Stutz Aline, Isliker Pascal, Scherrer Marcel

ZHAW

PE Semesterprojekt

Bericht

Inhaltsverzeichnis

[1 Abstract 2](#_Toc101556259)

[2 Teil 1 2](#_Toc101556260)

[3 Teil 2: Würfel wird gestossen 3](#_Toc101556261)

[3.1 Aufgabenstellung 3](#_Toc101556262)

[3.2 Unser Experiment 4](#_Toc101556263)

[3.3 Theorie 5](#_Toc101556264)

[3.4 Berechnung der Energien 5](#_Toc101556265)

[3.5 Vergleich mit Experiment 6](#_Toc101556266)

[4 Teil 3a: Würfel stossen verzögert elastisch 7](#_Toc101556267)

[5 Teil 3b: Würfel 1 wird gefangen 8](#_Toc101556268)

[6 Teil 3c: Würfel 2 fällt 10](#_Toc101556269)

[7 Rückblick 13](#_Toc101556270)

[8 Abbildungsverzeichnis 13](#_Toc101556271)

[9 Anhang 14](#_Toc101556272)

# Abstract

Dieser Bericht beinhaltet die gewonnen Erkenntnisse und Resultate der Experimente gemäss der Aufgabenstellung „PE\_Semesterprojekt\_FS22\_v08.pdf“. Die Experimente wurden dabei mithilfe von Unity simuliert.

# Einleitung

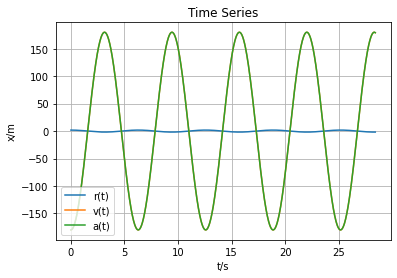
In diesem Bericht werden die gewonnenen Erkenntnisse aus den Experimenten gemäss der Anleitung Semesterprojekt PE FS 2022 dokumentiert. Dabei werden folgende Physikthemen behandelt:

* Harmonischer Oszillator
* Federkraft
* Kinetische Energie
* Federenergie
* Energieerhaltungsgesetz
* Impulsgesetz
* Elastischer Stoss
* Trockene Reibung
* Winkelgeschwindigkeit
* Arbeit
* Freier Fall

Für die Visualisierung der Experimente wird Unity verwendet. Zur Darstellung der Grafiken der erhaltenen Daten des Experimentes wird ein Python Skript verwendet.

# Teil 1: Harmonischer Oszillators

Es soll ein Würfel erstellt werden, welcher eine Oszillation erfährt. Dieser soll dann eine Harmonische Schwingung widerspiegeln. In der unterstehenden Graphik, kann erkannt werden, dass die Reibung 0 beträgt und der Würfel eine gleiche Beschleunigung und Geschwindigkeit aufweist.



# Teil 2: Würfel wird gestossen

## Aufgabenstellung

Ein Würfel ( ) wird durch eine gespannte Feder von einer unendlich schweren   
Mauer weggestossen. Dabei soll der Würfel, nachdem er abgestossen wurde, eine Geschwindigkeit ( erreichen. Um diese Bedingungen zu erfüllen, müssen die Federkonstant und die Kompression entsprechend gewählt werden.

Text

Description automatically generated

Abbildung 1 Ausschnitt der Aufgabe 2 aus der Aufgabenstellung

## Unser Experiment

**Beschreibung**

Nach dem Start des Programmes wird der Würfel auf eine Geschwindigkeit in Richtung der Wand beschleunigt. An der Position trifft der Würfel auf die Feder. Dabei wird die Feder komprimiert und die Geschwindigkeit des Würfels verlangsamt sich, bis die maximale Kompression bei , erreicht wird. Ab diesem Zeitpunkt beschleunigt der Würfel in die entgegengesetzte Richtung (weg von der Wand). Die Beschleunigung erhöht sich bis der Würfel die Feder nicht mehr berührt. Die Geschwindigkeit beträgt ab diesem Zeitpunkt wieder konstant .

Diagram

Description automatically generated

Abbildung 2: Top-Down Ansicht des Experimentes

**Umsetzung in Unity**

Um dem Würfel eine initiale Geschwindigkeit von zu geben, wendeten wir einmalig eine Kraft von 50 Newton auf den Würfel an. Dieser Kraftaufwand ist nötig, um den Würfel auf eine Geschwindigkeit zu beschleunigen, da in Unity ein einziger Tick beträgt.

Nach der initialen Beschleunigung, bewegt sich der Würfel auf die Feder mit konstanter Geschwindigkeit von zu. Sobald der Würfel auf die Feder trifft, können wir die Formel der Federkraft anwenden. Die Feder wird maximal komprimiert und stösst den Würfel ab. Die Feder wächst anschliessend wieder auf ihre ursprüngliche Grösse an.

**Graphische Darstellung des Experiments**

Das nachfolgende Diagramm wurde basierend auf den Daten des Unity-Experiments generiert. Das Resultat entspricht unserer Erwartung. Die Geschwindigkeit nimmt zuerst ab und anschliessend nimmt sie wieder zu, bis eine Geschwindigkeit von 1 erreicht wird. Ab diesem Zeitpunkt bleibt die Geschwindigkeit konstant.

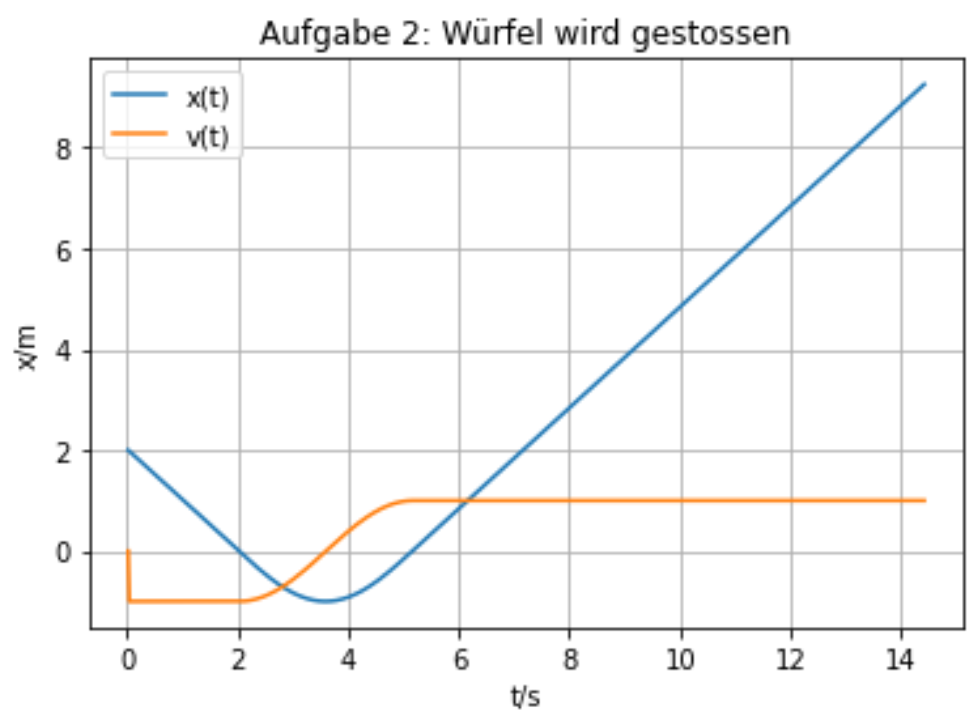


Abbildung 3: Orts- und Geschwindigkeit Diagramm

## Theorie

Für die Umsetzung des Experimentes sind Kenntnisse einiger physikalische Formeln nötig, auf die wir in diesem Abschnitt genauer eingehen wollen.

**Federkraft**

Die Federkraft beträgt . Sie zeigt entgegen der Auslenkung (). Die Beschleunigung ist proportional zum Ort .

**Kinetische-Energie und Feder-Energie**

Bei unserem Experiment entsteht sowohl Kinetische- als auch Feder-Energie. Diese Energien sind durch folgende Formeln definiert.

**Energie-Erhaltungssatz**

Da es sich bei unserem Versuch um ein abgeschlossenes System handelt, kommt der Energie-Erhaltungssatz zum Zuge. Dieser besagt, dass sich die Energie in einem abgeschlossenen System mit der Zeit nicht verändert. In unserem Fall gibt es kinetische- und Feder-Energie , diese müssen zusammen konstant bleiben. Daraus lässt sich folgende Formel ableiten.

## Berechnung der Energien

In diesem Bereich werden wir die Energien, mithilfe der vorhergehenden Formel berechnen.

**Vor Kompression**

**Während Kompression**

Berechnung der Feder-Energie:

-

Berechnung der Geschwindigkeit:

**Maximale Kompression**

## Vergleich mit Experiment

Vergleichen wir die berechnete Geschwindigkeit von , welche während der Kompression besteht, mit der Geschwindigkeit in unseren Experiment, so stellen wir fest, dass diese an der Position ebenfalls eine Geschwindigkeit aufweist.

# Teil 3a: Würfel stossen verzögert elastisch

## Beschreibung

Würfel 1 stösst mit Würfel 2 zusammen.

* Würfel 1 startet mit einer Geschwindigkeit
* Würfel 2 startet mit einer Geschwindigkeit von

Zwischen den Würfeln wird eine Feder komprimiert.

Wenn die Feder maximal komprimiert ist, werden die beiden Würfel fest miteinander verbunden und gleiten gemeinsam weiter.

Nach einer Strecke von 5 Meter oder nach einigen Sekunden wird die feste Verbindung gelöst, die Würfel stossen sich voneinander ab. Würfel 1 gleitet nach links, Würfel 2 nach rechts.

Eigenschaften:

* Würfel 2 ist doppelt so schwer wie Würfel 1 .
* Würfel 2 ist gleich gross wie Würfel 1 .

A picture containing timeline

Description automatically generated

## Theorie

**Massen und Geschwindigkeitsänderungen**

**Impuls**

* Impuls eines Körpers
* Impuls vor Stoss
* Impuls nach Stoss

**Elastischer Stoss**

## Umsetzung in Unity

Für die Umsetzung in Unity, haben wir zwei gleich grosse Würfelobjekte erstellt. Diesen Würfeln haben wir unterschiedliche Materialien zugewiesen, sodass der eine Würfel doppelt so schwer ist wie der andere. Wenn wir das Experiment starten wird der leichte Würfel, mit m = 1kg, in Richtung des schwereren Würfels, mit m = 2 kg, beschleunigt. Die Feder zwischen den Würfel wird komprimiert und die beiden Würfel gleiten gemeinsam für 4 Sekunden weiter. Nach Ablauf dieser 4 Sekunden, wird die Federkraft wieder aktiviert und die beiden Würfel stossen sich voneinander ab.

## Berechnungen

**Impuls**

* Impuls von Körper
* Impuls von Körper

**Elastischer Stoss**

## Vergleich mit Experiment

Nun vergleichen wir die berechnete mit der tatsächlichen Geschwindigkeit der beiden Würfel.

* Würfel 1: Berechnet: Experiment:
* Würfel 2: Berechnet: Experiment:

Die berechneten Werte unterscheiden sich somit nur leicht von den tatsächlichen Werten.

# Teil 3b: Würfel 1 wird gefangen

## Beschreibung

Würfel 1 gleitet (mit einer Geschwindigkeit von ) eine kurze Strecke nach links.

Dann wird ein virtuelles masseloses Seil von 5 m Länge am Schwerpunkt des Würfels befestigt. Würfel 1 dreht in der Ebene um den Befestigungspunkt des Seils. Der Befestigungspunkt befindet sich seitlich, 5 m senkrecht zur Geschwindigkeit.

Am Boden wirkt trockene Reibung, sodass der Würfel nach einem Viertelkreis zum Stehen kommt.

Graphical user interface, application

Description automatically generated

## Theorie

**Trockene Reibung**

Trockene Reibung ist proportional zur Normalkraft

* Proportionalitätsfaktor / Gleitreibungskoeffizient

**Winkelgeschwindigkeit**

Die Winkelgeschwindigkeit ist der Quotient aus der Weite des Bahnradius vom überstrichenen Winkel geteilt durch die dafür benötigte Zeit.

**Diagram

Description automatically generatedArbeit**

Die physikalische Definition für Kraft lautet:

**Lösungsweg**

Da das ganze System betrachtet wird, müssen wir die Zentripetalkraft zur  
Berechnung verwenden. Diese ist folgendermassen definiert

Zentripetalkraft

Reibungskraft

Die Formel für die Reibungskraft lässt sich aus der Formel der Trockenen Reibung und der Arbeit ableiten. Dies muss danach auf die Aufgabenstellung angewendet werden. Dies resultiert in folgende Formel:

Resultierende Kraft

Die resultierende Kraft aus der Zentripetalkraft und Reibungskraft ist äquivalent und hat einen Wert von 0.

## Umsetzung in Unity

## Berechnung

* Würfel-Geschwindigkeit (gemäss Resultat aus Kapitel 5.4)
* Seillänge (Radius)
* Reibungskoeffizient

## Vergleich mit Experiment

# Teil 3c: Würfel 2 fällt

## Beschreibung

Würfel 2 gleitet (mit einer Geschwindigkeit von ) auf eine Kante zu und fällt ins Leere (.

Weit unten, tiefer, gibt es ein Loch im Boden, durch das der Würfel fallen soll. Wählen Sie die Position des Lochs so, dass der Würfel mittig trifft.

Graphical user interface, application

Description automatically generated

## Theorie

Um die Position des Loches richtig zu wählen, müssen wir die Falldistanz des Würfels berechnen. Dazu brauchen wir die Formel zu:

**Falldistanz und Fall-Geschwindigkeit nach einer Zeit**

Da die Beschleunigung des Würfels durch die Gravitation bestimmt wird, müssen wir setzen.

**Horizontale Distanz und Geschwindigkeit nach einer Zeit**

Um die horizontale Distanz auszurechnen, müssen wir bestimmen, welche äquivalent zu ist.

**Berechnung der Zeit**

Die Zeit die der Würfel braucht um von der Kante in das Loch zu fallen kann mithilfe folgender Formel berechnet werden:

## Umsetzung in Unity

## Berechnung

## Vergleich mit Experiment

# Rückblick

In diesem Projekt konnten wir verschiedene physikalische Formel kennen lernen und mithilfe von Unity visualisieren. In einem ersten Teil lernten wir, wie sich ein harmonischer Oszillator verhält und konnten diesen dann im zweiten Teil verwenden und die Federkraft kennen zu lernen, indem wir ein Objekt oszillierten und dann von einer Feder abstossen. Im dritten Teil verwendeten wir das Wissen aus Teil 1 und 2, um den elastischen Stoss kennenzulernen. Ausserdem machten wir ein Experiment, das Aufzeigte, wie die Reibungskraft und Zentripetalkraft einen sich bewegenden Körper abbremsen. Zu guter letzte betrachteten wir uns noch den freien Fall, indem wir ein Objekt über die Kante fallen liessen.

Obwohl die Experimente zu Anfang kompliziert erschienen, konnten wir mit den Unterlagen und Formel, welche wir erlernten, die Theorie dafür nachvollziehen. Dies erlaubte es uns diese Experimente in Unity zu visualisieren, welches das Verständnis der physikalisch wirkenden Kräfte verbesserte. Die Arbeit an diesem Auftrag war sehr lehrreich und erlaubte uns einen guten Einblick in die Welt der Physik. Ausserdem konnte das Informatiker Herz sich ebenfalls erfreuen beim Code schreiben und kennenlernen des Unity Tools.

# Abbildungsverzeichnis

[Abbildung 1 Ausschnitt der Aufgabe 2 aus der Aufgabenstellung 3](#_Toc101615123)

[Abbildung 2: Top-Down Ansicht des Experimentes 4](#_Toc101615124)

[Abbildung 3: Orts- und Geschwindigkeit Diagramm 4](#_Toc101615125)

# Anhang

## Aufgabe 2

public class CubeController : MonoBehaviour

{

private Rigidbody rigidBody;

public int springConstant; // N/m

private float currentTimeStep; // s

private List<List<float>> timeSeries;

// Start is called before the first frame update

void Start()

{

rigidBody = GetComponent<Rigidbody>();

timeSeries = new List<List<float>>();

}

// Update is called once per frame

void Update()

{

}

private float featherPosXFrom = 0; // m

private double featherPosXTo = -3.5; // m

private bool featherEnabled = false;

private bool setInitialForce = false;

// FixedUpdate can be called multiple times per frame

void FixedUpdate() {

float forceX = 0; // N

rigidBody.mass = 1; // kg

springConstant = 1; // N/m

// Assuming the Feather starts at position x = 0

float compression = rigidBody.position.x;

//Set Initial Force before Feather is touched

if (!setInitialForce)

{

//Apply Force

forceX = -50; // N

rigidBody.AddForce(new Vector3(forceX, 0f, 0f));

setInitialForce = true;

}

//Pre-Feather

if (rigidBody.position.x < featherPosXFrom && rigidBody.position.x > featherPosXTo)

{

featherEnabled = true;

} else

{

featherEnabled = false;

}

Debug.Log("Position: " + rigidBody.position.x

+ ", Velocity: " + rigidBody.velocity.x

+ ", Acceleration: " + forceX / rigidBody.mass);

//Feather

if (featherEnabled)

{

//F = -x\*k

forceX = -compression \* springConstant;

//Apply Force

rigidBody.AddForce(new Vector3(forceX, 0f, 0f));

}

//Post-Feather

currentTimeStep += Time.deltaTime;

timeSeries.Add(new List<float>() {currentTimeStep, rigidBody.position.x, rigidBody.velocity.x, forceX });

}

void OnApplicationQuit() {

WriteTimeSeriesToCSV();

}

void WriteTimeSeriesToCSV() {

using (var streamWriter = new StreamWriter("time\_series.csv")) {

streamWriter.WriteLine("t,z(t),v(t),a(t) (added)");

foreach (List<float> timeStep in timeSeries) {

streamWriter.WriteLine(string.Join(",", timeStep));

streamWriter.Flush();

}

}

}

}

## Aufgabe 3