

计算机组成原理习题答案

第三部分 运算方法与运算部件

1. 完成下列不同进制数之间的转换。

$$(1) (347.625)_{10} = (\quad)_2 = (\quad)_8 = (\quad)_{16}$$

$$(2) (9C.E)_{16} = (\quad)_2 = (\quad)_8 = (\quad)_{10}$$

$$(3) (11010011)_2 = (\quad)_{10} = (\quad)_{BCD}$$

答：(1) $(347.625)_{10} = (101011011.101)_2 = (533.5)_8 = (15B.A)_{16}$

$$(2) (9C.E)_{16} = (10011100.1110)_2 = (234.7)_8 = (156.875)_{10}$$

$$(3) (11010011)_2 = (211)_{10} = (001000010001)_{8421BCD}$$

2. 对下列十进制数，分别写出用 8 位机器数表示时的原码及补码。

$$(1) +23/128 \quad (2) -35/64 \quad (3) 43 \quad (4) -72$$

$$(5) +7/32 \quad (6) -9/16 \quad (7) +91 \quad (8) -33$$

答：(1) $[+23/128]_{原} = 0.0010111$, $[+23/128]_{补} = 0.0010111$;

$$(2) [-35/64]_{原} = 1.1000110$$
, $[-35/64]_{补} = 1.0111010$;

$$(3) [43]_{原} = 00101011$$
, $[43]_{补} = 00101011$;

$$(4) [-72]_{原} = 11001000$$
, $[-72]_{补} = 10111000$;

$$(5) [+7/32]_{原} = 0.0011100$$
, $[+7/32]_{补} = 0.0011100$;

$$(6) [-9/16]_{原} = 1.1001000$$
, $[-9/16]_{补} = 1.0111000$;

$$(7) [+91]_{原} = 01011011$$
, $[+91]_{补} = 01011011$;

$$(8) [-33]_{原} = 10100001$$
, $[-33]_{补} = 11011111$ 。

3. 对下列机器数，为原码时求补码及真值，为补码或反码时求原码及真值。

$$(1) [X]_{原} = 100011 \quad (2) [X]_{补} = 0.00011 \quad (3) [X]_{反} = 1.01010$$

$$(4) [X]_{原} = 1.10011 \quad (5) [X]_{补} = 101001 \quad (6) [X]_{反} = 101011$$

答：(1) $[X]_{补} = 111101$, $X = -00011 = -3$;

$$(2) [X]_{原} = 0.00011$$
, $X = +0.00011 = +3/32$;

$$(3) [X]_{原} = 1.10101$$
, $X = -0.10101 = -21/32$;

$$(4) [X]_{补} = 1.01101$$
, $X = -0.10011 = -19/32$;

$$(5) [X]_{原} = 110111$$
, $X = -10111 = -23$;

$$(6) [X]_{原} = 110100$$
, $X = -10100 = -20$ 。

4. 回答下列问题。

$$(1) \text{若 } [X]_{补} = 1.01001, \text{求 } [-X]_{补} \text{ 及 } X;$$

$$(2) \text{若 } [-X]_{补} = 101001, \text{求 } [X]_{补} \text{ 及 } X。$$

答：(1) $[-X]_{补} = 0.10111$, $X = -0.10111 = -23/32$ 。

$$(2) [X]_{补} = 010111$$
, $X = +10111 = +23$ 。

5. 回答下列问题。

$$(1) \text{若 } X = +23 \text{ 及 } -42, \text{分别求 8 位长度的 } [X]_{移};$$

$$(2) \text{若 } [X]_{移} = 1100101 \text{ 及 } 0011101, \text{分别求 } X。$$

答：(1) $[+23]_{\text{移}} = 10010111$, $[-42]_{\text{移}} = 01010110$ 。

(2) $[X]_{\text{移}} = 1100101$ 时 $X = +100101 = +37$, $[X]_{\text{移}} = 0011101$ 时 $X = -100011 = -35$ 。

6. 对 8 位长度的定点整数 9BH 及 FFH, 分别写出它们采用原码、补码、移码、无符号编码时的真值 (用十进制表示)。

答：机器数表示整数时, $9BH = [-27]_{\text{原}} = [-101]_{\text{补}} = [+27]_{\text{移}} = [155]_{\text{无}}$;

$FFH = [-127]_{\text{原}} = [-1]_{\text{补}} = [+127]_{\text{移}} = [255]_{\text{无}}$ 。

7. 浮点表示格式中, 阶码为 6 位、尾数为 10 位, 可以采用下列编码方式, 分别将 51/128、-27/1024、7.375、-86.5 转换为浮点数 (结果用 16 进制表示)。

(1) 阶码和尾数都为原码

(2) 阶码和尾数都为补码

答：(1) 都为原码时, $[51/128]_{\text{浮}} = [0.0110011]_{\text{浮}} = 1000\ 01\ 01\ 1001\ 1000 = 8598H$,

$[-27/1024]_{\text{浮}} = [-0.0000011011]_{\text{浮}} = 1001\ 0111\ 1011\ 0000 = 97B0H$,

$[7.375]_{\text{浮}} = [111.011]_{\text{浮}} = 0000\ 1101\ 1101\ 1000 = 0DD8H$,

$[-86.5]_{\text{浮}} = [-1010110.1]_{\text{浮}} = 0001\ 1111\ 0101\ 1010 = 1F5AH$ 。

(2) 都为补码时, $[51/128]_{\text{浮}} = 111111\ 0110011000$, $[-27/1024]_{\text{浮}} = 1110\ 1110\ 0101\ 0000 = EE50H$,

$[7.375]_{\text{浮}} = 000011\ 0111011000$, $[-86.5]_{\text{浮}} = 0001\ 1110\ 1010\ 0110 = 1EA6H$ 。

8. 若浮点表示格式中, 阶码为 6 位、尾数为 10 位, 可以采用下列编码方式, 分别写出浮点数 E796H、E696H 的规格化数 (结果用 16 进制表示)。

(1) 阶码和尾数都用原码表示

(2) 阶码和尾数都用补码表示

答：E796H = 1110011110010110B, E696H = 1110011010010110B,

(1) 阶码和尾数均为原码时,

E796H 的尾数 $[M]_{\text{原}} = 1110010110$, $0.5 \leq |M| < 1$, 故规格化数为 E796H;

E696H 的尾数 $[M]_{\text{原}} = 1010010110$, $0 < |M| < 0.5$, 需左规 1 次,

左规后尾数为 1100101100, 阶码为 111010, 故规格化数为 EB2CH。

(2) 阶码和尾数均为补码时,

E796H 的尾数 $[M]_{\text{补}} = 1110010110$, $0 < |M| < 0.5$, 需左规 2 次,

左规后尾数为 1001011000, 阶码为 110111, 故规格化数为 DE58H;

E696H 的尾数 $[M]_{\text{补}} = 1010010110$, $0.5 \leq |M| < 1$, 故规格化数为 E696H。

9. 若下列 A 和 B 用 8 位补码表示, 求 $[A+B]_{\text{补}}$ 及 $[A-B]_{\text{补}}$ (给出二进制补码的详细运算过程), 并判断结果是否溢出。

(1) $A = -87$, $B = 13$

(2) $A = 115$, $B = -24$

答：(1) 因 $A = -1010111$ 、 $B = +0001101$,

则 $[A]_{\text{补}} = 1\ 0101001$ 、 $[B]_{\text{补}} = 0\ 0001101$ 、 $[-B]_{\text{补}} = 1\ 1110011$,

$[A+B]_{\text{补}} = 1\ 0101001 + 0\ 0001101 = 1\ 0110110$, $OF = (1 \oplus 1)(0 \oplus 1) = 0$, 不溢出;

$[A-B]_{\text{补}} = 1\ 0101001 + 1\ 1110011 = 1\ 0011100$, $OF = (1 \oplus 1)(1 \oplus 1) = 0$, 不溢出。

(2) 因 $A = +1110011$ 、 $B = -0011000$,

则 $[A]_{\text{补}}=0\ 1110011$, $[B]_{\text{补}}=1\ 1101000$, $[-B]_{\text{补}}=0\ 0011000$,
 $[A+B]_{\text{补}}=0\ 1110011+1\ 1101000=0\ 1011011$, $OF=(0\oplus0)(1\oplus0)=0$, 不溢出;
 $[A-B]_{\text{补}}=0\ 1110011+0\ 0011000=1\ 0001011$, $OF=(0\oplus1)(0\oplus1)=1$, 溢出。

10. 若浮点数采用 IEEE 754 标准表示, 回答下列问题。

(1) 写出浮点数 99D00000H 及 59800000H 的规格化真值;

(2) 分别将 $-51/128$ 、 28.75 转换为单精度浮点数 (结果用 16 进制表示)。

答: (1) 机器码 99D00000H = 1 00110011 10100000000000000000000B,
 故浮点数的数符 $S=1$ 、阶码 $E=00110011$ 、尾数 $M=10100000000000000000000$,
 因 $1 < E < 255$, 故机器码表示的为规格化浮点数,
 99D00000H 的真值 $N=(-1)^1 \times 2^{51-127} \times 1.10100000000000000000000 = -0.1101 \times 2^{-75}$ 。

机器码 59800000H = 0 10110011 00000000000000000000000B,
 故浮点数的数符 $S=0$ 、阶码 $E=10110011$ 、尾数 $M=00000000000000000000000$,
 因 $1 < E < 255$, 故机器码表示的为规格化浮点数,
 59800000H 的真值 $N=(-1)^0 \times 2^{179-127} \times 1.00000000000000000000000 = +0.1 \times 2^{+53}$ 。

(2) $-51/128 = (-110011/10000000)_2 = -1.10011 \times 2^{-2}$, 阶码的真值为 -2 , 尾数的真值为 -0.110011 ;

因此, 浮点数格式中, 数符 $S=1$, 阶码 $E=127+(-2)=01111101\text{B}$, 尾数 $M=100110\dots0$;
 单精度浮点数为 1 01111101 10011000000000000000000 = BECC0000H。

$28.75 = (+11100.11)_2 = +1.110011 \times 2^{+4}$, 阶码的真值为 $+4$, 尾数的真值为 $+0.1110011$;
 因此, 浮点数格式中, 数符 $S=0$, 阶码 $E=127+(+4)=1000\ 0011\text{B}$, 尾数 $M=1100110\dots0$;
 单精度浮点数为 0 10000011 11001100000000000000000 = 41E60000H。