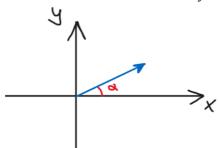
# ამოცანა 1: ძალის გეგმილების პოვნა ox და oy ღერძებზე

**მითითება:** ox ღერძზე გეგმილის საპოვნელად F ძალა გაამრავლეთ მოცემული კუთხის კოსინუსზე, ხოლო oy ღერძზე გეგმილის საპოვნელად — სინუსზე.

გაითვალისწინეთ, თუ მოცემულ ნახაზზე ძალის ვექტორის მიმართულება ემთხვევა ღერძის მიმართულებას, შესაბამისი გეგმილი დადებითი ნიშნისაა, წინააღმდეგ შემთხვევაში — უარყოფითი.

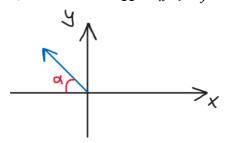
**მაგალითი 1:**  $\alpha=30^\circ$ , F=20 წ. იპოვეთ  $F_x$  და  $F_y$ .



#### ამოხსნა:

$$F_x = F \cdot \cos \alpha = F \cdot \cos 30^\circ = 20 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 10\sqrt{3} \approx 17 \ \delta$$
$$F_y = F \cdot \sin \alpha = F \cdot \sin 30^\circ = 20 \cdot \frac{1}{2} = 10 \ \delta$$

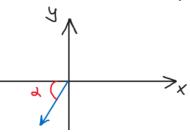
**მაგალითი 2:**  $\alpha=45^\circ$ , F=16 წ. იპოვეთ  $F_x$  და  $F_v$ .



### ამოხსნა:

$$F_x = F \cdot \cos \alpha = -F \cdot \cos 45^\circ = -16 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = -8\sqrt{2} \approx -11.3 \ 6$$
  
 $F_y = F \cdot \sin \alpha = F \cdot \sin 45^\circ = 16 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 8\sqrt{2} = 11.3 \ 6$ 

**მაგალითი 3:**  $\alpha=60^\circ$ , F=40 წ. იპოვეთ  $F_x$  და  $F_y$ .

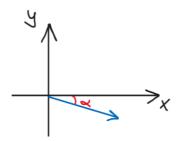


### ამოხსნა:

$$F_{x} = F \cdot \cos \alpha = -F \cdot \cos 60^{\circ} = -40 \cdot \frac{1}{2} = -20 \, \delta$$

$$F_{y} = F \cdot \sin \alpha = -F \cdot \sin 60^{\circ} = -40 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = -20\sqrt{3} \approx 34.6 \, \delta$$

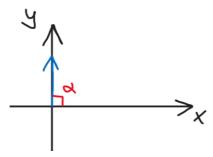
# შაგალითი 4: $\alpha=30^\circ$ , F=8 წ. იპოვეთ $F_x$ და $\overline{F_y}$ .



#### ამოხსნა:

$$F_x = F \cdot \cos \alpha = F \cdot \cos 30^\circ = 8 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 4\sqrt{3} \approx 6.9 \, \delta$$
$$F_y = F \cdot \sin \alpha = -F \cdot \sin 30^\circ = -8 \cdot \frac{1}{2} = -4 \, \delta$$

## **მაგალითი 5:** $\alpha=90^\circ$ , F=12 წ. იპოვეთ $F_x$ და $F_y$ .



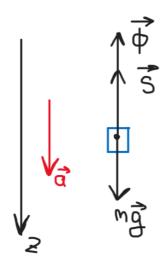
### ამოხსნა:

$$F_x = F \cdot \cos \alpha = F \cdot \cos 90^\circ = 8 \cdot 0 = 0$$
  
$$F_y = F \cdot \sin \alpha = F \cdot \sin 90^\circ = 8 \cdot 1 = 8 \, 6$$

# ამოცანა 2: დაჭიმულობის ძალის პოვნა დალამბერის პრინციპით

**მითითება:** ნახაზის აგებისას, სხეულზე მოდეთ ქვევით მიმართული  $m\vec{g}$  სიმძიმის ძალა, ზევით მიმართული  $\vec{S}$  დაჭიმულობის ძალა, აჩქარების საწინააღმდეგოდ მიმართული  $\phi$  ინერციის ძალა. z ღერძი და აჩქარება მიმართეთ მოძრაობის (ზევით ან ქვევით) მიმართულებით.

**მაგალითი 1:** თოკზე დაკიდებული 15 კგ მასის ტვირთი მოძრაობს ქვევით a=0.6 მ/წმ $^2$  აჩქარებით. იპოვეთ თოკის დაჭიმულობა დალამბერის პრინციპის გამოყენებით. ამოხსნა:



$$m\vec{a} = \vec{S} + m\vec{g}$$

$$\vec{S} + m\vec{g} - (m\vec{a}) = 0$$

$$\vec{S} + m\vec{g} + \vec{\phi} = 0$$

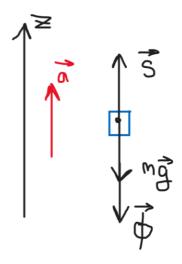
$$\phi = ma$$

z-ღერმზე:

$$mg - S - \phi = 0$$
  
 $mg - S - ma = 0$   
 $S = mg - ma = m(g - a) = 15(10 - 0.6) = 15 \cdot 9.4 = 141 \, \delta$ 

**მაგალითი 2:** თოკზე დაკიდებული 15 კგ მასის ტვირთი მოძრაობს **ზევით** a=0.6 მ/წმ $^2$  აჩქარებით. იპოვეთ თოკის დაჭიმულობა დალამბერის პრინციპის გამოყენებით.

### ამოხსნა:



$$m\vec{a} = \vec{S} + m\vec{g}$$

$$\vec{S} + m\vec{g} - (m\vec{a}) = 0$$

$$\vec{S} + m\vec{g} + \vec{\phi} = 0$$

$$\phi = ma$$

$$z$$
-ღერმზე:

 $-mg + S - \phi = 0$ 

$$-mg + S - ma = 0$$
  
 $S = mg + ma = m(g + a) = 15(10 + 0.6) = 15 \cdot 10.6 = 159 \, \delta$ 

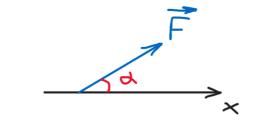
## ამოცანა 3: ძალის მუშაობა

*მითითება:* გამოიყენეთ ფორმულა

$$A = \int_0^x F \cos \alpha \, dx$$

სადაც ინტეგრალის ზედა ზღვარი x ამოცანაში მოცემული გადაადგილების წერტილის კოორდინატია.

*მაგალითი:* სხეულზე მოქმედებს მუდმივი მიმართულების  $F=3x^3$  ძალა, რომელიც ox ღერძთან ადგენს  $\alpha=30^\circ$  კუთხეს. იპოვეთ ამ ძალის მუშაობა, როცა სხეული კოორდინატთა სათავიდან გადაადგილდება წერტილში, რომლის კოორდინატია x=4. *ამოხსნა:* 



$$A = \int_0^4 F \cos \alpha \, dx = \int_0^4 3x^3 \cos 30^0 \, dx = \int_0^4 3x^3 \frac{\sqrt{3}}{2} \, dx = \frac{3\sqrt{3}}{2} \int_0^4 x^3 \, dx$$
$$= \frac{3\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{x^4}{4} \Big|_0^4 = \frac{3\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{4^4}{4} = \frac{3\sqrt{3}}{2} \cdot 4^3 = 96\sqrt{3} \approx 166.3$$

## ამოცანა 4: ნორმალური აჩქარება

*მითითეზა:* გამოიყენეთ ნორმალური აჩქარეზის ფორმულა  $a_n = \frac{v^2}{r}$ , სადაც სიჩქარე v ტოლია S-ის წარმოებულის (იგივე  $\dot{S}$ ).

*მაგალითი:* წერტილი მომრაობს r=1.5 მ რადიუსის წრეწირზე  $S=2t^2$  კანონით. იპოვეთ ნორმალური აჩქარება t=1 წმ მომენტში. ამოხსნა:

$$a_n = \frac{v^2}{r}$$

$$v = \dot{S} = (2t^2)' = 4t$$

როცა t=1 წმ,

$$v = 4t = 4 \cdot 1 = 4 \frac{\partial}{\partial \partial}$$

ამრიგად,

$$a_n = \frac{4^2}{1.5} = \frac{16}{1.5} = 10\frac{2}{3} \approx 10.6\frac{0}{60^2}$$

## ამოცანა 5: კუთხური სიჩქარე და კუთხური აჩქარება

**მითითება:** კუთხური სიჩქარე  $\omega$  ტოლია  $\varphi$ -ის წარმოებულის (იგივე  $\dot{\varphi}$ ), ხოლო კუთხური აჩქარება  $\varepsilon$  ტოლია კუთხური სიჩქარის  $\omega$  წარმოებულის (იგივე  $\dot{\omega}$ ). წარმოებულთა პოვნის შემდეგ, ჩასვით დროის მნიშვნელობა თითოეულ მათგანში.

*მაგალითი:* სხეული ზრუნავს უძრავი ღერძის გარშემო  $\varphi=3t^2+1$  კანონით. იპოვეთ კუთხური სიჩქარე და კუთხური აჩქარება t=1 წმ მომენტში.

ამოხსნა:

$$\omega = \dot{\varphi} = (3t^2 + 1)' = 6t + 0 = 6t$$
  
 $\varepsilon = \dot{\omega} = (6t)' = 6$ 

როცა t=1 წმ,

$$\omega = 6t = 6 \cdot 1 = 6 \frac{\partial}{\delta}$$

$$\varepsilon = 6 \frac{\partial}{\delta}$$

## ამოცანა 6: მოძრაობის რაოდენობა და კინეტიკური ენერგია

**მითითება:** იპოვეთ სხეულის სიჩქარე v მოცემული მომრაობის კანონის გაწარმოებით (იგივე  $\dot{x}$ ). მიღებულ ფორმულაში ჩასვით დროის მნიშვნელობა და განსაზღვრეთ სიჩქარე. სიჩქარის მიღებული შედეგით იპოვეთ მოძრაობის რაოდენობა q=mv და კინეტიკური ენერგია  $T=\frac{1}{2}mv^2$ .

*მაგალითი:* m=20 კგ მასის მატერიალური წერტილი მოძრაობს წრფეზე  $\mathbf{x}=4t+2t^2$  კანონით. იპოვეთ წერტილის მოძრაობის რაოდენობა და კინეტიკური ენერგია t=1 წმ მომენტში. ამოხსნა:

$$v = \dot{x} = (4t + 2t^2)' = 4 + 4t$$

როცა t = 1, ამიტომ

$$v = 4 + 4t = 4 + 4 \cdot 1 = 4 + 4 = 8 \frac{\partial}{\partial \theta}$$

მოძრაობის რაოდენობა:

$$q = mv = 20 \cdot 8 = 160 \text{ B} \cdot \frac{\partial}{\partial \theta}$$

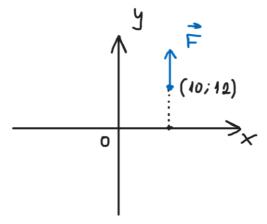
კინეტიკური ენერგია:

$$T = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \cdot 20 \cdot 8^2 = 10 \cdot 64 = 640 \,\chi$$

## ამოცანა 7: ძალის მომენტი

**მითითება:** გამოიყენეთ ფორმულა  $M_O(\vec{F}) = hF$ , სადაც h ტოლია მოცემული წერტილის x კოორდინატის.

*მაგალითი:* გამოთვალეთ F ძალის მომენტი კოორდინატთა სათავის მიმართ, თუ წერტილის კოორდინატია (10; 12), ხოლო ძალა F=20 წ. *ამოხსნა:* 



$$M_O(\vec{F}) = hF = 10 \cdot 20 = 200 \, 6 \cdot \partial$$

## ამოცანა 8: მალა

*მითითეზა:* გამოიყენეთ ფორმულა  $F=\sqrt{F_x^2+F_y^2}$ , სადაც  $F_x=m\ddot{x}$  და  $F_y=m\ddot{y}$ .

*მაგალითი:* 12 კგ მასის სხეული მოძრაობს სიბრტყეზე.  $x = 4t^2$ ,  $y = 3t^2$ . იპოვეთ წერტილზე მოქმედი ძალა. *ამოხსნა:* 

$$\dot{x} = (4t^2)' = 8t$$

$$\ddot{x} = (8t)' = 8$$

$$\dot{y} = (3t^2)' = 6t$$

$$\ddot{y} = (6t)' = 6$$

$$F_x = m\ddot{x} = 12 \cdot 8 = 96 \text{ 5}$$

$$F_y = m\ddot{y} = 12 \cdot 6 = 72 \text{ 5}$$

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{96^2 + 72^2} = \sqrt{14400} = 120 \text{ 5}$$