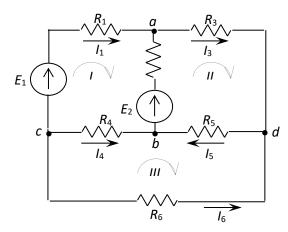
# 1. კირხჰოფის კანონებით რთული წრედების ანგარიში. დაწერეთ თეორია.

### რთული წრედის ანგარიშის მეთოდები. კირხოფის კანონები

პრაქტიკაში ხშირად გვხვდება, რთული კონფიგურაციის წრედები, რომლებიც არა ერთს არამედ კვების რამდენიმე წყაროს შეიცავენ. ასეთ წრედებს რთულ წრედებს უწოდებენ. მათ დასახასიათებლად საჭიროა რამოდენიმე განმარტების შემოტანა. კერძოდ: **შტო** ეწოდება წრედის ნაწილს, რომელიც მიმდევრობით შეერთებული ელემენტებისაგან შედგება. ცხადია, მის ყველა ელემენტში ერთი და იგივე დენი უნდა გადიოდეს. შტო შეიძლება იყოს აქტიური ან პასიური. თუკი შტო კვების წყაროს შეიცავს, (ე.მ.ბ.) იგი აქტიურია წინააღმდეგ შემთხვევაში პასიური. ცალკეულ შემთხვევაში შტო შეიძლება შეიცავდეს მხოლოდ



ერთ ელემენტს. **კვანპი** ეწოდება სამი ან უფრო მეტი შტოს გადაკვეთის ადგილს, ხოლო **კონტური** წარმოადგენს შტოების ერთობლიობას, რომელიც ჩაკეტილ წრედს ქმნის. კონტური შეიძლება იყოს დამოკიდებული ან დამოუკიდებელი. კონტური დამოუკიდებელია თუკი იგი ერთ ახალ შტოს მაინც შეიცავს.

რთული წრედების საანგარიშოდ ომის კანონებთან ერთად იყენებენ კირხოფის კანონებს. კირხოფის ორი ძირითადი კანონი არსებობს: პირველი კანონი სამართლიანია კვანძებისათვის და იგი ასე გამოითქმება: კვანძში შემავალი დენების ალგებრული ჯამი უდრის ნულს და ასე ჩაიწერება  $\sum I=0$ 

თუკი პიროზითად, კვანძში შემავალ დენებს მივიჩნევთ დადეზითად, ხოლო გამომავალს უარყოფითად, მაშინ a კვანძისათვის ჰირხოფის I კანონი შემდეგნაირად ჩამოყალიბდება:  $I_1+I_2+I_3=0$  ანალოგიურად შეიძლება ჩაიწეროს ეს კანონი სხვა კვანძებისათვის.

კირხოფის მეორე კანონი სამართლიანია კონტურებისათვის და იგი ასე ჩამოყალიბდება. ყოველ შეკრულ კონტურში მოქმედი ე.მ. ძალების ალგებრული ჯამი ამ კონტურის უბნებზე მოქმედი ძაბვის ვარდნათა ალგებრულ ჯამის ტოლია.

$$\sum E = \sum IR$$

თუკი კონტურის შემოვლის დადეზით მიმართულეზად პიროზით მივიღეზთ საათის ისრის მიმართულეზას, მაშინ პირველი კონტურისათვის კირხოფის მეორე კანონი ასე ჩაიწერეზა:  $E_1 - E_2 = R_1 I_1 - R_2 I_2 - R_4 I_4$ . ანალოგიურად შეიძლეზა ჩაიწეროს II კანონი დანარჩენი კონტურეზისათვისაც.

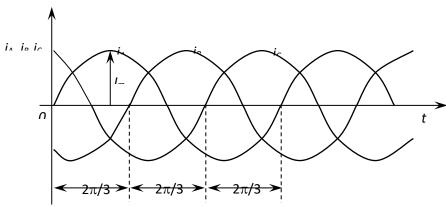
# 3. სამფაზა სისტემის ვარსკვლავური შეერთება (დაწერეთ თეორია).

#### ცვლადი დენის სამფაზა წრედები

სამფაზა წრედები წარმოადგენენ ცვლადი დენის მრავალფაზა სისტემების კერძო შემთხვევას. მრავალფაზა კი ისეთ სისტემებს ეწოდება, რომლებიც გენერირებული არიან ერთი კვების წყაროდან და გააჩნიათ ერთი და იგივე სიხშირე. სამფაზა სისტემა შესდგება შემდეგი ძირითადი ნაწილებისაგან: სამფაზა გენერატორი, გადაცემის სამფაზა ხაზი და ელექრტული მომხმარებელი, რომელიც შეიძლება იყოს, როგორც სამფაზა, ასევე ცალფაზა.

სამფაზა გენერატორი თავის მომჭერებზე წარმოქმნის სამ ე.მ.ძ.-ს, რომლებიც სიდიდით ერთმანეთის ტოლი, ხოლო ფაზით ერთმანეთის მიმართ  $120^{0}$ -ით არიან დაძრული. თუ ამ მომჭერებთან მივაერთებთ სამფაზა მომხმარებელს, მაშინ სისტემაში გაივლის სამფაზა დენი. სამფაზა სისტემის ფაზებში გამავალი დენები სიდიდით ერთმანეთის ტოლი

არიან, ხოლო დროში, ერთმანეთის მიმართ  $120^{\circ}$ -ით ანუ  $\frac{2\pi}{3}$ -ით დაძრულნი

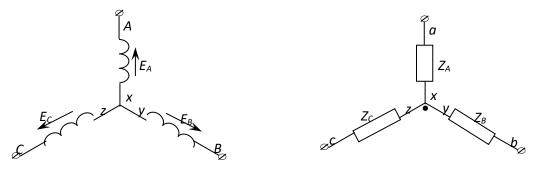


ნახაზზე მოცემულ სამფაზა დენების სინუსოიდებს შემდეგი ტრიგონომეტრიული ჩანაწერები შეესაბამება.

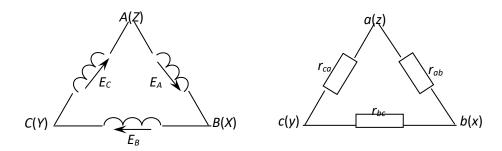
$$i_A = I_{mA} \sin \omega t$$
,  $i_B = I_{mB} \sin(\omega t - \frac{2}{3}\pi)$   $i_C = I_{mC} \sin(\omega t - \frac{4}{3}\pi) = I_C \max \sin\left(\omega t + \frac{2}{3}\pi\right)$ 

სამფაზა სისტემის ფაზები ორგვარად შეიძლება იქნენ შეერთებული, კერძოდ, განასხვავებენ: ვარსკვლავურ და სამკუთხედურ შეერთებებს.

*ვარსველავური* შეერთების დროსა ფაზები ბოლოები ერთ წერტილში არიან გაერთიანებული. ამ წერტილს ნეიტრალურ წერტილს უწოდებენ.



*სამკუთხედური* ისეთ შეერთებას ეწოდება, რომლის დროსაც, საერთო წერტილებში გაერთიანებული არიან შემდეგი მომ $rac{1}{2}$ ერები: B(X), C(Y), A(Z).



*სამფაზა წრედებში- ფაზური დენი* ეწოდება გენერატორის ან დატვირთვის ფაზებში გამავალ დენს.

*ხაზური დენი* ეწოდება გენერატორის და დატვირთვის შემაერთებელ სამფაზა ხაზის სადენებში გამავალ დენს.

*ხაზური ძაბვა* ეწოდება ძაბვას, რომელიც მოდებულია ფაზების საწყის წერტილებს შორის.

*ნეიტრალური სადენი* ეწოდება სადენს, რომელიც აერთებს გენერატორის და დატვირთვის ნეიტრალურ წერტილებს.

ვარსკვლავური შეერთების დროს  $I_{\mathfrak{b}}=I_{\mathfrak{F}}, \qquad U_{\mathfrak{b}}=\sqrt{3}U_{\mathfrak{F}}$  , ხოლო სამკუთხედური შეერთების დროს  $U_{\mathfrak{b}}=U_{\mathfrak{F}}$ ,  $I_{\mathfrak{b}}=\sqrt{3}I_{\mathfrak{F}}$ 

ნეიტრალური სადენების დანიშნულებაა მასიმეტრირებელი გავლენა მოახდინოს დატვირთვის მაბვებზე.ვინაიდან ნეიტრალური სადენის როლი ასეთი მნიშვნელოვანია, და მისი გაწყვეტა გამოიწვევს მაბვების მაქსიმალურ დამახინჯებას დატვირთვაზე, ყოვლად დაუშვებელია ნეიტრალურ სადენში დნობადი მცველის ან ამომრთველის ჩაყენება.

სამფაზა წრედის აქტიური სიმძლავრე -  $P=\sqrt{3}UI\cos{\phi}$  (ვტ),

რეაქტიული სიმძლავრე -  $Q=\sqrt{3}UI\sin \varphi$  (ვარ),

ხოლო სამფაზა სრული სიმძლავრე  $S=\sqrt{3}UI$  ( ვა)

# 2. სინუსოიდალური დენის წრედი იდეალური რეზისტიული ელემენტით, რეზისტიულემენტიანი წრედის წრედის სიმძლავრე (დაწერეთ თეორია).

### სინუსოიდური დენის უმარტივესი წრედი იდეალური

## რეზისტიული (აქტიური) ელემენტით

ვთქვათ, მოცემულია წრედი, რომელიც შეიცავს მხოლოდ რეზისტიულ ელემენტს და მასზე მოდებულია სინუსოიდური ძაბვა:  $u=U_m\sin(\omega t+\psi_u)$ 

განვიხილოთ ასეთი წრედის სახასიათო რეჟიმები.

წრედში გამავალი დენი შეიძლება განვსაზღვროთ ომის კანონის საფუძველზე მყისა მნიშვნელობებისათვის

$$i = \frac{u}{r} = \frac{U_m}{r} \sin(\omega t + \psi_U)$$

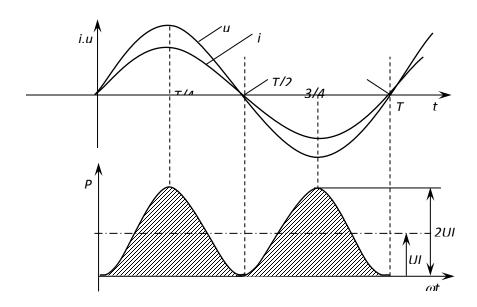
აღვნიშნოთ სიდიდე 
$$\dfrac{U_{\scriptscriptstyle m}}{r}=I_{\scriptscriptstyle m}$$
 , მაშინ  $i=I_{\scriptscriptstyle m}\sin(\omega t+\psi_{\scriptscriptstyle i})$ 

მიღებული გამოსახულებიდან შეიძლება დავადგინოთ ორი რამ:

1. რეზისტულელემენტიან წრედში, ძაბვის სინუსოიდა ფაზით ემთხვევა დენის სინუსოიდას.

$$\psi_{iu} = \psi_{u}$$

გრაფიკულად ეს შეიძლება შემდეგნაირად გამოისახოს:



2. დენის მაქსიმუმი ძაბვის მაქსიმუმთან დაკავშირებულია გამოსახულებით:

$$I_m = \frac{U_m}{r}$$

ეს გამოსახულება ფაქტობრივად წარმოადგენს ომის კანონს რეზისტულელემენტიანი წრედისათვის, ჩაწერილს დენისა და ძაბვის ამპლიტუდური მნიშვნელობისათვის. თუკი მის ორივე ნაწილს  $\sqrt{2}$  -თან შევაფარდებთ, მივიღებთ იგივე ომის კანონს, ჩაწერილს დენისა და ძაბვის მოქმედი მნიშვნელობებისათვის.

ომის კანონი რეზისტულელემენტიანი წრედისათვის შეიძლება კომპლექსური ფორმითაც ჩაიწეროს:

$$\dot{I} = \frac{\dot{U}}{r};$$

სადაც  $\dot{I}=Ie^{j\psi_u}$  არის დენის კომპლექსური მნიშვნელობა, ხოლო  $\dot{U}=rIe^{j\psi_U}$  — მაბვის კომპლექსური მნიშვნელობა.

აღნიშნული კომპლექსური ტოლობის საფუძველზე შეიძლება ავაგოთ ვექტორული დიაგრამა, საიდანაც ჩანს, რომ რეზისტულელემენტიან წრედში ძაბვის და დენის ვექტორები ერთმანეთს ფაზით ემთხვევიან.

რეზისტულელემენტიანი წრედის მყისა სიმძლავრე ძაზვისა და დენის მყისა მნიშვნელოზეზის ნამრავლის ტოლია.

$$P = u \cdot i = U_m I_m \sin^2(\omega t + \psi_u) = U_m I_m \frac{1 - \cos 2(\omega t + \psi_u)}{2}$$

საიდანაც მარტივი გარდაქმნების შედეგად მივიღებთ:

$$P = UI - UI \cos 2(\omega t + \psi_u)$$

ვიპოვოთ აქტიური დატვირთვის მქონე წრედის საშუალო სიმძლავრე

$$P_{\text{boll}} = \frac{1}{T} \int_{0}^{T} p dt = \frac{1}{T} \int_{0}^{T} (UI - UI \cos 2(\omega t + \psi_{U})) dt = rI^{2} = UI.$$

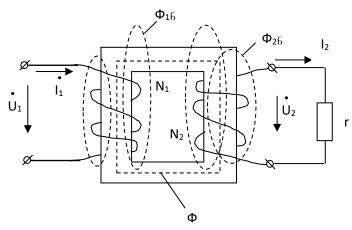
ამრიგად, რეზისტულელემენტიანი წრედის საშუალო სიმძლავრე მისი აქტიური სიმძლავრის ტოლი ყოფილა. აქტიური სიმძლავრის საზომი ერთეულებია ვტ, კვტ, მგვტ და ა.შ.

რეზისტულელემენტიანი წრედის მყისა სიმძლავრის გრაფიკიდან, ჩანს, რომ რეზისტულ-ელემენტიანი წრედის სიმძლავრე არასოდესაა უარყოფითი, რაც იმაზე მიუთითებს, რომ ასეთ წრედში ადგილი აქვს სიმძლავრის განუწყვეტლივ გაცემას და მყისა სიმძლავრე პულსირებს საშუალო სიმძლავრის ფარგლებში 0-დან საშუალო სიმძლავრის გაორკეცებულ მნიშვნელობამდე.

# 4. ტრანსფორმატორები, მათი მუშაობის პრინციპი, მუშაობის რეჟიმები.

## ტრანსფორმატორები, მოწყობილობა, მოქმედების პრინციპი

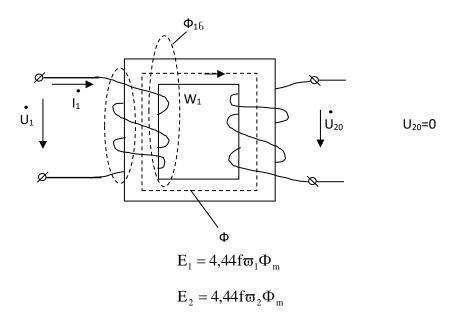
ტრანსფორმატორი ეწოდება ელ. აპარატს, რომელიც ერთი სიდიდის ცვლად ძაბვას გარდაქმნის მეორე



სიდიდის ცვლად ძაზვად სიმძლავრისა და სიხშირის შეუცვლელად.კონსტრუქციული თვალსაზრისით ტრანფორმატორი წარმოადგენს მაგნიტოგამტარს, რომელზედაც მოთავსებულია ორი გრაგნილი. ერთი გრაგნილი, რომლის ხვიათა რიცხვი არის  $\mathbf{\omega}_1$  მიერთებულია ქსელთან. ამ გრაგნილს პირველად გრაგნილს უწოდებენ, ხოლო მცირე გრაგნილს, რომლის ხვიათა რიცხვიცაა  $\mathbf{\omega}_2$  მიაერთებენ დატვირთვას და მას მეორად გრაგნილს უწოდებენ. ჩანაცვლების სქემაზე ტრანფორმატორი შემდეგნაირად აღინიშნება



ტრანსფორმატორის უქმი სვლის რეჟიმი უწოდეს ისეთ რეჟიმს, რომლის დროსაც პირველადი გრაგნილი ჩართულია ქსელში, ხოლო მეორადი გრაგნილი გახსნილია და მეორადი დენი ნულის ტოლია ე.ი.  $I_2=0$ . რადგან უქმი სვლის რეჟიმში პირველადი გრაგნილი ქსელშია ჩართული, მასში გადის დენი, რომელსაც უქმი სვლის დენს უწოდებენ. ეს დენი არ არის დიდი. იგი ტრანსფორმატორის მაგნიტოგამტარში პირველადი გრაგნილის გარშემო ქმნის ძირითად ნაკადს  $\Phi$ -ს და ამასთან ერთად ფანტვის ნაკადს  $\Phi_{\rm F}$ -ს, რომელიც ჰაერის საშუალებით იკვრება. ძირითადი ნაკადი პირველად და მეორად გრაგნილებში აღძრავს ელექტრომამოძრავებელ  $E_{\rm F}$  და  $E_{\rm F}$  ძალებს, რომლებიც ტოლი არიან.



ორივე ეს ნაკადი იქმნება ერთი და იმავე დამამაგნიტებელი ძალის მიერ

$$\dot{F} = \omega_1 \dot{I_0}$$

აღნიშნულ გამოსახულებებში f ქსელის დენის სიხშირეა,  $\Phi_m$  – ძირითადი მუშა ნაკადის ამპლიტუდური მნიშვნელობა, ხოლო  $\mathbf{w}_1$  და  $\mathbf{w}_2$  შესაბამისად პირველადი და მეორადი გრაგნილების ხვიათა რიცხვები.

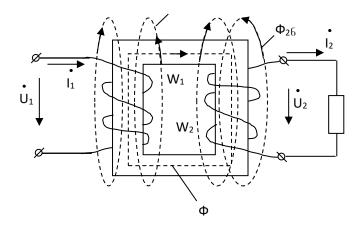
თუკი ყურადღებით დავუკვირდებით ე.მ.ძ-ს გამოსახულებებს, შეიძლება დავადგინოთ ტრანსფორმატორის მოქმედების პრინციპი. კერძოდ, მათი შედარებიდან ჩანს, რომ ე.მ.ძ იქ არის მეტი, სადაც მეტია ხვიათა რიცხვი.

ამრიგად, ხვიათა რიცხვებს შორის სასურველი თანაფარდობის შერჩევით შეგვიძლია მივიღოთ ჩვენთვის სასურველი ე.მ.ძ. მეორად გრაგნილზე, თუკი პირველადი ე.მ.ძ მოცემულია. აღვნიშნოთ თანაფარდობა გრაგნილების ხვიების რიცხვებს შორის k -თი.  $k=\frac{E_1}{E_2}=\frac{\omega_1}{\omega_2}$ 

ამ თანაფარდობას ტრანსფორმატორის ტრანსფორმაციის კოეფიციენტს უწოდებენ და იგი ტრანსფორმატორის უმნიშვნელოვანესი პარამეტრია. თუ გავითვალისწინებთ იმას რომ ე.მ.ძ ძაბვის ერთსახელა სიდიდეადა უგულებელვყოფთ ძაბვის ვარდნას პირველად და მეორად გრაგნილებში, მაშინ ტრანსფორმატორის ტრანსფორმაციის კოეფიციენტი შეიძლება წარმოვიდგინოთ, როგორც პირველადი და

მეორადი ძაბვის თანაფარდობა. 
$$\mathbf{k} = \frac{\mathbf{U}_1}{\mathbf{U}_{20}} \quad \left(\frac{\mathbf{U}_{10}}{\mathbf{U}_{20}}\right)$$

ჩვენი მსჯელობიდან ჩანს, რომ იმისდამიხედვით თუ როგორი თანაფარდობაა პირველად და მეორად ხვიებს შორის, შეიძლება არსებობდეს ძაბვის ამამაღლებელი და ძაბვის დამადაბლებელი ტრანფორმატორები კერძოდ თუკი  $\omega_1>\omega_2$  გვექნება ძაბვის დამადაბლებელი ტრანსფორმატორი, ხოლო თუკი  $\omega_1<\omega_2$ , მაშინ – ძაბვის ამამაღლებელი ტრანსფორმატორი.



თუკი ტრანსფორმატორის მეორად გრაგნილთან მივუერთებთ ელ. დატვირთვას, მაშინ უკვე დენი გაივლის მის მეორად გრაგნილში.

ფანტვის ნაკადი ამჯერად იარსებებს, როგორც პირველად გრაგნილთან, ასევე მეორად გრაგნილთანაც. რაც შეეხება პირველად დენს, იგი მკვეთრად გაიზრდება, რაც იმაზე მიანიშნებს, რომ ტრანსფორმატორის მეორადი გრაგნილიდან ადგილი აქვს სიმძლავრის გაცემას.