ამოცანა 1: განაწილების კანონის შედგენა

მითითება: ააგეთ x, P ცხრილი, სადაც x-ის მნიშვნელობები განისაზღვრება ამოცანის პირობით (მაგალითად, თუ ვეძებთ კამათლის 4- χ ერ გაგორებისას 2-იანის მოსვლის განაწილების კანონს, x-ის მნიშვნელობები იქნება ყველა ის რიცხვი, თუ რამდენ χ ერ შეიძლება 2-იანი მოვიდეს, ანუ 0, 1, 2, 3 და 4), ხოლო P-ის შესაბამისი მნიშვნელობები, ზოგადად, გამოითვლება ბერნულის ფორმულით:

 $P_n(k) = C_n^k p^k q^{n-k}$

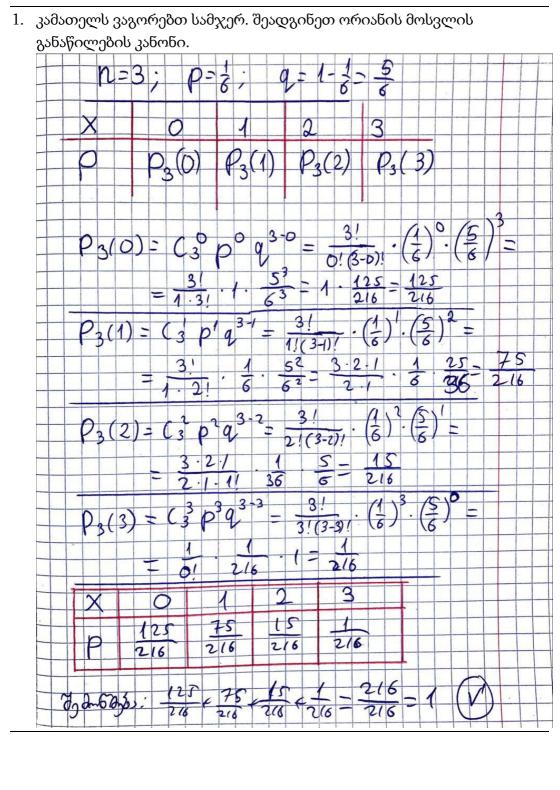
სადაც

$$C_n^k = \frac{n!}{k! (n-k)!}$$

p არის ხელსაყრელი ხდომილობის ალბათობა (ანუ ზემოთხსენებულ კამათლის მაგალითში 2-იანის მოსვლის ალბათობა, რაც ტოლია $\frac{1}{6}$ -სა), ხოლო q არის ხელის შემშლელი ხდომილობის ალბათობა: q=1-p (ჩვენს მაგალითში $q=1-\frac{1}{6}=\frac{5}{6}$).

n არის დამოუკიდებელ ცდათა რაოდენობა (ჩვენს მაგალითში 4, ვინაიდან კამათელს ოთხჯერ ვაგორებთ), ხოლო k არის x-ის შესაბამისი მნიშვნელობა.

გაითვალისწინეთ, რომ P -ს ყველა მიღებული მნიშვნელობის χ ამი უნდა იყოს 1-ის ტოლი.



2. მონეტას ვაგდებთ ოთხჯერ. შეადგინეთ საფასურის მოსვლის განაწილების კანონი. n=4 Palb) P41) P4(3) P4(2) Py(0)= 0:(4-0)1 1! (4-1)! Dy (2) = C3 P2 2! (4-2)! Ph(3) = 3! (4-3)1 16 16 16 6 16 Typrobyto:

h = 3	3 i p	0,7;	9=1-0	7=0,3	
(1) how x	=1, 2,8	6L Sahage	30 (Pyzn)	dontages	
(2) mu X	=2, 2,20	5 hz20	12 (1/37)	200 2	and and
(3) mu	x=3, 2,8,			2mb (P33	
	e	and an	ges, 5	wazz	3663
3 50300	Jus 21,	spacens		7-33	
(1)	P=p=	0,7			
(2) ->	P=q.	p = 0.3	0,7=0	, 21	
(3) →	P = q - q		$q \cdot q = 0$	0,3.0,3.0	0,7+0,3
	=0.3		$3) = 0.3^{2}$	1=0,0	
	X	1	2	2	
	0	0,7	0,21	0,09	
7,206	260: 0,7	+0,21-	10,09	= 1 (v	

3. მიზანში ისვრიან პირველ მოხვედრამდე. შევადგინოთ **დახარჯულ**

მოხვედრამდე. მიზანში მოხვედრის ალბათობაა 0.7. შეადგინეთ დაუხარჯავ ვაზნათა განაწილების კანონი. 9=1-0,7=0,3 n=4 0=0,7 X = 0, my Slugs W24692 Dompmp eshas), 5 mabos o X = 1 slues 2586V) X = 2WaraGal SULVES esha emphasin (upor 2,86) X = 3 632662 L 2m63 es 35mgmc Joban by bo The della = q · q · q · p + q · q · q · q = q 3 (p+q)= 1 = 0.33(013+0,7)=0,027 = 0,3.0,3.0,7=0,063 $Q \cdot P = 0, 3.0, 7 = 0, 21$ 0=017 0,027 0,063 011 0,02740,003+0,21+0,7=

4. მსროლელს აქვს ოთხი ვაზნა და მიზანში ისვრის პირველ

ამოცანა 2: შემთხვევით სიდიდეთა კომბინაცია (ჯამი, სხვაობა, ნამრავლი)

მითითება: პირობაში მოცემულია ორი შემთხვევითი სიდიდის (x და y) განაწილების კანონი (ცხრილი).

x	x_1	x_2	χ_3
$P_{\mathcal{X}}$	P_{x1}	P_{x2}	P_{x3}

у	y_1	y_2	y_3
$P_{\mathcal{Y}}$	P_{y1}	P_{y2}	P_{y3}

მათი გამოყენებით უნდა ააგოთ სამი ახალი ცხრილი, x + y, x - y და xy. მათ ასაგებად, x-ის პირველი წევრისთვის y-ის ყველა წევრზე შეასრულეთ შესაბამისი მოქმედება (შეკრება, გამოკლება და ბოლოს გამრავლება), შემდეგ x-ის მეორე წევრისთვის შეასრულეთ იგივე მოქმედება და ა.შ. x-ის ყოველი წევრისთვის. სამივე ცხრილს ექნება P-ს ერთი და იგივე მნიშვნელობები, რომლებიც მიიღება შესაბამისი P_x -სა და P_y -ს **გამრავლებით**.

x + y	$x_1 + y_1$	$x_1 + y_2$	$x_1 + y_3$	$x_2 + y_1$	$x_2 + y_2$	$x_2 + y_3$	$x_3 + y_1$	$x_3 + y_2$	$x_3 + y_2$
P	$P_{x1}P_{y1}$	$P_{x1}P_{y2}$	$P_{x1}P_{y3}$	$P_{x2}P_{y1}$	$P_{x2}P_{y2}$	$P_{x2}P_{y3}$	$P_{x3}P_{y1}$	$P_{x3}P_{y2}$	$P_{x3}P_{y3}$

x-y	$x_1 - y_1$	$x_1 - y_2$	$x_1 - y_3$	$x_2 - y_1$	$x_2 - y_2$	$x_2 - y_3$	$x_3 - y_1$	$x_3 - y_2$	$x_3 - y_2$
P	$P_{x1}P_{y1}$	$P_{x1}P_{y2}$	$P_{x1}P_{y3}$	$P_{x2}P_{y1}$	$P_{x2}P_{y2}$	$P_{x2}P_{y3}$	$P_{x3}P_{y1}$	$P_{x3}P_{y2}$	$P_{x3}P_{y3}$

ху	$x_1 y_1$	$x_1 y_2$	$x_1 y_3$	$x_{2}y_{1}$	$x_{2}y_{2}$	$x_{2}y_{3}$	$x_{3}y_{1}$	$x_{3}y_{2}$	$x_{3}y_{2}$
P	$P_{x1}P_{y1}$	$P_{x1}P_{y2}$	$P_{x1}P_{y3}$	$P_{x2}P_{y1}$	$P_{x2}P_{y2}$	$P_{x2}P_{y3}$	$P_{x3}P_{y1}$	$P_{x3}P_{y2}$	$P_{x3}P_{y3}$

მაგალითი: 0 2 - 2 4 2 0,5 0,3 p 0,1 0,4 0,2 0,5 3+4 3+(-2) 3t0 -1+4 2+(-2) 2+0 2+4 X+Y -11+(-2) -140 0,30,10,3.0,4 0,5-0,1 0,5.0,4 0,3-0,5 0,2.0,5 0,2.0,1 0,2-0,4 0,5.0,5 # 3 1 7 3 X+5 3 6 -1 0 2 0103 0/12 p 011 0,25 0,15 0,02 0,08 0,05 0,2 737818 26 36 m 25 bs S. 63 hours hoza P Jhon anh 0 73 737 21 -1-(-2) 2-(-2) 2-0 3-(-2) 3-0 3-4 -1=4 4-0 0,02 0,08 0,25 0,05 012 0,15 0,03 0/12 0.1 p 1 2 5 4 5 + 2 X 0,02 0,08 0125 0,05 0/2 0115 0/03 0/12 2.0 2. (-2) 2-9 3.(-2) -1-(-2) 1 445 3.0 3.7 -1.0 0,1 0,02 015 0,05 012 0,08 0165 0/12 0/03 0 4 0 8 2 12 -6 () 0108 0,12 0,02 0,25 0,05 0,2 p 011 0,03 0,15

ამოცანა 3: დისპერსია

მითითება: გამოიყენეთ დისპერსიის შემდეგი თვისებები (c აღნიშნავს რაიმე რიცხვს):

- $I. \ D(c) = 0 \ (რიცხვის დისპერსია წულის ტოლია)$
- $2. \ D(cx) = c^2 D(x) \ (რიცხვი დისპერსიიდან გასვლისას კვადრატში ადის)$
- 3. $D(x \pm y) = D(x) + D(y)$ (ორი შემთხვევის ჯამის ან სხვაობის დისპერსია ყოველთვის დისპერსიათა **ჯამის** ტოლია)
- 1. D(x) = 2; D(y) = 5; z = 3x 4y; D(z) = ? $D(z) = D(3x - 4y) = D(3x) + D(4y) = 3^2D(x) + 4^2D(y)$ $= 9 \cdot 2 + 16 \cdot 5 = 18 + 80 = 98$

2.
$$D(x) = 5$$
; $D(y) = 3$; $z = 5x - 4y$; $D(z) = ?$
 $D(z) = D(5x - 4y) = D(5x) + D(4y) = 5^2D(x) + 4^2D(y)$
 $= 25 \cdot 5 + 16 \cdot 3 = 125 + 48 = 173$

ამოცანა 4: შუალედში მოხვედრის ალბათობა

მითითება: გამოიყენეთ ფორმულა

$$P(\alpha < x < \beta) = F(\beta) - F(\alpha)$$

1.
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \le 0 \\ x^2, & 0 < x \le 1 \\ 1, & x > 1 \end{cases}$$
 odengom $P\left(\frac{1}{3} < x < \frac{1}{2}\right)$

$$P\left(\frac{1}{3} < x < \frac{1}{2}\right) = F\left(\frac{1}{2}\right) - F\left(\frac{1}{3}\right) = \left(\frac{1}{2}\right)^2 - \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{4} - \frac{1}{9} = \frac{9-4}{36} = \frac{5}{3}$$

$$P\left(\frac{1}{3} < x < \frac{1}{2}\right) = F\left(\frac{1}{2}\right) - F\left(\frac{1}{3}\right) = \left(\frac{1}{2}\right)^2 - \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{4} - \frac{1}{9} = \frac{9 - 4}{36} = \frac{5}{36}$$

$$2. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & x \le 0\\ \frac{3}{4}x - \frac{3}{4}, & 0 < x \le \frac{7}{3}\\ 1, & x > \frac{7}{3} \end{cases} \qquad \text{OSM3JOOP}\left(\frac{3}{2} < x < 2\right)$$

$$P\left(\frac{3}{2} < x < 2\right) = F(2) - F\left(\frac{3}{2}\right) = \left(\frac{3}{4} \cdot 2 - \frac{3}{4}\right) - \left(\frac{3}{4} \cdot \frac{3}{2} - \frac{3}{4}\right)$$
$$= \left(\frac{6}{4} - \frac{3}{4}\right) - \left(\frac{9}{8} - \frac{3}{4}\right) = \frac{3}{4} - \left(\frac{9}{8} - \frac{6}{8}\right) = \frac{3}{4} - \frac{3}{8} = \frac{6}{8} - \frac{3}{8} = \frac{3}{8}$$

ამოცანა 5: k კოეფიციენტის პოვნა

მითითება: გამოიყენეთ ფორმულა

$$\int_{-\infty}^{+\infty} f(x) \, dx = 1$$

ზღვრები — ∞ და + ∞ ამოხსნისას ჩანაცვლდება იმ ზღვრებით, რომლებშიც არის მთავარი ფუნქცია განსაზღვრული.

1.
$$f(x) = \begin{cases} 0, & x \le 0 \\ kx^2, & 0 < x \le 2 \\ 0, & x > 3 \end{cases}$$

$$\int_0^2 kx^2 dx = 1$$
$$\frac{kx^3}{3} \Big|_0^2 = 1$$
$$\frac{8k}{3} = 1$$
$$k = \frac{3}{8}$$

2.
$$f(x) = \begin{cases} 0, & x \le 0 \\ k \sin x, & 0 < x \le \frac{\pi}{3} \\ 0, & x > \frac{\pi}{3} \end{cases}$$

$$\int_0^{\frac{\pi}{3}} k \sin x = 1$$

$$-k \cos x \Big|_0^{\frac{\pi}{3}} = 1$$

$$-k \Big[\cos \frac{\pi}{3} - \cos 0\Big] = 1$$

$$-k \Big[\frac{1}{2} - 1\Big] = 1$$

k = 2

ამოცანა 6: მოცემული განაწილების კანონიდან დისპერსიის პოვნა

მითითება: დისპერსია გამოითვლება ფორმულით

$$D(x) = M(x^2) - \left(M(x)\right)^2$$

სადაც
$$M(x)=x_1P_1+x_2P_2+\cdots$$
, ხოლო $M(x^2)=x_1^2P_1+x_2^2P_2+\cdots$

მაგალითი:

$$M(x) = -2 \cdot 0.2 + 3 \cdot 0.3 + 5 \cdot 0.5 = -0.4 + 0.9 + 2.5 = 3$$

$$M(x^2) = (-2)^2 \cdot 0.3 + 2^2 \cdot 0.3 + 5^2 \cdot 0.5 = -4 \cdot 0.3 + 0.0.3$$

$$M(x^2) = (-2)^2 \cdot 0.2 + 3^2 \cdot 0.3 + 5^2 \cdot 0.5 = 4 \cdot 0.2 + 9 \cdot 0.3 + 25 \cdot 0.5$$

= 0.8 + 2.7 + 12.5 = 3.5 + 12.5 = 16

$$D(x) = M(x^2) - (M(x))^2 = 16 - 3^2 = 16 - 9 = 7$$

ამოცანა 7: განაწილების კანონის შედგენა და დისპერსიის პოვნა

მითითება: ეს ამოცანა იდენტურია 1-ლი და მე-6 ამოცანებისა. განაწილების ცხრილი იპოვეთ 1-ლი ამოცანის მეთოდით, ხოლო დისპერსია მე-6 ამოცანის მიხედვით.

მაგალითი: შეადგინეთ ერთი კამათლის გაგორებისას მოსულ ქულათა განაწილების კანონი და იპოვეთ მისი დისპერსია.

ამოხსნა: კამათლის გაგორებისას შეიძლება მოვიდეს 1, 2, 3, 4, 5 ან 6. თითოეულ შემთხვევას აქვს ერთი და იგივე ალბათობა: $P = \frac{1}{6}$. შესაბამისად, განაწილების კანონს ექნება შემდეგი სახე:

x	1	2	3	4	5	6
P	1	1	1	1	1	1
Ρ	6	6	6	6	6	6

$$M(x) = 1 \cdot \frac{1}{6} + 2 \cdot \frac{1}{6} + 3 \cdot \frac{1}{6} + 4 \cdot \frac{1}{6} + 5 \cdot \frac{1}{6} + 6 \cdot \frac{1}{6} = \frac{21}{6}$$

$$M(x^2) = 1^2 \cdot \frac{1}{6} + 2^2 \cdot \frac{1}{6} + 3^2 \cdot \frac{1}{6} + 4^2 \cdot \frac{1}{6} + 5^2 \cdot \frac{1}{6} + 6^2 \cdot \frac{1}{6}$$

$$= 1 \cdot \frac{1}{6} + 4 \cdot \frac{1}{6} + 9 \cdot \frac{1}{6} + 16 \cdot \frac{1}{6} + 25 \cdot \frac{1}{6} + 36 \cdot \frac{1}{6} = \frac{91}{6}$$

$$D(x) = M(x^2) - (M(x))^2 = \frac{91}{6} - (\frac{21}{6})^2 = \frac{91}{6} - \frac{441}{36} = \frac{546 - 441}{36} = \frac{105}{36}$$

$$= \frac{35}{12}$$

ამოცანა 8: მოცემული ვარიაციული მწკრივიდან შერჩევითი დისპერსიის პოვნა

მითითება: შერჩევითი დისპერსია გამოითვლება ფორმულით

$$S^2 = \bar{x}^2 - (\bar{x})^2$$

სადაც

$$\bar{x} = \frac{x_1 n_1 + x_2 n_2 + \cdots}{n_1 + n_2 + \cdots}$$

ხოლო

$$\bar{x}^2 = \frac{x_1^2 n_1 + x_2^2 n_2 + \cdots}{n_1 + n_2 + \cdots}$$

მაგალითი:

$$\begin{array}{c|ccccc}
x_i & 2 & 3 & 5 \\
n_i & 3 & 2 & 5
\end{array}$$

$$\bar{x} = \frac{2 \cdot 3 + 3 \cdot 2 + 5 \cdot 5}{2 + 3 + 5} = \frac{6 + 6 + 25}{10} = \frac{37}{10} = 3.7$$

$$\bar{x}^2 = \frac{2^2 \cdot 3 + 3^2 \cdot 2 + 5^2 \cdot 5}{2 + 3 + 5} = \frac{4 \cdot 3 + 9 \cdot 2 + 25 \cdot 5}{10} = \frac{12 + 18 + 125}{10} = \frac{155}{10}$$

$$= 15.5$$

$$S^2 = \bar{x}^2 - (\bar{x})^2 = 15.5 - (3.7)^2 = 15.5 - 13.69 = 1.81$$

ამოცანა 9: თეორიული 1

1. განაწილების ფუნქციის ცნება

ვთქვათ გვაქვს რაიმე ელემენტალურ ხდომილობათა Ω სივრცე და მის ყოველ ელემენტარულ ხდოიმლობას შევუსაბამოთ ნამდვილი რიცხვი $X(\varpi)$ და მას უწოდოთ შემთხვევითი სიდიდე. ნებისმიერი ნამდვილი x რიცხვისათვის გამონათქვამები $(X(\varpi) < x), \ (X(\varpi) = x)$ და $(X(\varpi) \ge x)$ ხდომილობებს წარმოადგენენ. ამის გამო ბუნებრივია მასზე განვსაზღვროთ ალბათობა და შევნიშნოთ, რომ ეს ალბათობა დამოკიდებული იქნება x ნამდვილ რიცხვზე და

$$F(x) = P(X < x)$$

F(x) ფუნქციას უწოდებენ X შემთხვევითი სიდიდის განაწილების ფუნქციას.

2. შემთხვევითი სიდიდის მათემატიკური ლოდინი და მისი თვისებები

გასაზღვრება. შემთხვევითი სიდიდის საშუალო მნიშვნელობას მის მათემატიკურ ლოდინს უწოდებენ.

ვთქვათ მოცემულია დისკრეტული ტიპის შემთხვევითი სიდიდე განაწილების კანონით

$$X$$
 x_1 x_2 ... x_n ... P P_1 P_1 ... P_n ...

განმარტებით მათემატიკური ლოდინი

$$M(x) = x_1 p_1 + x_2 p_2 + ... + x_n p_n = \sum_{n=1}^{\infty} x_n p_n$$

თუკი შემთხვევითი სიდიდე უწყვეტი ტიპისაა, რომლის განაწილების სიმკვრივე

არის
$$f(x)$$
, მაშინ მათემატიკური ლოდინი $M(x) = \int\limits_{-\infty}^{+\infty} x f(x) dx$

განვიხილოთ მათემატიკური ლოდინის თვისებები:

- 1. M(c) = c
- $2. \ M(cx) = cM(x)$
- 3. $M(x \pm y) = M(x) \pm M(y)$
- A. M(xy) = M(x)M(y) თუ x და y ურთიერთდამოუკიდებელი შემთხვევითი სიდიდეებია.

3. შემთხვევითი სიდიდის დისპერსია და მისი თვისებები

განვიხილოთ რაიმე ორი შემთხვევითი სიდიდე გნაწილების კანონებით

ადვილი შესამჩნევია რომ M(x) = M(y) = 0

მიუხედავად იმისა რომ შემთხვევით სიდიდეთა შესაძლო მნიშვნელობები აშკარად განსხვავდება ერთმანეთისაგან მათი მათემატიკური ლოდინი არის ერთმანეთის ტოლი. ეს მიგვანიშნებს რომ მათემატიკური ლოდინი როგორც რიცხვითი მახასიათებელი ვერ ახასიათებს შემთხვევითი სიდიდის მნიშვნელობების გაბნევას ნამდვილ ღერბზე. შემოვიღოთ ახალი მახასათებელი, რომელიც დაახასიათებს შემთხვევითი სიდიდის მისი მათემატიკური ლოდინიდან გადახრას და მას ვუწოდოთ დისპერსია $D\left(x\right)=M\left(x-M\left(x\right)\right)^2$.

თუ გამოვიყენებთ მათემატიკური ლოდინის თვისებებს შეგვიძლია მივიღოთ დისპერსიიs გამოსათვლელი მეორე ფორმულა. მართლაც

$$D(x) = M(x - M(x))^{2} = M(x^{2} - 2xM(x) + M^{2}(x)) = M(x^{2}) - 2M(x) \cdot M(x) + M^{2}(x) =$$

$$= M(x^{2}) - M^{2}(x)$$

განვიხილოთ დისპერსიის თვისებები

- 1. D(c) = 0
- 2. $D(cx) = c^2 D(x)$
- 3. $D(x\pm y)=D(x)+D(y)$ თუ x და y ურთიერთდამოუკიდებელი შემთხვევითი სიდიდეებია.
- 4. $D(xy) = D(x)D(y) + D(x)M^2(y) + D(y)M^2(x)$ თუ x და y ურთიერთდამოუკი-დებელი შემთხვევითი სიდიდეებია.
- 5. D(xy) = D(x)D(y) თუ x და y ურთიერთდამოუკიდებელი და ცენტრირებული შემთხვევითი სიდიდეებია.

ამოცანა 10: თეორიული 2

1. ბინომიალური განაწილების კანონი

დისკრეტული ტიპის x შემთხვევით სიდიდეს უწოდებენ განაწილებულს ბინომალური განაწილების კანონით თუ მის განაწილების კანონს აქვს სახე:

X	0	1	2	 K	 n
P	P_0	P_1	P_2	 P_k	 P_n

სადაც
$$P_k = C_n^k p^k q^{n-k}$$

აღნიშნული x შემთხვევითი სიდიდე შეგვიძლია წარმოვიდგინოთ n ურთიერთდამოუკიდებელი ერთნაირად განაწილებული შემთხვევით სიდიდეთა ჯამის სახით:

$$X = X_1 + X_2 + ... + X_n = \sum_{k=1}^{n} X_k$$

სადაც თვითოეული X_k შემთხვევითი სიდიდე განაწილებულის შემთხვევითი სახით:

$$\begin{array}{c|cccc} X_k & 0 & 1 \\ \hline p & q & P \end{array}$$

$$M(x_k) = 0 \cdot q + 1 \cdot p = p$$

$$D(x_k) = M(x_k^2) - M^2(x_k) = p - p^2 = p(1-p) - pq$$

$$M(x) = np$$

$$D(x) = npq$$

$$\sigma(x) = \sqrt{D(x)} = \sqrt{npq}$$

2. თანაბარი განაწილების კანონი და მისი რიცხვითი მახასიათებლები

უწყვეტი ტიპის შემთხვევით სიდიდეს უწოდებენ განაწილებულ თანაბრად თუ მის განაწილენბის სიმკვრივეს აქვს სახე:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a} & x \in [a;b] \\ 0 & x \notin [a;b] \end{cases}$$

$$F(x) = \begin{cases} 0 & x \le a \\ \frac{x-a}{b-a} & a \le x \le b \\ 1 & x > b \end{cases}$$

ვიპოვოთ რიცხვითი მახასიათებლები

$$M(x) = \frac{b+a}{2}$$

$$D(x) = M(x^2) - M^2(x)$$

$$D(x) = \frac{(b-a)^2}{12}$$

$$\sigma(x) = \frac{b-a}{2\sqrt{3}}$$

3. მაჩვენებლიანი განაწილების კანონი და მისი რიცხვითი მახასიათებლები

უწყვეტი ტიპის შემთხვევით სიდიდეს უწოდებენ განაწილებულს მაჩვენებლიანი განაწილების კანონით თუ შესაბამის განაწილების სიმკვრივეს აქვს სახე:

$$f(x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x} & x \ge 0 & (\lambda > 0) \\ 0 & x < 0 \end{cases}$$

ავაგოთ განაწილების ფუნქცია

$$F(x) = \begin{cases} 1 - e^{-\lambda x} & x \ge 0 \\ 0 & x < 0 \end{cases}$$

ვიპოვოთ რიცხვითი მახასიათებლები

$$M(x) = \frac{1}{\lambda}$$

$$M(x) = \frac{1}{\lambda}$$

$$D(x) = M(x^2) - M^2(x)$$

$$D(x) = M(x^2) - M^2(x) = \frac{2}{\lambda^2} - \frac{1}{\lambda^2} = \frac{1}{\lambda^2}$$

$$\sigma(x) = \frac{1}{2}$$