

1. א. אנו מחפשים את השורש בין 1 ל x . מספר הצעדים בגודל ε^2 הנדרשים להגיע מ 1 ל x הוא $(x-1)/\varepsilon^2$ כשעבור x גדול מספיק זה בערך x/ε^2 .
(למעשה ניתן להראות שעבור ε קטן מספיק אכן יימצא מספר c שמקיים את הדרישה $|c^2 - x| < \varepsilon$ אם הולכים בצעדים של ε^2 ועבור $\sqrt{x}\varepsilon$ קטן מספיק, ולכן לא צריך לצעוד עד x אלא רק עד \sqrt{x}).

ב. אם נתעלם מההערה בסוגריים, $n = (x-1)/\varepsilon$
ג. כפי שכתוב, הסיבוכיות עבור x גדול מספיק היא $O(x/\varepsilon)$.

2. אם c הוא השורש המקורב, הדרישה היא $|c^2 - x| < \varepsilon$

$$\Rightarrow |2(c - \sqrt{x})(c + \sqrt{x})| < \varepsilon \Rightarrow \Delta x < \varepsilon / 2x$$

כשהצבנו $\Delta x \equiv |c - \sqrt{x}|$ וקרבו $c \approx \sqrt{x}$.

גודל המרחב בו אנו מחפשים הוא (סעיף ב) $n = (x-1)/\Delta x = (x-1)2\sqrt{x}/\varepsilon$
את מרחב החיפוש אנו כל פעם חוצים לשניים בשיטת ה Bisection search עד שמגיעים לאיבר בודד, ולכן מספר הצעדים הנדרש הוא (סעיף א) $\log_2(n)$, והסיבוכיות היא (סעיף ג) $O(\log n)$, ועבור x גדול מספיק אפשר לכתוב שהסיבוכיות היא

$$O(\log(2x^{3/2}/\varepsilon)) = O(\log(x^{3/2}/\varepsilon))$$