

Clase 2



#### Temas de Clase

- Representación de datos
  - Números con signo
- Operaciones aritméticas
- Banderas de condición
- Representación de datos alfanuméricos

Notas de Clase 2



## Representación en BCS

Con n bits, 1 bit representa al signo y n-1 bits a la magnitud

<u>n-1</u>	n-2		0
SIGNO		MAGNITUD	

- ➤ El bit n-1 (extremo izquierdo) representa sólo al signo
- Los bits 0 a n-2 la magnitud

Notas de Clase 2

3



#### Binario con signo

- Un 0 en el bit de signo indica que el número es positivo
- Un 1 en el bit de signo indica que el número es negativo
- Los bits 0 → n-2 representan el valor absoluto en binario
- ► El rango:  $-(2^{n-1}-1) \rightarrow +(2^{n-1}-1)$  con 2 ceros

Notas de Clase 2



Ejemplos + 
$$-32_{10} = 00100000$$
  $-32_{10} = 10100000$   $-32_{10} = 10100000$   $-32_{10} = 10100000$   $-32_{10} = 10100000$   $-32_{10} = 101000000$   $-32_{10} = 101000000$   $-32_{10} = 1010000000$   $-32_{10} = 101000000$   $-32_{10} = 101000000$   $-32_{10} = 101000000$   $-32_{10} = 101000000$   $-32_{10} = 101000000$   $-32_{10} = 101000000$   $-32_{10} = 101000000$   $-32_{10} = 101000000$ 

Notas de Clase 2

5

# 4

## Binario con signo (3)

Notas de Clase 2



### Binario con signo (4)

➤ Ejemplo con n= 3 bits

$$111 = -3 = -(2^{n-1} - 1)$$

$$110 = -2$$

$$101 = -1$$

$$100 = -0$$

$$011 = +3 = +(2^{n-1} - 1)$$

$$010 = +2$$
  
 $001 = +1$ 

$$000 = +0$$

Notas de Clase 2

7



#### Resumen: BCS

- ✓ El intervalo es simétrico
- ✓ El primer bit sólo indica el signo
- ✓ Los positivos empiezan con cero (0)
- ✓ Los negativos empiezan con uno (1)
- √ Hay dos ceros
- ✓ Números distintos: 2<sup>n</sup>

Notas de Clase 2



#### Técnica de Complementos

 El complemento a un número N de un número A (A menor que N) es igual a la cantidad que le falta a A para ser N

Complemento a N de A = N - A

 El complemento a un número N del número (N-A) es igual a A.

Complemento a N de (N-A) = N - (N-A) = A

Notas de Clase 2

^



## Técnica de Complementos (2)

En un sistema con n dígitos podemos tener:

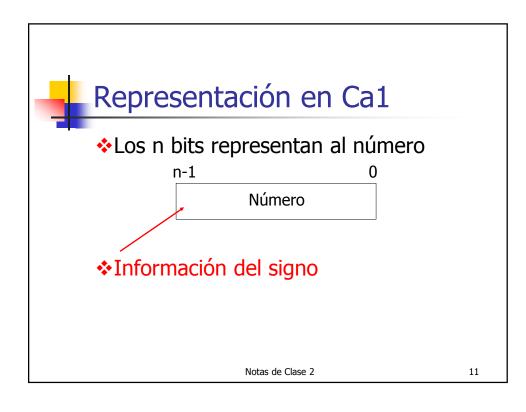
- Complemento a la base disminuida
  - si N= base<sup>n</sup> 1

En sistema binario es Complemento a 1 ó Ca1

- Complemento a la base
  - si N= base<sup>n</sup>

En sistema binario es Complemento a 2 ó Ca2

Notas de Clase 2



## Ca1

- Si el número es positivo, los n bits tienen la representación binaria del número (como siempre)
- ➤ Si el número es negativo, los n bits tienen el Ca1 del valor deseado.
- ➤ El Ca1 de un número en base 2 se obtiene invirtiendo todos los bits

Notas de Clase 2



- Los positivos empiezan con cero (0)
- Los negativos empiezan con uno (1)
- El rango va desde

$$-(2^{n-1}-1)$$
 a  $+(2^{n-1}-1)$  con dos ceros

Notas de Clase 2

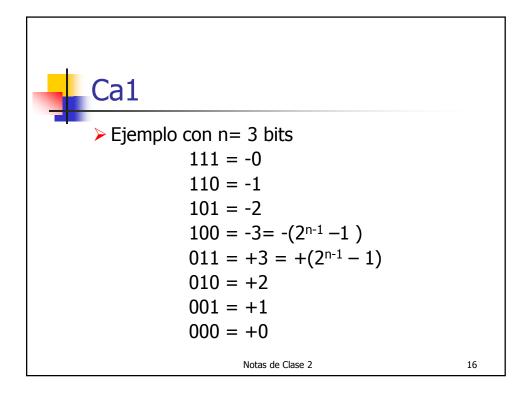
13



**≻**Ejemplos

$$+32_{10} = 00100000$$
  $-32_{10} = 11011111$   
 $+7_{10} = 00000111$   $-7_{10} = 11111000$   
 $+41_{10} = 00101001$   $-41_{10} = 11010110$ 

Notas de Clase 2





Dada una cadena de bits ¿qué número decimal representa si lo interpretamos en Ca1?

Cuando es positivo:

$$01100000 = 1 \times 2^{6} + 1 \times 2^{5} = 64+32=96$$
  
Como siempre

Notas de Clase 2

17



#### Ca<sub>1</sub>

- Cuando es negativo, puedo hacer dos cosas:
- ✓ Ca1 del número y obtengo el positivo Ej.

 $11100000 \longrightarrow 00011111 = +31$ 

Notas de Clase 2



#### Ca<sub>1</sub>

✓ Otro método: el peso que tiene el primer dígito ahora es –(2<sup>n-1</sup> –1 ) y el resto de los dígitos con pesos positivos como siempre

$$11100000 = -1x(2^7 - 1) + 1x2^6 + 1x2^5 =$$
= - 127 + 64 + 32 = -31

▶ O por definición de Complemento a la base disminuida

$$ightharpoonup$$
 Ca1 = (b<sup>n</sup>-1) - N<sup>o</sup>



Notas de Clase 2

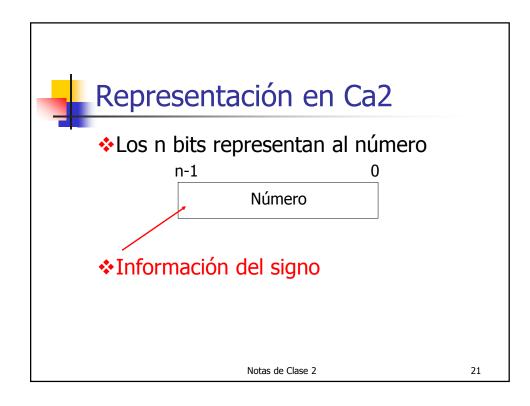
19



#### Resumen Ca1

- ❖El intervalo es simétrico
- Los n bits representan al número
- Los positivos empiezan con cero (0)
- Los negativos empiezan con uno (1)
- Hay dos ceros
- ❖Números distintos 2<sup>n</sup>

Notas de Clase 2





#### Representación en Ca2

- Si el número es positivo, los n bits tienen la representación binaria del número (como siempre)
- Si el número es negativo, los n bits tienen el Ca2 del valor deseado.
- ➤ El Ca2 de un número (en base 2) se obtiene invirtiendo todos los bits (Ca1) y luego sumándole 1.

Notas de Clase 2



#### Ca<sub>2</sub>

- ➤ Otra forma: "mirando" desde la derecha se escribe el número (base 2) igual hasta el primer "1" uno inclusive y luego se invierten los demás dígitos
- Otra forma: por definición de Complemento a la base

$$\triangleright$$
 Ca2 = b<sup>n</sup> - N<sup>o</sup>



Notas de Clase 2

23



#### Ca<sub>2</sub>

- Los positivos empiezan con cero (0)
- Los negativos empiezan con uno (1)
- El rango es asimétrico y va desde

$$-(2^{n-1})$$
 a  $+(2^{n-1}-1)$ 

Hay un solo cero

Notas de Clase 2

# Ca2

**≻**Ejemplos

$$+32_{10} = 00100000 \leftarrow \text{"mirando"}$$
desde la derecha
 $-32_{10} = 11100000$ 

- ✓ Los dígitos en rojo se copiaron igual
- ✓ Los dígitos en azul se invirtieron

Notas de Clase 2

25



## Ca2 (otra forma )

$$+32_{10}$$
=00100000  
1111  
11011111 invierto todos los bits  
+ 1 le sumo 1  
 $-32_{10}$ =11100000 ← en Ca2

Notas de Clase 2



## Ca2 (otra forma)

- Ca2 =  $b^n N^0 = 2^8 32 = 256-32=224$
- Hagamos la cuenta en base 2

$$\begin{array}{r}
0 \ 1 \ 1 \\
- 1101010 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\
\hline
0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\
-32 = 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ \bullet & en Ca2
\end{array}$$

Notas de Clase 2

27



### Ca2

```
Figenplo : n=8 bits

Números 11111111 — -1

negativos ...

100000000 \leftarrow -(2^{n-1}) = -128

Números 01111111 \leftarrow +(2^{n-1}-1) = +127

positivos ...

000000000 \leftarrow +0
```

Notas de Clase 2

# Ca2

➤ Ejemplo con n= 3 bits

$$111 = -1$$

$$110 = -2$$

$$101 = -3$$

$$100 = -4 = -(2^{n-1})$$

$$011 = +3 = +(2^{n-1} - 1)$$

$$010 = +2$$

001 = +1 000 = +0

Notas de Clase 2

29



### Ca2

Dada una cadena de bits ¿qué número decimal representa si lo interpretamos en Ca2?

Cuando es positivo:

$$01100000=1 \times 2^{6} + 1 \times 2^{5} = 64+32=96$$
  
Como siempre

Notas de Clase 2



- Cuando es negativo, puedo hacer dos cosas:
- ✓ Ca2 el número y obtengo el positivo Ej.

11100000

\_



11100000



00100000 = +32

Notas de Clase 2

31



#### Ca<sub>2</sub>

✓ Otro método: el peso que tiene el primer dígito ahora es –(2<sup>n-1</sup>) y el resto de los dígitos con pesos positivos como siempre

$$11100000 = -1x(2^7) + 1x2^6 + 1x2^5$$
$$= -128 + 64 + 32 = -32$$

Notas de Clase 2



#### Resumen Ca2

- ❖El intervalo es asimétrico, hay un más
- Los n bits representan al número
- Los positivos empiezan con cero (0)
- Los negativos empiezan con uno (1)
- Hay un solo cero
- ❖Números distintos 2<sup>n</sup>

Notas de Clase 2

33



#### Técnica del Exceso

 La representación de un número A es la que corresponde a la SUMA del mismo y un valor constante E (o exceso).

#### Exceso E de A = A + E

 Dado un valor, el número representado se obtiene RESTANDO el valor del exceso.

#### A = (Exceso E de A) - E

- El signo del número A resulta de una resta
  - En binario, NO sigue la regla del bit mas significativo

Notas de Clase 2



#### Exceso 2<sup>n-1</sup>

Rango

Notas de Clase 2

35



## Nuevas Banderas aritméticas

- N (negativo): igual al bit más significativo del resultado.
  - ❖Es 1 si el resultado es negativo
- ❖ V (overflow): en 1 indica una condición de fuera de rango (desborde) en Ca2.
  - El resultado no se puede expresar con el número de bits utilizado.

Notas de Clase 2



#### Suma en Ca2

- Para sumar dos números en Ca2 se suman los n bits directamente.
- ➤ Si sumamos dos números + y el resultado es ó si sumamos dos - y el resultado es + hay overflow, en otro caso no lo hay.
- ➤ Si los N°s son de distinto signo nunca puede haber overflow.

Notas de Clase 2

37



#### Resta en Ca2

- Para restar dos números en Ca2, se restan los n bits directamente. También se puede Ca2 el sustraendo y transformar la resta en suma.
- Si a un N° + le restamos un N° − y el resultado es − ó si a un N° − le restamos un + y el resultado es + hay overflow en la resta.
- > Si son del mismo signo nunca hay overflow

Notas de Clase 2



## Bits de condición para la suma

Operación NZVC Ca2 Sin signo

✓ Los dos resultados son correctos.

Notas de Clase 2

39



## Bits de condición para la suma

Operación NZVC Ca2 Sin signo

$$+ \frac{0101}{0111}$$
 1010  $+ \frac{+5}{+7}$   $+ \frac{+5}{+7}$  1100  $-4$  overf. +12

√Ca2 incorrecto, sin signo correcto.

Notas de Clase 2



## Bits de condición para la suma

Operación NZVC Ca2 Sin signo

$$+\frac{1101}{0011}$$
 0101  $+\frac{-3}{+3}$   $+\frac{13}{3}$   $0$  carry 0

√ Ca2 correcto, sin signo incorrecto.

Notas de Clase 2

41



## Bits de condición para la suma

Operación NZVC Ca2 Sin signo

✓ Los dos resultados son incorrectos.

Notas de Clase 2



## Bits de condición para la resta

Operación NZVC Ca2 Sin signo

√Ca2 correcto, sin signo incorrecto.

Notas de Clase 2

43



## Bits de condición para la resta

Operación NZVC Ca2 Sin signo

√ Ca2 incorrecto, sin signo correcto.

Notas de Clase 2



#### Suma en BCS



Para pensar.

Notas de Clase 2

45



## Representación alfanumérica

- Letras (mayúsculas y minúsculas)
- Dígitos decimales (0, ..., 9)
- Signos de puntuación
- Caracteres especiales
- "Caracteres" u órdenes de control

Notas de Clase 2



A cada símbolo un código en binario

Ejemplo: x, y,  $\alpha$ ,  $\beta$ , #, @, [, ]

¿Cuántos bits? ¿Por qué? Ocho símbolos 000 @ 001 У 010 α α 011 # β 100 # 101 **@** у 110 Χ ] 111

Notas de Clase 2

47



### Algunos códigos

- FIELDATA
  - 26 letras mayúsculas + 10 dígitos + 28 caracteres especiales
  - Total 64 combinaciones ⇒ Código de 6 bits
- ASCII

American Standard Code for Information Interchange

- FIELDATA + minúsculas + ctrl
- Total 128 combinaciones ⇒ Código de 7 bits

Notas de Clase 2



## Algunos códigos (2)

- ASCII extendido
  - ASCII + multinacional + semigráficos + matemática
  - Código de 8 bits
- EBCDIC Extended BCD Interchange Code
  - similar al ASCII pero de IBM
  - Código de 8 bits

(escape) (file separator) (group separator) (record separator)

(unit separator)

28 1C 034 FS

29 1D 035 GS 30 1E 036 RS 31 1F 037 US Notas de Clase 2

49

92 SC 134 6#92; 124 7C 174 6#124; 1 93 SD 135 6#93; 1 125 7D 175 6#125; ) 94 SE 136 6#94; 6 126 7E 176 6#126; ~ 95 SF 137 6#95; 127 7F 177 6#127; DEL

#### Tabla ASCII Dec Hx Oct Html Chr 96 60 140 4#96; 97 61 141 4#97; a 98 62 142 4#99; b 99 63 143 4#99; c 100 64 144 4#100; d 101 65 145 4#101; e 102 66 146 4#102; f 103 67 147 4#103; g 104 68 150 4#104; h 105 69 151 4#105; i 106 6A 152 4#106; j 107 6B 153 4#107; k 108 6C 154 4#108; l 109 6D 155 4#109; m 111 6F 157 6#111; o 112 70 160 4#112; p 113 71 161 4#113; q 114 72 162 4#114; r 115 73 163 4#115; s 116 74 164 4#116; t 117 75 165 4#110; u 118 76 166 4#110; u 118 76 166 4#111; u 118 76 166 4#111; u 118 76 166 4#112; u 119 77 167 4#112; u 120 78 170 4#121; y 121 79 171 4#121; y 122 7A 172 4#122; z 123 7B 173 4#123; d 124 7C 174 4#124; l 125 7D 175 4#124; l 125 7D 175 4#124; l 125 7D 175 4#124; l Dec Hx Oct Char Dec Hx Oct Html Chr Dec Hx Oct Html Chr Dec Hx Oct Html Chr 32 20 040 Spac 33 21 041 ! ! 34 22 042 " " 64 40 100 6#64; 8 65 41 101 6#65; A 66 42 102 6#66; B 67 43 103 6#67; C 68 44 104 6#68; D 69 45 105 6#69; E 70 46 106 6#70; F 71 47 107 6#71; G 72 48 110 6#72; H 73 49 111 6#73; I 74 4A 112 6#74; J 75 4B 113 6#75; K 76 4C 114 6#76; L 77 4D 115 6#78; M 78 4E 116 6#78; M 79 4F 117 6#79; 0 80 50 120 6#80; P 81 51 121 6#81; Q 82 52 122 6#82; B 83 53 123 6#83; S 84 54 124 6#84; T 85 55 125 6#85; U 86 56 126 6#86; V 87 57 127 6#87; W 88 58 130 6#88; X 99 59 13 6#892; C 91 5B 133 6#92; [ 0 000 NUL (null) (start of heading) 1 001 SOH 33 21 041 4#33; ! 34 22 042 4#34; " 35 23 043 4#35; # 36 24 044 4#36; 6; 6 37 25 045 4#37; % 38 26 046 4#37; % 40 28 050 4#40; ( 41 29 051 4#41; ) 42 2A 052 4#42; \* 43 2B 053 4#43; + 44 2C 054 4#44; + 45 2D 055 4#42; 46 2E 056 4#46; ( 47 2F 057 4#47; / 48 30 060 4#38; 0 49 31 061 4#49; 1 50 32 062 4#3; + 43 26 66 4#45; 5 51 33 063 4#51; 3 52 34 064 4#52; 4 53 35 065 4#53; 5 54 36 066 4#36; 6 55 37 067 4#55; 7 56 38 070 4#56; 8 57 39 071 4#50; 7 58 3A 072 4#58; 5 59 3B 073 4#59; 2 60 3C 074 4#60; 4#56; 6 3C 074 4#60; 4#56; 4#51; 6 3C 074 4#60; 4#56; 4#51; 6 3C 074 4#60; 4#56; 4#52; 4 50 075 4#61; 6 50 075 4#61; 6 (start of text) (end of text) (end of transmission) (enquiry) 2 002 STX 3 003 ETX (acknowledge) 6 006 ACK 7 007 BEL (bell) (beil) (backspace) (horizontal tab) (NL line feed, new line) (vertical tab) (NF form feed, new page) (carriage return) (shift out) 8 010 BS 9 011 TAB 9 011 TAB A 012 LF B 013 VT C 014 FF D 015 CR E 016 S0 F 017 SI 11 12 13 14 15 (shift in) 16 10 020 DLE 17 11 021 DC1 18 12 022 DC2 19 13 023 DC3 (data link escape) (device control 1) (device control 2) (device control 3) (device control 4) (negative acknowledge) (synchronous idle) (end of trans. block) 14 024 D 15 025 NAK 16 026 SYN 23 17 027 ETB (cancel) (end of medium) (substitute) 24 18 030 CAN 19 031 EM 1A 032 SUB 1B 033 ESC

61 3D 075 = = 62 3E 076 > > 63 3F 077 ? ?

Notas de Clase 2

		Lo			<b>.</b> L.		_: <b>/</b>		_1	Λ	C	٦Т.	т			
	(	JN	la	e)	<i>(LE</i>		sić		al	H	150	JL.	L			
-																
	128	Ç	144	É	160	á	176		193	Т.	209	₹	225	В	241	±
	129	ü	145	æ	161	í	177		194	т	210	π	226	Γ	242	≥
	130	é	146	Æ	162	ó	178		195	F	211	Ш	227	π	243	≤
	131	â	147	ô	163	ú	179	1	196		212	F	228	Σ	244	1
	132	ä	148	ö	164	ñ	180	4	197	+	213	F	229	σ	245	J
	133	à	149	ò	165	Ñ	181	4	198	F	214	г	230	μ	246	÷
	134	å	150	û	166	•	182	4	199	ŀ	215	#	231	τ	247	æ
	135	ç	151	ù	167	۰	183	П	200	Ŀ	216	+	232	Φ	248	۰
	136	ê	152		168	3	184	7	201	F	217	j	233	Θ	249	
	137	ë	153	Ö	169	М	185	4	202	<u>JL</u>	218	г	234	Ω	250	
	138	è	154	Ü	170	4	186		203	īF.	219		235	δ	251	V
	139	ï	156	£	171	1/2	187	า ส	204		220		236	00	252	
	140	î	157	¥	172	3/4	188	<u></u>	205	=	221	ĩ.	237	ф	253	2
	141	ì	158		173	i	189	Ш	206	#	222	ñ.	238	8	254	
	142	Ä	159	Ť	174	«	190	a a	207	<u>"</u>	223		239	^	255	
	143	Å	192	L	175	»	191	1	208	Ш	224	α	240	=		
								•				-				
							No	tas de	e Clase	2						51



## mayor información ...

- Capítulo 8: Aritmética del computador (8.1., 8.2., 8.3.)
  - Stallings, 5° Ed.
- Sistemas enteros y Punto fijo
  - Apunte 1 de Cátedra
- Capítulo 3: Lógica digital y representación numérica
  - Apuntes COC Ingreso 2013

Notas de Clase 2