1.7	BFS-предикаты нарушения симметрии для охранных условий	38
2.1.8	Кодирование ограничений на суммарный размер охранных условий	39
2.1.9	Алгоритм EXTENDED	39
2.1.10	Кодирование отображения негативного дерева сценариев .	40
2.1.11	Алгоритм COMPLETE	41
2.2	Синтез минимальных монолитных моделей	41
2.2.1	Алгоритм BASIC-MIN	42
2.2.2	Алгоритмы EXTENDED-MIN и COMPLETE-MIN	42
2.2.3	Алгоритм EXTENDED-MIN-UB	43
2.3	Индуктивный синтез, основанный на контрпримерах	44
2.3.1	Алгоритм CEGIS	45
2.3.2	Алгоритм CEGIS-MIN	45
2.4	Программное средство FVSAT	46
2.5	Экспериментальное исследование: Pick-and-Place манипулятор . . .	47
2.5.1	Синтез минимальной конечно-автоматной модели по примерам поведения	48
2.5.2	Синтез минимальной конечно-автоматной модели по примерам поведения и LTL-спецификации	49
2.6	Экспериментальное исследование: SYNTCOMP	51
	Выводы по главе 2	54

Глава 3. Методы оценивания декомпозиционной трудности булевых формул в применении к задачам тестирования и верификации логических схем	56
3.1 Общие стратегии декомпозиции булевых формул, кодирующих задачи верификации (проверки эквивалентности) логических схем	56
3.2 Конструкции разбиения формул, кодирующих задачи верификации логических схем	57
3.3 Вероятностный и статистический анализ свойств предложенных разбиений	60
3.4 Экспериментальное исследование	60

Глава 4. Методы декомпозиции примеров задачи SAT, кодирующих синтез и верификацию ДУС, основанные на вероятностных лазейках	61
Заключение	62
Список литературы	63

Реферат

Общая характеристика диссертации

Актуальность.

Цель исследования.

Научные задачи.

Методы исследования.

Основные положения, выносимые на защиту.

1. Ваше первое положение на русском.
2. Ваше второе положение на русском.

Научная новизна.

Теоретическая значимость.

Практическая значимость.

Достоверность.

Аппробация работы.

Личный вклад автора.

Объём и структура работы. Диссертация состоит из введения, 4 глав, заключения и 0 приложений. Полный объём диссертации составляет 65 страниц, включая 6 рисунков и 3 таблицы. Список литературы содержит 61 наименование.

Основное содержание работы

В Главе 1...

В Главе 2...

В Главе 3...

В Главе 4...

Публикации автора по теме диссертации

Основные результаты по теме диссертации изложены в 9 публикациях. Из них 4 опубликовано в изданиях, индексируемых в базе цитирования Scopus.

Список всех публикаций автора по теме диссертации:

1. Automatic State Machine Reconstruction from Legacy PLC Using Data Collection and SAT Solver / D. Chivilikhin [et al.] // IEEE Transactions on Industrial Informatics. 2020. Vol. 16, issue 12. P. 7821–7831.
2. SAT-based Counterexample-Guided Inductive Synthesis of Distributed Controllers / K. Chukharev [et al.] // IEEE Access. 2020. Vol. 8. P. 207485–207498.
3. *Chukharev K., Chivilikhin D.* fbSAT: Automatic Inference of Minimal Finite-State Models of Function Blocks Using SAT Solver // IEEE Access. 2022. Vol. 10. P. 131592–131610.
4. *Чухарев К.* Применение инкрементальных SAT-решателей для решения NP-трудных задач на примере задачи синтеза минимальных булевых формул // Научно-технический вестник информационных технологий, механики и оптики. 2020. Т. 20, 6(130). С. 841—847.
5. *Чухарев К., Чивилихин Д.* Построение минимальных конечно-автоматных моделей функциональных блоков по обучающим примерам // Сборник тезисов докладов конгресса молодых ученых. Электронное издание. СПб: Университет ИТМО, 2018. URL: <http://openbooks.ifmo.ru/ru/file/8061/8061.pdf> (дата обр. 17.06.2020).

6. Чухарев К. Построение конечно-автоматных моделей функциональных блоков по примерам поведения и темпоральным свойствам // Сборник тезисов докладов конгресса молодых ученых. Электронное издание. СПб: Университет ИТМО, 2019. URL: <https://kmu.itmo.ru/digests/article/1283> (дата обр. 17.06.2020).
7. Чухарев К. Автоматический синтез минимальных конечно-автоматных моделей функциональных блоков по примерам поведения и темпоральным свойствам // Материалы 8-й всероссийской научной конференции по проблемам информатики СПИСОК-2019. СПб.: ВВМ, 2019.
8. Чухарев К. Синтез конечно-автоматных моделей модульных логических контроллеров по примерам поведения с помощью SAT-решателей // Сборник тезисов докладов конгресса молодых ученых. Электронное издание. СПб: Университет ИТМО, 2020. URL: <https://kmu.itmo.ru/digests/article/3555> (дата обр. 17.06.2020).
9. Гречишкина Д., Чухарев К. Программный интерфейс для SAT-решателей на основе технологии JNI // Сборник тезисов докладов конгресса молодых ученых. Электронное издание. СПб: Университет ИТМО, 2020. URL: <https://kmu.itmo.ru/digests/article/4456> (дата обр. 17.06.2020).

Введение

Актуальность темы. В современном мире существует множество различных приложений, в которых возникают задачи большой размерности. Особенно это актуально в контексте задач синтеза и верификации дискретных управляющих (ДУ) систем, таких как конечные автоматы и логические схемы. Основная проблема заключается в синтезе ДУ-моделей с требуемыми свойствами, которые характеризуются комбинаторной природой и могут быть построены различными способами. Алгоритмы управления, задаваемые с помощью конечных автоматов или логических схем, могут быть синтезированы как по заданным примерам поведения, так и по формальной спецификации, например, в случае описания свойств конечно-автоматных моделей — на языке темпоральной логики.

Распространённым подходом к *автоматическому* синтезу и верификации является *сведение* к классическим NP-полным задачам, таким как задача выполнимости булевой формулы (Boolean satisfiability problem, SAT), задача максимальной выполнимости (MaxSAT) и задача выполнимости в теориях (Satisfiability Modulo Theory, SMT), с последующим применением так называемых *решателей*, реализующих современные алгоритмы решения этих задач. Данные задачи являются «универсальными», в том смысле что они могут быть использованы для решения широкого класса задач, исключая тем самым необходимость разработки специализированных алгоритмов для каждой конкретной задачи. Однако все известные алгоритмы решения таких задач имеют экспоненциальную сложность в худшем случае. Таким образом, актуальной является проблема повышения эффективности комбинаторных алгоритмов в применении к вышеупомянутым задачам синтеза и верификации ДУ-моделей.

Одной из центральных проблем в области синтеза и верификации ДУ-моделей является отсутствие априорных оценок времени работы алгоритмов решения задачи SAT. В рамках данной диссертационной работы предлагаются и развиваются методы и алгоритмы, которые позволяют строить такие оценки. Для этого используются специальные декомпозиционные представления булевых формул. Идеи построения декомпозиций уже выдвигались, но они обладают меньшей точностью. Методы декомпозиции, предложенные в данной работе, учитывают особенности исходной задачи, которую мы решаем с помощью сведения к SAT, например, особенности задачи синтеза конечно-автоматных моделей или задачи проверки эквивалентности логических схем.

Цель работы. Целью данной работы является повышение эффективности работы полных алгоритмов решения задачи SAT в применении к задачам синтеза и верификации ДУ-моделей за счет оригинальных методов и техник декомпозиции булевых формул.

Задачи работы. Для достижения поставленной цели были решены следующие научно-технические задачи:

1. Разработаны оригинальные алгоритмы кодирования в SAT задач синтеза конечно-автоматных моделей с заданным поведением и свойствами, отличающиеся от существующих добавлением кодирования структуры охранных условий в виде дерева разбора соответствующих формул.
2. Разработаны оригинальные алгоритмы кодирования в SAT задач синтеза модульных конечно-автоматных моделей с заданным поведением и свойствами, отличающиеся от существующих автоматизированным модульным разбиением.
3. Разработаны оригинальные методы оценивания декомпозиционной трудности булевых формул, кодирующих задачи синтеза конечно-автоматных моделей и верификации булевых схем, отличающиеся от существующих учётом особенностей исходной задачи, а также низкой дисперсией времени решения подзадач.
4. [TODO Разработаны новые алгоритмы решения трудных вариантов SAT, использующие понятие вероятностных лазеек (backdoors).]
5. С применением разработанных алгоритмов решены трудные примеры задач синтеза ДУ-моделей (как конечно-автоматных моделей, так и логических схем).
6. [TODO Разработан новый SAT решатель, использующий вероятностные лазейки для вывода новой информации при работе с трудными булевыми формулами.]
7. [TODO Разработана библиотека алгоритмов ... + вычислительные эксперименты.]

Методы и инструменты исследования. [TODO переписать] Теоретическая часть работы использует методологию дискретной математики и математической логики, теории вычислительной сложности, а также теорию эволюционных вычислений. [TODO Для синтеза конечно-автоматных моделей был использован программный

комплекс fbSAT, разработанный в рамках данной диссертации.] [TODO ссылка] При построении вычислительных задач из области проверки логической эквивалентности схем использовалась программная система Transalg [TODO ссылка]. Для решения конкретных инстансов задачи SAT использовались различные современные SAT-решатели, находящиеся в открытом доступе, такие как MiniSAT, Glucose, Kissat, Cadical [TODO ссылки]. В вычислительных экспериментах задействовался вычислительный кластер.

Основные положения, выносимые на защиту.

1. Оригинальные алгоритмы кодирования в SAT задач синтеза конечно-автоматных моделей, отличающиеся от существующих добавлением кодирования структуры охранных условий в виде деревьев разбора соответствующих формул.
2. Оригинальные алгоритмы оценивания декомпозиционной трудности булевых формул применительно к задачам верификации логических схем, отличающиеся от существующих учётом особенностей исходной задачи.
3. Новые алгоритмы решения трудных вариантов SAT, использующие понятие вероятностных лазеек (ρ -backdoors).

Научная новизна. Новыми являются все основные результаты, полученные в диссертации, в том числе:

1. Новые алгоритмы синтеза конечно-автоматных и модульных конечно-автоматных моделей, основанные на сведениях к проблеме булевой выполнимости (SAT).
2. Новые методы оценивания декомпозиционной трудности булевых формул, кодирующих задачи синтеза ДУ-моделей.
3. Оригинальные алгоритмы решения трудных инстансов задачи SAT, использующие объединение нескольких вероятностных лазеек.
4. Решение экстремально трудных задач синтеза ДУ-моделей при помощи разработанных алгоритмов.

Теоретическая и практическая значимость работы. Теоретическая значимость диссертации заключается в разработанных в ней концепциях и алгоритмах решения задач синтеза ДУ-моделей и методах построения оценок трудности таких задач. Практическая значимость диссертации состоит в том, что основные разработанные

в ней алгоритмы применимы к индустриальным задачам синтеза и верификации ДУ-моделей, а также в том, что на целом ряде конкретных примеров практическая реализация и апробация разработанных алгоритмов демонстрируют лучшую эффективность в сравнении с известными подходами.

Соответствие специальности. Содержание научно-квалификационной работы охватывает такие направления как: синтез и верификация управляющих систем дискретной природы; разработку проблемно-ориентированных комбинаторных алгоритмов, применимых к автоматическому проектированию и верификации ДУ-моделей; разработку алгоритмов декомпозиции сложных экземпляров комбинаторных задач; разработку программных средств для эффективного взаимодействия и SAT-решателями; разработку специализированных SAT-решателей, учитывающих особенности решаемых задач. Таким образом, можно утверждать, что работа соответствует паспорту специальности 2.3.5 (05.13.11) в пунктах 1 и 3.

Достоверность научных достижений. [TODO TODO]

Апробация работы. [TODO TODO] Основные результаты работы докладывались на: перечисление основных конференций, симпозиумов и т. п.

[TODO ГРАНТЫ:]

- Грант РФФИ №19-07-01195 А «Разработка методов машинного обучения на основе SAT-решателей для синтеза модульных логических контроллеров киберфизических систем».
- Грант №19-37-51066 Научное наставничество «Разработка методов синтеза конечно-автоматных алгоритмов управления для программируемых логических контроллеров в распределенных киберфизических системах».

Публикации. Список всех публикаций автора по теме диссертации:

1. Automatic State Machine Reconstruction from Legacy PLC Using Data Collection and SAT Solver / D. Chivilikhin [et al.] // IEEE Transactions on Industrial Informatics. 2020. Vol. 16, issue 12. P. 7821–7831.
2. SAT-based Counterexample-Guided Inductive Synthesis of Distributed Controllers / K. Chukharev [et al.] // IEEE Access. 2020. Vol. 8. P. 207485–207498.

3. *Chukharev K., Chivilikhin D.* fbSAT: Automatic Inference of Minimal Finite-State Models of Function Blocks Using SAT Solver // IEEE Access. 2022. Vol. 10. P. 131592–131610.
4. *Чухарев К.* Применение инкрементальных SAT-решателей для решения NP-трудных задач на примере задачи синтеза минимальных булевых формул // Научно-технический вестник информационных технологий, механики и оптики. 2020. Т. 20, 6(130). С. 841—847.
5. *Чухарев К., Чивилихин Д.* Построение минимальных конечно-автоматных моделей функциональных блоков по обучающим примерам // Сборник тезисов докладов конгресса молодых ученых. Электронное издание. СПб: Университет ИТМО, 2018. URL: <http://openbooks.ifmo.ru/ru/file/8061/8061.pdf> (дата обр. 17.06.2020).
6. *Чухарев К.* Построение конечно-автоматных моделей функциональных блоков по примерам поведения и темпоральным свойствам // Сборник тезисов докладов конгресса молодых ученых. Электронное издание. СПб: Университет ИТМО, 2019. URL: <https://kmu.itmo.ru/digests/article/1283> (дата обр. 17.06.2020).
7. *Чухарев К.* Автоматический синтез минимальных конечно-автоматных моделей функциональных блоков по примерам поведения и темпоральным свойствам // Материалы 8-й всероссийской научной конференции по проблемам информатики СПИСОК-2019. СПб.: ВВМ, 2019.
8. *Чухарев К.* Синтез конечно-автоматных моделей модульных логических контроллеров по примерам поведения с помощью SAT-решателей // Сборник тезисов докладов конгресса молодых ученых. Электронное издание. СПб: Университет ИТМО, 2020. URL: <https://kmu.itmo.ru/digests/article/3555> (дата обр. 17.06.2020).
9. *Гречишкина Д., Чухарев К.* Программный интерфейс для SAT-решателей на основе технологии JNI // Сборник тезисов докладов конгресса молодых ученых. Электронное издание. СПб: Университет ИТМО, 2020. URL: <https://kmu.itmo.ru/digests/article/4456> (дата обр. 17.06.2020).

Структура и объем диссертации. Диссертация состоит из введения, 4 глав, заключения и 0 приложений. Полный объем диссертации составляет 65 страниц, включая 6 рисунков и 3 таблицы. Список литературы содержит 61 наименование.

Глава 1. Обзор предметной области

В данной главе представлены основные понятия и существующие результаты.

1.1 Дискретные управляющие модели

Здесь описываются дискретные управляющие модели и их применение.

1.1.1 Конечные автоматы

Конечный автомат (КА) — это модель вычислений, которая описывает систему с конечным числом состояний и переходов между ними. Конечный автомат может быть задан в виде пятерки $\mathcal{A} = \langle \Sigma, Q, q_0, F, \delta \rangle$, где:

- Σ — алфавит входных символов;
- Q — (конечное) множество состояний;
- $q_0 \in Q$ — начальное состояние;
- $F \subseteq Q$ — множество терминальных (принимающих) состояний;
- $\delta: Q \times \Sigma \rightarrow Q$ — функция переходов.

Конечный автомат *принимает* (accepts) слово $w = w_1 w_2 \dots w_n \in \Sigma^*$, если после прочтения w автомат оказывается в одном из терминальном состоянии $s_n \in F$, то есть существует последовательность состояний s_0, s_1, \dots, s_n такая, что $s_0 = q_0$, $s_{i+1} = \delta(s_i, w_{i+1})$ для всех $i \in \{0, 1, \dots, n-1\}$ и $s_n \in F$.

1.1.2 Булевы схемы

Булева схема — это направленный ациклический ориентированный граф $G = \langle V, E \rangle$, где V — множество вершин, а $E \subseteq V^2$ — множество рёбер (дуг). Вершины такого графа делятся на три типа: входные вершины (*inputs*), выходные

вершины (*outputs*) и внутренние вершины (*gates*). Ребро (дуга) представляет собой упорядоченную пару вершин. Для каждой дуги $(u, v) \in E$, вершина u называется *родителем* v , а v — *потомком* u . Множество всех родителей вершины v обозначается как P_v . Вершина называется *входной*, если у нее нет родителей, и *выходной*, если у нее нет потомков¹. Множества входов и выходов обозначаются как $V^{\text{in}} \subseteq V$ и $V^{\text{out}} \subseteq V$ соответственно. Любая вершина $v \in V \setminus V^{\text{in}}$ называется *гейтом* (логическим вентиляем). В булевой схеме каждому гейту сопоставляется некоторый логический элемент из предопределенного набора, называемого *базисом* (например, $\{\wedge, \neg\}$). Таким образом, любой логический элемент интерпретирует некоторую элементарную булеву функцию. Пример булевой схемы представлен на Рисунке 1.

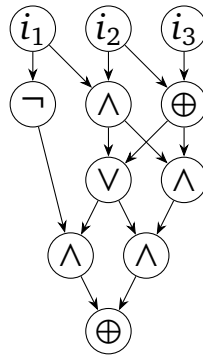


Рисунок 1 — Пример булевой схемы с тремя входами (i_1, i_2, i_3) и восьмью гейтами

Булева схема с n входами и m выходами естественным образом задает (то-тальную) дискретную функцию $f: \{0, 1\}^n \rightarrow \{0, 1\}^m$, где под $\{0, 1\}^k$ мы понимаем множество всех возможных двоичных слов длины $k \in \mathbb{N}^+$. Имея это в виду, мы будем использовать обозначение S_f для представления булевой схемы, задающей функцию f . Каждому гейту схемы S_f сопоставлена булева функция, которая соответствует логическому элементу, назначенному этому гейту.

Пусть $\alpha \in \{0, 1\}^n$ произвольное слово, поданное на вход S_f . Проходя по гейтам схемы в фиксированном порядке (обычно указанном топологической сортировкой [1]) и вычисляя значения элементарных функций, сопоставленных гейтам, мы получаем значение функции f на входном слове α в качестве результата. Этот процесс называется *интерпретацией* схемы S_f на входе α .

Каждой вершине в схеме S_f сопоставим булеву переменную. Обозначим множество переменных, ассоциированных с входами V^{in} схемы S_f , как $X^{\text{in}} = \{x_1, \dots, x_n\}$.

¹Здесь стоит учитывать, что вполне возможны вариации данных определений. В некоторых ситуациях входными/выходными вершинами в схеме считаются некоторые заранее выбранные вершины, но при этом у них могут быть родители/потомки, соответственно. В зависимости от контекста, эти родители/потомки игнорируются в соответствующих определениях, связанных с обходом вершин графа от входов к выходам.

Переменные, связанные с гейтами, мы будем называть *вспомогательными* (*auxiliary*). Пусть u — некоторая вспомогательная переменная, соответствующая гейту v , и U_v — множество переменных, связанных с вершинами из P_v . Предположим, что h_v — булева функция, соответствующая логическому элементу, назначенному гейту v , и $F(h_v)$ — булева формула над U_v , которая задает функцию h_v . Обозначим через C_v КНФ-представление формулы $F(h_v) \equiv u$.

Рассмотрим следующую КНФ:

$$C_f = \bigwedge_{v \in V \setminus V^{\text{in}}} C_v \quad (1)$$

Мы будем обозначать (1) как *шаблонную КНФ* для функции f . Заметим, что C_f является КНФ-формулой, полученной применением преобразований Цейтина [2] к схеме S_f .

Ниже, следуя работе [3], будем использовать обозначение x^σ , где $\sigma \in \{0,1\}$, предполагая, что x^0 обозначает отрицательный литерал $\neg x$, а x^1 обозначает положительный литерал x , а также обозначение $\{0,1\}^{|B|}$, что означает множество всех возможных назначений переменных из B . Следующий факт был многократно установлен в литературе, например, см. [4; 5]. Он использует простой механизм булевой дедукции, известный как правило распространения единичного дизъюнкта (Unit Propagation — UP) [6].

Лемма 1. *Применение UP к КНФ-формуле $x_1^{\alpha_1} \wedge \dots \wedge x_n^{\alpha_n} \wedge C_f$ для любого $\alpha = (\alpha_1, \dots, \alpha_n)$, $\alpha \in \{0,1\}^{|X^{\text{in}}|}$ выводит (в форме единичных дизъюнкций) значения всех переменных, связанных с гейтами из $V \setminus V^{\text{in}}$, включая переменные y_1, \dots, y_m , связанные с выходами схемы S_f : $y_1 = \gamma_1, \dots, y_m = \gamma_m$, $f(\alpha) = \gamma = (\gamma_1, \dots, \gamma_m)$.*

Стоит отметить, что Лемма 1 в сущности означает, что процесс интерпретации схемы S_f на входном слове α может быть смоделирован последовательным применением UP к КНФ $x_1^{\alpha_1} \wedge \dots \wedge x_n^{\alpha_n} \wedge C_f$ для любого $\alpha = (\alpha_1, \dots, \alpha_n)$. Лемма 1 очень полезна при доказательстве свойств, связанных с булевыми схемами и SAT.

1.2 Задачи синтеза и верификации дискретных управляющих моделей

1.2.1 Международный стандарт IEC 61499

Международный стандарт распределенных систем управления и автоматизации IEC 61499 [7] нацелен на упрощение разработки распределенных киберфизических систем. Стандарт отличается от «предыдущего» стандарта IEC 61131[8] тем, что в IEC 61499 используется событийная модель исполнения. Этот стандарт предлагает использование так называемых *функциональных блоков* (ФБ), являющихся, по сути, контейнерами для базовых элементов — управляющих конечных автоматов. Основные типы описываемых в стандарте IEC 61499 функциональных блоков — *базовые* и *композиционные*. Функционал композиционных блоков определяется сетью базовых ФБ. Базовые ФБ являются совокупностью интерфейса (описания входных и выходных событий и переменных) и управляющего конечного автомата (*Execution Control Chart* — ECC).

1.2.2 Методы синтеза конечно-автоматных моделей

Задача поиска минимального детерминированного конечно автомата по примерам поведения является NP-полной задачей [9], а сложность задачи LTL-синтеза дважды экспоненциальная от размера LTL-спецификации. Не смотря на это, синтез различных типов конечно-автоматных моделей по примерам поведения и/или формальной спецификации был исследован во многих научных работах [10—21], где используются методы, основанные на эвристическом объединении состояний (*state merging*), эволюционные алгоритмы, а также методы, основанные на применении SAT- и SMT-решателей. В данной работе рассматриваются только точные и эффективные методы, поэтому внимание уделяется методам с применением SAT-решателей.

Расширенный конечный автомат (*Extended Finite State Machine* — EFSM) является моделью, наиболее близкой к рассматриваемой в данной работе модели ECC. EFSM является объединением автомата Мили и Мура, расширенный условными переходами. Переходы в EFSM помечены входными событиями и охранными

условиями — булевыми функциями от входных переменных, а состояния EFSM имеют ассоциированные выходные действия. Для синтеза EFSM по примерам поведения и LTL-спецификации существует несколько подходов [11; 22], основанных на сведении к задаче SAT. В [11] LTL-спецификация учитывается путём применения итеративного подхода запрета контрпримеров. Существенным недостатком [11] является то, что охранные условия должны быть известны заранее, а также то, что синтезируемые алгоритмы в состояниях EFSM являются лишь указаниями на некоторые внешние процедуры. В [22] решается задача синтеза вычислимых выходных алгоритмов, однако предполагается, что базовая модель автомата (то есть его структура — состояния и переходы между ними) известна заранее или получается отдельно. В общем случае, при использовании исходных данных, получаемых при black-box тестировании системы, информация о внутреннем устройстве системы, а также о доступных внешних процедурах и их поведении, оказывается недоступной, поэтому существующие методы синтеза EFSM не подходят для решения задачи синтеза модели ECC, рассматриваемой в данной работе.

Программное средство BoSy [14; 23] реализует так называемый ограниченный синтез (*bounded synthesis*) системы переходов (*transition system*) по LTL-спецификации. Синтез «ограничен» в том смысле, что позволяет синтезировать систему заданного размера, либо гарантировать отсутствие решения заданного размера. В BoSy реализовано не только сведение задачи LTL-синтеза к SAT, но также разработано более эффективное (при рассмотренной авторами постановке задачи) сведение с использованием Quantified SAT (QSAT). При использовании SAT-кодировки, синтезируемые системы переходов являются «явными» (*explicit*) — охранные условия на переходах являются полными зависят от всех входных переменных. При использовании QSAT-кодировки, системы получаются «символьными» (*symbolic*) — охранные условия синтезируются в виде полноценных булевых формул. Используемые в BoSy подход ограниченного синтеза позволяет синтезировать минимальные модели в терминах числа состояний, однако важный вопрос о размере охранных условий обходится стороной — синтезируемые модели, как правило, обладают огромными охранными условиями, что сильно затрудняет их восприятие человеком, а также ограничивает применимость таких моделей во встраиваемых системах. В [24] предлагается способ упрощения генерируемых моделей, заключающийся в дополнении SAT сведения специальными ограничениями для минимизации числа циклов в системе переходов, однако это слабо влияет на размеры и форму охранных условий. Также стоит упомянуть, что отличительной особенностью LTL-синтеза является то, что в качестве входных данных

не используются примеры поведения, так как предполагается полнота входной спецификации — в том смысле, что она описывает все желаемое поведение системы. Не смотря на то, что примеры поведения могут быть представлены в виде LTL-свойств, этот подход становится крайне неэффективным уже на небольших наборах данных. Другие программные средства для LTL-синтеза, например G4LTL-ST [20] и Strix [25], обладают аналогичными недостатками по отношению к рассматриваемой задаче, а именно, отсутствие минимизации охранных условий и невозможность (эффективного) учета примеров поведения.

В статье [26] предлагается метод fвCSP для синтеза конечно-автоматных моделей функциональных блоков по примерам поведения, основанный на сведении к задаче удовлетворения ограничений (*Constraint Satisfaction Problem* — CSP). Однако методу fвCSP присущи следующие ограничения. Получаемые модели обладают *полными* охранными условиями — соответствующие булевы формулы зависят от *всех* входных переменных. Такие модели практически не обобщаются (*generalize*), то есть некорректно работают на входных данных, которые не были использованы в процессе «обучения» (синтеза). В [26] это отчасти исправляется дополнительной жадной минимизацией охранных условий, однако жадный подход не гарантирует, что охранные условия будут наименьшими. В работе [27] метод fвCSP был расширен процедурой запрета контрпримеров для учета LTL-спецификации (в дальнейшем это расширение будет называться fвCSP+LTL), аналогично работе [11]. При этом охранные условия в генерируемых моделях представляются в виде конъюнкции литералов входных переменных. Основным недостатком этого подхода является его низкая эффективность в тех случаях, когда темпоральная спецификация покрыта сценариями выполнения не полностью.

В работе [28] разработан двухэтапный подход: сначала генерируется базовая модель с использованием метода, основанного на SAT, а затем охранные условия полученной модели отдельно минимизируются с помощью CSP — деревья разбора булевых формул, соответствующих охранным условиям, кодируются в CSP, а затем минимизируется их суммарный размер. Таким образом, получаемая модель является минимальной, однако независимость двух этапов приводит к тому, что модель не является наименьшей (в терминах суммарного размера охранных условий).

Резюмируя, ни один из рассмотренных методов, каждый из которых по своему хорош при конкретной постановке задачи, не позволяет *одновременно и эффективно* учитывать при синтезе конечно-автоматных моделей как (1) примеры поведения, так и (2) LTL-спецификацию, а также (3) минимальность генерируемых моделей. В ходе

выполнения данной работы был разработан метод, который фактически является расширением [28] — объединением двух независимых этапов в один — и вносит вклад в расширение *state-of-the-art* конечно-автоматного синтеза с применением SAT-решателей, а именно: *одновременно* поддерживает учет позитивных примеров поведения, реализует индуктивный синтез, основанный на контрпримерах — для учета LTL-спецификации, а также позволяет генерировать минимальные модели — как в терминах числа состояний, так и в терминах суммарного размера охранных условий.

1.2.3 Верификация конечно-автоматных моделей

1.2.4 Линейная темпоральная логика

Формальная спецификация может быть проверена с помощью верификатора (*model checker*) — специализированного программного средства, которое проверяет выполнение заданных свойств в системе и генерирует контрпримеры к нарушенным свойствам. В данной работе был использован символьный верификатор NuSMV [29], а рассмотренные спецификации систем были составлены на языке линейной темпоральной логики (*Linear Temporal Logic* — LTL) [30], полностью поддерживаемом NuSMV. Для так называемых «свойств безопасности» (*safety properties*), выражающих отсутствие нежелательного поведения (например, «с системой никогда не произойдёт ничего плохого»), контрпримером является конечная последовательность вычислительных состояний (*execution state*), приводящая к нежелательному поведению. Для так называемых «свойств живости» (*liveness properties*), выражающих присутствие желаемого поведения (например, «с системой точно произойдет что-то хорошее»), контрпримером является бесконечная, но циклическая последовательность состояний, представляющая нежелательное циклическое поведение системы, и которая может быть представлена в виде конечного префикса с последующим циклом конечной длины [31].

1.2.5 Синтез булевых формул и схем

[TODO синтез формулы/схемы по таблице истинности для булевой функции]

1.2.6 Задача проверки эквивалентности булевых схем

[TODO LEC]

1.2.7 Задача генерации тестовых шаблонов для верификации булевых схем

В этом разделе рассматривается задача *автоматической* генерации тестовых шаблонов (Automatic Test Pattern Generation — ATPG). Сначала вводится понятие модели неисправностей (*fault model*). Затем формулируется задача генерации шаблонов (ATPG) для комбинационных (*combinational*) булевых схем. Также упоминается секвенциальная (*sequential*) постановка задачи ATPG для схем с элементами памяти, такими как триггеры (*flip-flops*). Наконец, кратко рассматриваются классические алгоритмы ATPG, работающие на структуре схемы. В разделе ?? отдельно рассматриваются методы решения задачи ATPG, основанные на сведении к задаче выполнимости (SAT), как наиболее релевантные к текущей работе.

Модель неисправности Stuck-At

После производства чипа необходимо проверить его функциональную корректность относительно спецификации схемы на уровне булевых элементов. Без этой проверки некорректный чип будет доставлен заказчику, что может привести к неполадкам в конечном продукте. Это, конечно же, недопустимо. С другой стороны, из-за дефектов материала, вариаций процесса во время производства и т. д. возможен широкий диапазон неисправностей. Но непосредственная проверка всех возможных

физических дефектов невозможна. Поэтому вводится абстракция в виде модели неисправности. Модель неисправности Stuck-At (SAFM) [BF76] хорошо известна и широко используется на практике. В этой модели неисправности предполагается, что одна линия застряла на фиксированном значении вместо зависимости от значений входов. Когда линия застряла на значении 0, это называется неисправностью stuck-at-0 (SA0). Аналогично, если линия застряла на значении 1, это называется неисправностью stuck-at-1 (SA1).

Пример. Рассмотрим схему, показанную на рисунке 27.7(a). Когда на линии d вводится неисправность SA0, получается неисправная схема, показанная на рисунке 27.7(b). Выход элемента И отключается, и вход элемента ИЛИ постоянно принимает значение 0.

Помимо SAFM было предложено ряд других моделей неисправностей, например, клеточная модель неисправностей [Fri73], где меняется функция одного элемента, или модель мостовой неисправности [KP80], где предполагается, что две линии устанавливаются в одно значение. Эти модели неисправностей в основном охватывают статические физические дефекты, такие как обрывы или замыкания. Динамические эффекты охватываются моделями неисправностей задержки. В модели неисправности по задержке пути [Smi85] одна неисправность означает, что изменение значения вдоль пути от входов к выходам в схеме не приходит в течение времени цикла тактового сигнала. Вместо путей модель неисправности задержки на входах элементов [HRVD77, SB77] учитывает задержку в элементах.

Далее рассматривается только SAFM из-за его высокой значимости в практических применениях. Эту значимость можно объяснить двумя наблюдениями: количество неисправностей имеет порядок размера схемы, и моделирование неисправностей в SAFM относительно просто, то есть для статической модели неисправностей вычислительная сложность генерации тестовых шаблонов ниже по сравнению с динамическими моделями неисправностей.

Комбинационный ATPG

Автоматическая генерация тестовых шаблонов (ATPG) - это задача вычисления набора тестовых шаблонов для заданной схемы с учетом модели неисправностей. Тестовый шаблон для конкретной неисправности - это назначение на основные

входы схемы, которое приводит к различным выходным значениям в зависимости от наличия неисправности. Вычисление булевой разности между бездефектной и неисправной схемами дает все тестовые шаблоны для конкретной неисправности. Эта конструкция аналогична схеме Miter [Bra83], поскольку ее можно использовать для проверки эквивалентности комбинационной схемы.

Пример. Снова рассмотрим неисправность SA0 в схеме на рисунке 27.7. Назначение входов $a = 1$, $b = 1$, $c = 1$ приводит к значению выхода $f = 1$ для корректной схемы и к значению выхода $f = 0$ в случае наличия неисправности. Поэтому это назначение входов является тестовым шаблоном для неисправности SA0 на линии d. Конструкция для вычисления булевой разности бездефектной и неисправной схем показана на рисунке 27.8.

Когда тестовый шаблон существует для конкретной неисправности, эта неисправность классифицируется как **тестируемая** (*testable*). Если тестовый шаблон отсутствует, неисправность называется *избыточной* (*redundant*). Проблема классификации неисправности как тестируемой или избыточной является NP-полной. Задача ATPG заключается в классификации всех неисправностей и создании набора тестовых шаблонов, содержащего хотя бы один тестовый шаблон для каждой испытываемой неисправности.

Генерация тестовых шаблонов для схем, содержащих элементы состояния (памяти), такие как триггеры (*flip-flops*), вычислительно более сложна, потому что элементы памяти не могут быть непосредственно установлены в определенное значение. Вместо этого поведение схемы во времени должно рассматриваться во время ATPG. Было предложено ряд инструментов, которые непосредственно решают эту секвенциальную проблему, например, HITES [NP91]. Но на практике получаемая модель часто слишком сложна для обработки с помощью инструментов ATPG. Поэтому обычно рассматривается полный режим сканирования для преодоления этой проблемы путем подключения всех элементов состояния в цепочку сканирования [WA73, EW77]. В режиме тестирования цепочка сканирования объединяет все элементы состояния в сдвиговый регистр, в нормальном режиме работы элементы состояния управляются обычной логикой в схеме. В результате элементы состояния могут рассматриваться как основные входы и выходы для тестирования, и получается комбинационная постановка задачи ATPG, уже рассмотренная выше.

1.3 Задача булевой выполнимости

Задача выполнимости булевых формул (Boolean satisfiability problem — SAT) формулируется следующим образом [32]: для произвольной булевой формулы $\varphi(x_1, \dots, x_n)$ необходимо определить, существует ли подстановка значений переменных X_{SAT} , при которой формула становится истинной, то есть, формально, $\exists X_{\text{SAT}} \in \{0,1\}^n : \varphi(X_{\text{SAT}}) = 1$. Если такая подстановка существует, то она называется *удовлетворяющей* (*satisfying assignment*; также используются термины *модель* и *интерпретация*), а формула φ называется *выполнимой* (*SATisfiable*). В противном случае, если удовлетворяющая подстановка не существует, φ называется *невыполнимой* (*UNSATisfiable*).

Задача SAT является первой задачей, для которой была доказана NP-полнота [33]. [TODO Описание универсальности задачи SAT]

Если булева формула φ представлена в конъюнктивной нормальной форме (КНФ), то соответствующую задачу называют CNF-SAT. Любая булева формула может быть преобразована в эквивалентную КНФ, однако при этом размер формулы может увеличиться экспоненциально, например:

$$n \text{ конъюнкций} \left\{ \begin{array}{l} (x_1 \wedge y_1) \vee \\ (x_2 \wedge y_2) \vee \\ \dots \\ (x_n \wedge y_n) \end{array} \right. \xrightarrow{\text{КНФ}} \left\{ \begin{array}{l} (x_1 \vee x_2 \vee \dots \vee x_n) \wedge \\ (y_1 \vee x_2 \vee \dots \vee x_n) \wedge \\ \dots \\ (y_1 \vee y_2 \vee \dots \vee y_n) \end{array} \right\} 2^n \text{ дизъюнкций}$$

С помощью преобразований Цейтина [2] возможно привести любую булеву формулу в КНФ — с сохранением выполнимости (*equisatisfiable CNF*), но с добавлением новых переменных (*auxiliary variable*) — при этом размер формулы увеличится лишь линейно. В данной работе подразумевается, что все булевы выражения, кодирующие задаваемые ограничения, подвергаются либо эквивалентным логическим преобразованиям, либо преобразованиям Цейтина, то есть по итогу представляются в виде КНФ.

1.3.1 Алгоритм DPLL

[TODO Описание алгоритма DPLL]

1.3.2 Алгоритм CDCL

Conflict-Driven Clause Learning (CDCL) — это расширение классического алгоритма DPLL, включающее в себя механизмы анализа конфликтов и вывода новых дизъюнктов. Алгоритм CDCL лежит в основе многих современных SAT-решателей благодаря своей эффективности при решении экземпляров задачи SAT. Ниже приводится подробное описание алгоритма CDCL, а также псевдокод для наглядности.

[TODO Описание алгоритма CDCL]

Algorithm 1: DPLL Algorithm with Conflict Analysis and Clause Learning

Input: Boolean formula F , current assignment σ

Output: satisfying assignment or indication of unsatisfiability

```

1 while not all variables assigned do
2   Branch on unassigned variable  $v$ 
3   if  $F$  becomes unsatisfiable under  $\sigma \cup \{v\}$  then
4      $\beta \leftarrow \text{AnalyzeConflict}(F, \sigma, v)$ 
5      $F \leftarrow F \cup \{\beta\}$ 
6     Backtrack to previous decision level
7   else
8     Continue recursive exploration

```

1.3.3 SAT-решатели

На практике для решения задачи SAT используются специализированные программные средства — SAT-решатели. Несмотря на то, что задача SAT имеет экспоненциальную оценку сложности (при условии, что $P \neq NP$), современные SAT-решатели способны решать формулы с миллионами переменных за обозримое время. Для выбора наиболее эффективного SAT-решателя можно руководствоваться результатами соревнования SAT Competition [34]: среди текущих лидеров можно выделить MapleCOMSPS [35], Cadical [36], CryptoMiniSat [37], Glucose [38] и Plingeling [39], хотя на практике эффективность решателей может значительно отличаться, в зависимости от класса рассматриваемых задач. В некоторых случаях

хорошие результаты также показывает MiniSat [40], являющийся минимальной реализацией CDCL-решателя (*Conflict-Driven Clause Learning* [41]) и служащий основой для многих других решателей (например, CryptoMiniSat и Glucose).

[TODO Инкрементальность]

1.3.4 Методы сведения задач к SAT

[TODO Пример сведения задачи раскраски графа к SAT – описание переменных и ограничений. Дополнительно – оптимизационная постановка задачи.]

[TODO LEC as SAT]

[TODO ATPG as SAT]

1.3.5 Декомпозиционная трудность

Концепция *лазеек* (*backdoors*) была введена в классической работе [42]. В частности, множество переменных B в произвольной КНФ-формуле C является *сильной лазейкой* (Strong Backdoor Set — SBS) для C относительно некоторого полиномиального алгоритма P (называемого вспомогательным решателем (*subsolver*)), если формула $C[\beta/B]$ решается с помощью P (то есть получается ответ SAT/UNSAT за полиномиальное время) для любого $\beta \in \{0,1\}^{|B|}$. Здесь через $C[\beta/B]$ обозначается формула, полученная подстановкой значений β в переменные из B в C . Можно заметить [43], что если B — некоторый SBS, то сложность C ограничена сверху значением $\text{poly}(|C|) \cdot 2^{|B|}$, где $\text{poly}(\cdot)$ — некоторый полином.

В статье [44] было предложено использовать полный детерминированный SAT-решатель A в качестве вспомогательного решателя, вместо традиционного полиномиального алгоритма P . Для оценки производительности решателя, введём следующие обозначения. Пусть $t_A(C)$ обозначает время работы A на КНФ-формуле C . Сложность формулы C относительно множества B и солвера A может быть определена следующим образом:

$$\mu_{A,B}(C) = \sum_{\beta \in \{0,1\}^{|B|}} t_A(C[\beta/B]) \quad (2)$$

Минимальное значение (2) по всем возможным множествам $B \in 2^X$ называется *декомпозиционной трудностью* (*decomposition hardness*) формулы C относительно алгоритма A .

Как показано в [44], значение (2) можно выразить с использованием математического ожидания случайной величины ξ_B , связанной с множеством B , которая задается следующим соотношением:

$$\mu_{A,B}(C) = 2^{|B|} \cdot \mathbb{E} [\xi_B] \quad (3)$$

Для оценки значения (2) можно использовать метод Монте-Карло и формулу (??). Это сводит задачу оценки сложности декомпозиции к задаче псевдо-булевой *black-box* оптимизации, которая включает перебор различных множеств B и оценку сложности C относительно каждого B в попытке минимизировать это значение в пространстве 2^X . В [44] для этой цели использовались метаэвристические алгоритмы.

1.3.6 Вероятностные лазейки

[TODO ρ -backdoors]

Выводы по главе 1

[TODO Завершение обзора]

Глава 2. Синтез конечно-автоматных моделей на основе сведения к задаче булевой выполнимости (SAT)

Данная глава посвящена решению задачи синтеза монолитных конечно-автоматных моделей логических контроллеров по примерам поведения и формальной спецификации. В разделе 2.1 предлагается метод синтеза по примерам поведения, основанный на сведении к задаче выполнимости SAT, приводится описание разработанных алгоритмов: BASIC — для синтеза базовых моделей, EXTENDED — для синтеза расширенных моделей, COMPLETE — для учета негативных сценариев выполнения. В разделе 2.2 рассматривается задача синтеза минимальных моделей, приводится описание разработанных алгоритмов BASIC-MIN, EXTENDED-MIN, COMPLETE-MIN и EXTENDED-MIN-UB. В разделе 2.3 рассматривается подход индуктивного синтеза, основанного на контрпримерах (*Counterexample-Guided Inductive Synthesis* — CEGIS) [45; 46], используемый для учета при синтезе формальной спецификации, приводится описание алгоритмов CEGIS и CEGIS-MIN. Раздел 2.5 содержит экспериментальное сравнение разработанных методов с существующими на примере задачи синтеза конечно-автоматной модели логического контроллера, управляющего Pick-and-Place манипулятором. Раздел 2.6 посвящен применению разработанных методов для минимизации *систем переходов*, полученных с помощью программного средства для LTL-синтеза BoSy [14; 23] по исходным данным с соревнования по реактивному синтезу SYNTCOMP [47]. Все разработанные в данной работе методы реализованы в виде программного средства fVSAT [48].

2.1 Метод синтеза конечно-автоматных моделей монолитных логических контроллеров по примерам поведения

В этом разделе приводится описание разработанного метода синтеза минимальных моделей базовых функциональных блоков по примерам поведения и LTL-спецификации. Сначала рассматривается решение базовой задачи (алгоритм BASIC) — синтеза моделей с использованием только сценариев выполнения — приводится описание переменных и ограничений, составляющих сведение к задаче SAT и предлагается итеративный подход к синтезу минимальных моделей. Следом, сведение

к SAT расширяется (алгоритм EXTENDED) кодированием структуры деревьев разбора произвольных булевых формул охранных условий, что приводит к возможности учета их суммарного размера при минимизации. В заключение, решается задача синтеза модели, не только удовлетворяющей заданным примерам поведения, но и лишенной нежелательного поведения, выражаемого в виде негативных сценариев выполнения (алгоритм COMPLETE).

2.1.1 Кодирование структуры автомата

Сведение обозначенной задачи синтеза к задаче SAT заключается в построении булевой формулы, которая истина тогда и только тогда, когда существует конечный автомат размера $|Q| = C$, удовлетворяющий заданному набору позитивных сценариев выполнения S^+ . Для этого необходимо рассмотреть процесс проверки соответствия автомата дереву сценариев и закодировать его в SAT¹. При этом также необходимо закодировать структуру синтезируемого объекта — конечного автомата, а точнее, ЕСС. Здесь и далее в этом разделе предполагается, что $b \in \mathbb{B} = \{\top, \perp\}$, $q \in Q$, $k \in [1..K]$, $e \in E^I$, $u \in \mathcal{U}$, $v \in V$, если не указано иное.

Искомый автомат состоит из C состояний, каждое из которых имеет ассоциированное *действие* (выходное событие и алгоритм) и не более K выходящих (*outgoing*) переходов, упорядоченных в порядке их приоритета. Выходное событие состояния $q \in Q$ кодируется с помощью переменной $\varphi_q \in E^O \cup \{\varepsilon\}$. Так как алгоритм является функцией, независимо изменяющей значения выходных переменных, то он кодируется с помощью переменной $\gamma_{q,z,b} \in \mathbb{B}$, где $q \in Q$ — состояние автомата, $z \in \mathcal{Z}$ — выходная переменная, $b \in \mathbb{B}$ — текущее значение выходной переменной. Каждый переход в автомате ассоциирован с *охранным условием* — парой из входного события и булевой формулы, зависящей от входных переменных \mathcal{X} соответствующего базового функционального блока. Переменная $\tau_{q,k} \in Q_0 = Q \cup \{q_0\}$ кодирует конец k -го перехода из состояния $q \in Q$. «Переходы» в фиктивное состояние q_0 называются *нулевыми (null-transitions)* и означают отсутствие перехода в автомате. Входное событие на переходе кодируется с помощью переменной $\xi_{q,k} \in E^I \cup \{\varepsilon\}$. Так как каждый переход должен обладать входным событием, то ε -событием отмечены только

¹Здесь и далее фраза «закодировать в SAT» означает построение соответствующей булевой формулы в КНФ, кодирующей структуру и требуемые ограничения задачи синтеза.

нулевые (несуществующие) переходы: $(\tau_{q,k} = q_0) \iff (\xi_{q,k} = \varepsilon)$. Переменная $\delta_{q,k,e,u} \in \mathbb{B}$ кодирует функцию активации охранного условия, то есть выполнение перехода при входном действии $e[u]$. Переменная $\theta_{q,k,u} \in \mathbb{B}$ кодирует таблицу истинности охранного условия, то есть значение соответствующей булевой функции на входе $u \in \mathcal{U}$. Взаимосвязь между этими переменными задается следующим образом:

$$\delta_{q,k,e,u} \iff (\xi_{q,k} = e) \wedge \theta_{q,k,u}.$$

В соответствии со стандартом IEC 61499, переходы ЕСС обладают приоритетом. Переменная $ff_{q,e,u} \in [0..K]$ кодирует индекс перехода, который выполняется *первым* при входном действии $e[u]$ — только этот переход будет учтен в момент исполнения ЕСС, даже если следующие переходы также выполняются. При этом $ff_{q,e,u} = 0$ означает, что *ни один* переход не выполняется при входном действии $e[u]$. Некоторый k -й переход выполняется *первым* тогда и только тогда, когда (1) он выполняется ($\delta_{q,k,e,u} = \top$) и (2) не выполняются все предыдущие ($k' < k$) переходы. Наивный способ кодирования переменной ff выглядит следующим образом:

$$(ff_{q,e,u} = k) \iff \delta_{q,k,e,u} \wedge \bigwedge_{1 \leq k' < k} (\neg \delta_{q,k',e,u}).$$

Более эффективный способ кодирования заключается в определении специальной переменной $nf_{q,k,e,u} \in \mathbb{B}$ для кодирования того факта, что все переходы с 1 по k -й не выполняются. При этом можно заметить, что такая переменная может быть определена рекурсивно:

$$nf_{q,k,e,u} \iff \neg \delta_{q,k,e,u} \wedge nf_{q,k-1,e,u},$$

где следует считать, что $nf_{q,0,e,u} = \perp$. Исходя из этого, эффективный способ кодирования переменной ff выглядит следующим образом:

$$(ff_{q,e,u} = k) \iff \delta_{q,k,e,u} \wedge nf_{q,k-1,e,u}.$$

Рассмотрим сценарий выполнения $s \in \mathcal{S}^+$ и автомат \mathcal{A} , изначально находящийся в стартовом состоянии q_{init} . Автомат последовательно обрабатывает входные действия из сценария и, возможно (если выполняется какой-либо переход, то есть соответствующее охранное условие становится истинным), изменяет состояние, продуцируя выходные действия. Когда автомат находится в состоянии q и обрабатывает входное действие $e^I[\bar{x}]$, он либо (1) переходит в состояние q' , либо (2) «игнорирует» входное действие, оставаясь в том же состоянии. Такое поведение

описывается переменной $\lambda_{q,e,u} \in Q_0$, где $\lambda_{q,e,u} = q_0$ соответствует второму (2) случаю. Заметим, что в первом случае автомат может перейти по переходу-петле и остаться в исходном состоянии $q' = q$, что, однако, отличается от случая $q' = q_0$, при котором не происходит генерации выходного действия, ассоциированного с состоянием q .

2.1.2 BFS-предикаты нарушения симметрии для состояний автомата

Дополнительно, стоит добавить ограничения нарушения симметрии (*symmetry breaking predicates*) [49], форсирующие нумерацию состояний автомата в порядке BFS-обхода (*Breadth-first search*), то есть в том порядке, в котором они были бы посещены при выполнении поиска в ширину из стартового состояния. Такие ограничения позволяют существенно сократить пространство поиска, что позитивно влияет на время решения задачи SAT. Стоит отметить, что данные ограничения не влияют на корректность решения — если решение существует, то оно будет найдено независимо от нумерации состояний автомата.

Суть BFS-предиката нарушения симметрии заключается в следующем наблюдении относительно дерева BFS-обхода: родителем каждой вершины может быть только вершина с меньшим номером, а потомки каждой вершины следуют в строгом возрастающем порядке — номера соседних (*sibling*) вершин отличаются на 1. Из этого следует, что для каждой вершины $i > 1$ верно следующее: родитель соседней ($i + 1$) вершины либо совпадает с родителем вершины i , либо имеет больший номер. Для кодирования такого ограничения в SAT, необходимо объявить следующие переменные. Переменная $\tau_{q_i, q_j}^{\text{BFS-}\mathcal{A}} \in \mathbb{B}$ ($q_i, q_j \in Q$) кодирует наличие любого перехода из q_i в q_j в автомате:

$$\tau_{q_i, q_j}^{\text{BFS-}\mathcal{A}} \iff \bigvee_{k \in [1..K]} (\tau_{q_i, k} = q_j).$$

Переменная $\pi_{q_j}^{\text{BFS-}\mathcal{A}} \in \{q_1, \dots, q_{j-1}\}$ ($q_j \in Q$) кодирует родителя вершины q_j в дереве BFS-обхода:

$$(\pi_{q_j}^{\text{BFS-}\mathcal{A}} = q_i) \iff \tau_{q_i, q_j}^{\text{BFS-}\mathcal{A}} \wedge \bigwedge_{r < i} \neg \tau_{q_r, q_j}^{\text{BFS-}\mathcal{A}}.$$

Непосредственно BFS-ограничение выглядит следующим образом:

$$(\pi_{q_j}^{\text{BFS-}\mathcal{A}} = q_i) \implies (\pi_{q_{j+1}}^{\text{BFS-}\mathcal{A}} \geq q_i).$$

Можно заметить, что в BFS-ограничении присутствует отношение $(\pi_{q_{j+1}}^{\text{BFS-}\mathcal{A}} \geq q_i)$. Наивный способ кодирования такого ограничения в SAT выглядит следующим образом:

$$(\pi_{q_j}^{\text{BFS-}\mathcal{A}} = q_i) \implies \bigwedge_{r < i} (\pi_{q_{j+1}}^{\text{BFS-}\mathcal{A}} \neq q_r).$$

Однако существуют и другие, теоретически более эффективные способы. Например, можно использовать так называемые «переменные, кодирующие порядок» (*order-encoding*) [50]. Перед тем, как перейти к их описанию, необходимо напомнить, что привычные переменные с ограниченным доменом, например, $x \in \{2, 3, 5\}$, кодируются следующим образом, называемым в разных источниках как «*onehot*», «*sparse encoding*», «*direct encoding*» [51], «*pairwise encoding*»: для каждого значения из домена создается отдельная булева переменная, кодирующая равенство переменной этому значению, например, $x \models_{\text{onehot}} \{x_2, x_3, x_5\}$, где $x_2 \equiv (x = 2)$, $x_3 \equiv (x = 3)$, $x_5 \equiv (x = 5)$. Аналогичным образом определяются и *order-encoded* переменные, однако кодируют они не равенство, а отношение порядка, например, $x \models_{\text{order}} \{x'_2, x'_3, x'_4, x'_5\}$, где $x'_i \equiv (x \geq i)$. Заметим, что на практике домены переменных являются непрерывными², поэтому кодирующих переменных будет столько же, сколько и при *onehot*-кодировании³. Детальное описание *order encoding* присутствует в [50] и в данной работе не приводится. Таким образом, BFS-предикат с использованием *order-encoded* переменной $\pi_{q_j}^{\text{BFS-}\mathcal{A}(\text{order})} \equiv (\pi_{q_j}^{\text{BFS-}\mathcal{A}} \geq q_j)$ может быть сформулирован следующим образом:

$$(\pi_{q_j}^{\text{BFS-}\mathcal{A}} = q_i) \implies \pi_{q_i}^{\text{BFS-}\mathcal{A}(\text{order})}.$$

К сожалению, данное усовершенствование не привело к видимым изменениям производительности сведения (результаты экспериментального исследования не приводятся), поэтому здесь и далее в данной работе считается, что используется наивный способ кодирования BFS-предиката нарушения симметрии.

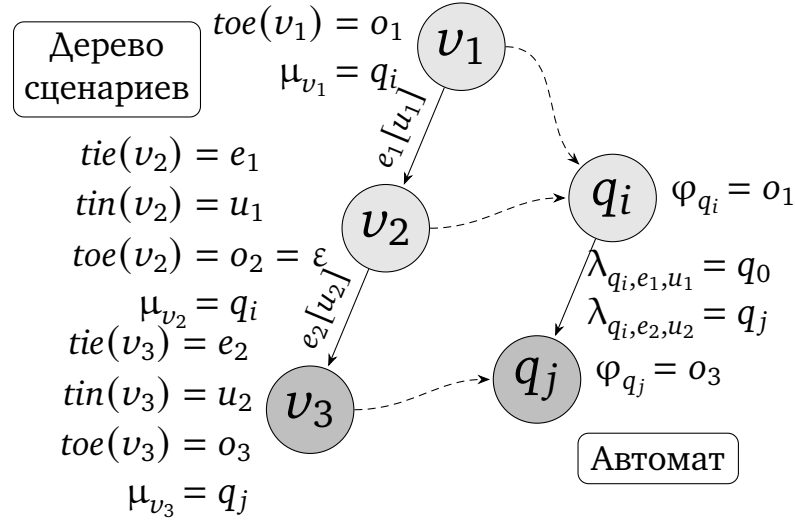


Рисунок 2 — Пример отображения дерева сценариев на автомат

2.1.3 Кодирование отображения позитивного дерева сценариев

Для обеспечения соответствия автомата дереву сценариев, необходимо построить отображение $\mu : V \rightarrow Q$ вершин дерева на состояния автомата. Пример такого отображения приведен на рисунке 2. Переменная $\mu_v \in Q$ кодирует *удовлетворяющее состояние*, в котором автомат оказывается после обработки вершины дерева $v \in V$. Корень дерева ρ отображается в стартовое состояние автомата: $\mu_\rho = q_{init}$. Пассивные вершины ($toe(v) = \varepsilon$) соответствуют ситуации, когда автомат должен проигнорировать входное действие, не изменяя своего состояния, что может быть выражено с помощью следующих ограничений: $\mu_v = \mu_p$ и $\lambda_{q, e, u} = q_0$, где $v \in V^{(passive)}$, $p = tp(v)$, $q = \mu_p$, $e = tie(v)$, $u = tin(v)$. Активные вершины ($toe(v) \neq \varepsilon$) соответствуют ситуации, когда автомат должен отреагировать на входное действие и произвести определенное (непустое) выходное действие, что может быть закодировано следующим образом:

$$(\mu_v = q') \implies (\lambda_{q, e, u} = q') \wedge (\varphi_{q'} = o) \wedge \bigwedge_{z \in Z} (\gamma_{q', z, b} = b'),$$

где $v \in V^{(active)}$, $p = tp(v)$, $q = \mu_p$, $q' \in Q$, $e = tie(v)$, $u = tin(v)$, $o = toe(v)$, $z \in Z$, $b = tov(p, z)$, $b' = tov(v, z)$.

²Под «непрерывным» доменом здесь подразумевается дискретная последовательность без «пропусков», что в случае численных доменов выражается в виде интервала [low .. high].

³Можно заметить, что в рассмотренном примере переменная $x'_2 \equiv (x \geq 2)$ всегда истинна, а значит ее можно не вводить, поэтому корректнее говорить, что *order-encoded* переменных всегда на одну меньше *onehot*.

2.1.4 Кодирование ограничений на количество переходов

Для того, чтобы ограничить количество переходов в автомате, то есть закодировать ограничение вида «суммарное число *ненулевых* переходов в автомате не больше T », можно воспользоваться техникой *totalizer* (раздел ??) и закодировать в SAT *ограничение на кардинальность* $\Phi(\mathcal{D}, 0, T)$, где $\mathcal{D} = \{\tau_{q,k} \neq q_0 \mid q \in Q, k \in [1 \dots K]\}$ — множество интересующих переменных, T — верхняя граница для суммарного числа *ненулевых* переходов в автомате. Стоит отметить, что на практике интерес представляет задача минимизации числа переходов в автомате, рассматриваемая в данной работе далее, поэтому нижняя граница принимается равной нулю. Техника *totalizer* позволяет кодировать сразу две границы, что может быть полезно при иных постановках задачи — например, возможно синтезировать автомат с точным (заранее известным) числом переходов T^* , для чего необходимо закодировать обе границы, равные T^* — однако такие задачи в данной работе не рассматриваются.

2.1.5 Алгоритм BASIC

Описанные выше переменные и ограничения позволяют синтезировать *вычислимые* конечно-автоматные модели, то есть модели, способные реагировать на входные воздействия, генерируя выходные действия. Обозначим $\text{BASIC}^*(S^+, C, T)$ процедуру нахождения автомата, который удовлетворяет заданному набору позитивных сценариев выполнения S^+ , и в котором C состояний и суммарно не более T переходов. Данная процедура состоит из (1) построения позитивного дерева сценариев \mathcal{T}^+ , (2) формирования сведения к SAT (кодирование структуры автомата, отображения дерева сценариев и ограничения на кардинальность) и (3) вызова SAT-решателя. Результатом работы данной процедуры является либо искомый конечный автомат, либо доказательство отсутствия автомата заданного размера. Также введем обозначение $\text{BASIC}(S^+, C) = \text{BASIC}^*(S^+, C, T = \infty)$ для случая, когда число переходов в автомате остается неограниченным. Стоит отметить, что параметр K — максимальное число переходов из каждого состояния — здесь и далее принимается равным $K = C \cdot |E^I|$, так как при меньших значениях возможно отсутствие решения из-за слишком сильных ограничений на искомую модель, а

дополнительный перебор подходящего значения K является обременительной задачей.

2.1.6 Кодирование структуры охранных условий

В вышеописанном сведении охранные условия представляются в виде таблиц истинности соответствующих булевых формул — посредством переменной θ . Однако такие охранные условия сложны для восприятия человеком, а также неприменимы в средствах разработки систем управления, таких как Matlab или nxtSTUDIO [52], где охранные условия должны быть явно представлены в виде булевых формул. Поэтому сведение расширяется кодированием деревьев разбора произвольных булевых формул, зависящих от входных переменных \mathcal{X} .

Каждое дерево разбора охрannого условия на k -м переходе ($k \in [1 .. K]$) из состояния $q \in Q$ состоит из P вершин, где P является параметром разрабатываемого метода. Каждая вершина типизирована и может быть либо булевым оператором, либо терминальной вершиной, соответствующей входной переменной. Здесь стоит отметить, что параметр P является «глобальным» для всего автомата, то есть все охранные условия состоят из P вершин. Так как существуют булевы формулы, для записи которых достаточно менее P вершин в дереве разбора, некоторые вершины могут быть «нетипизированными» (*none-typed*), то есть не включаться в дерево. Размер дерева разбора определяется как число *типизированных* вершин в нем. Здесь и далее будут использованы следующие обозначения, если не указано иное: $p \in [1 .. P]$, $x \in \mathcal{X}$, $u \in \mathcal{U}$.

Переменная $\eta_{q,k,p} \in \{\square, \wedge, \vee, \neg, \bullet\}$ кодирует тип вершины дерева разбора p , где « \square » обозначает терминальные вершины, « \wedge », « \vee », « \neg » — логические операторы, а « \bullet » — нетипизированные вершины. Без потери общности можно задать ограничение на то, что нетипизированные вершины имеют наибольшие номера в дереве: $(\eta_{q,k,p} = \bullet) \implies (\eta_{q,k,p+1} = \bullet)$. Переменная $\chi_{q,k,p} \in \mathcal{X} \cup \{0\}$ кодирует входную переменную (или ее отсутствие: $\chi_{q,k,p} = 0$), ассоциированную с терминальной вершиной p . Только терминальные вершины могут иметь ассоциированные входные переменные: $(\eta_{q,k,p} = \square) \iff (\chi_{q,k,p} \neq 0)$.

Для задания структуры дерева разбора, а именно, для определения родительских связей между вершинами, используются переменные $\pi_{q,k,p} \in [0 .. (p - 1)]$ и

$\sigma_{q,k,p} \in \{0\} \cup [(p+1) .. P]$, кодирующие, соответственно, родителя и *левого* ребенка вершины p (либо их отсутствие: $\pi_{q,k,p} = 0, \sigma_{q,k,p} = 0$). Взаимосвязь между этими переменными задается следующим образом: $(\sigma_{q,k,p} = ch) \implies (\pi_{q,k,ch} = p)$. Только типизированные вершины, кроме корня ($p = 1$), имеют родительские вершины: $(\pi_{q,k,p} \neq 0) \iff (\eta_{q,k,p} \neq \bullet)$. Стоит отметить, что правый ребенок вершины дерева разбора не кодируется явно — для бинарных операторов предполагается, что он имеет номер на единицу больше левого ребенка ($c \in [(p+1) .. (P-1)]$):

$$(\eta_{q,k,p} \in \{\wedge, \vee\}) \wedge (\sigma_{q,k,p} = c) \implies (\pi_{q,k,c+1} = p).$$

Переменная $\vartheta_{q,k,p,u} \in \mathbb{B}$ кодирует значение подформулы — булевого выражения, соответствующего поддереву с корнем p — на входе u . Значение корня дерева разбора соответствует значению всей булевой формулы охранного условия, а значит, можно переиспользовать переменную $\theta_{q,k,u}$, объявленную ранее: $\theta_{q,k,u} \equiv \vartheta_{q,k,1,u}$. Значения терминальных вершин соответствуют значениям ассоциированных входных переменных; значения вершин-операторов могут быть вычислены на основе значений вершин-потомков; значения нетипизированных вершин для определенности принимаются равными False, однако это является лишь технической деталью реализации — значения нетипизированных вершин впоследствии не используются:

$$\begin{aligned} (\eta_{q,k,p} = \Box) \wedge (\chi_{q,k,p} = x) &\implies \bigwedge_{u \in \mathcal{U}} \left[\vartheta_{q,k,p,u} \iff u_x \right]; \\ (\eta_{q,k,p} = \wedge) \wedge (\sigma_{q,k,p} = c) &\implies \bigwedge_{u \in \mathcal{U}} \left[\vartheta_{q,k,p,u} \iff \vartheta_{q,k,c,u} \wedge \vartheta_{q,k,c+1,u} \right]; \\ (\eta_{q,k,p} = \vee) \wedge (\sigma_{q,k,p} = c) &\implies \bigwedge_{u \in \mathcal{U}} \left[\vartheta_{q,k,p,u} \iff \vartheta_{q,k,c,u} \vee \vartheta_{q,k,c+1,u} \right]; \\ (\eta_{q,k,p} = \neg) \wedge (\sigma_{q,k,p} = c) &\implies \bigwedge_{u \in \mathcal{U}} \left[\vartheta_{q,k,p,u} \iff \neg \vartheta_{q,k,c,u} \right]; \\ (\eta_{q,k,p} = \bullet) &\implies \bigwedge_{u \in \mathcal{U}} \left[\neg \vartheta_{q,k,p,u} \right]. \end{aligned}$$

2.1.7 BFS-предикаты нарушения симметрии для охранных условий

Дополнительно, стоит добавить ограничения нарушения симметрии, форсирующие BFS-нумерацию вершин дерева разбора охранного условия. Фактически, они аналогичны BFS-ограничениям для состояний автомата (раздел 2.1.2), но применяются не ко всему автомату, а к каждому дереву разбора охранного условия по отдельности: для каждого $q \in Q, k \in [1 .. K]$. Переменная $\tau_{i,j}^{\text{BFS-}\mathcal{G}} \in \mathbb{B}$ ($1 \leq i < j \leq P$)

задает существование «перехода» из i -й вершины в j -ю:

$$\tau_{i,j}^{\text{BFS-}\mathcal{G}} \iff (\pi_{q,k,j} = i).$$

Переменная $\pi_j^{\text{BFS-}\mathcal{G}} \in [1 \dots (j-1)]$ ($j \in [2 \dots P]$) кодирует родителя j -й вершины в дереве BFS-обхода:

$$(\pi_j^{\text{BFS-}\mathcal{G}} = i) \iff \tau_{i,j}^{\text{BFS-}\mathcal{G}} \wedge \bigwedge_{r < i} \neg \tau_{r,j}^{\text{BFS-}\mathcal{G}}.$$

Непосредственно BFS-ограничение задается следующим образом:

$$(\pi_j^{\text{BFS-}\mathcal{G}} = i) \implies \bigwedge_{r < i} (\pi_{j+1}^{\text{BFS-}\mathcal{G}} \neq r).$$

2.1.8 Кодирование ограничений на суммарный размер охранных условий

Для того, чтобы ограничить размер охранных условий в автомате, то есть закодировать ограничение вида «суммарное число *типизированных* вершин в деревьях разбора булевых формул, соответствующих охранным условиям на переходах автомата не больше N », можно воспользоваться техникой *totalizer* (раздел ??) и закодировать в SAT ограничение на кардинальность $\Phi(\mathcal{H}, 0, N)$, где $\mathcal{H} = \{\eta_{q,k,p} \neq \bullet \mid q \in Q, k \in [1 \dots K], p \in [1 \dots P]\}$ — множество интересующих переменных, N — верхняя граница для суммарного размера охранных условий в автомате.

2.1.9 Алгоритм EXTENDED

Обозначим $\text{EXTENDED}^*(\mathcal{S}^+, C, P, N)$ процедуру нахождения автомата, который удовлетворяет заданному набору позитивных сценариев выполнения \mathcal{S}^+ , и в котором C состояний, максимальный размер охранных условий P , а суммарный размер охранных условий не больше N . Стоит отметить, что параметр T — число ненулевых переходов в автомате — здесь и далее не рассматривается. Данная процедура состоит из (1) построения позитивного дерева сценариев \mathcal{T}^+ , (2) формирования сведения к SAT (кодирование структуры автомата и охранных условий, отображения дерева

сценариев и ограничения на кардинальность) и (3) вызова SAT-решателя. Также введем обозначение $\text{EXTENDED}(\mathcal{S}^+, C, P) = \text{EXTENDED}^*(\mathcal{S}^+, C, P, N = \infty)$ для случая, когда суммарный размер охранных условий в автомате остается неограниченным.

2.1.10 Кодирование отображения негативного дерева сценариев

Отображение $\hat{\mu} : \hat{V} \rightarrow Q_0$ вершин негативного дерева сценариев \mathcal{T}^- на состояния автомата очень похоже на отображение позитивного дерева, однако главным отличием является то, что негативное дерево представляет нежелательное поведение системы, включая нежелательное циклическое поведение, которое необходимо запретить.

Переменная $\hat{\mu}_{\hat{v}} \in Q_0$ кодирует *удовлетворяющее* состояние (либо его отсутствие: $\hat{\mu}_{\hat{v}} = q_0$). Стоит отметить, что автомат может не обладать поведением, заданным в негативном дереве сценариев, то есть его поведение может отличаться от записанного в вершине дерева $\hat{v} \in \hat{V}$ — в этом (и только в этом) случае $\hat{\mu}_{\hat{v}} = q_0$. Если некоторая вершина $\hat{v} \in \hat{V}$ никуда не отображается (то есть отображается в q_0), то это распространяется далее через потомков: $(\hat{\mu}_{\widehat{tp}(\hat{v})} = q_0) \implies (\hat{\mu}_{\hat{v}} = q_0)$. Корень негативного дерева $\hat{\rho}$ отображается в стартовое состояние автомата: $\hat{\mu}_{\hat{\rho}} = q_{\text{init}}$.

Пассивные вершины дерева сценариев описывают поведение, когда автомат игнорирует входное действие и не изменяет своего состояния, значит, если автомат соответствует такому поведению, то пассивная вершина отображается — аналогично позитивному дереву — в то же состояние, что и ее родитель, иначе же вершина никуда не отображается: $(\hat{\mu}_{\hat{v}} = \hat{\mu}_{\widehat{tp}(\hat{v})}) \vee (\hat{\mu}_{\hat{v}} = q_0)$, где $\hat{v} \in \hat{V}^{(\text{passive})}$.

В свою очередь активные вершины дерева сценариев описывают поведение, когда автомат должен отреагировать на входное воздействие определенным образом, значит, если автомат соответствует такому поведению, то отображение активной вершины аналогично позитивному дереву, иначе же вершина никуда не отображается:

$$(\hat{\mu}_{\hat{v}} = q') \iff (\hat{\lambda}_{q,e,u} = q') \wedge (\varphi_{q'} = o) \wedge \bigwedge_{z \in \mathcal{Z}} (\gamma_{q',z,b} = b'),$$

где $\hat{v} \in \hat{V}^{(\text{active})}$, $\hat{p} = \widehat{tp}(\hat{v})$, $q = \mu_{\hat{p}}$, $q' \in Q$, $e = \widehat{tie}(\hat{v})$, $u = \widehat{tin}(\hat{v})$, $o = \widehat{toe}(\hat{v})$, $z \in \mathcal{Z}$, $b = \widehat{tov}(\hat{p}, z)$, $b' = \widehat{tov}(\hat{v}, z)$. Стоит отметить, что в этом ограничении используется « \iff », что позволяет не рассматривать отдельно определение для случая $q' = q_0$,

при котором было бы необходимо учитывать различные варианты несоответствия поведения автомата поведению, записанному в вершине негативного дерева.

В заключение, необходимо запретить в автомате нежелательное циклическое поведение, представляемое с помощью *обратных ребер*. Для этого необходимо, чтобы вершины негативного дерева, являющиеся началом и концом обратного ребра, отображались в различные состояния, либо же не отображались вовсе:

$$\bigwedge_{\hat{v} \in \hat{V}} \bigwedge_{\hat{v}' \in \widehat{tbe}(\hat{v})} \left[(\hat{\mu}_{\hat{v}} \neq \hat{\mu}_{\hat{v}'}) \vee (\hat{\mu}_{\hat{v}} = \hat{\mu}_{\hat{v}'} = q_0) \right].$$

2.1.11 Алгоритм COMPLETE

Обозначим $\text{COMPLETE}^*(S^+, S^-, C, P, N)$ процедуру нахождения автомата, который удовлетворяет заданному набору позитивных сценариев выполнения S^+ и не удовлетворяет набору негативных сценариев S^- , и в котором C состояний, максимальный размер охранного условия P , а суммарный размер охранных условий не больше N . Данная процедура состоит из (1) построения позитивного дерева сценариев \mathcal{T}^+ и негативного дерева сценариев \mathcal{T}^- , (2) формирования сведения к SAT (кодирование структуры автомата и охранных условий, отображения позитивного и негативного дерева сценариев, а также ограничения на кардинальность) и (3) вызова SAT-решателя. Также введем обозначение $\text{COMPLETE}(S^+, S^-, C, P) = \text{COMPLETE}^*(S^+, S^-, C, P, N = \infty)$ для случая, когда суммарный размер охранных условий в автомате остается неограниченным.

2.2 Синтез минимальных монолитных моделей

Разработанные в данной работе методы синтеза монолитных конечно-автоматных моделей зависят от трех параметров: число состояний автомата C , максимальный размер каждого охранного условия P и суммарный размер всех охранных условий N . В реальности эти параметры неизвестны заранее, а их оценки, полученные какими-либо сторонними способами, могут быть далеки от оптимальных. На практике гораздо большей ценностью обладают модели меньших размеров, ввиду

их эффективности и простоты. Обе задачи — *автоматизация* поиска параметров и их *минимизация* — могут быть решены одновременно путем применения *итеративного* подхода к синтезу минимальных моделей, рассматриваемому в текущем разделе.

2.2.1 Алгоритм BASIC-MIN

Для быстрой оценки минимального числа состояний автомата, удовлетворяющего заданным сценариям выполнения S^+ , используется алгоритм $\text{BASIC}(S^+, C)$ с итеративным перебором параметра C «снизу вверх». После нахождения минимального числа состояний C_{\min} производится минимизация числа переходов в автомате с использованием алгоритма $\text{BASIC}^*(S^+, C_{\min}, T)$ с итеративным перебором параметра T «сверху вниз», начиная с синтеза неограниченной модели: $T = \infty$. Псевдокод полученного алгоритма $\text{BASIC-MIN}(S^+)$ представлен в листинге ?? вместе со вспомогательными функциями BASIC-MINC и BASIC-MINT , которые непосредственно выполняют минимизацию каждого параметра: C и T .

2.2.2 Алгоритмы EXTENDED-MIN и COMPLETE-MIN

Пусть параметр P — максимальный размер охранного условия в автомате — известен, а число состояний C оценено с помощью алгоритма BASIC-MINC . Последующая минимизация суммарного размера охранных условий в автомате производится аналогично алгоритму BASIC-MINT : с использованием алгоритма $\text{EXTENDED}^*(S^+, C, P, N)$ путем итеративного перебора параметра N «сверху вниз», начиная с синтеза неограниченной модели: $N = \infty$. Псевдокод полученного алгоритма $\text{EXTENDED-MIN}(S^+, P)$ приведен в листинге ?. Алгоритм $\text{COMPLETE-MIN}(S^+, S^-, P)$ определяется аналогично алгоритму EXTENDED-MIN : S^+ и S^- — наборы позитивных и негативных сценариев выполнения, P — максимальный размер охранного условия, внутри используется алгоритм COMPLETE^* .

2.2.3 Алгоритм EXTENDED-MIN-UB

На данном этапе возникает закономерный вопрос — как выбрать подходящее значение параметра P ? Можно заметить, что решение задачи синтеза существует только если параметр P достаточно большой для того, чтобы охранные условия в автомате обладали достаточной выразительностью для представления желаемого поведения автомата. Самый простой способ перебора параметра P — «снизу вверх», начиная с $P = 1$, до тех пор, пока не будет найдено (с помощью алгоритма EXTENDED-MINN) решение с суммарным размером охранных условий $N = N_{\min}^*$ для некоторого $P = P^*$. Однако при этом может существовать некоторое $P' > P^*$, при использовании которого будет найдено еще меньшее решение: $N'_{\min} < N_{\min}^*$. Поэтому для нахождения глобально-наименьшего автомата в терминах N , необходимо продолжать поиск для $P > P^*$. Однако при этом возникает вопрос: в какой момент необходимо остановить перебор параметра P и считать найденное ранее решение оптимальным?

Для ответа на этот вопрос, рассмотрим некоторый момент перебора, когда $P = P'$. Заметим, что в лучшем случае все охранные условия в автомате имеют размер 1, кроме одного, имеющего размер P' . Также заметим, что в лучшем случае в автомате ровно T_{\min} переходов, где значение T_{\min} определено с помощью алгоритма BASIC-MINT. Исходя из этого, в лучшем случае суммарный размер охранных условий в автомате равен $N'_{\min} = T_{\min} - 1 + P'$. Обозначим N_{\min}^{best} лучшее, то есть наименьшее значение, найденное в текущий момент. Так как перебор параметра P производится с целью нахождения $N'_{\min} < N_{\min}^{\text{best}}$, то есть $T_{\min} - 1 + P' < N_{\min}^{\text{best}}$, то из этого следует, что верхняя граница для параметра P : $P' \leq N_{\min}^{\text{best}} - T_{\min}$.

Процесс перебора P до теоретической верхней границы может потребовать значительного количества времени, поэтому предлагается следующая эвристика для ускорения этого процесса. Рассмотрим два последовательных значения P' и $P'' = P' + 1$, а также соответствующим им значения N'_{\min} и N''_{\min} . Равенство $N'_{\min} = N''_{\min}$ говорит о том, что процесс поиска оптимального P находится в локальном минимуме — на *плато*. Если при увеличении P'' равенство сохраняется, то в таком случае увеличивается *ширина плато*, равная $P'' - P'$. Обозначим w критическое значение ширины плато, при достижении которого останавливается перебор P . Выбор подходящего значения w обеспечивает компромисс между временем выполнения и глобальной минимальностью полученного решения. На практике, значение $w = 2$ является оптимальным. Стоит отметить, что при использовании данной эвристики

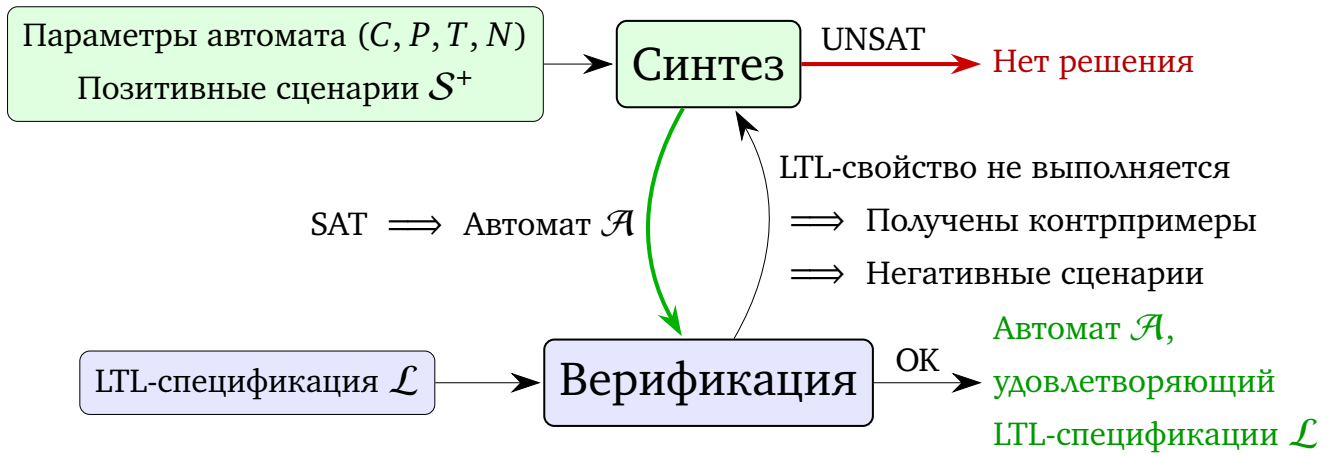


Рисунок 3 — Цикл «Синтез–Верификация» — индуктивный синтез, основанный на контрпримерах

разработанные методы остаются *точными*, то есть синтезированные автоматы так же соответствуют заданному поведению.

Обозначим $\text{EXTENDED-MIN-UB}(S^+, w)$ процесс синтеза минимальной модели, удовлетворяющей заданным сценариям выполнения S^+ , с автоматическим перебором параметра P с учетом значения критической ширины плато w : если $w = 0$, то первое найденное решение считается оптимальным, если $w > 0$, то используется описанная выше эвристика, если $w = \infty$, то перебор производится до теоретической верхней границы, также описанной выше. Псевдокод алгоритма $\text{EXTENDED-MIN-UB}(S^+, w)$ приведен в листинге ??.

2.3 Индуктивный синтез, основанный на контрпримерах

Для того, чтобы производить синтез конечно-автоматных моделей не только примерам поведения в виде сценариев выполнения, но и с использованием LTL-спецификации — заданного набора LTL-свойств — в данной работе используется подход индуктивного синтеза, основанного на контрпримерах (*Counterexample-Guided Inductive Synthesis* — CEGIS) [45; 46]. CEGIS является итеративным подходом и его общий вид изображен на рисунке 3. На каждой итерации производится (1) синтез модели (конечного автомата \mathcal{A}) с помощью алгоритма *COMPLUTE*, а затем (2) верификация — проверка выполнения заданных LTL-свойств с помощью верификатора NuSMV [29]. Если какие-то LTL-свойства не выполняются, верификатор генерирует *контрпримеры*, которые затем конвертируются в *негативные сценарии*

и учитываются на следующей итерации CEGIS. В конечном итоге будет получен автомат \mathcal{A} , полностью удовлетворяющий заданной LTL-спецификации \mathcal{L} , либо же будет доказано его отсутствие при заданных параметрах C, P, T, N — в этом случае необходимо повторить процесс CEGIS с другими значениями параметров, например, ослабить ограничения на размер автомата.

2.3.1 Алгоритм CEGIS

Обозначим $\text{CEGIS}^*(S^+, \mathcal{L}, C, P, T, N)$ процедуру, реализующую индуктивный синтез, основанный на контрпримерах, для нахождения конечного автомата \mathcal{A} , который удовлетворяет заданному набору позитивных сценариев выполнения S^+ и LTL-спецификации \mathcal{L} , и в котором C состояний, суммарно не более T переходов, максимальный размер охранного условия P , а суммарный размер охранных условий не больше N . Также введем обозначение $\text{CEGIS}(S^+, \mathcal{L}, C, P) = \text{CEGIS}^*(S^+, \mathcal{L}, C, P, T = \infty, N = \infty)$ для случая, когда число переходов и суммарных размер охранных условий в автомате остаются неограниченными.

2.3.2 Алгоритм CEGIS-min

Рассмотрим автомат \mathcal{A} , полученный с помощью алгоритма $\text{CEGIS}(S^+, \mathcal{L}, C, P)$. Если мы будем минимизировать суммарный размер охранных условий N , то автомат в общем случае перестанет удовлетворять заданной LTL-спецификации \mathcal{L} , однако уже учтенные ранее негативные сценарии продолжают не выполняться. Поэтому, для синтеза минимальных моделей в данной работе предлагается поддерживать минимальную модель на каждой итерации CEGIS. Как правило, запуск процесса CEGIS начинается с оценки параметров автомата с помощью алгоритма EXTENDED-MIN-UB — обозначим полученные оценки C^* , P^* и N^* . Следом, с помощью алгоритма $\text{CEGIS}^*(S^+, \mathcal{L}, C^*, P^*, T = \infty, N^*)$ производится попытка синтезировать конечный автомат, удовлетворяющий спецификации \mathcal{L} . Отсутствие решения (случай UNSAT на рисунке 3) означает, что заданная верхняя граница для суммарного размера охранных условий N слишком мала, поэтому необходимо ослабить это ограничение

(например, взять значение $N' = N + 1$) и повторить CEGIS. Стоит отметить, что это является единственным моментом, когда прерывается процесс *инкрементального* решения с помощью SAT-решателя. Обозначим $\text{CEGIS-min}(\mathcal{S}^+, \mathcal{L}, C, P)$ алгоритм, реализующий индуктивный синтез для нахождения *минимальной* конечно-автоматной модели, которая удовлетворяет заданному набору позитивных сценариев выполнения \mathcal{S}^+ и LTL-спецификации \mathcal{L} , и в которой C состояний, максимальный размер охранного условия P , а суммарный размер охранных условий является минимальным: N_{\min} .

2.4 Программное средство fVSAT

Все предложенные в данной работе методы были реализованы в виде программного средства fVSAT с использованием языка программирования Kotlin. Исходный код распространяется под лицензией GNU GPLv3 и доступен онлайн [48]. В качестве бэкенда возможно использование любого SAT-решателя, поддерживающего работу через стандартный ввод или файлы формата DIMACS [53].

Стоит отметить, что существующие текстовые интерфейсы общения с SAT-решателями не позволяют использовать возможность решать последовательные SAT задачи *инкрементально*, без потери процесса решения при перезапуске. В ходе выполнения работы была реализована обертка *incremental-cryptominisat* [54] для SAT-решателя CryptoMiniSat, позволяющая формулировать и решать инкрементальные задачи через текстовый интерфейс с использованием формата iCNF (расширенный формат DIMACS).

Альтернативой является *нативный интерфейс*, однако его поддержка требует отдельной реализации для каждого SAT-решателя. В данной работе для этих целей была использована технология JNI (*Java Native Interface*) [55]. Совместно со студенткой второго курса Гречишкиной Дарьей была разработана библиотека *kotlin-jnisat* [56; 57], содержащая реализации нативных интерфейсов для современных SAT-решателей: MiniSat, CryptoMiniSat, Cadical, Glucose. Библиотека написана на языке Kotlin с поддержкой возможности ее использования из других JVM языков, например, из Java.

При проведении экспериментов в данной работе был использован SAT-решатель Cadical посредством реализованного нативного интерфейса. Данный выбор обоснован тем, что Cadical является наиболее эффективным и робастным решателем, то есть

способен решать как простые, так и сложные задачи, в отличие от, например, решателя MiniSat, который не всегда справляется с большими экземплярами задачи SAT. Однако стоит отметить, что в большинстве случаев решатели Cadical, CryptoMiniSat и Glucose показывают схожие результаты.

2.5 Экспериментальное исследование: Pick-and-Place манипулятор

В данном разделе приводится экспериментальное исследование, посвященное применению разработанных методов к задаче синтеза конечно-автоматной модели логического контроллера, управляющего Pick-and-Place (PnP) манипулятором. Синтезированные модели верифицируются программно и проверяются вручную в виртуальной среде исполнения pxtSTUDIO [52].

TODO

Рисунок 4 — Pick-and-Place манипулятор

Pick-and-Place (PnP) манипулятор, изображенный на рисунке 4, состоит из двух горизонтальных пневматических цилиндров (I, II), одного вертикального цилиндра (III) и захватывающего устройства с вакуумной присоской (IV) для подъема рабочих деталей. Когда рабочая деталь оказывается во входном лотке (1,2,3), горизонтальные цилиндры располагают актюатор над деталью, вертикальный цилиндр опускает захватывающее устройство, который в свою очередь захватывает деталь, после чего вся система аналогичным образом приходит в движение для переноса захваченной детали в выходной лоток (V). Данная система управления реализована в соответствии со стандартом IEC 61499 с использованием функциональных блоков в среде моделирования pxtSTUDIO [52]. Логический контроллер, осуществляющий управление, выполнен в виде базового функционального блока, интерфейс которого включает в себя одно входное событие REQ (*request*), одно выходное событие CNF (*confirmation*), а также десять входных и семь выходных переменных. Контроллер PnP-манипулятора оперирует следующими входными сигналами X , поступающими от объекта управления — среды исполнения:

- c1Home/c1End — горизонтальный цилиндр I находится в крайнем левом/правом положении;

Таблица 1 — Результаты синтеза минимальной конечно-автоматной модели логического контроллера PnP-манипулятора по примерам поведения с помощью двухэтапного метода Two-stage [28] и алгоритма EXTENDED-MIN-UB
TODO

- c2Home/c2End — горизонтальный цилиндр II находится в крайнем левом/правом положении;
- vcHome/vcEnd — вертикальный цилиндр III находится в крайнем верхнем/нижнем положении;
- pp1/pp2/pp3 — рабочая деталь находится на входном лотке 1/2/3;
- vac — вакуумная присоска включена.

В свою очередь контроллер PnP-манипулятора может посылать следующие сигналы \mathcal{Z} объекту управления:

- c1Extend/c1Retract — удлинить/втянуть цилиндр I;
- c2Extend/c2Retract — удлинить/втянуть цилиндр II;
- vcExtend — удлинить цилиндр III;
- vacuum_on/vacuum_off — включить/выключить вакуумную присоску.

2.5.1 Синтез минимальной конечно-автоматной модели по примерам поведения

Для исследования эффективности и практической применимости разработанных методов синтеза минимальных моделей по примерам поведения, производится сравнение с двухэтапным подходом из [28], где на первом этапе производится построение базовой модели, удовлетворяющей заданным сценариям выполнения, с помощью SAT-решателя, а затем охранные условия полученной модели минимизируются с помощью CSP-решателя. Стоит отметить, что превосходство данного двухэтапного метода над другими методами, например, EFSM-tools [11], уже было показано в [28], поэтому сравнение происходит только с двухэтапным методом, впоследствии называемым «Two-stage».

Для синтеза минимальной конечно-автоматной модели контроллера PnP-манипулятора по заданным сценариям выполнения \mathcal{S}^+ был применен алгоритм EXTENDED-MIN-UB(\mathcal{S}^+ , w) с различными значениями параметра w — ширины плато для поиска локального минимума: $w = 0$ для случая, когда первое найденное

решение считается финальным, $w = \infty$ для нахождения глобально-минимального решения, а также $w = 2$ для случая использования предложенной эвристики. Результаты эксперимента представлены в таблице 1, где S^+ — набор сценариев выполнения, $|\mathcal{T}^+|$ — размер дерева сценариев; «Время, с» — время работы в секундах, N_{\min} — минимальный суммарный размер охранных условий; для метода Two-stage [28]: C_{\min} — минимальное число состояний, T_{\min} — минимальное число переходов; для метода EXTENDED-MIN-UB: минимальное число состояний опущено, так как совпадает с C_{\min} для двухэтапного метода, P — максимальный размер каждого охранного условия, T — число переходов (не было минимизировано), w — критическая ширина плато для предложенной эвристики. Результаты свидетельствуют о том, что разработанный метод EXTENDED-MIN-UB способен генерировать более компактные конечные автоматы, чем двухэтапный метод, при этом значения эвристического параметра $w = 2$ достаточно для получения оптимального результата в терминах N_{\min} .

2.5.2 Синтез минимальной конечно-автоматной модели по примерам поведения и LTL-спецификации

Следующий эксперимент посвящен учету формальной спецификации с помощью применения индуктивного синтеза, основанного на контрпримерах. Для использования LTL-свойств *живости* (*liveness*) верификация моделей с помощью NuSMV проводилась в замкнутом цикле [58] с заранее подготовленной формальной моделью объекта управления — PnP-манипулятора. Эта модель определяет состояние объекта управления в зависимости от команд управления контроллера — синтезированной конечно-автоматной модели. Набор использованных LTL-свойств представлен в таблице ?? и включает в себя как свойства безопасности φ_1 – φ_6 («система не окажется в нежелательном состоянии»), так и свойства живости φ_7 – φ_{10} («что-то полезное когда-нибудь произойдет»). При этом свойства φ_1 – φ_7 зафиксированы, то есть используются во всех экспериментах, а использование свойств φ_8 – φ_{10} разнится. Стоит отметить, что эти три свойства определяют тот факт, что если рабочая деталь (1–3) размещается на входном лотке, то она когда-нибудь будет обработана. Однако в оригинальной системе PnP-манипулятора [59] выполняется *только* свойство φ_8 , касающееся первой детали — если в первом

входном лотке всегда присутствует рабочая деталь (при ее подъеме на ее месте в этот же момент появляется новая), то рабочие детали во втором и третьем входных лотках никогда не будут обработаны, что нарушает свойства живости φ_9 и φ_{10} . Поэтому каждое дополнительное (по отношению к φ_1 – φ_7) свойство φ_8 – φ_{10} рассматривается отдельно от остальных, при этом предполагается, что рабочие детали появляются только на соответствующих входных лотках. Для эксперимента с использованием дополнительного LTL-свойства φ_9 был использован специальный набор сценариев $\mathcal{S}^{(1)''}$, состоящий из одного сценария, описывающего обработку детали во втором входном лотке. Аналогично, для свойства φ_{10} был использован специальный набор сценариев $\mathcal{S}^{(1)'''}$, состоящий из одного сценария, описывающего обработку детали в третьем входном лотке.

Проведенное экспериментальное сравнение включало в себя три метода: два разработанных метода CEGIS и CEGIS-min, входящие в состав fвSAT, а также расширение метода fвCSP для учета LTL-спецификации, называемое впоследствии fвCSP+LTL [27]. Для обоих разработанных методов параметры C^* и P^* были предварительно оценены с помощью алгоритма EXTENDED-MIN-UB с параметром $w = 2$, время работы было учтено в суммарном времени работы алгоритма CEGIS. Дополнительно, синтезированные модели были вручную протестированы в nxtSTUDIO [52] — загружены в симуляционную среду и проверены на соответствие желаемому поведению. Результаты данного экспериментального исследования представлены в таблице 3, где «Дополнительное LTL-свойство» — одно из свойств φ_8 – φ_{10} , использованное в дополнение к свойствам φ_1 – φ_7 , \mathcal{S}^+ — набор использованных позитивных сценариев выполнения \mathcal{S}^+ , N_{init} — начальный минимальный суммарный размер охранных условий (для автомата, полученного с помощью алгоритма EXTENDED-MIN-UB(\mathcal{S}^+ , w)), «Время, с» — время работы в секундах, P — максимальный размер охранного условия, N — финальный суммарный размер охранных условий (при использовании алгоритма CEGIS-min это значения является минимальным), «#iter» — число итераций CEGIS.

Анализируя полученные результаты, можно заметить, что модели, найденные с помощью подхода CEGIS всегда имеют больший размер (в терминах суммарного размера охранных условий N), нежели модели, построенные только по сценариям выполнения. Это объясняется тем, что используемые сценарии выполнения не полностью покрывают рассмотренную LTL-спецификацию. Поэтому алгоритм CEGIS-min всегда находит наименьшее решение и во всех случаях превосходит fвCSP+LTL [27], как по времени работы, так и по размеру моделей. Наиболее интересным результатом

является то, что CEGIS-min позволяет эффективно синтезировать модели по наборам сценариев $\mathcal{S}^{(1)}$, $\mathcal{S}^{(1)''}$ и $\mathcal{S}^{(1)'''}$ — эти сценарии «не покрывают» соответствующие свойства живости φ_8 – φ_{10} в том смысле, что эти сценарии описывают процесс обработки только одной рабочей детали. Существующий метод fvcSP+LTL [27] не справился в этих случаях, в то время как разработанный метод CEGIS-min с легкостью преуспел. Также стоит отметить, что алгоритм CEGIS позволяет синтезировать модели быстрее, однако не обеспечивает минимальности охранных условий.

2.6 Экспериментальное исследование: SYNTCOMP

В этом разделе описывается применение разработанных методов к задаче синтеза системы переходов (*transition system*) [14; 23] по входным данным с соревнования по реактивному синтезу SYNTCOMP [47]. Один из треков соревнования SYNTCOMP — трек последовательного синтеза (*sequential synthesis track*) — посвящен задаче синтеза системы переходов по заданной LTL-спецификации, также известной как задача LTL-синтеза. Существует множество различных программных средств, осуществляющих LTL-синтез, среди которых можно выделить BoSy [14; 23] и Strix [25]. Стоит отметить, что среди всех доступных программных средств только BoSy ограничивает размеры (число состояний) генерируемых систем переходов, однако BoSy не минимизирует размеры охранных условий, что значительно затрудняет анализ получаемых систем человеком. Также стоит отметить, что на текущий момент разработанное в данной работе программное средство fvcSAT неприменимо в явном виде к задаче LTL-синтеза, так как для fvcSAT необходимым условием является наличие некоторого множества позитивных сценариев выполнения \mathcal{S}^+ . Несмотря на это, fvcSAT может быть применен для *минимизации* систем переходов, генерируемых BoSy.

Формально⁴, система переходов \mathcal{T} это кортеж $\langle T, t_0, \Sigma = I \cup O, \tau \rangle$, где T — множество состояний, $t_0 \in T$ — стартовое состояние, Σ — алфавит системы, I — множество пропозициональных переменных, управляемых окружением (*входы*), O — множество пропозициональных переменных, управляемых системой (*выходы*), $\tau : T \times 2^I \rightarrow$

⁴Здесь стоит отметить, что в данном разделе для описания системы переходов используется оригинальная нотация из [23]. Эта нотация может конфликтовать с другими частями данной работы — следует считать, что все объявления в данном разделе действуют только здесь. Также стоит отметить, что в оригинальной нотации для обозначения множества всех наборов значений пропозициональных переменных используется нотация 2^X , где X — множество пропозициональных переменных, однако более корректным обозначением было бы $\mathbb{B}^{|X|}$.

$2^O \times T$ — функция перехода, отображающая состояние t и входной набор $i \in 2^I$ в выходной набор $o \in 2^O$ и новое состояние t' . Можно заметить сходство систем переходов и конечно-автоматных моделей ЕСС базовых функциональных блоков. Если система переходов обладает семантикой, схожей с семантикой автомата Мура (то есть выходы в функции перехода зависят от состояния системы), то такая система может быть смоделирована в виде ЕСС, а значит и синтезирована с помощью fVSAT.

Наборы данных (*инстансы*) на соревновании SYNTCOMP представляют собой JSON-файлы с описанием интерфейса системы и набора инвариантов — свойств на языке LTL, которые должны выполняться в каждый момент времени работы системы. В листинге ?? приведен пример инстанса `lilydemo19`, описывающего систему с семантикой автомата Мили. Данная система оперирует входами $\{es, ets\}$ и выходами $\{fl, hl\}$. Логика работы системы описывается с помощью LTL-свойств, указанных в поле `guarantees`, а дополнительные глобальные ограничения (предположения) записаны в поле `assumptions`.

При выполнении данной работы был использован набор из 136 инстансов с соревнования SYNTCOMP 2018. Для получения конечно-автоматных моделей в формате NuSMV по имеющимся LTL-спецификациям было использовано программное средство BoSy (input-symbolic, QBF-encoding, максимальное число состояний: 10, максимальное время работы: 1 час), в результате чего только только для 97 из 136 инстансов были получены результирующие модели. В листинге ?? приведена NuSMV модель для инстанса `lilydemo19`. Все полученные модели были просимулированы с помощью NuSMV с целью получения случайных сценариев выполнения различных длин. Для этого была использована команда «`simulate -r -k <length>`» для симуляции (`<length>` — число шагов симуляции) и команда «`show_traces -a -v`» для сохранения трассировок. Полученные трассировки были сконвертированы в сценарии выполнения в соответствии с разделом ??.

Полученные сценарии выполнения были использованы для синтеза конечно-автоматных моделей с помощью fVSAT. На рисунке 5 представлена синтезированная модель для описанного выше инстанса `lilydemo19`. Для синтеза было использовано пять сценариев длины 10 (`scenarios-k5-l10`), алгоритм EXTENDED-MIN-UB($w = 0$), время синтеза составило менее секунды. Модель состоит из $C = 2$ состояний и $T = 4$ переходов, а охранные условия имеют суммарный размер $N = 6$. Дополнительный этап верификации подтвердил соответствие синтезированной системы исходной LTL-спецификации, указанной во входном файле `lilydemo19.json`. Как можно заметить,

синтезированная модель полностью эквивалентна исходной NuSMV модели, поэтому необходимо рассмотрение более «сложного» инстанса.

TODO

Рисунок 5 — Конечно-автоматная модель для инстанса `lilydemo19`, синтезированная с помощью `fbSAT`

Рассмотрим инстанс `full_arbiter_3` — данная система оперирует входами $\{r_0, r_1, r_2\}$ и выходами $\{g_0, g_1, g_2\}$. Полученная с помощью `BoSy` система переходов $\mathcal{T}_{\text{original}}$ изображена на рисунке ?? и состоит из $C = 8$ состояний и $T = 28$ переходов, а суммарный размер охранных условий $N = 147$. На этом этапе можно предположить, что полученная модель не является минимальной, а значит, возможно применение `fbSAT` для синтеза минимальной модели, также соответствующей исходной LTL-спецификации — для этого был использован алгоритм `CEGIS-min`. Стоит заметить, что для более эффективного синтеза необходимо полное покрытие состояний сценариями выполнения. Поэтому было использовано 20 сценариев, каждый длины 20 (`scenarios-k20-l20`).

Стоит отметить, что формальное определение системы переходов, данное выше, не обязывает функцию переходов τ быть детерминированной, однако `fbSAT` всегда генерирует детерминированные модели. Также стоит отметить, что формальное определение системы переходов не включает в себя функцию приоритета переходов, которая присутствует в определении ECC. Для того, чтобы модели, синтезируемые `fbSAT`, соответствовали моделям, получаемым с помощью `BoSy`, в `fbSAT` было добавлено ограничение на «дизъюнктивные переходы»⁵ — в каждом состоянии $q \in Q$ для каждого входа $u \in \mathcal{U}$ выполняется не более одного перехода. В результате была синтезирована модель $\mathcal{A}_{\text{deterministic}}$, изображенная на рисунке ??, с тем же числом состояний и переходов, что и $\mathcal{T}_{\text{original}}$, однако с меньшим суммарным размером охранных условий: $N = 105$.

Если же не использовать введенное ограничение на «дизъюнктивные переходы», то есть использовать `fbSAT` в оригинальном виде, то синтезируемые модели будут детерминированными ECC (из-за функции приоритета переходов), но недетерминированными системами переходов. В таком случае результирующая модель $\mathcal{A}_{\text{non-deterministic}}$, изображенная на рисунке ??, обладает наименьшим суммарным размером охранных условий: $N = 52$.

⁵Флаг `--encode-disjunctive-transitions` в `fbSAT`

Полученные результаты показывают, что предложенный подход к явному кодированию деревьев разбора булевых формул, соответствующих охранным условиям на переходах автомата, позволяет существенно сократить суммарный размер охранных условий в автомате. Стоит также отметить, что данный подход применим не только *после* LTL-синтеза — возможно расширить SAT-/QBF-сведение в BoSy предложенной кодировкой для охранных условий для их минимизации непосредственно *в процессе* синтеза.

Выводы по главе 2

В данной главе была рассмотрена задача синтеза монолитных конечно-автоматных моделей логических контроллеров по примерам поведения и формальной спецификации. Для решения этой задачи были разработаны методы, основанные на сведении к задаче выполнимости SAT и применении SAT-решателей. Отдельное внимание было уделено решению задачи синтеза минимальных моделей. Разработанные методы были реализованы в виде программного средства fвSAT [48]. Работоспособность и эффективность разработанных методов были проверены в ходе экспериментального исследования, посвященному синтезу модели логического контроллера, управляющего Pick-and-Place манипулятором. Дополнительно, разработанные методы были применены для минимизации конечно-автоматных моделей, получаемых в ходе LTL-синтеза с помощью программного средства BoSy по исходным данным с соревнования по реактивному синтезу SYNTCOMP.

Таблица 2 — Темпоральные свойства для системы PnP-манипулятора
TODO

Таблица 3 — Результаты применения подхода CEGIS к синтезу конечно-автоматной модели логического контроллера PnP-манипулятора по примерам поведения и LTL-спецификации

TODO

Глава 3. Методы оценивания декомпозиционной трудности булевых формул в применении к задачам тестирования и верификации логических схем

ICCAD/SAT/IEEE article

3.1 Общие стратегии декомпозиции булевых формул, кодирующих задачи верификации (проверки эквивалентности) логических схем

[TODO Основной вывод: нужно объединять "входы" схем, чтобы уменьшить размерность пространства поиска, а также чтобы получить меньшую дисперсию подзадач.]

Для эффективного решения сложных экземпляров SAT часто разумно использовать некоторые техники разделения исходной проблемы на более простые. Естественным способом декомпозиции экземпляра SAT на подзадачи является так называемый *подход к разбиению (partitioning approach)* [60].

Рассмотрим произвольную КНФ-формулу C над множеством булевых переменных X и множество $\Pi = \{G_1, \dots, G_s\}$, где $G_i, i \in \{1, \dots, s\}$, представляют собой некоторые булевы формулы над X . Пусть Π задает *разбиение* C , если выполняются следующие условия:

1. формулы C и $C \wedge (G_1 \vee \dots \vee G_s)$ равновыполнимы (*equisatisfiable*);
2. для всех $i \neg j \in \{1, \dots, s\}$ формула $C \wedge G_i \wedge G_j$ выполнима.

Здесь и далее будем называть конъюнкцию произвольных литералов (без эквивалентных и контрарных литералов) из X как куб над X . Для произвольной КНФ C над переменными X простым примером разбиения является множество $\Pi = \{G_1, \dots, G_{2^r}\}$, которое состоит из всех возможных различных кубов размера r над множеством B , где $|B| = r$.

[TODO Описать различные стратегии разбиения: по переменным (входы / (не-)балансные гейты), по кубам (CnC?), по чанкам (объединение входов), по интервалам.]

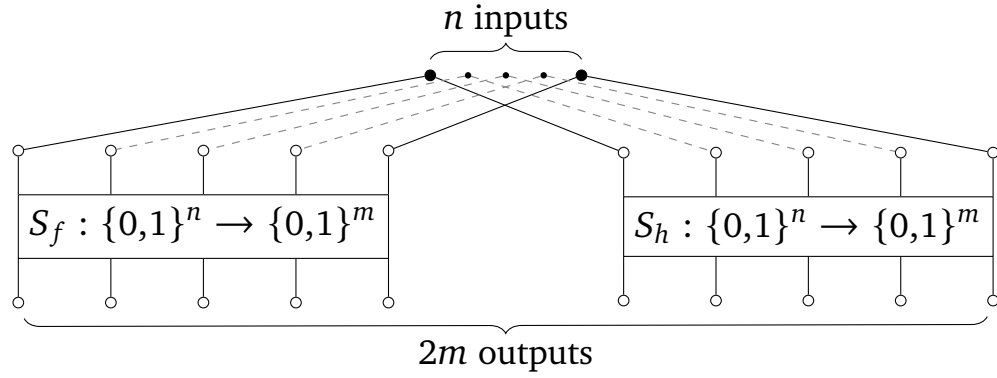


Рисунок 6 — Склеенная схема $S_{f \Delta h}$, построенная с использованием одного и того же набора входов для двух схем S_f и S_h

3.2 Конструкции разбиения формул, кодирующих задачи верификации логических схем

[TODO Чанки, балансные переменные, интервалы, математические свойства, детали программной реализации ("простая"реализация, BDD).]

Рассмотрим ЛЕС для двух булевых схем S_f , S_h , определяющих функции $f, h: \{0,1\}^n \rightarrow \{0,1\}^m$. Давайте сконструируем схему, полученную из S_f и S_h путем «склеивания» входных вершин (см. Рис. 6), и обозначим ее через $S_{f \Delta h}$. Она имеет такое же V^{in} , как и S_f и S_h , и определяет следующую функцию:

$$f \Delta h: \{0,1\}^n \rightarrow \{0,1\}^{2m} \quad (4)$$

Обозначим V_f^{out} и V_h^{out} множества выходов схем S_f и S_h , а также через $Y_f = \{y_1^f, \dots, y_m^f\}$ и $Y_h = \{y_1^h, \dots, y_m^h\}$ множества переменных, ассоциированных с вершинами из V_f^{out} и V_h^{out} соответственно, упорядоченные в соответствии с семантикой схем. Теперь рассмотрим формулу $(y_1^f \oplus y_1^h) \vee \dots \vee (y_m^f \oplus y_m^h)$, которая определяет булеву функцию $\mathcal{M}: \{0,1\}^{2m} \rightarrow \{0,1\}$, называемую *митером*. Применим к этой формуле преобразования Цейтина и обозначим полученную КНФ как $C(\mathcal{M})$. Прямо следует из Леммы 1, что схемы S_f и S_h эквивалентны тогда и только тогда, когда следующая КНФ-формула выполнима:

$$C_{f \Delta h} \wedge C(\mathcal{M}), \quad (5)$$

где $C_{f \Delta h}$ является шаблонной КНФ для функции (4).

Далее приведены две различные конструкции для эффективного построения SAT-разбиений для произвольного экземпляра задачи ЛЕС. Первую конструкцию определим следующим образом:

Конструкция 1. Рассмотрим множество переменных $X^{\text{in}} = \{x_1, \dots, x_n\}$, ассоциированных с входами схем $S_f, S_h, S_{f\Delta h}$. Затем выберем целое число k так, что $1 < k < n$, и разобьем X^{in} на $q = \lceil n/k \rceil$ попарно непересекающихся множеств X^j , где $j \in \{1, \dots, q\}$. Если n делится на k , то каждое множество X^j содержит k переменных. В противном случае разобьем X^{in} на $q - 1$ множеств X^1, \dots, X^{q-1} размером k каждое и одно множество X^q размером r , такое что $n = k \cdot \lfloor \frac{n}{k} \rfloor + r$, где $r \in \{1, \dots, k - 1\}$.

Рассмотрим произвольную булеву функцию $\lambda: \{0,1\}^l \rightarrow \{0,1\}$, где $l \in \mathbb{N}^+$, и предположим, что λ не является константой. Пусть $\neg\lambda: \{0,1\}^l \rightarrow \{0,1\}$ обозначает отрицание λ . С каждым X^j , $j \in \{1, \dots, q\}$, свяжем две КНФ-формулы φ_1^j и φ_2^j , которые определяют функции $\lambda^j: \{0,1\}^{|X^j|} \rightarrow \{0,1\}$ и $\neg\lambda^j: \{0,1\}^{|X^j|} \rightarrow \{0,1\}$ соответственно.

Теорема 1. Пусть φ^j обозначает обе формулы φ_1^j и φ_2^j . Множество Π всех $2^{\lceil n/k \rceil}$ возможных формул вида $\varphi^1 \wedge \dots \wedge \varphi^{\lceil n/k \rceil}$ формирует SAT-разбиение формулы (5).

Набросок доказательства. В доказательстве мы можем использовать Лемму 1, чтобы показать, что любое присваивание, удовлетворяющее $C_{f\Delta h}$, также удовлетворяет ровно одной формуле вида $G_i \wedge C_{f\Delta h}$, где G_i , $i \in \{1, \dots, 2^{\lceil n/k \rceil}\}$, является конкретным примером формулы $\varphi^1 \wedge \dots \wedge \varphi^{\lceil n/k \rceil}$ для определенных φ_l^j , $l \in \{1, 2\}$, $j \in \{1, \dots, 2^{\lceil n/k \rceil}\}$. Таким образом, формулы $C_{f\Delta h} \wedge C(\mathcal{M})$ и $C_{f\Delta h} \wedge C(\mathcal{M}) \wedge (G_1 \vee \dots \vee G_{2^{\lceil n/k \rceil}})$ равновыполнимы. \square

Важным вопросом является выбор функций λ^j и $\neg\lambda^j$ таким образом, чтобы гарантировать малую дисперсию $\text{Var}(\xi_\Pi)$ для SAT-разбиения Π описанного выше типа. Здравый смысл подсказывает, что сбалансированная булева функция, которая принимает значение 1 на 2^{l-1} входных словах, должна использоваться в качестве функции $\lambda: \{0,1\}^l \rightarrow \{0,1\}$. Очевидно, что если λ является сбалансированной функцией, то ее отрицание $\neg\lambda$ также является сбалансированной. Хорошим примером сбалансированной функции для $l > 1$ является функция, заданная формулой $x_1 \oplus \dots \oplus x_l$.

В данной статье мы представляем немного неформальный анализ свойств Конструкции 1 и используем его в качестве основы для Конструкции 2, которая показала лучшие результаты среди всех рассматриваемых методов в экспериментах с некоторыми чрезвычайно сложными экземплярами LEC в SAT-форме. Рассмотрим функцию (4) и шаблонную КНФ $C_{f\Delta h}$. Множество экспериментов показывает, что

даже когда SAT для $C_{f_{\Delta h}} \wedge C(\mathcal{M})$ является крайне сложным, SAT для $C_{f_{\Delta h}}$ остается простым: любой SAT-решатель на основе CDCL, получивший на вход $C_{f_{\Delta h}}$ без дополнительной информации о структуре схемы, умеет находить удовлетворяющее присваивание для $C_{f_{\Delta h}}$. Это присваивание можно рассматривать как удовлетворяющий сертификат для $C_{f_{\Delta h}}$. Как было отмечено выше, КНФ $C_{f_{\Delta h}}$ имеет 2^n таких сертификатов. Следовательно, доказательство невыполнимости $C_{f_{\Delta h}} \wedge C(\mathcal{M})$ можно рассматривать как процесс, который аннулирует все эти сертификаты. Более того, если функции λ^j сбалансированы для каждого $j \in \{1, \dots, \lceil n/k \rceil\}$, то каждая формула вида $\varphi^1 \wedge \dots \wedge \varphi^{\lceil n/k \rceil} \wedge C_{f_{\Delta h}}$ имеет $2^{n-\lceil n/k \rceil}$ удовлетворяющих присваиваний, которые также являются сертификатами удовлетворимости. Таким образом, можно сделать два спекулятивных предположения:

1. Для алгоритма A намного проще доказать невыполнимость формулы $\varphi^1 \wedge \dots \wedge \varphi^{\lceil n/k \rceil} \wedge C_{f_{\Delta h}} \wedge C(\mathcal{M})$, потому что ему необходимо аннулировать $2^{n-\lceil n/k \rceil}$ сертификатов вместо 2^n .
2. Для сбалансированных функций λ^j , $j \in \{1, \dots, \lceil n/k \rceil\}$, все $2^{\lceil n/k \rceil}$ различных формул вида $\varphi^1 \wedge \dots \wedge \varphi^{\lceil n/k \rceil} \wedge C_{f_{\Delta h}} \wedge C(\mathcal{M})$ должны быть более или менее схожими по времени выполнения алгоритма A на них, т.е. разбиение Π , заданное Конструкцией 1, должно иметь малую дисперсию $\text{Var}(\xi_{\Pi})$.

Хотя представленные аргументы лишены строго формального доказательства, их выводы были экспериментально проверены. Ниже мы опишем еще одну конструкцию, при разработке которой мы учитывали вышеуказанные свойства.

Основная идея описанной ниже конструкции заключается в том, чтобы рассмотреть произвольное присваивание переменных из $X^{\text{in}} = \{x_1, \dots, x_n\}$ как коэффициенты двоичного представления числа из $N_0^n = \{0, 1, \dots, 2^n - 1\}$. Таким образом, существует взаимно однозначное соответствие $\{0, 1\}^n \rightarrow N_0^n$. Для произвольных $a, b \in N_0^n$ назовем множество чисел $\{q \in N_0^n \mid a \leq q \leq b\}$ *интервалом* и обозначим такой интервал как $[a, b]$. Рассмотрим множество булевых векторов из $\{0, 1\}^n$, которые являются двоичными представлениями чисел из $[a, b]$, как множество решений следующего целочисленного неравенства, предполагая, что x_i , $i \in \{1, \dots, n\}$ принимают значения из $\{0, 1\}$:

$$a \leq x_1 + 2 \cdot x_2 + \dots + 2^{n-1} \cdot x_n \leq b \quad (6)$$

Пусть множество \mathcal{R}^n состоит из интервалов описанного вида и является *полной системой интервалов*, если ни один из двух интервалов из \mathcal{R}^n не пересекаются и любое число из N_0^n принадлежит какому-либо интервалу в \mathcal{R}^n . Это означает, что любая

полная система интервалов индуцирует разбиение $\{0,1\}^n$ на непересекающиеся подмножества, образованные решениями соответствующих неравенств (6).

Конструкция 2. Пусть \mathcal{R}^n будет полной системой интервалов. С произвольным $I = [a,b] \in \mathcal{R}^n$, свяжем неравенство вида (6) и КНФ C_I , полученную путем преобразования (6) в эквивалентную (или равновыполнимую) КНФ с использованием соответствующих техник, например, которые описаны в [61]. Определим $\Pi = \{C_I\}_{I \in \mathcal{R}^n}$.

Теорема 2. Множество $\Pi = \{C_I\}_{I \in \mathcal{R}^n}$, полученное с использованием Конструкции 2, формирует SAT-разбиение формулы $C_{f\Delta h} \wedge C(\mathcal{M})$.

3.3 Вероятностный и статистический анализ свойств предложенных разбиений

[TODO Статистические оценки, результаты из IEEE, доверительные интервалы, обоснование мощности выборки]

3.4 Экспериментальное исследование

[TODO Вычислительные эксперименты и их результаты]

[TODO Multipliers, Sorters, Cryptography]

Глава 4. Методы декомпозиции примеров задачи SAT, кодирующих синтез и верификацию ДУС, основанные на вероятностных лазейках

...

Заключение

Список литературы

1. *Cormen T. H., Leiserson C. E., Rivest R. L.* Introduction to Algorithms. 1st ed. MIT Press, 1990.
2. *Tseitin G. S.* On the Complexity of Derivation in Propositional Calculus // Studies in Constructive Mathematics and Mathematical Logic, Part II / ed. by A. Slisenko. Steklov Mathematical Institute, 1970. P. 115–125. (Seminars in Mathematics).
3. *Szeider S.* Backdoor Sets for DLL Subsolvers // Journal of Automated Reasoning. 2006. Oct. 5. Vol. 35, no. 1–3. P. 73–88. (Visited on 05/03/2024).
4. Circuit Complexity and Decompositions of Global Constraints / C. Bessière [et al.] // IJCAI'09: 21st International Joint Conference on Artificial Intelligence. Pasadena, CA, United States, 07/2009. P. 412–418. (Constraints, Satisfiability, and Search). URL: <https://hal-lirmm.ccsd.cnrs.fr/lirmm-00382608> (visited on 05/03/2024).
5. *Drechsler R., Junttila T. A., Niemelä I.* Non-Clausal SAT and ATPG // Handbook of Satisfiability. 1st ed. 2009. P. 655–693.
6. *Marques-Silva J., Lynce I., Malik S.* Conflict-Driven Clause Learning SAT Solvers // Handbook of Satisfiability. Vol. 185 / ed. by A. Biere [et al.]. IOS Press, 2009. P. 131–153. (Frontiers in Artificial Intelligence and Applications).
7. *Vyatkin V.* IEC 61499 as Enabler of Distributed and Intelligent Automation: State-of-the-Art Review // IEEE Transactions on Industrial Informatics Information. 2011. Vol. 7, no. 4. P. 768–781.
8. IEC 61131-1:2003. URL: <https://webstore.iec.ch/publication/4550> (visited on 06/17/2020).
9. *Gold M.* Complexity of Automaton Identification from Given Data // Information and Control. 1978. Vol. 37, no. 3. P. 302–320.
10. *Heule M. J. H., Verwer S.* Exact DFA Identification Using SAT Solvers // Grammatical Inference: Theoretical Results and Applications. Springer Berlin Heidelberg, 2010. P. 66–79.
11. *Ulyantsev V., Buzhinsky I., Shalyto A.* Exact finite-state machine identification from scenarios and temporal properties // International Journal on Software Tools for Technology Transfer. 2018. Vol. 20, no. 1. P. 35–55.

12. Efficient Symmetry Breaking for SAT-Based Minimum DFA Inference / I. Zakirzyanov [et al.] // Language and Automata Theory and Applications. Springer International Publishing, 2019. P. 159–173.
13. *Buzhinsky I., Vyatkin V.* Automatic Inference of Finite-State Plant Models From Traces and Temporal Properties // IEEE Transactions on Industrial Informatics Information. 2017. Vol. 13, no. 4. P. 1521–1530.
14. *Faymonville P., Finkbeiner B., Tentrup L.* BoSy: An Experimentation Framework for Bounded Synthesis // Computer Aided Verification. Springer, 2017. P. 325–332.
15. *Tsarev F., Egorov K.* Finite State Machine Induction Using Genetic Algorithm Based on Testing and Model Checking // Proceedings of the 13th Annual Conference Companion on Genetic and Evolutionary Computation. ACM, 2011. P. 759–762.
16. *Giantamidis G., Tripakis S.* Learning Moore Machines from Input-Output Traces // Formal Methods. Springer International Publishing, 2016. P. 291–309.
17. *Avellaneda F., Petrenko A.* FSM Inference from Long Traces // Formal Methods. Springer, 2018. P. 93–109.
18. FSM inference and checking sequence construction are two sides of the same coin / A. Petrenko [et al.] // Software Quality Journal. 2019. P. 651–674.
19. *Neider D., Topcu U.* An Automaton Learning Approach to Solving Safety Games over Infinite Graphs // Tools and Algorithms for the Construction and Analysis of Systems. Springer Berlin Heidelberg, 2016. P. 204–221.
20. G4LTL-ST: Automatic Generation of PLC Programs / C.-H. Cheng [et al.] // Computer Aided Verification. Springer International Publishing, 2014. P. 541–549.
21. *Smetsters R., Fiterău-Broștean P., Vaandrager F.* Model Learning as a Satisfiability Modulo Theories Problem // Language and Automata Theory and Applications. Springer International Publishing, 2018. P. 182–194.
22. *Walkinshaw N., Taylor R., Derrick J.* Inferring extended finite state machine models from software executions // Empirical Software Engineering. 2015. Vol. 21, no. 3. P. 811–853.
23. Encodings of Bounded Synthesis / P. Faymonville [et al.] // Tools and Algorithms for the Construction and Analysis of Systems. 2017. P. 354–370.
24. *Finkbeiner B., Klein F.* Bounded Cycle Synthesis // Computer Aided Verification. Springer International Publishing, 2016. P. 118–135.

25. Meyer P. J., Sickert S., Luttenberger M. Strix: Explicit Reactive Synthesis Strikes Back! // Computer Aided Verification. Springer International Publishing, 2018. P. 578–586.
26. CSP-based inference of function block finite-state models from execution traces / D. Chivilikhin [et al.] // 15th IEEE International Conference on Industrial Informatics. 2017. P. 714–719.
27. Counterexample-guided inference of controller logic from execution traces and temporal formulas / D. Chivilikhin [et al.] // 23rd IEEE International Conference on Emerging Technologies and Factory Automation. IEEE, 2018. P. 91–98.
28. Function Block Finite-State Model Identification Using SAT and CSP Solvers / D. Chivilikhin [et al.] // IEEE Transactions on Industrial Informatics. 2019. Vol. 15, no. 8. P. 4558–4568.
29. NuSMV: a new symbolic model checker / A. Cimatti [et al.] // International Journal on Software Tools for Technology Transfer. 2000. Vol. 2, no. 4. P. 410–425.
30. Manna Z., Pnueli A. Temporal Verification of Reactive Systems: Safety. Springer-Verlag, 1995. P. 512.
31. Clarke E. M., Grumberg O., Peled D. Model checking. MIT press, 1999.
32. Handbook of Satisfiability: Volume 185 Frontiers in Artificial Intelligence and Applications / A. Biere [et al.]. IOS Press, 2009.
33. Cook S. A. The Complexity of Theorem-Proving Procedures // Proceedings of the Third Annual ACM Symposium on Theory of Computing. ACM, 1971. P. 151–158.
34. SAT Competitions. URL: <http://www.satcompetition.org/> (visited on 06/13/2020).
35. Learning Rate Based Branching Heuristic for SAT Solvers / J. Liang [et al.] // Theory and Applications of Satisfiability Testing - SAT 2016. Springer International Publishing, 2016. P. 123–140.
36. CaDiCaL Simplified Satisfiability Solver. URL: <http://fmv.jku.at/cadical/> (visited on 06/13/2020).
37. Soos M., Nohl K., Castelluccia C. Extending SAT Solvers to Cryptographic Problems // Theory and Applications of Satisfiability Testing. Springer Berlin Heidelberg, 2009. P. 244–257.

38. *Audemard G., Simon L.* Predicting Learnt Clauses Quality in Modern SAT Solvers // Proceedings of the 21st International Joint Conference on Artificial Intelligence. Morgan Kaufmann Publishers Inc., 2009. P. 399–404.
39. Lingeling, Plingeling and Treengeling. URL: <http://fmv.jku.at/lingeling/> (visited on 06/13/2020).
40. *Eén N., Sörensson N.* An Extensible SAT-solver // Theory and Applications of Satisfiability Testing. Springer Berlin Heidelberg, 2003. P. 502–518.
41. *Marques-Silva J. P., Sakallah K. A.* GRASP—A new search algorithm for satisfiability // Proceedings of International Conference on Computer Aided Design. IEEE Comput. Soc. Press, 1996. P. 220–227.
42. *Williams R., Gomes C. P., Selman B.* Backdoors to Typical Case Complexity // Proceedings of the 18th International Joint Conference on Artificial Intelligence. Vol. 3 (IJCAI). San Francisco, CA, USA : Morgan Kaufmann Publishers Inc., 08/09/2003. P. 1173–1178.
43. Measuring the Hardness of SAT Instances / C. Ansótegui [и др.] // Proceedings of the 23rd National Conference on Artificial Intelligence - Volume 1. Chicago, Illinois : AAAI Press, 13.07.2008. C. 222—228. (AAAI'08).
44. Evaluating the Hardness of SAT Instances Using Evolutionary Optimization Algorithms / A. Semenov [et al.] // (27th International Conference on Principles and Practice of Constraint Programming). 2021. P. 18.
45. Combinatorial sketching for finite programs / A. Solar-Lezama [et al.] // ACM SIGOPS Operating Systems Review. 2006. Vol. 40, no. 5. P. 404–415.
46. Counterexample Guided Inductive Synthesis Modulo Theories / A. Abate [et al.] // Computer Aided Verification. Springer International Publishing, 2018. P. 270–288.
47. The 5th Reactive Synthesis Competition (SYNTCOMP 2018): Benchmarks, Participants & Results / S. Jacobs [et al.]. 2019. arXiv: 1904.07736 [cs.LG].
48. *Chukharev K.* fbSAT Tool / Computer Technologies Laboratory. URL: <https://github.com/ctlab/fbSAT> (дата о́бп. 29.04.2024).
49. *Ulyantsev V., Zakirzyanov I., Shalyto A.* BFS-Based Symmetry Breaking Predicates for DFA Identification // Language and Automata Theory and Applications. Springer International Publishing, 2015. P. 611–622.

50. *Petke J., Jeavons P.* The Order Encoding: From Tractable CSP to Tractable SAT // Theory and Applications of Satisfiability Testing - SAT 2011. Vol. 6695. Springer Berlin Heidelberg, 2011. P. 371–372.
51. *Walsh T.* SAT v CSP // 6th International Conference on Principles and Practice of Constraint Programming. Springer Berlin Heidelberg, 2000. P. 441–456.
52. *nxtControl - nxtStudio.* URL: <http://www.nxtcontrol.com/en/engineering> (visited on 06/17/2020).
53. *Benchmarks submission guidelines.* URL: <http://www.satcompetition.org/2009/format-benchmarks2009.html> (visited on 06/17/2020).
54. *Chukharev K.* Wrapper for incremental SAT solving using Cryptominisat. URL: <https://github.com/Lipen/incremental-cryptominisat> (visited on 06/17/2020).
55. *JNI APIs and Developer Guides.* URL: <https://docs.oracle.com/javase/8/docs/technotes/guides/jni/> (visited on 06/17/2020).
56. *Chukharev K., Grechishkina D.* Lipen/kotlin-jnisat: JNI wrappers for SAT-solvers in Kotlin. URL: <https://github.com/Lipen/kotlin-jnisat> (visited on 06/17/2020).
57. *Гречишкина Д., Чухарев К.* Программный интерфейс для SAT-решателей на основе технологии JNI // Сборник тезисов докладов конгресса молодых ученых. Электронное издание. СПб: Университет ИТМО, 2020. URL: <https://kmu.itmo.ru/digests/article/4456> (дата обр. 17.06.2020).
58. *Closed-Loop Modeling in Future Automation System Engineering and Validation / V. Vyatkin [et al.]* // IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics, Part C: Applications and Reviews. 2009. Vol. 39, no. 1. P. 17–28.
59. *Patil S., Vyatkin V., Sorouri M.* Formal verification of Intelligent Mechatronic Systems with decentralized control logic // IEEE Conference on Emerging Technologies and Factory Automation. IEEE, 2012. P. 1–7.
60. *Hyvärinen A.* Grid Based Propositional Satisfiability Solving : PhD thesis / Hyvärinen Antti. School of Science : Aalto University, 2011. 107 p. URL: <http://lib.tkk.fi/Diss/2011/isbn9789526043685/isbn9789526043685.pdf> (visited on 05/03/2024).

61. *Eén N., Sörensson N.* Translating Pseudo-Boolean Constraints into SAT // Journal on Satisfiability, Boolean Modeling and Computation / ed. by D. Le Berre, L. Simon. 2006. Mar. 1. Vol. 2, no. 1–4. P. 1–26.