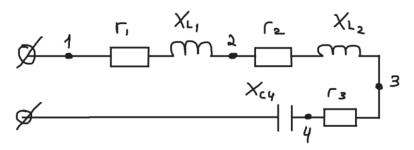
ნიმუში 1.

ელექტრულ წრედზე, რომელშიც მიმდევრობით ჩართულია ორი კოჭა, რეოსტატი და კონდენსატორი, მოდებულია 66 ვ ძაბვა. წინაღობები შემდეგია: $\mathbf{r}_1=1.5~\Omega,~X_{L1}=1.5~\Omega,~r_2=3~\Omega,~X_{L2}=1~\Omega,~r_3=2~\Omega,~X_{C4}=2~\Omega.$ იპოვეთ დენი წრედში, ძაბვები წინაღობებზე, ძაბვები ცალკეულ უბნებზე, მთელი წრედისა და მისი ცალკეული უბნების მიერ მოხმარებული სიმძლავრეები, სიმძლავრის კოეფიციენტი ($cos \varphi$).



<u>ამოხსნა:</u>

dmg:
$$r_1 = 1.5 \, \Omega$$

 $r_2 = 3 \, \Omega$
 $r_3 = 2 \, \Omega$
 $X_{L1} = 1.5 \, \Omega$
 $X_{L2} = 1 \, \Omega$
 $X_{C4} = 2 \, \Omega$
 $U = 66 \, 3$

 $I, U_{r1}, U_{r2}, U_{r3}, U_{X_{L1}}, U_{X_{L2}}, U_{X_{C4}}, U_1, U_2, U_3, P, Q, S, \cos \varphi = ?$

ვიპოვოთ დენი:

$$I = \frac{U}{Z}$$

ვეძებთ სრულ წინაღობას Z:

$$Z = \sqrt{r^2 + (X_L - X_C)^2}$$

r არის ყველა აქტიური წინაღობის ჯამი, X_L და X_C კი შესაბამისი რეაქტიული წინაღობის ჯამი:

$$r = r_1 + r_2 + r_3$$

 $X_L = X_{L1} + X_{L2}$
 $X_C = X_{C4}$

ჩავსვათ მნიშვნელობები და ამოვსხნათ:

$$Z = \sqrt{(r_1 + r_2 + r_3)^2 + (X_{L1} + X_{L2} - X_{C4})^2} = \sqrt{(1.5 + 3 + 2)^2 + (1.5 + 1 - 2)^2}$$
$$= \sqrt{6.5^2 + 0.5^2} \approx 6.6 \Omega$$

უკვე შეგვიძლია, ვიპოვოთ დენი:

$$I = \frac{U}{Z} = \frac{66}{6.6} = 10$$
 s

ვიპოვოთ ძაბვები თითოეულ ელემენტზე.

$$U = Ir = IX_{L} = IX_{C}$$

$$U_{r1} = Ir_{1} = 10 \cdot 1.5 = 15_{3}$$

$$U_{r2} = Ir_{2} = 10 \cdot 3 = 30_{3}$$

$$U_{r3} = Ir_{3} = 10 \cdot 2 = 20_{3}$$

$$U_{X_{L1}} = IX_{L1} = 10 \cdot 1.5 = 15_{3}$$

$$U_{X_{L2}} = IX_{L2} = 10 \cdot 1 = 15_{3}$$

$$U_{X_{C4}} = IX_{C4} = 10 \cdot 2 = 20_{3}$$

თუკი ამოცანაში უბნები მითითებულია, უნდა ვიპოვოთ ძაბვები თითოეულ უბანზე. ნახაზის მიხედვით, პირველი უბანი არის 1 და 2 წერტილებს შორის მოქცეული, მეორე უბანი მოქცეულია 2 და 3 წერტილებს შორის და ა.შ. Z_n -ით აღვნიშნოთ შესაბამისი უბნის სრული წინაღობა, ანუ მასში მოქცეული ელემენტების სრული წინაღობა, რომლის საპოვნელად ანალოგიურად ვიყენებთ ზემოთ გამოყენებულ ფორმულას $Z=\sqrt{r^2+(X_L-X_C)^2}$. გაითვალისწინეთ, რომ თუკი ამოცანაში უბნები მითითებული/ნახსენები არ არის, ეს კონკრეტული ეტაპი აღარ დაიწერება.

$$U_1 = IZ_1 = I\sqrt{r_1^2 + X_{L1}^2} = 10\sqrt{1.5^2 + 1.5^2} \approx 10 \cdot 2.1 = 21_3$$

$$U_2 = IZ_2 = I\sqrt{r_2^2 + X_{L2}^2} = 10\sqrt{3^2 + 1^2} \approx 10 \cdot 3.2 = 32_3$$

$$U_3 = IZ_3 = Ir_3 = 10 \cdot 2 = 20_3$$

$$U_4 = IZ_4 = IX_{C4} = 10 \cdot 2 = 20_3$$

აქტიური სიმძლავრების საპოვნელად შეგვიძლია გამოვიყენოთ დენის კვადრატისა და შესაბამისი აქტიური წინაღობის ნამრავლის ფორმულა:

$$P_1 = I^2 r_1 = 10^2 \cdot 1.5 = 150 \text{ g}$$

 $P_2 = I^2 r_2 = 10^2 \cdot 3 = 300 \text{ g}$
 $P_3 = I^2 r_2 = 10^2 \cdot 2 = 200 \text{ g}$

სრული აქტიური სიმძლავრე იქნება ცალკეული აქტიური სიმძლავრეების ჯამი:

$$P = P_1 + P_2 + P_3 = 150 + 300 + 200 = 650 \, \text{3}$$

რეაქტიული სიმძლავრეების საპოვნელად შეგვიძლია გამოვიყენოთ დენის კვადრატისა და შესაბამისი რეაქტიული წინაღობის ნამრავლის ფორმულა. (შენიშვნა: ინდექსის ციფრები, მარტივი აღქმისთვის, აღებულია წინაღობის ინდექსის ციფრის მიხედვით)

$$Q_1 = I^2 X_{L1} = 10^2 \cdot 1.5 = 150$$
 ვარ $Q_2 = I^2 X_{L2} = 10^2 \cdot 1 = 100$ ვარ $Q_4 = I^2 X_{C4} = 10^2 \cdot 2 = 200$ ვარ

სრული რეაქტიული სიმძლავრის საპოვნელად, წინა შემთხვევისგან განსხვავებით, ინდუქციური სიმძლავრეები (კოჭას სიმძლავრე, X_L -ით ნაპოვნი) დადებითი ნიშნით აიღება, ხოლო ტევადური სიმძლავრეები (კონდენსატორის სიმძლავრე, X_C -ით ნაპოვნი) უარყოფითი ნიშნით აიღება:

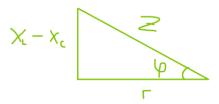
$$Q = Q_1 + Q_2 - Q_4 = 150 + 100 - 200 = 50$$
 ვარ

სრული სიმძლავრის საპოვნელად ვიყენებთ ფორმულას $S = \sqrt{P^2 + Q^2}$, ან $S = I^2 Z$ (დამრგვალების გამო,პასუხები შეიძლება არ დაემთხვეს):

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = \sqrt{650^2 + 50^2} \approx 652 \, 35$$

$$S = I^2 Z = 10^2 \cdot 6.6 = 660 \, 35$$

cosφ-ის საპოვნელად, შეგვიძლია გამოვიყენოთ სამკუთხედი:



$$cos\varphi = \frac{r_1 + r_2 + r_3}{Z} = \frac{1.5 + 3 + 2}{6.6} = \frac{6.5}{6.6} \approx 0.98$$

ამავე სამკუთხედით შეგვიძლია sinφ-ის პოვნაც, რომელიც სიმძლავრეების სხვა ფორმულაში გამოიყენება:

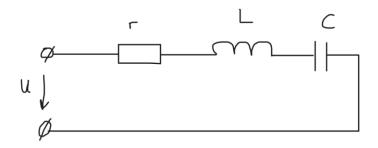
$$sin\varphi = \frac{X_{L1} + X_{L2} - X_{C4}}{Z} = \frac{1.5 + 1 - 2}{6.6} \approx 0.08$$

კოსინუსისა და სინუსის მიღებული შედეგებით შეგვიძლია სიმძლავრეები ალტერნატიული ფორმულით ვიპოვოთ. დამრგვალების გამო, რიცხვები ზემოთ მიღებულ შედეგებს შეიძლება არ დაემთხვეს:

$$P = UIcos\varphi = 66 \cdot 10 \cdot 0.98 = 646.8$$
 ვტ $Q = UIsin\varphi = 66 \cdot 10 \cdot 0.08 = 52.8$ ვარ $S = \sqrt{P^2 + Q^2} = UI = 66 \cdot 10 = 660$ ვა

<u>ნიმუში 2.</u> RLC რეზონანსული წრედი

ელექტრულ წრედში, რომლის ბოლოებზე მოდებულია 100 ვ ძაბვა, მიმდევრობით შეერთებულია $r=5~\Omega$ აქტიური წინაღობა, $L=71~{\rm dm}$ შნ ინდუქციურობის კოჭა, და კონდენსატორი, რომლის ტევადობა ისეა შერჩეული, რომ მივიღოთ ძაბვების რეზონანსი. სიხშირე $f=50~{\rm dg}$. განსაზღვრეთ დენი, ძაბვები რეზისტორზე, კონდენსატორსა და კოჭაზე, კონდენსატორის C ტევადობა, სიმძლავრეები, და ენერგიის მაქსიმალური მარაგი მაგნიტურ და ელექტრულ ველებში. ამოხსნა:



ამოვწეროთ მოცემულობა. ერთეულები Si სისტემაში უნდა იყოს (მაგალითად, მჰნ, ანუ მილი ჰენრი, იგივეა რაც 10^{-3} ჰენრი, და ა.შ.):

მოც:
$$U = 100 \, \mathrm{g}$$
 $L = 71036 = 71 \cdot 10^{-3}36$ $r = 5 \, \Omega$ $f = 50 \, \mathrm{g}$ $X_L = X_C$

 $I, U_r, U_c, U_L, C, P_r, Q_L, Q_C, S, W = ?$ ვიპოვოთ დენი:

$$I = \frac{U}{Z}$$

ამისათვის უნდა ვიპოვოთ სრული წინაღობა Z:

$$Z = \sqrt{r^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{5^2 + 0} = 5 \Omega$$
$$I = \frac{U}{Z} = \frac{100}{5} = 20 \text{ s}$$

რეზონანსის პირობაა, რომ ინდუქციური და ტევადური წინაღობები ერთმანეთის ტოლია. $X_C = X_L$. ამის გამოყენებით, შეგვიძლია მოცემული ინდუქციურობის დახმარებით არამხოლოდ ინდუქციური წინაღობა X_L , აგრეთვე X_C ტევადური წინაღობაც ვიპოვოთ, რითაც შევძლებთ ძაბვების პოვნას თითოეულ წინაღობაზე.

პირველ რიგში, ვიპოვოთ ინდუქციური წინაღობა.

$$X_L = \omega L = 2\pi f L = 2 \cdot 3.14 \cdot 50 \cdot 71 \cdot 10^{-3} \approx 22.3 \,\Omega$$

ამრიგად, ინდუქციური წინაღობაც:

$$X_C = X_L = 22.3 \Omega$$

უკვე შეგვიძლია ძაბვების პოვნა:

$$U_r = Ir = 20 \cdot 5 = 100 \, 3$$

 $U_L = IX_L = 20 \cdot 22.3 = 446 \, 3$
 $U_C = IX_C = 20 \cdot 22.3 = 446 \, 3$

ვიპოვოთ კონდენსატორის ტევადობა C ინდუქციური წინაღობის ფორმულიდან:

$$X_C = \frac{1}{\omega C}$$

$$C = \frac{1}{\omega X_C} = \frac{1}{2\pi f X_C} = \frac{1}{2 \cdot 3.14 \cdot 50 \cdot 22.3} = \frac{1}{7002.2} \approx 0.00014 = 0.14 \cdot 10^{-3} \, \text{g}$$

cosφ-სა და sinφ-ის საპოვნელად, შეგვიძლია გამოვიყენოთ სამკუთხედი:

$$cos\varphi = \frac{r}{Z} = \frac{5}{5} = 1$$

$$sin\varphi = \frac{X_L - X_C}{Z} = \frac{0}{5} = 0$$

შესაბამისად, შეგვიძლია ვიპოვოთ აქტიური, რეაქტიული და სრული სიმძლავრეები:

$$P_r = U_r I cos \varphi = 100 \cdot 20 \cdot 1 = 2000$$
 ვტ $Q_L = U_L I sin \varphi = 445 \cdot 20 \cdot 0 = 0$ ვარ $Q_C = U_C I sin \varphi = 445 \cdot 20 \cdot 0 = 0$ ვარ $S = \sqrt{P^2 + Q^2} = UI = 100 \cdot 20 = 2000$ ვა

ენერგიის საპოვნელად, შეგვიძლია ვისარგებლოთ ერთ-ერთი შემდეგი ფორმულით. მათი პასუხები თეორიულად უნდა დაემთხვეს, თუმცა დამრგვალების გამოყენების გამო ისინი მცირედით შეიძლება განსხვავდებოდნენ:

$$W_L = \frac{LI^2}{2} = \frac{71 \cdot 10^{-3} \cdot 20^2}{2} = 14.2 \,\chi$$

$$\frac{\delta \delta}{\delta}$$

$$W_C = \frac{CU_C^2}{2} = \frac{0.14 \cdot 10^{-3} \cdot 446^2}{2} = 13.9 \,\chi$$