

1. ურთიერთქმედების რამდენი სახეა დღეისათვის ცნობილი

— ოთხი

2. ურთიერთქმედების სახეებია

— გრავიტაციული, ელექტრომაგნიტური, ძლიერი და სუსტი

3. ურთიერთქმედების რომელ სახეს მიეკუთვნება დრეკადობის ძალა

— ელექტრომაგნიტურს

4. ურთიერთქმედების რომელ სახეს მიეკუთვნება ხახუნის ძალა

— ელექტრომაგნიტურს

5. რას ნიშნავს სიტყვა “ელექტრობა”

— ბერძნულიდან „ქარვას“

6. საიდან წარმოიშვა სიტყვა “მაგნიტი”

— ქალაქ მაგნეზიის მახლობლად აღმოჩენილი მინერალის, მაგნიტის, სახელწოდებიდან

7. რამდენი სახის ელექტრული მუხტია ბუნებაში

— ორი სახის, დადებითი და უარყოფითი

8. დამუხტულ ელემენტარულ ნაწილაკებს შორის ელექტრული ურთიერთქმედების გარდა რა ურთიერთქმედება არსებობს

— გრავიტაციული მიზიდვის ძალა

9. როგორია გრავიტაციული ურთიერთქმედების ძალის ბუნება

— ახასიათებს მხოლოდ მიზიდვა

10. ელექტრულ და გრავიტაციულ ურთიერთქმედებიდან რომელია დიდი და რამდენჯერ

— ელექტრული დიდია  $\sim 10^{42}$ -ჯერ

11. რომელ ელემენტარულ ნაწილაკებს შორის ვლინდება ძლიერი ურთიერთქმედება

— ნუკლონებს შორის

12. რა მანძილზე ვლინდება ბირთვული ურთიერთქმედება

—  $10^{-15}$  მეტრზე

13. რა მანძილზე ვლინდება სუსტი ურთიერთქმედება

—  $10^{-17}$  მეტრზე

14. გრავიტაციულ და სუსტი ურთიერთქმედებას შორის რომელია დიდი

— სუსტი

15. რომელ დიაპაზონშია მნიშვნელოვანი ელექტრომაგნიტური ურთიერთქმედება, მატერიის სტრუქტურის თვალსაზრისით

—  $10^{-14}$  მეტრიდან  $10^5$  მეტრამდე

16. როგორ მანძილებზე ხდება გრავიტაციული ურთიერთქმედება ელექტრომაგნიტურზე უფრო მნიშვნელოვანი

—  $10^5$  მეტრზე უფრო დიდ მანძილებზე, ციური სხეულებისთვის

17. ნიუტონის მექანიკაში როგორ ხდება ურთიერთქმედების გადაცემა

— მყისიერად, სივრცის ერთი წერტილიდან მეორეში

18. მექანიკაში რით განისაზღვრება ურთიერთქმედების გადაცემა

— ურთიერთქმედების პოტენციური ენერგიით

19. კლასიკური მექანიკის თვალსაზრისით რას უდრის ურთიერთქმედების გადაცემის სიჩქარე

—  $c = \infty$

20. რას უდრის ურთიერთქმედების გადაცემის სიჩქარე ვაკუუმში

—  $c \approx 300\ 000$  კმ/წგ

21. რა შეიძლება შეიცვალოს ურთიერთქმედების დროს

- ნაწილაკთა მდგომარეობა: ენერგია, იმპულსი, იმპულსის მომენტი
- 22. კლასიკურ მექანიკაში რა ფუნდამენტური კანონები შეიძლება დაირღვეს
- ბუნების ფუნდამენტური კანონები: ენერგიის, იმპულსისა და იმპულსის მომენტის მუდმივობის კანონები
- 23. რით არის განპირობებული ველის ცნების შემოღება
- ბუნების ფუნდამენტური კანონების, მუდმივობის კანონების, სამართლიანობის შესანარჩუნებლად. ველის ცნების შემოტანით აღარ არის საჭირო ურთიერთებების ახსნა პოცენციური ენერგიის საშუალებით.
- 24. რას წარმოადგენს ველი
- ელექტრომაგნიტური ველი არსებობს დამოუკიდებლად და წარმოადგენს მატერიის ერთ-ერთ სახეს
- 25. რა სახით არსებობს კლასიკურ მექანიკაში მატერია
- კლასიკურ მექანიკაში მატერია არსებობს ნივთიერების სახით და ხასიათდება მასის საშუალებით
- 26. რას ეწოდება შორსქმედება
- თეორიას, რომლის თანახმადაც, სიცარიელეში, დაშორებული სხეულები ერთმანეთზე მოქმედებენ მყისიერად ( $c = \infty$ ), შორსქმედება ეწოდება.
- 27. რა კონცეფციას ეყრდნობა ნიუტონის მექანიკა
- შორსქმედების კონცეფციას
- 28. რას ეწოდება ახლოქმედება
- ახლოქმედება ეწოდება ურთიერთებების (ენერგიის, იმპულსის, იმპულსის მომენტის) ერთი წერტილიდან მეორეში სასრული სიჩქარით გადაცემას ველის საშუალებით.
- 29. ვის მიერ იქნა შემოტანილი ახლოქმედების კონცეფცია
- მაიკლ ფარადეის მიერ XIX საუკუნის პირველ ნახევარში
- 30. რით იყო განპირობებული „მსოფლიო ეთერის“ შემოღება
- თავდაპირველად ველის ცნება ვაკუუმისთვის არ იყო ცნობილი ამიტომ ასეთ გარემოში „შუამავლის“ როლში ჰიპოთეზური გარემო „მსოფლიო ეთერი“ შემოიღეს, რომელსაც მექანიკური თვისებები უნდა ჰქონოდა.
- 31. რა უზრუნველყოფს ურთიერთებების გადაცემას
- ურთიერთებების გადაცემა ხორციელდება მატერიალური ველით.
- 32. რა არსებოთი თვისებები ახასიათებს ელექტრომაგნიტურ ველს
- ელექტრომაგნიტური ველის წყაროა ელექტრული მუხტი (როგორც უძრავი, ასევე მოძრავი)
- 33. როგორ მუხტზე (უძრავზე თუ მოძრავზე) მოქმედებს ელექტრომაგნიტური ველი
- ელექტრომაგნიტური ველი მოქმედებს როგორც უძრავ, ასევე მოძრაველექტრულ მუხტზე
- 34. არსებობს თუ არა მაგნიტური მუხტი
- არა
- 35. რას უნდა ასახავდეს ფიზიკური სიდიდის განსაზღვრა
- ფიზიკური სიდიდის განსაზღვრა უნდა ასახავდეს როგორც თვისობრივ მხარეს, ასევე რაოდენობრივს.

36. როგორ შეიძლება დავადგინოთ ფიზიკური კანონი
- ცდების, ექსპერიმენტების მეშვეობით.
37. რა არის ელექტრული მუხტი
- ელექტრული მუხტი არის ფიზიკური სიდიდე, რომელიც ელექტრომაგნიტური ურთიერთქმედების ზომას წარმოადგენს.
38. რას წარმოადგენს წერტილოვანი მუხტი
- წერტილოვანია ისეთი მუხტი, რომლის ზომების უგულვებელყოფა მოცემულ პირობებში შეგვიძლია.
39. როგორ ცვლიდა კულონი მუხტის სიდიდეს
- დამუხტული და ელექტრულად ნეიტრალური ერთნაირი ლითონის ორი ბურთულის შეხებითა და მათი დაშორებით.
40. დამოკიდებულია თუ არა მუხტის სიდიდე მოძრაობის სიჩქარეზე
- არა
41. რა თვისებები ახასიათებს მუხტს
- ორგვარობა (ნიმუშის თვალსაზრისით), ადიტიურობა, მუდმივობა და ინვარიანტობა.
42. როგორ შეიძლება განვსაზღვროთ მუხტის სიდიდე
- უძრავ წერტილოვან მუხტზე მოქმედი ძალა პროპორციული მუხტის სიდიდისა  $F \sim q$ .
- ორი სხვადასხვა მუხტისათვის ველის მოცემულ წერტილში  $\frac{F_1}{F_2} = \left| \frac{q_1}{q_2} \right|$ . თუ ერთ-ერთ მუხტს პირობითად ჩავთვლით ერთეულად, გამოვთვლით მეორე მუხტის მნიშვნელობას (მასის რაოდენობრივი განსაზღვრის ანალოგიურად).
43. რომელი ძირითადი ერთეულებია გაუსის სისტემაში
- სიგრძე - სანტიმეტრი; მასა - გრამი; დრო - წამი.
44. რას ჰქვია მუხტის ელექტროსტატიკური ერთეული
- გაუსის სისტემაში კულონის კანონის გამოყენებით მუხტის დადგენილ ერთეულს სიგრძის, მასისა და დროის ერთეულების გამოყენებით მუხტის ელექტროსტატიკური ერთეული ჰქვია და აღინიშნება  $CGSE_q$ . ორი ასეთი მუხტი ვაკუუმში 1 სმ მანძილზე ერთმანეთზე მოქმედებს 1 დნ (დინი) ძალით ( $1 \text{ დნ} = 10^{-5} \text{ ნ}$ ).
45. ელექტრული სიდიდეებისათვის რა ერთეულია ძირითადი  $Si$  სისტემაში
- დენის ძალის ერთეული ამპერი
46. რას უდრის 1 კულონი
- 1 კულონი არის მუხტი, რომელიც გადის გამტარში 1 ნმ-ში 1 ამპერი მუდმივი დენის დროს.  $q = It$ .
- $1 \text{ კ} = 3 \cdot 10^9 CGSE_q$
47. რას ჰქვია ელემენტარული მუხტი
- ელემენტარული მუხტი ეწოდება ერთეული პროტონებისა და ელექტრონების მუხტს, რომელთა აბსოლუტური მნიშვნელობა ტოლია.  $e = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ კ}$ .
48. როდის დაინყო ნივთიერების ელექტრული სტრუქტურის გარკვევა
- XIX საუკუნის 80-იანი წლებიდან
49. ვის მიერ იქნა აღმოჩენილი ელექტრონი
- 1897 წელს ტომსონის მიერ
50. ატომის აგებულების როგორი მოდელი შექმნა რეზერფორდმა
- პლანეტარული

51. რას ენოდება ველი მათემატიკის ენაზე

- მათემატიკური აზრით, ველი ენოდება სივრცის კოორდინატებისა და დროის ნებისმიერ ფუნქციას.

52. რას ენოდება სკალარული ველი

- ველს ენოდება სკალარული, თუ ის სივრცის ყოველ წერტილში ხასიათდება ერთი კომპონენტით - სკალარით.

53. რამდენი კომპონენტი გააჩნია ვექტორულ ველს

- ვექტორულ ველს სივრცის ყოველ წერტილში გააჩნია სამი კომპონენტი, რომლებიც განსაზღვრავს ვექტორს.

54. როგორ ველს ენოდება სტაციონარული

- სტაციონალური ველი არ არის დამოკიდებული დროზე.

55. როგორ ველს ენოდება ერთგვაროვანი

- ერთგვაროვანი ველი არ არის დამოკიდებული კოორდინატებზე.

56. რას ენოდება სკალარული ველის გრადიენტი

- $\varphi(x, y, z)$  სკალარული ფუნქციის გრადიენტი ენოდება შემდეგ ვექტორს

$$\nabla \varphi = \vec{i} \frac{d\varphi}{dx} + \vec{j} \frac{d\varphi}{dy} + \vec{k} \frac{d\varphi}{dz}$$

$$grad \varphi = \vec{i} \frac{d\varphi}{dx} + \vec{j} \frac{d\varphi}{dy} + \vec{k} \frac{d\varphi}{dz}$$

$$d\varphi = \frac{\partial \varphi}{\partial x} dx + \frac{\partial \varphi}{\partial y} dy + \frac{\partial \varphi}{\partial z} dz.$$

57. რას უდრის სკალარული ფუნქციის ნაზრდი

- ფუნქციის ნაზრდი  $d\varphi$  ტოლია  $grad\varphi$  და  $\vec{dr}$  ვექტორების სკალარული ნამრავლისა

$$d\varphi = grad\varphi \cdot \vec{dr}$$

$$\vec{dr} = \vec{i} dx + \vec{j} dy + \vec{k} dz$$

58. როგორი სიდიდეა სკალარული ფუნქციის გრადიენტი

- სკალარული ფუნქციის გრადიენტი ვექტორია, რომლის მიმართულება გვიჩვენებს ფუნქციის უსწრაფესი ზრდის მიმართულებას, ხოლო მოდული ტოლია ფუნქციის ცვლილების სისწრაფისა ამ მიმართულებით.

59. გრადიენტის ჩანერის რომელი ფორმებია გამოყენებული

- $grad\varphi \equiv \nabla \varphi \equiv \frac{\partial \varphi}{\partial r}$ , სადაც  $\nabla = \vec{i} \frac{\partial}{\partial x} + \vec{j} \frac{\partial}{\partial y} + \vec{k} \frac{\partial}{\partial z}$  არის ჰამილტონის ოპერატორი.

60. ვექტორული ველის გამოსახვის რომელი ფორმებია ცნობილი

- ვექტორულ ველს გამოსახავენ ან ისრებით, რომელთა სიგრძე და მიმართულება ახასიათებს ველს იმ წერტილში, საიდანაც ისრები იწყება, ან ველის ნირებით, რომელთა ყოველ წერტილში ვექტორულ ველს მხების მიმართულება აქვს.

61. რას ენოდება დივერგენცია

- დივერგენცია არის უსასრულოდ მცირე ნებისმიერი ჩაკეტილი ზედაპირის გამჭოლი ნაკადი, მოსული მოცულობის ერთეულზე.

62. რას ნიშნავს ქართულად დივერგენცია

- განშლადობას

63. ოსტროგრადსკ-გაუსის თეორემის ფორმულაა

- $$\oint_S \vec{A} \cdot d\vec{S} = \int_V \vec{div} \vec{A} dV$$

64. რას ენოდება ვექტორის ცირკულაცია რაიმე ნირზე

- $$\Gamma = \oint_L \vec{A} \cdot d\vec{l}$$
 სადაც  $\Gamma$  არის  $\vec{A}$  ვექტორის ცირკულაცია ნებისმიერ ჩაკეტილ ნირზე

**65. რას ენოდება როტორი**

— როტორი არის ვექტორული ველის ლოკალური მახასიათებელი:

$$\text{rot}_n \vec{A} = \lim_{\substack{S_i \rightarrow 0 \\ S_i}} \phi \frac{1}{S_i} (\vec{Adl})$$

**66. რას ნიშნავს ქართულად როტორი**

— ბრუნვას

**67. სტოქსის თეორემის ფორმულაა**

$$-\int_L \phi(\vec{Adl}) = \int_S \text{rot} \vec{A} \cdot d\vec{S}$$

**68. როგორ გამოითვლება ძალის ტოლქმედი მუხტა სისტემის შემთხვევაში**

— ვინაიდან ძალა ვექტორული სიდიდეა, ამიტომ ტოლქმედი იქნება ყველა სხეულის

მოქმედებათა გემოეტრიული ჯამი:  $\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots + \vec{F}_n$

**69. რას ნიშნავს სუპერპოზიციის პრინციპი**

—  $\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots + \vec{F}_n$  ფორმულით განსაზღვრულ კანონს სუპერპოზიციის

(ვექტორული შეკრების) პრინციპი ენოდება. ხოლო თუ მუხტი არ არის წერტილოვანი,

მაშინ  $\vec{F} = \int d\vec{F}$ .

**70. რისთვისაა შემოღებული ველის დაძაბულობის ცნება**

— ელექტრული ველის რაოდენობრივი დახასიათებისთვის

**71. როგორ განისაზღვრება ველის დაძაბულობა**

— ველის დაძაბულობა მოცემულ წერტილში ტოლია მუხტზე მოქმედი ძალის შეფარდებისა მოცემულ მუხტან

**72. ველის დაძაბულობის ფორმულაა**

$$-\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$$

**73. რა მიმართულება აქვს დაძაბულობას**

— დაძაბულობის მიმართულება დადებით მუხტზე მოქმედი ძალის მიმართულებას ემთხვევა.

**74. Si-სისტემაში დაძაბულობის ერთეულია**

— 1 ნ/კ (ნიუტონი კულონთან), აგრეთვე 1 ვ/მ (ვოლტი წამთან)

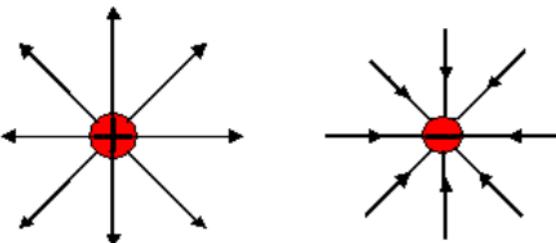
**75. რას ენოდება ძალწირი**

— ძალწირი ენოდება წირს, რომლის ნებისმიერ წერტილში გავლებული მხების მიმართულება ემთხვევა ველის მოცემულ წერტილში დაძაბულობის ვექტორის მიმართულებას.

**76. რას განსაზღვრავს ძალწირების რიცხვი**

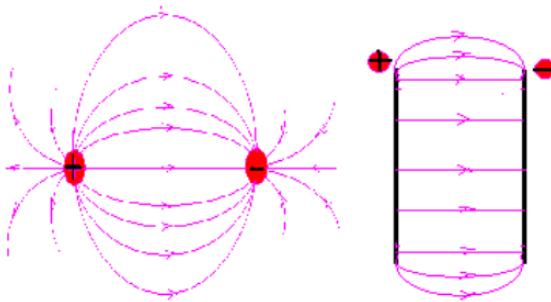
— სივრცეში ძალწირების რიცხვი (სიხშირე) ტოლია დაძაბულობის ვექტორის მოდულისა.

**77. როგორია ძალწირების სურათი წერტილოვანი მუხტებისათვის**



**78. როგორ შეიძლება დავახასიათოთ მუხტების ურთიერთქმედება ძალწირებით**

- ძალის გამოდიან დადებითი მუხტიდან და შედიან უარყოფით მუხტებში. მუხტების ურთიერთქმედება ძალის გამოვალის ნახაზით წარმოვადგინოთ



79. რით არის განპირობებული დაძაბულობის ნაკადის ცნების შემოღება

- დაძაბულობის ვექტორის საშუალებით ელექტრული ველის დახასიათება, ხშირად, მათემატიკურ სირთულეებთან არის დაკავშირებული. ამცანების გამარტივების მიზნით, ხელსაყრელია, დაძაბულობის ვექტორის ნაკადის გამოყენება.

80. რას ეწოდება რაიმე ვექტორის ნაკადი

- ნებისმიერი ვექტორის ნაკადი რაიმე ზედაპირზე, ზედაპირის მართობულად, ფართობის ერთეულში გამავალი ძალის განპირების რიცხვის ტოლია.

81. ნაკადის გამოსათვლელი ფორმულაა

$$d\Phi = A_n dS = AdS \cos \alpha$$

82. შეიძლება თუ არა ზედაპირის ფართობის ვექტორულად გამოსახვა

- შეიძლება ზედაპირის დადებითი ნორმალის საშუალებით  $d\vec{S} = dS\vec{n}$ , საიდანაც ნაკადი

$$\text{ტოლია } \Phi = \int (\vec{E} d\vec{S})$$

83. ჩაკეტილი ზედაპირის შემთხვევაში ნაკადის გამოსათვლელი ფორმულაა

$$\Phi = \oint (\vec{E} d\vec{S})$$

84. არის თუ არა ნაკადის მნიშვნელობა დამოკიდებული ზედაპირის ფორმაზე

- ნაკადის მნიშვნელობა არ არის დამოკიდებული ზედაპირის ფორმაზე და ზედაპირამდე მანძილზე

85. როგორ გამოითვლება ჩაკეტილი ზედაპირის მიმართ მუხტთა სისტემის სრული ნაკადი

$$\Phi = \oint (\vec{E} d\vec{S}) = 4\pi kq = \frac{\sum_{i=1}^n q_i}{\epsilon_0} = \frac{q}{\epsilon_0}$$

86. რაში მდგომარეობს გაუსის თეორემა

- დაძაბულობის ვექტორის ნაკადი ჩაკეტილი ზედაპირის მიმართ ტოლია ზედაპირის შიგნით არსებული მუხტების ალგებრული ჯამი გაყოფილი ვაკუუმის ელექტრულ მუდმივზე.

87. რა განსაზღვრავს ნაკადის ნიშანს

- ძალის გამოვალის მიმართულება: ზედაპირიდან გამოსული ძალის განპირები დადებითია, ხოლო ზედაპირში შესული — უარყოფითი.

88. რომელი ვექტორული ფუნქციები ახასიათებს ვექტორულ ველს
- ველის მდგომარეობა ხასიათდება სივრცის წერტილთა კოორდინატებისა და დროის ორი ვექტორული ფუნქციით:  $\vec{E}(\vec{r}, t)$  ელექტრული ველის დაძაბულობა და  $\vec{B}(\vec{r}, t)$  მაგნიტური ველის ინდუქცია.

89. როგორ გამოითვლება რელატივისტური იმპულსი

$$-\quad \vec{P} = \frac{\vec{mv}}{(1 - \frac{v^2}{c^2})^{1/2}} \quad \text{ანუ} \quad \vec{P} = \frac{\vec{mv}}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

90. რა პრინციპული განსხვავებაა ელექტრომაგნიტურ ველში მუხტზე მოქმედ ძალებს შორის
- ერთი არ არის დამოკიდებული სიჩქარეზე, მეორე კი დამოკიდებულია.

91. რომელი ფორმულიდან ჩანს მაგნიტური ველის რელატივისტური პუნქტი

$$-\quad \vec{F}_m = \frac{1}{c} q [\vec{v} \cdot \vec{B}]$$

92. როგორი ვექტორია მაგნიტური ინდუქციის ვექტორი
- ფსევდოვექტორი
93. რიცხობრივად როგორია კავშირი ელექტრული დაძაბულობის ერთეულებს შორის
- $B/\Omega = \text{გ/მ, ამიტომ } 1 \text{ ღნ } / CGSE_q = 3 \cdot 10^4 \text{ გ/მ}$
94. გაუსის სისტემაში მაგნიტური ინდუქციის ერთეულია
- გაუსი
95. Si-სისტემაში მაგნიტური ინდუქციის ერთეულია
- ტესლა (ტლ)
96. რიცხვობრივად, როგორია კავშირი მაგნიტური ინდუქციის ერთეულებს შორის
- $1 \text{ ტლ } = 10^4 \text{ გაუსი}$
97. რა იწვევს ნაწილაკის ენერგიის ცვლილებას
- მხოლოდ ელექტრული ველი
98. რას უდრის ნაწილაკის გადაადგილებაზე მაგნიტური ველის მუშაობა
- ნულის

## თავი I. ელექტრომაგნიტური ურთიერთქმედება.

### ელექტრომაგნიტური ველი.

#### §1.1. ელექტრომაგნიტური ველის ფიზიკური რეალობა.

ბუნებაში დღეისათვის ცნობილია ურთიერთქმედების ოთხი სახე: გრავიტაციული, ელექტრომაგნიტური, ძლიერი და სუსტი. ყველა სხვა ურთიერთქმედება დაიყვანება ერთ-ერთ მათგანზე. მაგალითად, დრეკადობის ძალა ელექტრომაგნიტურ ურთიერთქმედებაზე დაიყვანება, (ასევე ხახუნის ძალა ელექტრომაგნიტური ბუნებისაა).

ელექტრული და მაგნიტური. ურთიერთქმედების მოგლენებს ადამიანი უხსოვარი დროიდან იცნობს (ტერმინი “ელექტრობა” ბერძნული წარმოშობისაა და ქართულად “ქარვას” ნიშნავს, “მაგნიტი”- წარმოიშვა მინერალ მაგნიტის სახელიდან, იგი ქალაქ მაგნეზიის მახლობლად აღმოაჩინეს). მოგლენებისა და ცდების ანალიზი გვიჩვენებს, რომ ელექტრომაგნიტური ურთიერთქმედება განპირობებულია ბუნებაში ორი სახის ელექტრული მუხტის არსებობით.

დამუხტულ ელემენტალურ ნაწილაკებს შორის ელექტრული ურთიერთქმედების გარდა გრავიტაციული მიზიდვის ძალაც მოქმედებს, მაგრამ მისი მნიშვნელობა  $\approx 10^{42}$  ჯერ ნაკლებია ელე ქტრულ ძალაზე. /ძლიერი ურთიერთქმედება (ბირთვული ძალები) ვლინდება ნუკლონებს შორის  $10^{-15}$  მ-ის რიგის მანძილზე და დაახლოებით ორი რიგით აღემატება ელექტრომაგნიტურს, ხოლო სუსტი ურთიერთქმედება ვლინდება კიდევ უფრო მცირე მანძილებზე ( $10^{-17}$  მ) და მნიშვნელოვნად ნაკლებია ელექტრომაგნიტურზე, მაგრამ მნიშვნელოვნად აღემატება გრავიტაციულს/.

მატერიის სტრუქტურას დაახლოებით  $10^{-14} - 10^5$  მეტრამდე მანძილებზე ელექტრომაგნიტური ურთიერთქმედება განაპირობებს (სიცოცხლეც სწორედ ამ ინტერვალშია), უფრო დიდ მანძილებზე ციური სხეულებისათვის არსებითი ხდება გრავიტაციული ურთიერთქმედება, უფრო მცირეზე კი – ბირთვული და სუსტი ურთიერთქმედებები. აქედან გამომდინარე ადამიანისათვის ძალზე მნიშვნელოვანია ელექტრომაგნიტური

მოვლენების შესწავლა და ტექნიკასა და ყოფა ცხოვრებაში მისი გამოყენება.

ნიუტონის კლასიკურ მექანიკაში ითვლებოდა, რომ ურთიერთქმედება სივრცის ერთი წერტილიდან მეორე წერტილში მყისიერად გადაეცემა და ის ურთიერთქმედების პოტენციური ენერგიით განისაზღვრებოდა. იგი ნაწილაკთა კოორდინატით განისაზღვრებოდა და არ იყო ცხადად დამოკიდებული დროზე. ანუ ურთიერთქმედების გადაცემის სიჩქარე კლასიკურ მექანიკაში  $c = \infty$ , მაგრამ დაკვირვებებმა და ცდებმა აჩვენა, რომ ბუნებაში პროცესების მექსულად გადაცემა არ ხდება. ერთ სხეულში აღძრული ცვლილება მეორეში თავს იჩენს მხოლოდ გარკვეული დროის შემდეგ /შესაბამისად თუ სხეულებს შორის მანძილს გავყოფთ ეგ. წ. “დაგვიანების” დროზე, მივიღებთ ურთიერთქმედების გავრცელების სიჩქარეს/. რა თქმა უნდა იგი არ არის დამოკიდებული თვით სხეულების (წყაროსა და მიმღების) მოძრაობის სიჩქარეზე. აღნიშნული სიჩქარე არის სწორედ ურთიერთქმედების გადაცემის სიჩქარე (ვაკუუმში ეს სიჩქარე  $c \approx 300000$  კმ/წმ). /ეს სიჩქარე ბუნების ერთ-ერთ ძირითად მუდმივს წარმოადგენს/.

სიმარტივისათვის განვიხილოთ ორი დამუხტული ნაწილაკის ელექტრომაგნიტური ურთიერთქმედება ჩაკეტილი სისტემის მიმართ. ურთიერთქმედების გამო იცვლება ნაწილაკთა მდგომარეობა (ენერგია, იმპულსი, იმპულსის მომენტი). ვინაიდან ურთიერთქმედება რადაც სასრული  $c$  სიჩქარით გადაეცემა, ერთი ნაწილაკის იმპულსის (ენერგიის, იმპულსის მომენტის) ცვლილებას მეორე ნაწილაკი იგრძნობს  $\Delta t = \frac{r}{c}$  დროის შემდეგ (სადაც  $r$  - ნაწილაკებს შორის მანძილია); მაშასადამე კლასიკური მექანიკის თვალსაზრისით დაირღვა ბუნების ფუნდამენტალური კანონები (იმპულსის, ენერგიისა და იმპულსის მომენტის მუდმივობის კანონები); პრობლემის გადაწყვეტა ხდება “ველის” ცნების შემოღებით, კერძოდ ნაწილაკის გარშემო შექმნილი ველის და თვით ნაწილაკთა მიმართ სამართლიანი რჩება ჩამოთვლილი სიდიდეებისათვის მუდმივობის კანონები. ე. ი. ელექტრომაგნიტური ველი უნდა განვიხილოთ როგორც დამოუკიდებლად არსებული და ის წარმოადგენს მატერიის ერთ-ერთ სახეს (კლასიკურ მექანიკაში მატერია არსებობდა ნივთიერების

სახით და მისი დახასიათება ხდებოდა მასის საშუალებით. ელექტრომაგნიტური ველის მახასიათებელ სიდიდეებს ცოტა მოგვიანებით გავეცნობით). ველის ცნების შემოტანით აღარ არის საჭირო ურთიერთქმედების ახსნა პოტენციური ენერგიის საშუალებით.

თეორიას, რომლის თანახმადაც, სიცარიელეში, დაშორებული სხეულები ერთმანეთზე მყისიერად მოქმედებენ ( $c = \infty$ ) შორსქმედება ეწოდება. ნიუტონის კლასიკური მექანიკა ამ კონცეფციას ეყრდნობა. თუმცა თვით ნიუტონი ხაზგასმით აღნიშნავდა, რომ მისი თეორია არის მხოლოდ მათემატიკური აღწერა პლანეტების მოძრაობისა და არ ხსნის მიზიდულობის ბუნებას. “მე ვერ შევძელი მიზიდულობის მიზეზთა გარკვევა, ვინაიდან ისინი არ გამომდინარეობენ მოვლენებიდან”- წერდა ნიუტონი (მაგრამ ნიუტონის დიდი წარმატებების ფონზე ეს ჩანაწერი ადვილად იქნა დავიწყებული).

ახლოქმედების თეორია (კონცეფცია) განიხილავს ურთიერთქმედების (იმპულსის, ენერგიის, იმპულსის მომენტის) ერთი წერტილიდან მეორეში სასრული სიჩქარით გადაცემას ველის საშუალებით. ახლოქმედების კონცეფცია პირველად XIX საუკუნის პირველ ნახევარში შემოტანილი იქნა ფარადეის მიერ. /ვინაიდან იმ დროს ველის ცნება ვაკუუმისათვის არ იყო ცნობილი ამიტომ ასეთ გარემოში ეგ.წ. “შუამავლის” როლში იქნა შემოღებული ჰიპოთეზური გარემო “მსოფლიო ეთერი”, რომელსაც მექანიკური თვისებები უნდა ქონოდა. ფარდობითობის თეორიის შემოღების შემდეგ ცხადი გახდა, რომ “მსოფლიო ეთერი” არ არსებობს. ურთიერთქმედების გადაცემისათვის არ არის საჭირო ნივთიერი გარემო, რომ ურთიერთქმედება ხორციელდება მატერიალური ველით.

ელექტრომაგნიტური ველის შესახებ, თუნდაც უმარტივესი, წარმოდგენა რომ შეგვექმნას უნდა განვიხილოთ მისი არსებითი თვისებები, რომლებიც დადგენილია ცდით: ელექტრომაგნიტური ველის წყაროა ელექტრული მუხტი (როგორც უძრავი ისე მოძრავი); ელექტრომაგნიტური ველი მოქმედებს ელექტრულ მუხტზე (უძრავსა თუ მოძრავზე); არ არსებობს მაგნიტური მუხტი (ყოველ შემთხვევაში დღემდე). /გამოჩენილმა ინგლისელმა შეცნიერმა დირაქმა 1931 წელს თეორიულად იწინასწარმეტყველა მაგნიტური მუხტის არსებობა. მაგნიტური მუხტის ელემენტალური პორციის მატარებელ ნაწილაკს მან მონოპოლი უწოდა,

მიუხედავად ინტენსიური ექსპერიმენტული ძიებისა, მონოპოლი ჯერჯერობით აღმოჩენილი არ არის, მაგრამ ნაწინასწარმეტყველები პოზიტრონისა და სხვა ანტინატილაპების არსებობა ცდით უპვე დადასტურებულია, (რასაკვირველია, მონოპოლის აღმოჩენა ფიზიკის ერთ-ერთი უდიდესი აღმოჩენა იქნება, თუ ასეთი განხორციელდება!).

## §1.2 ელექტრული მუხტი

ფიზიკური სიდიდის განსაზღვრა როგორი საკითხია. იგი უნდა ასახავდეს როგორც თვისებრივ მხარეს, ასევე რაოდენობრივს. უნდა გვახსოვდეს, რომ ფიზიკური სიდიდის განსაზღვრებას ვერ ჩამოვაყალიბებთ ფიზიკური კანონის გარეშე. განსაზღვრება კანონის ასახვაა, მათი გათიშვა შეუძლებელია.

ელექტრული მუხტის განსაზღვრისათვის ფიზიკური კანონია საჭირო. კანონის დასადგენად ცდებს უნდა მიგმართოთ ხოლო ცდა რომ ჩავატაროთ მუხტის თვისებები უნდა ვიცოდეთ. არ შეიძლება მოვითხოვოთ, რომ ჯერ ჩამოვაყალიბოთ განსაზღვრება და შემდეგ დაგადგინოთ თვისებები და კანონი. განსაზღვრება, კანონი, გაზომვის მეთოდი და თეორია ერთმანეთთან უწყვეტ კავშირში ყალიბდება. დაკვირვებათა და ექსპერიმენტთა საფუძველზე ჩნდება პირველი წარმოდგენები, შემდეგ საგარაუდო დებულებათა სისტემა. დებულებათა ამ სისტემაზე დაყრდნობით იქმნება რაოდენობრივი ფიზიკური თეორია, რომლის სისწორეც ისევ ცდით მოწმდება.

ელექტრული მუხტის ცნება შემოვიტანოთ ახლოქმედების პრინციპიდან. ცხადია უნდა გამოვიყენოთ ცდა, რომელიც გვიჩვენებს, რომ ელექტრომაგნიტურ ველთან ურთიერთქმედების მიმართ დამუხტული ნაწილაკის თვისება განისაზღვრება ერთი სკალარული სიდიდით— ელექტრული მუხტით.

ელექტრული მუხტი არის ფიზიკური სიდიდე, რომელიც ელექტრომაგნიტური ურთიერთქმედების ზომას წარმოადგენს.

მუხების ასეთი განსაზღვრება მასის თვისობრივ განსაზღვრებას მოგვაგონებს. ელექტრული მუხების რაოდენობრივი განსაზღვრისათვის უნდა დავადგინოთ ფიზიკური კანონი. ამ მიზნით შევიტანოთ ელექტრულად დამუხეტული სხეული ელექტრომაგნიტურ ველში (შემდგომში სიმოკლისათვის ელექტრულად დამუხეტული სხეულის ნაცვლად გამოვიყენებოთ “მუხებს”) და გავზომოთ მასზე მოქმედი ძალა. მოვითხოვოთ, რომ მუხების შეტანამ არ შეცვალოს ველის თვისებები (არ გამოიწვიოს ველის შემქმნელი მუხების გადაადგილება), გარდა ამისა უნდა მოვითხოვოთ, რომ “სასინჯი” მუხები იყოს წერტილოვანი (მატერიალური წერტილის მსგავსად უნდა შეგვეძლოს ზომების უგულვებელყოფა მოცემულ პირობებში).

სასინჯი მუხების შესაცვლელად უნდა ვისარგებლოთ კულონის მიერ გამოყენებული გონებამახვილური ხერხით; თუ შევახებოთ დამუხეტულსა და ელექტრულად ნეიტრალურ ერთნაირ ლითონის ორ ბურთულას, სიმეტრიის გამო მუხები მათ შორის თანაბრად განაწილდება და დაშორების შემდეგ, მუხების მუდმიობის კანონის თანახმად, თითოეულზე დარჩება თავდაპირველი მუხების ნახვარი. გარდა ამისა აუცილებელია გაირკვეს, დამოკიდებულია თუ არა მუხების სიდიდე სხეულის მოძრაობის ხასიათზე (ანუ ინგარიანტული არის თუ არა მუხების სიდიდე). მუხების ინგარიანტობაზე პასუხს იძლევა მრავალელექტრონიანი ელექტრულად ნეიტრალური ატომების არსებობა. ასეთი ატომების გარე და შიგა შრეების ელექტრონების სიჩქარე ერთმანეთისაგან განსხვავებულია და რომ მოძრაობის სიჩქარეზე იყოს დამოკიდებული ნაწილაკის მუხები, მაშინ ატომის ელექტრულად ნეიტრალობის საკითხი გართულდებოდა. გარდა ამისა გასათვალისწინებელია აგრეთვე ცდის ჩატარების დროს მუხების შემდეგი თვისებები: ორგვარობა (ნიშნის თვალსაზრისით), ადიტიურობა, მუდმივობა და ინგარიანტობა.

სიმარტივისათვის გამოვიყენოთ უძრავი მუხეტებისათვის კულონის მიერ ჩატარებული ცდის სქემა. ცხადია უძრავ წერტილოვან მუხებზე მოქმედი ძალა პროპორციულია მუხების სიდიდისა

$$F \sim q \quad (1.1)$$

(1.1) ფორმულა არის ფიზიკური კანონი, რომლის საშუალებითაც შეგვიძლია რაოდენობრივად დავახასიათოთ მუხტი. ორი სხვადასხვა მუხტისათვის ველის მოცემულ წერტილში

$$\frac{F_1}{F_2} = \left| \frac{q_1}{q_2} \right| \quad (1.2)$$

თუ ერთ-ერთ მუხტის პირობითად ჩავთვლით ერთეულად, გამოვთვლით მეორე მუხტის მნიშვნელობას (მასის რაოდენობრივი განსაზღვრის ანალოგიურად).

მუხტის ერთეულის დასადგენად გავითვალისწინოთ, რომ არსებობს აბსოლუტურ ერთეულთა სისტემა, ანუ გაუსის სისტემა ( $CGS$ -სისტემა), რომელშიც ძირითადი ერთეულებია: სიგრძის-სანტიმეტრი; მასის-გრამი და დროის-წამი. ამ სისტემაში მუხტის ერთეული დადგენილია კულონის კანონის გამოყენებით, სიგრძის, მასის და დროის ერთეულების საშუალებით. ამ ერთეულს მუხტის ელექტროსტატიკური ერთეული ქვია და აღინიშნება ასე  $CGSE_q$ . ორი ასეთი მუხტი ვაკუუმში 1 სმ მანძილზე ერთმანეთზე მოქმედებს 1 ან (დინ) ქალით (1ან= $10^{-5}$  ნ).

საერთაშორისო სისტემაში (Si -სისტემაში) ელექტრული მოვლენების დასახასიათებლად, ძირითად ერთეულად, შემოღებულია დენის ძალის ერთეული ამპერი (დენის მაგნიტური ურთიერთქმედების კანონის საფუძველზე), ხოლო მუხტის ერთეული, როგორც წამოებული ერთეული - კულონი, განსაზღვრულია დენის ძალის ფორმულიდან

$$q = It$$

/ კულონი არის მუხედი, რომელიც გადის გამტარის განიკვეთში 1 წმ-ზე 1 ამპერი მუდმივი დენის დროს/. ექსპერიმენტალურად დასაბუთებულია, რომ:

$$1\beta = 3.10^9 CGSE_q$$

ცხადია ერთეულთა  $Si$ -სისტემაში კულონის კანონის ( $F = k \frac{|q_1 q_2|}{r^2}$ )  
ფორმულაში პროპორციულობის გოვიციენტი  $k = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0}$  ; სადაც

$\varepsilon_0 \approx 8,858 * 10^{-12}$   $\text{J}^2/\text{N}\cdot\text{m}^2$  არის გაკუუმის ელექტრული მუდმივა.

ელექტრული მუხტის თვისებები დადგენილია ექსპერიმენტალურად და მუდავნდება არა დამოუკიდებლად არამედ ერთმანეთთან კავშირში.

უნდა გავიხსენოთ, რომ ბუნებაში არსებობს ორი ნიშნის (პირობითად დადებითი და უარყოფითი); ერთნაირი ნიშნის მუხტები ერთმანეთს განიზიდავს ხოლო საპირისპირო ნიშნის მიზიდავს.

ატომის ბირთვში შემავალი პროტონების მუხტი მიღებულია დადებითად, ხოლო ელექტრონების მუხტი-უარყოფითად (მათი აბსოლუტური მნიშვნელობა ტოლია და მას ელემენტალური მუხტი ეწოდება). /ისტორიულად დადებითი მუხტი ეწოდა მინაზე აბრეშუმის ქსოვილის ხახუნით წარმოქმნილ მუხტს/.

ნივთიერების ელექტრული სტრუქტურის გარკვევა დაიწყო XIX საუკუნის 80-იანი წლებიდან. მანამდე ელექტრობის დისკრეტული ხასიათის შესახებ ვარაუდი ეკუთვნის ფრანკლინს. 1881 წელს პელმკოლცისა და სტონეის მიერ, 1834 წელს ფარადეის მიერ აღმოჩენილი ელექტროლიზის კანონის გაანალიზებით დაინახეს ელემენტალური ელექტრული მუხტის არსებობა და გამოთვალეს მისი მნიშვნელობა, ხოლო 90-იან წლებში პოლანდიელმა ფიზიკოსმა ლორენცმა დაამუშავა ნივთიერების აგებულების ელექტრონული თეორია, რომელიც ემყარებოდა ელექტრონის, როგორც რეალურად არსებული ნაწილაკის ცნებას. ელექტრონი ექსპერიმენტალურად იქმნა აღმოჩენილი 1897 წელს ტომსონის მიერ, რომელმაც გაზომა ელექტრონის ხვედრითი მუხტი  $\frac{e}{m}$  ელექტრულ და მაგნიტურ ველებში კაორდური სხივების გადახრის მიხედვით. ნივთიერების ელექტრული სტრუქტურა ნათელი გახდა რეზერფორდის მიერ 1911-13 წლებში ჩატარებული ცდების საფუძველზე, რომელმაც შექმნა ატომის აგებულების პლანეტარული მოდლი.

ნებისმიერი სხეულის მუხტი ჯერადია ელემენტალური ელექტრული მუხტისა  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  კ. ეს ფაქტი ექსპერიმენტალურად განსაზღვრა 1909 წელს მიღიკენმა. დამუხტული ელემენტალური ნაწილაკებიდან სტაბილურია მხოლოდ პროტონი, ელექტრონი და მათი ანტინაწილაკები, ყველა დანარჩენი იშლება ძალზე მცირე დროის განმავლობაში და კვარკების მუხტი ნიშნის სიზუსტით  $e/3$  და  $2e/3$ -ის ტოლია.

### §1.3 ველის მათემატიკური თეორიის ელემენტები

ჯერ კიდევ გალილეი წერდა, რომ “ბუნება თავის კანონებს მათემატიკურ ენაზე აყალიბებს”. ისმება კითხვა, რა აუცილებელ მოთხოვნებს უნდა აკმაყოფილებდეს მათემატიკური ენა, რომ მან ფიზიკური მოვლენები ადეკვატურად აღწეროს? ცხადია უპირველესად ეს არის სივრცის თვისებების -ერთგვაროვნობისა და იზოტროპულობის-ამსახველი ინგარიანტობა. ამავე დროს გასათვალისწინებელია, რომ ფიზიკის კანონები არ არის დამოკიდებული კოორდინატთა სისტემის არჩევაზე და რადგანაც მათემატიკის კურსის შესწავლის დროს ზოგიერთი საკითხების განხილვისას, საკითხის ფიზიკურ ასპექტებზე არის ხოლმე ყურადღება გადატანილი, (მაგალითად წარმოებულის და ინტეგრალის ფიზიკური შინაარსის ამოცანების განხილვას დიდი ყურადღება ეთმობა) ამიტომ ველის, როგორც მატერიის ერთ-ერთი სახის, განხილვისას მნიშვნელოვან ყურადღებას დაფუთმობთ მის მათემატიკურ მოდელს.

მათემატიკური აზრით ველი ეწოდება სივრცის კოორდინატებისა და დროის ნებისმიერ ფუნქციას, ამათგან ჩვენ შევისწავლით მხოლოდ სკალარულ და ვექტორულ ველებს.

ველს ეწოდება სკალარული თუ ის სივრცის ყოველ წერტილში ხასიათდება ერთი კომპონენტით-სკალარით. სკალარული ველის მაგალითია არათანაბრად გამთბარი გარემოს ტემპერატურის ველი  $T(\vec{r}, t)$ .

ვექტორულ ველს სივრცის ყოველ წერტილში გააჩნია სამი კომპონენტი, რომლებიც განსაზღვრავს ვექტორს. ვექტორული ველის მაგალითია სითხის სიჩქარეთა ველი  $\sigma(\vec{r}, t)$ . თუ ველი არ არის დამოკიდებული დროზე, მას სტაციონარული ეწოდება (ზოგჯერ მას მუდმივ ველსაც უწოდებენ). ხოლო თუ ველი არ არის დამოკიდებული კოორდინატებზე მას ერთგვაროვანი ეწოდება.

ტემპერატურისა და სიჩქარის ველები არ წარმოადგენს ფიზიკურ რეალობას. ველის ცნების გარეშეც შეიძლება შესაბამისი მოვლენების აღწერა. ამ ველებს არ გააჩნია ურთიერთქმედების ფიზიკური მახასიათებლები, რომელთა გაზომვაც შეიძლება.

რაც შეეხება ელექტრომაგნიტურ ველს, რადგან იგი ფიზიკური რეალობაა, მისი ადეკვატური აღწერის მათემატიკურ ენას ველის

მათემატიკური თეორია წარმოადგენს. ჩვენ შემოვიფარგლებით მხოლოდ ვექტორული ანალიზის სათანადო საკითხებით, ამიტომ განვიხილავთ მხოლოდ აუცილებელ საკითხებს (მკაცრი მათემატიკური მტკიცებების გარეშე) ფიზიკური თვალსაზრისით. საკითხების ამ ჯგუფს მიეკუთვნება დიფერენციალური ოპერაციები: **გრადიენტი;** **დივერგენცია** და **როტორი.** ისინი აკმაყოფილებენ ინვარიანტობის მოთხოვნას და გააჩნიათ კონკრეტული შინაარსი, ამიტომ მათი საშუალებით კარგად აღიწერება ველის ლოკალური თვისებები. ამავე დროს გასათვალისწინებელია, რომ ფიზიკური მოვლენების დამახასიათებელი სიდიდეები (მათემატიკის ენაზე, ფუნქციები) კარგად აკმაყოფილებს უწყვეტობის და დიფერენცირებადობის პირობებს. განვიხილოთ თითოეული მათგანი:

**გ რ ა დ ი გ ნ ტ ი;**  $\varphi(x, y, z)$  სკალარული ფუნქციის გრადიენტი ეწოდება შემდეგ გაძლიერება:

$$\text{grad} \varphi = \vec{i} \frac{\partial \varphi}{\partial x} + \vec{j} \frac{\partial \varphi}{\partial y} + \vec{k} \frac{\partial \varphi}{\partial z} \quad (1.3)$$

გავარკვიოთ მისი შინაარსი. ფუნქციის ცვლილება მოცემული წერტილის მახლობლობაში, ცხადია დამოკიდებულია მიმართულებაზე. სრული დიფერენციალი

$$d\varphi = \frac{\partial \varphi}{\partial x} dx + \frac{\partial \varphi}{\partial y} dy + \frac{\partial \varphi}{\partial z} dz \quad (1.4)$$

ხოლო ამავე მიმართულებით სიკრცის წერტილთა რადიუსგაძლიერის ნაზრდი

$$d\vec{r} = \vec{i} dx + \vec{j} dy + \vec{k} dz \quad (1.5)$$

(1.3);(1.4) და (1.5) ფორმულების შედარებიდან გამომდინარეობს, რომ

$$d\varphi = \text{grad} \varphi \cdot d\vec{r}$$

ფუნქციის ნაზრდი  $d\varphi$  ტოლია  $\text{grad} \varphi$  და  $d\vec{r}$  ვექტორების სკალარული ნამრავლისა. ამიტომ ერთი და იგივე მოდულის მქონე  $d\vec{r}$  სხვადასხვა გადაადგილებისათვის  $d\varphi$  ნაზრდი უდიდესი იქნება, თუ  $\text{grad} \varphi$  და  $d\vec{r}$  ვექტორების მიმართულება ერთნაირია. ამ მიმართულებით

$$|\text{grad} \varphi| = \left| \frac{\partial \varphi}{\partial r} \right|$$

ამრიგად, სკალარული ფუნქციის გრადიენტი ვექტორია, რომლის მიმართულება გვიჩვენებს ფუნქციის უსწრაფესი ზრდის მიმართულებას, ხოლო მოდული ტოლია ფუნქციის ცვლილების სისწრაფისა ამ მიმართულებით.

სკალარულ ველს თვალსაჩინოდ გამოსახავენ ეგ. ეპვიპოტენციალური (ერთნაირი პოტენციალის) მქონე ზედაპირებით. ასეთ ზედაპირზე გადაადგილებისას  $d\varphi=0$  და  $\text{grad}\varphi$  და  $d\vec{r}$  ვექტორები ურთიერთმართობია. კლასიკური მაგალითია კავშირი ძალასა და პოტენციურ ენერგიას შორის:

$$\vec{F} = -\text{grad}U$$

ძალა ყოველ წერტილში ეპვიპოტენციალური ზედაპირის აკრაქნდიკულარულია.

გრადიენტის ჩასაწერად მათემატიკაში იხმარება სამი ტოლფასოვანი აღნიშვნა:

$$\text{grad}\varphi \equiv \nabla\varphi \equiv \frac{\partial\varphi}{\partial\vec{r}}$$

სადაც  $\nabla = \vec{i} \frac{\partial}{\partial x} + \vec{j} \frac{\partial}{\partial y} + \vec{k} \frac{\partial}{\partial z}$  /ჰამილტონის ოპერატორს უწოდებენ და ის აღნიშნავს მოქმედებას, რომელიც მის მარჯვნივ მყოფ ფუნქციაზე ხორციელდება/.

**დ ი გ ე რ გ ე ნ ც ი ა:** ახლა ვექტორული ველის მახასიათებლები განვიხილოთ. ჩვენთვის უკვე ცნობილია ველის გეომეტრიული გამოსახვის ორი ხერხი: ვექტორულ ველს გამოსახავენ ან ისრებით, რომელთა სიგრძე და მიმართულება ახასიათებს ველს იმ წერტილში, საიდანაც ისრები იწყება, ან ველის წირებით (ჩვენთვის უკვე ცნობილია ასეთი წირები –ძალწირები). ეს ისეთი გეომეტრიული წირებია, რომელთა ყოველ წერტილში ვექტორულ ველს მხების მიმართულება აქვს, ხოლო მათი რიცხვი წირების მართობი ზედაპირის ფართობის ერთგულზე (ანუ სიხშირე) პროპორციულია ველის მოდულისა.

თვალსაჩინოებისათვის განვიხილოთ სითხის დინება. გამოვყოთ სითხეში  $dS$  ფართობის ელემენტარული ზედაპირი და დაგწეროთ გამოსახულება სითხის რაოდენობისა (მოცულობა), რომელიც გადის მასში დროის ერთგულში, ანუ სითხის ნაკადისა:  $d\Phi = v_n dS$  სადაც  $v_n$  არის სითხის სიჩქარის გეგმილი ზედაპირის ნორმალზე. შემოვიტანოთ ვექტორი

$d\vec{S} = \vec{n}dS$ , რომლის მოდული ზედაპირის ელემენტის  $dS$  ფართობის ტოლია, ხოლო მიმართულება ზედაპირის ნორმალის მიმართულებას გმოხვევა ( $\vec{n}$  ზედაპირის ნორმალი). რადგან  $v_n = (\vec{v} \cdot \vec{n})$  ამიტომ  $v_n dS = (\vec{v} \cdot d\vec{S})$  და სითხის ნაკადი:

$$d\Phi = (\vec{v} \cdot d\vec{S})$$

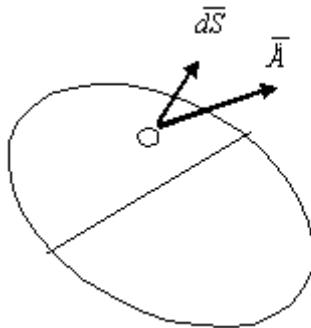
თუ ზედაპირი ჩაკეტილია მაშინ სითხის სრული ნაკადი

$$\Phi = \oint_S (\vec{v} \cdot d\vec{S})$$

შეთანხმებით დადებითად მიღებულია გარე ნორმალის მიმართულება, ე.ი. ჩაკეტილი ზედაპირიდან გარეთ გამოსული ნაკადი დადებითია, ხოლო შესული -უარყოფითი. თუ განვაზოგადებთ ნაკადის განმარტებას ნებისმიერ  $\vec{A}$  ვექტორულ ველზე დავწერთ:

$$\Phi = \oint_S (\vec{A} \cdot d\vec{S}) \quad (1.6)$$

$\Phi$  არის  $\vec{A}$  ვექტორული ველის ნაკადი, გამჭოლი  $S$  ნებისმიერი ჩაკეტილი ზედაპირისა. იგი არის  $\vec{A}$  ველის ინტეგრალური მახასიათებელი-ეკუთვნის მთელ ზედაპირს. ახლა შემოვიდოთ ლოკალური (დიფერენციალური) მახასიათებელი.



ნახ.1.1

$S$  ზედაპირით შემოსაზღვრული  $V$  მოცულობა გავყოთ ორ ნაწილად, (ნახ.1.1) გამოვთვალოთ თითოეული ნაწილით შემოსაზღვრული მოცულობებისათვის შესაბამისი ნაკადები, მაშინ მივიღებთ

$$\oint_S (\vec{A} \cdot d\vec{S}) = \oint_{S_1} (\vec{A} \cdot d\vec{S}_1) + \oint_{S_2} (\vec{A} \cdot d\vec{S}_2)$$

$$\text{გაგაგრძელოთ} \quad V \quad \text{მოცულობის} \quad \text{დაყოფა:} \quad \Phi = \sum_i \oint_{S_i} (\vec{A} d\vec{S}_i) \quad \text{გინაიდან}$$

დაყოფისას მცირდება როგორც  $\oint (\vec{A} d\vec{S}_i)$  ასევე  $V_i$ , განვიხილოთ მათი

შეფარდება. ამ შეფარდების ზღვარი არ არის დამოკიდებული მოცულობის ელემენტის ფორმაზე. სწორედ ეს ზღვარი არის ვექტორული ველის სკალარული ლოკალური მახასიათებელი და მას დივერგენცია ეწოდება:

$$div \vec{A} = \lim_{V_i \rightarrow 0} \frac{1}{V_i} \oint_{S_i} (\vec{A} d\vec{S}_i)$$

დივერგენცია არის უსასრულოდ მცირე ნებისმიერი ჩაკეტილი ზედაპირის გამჭოლი ნაკადი, მოსული მოცულობის ერთეულზე. /სიმარტივისათვის თუ განვიხილავთ ელემენტარულ კუბს, რომლის მოცულობა  $dV = dx dy dz$  მაშინ შეგვიძლია დავწეროთ:

$$\oint (\vec{A} d\vec{S}) = \left( \frac{\partial A_x}{\partial x} + \frac{\partial A_y}{\partial y} + \frac{\partial A_z}{\partial z} \right) dx dy dz$$

თუ მიღებულ გამოსახულებას გავყოფთ ელემენტარულ  $dV$  მოცულობაზე დივერგენციის განმარტების გათვალისწინებით მივიღებთ:

$$div \vec{A} = \frac{\partial A_x}{\partial x} + \frac{\partial A_y}{\partial y} + \frac{\partial A_z}{\partial z} \quad (1.7)$$

იგივე ფორმულა მოკლედ ჰამილტონის ოპერატორის გამოყენებით შეგვიძლია ასე ჩავწეროთ

$$div \vec{A} = \nabla \cdot \vec{A}$$

(1.7) ფორმულიდან ჩანს, რომ დივერგენცია ახასიათებს ვექტორული ველის ცვლილებას საკუთარი მიმართულების გასწვრივ (დივერგენცია ქართულად განშლადობას ნიშნავს).

ახლა გავეცნოთ მეტად მნიშვნელოვანი ინტეგრალური თეორემის შინაარსს. ნებისმიერი ჩაკეტილი ზედაპირის მიმართ ნაკადი ერთის მხრივ გამოითვლება (1.6) ფორმულით, ხოლო იგივე ნაკადი დივერგენციის განმარტების (დივერგენცია მოცულობის ერთეულზე მოსული ნაკადია) თანახმად არის  $\int div \vec{A} dV$  მაშასადამე

$$\oint_s (\vec{A} d\vec{S}) = \int_v div \vec{A} dV \quad (1.8)$$

(1.8) ფორმულა არის ოსტროგრადსკ-გაუსის თეორემა და იგი სამართლიანია ნებისმიერი ფორმის ზედაპირისათვის.

**რ თ ტ რ ი;** როტორი შემოღებულია გექტორული ველის პარამეტრების ბრუნვითი მოძრაობის დასახასიათებლად. v სიჩქარით მოძრავი სითხის შემთხვევაში რაიმე ჩაკეტილი წირის მიმართ ცირკულაცია

$$\Gamma = \oint (\vec{v} d\vec{l})$$

სადაც  $d\vec{l}$  არის წირის ელემენტი ე.ი. უსასრულოდ მცირე გექტორი, რომელსაც მხების მიმართულება აქვს წირის ყოველ წერტილზე.

განვაზოგადოთ ცირკულაციის ცნება ნებისმიერ  $\vec{A}$  გექტორზე:

$$\Gamma = \oint_L (\vec{A} d\vec{l})$$

Γ არის  $\vec{A}$  გექტორის ცირკულაცია ნებისმიერ ჩაკეტილ წირზე (საზოგადოდ ჩაკეტილი წირი ბრტყელი არ არის). იგი ველის ინტეგრალური მახასიათებელია და განსაზღვრულია მთელი კონტურისათვის. ახლა განვიხილოთ დიფერენციალური (ლოკალური) მახასიათებელი, რისთვისაც ჩაკეტილი კონტური გავყოთ ორ ნაწილად (დივერგენციის განხილვისას ჩაკეტილი ზედაპირით შემოსაზღვრული იყო რაღაც მოცულობა, ამჯერად ჩაკეტილი წირით შემოსაზღვრული იქნება რაღაც ფართობი). ოუ გავიმეორებთ ანალოგიურ მსჯელობას დაგწერთ;

$$\Gamma = \Gamma_1 + \Gamma_2$$

თუ გავაგრძელებთ დაყოფას  $\Gamma = \sum_i \Gamma_i$  მცირდება როგორც  $\Gamma_i = \oint_{L_i} (\vec{A} d\vec{l})$

ინტეგრალი ასევე  $L_i$  კონტურით შემოსაზღვრული ზედაპირის ფართობი  $dS_i$ . ამიტომ განვიხილოთ

$$\frac{\Gamma_i}{S_i} \quad \text{შეფარდების ზღვარი, რომელიც}$$

სასრულია და არ არის დამოკიდებული ზედაპირის ელემენტის ფორმაზე. (მაგრამ დამოკიდებულია ზედაპირის ორიენტაციაზე).

ზედაპირის ელემენტის ორიენტაცია ხასიათდება ნორმალის მიმართულებით, რომელიც კონტურის შემოვლის მიმართულებას უკავშირდება მარჯვენა ბურლის წესით. მტკიცდება, რომ ზღვარი  $\frac{\Gamma_i}{S_i}$

ფარდობისა წარმოადგენს ვექტორის გეგმილს ნორმალზე და ეს ვექტორი არის ვექტორული ველის ლოკალური მახასიათებელი და მას ეწოდება როტორი;

$$rot_n \vec{A} = \lim_{Si \rightarrow 0} \oint \frac{1}{S_i} (\vec{A} d\vec{l})$$

როტორი მოდულით არის ცირკულაცია უსასრულოდ მცირე ნებისმიერ ჩაკეტილ კონტურზე, მოსული ფართობის ერთეულზე და მართობია იმ სიბრტყისა, რომლისთვისაც ცირკულაცია მაქსიმალურია.

რასაკვირველია, როტორიც გამოისახება კოორდინატებით კერძო წარმოებულების საშუალებით. სიმოკლისათვის ის შეიძლება ასე ჩაიწეროს:

$$rot \vec{A} = [\nabla \bullet \vec{A}] \quad (1.9)$$

როტორი ახასიათებს ვექტორული ველის მნიშვნელობის ცვლილებას ველისადმი განივი მიმართულებით (როტორი ქართულად ბრუნვას ნიშნავს). ველს, რომლის როტორი ნულისაგან განსხვავდება, გრიგალური ველი ეწოდება.

მსგავსად წინა შემთხვევისა, ცირკულაცია ორი გზით შეგვიძლია გამოვთვალოთ, შესაბამისად მივიღებთ:

$$\oint_L (\vec{A} d\vec{l}) = \int_S rot \vec{A} \cdot d\vec{S} \quad (1.10)$$

(1.10) ფორმულა არის სტოქსის თეორემა. იგი სამართლიანია ნებისმიერი ჩაკეტილი კონტურისათვის, რომელიც შემოსაზღვრავს ნებისმიერ ზედაპირს. კონტურის შემოვლისა და ზედაპირის ნორმალის მიმართულება ერთმანეთს მარჯვენა ბურლის წესით უკავშირდება. აქვე უნდა შევნიშნოთ, რომ განხილული თეორემები სამართლიანია უძრავი კონტურებისა და ზედაპირებისათვის.

## §1.4 სუპერპოზიციის პრინციპი. ელექტრული ველის დაძაბულობა.

ჩვენს მიერ განხილული მუხტების ურთიერთქმედებისას განიხილებოდა ერთი დამუხტული სხეულის მეორეზე მოქმედება (ან პირიქით). ახლა დავუშვათ, რომ სიგრცეში განხილული ორი ნაწილაკის გარდა მოთავსებულია სხვა დამუხტული სხეულებიც და ვინაიდან ძალა გაქტორული სიდიდეა ამიტომ ტოლქმედი ძალა იქნება ყველა სხეულის მოქმედებათა გეომეტრიული ჯამი, ფორმულით:

$$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots + \vec{F}_n \quad (1.11)$$

სადაც  $\vec{F}$  ტოლქმედი ძალა არის რადაც  $q$  მუხტზე დანარჩენი  $q_1, q_2, q_3, \dots, q_n$  მუხტების მოქმედებით განპირობებული ძალა. (1.11) ფორმულით განსაზღვრულ კანონს სუპერპოზიციის (გაქტორული შეკრების) პრინციპი ეწოდება. იმ შემთხვევაში, როცა მუხტი არ არის წერტილოვანი მაშინ

$$\vec{F} = \int d\vec{F}$$

სადაც  $d\vec{F}$  არის ცალკეული ელემენტით განპირობებული ძალა.

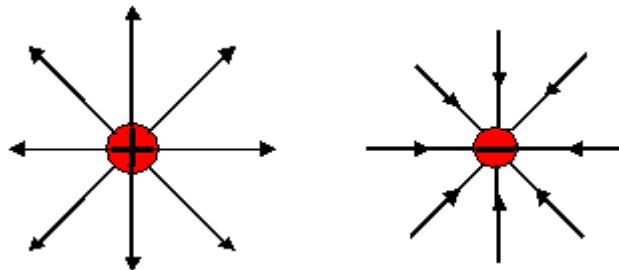
ელექტრული ველის რაოდენობრივი დახასიათებისათვის შემოღებულია ველის დაძაბულობის ცნება, რომელიც ასე განისაზღვრება; ველის დაძაბულობა მოცემულ წერტილში ტოლია მუხტზე მოქმედი ძალის შეფარდებისა მოცემულ მუხტთან. /ერთეულოვანი სასინჯი მუხტის შემთხვევაში ველის დაძაბულობა ველის მოცემულ წერტილში რიცხობრივად ერთეულოვან სასინჯ მუხტზე მოქმედი ძალის ტოლია/. ფორმულით ველის დაძაბულობა

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q} \quad (1.12)$$

დაძაბულობის მიმართულება დადებით მუხტზე მოქმედი ძალის მიმართულებას ემთხვევა. დაძაბულობის ერთეული  $Si$  სისტემაში არის 1 ნ/კ (შემდგომში ვნახავთ, რომ აგრეთვე დაძაბულობის ერთეულია 1 კ/მ).

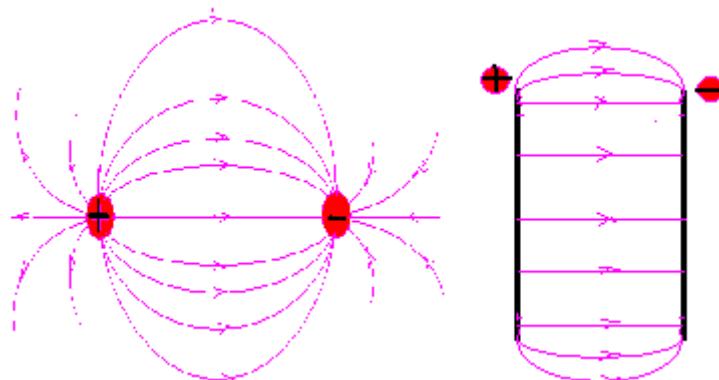
ელექტრული ველის თვალსაჩინოდ წარმოდგენისათვის შემოღებულია ძალწირების ცნება. ძალწირი ეწოდება წირს, რომლის ნებისმიერ წერტილში გავლებული მხების მიმართულება ემთხვევა ველის მოცემულ წერტილში დაძაბულობის ვექტორის მიმართულებას. მეორეს მხრივ

სივრცეში ძალწირების რიცხვი (სიხშირე) ტოლია დაძაბულობის გაქტორის მოდულისა. ცალკეული წერტილოვანი მუხტებისათვის ძალწირების სურათი ასეთია (ნახ.1.2)

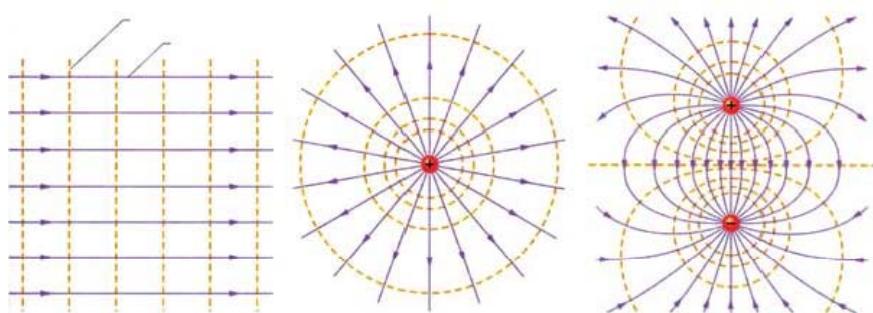


ნახ.1.2

/დადებითი მუხტებიდან რადიალურად გამომავალი, ხოლო უარყოფითი მუხტებისათვის შემავალი წირები/. მუხტების ურთიერთქმედების სურათი ძალწირებით შეიძლება ასე წარმოვიდგინოთ (ნახ.1.3)



ნახ.1.3



ა)

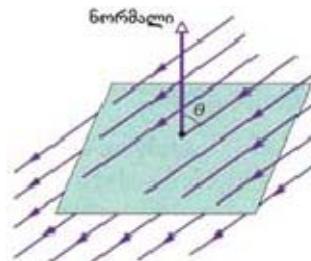
ბ)

გ)

- ა) ერთგვაროვანი ელექტრული ველის, ბ) წერტილოვანი მუხტით გამოწვეული ველის და გ) ელექტრული დიპოლით გამოწვეული ველის ძალწირები და ეკვიპოტენციური ზედაპირების განივი კვეთები

## §1.5 დაძაბულობის ნაკადი. გაუსის თეორემა

დაძაბულობის გექტორის საშუალებით ელექტრული ველის დახასიათება, ხშირად მათემატიკურ სირთულეებთან არის დაკავშირებული, ამოცანის გამარტივების მიზნით ხელსაყრელია დაძაბულობის გექტორის ნაკადის გამოყენება. საზოგადოდ



ნებისმიერი გექტორის ნაკადი რაიმე ზედაპირზე, ზედაპირის მართობულად, ფართობის ერთეულში გამავალი ძალწირების რიცხვის ტოლია. ფორმულით, რაიმე  $\vec{A}$ -ის ნაკადი  $dS$  ზედაპირზე

$$d\Phi = A_n dS = AdS \cos \alpha$$

სადაც  $\alpha$  არის კუთხე ზედაპირის ნორმალსა და  $\vec{A}$ -ს შორის. ანალოგიურად ელექტრული დაძაბულობის გექტორის ნაკადისათვის გვექნება

$$d\Phi = E_n dS = EdS \cos \alpha$$

ხოლო სრული ნაკადი

$$\Phi = \int E_n dS = \int_s E \cos \alpha dS$$

/თუ ზედაპირის ფართობს ჩავწერთ გექტორულად, ზედაპირის დაღებითი ნორმალის საშუალებით,

$$d\bar{S} = dS \vec{n}$$

მაშინ ნაკადი

$$\Phi = \int (\vec{E} d\bar{S})$$

ჩავტოლი ზედაპირის შემთხვევაში კი

$$\Phi = \oint (\vec{E} d\bar{S})$$

სიმარტივისათვის ჯერ გამოვთვალოთ  $r$  რადიუსიანი სფეროს ცენტრში მოთავსებული  $q$  მუხტის დაძაბულობის ნაკადი:

$$\Phi = \oint (\vec{E} d\vec{S}) = E \oint dS = ES = k \frac{q}{r^2} 4\pi r^2 = 4\pi k q$$

ან კიდევ  $k$  კოეფიციენტის გათვალისწინებით მივიღებთ:

$$\Phi = 4\pi \frac{1}{4\pi \epsilon_0} q = \frac{q}{\epsilon_0} \quad (1.13)$$

(1.13) ფორმულა გვიჩვენებს, რომ ნაკადის მნიშვნელობა არ არის დამოკიდებული ზედაპირის ფორმაზე და ზედაპირამდე მანძილზე. მართლაც თუ რაიმე ჩაძებილი ზედაპირის შიგნით მოთავსებული იქნებოდა რადაც  $q_1$  და  $q_2$  მუხტები მაშინ ნაკადის განმარტების თანახმად

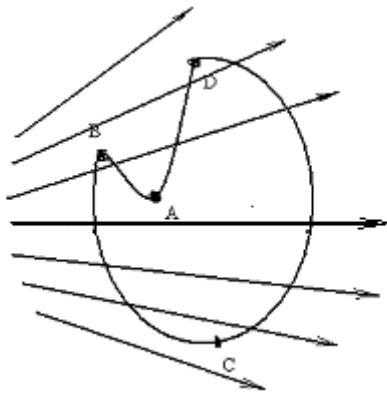
$$\Phi = \Phi_1 + \Phi_2 = \oint (\vec{E}_1 d\vec{S}) + \oint (\vec{E}_2 d\vec{S}) = \frac{q_1}{\epsilon_0} + \frac{q_2}{\epsilon_0} = \frac{q}{\epsilon_0}$$

სადაც  $q = q_1 + q_2$  იმ შემთხვევაში, როცა ჩაკეტილი ზედაპირის შიგნით მოთავსებულია  $q_1, q_2, \dots, q_n$  წერტილოვანი მუხტები მაშინ სრული ნაკადი განისაზღვრება  $q = \sum_{i=1}^n q_i$  სიდიდით და (1.13) ფორმულა ასე ჩაიწერება

$$\Phi = \oint (\vec{E} d\vec{S}) = 4\pi k q = \frac{\sum_{i=1}^n q_i}{\epsilon_0} = \frac{q}{\epsilon_0} \quad (1.14)$$

(1.14) ფორმულა სარმოადგენს გაუსის თეორემის შესაბამის ფორმულას, გაუსის თეორემა ასე ჩამოყალიბდება: დაძაბულობის ვექტორის ნაკადი ჩაკეტილი ზედაპირის მიმართ ტოლია ზედაპირის შიგნით არსებული მუხტების ალგებრული ჯამი გაყოფილი ვაკუუმის ელექტრულ მუდმივზე.

გაუსის თეორემის სამართლიანობა შეგვიძლია ვაჩვენოთ ნებისმიერი ელექტრული ველისათვის. ნახაზზე მოცემულია რადაც ზედაპირი, რომელიც მოთავსებულია ელექტრულ ველში. ზედაპირი დავყოთ პირობითად  $AB; BC; CD; DA$  უბნებად, /გავითვალისწინოთ, რომ წირების სიხშირე რიცხობრივად დაძაბულობის ნაკადის ტოლია და ზედაპირიდან გამოსული ძალწირი ჩაგთვალოთ დადებითად, ხოლო ზედაპირში შესული კი უარყოფითად/, (ნახ.1.4).



ნახ.1.4

განმარტების თანახმად სრული ნაკადი

$$\Phi = \Phi_{AB} + \Phi_{BC} + \Phi_{CD} + \Phi_{DA}$$

თუ გავითვალისწინებთ, რომ

$$\Phi_{AB} = 1; \Phi_{BC} = -4; \Phi_{CD} = 5; \Phi_{DA} = -2$$

მაშინ  $\Phi = 1 - 4 + 5 - 2 = 0$  მართლაც განხილული ზედაპირის შიგნით მუხტის მნიშვნელობა  $q = 0$  და სამართლიანია გაუსის თეორემა.

(1.14) ფორმულით ჩაწერილი  $\oint (\vec{E} d\vec{S}) = 4\pi k q$  გაუსის თეორემა არის მაქსიმუმის ელექტროდინამიკის განტოლებათა სისტემის ერთ-ერთი ძირითადი განტოლება.

## §1.6 ელექტრომაგნიტური ველის მდგომარეობა

ის ფაქტი, რომ ელექტრომაგნიტური ველით ხდება ურთიერთქმედების გადაცემა წერტილიდან წერტილში სასრული სიჩქარით, განაპირობებს რომ ველი დავახასიათოთ ლოკალური სიდიდეებით, რომლებიც სივრცის წერტილებშია განსაზღვრული დროის ნებისმიერ მომენტში.

ცდებით მტკიცდება, რომ ელექტრომაგნიტური ველის მდგომარეობა სასიათდება, სივრცის წერტილთა კოორდინატებისა და დროის ორი ვექტორული ფუნქციით:  $\vec{E}(\vec{r}, t)$  ელექტრული ველის დაბაბულობით და  $\vec{B}(\vec{r}, t)$  მაგნიტური ველის ინდუქციით რომლებიც თავის მხრივ დამოკიდებული არიან სივრცის წერტილთა რადიუსვექტორსა და დროზე.

შემდგომში სიმოკლისათვის ელექტრულ ველს აღვნიშნავთ  $\vec{E}$  ხოლო მაგნიტურ ველს  $\vec{B}$  ვექტორით რომლებიც სივრცითი კოორდინატებისა და დროის უწყვეტი ფუნქციებია /ველის კლასიკური განმარტების მიხედვით/. პვანტური ფიზიკის თანახმად ურთიერთქმედება ხორციელდება პვანტების გაცვლის მეშვეობით, დისკრეტულად. ველის კლასიკური აღწერა სამართლიანია მხოლოდ იმ პირობით, რომ ცალკეული პვანტების მოქმედება არ მუდავნდება, იგი უმნიშვნელოა ჯამურ მოქმედებასთან შედარებით.

$\vec{E}(\vec{r}, t)$  და  $\vec{B}(\vec{r}, t)$  ფუნქციებს, რომლებიც აღწერს სივრცეში ელექტრომაგნიტური ველის განაწილებას ნებისმიერ მომენტში, ვპოულობთ ველის განტოლებების (მაქსველის განტოლებათა სისტემის) ამოხსნით, ხოლო ველის მდგომარეობა დროის ფიქსირებულ მომენტში განისაზღვრება საწყისი პირობების გათვალისწინებით.

$\vec{E}(\vec{r}, t)$  და  $\vec{B}(\vec{r}, t)$  ვექტორების განსაზღვრისათვის ვისარგებლოთ უკვე ცნობილი მეთოდით; კერძოდ გამოვიყენოთ შესაბამისი ფიზიკური კანონი და განვიხილოთ სასინჯი მუხტის მოძრაობა ელექტრომაგნიტურ ველში და გავზომოთ სხვადასხვა წერტილში მასზე მოქმედი ძალა.

მექანიკიდან ვიცით, რომ ძალა არის იმპულსის წარმოებული დროით (იგულისხმება რელატივისტური იმპულსი), დაგწერთ:

$$\frac{d\vec{P}}{dt} = \vec{F} \quad (1.15)$$

სადაც  $\vec{P} = \frac{m\vec{v}}{(1 - \frac{v^2}{c^2})^{1/2}}$  რელატივისტური იმპულსია. ფარდობითობის

თეორიის თანახმად ამ განტოლებას ერთნაირი სახე აქვს ათვლის ყველა ინერციული სისტემის მიმართ. (1.15) ფორმულის მარცხენა მხარე დამოკიდებულია მოძრაობის სიჩქარეზე ცხადია მარჯვენა მხარეც (ძალა) დამოკიდებული იქნება მოძრაობის სიჩქარეზე. თუ გავითვალისწინებთ, რომ ელექტრომაგნიტურ ველში დამუხტულ ნაწილაკზე მოქმედებს ელექტრული და მაგნიტური ველები, რომელთაგან ელექტრული ველის მოქმედება არ არის დამოკიდებული მუხტის მოძრაობის სიჩქარეზე, მაგნიტური ველის შემთხვევაში კი, ძალა დამოკიდებულია მოძრაობის სიჩქარეზე, ე.ი. ძალა

ტოლია ორი გექტორული წევრის ჯამისა, რომელთაგან ერთი არ არის დამოკიდებული სიჩქარეზე, მეორე კი დამოკიდებულია.

$$\vec{F} = \vec{F}_e + \vec{F}_m \quad (1.16)$$

$\vec{F}_e$  სიჩქარეზე დამოუკიდებელ წევრს ელექტრული ძალა ეწოდება და იგი განსაზღვრავს ელექტრულ ველს

$$F_e = q\vec{E} \quad (1.17)$$

ხოლო,  $\vec{F}_m$  -მაგნიტური ძალაა და იგი დამოკიდებულია ნაწილაკის სიჩქარის როგორც მოდულზე ისე მიმართულებაზე, ყოველთვის მართობია სიჩქარისა და განსაზღვრავს  $\vec{B}$  მაგნიტურ ველს

$$F_m = q[\vec{v} \bullet \vec{B}] \quad (1.18)$$

გაუსის (CGSE) ერთეულთა სისტემაში

$$\vec{F}_m = \frac{I}{c} q [\vec{v} \bullet \vec{B}] \quad (1.18^*)$$

სადაც  $c$  ურთიერთქმედების გადაცემის სიჩქარეა,  $v$  ნაწილაკის მოძრაობის სიჩქარე. ამ ფორმულით კარგად ჩანს მაგნიტური ველის რელატივისტური ბუნება. ძალა ინგარიანტული რომ ყოფილიყო, როგორც ნიუტონის მექანიკაში, სიჩქარეზე დამოკიდებულება არ გვექნებოდა და მაგნიტიზმი არ იარსებებდა.

(1.16) ფორმულა შეგვიძლია ასე გადავწეროთ:

$$\vec{F} = q\vec{E} + \frac{I}{c} q [\vec{v} \bullet \vec{B}] \quad (1.19)$$

(1.19) ფორმულით განსაზღვრულ ძალას ლორენცის ძალა ეწოდება, იგი არის ფიზიკის ფუნდამენტური კანონი და განსაზღვრავს  $\vec{E}$  და  $\vec{B}$  ველებს. ში- სისტემაში

$$\vec{F} = q\vec{E} + q[\vec{v} \bullet \vec{B}]$$

ელექტრომაგნიტურ ველში უძრავ სასინჯ მუხტზე მოქმედი ძალა  $\vec{F} = \vec{F}_e$  და განვსაზღვრავთ  $\vec{E}$  ელექტრულ ველს,  $\vec{E}$  -ს მიმართულება ემთხვევა დადებით მუხტზე მოქმედი ძალის მიმართულებას და რიცხობრივად ერთეულოვან დადებით მუხტზე მოქმედი ძალის ტოლია.

მაგნიტური ძალის მნიშვნელობა

$$\vec{F}_m = \vec{F} - \vec{F}_e$$

(1.18\*) ფორმულის სკალარული ჩაწერით მივიღებთ:

$$cF_m = |qv_1|B$$

სადაც  $v_1 = v \sin \alpha$  არის სიჩქარის გეგმილი  $\vec{B}$ -ის მართობზე.  $\vec{B}$ -ის მიმართულება მარჯვენა ბურღის წესით განისაზღვრება; თუ ბურღის ტარს მოვაბრუნებთ დადებითი მუხტის  $\vec{v}$  დან  $\vec{B}$ -კენ უმცირესი პუთხით, ბურღის გადატანითი მოძრაობის მიმართულება დაემთხვევა  $\vec{F}_m$ -ის მიმართულებას. ვინაიდან ძალა და სიჩქარე ნამდვილი ვექტორებია, ბურღის წესიდან გამომდინარეობს, რომ  $\vec{B}$ -ფსევდოვექტორია.

ელექტრომაგნიტური ველის ერთიანობა ბუნებრივად მოითხოვს, რომ  $\vec{E}$  და  $\vec{B}$  ვექტორებს ერთნაირი განზომილება ჰქონდეთ. ეს მოთხოვნა დაცულია გაუსის (CGSE) სისტემაში, რასაც განაპირობებს c-ს არსებობა.

(1.19) ფორმულიდან გაუსის სისტემაში ელექტრული დაძაბულობის ერთეულია დინი გაყოფილი მუხტის ელექტროსტატიკურ ერთეულზე, (ხოლო Si სისტემაში  $-6/\text{J}=\text{g}/\text{d}$ ).

$$1 \text{ დნ/CGSE}_q = 3.10^4 \text{ გ/მ}$$

მაგნიტური ინდუქციის ერთეულს გაუსის სისტემაში გაუსი ეწოდება, 1 გაუსი ისეთი მაგნიტური ინდუქციაა, რომელიც ველის მართობულად 1 სმ/ $\sqrt{\text{მ}}$  სიჩქარით მოძრავ 1 CGSE<sub>q</sub> წერტილოვან მუხტზე მოქმედებს 1/c დინი ძალით. Si სისტემაში მაგნიტური ინდუქციის ერთეულია ტესლა (ტლ). 1 ტესლა ინდუქციის ველი მის მართობულად 1 მ/ $\sqrt{\text{მ}}$  სიჩქარით მოძრავ 1 კულონ წერტილოვან მუხტზე 1 ნ ძალით მოქმედებს.

$1 \text{ ტლ} = 10^5 \text{ დნ} \cdot 3.10^{10} (\text{სმ}/\sqrt{\text{მ}})/3.10^9 \text{ CGSE}_q \cdot 10^2 \text{ სმ}/\sqrt{\text{მ}} = 10^4 \text{ გაუსი}$   
/ცნობისათვის შევნიშნოთ, რომ დედამიწის მაგნიტური ველი დაახლოებით ნახევარი გაუსია, ხოლო ელექტრული ველი  $10^2 \text{ გ/მ}$  –რიგისაა. ატომბირთვში ველი  $10^{11} - 10^{17} \text{ გ/მ}$  –რიგისაა.

თუ (1.15) ფორმულაში გავითვალისწინებთ ძალის მნიშვნელობას და გამოსახულებას სკალარულად გავამრავლებთ  $\vec{v}$  -სიჩქარეზე, გავითვალისწინებთ აგრეთვე, რომ  $(\vec{v}[\vec{v} \cdot \vec{B}]) = 0$  მივიღებთ:

$$(\vec{v} \frac{d\vec{P}}{dt}) = qvE$$

მეორეს მხრივ რელატივისტური მექანიკიდან ცნობილია, რომ

$$(\bar{v} \frac{d\bar{P}}{dt}) = \frac{dW}{dt}$$

სადაც  $W = -\frac{mc^2}{(1-\frac{v^2}{c^2})^{\frac{1}{2}}}$  ნაწილაკის ენერგია, მივიღებთ:

$$\frac{dW}{dt} = qEv \quad (1.20)$$

(1.20) ფორმულა გვიჩვენებს, რომ ნაწილაკის ენერგიას ცვლის მხოლოდ ელექტრული ველი. ნაწილაკის ენერგიის ცვლილების სისტრაფე (სიმძლავრე) ტოლია ელექტრული ველის სიმძლავრისა, ხოლო მაგნიტური ველი ნაწილაკის გადაადგილებაზე მუშაობას არ ასრულებს, რადგანაც მაგნიტური ძალა ყოველთვის ნაწილაკის სიჩქარის მართობულად მოქმედებს და მხოლოდ მის მიმართულებას ცვლის.

### კითხვები თვითკონტროლისათვის:

1. ურთიერთქმედების რამდენი სახეა დღეისათვის ცნობილი
2. ურთიერთქმედების სახეებია
3. ურთიერთქმედების რომელ სახეს მიეკუთვნება დრეკადობის ძალა
4. ურთიერთქმედების რომელ სახეს მიეკუთვნება სახუნის ძალა
5. რას ნიშნავს სიტყვა “ელექტრობა”
6. საიდან წარმოიშვა სიტყვა “მაგნიტი”
7. რამდენი სახის ელექტრული მუხტია ბუნებაში
8. დამუხტულ ელემენტარულ ნაწილაკებს შორის ელექტრული ურთიერთქმედების გარდა რა ურთიერთქმედება არსებობს
9. როგორია გრავიტაციული ურთიერთქმედების ძალის ბუნება
10. ელექტრულ და გრავიტაციულ ურთიერთქმედებიდან რომელია დიდი და რამდენჯერ
11. რომელ ელემენტარულ ნაწილაკებს შორის ვლინდება ძლიერი ურთიერთქმედება
12. რა მანძილზე ვლინდება ბირთვული ურთიერთქმედება
13. რა მანძილზე ვლინდება სუსტი ურთიერთქმედება